Algebra Relazionale e Calcolo Relazionale

Operazioni associate al modello relazionale

- Notazione algebrica ⇒ Algebra relazionale
 ⇒ Linguaggio procedurale ⇒
 interrogazioni espresse applicando operatori
 alle relazioni
- Notazione logica ⇒ Calcolo relazionale ⇒
 Linguaggio dichiarativo ⇒ interrogazioni
 espresse tramite formule logiche le cui
 risposte devono essere rese vere dalle tuple

Algebra Relazionale

Algebra relazionale e Calcolo relazionale

• Entrambe le famiglie di linguaggi sono equivalenti in senso espressivo

Algebra relazionale

• L' Algebra relazionale è un linguaggio *procedurale*, le cui operazioni quindi vengono specificate descrivendo il procedimento da seguire per ottenere la soluzione.

Algebra relazionale

- L' algebra relazionale di base ha solo 5 operazioni (oltre il Prodotto Cartesiano):
 - Unione, Differenza,
 - Ridenominazione, Selezione e Proiezione
- Ulteriori operazioni che descriveremo sono derivabili dalle 5 operazioni di base

Unione, Intersezione, Differenza

- Unione $R_1 \cup R_2$ di due relazioni R_1 e R_2 è una relazione contenente le tuple che appartengono o a R_1 o a R_2
- Differenza R_1 R_2 è una relazione che contiene le tuple che appartengono a R_1 e non appartengono a R_2
- Dato che $R \cap S = R$ -(R-S) possiamo dire che l' Intersezione $R \cap S$ è una relazione che contiene le tuple che appartengono sia a R sia a S

Unione, Intersezione, Differenza

Laureati

Matricola	Cognome	Età
7274	Rossi	37
7432	Neri	39
9824	Verdi	38

Dirigenti

Matricola Cognome		Età
9297	Neri	56
7432	Neri	39
9824	Verdi	38

Laureati ∪ Dirigenti

Matricola	Cognome	Età
7274	Rossi	37
7432	Neri	39
9824	Verdi	38
9297	Neri	56

Unione, Intersezione, Differenza

Laureati

Matricola	Cognome	Età
7274	Rossi	37
7432	Neri	39
9824	Verdi	38

Dirigenti

Matricola	Cognome	Età
9297	Neri	56
7432	Neri	39
9824	Verdi	38

Laureati

 \bigcap

Dirigenti

Matricola	Cognome	Età
7432	Neri	39
9824	Verdi	38

Laureati -Dirigenti

Matricola	Cognome	Età
7274	Rossi	37

Ridenominazione

• L' operatore di Ridenominazione cambia il nome degli attributi allo scopo di facilitare operazioni insiemistiche

• La ridenominazione $\rho_{B_1,B_2,...B_k \leftarrow A_1,A_2,...A_k}(R)$ contiene tuple t' tali che t' è una tupla e t' $[B_i] = t[A_i]$, cioè cambiano i nomi degli attributi ma i valori non cambiano

Ridenominazione Esempio di utilizzo

Paternità

Padre	Figlio
Adamo	Caino
Adamo	Abele
Abramo	Isacco

Maternità

Madre	Figlio
Eva	Caino
Eva	Abele
Sara	Isacco

 $\rho_{\text{Genitore} \leftarrow \text{Padre}}(Paternit\grave{a}) \ \cup \\ \rho_{\text{Genitore} \leftarrow \text{Madre}}(Maternit\grave{a})$

Genitore	Figlio
Adamo	Caino
Adamo	Abele
Abramo	Isacco
Eva	Caino
Eva	Abele
Sara	Isacco

Selezione

• L' operatore di Selezione produce un sottoinsieme delle tuple, su tutti gli attributi.

"Decomposizione orizzontale"

• La selezione $\sigma_F(R)$ produce una relazione sugli stessi attributi di R che contiene le tuple di R su cui la formula F è vera.

