

## LE Réseau Géodésique Français 1993 (RGF93)

Projections associées: Lambert 93

**Lambert CC 9 zones** 

- ☐ Cadre juridique et administratif
- ☐ Rappels de géodésie
- Représentations planes "projections"
- ☐ Systèmes de référence en France
- ☐ Altérations linéaires
- ☐ Transformation de coordonnées
- ☐ Méthodologie de rattachement



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Cadre juridique et administratif

# Loi d'Aménagement et de Développement Durable du Territoire ( JO du 29 juin 1999)

#### Article 53:

- "Après l'article 88 de la loi du 4 février 1995, il est créé un article 89 ainsi rédigé :
- "Les informations localisées issues des travaux topographiques ou cartographiques réalisés par l'État, les collectivités locales, les entreprises chargées de l'exécution d'une mission de service public, ou pour leur compte, doivent être rattachées au système national de référence de coordonnées géographiques, planimétriques et altimétriques défini par décret et utilisable par tous les acteurs participant à l'aménagement du territoire."



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones — Cadre juridique et administratif

**Décret du 3 mars 2006 modifiant le décret du26 décembre 2000** portant application de l'article 89 de la loi n° 95-115 du 4 février 1995 modifiée pour l'aménagement et le développement du territoire relatif aux conditions d'exécution et de publication des levés de plans entrepris par les services publics

#### Article 1er A : Systèmes de référence géographiques et planimétriques

Zone	Système géodésique	Ellipsoïde associé	Projection
France métropolitaine	RGF 93	IAG GRS 1980	Lambert 93 Coniques conformes 9 zones
Guadeloupe, Martinique	WGS 84	IAG GRS 1980	UTM Nord fuseau 20
Guyane	RGFG 95	IAG GRS 1980	UTM Nord fuseau 22
Réunion	RGR 92	IAG GRS 1980	UTM Sud fuseau 40

International Association of Geodesy Geodetic Reference System WGS 84: World Geodetic System, créé en 1984.



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Cadre juridique et administratif

#### Art.1er B : Systèmes de référence altimétriques

La cote du zéro hydrographique dans chaque zone de marée est définie à la côte par le service hydrographique et océanographique de la marine dans les systèmes de référence altimétriques :

Zone	Système altimétrique
France métropolitaine à l'exclusion de la Corse	IGN 1969
Corse	IGN 1978
Guadeloupe	IGN 1988
Martinique	IGN 1987
Guyane	NGG 1977
Réunion	IGN 1989
Mayotte	SHOM 1953

SHOM : Service Hydrographique et Océanographique de la Marine



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones — Cadre juridique et administratif

<u>Art. 2</u> - IGN (zone terrestre), SHOM (zone maritime) entretiennent et diffusent à tout demandeur public ou privé l'information relative à ces systèmes ainsi que les éléments nécessaires à la transformation des systèmes les plus couramment utilisés sur le territoire national dans le système national de référence défini à l'article 1er.

L'article 3 du décret du 26 décembre 2000 susvisé est remplacé par les dispositions suivantes:

<u>Art.3</u> – Les informations localisées doivent être fournies dans le système national de référence de coordonnées décrit à l'article 1er

ou à titre transitoire pendant une période de trois ans à compter de la date de publication du présent décret (10 mars 2006), selon l'une des deux modalités suivantes:

-par fourniture dans tout autre système, accompagnées des éléments nécessaires à leur transformation dans le système national de référence de coordonnées avec le même niveau de précision que celui des informations d'origine;

-par report sur un fond de plan graphique ou numérique lui-même rattaché avec le même niveau de précision que celui du fond de plan utilisé.



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones — Cadre juridique et administratif

#### Décret du 26 décembre 2000 et du 3 mars 2006

**<u>Art. 4</u>** - Un arrêté du ministre de l'équipement définit les niveaux de Précision […]

**Art. 5** - Conditions particulières... Occupation du domaine public...

<u>Art. 6</u> - Sous réserve des dispositions contraires qui résulteraient d'accords internationaux, le présent décret s'applique à tous les levers couvrant une superficie supérieure à 10 000 m² ou dont la plus grande longueur est supérieure à 500 mètres.

Les seuils définis ci-dessus peuvent être abaissés ou supprimés en application de dispositions résultant d'accords internationaux ou locaux tels que contrats, conventions ou commandes publiques.

Art. 7 - (Exécution du décret, publication au JO...)

