Calcolo del Massimo Comun Divisore (MCD)

- Introduzione e requisiti del problema
- 2. Specifica
- Progetto della soluzione
- 4. Codifica

POLITECNICO DI MILANO



1. Introduzione e requisiti del problema

Requisiti del problema

Scrivere un programma che stampi a video il Massimo Comune Divisore tra 2 numeri interi positivi.

Per lo sviluppo di questo programma applicheremo il flusso di progettazione presentato nell'introduzione: analizzeremo innanzitutto la specifica del problema, progetteremo la soluzione ed infine realizzeremo il programma nel linguaggio C++.



Definizione

Dato un insieme di numeri interi si definisce Massimo Comun Divisore:

il MAGGIORE dei DIVISORI COMUNI di TUTTI i NUMERI

1° metodo: scomposizione in fattori primi

il MCD è dato dal prodotto dei fattori comuni presi una sola volta con l'esponente minore

Esempio

calcoliamo il MCD tra i due numeri x=12 e y=20

1° metodo: scomposizione in fattori primi

il MCD è dato dal prodotto dei fattori comuni presi una sola volta con l'esponente minore

Esempio

i numeri 12 e 20 scomposti in fattori primi sono uguali a:

$$12=2^2*3$$

$$20=2^2*5$$

1° metodo: scomposizione in fattori primi

il MCD è dato dal prodotto dei fattori comuni presi una sola volta con l'esponente minore

Esempio

i numeri 12 e 20 scomposti in fattori primi sono uguali a:

$$12 = 2^{2} \times 3$$

$$20 = 2^{2} \times 5$$

$$MCD=2^2=4$$

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD(x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD(x,x)=x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

Esempio

Calcoliamo il MCD tra x=12 e y=20, applicando l'algoritmo di Euclide si ha:

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD(x,x)=x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

Esempio

MCD(12,20) = MCD(12,20-12) = MCD(12,8)

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD (x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

$$MCD(12,8) = MCD(12-8,8) = MCD(4,8)$$

2° metodo: algoritmo di Euclide

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD(x,x)=x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

$$MCD(4,8) = MCD(4,8-4) = MCD(4,4)$$

2° metodo: algoritmo di Euclide

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD(x,x)=x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

$$MCD(4,4) = 4$$

Applicazione dell'algoritmo di Euclide. Dati due numeri interi x e y:

- 1. MCD(x,x)=x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

$$MCD(12,20)=4$$



1.
$$MCD(x,x)=x$$

- 1. MCD (x, x) = x
- 2. Se x>y MCD (x,y)=MCD(x-y,y)

- 1. MCD(x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)

- 1. MCD(x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)
- 4. Se x,y primi MCD(x,y)=1

- 1. MCD(x,x)=x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)
- 4. Se x,y primi MCD(x,y)=1

caso 1:
$$x=y$$

 $x=12$, $y=12$ MCD $(x, y) = 12$

- **1.** MCD (x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)
- 4. Se x,y primi MCD(x,y)=1

caso 2:
$$x \neq y = x > y$$

 $x = 20$, $y = 12$ MCD $(x, y) = 4$

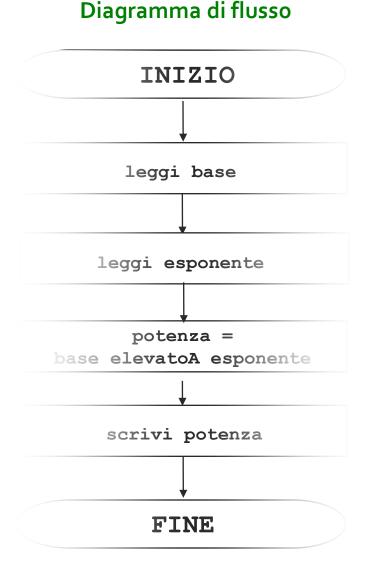
- **1.** MCD (x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)
- 4. Se x,y primi MCD(x,y)=1

caso 3:
$$x \neq y = x < y$$

 $x = 12, y = 20$ MCD $(x, y) = 4$

- **1.** MCD (x, x) = x
- 2. Se x>y MCD(x,y)=MCD(x-y,y)
- 3. Se y>x MCD(x,y)=MCD(x,y-x)
- 4. Se x,y primi MCD(x,y)=1

