Programmierung

Aufgabe 1 (AGS 12.1.5)

- (a) Schreiben Sie eine Funktion fac :: Int -> Int, so dass fac n die Fakultät von n, also $n! = \prod_{i=1}^{n} i$, berechnet.
- (b) Schreiben Sie nun eine Funktion sumFacs :: Int -> Int, so dass sumFacs n m den Wert $\sum_{i=n}^{m} i!$ berechnet.

Aufgabe 2 (AGS 12.1.6)

Die Folge der Fibonacci-Zahlen f_0 , f_1 , ..., ist definiert durch $f_0 = 1$, $f_1 = 1$, und $f_{i+2} = f_i + f_{i+1}$ für jedes $i \in \mathbb{N}$. Implementieren Sie eine Funktion, die für die Eingabe i die Zahl f_i berechnet.

Aufgabe 3 (AGS 12.1.7)

Schreiben Sie die folgenden Haskell-Funktionen:

- (a) prod :: [Int] -> Int, welches die Zahlen in einer Liste aufmultipliziert.
- (b) rev :: [Int] -> [Int], welches eine Liste umkehrt.
- (c) rem :: Int -> [Int] -> [Int], so dass rem x xs die Liste ist, die aus xs hervorgeht, indem alle Vorkommen von x gelöscht werden.
- (d) isOrd :: [Int] -> Bool, welches für eine Liste prüft, ob sie aufsteigend sortiert ist.
- (e) merge :: [Int] -> [Int] -> [Int], welches zwei aufsteigend sortierte Listen zu einer aufsteigend sortierten Liste vereinigt.

Zusatzaufgabe 1 (AGS 12.1.8)

Implementieren Sie die (unendliche) Liste fibs :: [Int] der Fibonacci-Zahlen f_0, f_1, \dots

Zusatzaufgabe 2 (AGS 12.1.9)

In einem vollen Binärbaum ist jeder Knoten entweder ein Blatt, oder er hat zwei Kindknoten. Implementieren Sie eine Haskell-Funktion, welche für $n \in \mathbb{N}$ die Anzahl der vollen Binärbäume mit Knotenzahl n berechnet.

Zusatzaufgabe 3 (AGS 12.1.10)

Machen Sie sich mit ghc(i) (dem Glasgow Haskell Compiler, https://www.haskell.org/ghc) vertraut, insbesondere mit den Befehlen :type, :info, :browse und :?, und mit der Suchmaschine https://haskell.org/hoogle.