

绝密★启用前

2008年普通高等学校招生全国统一考试（上海卷）

数学试卷(文史类)

(满分150分，考试时间120分钟)

考生注意

- 本场考试时间120分钟，试卷共4页，满分150分，答题纸共2页。
- 作答前，在答题纸正面填写姓名、准考证号，反面填写姓名，将核对后的条形码贴在答题纸指定位置。
- 所有作答务必填涂或书写在答题纸上与试卷题号对应的区域，不得错位。在试卷上作答一律不得分。
- 用2B铅笔作答选择题，用黑色字迹钢笔、水笔或圆珠笔作答非选择题。

得 分	评 卷 人

一. 填空题（本大题满分44分）本大题共有11题，只要求直接填写结果，每个空格填对得4分，否则一律得零分。

- 不等式 $|x-1|<1$ 的解集是_____。
- 若集合 $A=\{x|x\leq 2\}$ 、 $B=\{x|x\geq a\}$ 满足 $A\cap B=\{2\}$ ，则实数 $a=$ _____。
- 若复数 z 满足 $z=i(2-z)$ （ i 是虚数单位），则 $z=$ _____。
- 若函数 $f(x)$ 的反函数为 $f^{-1}(x)=\log_2 x$ ，则 $f(x)=$ _____。
- 若向量 \vec{a} 、 \vec{b} 满足 $|\vec{a}|=1$ ， $|\vec{b}|=2$ ，且 \vec{a} 与 \vec{b} 的夹角为 $\frac{\pi}{3}$ ，则 $|\vec{a}+\vec{b}|=$ _____。
- 若直线 $ax-y+1=0$ 经过抛物线 $y^2=4x$ 的焦点，则实数 $a=$ _____。
- 若 z 是实系数方程 $x^2+2x+p=0$ 的一个虚根，且 $|z|=2$ ，则 $p=$ _____。
- 在平面直角坐标系中，从五个点： $A(0,0)$ 、 $B(2,0)$ 、 $C(1,1)$ 、 $D(0,2)$ 、 $E(2,2)$ 中任取三个，这三点能构成三角形的概率是_____（结果用分数表示）。
- 若函数 $f(x)=(x+a)(bx+2a)$ （常数 a 、 $b \in \mathbb{R}$ ）是偶函数，且它的值域为 $(-\infty, 4]$ ，则该函数的解析式 $f(x)=$ _____。
- 已知总体的各个体的值由小到大依次为2, 3, 3, 7, a , b , 12, 13.7, 18.3, 20,且总体的中位数为10.5。若要使该总体的方差最小，则 a 、 b 的取值分别是_____。

11. 在平面直角坐标系中，点 A 、 B 、 C 的坐标分别为 $(0, 1)$ 、 $(4, 2)$ 、 $(2, 6)$. 如果

$P(x, y)$ 是 $\triangle ABC$ 围成的区域（含边界）上的点，那么当 $w=xy$ 取到最大值时，点

P 的坐标是_____.

得 分	评 卷 人

二. 选择题（本大题满分16分）本大题共有4题，每题都给出代号为A、B、C、D的四个结论，其中有且只有一个结论是正确的，必须把正确结论的代号写在题后的圆括号内，选对得4分，不选、选错或者选出的代号超过一个（不论是否都写在圆括号内），一律得零分。

12. 设 P 是椭圆 $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{16} = 1$ 上的点. 若 F_1 、 F_2 是椭圆的两个焦点，则 $|PF_1| + |PF_2|$ 等于

[答] ()

- (A) 4. (B) 5. (C) 8. (D) 10.

13. 给定空间中的直线 l 及平面 α . 条件“直线 l 与平面 α 内两条相交直线都垂直”是“直线 l 与平面 α 垂直”的

[答] ()

- (A) 充分非必要条件. (B) 必要非充分条件.
(C) 充要条件. (D) 既非充分又非必要条件.

14. 若数列 $\{a_n\}$ 是首项为1，公比为 $a - \frac{3}{2}$ 的无穷等比数列，且 $\{a_n\}$ 各项的和为 a ，则 a

的值是 [答] ()

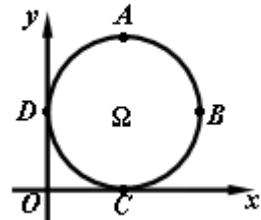
- (A) 1. (B) 2. (C) $\frac{1}{2}$. (D) $\frac{5}{4}$.

15. 如图，在平面直角坐标系中， Ω 是一个与 x 轴的正半轴、 y 轴的正半轴分别相切于点

C 、 D 的定圆所围成的区域（含边界）， A 、 B 、 C 、 D 是该

圆的四等分点. 若点 $P(x, y)$ 、点 $P'(x', y')$ 满足 $x \leq x'$ 且 $y \geq y'$ ，

则称 P 优于 P' . 如果 Ω 中的点 Q 满足：不存在 Ω 中的其它点优



于 Q ，那么所有这样的点 Q 组成的集合是劣弧

[答] ()

- (A) \widehat{AB} . (B) \widehat{BC} . (C) \widehat{CD} . (D) \widehat{DA} .

