

11

# Scansione di una matrice lungo le diagonali

- 1. Introduzione e requisiti del problema
- 2. Specifica
- 3. Progetto della soluzione
- 4. Codifica





1. Introduzione e requisiti del problema

### Requisiti del problema

Scrivere una funzione C++ che, data una matrice quadrata di numeri interi, restituisca il valore massimo delle somme degli elementi incontrati percorrendo cammini all'interno della matrice, disposti lungo linee parallele alla diagonale secondaria.

In questa esercitazione viene proposto un esempio sull'utilizzo degli array a due dimensioni, in cui si richiede di percorrere la matrice lungo particolari cammini.



2. Specifica

### Esempio

Data la seguente matrice quadrata di rango 5

1	5	3	4	6
2	3	5	4	2
3	7	0	1	2
4	6	9	1	9
1	2	5	3	2

la funzione deve restituire 20, cioè il valore della somma degli elementi presenti lungo la diagonale contenente i valori 4,7,5,4. Gli elementi presenti lungo le altre diagonali hanno somme inferiori (rispettivamente,1,7,9,17,14,8,12, e 2).

#### Scansione di un cammino

- identificare la topologia dei cammini da percorrere.
- 2. identificare la condizione di terminazione della scansione dei cammini
- 3. identificare il punto di inizio e di fine di un generico cammino
- 4 . determinare come passare al cammino successivo
- 5. determinare come si scandiscono gli elementi appartenenti ad un cammino



ne

### 3. Progetto della soluzione

### 1. Topologia dei cammini

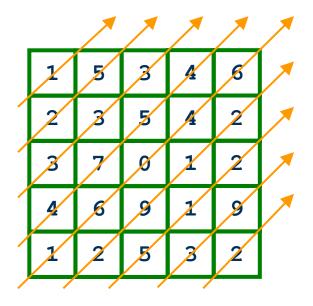
i cammini da percorrere coincidono con le diagonali della matrice parallele alla diagonale secondaria.

7 /		
3	Z <u>.</u>	6
3 5	4	2
7 0	1	2
6 9	1	9
2 5	3	2
	3 5 7 0 6 9	3     5     4       7     0     1       6     9     1



### 2.Condizione di terminazione della scansione

Si può esprimere contando il numero di cammini:



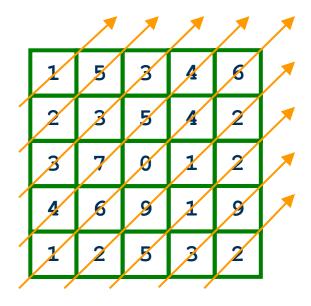


one

### 3. Progetto della soluzione

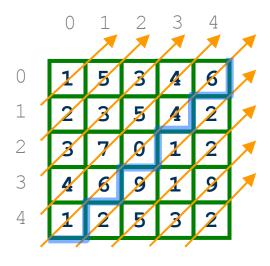
### 2.Condizione di terminazione della scansione

Si può esprimere contando il numero di cammini:





### 3. Inizio di un cammino



Rango = 5

inizio cammino nella porzione triangolare superiore:

colonna 0

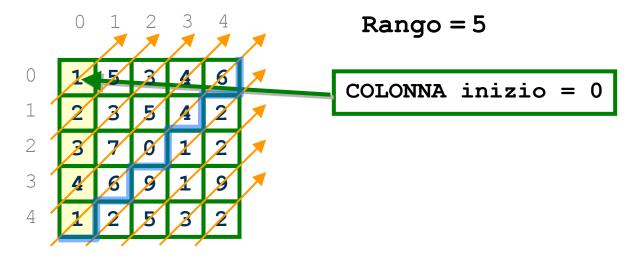
i cammini si distinguono per il numero di riga

inizio cammino nella porzione triangolare inferiore:

riga (RANGO-1)