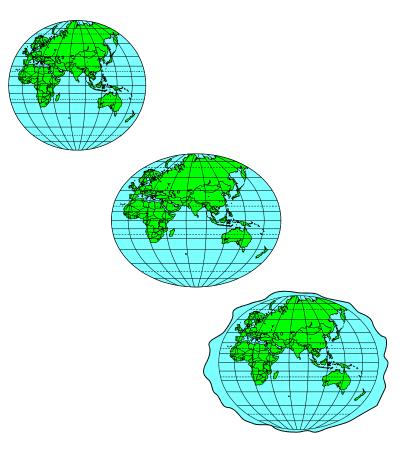


#### Modélisation de la forme de la Terre

→ La Terre : sphère

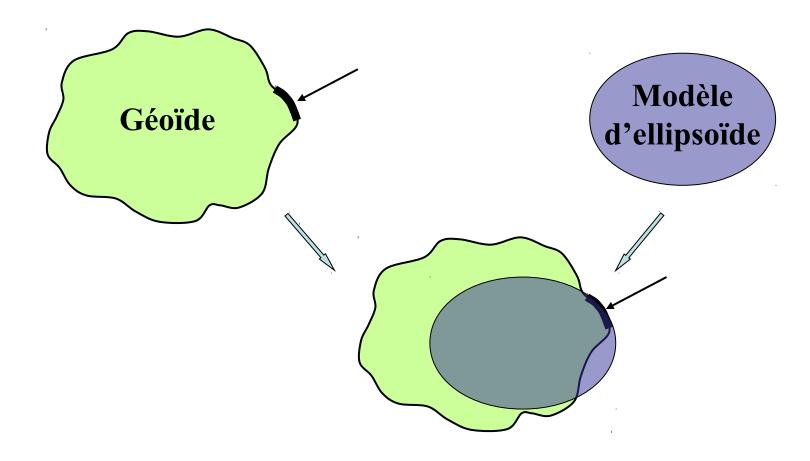
→ La Terre : ellipsoïde

→ La Terre : géoïde



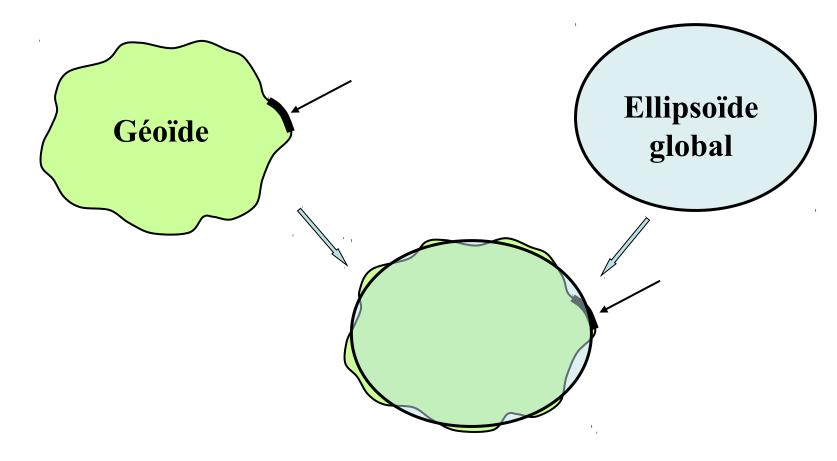


# Système géodésique local



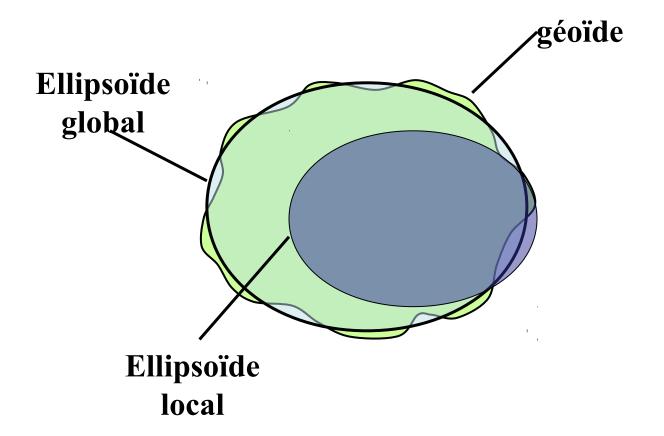


# Système géodésique géocentrique



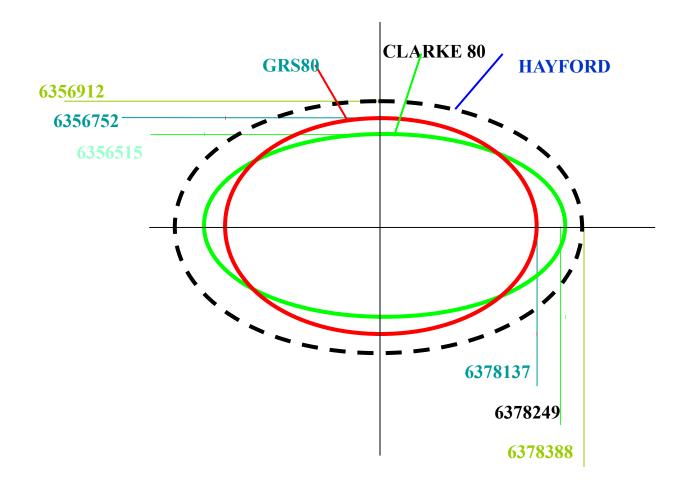


# Référence locale et référence géocentrique





# Ellipsoïdes ...



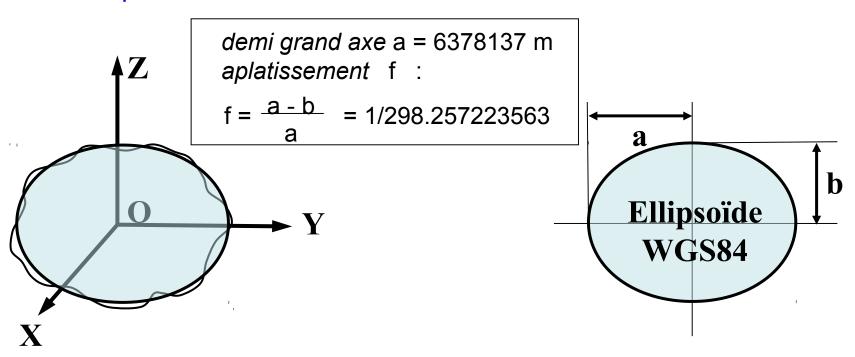


#### Système de référence géocentrique

Axe OZ Axe de rotation terrestre Axe OX conventionnel (CIO) tel que XOZ parallèle au Plan méridien du BIH Axe OY OXYZ = trièdre direct (Bureau International de l'Heure) <u>Origine O</u> Centre de masse de la Terre



# Système de référence géocentrique : ellipsoïde associé exemple du WGS 84

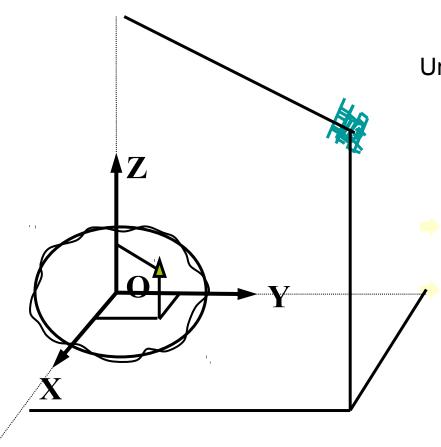


L'ellipsoïde utilisé en géodésie est l'ellipsoïde IAG GRS80 (a = 6378137 m et f = 1/298.257222101) la différence est de 1/10ème de millimètre sur b!