Selezione

Impiegati

Cognome	Nome	Età	Stipendio
Rossi	Mario	25	1000
Neri	Luca	40	1500
Verdi	Nico	36	2400
Rossi	Marco	40	1900

 $\sigma_{\text{Età>30 } \land \text{ Stipendio>2000}}(Impiegati)$

Cognome	Nome	Età	Stipendio
Verdi	Nico	36	2400

Selezione

Cittadini

Cognome	Nome	Nascita	Residenza
Rossi	Mario	Roma	Milano
Neri	Luca	Roma	Roma
Verdi	Nico	Firenze	Firenze
Rossi	Marco	Napoli	Firenze

$\sigma_{\text{Nascita}=\text{Residenza}}(Cittadini)$

Cognome	Nome	Nascita	Residenza
Neri	Luca	Roma	Roma
Verdi	Nico	Firenze	Firenze

Proiezione

• L' operatore di Proiezione produce un risultato cui contribuiscono tutte le tuple, ma su un sottoinsieme degli attributi.

"Decomposizione verticale"

• La proiezione $\pi_Y(R)$ è l' insieme di tuple su un sottoinsieme Y di attributi X di R, ottenuta dalle tuple di R considerando solo i valori su Y cioè :

$$\pi_{\mathbf{Y}}(\mathbf{R}) = \{\mathbf{t}[\mathbf{Y}] \text{ tale che } \mathbf{t} \in \mathbf{R}\}$$

Proiezione

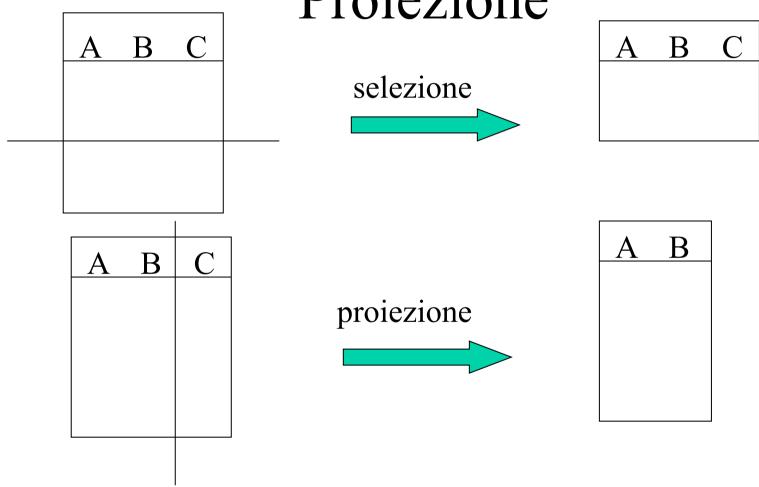
Impiegati

Cognome	Nome	Reparto	Capo
Rossi	Mario	Vendite	Gatti
Neri	Luca	Vendite	Gatti
Verdi	Mario	Personale	Lupi
Rossi	Marco	Personale	Lupi

 $\pi_{\text{Cognome},\text{Nome}}(Impiegati)$

Cognome	Nome
Rossi	Mario
Neri	Luca
Verdi	Mario
Rossi	Marco

Differenza tra Selezione e Proiezione



Join

• L' operatore di Join permette di correlare dati contenuti in relazioni diverse, confrontandone i valori, e utilizzando una delle caratteristiche fondamentali del modello, quella di essere basata sui valori.

• Due tipi di join : Join naturale e Theta join

Join naturale

• L' operatore di Join naturale $R_1|X|R_2$ (o R_1 join R_2) correla dati in relazioni diverse sulla base di valori uguali in attributi con lo stesso nome.

• Definito come:

$$R_1 joinR_2 = \{t su X_1 X_2 \mid esistono \ t_1 \in R_1 e$$

$$t_2 \in R_2 con \ t[X_1] = t_1 e \ t[X_2] = t_2 \}$$

Join naturale

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Reparto
Rossi	vendite
Neri	produzione
Bianchi	produzione

 \mathbf{R}_2

Reparto	Capo
produzione	Mori
vendite	Bruni

 $\mathbf{R}_1 | \mathbf{X} | \mathbf{R}_2$

Impiegato	Reparto	Capo
Rossi	vendite	Bruni
Neri	produzione	Mori
Bianchi	produzione	Mori

Join naturale

Esempi di Join non completi

 $\mathbf{R_2}$

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Reparto	
Rossi	vendite	
Neri	produzione	
Bianchi	produzione	

