2010年海南高考理科数学试题

本试卷分第I卷（选择题）和第II卷（非选择题）两部分，其中第II卷第（22）-（24）题为选考题，其他题为必考题。考生作答时，将答案答在答题卡上，在本试卷上答题无效。

考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

注意事项：

1、答题前，考生务必先将自己的姓名，准考证号填写在答题卡上，认真核对条形码上的姓名、准考证号，并将条形码粘贴在答题卡的指定位置上。

2、选择题答案使用2B铅笔填涂，如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其他答案的标号，非选择题答案使用0.5毫米的黑色中性（签字）笔或碳素笔书写，字体工整，笔迹清楚。

3、请按照题号在各题的答题区域（黑色线框）内作答，超出答题区域书写的答案无效。

4、保持卷面清洁，不折叠，不破损。

5、做选考题时，考生按照题目要求作答，并用2B铅笔在答题卡上把所选题目对应的题号涂黑。

参考公式：

样本数据$x_1,x_2,\cdots x_n$的标准差

$$s=\sqrt{\frac{1}{n}[(x_1-\overline{x})^2+(x_2-\overline{x})^2+\cdots+(x_n-\overline{x})^2]}$$

其中$\overline{x}$为样本平均数

锥体体积公式

$$V=\frac{1}{3}Sh$$

其中S为底面面积，h为高

柱体体积公式

$$V=Sh$$

其中S为底面面积，h为高

球的表面积，体积公式

$$S=4\pi R^2 \qquad V=\frac{4}{3}\pi R^3$$

其中R为球的半径

第I卷

一、选择题：本大题共12小题，每小题5分，在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

（1）已知集合 $A=\{\| x|\le 2,x\in R|\}\}$，$B=\{x|\sqrt{x}\le 4,x\in Z\}$,则 $A\cap B=$

(A)(0,2)　　(B)[0,2]　　(C){0,2}　　(D){0,1,2}

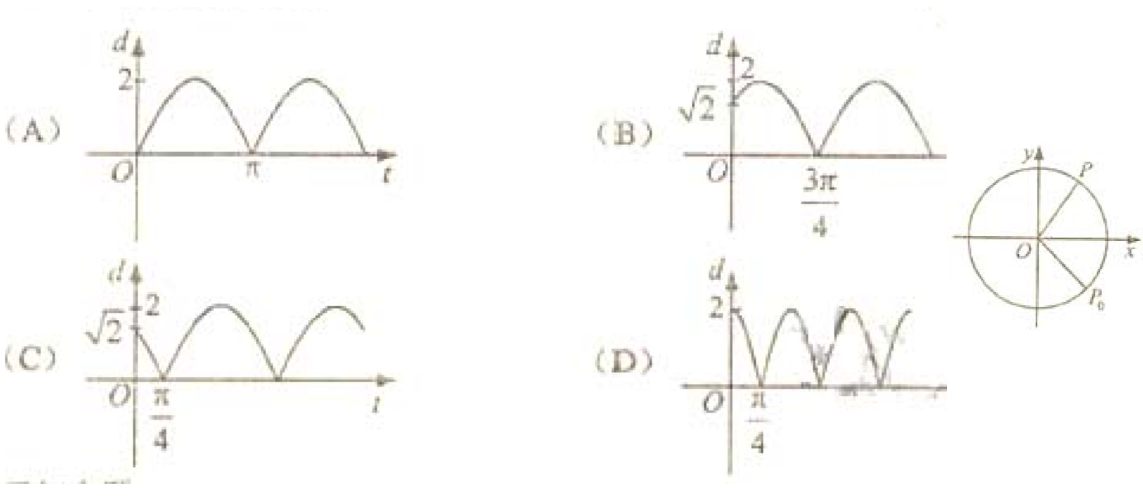
(2)已知复数 $z=\dfrac{\sqrt{3}+i}{(1-\sqrt{3}i)^2}$，$\bar{z}$ 是z的共轭复数，则 $z\bullet\bar{z}$ =

A. $\dfrac{1}{4}$　　B. $\dfrac{1}{2}$　　C.1　　D.2

(3)曲线 $y=\dfrac{x}{x+2}$ 在点（-1，-1）处的切线方程为

（A）y=2x+1　　(B)y=2x-1　C y=-2x-3　　D.y=-2x-2

(4)如图，质点P在半径为2的圆周上逆时针运动，其初始位置为P_0（$\sqrt{2}$，-$\sqrt{2}$），角速度为1，那么点P到x轴距离d关于时间t的函数图像大致为



（5）已知命题

p_1：函数 $y=2^x-2^{-x}$ 在R为增函数，

p_2：函数 $y=2^x+2^{-x}$ 在R为减函数，

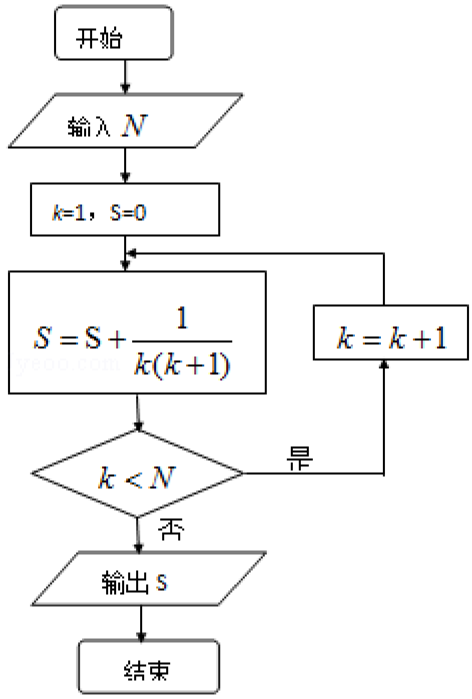
则在命题 q_1： $p_1 \vee p_2$， q_2： $p_1 \wedge p_2$， q_3： $\left(-p_1\right) \vee p_2$ 和 q_4： $p_1 \wedge \left(-p_2\right)$ 中，真命题是

