

שנה"ל התש"ף, סמסטר ב', מועד א
שאלון בחינה בקורס: מבנה נתונים ותוכניות א'
מספר קורס: 150015

Formula Sheet

Definition of O : Given two functions $f(n), g(n): \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+$

We say that $g(n)$ is $O(f(n))$ if there are positive constants n_0 and c such that
 $g(n) \leq c \cdot f(n)$ for all $n \geq n_0$

Definition of Ω : Given two functions $f(n), g(n): \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+$

We say that $g(n)$ is $\Omega(f(n))$ if there are positive constants n_0 and c such that
 $g(n) \geq c \cdot f(n)$ for all $n \geq n_0$

Definition of Θ : Given two functions $f(n), g(n): \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+$

We say that $g(n)$ is $\Theta(f(n))$ if there are positive constants n_0, c_1, c_2 and c such that
 $c_1 f(n) \leq g(n) \leq c_2 f(n)$ for all $n \geq n_0$

Definition of o : Given two functions $f(n), g(n): \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+$

We say that $g(n)$ is $o(f(n))$ if for every positive c there is positive constant n_0
such that $g(n) < c \cdot f(n)$ for all $n \geq n_0$

Definition of ω : Given two functions $f(n), g(n): \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{R}^+$

We say that $g(n)$ is $\omega(f(n))$ if for every positive c there is positive constant n_0
such that $g(n) > c \cdot f(n)$ for all $n \geq n_0$

Arithmetic Series

$$\sum_{k=1}^n k = 1 + 2 + \dots + n = \frac{1}{2}n(n+1)$$

Geometric Series

$$\sum_{k=0}^n x^k = 1 + x + x^2 + \dots + x^n = \frac{x^{n+1} - 1}{x - 1}$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} x^k = \frac{1}{1-x} \quad |x| < 1 \quad \text{עבור}$$

Harmonic Series

$$H_n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \dots + \frac{1}{n} = \sum_{k=1}^n \frac{1}{k} = \ln n + O(1)$$

Series of Squares

$$\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} : \text{סדרת הריבועים}$$

שנה"ל התש"ף, סמסטר ב', מועד א'
שאלון בחינה בקורס: מבנה נתונים ותוכניות א'
מספר קורס: 150015

$$\frac{\log_c a}{\log_c b} = \log_b a \quad \text{שינוי בסיס } \log$$

$$n^{\log_c a} = a^{\log_c n} \quad \text{שינוי חזקה:}$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{g(x)} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f'(x)}{g'(x)} \quad \text{כלל לופיטל:}$$