

绝密★启用前

# 2011年普通高等学校招生全国统一考试（上海卷）

## 数学试卷(文史类)

(满分150分， 考试时间120分钟)

### 考生注意

1. 本场考试时间120分钟，试卷共4页，满分150分，答题纸共2页。
2. 作答前，在答题纸正面填写姓名、准考证号，反面填写姓名，将核对后的条形码贴在答题纸指定位置。
3. 所有作答务必填涂或书写在答题纸上与试卷题号对应的区域，不得错位。在试卷上作答一律不得分。
4. 用2B铅笔作答选择题，用黑色字迹钢笔、水笔或圆珠笔作答非选择题。

### 一、填空题（56分）

1、若全集  $U = \mathbb{R}$ ，集合  $A = \{x | x \geq 1\}$ ，则  $C_U A = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

2、 $\lim_{n \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{3n}{n+3}\right) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

3、若函数  $f(x) = 2x + 1$  的反函数为  $f^{-1}(x)$ ，则  $f^{-1}(-2) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

4、函数  $y = 2\sin x - \cos x$  的最大值为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

5、若直线  $l$  过点  $(3, 4)$ ，且  $(1, 2)$  是它的一个法向量，则  $l$  的方程为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

6、不等式  $\frac{1}{x} < 1$  的解为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

7、若一个圆锥的主视图（如图所示）是边长为3, 3, 2 的三角形，则该圆锥的侧面积是  $\underline{\hspace{2cm}}$

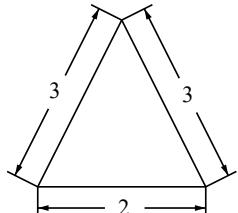
。

8、在相距2千米的  $A$ 、 $B$  两点处测量目标  $C$ ，若  $\angle CAB = 75^\circ$ ,  $\angle CBA = 60^\circ$ ，则  $A$ 、  
 $C$  两点之间的距离是  $\underline{\hspace{2cm}}$  千米。

9、若变量  $x$ 、 $y$  满足条件  $\begin{cases} 3x - y \leq 0 \\ x - 3y + 5 \geq 0 \end{cases}$ ，则  $z = x + y$  的最大值为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

10、课题组进行城市农空气质量调查，按地域把24个城市分成甲、乙、丙三组，对应城市数分别为4、12、8。若用分层抽样抽取6个城市，则丙组中应抽取的城市数为  $\underline{\hspace{2cm}}$   
。

11、行列式  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$  ( $a, b, c, d \in \{-1, 1, 2\}$ ) 的所有可能值中，最大的是  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。



12、在正三角形  $ABC$  中， $D$  是  $BC$  上的点， $AB=3, BD=1$ ，则  $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

13、随机抽取9个同学中，至少有2个同学在同一月出生的概率是  $\underline{\hspace{2cm}}$

(默认每月天数相同，结果精确到0.001)。

14、设  $g(x)$  是定义在  $R$  上、以1为周期的函数，若  $f(x)=x+g(x)$  在  $[0,1]$  上的值域为  $[-2,5]$ ，则  $f(x)$  在区间  $[0,3]$  上的值域为  $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

## 二、选择题 (20分)

15、下列函数中，既是偶函数，又是在区间  $(0, +\infty)$  上单调递减的函数为【答】( )

- A  $y = x^{-2}$     B  $y = x^{-1}$     C  $y = x^2$     D  $y = x^{\frac{1}{3}}$

16、若  $a, b \in R$ ，且  $ab > 0$ ，则下列不等式中，恒成立的是【答】( )

- A  $a^2 + b^2 > 2ab$     B  $a+b \geq 2\sqrt{ab}$     C  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} > \frac{2}{\sqrt{ab}}$     D  $\frac{b}{a} + \frac{a}{b} \geq 2$

17、若三角方程  $\sin x = 0$  与  $\sin 2x = 0$  的解集分别为  $E$  和  $F$ ，则【答】( )

- A  $E \emptyset F$     B  $E \dot{\cup} F$     C  $E = F$     D  $E \cap F = \emptyset$

18、设  $A_1, A_2, A_3, A_4$  是平面上给定的4个不同的点，则使  $\overrightarrow{MA_1} + \overrightarrow{MA_2} + \overrightarrow{MA_3} + \overrightarrow{MA_4} = \vec{0}$  成立的点  $M$  的个数为【答】( )

- A 0    B 1    C 2    D 4

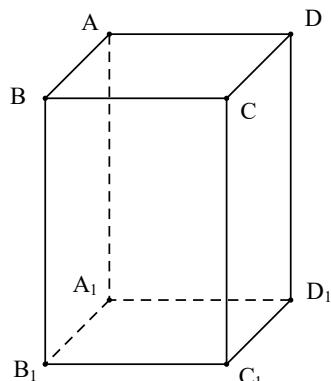
## 三、解答题 (74分)

19、(12分) 已知复数  $z_1$  满足  $(z_1 - 2)(1+i) = 1-i$  ( $i$  为虚数单位)，复数  $z_2$  的虚部为 2， $z_1 \cdot z_2$  是实数，求  $z_2$ 。

20、(14分) 已知  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$  是底面边长为1的正四棱柱，高  $AA_1 = 2$ 。求：

(1) 异面直线  $BD$  与  $AB_1$  所成的角的大小 (结果用反三角函数表示)；

(2) 四面体  $AB_1D_1C$  的体积。



21、(14分) 已知函数  $f(x) = a \cdot 2^x + b \cdot 3^x$ ，其中常数  $a, b$  满足  $ab \neq 0$ 。

(1) 若  $ab > 0$ ，判断函数  $f(x)$  的单调性；

(2) 若  $ab < 0$ ，求  $f(x+1) > f(x)$  时  $x$  的取值范围。

22、(16分) 已知椭圆  $C: \frac{x^2}{m^2} + y^2 = 1$  (常数  $m > 1$ )，点  $P$  是  $C$  上的动点， $M$  是右顶

点，定点  $A$  的坐标为  $(2, 0)$ 。

(1) 若  $M$  与  $A$  重合，求  $C$  的焦点坐标；

(2) 若  $m = 3$ ，求  $|PA|$  的最大值与最小值；

(3) 若  $|PA|$  的最小值为  $|MA|$ ，求  $m$  的取值范围。

23、(18分) 已知数列  $\{a_n\}$  和  $\{b_n\}$  的通项公式分别为  $a_n = 3n + 6$ ， $b_n = 2n + 7$  ( $n \in N^*$ )，将集合

$\{x | x = a_n, n \in N^*\} \cup \{x | x = b_n, n \in N^*\}$  中的元素从小到大依次排列，构成数列

$c_1, c_2, c_3, \dots, c_n, \dots$ 。

(1) 求三个最小的数，使它们既是数列  $\{a_n\}$  中的项，又是数列  $\{b_n\}$  中的项；

(2)  $c_1, c_2, c_3, \dots, c_{40}$  中有多少项不是数列  $\{b_n\}$  中的项？说明理由；

(3) 求数列  $\{c_n\}$  的前  $4n$  项和  $S_{4n}$  ( $n \in N^*$ )。

