

2016年全国统一高考数学试卷（文科）（新课标Ⅲ）

一、选择题（共12小题，每小题5分，满分60分）

1. （5分）设集合 $A=\{0, 2, 4, 6, 8, 10\}$, $B=\{4, 8\}$, 则 $C_A B=$ （ ）
A. $\{4, 8\}$ B. $\{0, 2, 6\}$
C. $\{0, 2, 6, 10\}$ D. $\{0, 2, 4, 6, 8, 10\}$
2. （5分）若 $z=4+3i$, 则 $\frac{\bar{z}}{|z|}=$ （ ）
A. 1 B. -1 C. $\frac{4}{5}+\frac{3}{5}i$ D. $\frac{4}{5}-\frac{3}{5}i$
3. （5分）已知向量 $\overrightarrow{BA}=(\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$, $\overrightarrow{BC}=(\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$, 则 $\angle ABC=$ （ ）
A. 30° B. 45° C. 60° D. 120°
4. （5分）某旅游城市为向游客介绍本地的气温情况, 绘制了一年中各月平均最高气温和平均最低气温的雷达图, 图中A点表示十月的平均最高气温约为 $15^\circ C$, B点表示四月的平均最低气温约为 $5^\circ C$, 下面叙述不正确的是（ ）
-
- 平均最低气温 — 平均最高气温
- A. 各月的平均最低气温都在 $0^\circ C$ 以上
B. 七月的平均温差比一月的平均温差大
C. 三月和十一月的平均最高气温基本相同
D. 平均最高气温高于 $20^\circ C$ 的月份有5个
5. （5分）小敏打开计算机时, 忘记了开机密码的前两位, 只记得第一位是M, I, N中的一个字母, 第二位是1, 2, 3, 4, 5中的一个数字, 则小敏输入一次密码能够成功开机的概率是（ ）

A. $\frac{8}{15}$

B. $\frac{1}{8}$

C. $\frac{1}{15}$

D. $\frac{1}{30}$

6. (5分) 若 $\tan\theta=\frac{1}{3}$, 则 $\cos 2\theta=$ ()

A. $-\frac{4}{5}$

B. $-\frac{1}{5}$

C. $\frac{1}{5}$

D. $\frac{4}{5}$

7. (5分) 已知 $a=2^{\frac{4}{3}}$, $b=3^{\frac{2}{3}}$, $c=25^{\frac{1}{3}}$, 则 ()

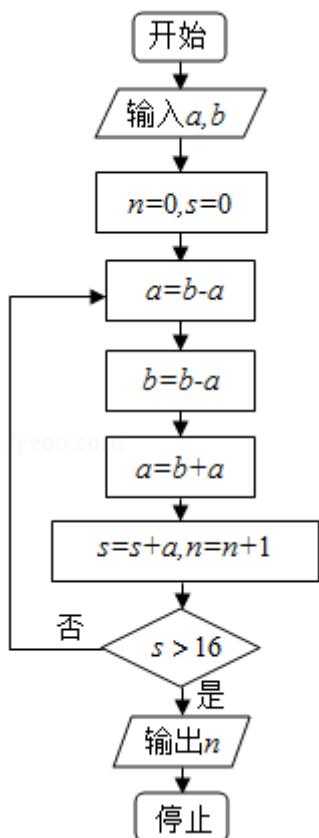
A. $b < a < c$

B. $a < b < c$

C. $b < c < a$

D. $c < a < b$

8. (5分) 执行如图程序框图, 如果输入的 $a=4$, $b=6$, 那么输出的 $n=$ ()



A. 3

B. 4

C. 5

D. 6

9. (5分) 在 $\triangle ABC$ 中, $B=\frac{\pi}{4}$, BC 边上的高等于 $\frac{1}{3}BC$, 则 $\sin A=$ ()

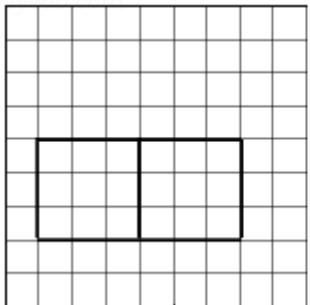
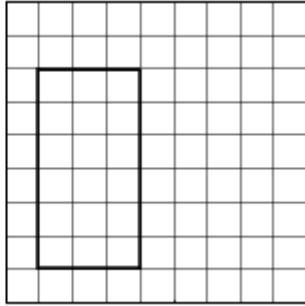
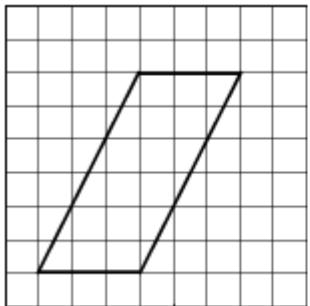
A. $\frac{3}{10}$