i cammini si distinguono per il numero di colonna

### 3. Inizio di un cammino



inizio cammino nella porzione triangolare superiore: colonna 0

i cammini si distinguono per il numero di riga

inizio cammino nella porzione triangolare inferiore:

riga (RANGO-1)

i cammini si distinguono per il numero di colonna



### 3. Inizio di un cammino

inizio cammino nella porzione triangolare superiore:

colonna 0

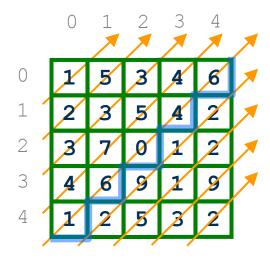
i cammini si distinguono per il numero di riga

inizio cammino nella porzione triangolare inferiore:
 riga (RANGO-1)

i cammini si distinguono per il numero di colonna



### 4. Come si passa al cammino successivo



Rango = 5

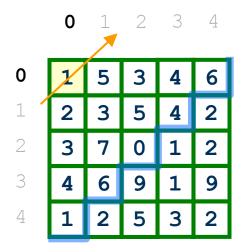
#### porzione triangolare superiore:

si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)

#### porzione triangolare inferiore:



### 4. Come si passa al cammino successivo



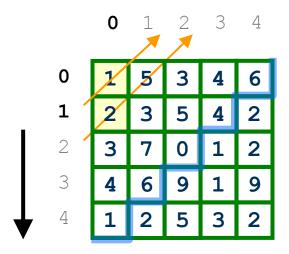
Rango = 5

porzione triangolare superiore: si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)

#### porzione triangolare inferiore:



### 4. Come si passa al cammino successivo



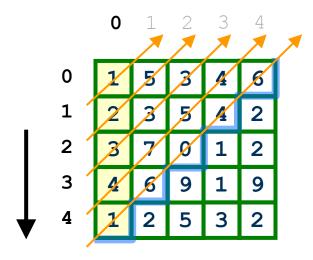
Rango = 5

porzione triangolare superiore: si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)

#### porzione triangolare inferiore:



### 4. Come si passa al cammino successivo



Rango = 5

porzione triangolare superiore: si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)

#### porzione triangolare inferiore:



### 4. Come si passa al cammino successivo

0 1 2 3 4

Rango = 5

```
      0
      1
      5
      3
      4
      6

      1
      2
      3
      5
      4
      2

      2
      3
      7
      0
      1
      2

      3
      4
      6
      9
      1
      9

      4
      1
      2
      5
      3
      2
```

porzione triangolare superiore:

```
si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)
```

porzione triangolare inferiore: si incrementa l'indice di colonna (da 1 fino a RANGO-1)



### 4. Come si passa al cammino successivo

0 **1 2** 3 4

Rango = 5

```
      0
      1
      5
      3
      4
      6

      1
      2
      3
      5
      4
      2

      2
      3
      7
      0
      1
      2

      3
      4
      6
      9
      1
      9

      4
      1
      2
      5
      3
      2
```

#### porzione triangolare superiore:

si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)

porzione triangolare inferiore: si incrementa l'indice di colonna (da 1 fino a RANGO-1)



### 4. Come si passa al cammino successivo

0 1 2 3 4

Rango = 5

4	1	2	5	3	2	
3	4	6	8	1	8	7
2	3	7	0	1	2	<b>A</b>
1	2	3	5	4	2	7
0	1	5	3	4	6	7

#### porzione triangolare superiore:

si incrementa l'indice di riga (da 0 fino a RANGO-1)

porzione triangolare inferiore: si incrementa l'indice di colonna (da 1 fino a RANGO-1)



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

0	1	2	3	4	
1	5	3	4	6	0
2	3	5	4	2	1
3	7	0	1	2	2
4	6	9	1	9	3
1	2	5	3	2	4

### 2 metodi:

"empirico"

"analitico"



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

#### Primo metodo

a partire dal primo elemento del cammino gli elementi della diagonale vengono scanditi:

