

```
/* Tentativo senza sperana di dimostrare la falsità dell'ultimo
  Esponente positivo
  ibase esponente variabile locale alla funzione eleva APotenza
                           // variabile necessaria per il calcolo
  1 * base * base * base * ...
                                                                               base
  return tenza:
  int x, y, z, n, //dati su cui operare
"Presenta le funzionalità deesponente volte
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
```

specifica del problema

```
se esponente = 1
   base esponente = base
se esponente > 1
   base = base * base esponente-1
```

```
se esponente = 1
   base esponente = base
se esponente > 1
   base = base * base esponente-1
```

```
se esponente = 1
 base = base
se esponente > 1
 b * b * b * be-3
```

```
se esponente = 1
  base esponente = base
se esponente > 1
  b * b * b * b*... * b
```

```
baseesponente
se esponente = 1
   base esponente = base
se esponente > 1
   base = base * base * base = base * base = 1
b * b * b * b*... * b
```

```
int prodMancanti; // variabile locale alla funzione elevaAPotenza
 int potenza;
                        // variabile necessaria per il calcolo
                        // del valore di ritorno
 potenza = 1;
 for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
   potenza *= base;
 return potenza;
void main()
{ int x, y, z, n, //dati su cui operare
```

```
se esponente = 1
      base esponente = base
  se esponente > 1
      int elevaAPotenza(int base, int esponente) // funzione con valore di ritorno
{ //versione per esponente positivo
  int potenza;
              // variabile per il calcolo del valore di ritorno
  potenza = 1;
  for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
   potenza *= base;
  return potenza;
```

```
se esponente = 1
     base esponente = base
  se esponente > 1
     int elevaAPotenza(int base, int esponente) // funzione con valore di ritorno
int potenza;
             // variabile per il calcolo del valore di ritorno
  potenza = 1;
  for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
   potenza *= base;
  return potenza;
```

Definizione ricorsiva

```
se esponente = 1
                                          base esponente = base
               se esponente > 1
                                           base = base * ba
int elevaAPotenza(int base, int esponente) // funzione con valore di ritorno
int prodMancanti;  // variabile locale alla funzione elevaAPotenza
                  int potenza;
                                                                                                              // variabile per il calcolo del valore di ritorno
                 potenza = 1;
                  for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
                          potenza *= base;
                  return potenza;
```

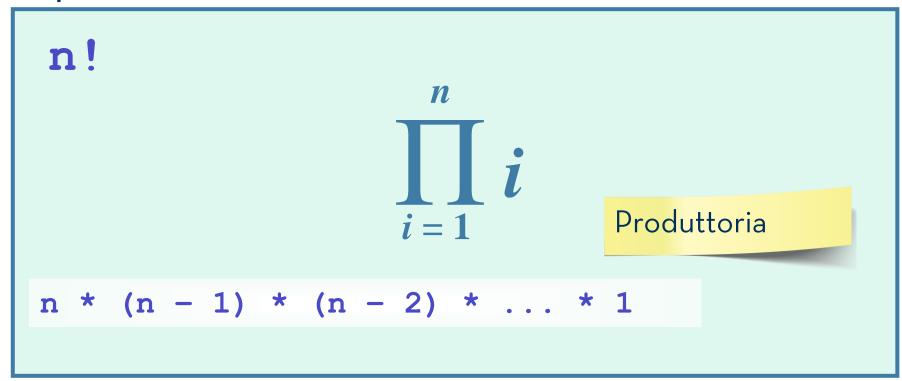
Definizione ricorsiva

Operazione di fattoriale

```
n!
se n = 0,1
   n! = 1
se n > 1
   n! = n * (n - 1)!
n * (n - 1) * (n - 2) * ... * 1 !
```

Definizione ricorsiva

Operazione di fattoriale



Funzioni ricorsive

Problemi formulati ricorsivamente

Funzioni ricorsive

```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ //versione con esponente positivo
                             int prodMancanti;
                            int potenza;
                            potenza = 1;
                             for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
                                         potenza *= base;
                            return potenza;
                                                                                                                                                                                                                  se esponente = 1
                                                                                                                                                                                                                                            base = base
                                                                                                                                                                                                                  se esponente > 1
                                                                                                                                                                                                                                                        base * ba
```



```
se esponente = 1
                                                                         base = base
se esponente > 1
                                                                                                            base * ba
```

```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
```

```
se esponente = 1
                                                                         base = base
se esponente > 1
                                                                                                           base * ba
```

```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza (base, esponente-1);
```

```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
                   int elevaAPotenza(int base, int esponente)
                   { if (esponente == 1)
                       return base;
                     if (esponente > 1)
                       return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
                   }
```

```
/* Tentativo senza speranza di dimostrare la falsità dell'ultimo
 * teorema di Fermat
 * La funzione viene definita ricorsivamente
 */
#include <iostream.h>
int elevaAPotenza(int base, int esponente) // versione ricorsiva
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
void main()
                                             //dati su cui operare
{ int x, y, z, n,
  " Presenta le funzionalità del programma"
  " Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
  if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
```

Modello ad ambiente

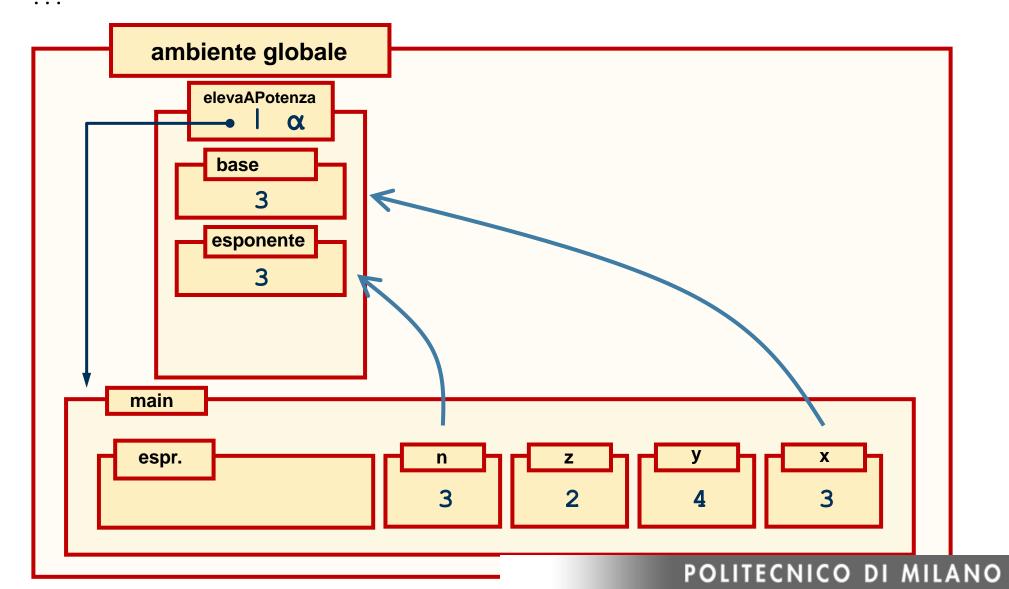
ambiente globale POLITECNICO DI MILANO

```
void main()
                // dati su cui operare
{ int x, y, z, n,
 "Presenta le funzionalità del programma"
         ambiente globale
       main
        espr.
                                                   POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
  if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
          ambiente globale
        main
         espr.
                                                        POLITECNICO DI MILANO
```

"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche" if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))α ambiente globale elevaAPotenza α main espr. POLITECNICO DI MILANO

```
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
```

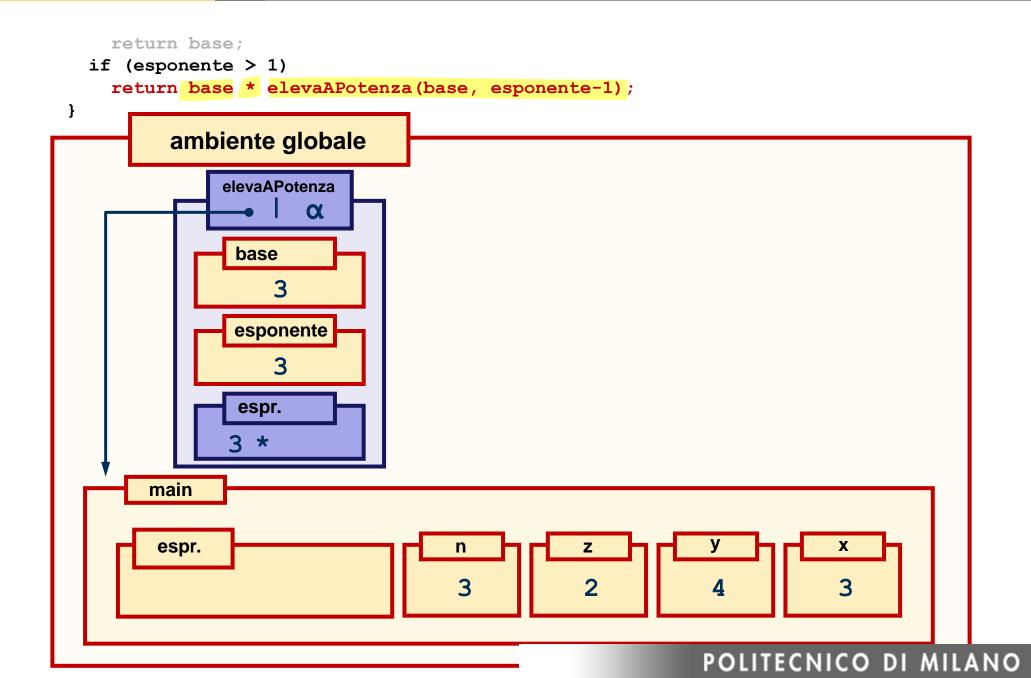


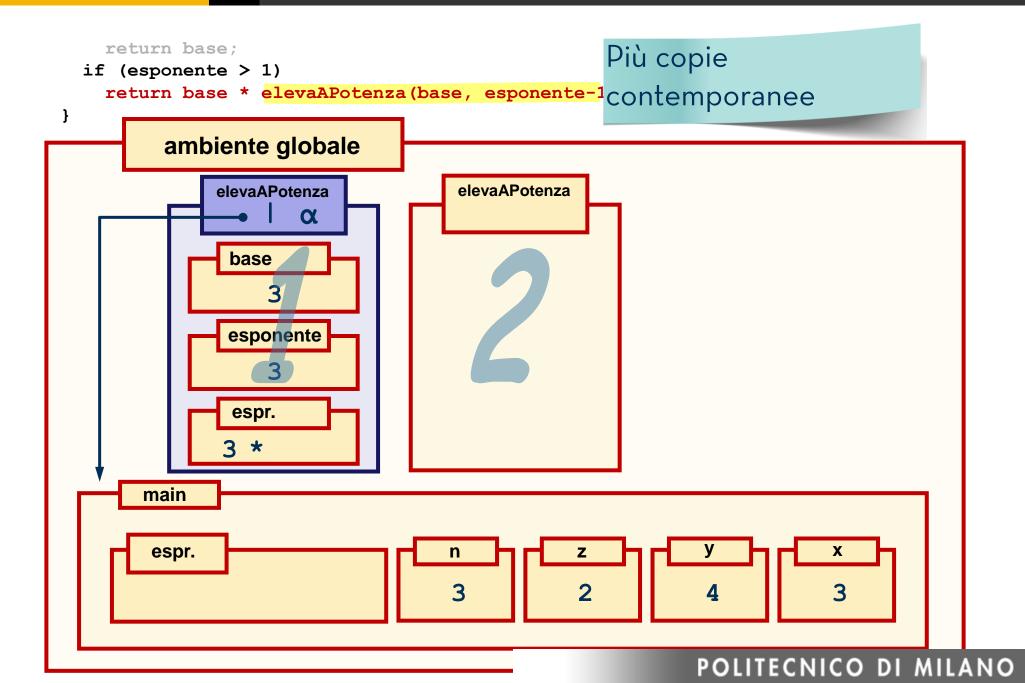
```
int elevaAPotenza(int base, int esponente) // versione ricorsiva
{ if (esponente == 1)
    return base;
         ambiente globale
              elevaAPotenza
                     α
               base
              esponente
                  3
       main
        espr.
                                                        POLITECNICO DI MILANO
```