（A） q_1， q_3　　（B） q_2， q_3　　（C） q_1， q_4　　（D） q_2， q_4

（6）某种种子每粒发芽的概率都为0.9，现播种了1000粒，对于没有发芽的种子，每粒需再补种2粒，补种的种子数记为X，则X的数学期望为

（A）100　　（B）200　　（C）300　　（D）400

（7）如果执行右面的框图，输入 $N=5$，则输出的数等于



（A） $\dfrac{5}{4}$

（B） $\dfrac{4}{5}$

（C） $\dfrac{6}{5}$

（D） $\dfrac{5}{6}$

（8）设偶函数 $f(x)$ 满足 $f(x)=x^3-8(x\geq 0)$，则 $\{x\mid f(x-2)>0\}=$

(A) $\{x\mid x<-2\text{或}x>4\}$　　(B) $\{x\mid x<0\text{或}x>4\}$

(C) $\{x \mid x<0或x>6\}$ (D) $\{x \mid x<-2或x>2\}$

（9）若 $\cos\alpha=-\frac{4}{5}$，α 是第三象限的角，则 $\frac{1+\tan\frac{\alpha}{2}}{1-\tan\frac{\alpha}{2}}=$

(A) $-\frac{1}{2}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) 2 (D) -2

（10）设三棱柱的侧棱垂直于底面，所有棱长都为 a，顶点都在一个球面上，则该球的表面积为

(A) πa^2 (B) $\frac{7}{3}\pi a^2$ (C) $\frac{11}{3}\pi a^2$ (D) $5\pi a^2$

（11）已知函数 $f(x)=\begin{cases}|\lg x|, 0<x\le 10,\\ -\frac{1}{2}x+6, x>10.\end{cases}$ 若 a,b,c 互不相等，且 $f(a)=f(b)=f(c)$, 则 abc 的取值范围是

(A) $(1,10)$ (B) $(5,6)$ (C) $(10,12)$ (D) $(20,24)$

（12）已知双曲线 E 的中心为原点，$P(3,0)$ 是 E 的焦点，过F的直线 l 与 E 相交于A，B两点，且AB的中点为 $N(-12,-15)$,则 E 的方程式为

(A) $\frac{x^2}{3}-\frac{y^2}{6}=1$ (B) $\frac{x^2}{4}-\frac{y^2}{5}=1$

(C) $\frac{x^2}{6}-\frac{y^2}{3}=1$ (D) $\frac{x^2}{5}-\frac{y^2}{4}=1$

第II卷

本卷包括必考题和选考题两部分，第（13）题~第（21）题为必考题，每个试题考生都必须做答，第（22）题~第（24）题为选考题，考试根据要求做答。

二、填空题：本大题共4小题，每小题5分。

（13）设 $y=f(x)$ 为区间 $[0,1]$ 上的连续函数，且恒有 $0\le f(x)\le 1$，可以用随机模拟方法近似计算积分 $\int_0^1 f(x)dx$，先产生两组（每组N个）区间 $[0,1]$ 上的均匀随机数 $x_1,x_2,\dots\ x_N$ 和 $y_1,y_2,\dots\ y_N$，由此得到N个点 $(x_1,y_1)(i=1,2,\dots\ ,N)$，再数出其中满足

$y_1 \le f(x_1)(i=1,2,\dots,N)$ 的点数 N_1，那么由随机模拟方案可得积分 $\int_0^1 f(x)dx$ 的近似值为

。

（14）正视图为一个三角形的几何体可以是______（写出三种）

（15）过点A(4,1)的圆C与直线x-y-1=0相切于点B（2,1），则圆C的方程为____

(16)在△ABC中，D为边BC上一点，BD=$\frac{1}{2}$DC，∠ADB=120°，AD=2，若△ADC的面积为 $3-\sqrt{3}$，则∠BAC=_______

三，解答题：解答应写出文字说明，正明过程和演算步骤

（17）（本小题满分12分）

设数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=2, a_{n+1}-a_n=3\cdot 2^{2n-1}$

（1）　求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式；

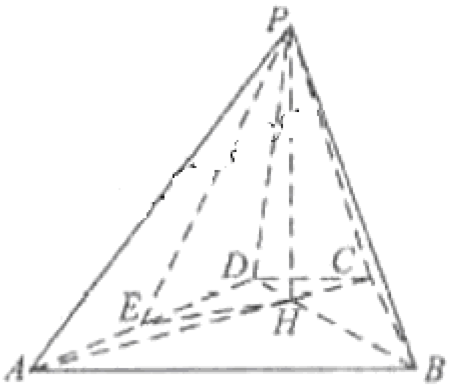
（2）　令 $b_n=na_n$，求数列的前n项和 S_n

(18)（本小题满分12分）

如图，已知四棱锥P-ABCD的底面为等腰梯形，AB||CD,AC⊥BD，垂足为H，PH是四棱锥的高，E为AD中点

（1）　证明：PE⊥BC

（2）　若∠APB=∠ADB=60°，求直线PA与平面PEH所成角的正弦值



(19)(本小题12分)

为调查某地区老人是否需要志愿者提供帮助，用简单随机抽样方法从该地区调查了500位老年人，结果如下：

是否需要志愿　性别	男	女
需要	40	30
不需要	160	270

（1）　估计该地区老年人中，需要志愿者提供帮助的老年人的比例；

（2）　能否有99％的把握认为该地区的老年人是否需要志愿者提供帮助与性别有关？

（3）　根据（2）的结论，能否提供更好的调查方法来估计该地区老年人，需要志愿帮助的老年人的比例？说明理由

附：

$P(K^2 \geqslant k)$	0.050	0.010	0.001
k	3.841	6.635	10.828

$$K^2=\frac{n(ad-bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$$

（20）（本小题满分12分）

设F_1,F_2分别是椭圆$E:\frac{x^2}{a^2}+\frac{y^2}{b^2}=1(a>b>0)$的左、右焦点，过$F_1$斜率为1的直线$i$与$E$相交于$A,B$两点，且$|AF_2|,|AB|,|BF_2|$成等差数列。

