

## Parte 2

1. Para se observar as curvas de histerese do transformador monofásico utiliza-se um osciloscópio com uma sonda de tensão e uma sonda de efeito Hall, conforme montagem da Figura 4. A sonda de tensão utilizada no laboratório possui escala de 10mV/A.

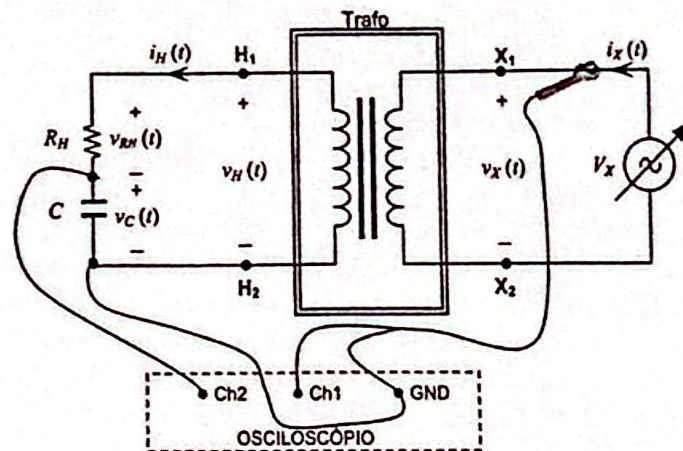


Figura 4: Montagem para determinação da curva  $B \times H$  de um trafo monofásico utilizando o osciloscópio.

As perdas totais no núcleo  $P_n$  são compostas pelas perdas por histerese  $P_h$  e pelas perdas devido às correntes parasitas de Foucault  $P_f$ . Desta forma,

$$P_n = P_h + P_f \quad (5)$$

A perda de potência durante um ciclo completo de histerese será,

$$P_h = (Vol_{núcleo}) \cdot (\text{Área da curva } B \times H) \cdot f \quad (6)$$

O valor instantâneo da intensidade de campo magnético desenvolvida no núcleo do transformador pode ser calculada por:

$$H(t) = \frac{N_x}{\ell_{médio}} \cdot i_x(t) \quad (7)$$

Mas a tensão na sonda de efeito Hall no lado de baixa é tal que

$$v_{sx}(t) = f_{sx} \cdot i_x(t) \quad (8)$$

Onde  $f_{sx}(t)$  é um fator de escala associado à sonda de efeito Hall.

Substituindo (8) em (7), tem-se

$$H(t) = \frac{N_x}{\ell_{médio}} \cdot \frac{v_{sx}(t)}{f_{sx}} = k_3 \cdot v_{sx}(t) \quad (9)$$

Ou seja, a intensidade do campo magnético é diretamente proporcional à tensão na sonda de efeito Hall.

$$H(t) = \frac{N_x}{\ell_{médio}} \cdot \frac{1}{f_{sx}} \cdot v_{sx}(t) = \text{---} \cdot \text{---} \cdot v_{sx}(t) = k_3 \cdot v_{sx}(t)$$



No enrolamento de alta ( $H_1 - H_2$ ) tem-se que a tensão terminal é aproximadamente igual à tensão induzida. Assim,

$$v_H(t) \approx -\frac{d\lambda(t)}{dt} = -N_H \frac{d\phi(t)}{dt} = -N_H \cdot A_{liq} \cdot \frac{dB(t)}{dt} \quad (10)$$

Por outro lado, a tensão  $v_H$  é tal que

$$v_H(t) = v_{R_H}(t) + v_C(t) = R_H \cdot i_H(t) + \frac{1}{C} \int i_H(t) \cdot dt \quad (11)$$

Na hipótese de  $R_H \gg X_C$ , para uma certa frequência de operação  $\omega$ , a tensão  $v_H(t)$  será praticamente a tensão no resistor  $R_H$ . Assim,

$$v_H(t) \approx v_{R_H}(t) + v_C(t) = R_H \cdot i_H(t) \rightarrow i_H(t) = \frac{v_H(t)}{R_H} \quad (12)$$

Substituindo a relação para a corrente  $i_H(t)$  presente na equação (12) na expressão para a tensão no capacitor  $v_C(t)$ , resulta em

$$v_C(t) = \frac{1}{C} \int i_H(t) \cdot dt = \frac{1}{C} \int \frac{v_H(t)}{R_H} \cdot dt = \frac{1}{R_H \cdot C} \int v_H(t) \cdot dt \quad (13)$$

Substituindo (10) em (13) resulta em

$$v_C(t) = \frac{1}{R_H \cdot C} \int \left( -N_H \cdot A_{liq} \frac{dB(t)}{dt} \right) dt = -\frac{N_H \cdot A_{liq}}{R_H \cdot C} \int \frac{dB(t)}{dt} dt = -\frac{N_H \cdot A_{liq}}{R_H \cdot C} \cdot B(t) \quad (14)$$

Ou seja,

$$B(t) = \frac{R_H \cdot C}{N_H \cdot A_{liq}} \cdot v_C(t) = k_4 \cdot v_C(t) \quad (15)$$

A equação (15) mostra que a densidade de campo magnético  $B$  é diretamente proporcional à tensão no capacitor  $C$ .

$$B(t) = \frac{R_H \cdot C}{N_H \cdot A_{liq}} \cdot v_C(t) = \text{---} \cdot v_C(t) = k_4 \cdot v_C(t)$$

- Com o auxílio do osciloscópio, obtenha os gráficos de histerese para  $V_x = 80V$  e  $V_x = 130V$  e calcule as perdas por histerese para esses dois casos.
- Apresentar memória de cálculo de  $k_3$  e  $k_4$ . E apresentar as perdas na tabela a seguir.

$k_3$	$k_4$	$V_x=130V$		
		$P_h$	$P_n$	$P_f$
$2,87 \cdot 10^{-2} \text{ s/m}^2$	$1,24 \text{ T/V}$	$12,83 \text{ W}$	$26 \text{ W}$	$13 \text{ W}$

**Observação:**

- Ao realizar os cálculos da Parte 1 observar com cuidado as unidades.
- Levar pendrive para salvar as curvas do osciloscópio.