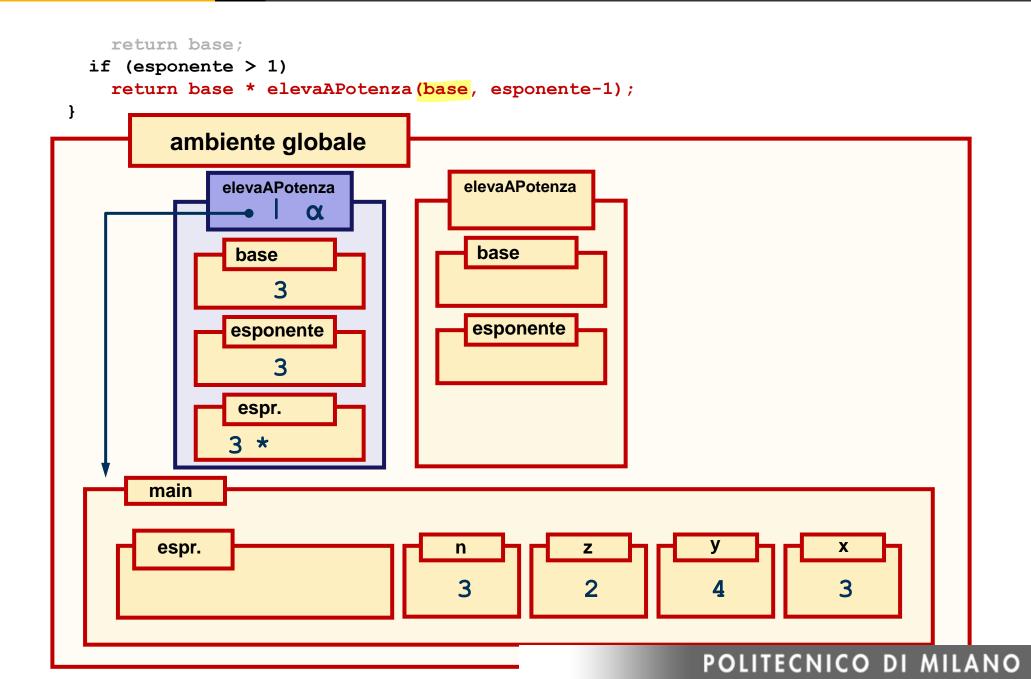
```
int elevaAPotenza(int base, int esponente) // versione ricorsiva
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
         ambiente globale
              elevaAPotenza
                     α
               base
               esponente
                  3
       main
        espr.
                                                        POLITECNICO DI MILANO
```

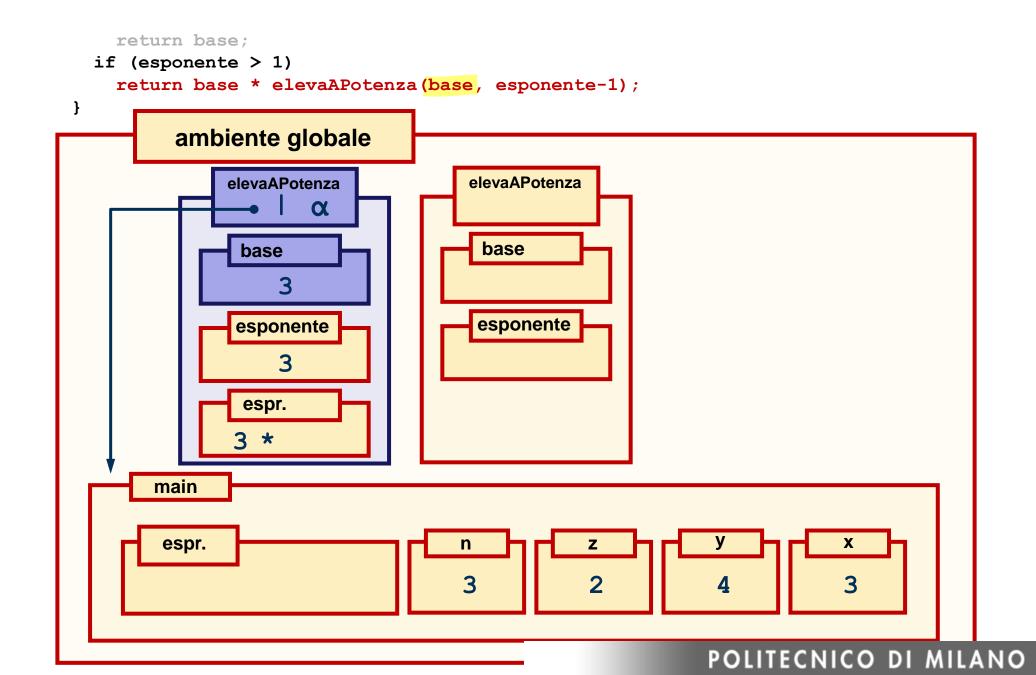
```
return base;
if (esponente > 1)
 return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
       ambiente globale
            elevaAPotenza
                   α
             base
             esponente
                3
     main
      espr.
                                                       POLITECNICO DI MILANO
```

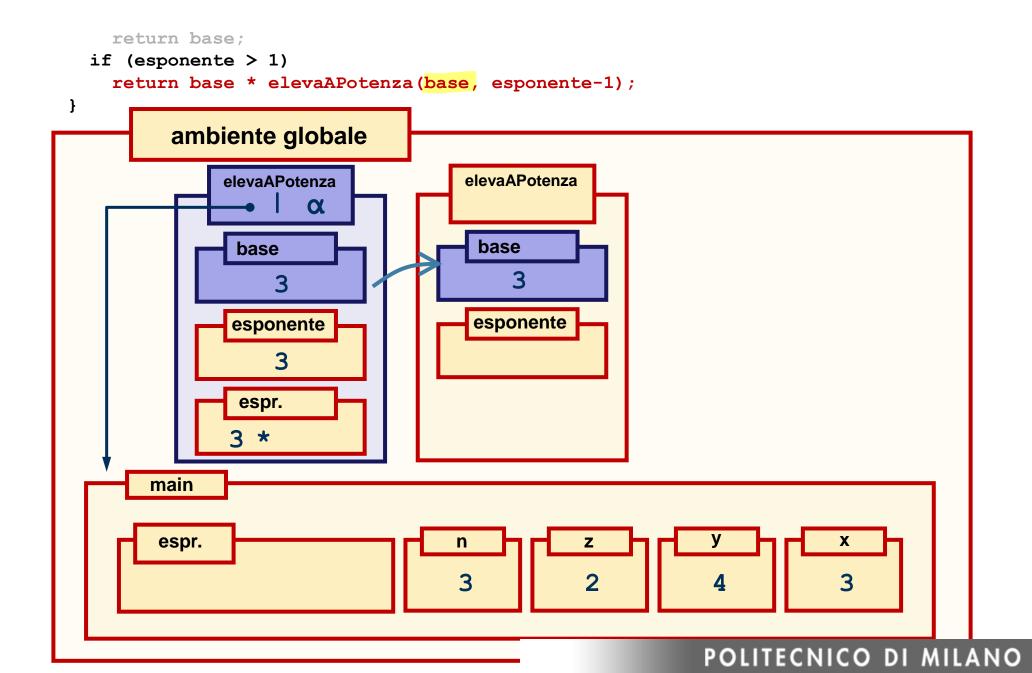
```
return base;
if (esponente > 1)
 return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
       ambiente globale
            elevaAPotenza
                   α
             base
             esponente
             espr.
     main
      espr.
                                                       POLITECNICO DI MILANO
```