（1）求E的离心率；

（2）设点$p(0,-1)$满足$|PA|=|PB|$，求E的方程

（21）（本小题满分12分）

设函数$f(x)=e^x-1-x-ax^2$。

（1） 若$a=0$，求$f(x)$的单调区间；

（2） 若当$x\geq 0$时$f(x)\geq 0$，求a的取值范围

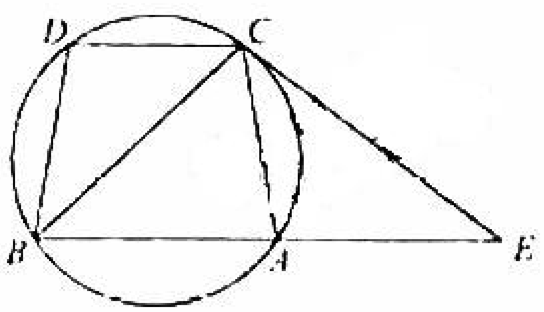
请考生在第（22）、（23）、（24）三题中任选一题作答，如果多做，则按所做的第一题记分。做答时用2B铅笔在答题卡上把所选题目的题号涂黑。

（22）（本小题满分10分）选修4-1：几何证明选讲

如图，已经圆上的弧$\overset{\frown}{AC}=\overset{\frown}{BD}$，过C点的圆切线与BA的延长线交于E点，证明：

（I）∠ACE=∠BCD；

（II）BC^2=BF×CD。



（23）（本小题满分10分）选修4-4：坐标系与参数方程

已知直线$C_1\begin{cases}x=1+t\cos\alpha \\ y=t\sin\alpha\end{cases}$（t为参数），$C_2\begin{cases}x=\cos\theta \\ y=\sin\theta\end{cases}$（$\theta$为参数），

（I）当$\alpha=\dfrac{\pi}{3}$时，求C_1与C_2的交点坐标；

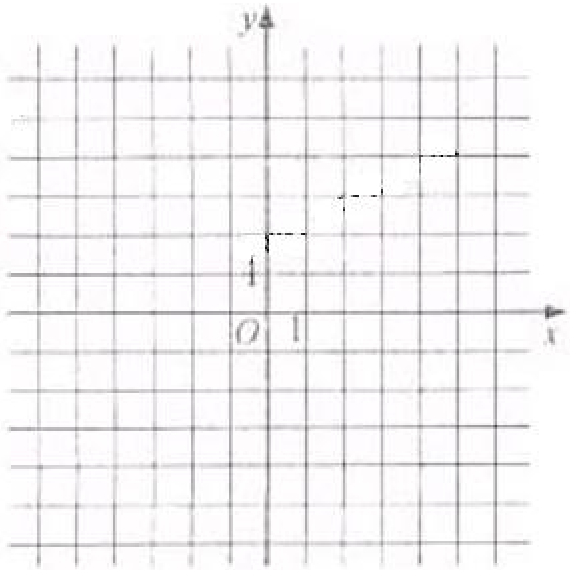
（II）过坐标原点O做C_1的垂线，垂足为A，P为OA中点，当α变化时，求P点的轨迹的参数方程，并指出它是什么曲线。

（24）（本小题满分10分）选修4-5，不等式选项

设函数$f(x)=2x-4l+1$

（I）画出函数$y=f(x)$的图像

（II）若不等式$f(x)\le ax$的解集非空，求a的取值范围。



数学试题参考答案

一、 选择题

（1）D （2）A （3）A （4）C （5）C （6）B

（7）D （8）B （9）A （10）B （11）C （12）B

二、填空题

（13）$\dfrac{N_1}{N}$ （14）三棱锥、三棱柱、圆锥（其他正确答案同样给分）

（15）$(x-3)^2+y^2=2$ （16）60°

三、解答题

（17）解：

（I）由已知，当n≥1时，

$$a_{n+1}=[(a_{n+1}-a_n)+(a_n-a_{n-1})+\cdots+(a_2-a_1)]+a_1$$

$$=3(2^{2n-1}+2^{2n-3}+\cdots+2)+2$$

$$=2^{2(n+1)-1}。$$

而 $a_1=2,$

所以数列$\{a_n\}$的通项公式为$a_n=2^{2n-1}$。

（II）由$b_n=na_n=n\cdot 2^{2n-1}$知

$$S_n=1\cdot 2+2\cdot 2^3+3\cdot 2^5+\cdots+n\cdot 2^{2n-1} \quad ①$$

从而

$$2^2\cdot S_n=1\cdot 2^3+2\cdot 2^5+3\cdot 2^7+\cdots+n\cdot 2^{2n+1} \quad ②$$

①-②得

$$(1-2^2)\cdot S_n=2+2^3+2^5+\cdots+2^{2n-1}-n\cdot 2^{2n+1} \quad 。$$

即 $S_n=\dfrac{1}{9}[(3n-1)2^{2n+1}+2]$

（18）解：

以H为原点，HA,HB,HP 分别为x,y,z轴，线段HA的长为单位长，

建立空间直角坐标系如图， 则$A(1,0,0),B(0,1,0)$

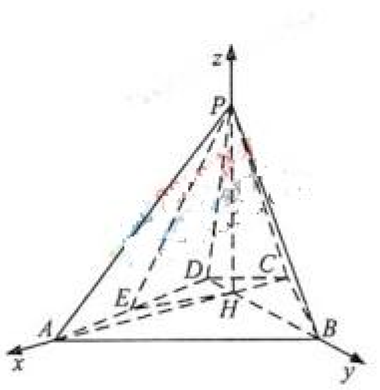
（I）设 $C(m,0,0),P(0,0,n)(m\prec 0,n\succ 0)$

则 $D(0,m,0),E(\frac{1}{2},\frac{m}{2},0)$.

可得 $\overline{PE}=(\frac{1}{2},\frac{m}{2},-n),\overline{BC}=(m,-1,0)$.

