

# Slopes of $U_t$ operators in rank 3

Gebhard Böckle, Peter Mathias Gräf, Theresa Kaiser

December 4, 2025

This document contains further results of the computations explained in [BGK25]. Throughout, bold exponents denote multiplicities of the slopes. If for  $\Gamma \in \{\mathrm{GL}_3(A), P_0, P_2\}$  the space of  $\Gamma$ -invariant harmonic cocycles is zero, the corresponding field in the table is empty. If for some  $k$  the space of  $\Gamma_0(t)$ -invariant harmonic cocycles is zero, the smaller spaces are zero as well and the entire row is omitted.

In each table, we mark the presumed newform slopes in blue. Let  $n'$  be the unique element  $n' \in \{1, \dots, q-1\}$  congruent to the current type modulo  $(q-1)$ . Then, as suggested in [BGK25], we expect the slopes  $\frac{2}{3}(k - 3(n' - 1))$  for  $U_1$ , respectively  $\frac{1}{3}(k - 3(n' - 1))$  for  $U_2$  to be the only slopes that can occur for newforms for the group  $\Gamma_0(t)$ .

## List of Tables

1	Slopes for $q = 2, i = 1$ . . . . .	3
2	Slopes for $q = 2, i = 2$ . . . . .	12
3	Slopes for $q = 3, i = 1$ , type 0. . . . .	19
4	Slopes for $q = 3, i = 1$ , type 1. . . . .	25
5	Slopes for $q = 3, i = 2$ , type 0. . . . .	31
6	Slopes for $q = 3, i = 2$ , type 1. . . . .	35
7	Slopes for $q = 4, i = 1$ , type 0. . . . .	40
8	Slopes for $q = 4, i = 1$ , type 1. . . . .	43
9	Slopes for $q = 4, i = 1$ , type 2. . . . .	46
10	Slopes for $q = 4, i = 2$ , type 0. . . . .	49
11	Slopes for $q = 4, i = 2$ , type 1. . . . .	52
12	Slopes for $q = 4, i = 2$ , type 2. . . . .	55
13	Slopes for $q = 5, i = 1$ , type 0. . . . .	58
14	Slopes for $q = 5, i = 1$ , type 1. . . . .	61
15	Slopes for $q = 5, i = 1$ , type 2. . . . .	64
16	Slopes for $q = 5, i = 1$ , type 3. . . . .	67
17	Slopes for $q = 5, i = 2$ , type 0. . . . .	70
18	Slopes for $q = 5, i = 2$ , type 1. . . . .	73
19	Slopes for $q = 5, i = 2$ , type 2. . . . .	76
20	Slopes for $q = 5, i = 2$ , type 3. . . . .	79
21	Slopes for $q = 7, i = 1$ , type 0. . . . .	82
22	Slopes for $q = 7, i = 1$ , type 1. . . . .	84
23	Slopes for $q = 7, i = 1$ , type 2. . . . .	86

24	Slopes for $q = 7, i = 1$ , type 3. . . . .	88
25	Slopes for $q = 7, i = 1$ , type 4. . . . .	90
26	Slopes for $q = 7, i = 1$ , type 5. . . . .	92
27	Slopes for $q = 7, i = 2$ , type 0. . . . .	94
28	Slopes for $q = 7, i = 2$ , type 1. . . . .	96
29	Slopes for $q = 7, i = 2$ , type 2. . . . .	98
30	Slopes for $q = 7, i = 2$ , type 3. . . . .	100
31	Slopes for $q = 7, i = 2$ , type 4. . . . .	102
32	Slopes for $q = 7, i = 2$ , type 5. . . . .	104
33	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 0. . . . .	106
34	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 1. . . . .	108
35	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 2. . . . .	110
36	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 3. . . . .	112
37	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 4. . . . .	114
38	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 5. . . . .	116
39	Slopes for $q = 8, i = 1$ , type 6. . . . .	118
40	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 0. . . . .	120
41	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 1. . . . .	122
42	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 2. . . . .	124
43	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 3. . . . .	126
44	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 4. . . . .	128
45	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 5. . . . .	130
46	Slopes for $q = 8, i = 2$ , type 6. . . . .	132

# 1 $q = 2$ .

## 1.1 $i = 1$ .

Table 1: Slopes for  $q = 2$ ,  $i = 1$ . Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
1		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \infty^2$
2		$1^1, \infty^1$	$0^1, 1^1$	$0^1, 1^2, \infty^3$
3		$\frac{3^2}{2}, \infty^1$	$0^1, \frac{3^2}{2}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, \frac{2^1}{3}, \infty^4$
4	$1^1$	$1^1, 2^1, \infty^3$	$0^1, 1^2, 2^1, \infty^1$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, \infty^7$
5	$2^1$	$2^1, \frac{5^2}{2}, \infty^4$	$0^1, 2^3, \frac{5^2}{2}, \infty^1$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, \infty^{10}$
6	$1^1$	$1^1, 3^3, \infty^5$	$0^1, 1^2, 3^5, \infty^1$	$0^1, 1^2, 3^8, \frac{4^4}{3}, \infty^{13}$
7	$\frac{3^2}{2}$	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, \infty^7$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^2}{2}, 4^2, \infty^2$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \infty^{17}$
8	$1^1, 2^1$	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, \infty^9$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^3, 5^1, 8^1, \infty^2$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^1, \infty^{22}$
9	$2^1, 4^1$	$2^1, 4^1, \frac{9^4}{2}, 5^2, \infty^{10}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^2, 8^1, \infty^2$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^8}{2}, 5^4, \frac{6^7}{3}, 8^1, \infty^{26}$
10	$1^1, 3^1, 4^1$	$1^1, 3^1, 4^1, 5^3, \frac{23^4}{4}, \infty^{12}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^5, \frac{23^4}{4}, \infty^3$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^8, \frac{23^8}{4}, \frac{20^9}{3}, \infty^{31}$
11	$\frac{3^2}{2}, 4^2$	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^4}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, \infty^{15}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^8}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, \infty^4$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^{12}}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^{12}}{3}, \infty^{37}$
12	$1^1, 2^1, 5^2$	$1^1, 2^1, 5^2, 6^5, \frac{20^3}{3}, 9^1, \infty^{17}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^7, \frac{20^3}{3}, 9^1, 16^1, \infty^4$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^{12}, \frac{20^6}{3}, \frac{8^{13}}{3}, 9^2, 16^1, \infty^{43}$
13	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2$	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^3}{3}, 10^1, \infty^{20}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^3}{3}, 8^1, 10^1, 16^1, \infty^5$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{13^8}{2}, 7^4, \frac{22^6}{3}, 8^1, \frac{26^{15}}{3}, 10^2, 16^1, \infty^{50}$
14	$1^1, 3^3, 7^2$	$1^1, 3^3, 7^7, \frac{31^4}{4}, 8^1, 9^1, \infty^{23}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^{11}, \frac{31^4}{4}, 8^2, 9^1, 16^1, \infty^6$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^{16}, \frac{31^8}{4}, 8^3, 9^2, \frac{28^{18}}{3}, 16^1, \infty^{57}$
15	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, 8^1$	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, \frac{15^6}{2}, 8^4, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, \infty^{26}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \frac{15^6}{2}, 8^8, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, 16^2, \infty^6$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \frac{15^{12}}{2}, 8^{11}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^4}{2}, \frac{10^{19}}{3}, 16^2, \infty^{65}$

16	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 9^1$	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 8^5, \frac{26^6}{3}, 9^2, 10^3, \infty^{29}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^6, \frac{26^6}{3}, 9^5, 10^3, 16^2, \infty^7$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^{11}, \frac{26^{12}}{3}, 9^6, 10^6, \frac{32^{21}}{3}, 16^2, \infty^{73}$
17	$2^1, 4^1, \frac{9^2}{2}, 5^2, 8^1, 10^1$	$2^1, 4^1, \frac{9^2}{2}, 5^2, 8^1, \frac{17^6}{2}, 9^2, \frac{28^6}{3}, 10^2, \frac{21^2}{2}, \infty^{32}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^7, 8^3, \frac{17^6}{2}, 9^2, \frac{28^6}{3}, 10^4, \frac{21^2}{2}, 16^2, \infty^8$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^7, 8^3, \frac{17^{12}}{2}, 9^4, \frac{28^{12}}{3}, 10^5, \frac{21^4}{2}, \frac{34^{24}}{3}, 16^2, \infty^{81}$
18	$1^1, 3^1, 4^1, 5^1, \frac{23^4}{4}, 8^1$	$1^1, 3^1, 4^1, 5^1, \frac{23^4}{4}, 8^1, 9^7, \frac{39^4}{4}, 10^2, \frac{41^4}{4}, 11^1, \infty^{36}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^4, \frac{23^8}{4}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 9^9, \frac{39^4}{4}, 10^2, \frac{41^4}{4}, 11^3, 16^2, \infty^9$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^4, \frac{23^8}{4}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 9^{16}, \frac{39^8}{4}, 10^4, \frac{41^8}{4}, 11^4, \frac{12^{28}}{3}, 16^2, \infty^{90}$
19	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^2}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 8^1$	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^2}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 8^1, \frac{19^6}{2}, 10^3, \frac{21^2}{2}, \frac{87^8}{8}, 12^1, \infty^{40}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^8}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^6}{3}, 8^2, \frac{19^{10}}{2}, 10^3, \frac{21^2}{2}, \frac{87^8}{8}, 12^2, 16^1, 18^1, \infty^{10}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^8}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^6}{3}, 8^2, \frac{19^{16}}{2}, 10^6, \frac{21^4}{2}, \frac{87^{16}}{8}, 12^3, \frac{38^{30}}{3}, 16^1, 18^1, \infty^{100}$
20	$1^1, 2^1, 5^2, 6^1, \frac{20^3}{3}, 8^1, 9^2$	$1^1, 2^1, 5^2, 6^1, \frac{20^3}{3}, 8^1, 9^2, 10^7, \frac{32^3}{3}, 11^2, \frac{45^4}{4}, \frac{23^4}{2}, 13^1, 17^1, \infty^{44}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^4, \frac{20^6}{3}, 8^9, 9^6, 10^9, \frac{32^3}{3}, 11^2, \frac{45^4}{4}, \frac{23^4}{2}, 13^1, 16^1, 17^1, 20^1, 32^1, \infty^{11}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^4, \frac{20^6}{3}, 8^9, 9^6, 10^{16}, \frac{32^6}{3}, 11^4, \frac{45^8}{4}, \frac{23^8}{2}, 13^2, \frac{40^{33}}{3}, 16^1, 17^2, 20^1, 32^1, \infty^{110}$
21	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{22^3}{3}, 8^1, 10^3$	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{22^3}{3}, 8^1, 10^3, \frac{21^8}{2}, 11^4, \frac{34^3}{3}, 12^6, \frac{25^2}{2}, 18^1, \infty^{48}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{22^6}{3}, 8^3, \frac{26^6}{3}, 10^8, \frac{21^{12}}{2}, 11^4, \frac{34^3}{3}, 12^6, \frac{25^2}{2}, 16^1, 18^2, 32^1, \infty^{12}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{22^6}{3}, 8^3, \frac{26^6}{3}, 10^8, \frac{21^{20}}{2}, 11^8, \frac{34^6}{3}, 12^{12}, \frac{25^4}{2}, \frac{14^{37}}{3}, 16^1, 18^3, 32^1, \infty^{120}$
22	$1^1, 3^3, 7^3, 8^2, 9^2, 11^2$	$1^1, 3^3, 7^3, 8^2, 9^2, 11^9, \frac{47^8}{4}, 12^4, \frac{51^4}{4}, 13^2, 17^1, \infty^{53}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^8, 8^5, 9^6, \frac{28^6}{3}, 11^{17}, \frac{47^8}{4}, 12^4, \frac{51^4}{4}, 13^2, 17^1, 19^2, 32^1, \infty^{13}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^8, 8^5, 9^6, \frac{28^6}{3}, 11^{24}, \frac{47^{16}}{4}, 12^8, \frac{51^8}{4}, 13^4, \frac{44^{39}}{3}, 17^2, 19^2, 32^1, \infty^{132}$
23	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, 8^3, \frac{19^4}{2}, 10^1, 12^1$	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, 8^3, \frac{19^4}{2}, 10^1, \frac{23^8}{2}, 12^4, \frac{25^4}{2}, \frac{38^6}{3}, \frac{27^6}{2}, \frac{35^2}{2}, \infty^{57}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, 8^9, \frac{19^{12}}{2}, 10^6, \frac{23^{12}}{2}, 12^7, \frac{25^4}{2}, \frac{38^6}{3}, \frac{27^6}{2}, \frac{35^2}{2}, 20^1, 32^2, \infty^{14}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, 8^9, \frac{19^{12}}{2}, 10^6, \frac{23^{20}}{2}, 12^{10}, \frac{25^8}{2}, \frac{38^{12}}{3}, \frac{27^{12}}{2}, \frac{46^{42}}{3}, \frac{35^4}{2}, 20^1, 32^2, \infty^{143}$
24	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 9^3, 10^2, \frac{32^3}{3}, \frac{16^1}{3}$	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 9^3, 10^2, \frac{32^3}{3}, 12^9, \frac{38^6}{3}, 13^1, \frac{40^6}{3}, 14^4, \frac{57^4}{4}, \frac{16^1}{3}, 17^1, 18^1, \infty^{61}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^1, 9^{10}, 10^6, \frac{32^9}{3}, 12^{15}, \frac{38^6}{3}, 13^3, \frac{40^6}{3}, 14^4, \frac{57^4}{4}, \frac{16^2}{3}, 17^1, 18^1, 24^1, 32^2, \infty^{15}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^1, 9^{10}, 10^6, \frac{32^9}{3}, 12^{24}, \frac{38^{12}}{3}, 13^4, \frac{40^{12}}{3}, 14^8, \frac{57^8}{4}, \frac{16^{48}}{3}, 17^2, 18^2, 24^1, 32^2, \infty^{154}$

25	$2^1, 4^1, \frac{9^4}{2}, 5^2, 10^4, \frac{34^3}{3}, 12^1, 16^1$	$2^1, 4^1, \frac{9^4}{2}, 5^2, 10^4, \frac{34^3}{3}, 12^1, \frac{25^8}{2}, 13^4, \frac{40^6}{3}, 14^7, \frac{29^4}{2}, 15^2, 16^1, 18^1, 20^1, \infty^{67}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^8}{2}, 5^4, 6^7, 8^1, 10^{11}, \frac{34^9}{3}, 12^4, \frac{25^{12}}{2}, 13^8, \frac{40^6}{3}, 14^7, \frac{29^4}{2}, 15^2, 16^3, 18^1, 20^1, 24^1, 32^2, \infty^{17}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^8}{2}, 5^4, 6^7, 8^1, 10^{11}, \frac{34^9}{3}, 12^4, \frac{25^{20}}{2}, 13^{12}, \frac{40^{12}}{3}, 14^{14}, \frac{29^8}{2}, 15^4, 16^3, \frac{50^{51}}{3}, 18^2, 20^2, 24^1, 32^2, \infty^{167}$
26	$1^1, 3^1, 4^1, 5^3, \frac{23^4}{4}, 11^4, 12^2, 13^2$	$1^1, 3^1, 4^1, 5^3, \frac{23^4}{4}, 11^4, 12^2, 13^{11}, \frac{55^8}{4}, 14^2, \frac{57^4}{4}, \frac{44^6}{3}, \frac{63^4}{4}, 17^1, 19^1, 20^1, \infty^{72}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^8, \frac{23^8}{4}, \frac{20^9}{3}, 11^{12}, 12^7, 13^{15}, \frac{55^{16}}{4}, 14^2, \frac{57^4}{4}, \frac{44^6}{3}, \frac{63^4}{4}, 16^1, 17^1, 19^1, 20^1, 32^3, \infty^{18}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^8, \frac{23^8}{4}, \frac{20^9}{3}, 11^{12}, 12^7, 13^{24}, \frac{55^{24}}{4}, 14^4, \frac{57^8}{4}, \frac{44^{12}}{3}, \frac{63^8}{4}, 16^1, 17^2, \frac{52^{54}}{3}, 19^2, 20^2, 32^3, \infty^{180}$
27	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^4}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 12^4, \frac{27^4}{2}$	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^4}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 12^4, \frac{27^{14}}{2}, 14^5, \frac{29^4}{2}, \frac{119^8}{8}, \frac{46^6}{3}, \frac{33^2}{2}, \frac{35^2}{2}, 20^2, \infty^{77}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^{12}}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^{12}}{3}, 12^{13}, \frac{27^{22}}{2}, 14^7, \frac{29^8}{2}, \frac{119^8}{8}, \frac{46^6}{3}, 16^1, \frac{33^2}{2}, \frac{35^2}{2}, 20^2, 32^3, 34^1, \infty^{19}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^{12}}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^{12}}{3}, 12^{13}, \frac{27^{32}}{2}, 14^{12}, \frac{29^{12}}{2}, \frac{119^{16}}{8}, \frac{46^{12}}{3}, 16^1, \frac{33^4}{2}, \frac{35^4}{2}, \frac{18^{58}}{3}, 20^4, 32^3, 34^1, \infty^{193}$
28	$1^1, 2^1, 5^2, 6^5, \frac{20^3}{3}, 9^1, 13^5, 14^2, 17^1$	$1^1, 2^1, 5^2, 6^5, \frac{20^3}{3}, 9^1, 13^5, 14^{11}, \frac{44^9}{3}, 15^2, \frac{61^4}{4}, \frac{31^4}{2}, 16^7, 17^2, 18^3, 21^2, \infty^{83}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^{12}, \frac{20^6}{3}, 8^{13}, 9^2, 13^{14}, 14^{15}, \frac{44^{15}}{3}, 15^2, \frac{61^4}{4}, \frac{31^4}{2}, 16^9, 17^5, 18^3, 21^2, 32^3, 36^1, \infty^{21}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^{12}, \frac{20^6}{3}, 8^{13}, 9^2, 13^{14}, 14^{24}, \frac{44^{24}}{3}, 15^4, \frac{61^8}{4}, \frac{31^8}{2}, 16^{16}, 17^6, 18^6, \frac{56^{63}}{3}, 21^4, 32^3, 36^1, \infty^{207}$
29	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^3}{3}, 10^1, 14^5, 16^1, 18^1$	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^3}{3}, 10^1, 14^5, \frac{29^{10}}{2}, 15^4, \frac{46^9}{3}, 16^7, \frac{33^2}{2}, \frac{50^6}{3}, 18^2, \frac{37^4}{2}, 22^2, \infty^{89}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{13^8}{2}, 7^4, \frac{22^6}{3}, 8^1, \frac{26^{15}}{3}, 10^2, 14^{15}, \frac{29^{10}}{2}, 15^4, \frac{46^{15}}{3}, 16^{10}, \frac{33^2}{2}, \frac{50^6}{3}, 18^6, \frac{37^4}{2}, 22^2, 32^4, 34^1, \infty^{22}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{13^8}{2}, 7^4, \frac{22^6}{3}, 8^1, \frac{26^{15}}{3}, 10^2, 14^{15}, \frac{29^{20}}{2}, 15^8, \frac{46^{24}}{3}, 16^{16}, \frac{33^4}{2}, \frac{50^{12}}{3}, 18^7, \frac{37^8}{2}, \frac{58^{66}}{3}, 22^4, 32^4, 34^1, \infty^{222}$
30	$1^1, 3^3, 7^7, \frac{31^4}{4}, 8^1, 9^1, 15^4, 16^1, 17^1$	$1^1, 3^3, 7^7, \frac{31^4}{4}, 8^1, 9^1, 15^{15}, \frac{63^8}{4}, 16^{10}, \frac{67^4}{4}, 17^4, \frac{52^6}{3}, 19^5, 23^2, \infty^{94}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^{16}, \frac{31^8}{4}, 8^3, 9^2, \frac{28^{18}}{3}, 15^{25}, \frac{63^8}{4}, 16^{15}, \frac{67^4}{4}, 17^7, \frac{52^6}{3}, 19^7, 23^2, 32^4, 35^2, \infty^{23}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^{16}, \frac{31^8}{4}, 8^3, 9^2, \frac{28^{18}}{3}, 15^{36}, \frac{63^{16}}{4}, 16^{24}, \frac{67^8}{4}, 17^{10}, \frac{52^{12}}{3}, 19^{12}, \frac{20^{70}}{3}, 23^4, 32^4, 35^2, \infty^{236}$
31	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, \frac{15^6}{2}, 8^4, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, 16^4, \frac{35^2}{2}$	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, \frac{15^6}{2}, 8^4, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, \frac{31^{10}}{2}, 16^9, \frac{33^4}{2}, \frac{50^{12}}{3}, \frac{35^{10}}{2}, 18^4, \frac{39^6}{2}, 20^1, 24^1, \infty^{100}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \frac{15^{12}}{2}, 8^{11}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^4}{2}, 10^{19}, \frac{31^{10}}{2}, 16^{20}, \frac{33^4}{2}, \frac{50^{12}}{3}, \frac{35^{16}}{2}, 18^5, \frac{39^6}{2}, 20^2, 24^1, 32^4, 34^1, 36^1, \infty^{25}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \frac{15^{12}}{2}, 8^{11}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^4}{2}, 10^{19}, \frac{31^{20}}{2}, 16^{25}, \frac{33^8}{2}, \frac{50^{24}}{3}, \frac{35^{24}}{2}, 18^9, \frac{39^{12}}{2}, 20^3, \frac{62^{75}}{3}, 24^2, 32^4, 34^1, 36^1, \infty^{251}$

32	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 8^5, \frac{26^6}{3}, 9^2, 10^3, 17^4, 18^1$	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 8^5, \frac{26^6}{3}, 9^2, 10^3, 16^{11}, \frac{50^6}{3}, 17^7, \frac{52^{12}}{3}, 18^6, \frac{73^4}{4}, \frac{56^3}{3}, 20^7, 21^1, 25^1, \infty^{107}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^{11}, \frac{26^{12}}{3}, 9^6, 10^6, \frac{32^{21}}{3}, 16^{13}, \frac{50^6}{3}, 17^{15}, \frac{52^{12}}{3}, 18^9, \frac{73^4}{4}, \frac{56^6}{3}, 20^7, 21^1, 24^1, 25^1, 32^5, 36^1, 40^1, \infty^{27}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^{11}, \frac{26^{12}}{3}, 9^6, 10^6, \frac{32^{21}}{3}, 16^{24}, \frac{50^{12}}{3}, 17^{18}, \frac{52^{24}}{3}, 18^{14}, \frac{73^8}{4}, \frac{56^9}{3}, 20^{14}, 21^2, \frac{64^{81}}{3}, 24^1, 25^2, 32^5, 36^1, 40^1, \infty^{267}$
33	$2^1, 4^1, \frac{9^2}{2}, 5^2, 8^1, \frac{17^4}{2}, 9^2, \frac{28^6}{3}, 10^2, \frac{21^2}{2}, 16^1, \frac{33^{12}}{2}, 17^6, \frac{52^6}{3}, 18^{18}, \frac{37^4}{2}, 19^2, \frac{58^3}{3}, 20^1, \frac{41^6}{2}, 21^2, 26^1, \infty^{113}$	$2^1, 4^1, \frac{9^2}{2}, 5^2, 8^1, \frac{17^4}{2}, 9^2, \frac{28^6}{3}, 10^2, \frac{21^2}{2}, 16^1, \frac{33^{12}}{2}, 17^6, \frac{52^6}{3}, 18^{18}, \frac{37^4}{2}, 19^2, \frac{58^3}{3}, 20^1, \frac{41^6}{2}, 21^2, 26^1, \infty^{113}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^7, 8^3, \frac{17^8}{2}, 9^4, \frac{28^{12}}{3}, 10^5, \frac{21^4}{2}, \frac{34^{24}}{3}, 16^4, \frac{33^{12}}{2}, 17^6, \frac{52^6}{3}, 18^{26}, \frac{37^4}{2}, 19^2, \frac{58^6}{3}, 20^2, \frac{41^6}{2}, 21^2, 24^1, 26^1, 32^5, 34^2, 40^1, \infty^{28}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^7, 8^3, \frac{17^8}{2}, 9^4, \frac{28^{12}}{3}, 10^5, \frac{21^4}{2}, \frac{34^{24}}{3}, 16^4, \frac{33^{12}}{2}, 17^{12}, \frac{52^{12}}{3}, 18^{41}, \frac{37^8}{2}, 19^4, \frac{58^9}{3}, 20^2, \frac{41^{12}}{2}, 21^4, \frac{22^{85}}{2}, 24^1, 26^2, 32^5, 34^2, 40^1, \infty^{283}$
34	$1^1, 3^1, 4^1, 5^1, \frac{23^4}{4}, 8^1, 9^5, \frac{39^4}{4}, 10^2, \frac{41^4}{4}, 11^1, 16^1, 17^{11}, \frac{71^{12}}{4}, 18^2, \frac{73^4}{4}, \frac{56^{12}}{3}, 19^4, \frac{77^4}{4}, \frac{79^4}{4}, 20^2, 21^5, \frac{87^4}{4}, \infty^{120}$	$1^1, 3^1, 4^1, 5^1, \frac{23^4}{4}, 8^1, 9^5, \frac{39^4}{4}, 10^2, \frac{41^4}{4}, 11^1, 16^1, 17^{11}, \frac{71^{12}}{4}, 18^2, \frac{73^4}{4}, \frac{56^{12}}{3}, 19^4, \frac{77^4}{4}, \frac{79^4}{4}, 20^2, 21^5, \frac{87^4}{4}, \infty^{120}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^4, \frac{23^8}{4}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 9^{12}, \frac{39^8}{4}, 10^4, \frac{41^8}{4}, 11^4, 12^{25}, 16^4, 17^{13}, \frac{71^{12}}{4}, 18^2, \frac{73^4}{4}, \frac{56^{12}}{3}, 19^{11}, \frac{77^4}{4}, \frac{79^4}{4}, 20^4, 21^7, \frac{87^4}{4}, 32^4, 35^4, \infty^{30}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^4, \frac{23^8}{4}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 9^{12}, \frac{39^8}{4}, 10^4, \frac{41^8}{4}, 11^4, 12^{25}, 16^4, 17^{24}, \frac{71^{24}}{4}, 18^4, \frac{73^8}{4}, \frac{56^{24}}{3}, 19^{12}, \frac{77^8}{4}, \frac{79^8}{4}, 20^5, 21^{12}, \frac{87^8}{4}, \frac{68^{90}}{3}, 32^4, 35^4, \infty^{300}$
35	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^2}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 8^1, \frac{19^4}{2}, 10^3, \frac{21^2}{2}, \frac{87^8}{8}, 12^1, 16^1, \frac{35^{12}}{2}, 18^5, \frac{37^6}{2}, \frac{151^8}{8}, \frac{58^{12}}{3}, \frac{159^8}{8}, 20^4, \frac{41^2}{2}, \frac{43^4}{2}, 22^3, \frac{45^2}{2}, \infty^{127}$	$\frac{3^2}{2}, 4^2, \frac{11^2}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 8^1, \frac{19^4}{2}, 10^3, \frac{21^2}{2}, \frac{87^8}{8}, 12^1, 16^1, \frac{35^{12}}{2}, 18^5, \frac{37^6}{2}, \frac{151^8}{8}, \frac{58^{12}}{3}, \frac{159^8}{8}, 20^4, \frac{41^2}{2}, \frac{43^4}{2}, 22^3, \frac{45^2}{2}, \infty^{127}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^8}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^6}{3}, 8^2, \frac{19^{12}}{2}, 10^6, \frac{21^4}{2}, \frac{87^{16}}{8}, 12^3, \frac{38^{24}}{3}, 16^3, \frac{35^{16}}{2}, 18^6, \frac{37^6}{2}, \frac{151^8}{8}, \frac{58^{12}}{3}, \frac{159^8}{8}, 20^{10}, \frac{41^2}{2}, \frac{43^8}{2}, 22^3, \frac{45^2}{2}, 32^4, 34^2, 36^2, \infty^{32}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^8}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^6}{3}, 8^2, \frac{19^{12}}{2}, 10^6, \frac{21^4}{2}, \frac{87^{16}}{8}, 12^3, \frac{38^{24}}{3}, 16^3, \frac{35^{28}}{2}, 18^{11}, \frac{37^{12}}{2}, \frac{151^{16}}{8}, \frac{58^{24}}{3}, \frac{159^{16}}{8}, 20^{11}, \frac{41^4}{2}, \frac{43^{12}}{2}, 22^6, \frac{45^4}{2}, \frac{70^{96}}{3}, 32^4, 34^2, 36^2, \infty^{317}$

36	$1^1, 2^1, 5^2, 6^1, \frac{20^3}{3}, 8^1, 9^2, 10^3, \frac{32^3}{3}, 11^2, \frac{45^4}{4}, 11^2, \frac{45^4}{4}, \frac{23^4}{2}, 13^1, 16^1, 17^2, 18^{13}, \frac{56^9}{3}, 19^2, \frac{77^4}{4}, \frac{39^4}{2}, 20^{14}, \frac{81^4}{4}, \frac{41^4}{2}, 21^5, 22^3, \frac{68^3}{3}, 23^2, 25^1, 33^1, \infty^{134}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^4, \frac{20^6}{3}, 8^9, 9^6, 10^8, \frac{32^6}{3}, 11^4, \frac{45^8}{4}, \frac{23^8}{2}, 13^2, \frac{40^{27}}{3}, 16^3, 17^6, 18^{15}, \frac{56^9}{3}, 19^2, \frac{77^4}{4}, \frac{39^4}{2}, 20^{15}, \frac{81^4}{4}, \frac{41^4}{2}, 21^{11}, 22^5, \frac{68^3}{3}, 23^2, 25^1, 32^4, 33^1, \frac{104^3}{3}, 36^1, 44^1, 64^1, \infty^{33}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^4, \frac{20^6}{3}, 8^9, 9^6, 10^8, \frac{32^6}{3}, 11^4, \frac{45^8}{4}, \frac{23^8}{2}, 13^2, \frac{40^{27}}{3}, 16^3, 17^6, 18^{28}, \frac{56^{18}}{3}, 19^4, \frac{77^8}{4}, \frac{39^8}{2}, 20^{29}, \frac{81^8}{4}, \frac{41^8}{2}, 21^{14}, 22^8, \frac{68^6}{3}, 23^4, \textcolor{blue}{24}^{100}, 25^2, 32^4, 33^2, \frac{104^3}{3}, 36^1, 44^1, 64^1, \infty^{335}$	
37	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{22^3}{3}, 8^1, 10^3, \frac{21^4}{2}, 11^2, \frac{34^3}{3}, 12^6, \frac{25^2}{2}, 16^1, 18^3, 18^3, 22^2$	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{22^3}{3}, 8^1, 10^3, \frac{21^4}{2}, 11^2, \frac{34^3}{3}, 12^6, \frac{25^2}{2}, 16^1, 18^3, \frac{37^{12}}{2}, 19^6, \frac{58^9}{3}, 20^6, \frac{41^2}{2}, \frac{62^{12}}{3}, 21^4, \frac{169^8}{8}, 22^5, \frac{45^2}{2}, 23^2, \frac{70^3}{3}, 26^1, 34^1, \infty^{141}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{22^6}{3}, 8^3, \frac{26^6}{3}, 10^8, \frac{21^{12}}{2}, 11^4, \frac{34^6}{3}, 12^{12}, \frac{25^4}{2}, 14^{28}, 16^3, 18^9, \frac{37^{16}}{2}, 19^6, \frac{58^9}{3}, 20^6, \frac{41^2}{2}, \frac{62^{12}}{3}, 21^4, \frac{169^8}{8}, 22^{10}, \frac{45^2}{2}, 23^2, \frac{70^3}{3}, 24^1, 26^1, 32^3, 34^3, \frac{106^3}{3}, 46^1, 64^1, \infty^{35}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{22^6}{3}, 8^3, \frac{26^6}{3}, 10^8, \frac{21^{12}}{2}, 11^4, \frac{34^6}{3}, 12^{12}, \frac{25^4}{2}, 14^{28}, 16^3, 18^9, \frac{37^{28}}{2}, 19^{12}, \frac{58^{18}}{3}, 20^{12}, \frac{41^4}{2}, \frac{62^{24}}{3}, 21^8, \frac{169^{16}}{8}, 22^{13}, \frac{45^4}{2}, 23^4, \frac{70^6}{3}, 24^1, \textcolor{blue}{74}^{105}, 26^2, 32^3, 34^4, \frac{106^3}{3}, 46^1, 64^1, \infty^{353}$
38	$1^1, 3^3, 7^3, 8^2, 9^2, 11^5, \frac{47^4}{4}, 12^4, \frac{51^4}{4}, 13^2, 16^1, 17^2, 19^{15}, \frac{79^{12}}{4}, 20^6, \frac{83^4}{4}, 21^4, \frac{85^4}{4}, \frac{64^{12}}{3}, \frac{87^{12}}{4}, 23^3, \frac{95^4}{4}, 24^1, 25^1, 33^1, \infty^{148}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^8, 8^5, 9^6, \frac{28^6}{3}, 11^{16}, \frac{47^8}{4}, 12^8, \frac{51^8}{4}, 13^4, \frac{44^{27}}{3}, 16^2, 17^6, 19^{25}, \frac{79^{12}}{4}, 20^6, \frac{83^4}{4}, 21^4, \frac{85^4}{4}, \frac{64^{12}}{3}, \frac{87^{12}}{4}, 23^7, \frac{95^4}{4}, 24^2, 25^1, 32^3, 33^1, 35^4, 36^1, 40^1, 64^1, \infty^{37}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^8, 8^5, 9^6, \frac{28^6}{3}, 11^{16}, \frac{47^8}{4}, 12^8, \frac{51^8}{4}, 13^4, \frac{44^{27}}{3}, 16^2, 17^6, 19^{38}, \frac{79^{24}}{4}, 20^{12}, \frac{83^8}{4}, 21^8, \frac{85^8}{4}, \frac{64^{24}}{3}, \frac{87^{24}}{4}, 23^8, \frac{95^8}{4}, 24^3, 25^2, \textcolor{blue}{76}^{111}, 32^3, 33^2, 35^4, 36^1, 40^1, 64^1, \infty^{371}$	
39	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, 8^3, \frac{19^4}{2}, 10^1, \frac{23^2}{2}, 12^2, \frac{25^2}{2}, 12^2, \frac{38^6}{3}, 16^1, \frac{35^4}{2}, 18^1, \frac{39^{14}}{2}, 20^8, \frac{41^6}{2}, \frac{62^6}{3}, \frac{43^{10}}{2}, \frac{175^8}{8}, 22^8, \frac{179^8}{8}, \frac{45^4}{2}, 24^2, \frac{49^2}{2}, \frac{51^2}{2}, \frac{67^2}{2}, \infty^{156}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, 8^9, \frac{19^{12}}{2}, 10^6, \frac{23^8}{2}, 12^6, \frac{25^4}{2}, \frac{38^{12}}{3}, \frac{27^{12}}{2}, \frac{46^{27}}{3}, 16^2, \frac{35^{12}}{2}, 18^2, \frac{39^{32}}{2}, 20^{19}, \frac{41^{12}}{2}, \frac{62^{12}}{3}, \frac{43^{20}}{2}, \frac{175^{16}}{8}, 22^{16}, \frac{179^{16}}{8}, \frac{45^8}{2}, 24^7, \frac{49^4}{2}, \frac{51^4}{2}, 26^{118}, 32^3, \frac{67^4}{2}, 34^2, 36^2, 40^2, 64^2, 36^2, 40^2, 64^2, \infty^{39}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, 8^9, \frac{19^{12}}{2}, 10^6, \frac{23^8}{2}, 12^6, \frac{25^4}{2}, \frac{38^{12}}{3}, \frac{27^{12}}{2}, \frac{46^{27}}{3}, 16^2, \frac{35^{12}}{2}, 18^2, \frac{39^{32}}{2}, 20^{19}, \frac{41^{12}}{2}, \frac{62^{12}}{3}, \frac{43^{20}}{2}, \frac{175^{16}}{8}, 22^{16}, \frac{179^{16}}{8}, \frac{45^8}{2}, 24^7, \frac{49^4}{2}, \frac{51^4}{2}, \textcolor{blue}{26}^{118}, 32^3, \frac{67^4}{2}, 34^2, 36^2, 40^2, 64^2, \infty^{390}$	

40	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 9^3, 10^2, \frac{32^3}{3}, 12^3, 13^1, \frac{40^6}{3}, 14^2, \frac{57^4}{4}, 16^2, 17^2, \frac{56^3}{3}, 18^2, \frac{56^3}{3}, 24^1, 25^1$	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 9^3, 10^2, \frac{32^3}{3}, 12^3, 13^1, \frac{40^6}{3}, 14^2, \frac{57^4}{4}, 16^2, 17^2, 18^2, \frac{56^3}{3}, 20^{13}, \frac{62^{12}}{3}, 21^3, \frac{64^6}{3}, 22^8, \frac{89^8}{4}, \frac{45^4}{2}, \frac{68^6}{3}, 23^{12}, \frac{93^4}{4}, 24^1, 25^2, 26^3, 33^1, 34^1, \infty^{164}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^1, 9^{10}, 10^6, \frac{32^9}{3}, 12^{12}, 13^4, \frac{40^{12}}{3}, 14^4, \frac{57^8}{4}, 16^{32}, 17^6, 18^6, \frac{56^6}{3}, 20^{19}, \frac{62^{12}}{3}, 21^5, \frac{64^6}{3}, 22^8, \frac{89^8}{4}, \frac{45^4}{2}, \frac{68^6}{3}, 23^{12}, \frac{93^4}{4}, 24^3, 25^5, 26^3, 32^2, 33^1, 34^1, \frac{104^3}{3}, 36^1, 40^3, 64^2, \infty^{41}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^1, 9^{10}, 10^6, \frac{32^9}{3}, 12^{12}, 13^4, \frac{40^{12}}{3}, 14^4, \frac{57^8}{4}, 16^{32}, 17^6, 18^6, \frac{56^6}{3}, 20^{32}, \frac{62^{24}}{3}, 21^8, \frac{64^{12}}{3}, 22^{16}, \frac{89^{16}}{4}, \frac{45^8}{2}, \frac{68^{12}}{3}, 23^{24}, \frac{93^8}{4}, 24^3, 25^6, 26^6, \frac{80^{123}}{3}, 32^2, 33^2, 34^2, \frac{104^3}{3}, 36^1, 40^3, 64^2, \infty^{410}$
41	$2^1, 4^1, \frac{9^4}{2}, 5^2, 10^4, \frac{34^3}{3}, 12^1, \frac{25^2}{2}, 13^2, 14^7, \frac{29^2}{2}, 15^2, 16^2, 18^3, \frac{58^3}{3}, 20^2, 24^1, 26^1$	$2^1, 4^1, \frac{9^4}{2}, 5^2, 10^4, \frac{34^3}{3}, 12^1, \frac{25^2}{2}, 13^2, 14^7, \frac{29^2}{2}, 15^2, 16^2, 18^3, \frac{58^3}{3}, 20^2, \frac{41^{14}}{2}, 21^6, \frac{64^{12}}{3}, 22^9, \frac{45^6}{2}, 23^6, \frac{70^6}{3}, \frac{47^4}{2}, \frac{189^8}{8}, \frac{95^8}{4}, 24^1, \frac{49^2}{2}, 26^2, \frac{53^2}{2}, 34^1, 36^1, \infty^{172}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^8}{2}, 5^4, 6^7, 8^1, 10^{11}, \frac{34^9}{3}, 12^4, \frac{25^8}{2}, 13^8, 14^{14}, \frac{29^4}{2}, 15^4, 16^5, \frac{50^{27}}{3}, 18^8, \frac{58^6}{3}, 20^6, \frac{41^{22}}{2}, 21^{10}, \frac{64^{12}}{3}, 22^9, \frac{45^6}{2}, 23^6, \frac{70^6}{3}, \frac{47^4}{2}, \frac{189^8}{8}, \frac{95^8}{4}, 24^3, \frac{49^2}{2}, 26^4, \frac{53^2}{2}, 32^2, 34^2, \frac{106^3}{3}, 36^1, 38^1, 40^2, 64^2, \infty^{43}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^8}{2}, 5^4, 6^7, 8^1, 10^{11}, \frac{34^9}{3}, 12^4, \frac{25^8}{2}, 13^8, 14^{14}, \frac{29^4}{2}, 15^4, 16^5, \frac{50^{27}}{3}, 18^8, \frac{58^6}{3}, 20^6, \frac{41^{36}}{2}, 21^{16}, \frac{64^{24}}{3}, 22^{18}, \frac{45^{12}}{2}, 23^{12}, \frac{70^{12}}{3}, \frac{47^8}{2}, \frac{189^{16}}{8}, \frac{95^{16}}{4}, 24^3, \frac{49^4}{2}, 26^5, \frac{53^4}{2}, \frac{82^{129}}{3}, 32^2, 34^3, \frac{106^3}{3}, 36^2, 38^1, 40^2, 64^2, \infty^{430}$
42	$1^1, 3^1, 4^1, 5^3, \frac{23^4}{4}, 11^4, 12^2, 13^3, \frac{44^6}{3}, \frac{63^4}{4}, 16^1, 17^2, \frac{55^4}{4}, \frac{44^6}{3}, 19^4, 20^3, 21^{17}, \frac{87^{12}}{4}, 22^4, \frac{89^8}{4}, \frac{68^9}{3}, 23^2, \frac{95^8}{4}, 24^6, \frac{97^4}{4}, \frac{391^{16}}{16}, 25^2, 27^1, 33^1, 35^1, 36^1, \infty^{180}$	$1^1, 3^1, 4^1, 5^3, \frac{23^4}{4}, 11^4, 12^2, 13^3, \frac{44^6}{3}, \frac{63^4}{4}, 16^1, 17^2, \frac{55^4}{3}, \frac{44^{12}}{3}, \frac{63^8}{4}, 16^3, 17^6, \frac{52^{24}}{3}, 19^{10}, 20^8, 21^{40}, \frac{87^{32}}{4}, 22^8, \frac{89^{16}}{4}, \frac{68^{18}}{3}, 23^4, \frac{95^{16}}{4}, 24^{12}, \frac{97^8}{4}, \frac{391^{32}}{16}, 25^4, 27^4, \frac{28^{136}}{3}, 32^2, 33^2, 35^4, 36^3, 37^2, 40^1, 64^3, \infty^{450}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^8, \frac{23^8}{4}, \frac{20^9}{3}, 11^{12}, 12^7, 13^8, \frac{55^{16}}{4}, \frac{44^{12}}{3}, \frac{63^8}{4}, 16^3, 17^6, \frac{52^{24}}{3}, 19^{10}, 20^8, 21^{25}, \frac{87^{20}}{4}, 22^4, \frac{89^8}{4}, \frac{68^9}{3}, 23^2, \frac{95^8}{4}, 24^6, \frac{97^4}{4}, \frac{391^{16}}{16}, 25^2, 27^3, 32^2, 33^1, 35^3, 36^2, 37^2, 40^1, 64^3, \infty^{45}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^8, \frac{23^8}{4}, \frac{20^9}{3}, 11^{12}, 12^7, 13^8, \frac{55^{16}}{4}, \frac{44^{12}}{3}, \frac{63^8}{4}, 16^3, 17^6, \frac{52^{24}}{3}, 19^{10}, 20^8, 21^{40}, \frac{87^{32}}{4}, 22^8, \frac{89^{16}}{4}, \frac{68^{18}}{3}, 23^4, \frac{95^{16}}{4}, 24^{12}, \frac{97^8}{4}, \frac{391^{32}}{16}, 25^4, 27^4, \frac{28^{136}}{3}, 32^2, 33^2, 35^4, 36^3, 37^2, 40^1, 64^3, \infty^{450}$