 $b_{WGS} = 6356752.3142$  $b_{GRS} = 6356752.3141$ 



#### Système de référence géocentrique : réalisation



Une réalisation est obtenue par la connaissance de coordonnées de points matériels :

- points géodésiques (réseaux)
- satellites GPS
- Le réseau scientifique ITRF est une réalisation de haute précision (1cm).
- Le couplage avec des stations GPS permanentes (IGS) rend son accès commode et fiable.

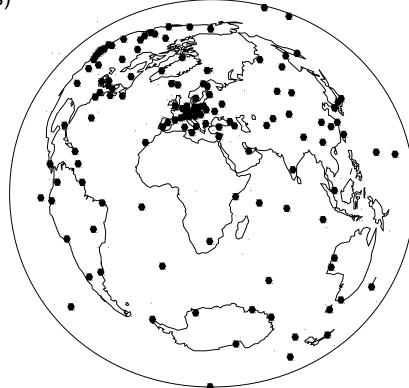


## Réseau IGS (International GPS Service)

- Réseau mondial de stations GPS permanentes
- solution hebdomadaire
- participation aux solutions annuelles ITRF

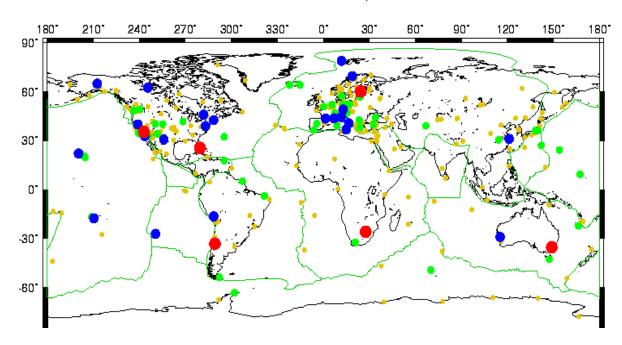
- éphémérides précises des satellites GPS (position en fonction du temps à quelques

centimètres)





#### Le système de référence mondial ITRS, réalisation ITRF 1997



#### **International Earth Rotation and Reference Systems Service**

(IERS, traduit en français par Service international de la rotation terrestre et des systèmes de référence) est un organisme interdisciplinaire entre l'astronomie, la géodésie et la géophysique qui étudie l'orientation de la terre et établit un système de coordonnées sur la Terre et par rapport à l'espace.

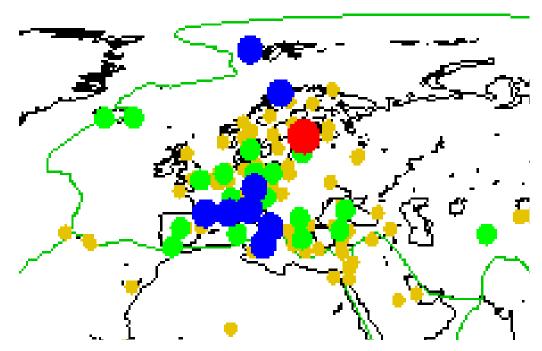
Il a été créé en 1988 par l'Union astronomique internationale et l'Union géodésique et géophysique internationale.

Il s'appelait alors l'International Earth Rotation Service et fut modifié en 2002 mais le sigle IERS fut conservé.

Il fournit et maintient le Système/Repère de référence terrestre international (*International Terrestrial Reference System/Frame* (ITRS/ITRF)),



#### Le système de référence européen ETRS 89

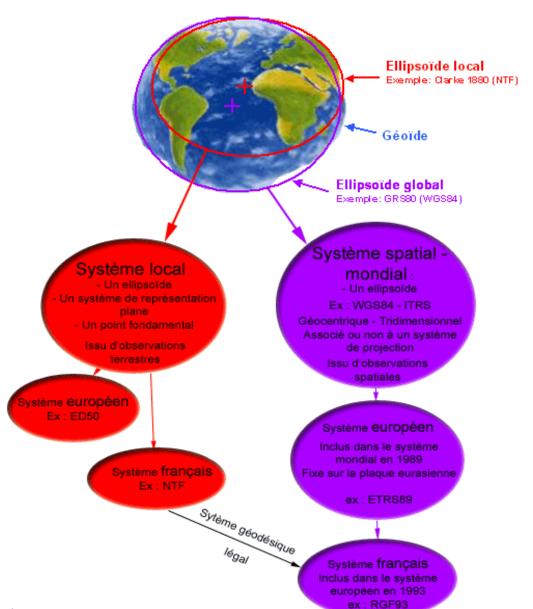


ETRS89 = ITRS époque 1989.0 pour la plaque européenne (env. 3 cm / an NE)

Système de Référence Terrestre adopté en 1990 par l'Association l'Internationale de Géodésie. Ce système coïncide avec le système mondial ITRS à l'époque 1989,0 et est fixe par rapport à la partie stable de la plaque Eurasie.

En 2003 la commission Européenne a choisi ETRS89 pour géoréférencer toutes ses données géolocalisées.