RepartoCapoproduzioneMoriacquistiBruni

Tupla dangling

 $\mathbf{R}_1 | \mathbf{X} | \mathbf{R}_2$

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	produzione	Mori
Bianchi	produzione	Mori

Join naturale Esempi di Join combinabili con tutto

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Progetto
Rossi	A
Neri	A
Bianchi	A

 $\underline{\mathbf{R_2}}$

Progetto	Capo
A	Mori
A	Bruni

 $\underline{\mathbf{R_1}}|\mathbf{X}|\underline{\mathbf{R_2}}$

Impiegato	Progetto	Capo
Rossi	A	Mori
Neri	A	Mori
Bianchi	A	Mori
Rossi	A	Bruni
Neri	A	Bruni
Bianchi	A	Bruni

Join esterno (outer Join) variante del Join naturale

- L' operatore di Join esterno prevede che tutte le tuple diano sempre un contributo al risultato, eventualmente estese con valori nulli ove non vi siano controparti opportune.
- Tre tipi di outer join:

left join - right join - full join

Join esterno Left Join

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Reparto	
Rossi	vendite	
Neri	produzione	
Bianchi	produzione	

R₂

Reparto	Capo
produzione	Mori
acquisti	Bruni

 $\underline{R_1}|X|_{\underline{LEFT}R_2}$

Impiegato	Reparto	Capo
Rossi	vendite	NULL
Neri	produzione	Mori
Bianchi	produzione	Mori

Join esterno Right Join

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Reparto	
Rossi	vendite	
Neri	produzione	
Bianchi	produzione	

 \mathbf{R}_{2}

Reparto	Capo
produzione	Mori
acquisti	Bruni

 $\underline{R_1}|X|_{\underline{RIGHT}}R_2$

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	produzione	Mori
Bianchi	produzione	Mori
NULL	acquisti	Bruni

Join esterno Full Join

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Reparto	
Rossi	vendite	
Neri	produzione	
Bianchi	produzione	

 $\underline{\mathbf{R}_2}$

Reparto	Capo
produzione	Mori
acquisti	Bruni

 $\underline{R_1}|X|_{\underline{\mathrm{FULL}}}R_2$

Impiegato	Reparto	Capo	
Rossi	vendite	NULL	
Neri	produzione	Mori	
Bianchi	produzione	Mori	
NULL	acquisti	Bruni	

Theta Join

- L' operatore di Theta Join $R_1|X|_FR_2$ è spesso definito come un prodotto cartesiano tra due relazioni R_1 ed R_2 seguito da una selezione che individua le tuple correlate secondo le esigenze.
- Definito come :

$$R_1 |X|_F R_2 = \sigma_F(R_1 |X|R_2)$$

dove F è una formula e R_1 e R_2 non hanno attributi di nome comune

Theta Join (Equi Join)

 $\underline{\mathbf{R_1}}$

Impiegato	Progetto
Rossi	A
Neri	A
Neri	В

 $\mathbf{R_2}$

Codice	Nome
A	Venere
В	Marte

$$R_1 |X|_{Progetto=Codice} R_2$$

Impiegato	Progetto	Codice	Nome
Rossi	A	A	Venere
Neri	A	A	Venere
Neri	В	В	Marte

Selezione, Proiezione, Join

• La possibilità, data dai precedenti operatori (soprattutto dal join), di eseguire cammini diversi tra le relazioni (la <u>navigazione</u>) è il punto di forza di questo modello.

