Proff. Edoardo Sabbioni, Claudio Somaschini

AA.2023-2024 – 4° appello, prova del 18-01-2025

Problema N.1

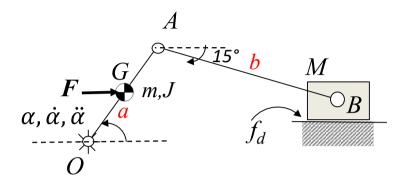
Il sistema in figura è posto nel piano verticale. All'asta **OA** (di massa **m**, momento d'inerzia **J**, lunghezza **a** e baricentro in **G**) è assegnato un atto di moto α , $\dot{\alpha}$, $\ddot{\alpha}$ come riportato in figura. L'asta è incernierata a terra in **O** e su di essa agisce una forza orizzontale **F** applicata nel baricentro.

L'asta **AB** di lunghezza **b** e di massa trascurabile è connessa all'asta **OA**, mediante una cerniera in **A**, e ad una massa **M** vincolata a scorrere lungo il piano orizzontale (con presenza di attrito dinamico \mathbf{f}_{d}).

Noti i seguenti dati e gli angoli indicati in figura:

$$\begin{array}{ll} a = 1 \ m & b = 2 \ m \\ m = 2 \ kg & J = 0.2 \ kgm^2 \\ M = 10 \ kg & f_d = 0.2 \\ \alpha = 45^\circ & \dot{\alpha} = -1 \ rad/s \end{array}$$

$$\ddot{\alpha} = -1 \ rad/s^2$$



Si richiede di determinare:

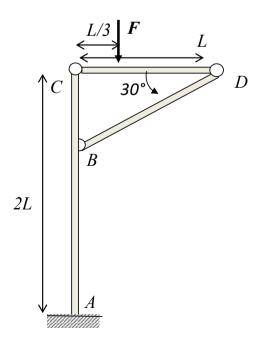
- 1. Velocità e accelerazione della massa $M(v_B, a_B)$ in forma vettoriale.
- 2. Le reazioni vincolari della cerniera in **B**.
- 3. La forza F necessaria a garantire l'atto di moto imposto.

Problema N.2

Il sistema in figura è composto da tre aste **AC**, **CD** e **BD**, collegate tra loro mediante cerniere e a terra mediante un incastro. Il sistema è soggetto ad una forza verticale **F**.

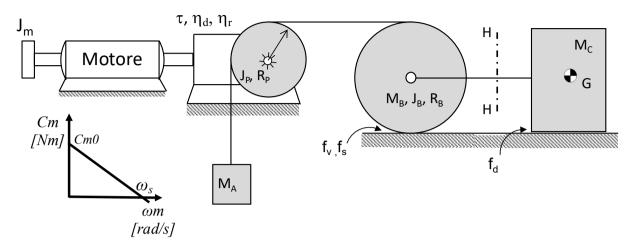
Si chiede di calcolare:

- 1. Le reazioni vincolari in A, B, C, D.
- 2. Le azioni interne dell'asta CD.



Proff. Edoardo Sabbioni, Claudio Somaschini AA.2023-2024 – 4° appello, prova del 18-01-2025

Problema N.3



$$J_m = 0.5 \, kg \, m^2$$
 $\tau = 1/20$ $M_A = 10 \, kg$ $M_B = 8 \, kg$ $M_C = 5 \, kg$ $Cm_0 = 25 \, Nm$ $\eta_d = 0.9$ $J_P = 1 \, kgm^2$ $J_B = 2 \, kgm^2$ $f_S = 0.7$ $G_S = 250 \, rad/s$ $G_S = 0.8$ $G_S = 0$

L'impianto di sollevamento in figura è composto da un motore di momento d'inerzia J_m che, attraverso una trasmissione di rapporto τ e rendimento di moto diretto/retrogrado $\eta_{d/r}$, aziona una puleggia di raggio \mathbf{R}_P e momento d'inerzia J_P . Questa puleggia, da un lato, è connessa tramite una fune inestensibile ad una massa \mathbf{M}_A , libera di traslare in direzione verticale; dall'altro lato, sempre tramite una fune inestensibile, si connette a un disco omogeneo di massa \mathbf{M}_B , raggio \mathbf{R}_B e momento d'inerzia J_B . Tale disco rotola senza strisciare lungo il piano orizzontale ed è soggetto a resistenza al rotolamento (coefficiente f_v). Infine, una massa \mathbf{M}_C , libera di traslare lungo il piano in presenza di attrito (coefficiente f_d), è connessa al centro del disco tramite fune inestensibile.

Considerando la massa MA in discesa, si richiede di:

- 1. Calcolare la coppia C_m e la velocità ω_m del motore in condizioni di regime, considerando la curva caratteristica del motore rappresentata in figura.
- 2. Calcolare la coppia C_m necessaria per fornire un'accelerazione alla massa M_A pari a $a_{MA} = 1.5 \ m/s^2$ (concorde con la velocità).
- 3. Considerando le condizioni del punto 2, calcolare il tiro della fune nella sezione H-H.
- 4. Considerando le condizioni del punto 2, verificare l'aderenza del disco di massa M_B.