

Krok 1

$$w_1 = [-3, 4, 1]$$

$$w_2 = [-3, -1, -3]$$

$$w_3 = [0, -1, -6]$$

Vzdálenosti od w_1 :

$$p_1 : \sqrt{(-3-0)^2 + (4+1)^2 + (1+2)^2} = 6,56$$

$$p_2 : \sqrt{(-3+3)^2 + (4+1)^2 + (1+3)^2} = 6,4$$

$$p_3 : \sqrt{(-3-1)^2 + (4+3)^2 + (1-2)^2} = 8,12$$

$$p_4 : \sqrt{(-3+2)^2 + (4+2)^2 + (1-2)^2} = 6,16$$

$$p_5 : \sqrt{(-3-1)^2 + (4-2)^2 + (1+4)^2} = 6,71$$

$$p_6 : \sqrt{(-3-0)^2 + (4+4)^2 + (1-3)^2} = 8,77$$

$$p_7 : \sqrt{(-3-1)^2 + (4-0)^2 + (1+3)^2} = 6,93$$

$$p_8 : \sqrt{(-3+3)^2 + (4-0)^2 + (1-0)^2} = 4,12$$

$$p_9 : \sqrt{(-3+2)^2 + (4-2)^2 + (1+4)^2} = 5,48$$

$$p_{10} : \sqrt{(-3+2)^2 + (4-4)^2 + (1-3)^2} = \mathbf{2,24}$$

$$p_{11} : \sqrt{(-3-3)^2 + (4+2)^2 + (1-4)^2} = \mathbf{9}$$

$$p_{12} : \sqrt{(-3-2)^2 + (4+5)^2 + (1+4)^2} = 11,45$$

Vzdálenosti od w_3 :

$$p_1 : \sqrt{(0-0)^2 + (-1+1)^2 + (-6+2)^2} = 4$$

$$p_2 : \sqrt{(0+3)^2 + (-1+1)^2 + (-6+3)^2} = 4,24$$

$$p_3 : \sqrt{(0-1)^2 + (-1+3)^2 + (-6-2)^2} = 8,31$$

$$p_4 : \sqrt{(0+2)^2 + (-1+2)^2 + (-6-2)^2} = 8,31$$

$$p_5 : \sqrt{(0-1)^2 + (-1-2)^2 + (-6+4)^2} = \mathbf{3,74}$$

$$p_6 : \sqrt{(0-0)^2 + (-1+4)^2 + (-6-3)^2} = 9,49$$

$$p_7 : \sqrt{(0-1)^2 + (-1-0)^2 + (-6+3)^2} = \mathbf{3,32}$$

$$p_8 : \sqrt{(0+3)^2 + (-1-0)^2 + (-6-0)^2} = 6,78$$

$$p_9 : \sqrt{(0+2)^2 + (-1-2)^2 + (-6+4)^2} = 4,12$$

$$p_{10} : \sqrt{(0+2)^2 + (-1-4)^2 + (-6-3)^2} = 10,49$$

$$p_{11} : \sqrt{(0-3)^2 + (-1+2)^2 + (-6-4)^2} = 10,49$$

$$p_{12} : \sqrt{(0-2)^2 + (-1+5)^2 + (-6+4)^2} = \mathbf{4,9}$$

Vzdálenosti od w_2 :

$$\sqrt{(-3-0)^2 + (-1+1)^2 + (-3+2)^2} = \mathbf{3,16}$$

$$\sqrt{(-3+3)^2 + (-1+1)^2 + (-3+3)^2} = \mathbf{0}$$

$$\sqrt{(-3-1)^2 + (-1+3)^2 + (-3-2)^2} = \mathbf{6,71}$$

$$\sqrt{(-3+2)^2 + (-1+2)^2 + (-3-2)^2} = \mathbf{5,2}$$

$$\sqrt{(-3-1)^2 + (-1-2)^2 + (-3+4)^2} = 5,1$$

$$\sqrt{(-3-0)^2 + (-1+4)^2 + (-3-3)^2} = \mathbf{7,35}$$

$$\sqrt{(-3-1)^2 + (-1-0)^2 + (-3+3)^2} = 4,12$$

$$\sqrt{(-3+3)^2 + (-1-0)^2 + (-3-0)^2} = \mathbf{3,16}$$

$$\sqrt{(-3+2)^2 + (-1-2)^2 + (-3+4)^2} = \mathbf{3,32}$$

$$\sqrt{(-3+2)^2 + (-1-4)^2 + (-3-3)^2} = 7,87$$

$$\sqrt{(-3-3)^2 + (-1+2)^2 + (-3-4)^2} = 9,27$$

$$\sqrt{(-3-2)^2 + (-1+5)^2 + (-3+4)^2} = 6,48$$

Počáteční zařazení bodů do clusteru:

$$(2, 2, 2, 2, 3, 2, 3, 2, 2, 1, 1, 3)$$

Každá složka n-tice odpovídá indexu clusteru, ve kterém leží bod na indexu této složky. Ve výpočtech výše je nejmenší hodnota označena tučným výsledkem.