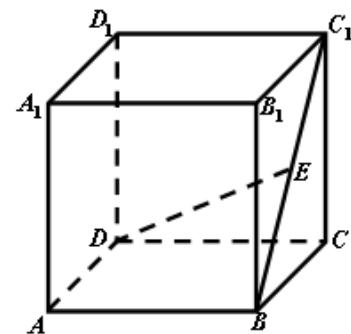
三. 解答题（本大题满分90分）本大题共有6题，解答下列各题必须写出必要的步骤.

得 分	评 卷 人

16. (本题满分12分)

如图，在棱长为 2 的正方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 中， E 是 BC_1 的中点。求直线 DE 与平面 $ABCD$ 所成角的大小（结果用反三角函数值表示）。

[解]

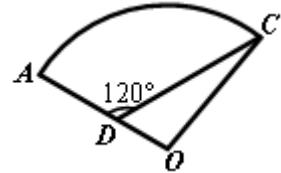


得 分	评 卷 人

17. (本题满分13分)

如图，某住宅小区的平面图呈扇形 AOC . 小区的两个出入口设置在点 A 及点 C 处. 小区里有两条笔直的小路 AD 、 DC ，且拐弯处的转角为 120° . 已知某人从 C 沿 CD 走到 D 用了 10 分钟，从 D 沿 DA 走到 A 用了 6 分钟. 若此人步行的速度为每分钟 50 米，求该扇形的半径 OA 的长（精确到 1 米）.

[解]



得 分	评 卷 人

18. (本题满分15分) 本题共有2个小题, 第1小题满分5分, 第2小题满分10分.

已知函数 $f(x) = \sin 2x$, $g(x) = \cos\left(2x + \frac{\pi}{6}\right)$, 直线 $x=t$ ($t \in \mathbb{R}$) 与函数 $f(x)$ 、 $g(x)$ 的图象分别交于 M 、 N 两点.

- (1) 当 $t = \frac{\pi}{4}$ 时, 求 $|MN|$ 的值;
- (2) 求 $|MN|$ 在 $t \in \left[0, \frac{\pi}{2}\right]$ 时的最大值.

[解] (1)

(2)

得 分	评 卷 人

19. (本题满分16分) 本题共有2个小题, 第1小题满分8分, 第2小题满分8分.

已知函数 $f(x) = 2^x - \frac{1}{2^{|x|}}$.

(1) 若 $f(x) = 2$, 求 x 的值;

(2) 若 $2^t f(2t) + m f(t) \geq 0$ 对于 $t \in [1, 2]$ 恒成立, 求实数 m 的取值范围.

[解] (1)

(2)

得 分	评 卷 人

20. (本题满分16分) 本题共有3个小题, 第1小题满分3分,
第2小题满分6分, 第3小题满分7分.

已知双曲线 $C: \frac{x^2}{2} - y^2 = 1$.

(1) 求双曲线 C 的渐近线方程;

(2) 已知点 M 的坐标为 $(0, 1)$. 设 P 是双曲线 C 上的点, Q 是点 P 关于原点的对称点.

记 $\lambda = \overrightarrow{MP} \cdot \overrightarrow{MQ}$. 求 λ 的取值范围;

(3) 已知点 D 、 E 、 M 的坐标分别为 $(-2, -1)$ 、 $(2, -1)$ 、 $(0, 1)$, P 为双曲线 C 上在第一象限内的点. 记 l 为经过原点与点 P 的直线, s 为 $\triangle DEM$ 截直线 l 所得线段的长. 试将 s 表示为直线 l 的斜率 k 的函数.

[解] (1)

(2)

(3)

得 分	评 卷 人

21. (本题满分18分) 本题共有3个小题, 第1小题满分4分, 第2小题满分6分, 第3小题满分8分.

已知数列 $\{a_n\}$: $a_1=1$, $a_2=2$, $a_3=r$, $a_{n+3}=a_n+2$ (n 是正整数), 与数列

$\{b_n\}$: $b_1=1$, $b_2=0$, $b_3=-1$, $b_4=0$, $b_{n+4}=b_n$ (n 是正整数). 记

$$T_n = b_1 a_1 + b_2 a_2 + b_3 a_3 + \cdots + b_n a_n.$$

(1) 若 $a_1 + a_2 + a_3 + \cdots + a_{12} = 64$, 求 r 的值;

(2) 求证: 当 n 是正整数时, $T_{12n} = -4n$;

(3) 已知 $r > 0$, 且存在正整数 m , 使得在 $T_{12m+1}, T_{12m+2}, \dots, T_{12m+12}$ 中有4项为100. 求 r 的值, 并指出哪4项为100.

[解] (1)

[证明] (2)

[解] (3)