因为$\overline{PE}\cdot\overline{BC}=\frac{m}{2}-\frac{m}{2}+0=0$

所以 $PE\perp BC$



（II）由已知条件可得 $m=-\frac{\sqrt{3}}{3},n=1$,故 $C(-\frac{\sqrt{3}}{3},0,0)$

$D(0,-\frac{\sqrt{3}}{3},0),E(\frac{1}{2},-\frac{\sqrt{3}}{6},0),P(0,0,1)$

设 $n=(x,y,x)$ 为平面 PEH 的法向量

则 $\begin{cases}n\cdot\overline{HE}=o,\\ n\cdot\overline{HP}=o,\end{cases}$ 即 $\begin{cases}\frac{1}{2}x-\frac{\sqrt{3}}{6}y=0\\ z=0\end{cases}$

因此可以取$n=(1,\sqrt{3,0})$，

由$\overrightarrow{PA}=(1,0,-1)$，

可得 $\left|\cos\left\langle\overrightarrow{PA},n\right\rangle\right|=\frac{\sqrt{2}}{4}$

所以直线PA与平面PEH所成角的正弦值为$\frac{\sqrt{2}}{4}$

（19）解：

（1）调查的500位老年人中有70位需要志愿者提供帮助，因此该地区老年人中，需要帮助的老年人的比例的估算值为$\frac{70}{500}=14\%$

（2）$K^2=\frac{500\times(40\times270-30\times160)^2}{200\times300\times70\times430}=9.967$。

由于9.967>6.635,所以有99%的把握认为该地区的老年人是否需要帮助与性别有关。

(III)由(II)的结论知，该地区老年人是否需要帮助与性别有关，并且从样本数据能看出该地区男性老年人与女性老年人中需要帮助的比例有明显差异，因此在调查时，先确定该地区老年人中男、女的比例，再把老年人分成男、女两层并采用分层抽样方法比采用简单随机抽样方法更好.

（20.）解：

（I）由椭圆定义知$\left|AF_2\right|+\left|BF_2\right|+\left|AB\right|=4a$，又$2\left|AB\right|=\left|AF_2\right|+\left|BF_2\right|$，

得$\left|AB\right|=\frac{4}{3}a$

l的方程为$y=x+c$，其中$c=\sqrt{a^2-b^2}$。

设$A\left(x_1,y_1\right)$，$B\left(x_2,y_2\right)$，则A、B两点坐标满足方程组

$$\begin{cases}y=x+c\\ \frac{x^2}{a^2}+\frac{y^2}{b^2}=1\end{cases}$$

化简的$\left(a^2+b^2\right)x^2+2a^2cx+a^2\left(c^2-b^2\right)=0$

则$x_1+x_2=\frac{-2a^2c}{a^2+b^2},x_1x_2=\frac{a^2\left(c^2-b^2\right)}{a^2+b^2}$

因为直线AB斜率为1，所以$\left|AB\right|=\sqrt{2}\left|x_2-x_1\right|=\sqrt{2\left[\left(x_1+x_2\right)^2-4x_1x_2\right]}$

得$\frac{4}{3}a=\frac{4ab^2}{a^2+b^2}$,故$a^2=2b^2$

所以E的离心率$e=\frac{c}{a}=\frac{\sqrt{a^2-b^2}}{a}=\frac{\sqrt{2}}{2}$

（II）设AB的中点为$N\left(x_0,y_0\right)$，由（I）知

$x_0=\frac{x_1+x_2}{2}=\frac{-a^2c}{a^2+b^2}=-\frac{2}{3}c$， $y_0=x_0+c=\frac{c}{3}$。

由$|PA|=|PB|$，得$k_{PN}=-1$，

即$\frac{y_0+1}{x_0}=-1$

得$c=3$，从而$a=3\sqrt{2},b=3$

故椭圆E的方程为$\frac{x^2}{18}+\frac{y^2}{9}=1$。

（21）解：

（1）$a=0$时，$f(x)=e^x-1-x$，$f'(x)=e^x-1$.

当$x\in(-\infty,0)$时，$f'(x)<0$；当$x\in(0,+\infty)$时，$f'(x)>0$.故$f(x)$在$(-\infty,0)$单调减少，在$(0,+\infty)$单调增加

（II）$f'(x)=e^x-1-2ax$

由（I）知$e^x\geq 1+x$，当且仅当$x=0$时等号成立.故

$$f'(x)\geq x-2ax=(1-2a)x，$$

从而当$1-2a\geq 0$，即$a\leq\frac{1}{2}$时，$f'(x)\geq 0\ (x\geq 0)$，而$f(0)=0$，

于是当$x\geq 0$时，$f(x)\geq 0$.

由$e^x>1+x(x\neq 0)$可得$e^{-x}>1-x(x\neq 0)$.从而当$a>\frac{1}{2}$时，

$$f'(x)<e^x-1+2a(e^{-x}-1)=e^{-x}(e^x-1)(e^x-2a)，$$

故当$x\in(0,\ln 2a)$时，$f'(x)<0$，而$f(0)=0$，于是当$x\in(0,\ln 2a)$时，$f(x)<0$.

综合得a的取值范围为$(-\infty,\frac{1}{2}]$.

（22）解：

（I）因为$\overset{\frown}{AC}=\overset{\frown}{BC}$，

所以$\angle BCD=\angle ABC$.

又因为EC与圆相切于点C，故$\angle ACE=\angle ABC$，

所以 $\angle ACE=\angle BCD$.

（II）因为 $\angle ECB=\angle CDB,\angle EBC=\angle BCD$,

所以 $\Delta BDC\backsim\Delta ECB$，故 $\frac{BC}{BE}=\frac{CD}{BC}$,

即 $BC^2=BE\times CD$.

(23)解：

（I）当 $\alpha=\frac{\pi}{3}$ 时，C_1 的普通方程为 $y=\sqrt{3}(x-1)$，C_2 的普通方程为 $x^2+y^2=1$。联立方程组 $\begin{cases}y=\sqrt{3}(x-1)\\x^2+y^2=1\end{cases}$，解得 C_1 与 C_2 的交点为（1,0）$\left(\frac{1}{2},-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$。

（II）C_1 的普通方程为 $x\sin\alpha-y\cos\alpha-\sin\alpha=0$。

A点坐标为 $\left(\sin^2\alpha-\cos\alpha\sin\alpha\right)$,

故当 α 变化时，P点轨迹的参数方程为：

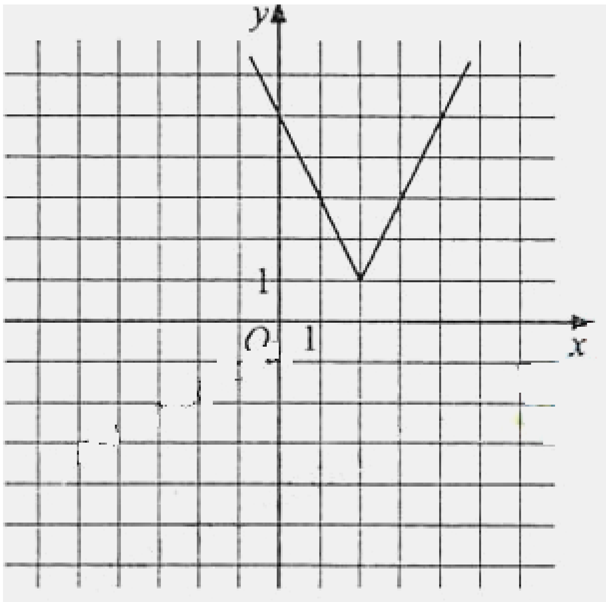
$$\begin{cases}x=\frac{1}{2}\sin^2\alpha\\y=-\frac{1}{2}\sin\alpha\cos\alpha\end{cases}\quad(\alpha\text{为参数})$$