B. $\frac{\sqrt{10}}{10}$

C. $\frac{\sqrt{5}}{5}$

D. $\frac{3\sqrt{10}}{10}$

10. (5分) 如图, 网格纸上小正方形的边长为1, 粗实线画出的是某多面体的三视图, 则该多面体的表面积为 ()



- A. $18+36\sqrt{5}$ B. $54+18\sqrt{5}$ C. 90 D. 81

11. (5分) 在封闭的直三棱柱 $ABC - A_1B_1C_1$ 内有一个体积为 V 的球，若 $AB \perp BC$ ，

$AB=6$, $BC=8$, $AA_1=3$, 则 V 的最大值是()

- A. 4π B. $\frac{9\pi}{2}$ C. 6π D. $\frac{32\pi}{3}$

12. (5分) 已知O为坐标原点, F是椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) 的左焦点, A

, B分别为C的左, 右顶点. P为C上一点, 且 $PF \perp x$ 轴, 过点A的直线l与线段PF

交于点M, 与y轴交于点E. 若直线BM经过OE的中点, 则C的离心率为()

)

- A. $\frac{1}{3}$ B. $\frac{1}{2}$ C. $\frac{2}{3}$ D. $\frac{3}{4}$

二、填空题 (共4小题, 每小题5分, 满分20分)

13. (5分) 设 x , y 满足约束条件 $\begin{cases} 2x-y+1 \geqslant 0 \\ x-2y-1 \leqslant 0, \\ x \leqslant 1 \end{cases}$, 则 $z=2x+3y-5$ 的最小值为_____

14. (5分) 函数 $y=\sin x - \sqrt{3}\cos x$ 的图象可由函数 $y=2\sin x$ 的图象至少向右平移_____个单位长度得到.

15. (5分) 已知直线l: $x - \sqrt{3}y + 6 = 0$ 与圆 $x^2 + y^2 = 12$ 交于A, B两点, 过A, B分别

作l的垂线与x轴交于C, D两点. 则 $|CD| = \underline{\hspace{2cm}}$.

16. (5分) 已知 $f(x)$ 为偶函数, 当 $x \leq 0$ 时, $f(x) = e^{-x-1} - x$, 则曲线 $y=f(x)$ 在点(1, 2)处的切线方程是 $\underline{\hspace{2cm}}$.

三、解答题 (共5小题, 满分60分)

17. (12分) 已知各项都为正数的数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=1$, $a_n^2 - (2a_{n+1} - 1)a_n - 2a_n + 1 = 0$.

(1) 求 a_2 , a_3 ;

(2) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式.

18. (12分) 如图是我国2008年至2014年生活垃圾无害化处理量(单位:亿吨)的折线图.

注: 年份代码1 - 7分别对应年份2008 - 2014.

(I) 由折线图看出, 可用线性回归模型拟合 y 与 t 的关系, 请用相关系数加以证明;

(II) 建立 y 关于 t 的回归方程(系数精确到0.01), 预测2016年我国生活垃圾无害化处理量.

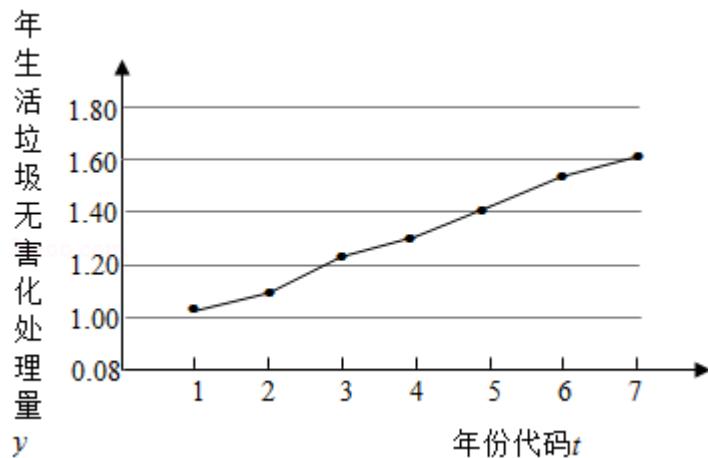
附注:

参考数据: $\sum_{i=1}^7 y_i = 9.32$, $\sum_{i=1}^7 t_i y_i = 40.17$, $\sqrt{\sum_{i=1}^7 (y_i - \bar{y})^2} = 0.55$, $\sqrt{7} \approx 2.646$.