43	$\frac{3^2}{2}, \frac{4^2}{2}, \frac{11^4}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 12^4, \frac{27^6}{2}, 14^1, \frac{29^2}{2}, \frac{46^6}{3}, 16^1, \frac{33^2}{2}, \frac{35^4}{2}, 18^1, \frac{33^2}{2}, \frac{35^4}{2}, 18^1, 20^5, \frac{43^4}{2}$	$\frac{3^2}{2}, \frac{4^2}{2}, \frac{11^4}{2}, 6^1, \frac{13^2}{2}, 12^4, \frac{27^6}{2}, 14^1, \frac{29^2}{2}, \frac{46^6}{3}, 16^1, \frac{33^2}{2}, \frac{35^4}{2}, 18^1, 20^5, \frac{43^4}{2}, 22^7, \frac{45^6}{2}, \frac{183^{16}}{8}, \frac{70^{12}}{3}, 24^2, \frac{49^{10}}{2}, \frac{199^8}{8}, 25^4, \frac{201^8}{8}, \frac{51^2}{2}, 28^1, \frac{67^2}{2}, 36^2, \infty^{189}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^{12}}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^{12}}{3}, 12^{13}, \frac{27^{16}}{2}, 14^4, \frac{29^8}{2}, \frac{46^{12}}{3}, 16^3, \frac{33^4}{2}, \frac{35^{12}}{2}, 18^{27}, 20^{14}, \frac{43^{30}}{2}, 22^9, \frac{45^{10}}{2}, \frac{183^{16}}{8}, \frac{70^{12}}{3}, 24^2, \frac{49^{10}}{2}, \frac{199^8}{8}, 25^4, \frac{201^8}{8}, \frac{51^2}{2}, 28^2, 32^1, \frac{67^2}{2}, 34^1, 36^3, \frac{75^4}{2}, 42^1, 64^3, 66^1, \infty^{47}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^5, \frac{11^{12}}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, \frac{22^{12}}{3}, 12^{13}, \frac{27^{16}}{2}, 14^4, \frac{29^8}{2}, \frac{46^{12}}{3}, 16^3, \frac{33^4}{2}, \frac{35^{12}}{2}, 18^{27}, 20^{14}, \frac{43^{30}}{2}, 22^9, \frac{45^{10}}{2}, \frac{183^{16}}{8}, \frac{70^{12}}{3}, 24^2, \frac{49^{10}}{2}, \frac{199^8}{8}, 25^4, \frac{201^8}{8}, \frac{51^2}{2}, 28^3, \frac{86^{141}}{3}, 32^1, \frac{67^4}{2}, 34^1, 36^5, \frac{75^4}{2}, 42^1, 64^3, 66^1, \infty^{472}$
44	$1^1, 2^1, 5^2, 6^5, \frac{20^3}{3}, 9^1, 13^5, 14^3, \frac{44^3}{3}, 16^8, 17^3, 18^2, \frac{56^3}{3}, 21^6, \frac{44^3}{3}, 16^8, 17^3, 18^2, \frac{56^3}{3}, 21^6, 22^2, 32^1$	$1^1, 2^1, 5^2, 6^5, \frac{20^3}{3}, 9^1, 13^5, 14^3, \frac{44^3}{3}, 16^8, 17^3, 18^2, \frac{56^3}{3}, 21^6, 22^{17}, \frac{68^9}{3}, 23^4, \frac{93^8}{4}, \frac{47^8}{2}, 24^{13}, 25^3, \frac{101^8}{4}, \frac{51^4}{2}, \frac{77^{12}}{3}, 26^6, \frac{105^4}{4}, 29^1, 32^1, 33^1, 34^1, 37^2, \infty^{197}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^{12}, \frac{20^6}{3}, 8^{13}, 9^2, 13^{14}, 14^8, \frac{44^{12}}{3}, 16^{18}, 17^{10}, 18^6, \frac{56^{30}}{3}, 21^{16}, 22^{29}, \frac{68^{15}}{3}, 23^4, \frac{93^8}{4}, \frac{47^8}{2}, 24^{13}, 25^5, \frac{101^8}{4}, \frac{51^4}{2}, \frac{77^{12}}{3}, 26^6, \frac{105^4}{4}, 29^1, 32^3, 33^1, 34^1, 36^1, 37^4, 38^2, 44^1, 48^1, 64^3, 68^1, \infty^{49}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 5^6, 6^{12}, \frac{20^6}{3}, 8^{13}, 9^2, 13^{14}, 14^8, \frac{44^{12}}{3}, 16^{18}, 17^{10}, 18^6, \frac{56^{30}}{3}, 21^{16}, 22^{44}, \frac{68^{24}}{3}, 23^8, \frac{93^{16}}{4}, \frac{47^{16}}{2}, 24^{26}, 25^8, \frac{101^{16}}{4}, \frac{51^8}{2}, \frac{77^{24}}{3}, 26^{12}, \frac{105^8}{4}, 29^2, \frac{88^{147}}{3}, 32^3, 33^2, 34^2, 36^1, 37^6, 38^2, 44^1, 48^1, 64^3, 68^1, \infty^{493}$
45	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^3}{3}, 10^1, 14^5, \frac{46^3}{3}, 16^2, \frac{50^6}{3}, 18^4, \frac{50^6}{3}, 18^4, \frac{37^4}{2}, \frac{58^3}{3}, 22^7, 24^1, 32^1$	$2^1, \frac{5^2}{2}, 6^2, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^3}{3}, 10^1, 14^5, \frac{46^3}{3}, 16^2, \frac{50^6}{3}, 18^4, \frac{58^3}{3}, 22^7, \frac{45^{16}}{2}, 23^8, \frac{70^9}{3}, 24^{13}, \frac{49^4}{2}, \frac{74^{15}}{3}, 26^{11}, \frac{79^{12}}{3}, \frac{53^6}{2}, 27^6, 32^1, 34^1, \frac{69^2}{2}, 38^2, \infty^{205}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{13^8}{2}, 7^4, \frac{22^6}{3}, 8^1, \frac{26^{15}}{3}, 10^2, 14^{15}, \frac{46^{12}}{3}, 16^6, \frac{50^{12}}{3}, 18^{13}, \frac{37^{12}}{2}, \frac{58^{27}}{3}, 22^{18}, \frac{45^{24}}{2}, 23^{12}, \frac{70^{15}}{3}, 24^{14}, \frac{49^4}{2}, \frac{74^{15}}{3}, 26^{13}, \frac{79^{12}}{3}, \frac{53^6}{2}, 27^6, 32^3, 34^2, \frac{69^2}{2}, 38^5, 40^1, 48^1, 64^4, 66^1, \infty^{51}$	$0^1, 2^3, \frac{5^4}{2}, \frac{10^3}{3}, 6^7, \frac{13^8}{2}, 7^4, \frac{22^6}{3}, 8^1, \frac{26^{15}}{3}, 10^2, 14^{15}, \frac{46^{12}}{3}, 16^6, \frac{50^{12}}{3}, 18^{13}, \frac{37^{12}}{2}, \frac{58^{27}}{3}, 22^{18}, \frac{45^{40}}{2}, 23^{20}, \frac{70^{24}}{3}, 24^{26}, \frac{49^8}{2}, \frac{74^{30}}{3}, 26^{24}, \frac{79^{24}}{3}, \frac{53^{12}}{2}, 27^{12}, 30^{154}, 32^3, 34^3, \frac{69^4}{2}, 38^7, 40^1, 48^1, 64^4, 66^1, \infty^{514}$

46	$1^1, 3^3, 7^7, \frac{31^4}{4}, 8^1, 9^1, 15^5, 16^3, 17^3, \frac{52^6}{3}, 19^8, 20^4, 23^{21}, \frac{95^{16}}{4}, 24^{10}, \frac{99^8}{4}, 25^5, \frac{76^{18}}{3}, \frac{107^{12}}{4}, 27^{10}, \frac{109^4}{4}, \frac{111^4}{4}, 32^1, 33^1, 35^3, 39^2, \infty^{215}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^{16}, \frac{31^8}{4}, 8^3, 9^2, \frac{28^{18}}{3}, 15^{16}, 16^{10}, 17^{10}, \frac{52^{12}}{3}, 19^{24}, 20^{27}, 23^{41}, \frac{95^{24}}{4}, 24^{13}, \frac{99^8}{4}, 25^7, \frac{76^{18}}{3}, \frac{107^{12}}{4}, 27^{10}, \frac{109^4}{4}, \frac{111^4}{4}, 32^2, 33^1, 35^5, 39^4, 40^1, 48^1, 64^4, 67^2, \infty^{54}$	$0^1, 1^2, 3^8, 4^4, 7^{16}, \frac{31^8}{4}, 8^3, 9^2, \frac{28^{18}}{3}, 15^{16}, 16^{10}, 17^{10}, \frac{52^{12}}{3}, 19^{24}, 20^{27}, 23^{56}, \frac{95^{40}}{4}, 24^{22}, \frac{99^{16}}{4}, 25^{12}, \frac{76^{36}}{3}, \frac{107^{24}}{4}, 27^{20}, \frac{109^8}{4}, \frac{111^8}{4}, \frac{92^{162}}{3}, 32^2, 33^2, 35^8, 39^6, 40^1, 48^1, 64^4, 67^2, \infty^{537}$
47	$\frac{3^2}{2}, \frac{7^2}{2}, 4^1, \frac{15^6}{2}, 8^4, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, 16^6, \frac{35^6}{2}, 18^5, \frac{39^4}{2}, 20^3, \frac{62^6}{3}, \frac{47^{16}}{2}, 24^{12}, \frac{49^8}{2}, \frac{74^{12}}{3}, \frac{51^{14}}{2}, 26^{19}, \frac{55^{18}}{2}, \frac{223^8}{8}, 28^2, \frac{57^2}{2}, 32^2, \frac{67^2}{2}, \frac{71^2}{2}, 36^1, 40^1, \infty^{224}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \frac{15^{12}}{2}, 8^{11}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^4}{2}, 10^{19}, 16^{19}, \frac{35^{20}}{2}, 18^{11}, \frac{39^{12}}{2}, 20^9, \frac{62^{30}}{3}, \frac{47^{28}}{2}, 24^{25}, \frac{49^{12}}{2}, \frac{74^{12}}{3}, \frac{51^{18}}{2}, 26^{19}, \frac{55^{18}}{2}, \frac{223^8}{8}, 28^2, \frac{57^2}{2}, 32^4, \frac{67^2}{2}, \frac{71^2}{2}, 36^2, 40^4, 48^2, 64^4, 66^1, 68^1, \infty^{56}$	$0^1, \frac{3^4}{2}, 2^1, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^6}{3}, \frac{15^{12}}{2}, 8^{11}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^4}{2}, 10^{19}, 16^{19}, \frac{35^{20}}{2}, 18^{11}, \frac{39^{12}}{2}, 20^9, \frac{62^{30}}{3}, \frac{47^{44}}{2}, 24^{32}, \frac{49^{20}}{2}, \frac{74^{24}}{3}, \frac{51^{32}}{2}, 26^{38}, \frac{55^{36}}{2}, \frac{223^{16}}{8}, 28^4, \frac{57^4}{2}, \frac{94^{168}}{3}, 32^4, \frac{67^4}{2}, \frac{71^4}{2}, 36^3, 40^5, 48^2, 64^4, 66^1, 68^1, \infty^{560}$
48	$1^1, 2^1, 4^3, 5^1, 8^5, \frac{26^6}{3}, 9^2, 10^3, 17^6, 18^3, \frac{56^6}{3}, 20^6, 21^2, \frac{64^6}{3}, 24^{18}, \frac{74^{12}}{3}, 25^7, \frac{76^{12}}{3}, 26^9, \frac{105^8}{4}, \frac{80^{21}}{3}, 28^8, \frac{113^8}{4}, \frac{57^4}{2}, \frac{86^6}{3}, 30^2, \frac{32^2}{3}, 33^1, 34^1, 36^3, 37^1, 41^1, \infty^{233}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^{11}, \frac{26^{12}}{3}, 9^6, 10^6, \frac{32^{21}}{3}, 16^2, 17^{18}, 18^{10}, \frac{56^{15}}{3}, 20^{18}, 21^6, \frac{64^{27}}{3}, 24^{30}, \frac{74^{24}}{3}, 25^{15}, \frac{76^{12}}{3}, 26^{15}, \frac{105^8}{4}, \frac{80^{21}}{3}, 28^8, \frac{113^8}{4}, \frac{57^4}{2}, \frac{86^6}{3}, 30^2, \frac{32^4}{3}, 33^1, 34^1, 36^3, 37^1, 40^1, 41^3, 48^2, 64^5, 68^1, 72^1, \infty^{58}$	$0^1, 1^2, 2^2, \frac{8^3}{3}, 4^6, 5^2, \frac{16^6}{3}, 8^{11}, \frac{26^{12}}{3}, 9^6, 10^6, \frac{32^{21}}{3}, 16^2, 17^{18}, 18^{10}, \frac{56^{15}}{3}, 20^{18}, 21^6, \frac{64^{27}}{3}, 24^{47}, \frac{74^{36}}{3}, 25^{18}, \frac{76^{24}}{3}, 26^{24}, \frac{105^{16}}{4}, \frac{80^{42}}{3}, 28^{16}, \frac{113^{16}}{4}, \frac{57^8}{2}, \frac{86^{12}}{3}, 30^4, \frac{32^{179}}{3}, 33^2, 34^2, 36^6, 37^2, 40^1, 41^4, 48^2, 64^5, 68^1, 72^1, \infty^{583}$

49	$2^1, 4^1, \frac{9^2}{2}, 5^2, 8^1, \frac{17^6}{2}, 9^2, \frac{28^6}{3}, 10^2, \frac{58^6}{3}, 20^2, \frac{41^4}{2}, 21^4, \frac{21^2}{2}, 18^6, \frac{58^6}{3}, 20^2, \frac{41^4}{2}, 21^4, 22^7, 24^2, \frac{49^{16}}{2}, 25^8, \frac{76^{12}}{3}, 26^{18}, \frac{53^8}{2}, 27^4, \frac{82^{24}}{3}, \frac{57^8}{2}, 29^{10}, \frac{88^6}{3}, \frac{61^2}{2}, 32^2, 34^1, 36^1, \frac{73^2}{2}, 37^2, 40^1, 42^1, \infty^{243}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^7, 8^3, \frac{17^{12}}{2}, 9^4, \frac{28^{12}}{3}, 10^5, \frac{21^4}{2}, \frac{34^{24}}{3}, 16^2, 18^{19}, \frac{58^{15}}{3}, 20^6, \frac{41^{12}}{2}, 21^{12}, \frac{41^{12}}{2}, 21^{12}, 22^{27}, 24^7, \frac{49^{24}}{2}, 25^{12}, \frac{76^{24}}{3}, 26^{25}, \frac{53^{12}}{2}, 27^4, \frac{82^{24}}{3}, \frac{57^8}{2}, 29^{10}, \frac{88^6}{3}, \frac{61^2}{2}, 32^5, 34^1, 36^1, \frac{73^2}{2}, 37^2, 40^2, 42^2, 48^2, 64^5, 66^2, 72^1, \infty^{61}$	$0^1, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^7, 8^3, \frac{17^{12}}{2}, 9^4, \frac{28^{12}}{3}, 10^5, \frac{21^4}{2}, \frac{34^{24}}{3}, 16^2, 18^{19}, \frac{58^{15}}{3}, 20^6, \frac{41^{12}}{2}, 21^{12}, 22^{27}, 24^7, \frac{49^{40}}{2}, 25^{20}, \frac{76^{36}}{3}, 26^{40}, \frac{53^{20}}{2}, 27^8, \frac{82^{48}}{3}, \frac{57^{16}}{2}, 29^{20}, \frac{88^{12}}{3}, \frac{61^4}{2}, 32^5, \frac{98^{183}}{3}, 34^2, 36^2, \frac{73^4}{2}, 37^4, 40^3, 42^3, 48^2, 64^5, 66^2, 72^1, \infty^{607}$
50	$1^1, 3^1, 4^1, 5^1, \frac{23^4}{4}, 8^1, 9^7, \frac{39^4}{4}, 10^2, \frac{41^4}{4}, 11^1, 19^7, 20^4, 21^4, \frac{87^8}{4}, \frac{68^6}{3}, 24^1, 25^{19}, \frac{103^{16}}{4}, 26^4, \frac{105^8}{4}, \frac{80^{12}}{3}, 27^3, \frac{109^4}{4}, \frac{111^8}{4}, 28^{25}, 29^8, \frac{119^8}{4}, 30^2, \frac{121^4}{4}, 32^2, 33^1, 35^1, 36^1, 37^1, \frac{151^4}{4}, 40^1, \infty^{253}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^4, \frac{23^8}{4}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 9^{16}, \frac{39^8}{4}, 10^4, \frac{41^8}{4}, 11^4, 12^{28}, 16^2, 19^{20}, 20^{11}, 21^{12}, \frac{87^{24}}{4}, \frac{68^{24}}{3}, 24^4, 25^{31}, \frac{103^{24}}{4}, 26^8, \frac{105^{16}}{4}, \frac{80^{12}}{3}, 27^7, \frac{109^4}{4}, \frac{111^8}{4}, 28^{25}, 29^8, \frac{119^8}{4}, 30^2, \frac{121^4}{4}, 32^5, 33^1, 35^1, 36^1, 37^1, \frac{151^4}{4}, 40^1, 43^2, 48^2, 64^5, 67^4, \infty^{63}$	$0^1, 1^2, 3^4, 4^3, 5^4, \frac{23^8}{4}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 9^{16}, \frac{39^8}{4}, 10^4, \frac{41^8}{4}, 11^4, 12^{28}, 16^2, 19^{20}, 20^{11}, 21^{12}, \frac{87^{24}}{4}, \frac{68^{24}}{3}, 24^4, 25^{48}, \frac{103^{40}}{4}, 26^{12}, \frac{105^{24}}{4}, \frac{80^{24}}{3}, 27^8, \frac{109^8}{4}, \frac{111^{16}}{4}, 28^{50}, 29^{16}, \frac{119^{16}}{4}, 30^4, \frac{121^8}{4}, 32^5, 33^2, \frac{100^{189}}{3}, 35^2, 36^2, 37^2, \frac{151^8}{4}, 40^2, 43^2, 48^2, 64^5, 67^4, \infty^{632}$

## 1.2 $i = 2$ .

Table 2: Slopes for  $q = 2$ ,  $i = 2$ . Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
1		$0^1$	$0^1$	$0^2, \infty^1$
2		$0^2$	$0^1, \infty^1$	$0^3, \infty^3$
3		$0^3$	$0^1, \infty^2$	$0^4, 1^1, \infty^5$
4	$0^1$	$0^4, \infty^1$	$0^2, \infty^3$	$0^5, \frac{4}{3}^3, \infty^7$
5	$0^1$	$0^5, 1^1, \infty^1$	$0^2, 1^1, \infty^4$	$0^6, 1^2, \frac{5}{3}^3, \infty^{10}$
6	$0^1$	$0^6, \frac{3}{2}^2, \infty^1$	$0^2, \frac{3}{2}^2, \infty^5$	$0^7, \frac{3}{2}^4, 2^4, \infty^{13}$
7	$0^2$	$0^7, 1^2, 2^1, \infty^2$	$0^3, 1^1, 2^1, \infty^7$	$0^8, 1^3, 2^2, \frac{7}{3}^6, \infty^{17}$
8	$0^2$	$0^8, \frac{4}{3}^3, 2^1, 4^1, \infty^2$	$0^3, \frac{4}{3}^3, 4^1, \infty^8$	$0^9, \frac{4}{3}^6, 2^1, \frac{8}{3}^6, 4^2, \infty^{21}$
9	$0^2$	$0^9, 1^3, \frac{5}{3}^3, 4^1, \infty^2$	$0^3, 1^1, \frac{5}{3}^3, 4^1, \infty^{10}$	$0^{10}, 1^4, \frac{5}{3}^6, 3^7, 4^2, \infty^{26}$
10	$0^3$	$0^{10}, \frac{3}{2}^6, 2^1, \frac{5}{2}^2, \infty^3$	$0^4, \frac{3}{2}^2, 2^1, \frac{5}{2}^2, \infty^{13}$	$0^{11}, \frac{3}{2}^8, 2^2, \frac{5}{2}^4, \frac{10}{3}^9, \infty^{32}$
11	$0^3, 1^1$	$0^{11}, 1^4, 2^3, \frac{11}{4}^4, \infty^4$	$0^4, 1^2, 2^1, \frac{11}{4}^4, \infty^{15}$	$0^{12}, 1^5, 2^4, \frac{11}{4}^8, \frac{11}{3}^{12}, \infty^{37}$
12	$0^3, 2^1$	$0^{12}, \frac{4}{3}^6, 2^2, \frac{5}{2}^2, 3^2, 6^1, 8^1, \infty^4$	$0^4, \frac{4}{3}^3, 2^1, \frac{5}{2}^2, 3^2, 8^1, \infty^{17}$	$0^{13}, \frac{4}{3}^9, 2^2, \frac{5}{2}^4, 3^4, 4^{13}, 6^1, 8^2, \infty^{43}$
13	$0^4, 1^1$	$0^{13}, 1^5, \frac{5}{3}^6, 3^3, 4^1, 7^1, 8^1, \infty^5$	$0^5, 1^2, \frac{5}{3}^3, 3^3, 4^1, 8^1, \infty^{20}$	$0^{14}, 1^6, \frac{5}{3}^9, 3^6, 4^2, \frac{13}{3}^{15}, 7^1, 8^2, \infty^{50}$
14	$0^4, \frac{3}{2}^2$	$0^{14}, \frac{3}{2}^{10}, 2^5, \frac{7}{2}^2, 4^2, 8^1, \infty^6$	$0^5, \frac{3}{2}^4, 2^4, \frac{7}{2}^2, 4^1, 8^1, \infty^{23}$	$0^{15}, \frac{3}{2}^{12}, 2^9, \frac{7}{2}^4, 4^3, \frac{14}{3}^{18}, 8^2, \infty^{57}$
15	$0^4, 1^1, 2^1$	$0^{15}, 1^6, 2^5, \frac{7}{3}^6, 4^5, 8^2, \infty^6$	$0^5, 1^2, 2^2, \frac{7}{3}^6, 4^3, 8^2, \infty^{25}$	$0^{16}, 1^7, 2^6, \frac{7}{3}^{12}, 4^8, 5^{19}, 8^4, \infty^{64}$
16	$0^5, 2^1, 4^1$	$0^{16}, \frac{4}{3}^9, 2^3, \frac{8}{3}^6, 4^6, \frac{9}{2}^2, 8^2, \infty^7$	$0^6, \frac{4}{3}^3, 2^1, \frac{8}{3}^6, 4^2, \frac{9}{2}^2, 8^2, \infty^{29}$	$0^{17}, \frac{4}{3}^{12}, 2^3, \frac{8}{3}^{12}, 4^7, \frac{9}{2}^4, \frac{16}{3}^{21}, 8^4, \infty^{73}$
17	$0^5, 1^2, 4^1$	$0^{17}, 1^7, \frac{5}{3}^9, 3^8, 4^5, 5^1, 8^2, \infty^8$	$0^6, 1^3, \frac{5}{3}^3, 3^7, 4^2, 5^1, 8^2, \infty^{33}$	$0^{18}, 1^8, \frac{5}{3}^{12}, 3^{15}, 4^6, 5^2, \frac{17}{3}^{24}, 8^4, \infty^{82}$
18	$0^5, \frac{3}{2}^4$	$0^{18}, \frac{3}{2}^{14}, 2^3, \frac{5}{2}^6, \frac{10}{3}^6, 4^1, \frac{9}{2}^2, \frac{11}{2}^2, 8^2, \infty^9$	$0^6, \frac{3}{2}^6, 2^1, \frac{5}{2}^2, \frac{10}{3}^6, \frac{9}{2}^2, \frac{11}{2}^2, 8^2, \infty^{36}$	$0^{19}, \frac{3}{2}^{16}, 2^4, \frac{5}{2}^8, \frac{10}{3}^{12}, 4^1, \frac{9}{2}^4, \frac{11}{2}^4, 6^{28}, 8^4, \infty^{90}$
19	$0^6, 1^2, 2^2$	$0^{19}, 1^8, 2^7, \frac{11}{4}^{12}, \frac{11}{3}^6, \frac{19}{4}^4, 5^1, 6^1, 8^1, 9^1, \infty^{10}$	$0^7, 1^3, 2^3, \frac{11}{4}^4, \frac{11}{3}^6, \frac{19}{4}^4, 6^1, 8^1, 9^1, \infty^{40}$	$0^{20}, 1^9, 2^8, \frac{11}{4}^{16}, \frac{11}{3}^{12}, \frac{19}{4}^8, 5^1, 6^2, \frac{19}{3}^{30}, 8^2, 9^2, \infty^{100}$

20	$0^6, \frac{4^3}{3}, 2^1, 6^1$	$0^{20}, \frac{4^{12}}{3}, 2^4, \frac{5^6}{2}, 3^6, 4^7, \frac{9^2}{2}, 5^2, 6^3, 8^1, 10^1, 14^1, 16^1, \infty^{11}$	$0^7, \frac{4^6}{3}, 2^1, \frac{5^2}{2}, 3^2, 4^7, \frac{9^2}{2}, 5^2, 6^1, 8^1, 10^1, 16^1, \infty^{44}$	$0^{21}, \frac{4^{15}}{3}, 2^4, \frac{5^8}{2}, 3^8, 4^{14}, \frac{9^4}{2}, 5^4, 6^3, \frac{20^{33}}{3}, 8^2, 10^2, 14^1, 16^2, \infty^{110}$
21	$0^6, 1^2, \frac{5^3}{3}, 7^1$	$0^{21}, 1^9, \frac{5^{12}}{3}, 3^9, 4^3, \frac{13^6}{3}, 5^2, \frac{21^4}{4}, 7^2, 8^1, 9^1, 15^1, 16^1, \infty^{12}$	$0^7, 1^3, \frac{5^6}{3}, 3^3, 4^1, \frac{13^6}{3}, 5^2, \frac{21^4}{4}, 7^1, 8^1, 9^1, 16^1, \infty^{48}$	$0^{22}, 1^{10}, \frac{5^{15}}{3}, 3^{12}, 4^4, \frac{13^{12}}{3}, 5^4, \frac{21^8}{4}, 7^{39}, 8^2, 9^2, 15^1, 16^2, \infty^{120}$
22	$0^7, \frac{3^4}{2}, 2^1, 4^1$	$0^{22}, \frac{3^{18}}{2}, 2^{10}, \frac{7^6}{2}, 4^5, \frac{9^2}{2}, \frac{14^6}{3}, \frac{11^6}{2}, \frac{19^2}{2}, 12^1, 16^1, \infty^{13}$	$0^8, \frac{3^6}{2}, 2^5, \frac{7^2}{2}, 4^2, \frac{9^2}{2}, \frac{14^6}{3}, \frac{11^6}{2}, \frac{19^2}{2}, 16^1, \infty^{52}$	$0^{23}, \frac{3^{20}}{2}, 2^{14}, \frac{7^8}{2}, 4^6, \frac{9^4}{2}, \frac{14^{12}}{3}, \frac{11^{12}}{2}, \frac{22^{39}}{3}, \frac{19^4}{2}, 12^1, 16^2, \infty^{131}$
23	$0^7, 1^3, 2^2, 4^2$	$0^{23}, 1^{10}, 2^9, \frac{7^{12}}{3}, 4^{13}, \frac{19^4}{4}, 5^4, \frac{23^4}{4}, 6^2, 10^1, 12^2, 16^2, \infty^{14}$	$0^8, 1^4, 2^3, \frac{7^6}{3}, 4^5, \frac{19^4}{4}, 5^4, \frac{23^4}{4}, 6^2, 10^1, 16^2, \infty^{57}$	$0^{24}, 1^{11}, 2^{10}, \frac{7^{18}}{3}, 4^{16}, \frac{19^8}{4}, 5^8, \frac{23^8}{4}, 6^4, \frac{23^{42}}{3}, 10^2, 12^2, 16^4, \infty^{143}$
24	$0^7, \frac{4^3}{3}, 2^2, 4^3$	$0^{24}, \frac{4^{15}}{3}, 2^5, \frac{8^{12}}{3}, 4^{11}, \frac{9^8}{2}, 5^2, \frac{16^3}{3}, 6^6, \frac{13^2}{2}, 10^1, 12^2, 16^2, \infty^{15}$	$0^8, \frac{4^6}{3}, 2^2, \frac{8^6}{3}, 4^4, \frac{9^4}{2}, 5^2, \frac{16^3}{3}, 6^6, \frac{13^2}{2}, 12^1, 16^2, \infty^{62}$	$0^{25}, \frac{4^{18}}{3}, 2^5, \frac{8^{18}}{3}, 4^{12}, \frac{9^{12}}{2}, 5^4, \frac{16^6}{3}, 6^{12}, \frac{13^4}{2}, 8^{46}, 10^1, 12^3, 16^4, \infty^{155}$
25	$0^8, 1^3, \frac{5^3}{3}, 3^1, 4^2$	$0^{25}, 1^{11}, \frac{5^{15}}{3}, 3^{16}, 4^9, 5^5, \frac{17^3}{3}, 6^2, \frac{25^4}{4}, \frac{13^4}{2}, 8^1, 11^1, 12^1, 15^1, 16^2, \infty^{17}$	$0^9, 1^4, \frac{5^6}{3}, 3^8, 4^3, 5^3, \frac{17^3}{3}, 6^2, \frac{25^4}{4}, \frac{13^4}{2}, 8^1, 12^1, 16^2, \infty^{67}$	$0^{26}, 1^{12}, \frac{5^{18}}{3}, 3^{23}, 4^{10}, 5^8, \frac{17^6}{3}, 6^4, \frac{25^8}{4}, \frac{13^8}{2}, 8^2, \frac{25^{51}}{3}, 11^1, 12^2, 15^1, 16^4, \infty^{167}$
26	$0^8, \frac{3^6}{2}, 2^1, \frac{5^2}{2}, 4^1$	$0^{26}, \frac{3^{22}}{2}, 2^5, \frac{5^{10}}{2}, \frac{10^{15}}{3}, 4^2, \frac{11^8}{2}, 6^3, \frac{13^2}{2}, \frac{55^8}{8}, 8^2, 12^1, 14^1, 16^3, \infty^{18}$	$0^9, \frac{3^8}{2}, 2^2, \frac{5^4}{2}, \frac{10^9}{3}, 4^1, \frac{11^4}{2}, 6^3, \frac{13^2}{2}, \frac{55^8}{8}, 8^1, 16^3, \infty^{72}$	$0^{27}, \frac{3^{24}}{2}, 2^6, \frac{5^{12}}{2}, \frac{10^{24}}{3}, 4^2, \frac{11^{12}}{2}, 6^6, \frac{13^4}{2}, \frac{55^{16}}{8}, 8^3, \frac{26^{54}}{3}, 12^1, 14^1, 16^6, \infty^{180}$
27	$0^8, 1^3, 2^3, \frac{11^4}{4}, 5^1$	$0^{27}, 1^{12}, 2^{11}, \frac{11^{20}}{4}, \frac{11^{18}}{3}, 5^2, 6^7, \frac{27^4}{4}, 7^2, \frac{29^4}{4}, 8^3, 13^2, 16^3, 17^1, \infty^{19}$	$0^9, 1^4, 2^4, \frac{11^8}{4}, \frac{11^{12}}{3}, 5^1, 6^5, \frac{27^4}{4}, 7^2, \frac{29^4}{4}, 8^1, 16^3, 17^1, \infty^{77}$	$0^{28}, 1^{13}, 2^{12}, \frac{11^{24}}{4}, \frac{11^{30}}{3}, 5^2, 6^{12}, \frac{27^8}{4}, 7^4, \frac{29^8}{4}, 8^4, 9^{58}, 13^2, 16^6, 17^2, \infty^{193}$
28	$0^9, \frac{4^3}{3}, 2^2, \frac{5^2}{2}, 3^2, 6^2, 8^1$	$0^{28}, \frac{4^{18}}{3}, 2^6, \frac{5^{10}}{2}, 3^{10}, 4^{20}, 6^5, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^6}{3}, 8^7, \frac{17^2}{2}, 14^2, 16^3, 18^1, \infty^{21}$	$0^{10}, \frac{4^6}{3}, 2^2, \frac{5^4}{2}, 3^4, 4^{13}, 6^2, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^6}{3}, 8^3, \frac{17^2}{2}, 16^3, 18^1, \infty^{83}$	$0^{29}, \frac{4^{21}}{3}, 2^6, \frac{5^{12}}{2}, 3^{12}, 4^{33}, 6^5, \frac{13^8}{2}, 7^4, \frac{22^{12}}{3}, 8^9, \frac{17^4}{2}, \frac{28^{63}}{3}, 14^2, 16^6, 18^2, \infty^{207}$
29	$0^9, 1^4, \frac{5^3}{3}, 3^3, 4^1, 7^1, 8^1$	$0^{29}, 1^{13}, \frac{5^{18}}{3}, 3^{15}, 4^5, \frac{13^{21}}{3}, 7^8, \frac{23^6}{3}, 8^8, 9^3, 15^2, 16^4, 17^1, \infty^{22}$	$0^{10}, 1^5, \frac{5^6}{3}, 3^6, 4^2, \frac{13^{15}}{3}, 7^6, \frac{23^6}{3}, 8^3, 9^3, 16^4, 17^1, \infty^{88}$	$0^{30}, 1^{14}, \frac{5^{21}}{3}, 3^{18}, 4^6, \frac{13^{36}}{3}, 7^{13}, \frac{23^{12}}{3}, 8^{10}, 9^6, \frac{29^{66}}{3}, 15^2, 16^8, 17^2, \infty^{221}$

30	$0^9, \frac{3^8}{2}, 2^1, \frac{7^2}{2}, 4^2, 8^1$	$0^{30}, \frac{3^{26}}{2}, 2^{15}, \frac{7^{10}}{2}, 4^8, \frac{14^{24}}{3}, \frac{15^6}{2}, 8^{11}, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, 16^6, \frac{35^2}{2}, \infty^{23}$	$0^{10}, \frac{3^{10}}{2}, 2^5, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{14^{18}}{3}, \frac{15^6}{2}, 8^5, \frac{17^2}{2}, \frac{19^2}{2}, 16^4, \frac{35^2}{2}, \infty^{94}$	$0^{31}, \frac{3^{28}}{2}, 2^{19}, \frac{7^{12}}{2}, 4^9, \frac{14^{42}}{3}, \frac{15^{12}}{2}, 8^{15}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^4}{2}, 10^{70}, 16^{10}, \frac{35^4}{2}, \infty^{236}$
31	$0^{10}, 1^4, 2^4, 4^5, 8^2$	$0^{31}, 1^{14}, 2^{13}, \frac{7^{18}}{3}, 4^{21}, 5^{23}, 8^{17}, \frac{35^4}{4}, 9^2, 10^1, 16^4, 17^2, 18^1, \infty^{25}$	$0^{11}, 1^5, 2^5, \frac{7^6}{3}, 4^8, 5^{19}, 8^9, \frac{35^4}{4}, 9^1, 10^1, 16^4, 17^1, 18^1, \infty^{101}$	$0^{32}, 1^{15}, 2^{14}, \frac{7^{24}}{3}, 4^{24}, 5^{42}, 8^{24}, \frac{35^8}{4}, 9^3, 10^2, \frac{31^{75}}{3}, 16^8, 17^3, 18^2, \infty^{252}$
32	$0^{10}, \frac{4^6}{3}, 2^2, 4^5, \frac{9^2}{2}, 8^2$	$0^{32}, \frac{4^{21}}{3}, 2^7, \frac{8^{18}}{3}, 4^{16}, \frac{9^{10}}{2}, \frac{16^{24}}{3}, 8^{13}, \frac{17^4}{2}, 9^2, \frac{28^3}{3}, 10^1, 12^1, 16^5, 18^2, 20^1, \infty^{27}$	$0^{11}, \frac{4^9}{3}, 2^2, \frac{8^6}{3}, 4^6, \frac{9^4}{2}, \frac{16^{21}}{3}, 8^4, \frac{17^4}{2}, 9^2, \frac{28^3}{3}, 12^1, 16^5, 18^1, 20^1, \infty^{107}$	$0^{33}, \frac{4^{24}}{3}, 2^7, \frac{8^{24}}{3}, 4^{17}, \frac{9^{12}}{2}, \frac{16^{45}}{3}, 8^{15}, \frac{17^8}{2}, 9^4, \frac{28^6}{3}, 10^1, \frac{32^{81}}{3}, 12^2, 16^{10}, 18^3, 20^2, \infty^{267}$
33	$0^{10}, 1^4, \frac{5^6}{3}, 3^1, 4^4, 5^1, 8^2$	$0^{33}, 1^{15}, \frac{5^{21}}{3}, 3^{24}, 4^{13}, 5^5, \frac{17^{27}}{3}, 8^{12}, 9^7, \frac{29^3}{3}, 12^1, 16^5, 17^2, 19^1, 20^1, \infty^{28}$	$0^{11}, 1^5, \frac{5^9}{3}, 3^8, 4^5, 5^2, \frac{17^{24}}{3}, 8^4, 9^5, \frac{29^3}{3}, 12^1, 16^5, 17^2, 20^1, \infty^{113}$	$0^{34}, 1^{16}, \frac{5^{24}}{3}, 3^{31}, 4^{14}, 5^6, \frac{17^{51}}{3}, 8^{14}, 9^{12}, \frac{29^6}{3}, 11^{85}, 12^2, 16^{10}, 17^4, 19^1, 20^2, \infty^{283}$
34	$0^{11}, \frac{3^8}{2}, 2^2, \frac{5^4}{2}, 4^1, \frac{11^2}{2}, 8^2$	$0^{34}, \frac{3^{30}}{2}, 2^7, \frac{5^{14}}{2}, \frac{10^{18}}{3}, 4^3, \frac{9^6}{2}, \frac{11^{10}}{2}, 6^{26}, 8^{11}, \frac{17^2}{2}, \frac{19^8}{2}, 10^1, \frac{21^2}{2}, 16^4, \frac{35^4}{2}, \infty^{30}$	$0^{12}, \frac{3^{10}}{2}, 2^3, \frac{5^6}{2}, \frac{10^6}{3}, 4^1, \frac{9^2}{2}, \frac{11^4}{2}, 6^{25}, 8^4, \frac{17^2}{2}, \frac{19^4}{2}, 10^1, \frac{21^2}{2}, 16^4, \frac{35^4}{2}, \infty^{120}$	$0^{35}, \frac{3^{32}}{2}, 2^8, \frac{5^{16}}{2}, \frac{10^{24}}{3}, 4^3, \frac{9^8}{2}, \frac{11^{12}}{2}, 6^{51}, 8^{13}, \frac{17^4}{2}, \frac{19^{12}}{2}, 10^2, \frac{21^4}{2}, \frac{34^{90}}{3}, 16^8, \frac{35^8}{2}, \infty^{300}$
35	$0^{11}, 1^5, 2^4, \frac{11^8}{4}, 5^1, 6^1, 8^1, 9^1$	$0^{35}, 1^{16}, 2^{15}, \frac{11^{28}}{4}, \frac{11^{18}}{3}, \frac{19^{12}}{4}, 5^3, 6^5, \frac{19^{24}}{3}, 8^7, \frac{35^4}{4}, 9^6, 10^5, \frac{43^4}{4}, 16^4, 17^2, 18^2, \infty^{32}$	$0^{12}, 1^6, 2^5, \frac{11^{12}}{4}, \frac{11^6}{3}, \frac{19^4}{4}, 5^1, 6^2, \frac{19^{24}}{3}, 8^2, \frac{35^4}{4}, 9^2, 10^3, \frac{43^4}{4}, 16^4, 17^2, 18^2, \infty^{127}$	$0^{36}, 1^{17}, 2^{16}, \frac{11^{32}}{4}, \frac{11^{24}}{3}, \frac{19^{16}}{4}, 5^3, 6^6, \frac{19^{48}}{3}, 8^8, \frac{35^8}{4}, 9^7, 10^8, \frac{43^8}{4}, \frac{35^{96}}{3}, 16^8, 17^4, 18^4, \infty^{317}$
36	$0^{11}, \frac{4^6}{3}, 2^3, \frac{5^4}{2}, 3^4, 6^2, 8^1, 10^1, 14^1$	$0^{36}, \frac{4^{24}}{3}, 2^8, \frac{5^{14}}{2}, 3^{14}, 4^{21}, \frac{9^6}{2}, 5^6, 6^7, \frac{20^{27}}{3}, 8^6, \frac{17^2}{2}, 9^2, \frac{28^3}{3}, 10^5, \frac{21^4}{2}, 11^2, 14^3, 16^4, \frac{52^3}{3}, 18^1, 22^1, 30^1, 32^1, \infty^{33}$	$0^{12}, \frac{4^9}{3}, 2^3, \frac{5^6}{2}, 3^6, 4^7, \frac{9^2}{2}, 5^2, 6^2, \frac{20^{27}}{3}, 8^2, \frac{17^2}{2}, 9^2, 10^2, \frac{21^4}{2}, 11^2, 14^1, 16^4, \frac{52^3}{3}, 18^1, 22^1, 32^1, \infty^{133}$	$0^{37}, \frac{4^{27}}{3}, 2^8, \frac{5^{16}}{2}, 3^{16}, 4^{28}, \frac{9^8}{2}, 5^8, 6^7, \frac{20^{54}}{3}, 8^7, \frac{17^4}{2}, 9^4, \frac{28^3}{3}, 10^6, \frac{21^8}{2}, 11^4, 12^{100}, 14^3, 16^8, \frac{52^6}{3}, 18^2, 22^2, 30^1, 32^2, \infty^{334}$

