ETUDE DE LA TENUE EN MER DE Posidonie

Théo Prats Rioufol, Mai 2025.

Résumé—Ce documment présente l'analyse menée sur les conditions météo que Posidonie devrait confronter. A défault de pouvoir adapter la géométrie de la coque à toute les condition de mer, ce document vise à déterminer le cade de navigation de Posidonie, et de localiser les effort causé par les vagues. Ainsi, l'opérateur connaîtera quelle seront les conditions de mer limites, et le concepteur aura les paramètres critiques en tête.

Index Terms—Sea keeping, wave theory, wave diffraction analysis, hydrodynamic response

I. INTRODUCTION

Pour cette étude, on cherche à répondre à trois objectifs :

- Trouver le domaine de navigation, c'est-à-dire les conditions de mer pour lesquels le bateau peut "survivre" (ne pas subir de dommage par la houle), et celle où il peut naviguer
- Quantifier les efforts due aux vagues
- Obtenir une loi quantitative pour améliorier les performance du bateau.

La réponse du bateau sera déterminée grâce au module AQWA d'Ansys. Les données d'entré du modèle sont : la période des vagues T, la hauteur des vagues h, la direction par rapport au bateau α , la vitesse du bateau u (modélisé par un courant). On néglige l'action du vent sur le bateau (on se concentre uniquement sur la réponse au vagues).

II. TAILLE ET PÉRIODE DES VAGUES

A. Cadre d'étude

Pour trouver la taille et la période des vagues à considérés, on s'appuie sur des enregistrements de la houle en méditerranée et en atlantique grâce à l'initiative européenne *Copernicus*. Ainsi, on définit 5 zones d'intérêt (voir Fig. ?? :

- Le canal région PACA vers la Corse. La zone 1 moyenne les vagues rencontrés lors d'une traversée de 300km jusqu'en Corse
- 2) A mi-chemin France-Algérie, dans le but de capter le comportement des vagues de haute mer
- 3) Le large de Perpignan, dans le cas où le bateau serait envoyé dans cette direction
- 4) Les côtes bretonnes, souvent utilisé comme départ vers la MicroTransat. Par ailleurs les vagues venues d'atlantique vienne se briser sur ces côtes, avec une grande puissance.
- 5) Au « large » en Atlantique, au-dessus des îles Açores comme exemple des vagues d'océan

On moyenne spatialement 4 grandeurs sur chacune de ces zones :

- Sea surface wind wave mean period (VTM01_WW) correspondant à la période moyenne des vagues générées par le vent local.
- Sea surface wind wave significant height (VHMO_WW) soit la hauteur significative (la moyenne des 1/3 vagues les plus grandes, mesuré du creux jusqu'à la crête) de ces mêmes vagues.
- Sea surface primary swell wave significant height (VHM0_SW1) idem pour la houle (générée par un vent/orage lointain). Elle est très régulière est la période est longue. On notera que sa direction peut être opposée aux vagues générés par le vent local qui peut faire déferler ces vagues. « Primary » corresponds au fait que l'on considère que les vagues dans la direction principale de la houle.
- Sea surface primary swell wave mean period (VTM01_SW1) idem avec la période moyenne.

B. Distribution générale de la taille des vagues

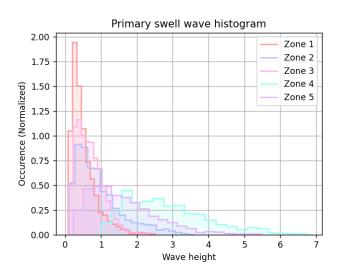


FIGURE 2. Histograme normalisé (l'intégrale des courbes est unitaire) de la taille de la houle dans la direction **principales** pour différentes zones géographiques.

La figure II-B présente un histogramme de la taille de la houle sur chacune des zones. En méditerranée (zone 1,2 et 3) la houle est inférieure 51cm à m dans 50% des cas, 1.39m dans 90% des cas, 1.83m pour 95% et inférieure à 2.62m pour 99% des cas (sur une durée d'environ 200 jours). En atlantique, c'est 1.7m pour 50%, 3.36m pour 90%, 4.03m sous les 95% et 99% de la houle est inférieure à 5.34m. On remarquera que les côtes bretonnes sont particulièrement houleuses en moyenne (médiane autour de 2.66m contre 40cm pour la région PACA). **Pour posidonie en méditerranée, on retiendra** h = 2.62m.