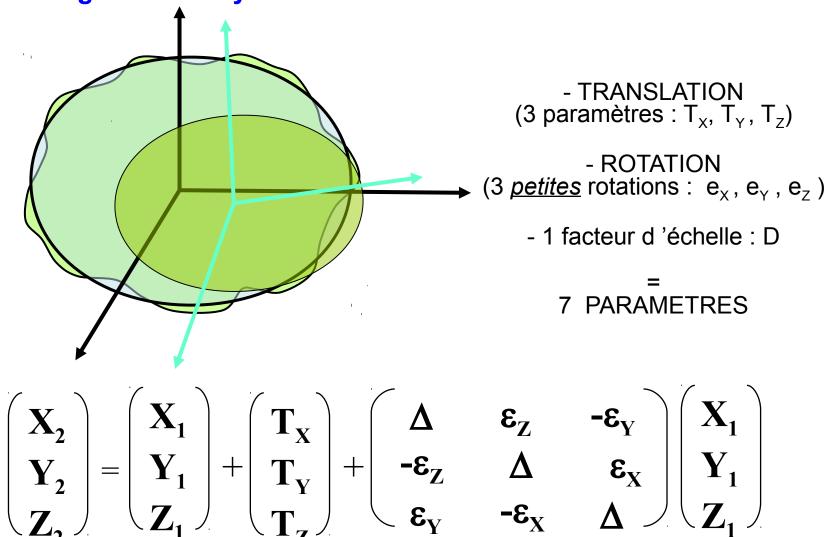


# Systèmes de référence et réalisations

Systèmes	Réalisations	
ITRS International Terrestrial Reference System (IERS : International Earth Rotation Service)	ITRFyy International Terrestrial Reference Frame observations jusqu'à année : yy ITRF88 ITRF94, ITRF96	
WGS 84 World Geodetic System 1984 (DMA : Defense Mapping Agency - USA)	WGS 84(± 2 m) WGS 84 (G873) cohérence centimétrique avec ITRF94 (époque 1997.0)	
ETRS89 plaque EURA ( ITRS époque 1989)	ETRFyy ETRF89 ETRF93 RGF93	
European Datum Point fondamental : Potsdam (US Army Map Service)	ED50 (Calcul des triangulations européennes)	
Triangulation de la France Point fondamental : Paris-Panthéon	NTF (Nouvelle Triangulation de la France : de fin XIXème siècle à 1991)	



#### Changement de système de référence





# Systèmes de coordonnées

CARTESIENNES X, Y, Z	Z X	* SYSTEME DE REFERENCE
GEOGRAPHIQUES  Longitude : λ  Latitude : φ  hauteur ellipsoïdale : h	Z h Y	* SYSTEME DE REFERENCE * ELLIPSOIDE
PLANES E, N	N E	* SYSTEME DE REFERENCE * ELLIPSOIDE * PROJECTION

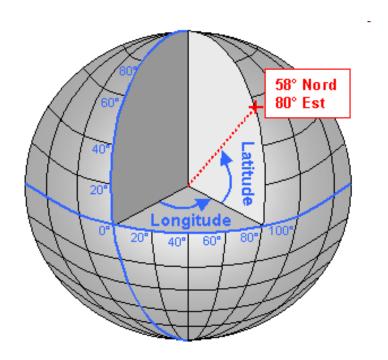


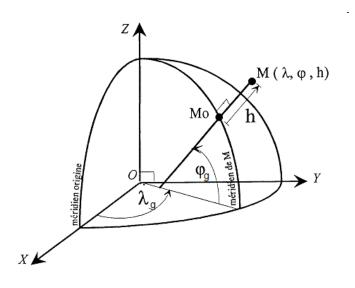
# Coordonnées géographiques

Longitude :  $\lambda$ 

Latitude : φ

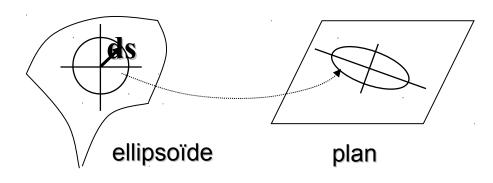
hauteur ellipsoïdale : h







#### **Projections cartographiques : propriétés**

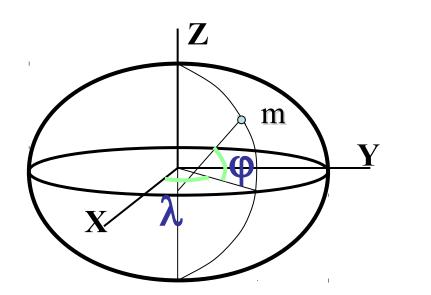


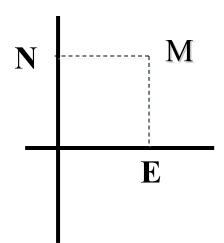
Un cercle élémentaire de l'ellipsoïde est transformé en une ellipse (« indicatrice de Tissot »).

- si l'indicatrice de Tissot est un cercle, la projection est dite <u>CONFORME</u>:
- la déformation des distances est indépendante de la direction
- les angles sont conservés.
- si l'indicatrice de Tissot a même aire que le cercle élémentaire, la projection est dite <u>EQUIVALENTE</u>: les surfaces sont conservées, mais non les angles et les déformations des distances dépendent de la direction (azimut).
- la plupart des projections d'atlas n'ont ni l'une ni l'autre de ces propriétés et sont définies pour des avantages particuliers de représentation graphique.



## **Projection cartographique**

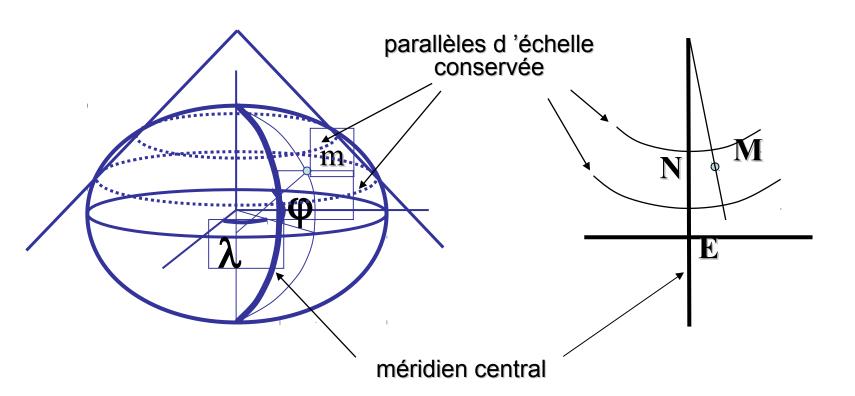




Représentation plane de l'ellipsoïde ou « projection »  $E = f(\lambda, \phi)$   $N = g(\lambda, \phi)$ 

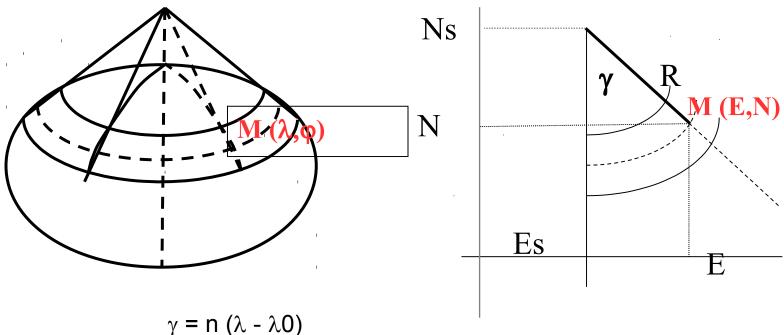


# **Projection Lambert (conique conforme)**





#### **Projection Lambert, les formules**



$$\gamma = n (\lambda - \lambda 0)$$
 $R = R0 \exp \{ -n (\pounds - \pounds 0) \} = C \exp \{ -n \pounds \}$ 

