

Exercice 1 :

Légende : !A est l'événement contraire de A, X est un cas indéterminé

Pour construire un tableau de Karnaugh il faut déterminer pour chaque moteur dans quelles circonstances il doit être activé.

On a alors :

Moteur Sud : $RS.RE.RO.!RN + !RO.!RS.!RN.RE + !RN.!RS.RO.RE$

Moteur Ouest : $RN.RE.!RS.!RO + RN.RS.!RO.!RE$

Moteur Est : $RN.RE.!RS.!RO + RS.!RN.!RO.!RE$

Moteur Nord n'est jamais utilisé pour le parcours.

On construit alors la table de Karnaugh suivante :

<i>RNRS</i> <i>RORE</i>	00	01	11	10
00	X	ME	MO	X
01	MS	X	X	ME
11	MS	MS	X	X
10	X	X	X	MO

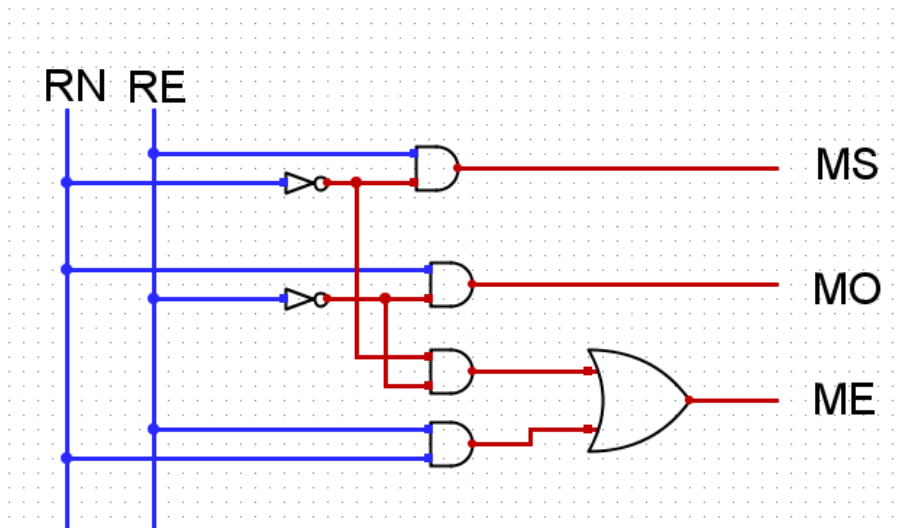
On obtient alors des équations simplifiées pour les moteurs sud, nord, et ouest :

$$MS = !RN.RE$$

$$MO = RN. !RE$$

$$ME = !RN.!RE + RE.RN$$

Circuit logique :



Exercice 2

La machine utilise des exposant biaisés il nous faut trouver le biais pour pouvoir trouver l'exposant réel, l'exposant biaisé est codé sur 3 bits or

$$\text{biais} = 2^{(\text{nombre de bits} - 1)} - 1 = 2^{3-1} - 1 = 3$$

$$\text{exposant réel} = \text{exposant biaisés} - \text{biais}$$

1. Borne inférieure :

Le plus petit nombre positif le plus petit est bien évidemment

$$0\ 000\ 00000000_2$$

$$s : +$$

$$e = 0 - 3 = -3$$

$$m = 00000000$$

$$nb = (1+m) \cdot 2^{-3}$$

$$= 1 \cdot 2^{-3}$$

Borne supérieure :

Le plus grand nombre positif est bien sur

$$0\ 111\ 11111111_2$$

s : +

$$e = 111_2 - 3 = 7 - 3 = 4$$

$$m = 11111111_2$$

$$nb = (1+m).2^4$$

$$nb = (1,11111111_2).2^4$$

$$= (10_2 - 0,00000001_2).2^4$$

$$= (2^1 - 2^{-8}).2^4$$

$$= 2^5 - 2^{-4} = 31,9375$$

L'intervalle est donc $[1.2^{-3}; (2^1 - 2^{-8}).2^4]$

2. 738_{16}

$$738_{16} = 0\ 111\ 00111000_2$$

s : +

$$e = 111_2 - 3 = 7 - 3 = 4$$

$$m = 00111000_2$$

$$nb = (1,00111_2).2^4$$

$$= (100111_2).2^{-1}$$

$$= (2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^5).2^{-1}$$

$$= 39.2^{-1}$$

B2F₁₆

$$\text{B2F}_{16} = 1\ 011\ 00101111_2$$

s : -

$$e = 011_2 - 3 = 3 - 3 = 0$$

$$m = 00101111_2$$

$$\text{nb} = -1,00101111_2$$

$$= -(100101111_2) \cdot 2^{-8}$$

$$= -(2^0 + 2^1 + 2^2 + 2^3 + 2^5 + 2^8) \cdot 2^{-8}$$

$$= -303 \cdot 2^{-8}$$

3. -12,65

$$-12,625 = -(4+8+5+0.5+0.125) = -(2^2+2^3+2^{-1}+2^{-3})$$

$$= -(2^0+2^{-1}+2^{-4}+2^{-6}) \cdot 2^3 = -(1+(0.10010100_2) \cdot 2^3)$$

s : - = 1

$$e = 3+3 = 6 = 110_2$$

$$m = 10010100_2$$

$$\text{nb} = 1\ 110\ 10010100_2 = \text{E94}_{16}$$

5.55

Le nombre binaire ne va pas être exact car on ne peut pas convertir 0.55 en binaire sans approximation.

$$5.55 \approx (4+1+0.5+0.3125+0.15625) = (2^2+2^0+2^{-1}+2^{-5}+2^{-6})$$

$$= (2^0+2^{-2}+2^{-3}+2^{-7}+2^{-8}) \cdot 2^2 = (1+(0,01100011_2) \cdot 2^2)$$

s : + = 0

$$e = 2+3 = 5 = 101_2$$

$$\text{nb} = 0\ 101\ 01100011_2 = 563_{16}$$