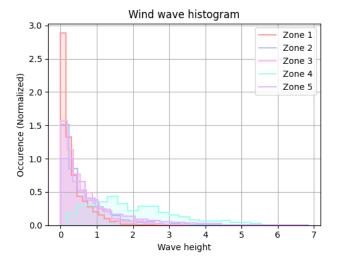


FIGURE 3. Histograme normalisé (l'intégrale des courbes est unitaire) des tailles de vague causé par le vent pour différentes zones géographiques.

La figure II-B présente un histogramme de la taille de la mer formée par le vent sur chacune des zones. On remarque que la distribution est d'avantage tassée vers les petites vagues (même si elle sont plus violente, voir la suite). En médiane, en méditerranée, les vagues ont une hauteur de 33cm (20cm pour PACA) versus 83cm pour l'atlantique (1.74m pour la bretagne). En termes d'aspect général, l'histogramme est similaire à celui de la houle. Les hauteurs à 95% et 99% sont de 1.6m, 2.7m en méditerranée et 3.4m, 4.8m en atlantique.

C. Relation taille/période de la houle et du clapot pour chacune des zones

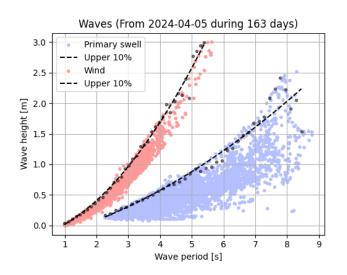


FIGURE 4. Répartition des couples taille/période des vagues (par le vent et principales), pour la **zone 1**, durant 163 jours.

La figure II-C présente les couples taille, durée des vagues due à la houle (en bleu) et au vent (orange) dans la zone1. On remarque que la déviation sur les vagues formée par le vent est bien plus faible que celle de la houle du fait que

la houle peut présenter plusieurs états de « dégénérescence » suivant la distance entre la source de la houle et la mesure (les vagues s'étalent? la période augmente avec la distance). Si une vague est d'autant plus dévastatrice que sont rapport hauteur/période est grand (forte variation d'amplitude en un temps cours, c-a-d forte accélération/risque de déferler, partie gauche du graphique), c'est la mer formée par le vent qui est dangereuse. Comme pour ces vague la période est bien définie selon la hauteur de la vague, c'est l'histogramme de la mer formé par le vent qui est dimensionnant. Sur la figure II-C, le trait noir en pointillé est une modélisation polynomiale de degré 3 des 10% des vagues les plus courte pour une hauteur donnée (=les plus puissantes).

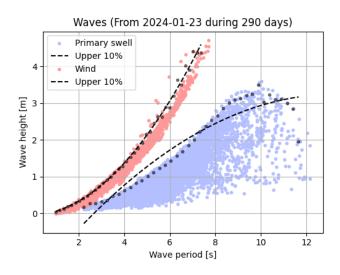


FIGURE 5. Répartition des couples taille/période des vagues (par le vent et principales), pour la **zone 2**, durant 290 jours.

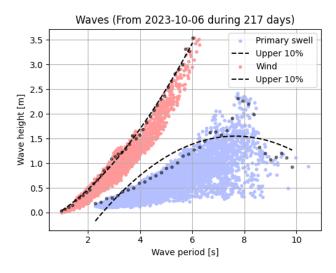


FIGURE 6. Répartition des couples taille/période des vagues (par le vent et principales), pour la **zone 3**, durant 290 jours.

Les figures II-C à II-C trace la même grandeur pour les différentes zones. On remarque qu'en méditerranée les distributions sont plutôt homogènes, tandis que pour l'atlantique

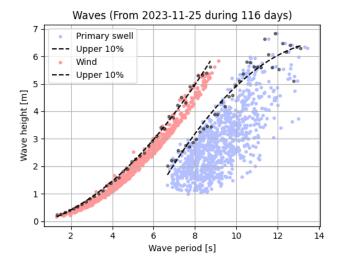


FIGURE 7. Répartition des couples taille/période des vagues (par le vent et principales), pour la **zone 4**, durant 290 jours.