(C rayon de l'image de l'équateur)

 $\pounds = Ln [(1 + \sin \phi)/(1 - \sin \phi)]^{1/2} - e Ln [(1 + e \sin \phi)/(1 - e \sin \phi)]^{1/2}$ 

E = Es + R sin 
$$\gamma$$
  
N = Ns – R cos  $\gamma$ 



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Systèmes de référence

### Ancien système utilisé en France : la NTF

Jusqu'en 2000, le système géodésique utilisé en France métropolitaine est le système NTF (« Nouvelle Triangulation de la France »).

#### Système de référence :

- bidimensionnel
- Point fondamental : Paris Panthéon
- Ellipsoïde : CLARKE 1880

a = 6.378.249.2 m

b = 6 356 515.0 m

- Méridien origine Paris-Observatoire(2°20'14.025" E de Greenwich) Système de coordonnées :

- longitudes, latitudes en grades
- -Projection : X, Y Lambert I, II, III et IV

#### Accès:

- Réseau de 80 000 points (en quatre ordres de précision équivalente)
- Précision : 10 5 (soit 1cm par km)





#### Pourquoi changer?

Être en compatibilité avec les systèmes spatiaux

- GNSS
- Utiliser le maximum de précision

Un ordre d'idée, la précision relative de la NTF est donnée sous la forme "1 cm / km".

Or aujourd'hui, sans tenir compte des problèmes de transformations de coordonnées entre systèmes GNSS, type RTK utilisé couramment en topométrie, donne une précision relative de "1 cm / 10 km" plus une constante de 1 centimètre.

Il est donc possible très facilement de mettre en évidence des incohérences dans la NTF. C'est pour cela que l'IGN a développé un nouveau système géodésique appuyé sur des mesures spatiales le RGF93.

#### Le passage d'un système à un autre n'est pas immédiat.

En effet, en France, depuis 1948, une grande partie des levés topographiques, des plans de géomètres et des cartes imprimées (dont la carte de base au 1/25000°) a été réalisée en NTF.

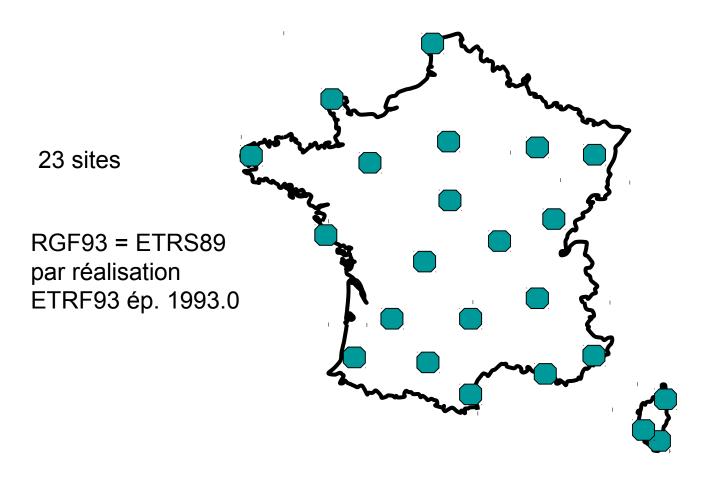
Le passage au nouveau système RGF93 ne pourra se faire que très progressivement.

La transformation de l'ensemble des travaux en un laps de temps très court est quasiment impossible et financièrement inabordable.





#### ETRS 89 – RGF 93, Réseau de Référence Français (RRF)



ETRS 89 : European Terrestrial Reference System 1989

#### LYCEE EUGENE LIVET NANTES

#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones – Systèmes de référence

#### Le nouveau système : RGF 93

Depuis le 1er février 2001, le système géodésique légal en France métropolitaine est le RGF93

#### Système de référence :

- Tridimensionnel
- Liaison au système de référence mondial (ITRS)
- Ellipsoïde : GRS80

a = 6 378 137 m

f = 1 / 298.257 222 101

Méridien origine International (Greenwich)

#### Système de coordonnées :

- Longitudes, latitudes en degrés sexagésimaux
- Hauteurs ellipsoïdales en mètres
- Projections : (E, N) en m Lambert-93, Lambert CC 9 zones

#### Accès:

- Réseau de Référence Français (RRF) : 23 sites
- Réseau de Base Français (RBF) : 1032 sites
- Réseau permanent (RGP, Teria, Orphéon, SAT-Info)
- Exactitude: 1 à 2 cm (horizontale), 2 à 5 cm (verticale)



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Systèmes de référence

#### Caractéristiques du Lambert 93

#### **ELLIPSOÏDE**:

GRS 80 (= WGS84 à 1/10ème de mm)

demi grand axe : a = 6378137 m

aplatissement : f = 1 / 298.257222101

#### PROJECTION CONIQUE CONFORME

\* Parallèles d'échelle conservée (parallèles standards) :

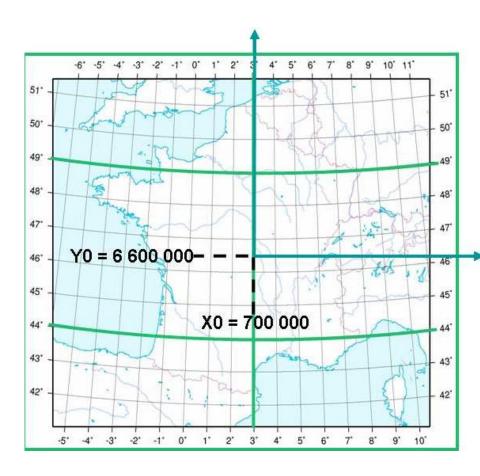
Parallèle 44° N Parallèle 49° N

\* Origine :