- incrementando l'indice di colonna

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

#### Primo metodo

a partire dal primo elemento del cammino gli elementi della diagonale vengono scanditi:

- decrementando ad ogni passo l'indice di riga
- incrementando l'indice di colonna

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4

Riga inizio=(3)



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

#### Primo metodo

a partire dal primo elemento del cammino gli elementi della diagonale vengono scanditi:

- incrementando l'indice di colonna

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4

Colonna inizio=0



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

#### Primo metodo

a partire dal primo elemento del cammino gli elementi della diagonale vengono scanditi:

- incrementando l'indice di colonna

				-1,4	
0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4	1,5
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4	
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4	
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4	



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

- si determina la lunghezza del cammino che rappresenta il criterio con cui fermarsi nella scansione del cammino stesso
- per spostarsi lungo un cammino si esprimono gli indici di riga e di colonna delle celle della matrice in funzione della posizione relativa dell'elemento all'interno del cammino (primo elemento del cammino, secondo elemento del cammino, k-esimo elemento del cammino) ed in funzione del parametro caratteristico del cammino (ad es. la colonna di inizio oppure la riga di inizio del cammino)



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=0	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
	1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
Colonna inizio=0	2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
	3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
	4,0	4,1	4,2	4,3	4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=1	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
	1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
Colonna inizio=0	2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
	3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
	4,0	4,1	4,2	4,3	4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=2		0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
	١ / ١	1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
Colonna inizio=0		2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
		3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
		4,0	4,1	4,2	4,3	4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Secondo metodo

Riga inizio=3	$\lfloor - \rfloor$	0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
	1	1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
Colonna inizio=0		2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
		3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
		4,0	4,1	4,2	4,3	4,4

