

$x^2+y^2=4$ 所截得的弦长为2，则C的离心率为（ ）

- A. 2 B. $\sqrt{3}$ C. $\sqrt{2}$ D. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$

10. (5分) 已知直三棱柱ABC-A₁B₁C₁中， $\angle ABC=120^\circ$, AB=2, BC=CC₁=1, 则

异面直线AB₁与BC₁所成角的余弦值为（ ）

- A. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ B. $\frac{\sqrt{15}}{5}$ C. $\frac{\sqrt{10}}{5}$ D. $\frac{\sqrt{3}}{3}$

11. (5分) 若x=-2是函数f(x)=(x²+ax-1)e^{x-1}的极值点，则f(x)的极小值为（ ）

- A. -1 B. -2e⁻³ C. 5e⁻³ D. 1

12. (5分) 已知△ABC是边长为2的等边三角形，P为平面ABC内一点，则 $\overrightarrow{PA} \cdot (\overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC})$ 的最小值是（ ）

- A. -2 B. - $\frac{3}{2}$ C. - $\frac{4}{3}$ D. -1

二、填空题：本题共4小题，每小题5分，共20分。

13. (5分) 一批产品的二等品率为0.02，从这批产品中每次随机取一件，有放回地抽取100次。X表示抽到的二等品件数，则DX=_____.

14. (5分) 函数f(x)=sin²x+ $\sqrt{3}\cos x - \frac{3}{4}$ ($x \in [0, \frac{\pi}{2}]$) 的最大值是_____.

15. (5分) 等差数列{a_n}的前n项和为S_n, a₃=3, S₄=10, 则 $\sum_{k=1}^n \frac{1}{S_k} = _____$.

16. (5分) 已知F是抛物线C: y²=8x的焦点，M是C上一点，FM的延长线交y轴于点N. 若M为FN的中点，则|FN|=_____.

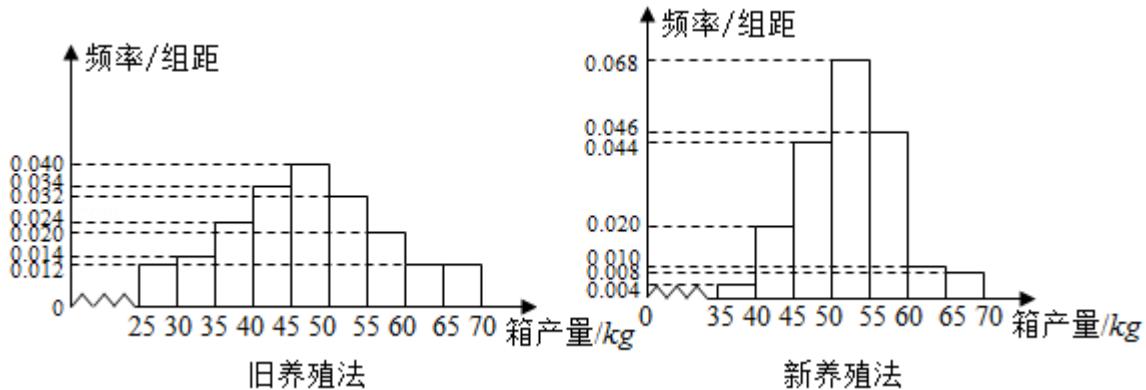
三、解答题：共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第17~21题为必考题，每个试题考生都必须作答。第22、23题为选考题，考生根据要求作答。（一）必考题：共60分。

17. (12分) △ABC的内角A, B, C的对边分别为a, b, c, 已知 $\sin(A+C) = 8\sin^2 \frac{B}{2}$.

(1) 求cosB;

(2) 若a+c=6, △ABC的面积为2, 求b.

18. (12分) 海水养殖场进行某水产品的新、旧网箱养殖方法的产量对比，收获时各随机抽取了100个网箱，测量各箱水产品的产量（单位：kg），其频率分布直方图如图：



- (1) 设两种养殖方法的箱产量相互独立，记A表示事件“旧养殖法的箱产量低于50kg，新养殖法的箱产量不低于50kg”，估计A的概率；
- (2) 填写下面列联表，并根据列联表判断是否有99%的把握认为箱产量与养殖方法有关：

	箱产量<50kg	箱产量≥50kg
旧养殖法		
新养殖法		

- (3) 根据箱产量的频率分布直方图，求新养殖法箱产量的中位数的估计值（精确到0.01）.

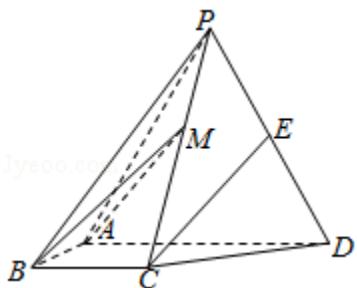
附：

$P(K^2 \geq k)$	0.050	0.010	0.001
k	3.841	6.635	10.828

$$K^2 = \frac{n(ad-bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}.$$

19. (12分) 如图, 四棱锥P - ABCD中, 侧面PAD为等边三角形且垂直于底面ABCD, $AB=BC=\frac{1}{2}AD$, $\angle BAD=\angle ABC=90^\circ$, E是PD的中点.

- (1) 证明: 直线CE \parallel 平面PAB;
- (2) 点M在棱PC上, 且直线BM与底面ABCD所成角为 45° , 求二面角M - AB - D的余弦值.



20. (12分) 设O为坐标原点, 动点M在椭圆C: $\frac{x^2}{2}+y^2=1$ 上, 过M作x轴的垂线, 垂足为N, 点P满足 $\overrightarrow{NP}=\sqrt{2}\overrightarrow{NM}$.

- (1) 求点P的轨迹方程;
- (2) 设点Q在直线x= - 3上, 且 $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{PQ}=1$. 证明: 过点P且垂直于OQ的直线l过C的左焦点F.

21. (12分) 已知函数 $f(x) = ax^2 - ax - x \ln x$, 且 $f(x) \geq 0$.

(1) 求 a ;

(2) 证明: $f(x)$ 存在唯一的极大值点 x_0 , 且 $e^{-2} < f(x_0) < 2^{-2}$.

(二) 选考题: 共10分。请考生在第22、23题中任选一题作答。如果多做, 则按所做的第一题计分。[选修4-4: 坐标系与参数方程] (10分)

22. (10分) 在直角坐标系 xOy 中, 以坐标原点为极点, x 轴的正半轴为极轴建立极坐标系, 曲线 C_1 的极坐标方程为 $\rho \cos \theta = 4$.

(1) M 为曲线 C_1 上的动点, 点 P 在线段 OM 上, 且满足 $|OM| \cdot |OP| = 16$, 求点 P 的轨迹 C_2 的直角坐标方程;

(2) 设点 A 的极坐标为 $(2, \frac{\pi}{3})$, 点 B 在曲线 C_2 上, 求 $\triangle OAB$ 面积的最大值.

[选修4-5: 不等式选讲] (10分)

23. 已知 $a > 0$, $b > 0$, $a^3 + b^3 = 2$. 证明:

(1) $(a+b)(a^5+b^5) \geq 4$;

(2) $a+b \leq 2$.

