

## 2010年海南高考理科数学试题

本试卷分第I卷（选择题）和第II卷（非选择题）两部分，其中第II卷第（22）-（24）题为选考题，其他题为必考题。考生作答时，将答案答在答题卡上，在本试卷上答题无效。

考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

注意事项：

1、答题前，考生务必先将自己的姓名，准考证号填写在答题卡上，认真核对条形码上的姓名、准考证号，并将条形码粘贴在答题卡的指定位置上。

2、选择题答案使用2B铅笔填涂，如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其他答案的标号，非选择题答案使用0.5毫米的黑色中性（签字）笔或碳素笔书写，字体工整，笔迹清楚。

3、请按照题号在各题的答题区域（黑色线框）内作答，超出答题区域书写的答案无效。

4、保持卷面清洁，不折叠，不破损。

5、做选考题时，考生按照题目要求作答，并用2B铅笔在答题卡上把所选题目对应的题号涂黑。

参考公式：

样本数据  $x_1, x_2, \dots, x_n$  的标准差

$$s = \sqrt{\frac{1}{n}[(x_1 - \bar{x})^2 + (x_2 - \bar{x})^2 + \dots + (x_n - \bar{x})^2]}$$

其中  $\bar{x}$  为样本平均数

柱体体积公式

球的表面积，体积公式

$$V = Sh$$

其中  $S$  为底面面积， $h$  为高

锥体体积公式

$$V = \frac{1}{3}Sh$$

其中  $S$  为底面面积， $h$  为高

$$S = 4\pi R^2 \quad V = \frac{4}{3}\pi R^3$$

其中  $R$  为球的半径

## 第I卷

一、选择题：本大题共12小题，每小题5分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

(1) 已知集合  $A = \{x | x \leq 2, x \in \mathbb{R}\}$ ,  $B = \{x | \sqrt{x} \leq 4, x \in \mathbb{Z}\}$ , 则  $A \cap B =$

- (A)  $(0, 2)$       (B)  $[0, 2]$       (C)  $\{0, 2\}$       (D)  $\{0, 1, 2\}$

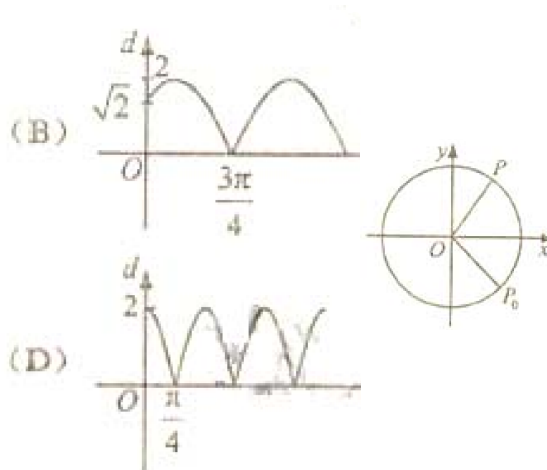
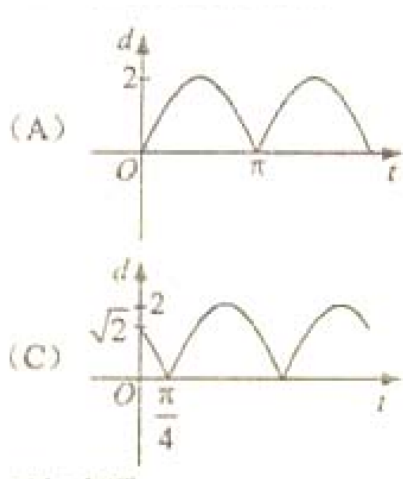
(2) 已知复数  $z = \frac{\sqrt{3} + i}{(1 - \sqrt{3}i)^2}$ ,  $\bar{z}$  是  $z$  的共轭复数, 则  $z \cdot \bar{z} =$