37	$0^{12}, 1^5, \frac{5^6}{3}, 3^6, 4^2, 7^1, 8^1, 9^1, 15^1$	$0^{37}, 1^{17}, \frac{5^{24}}{3}, 3^{21}, 4^7, \frac{13^{18}}{3}, 5^6, \frac{21^{12}}{4}, 7^{33}, 8^5, 9^7, \frac{37^4}{4}, \frac{29^3}{3}, 11^3, 12^1, 15^3, 16^3, 17^2, \frac{53^3}{3}, 23^1, 31^1, 32^1, \infty^{35}$	$0^{13}, 1^6, \frac{5^9}{3}, 3^9, 4^3, \frac{13^6}{3}, 5^2, \frac{21^4}{4}, 7^{29}, 8^2, 9^4, \frac{37^4}{4}, 11^3, 12^1, 15^1, 16^3, 17^2, \frac{53^3}{3}, 23^1, 32^1, \infty^{141}$	$0^{38}, 1^{18}, \frac{5^{27}}{3}, 3^{24}, 4^8, \frac{13^{24}}{3}, 5^8, \frac{21^{16}}{4}, 7^{61}, 8^6, 9^{10}, \frac{37^8}{4}, \frac{29^3}{3}, 11^6, 12^2, \frac{37^{105}}{3}, 15^3, 16^6, 17^4, \frac{53^6}{3}, 23^2, 31^1, 32^2, \infty^{353}$
38	$0^{12}, \frac{3^{10}}{2}, 2^5, \frac{7^4}{2}, 4^3, \frac{19^2}{2}, 12^1$	$0^{38}, \frac{3^{34}}{2}, 2^{20}, \frac{7^{14}}{2}, 4^{11}, \frac{9^6}{2}, \frac{14^{18}}{3}, \frac{11^{18}}{2}, \frac{22^{27}}{3}, 8^1, \frac{17^2}{2}, \frac{19^{16}}{2}, 10^1, \frac{23^2}{2}, 12^4, 16^3, \frac{35^4}{2}, 18^1, 20^1, 28^1, 32^1, \infty^{37}$	$0^{13}, \frac{3^{12}}{2}, 2^9, \frac{7^6}{2}, 4^4, \frac{9^2}{2}, \frac{14^6}{3}, \frac{11^6}{2}, \frac{22^{27}}{3}, \frac{17^2}{2}, \frac{19^{10}}{2}, \frac{23^2}{2}, 12^2, 16^3, \frac{35^4}{2}, 18^1, 20^1, 32^1, \infty^{149}$	$0^{39}, \frac{3^{36}}{2}, 2^{24}, \frac{7^{16}}{2}, 4^{12}, \frac{9^8}{2}, \frac{14^{24}}{3}, \frac{11^{24}}{2}, \frac{22^{54}}{3}, 8^1, \frac{17^4}{2}, \frac{19^{24}}{2}, 10^1, \frac{23^4}{2}, 12^5, \frac{38^{111}}{3}, 16^6, \frac{35^8}{2}, 18^2, 20^2, 28^1, 32^2, \infty^{372}$
39	$0^{12}, 1^5, 2^5, \frac{7^6}{3}, 4^8, 10^1, 12^2$	$0^{39}, 1^{18}, 2^{17}, \frac{7^{24}}{3}, 4^{29}, \frac{19^{12}}{4}, 5^{12}, \frac{23^{12}}{4}, 6^6, \frac{23^{27}}{3}, \frac{35^4}{4}, 9^1, \frac{39^4}{4}, 10^7, 12^9, 16^3, 17^2, 18^2, 20^2, 28^2, 32^2, \infty^{39}$	$0^{13}, 1^6, 2^6, \frac{7^{12}}{3}, 4^{11}, \frac{19^4}{4}, 5^4, \frac{23^4}{4}, 6^2, \frac{23^{27}}{3}, \frac{35^4}{4}, \frac{39^4}{4}, 10^4, 12^5, 16^3, 17^2, 18^2, 20^2, 32^2, \infty^{156}$	$0^{40}, 1^{19}, 2^{18}, \frac{7^{30}}{3}, 4^{32}, \frac{19^{16}}{4}, 5^{16}, \frac{23^{16}}{4}, 6^8, \frac{23^{54}}{3}, \frac{35^8}{4}, 9^1, \frac{39^8}{4}, 10^{10}, 12^{12}, \frac{13^{118}}{3}, 16^6, 17^4, 18^4, 20^4, 28^2, 32^4, \infty^{390}$
40	$0^{13}, \frac{4^6}{3}, 2^3, \frac{8^6}{3}, 4^6, \frac{9^4}{2}, 10^1, 12^2$	$0^{40}, \frac{4^{27}}{3}, 2^9, \frac{8^{24}}{3}, 4^{21}, \frac{9^{20}}{2}, 5^6, \frac{16^9}{3}, 6^{18}, \frac{13^6}{2}, 8^{28}, \frac{17^2}{2}, 9^2, 10^9, \frac{21^2}{2}, 12^8, \frac{25^2}{2}, 16^2, \frac{52^3}{3}, 18^1, 20^3, 26^1, 28^1, 32^2, \infty^{41}$	$0^{14}, \frac{4^9}{3}, 2^3, \frac{8^{12}}{3}, 4^7, \frac{9^8}{2}, 5^2, \frac{16^3}{3}, 6^6, \frac{13^2}{2}, 8^{28}, \frac{17^2}{2}, 9^2, 10^7, \frac{21^2}{2}, 12^3, \frac{25^2}{2}, 16^2, \frac{52^3}{3}, 18^1, 20^3, 32^2, \infty^{164}$	$0^{41}, \frac{4^{30}}{3}, 2^9, \frac{8^{30}}{3}, 4^{22}, \frac{9^{24}}{2}, 5^8, \frac{16^{12}}{3}, 6^{24}, \frac{13^8}{2}, 8^{56}, \frac{17^4}{2}, 9^4, 10^{15}, \frac{21^4}{2}, 12^9, \frac{25^4}{2}, \frac{40^{123}}{3}, 16^4, \frac{52^6}{3}, 18^2, 20^6, 26^1, 28^1, 32^4, \infty^{410}$
41	$0^{13}, 1^6, \frac{5^6}{3}, 3^8, 4^5, 5^2, 11^1, 12^1, 15^1$	$0^{41}, 1^{19}, \frac{5^{27}}{3}, 3^{32}, 4^{17}, 5^{13}, \frac{17^9}{3}, 6^6, \frac{25^{12}}{4}, \frac{13^{12}}{2}, 8^3, \frac{25^{27}}{3}, 9^2, 10^2, \frac{41^8}{4}, \frac{21^4}{2}, 11^3, 12^5, 13^1, 15^2, 16^2, 17^1, \frac{53^3}{3}, 19^1, 20^2, 27^1, 31^1, 32^2, \infty^{43}$	$0^{14}, 1^7, \frac{5^9}{3}, 3^{15}, 4^6, 5^5, \frac{17^3}{3}, 6^2, \frac{25^4}{4}, \frac{13^4}{2}, 8^1, \frac{25^{27}}{3}, 9^2, 10^2, \frac{41^8}{4}, \frac{21^4}{2}, 11^1, 12^2, 13^1, 15^1, 16^2, 17^1, \frac{53^3}{3}, 19^1, 20^2, 32^2, \infty^{172}$	$0^{42}, 1^{20}, \frac{5^{30}}{3}, 3^{39}, 4^{18}, 5^{16}, \frac{17^{12}}{3}, 6^8, \frac{25^{16}}{4}, \frac{13^{16}}{2}, 8^4, \frac{25^{54}}{3}, 9^4, 10^4, \frac{41^{16}}{4}, \frac{21^8}{2}, 11^3, 12^6, 13^2, \frac{41^{129}}{3}, 15^2, 16^4, 17^2, \frac{53^6}{3}, 19^2, 20^4, 27^1, 31^1, 32^4, \infty^{430}$

42	$0^{13}, \frac{3^{12}}{2}, 2^2, \frac{5^4}{2}, \frac{10^6}{3}, 4^1, \frac{11^4}{2}, 8^1, 12^1, 14^1$	$0^{42}, \frac{3^{38}}{2}, 2^9, \frac{5^{18}}{2}, \frac{10^{30}}{3}, 4^4, \frac{11^{20}}{2}, 6^9, \frac{13^6}{2}, \frac{55^{24}}{8}, 8^5, \frac{17^2}{2}, \frac{26^{24}}{3}, \frac{19^2}{2}, 10^2, \frac{21^6}{2}, \frac{87^8}{8}, 12^3, \frac{27^2}{2}, 14^2, 16^2, \frac{35^2}{2}, 18^1, \frac{37^2}{2}, 20^1, 24^1, 28^1, 30^1, 32^3, \infty^{45}$	$0^{14}, \frac{3^{14}}{2}, 2^3, \frac{5^6}{2}, \frac{10^{15}}{3}, 4^1, \frac{11^8}{2}, 6^3, \frac{13^2}{2}, \frac{55^8}{8}, 8^2, \frac{17^2}{2}, \frac{26^{24}}{3}, \frac{19^2}{2}, 10^2, \frac{21^6}{2}, \frac{87^8}{8}, 12^1, \frac{27^2}{2}, 14^1, 16^2, \frac{35^2}{2}, 18^1, \frac{37^2}{2}, 20^1, 32^3, \infty^{180}$	$0^{43}, \frac{3^{40}}{2}, 2^{10}, \frac{5^{20}}{2}, \frac{10^{39}}{3}, 4^4, \frac{11^{24}}{2}, 6^{12}, \frac{13^8}{2}, \frac{55^{32}}{8}, 8^6, \frac{17^4}{2}, \frac{26^{48}}{3}, \frac{19^4}{2}, 10^4, \frac{21^{12}}{2}, \frac{87^{16}}{8}, 12^3, \frac{27^4}{2}, 14^{138}, 16^4, \frac{35^4}{2}, 18^2, \frac{37^4}{2}, 20^2, 24^1, 28^1, 30^1, 32^6, \infty^{450}$
43	$0^{14}, \frac{1^6}{4}, 2^6, \frac{11^8}{4}, \frac{11^6}{3}, 5^1, 6^2, 8^2, 13^2$	$0^{43}, 1^{20}, 2^{19}, \frac{11^{36}}{4}, \frac{11^{36}}{3}, 5^4, 6^{19}, \frac{27^{12}}{4}, 7^6, \frac{29^{12}}{4}, 8^7, \frac{35^4}{4}, 9^{25}, 10^4, \frac{43^8}{4}, 11^2, \frac{45^4}{4}, 13^5, 14^1, 16^1, 17^1, 18^1, \frac{75^4}{4}, 21^1, 24^2, 29^2, 32^3, 33^1, \infty^{47}$	$0^{15}, 1^7, 2^7, \frac{11^{12}}{4}, \frac{11^{18}}{3}, 5^1, 6^7, \frac{27^4}{4}, 7^2, \frac{29^4}{4}, 8^3, \frac{35^4}{4}, 9^{25}, 10^4, \frac{43^8}{4}, 11^2, \frac{45^4}{4}, 13^2, 14^1, 16^1, 17^1, 18^1, \frac{75^4}{4}, 21^1, 32^3, 33^1, \infty^{188}$	$0^{44}, 1^{21}, 2^{20}, \frac{11^{40}}{4}, \frac{11^{48}}{3}, 5^4, 6^{24}, \frac{27^{16}}{4}, 7^8, \frac{29^{16}}{4}, 8^8, \frac{35^8}{4}, 9^{50}, 10^8, \frac{43^{16}}{4}, 11^4, \frac{45^8}{4}, 13^5, 14^2, \frac{43^{141}}{3}, 16^2, 17^2, 18^2, \frac{75^8}{4}, 21^2, 24^2, 29^2, 32^6, 33^2, \infty^{471}$
44	$0^{14}, \frac{4^9}{3}, 2^3, \frac{5^4}{2}, 3^4, 4^7, 6^3, 8^3, 14^2$	$0^{44}, \frac{4^{30}}{3}, 2^{10}, \frac{5^{18}}{2}, 3^{18}, 4^{40}, 6^9, \frac{13^{12}}{2}, 7^6, \frac{22^{18}}{3}, 8^{14}, \frac{17^8}{2}, 9^2, \frac{28^{24}}{3}, \frac{21^4}{2}, 11^{10}, \frac{34^6}{3}, \frac{25^2}{2}, 14^5, 16^1, 18^1, \frac{37^2}{2}, 19^2, 22^2, 24^2, 30^2, 32^3, 34^1, \infty^{49}$	$0^{15}, \frac{4^{12}}{3}, 2^3, \frac{5^6}{2}, 3^6, 4^{20}, 6^3, \frac{13^4}{2}, 7^2, \frac{22^6}{3}, 8^5, \frac{17^4}{2}, 9^2, \frac{28^{24}}{3}, \frac{21^4}{2}, 11^{10}, \frac{34^6}{3}, \frac{25^2}{2}, 14^2, 16^1, 18^1, \frac{37^2}{2}, 19^2, 22^1, 24^1, 32^3, 34^1, \infty^{197}$	$0^{45}, \frac{4^{33}}{3}, 2^{10}, \frac{5^{20}}{2}, 3^{20}, 4^{53}, 6^9, \frac{13^{16}}{2}, 7^8, \frac{22^{24}}{3}, 8^{16}, \frac{17^{12}}{2}, 9^4, \frac{28^{48}}{3}, \frac{21^8}{2}, 11^{20}, \frac{34^{12}}{3}, \frac{25^4}{2}, 14^5, \frac{44^{147}}{3}, 16^2, 18^2, \frac{37^4}{2}, 19^4, 22^3, 24^3, 30^2, 32^6, 34^2, \infty^{493}$
45	$0^{14}, 1^6, \frac{5^9}{3}, 3^6, 4^2, \frac{13^6}{3}, 7^2, 8^4, 15^2$	$0^{45}, 1^{21}, \frac{5^{30}}{3}, 3^{27}, 4^9, \frac{13^{42}}{3}, 7^{20}, \frac{23^{18}}{3}, 8^{16}, 9^{11}, \frac{37^4}{4}, \frac{29^{21}}{3}, 11^4, \frac{45^8}{4}, \frac{23^4}{2}, \frac{35^6}{3}, 13^2, 15^4, 16^1, 17^1, 19^3, 20^1, 23^1, 24^3, 31^2, 32^4, 33^1, \infty^{51}$	$0^{15}, 1^7, \frac{5^{12}}{3}, 3^9, 4^3, \frac{13^{21}}{3}, 7^7, \frac{23^6}{3}, 8^6, 9^5, \frac{37^4}{4}, \frac{29^{21}}{3}, 11^4, \frac{45^8}{4}, \frac{23^4}{2}, \frac{35^6}{3}, 13^2, 15^2, 16^1, 17^1, 19^3, 20^1, 24^1, 32^4, 33^1, \infty^{206}$	$0^{46}, 1^{22}, \frac{5^{33}}{3}, 3^{30}, 4^{10}, \frac{13^{57}}{3}, 7^{25}, \frac{23^{24}}{3}, 8^{18}, 9^{16}, \frac{37^8}{4}, \frac{29^{42}}{3}, 11^8, \frac{45^{16}}{4}, \frac{23^8}{2}, \frac{35^{12}}{3}, 13^4, 15^{158}, 16^2, 17^2, 19^6, 20^2, 23^1, 24^4, 31^2, 32^8, 33^2, \infty^{515}$
46	$0^{15}, \frac{3^{12}}{2}, 2^6, \frac{7^4}{2}, 4^4, \frac{14^6}{3}, 8^5, 16^2$	$0^{46}, \frac{3^{42}}{2}, 2^{25}, \frac{7^{18}}{2}, 4^{14}, \frac{14^{48}}{3}, \frac{15^{18}}{2}, 8^{24}, \frac{17^8}{2}, \frac{19^{12}}{2}, 10^{19}, \frac{23^{14}}{2}, \frac{95^8}{8}, 12^2, \frac{25^2}{2}, 16^4, \frac{35^2}{2}, \frac{39^2}{2}, 20^2, 24^4, 32^6, \frac{67^2}{2}, \infty^{54}$	$0^{16}, \frac{3^{14}}{2}, 2^{10}, \frac{7^6}{2}, 4^5, \frac{14^{24}}{3}, \frac{15^6}{2}, 8^9, \frac{17^4}{2}, \frac{19^8}{2}, 10^{19}, \frac{23^{14}}{2}, \frac{95^8}{8}, 12^2, \frac{25^2}{2}, 16^2, \frac{35^2}{2}, \frac{39^2}{2}, 20^1, 24^1, 32^4, \frac{67^2}{2}, \infty^{215}$	$0^{47}, \frac{3^{44}}{2}, 2^{29}, \frac{7^{20}}{2}, 4^{15}, \frac{14^{66}}{3}, \frac{15^{24}}{2}, 8^{28}, \frac{17^{12}}{2}, \frac{19^{20}}{2}, 10^{38}, \frac{23^{28}}{2}, \frac{95^{16}}{8}, 12^4, \frac{25^4}{2}, \frac{46^{162}}{3}, 16^4, \frac{35^4}{2}, \frac{39^4}{2}, 20^3, 24^5, 32^{10}, \frac{67^4}{2}, \infty^{537}$



47	$0^{15}, 1^7, 2^6, \frac{7^6}{3}, 4^{10}, 5^4, 8^6, 9^1, 17^1$	$0^{47}, 1^{22}, 2^{21}, \frac{7^{30}}{3}, 4^{37}, 5^{46}, 8^{37}, \frac{35^{16}}{4}, 9^5, \frac{39^4}{4}, 10^5, \frac{31^{18}}{3}, \frac{47^{12}}{4}, 12^8, \frac{49^4}{4}, \frac{51^4}{4}, 17^2, 18^1, 20^5, 24^4, 25^1, 32^4, 33^2, 34^1, \infty^{56}$	$0^{16}, 1^8, 2^7, \frac{7^{12}}{3}, 4^{13}, 5^{23}, 8^{13}, \frac{35^8}{4}, 9^2, \frac{39^4}{4}, 10^3, \frac{31^{18}}{3}, \frac{47^{12}}{4}, 12^8, \frac{49^4}{4}, \frac{51^4}{4}, 17^1, 18^1, 20^3, 24^2, 32^4, 33^1, 34^1, \infty^{224}$	$0^{48}, 1^{23}, 2^{22}, \frac{7^{36}}{3}, 4^{40}, 5^{65}, 8^{44}, \frac{35^{24}}{4}, 9^6, \frac{39^8}{4}, 10^8, \frac{31^{36}}{3}, \frac{47^{24}}{4}, 12^{16}, \frac{49^8}{4}, \frac{51^8}{4}, \frac{47^{168}}{3}, 17^2, 18^2, 20^8, 24^6, 25^1, 32^8, 33^3, 34^2, \infty^{560}$
48	$0^{15}, \frac{4^9}{3}, 2^4, \frac{8^6}{3}, 4^8, \frac{9^4}{2}, \frac{16^3}{3}, 8^7, 10^1, 18^1$	$0^{48}, \frac{4^{33}}{3}, 2^{11}, \frac{8^{30}}{3}, 4^{26}, \frac{9^{18}}{2}, \frac{16^{48}}{3}, 8^{24}, \frac{17^{14}}{2}, 9^8, \frac{28^9}{3}, 10^8, \frac{21^2}{2}, \frac{32^{15}}{3}, 12^{13}, \frac{37^{12}}{3}, \frac{25^4}{2}, 13^6, 18^3, 20^2, \frac{41^2}{2}, 24^5, 26^1, 32^5, 34^2, 36^1, \infty^{58}$	$0^{16}, \frac{4^{12}}{3}, 2^4, \frac{8^{12}}{3}, 4^9, \frac{9^6}{2}, \frac{16^{24}}{3}, 8^9, \frac{17^6}{2}, 9^4, \frac{28^3}{3}, 10^7, \frac{21^2}{2}, \frac{32^{15}}{3}, 12^{11}, \frac{37^{12}}{3}, \frac{25^4}{2}, 13^6, 18^1, 20^1, \frac{41^2}{2}, 24^2, 32^5, 34^1, 36^1, \infty^{233}$	$0^{49}, \frac{4^{36}}{3}, 2^{11}, \frac{8^{36}}{3}, 4^{27}, \frac{9^{20}}{2}, \frac{16^{69}}{3}, 8^{26}, \frac{17^{20}}{2}, 9^{12}, \frac{28^{12}}{3}, 10^{14}, \frac{21^4}{2}, \frac{32^{30}}{3}, 12^{24}, \frac{37^{24}}{3}, \frac{25^8}{2}, 13^{12}, 16^{175}, 18^3, 20^3, \frac{41^4}{2}, 24^7, 26^1, 32^{10}, 34^3, 36^2, \infty^{583}$
49	$0^{16}, 1^7, \frac{5^9}{3}, 3^9, 4^6, 5^2, \frac{17^3}{3}, 8^6, 9^2, 19^1$	$0^{49}, 1^{23}, \frac{5^{33}}{3}, 3^{40}, 4^{21}, 5^9, \frac{17^{54}}{3}, 8^{22}, 9^{21}, \frac{29^9}{3}, 10^2, \frac{41^4}{4}, \frac{21^4}{2}, 11^{13}, 12^5, \frac{49^8}{4}, \frac{25^4}{2}, \frac{38^{12}}{3}, 13^4, \frac{53^4}{4}, 16^1, 19^3, 20^1, 21^1, 23^1, 24^4, 25^2, 31^1, 32^5, 33^2, 35^1, 36^1, \infty^{61}$	$0^{17}, 1^8, \frac{5^{12}}{3}, 3^{16}, 4^7, 5^3, \frac{17^{27}}{3}, 8^8, 9^9, \frac{29^3}{3}, 10^2, \frac{41^4}{4}, \frac{21^4}{2}, 11^{13}, 12^3, \frac{49^8}{4}, \frac{25^4}{2}, \frac{38^{12}}{3}, 13^4, \frac{53^4}{4}, 16^1, 19^1, 20^1, 21^1, 24^2, 32^5, 33^2, 36^1, \infty^{243}$	$0^{50}, 1^{24}, \frac{5^{36}}{3}, 3^{47}, 4^{22}, 5^{10}, \frac{17^{78}}{3}, 8^{24}, 9^{28}, \frac{29^{12}}{3}, 10^4, \frac{41^8}{4}, \frac{21^8}{2}, 11^{26}, 12^8, \frac{49^{16}}{4}, \frac{25^8}{2}, \frac{38^{24}}{3}, 13^8, \frac{53^8}{4}, 16^2, \frac{49^{183}}{3}, 19^3, 20^2, 21^2, 23^1, 24^6, 25^2, 31^1, 32^{10}, 33^4, 35^1, 36^2, \infty^{607}$
50	$0^{16}, \frac{3^{14}}{2}, 2^3, \frac{5^6}{2}, \frac{10^6}{3}, 4^2, \frac{9^2}{2}, \frac{11^4}{2}, 6^1, 8^5, \frac{19^4}{2}$	$0^{50}, \frac{3^{46}}{2}, 2^{11}, \frac{5^{22}}{2}, \frac{10^{30}}{3}, 4^5, \frac{9^{10}}{2}, \frac{11^{18}}{2}, 6^{55}, 8^{20}, \frac{19^{22}}{2}, 10^5, \frac{21^8}{2}, \frac{87^8}{8}, \frac{34^{12}}{3}, 12^2, \frac{25^{10}}{2}, \frac{103^8}{8}, 13^4, \frac{105^8}{8}, \frac{27^2}{2}, 16^2, 20^1, \frac{43^2}{2}, 22^1, 24^3, \frac{51^4}{2}, 30^1, 32^5, \frac{67^4}{2}, \infty^{63}$	$0^{17}, \frac{3^{16}}{2}, 2^4, \frac{5^8}{2}, \frac{10^{12}}{3}, 4^2, \frac{9^4}{2}, \frac{11^6}{2}, 6^{29}, 8^7, \frac{19^{10}}{2}, 10^3, \frac{21^4}{2}, \frac{87^8}{8}, \frac{34^{12}}{3}, 12^2, \frac{25^{10}}{2}, \frac{103^8}{8}, 13^4, \frac{105^8}{8}, \frac{27^2}{2}, 16^1, \frac{43^2}{2}, 24^2, 32^5, \frac{67^4}{2}, \infty^{252}$	$0^{51}, \frac{3^{48}}{2}, 2^{12}, \frac{5^{24}}{2}, \frac{10^{36}}{3}, 4^5, \frac{9^{12}}{2}, \frac{11^{20}}{2}, 6^{83}, 8^{22}, \frac{19^{28}}{2}, 10^8, \frac{21^{12}}{2}, \frac{87^{16}}{8}, \frac{34^{24}}{3}, 12^4, \frac{25^{20}}{2}, \frac{103^{16}}{8}, 13^8, \frac{105^{16}}{8}, \frac{27^4}{2}, 16^3, \frac{50^{189}}{3}, 20^1, \frac{43^4}{2}, 22^1, 24^5, \frac{51^4}{2}, 30^1, 32^{10}, \frac{67^8}{2}, \infty^{631}$



## 2 $q = 3$ .

### 2.1 $i = 1$ .

Table 3: Slopes for  $q = 3$ ,  $i = 1$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
1				
3				$0^1$
5				$\frac{4^3}{3}$
7		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{8^3}{3}, \infty^2$
9		$\infty^2$	$0^1, 4^1$	$0^1, 4^5, \infty^4$
11		$4^1, \infty^2$	$2^2, 4^1$	$2^2, 4^2, \frac{16^6}{3}, \infty^5$
13		$5^2, \infty^2$	$0^1, 4^1, 5^2$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^9}{3}, \infty^6$
15		$6^1, 8^1, \infty^4$	$0^1, 2^2, 6^1, 8^1, 16^1$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^{12}, 16^1, \infty^{10}$
17		$7^2, 8^1, \infty^5$	$\frac{4^3}{3}, 4^1, 7^2, 8^1, 16^1$	$\frac{4^3}{3}, 4^1, 7^4, 8^2, \frac{28^{12}}{3}, 16^1, \infty^{13}$
19		$8^4, 12^1, \infty^5$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 8^4, 12^1, 16^1$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 8^8, \frac{32^{15}}{3}, 12^2, 16^1, \infty^{15}$
21		$9^2, 10^2, \frac{32^3}{3}, \infty^5$	$0^1, 2^2, 4^1, 9^2, 10^2, \frac{32^3}{3}, 16^1$	$0^1, 2^2, 4^1, 9^4, 10^4, \frac{32^6}{3}, 12^{19}, 16^1, \infty^{17}$
23	$4^1$	$4^1, 10^1, \frac{21^4}{2}, 16^1, \infty^8$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 10^1, \frac{21^4}{2}, 16^3, \infty^1$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 10^2, \frac{21^8}{2}, \frac{40^{24}}{3}, 16^4, \infty^{22}$
25	$6^1$	$6^1, 11^4, 12^3, \infty^{10}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 6^4, 11^4, 12^3, 16^2, \infty^1$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 6^4, 11^8, 12^6, \frac{44^{27}}{3}, 16^2, \infty^{27}$
27	$8^1$	$8^1, 12^3, \frac{25^4}{2}, 13^2, \infty^{11}$	$0^1, 4^5, 8^3, 12^3, \frac{25^4}{2}, 13^2, 16^2, \infty^1$	$0^1, 4^5, 8^3, 12^6, \frac{25^8}{2}, 13^4, 16^{33}, \infty^{31}$
29	$4^1$	$4^1, 13^2, \frac{40^3}{3}, \frac{27^4}{2}, 14^2, \infty^{12}$	$2^2, 4^2, \frac{16^3}{3}, 8^2, 10^2, 13^2, \frac{40^3}{3}, \frac{27^4}{2}, 14^2, 16^1, \infty^1$	$2^2, 4^2, \frac{16^3}{3}, 8^2, 10^2, 13^4, \frac{40^6}{3}, \frac{27^8}{2}, 14^4, 16^1, \frac{52^{36}}{3}, \infty^{35}$
31	$5^2$	$5^2, 14^4, \frac{44^3}{3}, 15^4, \infty^{15}$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^3}{3}, 9^4, 12^1, 14^4, \frac{44^3}{3}, 15^4, 16^1, \infty^2$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^3}{3}, 9^4, 12^1, 14^8, \frac{44^6}{3}, 15^8, 16^1, \frac{56^{42}}{3}, \infty^{41}$
33	$6^1, 8^1$	$6^1, 8^1, 15^2, \frac{31^8}{2}, 16^1, 26^1, \infty^{18}$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^8, 10^2, 15^2, \frac{31^8}{2}, 16^2, 20^1, 26^1, 52^1, \infty^2$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^8, 10^2, 15^4, \frac{31^{16}}{2}, 16^3, 20^{47}, 26^2, 52^1, \infty^{48}$

35	$8^1, 10^1$	$8^1, 10^1, 16^3, \frac{49^6}{3}, 17^4, 26^1, \infty^{20}$	$\frac{4^3}{3}, 4^1, 8^4, \frac{28^3}{3}, 10^2, 11^4, 16^3, \frac{49^6}{3}, 17^4, 22^2, 26^1, 52^1, \infty^2$	$\frac{4^3}{3}, 4^1, 8^4, \frac{28^3}{3}, 10^2, 11^4, 16^6, \frac{49^{12}}{3}, 17^8, \frac{64^{51}}{3}, 22^2, 26^2, 52^1, \infty^{54}$
37	$11^2$	$11^2, 17^6, \frac{53^6}{3}, 18^1, 21^2, 28^1, 30^1, \infty^{21}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 10^2, \frac{32^3}{3}, 11^4, 12^2, 16^1, 17^6, \frac{53^6}{3}, 18^3, 21^2, 24^1, 28^2, 30^1, 52^1, \infty^2$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 10^2, \frac{32^3}{3}, 11^4, 12^2, 16^1, 17^{12}, \frac{53^{12}}{3}, 18^4, 21^4, \frac{68^{57}}{3}, 24^1, 28^3, 30^2, 52^1, \infty^{59}$
39	$12^1, 14^1, 20^1$	$12^1, 14^1, 18^3, \frac{37^4}{2}, 19^4, 20^2, 22^2, \frac{68^3}{3}, 26^1, \infty^{24}$	$0^1, 2^2, 4^1, 8^2, 12^3, 13^4, 14^4, 16^1, 18^3, \frac{37^4}{2}, 19^4, 20^5, 22^2, \frac{68^3}{3}, 26^1, 28^1, 52^1, \infty^3$	$0^1, 2^2, 4^1, 8^2, 12^3, 13^4, 14^4, 16^1, 18^6, \frac{37^8}{2}, 19^8, 20^6, 22^4, \frac{68^6}{3}, \frac{24^{64}}{3}, 26^2, 28^1, 52^1, \infty^{66}$
41	$4^1, 14^2$	$4^1, 14^2, 19^4, \frac{58^3}{3}, \frac{39^4}{2}, 20^2, 22^1, 23^2, 26^1, 28^1, 34^1, \infty^{28}$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 8^2, 10^2, 14^6, \frac{46^6}{3}, 16^1, 19^4, \frac{58^3}{3}, \frac{39^4}{2}, 20^2, 22^3, 23^2, 26^1, 28^1, 34^1, 36^1, 52^2, \infty^3$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 8^2, 10^2, 14^6, \frac{46^6}{3}, 16^1, 19^8, \frac{58^6}{3}, \frac{39^8}{2}, 20^4, 22^4, 23^4, \frac{76^{69}}{3}, 26^2, 28^2, 34^2, 36^1, 52^2, \infty^{75}$
43	$6^1, 16^1, 18^1$	$6^1, 16^1, 18^1, 20^8, \frac{62^3}{3}, 21^4, \frac{43^4}{2}, 27^2, 36^1, \infty^{30}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 6^4, 9^4, 16^3, \frac{50^6}{3}, 18^6, 20^8, \frac{62^3}{3}, 21^4, \frac{43^4}{2}, 27^2, 36^2, 52^2, \infty^3$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 6^4, 9^4, 16^3, \frac{50^6}{3}, 18^6, 20^{16}, \frac{62^6}{3}, 21^8, \frac{43^8}{2}, \frac{80^{75}}{3}, 27^4, 36^3, 52^2, \infty^{82}$
45	$8^1, 18^1, 22^1$	$8^1, 18^1, 21^4, \frac{43^8}{2}, 22^9, 23^2, 26^1, \frac{28^1}{3}, 37^2, \infty^{31}$	$0^1, 4^5, 8^5, 10^2, 18^4, 19^8, 20^1, 21^4, \frac{43^8}{2}, 22^{10}, 23^2, 26^1, \frac{28^1}{3}, 37^2, 40^1, 52^2, \infty^3$	$0^1, 4^5, 8^5, 10^2, 18^4, 19^8, 20^1, 21^8, \frac{43^{16}}{2}, 22^{18}, 23^4, 26^2, \frac{28^{84}}{3}, 37^4, 40^1, 52^2, \infty^{88}$
47	$4^1, 10^1, 20^2$	$4^1, 10^1, 20^2, 22^3, \frac{67^6}{3}, \frac{45^4}{2}, 23^4, \frac{70^3}{3}, \frac{49^4}{2}, 26^1, 28^1, 38^1, 40^1, \infty^{34}$	$2^2, 4^2, \frac{16^6}{3}, 10^6, 16^1, 20^8, \frac{64^3}{3}, 22^7, \frac{67^6}{3}, \frac{45^4}{2}, 23^4, \frac{70^3}{3}, \frac{49^4}{2}, 26^1, 28^1, 38^1, 40^1, 52^2, \infty^4$	$2^2, 4^2, \frac{16^6}{3}, 10^6, 16^1, 20^8, \frac{64^3}{3}, 22^{10}, \frac{67^{12}}{3}, \frac{45^8}{2}, 23^8, \frac{70^6}{3}, \frac{49^8}{2}, 26^2, 28^2, \frac{88^{90}}{3}, 38^2, 40^2, 52^2, \infty^{96}$
49	$5^2, 12^2, 22^1$	$5^2, 12^2, 22^1, 23^8, \frac{71^6}{3}, 24^4, \frac{74^3}{3}, 26^2, 27^2, 30^1, 36^1, 40^1, \infty^{39}$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^9}{3}, 12^7, 16^1, 22^4, \frac{68^3}{3}, 23^{12}, \frac{71^6}{3}, 24^6, \frac{74^3}{3}, 26^2, 27^2, 30^1, 36^1, 40^1, 52^3, \infty^5$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^9}{3}, 12^7, 16^1, 22^4, \frac{68^3}{3}, 23^{20}, \frac{71^{12}}{3}, 24^{10}, \frac{74^6}{3}, 26^4, 27^4, 30^2, \frac{92^{99}}{3}, 36^2, 40^2, 52^3, \infty^{106}$

51	$6^1, 8^1, 14^2, 26^1$	$6^1, 8^1, 14^2, 24^5, \frac{49}{2}^{12}, 25^2, 26^6, 28^3, 32^2, 37^2, \infty^{42}$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^{12}, 14^8, 16^2, 24^8, \frac{49}{2}^{12}, 25^6, 26^9, 28^3, 32^2, 37^2, 52^3, 56^1, \infty^5$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^{12}, 14^8, 16^2, 24^{13}, \frac{49}{2}^{24}, 25^8, 26^{14}, 28^6, 32^{110}, 37^4, 52^3, 56^1, \infty^{115}$
53	$7^2, 8^1, 16^1, 26^1$	$7^2, 8^1, 16^1, 25^4, \frac{76}{3}^{12}, 26^8, \frac{82}{3}^3, 29^4, 34^2, 38^3, \infty^{44}$	$\frac{4}{3}^3, 4^1, 7^4, 8^4, \frac{28}{3}^9, 12^1, 16^8, 25^4, \frac{76}{3}^{12}, 26^{13}, \frac{82}{3}^3, 28^3, 29^4, 34^2, 38^3, 52^3, 58^2, \infty^5$	$\frac{4}{3}^3, 4^1, 7^4, 8^4, \frac{28}{3}^9, 12^1, 16^8, 25^8, \frac{76}{3}^{24}, 26^{20}, \frac{82}{3}^6, 28^3, 29^8, \frac{100}{3}^{114}, 34^4, 38^6, 52^3, 58^2, \infty^{123}$
55	$8^4, 12^1, 28^1$	$8^4, 12^1, 26^8, \frac{80}{3}^{12}, 27^2, 28^1, \frac{57}{2}^4, \frac{86}{3}^3, 30^3, 36^2, 39^2, 42^1, \infty^{48}$	$0^1, \frac{8}{3}^3, 8^8, 10^2, \frac{32}{3}^{12}, 12^3, 16^2, 18^4, 26^8, \frac{80}{3}^{12}, 27^2, 28^3, \frac{57}{2}^4, \frac{86}{3}^3, 29^4, 30^3, 36^2, 39^2, 40^1, 42^1, 52^3, 60^1, 64^1, \infty^6$	$0^1, \frac{8}{3}^3, 8^8, 10^2, \frac{32}{3}^{12}, 12^3, 16^2, 18^4, 26^{16}, \frac{80}{3}^{24}, 27^4, 28^3, \frac{57}{2}^8, \frac{86}{3}^6, 29^4, 30^6, \frac{104}{3}^{123}, 36^4, 39^4, 40^1, 42^2, 52^3, 60^1, 64^1, \infty^{133}$
57	$9^2, 10^2, \frac{32}{3}^3$	$9^2, 10^2, \frac{32}{3}^3, 27^4, \frac{55}{2}^8, 28^6, \frac{86}{3}^6, 29^2, 30^1, 31^4, 32^1, \frac{98}{3}^3, 38^1, 40^1, 42^1, \infty^{53}$	$0^1, 2^2, 4^1, 8^2, 9^4, 10^4, \frac{32}{3}^6, 12^{16}, 16^1, 20^3, 27^4, \frac{55}{2}^8, 28^6, \frac{86}{3}^6, 29^2, 30^3, 31^4, 32^3, \frac{98}{3}^3, \frac{100}{3}^3, 38^1, 40^1, 42^1, 52^4, 56^1, 64^1, \infty^7$	$0^1, 2^2, 4^1, 8^2, 9^4, 10^4, \frac{32}{3}^6, 12^{16}, 16^1, 20^3, 27^8, \frac{55}{2}^{16}, 28^{12}, \frac{86}{3}^{12}, 29^4, 30^4, 31^8, 32^4, \frac{98}{3}^6, \frac{100}{3}^3, 36^{133}, 38^2, 40^2, 42^2, 52^4, 56^1, 64^1, \infty^{144}$
59	$4^1, 10^1, \frac{21}{2}^4, 16^1$	$4^1, 10^1, \frac{21}{2}^4, 16^1, 28^5, \frac{85}{3}^6, \frac{57}{2}^4, 29^4, \frac{61}{2}^4, 31^2, \frac{63}{2}^4, 32^5, \frac{100}{3}^3, 38^1, 40^2, 42^1, \infty^{57}$	$\frac{4}{3}^3, 4^3, 8^2, 10^4, \frac{21}{2}^8, \frac{40}{3}^{18}, 16^3, 22^2, 28^5, \frac{85}{3}^6, \frac{57}{2}^4, 29^4, \frac{61}{2}^4, 31^2, \frac{63}{2}^4, 32^9, \frac{100}{3}^3, 36^1, 38^1, 40^3, 42^1, 52^4, \frac{172}{3}^3, 72^1, \infty^7$	$\frac{4}{3}^3, 4^3, 8^2, 10^4, \frac{21}{2}^8, \frac{40}{3}^{18}, 16^3, 22^2, 28^{10}, \frac{85}{3}^{12}, \frac{57}{2}^8, 29^8, \frac{61}{2}^8, 31^4, \frac{63}{2}^8, 32^{14}, \frac{100}{3}^6, 36^1, \frac{112}{3}^{141}, 38^2, 40^5, 42^2, 52^4, \frac{172}{3}^3, 72^1, \infty^{155}$
61	$6^1, 11^2, 12^3, 18^1$	$6^1, 11^2, 12^3, 18^1, 29^{10}, \frac{89}{3}^6, 30^3, \frac{61}{2}^8, \frac{131}{4}^8, 33^2, \frac{104}{3}^3, 36^1, 39^2, 42^2, \infty^{60}$	$0^1, \frac{8}{3}^3, 6^4, 9^4, 11^4, 12^6, \frac{44}{3}^{18}, 16^1, 18^2, 20^1, 24^3, 29^{10}, \frac{89}{3}^6, 30^3, \frac{61}{2}^8, \frac{131}{4}^8, 33^2, 34^2, \frac{104}{3}^3, 36^3, 39^2, 42^2, 52^4, \frac{176}{3}^3, 64^1, 72^1, \infty^7$	$0^1, \frac{8}{3}^3, 6^4, 9^4, 11^4, 12^6, \frac{44}{3}^{18}, 16^1, 18^2, 20^1, 24^3, 29^{20}, \frac{89}{3}^{12}, 30^6, \frac{61}{2}^{16}, \frac{131}{4}^{16}, 33^4, 34^2, \frac{104}{3}^6, 36^4, \frac{116}{3}^{150}, 39^4, 42^4, 52^4, \frac{176}{3}^3, 64^1, 72^1, \infty^{165}$