Méridien central : 3° E Greenwich

Latitude origine : 46°30 N Coordonnées de l'origine :

> X = 700 000 m Y = 6 600 000m





## RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Systèmes de référence

#### Caractéristiques du Lambert CC 9 zones

#### PROJECTION CONIQUE CONFORME CCxx

Latitude origine  $\phi_0 = xx^\circ$ Numéro de zone  $\mathbf{NZ} = xx - 41$ 

Longitude origine  $\lambda_0 = 3.000000000^{\circ}$ 

Premier parallèle standard  $\phi_1 = \phi_0 - 0.75000000^\circ$ Deuxième parallèle standard  $\phi_2 = \phi_0 + 0.75000000^\circ$ 

Constante X  $X_0 = 1700000 \text{ (m)}$ 

Constante Y  $Y_0 = NZ * 1 000 000 + 200 000(m)$ 

 $(X_o, Y_o \text{ sont les coordonnées CCxx du point } \lambda_o, \varphi_o)$ 

#### Exemple: PROJECTION CONIQUE CONFORME CC47

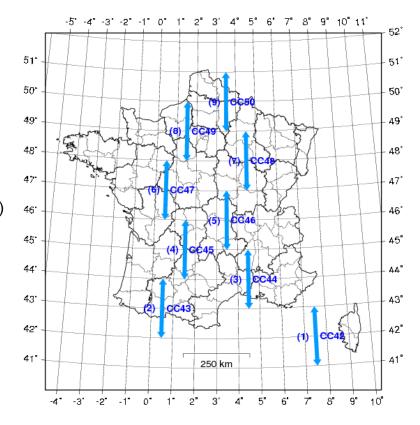
Latitude origine  $\phi_0 = 47^{\circ}$ Numéro de zone **NZ**= 6

Longitude origine  $\lambda_0 = 3.00000000^{\circ}$ 

Premier parallèle standard  $\phi_1$ =46.25000000 ° Deuxième parallèle standard  $\phi_2$ =47.75000000°