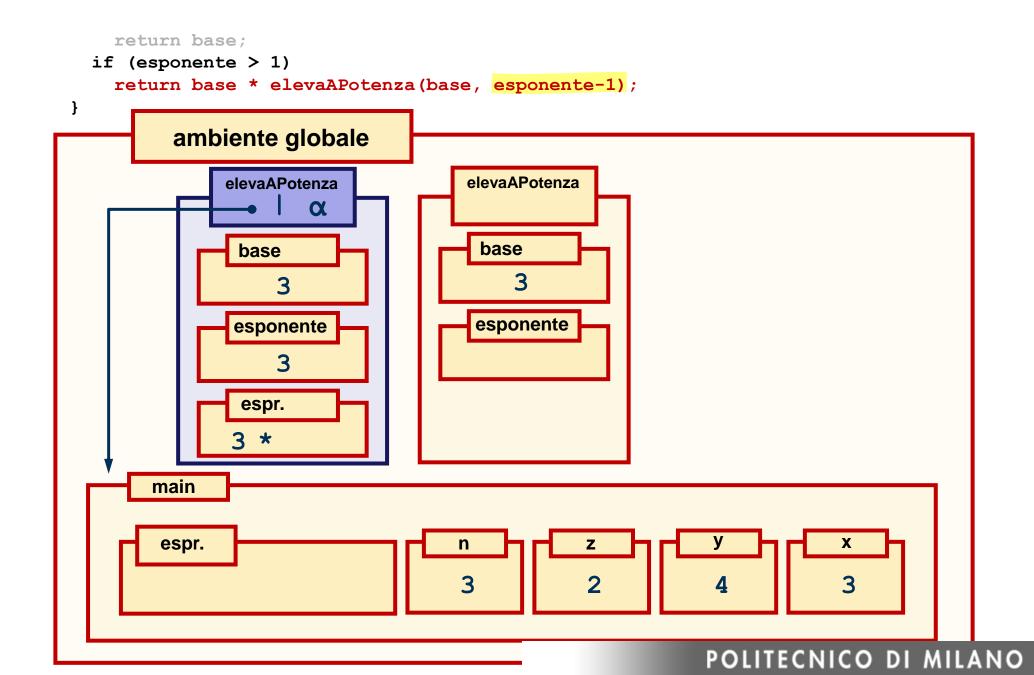




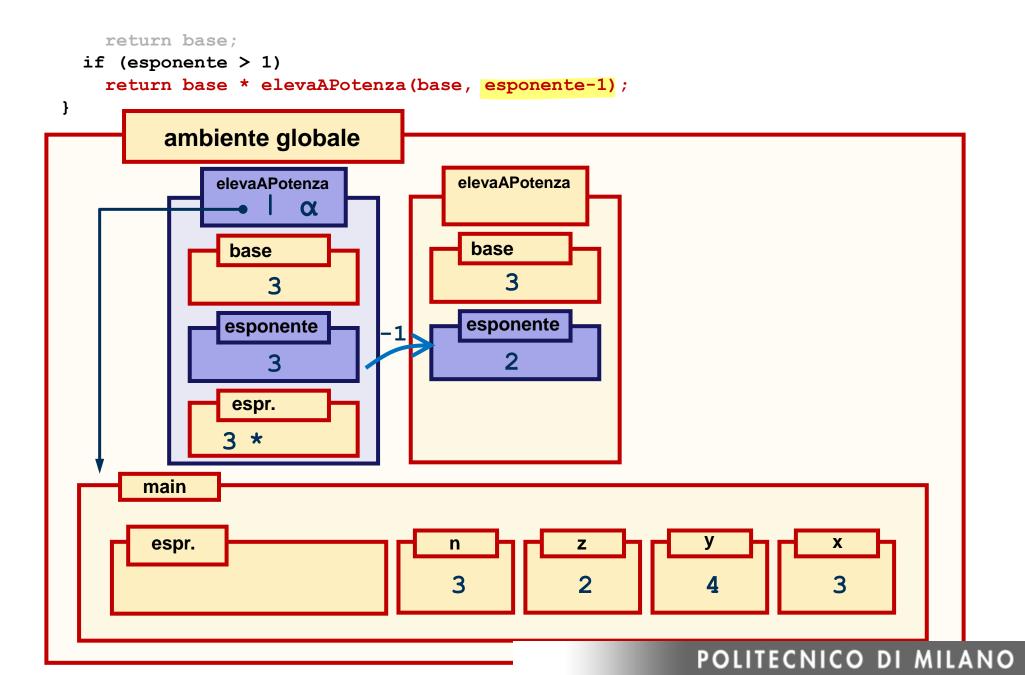




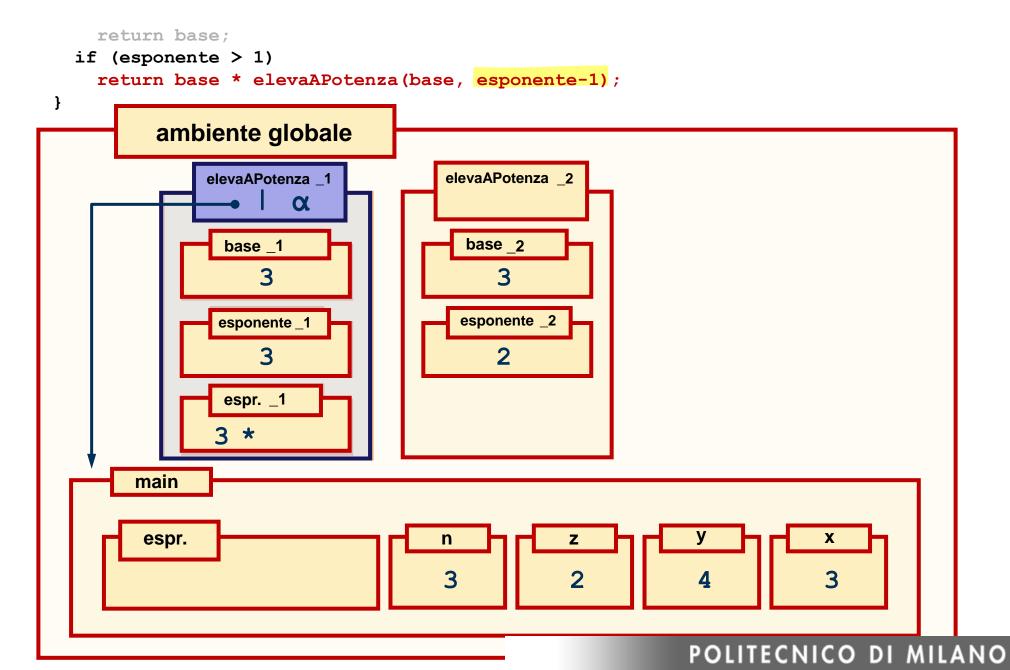


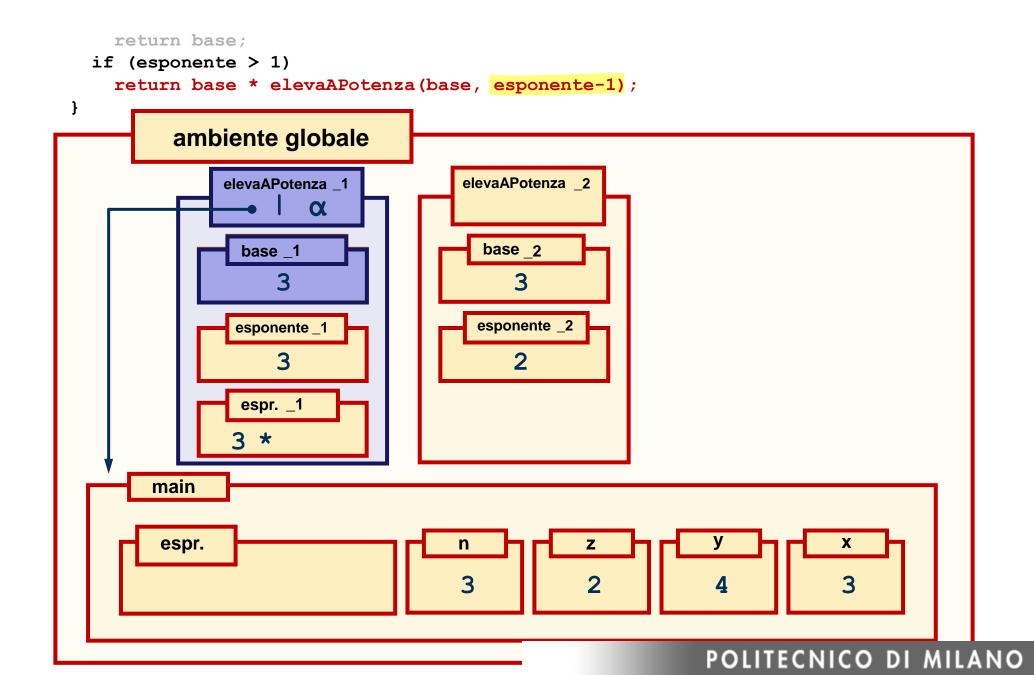


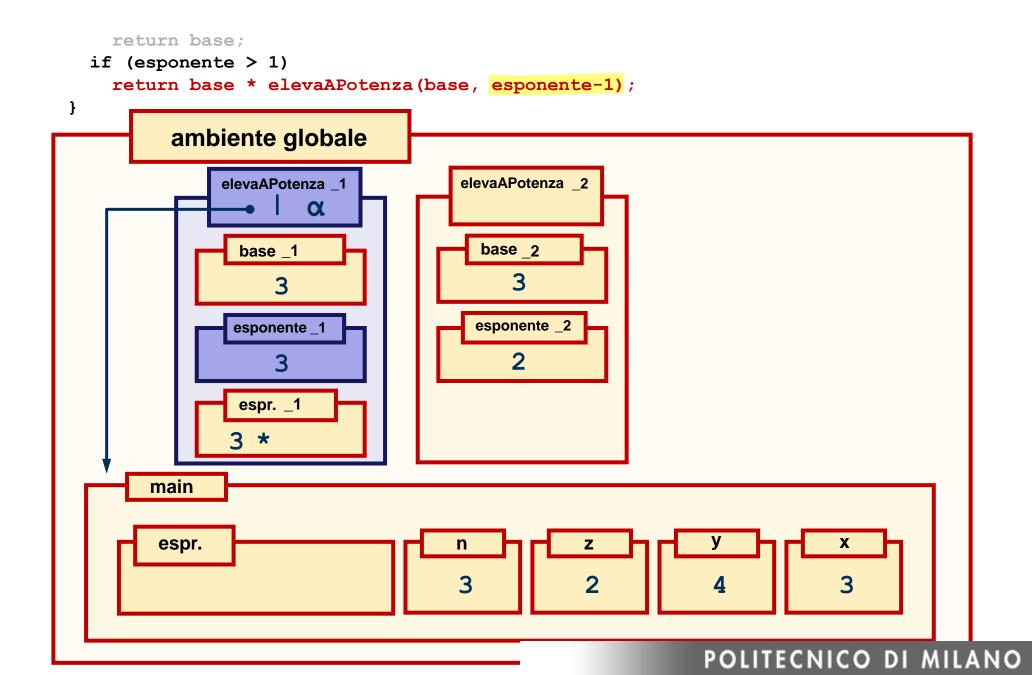
```
return base;
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
       ambiente globale
            elevaAPotenza
                                  elevaAPotenza
                    α
                                    base
             base
                                   esponente
             esponente
             espr.
     main
      espr.
                                                         POLITECNICO DI MILANO
```

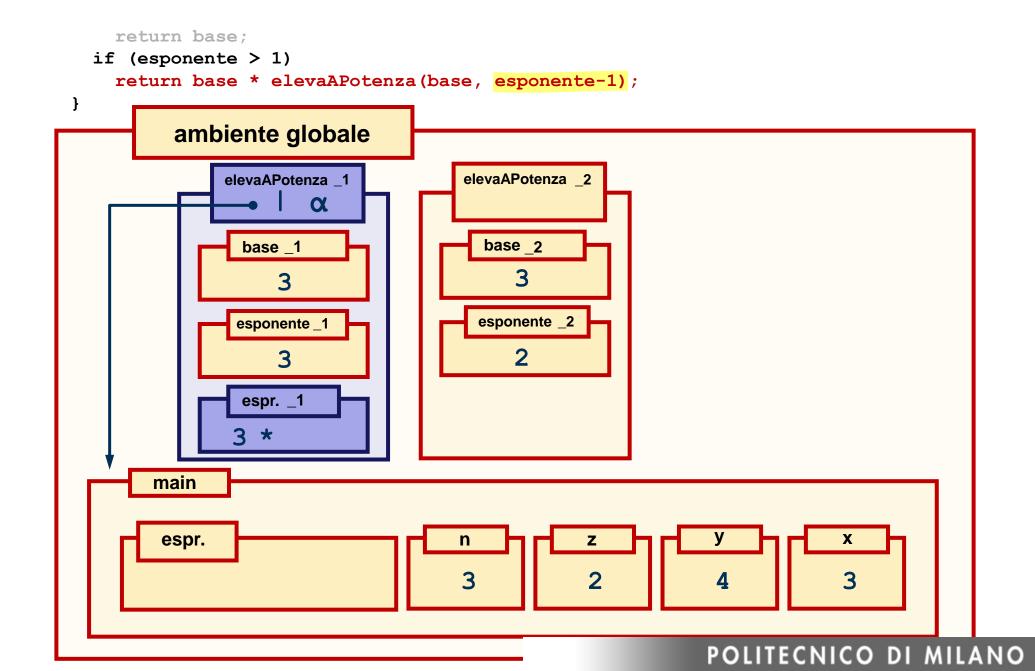


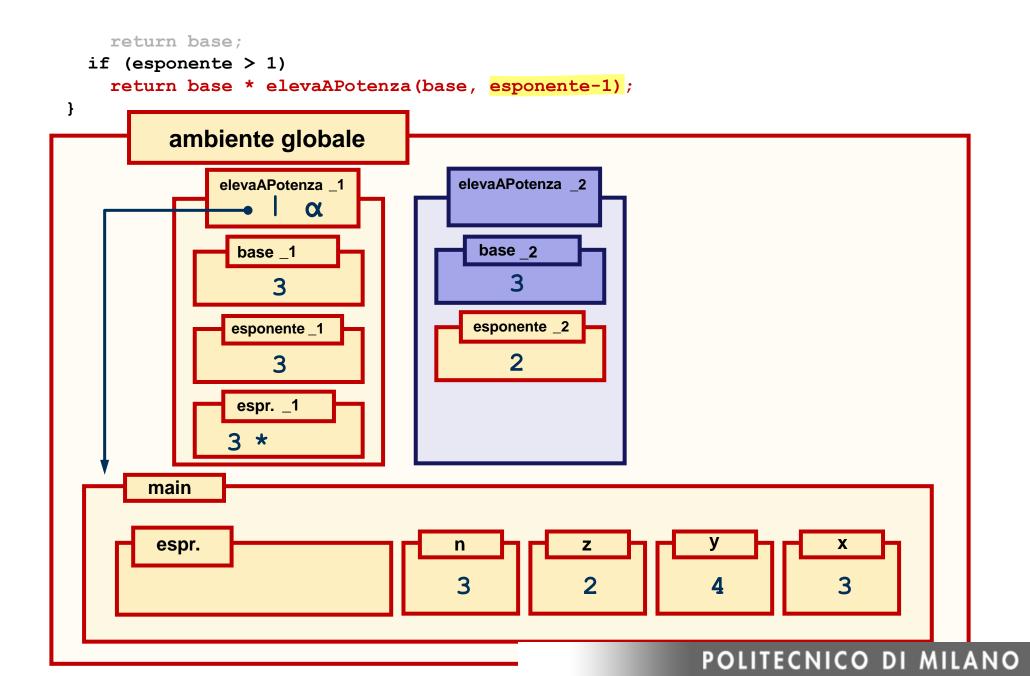
```
return base;
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
       ambiente globale
            elevaAPotenza _1
                                    elevaAPotenza _2
                                      base _2
              base _1
                                     esponente _2
              esponente_1
              espr. _1
                                                           POLITECNICO DI MILANO
```