63	$8^1, 12^1, \frac{25^4}{2}, 18^1, 22^1$	$8^1, 12^1, \frac{25^4}{2}, 18^1, 22^1, 30^5, \frac{61^4}{2}, 31^{16}, 32^4, \frac{65^4}{2}, 34^6, 36^4, 37^2, 42^1, 44^2, \infty^{64}$	$0^1, 4^5, 8^5, 10^2, 12^2, \frac{25^8}{2}, 16^{21}, 18^2, 22^4, 26^2, 30^5, \frac{61^4}{2}, 31^{16}, 32^4, \frac{65^4}{2}, 34^6, 36^5, 37^2, \frac{40^2}{2}, 42^1, 44^2, 52^4, 56^1, 60^1, 64^2, 76^1, \infty^8$	$0^1, 4^5, 8^5, 10^2, 12^2, \frac{25^8}{2}, 16^{21}, 18^2, 22^4, 26^2, 30^{10}, \frac{61^8}{2}, 31^{32}, 32^8, \frac{65^8}{2}, 34^{12}, 36^9, 37^4, \frac{40^{162}}{2}, 42^2, 44^4, 52^4, 56^1, 60^1, 64^2, 76^1, \infty^{176}$
65	$4^1, 10^1, \frac{40^3}{3}, 14^2, 20^2$	$4^1, 10^1, \frac{40^3}{3}, 14^2, 20^2, 31^6, \frac{94^3}{3}, \frac{63^8}{2}, 32^2, \frac{97^6}{3}, 33^4, \frac{67^8}{2}, \frac{69^4}{2}, 35^4, 38^1, 40^1, 42^1, 46^1, 52^1, \infty^{69}$	$2^2, 4^2, \frac{16^6}{3}, 10^6, \frac{40^6}{3}, 14^4, 16^1, 17^8, \frac{52^{12}}{3}, 20^4, 22^2, 24^1, 28^2, 24^1, 28^2, 31^{12}, \frac{94^6}{3}, \frac{63^{16}}{2}, 31^6, \frac{94^3}{3}, \frac{63^8}{2}, 32^2, \frac{97^6}{3}, 33^4, \frac{67^8}{2}, \frac{69^4}{2}, 35^4, 36^1, 38^3, 40^1, 42^1, 46^1, 52^6, \frac{172^3}{3}, 64^1, 72^1, \infty^9$	$2^2, 4^2, \frac{16^6}{3}, 10^6, \frac{40^6}{3}, 14^4, 16^1, 17^8, \frac{52^{12}}{3}, 20^4, 22^2, 24^1, 28^2, 31^{12}, \frac{94^6}{3}, \frac{63^{16}}{2}, 32^4, \frac{97^{12}}{3}, 33^8, \frac{67^{16}}{2}, \frac{69^8}{2}, 35^8, 36^1, 38^4, 40^2, \frac{124^{171}}{3}, 42^2, 46^2, 52^7, \frac{172^3}{3}, 64^1, 72^1, \infty^{188}$
67	$5^2, 12^2, \frac{44^3}{3}, 18^1, 22^1$	$5^2, 12^2, \frac{44^3}{3}, 18^1, 22^1, 32^{12}, \frac{98^3}{3}, 33^8, \frac{101^6}{3}, \frac{137^8}{4}, 35^4, 36^7, 41^2, 44^1, 48^1, 52^1, \infty^{74}$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^9}{3}, 12^7, \frac{44^6}{3}, 16^1, 18^8, \frac{56^{15}}{3}, 22^2, 23^4, 28^1, 32^{12}, \frac{98^3}{3}, 33^8, \frac{101^6}{3}, \frac{137^8}{4}, 35^4, 36^8, 40^2, 41^2, 44^1, 48^1, 52^6, \frac{176^3}{3}, 60^2, 72^2, \infty^9$	$0^1, 4^1, 5^4, \frac{20^9}{3}, 12^7, \frac{44^6}{3}, 16^1, 18^8, \frac{56^{15}}{3}, 22^2, 23^4, 28^1, 32^{24}, \frac{98^6}{3}, 33^{16}, \frac{101^{12}}{3}, \frac{137^{16}}{4}, 35^8, 36^{15}, 40^2, 41^4, \frac{128^{180}}{3}, 44^2, 48^2, 52^7, \frac{176^3}{3}, 60^2, 72^2, \infty^{201}$
69	$6^1, 8^1, 14^2, 16^1, 18^1, 20^2, 26^1$	$6^1, 8^1, 14^2, 16^1, 18^1, 20^2, 26^1, 33^6, \frac{67^{16}}{2}, 34^1, 35^{14}, \frac{71^4}{2}, 37^8, 38^2, 40^3, 42^1, \frac{44^1}{2}, 48^1, 52^1, \infty^{77}$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^{12}, 14^8, 16^4, 18^2, 19^4, 20^{20}, 24^2, 26^4, 33^6, \frac{67^{16}}{2}, 34^1, 35^{14}, \frac{71^4}{2}, 36^1, 37^8, 38^4, 40^3, 42^1, \frac{44^1}{2}, 48^1, 52^6, 56^1, 60^1, 61^4, 72^1, 80^1, \infty^9$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^{12}, 14^8, 16^4, 18^2, 19^4, 20^{20}, 24^2, 26^4, 33^{12}, \frac{67^{32}}{2}, 34^2, 35^{28}, \frac{71^8}{2}, 36^1, 37^{16}, 38^6, 40^6, 42^2, \frac{44^{192}}{2}, 48^2, 52^7, 56^1, 60^1, 61^4, 72^1, 80^1, \infty^{212}$
71	$7^2, 8^1, 16^2, \frac{58^3}{3}, 22^1, 26^1$	$7^2, 8^1, 16^2, \frac{58^3}{3}, 22^1, 26^1, 34^5, \frac{103^{12}}{3}, 35^{10}, 36^4, \frac{109^6}{3}, \frac{147^8}{4}, 38^5, \frac{79^8}{2}, 44^1, 46^2, 52^1, \infty^{81}$	$\frac{4^3}{3}, 4^1, 7^4, 8^2, \frac{28^{12}}{3}, 16^{10}, \frac{58^6}{3}, 20^6, \frac{64^{12}}{3}, 22^2, 25^4, 26^4, 34^5, \frac{103^{12}}{3}, 35^{10}, 36^5, \frac{109^6}{3}, \frac{147^8}{4}, 38^5, \frac{79^8}{2}, 40^1, 44^1, 46^2, 52^6, 58^2, 62^2, 64^3, 76^1, \infty^{10}$	$\frac{4^3}{3}, 4^1, 7^4, 8^2, \frac{28^{12}}{3}, 16^{10}, \frac{58^6}{3}, 20^6, \frac{64^{12}}{3}, 22^2, 25^4, 26^4, 34^{10}, \frac{103^{24}}{3}, 35^{20}, 36^9, \frac{109^{12}}{3}, \frac{147^{16}}{4}, 38^{10}, \frac{79^{16}}{2}, 40^1, 44^2, \frac{136^{201}}{3}, 46^4, 52^7, 58^2, 62^2, 64^3, 76^1, \infty^{224}$

73	$8^4, 12^1, 18^2, \frac{62^3}{3}, 28^1$	$8^4, 12^1, 18^2, \frac{62^3}{3}, 28^1, 35^{12}, \frac{107^{12}}{3}, 36^1, \frac{75^{12}}{2}, \frac{113^6}{3}, 38^4, 39^6, 41^8, 42^1, 48^2, 56^1, \infty^{86}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 8^8, \frac{32^{15}}{3}, 12^2, 16^1, 18^{10}, \frac{62^6}{3}, 21^4, \frac{68^9}{3}, 26^8, 28^2, 30^2, 35^{12}, \frac{107^{12}}{3}, 36^1, \frac{75^{12}}{2}, \frac{113^6}{3}, 38^4, 39^6, 40^1, 41^8, 42^1, 48^2, 52^6, 56^1, 60^1, 64^2, 65^4, 76^1, \infty^{11}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 8^8, \frac{32^{15}}{3}, 12^2, 16^1, 18^{10}, \frac{62^6}{3}, 21^4, \frac{68^9}{3}, 26^8, 28^2, 30^2, 35^{24}, \frac{107^{24}}{3}, 36^2, \frac{75^{24}}{2}, \frac{113^{12}}{3}, 38^8, 39^{12}, 40^1, 41^{16}, 42^2, \frac{140^{213}}{3}, 48^4, 52^6, 56^2, 60^1, 64^2, 65^4, 76^1, \infty^{237}$
75	$9^2, 10^2, \frac{32^3}{3}, 20^3, 22^1, 26^1$	$9^2, 10^2, \frac{32^3}{3}, 20^3, 22^1, 26^1, 36^7, \frac{73^8}{2}, 37^8, \frac{113^{12}}{3}, 38^5, 39^2, \frac{157^8}{4}, \frac{79^4}{2}, 40^5, 42^1, 43^2, \frac{134^3}{3}, 56^1, 60^1, \infty^{92}$	$0^1, 2^2, 4^1, 9^4, 10^4, \frac{32^6}{3}, 12^{19}, 16^1, 20^{11}, 22^4, 24^7, 26^2, 27^4, 28^4, \frac{86^6}{3}, 36^7, \frac{73^8}{2}, 37^8, \frac{113^{12}}{3}, 38^5, 39^2, \frac{157^8}{4}, \frac{79^4}{2}, 40^5, 42^1, 43^2, \frac{134^3}{3}, 52^6, 56^3, 60^1, 64^1, 66^2, 68^2, \frac{208^3}{3}, \infty^{12}$	$0^1, 2^2, 4^1, 9^4, 10^4, \frac{32^6}{3}, 12^{19}, 16^1, 20^{11}, 22^4, 24^7, 26^2, 27^4, 28^4, \frac{86^6}{3}, 36^{14}, \frac{73^{16}}{2}, 37^{16}, \frac{113^{24}}{3}, 38^{10}, 39^4, \frac{157^{16}}{4}, \frac{79^8}{2}, 40^{10}, 42^2, 43^4, \frac{134^6}{3}, 48^{226}, 52^6, 56^4, 60^2, 64^1, 66^2, 68^2, \frac{208^3}{3}, \infty^{251}$
77	$4^1, 10^1, \frac{21^4}{2}, 16^1, 22^3, 26^1, 28^1$	$4^1, 10^1, \frac{21^4}{2}, 16^1, 22^3, 26^1, 28^1, 37^6, \frac{112^9}{3}, \frac{75^8}{2}, 38^4, 39^4, \frac{79^{12}}{2}, 40^1, \frac{81^4}{2}, \frac{245^{12}}{6}, 41^6, 42^1, 49^2, 58^2, 64^1, \infty^{96}$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 10^2, \frac{21^8}{2}, \frac{40^{24}}{3}, 16^4, 22^{12}, \frac{76^6}{3}, 26^2, 28^4, \frac{57^8}{2}, 34^2, 37^6, \frac{112^9}{3}, \frac{75^8}{2}, 38^4, 39^4, \frac{79^{12}}{2}, 40^1, \frac{81^4}{2}, \frac{245^{12}}{6}, 41^6, 42^1, 49^2, 52^6, \frac{172^3}{3}, 58^4, 64^1, 68^4, 76^1, 90^2, \infty^{12}$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 10^2, \frac{21^8}{2}, \frac{40^{24}}{3}, 16^4, 22^{12}, \frac{76^6}{3}, 26^2, 28^4, \frac{57^8}{2}, 34^2, 37^{12}, \frac{112^{18}}{3}, \frac{75^{16}}{2}, 38^8, 39^8, \frac{79^{24}}{2}, 40^2, \frac{81^8}{2}, \frac{245^{24}}{6}, 41^{12}, 42^2, 49^4, \frac{148^{237}}{3}, 52^6, \frac{172^3}{3}, 58^6, 64^2, 68^4, 76^1, 90^2, \infty^{264}$
79	$6^1, 11^4, 12^3, 24^3, 27^2$	$6^1, 11^4, 12^3, 24^3, 27^2, 38^{12}, \frac{116^9}{3}, 39^6, \frac{79^8}{2}, \frac{161^8}{4}, 42^{11}, \frac{253^{12}}{6}, \frac{85^4}{2}, 48^1, 51^2, 60^3, \infty^{101}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 6^4, 11^8, 12^6, \frac{44^{27}}{3}, 16^2, 24^{13}, \frac{80^3}{3}, 27^4, 29^4, 30^6, 36^1, 38^{12}, \frac{116^9}{3}, 39^6, \frac{79^8}{2}, \frac{161^8}{4}, 42^{11}, \frac{253^{12}}{6}, \frac{85^4}{2}, 48^1, 51^2, 52^6, \frac{176^3}{3}, 60^6, 64^1, 70^2, 72^1, 88^1, 90^2, \infty^{13}$	$0^1, \frac{8^3}{3}, 6^4, 11^8, 12^6, \frac{44^{27}}{3}, 16^2, 24^{13}, \frac{80^3}{3}, 27^4, 29^4, 30^6, 36^1, 38^{24}, \frac{116^{18}}{3}, 39^{12}, \frac{79^{16}}{2}, \frac{161^{16}}{4}, 42^{22}, \frac{253^{24}}{6}, \frac{85^8}{2}, 48^2, \frac{152^{249}}{3}, 51^4, 52^6, \frac{176^3}{3}, 60^9, 64^1, 70^2, 72^1, 88^1, 90^2, \infty^{278}$





Table 4: Slopes for  $q = 3$ ,  $i = 1$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
2		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \infty^2$
4		$2^1, \infty^1$	$0^1, 2^1$	$0^1, 2^2, \infty^3$
6		$3^2, \infty^1$	$0^1, 3^2$	$0^1, 3^4, 4^1, \infty^4$
8		$4^3, \infty^1$	$0^1, 4^3$	$0^1, 4^6, \frac{16^3}{3}, \infty^5$
10	$2^1$	$2^1, 5^2, \infty^3$	$0^1, 2^2, 5^2, \infty^1$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20^6}{3}, \infty^8$
12	$4^1$	$4^1, 6^3, \infty^4$	$0^1, 4^3, 6^3, \infty^1$	$0^1, 4^3, 6^6, 8^7, \infty^{11}$
14	$6^1$	$6^1, 7^4, \infty^5$	$0^1, 6^4, 7^4, \infty^1$	$0^1, 6^4, 7^8, \frac{28^9}{3}, \infty^{14}$
16	$2^1$	$2^1, 8^5, \infty^6$	$0^1, 2^2, 8^8, \infty^1$	$0^1, 2^2, 8^{13}, \frac{32^{12}}{3}, \infty^{17}$
18	$3^2$	$3^2, 9^4, 10^1, \infty^8$	$0^1, 3^4, 4^1, 9^4, 10^3, \infty^2$	$0^1, 3^4, 4^1, 9^8, 10^4, 12^{16}, \infty^{21}$
20	$4^1, 6^1$	$4^1, 6^1, 10^5, 12^1, \infty^{10}$	$0^1, 4^2, \frac{16^3}{3}, 6^2, 10^5, 12^2, 20^1, \infty^2$	$0^1, 4^2, \frac{16^3}{3}, 6^2, 10^{10}, 12^3, \frac{40^{18}}{3}, 20^1, \infty^{26}$
22	$2^1, 6^1$	$2^1, 6^1, 11^6, 14^1, \infty^{12}$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20^3}{3}, 8^2, 11^6, 14^1, 20^1, 24^1, \infty^2$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20^3}{3}, 8^2, 11^{12}, 14^2, \frac{44^{21}}{3}, 20^1, 24^1, \infty^{31}$
24	$3^2$	$3^2, 12^7, 13^2, \infty^{13}$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 12^7, 13^2, 22^2, \infty^2$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 12^{14}, 13^4, 16^{25}, 22^2, \infty^{35}$
26	$4^3$	$4^3, 13^6, \frac{29^4}{2}, \infty^{15}$	$0^1, 4^6, \frac{16^3}{3}, 10^2, 12^1, 13^6, \frac{29^4}{2}, 20^1, 24^1, \infty^3$	$0^1, 4^6, \frac{16^3}{3}, 10^2, 12^1, 13^{12}, \frac{29^8}{2}, \frac{52^{30}}{3}, 20^1, 24^1, \infty^{40}$
28	$2^1, 5^2$	$2^1, 5^2, 14^7, 16^2, 17^2, \infty^{18}$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20^6}{3}, 12^1, 14^7, 16^2, 17^2, 20^2, 30^2, \infty^3$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20^6}{3}, 12^1, 14^{14}, 16^4, 17^4, \frac{56^{33}}{3}, 20^2, 30^2, \infty^{47}$
30	$4^1, 6^1, 10^1$	$4^1, 6^1, 10^1, 15^8, 16^3, 18^2, \infty^{20}$	$0^1, 4^3, 6^2, 8^7, 10^2, 15^8, 16^3, 18^2, 20^1, 24^1, \frac{80^3}{3}, \infty^3$	$0^1, 4^3, 6^2, 8^7, 10^2, 15^{16}, 16^6, 18^4, 20^{38}, 24^1, \frac{80^3}{3}, \infty^{53}$
32	$6^1, 10^1, 12^1$	$6^1, 10^1, 12^1, 16^9, \frac{52^3}{3}, \frac{35^4}{2}, \infty^{21}$	$0^1, 6^4, \frac{28^6}{3}, 10^2, 12^4, 16^9, \frac{52^3}{3}, \frac{35^4}{2}, 22^2, 30^2, \infty^3$	$0^1, 6^4, \frac{28^6}{3}, 10^2, 12^4, 16^{18}, \frac{52^6}{3}, \frac{35^8}{2}, \frac{64^{42}}{3}, 22^2, 30^2, \infty^{58}$
34	$2^1, 8^1, 11^2$	$2^1, 8^1, 11^2, 17^8, \frac{56^3}{3}, 19^6, 20^1, \infty^{23}$	$0^1, 2^2, 8^5, \frac{32^3}{3}, 11^4, 13^4, 14^2, 17^8, \frac{56^3}{3}, 19^6, 20^1, 24^1, 36^1, \infty^4$	$0^1, 2^2, 8^5, \frac{32^3}{3}, 11^4, 13^4, 14^2, 17^{16}, \frac{56^6}{3}, 19^{12}, 20^2, \frac{68^{48}}{3}, 24^1, 36^1, \infty^{64}$

36	$3^2, 10^2, 12^1$	$3^2, 10^2, 12^1, 18^9, 19^2, 20^1, \frac{41}{2}^4, 21^2, \infty^{27}$	$0^1, 3^4, 4^1, 10^6, 12^3, 14^2, \frac{29}{2}^8, 18^9, 19^2, 20^1, \frac{41}{2}^4, 21^2, 36^2, \infty^5$	$0^1, 3^4, 4^1, 10^6, 12^3, 14^2, \frac{29}{2}^8, 18^{18}, 19^4, 20^2, \frac{41}{2}^8, 21^4, 24^{55}, 36^2, \infty^{72}$
38	$4^1, 6^1, 12^2, 18^1$	$4^1, 6^1, 12^2, 18^1, 19^{10}, \frac{61}{3}^6, 22^3, 30^1, \infty^{30}$	$0^1, 4^2, \frac{16}{3}^3, 6^2, 12^7, \frac{46}{3}^6, 16^4, 18^2, 19^{10}, \frac{61}{3}^6, 22^3, 30^1, 36^2, 56^1, \infty^5$	$0^1, 4^2, \frac{16}{3}^3, 6^2, 12^7, \frac{46}{3}^6, 16^4, 18^2, 19^{20}, \frac{61}{3}^{12}, 22^6, \frac{76}{3}^{60}, 30^2, 36^2, 56^1, \infty^{80}$
40	$2^1, 6^1, 14^2, 18^1$	$2^1, 6^1, 14^2, 18^1, 20^{11}, \frac{65}{3}^6, 22^4, 32^2, \infty^{32}$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20}{3}^3, 8^2, 14^8, \frac{50}{3}^6, 18^2, 20^{14}, \frac{65}{3}^6, 22^4, 32^2, 36^1, 56^1, 60^1, \infty^5$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20}{3}^3, 8^2, 14^8, \frac{50}{3}^6, 18^2, 20^{25}, \frac{65}{3}^{12}, 22^8, \frac{80}{3}^{66}, 32^4, 36^1, 56^1, 60^1, \infty^{87}$
42	$3^2, 10^1, 16^2, 18^1$	$3^2, 10^1, 16^2, 18^1, 21^{10}, 22^3, 23^2, \frac{93}{4}^8, 34^2, \infty^{35}$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 10^2, 16^9, 18^4, 20^1, 21^{14}, 22^5, 23^2, \frac{93}{4}^8, 34^2, 58^2, \infty^6$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 10^2, 16^9, 18^4, 20^1, 21^{24}, 22^8, 23^4, \frac{93}{4}^{16}, 28^{73}, 34^4, 58^2, \infty^{95}$
44	$4^3, 10^1, 18^3$	$4^3, 10^1, 18^3, 22^{11}, \frac{70}{3}^3, \frac{47}{2}^4, \frac{49}{2}^4, 25^2, 30^1, 36^1, \infty^{39}$	$0^1, 4^6, \frac{16}{3}^3, 10^4, 12^3, 18^{10}, \frac{64}{3}^3, 22^{17}, \frac{70}{3}^3, \frac{47}{2}^4, 24^1, \frac{49}{2}^4, 25^2, 30^1, 36^1, 56^1, 60^1, \infty^7$	$0^1, 4^6, \frac{16}{3}^3, 10^4, 12^3, 18^{10}, \frac{64}{3}^3, 22^{28}, \frac{70}{3}^6, \frac{47}{2}^8, 24^1, \frac{49}{2}^8, 25^4, \frac{88}{3}^{81}, 30^2, 36^2, 56^1, 60^1, \infty^{104}$
46	$2^1, 5^2, 12^1, 20^3$	$2^1, 5^2, 12^1, 20^3, 23^{12}, \frac{74}{3}^6, 25^2, 26^4, 31^2, 35^2, \infty^{43}$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20}{3}^6, 12^3, 13^4, 20^{11}, \frac{68}{3}^3, 23^{16}, 24^1, \frac{74}{3}^6, 25^2, 26^4, 31^2, 35^2, 56^2, 66^2, \infty^7$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20}{3}^6, 12^3, 13^4, 20^{11}, \frac{68}{3}^3, 23^{28}, 24^1, \frac{74}{3}^{12}, 25^4, 26^8, \frac{92}{3}^{87}, 31^4, 35^4, 56^2, 66^2, \infty^{114}$
48	$4^1, 6^3, 22^3$	$4^1, 6^3, 22^3, 24^{13}, 25^4, 26^7, 27^2, 32^1, 34^1, \frac{106}{3}^3, \infty^{46}$	$0^1, 4^3, 6^6, 8^7, 14^2, 16^2, \frac{52}{3}^3, 22^{12}, 24^{16}, 25^4, 26^7, 27^2, 28^2, 32^1, 34^1, \frac{106}{3}^3, 56^1, 60^1, \frac{188}{3}^3, \infty^7$	$0^1, 4^3, 6^6, 8^7, 14^2, 16^2, \frac{52}{3}^3, 22^{12}, 24^{29}, 25^8, 26^{14}, 27^4, 28^2, 32^{96}, 34^2, \frac{106}{3}^6, 56^1, 60^1, \frac{188}{3}^3, \infty^{123}$
50	$6^1, 7^4, 24^3$	$6^1, 7^4, 24^3, 25^{12}, \frac{79}{3}^6, \frac{53}{2}^4, \frac{82}{3}^6, 30^1, 34^2, 39^2, 42^1, \infty^{49}$	$0^1, 6^4, 7^8, \frac{28}{3}^9, 16^4, 24^{14}, 25^{12}, \frac{79}{3}^6, \frac{53}{2}^4, \frac{82}{3}^6, 28^2, 30^3, 34^2, 39^2, 42^1, 56^1, 58^2, 66^2, \infty^8$	$0^1, 6^4, 7^8, \frac{28}{3}^9, 16^4, 24^{14}, 25^{24}, \frac{79}{3}^{12}, \frac{53}{2}^8, \frac{82}{3}^{12}, 28^2, 30^4, \frac{100}{3}^{102}, 34^4, 39^4, 42^2, 56^1, 58^2, 66^2, \infty^{132}$

52	$2^1, 8^5, 26^3$	$2^1, 8^5, 26^{16}, \frac{83^6}{3}, 28^6, \frac{86^3}{3}, 29^2, 31^2, 32^1, 36^1, 38^1, 44^1, \infty^{53}$	$0^1, 2^2, 8^{13}, \frac{32^{12}}{3}, 18^2, 20^1, 26^{25}, \frac{83^6}{3}, 28^6, \frac{86^3}{3}, 29^6, 31^2, 32^1, 36^2, 38^1, 44^1, 56^2, 60^2, 72^1, \infty^9$	$0^1, 2^2, 8^{13}, \frac{32^{12}}{3}, 18^2, 20^1, 26^{38}, \frac{83^{12}}{3}, 28^{12}, \frac{86^6}{3}, 29^8, 31^4, 32^2, \frac{104^{111}}{3}, 36^3, 38^2, 44^2, 56^2, 60^2, 72^1, \infty^{142}$
54	$3^2, 9^4, 10^1, 28^2$	$3^2, 9^4, 10^1, 27^{14}, 28^7, 29^2, \frac{59^4}{2}, 30^5, 32^1, \frac{65^4}{2}, 39^2, 46^1, \infty^{58}$	$0^1, 3^4, 4^1, 9^8, 10^4, 12^{16}, 20^1, 24^1, 27^{14}, 28^{16}, 29^2, \frac{59^4}{2}, 30^7, 32^1, \frac{65^4}{2}, 36^2, 39^2, 46^1, 56^1, 58^4, 72^2, \infty^9$	$0^1, 3^4, 4^1, 9^8, 10^4, 12^{16}, 20^1, 24^1, 27^{28}, 28^{21}, 29^4, \frac{59^8}{2}, 30^{12}, 32^2, \frac{65^8}{2}, 36^{120}, 39^4, 46^2, 56^1, 58^4, 72^2, \infty^{154}$
56	$4^1, 6^1, 10^3, 12^1, 18^1, 30^2$	$4^1, 6^1, 10^3, 12^1, 18^1, 28^{15}, \frac{88^{12}}{3}, 30^3, 31^4, 33^2, \frac{100^3}{3}, 34^2, 40^1, 42^2, \infty^{61}$	$0^1, 4^2, \frac{16^3}{3}, 6^2, 10^6, 12^5, \frac{40^{15}}{3}, 16^1, 18^2, 20^1, 22^2, 28^{15}, \frac{88^{12}}{3}, 30^{11}, 31^4, 33^2, \frac{100^3}{3}, 34^2, 36^3, 40^1, 42^2, 56^1, \frac{172^3}{3}, 60^2, 72^2, \infty^9$	$0^1, 4^2, \frac{16^3}{3}, 6^2, 10^6, 12^5, \frac{40^{15}}{3}, 16^1, 18^2, 20^1, 22^2, 28^{30}, \frac{88^{24}}{3}, 30^{12}, 31^8, 33^4, \frac{100^6}{3}, 34^4, 36^3, \frac{112^{126}}{3}, 40^2, 42^4, 56^1, \frac{172^3}{3}, 60^2, 72^2, \infty^{164}$
58	$2^1, 6^1, 11^4, 14^1, 18^1, 32^2$	$2^1, 6^1, 11^4, 14^1, 18^1, 29^{14}, \frac{92^{12}}{3}, 31^8, 32^3, 34^2, \frac{104^3}{3}, 35^2, 38^1, 42^1, 43^2, \infty^{64}$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20^3}{3}, 8^2, 11^8, 14^6, \frac{44^{12}}{3}, 16^2, 18^2, 20^3, 24^2, 29^{14}, \frac{92^{12}}{3}, 31^8, 32^{10}, 34^2, \frac{104^3}{3}, 35^2, 36^2, 38^1, 42^1, 43^2, 56^2, \frac{176^3}{3}, 60^1, 72^2, \infty^{10}$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20^3}{3}, 8^2, 11^8, 14^6, \frac{44^{12}}{3}, 16^2, 18^2, 20^3, 24^2, 29^{28}, \frac{92^{24}}{3}, 31^{16}, 32^{11}, 34^4, \frac{104^6}{3}, 35^4, 36^2, 38^2, \frac{116^{135}}{3}, 42^2, 43^4, 56^2, \frac{176^3}{3}, 60^1, 72^2, \infty^{174}$
60	$3^2, 10^1, 12^3, 13^2, 18^1, 34^2$	$3^2, 10^1, 12^3, 13^2, 18^1, 30^{15}, 31^4, 32^4, \frac{129^{16}}{4}, 34^3, \frac{71^4}{2}, 36^1, 39^2, 44^1, 46^1, \infty^{68}$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 10^2, 12^6, 13^4, 16^{19}, 18^2, 21^4, 22^2, 30^{15}, 31^4, 32^4, \frac{129^{16}}{4}, 34^9, \frac{71^4}{2}, 36^3, 39^2, 44^1, 46^1, 56^1, 58^4, 60^1, 72^2, \infty^{11}$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 10^2, 12^6, 13^4, 16^{19}, 18^2, 21^4, 22^2, 30^{30}, 31^8, 32^8, \frac{129^{32}}{4}, 34^{10}, \frac{71^8}{2}, 36^4, 39^4, 40^{145}, 44^2, 46^2, 56^1, 58^4, 60^1, 72^2, \infty^{185}$
62	$4^3, 10^1, 13^2, \frac{29^4}{2}, 18^1, 36^1$	$4^3, 10^1, 13^2, \frac{29^4}{2}, 18^1, 31^{16}, \frac{97^6}{3}, \frac{65^4}{2}, \frac{67^8}{2}, 34^4, \frac{71^4}{2}, 36^2, 37^2, 40^3, 42^1, 46^1, \infty^{74}$	$0^1, 4^6, \frac{16^3}{3}, 10^4, 12^3, 13^4, \frac{29^8}{2}, \frac{52^{18}}{3}, 18^2, 22^6, 24^1, 31^{16}, \frac{97^6}{3}, \frac{65^4}{2}, \frac{67^8}{2}, 34^4, \frac{71^4}{2}, 36^9, 37^2, 40^3, 42^1, 46^1, 56^2, \frac{172^3}{3}, 60^2, 72^3, \infty^{12}$	$0^1, 4^6, \frac{16^3}{3}, 10^4, 12^3, 13^4, \frac{29^8}{2}, \frac{52^{18}}{3}, 18^2, 22^6, 24^1, 31^{32}, \frac{97^{12}}{3}, \frac{65^8}{2}, \frac{67^{16}}{2}, 34^8, \frac{71^8}{2}, 36^{10}, 37^4, 40^6, \frac{124^{156}}{3}, 42^2, 46^2, 56^2, \frac{172^3}{3}, 60^2, 72^3, \infty^{198}$

64	$2^1, 5^2, 12^1, 14^1, 16^2, 17^2, 18^1, 20^1, 38^1$	$2^1, 5^2, 12^1, 14^1, 16^2, 17^2, 18^1, 20^1, 32^{17}, \frac{101}{3}^{12}, 34^2, 35^6, \frac{147}{4}^8, 38^2, 41^4, 43^2, 44^2, \infty^{78}$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20}{3}^6, 12^3, 13^4, 14^2, 16^4, 17^8, 18^2, \frac{56}{3}^{15}, 20^2, 23^4, 28^1, 32^{17}, \frac{101}{3}^{12}, 34^2, 35^6, 36^2, \frac{147}{4}^8, 38^7, 41^4, 43^2, 44^2, 56^3, \frac{176}{3}^3, 60^1, 72^3, 84^2, \infty^{12}$	$0^1, 2^2, 5^4, \frac{20}{3}^6, 12^3, 13^4, 14^2, 16^4, 17^8, 18^2, \frac{56}{3}^{15}, 20^2, 23^4, 28^1, 32^{34}, \frac{101}{3}^{24}, 34^4, 35^{12}, 36^2, \frac{147}{4}^{16}, 38^8, 41^8, \frac{128}{3}^{165}, 43^4, 44^4, 56^3, \frac{176}{3}^3, 60^1, 72^3, 84^2, \infty^{210}$
66	$4^1, 6^3, 15^2, 16^1, 18^3, 22^2, 40^1$	$4^1, 6^3, 15^2, 16^1, 18^3, 22^2, 33^{16}, 34^5, 35^{14}, 36^2, 38^2, 39^2, 40^5, \frac{122}{3}^3, 42^7, \frac{128}{3}^3, \infty^{82}$	$0^1, 4^3, 6^6, 8^7, 14^2, 15^4, 16^4, \frac{52}{3}^6, 18^6, 20^{13}, 22^4, 24^6, 33^{16}, 34^5, 35^{14}, 36^2, 38^2, 39^2, 40^9, \frac{122}{3}^3, 42^7, \frac{128}{3}^3, \frac{152}{3}^3, 56^1, 58^2, 60^2, 64^3, 72^1, \frac{224}{3}^3, \infty^{13}$	$0^1, 4^3, 6^6, 8^7, 14^2, 15^4, 16^4, \frac{52}{3}^6, 18^6, 20^{13}, 22^4, 24^6, 33^{32}, 34^{10}, 35^{28}, 36^4, 38^4, 39^4, 40^{13}, \frac{122}{3}^6, 42^{14}, \frac{128}{3}^6, 44^{175}, \frac{152}{3}^3, 56^1, 58^2, 60^2, 64^3, 72^1, \frac{224}{3}^3, \infty^{222}$
68	$6^1, 7^4, 16^1, \frac{52}{3}^3, 18^1, 24^3, 42^1$	$6^1, 7^4, 16^1, \frac{52}{3}^3, 18^1, 24^3, 34^{17}, \frac{106}{3}^3, \frac{71}{2}^8, \frac{109}{3}^{12}, 37^4, 39^2, \frac{79}{2}^8, 42^2, 43^2, 46^2, 48^2, \infty^{87}$	$0^1, 6^4, 7^8, \frac{28}{3}^9, 16^6, \frac{52}{3}^6, 18^2, 21^8, \frac{64}{3}^9, 24^6, 25^8, 28^2, 34^{17}, \frac{106}{3}^3, \frac{71}{2}^8, 36^1, \frac{109}{3}^{12}, 37^4, 39^2, \frac{79}{2}^8, 42^5, 43^2, 46^2, 48^2, 56^2, 58^2, 60^1, 64^2, 66^2, 68^1, 72^1, 84^2, \infty^{14}$	$0^1, 6^4, 7^8, \frac{28}{3}^9, 16^6, \frac{52}{3}^6, 18^2, 21^8, \frac{64}{3}^9, 24^6, 25^8, 28^2, 34^{34}, \frac{106}{3}^6, \frac{71}{2}^{16}, 36^1, \frac{109}{3}^{24}, 37^8, 39^4, \frac{79}{2}^{16}, 42^6, 43^4, \frac{136}{3}^{186}, 46^4, 48^4, 56^2, 58^2, 60^1, 64^2, 66^2, 68^1, 72^1, 84^2, \infty^{235}$
70	$2^1, 8^5, 18^1, \frac{56}{3}^3, 20^2, 26^3$	$2^1, 8^5, 18^1, \frac{56}{3}^3, 20^2, 26^3, 35^{18}, \frac{110}{3}^3, 37^{12}, \frac{113}{3}^6, 38^1, \frac{153}{4}^8, \frac{77}{2}^4, 40^2, 41^4, 44^1, 47^2, 48^1, 56^1, \infty^{93}$	$0^1, 2^2, 8^{13}, \frac{32}{3}^{12}, 18^4, \frac{56}{3}^6, 20^7, 22^4, \frac{68}{3}^9, 26^{16}, 32^1, 35^{18}, \frac{110}{3}^3, 37^{12}, \frac{113}{3}^6, 38^1, \frac{153}{4}^8, \frac{77}{2}^4, 40^2, 41^4, 44^4, 47^2, 48^1, 56^5, 60^2, 62^2, 65^4, 72^1, 90^2, \infty^{15}$	$0^1, 2^2, 8^{13}, \frac{32}{3}^{12}, 18^4, \frac{56}{3}^6, 20^7, 22^4, \frac{68}{3}^9, 26^{16}, 32^1, 35^{36}, \frac{110}{3}^6, 37^{24}, \frac{113}{3}^{12}, 38^2, \frac{153}{4}^{16}, \frac{77}{2}^8, 40^4, 41^8, 44^5, \frac{140}{3}^{198}, 47^4, 48^2, 56^6, 60^2, 62^2, 65^4, 72^1, 90^2, \infty^{249}$

72	$3^2, 9^4, 10^1, 20^1, 21^4, 22^1, 28^2$	$3^2, 9^4, 10^1, 20^1, 21^4, 22^1, 28^2, 36^{19}, 37^6, 38^1, \frac{77^8}{2}, 39^4, \frac{79^4}{2}, \frac{317^{16}}{8}, 42^2, 46^1, 48^4, 56^1, 60^1, \infty^{98}$	$0^1, 3^4, 4^1, 9^8, 10^4, 12^{16}, 20^3, 21^{12}, 22^2, 24^{12}, 27^8, 28^6, 32^1, 36^{19}, 37^6, 38^1, \frac{77^8}{2}, 39^4, \frac{79^4}{2}, \frac{317^{16}}{8}, 42^2, 46^3, 48^4, 56^3, 58^4, 60^3, 64^3, 66^2, 76^1, 90^4, \infty^{15}$	$0^1, 3^4, 4^1, 9^8, 10^4, 12^{16}, 20^3, 21^{12}, 22^2, 24^{12}, 27^8, 28^6, 32^1, 36^{38}, 37^{12}, 38^2, \frac{77^{16}}{2}, 39^8, \frac{79^8}{2}, \frac{317^{32}}{8}, 42^4, 46^4, 48^{216}, 56^4, 58^4, 60^4, 64^3, 66^2, 76^1, 90^4, \infty^{263}$
74	$4^1, 6^1, 10^5, 12^1, 22^2, \frac{70^3}{3}, 24^1, 30^2$	$4^1, 6^1, 10^5, 12^1, 22^2, \frac{70^3}{3}, 24^1, 30^2, 37^{18}, \frac{115^{12}}{3}, 39^2, 40^9, \frac{245^{12}}{6}, 41^8, 42^3, 48^1, 49^2, 51^2, 58^2, \infty^{103}$	$0^1, 4^2, \frac{16^3}{3}, 6^2, 10^{10}, 12^3, \frac{40^{18}}{3}, 20^1, 22^8, \frac{70^6}{3}, 24^6, \frac{76^9}{3}, 28^6, 30^6, 36^1, 37^{18}, \frac{115^{12}}{3}, 39^2, 40^{10}, \frac{245^{12}}{6}, 41^8, 42^3, 48^2, 49^2, 51^2, 56^2, \frac{172^3}{3}, 58^4, 60^2, 66^4, 72^1, 80^1, 90^4, \infty^{16}$	$0^1, 4^2, \frac{16^3}{3}, 6^2, 10^{10}, 12^3, \frac{40^{18}}{3}, 20^1, 22^8, \frac{70^6}{3}, 24^6, \frac{76^9}{3}, 28^6, 30^6, 36^1, 37^{36}, \frac{115^{24}}{3}, 39^4, 40^{19}, \frac{245^{24}}{6}, 41^{16}, 42^6, 48^3, 49^4, \frac{148^{219}}{3}, 51^4, 56^2, \frac{172^3}{3}, 58^6, 60^2, 66^4, 72^1, 80^1, 90^4, \infty^{277}$
76	$2^1, 6^1, 11^6, 14^1, 24^1, \frac{74^3}{3}, 26^2, 32^2$	$2^1, 6^1, 11^6, 14^1, 24^1, \frac{74^3}{3}, 26^2, 32^2, 38^{19}, \frac{119^{12}}{3}, 40^8, 41^2, \frac{83^8}{2}, \frac{253^{12}}{6}, 43^6, 44^2, 47^2, 50^1, 51^2, 60^1, \infty^{108}$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20^3}{3}, 8^2, 11^{12}, 14^2, \frac{44^{21}}{3}, 20^1, 24^6, \frac{74^6}{3}, 25^4, 26^4, \frac{80^6}{3}, 29^8, 32^6, 36^1, 38^{19}, \frac{119^{12}}{3}, 40^9, 41^2, \frac{83^8}{2}, \frac{253^{12}}{6}, 43^6, 44^3, 47^2, 50^1, 51^2, 56^4, \frac{176^3}{3}, 60^4, 68^3, 72^1, 84^1, 90^4, \infty^{17}$	$0^1, 2^2, 6^2, \frac{20^3}{3}, 8^2, 11^{12}, 14^2, \frac{44^{21}}{3}, 20^1, 24^6, \frac{74^6}{3}, 25^4, 26^4, \frac{80^6}{3}, 29^8, 32^6, 36^1, 38^{38}, \frac{119^{24}}{3}, 40^{17}, 41^4, \frac{83^{16}}{2}, \frac{253^{24}}{6}, 43^{12}, 44^5, 47^4, 50^2, \frac{152^{231}}{3}, 51^4, 56^4, \frac{176^3}{3}, 60^5, 68^3, 72^1, 84^1, 90^4, \infty^{291}$
78	$3^2, 12^7, 13^2, 26^1, 27^4, 34^2$	$3^2, 12^7, 13^2, 26^1, 27^4, 34^2, 39^{20}, 40^7, 41^4, \frac{165^{16}}{4}, 43^{10}, \frac{87^4}{2}, 44^3, \frac{89^8}{2}, 46^1, 48^4, 64^1, \infty^{114}$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 12^{14}, 13^4, 16^{25}, 22^2, 26^4, 27^8, 28^8, \frac{88^3}{3}, 30^2, 31^4, 32^1, 34^4, 36^1, 39^{20}, 40^7, 41^4, \frac{165^{16}}{4}, 43^{10}, \frac{87^4}{2}, 44^3, \frac{89^8}{2}, 46^3, 48^4, 56^2, 58^8, 60^1, 64^1, 70^4, 72^2, 90^4, \infty^{18}$	$0^1, 3^4, 4^1, 8^1, 9^4, 12^{14}, 13^4, 16^{25}, 22^2, 26^4, 27^8, 28^8, \frac{88^3}{3}, 30^2, 31^4, 32^1, 34^4, 36^1, 39^{40}, 40^{14}, 41^8, \frac{165^{32}}{4}, 43^{20}, \frac{87^8}{2}, 44^6, \frac{89^{16}}{2}, 46^4, 48^8, 52^{244}, 56^2, 58^8, 60^1, 64^2, 70^4, 72^2, 90^4, \infty^{306}$

80	$4^3, 13^6, \frac{29^4}{2}, 28^2, 30^2, 36^1$	$4^3, 13^6, \frac{29^4}{2}, 28^2, 30^2, 36^1, 40^{21}, \frac{124^9}{3}, \frac{83^8}{2}, \frac{85^8}{2}, 43^8, \frac{89^8}{2}, 45^2, \frac{136^6}{3}, 46^5, 49^6, 64^1, \infty^{120}$	$0^1, 4^6, \frac{16^3}{3}, 10^2, 12^1, 13^{12}, \frac{29^8}{2}, \frac{52^{30}}{3}, 20^1, 24^1, 28^8, \frac{88^3}{3}, 30^4, 31^4, \frac{65^8}{2}, 36^3, 40^{42}, \frac{124^{18}}{3}, \frac{83^{16}}{2}, \frac{85^{16}}{2}, 43^{16}, \frac{89^{16}}{2}, 45^4, \frac{136^{12}}{3}, 46^{10}, 48^1, 49^{12}, \frac{160^{255}}{3}, 56^2, \frac{172^6}{3}, 60^4, 64^2, 72^6, 90^6, \infty^{322}$
----	---	--	---