Lunghezza cammino= riga inizio+1



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

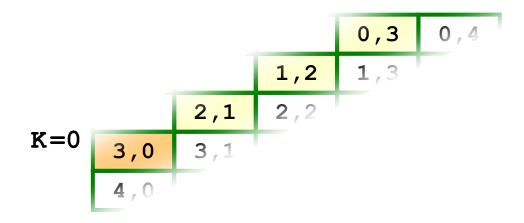
Colonna inizio=0

				0,3	0,4
			1,2	1,3	9
		2,1	2,2	^	
K	3,0	3,1			
	4,0				



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

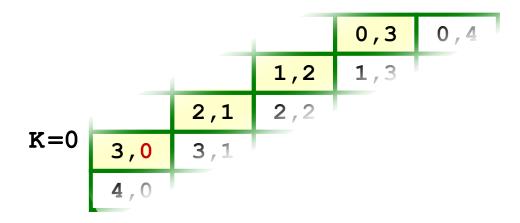
Colonna inizio=0





## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

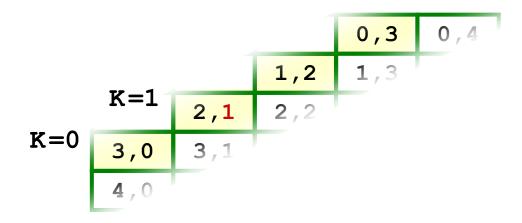
Colonna inizio=0\





## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Colonna inizio=0





e 1

## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Colonna inizio=0

				0,3	0,4
	4	K=2	1,2	1,3	
	K=1	2,1	2,2		
K=0	3,0	3,1			
	4,0				



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

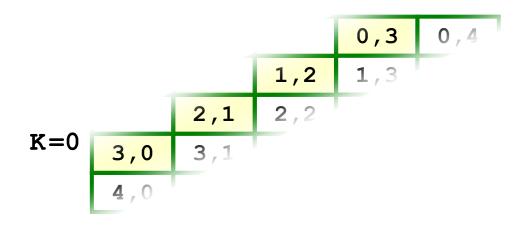
Colonna inizio=0

Colonna corrente= K K=3 0,3 0,4 K=2 1,2 1,3 K=1 2,1 2,2 K=0 3,0 3,1



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

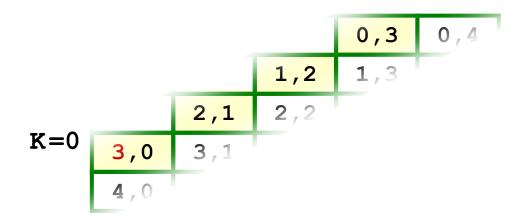
Riga inizio=3





## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

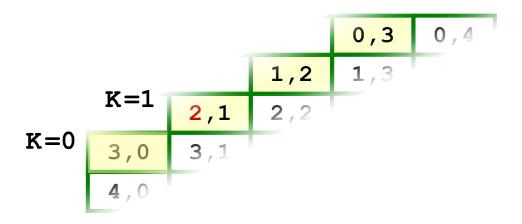
Riga inizio=3

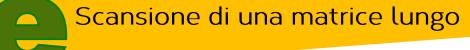




# 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=3





### 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

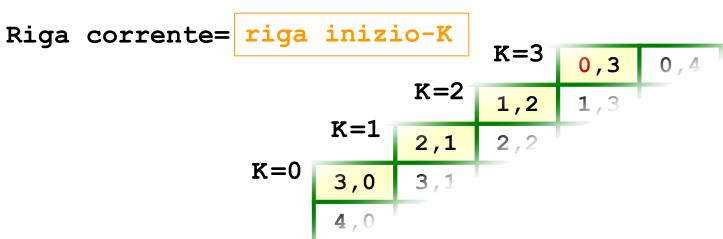
Riga inizio=3

				0,3	0,4
	4	K=2	1,2	1,3	
	K=1	2,1	2,2		
K=0	3,0	3,1			
	4,0				



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=3





## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Secondo metodo

#### RANGO=5

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Secondo metodo

Colonna inizio=2

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4	
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4	
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4	
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4	

RANGO=5

Lunghezza del cammino della colonna corrente=

Rango-colonna inizio



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Secondo metodo

Colonna inizio=2

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4

3,2

4,2

4,3

RANGO=5

3,1

4,1

Lunghezza del cammino della colonna corrente=

Rango-colonna inizio

3,4

4,4



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Secondo metodo

Colonna inizio=3

0,0	0,1	0,2	0,3	0,4
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4

4,1 | 4,2 | 4,3

RANGO=5

Lunghezza del cammino della colonna corrente=

Rango-colonna inizio



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Secondo metodo

Colonna inizio=3

•	MMGO-5				
0,0	0,1	0,2	0,3	0,4	
1,0	1,1	1,2	1,3	1,4	
2,0	2,1	2,2	2,3	2,4	
3,0	3,1	3,2	3,3	3,4	
4,0	4,1	4,2	4,3	4,4	

RANGO=5

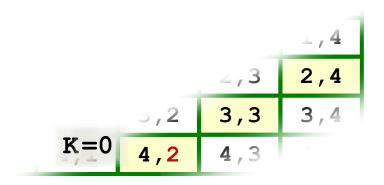
Lunghezza del cammino della colonna corrente=

Rango-colonna inizio



# 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Colonna inizio=2





## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Colonna inizio=2



## 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Colonna inizio=2

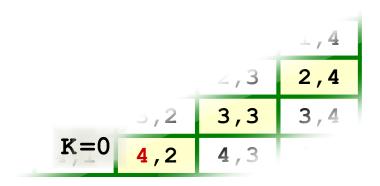
Colonna corrente=

colonna inizio+K



# 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=rango-1





# 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

Riga inizio=rango-1



# 5. Scansione degli elementi lungo un cammino

		1,4
	K=2	2,4
K=1	3,3	3,4
K=0 4,2	4,3	



#### Pseudocodice

inizializzazione del massimo

```
per ogni cammino del triangolo superiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma
per ogni cammino del triangolo inferiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma
```

per ogni cammino del triangolo superiore



### 3. Progetto della soluzione

#### Pseudocodice

somma=0

#### inizializzazione del massimo

```
determina riga e colonna dell'inizio del cammino
per ogni elemento del cammino
aggiungi a somma l'elemento corrente
se somma è maggiore del massimo corrente
massimo=somma

per ogni cammino del triangolo inferiore
somma=0
determina riga e colonna dell'inizio del cammino
per ogni elemento del cammino
aggiungi a somma l'elemento corrente
se somma è maggiore del massimo corrente
massimo=somma
```