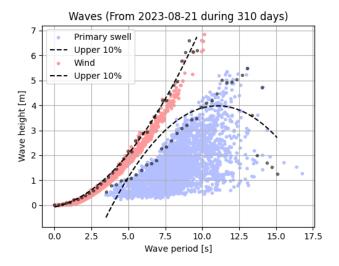


FIGURE 8. Répartition des couples taille/période des vagues (par le vent et principales), pour la **zone 5**, durant 290 jours.

(Fig II-C et II-C) la distribution se déplace vers la droite, c-a-d des vagues plus grandes en moyenne mais tout aussi dispersées

D. Autre relations

La figure II-D représente les couples taille-hauteur de la mer formée par le vent, toute zones confondues. On remarque toutes suivent une distribution similaire (c'est un phénomène local, il ne dépend pas de la différence d'étendue océan/mer) que l'on modélise par un polynôme d'ordre 2 :

$$h = 0.08105T^2 + 0.033T - 0.052 \tag{1}$$

En utilisant le modèle de vague d'**Airy** pour des houles de faible cambrure pour des profondeurs grandes par rapport à l'amplitude des vagues, la relation de dispersion suivante est satisfaite :

$$\frac{2\pi^2}{T} = gktanh(kh_w) \tag{2}$$

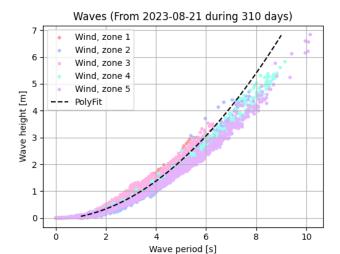


FIGURE 9. Répartition des couples taille/période des vagues formées par le vent, pour toutes les zones. En noir est tracé la modélisation polynomiale d'ordre 3 de la relation taille de la vague - période

TABLE I

MODÈLE DES VAGUES GÉNÉRÉES PAR LE VENT POUR DIFFÉRENTES
PÉRIODES.

T [s]	h [m]	<i>L</i> [m]	$ a [m/s^2]$	$P_{med}(\geq)$	$P_{atl}(\geq)$
0.50	-0.02	0.39	0.19	100.00%	100.00%
1.00	0.06	1.56	0.39	85.31%	92.59%
1.50	0.18	3.51	0.75	66.22%	84.76%
2.00	0.34	6.25	1.06	49.59%	74.66%
2.50	0.54	9.76	1.35	34.96%	63.05%
3.00	0.78	14.05	1.63	24.24%	52.21%
5.00	2.14	39.03	2.69	2.73%	18.87%
7.00	4.15	76.50	3.73	0.09%	2.87%
8.00	5.40	99.92	4.24	0.00%	0.26%
9.00	6.81	126.47	4.75	0.00%	0.03%

où h_w est la profondeur de l'eau; $k=2\pi/L$ le nombre d'onde; g l'intensitée de pesanteur; L la longeur d'onde (donc celle de la vague) et T la période de la vague. On se considère suffisament loin des côtes tel que $kh_w \to +\infty$ d'où :

$$L = \frac{g}{2\pi}T^2 \tag{3}$$

On notera que le modèle d'Airy peut mener à des inprécision en eau profonde de l'ordre de 30%. En assimilant la vague à une signusoide (hypothèse sous dimentionnante), on peut caluler l'accélération d'une bouée fixe qui suivrait le mouvement de la vague : $||a|| = 2\pi h/T$. La table II-D présente le caluls des grandeur caractéristique d'une vague pour plusieurs période. $P_{med}(\geq)$ (resp. $P_{atl}(\geq)$) désigne la probabilité qu'une vague causée par le vent en méditéranée (resp. en atlantique) tirée au hazard soit d'amplitude plus grande que h.

III. TENUE EN MER DE POSIDONIE

A. Paramétrage de l'étude

L'analyse de la tenue en mer de *Posidonie* s'effectue sur Ansys avec le module *Diffraction hydrodynamique* et *Réponse hydrodynamique* d'AQWA. La figure III détaille le paramétrage

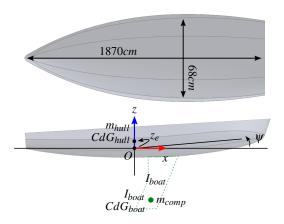


FIGURE 10. Paramétrisation géométrique du bateau sous Ansys AQWA.