P点轨迹的普通方程为 $\left(x-\frac{1}{4}\right)^2+y^2=\frac{1}{16}$。

故P点轨迹是圆心为 $\left(\frac{1}{4},0\right)$，半径为 $\frac{1}{4}$ 的圆。

（24） 解：

（I）由于 $f(x)=\begin{cases}-2x+5,\ x<2\\2x-3,\ x\geq 2\end{cases}$ 则函数 $y=f(x)$ 的图像如图所示。



（II）由函数 $y=f(x)$ 与函数 $y=ax$ 的图像可知，当且仅当 $a\geq\frac{1}{2}$ 或 $a<-2$ 时，函数 $y=f(x)$ 与函数 $y=ax$ 的图像有交点。故不等式 $f(x)\leq ax$ 的解集非空时，a 的取值范围为

$(-\infty,-2)\cup\left[\frac{1}{2},+\infty\right)$。

选择填空解析：

一、选择题（共12小题，每小题5分，满分60分）

1．（5分）（2010•海南）已知集合A={x∈R||x|≤2}}，$B=\{x\in Z|\sqrt{x}\leqslant 4\}$，则A∩B=（　　）

A．（0，2） B．[0，2]　 C．{0，2]　 D．{0，1，2}

【考点】交集及其运算．

【专题】计算题．

【分析】先化简集合A和B，注意集合B中的元素是整数，再根据两个集合的交集的意义求解．

【解答】解：A={x∈R||x|≤2，}={x∈R|﹣2≤x≤2}，

$B=\{x\in Z|\sqrt{x}\leqslant 4\}=\{x\in Z|0\leqslant x\leqslant 16\}$

故A∩B={0，1，2}．

应选D．

【点评】本题主要考查集合间的交集运算以及集合的表示方法，涉及绝对值不等式和幂函数等知识，属于基础题．

2．（5分）（2010•海南）已知复数$z=\frac{\sqrt{3}+i}{(1-\sqrt{3}i)^2}$，$\overline{z}$是z的共轭复数，则$z\cdot\overline{z}$=（　　）

A．$\frac{1}{4}$　 B．$\frac{1}{2}$　 C．1　 D．2

【考点】复数代数形式的混合运算．

【分析】因为$z\cdot\overline{z}=|z|^2$，所以先求|z|再求$z\cdot\overline{z}$的值．

【解答】解：由$|z|=|\frac{\sqrt{3}+i}{(1-\sqrt{3}i)^2}|=\frac{|\sqrt{3}+i|}{|1-\sqrt{3}i|^2}=\frac{2}{2^2}=\frac{1}{2}$可得$z\cdot\overline{z}=|z|^2=\frac{1}{4}$.

另解：

$$z=\frac{\sqrt{3}+i}{(1-\sqrt{3}i)^2}=\frac{\sqrt{3}+i}{-2-2\sqrt{3}i}=-\frac{1}{2}\frac{\sqrt{3}+i}{1+\sqrt{3}i}=\frac{1}{8}(\sqrt{3}+i)(1-\sqrt{3}i)=\frac{1}{4}(\sqrt{3}-i)$$

$$z\cdot\overline{z}=\frac{1}{4}(\sqrt{3}-i)\cdot\frac{1}{4}(\sqrt{3}+i)=\frac{1}{4}$$

故选A．

【点评】命题意图：本题主要考查复数的运算，涉及复数的共轭复数知识，可以利用复数的一些运算性质可以简化运算．

3．（5分）（2010•海南）曲线$y=\frac{x}{x+2}$在点（﹣1，﹣1）处的切线方程为（　　）

A．y=2x+1　 B．y=2x﹣1　C．y=﹣2x﹣3　 D．y=﹣2x﹣2

【考点】利用导数研究曲线上某点切线方程．

【专题】常规题型；计算题．

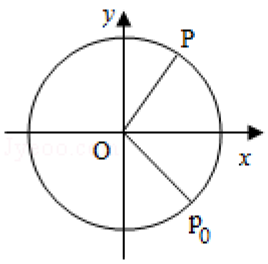
【分析】欲求在点（﹣1，﹣1）处的切线方程，只须求出其斜率的值即可，故先利用导数求出在x=﹣1处的导函数值，再结合导数的几何意义即可求出切线的斜率．从而问题解决．

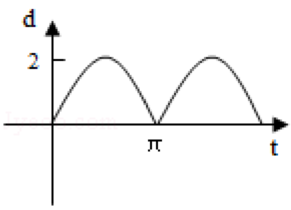
【解答】解：$\because y=\frac{x}{x+2}$，

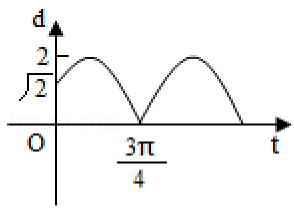
$\therefore y'=\frac{2}{(x+2)^2}$，

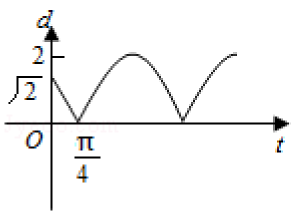
所以$k=y'|_{x=-1}=2$，得切线的斜率为2，所以k=2；
所以曲线y=f（x）在点（﹣1，﹣1）处的切线方程为：
y+1=2×（x+1），即y=2x+1．
故选A．
【点评】本小题主要考查直线的斜率、导数的几何意义、利用导数研究曲线上某点切线方程等基础知识，考查运算求解能力．属于基础题．

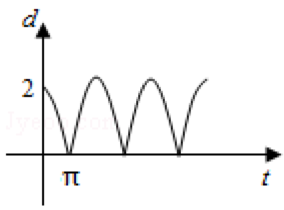
4．（5分）（2010•新课标）如图，质点P在半径为2的圆周上逆时针运动，其初始位置为P_0（$\sqrt{2}$，﹣$\sqrt{2}$），角速度为1，那么点P到x轴距离d关于时间t的函数图象大致为（　　）



A. 