 $X_0 = 1700000 \text{ m}$ 

Constante Y  $Y_0 = 6 200 000 \text{ m}$ 

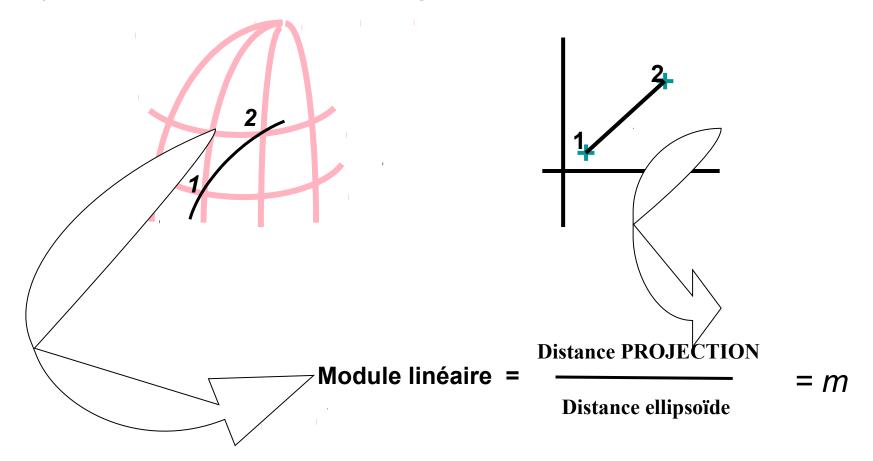


Constante X





## **Projection = déformation des longueurs**



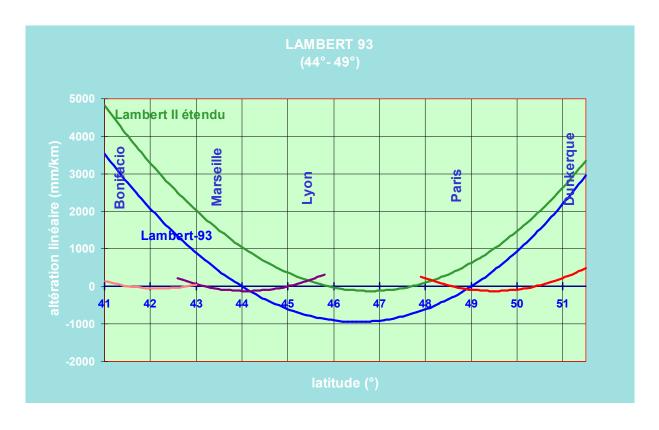
Distance ellipsoïde

= m-1





#### Lambert 93 : altérations linéaires



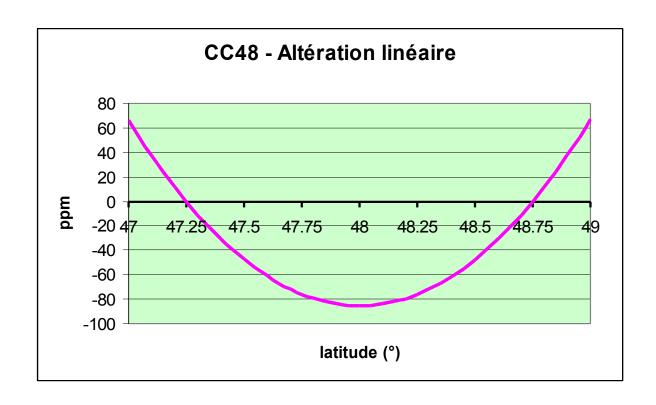
#### **Altérations linéaires:**

de – 1m / km à + 3.5 m / km variation locale gênante



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Altérations linéaires

#### Lambert CC 9 zones: altérations linéaires



#### **Altérations linéaires:**

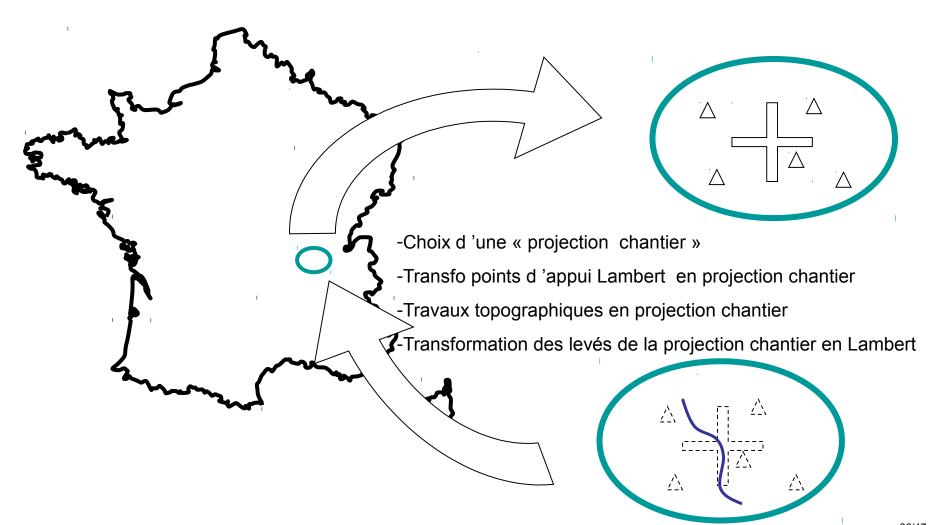
-85mm/km (-85ppm) sur le parallèle origine

+67mm/km (+67ppm) en limites de zone





### Travaux topographiques et altération linéaire

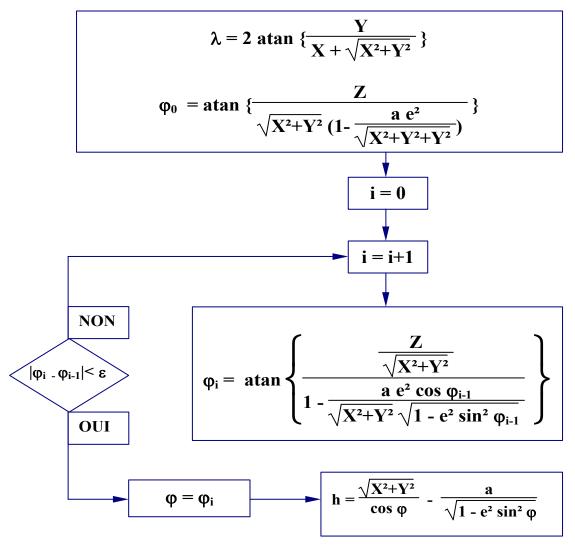


#### LYCEE EUGENE LIVET NANTES

#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Transformations de coordonnées

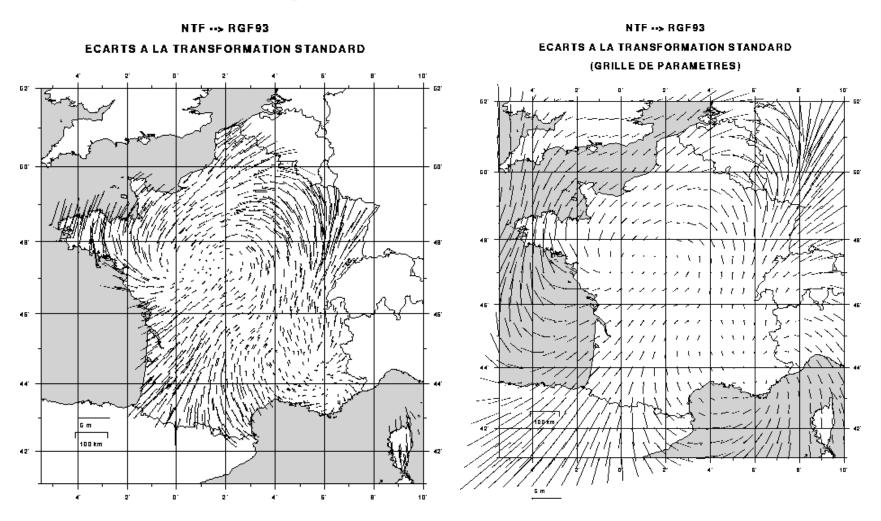
#### **Algorithmes**

PASSAGE DES COORDONNÉES CARTÉSIENNES (X, Y, Z ) AUX COORDONNÉES GÉOGRAPHIQUES (  $\phi$ ,  $\lambda$ , h)



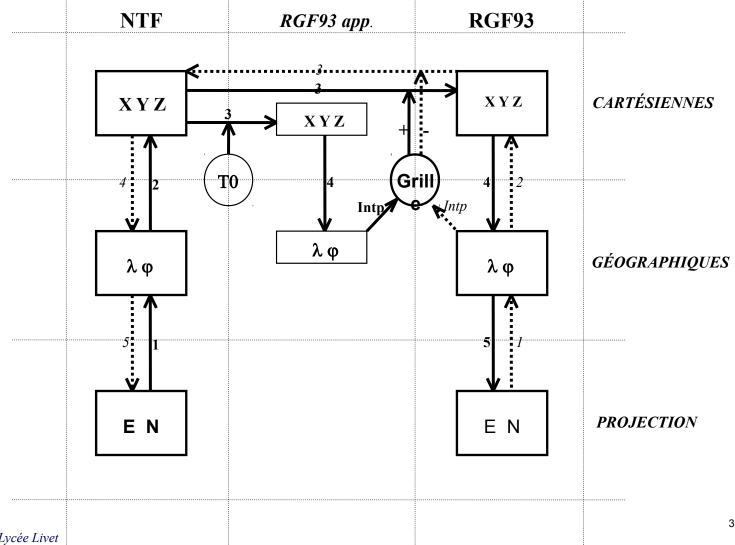


## Transformation NTF → RGF 93 : modélisation



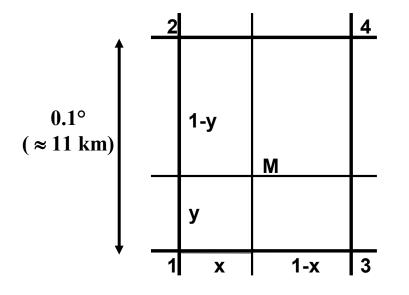


#### NTF RGF 93 : schéma de transformation





#### Grille de paramètres : utilisation

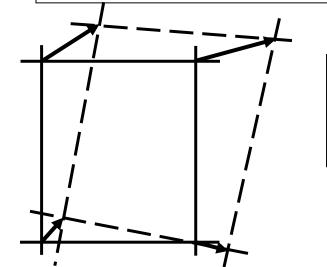


#### Interpolation bilinéaire

$$T_{M} = (1-x)(1-y)$$
  $T_{1} + (1-x)y$   $T_{2} + x(1-y)$   $T_{3} + xy$   $T_{4}$ 