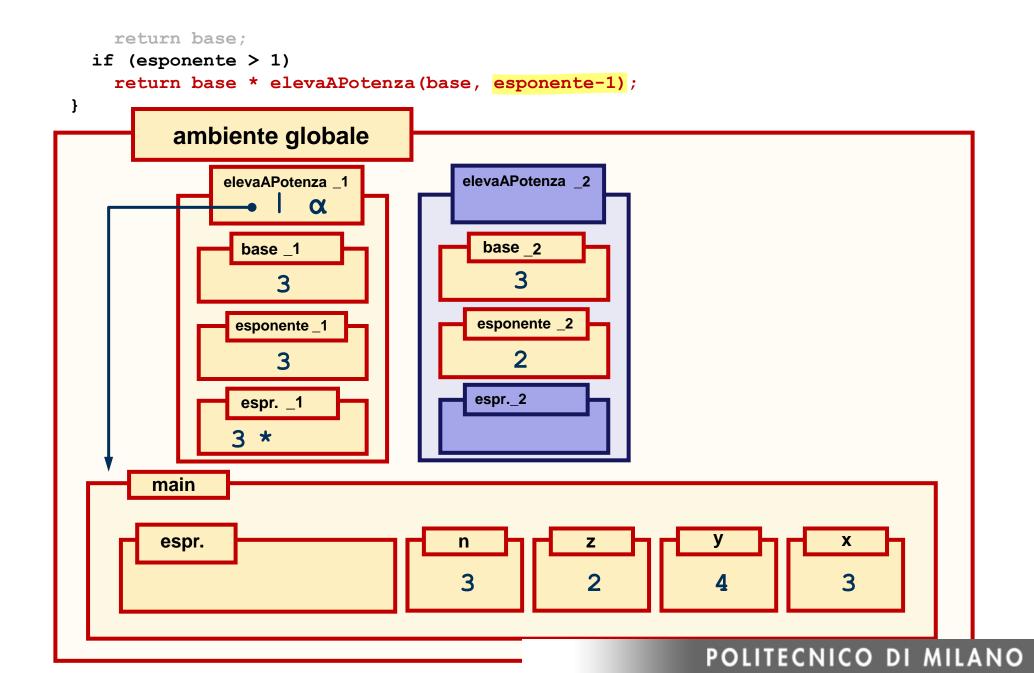


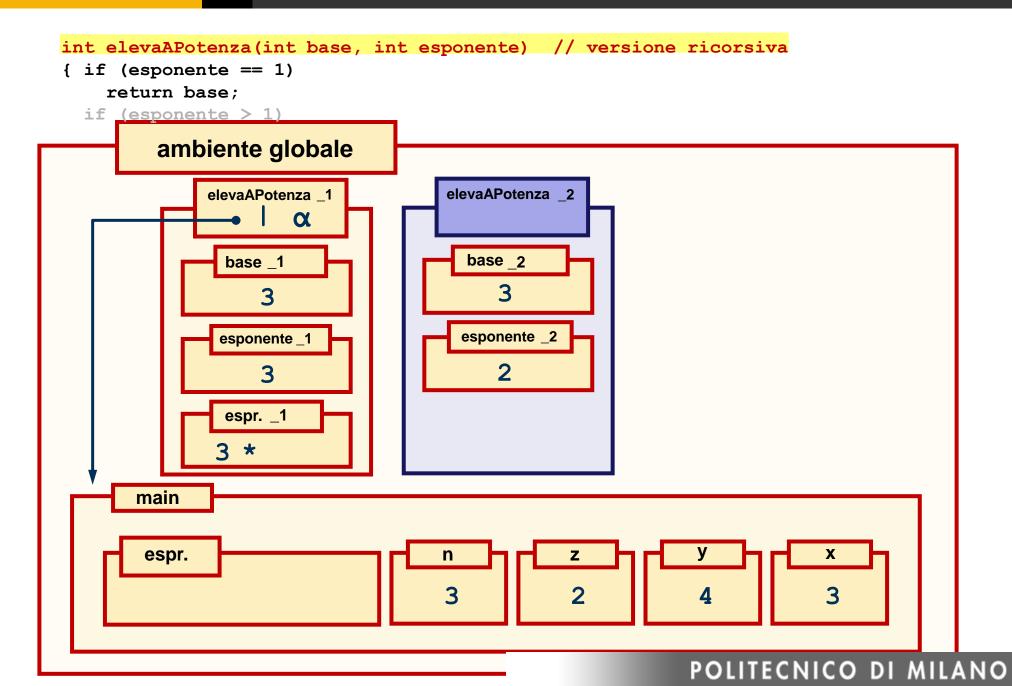


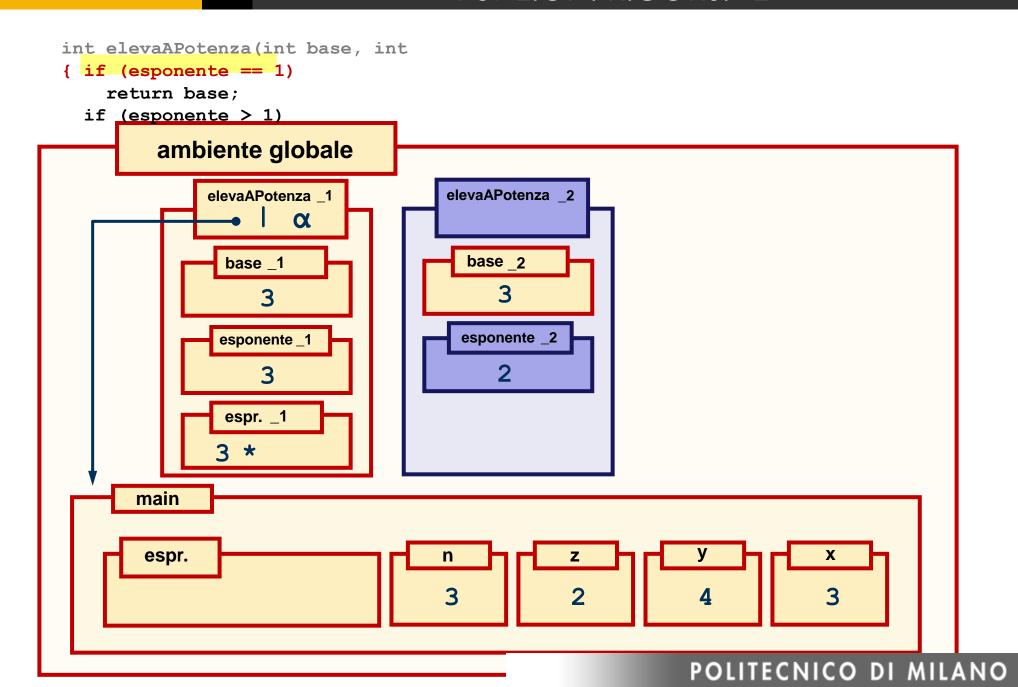












```
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
              elevaAPotenza _1
                                      elevaAPotenza _2
                      α
                                        base _2
                base _1
                                       esponente _2
               esponente _1
                                           2
                espr. _1
       main
        espr.
                                                              POLITECNICO DI MILANO
```

```
INFORMATICA 1
```

```
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
              elevaAPotenza _1
                                      elevaAPotenza _2
                       α
                                        base _2
                base _1
                                       esponente _2
               esponente _1
                                       espr._2
                espr. _1
       main
        espr.
                                                              POLITECNICO DI MILANO
```

```
INFORMATICA_1
```

```
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
              elevaAPotenza _1
                                       elevaAPotenza 2
                                                                elevaAPotenza_3
                       α
                                         base _2
                base _1
                                        esponente _2
                esponente _1
                                        espr._2
                espr. _1
       main
        espr.
                                                               POLITECNICO DI MILANO
```

```
if (esponente > 1)
 return base * elevaAPotenza (base, esp Informazioni di ritorno
         ambiente globale
              elevaAPotenza _1
                                      elevaAPotenza 2
                                                               elevaAPotenza_3
                      α
                                        base _2
                base _1
                                       esponente _2
               esponente _1
                                       espr._2
                espr. _1
       main
        espr.
                                                               4
                                                              POLITECNICO DI MILANO
```

```
INFORMATICA 1
```

```
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
              elevaAPotenza _1
                                      elevaAPotenza _2
                                                               elevaAPotenza_3
                       α
                                        base 2
                base _1
                                        esponente _2
               esponente _1
                espr. _1
       main
        espr.
                                                              POLITECNICO DI MILANO
```

```
INFORMATICA 1
```

```
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
              elevaAPotenza _1
                                      elevaAPotenza _2
                                                               elevaAPotenza_3
                                                                        δ
                       α
                                                                 base_3
                                        base _2
                base _1
                                                                    3
                                        esponente _2
               esponente _1
                espr. _1
       main
        espr.
                                                               POLITECNICO DI MILANO
```

```
INFORMATICA 1
```

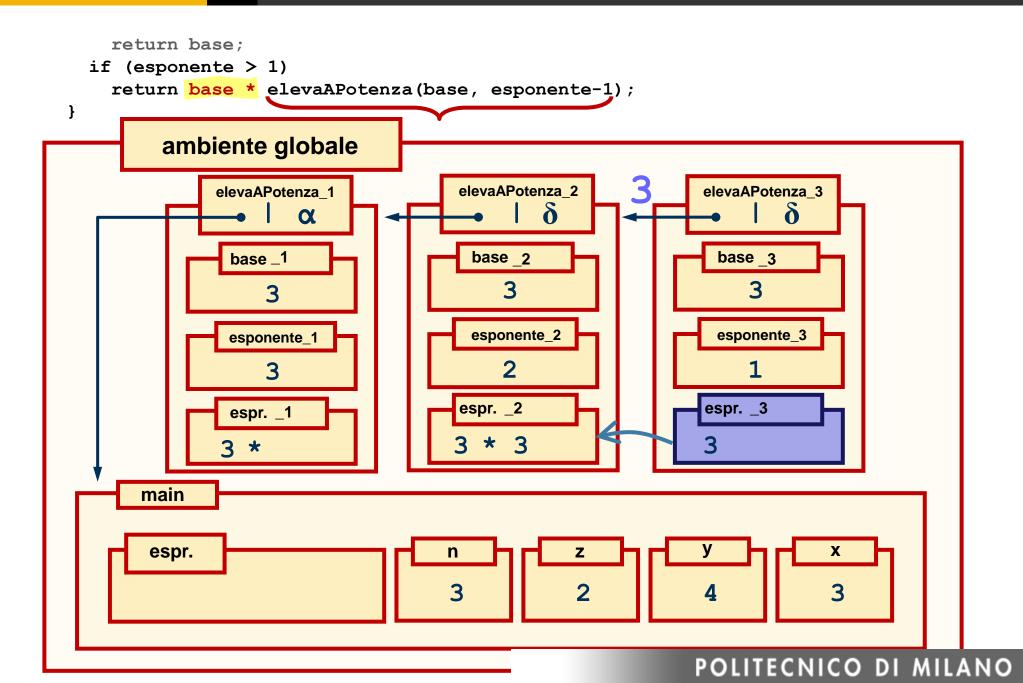
```
if (esponente > 1)
  return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
               elevaAPotenza 1
                                        elevaAPotenza 2
                                                                 elevaAPotenza_3
                                                                         δ
                       α
                                         base 2
                                                                  base _3
                base _1
                                         esponente_2
                                                                  esponente_3
                esponente_1
                                       espr. _2
                espr. _1
       main
        espr.
                                                                POLITECNICO DI MILANO
```

int elevaAPotenza(int base, int esponente) // versione ricorsiva { if (esponente == 1) return base; if (esponente > 1) ambiente globale elevaAPotenza 1 elevaAPotenza 2 elevaAPotenza_3 δ δ α base _2 base _3 base _1 3 esponente_2 esponente_3 esponente_1 espr. _2 espr. _1 main espr. 4 POLITECNICO DI MILANO

