

# 2016 年浙江省高考数学试卷（理科）

**一、选择题：**本大题共 8 小题，每小题 5 分，共 40 分。在每小题给出的四个选项中，只有一个符合题目要求的。

1. (5 分) (2016·浙江) 已知集合  $P=\{x \in \mathbb{R} | 1 \leq x \leq 3\}$ ,  $Q=\{x \in \mathbb{R} | x^2 \geq 4\}$ , 则  $P \cup (\complement_{\mathbb{R}} Q) = (\quad)$

- A. [2, 3] B. (-2, 3] C. [1, 2) D. (-∞, -2] ∪ [1, +∞)

2. (5 分) (2016·浙江) 已知互相垂直的平面  $\alpha$ ,  $\beta$  交于直线  $l$ , 若直线  $m$ ,  $n$  满足  $m \parallel \alpha$ ,  $n \perp \beta$ , 则 ( )

- A.  $m \parallel l$  B.  $m \parallel n$  C.  $n \perp l$  D.  $m \perp n$

3. (5 分) (2016·浙江) 在平面上, 过点  $P$  作直线  $l$  的垂线所得的垂足称为点  $P$  在直线  $l$  上

的投影, 由区域  $\begin{cases} x - 2 \leq 0 \\ x + y \geq 0 \\ x - 3y + 4 \geq 0 \end{cases}$  中的点在直线  $x + y - 2 = 0$  上的投影构成的线段记为  $AB$ , 则

$$|AB| = (\quad)$$

- A.  $2\sqrt{2}$  B. 4 C.  $3\sqrt{2}$  D. 6

4. (5 分) (2016·浙江) 命题“ $\forall x \in \mathbb{R}$ ,  $\exists n \in \mathbb{N}^*$ , 使得  $n \geq x^2$ ”的否定形式是 ( )

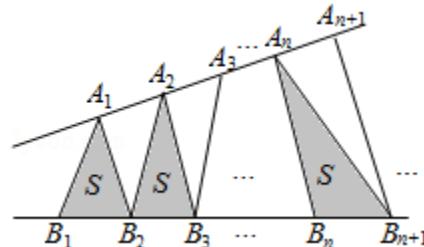
- A.  $\forall x \in \mathbb{R}$ ,  $\exists n \in \mathbb{N}^*$ , 使得  $n < x^2$  B.  $\forall x \in \mathbb{R}$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}^*$ , 使得  $n < x^2$   
C.  $\exists x \in \mathbb{R}$ ,  $\exists n \in \mathbb{N}^*$ , 使得  $n < x^2$  D.  $\exists x \in \mathbb{R}$ ,  $\forall n \in \mathbb{N}^*$ , 使得  $n < x^2$

5. (5 分) (2016·浙江) 设函数  $f(x) = \sin^2 x + b \sin x + c$ , 则  $f(x)$  的最小正周期 ( )

- A. 与  $b$  有关, 且与  $c$  有关 B. 与  $b$  有关, 但与  $c$  无关  
C. 与  $b$  无关, 且与  $c$  无关 D. 与  $b$  无关, 但与  $c$  有关

6. (5 分) (2016·浙江) 如图, 点列  $\{A_n\}$ 、 $\{B_n\}$  分别在某锐角的两边上, 且

$|A_n A_{n+1}| = |A_{n+1} A_{n+2}|$ ,  $A_n \neq A_{n+1}$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ ,  $|B_n B_{n+1}| = |B_{n+1} B_{n+2}|$ ,  $B_n \neq B_{n+1}$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ , ( $P \neq Q$  表示点  $P$  与  $Q$  不重合) 若  $d_n = |A_n B_n|$ ,  $S_n$  为  $\triangle A_n B_n B_{n+1}$  的面积, 则 ( )



- A.  $\{S_n\}$  是等差数列 B.  $\{S_n^2\}$  是等差数列  
C.  $\{d_n\}$  是等差数列 D.  $\{d_n^2\}$  是等差数列

7. (5 分) (2016·浙江) 已知椭圆  $C_1: \frac{x^2}{m^2} + y^2 = 1$  ( $m > 1$ ) 与双曲线  $C_2: \frac{x^2}{n^2} - y^2 = 1$  ( $n > 0$ )

的焦点重合,  $e_1$ ,  $e_2$  分别为  $C_1$ ,  $C_2$  的离心率, 则 ( )

- A.  $m > n$  且  $e_1 e_2 > 1$  B.  $m > n$  且  $e_1 e_2 < 1$  C.  $m < n$  且  $e_1 e_2 > 1$  D.  $m < n$  且  $e_1 e_2 < 1$

8. (5 分) (2016·浙江) 已知实数  $a$ ,  $b$ ,  $c$ . ( )

- A. 若  $|a^2 + b + c| + |a + b^2 + c| \leq 1$ , 则  $a^2 + b^2 + c^2 < 100$   
B. 若  $|a^2 + b + c| + |a^2 + b - c| \leq 1$ , 则  $a^2 + b^2 + c^2 < 100$   
C. 若  $|a + b + c^2| + |a + b - c^2| \leq 1$ , 则  $a^2 + b^2 + c^2 < 100$

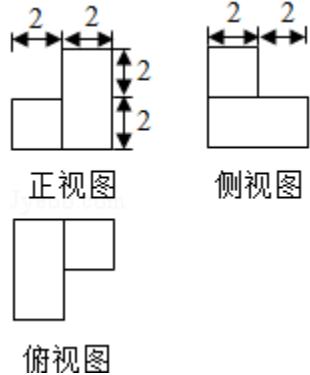
D. 若  $|a^2+b+c|+|a+b^2-c|\leq 1$ , 则  $a^2+b^2+c^2 < 100$

**二、填空题：本大题共 7 小题，多空题每题 6 分，单空题每题 4 分，共 36 分。**

9. (4 分) (2016•浙江) 若抛物线  $y^2=4x$  上的点 M 到焦点的距离为 10, 则 M 到 y 轴的距离是\_\_\_\_\_.

