# Wstęp do Informatyki i Programowania

# Lista nr 3 16 i 18 października

#### Zadanie 1

Udowodnij, że jeśli liczba naturalna c dzieli liczby naturalne a i b, to dzieli również liczbę a-b.

# Zadanie 2

Udowodnij, że w przedstawionym na wykładzie algorytmie Euklidesa, zawsze w skończonej liczbie kroków zejdziemy z jednym argumentem do zera.

# Zadanie 3

Napisz algorytm który dla zadanej liczby naturalnej n odpowie czy jest ona pierwsza. Uzasadnij jego poprawność i sprawdź czy wszystkie operacje jakie wykonuje są konieczne (tj. czy algorytm działa w miarę optymalnie).

# Zadanie 4

Napisz algorytm który dla zadanej liczby naturalnej n znajdzie jej wszystkie dzielniki mniejsze od n. Załóżmy, że nie chcemy ich po kolei, ale chcemy je policzyć jak najefektywniej.

# Zadanie 5

Napisz algorytm który dla zadanej liczby naturalnej *n* znajdzie jej rozkład na czynniki pierwsze. Uzasadnij jego poprawność i sprawdź czy wszystkie operacje jakie wykonuje są konieczne (tj. czy algorytm działa w miarę optymalnie).