B. 

C. 

D. 

【考点】函数的图象．
【分析】本题的求解可以利用排除法，根据某具体时刻点P的位置到到x轴距离来确定答案．
【解答】解：通过分析可知当t=0时，点P到x轴距离d为$\sqrt{2}$，于是可以排除答案A，D，

再根据当$t=\frac{\pi}{4}$时，可知点P在x轴上此时点P到x轴距离d为0，排除答案B，

故应选C．
【点评】本题主要考查了函数的图象，以及排除法的应用和数形结合的思想，属于基础题．

5．（5分）（2010•海南）已知命题p_1：函数$y=2^x-2^{-x}$在R为增函数，p_2：函数$y=2^x+2^{-x}$在R为减函数，则在命题q_1：$p_1 \vee p_2$，q_2：$p_1 \wedge p_2$，q_3：（$\neg p_1$）$\vee p_2$和q_4：$p_1 \wedge$（$\neg p_2$）中，真命题是（　　）

A．q_1，q_3　B．q_2，q_3　C．q_1，q_4　D．q_2，q_4

【考点】复合命题的真假；指数函数与对数函数的关系．

【专题】简易逻辑．

【分析】先判断命题p_1是真命题，P_2是假命题，故$p_1 \vee p_2$为真命题，（$-p_2$）为真命题，$p_1 \wedge$（$-p_2$）为真命题．

【解答】解：易知p_1是真命题，而对p_2：$y'=2^x\ln 2-\dfrac{1}{2^x}\ln 2=\ln 2\left(2^x-\dfrac{1}{2^x}\right)$，

当$x\in[0，+\infty)$时，$2^x \geqslant \dfrac{1}{2^x}$，又$\ln 2>0$，所以$y'\geq 0$，函数单调递增；

同理得当$x\in(-\infty，0)$时，函数单调递减，故p_2是假命题．

由此可知，q_1真，q_2假，q_3假，q_4真．

故选C．

【点评】只有p_1与P_2都是真命题时，$p_1 \wedge p_2$才是真命题．只要p_1与p_2中至少有一个真命题，$p_1 \vee p_2$就是真命题．

6．（5分）（2010•海南）某种种子每粒发芽的概率都为0.9，现播种了1000粒，对于没有发芽的种子，每粒需再补种2粒，补种的种子数记为X，则X的数学期望为（　　）

A．100　B．200　C．300　D．400

【考点】离散型随机变量的期望与方差；二项分布与n次独立重复试验的模型．

【专题】计算题；应用题．

【分析】首先分析题目已知某种种子每粒发芽的概率都为0.9，现播种了1000粒，即不发芽率为0.1，故没有发芽的种子数ξ服从二项分布，即ξ～B（1000，0.1）．又没发芽的补种2个，故补种的种子数记为X=2ξ，根据二项分布的期望公式即可求出结果．

【解答】解：由题意可知播种了1000粒，没有发芽的种子数ξ服从二项分布，即ξ～B（1000，0.1）．

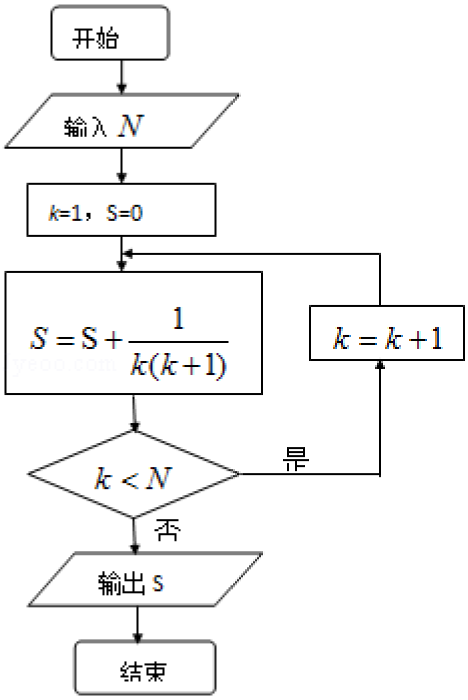
而每粒需再补种2粒，补种的种子数记为X

故X=2ξ，则EX=2Eξ=2×1000×0.1=200．

故选B．

【点评】本题主要考查二项分布的期望以及随机变量的性质，考查解决应用问题的能力．属于基础性题目．

7．（5分）（2010•新课标）如果执行右面的框图，输入N=5，则输出的数等于（　　）



A．$\frac{5}{4}$　B．$\frac{4}{5}$　C．$\frac{6}{5}$　D．$\frac{5}{6}$

【考点】设计程序框图解决实际问题．

【专题】操作型．

【分析】分析程序中各变量、各语句的作用，再根据流程图所示的顺序，可知：该程序的作用是累加并输出S=$\frac{1}{1\times2}+\frac{1}{2\times3}+\frac{1}{3\times4}+\frac{1}{4\times5}+\frac{1}{5\times6}$的值．

【解答】解：分析程序中各变量、各语句的作用，

再根据流程图所示的顺序，可知：

该程序的作用是累加并输出S=$\frac{1}{1\times2}+\frac{1}{2\times3}+\frac{1}{3\times4}+\frac{1}{4\times5}+\frac{1}{5\times6}$的值．

∵S=$\frac{1}{1\times2}+\frac{1}{2\times3}+\frac{1}{3\times4}+\frac{1}{4\times5}+\frac{1}{5\times6}=1-\frac{1}{6}=\frac{5}{6}$

故选D．

【点评】根据流程图（或伪代码）写程序的运行结果，是算法这一模块最重要的题型，其处理方法是：：①分析流程图（或伪代码），从流程图（或伪代码）中即要分析出计算的类型，又要分析出参与计算的数据（如果参与运算的数据比较多，也可使用表格对数据进行分析管理）⇒②建立数学模型，根据第一步分析的结果，选择恰当的数学模型③解模．