TABLE II
DIMENTIONEMENT GÉOMÉTRIQUE DE POSIDONIE

Composant	Dimmentionement				
Voile	$0.3 \text{m} \times 1.17 \text{m}, d_s = 0.2 \text{m}, 45\%$				
Dérive	Trapèze, $0.15m \times 1m \times 0.01m$, 30° , 30%				
Lest	40kg				
CdG	$z_{CdG,boat \setminus hull} = -0.98$				
I_{boat}	$\begin{bmatrix} z_{CdG,boat} \setminus_{hull} = -0.98 \\ \begin{bmatrix} 63.51 & 0 & -6.72 \\ 0 & 64.56 & 0 \\ -6.72 & 0 & 11.05 \end{bmatrix} kg/m^2 \\ 30 \text{ mm} \end{bmatrix}$				
z_e	30 mm				

géométrique. L'origne du repère est situé à une distance z_e du centre de gravité de la coque, avec l'axe x vers le sens de la marche et l'axe z opposé au champ de gravité. z_e est le niveau du plan d'eau quand le bateau est en équilibre de flotaison. On considère également un angle de tanguage ψ . On considère des vagues se propageant en -x, et pas de courant marin. En effet, on ne cherche à quantifier que la contribution des vague et non la taînée du bateau. On contrain le bateau à ne pas se déplacer selon x et à garder un cap constant. Les masses et inertie utilisées sont détaillées dans la table III-A. Dans \mathbb{AQWA} , deux masse ponctuelles en CdG_{boat} et CdG_{hull} ont été placées (avec $I_{hull} \approx 0$ puisque intégrée dans I_{boat}).

B. Mouvement angulaire face aux vagues

Tout d'abord on s'intéresse à la réponse cinématique du bateau face au vagues. La figure III-B décrit comment le roulis et le tangage sont affecté suivant la période d'une vague. On consière une vague à 60° degrés d'incidence $(0^\circ$ correspondant à une vague arrivant sur la proue du bateau). Le courbe en trait plein représente de combient le bateau va s'incliner par unité de taille de vague incidente. Les courbes en pointillées représentent la réponse pour une vague typique méditéranéenne ayant une taille h = f(T) (d'après l'eq. (1)). Ainsi pour les petites périodes (vagues courte) la réponse "réelle" est moins critique que celle théorique (trait plein) car les vagues de ces périodes sont d'amplitude faible. A contrario, l'amplitude des vagues augmente à la période d'où les perturbation angulaire plus importantes pour $T \geq 2s$ jusqu'à stationner à 7m avec la pente d'une décade. Les zones semi

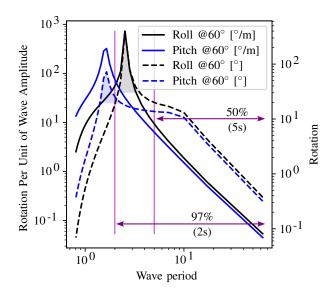


FIGURE 11. Réponse en roulis et tanguage du bateau face à une vague en fonction de la fréquence. Les zones semi transparentes bleu et noir décrivent l'instabilité en tanguage et roulis respectivement

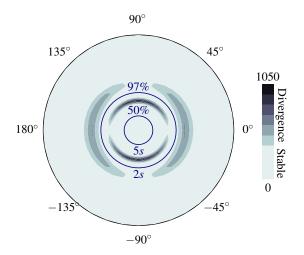
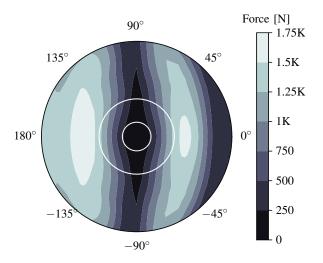


FIGURE 12. Réponse angulaire du bateau face au solicitation des vagues. Les angles de la polaire correspondent à l'angle d'incidence des vagues, le rayon à leur fréquence et la couleur à l'amplitude de la réponse. La taille des vagues est déduite de la période d'après le modèle de la partie précédente.

transparente correspondent au zone d'instabilité du bateau (celle du roulis est atteinte pour des angles important car un bateau gîte plus que ce qu'il tangue). Les deux traits magenta décrivent les zone statistiquement atteinte par les vagues en méditéranée : dans 50% des cas, les vagues ont une période supérieure à 5s (trait de droite) et dans 97% des cas, $\geq 2s$ (à gauche). Ainsi l'instabilité en tanguage n'est pas un problème (car à droite de la ligne des 97%) c'est le roulis qui est limitant.

