Programación Concurrente y de Tiempo Real Grado en Ingeniería Informática Asignación de Prácticas Número 1

Se le plantean a continuación un conjunto de ejercicios sencillos de programación, que debe resolver de forma individual como complemento a la primera sesión práctica. Para cada uno, debe desarrollar un programa independiente que lo resuelva.

1. Ejercicios

- 1. Utilice ChatGPT o similar pidiendo información según las siguientes cadenas de búsqueda/preguntas:
 - ¿Cómo puedo generar números aleatorios con el lenguaje Java?
 - Efectúa una descripción del método de Newton-Raphson para encontrar las raíces de funciones reales de variable real en un intervalo dado.
 - Describe cómo aplicar el método de Monte-Carlo para integrar funciones reales de una variable real en el intervalo [0-1].
- 2. Escriba un programa en java para encontrar el cero de una función f(x) mediante el método de Newton-Raphson. Este método iterativo construye una sucesión $x_0, x_1, x_2, ...$ de aproximaciones a la solución utilizando la siguiente ecuación:

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}$$

La aproximación inicial será introducida por teclado, junto con el número de iteraciones que permitirán obtener la aproximación a la raíz de la función f(x). El programa irá imprimiendo en pantalla las sucesivas aproximaciones que va calculando. Aplique su programa a las funciones siguientes:

- $f(x) = cos(x) x^3 \text{ en } [0, 1]$
- $f(x) = x^2 5 \text{ en } [2,3]$

Verifique la corrección de sus soluciones usando un sencillo graficador de funciones (por ejemplo https://www.geogebra.org/graphing?lang=es).Guarde su

programa en un fichero llamado NewtonRaphson.java.

3. La integral definida en [0-1] de una función real de variable real f(x) puede calcularse mediante un método de Monte-Carlo (probabilístico) inscribiendo la curva de la función en un cuadrado de lado igual a la unidad. Para aproximar el valor de la integral, se generan puntos aleatorios en el marco determinado por el cuadrado, y se cuentan únicamente aquellos puntos que están situados bajo la curva. La razón entre el número de puntos bajo la curva y el número total de puntos es una aproximación al valor buscado que naturalmente, conforme mayor es el número de puntos, mejora la aproximación. Escriba un programa en Java que permita realizar tal cálculo, leyendo desde teclado el número de puntos con el cuál generar la aproximación para las funciones siguientes:

- $f(x) = \sin(x)$
- f(x) = x

Verifique ahora la corrección de su trabajo utilizando cualquier integrador on-line (por ejemplo https://www.integral-calculator.com/). Guarde el programa en intDefinidaMonteCarlo.java

4. Finalmente, pida a ChatGPT que proporcione código con las soluciones a los ejercicios 2 y 3, y compare su trabajo y el efectuado por el bot.