Krok 2

$$w_1 = [0,5; 1; 3,5]$$

$$w_2 = [-1,29; -1,29; -0,29]$$

$$w_3 = [1,33; -1; -3,67]$$

Vzdálenosti od w_1 :

$$p_1 : \sqrt{(0,5 - 0)^2 + (1 + 1)^2 + (3,5 + 2)^2} = 5,87$$

$$p_2 : \sqrt{(0,5 + 3)^2 + (1 + 1)^2 + (3,5 + 3)^2} = 7,65$$

$$p_3 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 + 3)^2 + (3,5 - 2)^2} = 4,3$$

$$p_4 : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 + 2)^2 + (3,5 - 2)^2} = 4,18$$

$$p_5 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 - 2)^2 + (3,5 + 4)^2} = 7,58$$

$$p_6 : \sqrt{(0,5 - 0)^2 + (1 + 4)^2 + (3,5 - 3)^2} = 5,05$$

$$p_7 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 - 0)^2 + (3,5 + 3)^2} = 6,6$$

$$p_8 : \sqrt{(0,5 + 3)^2 + (1 - 0)^2 + (3,5 - 0)^2} = 5,05$$

$$p_9 : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 - 2)^2 + (3,5 + 4)^2} = 7,97$$

$$p_{10} : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 - 4)^2 + (3,5 - 3)^2} = \mathbf{3,94}$$

$$p_{11} : \sqrt{(0,5 - 3)^2 + (1 + 2)^2 + (3,5 - 4)^2} = \mathbf{3,94}$$

$$p_{12} : \sqrt{(0,5 - 2)^2 + (1 + 5)^2 + (3,5 + 4)^2} = 9,72$$

Vzdálenosti od w_2 :

$$\sqrt{(-1,29 - 0)^2 + (-1,29 + 1)^2 + (-0,29 + 2)^2} = 2,16$$

$$\sqrt{(-1,29 + 3)^2 + (-1,29 + 1)^2 + (-0,29 + 3)^2} = \mathbf{3,22}$$

$$\sqrt{(-1,29 - 1)^2 + (-1,29 + 3)^2 + (-0,29 - 2)^2} = \mathbf{3,66}$$

$$\sqrt{(-1,29 + 2)^2 + (-1,29 + 2)^2 + (-0,29 - 2)^2} = \mathbf{2,5}$$

$$\sqrt{(-1,29 - 1)^2 + (-1,29 - 2)^2 + (-0,29 + 4)^2} = 5,46$$

$$\sqrt{(-1,29 - 0)^2 + (-1,29 + 4)^2 + (-0,29 - 3)^2} = \mathbf{4,45}$$

$$\sqrt{(-1,29 - 1)^2 + (-1,29 - 0)^2 + (-0,29 + 3)^2} = 3,77$$

$$\sqrt{(-1,29 + 3)^2 + (-1,29 - 0)^2 + (-0,29 - 0)^2} = \mathbf{2,16}$$

$$\sqrt{(-1,29 + 2)^2 + (-1,29 - 2)^2 + (-0,29 + 4)^2} = 5,01$$

$$\sqrt{(-1,29 + 2)^2 + (-1,29 - 4)^2 + (-0,29 - 3)^2} = 6,26$$

$$\sqrt{(-1,29 - 3)^2 + (-1,29 + 2)^2 + (-0,29 - 4)^2} = 6,1$$

$$\sqrt{(-1,29 - 2)^2 + (-1,29 + 5)^2 + (-0,29 + 4)^2} = 6,2$$

Vzdálenosti od w_3 :