La figure III-B est essentiellement une représentation angulaire de la figure III-B. Les angles du graphe représentent l'angle d'incidence de la vague (0° : vagues de face, 90° tribord...), la distance au centre est la fréquence de la vague incidente (l'extérieur du graphe représente les vagues de courte période) et la couleur est l'amplitude du mouvement du bateau



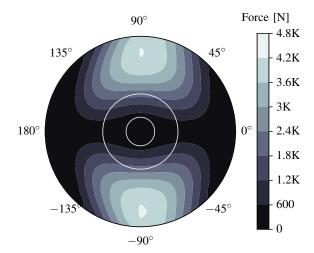


FIGURE 13. Effort dans le sens **longitudinal** en fonction de l'angle d'incidence des vagues et de leur période. La taille des vagues est calculé avec le modèle de vague méditéranéen.

FIGURE 14. Effort dans le sens **latéral** en fonction de l'angle d'incidence des vagues et de leur période. La taille des vagues est calculé avec le modèle de vague méditéranéen.

(cumulant roulis et tanguage). On constate que le graphe est symétrique en y (car la coque est symétrique) et présente quatre lobes : ceux du roulis (lobes au centre, exité par les vagues latérales) et ceux du tranguage (à l'extérieur, solicité pour une fréquence plus grande, en cohérence avec la fig. III-B). La hauteur des vague est également calculé à l'aide de l'eq. (1) saturée à 7m. Les deux cercles au centre délimitent les périodes contenant 50% et 97% des vagues méditéranéennes. (il faut regarder le disque décrit par ces cerles, d'une fréquence de 0Hz (vague très étallée) à 0.5,0.2Hz). Ce qui se trouve en dehors du plus grand cercle (lobe de tanguage) n'est solicité que dans moins de 3% des vagues. Toutefois, la dérive (non modélisé) joue un rôle majeur dans l'amortissement du roulis.

C. Forces exercée par les vagues

Dans un second temps, on quantifie l'effort transmit par la vague sur le bateau. La figure III-C présente une polaire des isosurface de force transmit sur l'axe longitudinal du bateau, en fonction de la fréquence et l'angle d'incidence de la vague. La taille des vagues est donnée par le modèle méditéranéen saturé à $h_{max} = 7m$. On remarque la présente de deux lobe pour les vagues venant sur la proue et la poupe. Le lobe de la poupe (180°) est plus large que celui de la proue. En effet, sur la coque considéré, l'arrière est bien plus large que l'avant (voir fig. III) ce qui le rend plus sensible au vagues. On note que pour des vagues orthogonale au bateau, presqu'aucun effort n'est transmit dans la direction longitudinale (90° et -90°). Les deux cercles réprésentent les mêmes vagues typique des 50% et 97%, le bateau n'ayant pas de problème dans 50% des cas. La figure III-C suit la même logique avec les efforts latéraux. Cette fois ci le graphique est symétrique en x et y, on s'attend aux mêmes efforts au portant (généralement à 135°

des vagues) et au près (45°) . Les efforts sont maximaux pour une incidence orthogonale (la section vue par les vagues de côté est plus grande que celle de face, et solicite directement le roulis). On constate également que les efforts latéraux sont plus important que ceux longitudinaux : le bateau dérive fortement avec les vagues.

D. Répartition des efforts

La figure III-D présente la répartition des efforts due au vagues, pour une amplitude arbitraire de $0.2\mathrm{m}$ à incidence longitudinale $(i=0^\circ)$ et latérale $(i=90^\circ)$. Trois fréquences sont présentées : la fréquence critique en roulis $f_{roll}=0.353$ Hz, celle en tanguage $f_{pitch}=0.648$ Hz et une troisième arbitraire, pour des vagues courtes à $f\approx 1$ Hz. On constate que le maximum de la pression est atteind pour les fréquences critiques. De ces graphiques, on déduit que la proue, la poupe et les parties latérales arrière du bateau doivent être renforcées vis-à-vis du centre de la coque, non solicité dans ces 6 configurations.

E. Effet du volume de la carène

Pour qualifier si un coque à grand déplacement (comportant plus de traîné à petite vitesse) est plus performant qu'une à petit déplacement, on simule la réponse au vague pour une coque mise à l'échelle à 83%. Le plan du niveau de l'eau est ajusté pour garder un même volume en eau (compensant 10kg de coque et 38.7kg de composants). Ainsi, on obtient une nouvelle carène avec la même capacitée d'emport que la précédente, mais un volume hors de l'eau plus faible. (Ainsi qu'un couple de redressement plus modeste).