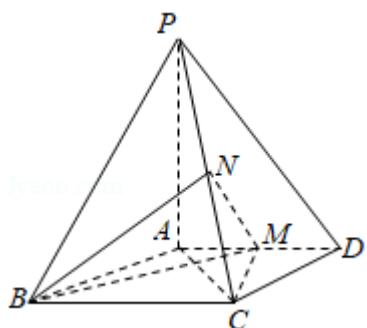
参考公式: 相关系数 $r = \frac{\sum_{i=1}^n (t_i - \bar{t})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (t_i - \bar{t})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \bar{y})^2}}$,

回归方程 $\hat{y} = \hat{a} + \hat{b}t$ 中斜率和截距的最小二乘估计公式分别为:

$$\hat{b} = \frac{\sum_{i=1}^n (t_i - \bar{t})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^n (t_i - \bar{t})^2}, \quad \hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{t}.$$



19. (12分) 如图, 四棱锥P - ABCD中, PA⊥底面ABCD, AD||BC, AB=AD=AC=3, PA=BC=4, M为线段AD上一点, AM=2MD, N为PC的中点.
- (I) 证明MN||平面PAB;
- (II) 求四面体N - BCM的体积.



20. (12分) 已知抛物线C: $y^2=2x$ 的焦点为F, 平行于x轴的两条直线 l_1 , l_2 分别交C于A, B两点, 交C的准线于P, Q两点.

(I) 若F在线段AB上, R是PQ的中点, 证明 $AR\parallel FQ$;

(II) 若 $\triangle PQF$ 的面积是 $\triangle ABF$ 的面积的两倍, 求AB中点的轨迹方程.

21. (12分) 设函数 $f(x) = \ln x - x + 1$.

(1) 讨论 $f(x)$ 的单调性;

(2) 证明当 $x \in (1, +\infty)$ 时, $1 < \frac{x-1}{\ln x} < x$;

(3) 设 $c > 1$, 证明当 $x \in (0, 1)$ 时, $1 + (c-1)x > c^x$.

请考生在第22-

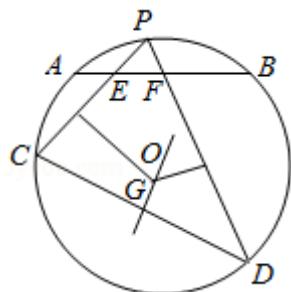
24题中任选一题做答, 如果多做, 则按所做的第一题计分.[选修4-

1: 几何证明选讲]

22. (10分) 如图, $\odot O$ 中 \widehat{AB} 的中点为P, 弦PC, PD分别交AB于E, F两点.

(1) 若 $\angle PFB = 2\angle PCD$, 求 $\angle PCD$ 的大小;

(2) 若EC的垂直平分线与FD的垂直平分线交于点G, 证明: $OG \perp CD$.



[选修4-4：坐标系与参数方程]

23. 在直角坐标系xOy中，曲线C₁的参数方程为 $\begin{cases} x=\sqrt{3}\cos\alpha \\ y=\sin\alpha \end{cases}$ （ α 为参数），以坐标原点为极点，以x轴的正半轴为极轴，建立极坐标系，曲线C₂的极坐标方程为 $\rho\sin(\theta+\frac{\pi}{4})=2\sqrt{2}$.
- (1) 写出C₁的普通方程和C₂的直角坐标方程；
(2) 设点P在C₁上，点Q在C₂上，求|PQ|的最小值及此时P的直角坐标.

[选修4-5：不等式选讲]

24. 已知函数 $f(x)=|2x-a|+a$.
- (1) 当 $a=2$ 时，求不等式 $f(x)\leq 6$ 的解集；
(2) 设函数 $g(x)=|2x-1|$ ，当 $x\in R$ 时， $f(x)+g(x)\geq 3$ ，求 a 的取值范围.