caso 4: X e y sono primi fra loro
$$x=12$$
, $y=17$ MCD $(x,y)=1$

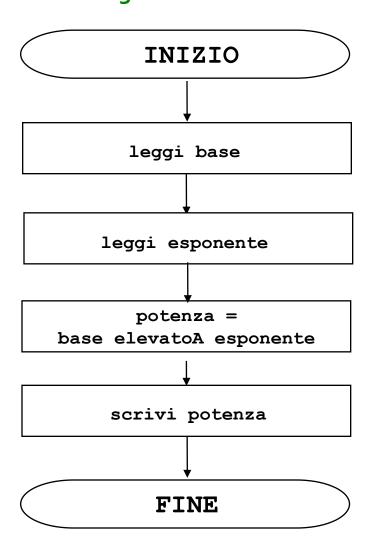


Pseudocodice

```
Leggi il valore di x
leggi il valore di y

Fintantoché (x!=y) {
   se (x>y)
       x=x-y
   altrimenti
      y=y-x
}
Stampa il valore di x
```

Diagramma di flusso



Pseudocodice

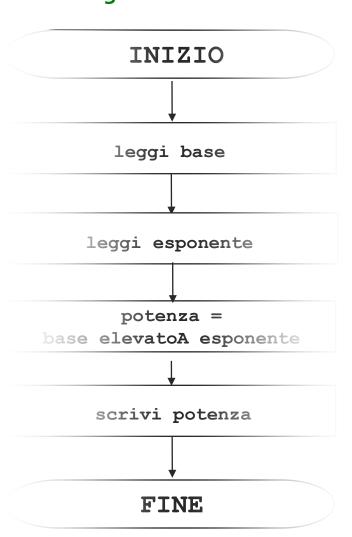
```
Leggi il valore di x
leggi il valore di y

Fintantoché (x!=y) {
   se (x>y)
       x=x-y
   altrimenti
      y=y-x
}
Stampa il valore di x
```

e

3. Progetto della soluzione

Diagramma di flusso

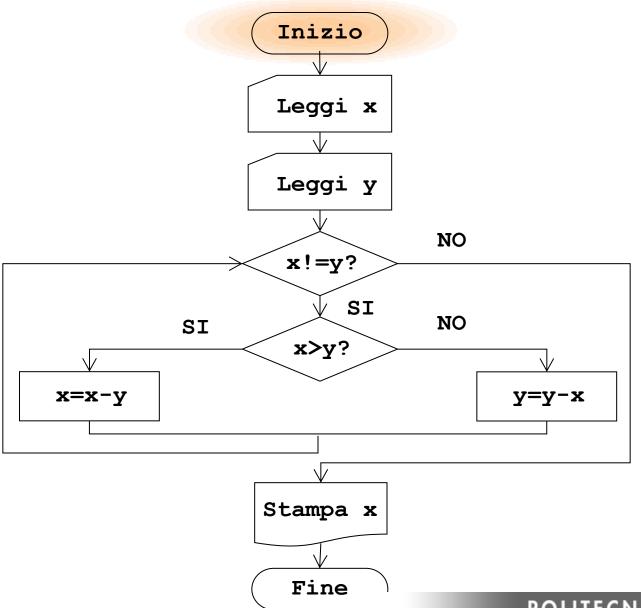


Pseudocodice

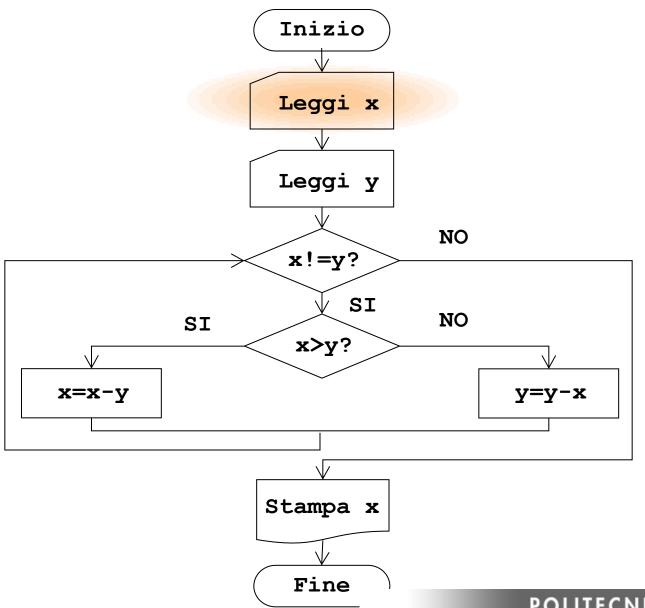
```
Leggi il valore di x
leggi il valore di y

Fintantoché (x!=y) {
   se (x>y)
      x=x-y
   altrimenti
      y=y-x
}
Stampa il valore di x
```