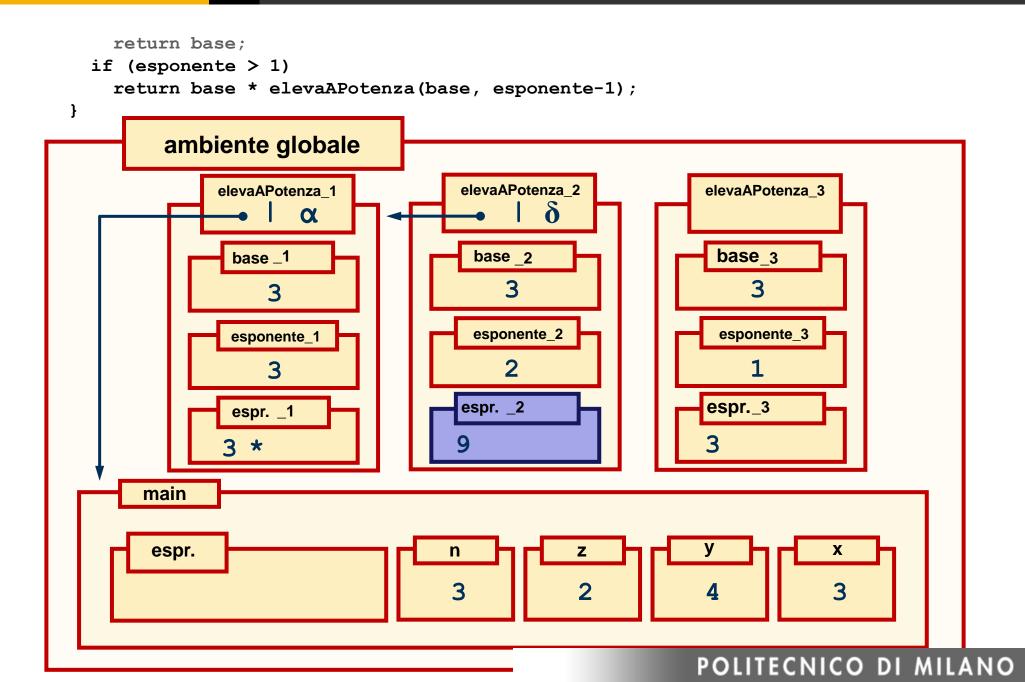
POLITECNICO DI MILANO

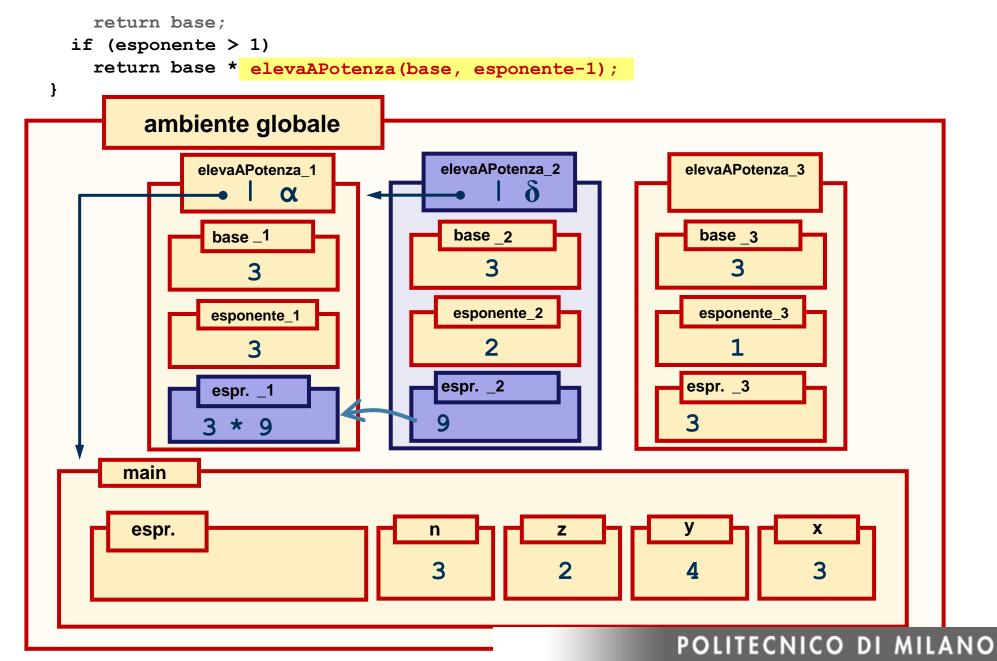
```
{ if (esponente == 1)
                                         La catena ricorsiva termina
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
         ambiente globale
                                      elevaAPotenza 2
                                                               elevaAPotenza_3
              elevaAPotenza 1
                                               δ
                                                                       δ
                      α
                                        base _2
                                                                base _3
                base _1
                   3
                                        esponente_2
                                                                esponente_3
                esponente_1
                                      espr. _2
                                                               espr. _3
                espr. _1
       main
        espr.
                                                               4
                                                              POLITECNICO DI MILANO
```

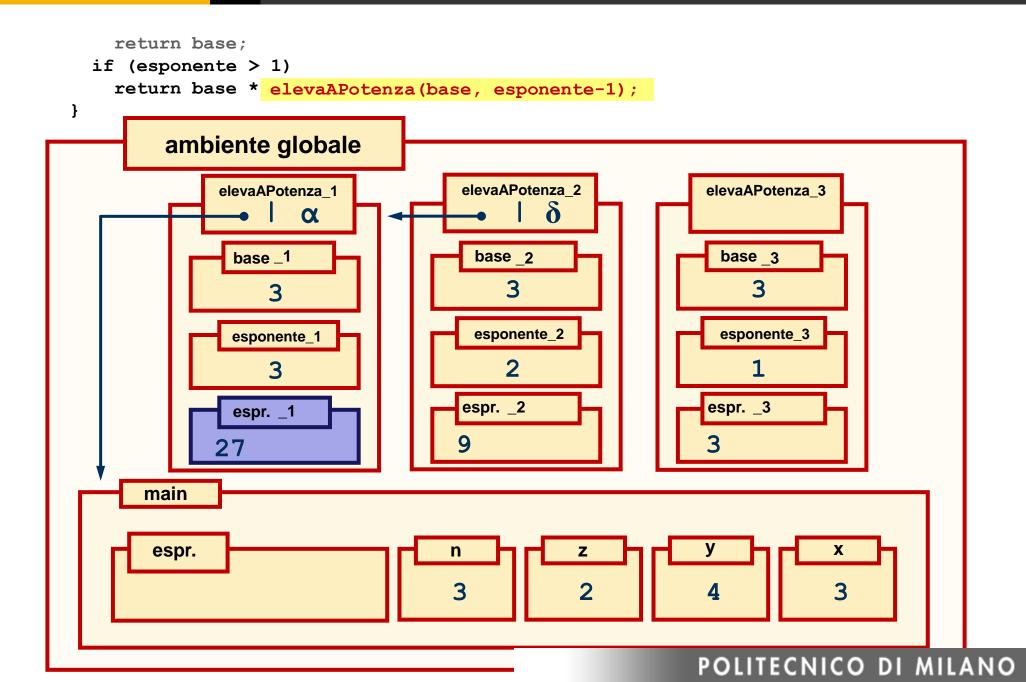
POLITECNICO DI MILANO

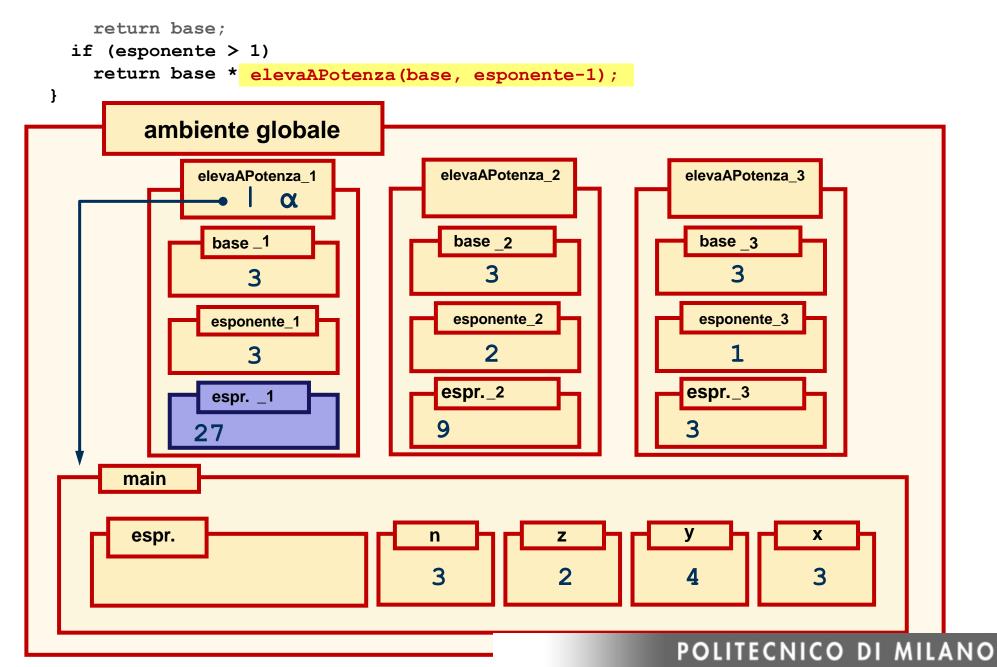


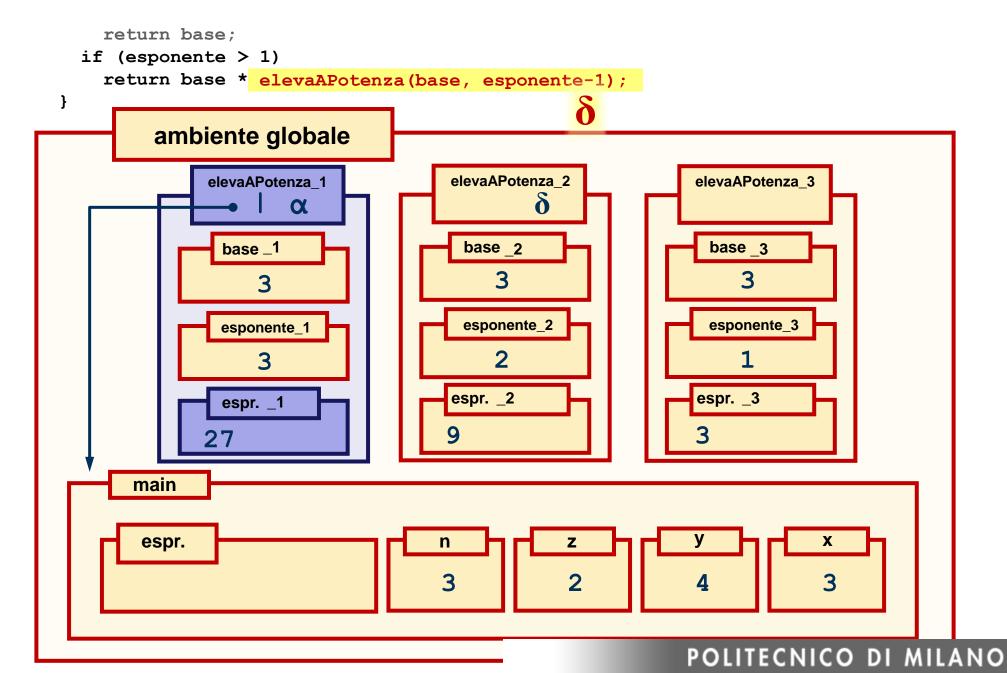
4





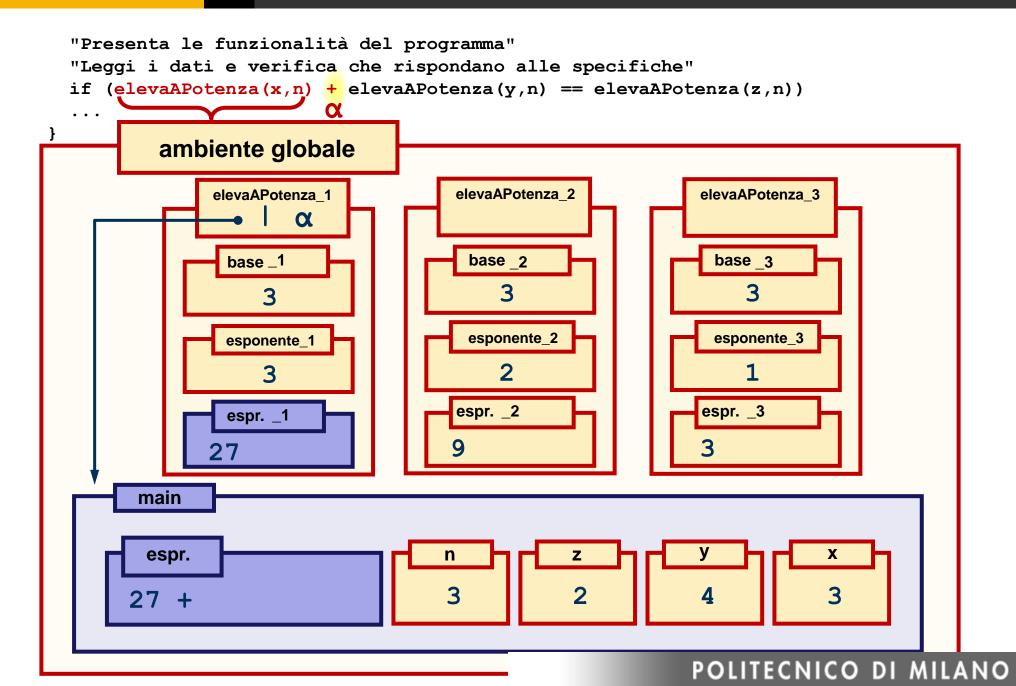






"Presenta le funzionalità del programma" "Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche" if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))ambiente globale elevaAPotenza 2 elevaAPotenza_3 elevaAPotenza 1 α base 2 base _3 base _1 esponente_2 esponente_3 esponente_1 espr. _2 espr. _3 espr. _1 main espr.