$$p_1 : \sqrt{(1,33 - 0)^2 + (-1 + 1)^2 + (-3,67 + 2)^2} = \mathbf{2,13}$$

$$p_2 : \sqrt{(1,33 + 3)^2 + (-1 + 1)^2 + (-3,67 + 3)^2} = 4,38$$

$$p_3 : \sqrt{(1,33 - 1)^2 + (-1 + 3)^2 + (-3,67 - 2)^2} = 6,02$$

$$p_4 : \sqrt{(1,33 + 2)^2 + (-1 + 2)^2 + (-3,67 - 2)^2} = 6,65$$

$$p_5 : \sqrt{(1,33 - 1)^2 + (-1 - 2)^2 + (-3,67 + 4)^2} = \mathbf{3,04}$$

$$p_6 : \sqrt{(1,33 - 0)^2 + (-1 + 4)^2 + (-3,67 - 3)^2} = 7,43$$

$$p_7 : \sqrt{(1,33 - 1)^2 + (-1 - 0)^2 + (-3,67 + 3)^2} = \mathbf{1,25}$$

$$p_8 : \sqrt{(1,33 + 3)^2 + (-1 - 0)^2 + (-3,67 - 0)^2} = 5,76$$

$$p_9 : \sqrt{(1,33 + 2)^2 + (-1 - 2)^2 + (-3,67 + 4)^2} = \mathbf{4,5}$$

$$p_{10} : \sqrt{(1,33 + 2)^2 + (-1 - 4)^2 + (-3,67 - 3)^2} = 8,98$$

$$p_{11} : \sqrt{(1,33 - 3)^2 + (-1 + 2)^2 + (-3,67 - 4)^2} = 7,91$$

$$p_{12} : \sqrt{(1,33 - 2)^2 + (-1 + 5)^2 + (-3,67 + 4)^2} = \mathbf{4,07}$$

Předchozí zařazení bodů do clusteru:

$$(2, 2, 2, 2, 3, 2, 3, 2, 2, 1, 1, 3)$$

Nové zařazení bodu do clusteru:

$$(\mathbf{3}, 2, 2, 2, 3, 2, 3, 2, \mathbf{3}, 1, 1, 3)$$

Krok 3

$$w_1 = [0,5; 1; 3,5]$$

$$w_2 = [-1,4; -2; 0,8]$$

$$w_3 = [0,4; -0,4; -3,4]$$

Vzdálenosti od w_1 :

$$p_1 : \sqrt{(0,5 - 0)^2 + (1 + 1)^2 + (3,5 + 2)^2} = 5,87$$

$$p_2 : \sqrt{(0,5 + 3)^2 + (1 + 1)^2 + (3,5 + 3)^2} = 7,65$$

$$p_3 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 + 3)^2 + (3,5 - 2)^2} = 4,3$$

$$p_4 : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 + 2)^2 + (3,5 - 2)^2} = 4,18$$

$$p_5 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 - 2)^2 + (3,5 + 4)^2} = 7,58$$

$$p_6 : \sqrt{(0,5 - 0)^2 + (1 + 4)^2 + (3,5 - 3)^2} = 5,05$$

$$p_7 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 - 0)^2 + (3,5 + 3)^2} = 6,6$$

$$p_8 : \sqrt{(0,5 + 3)^2 + (1 - 0)^2 + (3,5 - 0)^2} = 5,05$$

$$p_9 : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 - 2)^2 + (3,5 + 4)^2} = 7,97$$

$$p_{10} : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 - 4)^2 + (3,5 - 3)^2} = \mathbf{3,94}$$

$$p_{11} : \sqrt{(0,5 - 3)^2 + (1 + 2)^2 + (3,5 - 4)^2} = \mathbf{3,94}$$

$$p_{12} : \sqrt{(0,5 - 2)^2 + (1 + 5)^2 + (3,5 + 4)^2} = 9,72$$

Vzdálenosti od w_2 :

$$\sqrt{(-1,4 - 0)^2 + (-2 + 1)^2 + (0,8 + 2)^2} = 3,29$$

$$\sqrt{(-1,4 + 3)^2 + (-2 + 1)^2 + (0,8 + 3)^2} = 4,24$$

$$\sqrt{(-1,4 - 1)^2 + (-2 + 3)^2 + (0,8 - 2)^2} = \mathbf{2,86}$$

$$\sqrt{(-1,4 + 2)^2 + (-2 + 2)^2 + (0,8 - 2)^2} = \mathbf{1,34}$$

$$\sqrt{(-1,4 - 1)^2 + (-2 - 2)^2 + (0,8 + 4)^2} = 6,69$$

$$\sqrt{(-1,4 - 0)^2 + (-2 + 4)^2 + (0,8 - 3)^2} = \mathbf{3,29}$$

$$\sqrt{(-1,4 - 1)^2 + (-2 - 0)^2 + (0,8 + 3)^2} = 4,92$$

$$\sqrt{(-1,4 + 3)^2 + (-2 - 0)^2 + (0,8 - 0)^2} = \mathbf{2,68}$$

$$\sqrt{(-1,4 + 2)^2 + (-2 - 2)^2 + (0,8 + 4)^2} = 6,28$$

$$\sqrt{(-1,4 + 2)^2 + (-2 - 4)^2 + (0,8 - 3)^2} = 6,42$$

$$\sqrt{(-1,4 - 3)^2 + (-2 + 2)^2 + (0,8 - 4)^2} = 5,44$$

$$\sqrt{(-1,4 - 2)^2 + (-2 + 5)^2 + (0,8 + 4)^2} = 6,6$$

Vzdálenosti od w_3 :