- A.  $\frac{1}{4}$       B.  $\frac{1}{2}$       C. 1      D. 2

(3) 曲线  $y = \frac{x}{x+2}$  在点  $(-1, -1)$  处的切线方程为

- (A)  $y = 2x + 1$       (B)  $y = 2x - 1$       (C)  $y = -2x - 3$       (D)  $y = -2x - 2$

(4) 如图, 质点  $P$  在半径为 2 的圆周上逆时针运动, 其初始位置为  $P_0(\sqrt{2}, -\sqrt{2})$ , 角速度为 1, 那么点  $P$  到  $x$  轴距离  $d$  关于时间  $t$  的函数图像大致为



(5) 已知命题

$p_1$ : 函数  $y = 2^x - 2^{-x}$  在  $\mathbb{R}$  为增函数,

$p_2$ : 函数  $y = 2^x + 2^{-x}$  在  $\mathbb{R}$  为减函数,

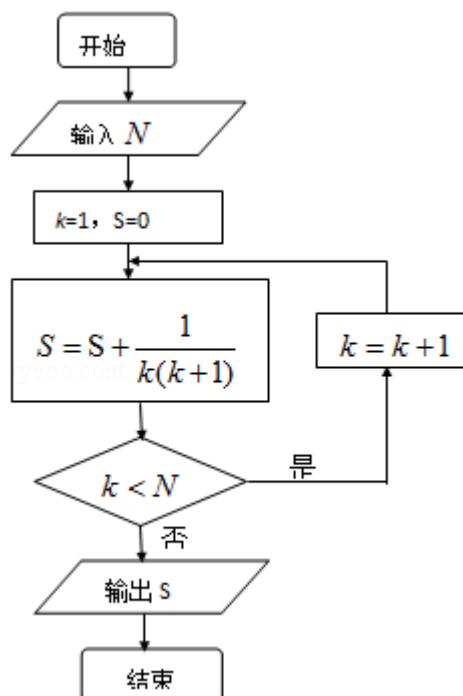
则在命题  $q_1: p_1 \vee p_2$ ,  $q_2: p_1 \wedge p_2$ ,  $q_3: (-p_1) \vee p_2$  和  $q_4: p_1 \wedge (-p_2)$  中, 真命题是

- (A)  $q_1, q_3$       (B)  $q_2, q_3$       (C)  $q_1, q_4$       (D)  $q_2, q_4$

(6) 某种种子每粒发芽的概率都为0.9, 现播种了1000粒, 对于没有发芽的种子, 每粒需再补种2粒, 补种的种子数记为  $X$ , 则  $X$  的数学期望为

- (A) 100      (B) 200      (C) 300      (D) 400

(7) 如果执行右面的框图, 输入  $N = 5$ , 则输出的数等于



- (A)  $\frac{5}{4}$   
 (B)  $\frac{4}{5}$   
 (C)  $\frac{6}{5}$   
 (D)  $\frac{5}{6}$

(8) 设偶函数  $f(x)$  满足  $f(x) = x^3 - 8(x \geq 0)$ , 则  $\{x | f(x-2) > 0\} =$

- (A)  $\{x | x < -2 \text{ 或 } x > 4\}$       (B)  $\{x | x < 0 \text{ 或 } x > 4\}$

(C)  $\{x \mid x < 0 \text{ 或 } x > 6\}$

(D)  $\{x \mid x < -2 \text{ 或 } x > 2\}$

(9) 若  $\cos \alpha = -\frac{4}{5}$ ,  $\alpha$  是第三象限的角, 则  $\frac{1 + \tan \frac{\alpha}{2}}{1 - \tan \frac{\alpha}{2}} =$

(A)  $-\frac{1}{2}$  (B)  $\frac{1}{2}$  (C) 2 (D) -2

(10) 设三棱柱的侧棱垂直于底面, 所有棱长都为  $a$ , 顶点都在一个球面上, 则该球的表面积为

(A)  $\pi a^2$  (B)  $\frac{7}{3}\pi a^2$  (C)  $\frac{11}{3}\pi a^2$  (D)  $5\pi a^2$