POLITECNICO DI MILANO



INFORMATICA 1 FUNZIONI RICORSIVE "Presenta le funzionalità del programma" "Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche" if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))ambiente globale main espr. 27 +

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
       ambiente globale
      main
      espr.
     27 +
                                                      POLITECNICO DI MILANO
```

"Presenta le funzionalità del programma" "Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche" if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))ambiente globale main espr. 27 +POLITECNICO DI MILANO

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
       ambiente globale
            elevaAPotenza 1
      main
      espr.
     27 +
                                                       POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
             elevaAPotenza 1
              base _1
              esponente_1
                 3
      main
      espr.
     27 +
                                                         POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
                                      elevaAPotenza 2
                                                              elevaAPotenza_3
              elevaAPotenza 1
                                       base _2
                                                               base _3
               base _1
                                       esponente_2
                                                               esponente_3
               esponente_1
                                      espr. _2
                                                              espr. _3
               espr. _1
      main
       espr.
                                                              4
     27 +
                                                             POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
                                      elevaAPotenza 2
                                                              elevaAPotenza_3
              elevaAPotenza 1
                                       base _2
               base _1
                                                               base _3
                                       esponente_2
                                                               esponente_3
               esponente_1
                                      espr. _2
                                                              espr. _3
               espr. _1
      main
       espr.
     27 +
                                                             POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
                                      elevaAPotenza 2
                                                              elevaAPotenza_3
              elevaAPotenza 1
                                       base _2
                                                               base _3
               base _1
                                       esponente_2
                                                               esponente_3
               esponente_1
                                      espr. _2
                                                              espr. _3
               espr. _1
      main
       espr.
     27 +
                                                             POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
             elevaAPotenza 1
              base _1
              esponente_1
              espr. _1
              64
      main
       espr.
     27 +
                                                         POLITECNICO DI MILANO
```

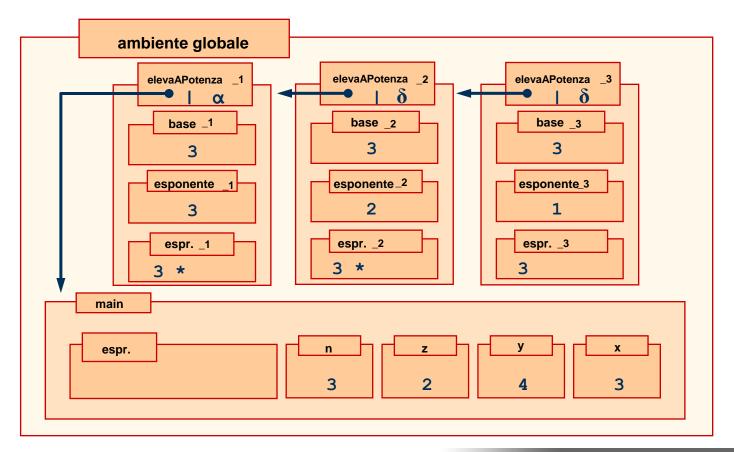
```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
             elevaAPotenza 1
              base _1
              esponente_1
              espr. _1
              64
      main
      espr.
     27 + 64
                                                         POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
             elevaAPotenza 1
              base _1
              esponente_1
              espr. _1
      main
       espr.
     91
                                                         POLITECNICO DI MILANO
```

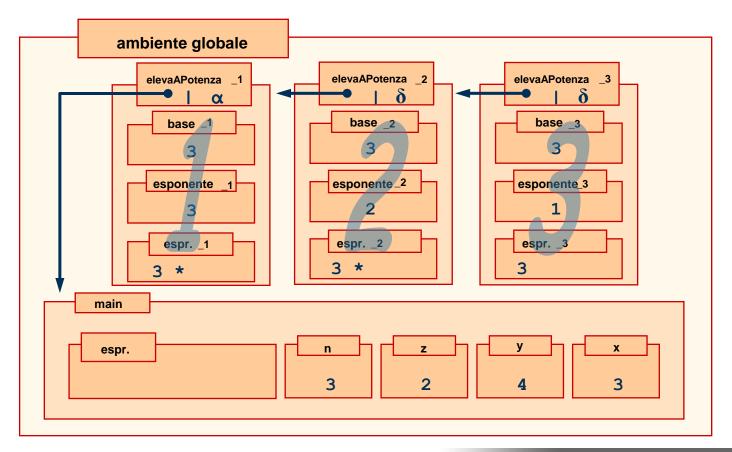
```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
                                      elevaAPotenza 2
                                                              elevaAPotenza_3
              elevaAPotenza 1
                                       base 2
                                                               base _3
               base _1
                                       esponente_2
                                                               esponente_3
               esponente_1
                                                              espr. _3
                                      espr. _2
               espr. _1
      main
       espr.
                                                              4
     91
                                                             POLITECNICO DI MILANO
```

```
"Presenta le funzionalità del programma"
"Leggi i dati e verifica che rispondano alle specifiche"
if (elevaAPotenza(x,n) + elevaAPotenza(y,n) == elevaAPotenza(z,n))
        ambiente globale
             elevaAPotenza 1
              base _1
              esponente_1
              espr. _1
      main
       espr.
     91
                                                         POLITECNICO DI MILANO
```

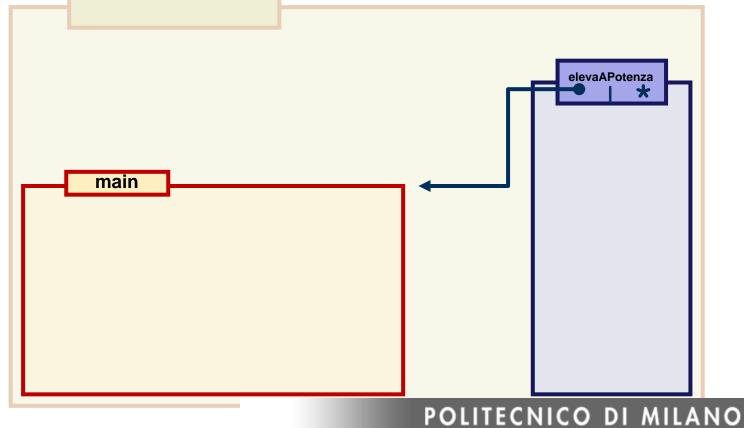
```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
```



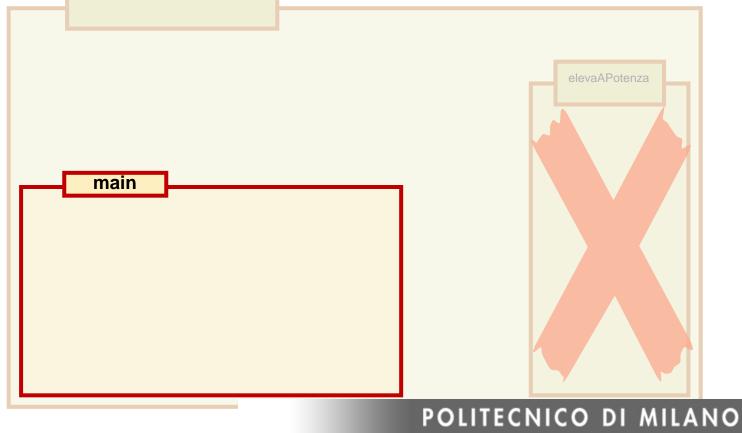
```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
    return base;
  if (esponente > 1)
    return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
```



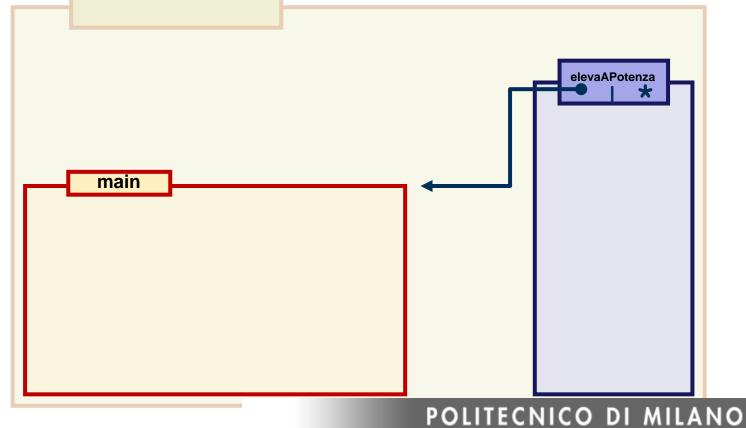
```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```



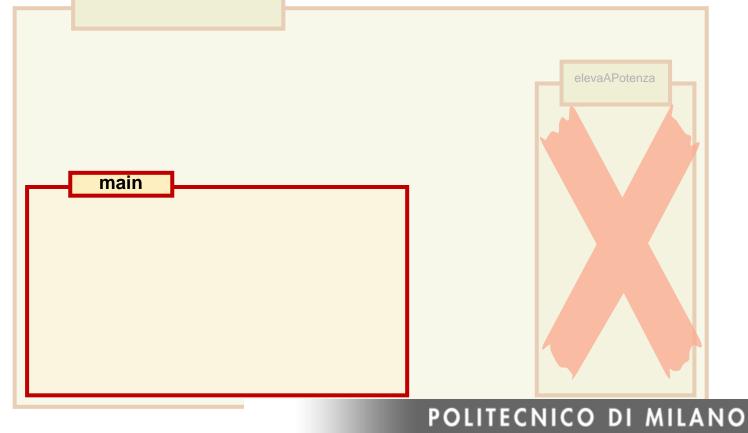
```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```



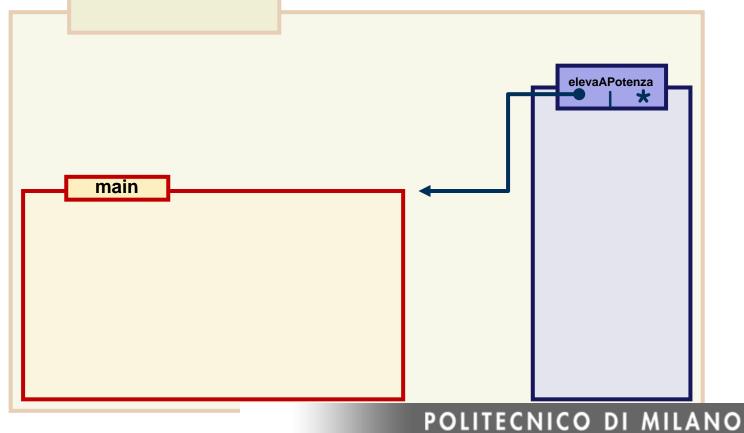
```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```



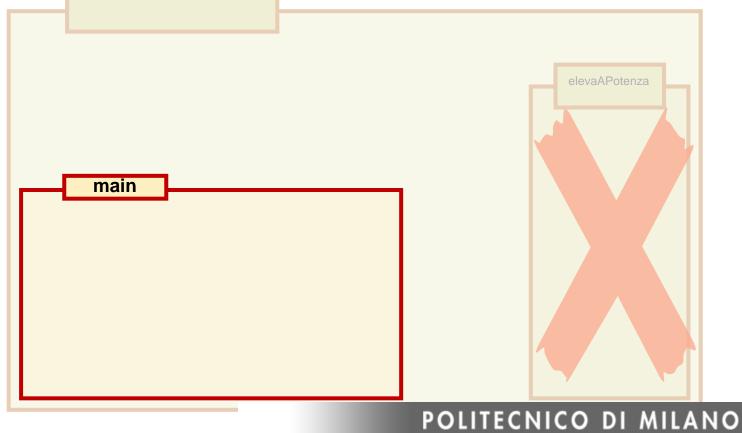
```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```



```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```



```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```

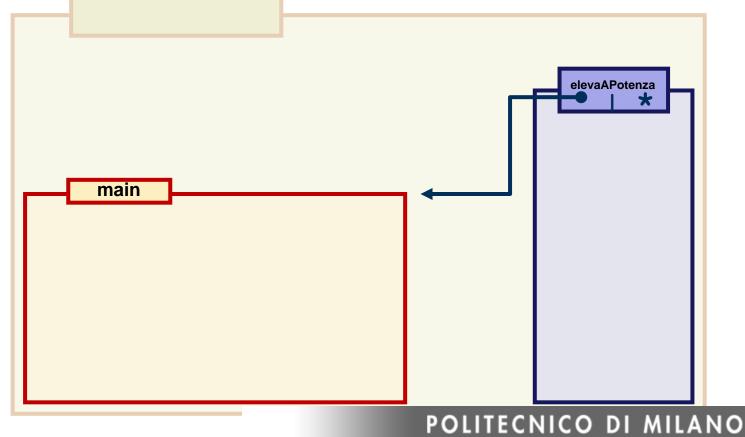


```
elevaAPotenza()
```

Allocazione statica

elevaAPotenza()