$$p_1 : \sqrt{(0,4 - 0)^2 + (-0,4 + 1)^2 + (-3,4 + 2)^2} = \mathbf{1,57}$$

$$p_2 : \sqrt{(0,4 + 3)^2 + (-0,4 + 1)^2 + (-3,4 + 3)^2} = \mathbf{3,48}$$

$$p_3 : \sqrt{(0,4 - 1)^2 + (-0,4 + 3)^2 + (-3,4 - 2)^2} = 6,02$$

$$p_4 : \sqrt{(0,4 + 2)^2 + (-0,4 + 2)^2 + (-3,4 - 2)^2} = 6,12$$

$$p_5 : \sqrt{(0,4 - 1)^2 + (-0,4 - 2)^2 + (-3,4 + 4)^2} = \mathbf{2,55}$$

$$p_6 : \sqrt{(0,4 - 0)^2 + (-0,4 + 4)^2 + (-3,4 - 3)^2} = 7,35$$

$$p_7 : \sqrt{(0,4 - 1)^2 + (-0,4 - 0)^2 + (-3,4 + 3)^2} = \mathbf{0,82}$$

$$p_8 : \sqrt{(0,4 + 3)^2 + (-0,4 - 0)^2 + (-3,4 - 0)^2} = 4,82$$

$$p_9 : \sqrt{(0,4 + 2)^2 + (-0,4 - 2)^2 + (-3,4 + 4)^2} = \mathbf{3,45}$$

$$p_{10} : \sqrt{(0,4 + 2)^2 + (-0,4 - 4)^2 + (-3,4 - 3)^2} = 8,13$$

$$p_{11} : \sqrt{(0,4 - 3)^2 + (-0,4 + 2)^2 + (-3,4 - 4)^2} = 8$$

$$p_{12} : \sqrt{(0,4 - 2)^2 + (-0,4 + 5)^2 + (-3,4 + 4)^2} = \mathbf{4,91}$$

Předchozí zařazení bodu do clusteru:

$$(3, 2, 2, 2, 3, 2, 3, 2, 3, 1, 1, 3)$$

Nové zařazení bodu do clusteru:

$$(3, \mathbf{3}, 2, 2, 3, 2, 3, 2, 3, 1, 1, 3)$$

Krok 4

$$w_1 = [0,5; 1; 3,5]$$

$$w_2 = [-1; -2,25; 1,75]$$

$$w_3 = [-0,17; -0,5; -3,33]$$

Vzdálenosti od w_1 :

$$p_1 : \sqrt{(0,5 - 0)^2 + (1 + 1)^2 + (3,5 + 2)^2} = 5,87$$

$$p_2 : \sqrt{(0,5 + 3)^2 + (1 + 1)^2 + (3,5 + 3)^2} = 7,65$$

$$p_3 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 + 3)^2 + (3,5 - 2)^2} = 4,3$$

$$p_4 : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 + 2)^2 + (3,5 - 2)^2} = 4,18$$

$$p_5 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 - 2)^2 + (3,5 + 4)^2} = 7,58$$

$$p_6 : \sqrt{(0,5 - 0)^2 + (1 + 4)^2 + (3,5 - 3)^2} = 5,05$$

$$p_7 : \sqrt{(0,5 - 1)^2 + (1 - 0)^2 + (3,5 + 3)^2} = 6,6$$

$$p_8 : \sqrt{(0,5 + 3)^2 + (1 - 0)^2 + (3,5 - 0)^2} = 5,05$$

$$p_9 : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 - 2)^2 + (3,5 + 4)^2} = 7,97$$

$$p_{10} : \sqrt{(0,5 + 2)^2 + (1 - 4)^2 + (3,5 - 3)^2} = \mathbf{3,94}$$

$$p_{11} : \sqrt{(0,5 - 3)^2 + (1 + 2)^2 + (3,5 - 4)^2} = \mathbf{3,94}$$

$$p_{12} : \sqrt{(0,5 - 2)^2 + (1 + 5)^2 + (3,5 + 4)^2} = 9,72$$

Vzdálenosti od w_2 :