La figure III-E représentente la sensibilité angulaire en fonction de l'angle d'incidence des vagues et de leurs fré-

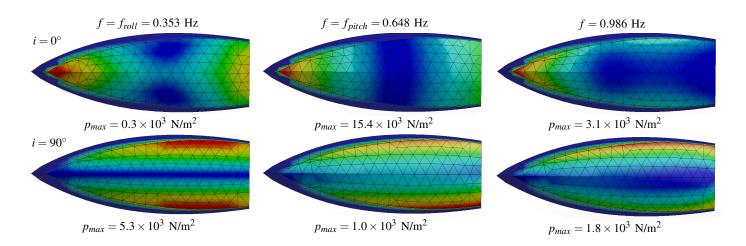


FIGURE 15. Répartition des efforts sur la coque en fonction de la fréquence, pour des vagues longitudinales ($i = 0^{\circ}$) et transversales ($i = 90^{\circ}$). Les pressions sont à titre indicatif, et ont été obtenue avec une amplitude de 0.2m

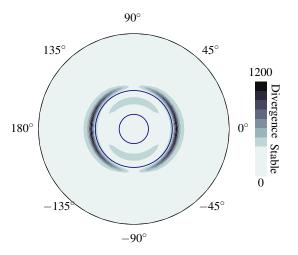


FIGURE 16. Réponse angulaire de la coque à fort déplacement face au solicitation des vagues. On constate que la zone d'instabilité du roulis à diminué angulairement et s'est étalée fréquenciellement.

quences (analogue de la figure III-B). On constate que le bateau comporte toujours une instabilité en roulis mais celle ci atteind des valeurs maximale plus faible que pour la coque à faible déplacement. La zone d'instabilité s'est légèrement élargie en fréquence mais à diminuée en angle d'incidence des vagues (120° vs 170°). Rappelons que le bateau navigue la plupart du temps entre 45° et 135° des vagues.

Les figures III-E et III-E représentent respectivement les différences de performance entre la carène à faible (*CFaible*) et fort (*CFort*) déplacement pour l'axe longitudinal et latéral respectivement. Ces figures tracent les efforts *CFaible – CFort*. Ainsi une valeur positive signifie que la carène à faible déplacement performe mieux que *CFort*. On constate que pour l'axe longitudinal, *CFaible* réduit les efforts pour toutes les vagues avec une probabilité d'occurence supérieure à 3%. L'opposé se produit pour l'axe latéral (voir fig. III-E) avec une augmentation modérée des efforts sur tout le domaine. (la

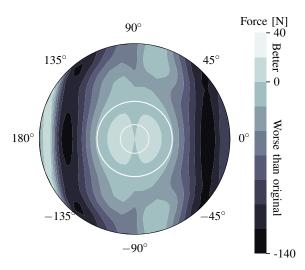


FIGURE 17. Différence d'effort **longitudinal** entre la carène à fort déplacement et celle à petit déplacement en fonction de l'angle d'incidence des vagues et de leur période. Une valeur positive signifie que la carène à fort déplacement subie moins d'effort.

seule réduction se produit pour les vagues arrivant de l'arrière à hautes fréquence).

F. Effet de l'angle des parois de carène et de l'inertie

On considère à présent une coque en forme de trapèze extrudé (voir fig. III-F). On cherche à quantifier la réponse de la carène aux vagues latérales w_i (incidence normale sur le bateau) selon différents angle d'inclinaison θ des parois latérales du bateau. Les parois sont inclinés en gardant la largeur l du bateau à mi tirant d'eau constante, de telle manière à garder le volume déplacé V_0 constant. $V_0 = 126$ L à h = 0.2m, l = 0.68m, L = 1.87m. Le centre de gravité est placé à une altitude h = -0.8m en dessous du centre géométrique de (h) avec une masse équilibrant verticalement le bateau est une inertie $I_{xx} = I_{yy} = 50Nm^2$, $I_{zz} = 10Nm^2$ (produit d'inertie nuls).