8．（5分）（2010•海南）设偶函数f（x）满足f（x）=2^x-4（x≥0），则{x|f（x﹣2）＞0}=（　　）

A．{x|x＜﹣2或x＞4}　B．{x|x＜0或x＞4}　C．{x|x＜0或x＞6}　D．{x|x＜﹣2或x＞2}

【考点】偶函数；其他不等式的解法．

【专题】计算题．

【分析】由偶函数f（x）满足f（x）=2^x-4（x≥0），可得f（x）=f（|x|）=$2^{|x|}-4$，根据偶函数的性质将函数转化为绝对值函数，再求解不等式，可得答案．

【解答】解：由偶函数f（x）满足f（x）=2^x-4（x≥0），可得f（x）=f（|x|）=$2^{|x|}-4$，

则f（x－2）=f（|x－2|）=$2^{|x-2|}-4$，要使f（|x－2|）＞0，只需$2^{|x-2|}-4>0$，|x－2|＞2

解得x＞4，或x＜0．

应选：B．

【点评】本题主要考查偶函数性质、不等式的解法以及相应的运算能力，解答本题的关键是利用偶函数的性质将函数转化为绝对值函数，从而简化计算．

9．（5分）（2010•海南）若$\cos\alpha=-\frac{4}{5}$，α是第三象限的角，则$\frac{1+\tan\frac{\alpha}{2}}{1-\tan\frac{\alpha}{2}}$=（　　）

A．$-\frac{1}{2}$ B．$\frac{1}{2}$　C．2　D．－2

【考点】半角的三角函数；弦切互化．

【专题】计算题．

【分析】将欲求式$\frac{1+\tan\frac{\alpha}{2}}{1-\tan\frac{\alpha}{2}}$中的正切化成正余弦，还要注意条件中的角α与待求式中角$\frac{\alpha}{2}$的差别，注意消除它们之间的不同．

【解答】解：由$\cos\alpha=-\frac{4}{5}$，α是第三象限的角，

∴可得$\sin\alpha=-\frac{3}{5}$，

则$\frac{1+\tan\frac{\alpha}{2}}{1-\tan\frac{\alpha}{2}}=\frac{\cos\frac{\alpha}{2}+\sin\frac{\alpha}{2}}{\cos\frac{\alpha}{2}-\sin\frac{\alpha}{2}}=\frac{1+\sin\alpha}{\cos\alpha}=\frac{1-\frac{3}{5}}{-\frac{4}{5}}=-\frac{1}{2}$，

应选A．

【点评】本题主要考查三角恒等变换中的倍角公式的灵活运用、同角的三角函数关系等知识以及相应的运算能力．

10．（5分）（2010•海南）设三棱柱的侧棱垂直于底面，所有棱长都为a，顶点都在一个球面上，则该球的表面积为（　　）

A．πa^2　B．$\frac{7}{3}\pi a^2$　C．$\frac{11}{3}\pi a^2$ D．$5\pi a^2$

【考点】球内接多面体．

【专题】计算题．

【分析】由题意可知上下底面中心连线的中点就是球心，求出球的半径，即可求出球的表面积．

【解答】解：根据题意条件可知三棱柱是棱长都为a的正三棱柱，上下底面中心连线的中点就是球心，则其外接球的半径为$R=\sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2+\left(\frac{a}{2\sin60^\circ}\right)^2}=\sqrt{\frac{7}{12}a^2}$，

球的表面积为$S^2=4\pi\cdot\frac{7a^2}{12}=\frac{7}{3}\pi a^2$，

故选B．

【点评】本题主要考查空间几何体中位置关系、球和正棱柱的性质以及相应的运算能力和空间形象能力．

11．（5分）（2010•海南）已知函数$f(x)=\begin{cases}|\lg x|, & 0<x\leqslant 10\\ -\frac{1}{2}x+6, & x>10\end{cases}$，若a，b，c互不相等，且f（a）=f（b）=f（c），则abc的取值范围是（　　）

A．（1，10）　B．（5，6）C．（10，12）　D．（20，24）

【考点】分段函数的解析式求法及其图象的作法；函数的图象；对数的运算性质；对数函数的图像与性质．

【专题】作图题；压轴题；数形结合．

【分析】画出函数的图象，根据f（a）=f（b）=f（c），不妨a＜b＜c，求出abc的范围即可．

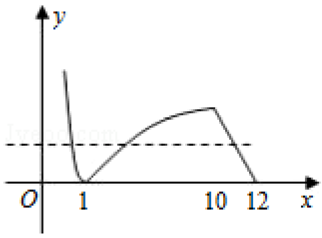
【解答】解：作出函数f（x）的图象如图，

不妨设a＜b＜c，则$-\lg a=\lg b=-\frac{1}{2}c+6\in(0,1)$

ab=1，$0<-\frac{1}{2}c+6<1$

则abc=c∈（10，12）．

故选C．



【点评】本题主要考查分段函数、对数的运算性质以及利用数形结合解决问题的能力．

12．（5分）（2010•海南）已知双曲线E的中心为原点，P（3，0）是E的焦点，过P的直线l与E相交于A，B两点，且AB的中点为N（﹣12，﹣15），则E的方程式为（　　）

A．$\frac{x^2}{3}-\frac{y^2}{6}=1$　B．$\frac{x^2}{4}-\frac{y^2}{5}=1$　C．$\frac{x^2}{6}-\frac{y^2}{3}=1$　D．$\frac{x^2}{5}-\frac{y^2}{4}=1$

【考点】双曲线的标准方程；直线与圆锥曲线的综合问题．

【专题】计算题；圆锥曲线的定义、性质与方程．

【分析】已知条件易得直线l的斜率为1，设双曲线方程，及A，B点坐标代入方程联立相减得$x_1+x_2=-24$，根据$\frac{y_1-y_2}{x_1-x_2}=\frac{4b^2}{5a^2}$，可求得a和b的关系，再根据c=3，求得a和b，进而可得答案．

【解答】解：由已知条件易得直线l的斜率为$k=k_{PN}=1$，

设双曲线方程为$\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}=1$，

A（x_1，y_1），B（x_2，y_2），

则有$\begin{cases}\frac{x_1^2}{a^2}-\frac{y_1^2}{b^2}=1\\ \frac{x_2^2}{a^2}-\frac{y_2^2}{b^2}=1\end{cases}$，