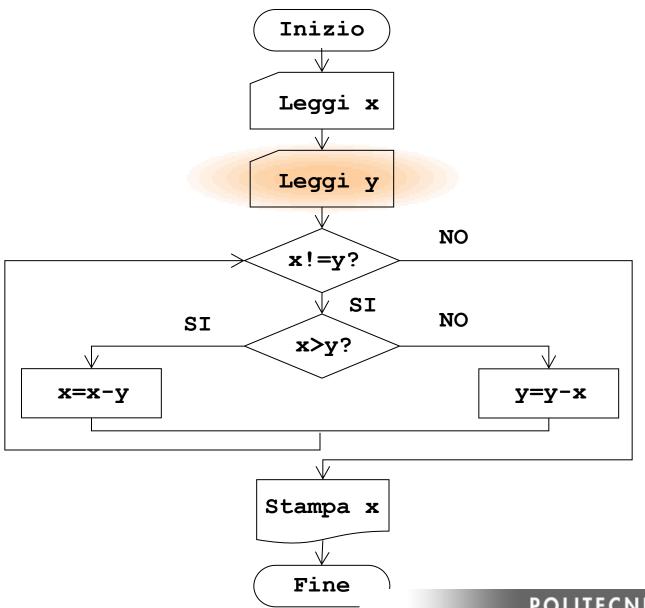




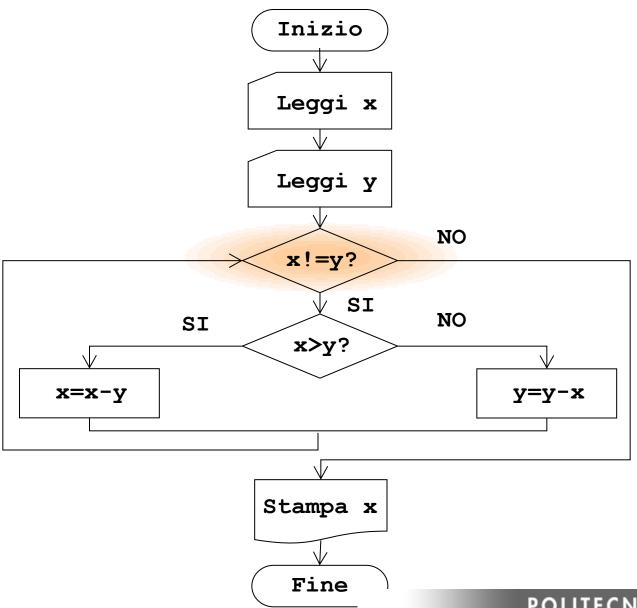




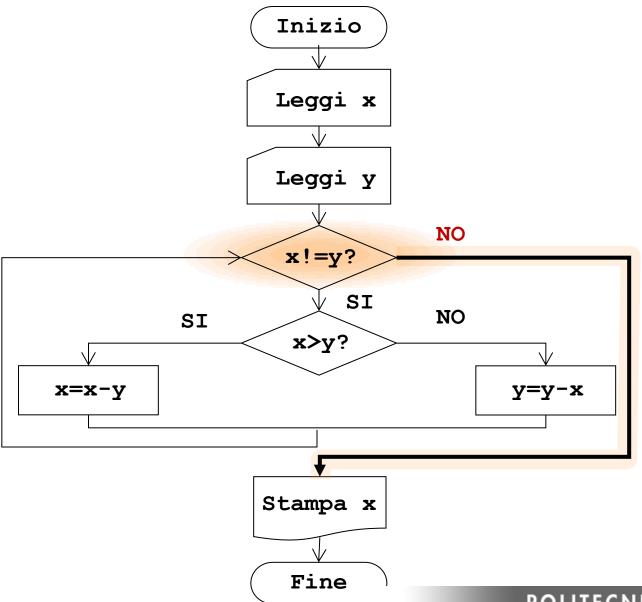




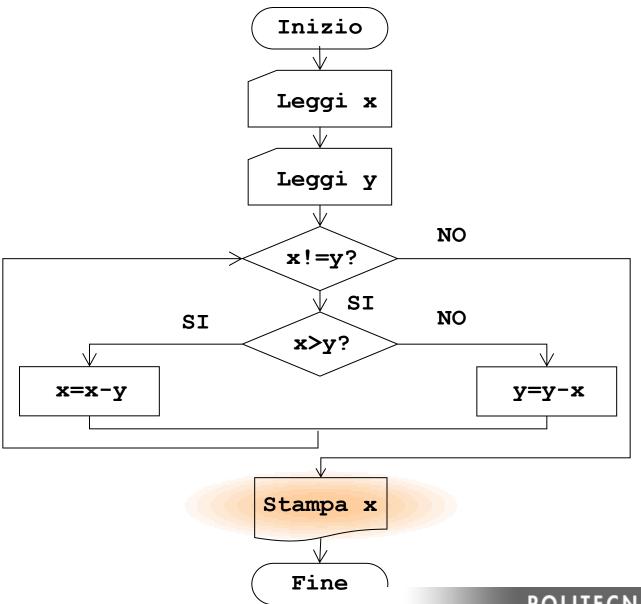




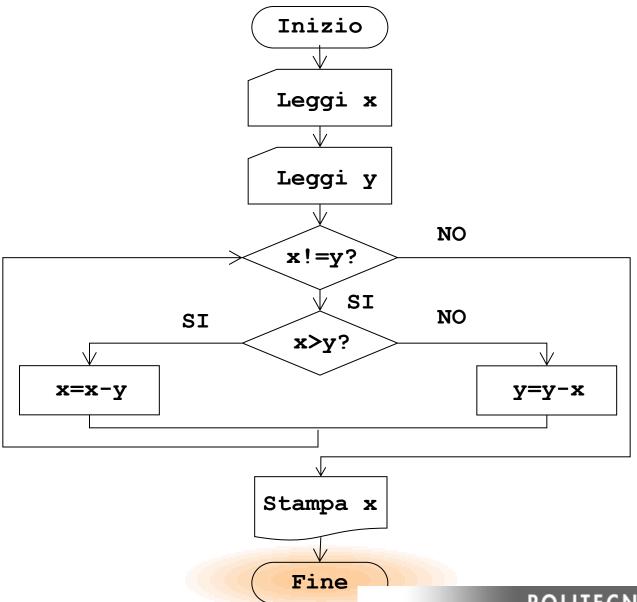




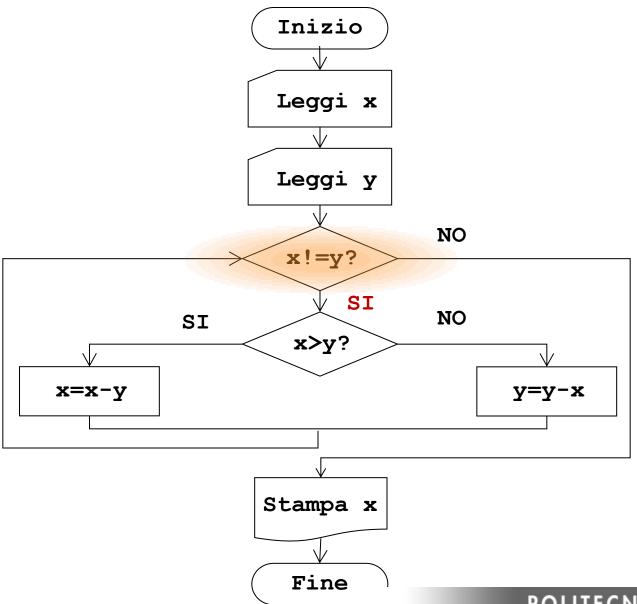




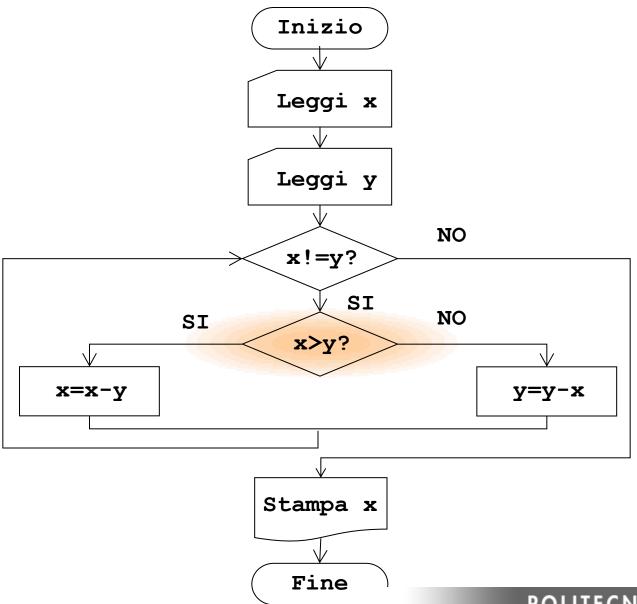




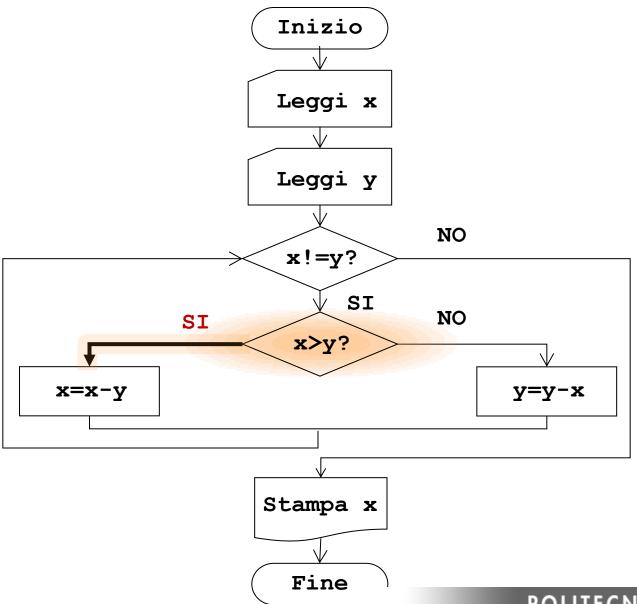




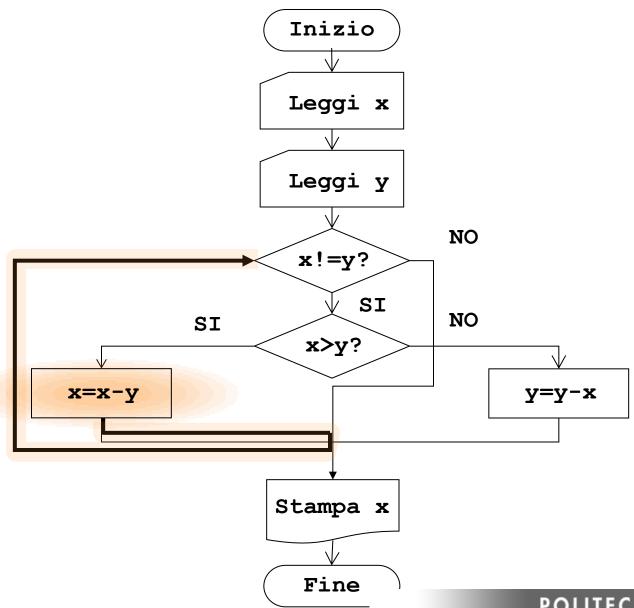




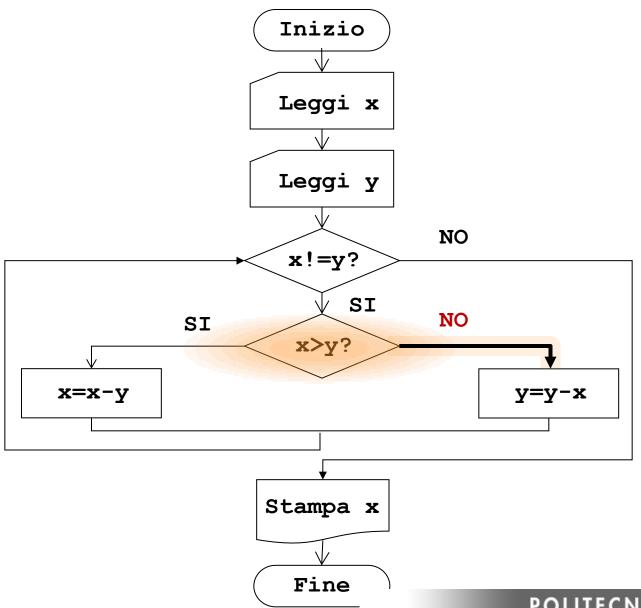




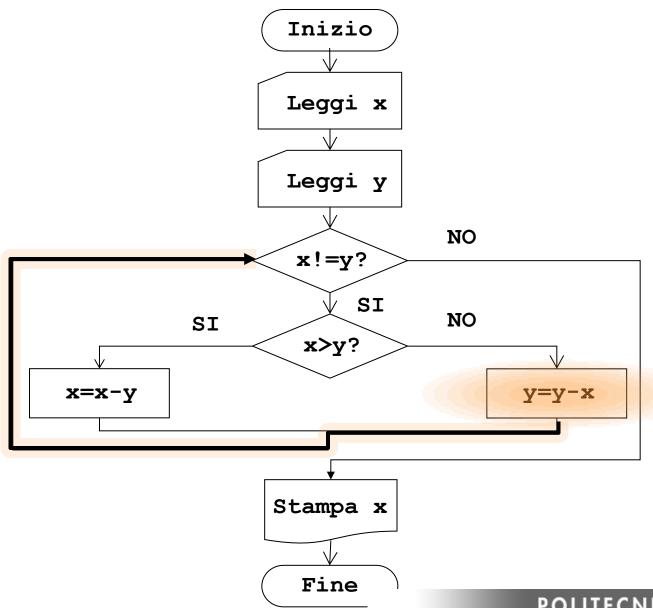