La figure III-F traces les efforts F par unité d'amplitude de la vague w_i selons l'axe y en fonction de la fréquence f de

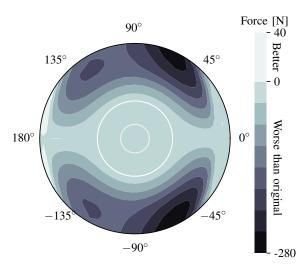


FIGURE 18. Différence d'effort **latéral** entre la carène à fort déplacement et celle à petit déplacement en fonction de l'angle d'incidence des vagues et de leur période. Une valeur positive signifie que la carène à fort déplacement subie moins d'effort.

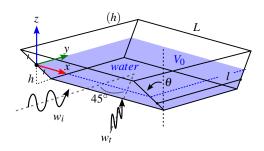


FIGURE 19. Géométrie de la carène considérée pour l'étude de l'inclinaison des parois et de l'inertie. La coque est un parallélograme extrudé, dont les parois sont incliné d'un angle θ à l constant. Ainsi, le volume déplacé V_0 est constant avec θ .

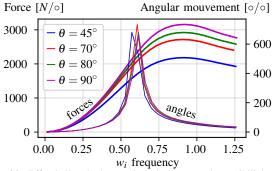


FIGURE 20. Effet de l'angle des parois de la coque sur la sensibilité angulaire et les forces exercé par une vague latérale w_i .

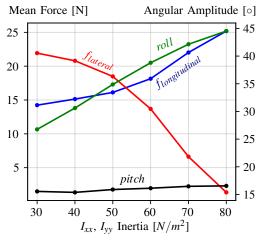


FIGURE 21. Effet de l'inertie sur le tangage, le roulis et les forces longitudinale et latéral de résistance des vagues.

 w_i sur l'axe de droite. L'axe de gauche représente le roulis Φ par unité d'amplitude de la vague w_i en fonction de f. On constate que la sensibilité angulaire est faiblement dépendante de θ tandis que les efforts augmentent avec $\theta \to 90^\circ$. Une coque à parois à faible incidence est à privilégier.

La figure III-F décrit l'effet de l'inertie $I_{xx} = I_{yy} = I$ sur les forces et mouvements angulaire de la coque. Pour cela, on considère une vague test w_t à 45° d'incidence, d'amplitude 0.17m, de période 2s et une force de 20N qui tracte le bateau dans sa direction longitudinale. L'amplitude de 45° souhaite représenter un bateau navigant au près. On constate que le bateau gîte de plus en plus fort à mesure que l'inertie augmente (courbe verte). Le tanguage reste inchangé (courbe noire). Par ailleurs le bateau tends à moins être freiné avec une faible inertie, puisque la force longitudinale (en bleue) aumente avec l'inertie. Toutefois, une grande inertie permet de moins dériver, puisque la force latérale décroit avec l'inertie (bateau moins déporté dans le sens des vagues). En gardant en tête qu'un bateau rapide dérive moins (plus de force antidérive à incidence fixe) et qu'une petite inertie réduit la résistance des vagues dans le sens de la marche, on priviligéra une faible inertie.

IV. CONCLUSION

Dans ce document, l'analyse statistique des vagues en méditéranée et en atlantique en section II à montré que les vagues les plus critique vis-à-vis de *Posidonie*; i.e de forte fréquence et amplitude; étaient celle généré par le vent. La houle, est systèmatiquement de période plus grande à hauteur de vague donné. La taille de la mer généré par le vent peut être lié à sa période grâce à une relation polynomiale, permettant de caractériser la réponse d'une coque uniquement selon la période et la direction des vagues incidentes.

L'étude de *Posidonie* sur Ansys AQWA à révélé que le bateau présente une instabilité en roulis (f = 0.353 Hz) et non en tanguage, pour 97% des vagues. Les efforts générés par les vagues sont maximum pour l'axe du roulis et asymétrique vis

à vis de l'avant et l'érrière de la carène. (significativement moins d'effort pour les vagues de face). Les efforts sont majoritairement localisé à la proue, poupe et latéralement, au niveau de la partie la plus large de la coque.

En réduisant le volume de la partie imergé par rapport à celle émergé, la stabilité en roulis est améliorée, les efforts en tanguage sont réduit et ceux en roulis légèrement augmenté. L'étude de l'angle des parois montre qu'un profil très vouté est préférable à des parois en angle droit. Enfin, il a été montré qu'une faible inertie est à privilégier.