两式相减并结合$x_1+x_2=-24$，$y_1+y_2=-30$得

$\frac{y_1-y_2}{x_1-x_2}=\frac{4b^2}{5a^2}$，

从而$=\frac{4b^2}{5a^2}=1$

即$4b^2=5a^2$，
又$a^2+b^2=9$，
解得$a^2=4$，$b^2=5$，
故选B．
【点评】本题主要考查了双曲线的标准方程．考查了学生综合分析问题和解决问题的能力．

二、填空题（共4小题，每小题5分，满分20分）

13．（5分）（2010•海南）设y=f（x）为区间[0，1]上的连续函数，且恒有0≤f（x）≤1，可以用随机模拟方法近似计算积分$\int_0^1 f(x)\,dx$，先产生两组（每组N个）区间[0，1]上的均匀随机数x_1，x_2，…x_N和y_1，y_2，…y_N，由此得到N个点（x_i，y_i）（i=1，2，…，N），再数出其中满足y_i≤f（x_i）（i=1，2，…，N）的点数N_1，那么由随机模拟方案可得积分$\int_0^1 f(x)\,dx$的近似值为__$\frac{N_1}{N}$__．

【考点】模拟方法估计概率；定积分在求面积中的应用；几何概型．

【专题】计算题．

【分析】要求$\int_0^1 f(x)dx$的近似值，利用几何概型求概率，结合点数比即可得．

【解答】解：由题意可知$\frac{N_1}{N}\approx\frac{\int_0^1 f(x)\,dx}{1}$得$\int_0^1 f(x)\,dx\approx\frac{N_1}{N}$，

故积分$\int_0^1 f(x)\,dx$的近似值为$\frac{N_1}{N}$．

故答案为：$\frac{N_1}{N}$．

【点评】本题考查几何概型模拟估计定积分值，以及定积分在面积中的简单应用，属于基础题．

14．（5分）（2010•海南）正视图为一个三角形的几何体可以是<u>三棱锥、三棱柱、圆锥（其他正确答案同样给分）</u>（写出三种）

【考点】简单空间图形的三视图．

【专题】阅读型．

【分析】三棱锥一个侧面的在正视图为一条线段的情形；圆锥；四棱锥有两个侧面在正视图为线段的情形，即可回答本题．

【解答】解：正视图为一个三角形的几何体可以是三棱锥、三棱柱（放倒的情形）、圆锥、四棱锥等等．

故答案为：三棱锥、圆锥、三棱柱．

【点评】本题主要考查三视图以及常见的空间几何体的三视图，考查空间想象能力．

15．（5分）（2010•海南）过点A（4，1）的圆C与直线x﹣y=1相切于点B（2，1），则圆C的方程为<u>$(x-3)^2+y^2=2$</u>．

【考点】圆的标准方程；直线与圆的位置关系．

【专题】压轴题．

【分析】设圆的标准方程，再用过点A（4，1），过B，两点坐标适合方程，圆和直线相切，圆心到直线的距离等于半径，求得圆的方程．

【解答】解：设圆的方程为$(x-a)^2+(y-b)^2=r^2$，

则$(4-a)^2+(1-b)^2=r^2$，$(2-a)^2+(1-b)^2=r^2$，$\frac{b-1}{a-2}=-1$，

解得$a=3$，$b=0$，$r=\sqrt{2}$，故所求圆的方程为$(x-3)^2+y^2=2$．

故答案为：$(x-3)^2+y^2=2$．

【点评】命题意图：本题主要考查利用题意条件求解圆的方程，通常借助待定系数法求解．

16．（5分）（2010•海南）在△ABC中，D为边BC上一点，$BD=\frac{1}{2}DC$，∠ADB=120°，AD=2，若△ADC的面积为$3-\sqrt{3}$，则∠BAC=<u>60°</u>．

【考点】余弦定理的应用．

【专题】计算题；压轴题．

【分析】先根据三角形的面积公式利用△ADC的面积求得DC，进而根据三角形ABC的面积求得BD和BC，进而根据余弦定理求得AB．最后在三角形ABC中利用余弦定理求得cos∠BAC，求得∠BAC的值．

【解答】解：由△ADC的面积为$3-\sqrt{3}$可得

$$S_{\triangle ADC}=\frac{1}{2}\cdot AD\cdot DC\cdot \sin 60^\circ=\frac{\sqrt{3}}{2}DC=3-\sqrt{3}$$

$$S_{\triangle ABC}=\frac{3}{2}(3-\sqrt{3})=\frac{1}{2}AB\cdot AC\cdot \sin\angle BAC$$

解得$DC=2\sqrt{3}-2$，则$BD=\sqrt{3}-1$，$BC=3\sqrt{3}-3$．

$AB^2=AD^2+BD^2-2AD\cdot BD\cdot \cos 120^\circ=4+(\sqrt{3}-1)^2+2(\sqrt{3}-1)=6$，

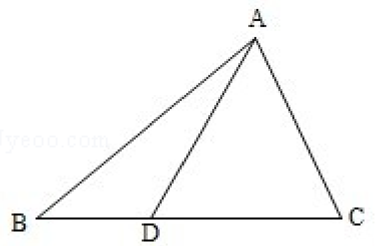
$AB=\sqrt{6}$,

$AC^2=AD^2+CD^2-2AD\cdot CD\cdot \cos60°=4+4(\sqrt{3}-1)^2-4(\sqrt{3}-1)=24-12\sqrt{3}$

$AC=\sqrt{6}(\sqrt{3}-1)$

则 $\cos\angle BAC=\dfrac{BA^2+AC^2-BC^2}{2AB\cdot AC}=\dfrac{6+24-12\sqrt{3}-9(4-2\sqrt{3})}{2\sqrt{6}\cdot\sqrt{6}(\sqrt{3}-1)}=\dfrac{6\sqrt{3}-6}{12(\sqrt{3}-1)}=\dfrac{1}{2}$.

故∠BAC=60°.



【点评】本题主要考查解三角形中的边角关系及其面积等基础知识与技能，分析问题解决问题的能力以及相应的运算能力.