P1106 牛頓法實數開根號

牛頓法 (Newton's Method) 為數值分析中,用來逼近一方程式解的重要方

法;以下說明牛頓法求算 \sqrt{x} 的步驟:

步驟1. 設定解的初始值 y=1

步驟2. 求算 y' = (x/y + y)/2

步驟3. 若|y-y'|≤0.00001×y,前往步驟5

步驟4. 更新y為y'後,前往步驟2

步驟5. 輸出 y'作為問題

以下為遵循以上步驟求解√3的過程:

X	y	x/y	y' = (x/y + y) / 2
3	1	3	2
3	2	1.5	1.75
3	1.75	1.71429	1.73214
3	1.7324	1.73196	1.73205
3	1.73205	1.73205	1.73205

最後得解為 $\sqrt{3} \approx 1.73205$ 。

註:務必以C/C++之double 資料型態進行以上算式之求算。

輸入說明

有一筆或數筆測資,每筆測資一行,為一非負浮點數x; EOF 結束測試。

輸出說明

依題意求出 \sqrt{x} 後,輸出其值至小數點第五位。

範例輸入

3

0.01

範例輸出

- 1.73205
- 0.10000