Interrogazioni in algebra relazionale

- Un' interrogazione può essere definita come una funzione che, applicata a istanze di basi di dati, produce relazioni
- (le interrogazioni sono in pratica espressioni di relazioni che producono relazioni)

- Consideriamo la seguente Base di dati :
- Relazioni
 - IMPIEGATI(Matr, Nome, Età, Stipendio)
 - SUPERVISIONE(Capo, <u>Impiegato</u>)
- La cui rappresentazione tabellare potrebbe essere :

Impiegati

Matr	Nome	Età	Stip
101	Rossi	34	40
103	Bianchi	23	35
104	Neri	38	61
210	Celli	49	60
231	Bisi	50	60
252	Bini	44	70
301	S. Rossi	34	70
375	M. Rossi	50	65

Supervisione

Capo	Impiegato
210	101
210	103
210	104
301	210
301	231
375	252

Trovare matricola, nome ed età degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

 $\pi_{\text{Matr, Nome, Età}}(\sigma_{\text{Stip}>40}(\text{IMPIEGATI}))$

Matr	Nome	Età
104	Neri	38
210	Celli	49
231	Bisi	50
352	Bini	44
301	S. Rossi	34
375	M. Rossi	50

Trovare le matricole dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

$$\pi_{Capo,}(SUPERVISIONE|X|_{Impiegato=Matr}(\sigma_{Stip>40}))$$
(IMPIEGATI)))

Capo	
210	
301	
375	

Trovare nome e stipendio dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

$$\begin{aligned} \pi_{\text{NomeC,StipC}}(\rho_{\text{MatrC,NomeC,StipC,EtàC}\leftarrow\text{Matr,Nome,Stip.Età}}\\ & (IMPIEGATI)|X|_{\text{MatrC=Capo}}(SUPERVISIONE|X|_{\text{Impiegato=Matr}}\\ & (\sigma_{\text{Stip}>40}(IMPIEGATI)))) \end{aligned}$$

NomeC	StipC	
Celli	60	
S. Rossi	70	
M. Rossi	65	

Infine

- Si possono formulare espressioni equivalenti fra loro che semplificano la notazione o permettono di ridurre le dimensioni dei risultati intermedi
- Per i valori nulli (e per evitare ambiguità nelle risposte) si introducono due nuove forme di condizione di selezione :
 - A is null assume valore vero se il valore della tupla su A è nullo, falso altrimenti
 - A is not null viceversa

Calcolo Relazionale

Calcolo relazionale

- Il Calcolo relazionale è un linguaggio *dichiarativo*, in cui le espressioni descrivono le proprietà del risultato(verofalso), piuttosto che la procedura per ottenerlo.
- E' basato sul calcolo dei predicati del primo ordine

Calcolo relazionale

• La forma di logica chiamata Calcolo relazionale è alla base di quasi tutti i linguaggi di interrogazione esistenti e basati sul modello relazionale.

Calcolo relazionale

- Esistono diverse versioni del calcolo relazionale, ne vedremo solo due :
 - 1) Calcolo relazionale sui Domini
 - Quello più vicino al calcolo dei predicati
 - 2) Calcolo relazionale sulle Tuple con dichiarazioni di range
 - Variazione del precedente
 - Base di molti costrutti degli attuali linguaggi

Calcolo relazionale sui Domini

• Le espressioni hanno la forma:

$$\{A_1: X_1, \ldots, A_k: X_k | f\}$$

Dove

 $A_1: x_1,, A_k: x_k$ target list o lista degli obiettivi

A₁,, A_k sono attributi (rispetto a cui viene formulata l' interrogazione)

 x_1, \ldots, x_k sono variabili

f è una formula del tipo:

 $R(A_1: x_1,, A_p: x_p)$ con $R(A_1,, A_p)$ schema di relazione e $x_1,, x_p$ variabili

xθy o xθc con x e y variabili e c costante θ operatore di confronto $(=,<,>,\neq,\geq,\leq)$

L. Vigliano- All rights reserved

Calcolo relazionale sui Domini (2)

Oppure f è del tipo:

se f_1 e f_2 sono formule lo sono anche $f_1 \vee f_2$, $f_1 \wedge f_2$, e $\neg f_1$

Se f è una formula e x è una variabile allora anche $\exists x(f)$ e $\forall x(f)$ anche sono formule

Esempi di interrogazioni nel Calcolo relazionale sui Domini

 Sulla base del modello già visto :
 trovare matricola , nome, età e stipendio degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

```
{Matr:m, Nome:n, Età:e, Stip: s | IMPIEGATI(Matr:m, Nome:n, Età:e, Stip: s ) \land s>40}
```

Calcolo relazionale sui Domini

•ma un' espressione di un linguaggio di interrogazione sarebbe utile che fosse indipendente dal dominio

• Abbiamo bisogno di un' altra versione del calcolo relazionale, in cui le variabili, anziché denotare singoli valori, denotino tuple.