## 2.2 $i = 2$ .

Table 5: Slopes for  $q = 3$ ,  $i = 2$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
1				
3				$0^1$
5				$\frac{2}{3}^3$
7		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{4}{3}^3, \infty^1$
9		$0^1, 2^1$	$0^1, 2^1$	$0^2, 2^6, \infty^2$
11		$0^1, 1^2$	$1^2, \infty^1$	$0^1, 1^4, \frac{8}{3}^6, \infty^4$
13		$0^3, 2^1$	$0^1, 2^1, \infty^2$	$0^4, 2^2, \frac{10}{3}^9, \infty^6$
15		$0^2, 1^2, 4^1, 8^1$	$0^1, 1^2, 8^1, \infty^2$	$0^3, 1^4, 4^{11}, 8^2, \infty^8$
17		$0^2, \frac{2}{3}^3, 2^2, 8^1$	$\frac{2}{3}^3, 2^1, 8^1, \infty^3$	$0^2, \frac{2}{3}^6, 2^3, \frac{14}{3}^{12}, 8^2, \infty^{11}$
19		$0^5, \frac{4}{3}^3, 8^2$	$0^1, \frac{4}{3}^3, 8^1, \infty^5$	$0^6, \frac{4}{3}^6, \frac{16}{3}^{15}, 8^3, \infty^{15}$
21		$0^3, 1^2, 2^3, \frac{10}{3}^3, 8^1$	$0^1, 1^2, 2^1, 8^1, \infty^7$	$0^4, 1^4, 2^4, \frac{10}{3}^3, 6^{19}, 8^2, \infty^{19}$
23	$0^1$	$0^3, \frac{2}{3}^3, 1^4, 2^1, 8^2, 12^1, \infty^1$	$0^1, \frac{2}{3}^3, 2^1, 8^2, \infty^8$	$0^3, \frac{2}{3}^6, 1^4, 2^2, \frac{20}{3}^{24}, 8^4, 12^1, \infty^{22}$
25	$0^1$	$0^7, \frac{4}{3}^3, 2^3, 3^2, 8^2, \infty^1$	$0^2, \frac{4}{3}^3, 3^2, 8^2, \infty^9$	$0^8, \frac{4}{3}^6, 2^3, 3^4, \frac{22}{3}^{27}, 8^4, \infty^{26}$
27	$2^1$	$0^4, 1^4, 2^9, 4^1, 8^2, \infty^1$	$0^1, 2^6, 4^1, 8^2, \infty^{11}$	$0^5, 1^4, 2^{14}, 4^2, 8^{35}, \infty^{31}$
29	$0^1$	$0^4, \frac{2}{3}^3, 1^6, 2^2, \frac{8}{3}^3, 4^2, 5^2, 8^1, \infty^1$	$0^1, 1^2, \frac{8}{3}^3, 4^2, 5^2, 8^1, \infty^{13}$	$0^4, \frac{2}{3}^3, 1^8, 2^2, \frac{8}{3}^6, 4^4, 5^4, 8^2, \frac{26}{3}^{36}, \infty^{36}$
31	$0^2$	$0^9, \frac{4}{3}^3, 2^5, \frac{10}{3}^3, \frac{9}{2}^4, 6^1, 8^1, \infty^2$	$0^3, 2^1, \frac{10}{3}^3, \frac{9}{2}^4, 6^1, 8^1, \infty^{15}$	$0^{10}, \frac{4}{3}^3, 2^6, \frac{10}{3}^6, \frac{9}{2}^8, 6^2, 8^2, \frac{28}{3}^{42}, \infty^{41}$
33	$0^1, 4^1$	$0^5, 1^{10}, 2^1, 4^8, 5^2, 8^1, 10^1, 22^1, 26^1, \infty^2$	$0^2, 1^2, 4^7, 5^2, 8^1, 10^1, 26^1, \infty^{16}$	$0^6, 1^{12}, 2^1, 4^{14}, 5^4, 8^2, 10^{48}, 22^1, 26^2, \infty^{46}$
35	$0^1, 2^1$	$0^5, \frac{2}{3}^9, 2^7, 4^2, \frac{14}{3}^3, \frac{11}{2}^4, 11^2, 20^1, 26^1, \infty^2$	$0^1, \frac{2}{3}^3, 2^2, 4^2, \frac{14}{3}^3, \frac{11}{2}^4, 11^2, 26^1, \infty^{18}$	$0^5, \frac{2}{3}^{12}, 2^8, 4^4, \frac{14}{3}^6, \frac{11}{2}^8, \frac{32}{3}^{51}, 11^4, 20^1, 26^2, \infty^{52}$
37	$0^2$	$0^{11}, \frac{4}{3}^9, 2^1, 5^2, \frac{16}{3}^3, 6^2, 8^3, 9^2, 12^1, 14^1, 22^1, 26^2, \infty^2$	$0^3, \frac{4}{3}^3, 5^2, \frac{16}{3}^3, 6^2, 8^1, 9^2, 12^1, 14^1, 26^1, \infty^{21}$	$0^{12}, \frac{4}{3}^{12}, 2^1, 5^4, \frac{16}{3}^6, 6^4, 8^4, 9^4, \frac{34}{3}^{57}, 12^2, 14^2, 22^1, 26^3, \infty^{59}$

39	$0^1, 2^1, 8^1$	$0^6, 1^6, 2^7, 4^3, 6^1, \frac{13^4}{2}, 7^2, 8^5, \frac{28^3}{3}, 10^2, 14^1, 16^1, 26^1, \infty^3$	$0^2, 1^2, 2^2, 4^2, 6^1, \frac{13^4}{2}, 7^2, 8^2, 10^2, 14^1, 26^1, \infty^{24}$	$0^7, 1^8, 2^8, 4^5, 6^2, \frac{13^8}{2}, 7^4, 8^6, \frac{28^3}{3}, 10^4, \frac{12^{64}}{3}, 14^2, 16^1, 26^2, \infty^{66}$
41	$0^1, 1^2$	$0^6, \frac{2^6}{3}, 1^8, 2^3, 4^2, 5^2, 6^1, 7^2, \frac{23^6}{3}, 8^3, 11^2, 14^1, 18^2, 26^2, 30^1, \infty^3$	$0^1, \frac{2^3}{3}, 1^2, 2^1, 4^2, 5^2, 7^2, \frac{23^6}{3}, 8^1, 11^2, 18^1, 26^2, \infty^{25}$	$0^6, \frac{2^9}{3}, 1^8, 2^4, 4^4, 5^4, 6^1, 7^4, \frac{23^{12}}{3}, 8^4, 11^4, \frac{38^{69}}{3}, 14^1, 18^3, 26^4, 30^1, \infty^{72}$
43	$0^2, 2^1$	$0^{13}, \frac{4^6}{3}, 2^6, 3^6, \frac{9^4}{2}, 8^1, \frac{25^6}{3}, 9^4, 14^2, 18^1, 26^2, 32^1, \infty^3$	$0^3, \frac{4^3}{3}, 2^1, 3^2, \frac{9^4}{2}, 8^1, \frac{25^6}{3}, 9^4, 18^1, 26^2, \infty^{28}$	$0^{14}, \frac{4^9}{3}, 2^6, 3^8, \frac{9^8}{2}, 8^2, \frac{25^{12}}{3}, 9^8, \frac{40^{75}}{3}, 14^2, 18^2, 26^4, 32^1, \infty^{80}$
45	$0^1, 2^2$	$0^7, 1^8, 2^{17}, 4^5, 5^2, 9^2, \frac{19^8}{2}, 10^2, \frac{14^1}{3}, 20^1, 26^2, 32^2, \infty^3$	$0^2, 2^7, 4^3, 5^2, 9^2, \frac{19^8}{2}, 10^1, 20^1, 26^2, \infty^{32}$	$0^8, 1^8, 2^{22}, 4^8, 5^4, 9^4, \frac{19^{16}}{2}, 10^3, \frac{14^{83}}{3}, 20^2, 26^4, 32^2, \infty^{89}$
47	$0^2, 1^2$	$0^7, \frac{2^6}{3}, 1^{10}, 2^4, \frac{8^9}{3}, 5^8, 8^2, 10^4, \frac{32^3}{3}, 11^4, 12^1, 26^2, 32^1, 36^1, \infty^4$	$0^2, 1^4, \frac{8^6}{3}, 5^4, 8^1, 10^4, \frac{32^3}{3}, 11^4, 26^2, \infty^{36}$	$0^7, \frac{2^6}{3}, 1^{12}, 2^4, \frac{8^{15}}{3}, 5^{12}, 8^3, 10^8, \frac{32^6}{3}, 11^8, 12^1, \frac{44^{90}}{3}, 26^4, 32^1, 36^1, \infty^{98}$
49	$0^3, 2^2$	$0^{15}, \frac{4^6}{3}, 2^9, \frac{10^{12}}{3}, 6^5, 8^3, 11^2, \frac{34^3}{3}, \frac{23^4}{2}, 12^2, 14^1, 26^4, 34^1, \infty^5$	$0^4, 2^3, \frac{10^9}{3}, 6^3, 8^1, 11^2, \frac{34^3}{3}, \frac{23^4}{2}, 12^2, 26^3, \infty^{38}$	$0^{16}, \frac{4^6}{3}, 2^{10}, \frac{10^{21}}{3}, 6^8, 8^4, 11^4, \frac{34^6}{3}, \frac{23^8}{2}, 12^4, 14^1, \frac{46^{99}}{3}, 26^7, 34^1, \infty^{105}$
51	$0^1, 1^2, 4^1, 8^1$	$0^8, 1^{18}, 2^2, 4^{17}, 7^4, 8^7, 12^3, \frac{25^4}{2}, 13^2, \frac{16^2}{3}, 26^5, 28^1, \infty^5$	$0^2, 1^4, 4^{11}, 7^4, 8^3, 12^3, \frac{25^4}{2}, 13^2, 26^3, 28^1, \infty^{41}$	$0^9, 1^{20}, 2^2, 4^{27}, 7^8, 8^9, 12^6, \frac{25^8}{2}, 13^4, \frac{16^{108}}{3}, 26^8, 28^2, \infty^{114}$
53	$0^2, 2^2, 8^1$	$0^8, \frac{2^{15}}{3}, 2^{12}, 4^2, \frac{14^{12}}{3}, 6^1, 8^{12}, 13^4, 14^3, 18^2, 26^6, 29^2, \infty^5$	$0^2, \frac{2^3}{3}, 2^3, 4^2, \frac{14^9}{3}, 6^1, 8^7, 13^4, 14^3, 26^3, 29^2, \infty^{45}$	$0^8, \frac{2^{18}}{3}, 2^{13}, 4^4, \frac{14^{21}}{3}, 6^2, 8^{18}, 13^8, 14^6, \frac{50^{114}}{3}, 18^2, 26^9, 29^4, \infty^{124}$
55	$0^4, 8^1, 10^1$	$0^{17}, \frac{4^{15}}{3}, 2^2, 5^6, \frac{16^{15}}{3}, 6^1, 8^7, 9^4, 10^2, 14^1, \frac{29^4}{2}, 20^3, 26^5, 30^1, 32^2, \infty^6$	$0^5, \frac{4^3}{3}, 5^2, \frac{16^{12}}{3}, 6^1, 8^3, 9^4, 10^1, 14^1, \frac{29^4}{2}, 20^1, 26^3, 30^1, 32^1, \infty^{49}$	$0^{18}, \frac{4^{18}}{3}, 2^2, 5^8, \frac{16^{27}}{3}, 6^2, 8^9, 9^8, 10^2, 14^2, \frac{29^8}{2}, \frac{52^{123}}{3}, 20^4, 26^8, 30^2, 32^3, \infty^{134}$
57	$0^2, 2^2, \frac{10^3}{3}$	$0^9, 1^{10}, 2^{11}, \frac{10^{12}}{3}, 4^4, 6^{17}, 8^5, 10^4, \frac{34^3}{3}, 15^2, 16^2, \frac{50^3}{3}, 22^1, 26^5, 28^1, 30^1, 32^1, \infty^7$	$0^3, 1^2, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^2, 6^{16}, 8^1, 10^3, 15^2, 16^2, \frac{50^3}{3}, 26^4, 28^1, 32^1, \infty^{52}$	$0^{10}, 1^{12}, 2^{12}, \frac{10^{12}}{3}, 4^6, 6^{33}, 8^6, 10^7, \frac{34^3}{3}, 15^4, 16^4, \frac{50^6}{3}, \frac{18^{133}}{3}, 22^1, 26^9, 28^2, 30^1, 32^2, \infty^{143}$
59	$0^2, 1^4, 8^1$	$0^9, \frac{2^9}{3}, 1^{12}, 2^5, 4^2, 5^6, 6^2, \frac{20^{18}}{3}, 7^4, 8^8, \frac{32^3}{3}, 11^2, 16^4, 18^1, 20^2, 24^2, 26^4, 28^1, \frac{86^3}{3}, 36^1, \infty^7$	$0^2, \frac{2^3}{3}, 1^4, 2^1, 4^2, 5^2, \frac{20^{18}}{3}, 8^2, 11^2, 16^4, 18^1, 20^1, 26^4, \frac{86^3}{3}, 36^1, \infty^{55}$	$0^9, \frac{2^{12}}{3}, 1^{12}, 2^6, 4^4, 5^8, 6^2, \frac{20^{36}}{3}, 7^4, 8^9, \frac{32^3}{3}, 11^4, 16^8, 18^2, \frac{56^{141}}{3}, 20^3, 24^2, 26^8, 28^1, \frac{86^6}{3}, 36^2, \infty^{153}$



61	$0^4, 2^3$	$0^{19}, \frac{4^9}{3}, 2^9, 3^{10}, \frac{9^4}{2}, \frac{22^{18}}{3}, \frac{15^8}{2}, 8^3, 10^1, \frac{34^3}{3}, 12^3, 14^1, 17^2, 18^2, 20^2, 26^6, \frac{88^3}{3}, 32^1, 36^1, \infty^7$	$0^5, \frac{4^3}{3}, 2^3, 3^2, \frac{9^4}{2}, \frac{22^{18}}{3}, 8^1, 10^1, 12^3, 17^2, 18^2, 26^4, \frac{88^3}{3}, 32^1, 36^1, \infty^{59}$	$0^{20}, \frac{4^{12}}{3}, 2^9, 3^{12}, \frac{9^8}{2}, \frac{22^{36}}{3}, \frac{15^8}{2}, 8^4, 10^2, \frac{34^3}{3}, 12^6, 14^1, 17^4, 18^4, \frac{58^{150}}{3}, 20^2, 26^{10}, \frac{88^6}{3}, 32^2, 36^2, \infty^{164}$
63	$0^2, 1^4, 2^2$	$0^{10}, 1^{12}, 2^{25}, 4^7, 5^6, 8^{27}, 11^2, 12^4, 13^2, 14^2, 18^1, 20^2, 24^1, 26^4, 28^3, 30^1, 32^2, 38^1, \infty^8$	$0^3, 1^4, 2^7, 4^3, 5^2, 8^{21}, 11^2, 13^2, 18^1, 20^2, 26^4, 28^1, 30^1, 32^2, 38^1, \infty^{64}$	$0^{11}, 1^{12}, 2^{30}, 4^{10}, 5^8, 8^{48}, 11^4, 12^4, 13^4, 14^2, 18^2, 20^{164}, 24^1, 26^8, 28^4, 30^2, 32^4, 38^2, \infty^{176}$
65	$0^2, \frac{2^3}{3}, 1^2, 2^2$	$0^{10}, \frac{2^9}{3}, 1^{14}, 2^6, \frac{8^{12}}{3}, 4^4, 5^{12}, 7^4, 8^5, \frac{17^8}{2}, \frac{26^{12}}{3}, 11^2, 12^1, 14^3, 18^2, 19^2, 22^1, 26^5, \frac{86^3}{3}, 30^1, 32^1, 36^1, 42^1, \infty^9$	$0^2, \frac{2^3}{3}, 1^4, 2^2, \frac{8^6}{3}, 5^4, 8^1, \frac{17^8}{2}, \frac{26^{12}}{3}, 11^2, 12^1, 14^2, 18^1, 19^2, 26^5, \frac{86^3}{3}, 32^1, 36^1, \infty^{68}$	$0^{10}, \frac{2^9}{3}, 1^{16}, 2^6, \frac{8^{18}}{3}, 4^4, 5^{16}, 7^4, 8^6, \frac{17^{16}}{2}, \frac{26^{24}}{3}, 11^4, 12^2, 14^5, 18^3, 19^4, \frac{62^{171}}{3}, 22^1, 26^{10}, \frac{86^6}{3}, 30^1, 32^2, 36^2, 42^1, \infty^{187}$
67	$0^4, \frac{4^3}{3}, 2^2$	$0^{21}, \frac{4^9}{3}, 2^{13}, \frac{10^{15}}{3}, \frac{9^8}{2}, 6^7, 8^8, 9^6, \frac{28^{15}}{3}, \frac{23^4}{2}, 14^1, 18^3, 20^2, 24^1, 26^5, \frac{88^3}{3}, 30^2, 32^1, 36^2, 40^1, \infty^9$	$0^5, \frac{4^3}{3}, 2^3, \frac{10^9}{3}, 6^3, 8^1, 9^6, \frac{28^{15}}{3}, \frac{23^4}{2}, 14^1, 18^1, 20^2, 26^5, \frac{88^3}{3}, 30^2, 36^2, \infty^{71}$	$0^{22}, \frac{4^9}{3}, 2^{14}, \frac{10^{24}}{3}, \frac{9^8}{2}, 6^{10}, 8^9, 9^{12}, \frac{28^{30}}{3}, \frac{23^8}{2}, 14^2, 18^4, 20^4, \frac{64^{180}}{3}, 24^1, 26^{10}, \frac{88^6}{3}, 30^4, 32^1, 36^4, 40^1, \infty^{198}$
69	$0^2, 1^4, 2^1, 4^1, 8^1$	$0^{11}, 1^{26}, 2^3, 4^{26}, 5^4, 7^4, 8^{12}, \frac{19^4}{2}, 10^{18}, 12^2, 13^2, 14^3, 18^2, 19^2, 22^1, 26^5, 28^1, 30^2, \frac{61^4}{2}, 36^1, 38^1, 40^1, \infty^9$	$0^3, 1^6, 2^1, 4^{11}, 7^4, 8^3, \frac{19^4}{2}, 10^{16}, 12^2, 13^2, 18^1, 19^2, 26^5, 28^1, 30^1, \frac{61^4}{2}, 36^1, 40^1, \infty^{76}$	$0^{12}, 1^{28}, 2^3, 4^{36}, 5^4, 7^8, 8^{14}, \frac{19^8}{2}, 10^{34}, 12^4, 13^4, 14^3, 18^3, 19^4, 22^{191}, 26^{10}, 28^2, 30^3, \frac{61^8}{2}, 36^2, 38^1, 40^2, \infty^{211}$
71	$0^3, \frac{2^3}{3}, 2^3, 8^1$	$0^{11}, \frac{2^{21}}{3}, 2^{17}, 4^4, \frac{14^{18}}{3}, \frac{11^8}{2}, 8^{13}, 10^6, \frac{32^{12}}{3}, 11^8, \frac{25^4}{2}, 13^2, 18^1, 20^2, 24^2, 26^5, 29^2, 31^2, 32^3, 36^1, 38^1, \infty^{10}$	$0^3, \frac{2^6}{3}, 2^4, \frac{14^{12}}{3}, 8^7, 10^6, \frac{32^{12}}{3}, \frac{25^4}{2}, 13^2, 18^1, 20^1, 26^5, 29^2, 31^2, 32^3, 38^1, \infty^{82}$	$0^{11}, \frac{2^{24}}{3}, 2^{18}, 4^4, \frac{14^{30}}{3}, \frac{11^8}{2}, 8^{19}, 10^{12}, \frac{32^{24}}{3}, 11^8, \frac{25^8}{2}, 13^4, 18^2, 20^3, \frac{68^{201}}{3}, 24^2, 26^{10}, 29^4, 31^4, 32^6, 36^1, 38^2, \infty^{225}$

73	$0^5, \frac{4^3}{3}, 2^1, 8^2$	$0^{23}, \frac{4^{21}}{3}, 2^3, 5^{12}, \frac{16^{21}}{3}, 6^4, 8^{11}, 9^6, \frac{21^4}{2}, \frac{34^9}{3}, 12^8, 13^8, 14^1, 15^2, 20^1, 26^8, 30^1, 32^2, \frac{65^4}{2}, 38^1, \infty^{87}, \infty^{11}$	$0^6, \frac{4^6}{3}, 2^1, \frac{16^{15}}{3}, 8^3, 9^6, \frac{21^4}{2}, \frac{34^9}{3}, 13^8, 15^2, 20^1, 26^6, 30^1, 32^2, \frac{65^4}{2}, 38^1, \infty^{87}$	$0^{24}, \frac{4^{24}}{3}, 2^3, 5^{12}, \frac{16^{36}}{3}, 6^4, 8^{12}, 9^{12}, \frac{21^8}{2}, \frac{34^{18}}{3}, 12^8, 13^{16}, 14^1, 15^4, 20^2, \frac{70^{213}}{3}, 26^{14}, 30^2, 32^4, \frac{65^8}{2}, 38^2, 42^1, \infty^{238}$
75	$0^2, 1^2, 2^3, \frac{10^3}{3}, 4^1, 8^1$	$0^{12}, 1^{14}, 2^{15}, \frac{10^{18}}{3}, 4^7, 6^{21}, \frac{13^8}{2}, 7^4, 8^8, 10^5, 11^2, 12^8, \frac{27^4}{2}, 14^6, \frac{43^6}{3}, \frac{52^3}{3}, 26^6, 28^2, 32^1, 33^2, 34^2, \frac{104^3}{3}, 40^1, 48^1, \infty^{12}$	$0^3, 1^4, 2^4, \frac{10^3}{3}, 4^1, 6^{19}, 8^2, 10^5, 11^2, 12^7, \frac{27^4}{2}, 14^4, \frac{43^6}{3}, 26^6, 28^2, 32^1, 33^2, 34^2, \frac{104^3}{3}, \infty^{91}$	$0^{13}, 1^{16}, 2^{16}, \frac{10^{18}}{3}, 4^7, 6^{40}, \frac{13^8}{2}, 7^4, 8^9, 10^{10}, 11^4, 12^{15}, \frac{27^8}{2}, 14^{10}, \frac{43^{12}}{3}, \frac{52^3}{3}, 24^{226}, 26^{12}, 28^4, 32^2, 33^4, 34^4, \frac{104^6}{3}, 40^1, 48^1, \infty^{250}$
77	$0^3, 1^4, 2^1, 6^1, 8^2, 12^1$	$0^{12}, \frac{2^{12}}{3}, 1^{16}, 2^7, 4^4, 5^{12}, 6^3, \frac{20^{24}}{3}, 7^4, \frac{23^{12}}{3}, 8^{12}, 10^1, 11^6, 12^2, \frac{38^6}{3}, 14^2, \frac{57^8}{4}, 17^2, 24^2, 26^6, \frac{86^3}{3}, 29^2, 34^4, 38^1, 42^2, 45^2, 54^1, \infty^{12}$	$0^3, \frac{2^3}{3}, 1^4, 2^2, 6^1, \frac{20^{24}}{3}, 8^4, 11^6, 12^1, \frac{38^6}{3}, 14^2, \frac{57^8}{4}, 17^2, 26^6, \frac{86^3}{3}, 29^2, 34^4, 38^1, 45^2, \infty^{96}$	$0^{12}, \frac{2^{15}}{3}, 1^{16}, 2^8, 4^4, 5^{12}, 6^3, \frac{20^{48}}{3}, 7^4, \frac{23^{12}}{3}, 8^{14}, 10^1, 11^{12}, 12^2, \frac{38^{12}}{3}, 14^4, \frac{57^{16}}{4}, 17^4, 24^2, \frac{74^{237}}{3}, 26^{12}, \frac{86^6}{3}, 29^4, 34^8, 38^2, 42^2, 45^4, 54^1, \infty^{264}$
79	$0^6, 2^3, 3^2, 8^2$	$0^{25}, \frac{4^{12}}{3}, 2^{12}, 3^{14}, \frac{9^8}{2}, \frac{22^{27}}{3}, 8^{17}, \frac{25^{12}}{3}, 9^4, 12^7, \frac{40^3}{3}, \frac{29^4}{2}, 15^6, 18^1, 20^1, 26^8, \frac{88^3}{3}, 30^3, 32^1, 35^2, 36^1, 44^1, 44^4, 45^2, \infty^{13}$	$0^7, \frac{4^3}{3}, 2^3, 3^4, \frac{22^{27}}{3}, 8^4, 12^7, \frac{40^3}{3}, \frac{29^4}{2}, 15^6, 18^1, 26^6, \frac{88^3}{3}, 30^3, 32^1, 35^2, 36^1, 44^1, 45^2, \infty^{102}$	$0^{26}, \frac{4^{15}}{3}, 2^{12}, 3^{16}, \frac{9^8}{2}, \frac{22^{54}}{3}, 8^{19}, \frac{25^{12}}{3}, 9^4, 12^{14}, \frac{40^6}{3}, \frac{29^8}{2}, 15^{12}, 18^2, 20^1, \frac{76^{249}}{3}, 26^{14}, \frac{88^6}{3}, 30^6, 32^2, 35^4, 36^2, 44^5, 45^4, \infty^{279}$

Table 6: Slopes for  $q = 3$ ,  $i = 2$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
2		$0^1$	$0^1$	$0^2, \infty^1$
4		$0^2$	$0^1, \infty^1$	$0^3, \infty^3$
6		$0^3$	$0^1, \infty^2$	$0^4, 2^1, \infty^5$
8		$0^4$	$0^1, \infty^3$	$0^5, \frac{8}{3}^3, \infty^7$
10	$0^1$	$0^5, \infty^1$	$0^2, \infty^4$	$0^6, \frac{10}{3}^6, \infty^9$
12	$0^1$	$0^6, 2^1, \infty^1$	$0^2, 2^1, \infty^5$	$0^7, 2^2, 4^7, \infty^{12}$
14	$0^1$	$0^7, 3^2, \infty^1$	$0^2, 3^2, \infty^6$	$0^8, 3^4, \frac{14}{3}^9, \infty^{15}$
16	$0^1$	$0^8, 4^3, \infty^1$	$0^2, 4^3, \infty^7$	$0^9, 4^6, \frac{16}{3}^{12}, \infty^{18}$
18	$0^2$	$0^9, 2^2, 5^2, \infty^2$	$0^3, 2^1, 5^2, \infty^9$	$0^{10}, 2^3, 5^4, 6^{16}, \infty^{22}$
20	$0^2$	$0^{10}, \frac{8}{3}^3, 4^1, 6^1, 10^1, \infty^2$	$0^3, \frac{8}{3}^3, 6^1, 10^1, \infty^{10}$	$0^{11}, \frac{8}{3}^6, 4^1, 6^2, \frac{20}{3}^{18}, 10^2, \infty^{26}$
22	$0^2$	$0^{11}, \frac{10}{3}^3, 4^2, 6^1, 10^1, 12^1, \infty^2$	$0^3, \frac{10}{3}^3, 4^2, 10^1, 12^1, \infty^{11}$	$0^{12}, \frac{10}{3}^6, 4^4, 6^1, \frac{22}{3}^{21}, 10^2, 12^2, \infty^{30}$
24	$0^2$	$0^{12}, 2^3, 4^1, \frac{9}{2}^4, 11^2, \infty^2$	$0^3, 2^1, 4^1, \frac{9}{2}^4, 11^2, \infty^{13}$	$0^{13}, 2^4, 4^2, \frac{9}{2}^8, 8^{25}, 11^4, \infty^{35}$
26	$0^3$	$0^{13}, \frac{8}{3}^3, 3^4, 5^2, 6^1, 10^1, 12^1, \infty^3$	$0^4, \frac{8}{3}^3, 5^2, 6^1, 10^1, 12^1, \infty^{16}$	$0^{14}, \frac{8}{3}^6, 3^4, 5^4, 6^2, \frac{26}{3}^{30}, 10^2, 12^2, \infty^{41}$
28	$0^3$	$0^{14}, \frac{10}{3}^6, 4^2, 6^3, 10^2, 15^2, \infty^3$	$0^4, \frac{10}{3}^6, 6^1, 10^2, 15^2, \infty^{17}$	$0^{15}, \frac{10}{3}^{12}, 4^2, 6^4, \frac{28}{3}^{33}, 10^4, 15^4, \infty^{46}$
30	$0^3$	$0^{15}, 2^4, 4^7, 6^2, 10^1, 12^1, \frac{40}{3}^3, \infty^3$	$0^4, 2^1, 4^7, 10^1, 12^1, \frac{40}{3}^3, \infty^{19}$	$0^{16}, 2^5, 4^{14}, 6^2, 10^{39}, 12^2, \frac{40}{3}^6, \infty^{52}$
32	$0^3$	$0^{16}, \frac{8}{3}^3, 3^6, \frac{14}{3}^6, 6^2, 11^2, 15^2, \infty^3$	$0^4, 3^2, \frac{14}{3}^6, 6^2, 11^2, 15^2, \infty^{22}$	$0^{17}, \frac{8}{3}^3, 3^8, \frac{14}{3}^{12}, 6^4, \frac{32}{3}^{42}, 11^4, 15^4, \infty^{59}$
34	$0^4$	$0^{17}, \frac{10}{3}^3, 4^9, \frac{16}{3}^3, 6^1, \frac{13}{2}^4, 7^2, 12^1, 18^1, \infty^4$	$0^5, 4^3, \frac{16}{3}^3, \frac{13}{2}^4, 7^2, 12^1, 18^1, \infty^{26}$	$0^{18}, \frac{10}{3}^3, 4^{12}, \frac{16}{3}^6, 6^1, \frac{13}{2}^8, 7^4, \frac{34}{3}^{48}, 12^2, 18^2, \infty^{67}$
36	$0^4, 2^1$	$0^{18}, 2^5, 4^1, 5^6, 6^3, 7^2, \frac{29}{4}^8, 18^2, \infty^5$	$0^5, 2^2, 5^2, 6^1, 7^2, \frac{29}{4}^8, 18^2, \infty^{28}$	$0^{19}, 2^6, 4^1, 5^8, 6^4, 7^4, \frac{29}{4}^{16}, 12^{55}, 18^4, \infty^{73}$
38	$0^4, 4^1$	$0^{19}, \frac{8}{3}^9, 4^2, 6^6, \frac{23}{3}^6, 8^4, 18^2, 22^1, 28^1, \infty^5$	$0^5, \frac{8}{3}^3, 4^1, 6^3, \frac{23}{3}^6, 8^4, 18^2, 28^1, \infty^{30}$	$0^{20}, \frac{8}{3}^{12}, 4^2, 6^9, \frac{23}{3}^{12}, 8^8, \frac{38}{3}^{60}, 18^4, 22^1, 28^2, \infty^{80}$

40	$0^4, 6^1$	$0^{20}, \frac{10^9}{3}, 4^6, 6^2, 7^4, \frac{25^6}{3}, 10^3, 18^1, 24^2, 28^1, 30^1, \infty^5$	$0^5, \frac{10^3}{3}, 4^2, 6^1, 7^4, \frac{25^6}{3}, 10^3, 18^1, 28^1, 30^1, \infty^{33}$	$0^{21}, \frac{10^{12}}{3}, 4^8, 6^2, 7^8, \frac{25^{12}}{3}, 10^6, \frac{40^{66}}{3}, 18^2, 24^2, 28^2, 30^2, \infty^{88}$
42	$0^5, 2^1$	$0^{21}, 2^6, 4^3, \frac{9^{12}}{2}, 8^5, 9^2, 10^1, \frac{21^4}{2}, 11^2, 26^2, 29^2, \infty^6$	$0^6, 2^2, 4^1, \frac{9^4}{2}, 8^5, 9^2, 10^1, \frac{21^4}{2}, 11^2, 29^2, \infty^{37}$	$0^{22}, 2^7, 4^4, \frac{9^{16}}{2}, 8^{10}, 9^4, 10^2, \frac{21^8}{2}, 11^4, \frac{14^{73}}{3}, 26^2, 29^4, \infty^{97}$
44	$0^5, 3^2$	$0^{22}, \frac{8^6}{3}, 3^8, 5^6, 6^5, 9^4, \frac{32^3}{3}, 11^6, 12^1, 16^1, 28^2, 30^1, \infty^7$	$0^6, \frac{8^3}{3}, 3^2, 5^2, 6^3, 9^4, \frac{32^3}{3}, 11^6, 12^1, 28^1, 30^1, \infty^{40}$	$0^{23}, \frac{8^9}{3}, 3^8, 5^8, 6^8, 9^8, \frac{32^6}{3}, 11^{12}, 12^2, \frac{44^{81}}{3}, 16^1, 28^3, 30^2, \infty^{105}$
46	$0^5, 4^1, 6^1$	$0^{23}, \frac{10^{12}}{3}, 4^4, 6^7, \frac{13^4}{2}, 10^5, \frac{34^3}{3}, \frac{23^4}{2}, 12^1, 16^2, 24^2, 28^2, 33^2, \infty^7$	$0^6, \frac{10^6}{3}, 4^1, 6^2, \frac{13^4}{2}, 10^5, \frac{34^3}{3}, \frac{23^4}{2}, 12^1, 28^2, 33^2, \infty^{42}$	$0^{24}, \frac{10^{18}}{3}, 4^4, 6^8, \frac{13^8}{2}, 10^{10}, \frac{34^6}{3}, \frac{23^8}{2}, 12^2, \frac{46^{87}}{3}, 16^2, 24^2, 28^4, 33^4, \infty^{113}$
48	$0^5, 2^1, 6^1$	$0^{24}, 2^7, 4^{14}, 6^4, 7^2, 8^2, \frac{26^3}{3}, 11^6, 12^3, 14^2, \frac{16^1}{3}, 20^1, \frac{68^3}{3}, 28^1, 30^1, \frac{94^3}{3}, \infty^7$	$0^6, 2^2, 4^7, 6^1, 7^2, 8^2, \frac{26^3}{3}, 11^6, 12^3, 14^2, 28^1, 30^1, \frac{94^3}{3}, \infty^{45}$	$0^{25}, 2^8, 4^{21}, 6^4, 7^4, 8^4, \frac{26^6}{3}, 11^{12}, 12^6, 14^4, \frac{16^{95}}{3}, 20^1, \frac{68^3}{3}, 28^2, 30^2, \frac{94^6}{3}, \infty^{122}$
50	$0^6, 3^2$	$0^{25}, \frac{8^6}{3}, 3^{10}, \frac{14^{15}}{3}, 8^4, 10^1, 12^8, 14^2, 15^2, 18^2, 28^3, 29^2, 33^2, 34^1, \infty^8$	$0^7, 3^4, \frac{14^9}{3}, 8^4, 12^8, 14^2, 15^2, 28^1, 29^2, 33^2, \infty^{50}$	$0^{26}, \frac{8^6}{3}, 3^{12}, \frac{14^{24}}{3}, 8^8, 10^1, 12^{16}, 14^4, 15^4, \frac{50^{102}}{3}, 18^2, 28^4, 29^4, 33^4, 34^1, \infty^{133}$
52	$0^6, 4^3$	$0^{26}, \frac{10^6}{3}, 4^{15}, \frac{16^{15}}{3}, 6^2, 9^2, 10^3, 12^1, 13^6, \frac{29^4}{2}, 18^1, 20^1, 24^1, 28^2, 30^2, 36^2, \infty^9$	$0^7, 4^6, \frac{16^{12}}{3}, 9^2, 10^1, 13^6, \frac{29^4}{2}, 18^1, 28^2, 30^2, 36^1, \infty^{54}$	$0^{27}, \frac{10^6}{3}, 4^{18}, \frac{16^{27}}{3}, 6^2, 9^4, 10^4, 12^1, 13^{12}, \frac{29^8}{2}, \frac{52^{111}}{3}, 18^2, 20^1, 24^1, 28^4, 30^4, 36^3, \infty^{143}$
54	$0^6, 2^1, 5^2$	$0^{27}, 2^8, 4^2, 5^{10}, 6^{21}, 10^2, 11^4, 12^1, 14^7, 15^2, \frac{18^2}{3}, 24^2, 28^1, 29^4, 36^2, 38^1, \infty^9$	$0^7, 2^2, 5^4, 6^{16}, 10^1, 12^1, 14^7, 15^2, \frac{18^2}{3}, 28^1, 29^4, 36^2, \infty^{56}$	$0^{28}, 2^9, 4^2, 5^{12}, 6^{37}, 10^3, 11^4, 12^2, 14^{14}, 15^4, \frac{18^{122}}{3}, 24^2, 28^2, 29^8, 36^4, 38^1, \infty^{152}$
56	$0^6, 4^1, 6^1, 10^1$	$0^{28}, \frac{8^{15}}{3}, 4^3, 6^9, \frac{20^{15}}{3}, 8^1, 10^5, \frac{32^3}{3}, 11^2, 12^2, 15^6, 18^3, 24^1, 28^3, \frac{86^3}{3}, 30^2, 36^2, \infty^9$	$0^7, \frac{8^3}{3}, 4^1, 6^4, \frac{20^{15}}{3}, 8^1, 10^2, 11^2, 15^6, 18^3, 28^1, \frac{86^3}{3}, 30^2, 36^2, \infty^{60}$	$0^{29}, \frac{8^{18}}{3}, 4^3, 6^{12}, \frac{20^{30}}{3}, 8^2, 10^6, \frac{32^3}{3}, 11^4, 12^2, 15^{12}, 18^6, \frac{56^{126}}{3}, 24^1, 28^4, \frac{86^6}{3}, 30^4, 36^4, \infty^{163}$
58	$0^7, 6^1, 10^1, 12^1$	$0^{29}, \frac{10^{15}}{3}, 4^{10}, 6^3, 7^4, \frac{22^{12}}{3}, 8^2, 10^7, \frac{34^3}{3}, 12^6, 16^5, 18^3, 26^1, 28^4, \frac{88^3}{3}, 30^1, 36^2, \infty^{10}$	$0^8, \frac{10^3}{3}, 4^2, 6^1, 7^4, \frac{22^{12}}{3}, 8^2, 10^4, 12^3, 16^5, 18^2, 28^2, \frac{88^3}{3}, 30^1, 36^2, \infty^{66}$	$0^{30}, \frac{10^{18}}{3}, 4^{12}, 6^3, 7^8, \frac{22^{24}}{3}, 8^4, 10^{10}, \frac{34^3}{3}, 12^8, 16^{10}, 18^5, \frac{58^{135}}{3}, 26^1, 28^6, \frac{88^6}{3}, 30^2, 36^4, \infty^{176}$

60	$0^7, 2^2, 11^2$	$0^{30}, 2^9, 4^5, \frac{9^{20}}{2}, 8^{20}, \frac{21^4}{2}, 11^{10}, 12^1, 17^4, 18^4, 28^2, 29^4, 30^1, 32^1, 36^2, \infty^{11}$	$0^8, 2^3, 4^1, \frac{9^4}{2}, 8^{19}, \frac{21^4}{2}, 11^4, 17^4, 18^2, 28^1, 29^4, 30^1, 36^2, \infty^{71}$	$0^{31}, 2^{10}, 4^6, \frac{9^{24}}{2}, 8^{39}, \frac{21^8}{2}, 11^{12}, 12^1, 17^8, 18^6, 20^{145}, 28^3, 29^8, 30^2, 32^1, 36^4, \infty^{188}$
62	$0^7, 3^4, 12^1$	$0^{31}, \frac{8^9}{3}, 3^{12}, 5^{10}, 6^7, \frac{26^{18}}{3}, 9^4, 10^1, 11^6, 12^5, 18^9, 22^1, 28^2, \frac{86^3}{3}, 30^3, 36^3, \infty^{12}$	$0^8, \frac{8^3}{3}, 3^4, 5^2, 6^3, \frac{26^{18}}{3}, 11^6, 12^2, 18^6, 28^2, \frac{86^3}{3}, 30^2, 36^3, \infty^{74}$	$0^{32}, \frac{8^{12}}{3}, 3^{12}, 5^{12}, 6^{10}, \frac{26^{36}}{3}, 9^4, 10^1, 11^{12}, 12^6, 18^{15}, \frac{62^{156}}{3}, 22^1, 28^4, \frac{86^6}{3}, 30^5, 36^6, \infty^{198}$
64	$0^7, 4^2, 6^2, 18^1$	$0^{32}, \frac{10^{18}}{3}, 4^6, 6^{11}, \frac{13^4}{2}, \frac{17^4}{2}, \frac{28^{15}}{3}, \frac{19^8}{2}, \frac{23^4}{2}, 12^1, 14^1, 18^8, 19^4, 22^2, 24^2, 28^3, \frac{88^3}{3}, 30^1, 36^3, 42^2, \infty^{12}$	$0^8, \frac{10^6}{3}, 4^2, 6^3, \frac{13^4}{2}, \frac{17^4}{2}, \frac{28^{15}}{3}, \frac{23^4}{2}, 14^1, 18^3, 19^4, 28^3, \frac{88^3}{3}, 30^1, 36^3, 42^2, \infty^{78}$	$0^{33}, \frac{10^{24}}{3}, 4^6, 6^{12}, \frac{13^8}{2}, \frac{17^8}{2}, \frac{28^{30}}{3}, \frac{19^8}{2}, \frac{23^8}{2}, 12^1, 14^2, 18^{10}, 19^8, \frac{64^{165}}{3}, 22^2, 24^2, 28^6, \frac{88^6}{3}, 30^2, 36^6, 42^4, \infty^{210}$
66	$0^8, 2^2, 6^2, 18^1$	$0^{33}, 2^{10}, 4^{21}, 6^6, 7^2, 8^2, \frac{26^6}{3}, 10^{15}, 12^8, 14^4, \frac{46^3}{3}, 18^9, \frac{58^3}{3}, 20^3, \frac{76^3}{3}, 28^1, 29^2, 30^2, 32^3, 36^1, \frac{112^3}{3}, \infty^{13}$	$0^9, 2^3, 4^7, 6^2, 7^2, 8^2, \frac{26^6}{3}, 10^{13}, 12^6, 18^1, 20^3, \frac{76^3}{3}, 28^1, 29^2, 30^2, 32^3, 36^1, \frac{112^3}{3}, \infty^{84}$	$0^{34}, 2^{11}, 4^{28}, 6^6, 7^4, 8^4, \frac{26^{12}}{3}, 10^{28}, 12^{14}, 14^4, \frac{46^3}{3}, 18^9, \frac{58^3}{3}, 20^6, 22^{175}, \frac{76^6}{3}, 28^2, 29^4, 30^4, 32^6, 36^2, \frac{112^6}{3}, \infty^{224}$
68	$0^8, \frac{8^3}{3}, 3^2, 18^1$	$0^{34}, \frac{8^9}{3}, 3^{14}, \frac{14^{21}}{3}, 6^4, 8^4, 10^2, \frac{21^8}{2}, \frac{32^9}{3}, 11^8, \frac{25^8}{2}, 14^2, 16^1, 18^5, 21^2, 24^2, 28^4, 29^2, 30^1, 32^2, 33^2, 34^1, 36^1, 42^2, \infty^{14}$	$0^9, \frac{8^3}{3}, 3^4, \frac{14^9}{3}, 8^4, \frac{21^8}{2}, \frac{32^9}{3}, \frac{25^8}{2}, 14^2, 18^2, 21^2, 28^2, 29^2, 30^1, 32^2, 33^2, 34^1, 36^1, 42^2, \infty^{89}$	$0^{35}, \frac{8^9}{3}, 3^{16}, \frac{14^{30}}{3}, 6^4, 8^8, 10^2, \frac{21^{16}}{2}, \frac{32^{18}}{3}, 11^8, \frac{25^{16}}{2}, 14^4, 16^1, 18^6, 21^4, \frac{68^{186}}{3}, 24^2, 28^6, 29^4, 30^2, 32^4, 33^4, 34^2, 36^2, 42^4, \infty^{237}$
70	$0^8, \frac{10^3}{3}, 4^3, 6^1$	$0^{35}, \frac{10^9}{3}, 4^{21}, \frac{16^{18}}{3}, 6^3, \frac{13^8}{2}, 7^4, 9^2, 10^5, 11^4, \frac{34^9}{3}, 12^4, 13^{10}, 16^1, 18^1, 22^3, 24^2, 26^1, 28^4, 30^2, 31^2, \frac{65^4}{2}, 36^1, 42^1, 45^2, \infty^{15}$	$0^9, \frac{10^3}{3}, 4^6, \frac{16^{12}}{3}, 6^1, 9^2, 10^3, 11^4, \frac{34^9}{3}, 13^{10}, 16^1, 22^3, 28^4, 30^2, 31^2, \frac{65^4}{2}, 36^1, 45^2, \infty^{93}$	$0^{36}, \frac{10^9}{3}, 4^{24}, \frac{16^{30}}{3}, 6^3, \frac{13^8}{2}, 7^4, 9^4, 10^8, 11^8, \frac{34^{18}}{3}, 12^4, 13^{20}, 16^2, 18^1, 22^6, \frac{70^{198}}{3}, 24^2, 26^1, 28^8, 30^4, 31^4, \frac{65^8}{2}, 36^2, 42^1, 45^4, \infty^{249}$