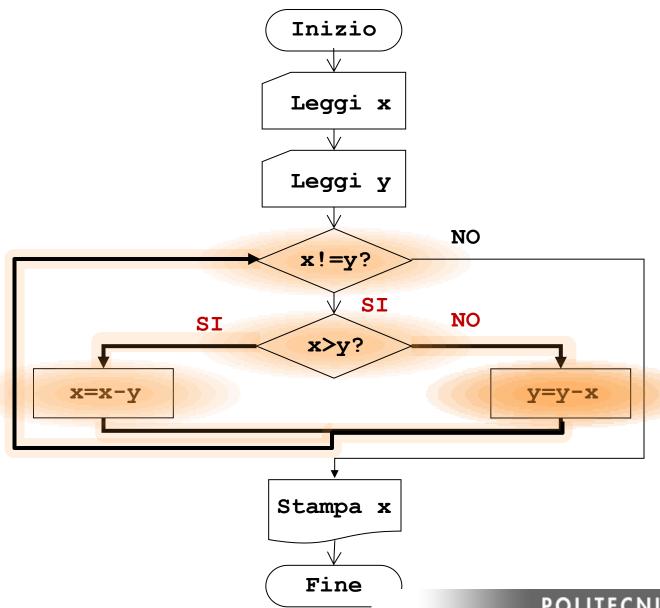














```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
    y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
   y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
    y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
    y=y-x
}
Stampa il valore di x
```

```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
   if(x>y)
      x=x-y
   else
      y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
    y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
    y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
   y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
   if(x>y)
      x=x-y
   else
      y=y-x
}
Stampa il valore di x
```



```
Leggi il valore di x
Leggi il valore di y
while (x!=y)
{
  if(x>y)
    x=x-y
  else
    y=y-x
}
Stampa il valore di x
```

4. Codifica

```
// Programma che calcola il MCD tra due numeri interi positivi
// inizializzazioni
#include <iostream.h>
int main(){
  int x, y;// dichiarazione delle variabili intere x e y
  cout << endl;</pre>
  cout << "Calcolo del MCD";</pre>
  cout << endl;</pre>
  cout << endl;</pre>
  // Leggi il valore di x
  cout << "Inserisci il primo numero: ";</pre>
  cin >> x;
  cout << endl;</pre>
  // Leggi il valore di y
  cout << "Inserisci il secondo valore: ";</pre>
  cin >> y;
  cout << endl;</pre>
```



4. Codifica

```
// Finchè (x!=y) aggiorna x e y
while (x!=y) {
   if (x>y) {
      x=x-y;
   }
   else {
      y=y-x;
   }
}

// Stampa il valore di x
cout << "Massimo Comune Divisore: " << x << end1;
return 0;
}</pre>
```