Considerazioni sul Calcolo relazionale sui Domini

- Il Calcolo relazionale sui Domini ha dei difetti :
 - Agisce sui domini invece che sui valori
 - Per il motivo precedente diventa "verboso" (ha bisogno di tante variabili)
 - Può portare a espressioni che non hanno senso
- Occorre un linguaggio che 'focalizzi' le tuple di interesse.....

Calcolo Relazionale su Tuple con dichiarazione di range

Calcolo relazionale su Tuple con dichiarazione di range

• Le espressioni hanno la forma:

{Target list | Range list | formula}

Dove

- Target list lista degli obiettivi con elementi Y:x.Z o x.Z se Z:x.Z o x.*

- Range list elenco delle variabili libere della formula con i relativi campi di variabilità

Calcolo relazionale su Tuple con dichiarazione di range (2)

• Le espressioni hanno la forma:

```
{Target list | Range list | formula} e dove
```

- formula è una formula del tipo :
 - $-x.A\theta c$ o $x.A\theta y.B$
 - connettivi di formule
 - $-\exists x(R)(f) \text{ o } \forall x(R)(f)$

Esempi di interrogazioni nel Calcolo relazionale su Tuple con dichiarazione di range

Sulla base del modello già visto:

Trovare matricola, nome, età degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

{i.(Matr, Nome,Età) | i(IMPIEGATI) | i.Stip > 40}

Se voglio tutti gli attributi diventa:

 $\{i.* \mid i(IMPIEGATI) \mid i.Stip > 40\}$

Esempi di interrogazioni nel Calcolo relazionale su Tuple con dichiarazione di range

Trovare le matricole dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

```
{s.Capo | i(IMPIEGATI), s(SUPERVISIONE) | i.Matr=s.Impiegato \( \Lambda \) i.Stip > 40}
```

Esempi di interrogazioni nel Calcolo relazionale su Tuple con dichiarazione di range

Trovare nome e stipendio dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40mila euro

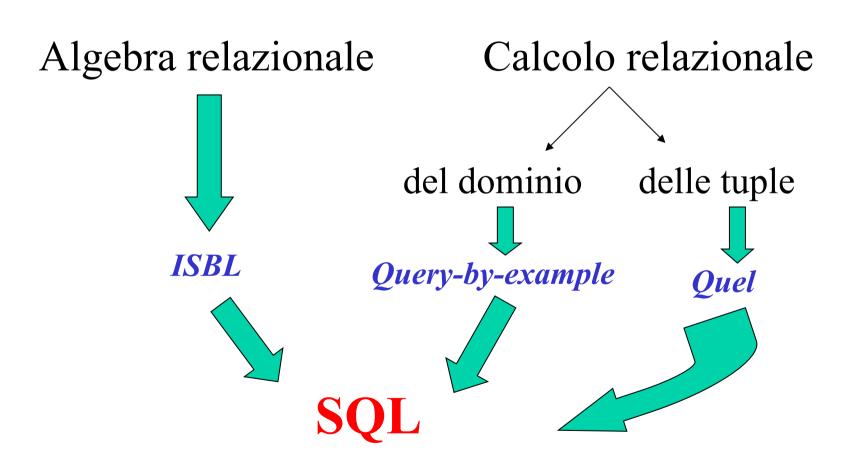
```
{NomeC, StipC : i'.(Nome,Stip) | i'(IMPIEGATI), s(SUPERVISIONE), i(IMPIEGATI) | i'.Matr=s.Capo \( \Lambda \) s.Impiegato=i.Matr \( \Lambda \) i.Stip \( > 40 \)}
```

Calcolo relazionale su Tuple con dichiarazione di range

Il Calcolo su tuple però non permette di esprimere tutte le interrogazioni che possono essere formulate in Algebra relazionale.

Ad es. non c'è l' *unione*, per questo nei linguaggi interrogativi viene aggiunto esplicitamente un costrutto di *unione*.

Riassumendo:



L. Vigliano- All rights reserved