72	$0^8, 2^2, 4^1, 5^2, 6^2$	$0^{36}, 2^{11}, 4^3, 5^{14}, 6^{24}, 7^4, \frac{29^{16}}{4}, 10^1, \frac{21^4}{2}, 12^{14}, \frac{27^8}{2}, 14^2, 16^1, 20^1, 23^2, 24^4, 28^2, 29^4, 30^2, 32^3, 33^2, 38^1, 40^1, 45^4, 48^1, \infty^{15}$	$0^9, 2^3, 4^1, 5^4, 6^{18}, 10^1, \frac{21^4}{2}, 12^{12}, \frac{27^8}{2}, 14^2, 16^1, 23^2, 28^2, 29^4, 30^2, 32^3, 33^2, 38^1, 45^4, \infty^{97}$	$0^{37}, 2^{12}, 4^3, 5^{16}, 6^{40}, 7^4, \frac{29^{16}}{4}, 10^2, \frac{21^8}{2}, 12^{26}, \frac{27^{16}}{2}, 14^4, 16^2, 20^1, 23^4, 24^{212}, 28^4, 29^8, 30^4, 32^6, 33^4, 38^2, 40^1, 45^8, 48^1, \infty^{262}$
74	$0^9, \frac{8^3}{3}, 4^1, 6^2, 10^1$	$0^{37}, \frac{8^{21}}{3}, 4^4, 6^{14}, \frac{20^{18}}{3}, \frac{23^{12}}{3}, 8^8, 10^6, 11^4, 12^4, \frac{38^9}{3}, 14^6, 15^2, 18^1, 20^1, 22^1, 24^3, 28^4, \frac{86^3}{3}, 29^2, 30^2, 33^4, 36^1, 40^1, 42^2, 45^4, \infty^{16}$	$0^{10}, \frac{8^6}{3}, 4^1, 6^3, \frac{20^{18}}{3}, 10^2, 11^4, 12^4, \frac{38^9}{3}, 14^6, 15^2, 18^1, 20^1, 24^1, 28^2, \frac{86^3}{3}, 29^2, 30^2, 33^4, 36^1, 40^1, 45^4, \infty^{103}$	$0^{38}, \frac{8^{24}}{3}, 4^4, 6^{15}, \frac{20^{36}}{3}, \frac{23^{12}}{3}, 8^8, 10^7, 11^8, 12^8, \frac{38^{18}}{3}, 14^{12}, 15^4, 18^2, 20^2, 22^1, 24^4, \frac{74^{219}}{3}, 28^6, \frac{86^6}{3}, 29^4, 30^4, 33^8, 36^2, 40^2, 42^2, 45^8, \infty^{277}$
76	$0^9, \frac{10^3}{3}, 4^2, 6^1, 10^1, 12^1$	$0^{38}, \frac{10^{21}}{3}, 4^{14}, 6^4, 7^8, \frac{22^{21}}{3}, \frac{25^{12}}{3}, 10^9, 12^8, \frac{25^4}{2}, \frac{40^6}{3}, \frac{29^8}{2}, 16^2, 18^3, 20^1, 22^1, 24^1, 26^2, 28^4, \frac{88^3}{3}, 30^3, 34^3, 36^1, 42^1, 44^1, 45^4, \infty^{17}$	$0^{10}, \frac{10^6}{3}, 4^4, 6^1, \frac{22^{21}}{3}, 10^2, 12^5, \frac{25^4}{2}, \frac{40^6}{3}, \frac{29^8}{2}, 16^2, 18^1, 20^1, 22^1, 28^4, \frac{88^3}{3}, 30^3, 34^3, 36^1, 42^1, 45^4, \infty^{109}$	$0^{39}, \frac{10^{24}}{3}, 4^{16}, 6^4, 7^8, \frac{22^{42}}{3}, \frac{25^{12}}{3}, 10^{10}, 12^{12}, \frac{25^8}{2}, \frac{40^{12}}{3}, \frac{29^{16}}{2}, 16^4, 18^4, 20^2, 22^2, 24^1, \frac{76^{231}}{3}, 26^2, 28^8, \frac{88^6}{3}, 30^6, 34^6, 36^2, 42^2, 44^1, 45^8, \infty^{292}$
78	$0^9, 2^2, 4^1, \frac{9^4}{2}, 11^2$	$0^{39}, 2^{12}, 4^7, \frac{9^{28}}{2}, 8^{35}, 9^4, 10^3, 11^{14}, 13^2, 14^9, \frac{44^3}{3}, 15^2, \frac{31^4}{2}, 16^1, 18^5, 23^2, 28^2, 29^8, 30^1, 35^4, 36^2, 45^4, 50^1, \infty^{18}$	$0^{10}, 2^3, 4^2, \frac{9^8}{2}, 8^{25}, 11^4, 13^2, 14^8, \frac{44^3}{3}, 15^2, \frac{31^4}{2}, 16^1, 18^1, 23^2, 28^2, 29^8, 30^1, 35^4, 36^2, 45^4, \infty^{114}$	$0^{40}, 2^{13}, 4^8, \frac{9^{32}}{2}, 8^{60}, 9^4, 10^3, 11^{16}, 13^4, 14^{17}, \frac{44^6}{3}, 15^4, \frac{31^8}{2}, 16^2, 18^6, 23^4, 26^{244}, 28^4, 29^{16}, 30^2, 35^8, 36^4, 45^8, 50^1, \infty^{306}$
80	$0^9, 3^4, 5^2, 6^1, 10^1, 12^1$	$0^{40}, \frac{8^{12}}{3}, 3^{16}, 5^{14}, 6^{11}, \frac{26^{30}}{3}, 9^8, 10^5, \frac{32^6}{3}, 12^8, 14^4, \frac{44^3}{3}, \frac{31^4}{2}, \frac{65^8}{4}, 18^7, 24^1, 28^2, \frac{86^6}{3}, 30^4, 36^6, 45^6, 48^1, \infty^{18}$	$0^{10}, \frac{8^3}{3}, 3^4, 5^4, 6^2, \frac{26^{30}}{3}, 10^2, 12^2, 14^4, \frac{44^3}{3}, \frac{31^4}{2}, \frac{65^8}{4}, 18^1, 24^1, 28^2, \frac{86^6}{3}, 30^4, 36^6, 45^6, \infty^{118}$	$0^{41}, \frac{8^{15}}{3}, 3^{16}, 5^{16}, 6^{12}, \frac{26^{60}}{3}, 9^8, 10^6, \frac{32^6}{3}, 12^9, 14^8, \frac{44^6}{3}, \frac{31^8}{2}, \frac{65^{16}}{4}, 18^8, 24^2, \frac{80^{255}}{3}, 28^4, \frac{86^{12}}{3}, 30^8, 36^{12}, 45^{12}, 48^1, \infty^{320}$



### 3 $q = 4$ .

#### 3.1 $i = 1$ .

Table 7: Slopes for  $q = 4$ ,  $i = 1$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
3				
6				$0^1$
9				$2^3$
12				$4^6$
15		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 6^7, \infty^2$
18		$\infty^2$	$0^1, \infty^1$	$0^1, 8^9, \infty^5$
21		$\infty^3$	$6^2, \infty^1$	$6^2, 10^{12}, \infty^7$
24		$9^1, \infty^3$	$6^2, 9^1, \infty^1$	$6^2, 9^2, 12^{16}, \infty^8$
27		$\frac{21}{2}^2, \infty^3$	$0^1, \frac{21}{2}^2, 12^1, \infty^1$	$0^1, \frac{21}{2}^4, 12^1, 14^{21}, \infty^9$
30		$12^1, 15^1, \infty^5$	$0^1, 3^2, 12^2, 15^1, \infty^1$	$0^1, 3^2, 12^3, 15^2, 16^{24}, \infty^{13}$
33		$\frac{33}{2}^2, \infty^7$	$2^3, 6^1, 12^1, \frac{33}{2}^2, \infty^2$	$2^3, 6^1, 12^1, \frac{33}{2}^4, 18^{28}, \infty^{18}$
36		$15^2, 18^1, \infty^8$	$4^3, 6^2, 12^1, 15^2, 18^1, \infty^2$	$4^3, 6^2, 12^1, 15^4, 18^2, 20^{33}, \infty^{21}$
39		$\frac{33}{2}^4, \infty^9$	$0^1, 6^1, \frac{15}{2}^4, \frac{33}{2}^4, \infty^3$	$0^1, 6^1, \frac{15}{2}^4, \frac{33}{2}^8, 22^{39}, \infty^{25}$
42		$18^2, \frac{39}{2}^4, \infty^9$	$0^1, 9^2, 12^1, 15^2, 18^2, \frac{39}{2}^4, \infty^3$	$0^1, 9^2, 12^1, 15^2, 18^4, \frac{39}{2}^8, 24^{46}, \infty^{27}$
45		$21^4, \frac{45}{2}^2, \infty^{12}$	$4^3, 12^1, 18^4, 21^4, \frac{45}{2}^2, 60^1, \infty^3$	$4^3, 12^1, 18^4, 21^8, \frac{45}{2}^4, 26^{51}, 60^1, \infty^{33}$
48		$21^3, 24^4, \infty^{14}$	$4^3, 18^4, 21^5, 24^4, 60^1, \infty^4$	$4^3, 18^4, 21^8, 24^8, 28^{57}, 60^1, \infty^{39}$
51		$\frac{45}{2}^6, 24^1, \frac{51}{2}^2, \infty^{15}$	$0^1, 8^3, 18^2, 21^4, \frac{45}{2}^6, 24^1, \frac{51}{2}^2, 60^1, \infty^4$	$0^1, 8^3, 18^2, 21^4, \frac{45}{2}^{12}, 24^2, \frac{51}{2}^4, 30^{64}, 60^1, \infty^{43}$
54		$24^3, \frac{99}{4}^4, \frac{51}{2}^4, \infty^{16}$	$0^1, 3^2, 8^3, 21^4, 24^3, \frac{99}{4}^4, \frac{51}{2}^4, 60^1, \infty^5$	$0^1, 3^2, 8^3, 21^4, 24^6, \frac{99}{4}^8, \frac{51}{2}^8, 32^{72}, 60^1, \infty^{48}$



57		$26^3, 27^{10}, 30^1, \infty^{16}$	$2^3, 6^3, 12^1, 24^2, 26^3, 27^{10}, 30^2, 60^1, \infty^5$	$2^3, 6^3, 12^1, 24^2, 26^6, 27^{20}, 30^3, 34^{81}, 60^1, \infty^{51}$
60	$9^1$	$9^1, 27^2, 28^3, \frac{57^4}{2}, 30^3, 33^1, \infty^{20}$	$4^6, 9^4, 12^1, 27^2, 28^3, \frac{57^4}{2}, 30^3, 33^3, 60^2, \infty^6$	$4^6, 9^4, 12^1, 27^4, 28^6, \frac{57^8}{2}, 30^6, 33^4, 36^{91}, 60^2, \infty^{58}$
63	$12^1$	$12^1, \frac{57^6}{2}, 30^1, \frac{63^6}{2}, 36^1, \infty^{23}$	$0^1, 6^7, 12^5, \frac{57^6}{2}, 30^2, \frac{63^6}{2}, 36^2, 60^2, \infty^7$	$0^1, 6^7, 12^5, \frac{57^{12}}{2}, 30^3, \frac{63^{12}}{2}, 36^3, 38^{99}, 60^2, \infty^{66}$
66	$15^1$	$15^1, 30^4, 31^6, 33^3, 39^3, \infty^{25}$	$0^1, 8^9, 12^1, 15^4, 30^4, 31^6, 33^5, 39^3, 60^2, \infty^7$	$0^1, 8^9, 12^1, 15^4, 30^8, 31^{12}, 33^8, 39^6, 40^{108}, 60^2, \infty^{72}$
69	$18^1$	$18^1, \frac{65^6}{2}, 33^8, 39^4, \infty^{27}$	$6^2, 10^9, 12^1, 18^3, 30^3, \frac{65^6}{2}, 33^8, 36^1, 39^4, 60^1, \infty^8$	$6^2, 10^9, 12^1, 18^3, 30^3, \frac{65^{12}}{2}, 33^{16}, 36^1, 39^8, 42^{118}, 60^1, \infty^{79}$
72	$9^1$	$9^1, 33^3, \frac{69^8}{2}, 35^6, 42^4, \infty^{28}$	$6^2, 9^2, 12^7, 20^3, 21^2, 24^1, 30^2, 33^3, \frac{69^8}{2}, 35^6, 36^1, 42^4, 60^1, \infty^8$	$6^2, 9^2, 12^7, 20^3, 21^2, 24^1, 30^2, 33^6, \frac{69^{16}}{2}, 35^{12}, 36^1, 42^8, 44^{129}, 60^1, \infty^{84}$
75	$\frac{21^2}{2}$	$\frac{21^2}{2}, \frac{69^6}{2}, 36^2, \frac{73^6}{2}, \frac{75^4}{2}, 42^3, \infty^{32}$	$0^1, \frac{21^4}{2}, 12^1, 14^6, 18^2, 24^5, 30^1, 33^4, \frac{69^6}{2}, 36^2, \frac{73^6}{2}, \frac{75^4}{2}, 42^3, 60^1, \infty^9$	$0^1, \frac{21^4}{2}, 12^1, 14^6, 18^2, 24^5, 30^1, 33^4, \frac{69^{12}}{2}, 36^4, \frac{73^{12}}{2}, \frac{75^8}{2}, 42^6, 46^{141}, 60^1, \infty^{92}$
78	$12^1, 15^1$	$12^1, 15^1, 36^3, \frac{147^8}{4}, 37^3, 39^6, 45^1, 63^1, \infty^{36}$	$0^1, 3^2, 12^3, 15^4, 16^6, 21^2, 24^3, 33^6, 36^3, \frac{147^8}{4}, 37^3, 39^6, 45^1, 60^1, 63^1, \infty^{10}$	$0^1, 3^2, 12^3, 15^4, 16^6, 21^2, 24^3, 33^6, 36^6, \frac{147^{16}}{4}, 37^6, 39^{12}, 45^2, 48^{151}, 60^1, 63^2, \infty^{102}$
81	$\frac{33^2}{2}$	$\frac{33^2}{2}, 38^6, \frac{77^6}{2}, 39^4, \frac{81^6}{2}, \frac{129^2}{2}, \infty^{39}$	$2^3, 6^1, 12^1, \frac{33^8}{2}, 18^4, 21^4, 28^3, 30^2, 36^3, 38^6, \frac{77^6}{2}, 39^4, \frac{81^6}{2}, 60^1, \frac{129^2}{2}, \infty^{11}$	$2^3, 6^1, 12^1, \frac{33^8}{2}, 18^4, 21^4, 28^3, 30^2, 36^3, 38^{12}, \frac{77^{12}}{2}, 39^8, \frac{81^{12}}{2}, 50^{162}, 60^1, \frac{129^4}{2}, \infty^{111}$
84	$18^1, 33^1$	$18^1, 33^1, 39^4, 40^9, \frac{81^4}{2}, 41^3, 42^4, 66^1, 69^1, \infty^{42}$	$4^3, 6^2, 12^1, 18^4, 20^3, 21^2, \frac{93^8}{4}, 30^2, 33^4, 36^2, 39^4, 40^9, \frac{81^4}{2}, 41^3, 42^4, 48^1, 66^1, 69^1, \infty^{12}$	$4^3, 6^2, 12^1, 18^4, 20^3, 21^2, \frac{93^8}{4}, 30^2, 33^4, 36^2, 39^8, 40^{18}, \frac{81^8}{2}, 41^6, 42^8, 48^1, 52^{174}, 66^2, 69^2, \infty^{120}$

87	$24^1, 36^1$	$24^1, 36^1, \frac{81}{2}^8, 42^2, \frac{339}{8}^8, \frac{85}{2}^6, 45^4, \frac{141}{2}^2, \infty^{43}$	$0^1, 6^1, \frac{15}{2}^4, 22^3, \frac{45}{2}^4, 24^4, \frac{51}{2}^4, 30^1, \frac{63}{2}^4, 36^6, \frac{81}{2}^8, 42^2, \frac{339}{8}^8, \frac{85}{2}^6, 45^4, 48^1, \frac{141}{2}^2, \infty^{12}$	$0^1, 6^1, \frac{15}{2}^4, 22^3, \frac{45}{2}^4, 24^4, \frac{51}{2}^4, 30^1, \frac{63}{2}^4, 36^6, \frac{81}{2}^{16}, 42^4, \frac{339}{8}^{16}, \frac{85}{2}^{12}, 45^8, 48^1, 54^{187}, \frac{141}{2}^4, \infty^{126}$
90	$24^1, 39^2$	$24^1, 39^2, 42^4, \frac{87}{2}^8, 44^3, \frac{177}{4}^4, 45^6, \frac{189}{4}^4, 63^1, 72^1, \infty^{47}$	$0^1, 9^6, 12^1, 24^5, 26^6, 33^{10}, 39^8, 42^4, \frac{87}{2}^8, 44^3, \frac{177}{4}^4, 45^6, \frac{189}{4}^4, 63^1, 72^1, \infty^{13}$	$0^1, 9^6, 12^1, 24^5, 26^6, 33^{10}, 39^8, 42^8, \frac{87}{2}^{16}, 44^6, \frac{177}{4}^8, 45^{12}, \frac{189}{4}^8, 56^{201}, 63^2, 72^2, \infty^{135}$
93	$30^1, 42^2$	$30^1, 42^2, \frac{89}{2}^6, 45^8, 46^3, \frac{93}{2}^6, 48^4, 51^2, 66^1, \frac{141}{2}^2, \infty^{52}$	$4^3, \frac{21}{2}^4, 12^1, 14^3, 28^6, 30^6, \frac{69}{2}^4, 36^3, 42^{10}, \frac{89}{2}^6, 45^8, 46^3, \frac{93}{2}^6, 48^4, 51^2, 66^1, \frac{141}{2}^2, 126^1, \infty^{14}$	$4^3, \frac{21}{2}^4, 12^1, 14^3, 28^6, 30^6, \frac{69}{2}^4, 36^3, 42^{10}, \frac{89}{2}^{12}, 45^{16}, 46^6, \frac{93}{2}^{12}, 48^8, 51^4, 58^{213}, 66^2, \frac{141}{2}^4, 126^1, \infty^{147}$
96	$30^1, 33^1, 45^1$	$30^1, 33^1, 45^6, 46^6, 48^7, 49^6, \frac{201}{4}^4, 54^2, 66^2, 72^2, \infty^{56}$	$4^3, 12^8, 16^3, 30^6, 32^3, 33^4, 36^7, 45^{13}, 46^6, 48^8, 49^6, \frac{201}{4}^4, 54^2, 66^2, 72^2, 132^1, \infty^{15}$	$4^3, 12^8, 16^3, 30^6, 32^3, 33^4, 36^7, 45^{18}, 46^{12}, 48^{15}, 49^{12}, \frac{201}{4}^8, 54^4, 60^{226}, 66^4, 72^4, 132^1, \infty^{158}$
99	$\frac{69}{2}^2, 48^1$	$\frac{69}{2}^2, \frac{93}{2}^{10}, 48^4, \frac{97}{2}^6, \frac{99}{2}^4, 50^6, 54^4, 69^2, \frac{153}{2}^2, \infty^{59}$	$0^1, 8^3, \frac{27}{2}^8, 14^3, 30^1, 34^3, \frac{69}{2}^8, 36^2, \frac{75}{2}^4, 42^4, \frac{93}{2}^{10}, 48^{10}, \frac{97}{2}^6, \frac{99}{2}^4, 50^6, 54^4, 60^1, 69^2, \frac{153}{2}^2, 126^1, \infty^{16}$	$0^1, 8^3, \frac{27}{2}^8, 14^3, 30^1, 34^3, \frac{69}{2}^8, 36^2, \frac{75}{2}^4, 42^4, \frac{93}{2}^{20}, 48^{13}, \frac{97}{2}^{12}, \frac{99}{2}^8, 50^{12}, 54^8, 60^1, 62^{240}, 69^4, \frac{153}{2}^4, 126^1, \infty^{168}$

Table 8: Slopes for  $q = 4$ ,  $i = 1$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
3		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \infty^2$
6		$3^1, \infty^1$	$0^1, 3^1$	$0^1, 3^2, \infty^3$
9		$\frac{9^2}{2}, \infty^1$	$0^1, \frac{9^2}{2}$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, \infty^4$
12		$6^3, \infty^1$	$0^1, 6^3$	$0^1, 6^6, 8^3, \infty^5$
15		$\frac{15^4}{2}, \infty^1$	$0^1, \frac{15^4}{2}$	$0^1, \frac{15^8}{2}, 10^6, \infty^6$
18	$3^1$	$3^1, 9^3, \infty^3$	$0^1, 3^2, 9^3, \infty^1$	$0^1, 3^2, 9^6, 12^{10}, \infty^9$
21	$6^1$	$6^1, \frac{21^4}{2}, \infty^4$	$0^1, 6^3, \frac{21^4}{2}, \infty^1$	$0^1, 6^3, \frac{21^8}{2}, 14^{12}, \infty^{12}$
24	$9^1$	$9^1, 12^5, \infty^5$	$0^1, 9^4, 12^5, \infty^1$	$0^1, 9^4, 12^{10}, 16^{15}, \infty^{15}$
27	$12^1$	$12^1, \frac{27^6}{2}, \infty^6$	$0^1, 12^5, \frac{27^6}{2}, \infty^1$	$0^1, 12^5, \frac{27^{12}}{2}, 18^{19}, \infty^{18}$
30	$3^1$	$3^1, 15^7, \infty^7$	$0^1, 3^2, 15^{11}, \infty^1$	$0^1, 3^2, 15^{18}, 20^{24}, \infty^{21}$
33	$\frac{9^2}{2}$	$\frac{9^2}{2}, \frac{33^6}{2}, 18^1, \infty^9$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, \frac{33^6}{2}, 18^4, \infty^2$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, \frac{33^{12}}{2}, 18^5, 22^{30}, \infty^{25}$
36	$6^1, 9^1$	$6^1, 9^1, 18^7, 21^1, \infty^{11}$	$0^1, 6^2, 8^3, 9^2, 18^7, 21^3, 36^1, \infty^2$	$0^1, 6^2, 8^3, 9^2, 18^{14}, 21^4, 24^{34}, 36^1, \infty^{30}$
39	$\frac{21^2}{2}$	$\frac{21^2}{2}, \frac{39^8}{2}, 24^1, \infty^{13}$	$0^1, 10^3, \frac{21^4}{2}, 12^2, \frac{39^8}{2}, 24^2, 36^1, \infty^3$	$0^1, 10^3, \frac{21^4}{2}, 12^2, \frac{39^{16}}{2}, 24^3, 26^{39}, 36^1, \infty^{36}$
42	$3^1, 12^1$	$3^1, 12^1, 21^9, 27^1, \infty^{15}$	$0^1, 3^2, 12^3, 14^6, 21^9, 27^1, 42^2, \infty^3$	$0^1, 3^2, 12^3, 14^6, 21^{18}, 27^2, 28^{45}, 42^2, \infty^{41}$
45	$6^1, 18^1$	$6^1, 18^1, \frac{45^{10}}{2}, 24^2, \infty^{16}$	$0^1, 6^3, 16^6, 18^3, \frac{45^{10}}{2}, 24^2, 42^2, \infty^3$	$0^1, 6^3, 16^6, 18^3, \frac{45^{20}}{2}, 24^4, 30^{52}, 42^2, \infty^{45}$
48	$6^2, 18^1$	$6^2, 18^1, 24^9, \frac{105^4}{4}, \infty^{18}$	$0^1, 6^4, 9^2, 18^4, 20^3, 21^2, 24^9, \frac{105^4}{4}, 48^1, \infty^4$	$0^1, 6^4, 9^2, 18^4, 20^3, 21^2, 24^{18}, \frac{105^8}{4}, 32^{60}, 48^1, \infty^{50}$
51	$9^2, 24^1$	$9^2, 24^1, \frac{51^{10}}{2}, \frac{57^2}{2}, 30^2, \infty^{21}$	$0^1, 9^4, 10^3, 12^1, 22^3, \frac{45^4}{2}, 24^2, \frac{51^{10}}{2}, \frac{57^2}{2}, 30^2, 48^1, 66^1, \infty^4$	$0^1, 9^4, 10^3, 12^1, 22^3, \frac{45^4}{2}, 24^2, \frac{51^{20}}{2}, \frac{57^4}{2}, 30^4, 34^{66}, 48^1, 66^1, \infty^{57}$
54	$3^1, 9^1, 24^1$	$3^1, 9^1, 24^1, 27^{11}, \frac{129^4}{4}, \infty^{24}$	$0^1, 3^2, 9^2, 13^6, 24^5, 27^{15}, \frac{129^4}{4}, 69^2, \infty^5$	$0^1, 3^2, 9^2, 13^6, 24^5, 27^{26}, \frac{129^8}{4}, 36^{73}, 69^2, \infty^{65}$
57	$\frac{9^2}{2}, 12^1$	$\frac{9^2}{2}, 12^1, \frac{57^{12}}{2}, 30^3, \frac{69^2}{2}, \infty^{26}$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, 12^2, 14^3, 16^3, \frac{57^{20}}{2}, 30^3, \frac{69^2}{2}, 66^1, 72^1, \infty^5$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, 12^2, 14^3, 16^3, \frac{57^{32}}{2}, 30^6, \frac{69^4}{2}, 38^{81}, 66^1, 72^1, \infty^{71}$

60	$6^3$	$6^3, 30^{13}, 32^3, 33^2, 45^1, \infty^{28}$	$0^1, 6^6, 8^3, 17^6, 30^{17}, 32^3, 33^4, 36^1, 45^1, 69^2, \infty^6$	$0^1, 6^6, 8^3, 17^6, 30^{30}, 32^6, 33^6, 36^1, 40^{90}, 45^2, 69^2, \infty^{78}$
63	$\frac{15^4}{2}$	$\frac{15^4}{2}, \frac{63^{12}}{2}, 34^3, \frac{69^4}{2}, 36^1, 48^1, \infty^{30}$	$0^1, \frac{15^8}{2}, 10^6, 18^1, 20^3, \frac{63^{12}}{2}, 34^3, \frac{69^8}{2}, 36^3, 48^1, 66^1, 72^1, \infty^7$	$0^1, \frac{15^8}{2}, 10^6, 18^1, 20^3, \frac{63^{24}}{2}, 34^6, \frac{69^{12}}{2}, 36^4, 42^{100}, 48^2, 66^1, 72^1, \infty^{84}$
66	$3^1, 9^3$	$3^1, 9^3, 33^{13}, 36^1, \frac{75^4}{2}, 38^3, 51^1, \infty^{34}$	$0^1, 3^2, 9^6, 12^{10}, 21^2, 33^{13}, 36^4, \frac{75^4}{2}, 38^3, 40^3, 51^1, 68^3, 96^1, \infty^7$	$0^1, 3^2, 9^6, 12^{10}, 21^2, 33^{26}, 36^5, \frac{75^8}{2}, 38^6, 40^3, 44^{108}, 51^2, 68^3, 96^1, \infty^{93}$
69	$6^1, \frac{21^2}{2}, 18^1$	$6^1, \frac{21^2}{2}, 18^1, \frac{69^{14}}{2}, 36^4, 39^2, 40^3, 54^1, \infty^{37}$	$0^1, 6^3, \frac{21^4}{2}, 14^{12}, 18^2, 24^1, \frac{69^{14}}{2}, 36^4, 39^2, 40^6, 42^2, 54^1, 66^1, 70^3, 96^1, \infty^8$	$0^1, 6^3, \frac{21^4}{2}, 14^{12}, 18^2, 24^1, \frac{69^{28}}{2}, 36^8, 39^4, 40^9, 42^2, 46^{117}, 54^2, 66^1, 70^3, 96^1, \infty^{102}$
72	$9^1, 12^1, 18^1, 33^1$	$9^1, 12^1, 18^1, 33^1, 36^{15}, \frac{153^8}{4}, 42^3, 45^1, \infty^{39}$	$0^1, 9^4, 12^2, 16^{12}, 18^2, 21^2, 33^2, 36^{15}, \frac{153^8}{4}, 42^5, 44^3, 45^1, 68^3, 72^1, 96^1, \infty^8$	$0^1, 9^4, 12^2, 16^{12}, 18^2, 21^2, 33^2, 36^{30}, \frac{153^{16}}{4}, 42^8, 44^3, 45^2, 48^{127}, 68^3, 72^1, 96^1, \infty^{109}$
75	$12^1, 21^2, 36^1$	$12^1, 21^2, 36^1, \frac{75^{16}}{2}, \frac{81^{12}}{2}, \frac{93^2}{2}, \infty^{41}$	$0^1, 12^5, 18^{10}, 21^4, \frac{45^4}{2}, 36^4, \frac{75^{16}}{2}, \frac{81^{12}}{2}, 44^3, \frac{93^2}{2}, 48^1, 70^3, 96^1, \infty^9$	$0^1, 12^5, 18^{10}, 21^4, \frac{45^4}{2}, 36^4, \frac{75^{32}}{2}, \frac{81^{24}}{2}, 44^3, \frac{93^4}{2}, 48^1, 50^{138}, 70^3, 96^1, \infty^{117}$
78	$3^1, 15^1, 21^2, 33^1$	$3^1, 15^1, 21^2, 33^1, 39^{15}, \frac{171^{16}}{4}, 48^1, 51^1, \infty^{43}$	$0^1, 3^2, 15^6, 20^6, 21^4, 24^2, 25^6, 33^2, 39^{19}, \frac{171^{16}}{4}, 48^3, 51^1, 72^1, 81^2, \infty^{10}$	$0^1, 3^2, 15^6, 20^6, 21^4, 24^2, 25^6, 33^2, 39^{34}, \frac{171^{32}}{4}, 48^4, 51^2, 52^{150}, 72^1, 81^2, \infty^{124}$
81	$\frac{9^2}{2}, 18^2, 24^1, 36^1$	$\frac{9^2}{2}, 18^2, 24^1, 36^1, \frac{81^{16}}{2}, 42^3, 45^{12}, \frac{105^2}{2}, \infty^{48}$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, 18^7, 22^3, 24^2, \frac{53^{12}}{2}, 36^2, 39^4, \frac{81^{16}}{2}, 42^5, 45^{12}, 48^1, \frac{105^2}{2}, \frac{165^4}{2}, \infty^{11}$	$0^1, \frac{9^4}{2}, 6^1, 18^7, 22^3, 24^2, \frac{53^{12}}{2}, 36^2, 39^4, \frac{81^{32}}{2}, 42^8, 45^{24}, 48^1, \frac{105^4}{2}, 54^{163}, \frac{165^4}{2}, \infty^{134}$
84	$6^1, 9^1, 21^2, 24^1, 33^1$	$6^1, 9^1, 21^2, 24^1, 33^1, 42^{17}, 44^6, 45^1, \frac{189^8}{4}, 54^1, 57^2, \infty^{52}$	$0^1, 6^2, 8^3, 9^2, 21^8, 24^3, 28^6, 29^6, 33^2, 42^{25}, 44^6, 45^1, \frac{189^8}{4}, 54^1, 57^2, 81^2, 84^2, 132^1, \infty^{12}$	$0^1, 6^2, 8^3, 9^2, 21^8, 24^3, 28^6, 29^6, 33^2, 42^{42}, 44^{12}, 45^2, \frac{189^{16}}{4}, 54^2, 56^{174}, 57^4, 81^2, 84^2, 132^1, \infty^{145}$

87	$\frac{21}{2}^2, 24^2, \frac{69}{2}^2$	$\frac{21}{2}^2, 24^2, \frac{69}{2}^2, \frac{87}{2}^{18}, 46^9, \frac{93}{2}^4, \frac{99}{2}^4, 60^2, 72^1, \infty^{55}$	$0^1, 10^3, \frac{21}{2}^4, 12^2, 24^9, \frac{61}{2}^{12}, \frac{69}{2}^4, 36^3, 42^2, \frac{87}{2}^{18}, 45^4, 46^9, \frac{93}{2}^4, \frac{99}{2}^4, 60^2, 72^1, \frac{165}{2}^4, 132^1, \infty^{12}$	$0^1, 10^3, \frac{21}{2}^4, 12^2, 24^9, \frac{61}{2}^{12}, \frac{69}{2}^4, 36^3, 42^2, \frac{87}{2}^{36}, 45^4, 46^{18}, \frac{93}{2}^8, \frac{99}{2}^8, 58^{186}, 60^4, 72^2, \frac{165}{2}^4, 132^1, \infty^{154}$
90	$3^1, 12^1, 27^2, 33^1, 36^1$	$3^1, 12^1, 27^2, 33^1, 36^1, 45^{19}, 48^2, \frac{97}{2}^{12}, 49^3, \frac{123}{2}^4, 75^1, \infty^{58}$	$0^1, 3^2, 12^3, 14^6, 27^{10}, 32^6, 33^4, 36^3, 38^6, 45^{23}, 48^2, \frac{97}{2}^{12}, 49^3, \frac{123}{2}^4, 66^2, 75^1, 84^2, 138^2, \infty^{13}$	$0^1, 3^2, 12^3, 14^6, 27^{10}, 32^6, 33^4, 36^3, 38^6, 45^{42}, 48^4, \frac{97}{2}^{24}, 49^6, 60^{199}, \frac{123}{2}^8, 66^2, 75^2, 84^2, 138^2, \infty^{164}$
93	$6^1, \frac{21}{2}^2, 30^2, \frac{69}{2}^2$	$6^1, \frac{21}{2}^2, 30^2, \frac{69}{2}^2, \frac{93}{2}^{18}, 48^4, 50^3, \frac{101}{2}^{12}, 51^2, \frac{129}{2}^4, 78^1, \infty^{61}$	$0^1, 6^3, \frac{21}{2}^4, 16^6, 18^1, 30^{11}, \frac{69}{2}^8, 39^4, 40^9, \frac{93}{2}^{18}, 48^6, 50^3, \frac{101}{2}^{12}, 51^2, \frac{129}{2}^4, 66^2, 78^1, 96^1, 138^2, \infty^{14}$	$0^1, 6^3, \frac{21}{2}^4, 16^6, 18^1, 30^{11}, \frac{69}{2}^8, 39^4, 40^9, \frac{93}{2}^{36}, 48^{10}, 50^6, \frac{101}{2}^{24}, 51^4, 62^{213}, \frac{129}{2}^8, 66^2, 78^2, 96^1, 138^2, \infty^{173}$
96	$6^2, 12^2, 33^3, 36^1$	$6^2, 12^2, 33^3, 36^1, 48^{19}, \frac{201}{4}^8, \frac{105}{2}^4, 53^9, 57^2, 66^2, 81^1, \infty^{66}$	$0^1, 6^4, 9^2, 12^4, 16^3, 18^2, 20^3, 33^{12}, 36^4, 40^3, 41^{12}, 42^2, 48^{19}, \frac{201}{4}^8, \frac{105}{2}^4, 53^9, 57^2, 66^2, 69^4, 81^1, 96^1, 132^1, 144^1, \infty^{15}$	$0^1, 6^4, 9^2, 12^4, 16^3, 18^2, 20^3, 33^{12}, 36^4, 40^3, 41^{12}, 42^2, 48^{38}, \frac{201}{4}^{16}, \frac{105}{2}^8, 53^{18}, 57^4, 64^{228}, 66^4, 69^4, 81^2, 96^1, 132^1, 144^1, \infty^{184}$
99	$9^2, \frac{33}{2}^2, 36^3, 48^1$	$9^2, \frac{33}{2}^2, 36^3, 48^1, \frac{99}{2}^{20}, 52^6, \frac{105}{2}^4, 54^3, 55^6, \frac{117}{2}^4, 69^2, 78^2, \infty^{71}$	$0^1, 9^4, 10^3, 12^1, \frac{33}{2}^4, 18^6, 22^3, 36^{13}, 42^3, 43^{12}, 44^3, 48^2, \frac{99}{2}^{20}, 52^6, \frac{105}{2}^4, 54^3, 55^6, \frac{117}{2}^4, 69^6, 78^2, 96^1, 132^2, 144^1, \infty^{16}$	$0^1, 9^4, 10^3, 12^1, \frac{33}{2}^4, 18^6, 22^3, 36^{13}, 42^3, 43^{12}, 44^3, 48^2, \frac{99}{2}^{40}, 52^{12}, \frac{105}{2}^8, 54^6, 55^{12}, \frac{117}{2}^8, 66^{241}, 69^8, 78^4, 96^1, 132^2, 144^1, \infty^{197}$

Table 9: Slopes for  $q = 4$ ,  $i = 1$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
3				$0^1$
6				$2^3$
9		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 4^3, \infty^2$
12		$\infty^2$	$3^2$	$3^2, 6^4, \infty^4$
15		$6^1, \infty^2$	$0^1, 6^2$	$0^1, 6^3, 8^6, \infty^5$
18		$9^1, \infty^3$	$3^2, 9^1, \infty^1$	$3^2, 9^2, 10^9, \infty^8$
21		$9^2, \infty^3$	$0^1, 6^1, 9^2, \infty^1$	$0^1, 6^1, 9^4, 12^{13}, \infty^9$
24		$12^2, \infty^5$	$2^3, 12^2, 30^1, \infty^1$	$2^3, 12^4, 14^{15}, 30^1, \infty^{13}$
27		$12^3, \infty^6$	$0^1, 4^3, 12^3, 30^1, \infty^1$	$0^1, 4^3, 12^6, 16^{18}, 30^1, \infty^{16}$
30		$\frac{57^4}{4}, 15^1, \infty^6$	$2^3, 6^1, \frac{57^4}{4}, 15^1, 30^1, \infty^1$	$2^3, 6^1, \frac{57^8}{4}, 15^2, 18^{22}, 30^1, \infty^{18}$
33		$15^4, \frac{33^2}{2}, \infty^7$	$0^1, 4^3, 15^4, \frac{33^2}{2}, 30^1, \infty^2$	$0^1, 4^3, 15^8, \frac{33^4}{2}, 20^{27}, 30^1, \infty^{22}$
36		$\frac{69^8}{4}, \infty^7$	$3^2, 6^1, 15^2, \frac{69^8}{4}, \infty^2$	$3^2, 6^1, 15^2, \frac{69^{16}}{4}, 22^{33}, \infty^{24}$
39	$6^1$	$6^1, 18^3, \frac{39^4}{2}, \infty^{10}$	$0^1, 6^3, \frac{33^4}{2}, 18^3, \frac{39^4}{2}, \infty^3$	$0^1, 6^3, \frac{33^4}{2}, 18^6, \frac{39^8}{2}, 24^{40}, \infty^{29}$
42	$9^1$	$9^1, 20^3, \frac{81^4}{4}, 33^1, \infty^{12}$	$3^2, 9^4, 15^2, 18^2, 20^3, \frac{81^4}{4}, 33^1, \infty^3$	$3^2, 9^4, 15^2, 18^2, 20^6, \frac{81^8}{4}, 26^{45}, 33^2, \infty^{34}$
45	$12^1$	$12^1, 21^4, 22^3, \frac{45^2}{2}, 36^1, \infty^{13}$	$0^1, 6^1, 12^5, \frac{33^4}{2}, 21^4, 22^3, \frac{45^2}{2}, 36^1, \infty^3$	$0^1, 6^1, 12^5, \frac{33^4}{2}, 21^8, 22^6, \frac{45^4}{2}, 28^{51}, 36^2, \infty^{38}$
48	$15^1$	$15^1, 23^6, 24^3, 36^2, \infty^{15}$	$2^3, 15^6, 18^3, 23^6, 24^3, 36^2, \infty^4$	$2^3, 15^6, 18^3, 23^{12}, 24^6, 30^{58}, 36^4, \infty^{44}$
51	$18^1$	$18^1, 24^5, 25^6, 39^2, \infty^{16}$	$0^1, 4^3, 18^8, 24^5, 25^6, 30^1, 39^2, \infty^4$	$0^1, 4^3, 18^8, 24^{10}, 25^{12}, 30^1, 32^{66}, 39^4, \infty^{48}$
54	$21^2$	$21^2, 26^3, \frac{105^4}{4}, 27^4, 33^1, 39^1, \infty^{19}$	$2^3, 6^1, 9^2, 21^8, 26^3, \frac{105^4}{4}, 27^4, 30^2, 33^1, 39^1, \infty^5$	$2^3, 6^1, 9^2, 21^8, 26^6, \frac{105^8}{4}, 27^8, 30^2, 33^2, 34^{75}, 39^2, \infty^{54}$
57	$24^2$	$24^2, 27^6, 28^3, \frac{57^2}{2}, \frac{69^2}{2}, 42^1, \infty^{22}$	$0^1, 4^3, \frac{21^4}{2}, 24^9, 27^6, 28^3, \frac{57^2}{2}, 30^2, \frac{69^2}{2}, 42^1, \infty^5$	$0^1, 4^3, \frac{21^4}{2}, 24^9, 27^{12}, 28^6, \frac{57^4}{2}, 30^2, \frac{69^4}{2}, 36^{82}, 42^2, \infty^{61}$