(11) 已知函数  $f(x) = \begin{cases} |\lg x|, & 0 < x \leq 10, \\ -\frac{1}{2}x + 6, & x > 10. \end{cases}$  若  $a, b, c$  互不相等, 且  $f(a) = f(b) = f(c)$ , 则

$abc$  的取值范围是

(A) (1,10) (B) (5,6) (C) (10,12) (D) (20,24)

(12) 已知双曲线  $E$  的中心为原点,  $P(3,0)$  是  $E$  的焦点, 过  $F$  的直线  $l$  与  $E$  相交于  $A, B$  两点, 且  $AB$  的中点为  $N(-12,-15)$ , 则  $E$  的方程式为

(A)  $\frac{x^2}{3} - \frac{y^2}{6} = 1$  (B)  $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{5} = 1$

(C)  $\frac{x^2}{6} - \frac{y^2}{3} = 1$  (D)  $\frac{x^2}{5} - \frac{y^2}{4} = 1$

## 第II卷

本卷包括必考题和选考题两部分, 第(13)题~第(21)题为必考题, 每个试题考生都必须作答, 第(22)题~第(24)题为选考题, 考试根据要求作答。

二、填空题: 本大题共4小题, 每小题5分。

(13) 设  $y = f(x)$  为区间  $[0,1]$  上的连续函数, 且恒有  $0 \leq f(x) \leq 1$ , 可以用随机模拟方法近似计算积分  $\int_0^1 f(x)dx$ , 先产生两组 (每组  $N$  个) 区间  $[0,1]$  上的均匀随机数  $x_1, x_2, \dots, x_N$  和  $y_1, y_2, \dots, y_N$ , 由此得到  $N$  个点  $(x_i, y_i) (i=1, 2, \dots, N)$ , 再数出其中满足

$y_1 \leq f(x_i) (i=1,2,\dots, N)$  的点数  $N_1$ ，那么由随机模拟方案可得积分  $\int_0^1 f(x)dx$  的近似值为

(14) 正视图为一个三角形的几何体可以是\_\_\_\_\_ (写出三种)

(15) 过点  $A(4,1)$  的圆  $C$  与直线  $x-y-1=0$  相切于点  $B(2,1)$ ，则圆  $C$  的方程为\_\_\_\_\_

(16) 在  $\triangle ABC$  中， $D$  为边  $BC$  上一点， $BD = \frac{1}{2} DC$ ， $\angle ADB = 120^\circ$ ， $AD = 2$ ，若  $\triangle ADC$  的面积为  $3 - \sqrt{3}$ ，则  $\angle BAC =$ \_\_\_\_\_

三、解答题：解答应写出文字说明，正明过程和演算步骤

(17) (本小题满分12分)

设数列  $\{a_n\}$  满足  $a_1 = 2, a_{n+1} - a_n = 3 \cdot 2^{n-1}$

(1) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式；

(2) 令  $b_n = na_n$ ，求数列的前  $n$  项和  $S_n$

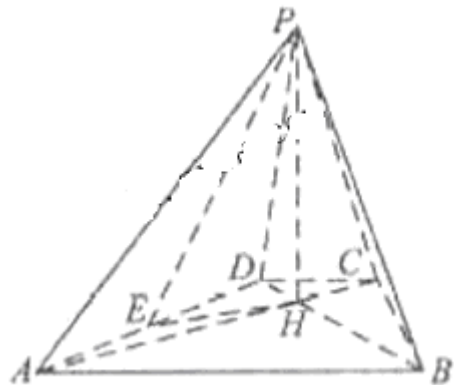
(18) (本小题满分12分)