$$\sqrt{(-1 - 0)^2 + (-2,25 + 1)^2 + (1,75 + 2)^2} = 4,08$$

$$\sqrt{(-1 + 3)^2 + (-2,25 + 1)^2 + (1,75 + 3)^2} = 5,3$$

$$\sqrt{(-1 - 1)^2 + (-2,25 + 3)^2 + (1,75 - 2)^2} = \mathbf{2,15}$$

$$\sqrt{(-1 + 2)^2 + (-2,25 + 2)^2 + (1,75 - 2)^2} = \mathbf{1,06}$$

$$\sqrt{(-1 - 1)^2 + (-2,25 - 2)^2 + (1,75 + 4)^2} = 7,42$$

$$\sqrt{(-1 - 0)^2 + (-2,25 + 4)^2 + (1,75 - 3)^2} = \mathbf{2,37}$$

$$\sqrt{(-1 - 1)^2 + (-2,25 - 0)^2 + (1,75 + 3)^2} = 5,62$$

$$\sqrt{(-1 + 3)^2 + (-2,25 - 0)^2 + (1,75 - 0)^2} = \mathbf{3,48}$$

$$\sqrt{(-1 + 2)^2 + (-2,25 - 2)^2 + (1,75 + 4)^2} = 7,22$$

$$\sqrt{(-1 + 2)^2 + (-2,25 - 4)^2 + (1,75 - 3)^2} = 6,45$$

$$\sqrt{(-1 - 3)^2 + (-2,25 + 2)^2 + (1,75 - 4)^2} = 4,6$$

$$\sqrt{(-1 - 2)^2 + (-2,25 + 5)^2 + (1,75 + 4)^2} = 7,04$$

Vzdálenosti od w_3 :

$$p_1 : \sqrt{(-0,17 - 0)^2 + (-0,5 + 1)^2 + (-3,33 + 2)^2} = \mathbf{1,43}$$

$$p_2 : \sqrt{(-0,17 + 3)^2 + (-0,5 + 1)^2 + (-3,33 + 3)^2} = \mathbf{2,9}$$

$$p_3 : \sqrt{(-0,17 - 1)^2 + (-0,5 + 3)^2 + (-3,33 - 2)^2} = 6$$

$$p_4 : \sqrt{(-0,17 + 2)^2 + (-0,5 + 2)^2 + (-3,33 - 2)^2} = 5,84$$

$$p_5 : \sqrt{(-0,17 - 1)^2 + (-0,5 - 2)^2 + (-3,33 + 4)^2} = \mathbf{2,84}$$

$$p_6 : \sqrt{(-0,17 - 0)^2 + (-0,5 + 4)^2 + (-3,33 - 3)^2} = 7,24$$

$$p_7 : \sqrt{(-0,17 - 1)^2 + (-0,5 - 0)^2 + (-3,33 + 3)^2} = \mathbf{1,31}$$

$$p_8 : \sqrt{(-0,17 + 3)^2 + (-0,5 - 0)^2 + (-3,33 - 0)^2} = 4,4$$

$$p_9 : \sqrt{(-0,17 + 2)^2 + (-0,5 - 2)^2 + (-3,33 + 4)^2} = \mathbf{3,17}$$

$$p_{10} : \sqrt{(-0,17 + 2)^2 + (-0,5 - 4)^2 + (-3,33 - 3)^2} = 7,98$$

$$p_{11} : \sqrt{(-0,17 - 3)^2 + (-0,5 + 2)^2 + (-3,33 - 4)^2} = 8,13$$

$$p_{12} : \sqrt{(-0,17 - 2)^2 + (-0,5 + 5)^2 + (-3,33 + 4)^2} = \mathbf{5,04}$$

Předchozí zařazení bodu do clusteru:

$$(3, 3, 2, 2, 3, 2, 3, 2, 3, 1, 1, 3)$$

Nové zařazení bodu do clusteru:

$$(3, 3, 2, 2, 3, 2, 3, 2, 3, 1, 1, 3)$$

Zařazení do clusterů se nezměnilo, algoritmus tedy skončil a byly nalezeny shluky.

Výsledky

Algoritmus skončil s následujícími středy shluků:

$$w_1 = [0,5; 1; 3,5]$$

$$w_2 = [-1; -2,25; 1,75]$$

$$w_3 = [-0,17; -0,5; -3,33]$$

Shlukům odpovídají následující množiny bodů:

$$w_1 : \{p_{10}, p_{11}\}$$

$$w_2 : \{p_3, p_4, p_6, p_8\}$$

$$w_3 : \{p_1, p_2, p_5, p_7, p_9, p_{12}\}$$