60	$27^2$	$27^2, \frac{117}{4}^{12}, 30^1, 36^3, \infty^{24}$	$3^2, 6^4, 12^2, 27^{10}, \frac{117}{4}^{12}, 30^3, 36^3, \infty^6$	$3^2, 6^4, 12^2, 27^{10}, \frac{117}{4}^{24}, 30^4, 36^6, 38^{90}, \infty^{68}$
63	$6^1, 30^1$	$6^1, 30^8, \frac{63}{2}^6, \frac{75}{2}^4, \infty^{27}$	$0^1, 6^3, 8^6, 18^1, 30^{18}, \frac{63}{2}^6, \frac{75}{2}^4, \infty^7$	$0^1, 6^3, 8^6, 18^1, 30^{25}, \frac{63}{2}^{12}, \frac{75}{2}^8, 40^{99}, \infty^{76}$
66	$9^1, 33^1$	$9^1, 32^6, \frac{129}{4}^8, 33^2, 39^5, \infty^{28}$	$3^2, 9^2, 10^6, 15^2, 18^1, 30^2, 32^6, \frac{129}{4}^8, 33^9, 39^5, \infty^7$	$3^2, 9^2, 10^6, 15^2, 18^1, 30^2, 32^{12}, \frac{129}{4}^{16}, 33^{10}, 39^{10}, 42^{109}, \infty^{81}$
69	$9^2, 36^1$	$9^2, 33^6, 34^6, \frac{69}{2}^4, 36^2, \frac{81}{2}^4, \infty^{31}$	$0^1, 6^1, 9^4, 12^7, \frac{33}{2}^4, 30^2, 33^6, 34^6, \frac{69}{2}^4, 36^8, \frac{81}{2}^4, \infty^8$	$0^1, 6^1, 9^4, 12^7, \frac{33}{2}^4, 30^2, 33^{12}, 34^{12}, \frac{69}{2}^8, 36^9, \frac{81}{2}^8, 44^{120}, \infty^{88}$
72	$12^2, 39^1$	$12^2, 35^{12}, 36^4, 39^2, 42^3, 48^2, \infty^{35}$	$2^3, 12^4, 14^9, 15^2, 18^2, 30^2, 35^{12}, 36^4, 39^7, 42^3, 48^2, 66^1, 126^1, \infty^8$	$2^3, 12^4, 14^9, 15^2, 18^2, 30^2, 35^{24}, 36^8, 39^8, 42^6, 46^{129}, 48^4, 66^1, 126^1, \infty^{97}$
75	$12^1, 18^1, 42^1$	$12^1, 18^1, 36^7, 37^{12}, 42^2, \frac{87}{2}^2, 51^2, \infty^{38}$	$0^1, 4^3, 12^2, 16^9, 18^4, \frac{39}{2}^4, 30^1, 36^7, 37^{12}, 42^6, \frac{87}{2}^2, 51^2, 66^1, 72^1, 126^1, \infty^9$	$0^1, 4^3, 12^2, 16^9, 18^4, \frac{39}{2}^4, 30^1, 36^{14}, 37^{24}, 42^7, \frac{87}{2}^4, 48^{139}, 51^4, 66^1, 72^1, 126^1, \infty^{106}$
78	$15^1, 21^2$	$15^1, 21^2, 38^6, \frac{153}{4}^8, 39^5, \frac{165}{4}^4, 45^1, 51^2, \infty^{41}$	$2^3, 6^1, 15^4, 18^7, 21^{10}, 33^2, 38^6, \frac{153}{4}^8, 39^5, \frac{165}{4}^4, 45^5, 51^2, 69^2, 126^1, \infty^{10}$	$2^3, 6^1, 15^4, 18^7, 21^{10}, 33^2, 38^{12}, \frac{153}{4}^{16}, 39^{10}, \frac{165}{4}^8, 45^6, 50^{150}, 51^4, 69^2, 126^1, \infty^{115}$
81	$21^2, 24^1$	$21^2, 24^1, 39^8, 40^6, \frac{81}{2}^4, \frac{345}{8}^8, 48^1, 54^2, \infty^{43}$	$0^1, 4^3, 18^2, 20^6, 21^4, \frac{45}{2}^4, 24^4, 30^1, \frac{69}{2}^4, 39^8, 40^6, \frac{81}{2}^4, \frac{345}{8}^8, 48^4, 54^2, 72^1, 78^1, 126^1, \infty^{11}$	$0^1, 4^3, 18^2, 20^6, 21^4, \frac{45}{2}^4, 24^4, 30^1, \frac{69}{2}^4, 39^{16}, 40^{12}, \frac{81}{2}^8, \frac{345}{8}^{16}, 48^5, 52^{162}, 54^4, 72^1, 78^1, 126^1, \infty^{123}$
84	$24^4$	$24^4, \frac{165}{4}^{16}, 42^2, \frac{177}{4}^4, 45^6, 48^2, 51^1, \infty^{46}$	$3^2, 6^1, 10^3, 22^3, 24^{14}, 27^2, 30^4, 36^2, 39^2, \frac{165}{4}^{16}, 42^2, \frac{177}{4}^4, 45^6, 48^2, 51^3, 66^1, 78^1, 126^1, \infty^{12}$	$3^2, 6^1, 10^3, 22^3, 24^{14}, 27^2, 30^4, 36^2, 39^2, \frac{165}{4}^{32}, 42^4, \frac{177}{4}^8, 45^{12}, 48^4, 51^4, 54^{175}, 66^1, 78^1, 126^1, \infty^{131}$
87	$6^1, 24^1, 27^2$	$6^1, 24^1, 27^2, 42^9, \frac{87}{2}^8, \frac{369}{8}^8, \frac{93}{2}^2, \frac{99}{2}^4, 54^1, \infty^{51}$	$0^1, 6^3, 12^6, 24^3, \frac{51}{2}^4, 27^4, 28^6, 30^1, 34^3, \frac{81}{2}^4, 42^{11}, \frac{87}{2}^8, \frac{369}{8}^8, \frac{93}{2}^2, \frac{99}{2}^4, 54^2, 66^1, 84^2, 126^2, \infty^{12}$	$0^1, 6^3, 12^6, 24^3, \frac{51}{2}^4, 27^4, 28^6, 30^1, 34^3, \frac{81}{2}^4, 42^{20}, \frac{87}{2}^{16}, \frac{369}{8}^{16}, \frac{93}{2}^4, \frac{99}{2}^8, 54^3, 56^{186}, 66^1, 84^2, 126^2, \infty^{142}$

90	$9^1, 27^2, 33^1$	$9^1, 27^2, 33^1, 44^9, \frac{177}{4}^8, 45^2, \frac{183}{4}^4, 48^4, 51^7, 57^1, \infty^{54}$	$3^2, 9^4, 10^3, 14^3, 27^6, 30^1, 31^6, 33^4, 34^6, 42^4, 44^9, \frac{177}{4}^8, 45^2, \frac{183}{4}^4, 48^4, 51^7, 57^1, 72^2, 87^2, 126^2, \infty^{13}$	$3^2, 9^4, 10^3, 14^3, 27^6, 30^1, 31^6, 33^4, 34^6, 42^4, 44^{18}, \frac{177}{4}^{16}, 45^4, \frac{183}{4}^8, 48^8, 51^{14}, 57^2, 58^{198}, 72^2, 87^2, 126^2, \infty^{152}$
93	$12^1, 30^1, 36^2$	$12^1, 30^1, 36^2, 45^{10}, 46^9, \frac{93}{2}^4, 48^6, \frac{105}{2}^8, 54^1, \infty^{57}$	$0^1, 6^1, 12^{11}, 30^3, 32^6, 36^7, 38^6, \frac{81}{2}^4, 45^{10}, 46^9, \frac{93}{2}^4, 48^8, \frac{105}{2}^8, 54^1, 72^2, 84^2, 126^2, \infty^{14}$	$0^1, 6^1, 12^{11}, 30^3, 32^6, 36^7, 38^6, \frac{81}{2}^4, 45^{20}, 46^{18}, \frac{93}{2}^8, 48^{14}, \frac{105}{2}^{16}, 54^2, 60^{211}, 72^2, 84^2, 126^2, \infty^{162}$
96	$15^1, 36^2, 39^1$	$15^1, 36^2, 39^1, 47^{18}, 48^7, \frac{201}{4}^4, 51^3, 54^{10}, \infty^{59}$	$2^3, 12^4, 14^3, 15^4, 35^6, 36^8, 38^3, 39^6, 42^4, 47^{18}, 48^9, \frac{201}{4}^4, 51^3, 54^{10}, 78^1, 87^2, 126^2, \infty^{15}$	$2^3, 12^4, 14^3, 15^4, 35^6, 36^8, 38^3, 39^6, 42^4, 47^{36}, 48^{16}, \frac{201}{4}^8, 51^6, 54^{20}, 62^{225}, 78^1, 87^2, 126^2, \infty^{171}$
99	$12^2, 36^1, 39^2$	$12^2, 36^1, 39^2, 48^9, 49^{18}, \frac{105}{2}^{10}, \frac{111}{2}^8, \infty^{62}$	$0^1, 4^3, 12^4, 15^4, 18^3, 20^3, 36^4, 39^8, 40^3, \frac{81}{2}^4, 42^6, \frac{93}{2}^4, 48^9, 49^{18}, \frac{105}{2}^{10}, \frac{111}{2}^8, 78^1, 96^1, 126^2, \infty^{16}$	$0^1, 4^3, 12^4, 15^4, 18^3, 20^3, 36^4, 39^8, 40^3, \frac{81}{2}^4, 42^6, \frac{93}{2}^4, 48^{18}, 49^{36}, \frac{105}{2}^{20}, \frac{111}{2}^{16}, 64^{240}, 78^1, 96^1, 126^2, \infty^{180}$



### 3.2 $i = 2$ .

Table 10: Slopes for  $q = 4$ ,  $i = 2$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
3				
6				$0^1$
9				$1^3$
12				$2^6$
15		$0^1$	$0^1$	$0^2, 3^7, \infty^1$
18		$0^1, \infty^1$	$0^1, \infty^1$	$0^2, 4^9, \infty^4$
21		$3^2, \infty^1$	$3^2, \infty^1$	$3^4, 5^{12}, \infty^5$
24		$0^1, 3^2, \infty^1$	$3^2, \infty^2$	$0^1, 3^4, 6^{16}, \infty^7$
27		$0^3, 6^1, \infty^1$	$0^1, 6^1, \infty^3$	$0^4, 6^2, 7^{21}, \infty^9$
30		$0^2, \frac{3}{2}^2, 6^2, \infty^1$	$0^1, \frac{3}{2}^2, 6^1, \infty^3$	$0^3, \frac{3}{2}^4, 6^3, 8^{24}, \infty^{11}$
33		$1^3, 3^1, 6^3, \infty^2$	$1^3, 3^1, 6^1, \infty^4$	$1^6, 3^2, 6^4, 9^{28}, \infty^{15}$
36		$0^2, 2^3, 3^2, 6^2, \infty^2$	$2^3, 3^2, 6^1, \infty^5$	$0^2, 2^6, 3^4, 6^3, 10^{33}, \infty^{18}$
39		$0^5, 3^1, \frac{15}{4}^4, \infty^3$	$0^1, 3^1, \frac{15}{4}^4, \infty^7$	$0^6, 3^2, \frac{15}{4}^8, 11^{39}, \infty^{23}$
42		$0^3, 3^4, \frac{9}{2}^2, 6^1, \frac{15}{2}^2, \infty^3$	$0^1, \frac{9}{2}^2, 6^1, \frac{15}{2}^2, \infty^9$	$0^4, 3^4, \frac{9}{2}^4, 6^2, \frac{15}{2}^4, 12^{46}, \infty^{27}$
45		$2^3, 3^4, 6^3, 9^4, 30^1, \infty^3$	$2^3, 6^1, 9^4, 30^1, \infty^9$	$2^6, 3^4, 6^4, 9^8, 13^{51}, 30^2, \infty^{30}$
48		$0^3, 2^3, 6^4, 9^4, \frac{21}{2}^2, 30^1, \infty^4$	$2^3, 9^4, \frac{21}{2}^2, 30^1, \infty^{11}$	$0^3, 2^6, 6^4, 9^8, \frac{21}{2}^4, 14^{57}, 30^2, \infty^{36}$
51		$0^7, 3^1, 4^3, 6^2, 9^2, \frac{21}{2}^4, 30^1, \infty^4$	$0^1, 4^3, 9^2, \frac{21}{2}^4, 30^1, \infty^{13}$	$0^8, 3^1, 4^6, 6^2, 9^4, \frac{21}{2}^8, 15^{64}, 30^2, \infty^{41}$
54		$0^4, \frac{3}{2}^6, 3^4, 4^3, \frac{21}{2}^4, 30^1, \infty^5$	$0^1, \frac{3}{2}^2, 4^3, \frac{21}{2}^4, 30^1, \infty^{16}$	$0^5, \frac{3}{2}^8, 3^4, 4^6, \frac{21}{2}^8, 16^{72}, 30^2, \infty^{48}$
57		$1^6, 3^{13}, 6^1, 9^1, 12^2, 15^1, 30^1, \infty^5$	$1^3, 3^3, 6^1, 12^2, 15^1, 30^1, \infty^{19}$	$1^9, 3^{16}, 6^2, 9^1, 12^4, 15^2, 17^{81}, 30^2, \infty^{54}$
60	$0^1$	$0^4, 2^9, 3^4, \frac{9}{2}^2, 6^4, 12^1, \frac{33}{2}^2, 30^2, \infty^6$	$0^1, 2^6, \frac{9}{2}^2, 6^1, \frac{33}{2}^2, 30^2, \infty^{20}$	$0^4, 2^{15}, 3^4, \frac{9}{2}^4, 6^5, 12^1, \frac{33}{2}^4, 18^{91}, 30^4, \infty^{58}$
63	$0^1$	$0^9, 3^8, 6^9, 15^2, 18^1, 30^2, \infty^7$	$0^2, 3^7, 6^3, 15^1, 18^1, 30^2, \infty^{22}$	$0^{10}, 3^{15}, 6^{12}, 15^3, 18^2, 19^{99}, 30^4, \infty^{65}$

66	$6^1$	$0^5, 2^6, 4^9, 6^6, \frac{15^2}{2}, \frac{33^2}{2}, 18^3, 30^2, \infty^7$	$0^1, 4^9, 6^2, \frac{15^2}{2}, \frac{33^2}{2}, 30^2, \infty^{24}$	$0^6, 2^6, 4^{18}, 6^7, \frac{15^4}{2}, \frac{33^4}{2}, 18^3, 20^{108}, 30^4, \infty^{71}$
69	$6^1$	$2^6, 3^{10}, 5^9, 6^3, 9^1, 15^7, 18^1, 30^1, \infty^8$	$3^2, 5^9, 6^2, 9^1, 15^3, 18^1, 30^1, \infty^{27}$	$2^6, 3^{12}, 5^{18}, 6^4, 9^2, 15^{10}, 18^2, 21^{118}, 30^2, \infty^{79}$
72	$0^1$	$0^5, 3^{10}, 4^6, 6^7, 10^3, \frac{21^2}{2}, 12^1, 15^2, 18^5, 30^1, \infty^8$	$0^1, 3^2, 6^7, 10^3, \frac{21^2}{2}, 12^1, 15^2, 18^1, 30^1, \infty^{30}$	$0^5, 3^{12}, 4^6, 6^{14}, 10^6, \frac{21^4}{2}, 12^2, 15^4, 18^6, 22^{129}, 30^2, \infty^{86}$
75	$0^2$	$0^{11}, 3^2, 4^6, 6^5, 7^6, 9^2, 12^5, 15^4, \frac{33^4}{2}, 30^1, \infty^9$	$0^3, 6^1, 7^6, 9^2, 12^5, 15^1, \frac{33^4}{2}, 30^1, \infty^{32}$	$0^{12}, 3^2, 4^6, 6^6, 7^{12}, 9^4, 12^{10}, 15^5, \frac{33^8}{2}, 23^{141}, 30^2, \infty^{92}$
78	$0^1, 6^1$	$0^6, \frac{3^{10}}{2}, 2^3, 6^9, \frac{15^2}{2}, 8^6, \frac{21^2}{2}, 12^3, \frac{33^6}{2}, 18^1, 30^1, 54^1, \infty^{10}$	$0^2, \frac{3^2}{2}, 6^2, \frac{15^2}{2}, 8^6, \frac{21^2}{2}, 12^3, \frac{33^6}{2}, 30^1, \infty^{34}$	$0^7, \frac{3^{12}}{2}, 2^3, 6^{10}, \frac{15^4}{2}, 8^{12}, \frac{21^4}{2}, 12^6, \frac{33^{12}}{2}, 18^1, 24^{151}, 30^2, 54^1, \infty^{100}$
81	$6^2$	$1^9, 2^6, 3^5, 6^{11}, \frac{33^4}{4}, 9^4, \frac{21^4}{2}, 14^3, 15^2, 18^3, 30^1, 54^2, \infty^{11}$	$1^3, 3^1, 6^3, \frac{33^4}{4}, 9^4, \frac{21^4}{2}, 14^3, 15^2, 18^3, 30^1, \infty^{37}$	$1^{12}, 2^6, 3^6, 6^{12}, \frac{33^8}{4}, 9^8, \frac{21^8}{2}, 14^6, 15^4, 18^6, 25^{162}, 30^2, 54^2, \infty^{109}$
84	$0^1, 6^1$	$0^6, 2^{12}, 3^6, 4^3, 6^7, 9^2, 10^3, \frac{21^2}{2}, \frac{93^8}{8}, 15^2, \frac{33^2}{2}, 18^2, 24^1, 54^1, 60^1, \infty^{12}$	$0^1, 2^3, 3^2, 6^2, 9^2, 10^3, \frac{21^2}{2}, \frac{93^8}{8}, 15^2, \frac{33^2}{2}, 18^2, 24^1, \infty^{40}$	$0^6, 2^{15}, 3^8, 4^3, 6^8, 9^4, 10^6, \frac{21^4}{2}, \frac{93^{16}}{8}, 15^4, \frac{33^4}{2}, 18^4, 24^2, 26^{174}, 54^1, 60^1, \infty^{118}$
87	$0^2$	$0^{13}, 3^3, \frac{15^{12}}{4}, 4^6, 9^4, 11^3, \frac{45^4}{4}, 12^2, \frac{51^4}{4}, 15^1, \frac{63^4}{4}, 18^4, 24^1, 60^2, \infty^{12}$	$0^3, 3^1, \frac{15^4}{4}, 11^3, \frac{45^4}{4}, 12^2, \frac{51^4}{4}, 15^1, \frac{63^4}{4}, 18^4, 24^1, \infty^{44}$	$0^{14}, 3^4, \frac{15^{16}}{4}, 4^6, 9^4, 11^6, \frac{45^8}{4}, 12^4, \frac{51^8}{4}, 15^2, \frac{63^8}{4}, 18^8, 24^2, 27^{187}, 60^2, \infty^{127}$
90	$0^1, 3^2$	$0^7, 3^{12}, 4^3, \frac{9^{10}}{2}, 6^7, \frac{21^4}{2}, 12^3, 13^6, \frac{33^{10}}{2}, \frac{39^4}{2}, 42^1, 60^1, \infty^{13}$	$0^2, 3^2, \frac{9^6}{2}, 6^1, 12^3, 13^6, \frac{33^{10}}{2}, \frac{39^4}{2}, \infty^{47}$	$0^8, 3^{12}, 4^3, \frac{9^{16}}{2}, 6^8, \frac{21^4}{2}, 12^6, 13^{12}, \frac{33^{20}}{2}, \frac{39^8}{2}, 28^{201}, 42^1, 60^1, \infty^{135}$
93	$3^2, 6^1$	$2^9, 3^{12}, 5^3, \frac{21^4}{4}, 6^9, 7^3, 9^4, 14^6, 15^6, \frac{69^4}{4}, 18^3, 21^6, 45^1, 54^2, 63^1, \infty^{14}$	$2^3, 3^2, \frac{21^4}{4}, 6^2, 7^3, 14^6, 15^4, \frac{69^4}{4}, 18^3, 21^6, 63^1, \infty^{49}$	$2^{12}, 3^{12}, 5^3, \frac{21^8}{4}, 6^{10}, 7^6, 9^4, 14^{12}, 15^{10}, \frac{69^8}{4}, 18^6, 21^{12}, 29^{213}, 45^1, 54^2, 63^2, \infty^{144}$
96	$0^1, 6^2$	$0^7, 2^9, 6^{19}, 8^9, \frac{21^4}{2}, 15^4, 16^3, \frac{33^2}{2}, 18^9, \frac{45^6}{2}, 24^1, 42^2, 54^2, 66^1, \infty^{15}$	$0^1, 2^3, 6^{10}, 8^3, 15^4, 16^3, \frac{33^2}{2}, 18^7, \frac{45^6}{2}, 24^1, 66^1, \infty^{52}$	$0^7, 2^{12}, 6^{27}, 8^{12}, \frac{21^4}{2}, 15^8, 16^6, \frac{33^4}{2}, 18^{16}, \frac{45^{12}}{2}, 24^2, 30^{226}, 42^2, 54^2, 66^2, \infty^{154}$

99	$0^2, 6^1$	$0^{15}, 3^3, 4^9, 6^6, \frac{27^8}{4},$ $7^9, 15^5, 17^3, \frac{69^4}{4}, 18^2,$ $\frac{75^4}{4}, 21^4, 24^5, 30^1,$ $45^2, 60^2, 63^1, \infty^{16}$	$0^3, 4^3, 6^1, \frac{27^8}{4}, 7^3,$ $15^1, 17^3, \frac{69^4}{4}, 18^2,$ $\frac{75^4}{4}, 21^4, 24^5, 30^1,$ $63^1, \infty^{56}$	$0^{16}, 3^3, 4^{12}, 6^6, \frac{27^{16}}{4},$ $7^{12}, 15^6, 17^6, \frac{69^8}{4}, 18^4,$ $\frac{75^8}{4}, 21^8, 24^{10}, 30^2,$ $\textcolor{blue}{31}^{240}, 45^2, 60^2, 63^2,$ $\infty^{165}$
----	------------	--	--	--

Table 11: Slopes for  $q = 4$ ,  $i = 2$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
3		$0^1$	$0^1$	$0^2, \infty^1$
6		$0^2$	$0^1, \infty^1$	$0^3, \infty^3$
9		$0^3$	$0^1, \infty^2$	$0^4, 3^1, \infty^5$
12		$0^4$	$0^1, \infty^3$	$0^5, 4^3, \infty^7$
15		$0^5$	$0^1, \infty^4$	$0^6, 5^6, \infty^9$
18	$0^1$	$0^6, \infty^1$	$0^2, \infty^5$	$0^7, 6^{10}, \infty^{11}$
21	$0^1$	$0^7, 3^1, \infty^1$	$0^2, 3^1, \infty^6$	$0^8, 3^2, 7^{12}, \infty^{14}$
24	$0^1$	$0^8, \frac{9}{2}^2, \infty^1$	$0^2, \frac{9}{2}^2, \infty^7$	$0^9, \frac{9}{2}^4, 8^{15}, \infty^{17}$
27	$0^1$	$0^9, 6^3, \infty^1$	$0^2, 6^3, \infty^8$	$0^{10}, 6^6, 9^{19}, \infty^{20}$
30	$0^1$	$0^{10}, \frac{15}{2}^4, \infty^1$	$0^2, \frac{15}{2}^4, \infty^9$	$0^{11}, \frac{15}{2}^8, 10^{24}, \infty^{23}$
33	$0^2$	$0^{11}, 3^2, 9^3, \infty^2$	$0^3, 3^1, 9^3, \infty^{11}$	$0^{12}, 3^3, 9^6, 11^{30}, \infty^{27}$
36	$0^2$	$0^{12}, 4^3, 6^1, \frac{21}{2}^2, 18^1, \infty^2$	$0^3, 4^3, \frac{21}{2}^2, 18^1, \infty^{12}$	$0^{13}, 4^6, 6^1, \frac{21}{2}^4, 12^{34}, 18^2, \infty^{31}$
39	$0^2$	$0^{13}, 5^3, 6^2, 9^1, 12^1, 18^1, \infty^3$	$0^3, 5^3, 6^2, 12^1, 18^1, \infty^{14}$	$0^{14}, 5^6, 6^4, 9^1, 12^2, 13^{39}, 18^2, \infty^{37}$
42	$0^2$	$0^{14}, 6^1, 7^6, 12^1, 21^2, \infty^3$	$0^3, 6^1, 7^6, 21^2, \infty^{15}$	$0^{15}, 6^2, 7^{12}, 12^1, 14^{45}, 21^4, \infty^{41}$
45	$0^2$	$0^{15}, 3^3, 8^6, 9^1, 21^2, \infty^3$	$0^3, 3^1, 8^6, 9^1, 21^2, \infty^{17}$	$0^{16}, 3^4, 8^{12}, 9^2, 15^{52}, 21^4, \infty^{46}$
48	$0^3$	$0^{16}, \frac{9}{2}^6, 9^2, 10^3, \frac{21}{2}^2, 24^1, \infty^4$	$0^4, \frac{9}{2}^2, 9^2, 10^3, \frac{21}{2}^2, 24^1, \infty^{20}$	$0^{17}, \frac{9}{2}^8, 9^4, 10^6, \frac{21}{2}^4, 16^{60}, 24^2, \infty^{52}$
51	$0^3$	$0^{17}, 5^3, 6^3, 9^2, 11^3, \frac{45}{4}^4, 24^1, 33^1, \infty^4$	$0^4, 5^3, 6^1, 11^3, \frac{45}{4}^4, 24^1, 33^1, \infty^{21}$	$0^{18}, 5^6, 6^4, 9^2, 11^6, \frac{45}{4}^8, 17^{66}, 24^2, 33^2, \infty^{57}$
54	$0^3$	$0^{18}, \frac{13}{2}^6, \frac{21}{2}^4, 12^3, \frac{27}{2}^4, \frac{69}{2}^2, \infty^5$	$0^4, \frac{13}{2}^6, 12^3, \frac{27}{2}^4, \frac{69}{2}^2, \infty^{23}$	$0^{19}, \frac{13}{2}^{12}, \frac{21}{2}^4, 12^6, \frac{27}{2}^8, 18^{73}, \frac{69}{2}^4, \infty^{64}$
57	$0^3$	$0^{19}, 3^4, 7^3, 8^3, 12^2, \frac{57}{4}^8, 33^1, 36^1, \infty^5$	$0^4, 3^1, 7^3, 8^3, \frac{57}{4}^8, 33^1, 36^1, \infty^{25}$	$0^{20}, 3^5, 7^6, 8^6, 12^2, \frac{57}{4}^{16}, 19^{81}, 33^2, 36^2, \infty^{70}$
60	$0^3$	$0^{20}, 4^6, 6^2, \frac{17}{2}^6, 15^4, \frac{33}{2}^2, 18^1, 30^1, \frac{69}{2}^2, \infty^6$	$0^4, 4^3, \frac{17}{2}^6, 15^4, \frac{33}{2}^2, 18^1, \frac{69}{2}^2, \infty^{28}$	$0^{21}, 4^9, 6^2, \frac{17}{2}^{12}, 15^8, \frac{33}{2}^4, 18^2, 20^{90}, 30^1, \frac{69}{2}^4, \infty^{78}$

63	$0^4$	$0^{21}, 5^9, 6^4, 9^2, 10^3, \frac{69^4}{4}, 18^2, 33^2, 36^1, \infty^7$	$0^5, 5^6, 9^1, 10^3, \frac{69^4}{4}, 18^2, 33^1, 36^1, \infty^{32}$	$0^{22}, 5^{15}, 6^4, 9^3, 10^6, \frac{69^8}{4}, 18^4, 21^{100}, 33^3, 36^2, \infty^{86}$
66	$0^4$	$0^{22}, 6^{11}, 9^4, 10^3, \frac{21^2}{2}, 18^3, 20^3, 34^3, 36^1, 48^1, \infty^7$	$0^5, 6^{10}, \frac{21^2}{2}, 18^3, 20^3, 34^3, 48^1, \infty^{33}$	$0^{23}, 6^{21}, 9^4, 10^3, \frac{21^4}{2}, 18^6, 20^6, 22^{108}, 34^6, 36^1, 48^2, \infty^{92}$
69	$0^4$	$0^{23}, 3^5, 7^{12}, 9^2, 11^3, 12^1, 20^3, 21^2, 33^1, 35^3, 39^1, 48^1, \infty^8$	$0^5, 3^1, 7^{12}, 12^1, 20^3, 21^2, 33^1, 35^3, 48^1, \infty^{36}$	$0^{24}, 3^6, 7^{24}, 9^2, 11^3, 12^2, 20^6, 21^4, 23^{117}, 33^2, 35^6, 39^1, 48^2, \infty^{101}$
72	$0^4$	$0^{24}, \frac{9^{10}}{2}, 8^{12}, \frac{21^2}{2}, 12^3, 18^1, 21^2, 22^3, 34^3, 36^1, 48^1, \infty^8$	$0^5, \frac{9^2}{2}, 8^{12}, \frac{21^2}{2}, 21^2, 22^3, 34^3, 36^1, 48^1, \infty^{39}$	$0^{25}, \frac{9^{12}}{2}, 8^{24}, \frac{21^4}{2}, 12^3, 18^1, 21^4, 22^6, 24^{127}, 34^6, 36^2, 48^2, \infty^{109}$
75	$0^4$	$0^{25}, 6^{15}, 9^{10}, \frac{45^4}{4}, 18^4, 22^3, 24^1, 35^3, 48^1, \infty^9$	$0^5, 6^3, 9^{10}, \frac{45^4}{4}, 18^2, 22^3, 24^1, 35^3, 48^1, \infty^{43}$	$0^{26}, 6^{18}, 9^{20}, \frac{45^8}{4}, 18^6, 22^6, 24^2, 25^{138}, 35^6, 48^2, \infty^{119}$
78	$0^5$	$0^{26}, \frac{15^{20}}{2}, 10^6, 12^2, \frac{25^6}{2}, 18^1, \frac{39^4}{2}, 24^3, 36^1, \frac{81^2}{2}, \infty^{10}$	$0^6, \frac{15^4}{2}, 10^6, 12^2, \frac{25^6}{2}, \frac{39^4}{2}, 24^2, 36^1, \frac{81^2}{2}, \infty^{48}$	$0^{27}, \frac{15^{24}}{2}, 10^{12}, 12^4, \frac{25^{12}}{2}, 18^1, \frac{39^8}{2}, 24^5, 26^{150}, 36^2, \frac{81^4}{2}, \infty^{129}$
81	$0^5, 3^1$	$0^{27}, 3^6, 9^{15}, 11^3, \frac{53^{12}}{4}, \frac{39^4}{2}, 21^2, 24^3, \frac{165^4}{4}, \infty^{11}$	$0^6, 3^2, 9^3, 11^3, \frac{53^{12}}{4}, \frac{39^4}{2}, 21^2, 24^1, \frac{165^4}{4}, \infty^{50}$	$0^{28}, 3^7, 9^{18}, 11^6, \frac{53^{24}}{4}, \frac{39^8}{2}, 21^4, 24^4, 27^{163}, \frac{165^8}{4}, \infty^{136}$
84	$0^5, 6^1$	$0^{28}, 4^9, 6^3, \frac{21^{12}}{2}, 12^1, 14^6, \frac{29^6}{2}, 21^8, 24^1, 30^2, \frac{81^2}{2}, 42^2, 66^1, \infty^{12}$	$0^6, 4^3, 6^1, \frac{21^4}{2}, 12^1, 14^6, \frac{29^6}{2}, 21^8, \frac{81^2}{2}, 42^2, 66^1, \infty^{53}$	$0^{29}, 4^{12}, 6^3, \frac{21^{16}}{2}, 12^2, 14^{12}, \frac{29^{12}}{2}, 21^{16}, 24^1, 28^{174}, 30^2, \frac{81^4}{2}, 42^4, 66^2, \infty^{146}$
87	$0^5, 9^1$	$0^{29}, 5^{12}, 6^6, 9^2, 12^9, \frac{61^{12}}{4}, 18^3, 21^2, \frac{45^4}{2}, 33^2, \frac{165^4}{4}, 57^1, 66^1, \infty^{12}$	$0^6, 5^3, 6^2, 9^1, 12^5, \frac{61^{12}}{4}, 18^3, 21^2, \frac{45^4}{2}, \frac{165^4}{4}, 66^1, \infty^{56}$	$0^{30}, 5^{15}, 6^8, 9^2, 12^{14}, \frac{61^{24}}{4}, 18^6, 21^4, \frac{45^8}{2}, 29^{186}, 33^2, \frac{165^8}{4}, 57^1, 66^2, \infty^{155}$
90	$0^5, 12^1$	$0^{30}, 6^3, 7^{18}, 8^3, 12^2, \frac{27^6}{2}, 16^6, \frac{33^2}{2}, 18^1, 19^6, \frac{45^4}{2}, 33^6, 42^2, 60^1, 69^2, \infty^{13}$	$0^6, 6^1, 7^6, 12^1, \frac{27^6}{2}, 16^6, \frac{33^2}{2}, 18^1, 19^6, \frac{45^4}{2}, 33^2, 42^2, 69^2, \infty^{60}$	$0^{31}, 6^4, 7^{24}, 8^3, 12^2, \frac{27^{12}}{2}, 16^{12}, \frac{33^4}{2}, 18^2, 19^{12}, \frac{45^8}{2}, 30^{199}, 33^8, 42^4, 60^1, 69^4, \infty^{166}$
93	$0^6, 3^1$	$0^{31}, 3^7, 7^3, 8^{18}, 9^3, 15^7, \frac{69^4}{4}, \frac{39^4}{2}, 20^9, 24^2, 33^2, 36^4, 48^1, 63^1, 69^2, \infty^{14}$	$0^7, 3^2, 8^6, 9^1, 15^7, \frac{69^4}{4}, \frac{39^4}{2}, 20^9, 24^2, 33^2, 48^1, 69^2, \infty^{65}$	$0^{32}, 3^8, 7^3, 8^{24}, 9^4, 15^{14}, \frac{69^8}{4}, \frac{39^8}{2}, 20^{18}, 24^4, 31^{213}, 33^4, 36^4, 48^2, 63^1, 69^4, \infty^{177}$

96	$0^6, \frac{9^2}{2}$	$0^{32}, \frac{9^{14}}{2}, 8^3, 9^6, 10^{12}, \frac{33^6}{2}, 18^4, 20^3, \frac{41^{12}}{2}, 21^2, \frac{69^4}{2}, 36^2, 48^1, 66^2, 72^1, \infty^{15}$	$0^7, \frac{9^4}{2}, 8^3, 9^2, 10^3, \frac{33^6}{2}, 18^2, 20^3, \frac{41^{12}}{2}, 21^2, \frac{69^4}{2}, 48^1, 66^1, 72^1, \infty^{68}$	$0^{33}, \frac{9^{16}}{2}, 8^6, 9^8, 10^{15}, \frac{33^{12}}{2}, 18^6, 20^6, \frac{41^{24}}{2}, 21^4, \textcolor{blue}{32}^{228}, \frac{69^8}{2}, 36^2, 48^2, 66^3, 72^2, \infty^{186}$
99	$0^6, 6^1, 9^1$	$0^{33}, 5^9, 6^7, 9^{11}, 11^9, 18^{11}, 21^3, \frac{43^{12}}{2}, 22^3, \frac{69^4}{2}, 39^2, 48^1, 57^2, 66^2, 72^1, \infty^{16}$	$0^7, 5^3, 6^2, 9^7, 11^3, 18^7, 21^3, \frac{43^{12}}{2}, 22^3, \frac{69^4}{2}, 48^1, 66^2, 72^1, \infty^{71}$	$0^{34}, 5^{12}, 6^8, 9^{17}, 11^{12}, 18^{18}, 21^6, \frac{43^{24}}{2}, 22^6, \textcolor{blue}{33}^{241}, \frac{69^8}{2}, 39^2, 48^2, 57^2, 66^4, 72^2, \infty^{197}$

Table 12: Slopes for  $q = 4$ ,  $i = 2$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
3				$0^1$
6				$1^3$
9		$0^1$	$0^1$	$0^2, 2^3, \infty^1$
12		$\frac{3^2}{2}$	$\frac{3^2}{2}$	$\frac{3^4}{2}, 3^4, \infty^2$
15		$0^2, 3^1$	$0^1, 3^1, \infty^1$	$0^3, 3^2, 4^6, \infty^4$
18		$\frac{3^2}{2}, 3^1, \infty^1$	$\frac{3^2}{2}, \infty^2$	$\frac{3^4}{2}, 3^1, 5^9, \infty^7$
21		$0^3, 3^1, \infty^1$	$0^1, 3^1, \infty^3$	$0^4, 3^2, 6^{13}, \infty^9$
24		$1^3, 3^2, 15^1, \infty^1$	$1^3, 15^1, \infty^3$	$1^6, 3^2, 7^{15}, 15^2, \infty^{11}$
27		$0^4, 2^3, 15^1, \infty^1$	$0^1, 2^3, 15^1, \infty^4$	$0^5, 2^6, 8^{18}, 15^2, \infty^{14}$
30		$1^3, \frac{3^4}{2}, 3^2, 15^1, \infty^1$	$1^3, 3^1, 15^1, \infty^6$	$1^6, \frac{3^4}{2}, 3^3, 9^{22}, 15^2, \infty^{18}$
33		$0^5, 2^3, 3^2, 15^1, \infty^2$	$0^1, 2^3, 15^1, \infty^8$	$0^6, 2^6, 3^2, 10^{27}, 15^2, \infty^{23}$
36		$\frac{3^{10}}{2}, 3^1, \frac{15^2}{2}, \infty^2$	$\frac{3^2}{2}, 3^1, \frac{15^2}{2}, \infty^{10}$	$\frac{3^{12}}{2}, 3^2, \frac{15^4}{2}, 11^{33}, \infty^{27}$
39	$0^1$	$0^6, 3^5, \frac{33^4}{4}, \infty^3$	$0^2, 3^1, \frac{33^4}{4}, \infty^{11}$	$0^7, 3^6, \frac{33^8}{4}, 12^{40}, \infty^{30}$
42	$3^1$	$1^3, \frac{3^6}{2}, 3^2, \frac{9^2}{2}, \frac{15^2}{2}, 9^2, 27^1, \infty^3$	$\frac{3^2}{2}, 3^1, \frac{9^2}{2}, \frac{15^2}{2}, 9^2, \infty^{12}$	$1^3, \frac{3^8}{2}, 3^2, \frac{9^4}{2}, \frac{15^4}{2}, 9^4, 13^{45}, 27^1, \infty^{34}$
45	$0^1$	$0^7, 2^3, 3^3, 6^3, \frac{33^4}{4}, 30^1, \infty^3$	$0^2, 3^1, 6^3, \frac{33^4}{4}, \infty^{14}$	$0^8, 2^3, 3^4, 6^6, \frac{33^8}{4}, 14^{51}, 30^1, \infty^{39}$
48	$3^1$	$1^9, 3^5, \frac{15^4}{2}, 9^3, 27^2, \infty^4$	$1^3, 3^1, \frac{15^4}{2}, 9^3, \infty^{16}$	$1^{12}, 3^5, \frac{15^8}{2}, 9^6, 15^{58}, 27^2, \infty^{45}$
51	$0^1$	$0^8, 2^9, 9^6, 15^1, 30^2, \infty^4$	$0^2, 2^3, 9^6, 15^1, \infty^{18}$	$0^9, 2^{12}, 9^{12}, 15^2, 16^{66}, 30^2, \infty^{50}$
54	$\frac{3^2}{2}$	$1^6, \frac{3^8}{2}, 3^5, \frac{9^2}{2}, \frac{21^4}{2}, 15^3, 27^1, \infty^5$	$1^3, \frac{3^2}{2}, 3^1, \frac{9^2}{2}, \frac{21^4}{2}, 15^2, \infty^{20}$	$1^9, \frac{3^8}{2}, 3^6, \frac{9^4}{2}, \frac{21^8}{2}, 15^5, 17^{75}, 27^1, \infty^{55}$
57	$0^1, 3^1$	$0^9, 2^6, 3^4, \frac{21^4}{4}, 12^5, 15^4, 30^1, \infty^5$	$0^2, 2^3, 3^1, \frac{21^4}{4}, 12^5, 15^2, \infty^{21}$	$0^{10}, 2^9, 3^4, \frac{21^8}{4}, 12^{10}, 15^6, 18^{82}, 30^1, \infty^{60}$
60	$\frac{3^2}{2}$	$\frac{3^{18}}{2}, 3^5, 6^2, \frac{27^6}{2}, 15^5, \infty^6$	$\frac{3^4}{2}, 3^4, 6^2, \frac{27^6}{2}, 15^2, \infty^{24}$	$\frac{3^{20}}{2}, 3^9, 6^4, \frac{27^{12}}{2}, 15^7, 19^{90}, \infty^{68}$
63	$0^1, 3^1$	$0^{10}, 3^9, 4^6, 9^1, 15^{13}, \infty^7$	$0^2, 3^2, 4^6, 9^1, 15^9, \infty^{26}$	$0^{11}, 3^{10}, 4^{12}, 9^2, 15^{22}, 20^{99}, \infty^{75}$