如图，已知四棱锥  $P-$

$ABCD$  的底面为等腰梯形， $AB \parallel CD, AC \perp BD$ ，垂足为

$H$ ， $PH$  是四棱锥的高， $E$  为  $AD$  中点

(1) 证明： $PE \perp BC$



(2) 若  $\angle APB = \angle ADB = 60^\circ$ ，求直线  $PA$  与平面  $PEH$  所成角的正弦值

(19)(本小题12分)

为调查某地区老人是否需要志愿者提供帮助，用简单随机抽样方法从该地区调查了500位老年人，结果如下：

是否需要志愿	性别	男	女
需要		40	30
不需要		160	270

(1) 估计该地区老年人中，需要志愿者提供帮助的老年人的比例；

(2) 能否有99%的把握认为该地区的老年人是否需要志愿者提供帮助与性别有关？

(3) 根据(2)的结论，能否提供更好的调查方法来估计该地区老年人，需要志愿帮助的老年人的比例？说明理由

附：

$P(K^2 \geq k)$	0.050	0.010	0.001
$k$	3.841	6.635	10.828

$$K^2 = \frac{n(ad-bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$$

(20) (本小题满分12分)

设  $F_1, F_2$  分别是椭圆  $E: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的左、右焦点，过  $F_1$  斜率为1的直线  $l$

与  $E$  相交于  $A, B$  两点，且  $|AF_2|, |AB|, |BF_2|$  成等差数列。

(1) 求  $E$  的离心率；

(2) 设点  $p(0, -1)$  满足  $|PA| = |PB|$ ，求  $E$  的方程

(21) (本小题满分12分)

设函数  $f(x) = e^x - 1 - x - ax^2$ 。

(1) 若  $a = 0$ ，求  $f(x)$  的单调区间；

(2) 若当  $x \geq 0$  时  $f(x) \geq 0$ ，求  $a$  的取值范围

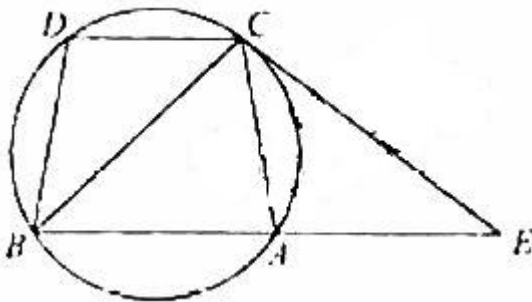
请考生在第 (22)、(23)、(24) 三题中任选一题作答，如果多做，则按所做的第一题记分。作答时用2B铅笔在答题卡上把所选题目的题号涂黑。

(22) (本小题满分10分) 选修4-1：几何证明选讲

如图，已知圆上的弧  $\widehat{AC} = \widehat{BD}$ ，过C点的圆切线与BA的延长线交于E点，证明：

(I)  $\angle ACE = \angle BCD$ ；

(II)  $BC^2 = BF \times CD$ 。



(23) (本小题满分10分) 选修4-4: 坐标系与参数方程

已知直线  $C_1 \begin{cases} x = 1 + t \cos \alpha \\ y = t \sin \alpha \end{cases}$  ( $t$  为参数),  $C_2 \begin{cases} x = \cos \theta \\ y = \sin \theta \end{cases}$  ( $\theta$  为参数),

(I) 当  $\alpha = \frac{\pi}{3}$  时, 求  $C_1$  与  $C_2$  的交点坐标;

(II) 过坐标原点  $O$  做  $C_1$  的垂线, 垂足为  $A$ ,  $P$  为  $OA$  中点, 当  $\alpha$  变化时, 求  $P$  点的轨迹的参数方程, 并指出它是什么曲线。

(24) (本小题满分10分) 选修4-5, 不等式选项

设函数  $f(x) = 2x - 4l + 1$

(I) 画出函数  $y = f(x)$  的图像

(II) 若不等式  $f(x) \leq ax$  的解集非空, 求  $a$  的取值范围。