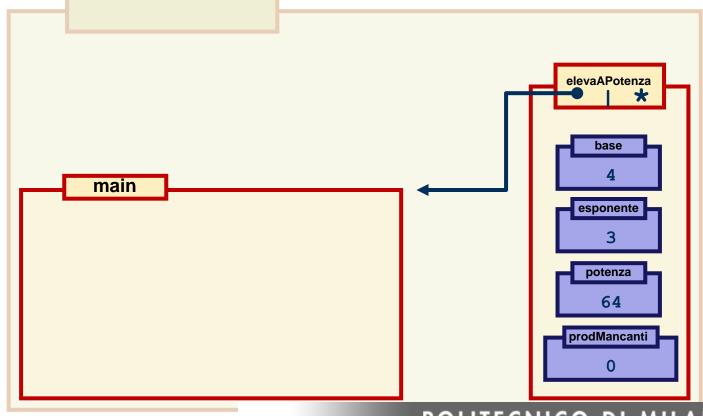
elevaAPotenza()



```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```

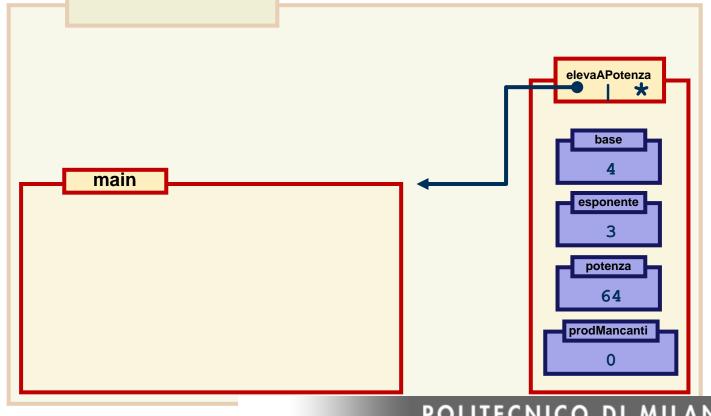
elevaAPotenza()

Allocazione statica

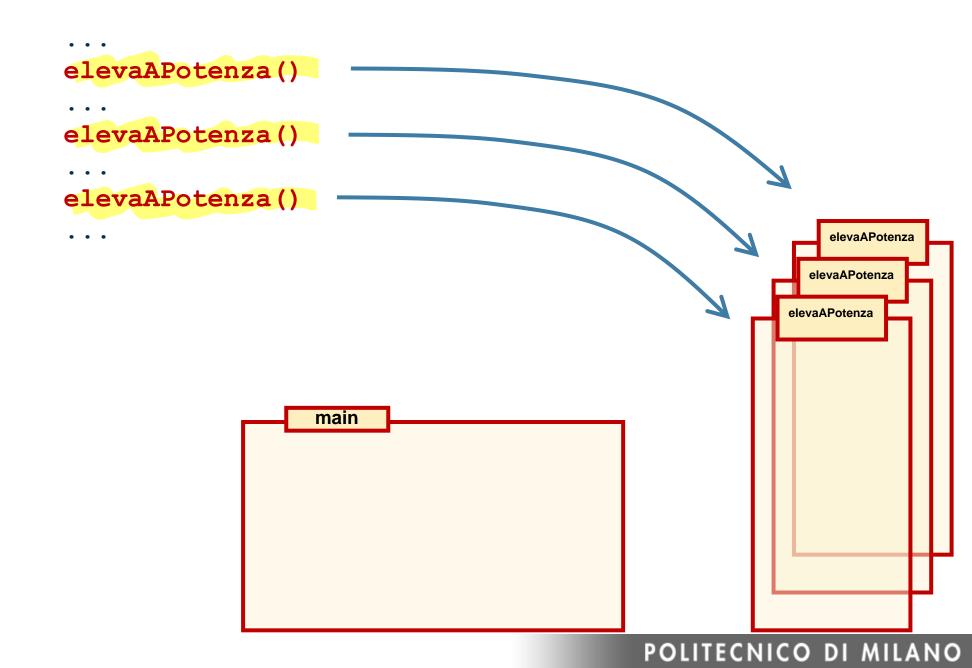


POLITECNICO DI MILANO

```
Allocazione statica
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
```



POLITECNICO DI MILANO

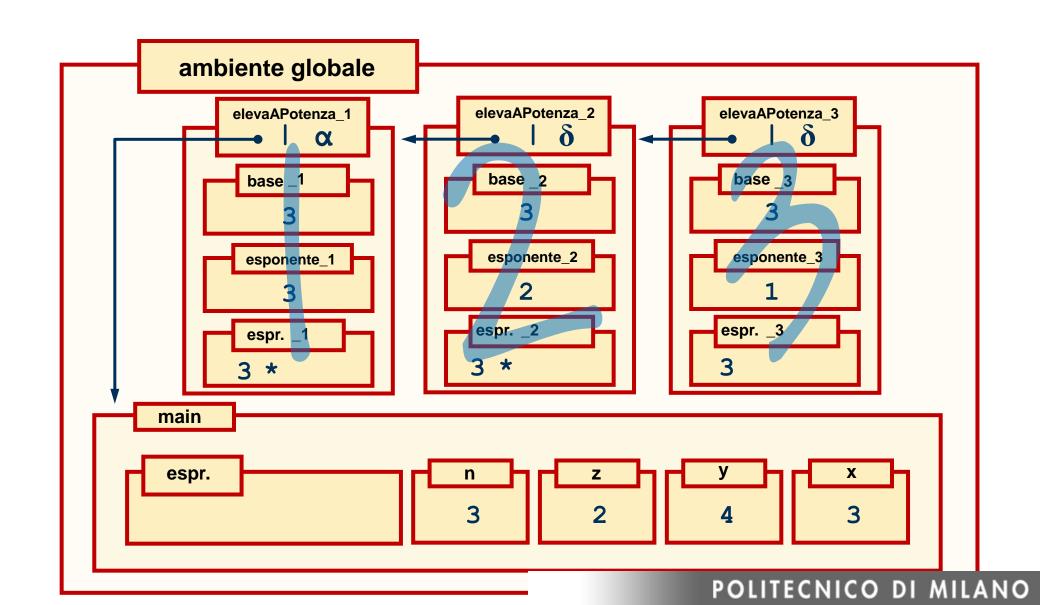


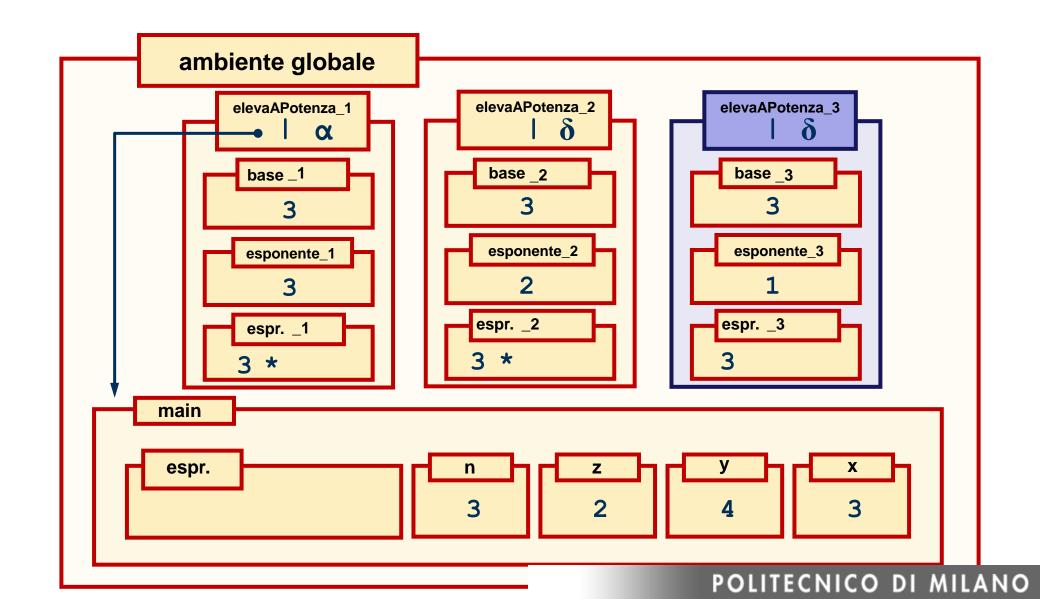
```
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
elevaAPotenza()
                   ambiente globale
                  main
                                           POLITECNICO DI MILANO
```

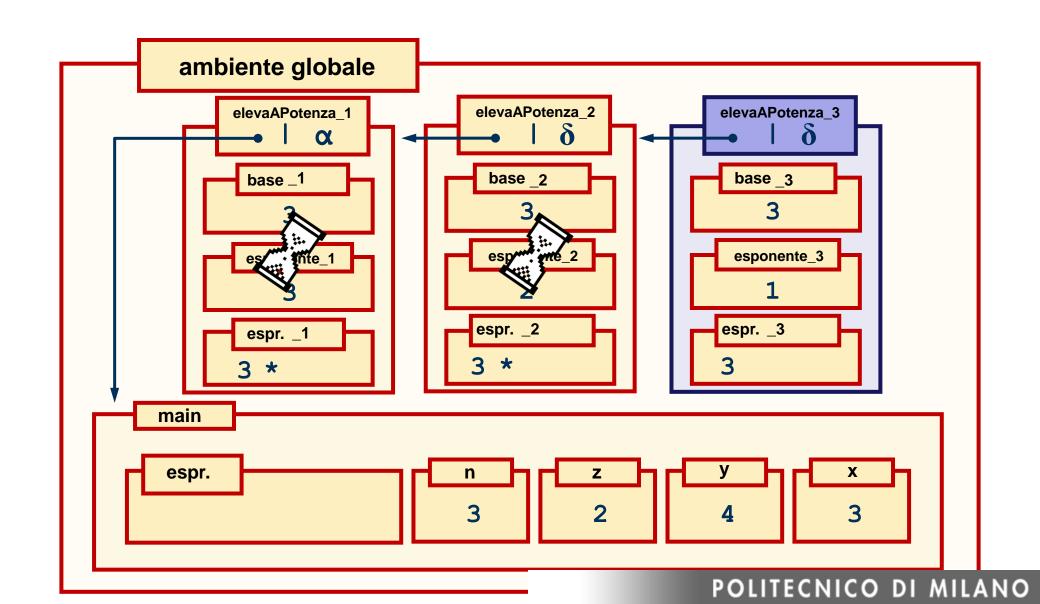
Allocazione dinamica

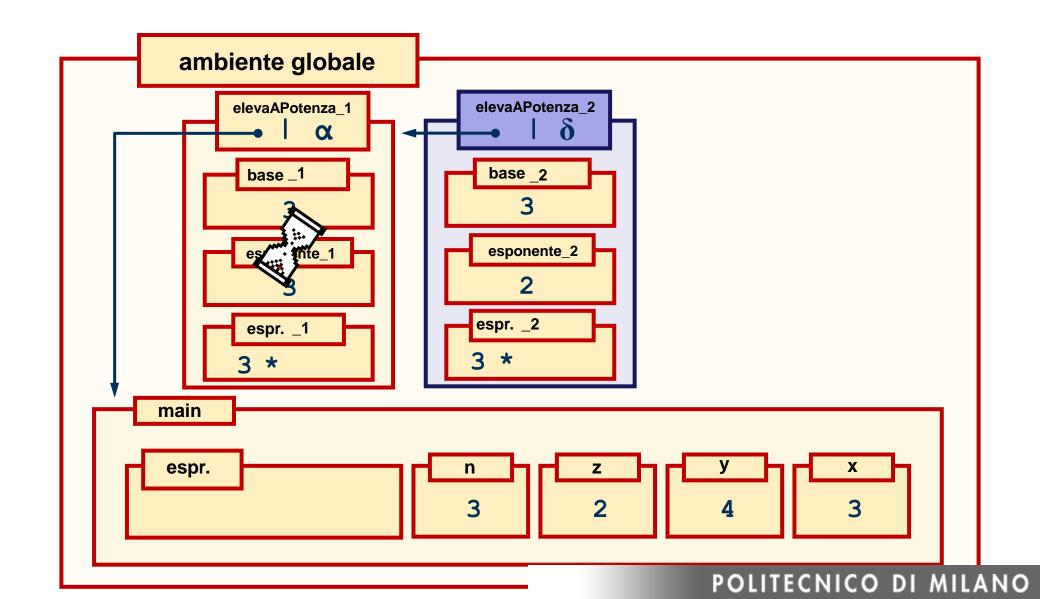
```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
     return base;
  if (esponente > 1)
     return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
             ambiente globale
                                                 elevaAPotenza _3
                                                                  elevaAPotenza
                elevaAPotenza 1
                                 elevaAPotenza 2
           main
            espr.
```

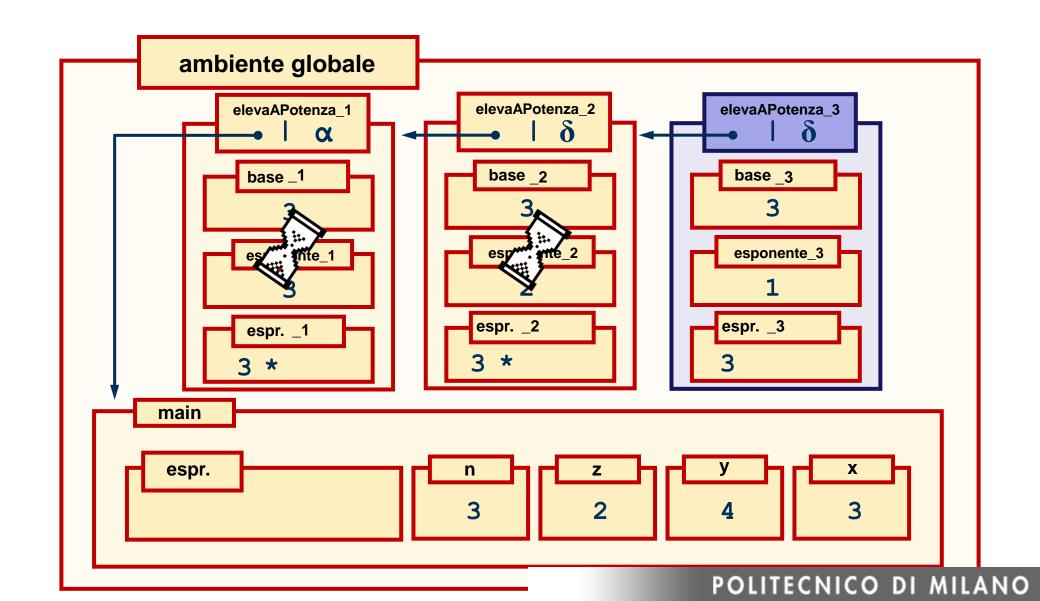
I linguaggi che ammettono funzioni ricorsive richiedono l'allocazione dinamica delle funzioni

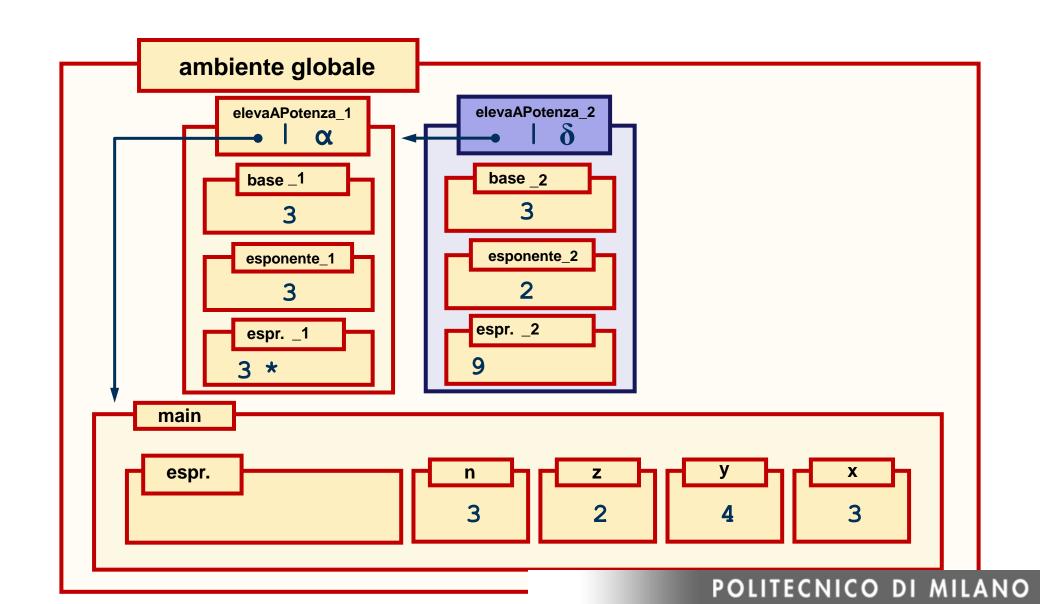


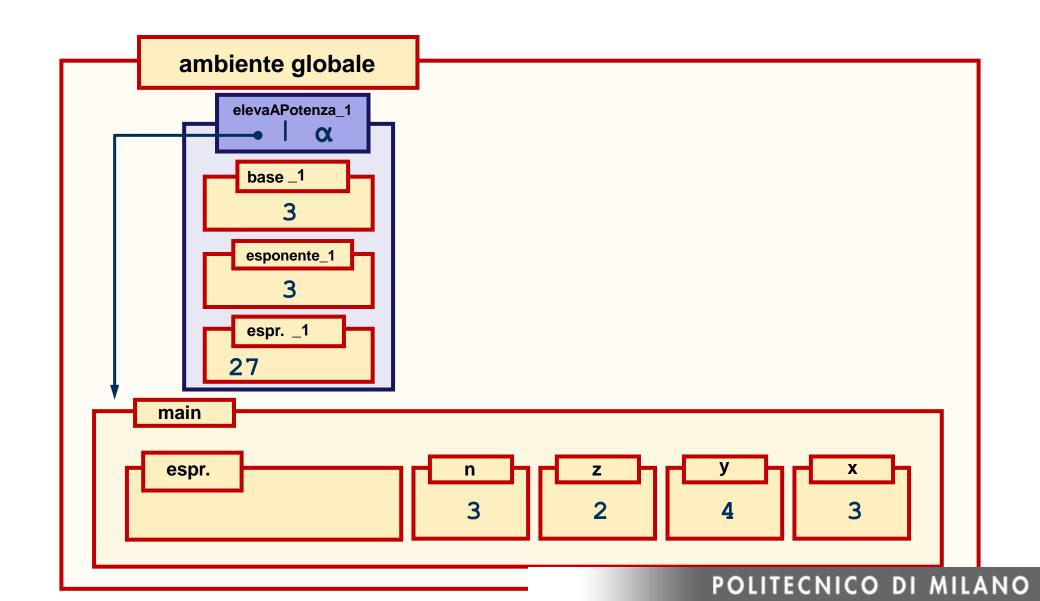


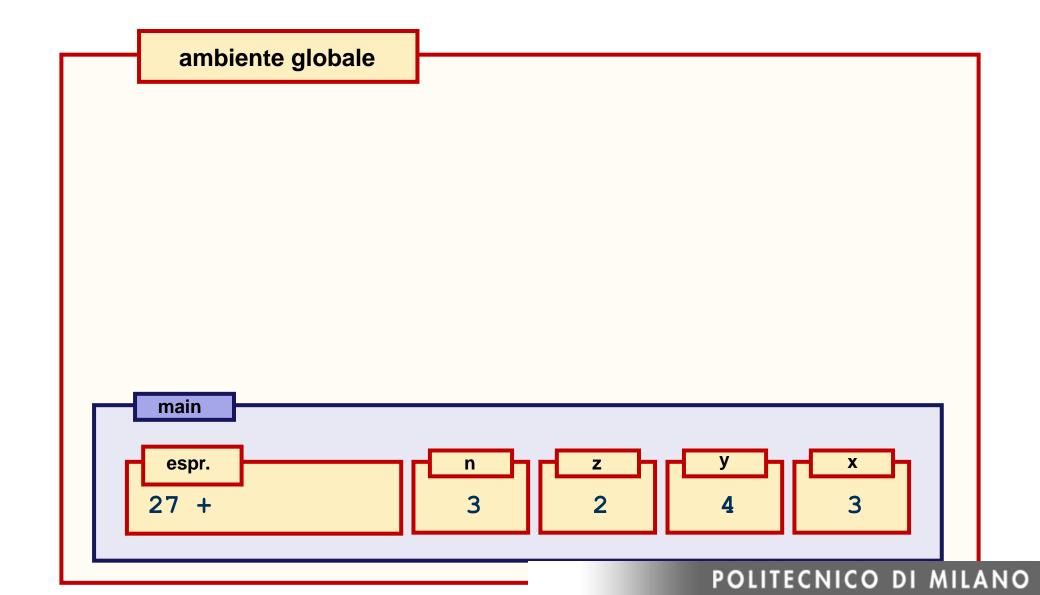












Soluzione ricorsiva