#### Pseudocodice

inizializzazione del massimo

#### per ogni cammino del triangolo superiore

```
somma=0
determina riga e colonna dell'inizio del cammino
per ogni elemento del cammino
    aggiungi a somma l'elemento corrente
se somma è maggiore del massimo corrente
    massimo=somma
```

```
per ogni cammino del triangolo inferiore
   somma=0
   determina riga e colonna dell'inizio del cammino
   per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
   se somma è maggiore del massimo corrente
   massimo=somma
```



#### Pseudocodice

```
per ogni cammino del triangolo superiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma

per ogni cammino del triangolo inferiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
```

aggiungi a somma l'elemento corrente

se somma è maggiore del massimo corrente

massimo=somma

POLITECNICO DI MILANO



#### Pseudocodice

massimo=somma

```
inizializzazione del massimo
per ogni cammino del triangolo superiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma
per ogni cammino del triangolo inferiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
```



#### Pseudocodice

inizializzazione del massimo

```
per ogni cammino del triangolo superiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma
per ogni cammino del triangolo inferiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma
```



#### Pseudocodice

```
per ogni cammino del triangolo superiore
   somma=0
   determina riga e colonna dell'inizio del cammino
        per ogni elemento del cammino
             aggiungi a somma l'elemento corrente
        se somma è maggiore del massimo corrente
             massimo=somma

per ogni cammino del triangolo inferiore
```



#### Pseudocodice

inizializzazione del massimo

massimo=somma

```
per ogni cammino del triangolo superiore
somma=0
determina riga e colonna dell'inizio del cammino
per ogni elemento del cammino
aggiungi a somma l'elemento corrente
se somma è maggiore del massimo corrente
massimo=somma

per ogni cammino del triangolo inferiore
somma=0
determina riga e colonna dell'inizio del cammino
per ogni elemento del cammino
aggiungi a somma l'elemento corrente
```

se somma è maggiore del massimo corrente



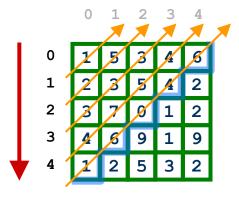
### Esempio

```
per ogni cammino del triangolo superiore
   somma=0
   determina riga e colonna dell'inizio del cammino
   per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
   se somma è maggiore del massimo corrente
   massimo=somma
```





rigaInizio=0
rigaInizio=RANGO-1



#### per ogni cammino del triangolo superiore

somma=0

determina riga e colonna dell'inizio del cammino
per ogni elemento del cammino
aggiungi a somma l'elemento corrente
se somma è maggiore del massimo corrente
massimo=somma



1 2 3 4

## Esempio

```
riga=rigaInizio;
col=0;
```

per ogni cammino del triangolo superiore somma=0

#### determina riga e colonna dell'inizio del cammino

per ogni elemento del cammino aggiungi a somma l'elemento corrente se somma è maggiore del massimo corrente massimo=somma

Scansione di una matrice lungo le diagonali 3. Progetto della soluzione

### Esempio

```
1 2 3 4
6
```

```
per ogni cammino del triangolo superiore
    somma=0
    determina riga e colonna dell'inizio del cammino
    per ogni elemento del cammino
        aggiungi a somma l'elemento corrente
    se somma è maggiore del massimo corrente
        massimo=somma
                           while(riga>=0 && col<rango)</pre>
                            {...
                             riga--;
                             col++;
```