10. (6 分) (2016•浙江) 已知  $2\cos^2 x + \sin 2x = A \sin(\omega x + \phi) + b$  ( $A > 0$ ), 则  $A = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $b = \underline{\hspace{2cm}}$ .

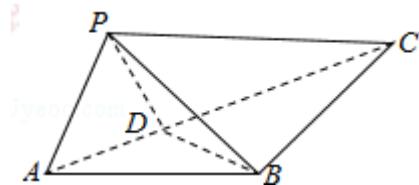
11. (6 分) (2016•浙江) 某几何体的三视图如图所示 (单位: cm), 则该几何体的表面积是 cm<sup>2</sup>, 体积是 \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>.



12. (6 分) (2016•浙江) 已知  $a > b > 1$ , 若  $\log_a b + \log_b a = \frac{5}{2}$ ,  $a^b = b^a$ , 则  $a = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $b = \underline{\hspace{2cm}}$ .

13. (6 分) (2016•浙江) 设数列 { $a_n$ } 的前 n 项和为  $S_n$ , 若  $S_2 = 4$ ,  $a_{n+1} = 2S_n + 1$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ , 则  $a_1 = \underline{\hspace{2cm}}$ ,  $S_5 = \underline{\hspace{2cm}}$ .

14. (4 分) (2016•浙江) 如图, 在  $\triangle ABC$  中,  $AB = BC = 2$ ,  $\angle ABC = 120^\circ$ . 若平面  $ABC$  外的点 P 和线段  $AC$  上的点 D, 满足  $PD = DA$ ,  $PB = BA$ , 则四面体  $PBCD$  的体积的最大值是\_\_\_\_\_.



15. (4 分) (2016•浙江) 已知向量  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$ ,  $|\vec{a}|=1$ ,  $|\vec{b}|=2$ , 若对任意单位向量  $\vec{e}$ , 均有  $|\vec{a} \cdot \vec{e}| + |\vec{b} \cdot \vec{e}| \leq \sqrt{6}$ , 则  $\vec{a} \cdot \vec{b}$  的最大值是\_\_\_\_\_.

**三、解答题：本大题共 5 小题，共 74 分。解答应写出文字说明，证明过程或演算步骤。**

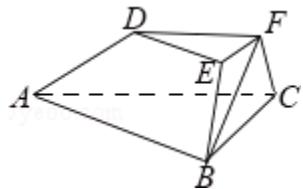
16. (14 分) (2016•浙江) 在  $\triangle ABC$  中, 内角 A, B, C 所对的边分别为 a, b, c, 已知  $b+c=2a \cos B$ .

(I) 证明:  $A=2B$

(II) 若  $\triangle ABC$  的面积  $S = \frac{a^2}{4}$ , 求角 A 的大小.

17. (15分) (2016•浙江) 如图, 在三棱台ABC - DEF中, 已知平面BCFE $\perp$ 平面ABC,  
 $\angle ACB=90^\circ$ , BE=EF=FC=1, BC=2, AC=3,

- (I) 求证: EF $\perp$ 平面ACFD;  
(II) 求二面角B - AD - F的余弦值.

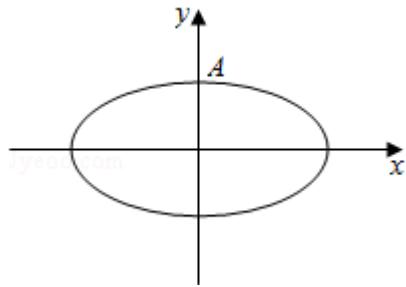


18. (15分) (2016•浙江) 已知  $a \geq 3$ , 函数  $F(x) = \min\{2|x - 1|, x^2 - 2ax + 4a - 2\}$ , 其中  $\min(p, q) = \begin{cases} p, & p \leq q \\ q, & p > q \end{cases}$

- (I) 求使得等式  $F(x) = x^2 - 2ax + 4a - 2$  成立的x的取值范围  
(II) (i) 求  $F(x)$  的最小值  $m(a)$   
(ii) 求  $F(x)$  在  $[0, 6]$  上的最大值  $M(a)$

19. (15分) (2016•浙江) 如图, 设椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1$  ( $a > 1$ )

- (I) 求直线  $y = kx + 1$  被椭圆截得到的弦长 (用  $a, k$  表示)  
(II) 若任意以点  $A(0, 1)$  为圆心的圆与椭圆至多有三个公共点, 求椭圆的离心率的取值范围.



20. (15分) (2016•浙江) 设数列满足 $|a_n - \frac{a_{n+1}}{2}| \leq 1$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ .

(I) 求证:  $|a_n| \geq 2^{n-1} (|a_1| - 2)$  ( $n \in \mathbb{N}^*$ )

(II) 若 $|a_n| \leq (\frac{3}{2})^n$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ , 证明:  $|a_n| \leq 2$ ,  $n \in \mathbb{N}^*$ .