```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
{ if (esponente == 1)
   return base;
 if (esponente > 1)
   return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
```

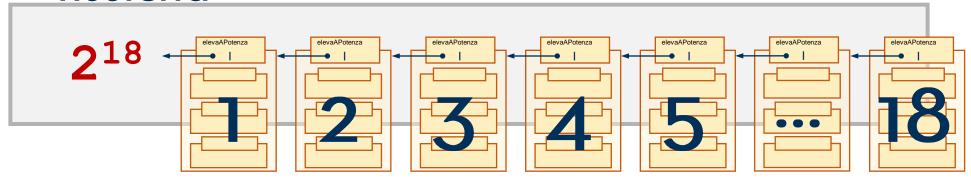
Soluzione iterativa

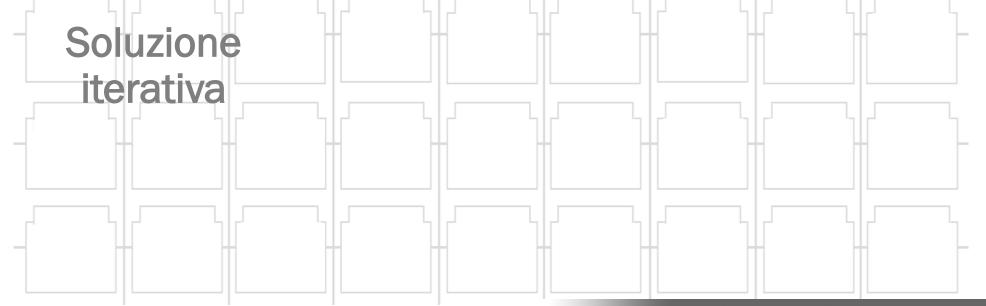
```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
  int prodMancanti; int potenza;
 potenza = 1;
  for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
   potenza *= base;
  return potenza;
}
```



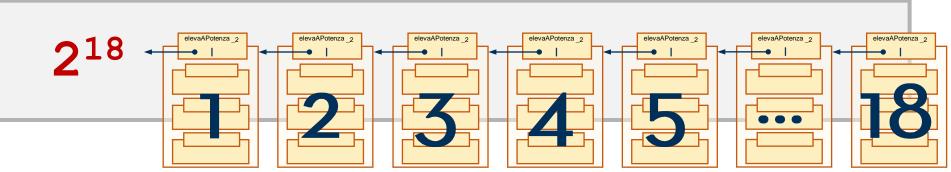
Aspetto secondario: efficienza

















Soluzione iterativa

Aspetto principale: semplicità



Soluzione iterativa

Soluzione ricorsiva



```
se esponente = 1
                                 base esponente = base
se esponente > 1
                                                base * ba
                                                                                                                int elevaAPotenza(int base, int esponente)
                                                                                                                { if (esponente == 1)
                                                                                                                                                    return base;
                                                                                                                                   if (esponente > 1)
                                                                                                                                                     return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
```

Soluzione ricorsiva



```
se esponente = 1
base * ba
                                                                                                                   int elevaAPotenza(int base, int esponente)
                                                                                                                     { if (esponente == 1)
                                                                                                                                                        return base;
                                                                                                                                       if (esponente > 1)
                                                                                                                                                         return base * elevaAPotenza(base, esponente-1);
```

Soluzione ricorsiva



```
se esponente = 1
se espone per partica
                                                         base * base * base * base esponente-1
                                                                                                                                  int elevaAPotenza (int base, int esponente) { if (esponente) | CCANISMO | CONISMO | CO
                                                                                                                                                           if (esponente > 1)
                                                                                                                                                                               soluzione
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  esponente-1);
```

iterativa

```
se esponente = 1
                                                                base esponente = base
se esponente > 1
                                                                                               base * ba
 Soluzione
```

```
int elevaAPotenza(int base, int esponente)
  int prodMancanti; int potenza;
 potenza = 1;
  for (prodMancanti = esponente; prodMancanti > 0; proMancanti--)
    potenza *= base;
  return potenza;
}
```





Specifica

Meccanismo di soluzione

Soluzione iterativa

Specifica



Meccanismo di soluzione