avec  $T_{i} = (T_{Xi} T_{Yi} T_{Zi})^{T}$   $(i = 1,4)$ 

avec
$$x = \frac{\lambda_{M} - \lambda_{1}}{\lambda_{3} - \lambda_{1}} \qquad y = \frac{\phi_{M} - \phi_{1}}{\phi_{2} - \phi_{1}}$$



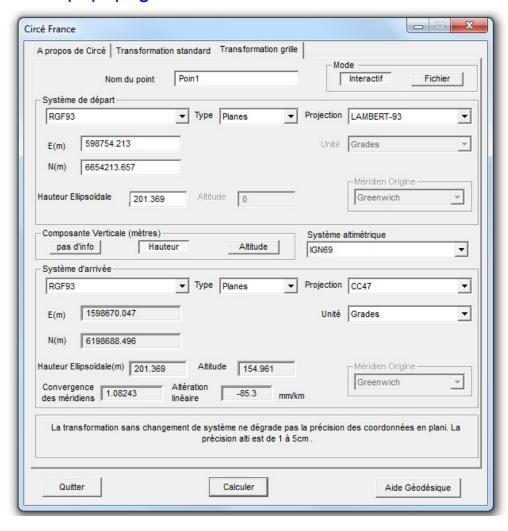
#### Modèle de grille :

- rotation
- échelle
- déformation



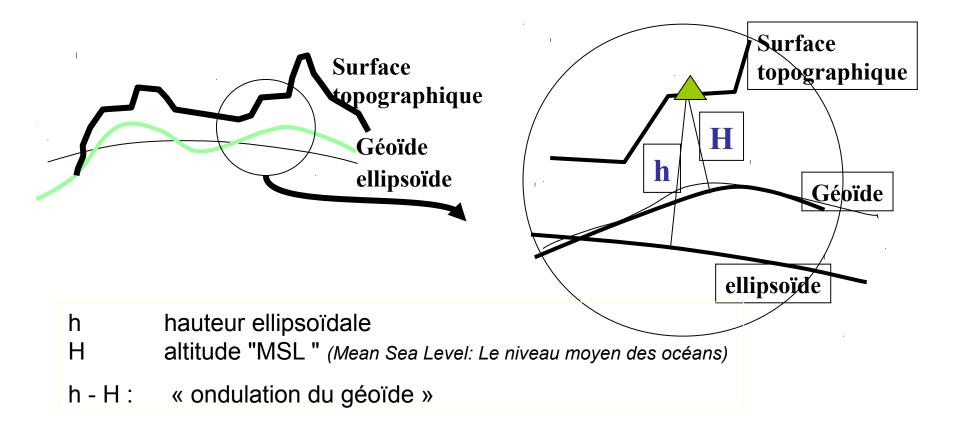
#### Logiciel Circé téléchargeable via

http://geodesie.ign.fr/index.php?page=circe





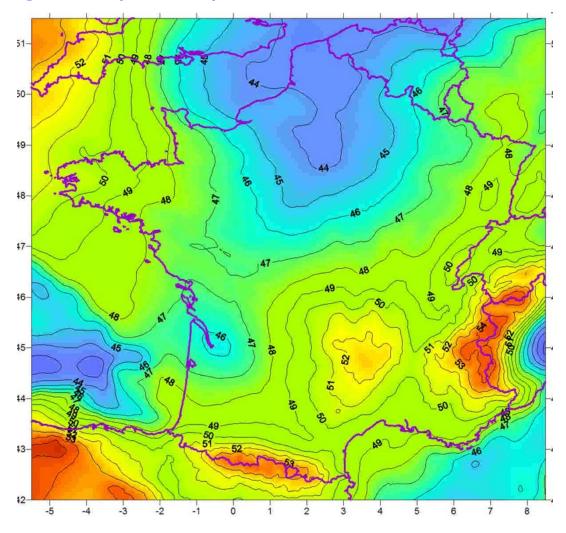
#### Hauteur ellipsoïdale et altitude



WGS-84 FRANCE : utilisation du modèle de géoïde RAF 09



# Modèle de géoïde (France)







#### Référence des Altitudes Françaises (RAF) 09

Surface de conversion pour passer de la hauteur ellipsoïdale à l'altitude NGF IGN 69

Précision de la grille de conversion : de 1 à 5 cm

Tous les sites du RBF ont été ré-observés par méthode GNSS par le service de géodésie et nivellement de l'IGN entre 2000 et 2008.

Les calculs ont été appuyé sur le RGP (Réseau GNSS Permanent) et le nouveau jeu de coordonnées issu du recalcule des observations de 1998 à 2009. Ces nouvelles observations et calculs du RBF ont permis d'améliorer la précision et l'exactitude des coordonnées aussi bien sur les composantes horizontales que verticales.

Certains sites RBF ont aussi été à nouveau nivelés en nivellement de précision.

La nouvelle grille RAF2009 correspond à une adaptation du quasi-géoïde QGF98,



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Méthodes de rattachement

#### Accès aux bases de données

Sites internet IGN: http://geodesie.ign.fr/

http://rgp.ign.fr/

#### Modes de rattachement

Rattachement par méthode terrestre traditionnelle

Rattachement par GNSS (Statique rapide ou RTK (temps réel))
 Utilisation des points du RGF93
 Rattachement au RGP ou aux réseaux (Teria, Orphéon, SAT-Info)



#### RGF 93 - Lambert 93 et CC 9 zones - Méthodes de rattachement

#### Le RGP: Réseau GNSS Permanent