66	$3^1, 15^1$	$1^6, \frac{3^{10}}{2}, 3^3, 5^6, \frac{15^2}{2}, 9^1, 15^9, \frac{33^6}{2}, \infty^7$	$\frac{3^2}{2}, 3^1, 5^6, \frac{15^2}{2}, 9^1, 15^3, \frac{33^6}{2}, \infty^{29}$	$1^6, \frac{3^{12}}{2}, 3^3, 5^{12}, \frac{15^4}{2}, 9^2, 15^{11}, \frac{33^{12}}{2}, 21^{109}, \infty^{82}$
69	$0^2, 15^1$	$0^{11}, 2^6, 3^5, 6^8, \frac{33^4}{4}, 15^8, 18^5, \infty^8$	$0^3, 3^1, 6^7, \frac{33^4}{4}, 15^3, 18^5, \infty^{32}$	$0^{12}, 2^6, 3^6, 6^{15}, \frac{33^8}{4}, 15^{10}, 18^{10}, 22^{120}, \infty^{89}$
72	$3^2, 15^1$	$1^{15}, 3^8, 7^9, \frac{15^2}{2}, 9^3, 15^7, \frac{39^4}{2}, 27^2, 33^1, 63^1, \infty^8$	$1^3, 3^2, 7^9, \frac{15^2}{2}, 9^2, 15^3, \frac{39^4}{2}, 33^1, 63^1, \infty^{33}$	$1^{18}, 3^8, 7^{18}, \frac{15^4}{2}, 9^5, 15^9, \frac{39^8}{2}, 23^{129}, 27^2, 33^2, 63^2, \infty^{95}$
75	$0^2, 15^1$	$0^{12}, 2^{15}, 8^9, 9^2, \frac{39^4}{4}, 12^1, 15^5, 21^3, 30^2, 33^1, 36^1, 63^1, \infty^9$	$0^3, 2^3, 8^9, 9^2, \frac{39^4}{4}, 15^2, 21^3, 33^1, 36^1, 63^1, \infty^{36}$	$0^{13}, 2^{18}, 8^{18}, 9^4, \frac{39^8}{4}, 12^1, 15^6, 21^6, 24^{139}, 30^2, 33^2, 36^2, 63^2, \infty^{104}$
78	$\frac{3^2}{2}, 3^1$	$1^9, \frac{3^{12}}{2}, 3^8, \frac{15^6}{2}, 9^7, \frac{21^6}{2}, 15^1, \frac{33^2}{2}, \frac{45^4}{2}, 27^2, \frac{69^2}{2}, 63^1, \infty^{10}$	$1^3, \frac{3^2}{2}, 3^2, \frac{15^2}{2}, 9^7, \frac{21^6}{2}, \frac{33^2}{2}, \frac{45^4}{2}, \frac{69^2}{2}, 63^1, \infty^{39}$	$1^{12}, \frac{3^{12}}{2}, 3^9, \frac{15^8}{2}, 9^{14}, \frac{21^{12}}{2}, 15^1, \frac{33^4}{2}, \frac{45^8}{2}, 25^{150}, 27^2, \frac{69^4}{2}, 63^2, \infty^{113}$
81	$0^2, 3^1$	$0^{13}, 2^9, 3^6, \frac{33^8}{4}, 9^2, 10^6, \frac{45^4}{4}, 12^2, 15^1, \frac{69^4}{4}, 18^1, 24^3, 30^2, 36^1, 39^1, 63^1, \infty^{11}$	$0^3, 2^3, 3^1, 9^2, 10^6, \frac{45^4}{4}, 12^2, 15^1, \frac{69^4}{4}, 24^3, 36^1, 39^1, 63^1, \infty^{43}$	$0^{14}, 2^{12}, 3^6, \frac{33^8}{4}, 9^4, 10^{12}, \frac{45^8}{4}, 12^4, 15^2, \frac{69^8}{4}, 18^1, 24^6, 26^{162}, 30^2, 36^2, 39^2, 63^2, \infty^{123}$
84	$\frac{3^4}{2}$	$\frac{3^{26}}{2}, 3^3, 5^3, \frac{15^4}{2}, 9^6, 11^3, 12^6, \frac{27^2}{2}, 15^6, 18^2, \frac{39^2}{2}, 21^1, \frac{51^2}{2}, 33^1, 39^1, 63^1, \infty^{12}$	$\frac{3^6}{2}, 3^1, 5^3, 11^3, 12^6, \frac{27^2}{2}, 15^4, 18^2, \frac{39^2}{2}, \frac{51^2}{2}, 33^1, 39^1, 63^1, \infty^{47}$	$\frac{3^{28}}{2}, 3^4, 5^6, \frac{15^4}{2}, 9^6, 11^6, 12^{12}, \frac{27^4}{2}, 15^{10}, 18^4, \frac{39^4}{2}, 21^1, \frac{51^4}{2}, 27^{175}, 33^2, 39^2, 63^2, \infty^{132}$
87	$0^2, 3^2$	$0^{14}, 3^{13}, 6^6, \frac{33^8}{4}, 9^2, 12^1, \frac{51^4}{4}, 14^6, 15^5, 17^3, \frac{81^4}{4}, 21^2, 24^1, 27^1, 33^1, 42^2, 63^2, \infty^{12}$	$0^3, 3^3, 6^6, 12^1, \frac{51^4}{4}, 14^6, 15^1, 17^3, \frac{81^4}{4}, 21^2, 27^1, 33^1, 42^2, 63^2, \infty^{48}$	$0^{15}, 3^{14}, 6^{12}, \frac{33^8}{4}, 9^2, 12^2, \frac{51^8}{4}, 14^{12}, 15^6, 17^6, \frac{81^8}{4}, 21^4, 24^1, 27^2, 28^{186}, 33^2, 42^4, 63^4, \infty^{139}$
90	$\frac{3^2}{2}, 3^1, 15^1$	$1^9, \frac{3^{14}}{2}, 3^4, \frac{9^6}{2}, 5^3, 7^3, 9^4, \frac{27^2}{2}, 15^{10}, \frac{31^6}{2}, \frac{33^2}{2}, 17^6, 21^4, 27^1, 36^2, \frac{87^2}{2}, 63^2, \infty^{13}$	$\frac{3^4}{2}, 3^1, \frac{9^2}{2}, 5^3, 7^3, \frac{27^2}{2}, 15^2, \frac{31^6}{2}, \frac{33^2}{2}, 17^6, 21^4, 36^2, \frac{87^2}{2}, 63^2, \infty^{52}$	$1^9, \frac{3^{16}}{2}, 3^4, \frac{9^8}{2}, 5^6, 7^6, 9^4, \frac{27^4}{2}, 15^{11}, \frac{31^{12}}{2}, \frac{33^4}{2}, 17^{12}, 21^8, 27^1, 29^{198}, 36^4, \frac{87^4}{2}, 63^4, \infty^{150}$
93	$0^2, 3^1, 15^1$	$0^{15}, 2^9, 3^7, 6^{15}, 15^{11}, 16^6, 18^4, 19^6, \frac{81^4}{4}, 24^2, 36^2, 42^2, 63^2, \infty^{14}$	$0^3, 3^2, 6^9, 15^2, 16^6, 18^3, 19^6, \frac{81^4}{4}, 24^2, 36^2, 42^2, 63^2, \infty^{56}$	$0^{16}, 2^9, 3^8, 6^{24}, 15^{12}, 16^{12}, 18^7, 19^{12}, \frac{81^8}{4}, 24^4, 30^{211}, 36^4, 42^4, 63^4, \infty^{161}$



96	$3^2, 15^2$	$1^{21}, 3^{11}, 6^4, 7^3, \frac{15^6}{2}, 9^3, 15^{14}, \frac{35^6}{2}, 18^4, 19^3, \frac{39^4}{2}, 21^4, 24^2, 39^1, \frac{87^2}{2}, 63^2, \infty^{15}$	$1^3, 3^2, 6^4, 7^3, \frac{15^2}{2}, 15^2, \frac{35^6}{2}, 18^4, 19^3, \frac{39^4}{2}, 21^4, 24^2, 39^1, \frac{87^2}{2}, 63^2, \infty^{61}$	$1^{24}, 3^{11}, 6^8, 7^6, \frac{15^8}{2}, 9^3, 15^{14}, \frac{35^{12}}{2}, 18^8, 19^6, \frac{39^8}{2}, 21^8, 24^4, 31^{225}, 39^2, \frac{87^4}{2}, 63^4, \infty^{173}$
99	$0^3, 15^2$	$0^{16}, 2^{21}, \frac{15^4}{2}, 9^{13}, 10^3, 15^{12}, 18^2, \frac{39^4}{2}, 20^3, \frac{81^4}{4}, 21^6, \frac{93^4}{4}, 39^1, 48^1, 63^2, \infty^{16}$	$0^4, 2^3, \frac{15^4}{2}, 9^3, 10^3, 15^2, 18^2, \frac{39^4}{2}, 20^3, \frac{81^4}{4}, 21^6, \frac{93^4}{4}, 39^1, 48^1, 63^2, \infty^{66}$	$0^{17}, 2^{24}, \frac{15^8}{2}, 9^{16}, 10^6, 15^{12}, 18^4, \frac{39^8}{2}, 20^6, \frac{81^8}{4}, 21^{12}, \frac{93^8}{4}, 32^{240}, 39^2, 48^2, 63^4, \infty^{184}$

## 4 $q = 5$ .

### 4.1 $i = 1$ .

Table 13: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 1$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
1				
5				
9				$0^1$
13				$\frac{8^3}{3}$
17				$\frac{16^6}{3}$
21				$8^{10}$
25		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{32^{12}}{3}, \infty^2$
29		$\infty^2$	$0^1, 8^1$	$0^1, 8^1, \frac{40^{15}}{3}, \infty^4$
33		$\infty^3$	$4^2, 16^1$	$4^2, 16^{20}, \infty^6$
37		$\infty^4$	$8^3, 24^1$	$8^3, \frac{56^{24}}{3}, 24^1, \infty^8$
41		$16^1, \infty^4$	$12^4, 16^1$	$12^4, 16^2, \frac{64^{30}}{3}, \infty^9$
45		$18^2, \infty^4$	$0^1, 16^3, 18^2$	$0^1, 16^3, 18^4, 24^{37}, \infty^{10}$
49		$20^1, 24^1, \infty^6$	$0^1, 4^2, 20^3, 24^1, 48^1$	$0^1, 4^2, 20^4, 24^2, \frac{80^{42}}{3}, 48^1, \infty^{14}$
53		$24^1, 28^1, \infty^8$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 16^1, 24^2, 28^1, 48^1, 56^1$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 16^1, 24^3, 28^2, \frac{88^{48}}{3}, 48^1, 56^1, \infty^{18}$
57		$28^1, 32^1, \infty^{10}$	$\frac{16^3}{3}, 8^2, 16^1, 24^1, 28^1, 32^1, 48^1, 56^1, 64^1$	$\frac{16^3}{3}, 8^2, 16^1, 24^1, 28^2, 32^{57}, 48^1, 56^1, 64^1, \infty^{22}$
61		$26^2, 32^1, \infty^{11}$	$8^1, 10^4, 12^2, 24^1, 26^2, 32^1, 52^2, 64^1$	$8^1, 10^4, 12^2, 24^1, 26^4, 32^2, \frac{104^{63}}{3}, 52^2, 64^1, \infty^{25}$
65		$28^4, 40^1, \infty^{11}$	$0^1, 12^2, 14^4, 16^1, 28^4, 40^1, 56^3$	$0^1, 12^2, 14^4, 16^1, 28^8, \frac{112^{72}}{3}, 40^2, 56^3, \infty^{27}$
69		$30^2, 32^4, 40^1, \infty^{11}$	$0^1, 4^2, 16^3, 20^2, 30^2, 32^4, 40^1, 48^1, 60^2$	$0^1, 4^2, 16^3, 20^2, 30^4, 32^8, 40^{84}, 48^1, 60^2, \infty^{29}$
73		$33^4, 38^2, 48^1, \infty^{14}$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 20^2, 24^1, 33^4, 38^2, 48^3, 64^1, 76^2$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 20^2, 24^1, 33^8, 38^4, \frac{128^{90}}{3}, 48^4, 64^1, 76^2, \infty^{35}$

77		$36^2, 38^2, 42^2, 52^1, \infty^{17}$	$\frac{16}{3}^6, 12^2, 24^2, 36^2, 38^2, 42^2, 48^2, 52^1, 56^1, 76^2, 84^2$	$\frac{16}{3}^6, 12^2, 24^2, 36^4, 38^4, 42^4, \frac{136}{3}^{99}, 48^2, 52^2, 56^1, 76^2, 84^2, \infty^{41}$
81		$36^3, 40^2, 42^2, 56^1, \infty^{19}$	$8^7, 12^2, 16^1, 24^1, 36^3, 40^2, 42^2, 48^1, 56^3, 64^1, 72^2, 84^2$	$8^7, 12^2, 16^1, 24^1, 36^6, 40^4, 42^4, 48^{110}, 56^4, 64^1, 72^2, 84^2, \infty^{46}$
85		$38^6, 40^1, 44^2, 60^1, \infty^{20}$	$0^1, \frac{32}{3}^6, 14^4, 24^1, 38^6, 40^1, 44^2, 52^2, 60^3, 76^2, 80^2$	$0^1, \frac{32}{3}^6, 14^4, 24^1, 38^{12}, 40^2, 44^4, \frac{152}{3}^{120}, 52^2, 60^4, 76^2, 80^2, \infty^{50}$
89		$40^3, 41^4, 42^4, 60^1, 64^1, \infty^{20}$	$0^1, 4^2, \frac{40}{3}^3, 16^6, 40^3, 41^4, 42^4, 48^1, 56^3, 60^1, 64^1, 80^4$	$0^1, 4^2, \frac{40}{3}^3, 16^6, 40^6, 41^8, 42^8, 48^1, \frac{160}{3}^{132}, 56^3, 60^2, 64^2, 80^4, \infty^{53}$
93		$\frac{128}{3}^3, 43^4, 44^2, 45^4, 48^1, 64^1, 68^1, \infty^{20}$	$\frac{8}{3}^3, 8^3, 16^1, 18^4, 24^1, \frac{128}{3}^3, 43^4, 44^2, 45^4, 48^3, 56^1, 60^2, 64^1, 68^1, 84^2, 96^1$	$\frac{8}{3}^3, 8^3, 16^1, 18^4, 24^1, \frac{128}{3}^6, 43^8, 44^4, 45^8, 48^4, 56^{146}, 60^2, 64^2, 68^2, 84^2, 96^1, \infty^{56}$
97		$\frac{136}{3}^3, 46^6, 48^1, 52^4, 72^2, \infty^{24}$	$\frac{16}{3}^6, 12^4, 20^2, 24^1, \frac{136}{3}^3, 46^6, 48^3, 52^6, 56^1, 64^1, 72^2, 96^2, 104^3$	$\frac{16}{3}^6, 12^4, 20^2, 24^1, \frac{136}{3}^6, 46^{12}, 48^4, 52^{10}, 56^1, \frac{176}{3}^{156}, 64^1, 72^4, 96^2, 104^3, \infty^{64}$
101		$46^4, 48^1, 49^4, 50^2, 52^3, 56^1, 76^2, \infty^{27}$	$8^{10}, 16^3, 24^1, 46^4, 48^2, 49^4, 50^2, 52^7, 56^2, 64^1, 76^2, 96^2, 104^4$	$8^{10}, 16^3, 24^1, 46^8, 48^3, 49^8, 50^4, 52^{10}, 56^3, \frac{184}{3}^{168}, 64^1, 76^4, 96^2, 104^4, \infty^{71}$
105		$48^8, 50^2, 52^3, 54^4, 80^2, \infty^{29}$	$0^1, \frac{32}{3}^{12}, 20^2, 48^8, 50^2, \frac{152}{3}^3, 52^3, 54^4, 56^2, 60^2, 64^1, 80^2, 96^2, 100^2, 104^2$	$0^1, \frac{32}{3}^{12}, 20^2, 48^{16}, 50^4, \frac{152}{3}^3, 52^6, 54^8, 56^2, 60^2, 64^{182}, 80^4, 96^2, 100^2, 104^2, \infty^{77}$
109		$50^4, 51^8, 52^2, 54^2, 56^3, 64^1, 76^1, 84^1, \infty^{30}$	$0^1, 4^2, \frac{40}{3}^{12}, 24^1, 48^1, 50^4, 51^8, 52^2, \frac{160}{3}^3, 54^2, 56^5, 64^3, 76^1, 84^1, 96^1, 100^4, 104^1$	$0^1, 4^2, \frac{40}{3}^{12}, 24^1, 48^1, 50^8, 51^{16}, 52^4, \frac{160}{3}^3, 54^4, 56^8, 64^4, \frac{200}{3}^{195}, 76^2, 84^2, 96^1, 100^4, 104^1, \infty^{82}$
113		$\frac{158}{3}^6, 53^4, 54^4, 55^8, 64^1, 84^1, 88^2, \infty^{30}$	$\frac{8}{3}^3, 8^3, 16^{10}, 48^2, \frac{158}{3}^6, 53^4, 54^4, 55^8, 56^2, 58^4, 64^1, 84^1, 88^2, 96^1, 100^2, 104^3$	$\frac{8}{3}^3, 8^3, 16^{10}, 48^2, \frac{158}{3}^{12}, 53^8, 54^8, 55^{16}, 56^2, 58^4, 64^2, \frac{208}{3}^{210}, 84^2, 88^4, 96^1, 100^2, 104^3, \infty^{86}$

117		$\frac{166^6}{3}, 56^{10}, 58^8, 62^2, 68^1, 88^1, 92^2, \infty^{30}$	$\frac{16^6}{3}, 12^4, \frac{56^6}{3}, 48^2, 52^2, \frac{166^6}{3}, 56^{11}, 58^8, 60^2, 62^2, 64^2, 68^1, 88^1, 92^2, 96^2, 104^1, 124^2$	$\frac{16^6}{3}, 12^4, \frac{56^6}{3}, 48^2, 52^2, \frac{166^6}{3}, 56^{21}, 58^{16}, 60^2, 62^4, 64^2, 68^2, 72^{226}, 88^2, 92^4, 96^2, 104^1, 124^2, \infty^{90}$
121	$16^1$	$16^1, 56^3, 58^2, \frac{117^8}{2}, 59^8, 62^2, 66^2, 76^1, 96^3, \infty^{35}$	$8^{10}, 16^5, \frac{64^3}{3}, 48^1, 52^4, 56^6, 58^2, \frac{117^8}{2}, 59^8, 62^2, 64^2, 66^2, 76^1, 96^6, 124^4, \infty^1$	$8^{10}, 16^5, \frac{64^3}{3}, 48^1, 52^4, 56^9, 58^4, \frac{117^{16}}{2}, 59^{16}, 62^4, 64^2, 66^4, \frac{224^{243}}{3}, 76^2, 96^9, 124^4, \infty^{99}$
125	$20^1$	$20^1, 58^8, 60^3, 61^4, 62^8, 64^4, 80^1, 100^2, \infty^{39}$	$0^1, \frac{32^{12}}{3}, 20^6, 24^1, \frac{152^3}{3}, 56^6, 58^8, 60^5, 61^4, 62^8, 64^4, 80^1, 96^3, 100^2, 104^1, 124^4, \infty^1$	$0^1, \frac{32^{12}}{3}, 20^6, 24^1, \frac{152^3}{3}, 56^6, 58^{16}, 60^8, 61^8, 62^{16}, 64^8, \frac{232^{258}}{3}, 80^2, 96^3, 100^4, 104^1, 124^4, \infty^{108}$
129	$24^1$	$24^1, 60^5, 61^{12}, 62^2, 64^3, 65^4, 66^4, 84^1, 104^1, \infty^{42}$	$0^1, 8^1, \frac{40^{15}}{3}, 24^5, 48^1, \frac{160^6}{3}, 60^9, 61^{12}, 62^2, 64^4, 65^4, 66^4, 84^1, 96^2, 104^3, 120^2, 124^2, \infty^1$	$0^1, 8^1, \frac{40^{15}}{3}, 24^5, 48^1, \frac{160^6}{3}, 60^{14}, 61^{24}, 62^4, 64^7, 65^8, 66^8, 80^{274}, 84^2, 96^2, 104^4, 120^2, 124^2, \infty^{116}$

Table 14: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 1$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
4		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \infty^2$
8		$4^1, \infty^1$	$0^1, 4^1$	$0^1, 4^2, \infty^3$
12		$6^2, \infty^1$	$0^1, 6^2$	$0^1, 6^4, 8^1, \infty^4$
16		$8^3, \infty^1$	$0^1, 8^3$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, \infty^5$
20		$10^4, \infty^1$	$0^1, 10^4$	$0^1, 10^8, \frac{40^6}{3}, \infty^6$
24		$12^5, \infty^1$	$0^1, 12^5$	$0^1, 12^{10}, 16^{10}, \infty^7$
28	$4^1$	$4^1, 14^4, \infty^3$	$0^1, 4^2, 14^4, \infty^1$	$0^1, 4^2, 14^8, \frac{56^{15}}{3}, \infty^{10}$
32	$8^1$	$8^1, 16^5, \infty^4$	$0^1, 8^3, 16^5, \infty^1$	$0^1, 8^3, 16^{10}, \frac{64^{18}}{3}, \infty^{13}$
36	$12^1$	$12^1, 18^6, \infty^5$	$0^1, 12^4, 18^6, \infty^1$	$0^1, 12^4, 18^{12}, 24^{22}, \infty^{16}$
40	$16^1$	$16^1, 20^7, \infty^6$	$0^1, 16^5, 20^7, \infty^1$	$0^1, 16^5, 20^{14}, \frac{80^{27}}{3}, \infty^{19}$
44	$20^1$	$20^1, 22^8, \infty^7$	$0^1, 20^6, 22^8, \infty^1$	$0^1, 20^6, 22^{16}, \frac{88^{33}}{3}, \infty^{22}$
48	$4^1$	$4^1, 24^9, \infty^8$	$0^1, 4^2, 24^{14}, \infty^1$	$0^1, 4^2, 24^{23}, 32^{40}, \infty^{25}$
52	$6^2$	$6^2, 26^8, 28^1, \infty^{10}$	$0^1, 6^4, 8^1, 26^8, 28^5, \infty^2$	$0^1, 6^4, 8^1, 26^{16}, 28^6, \frac{104^{48}}{3}, \infty^{29}$
56	$8^1, 12^1$	$8^1, 12^1, 28^9, 32^1, \infty^{12}$	$0^1, 8^2, \frac{32^3}{3}, 12^2, 28^9, 32^4, 56^1, \infty^2$	$0^1, 8^2, \frac{32^3}{3}, 12^2, 28^{18}, 32^5, \frac{112^{54}}{3}, 56^1, \infty^{34}$
60	$12^1, 16^1$	$12^1, 16^1, 30^{10}, 36^1, \infty^{14}$	$0^1, 12^2, \frac{40^3}{3}, 16^4, 30^{10}, 36^3, 56^1, 64^1, \infty^2$	$0^1, 12^2, \frac{40^3}{3}, 16^4, 30^{20}, 36^4, 40^{61}, 56^1, 64^1, \infty^{39}$
64	$16^1, 20^1$	$16^1, 20^1, 32^{11}, 40^1, \infty^{16}$	$0^1, 16^3, 18^4, 20^4, 32^{11}, 40^2, 60^2, 72^1, \infty^2$	$0^1, 16^3, 18^4, 20^4, 32^{22}, 40^3, \frac{128^{69}}{3}, 60^2, 72^1, \infty^{44}$
68	$4^1, 20^1$	$4^1, 20^1, 34^{12}, 44^1, \infty^{18}$	$0^1, 4^2, 20^4, 22^4, 24^3, 34^{12}, 44^1, 64^3, 80^1, \infty^2$	$0^1, 4^2, 20^4, 22^4, 24^3, 34^{24}, 44^2, \frac{136^{78}}{3}, 64^3, 80^1, \infty^{49}$
72	$6^2$	$6^2, 36^{13}, 38^2, \infty^{19}$	$0^1, 6^4, 8^1, 24^3, 26^4, 28^2, 36^{13}, 38^2, 68^4, \infty^2$	$0^1, 6^4, 8^1, 24^3, 26^4, 28^2, 36^{26}, 38^4, 48^{88}, 68^4, \infty^{53}$
76	$8^3$	$8^3, 38^{12}, 41^4, \infty^{21}$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, 28^4, 32^3, 38^{12}, 41^4, 56^1, 72^3, \infty^3$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, 28^4, 32^3, 38^{24}, 41^8, \frac{152^{99}}{3}, 56^1, 72^3, \infty^{58}$

80	$10^2, 16^1$	$10^2, 16^1, 40^{13}, 44^2, 46^2, \infty^{24}$	$0^1, 10^4, \frac{40^6}{3}, 16^2, 32^3, 36^2, 40^{13}, 44^2, 46^2, 56^2, 76^2, 84^2, \infty^3$	$0^1, 10^4, \frac{40^6}{3}, 16^2, 32^3, 36^2, 40^{26}, 44^4, 46^4, \frac{160^{108}}{3}, 56^2, 76^2, 84^2, \infty^{65}$
84	$12^1, 16^1, 20^1$	$12^1, 16^1, 20^1, 42^{14}, 48^2, 50^2, \infty^{27}$	$0^1, 12^2, 16^9, 20^4, 36^2, 40^1, 42^{14}, 48^2, 50^2, 56^1, 64^1, 72^1, 76^2, 80^1, 92^2, \infty^3$	$0^1, 12^2, 16^9, 20^4, 36^2, 40^1, 42^{28}, 48^4, 50^4, 56^{119}, 64^1, 72^1, 76^2, 80^1, 92^2, \infty^{72}$
88	$4^1, 16^1, 20^1$	$4^1, 16^1, 20^1, 44^{15}, 52^2, 54^2, \infty^{30}$	$0^1, 4^2, 16^2, \frac{56^6}{3}, 20^2, 22^4, 24^2, 40^1, 44^{15}, 52^2, 54^2, 60^2, 68^2, 84^2, 88^2, 100^2, \infty^3$	$0^1, 4^2, 16^2, \frac{56^6}{3}, 20^2, 22^4, 24^2, 40^1, 44^{30}, 52^4, 54^4, \frac{176^{129}}{3}, 60^2, 68^2, 84^2, 88^2, 100^2, \infty^{79}$
92	$6^2, 20^1$	$6^2, 20^1, 46^{16}, 48^3, 56^2, \infty^{32}$	$0^1, 6^4, 8^1, 20^2, \frac{64^3}{3}, 24^6, 26^4, 46^{16}, 48^3, 56^2, 64^3, 72^2, 88^4, 96^2, \infty^3$	$0^1, 6^4, 8^1, 20^2, \frac{64^3}{3}, 24^6, 26^4, 46^{32}, 48^6, 56^4, \frac{184^{141}}{3}, 64^3, 72^2, 88^4, 96^2, \infty^{85}$
96	$8^3$	$8^3, 48^{17}, \frac{152^3}{3}, 51^4, \infty^{33}$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, 24^1, 26^4, 28^6, 32^1, 48^{17}, \frac{152^3}{3}, 51^4, 56^1, 68^4, 92^6, \infty^3$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, 24^1, 26^4, 28^6, 32^1, 48^{34}, \frac{152^6}{3}, 51^8, 56^1, 64^{154}, 68^4, 92^6, \infty^{90}$
100	$10^4$	$10^4, 50^{16}, \frac{160^3}{3}, 54^6, 56^1, \infty^{35}$	$0^1, 10^8, \frac{40^6}{3}, 28^2, 30^4, 32^1, 36^2, 50^{16}, \frac{160^3}{3}, 54^6, 56^3, 64^1, 72^3, 96^4, 104^1, \infty^4$	$0^1, 10^8, \frac{40^6}{3}, 28^2, 30^4, 32^1, 36^2, 50^{32}, \frac{160^6}{3}, 54^{12}, 56^4, 64^1, \frac{200^{168}}{3}, 72^3, 96^4, 104^1, \infty^{96}$
104	$12^3, 20^1$	$12^3, 20^1, 52^{17}, 56^1, 57^4, 58^2, 60^3, \infty^{39}$	$0^1, 12^6, 16^{10}, 20^2, 32^3, 36^2, 40^1, 52^{17}, 56^2, 57^4, 58^2, 60^7, 76^2, 100^2, 104^2, 112^3, \infty^4$	$0^1, 12^6, 16^{10}, 20^2, 32^3, 36^2, 40^1, 52^{34}, 56^3, 57^8, 58^4, 60^{10}, \frac{208^{180}}{3}, 76^2, 100^2, 104^2, 112^3, \infty^{105}$
108	$4^1, 14^2, 20^1$	$4^1, 14^2, 20^1, 54^{18}, 60^3, 62^4, 64^3, \infty^{43}$	$0^1, 4^2, 14^4, \frac{56^{12}}{3}, 20^2, 24^2, 36^2, 40^1, 54^{18}, \frac{176^3}{3}, 60^3, 62^4, 64^5, 68^2, 80^1, 104^2, 108^2, 112^2, 120^3, \infty^4$	$0^1, 4^2, 14^4, \frac{56^{12}}{3}, 20^2, 24^2, 36^2, 40^1, 54^{36}, \frac{176^3}{3}, 60^6, 62^8, 64^8, 68^2, 72^{193}, 80^1, 104^2, 108^2, 112^2, 120^3, \infty^{114}$
112	$6^2, 16^1, 20^1$	$6^2, 16^1, 20^1, 56^{19}, 58^4, 64^3, 66^4, \infty^{46}$	$0^1, 6^4, 8^1, 16^2, 20^2, \frac{64^{12}}{3}, 26^4, 40^1, 56^{19}, 58^4, \frac{184^3}{3}, 64^5, 66^4, 72^4, 104^1, 108^4, 112^1, 116^2, 120^2, \infty^4$	$0^1, 6^4, 8^1, 16^2, 20^2, \frac{64^{12}}{3}, 26^4, 40^1, 56^{38}, 58^8, \frac{184^3}{3}, 64^8, 66^8, 72^4, \frac{224^{207}}{3}, 104^1, 108^4, 112^1, 116^2, 120^2, \infty^{122}$

116	$8^3, 20^1$	$8^3, 20^1, 58^{20}, \frac{182^6}{3}, 61^4, 68^3, \infty^{48}$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, 20^2, 24^{10}, 28^6, 56^1, 58^{20}, \frac{182^6}{3}, 61^4, 64^1, 66^4, 68^5, 80^2, 108^2, 112^7, 120^1, \infty^4$	$0^1, 8^6, \frac{32^3}{3}, 20^2, 24^{10}, 28^6, 56^1, 58^{40}, \frac{182^{12}}{3}, 61^8, 64^1, 66^4, 68^8, \frac{232^{222}}{3}, 80^2, 108^2, 112^7, 120^1, \infty^{129}$
120	$10^4$	$10^4, 60^{21}, \frac{190^6}{3}, 64^{10}, \infty^{49}$	$0^1, 10^8, \frac{40^6}{3}, \frac{80^6}{3}, \frac{88^3}{3}, 30^4, 32^1, 56^2, 60^{21}, \frac{190^6}{3}, 64^{11}, 68^2, 70^4, 72^1, 104^1, 112^3, 116^6, \infty^4$	$0^1, 10^8, \frac{40^6}{3}, \frac{80^6}{3}, \frac{88^3}{3}, 30^4, 32^1, 56^2, 60^{42}, \frac{190^{12}}{3}, 64^{21}, 68^2, 70^4, 72^1, 80^{238}, 104^1, 112^3, 116^6, \infty^{135}$
124	$12^5$	$12^5, 62^{20}, 66^2, \frac{133^8}{2}, 67^8, 70^2, \infty^{51}$	$0^1, 12^{10}, 16^{10}, \frac{88^3}{3}, 32^6, 40^1, 56^1, 60^4, 62^{20}, 66^2, \frac{133^8}{2}, 67^8, 70^2, 72^4, 76^2, 104^2, 116^2, 120^3, 132^2, \infty^5$	$0^1, 12^{10}, 16^{10}, \frac{88^3}{3}, 32^6, 40^1, 56^1, 60^4, 62^{40}, 66^4, \frac{133^{16}}{2}, 67^{16}, 70^4, 72^4, 76^2, \frac{248^{255}}{3}, 104^2, 116^2, 120^3, 132^2, \infty^{142}$
128	$4^1, 14^4$	$4^1, 14^4, 64^{21}, 69^4, 70^8, 72^4, 74^4, \infty^{56}$	$0^1, 4^2, 14^8, \frac{56^{15}}{3}, 32^1, 34^4, 40^1, \frac{176^3}{3}, 64^{27}, 69^4, 70^8, 72^4, 74^4, 76^2, 80^1, 104^3, 120^1, 132^4, 140^4, \infty^5$	$0^1, 4^2, 14^8, \frac{56^{15}}{3}, 32^1, 34^4, 40^1, \frac{176^3}{3}, 64^{48}, 69^8, 70^{16}, 72^8, 74^8, 76^2, 80^1, \frac{256^{270}}{3}, 104^3, 120^1, 132^4, 140^4, \infty^{153}$

Table 15: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 1$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				$0^1$
7				$\frac{8}{3}^3$
11		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{16}{3}^3, \infty^2$
15		$\infty^2$	$0^1, 8^1$	$0^1, 8^5, \infty^4$
19		$8^1, \infty^2$	$0^1, 8^2$	$0^1, 8^3, \frac{32}{3}^6, \infty^5$
23		$10^2, \infty^2$	$0^1, 8^1, 10^2$	$0^1, 8^1, 10^4, \frac{40}{3}^9, \infty^6$
27		$12^3, \infty^2$	$4^2, 12^3$	$4^2, 12^6, 16^{13}, \infty^7$
31		$14^4, \infty^2$	$0^1, 8^1, 14^4$	$0^1, 8^1, 14^8, \frac{56}{3}^{18}, \infty^8$
35		$16^3, 24^1, \infty^4$	$0^1, 4^2, 16^3, 24^1, 48^1$	$0^1, 4^2, 16^6, \frac{64}{3}^{21}, 24^2, 48^1, \infty^{12}$
39		$18^4, 24^1, \infty^5$	$0^1, 4^2, 8^1, 18^4, 24^1, 48^1$	$0^1, 4^2, 8^1, 18^8, 24^{27}, 48^1, \infty^{15}$
43		$20^5, 24^1, 32^1, \infty^5$	$0^1, 4^2, 8^1, 20^5, 24^1, 32^1, 48^1$	$0^1, 4^2, 8^1, 20^{10}, 24^2, \frac{80}{3}^{30}, 32^2, 48^1, \infty^{17}$
47		$22^6, 24^1, 34^2, \infty^5$	$\frac{8}{3}^3, 8^1, 22^6, 24^1, 34^2, 48^1$	$\frac{8}{3}^3, 8^1, 22^{12}, 24^2, \frac{88}{3}^{36}, 34^4, 48^1, \infty^{19}$
51		$24^8, 36^3, \infty^5$	$0^1, \frac{16}{3}^3, 24^8, 36^3, 48^1$	$0^1, \frac{16}{3}^3, 24^{16}, 32^{43}, 36^6, 48^1, \infty^{21}$
55		$26^6, 28^4, 38^2, 40^1, \infty^5$	$0^1, 4^2, 8^1, 26^6, 28^4, 38^2, 40^1, 48^1$	$0^1, 4^2, 8^1, 26^{12}, 28^8, \frac{104}{3}^{51}, 38^4, 40^2, 48^1, \infty^{23}$
59	$8^1$	$8^1, 28^5, 30^4, 40^2, 48^1, \infty^8$	$0^1, 4^2, 8^3, 28^5, 30^4, 40^2, 48^3, \infty^1$	$0^1, 4^2, 8^3, 28^{10}, 30^8, \frac{112}{3}^{60}, 40^4, 48^4, \infty^{28}$
63	$12^1$	$12^1, 30^6, 32^3, 34^2, 36^1, 48^1, \infty^{10}$	$0^1, 4^2, 8^1, 12^4, 30^6, 32^3, 34^2, 36^1, 48^3, \infty^1$	$0^1, 4^2, 8^1, 12^4, 30^{12}, 32^6, 34^4, 36^2, 40^{67}, 48^4, \infty^{33}$
67	$16^1$	$16^1, 32^7, 33^4, 34^2, 48^1, 56^1, \infty^{11}$	$\frac{8}{3}^3, 8^1, 16^5, 32^7, 33^4, 34^2, 48^3, 56^1, \infty^1$	$\frac{8}{3}^3, 8^1, 16^5, 32^{14}, 33^8, 34^4, \frac{128}{3}^{75}, 48^4, 56^2, \infty^{37}$
71	$20^1$	$20^1, 34^{10}, 36^5, 56^1, 60^1, \infty^{12}$	$0^1, \frac{16}{3}^3, 20^6, 34^{10}, 36^5, 48^2, 56^1, 60^1, \infty^1$	$0^1, \frac{16}{3}^3, 20^6, 34^{20}, 36^{10}, \frac{136}{3}^{84}, 48^2, 56^2, 60^2, \infty^{41}$
75	$24^1$	$24^1, 36^9, 37^4, 38^4, 58^2, \infty^{13}$	$0^1, 4^2, 8^1, 12^2, 24^5, 36^9, 37^4, 38^4, 48^2, 58^2, \infty^1$	$0^1, 4^2, 8^1, 12^2, 24^5, 36^{18}, 37^8, 38^8, 48^{96}, 58^4, \infty^{45}$



79	$8^1$	$8^1, 38^8, 39^4, 40^7, 60^2, \infty^{14}$	$0^1, 4^2, 8^3, 12^2, 28^4, 38^8, 39^4, 40^7, 48^2, 60^2, \infty^1$	$0^1, 4^2, 8^3, 12^2, 28^4, 38^{16}, 39^8, 40^{14}, 48^2, \frac{152^{105}}{3}, 60^4, \infty^{49}$
83	$10^2$	$10^2, 40^7, 41^4, 42^8, 60^1, 68^1, \infty^{17}$	$0^1, 4^2, 8^1, 10^4, 12^2, 16^1, 32^3, 40^7, 41^4, 42^8, 48^3, 60^1, 68^1, \infty^2$	$0^1, 4^2, 8^1, 10^4, 12^2, 16^1, 32^3, 40^{14}, 41^8, 42^{16}, 48^3, \frac{160^{117}}{3}, 60^2, 68^2, \infty^{55}$
87	$12^1, 16^1$	$12^1, 16^1, 42^8, \frac{128^3}{3}, 43^4, 44^6, 68^1, \infty^{20}$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 12^2, 14^4, 16^3, 24^1, 36^2, 42^8, \frac{128^3}{3}, 43^4, 44^6, 48^3, 56^1, 68^1, \infty^2$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 12^2, 14^4, 16^3, 24^1, 36^2, 42^{16}, \frac{128^6}{3}, 43^8, 44^{12}, 48^3, 56^{128}, 68^2, \infty^{62}$
91	$16^1, 20^1$	$16^1, 20^1, 44^{12}, \frac{136^3}{3}, 46^8, 80^1, \infty^{22}$	$0^1, \frac{16^3}{3}, 16^4, \frac{56^3}{3}, 20^4, 32^1, 40^1, 44^{12}, \frac{136^3}{3}, 46^8, 48^3, 60^2, 80^1, \infty^2$	$0^1, \frac{16^3}{3}, 16^4, \frac{56^3}{3}, 20^4, 32^1, 40^1, 44^{24}, \frac{136^6}{3}, 46^{16}, 48^3, \frac{176^{138}}{3}, 60^2, 80^2, \infty^{68}$
95	$20^1, 24^1$	$20^1, 24^1, 46^{10}, 47^8, 48^7, 80^1, \infty^{24}$	$0^1, 4^2, 8^1, 12^2, 20^4, \frac{64^3}{3}, 24^4, 40^1, 46^{10}, 47^8, 48^{10}, 64^3, 80^1, \infty^2$	$0^1, 4^2, 8^1, 12^2, 20^4, \frac{64^3}{3}, 24^4, 40^1, 46^{20}, 47^{16}, 48^{17}, \frac{184^{150}}{3}, 64^3, 80^2, \infty^{74}$
99	$8^1, 24^1$	$8^1, 24^1, 48^{11}, 49^8, 50^8, 80^1, \infty^{26}$	$0^1, 4^2, 8^3, 12^2, 16^2, 24^3, 26^4, 28^2, 48^{14}, 49^8, 50^8, 68^4, 80^1, \infty^2$	$0^1, 4^2, 8^3, 12^2, 16^2, 24^3, 26^4, 28^2, 48^{25}, 49^{16}, 50^{16}, 64^{163}, 68^4, 80^2, \infty^{80}$
103	$10^2$	$10^2, 50^{10}, 51^8, 52^{11}, 72^1, 80^1, \infty^{27}$	$0^1, 4^2, 8^1, 10^4, 12^2, 16^3, 28^2, 30^4, 32^1, 48^3, 50^{10}, 51^8, 52^{11}, 72^4, 80^1, 88^1, \infty^2$	$0^1, 4^2, 8^1, 10^4, 12^2, 16^3, 28^2, 30^4, 32^1, 48^3, 50^{20}, 51^{16}, 52^{22}, \frac{200^{177}}{3}, 72^5, 80^2, 88^1, \infty^{85}$
107	$12^3$	$12^3, 52^9, \frac{158^6}{3}, 53^4, 54^{10}, 56^1, 72^1, 88^1, \infty^{30}$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 12^6, 14^4, 16^1, 20^2, 32^3, 36^2, 48^4, 52^9, \frac{158^6}{3}, 53^4, 54^{10}, 56^2, 72^1, 76^2, 88^2, \infty^3$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 12^6, 14^4, 16^1, 20^2, 32^3, 36^2, 48^4, 52^{18}, \frac{158^{12}}{3}, 53^8, 54^{20}, 56^3, \frac{208^{192}}{3}, 72^2, 76^2, 88^3, \infty^{92}$
111	$14^2, 20^1$	$14^2, 20^1, 54^{14}, \frac{166^6}{3}, 56^{11}, 60^1, 72^1, \infty^{34}$	$0^1, \frac{16^3}{3}, 14^4, 16^6, \frac{56^3}{3}, 20^2, 24^1, 32^1, 36^2, 40^1, 48^4, 54^{14}, \frac{166^6}{3}, 56^{11}, \frac{176^3}{3}, 60^1, 72^1, 80^1, 88^1, 104^1, \infty^3$	$0^1, \frac{16^3}{3}, 14^4, 16^6, \frac{56^3}{3}, 20^2, 24^1, 32^1, 36^2, 40^1, 48^4, 54^{28}, \frac{166^{12}}{3}, 56^{22}, \frac{176^3}{3}, 60^2, 72^{207}, 80^1, 88^1, 104^1, \infty^{101}$

115	$16^1, 20^1, 24^1$	$16^1, 20^1, 24^1, 56^{11}, 57^{12}, 58^{10}, 64^1, 72^1, \infty^{37}$	$0^1, 8^5, 16^2, 18^4, 20^2, \frac{64}{3}^6, 24^2, 32^1, 40^2, 48^4, 56^{11}, 57^{12}, 58^{10}, \frac{184}{3}^3, 64^3, 72^1, 88^1, 104^1, 112^1, \infty^3$	$0^1, 8^5, 16^2, 18^4, 20^2, \frac{64}{3}^6, 24^2, 32^1, 40^2, 48^4, 56^{22}, 57^{24}, 58^{20}, \frac{184}{3}^3, 64^4, 72^2, \frac{224}{3}^{219}, 88^1, 104^1, 112^1, \infty^{109}$
119	$8^1, 20^1, 24^1$	$8^1, 20^1, 24^1, 58^{12}, 59^{12}, 60^{11}, 68^1, 72^1, \infty^{40}$	$0^1, 8^3, \frac{32}{3}^6, 20^4, 24^9, 28^2, 40^1, 48^4, 58^{12}, 59^{12}, 60^{11}, 64^1, 66^4, 68^3, 72^1, 108^2, 120^1, \infty^3$	$0^1, 8^3, \frac{32}{3}^6, 20^4, 24^9, 28^2, 40^1, 48^4, 58^{24}, 59^{24}, 60^{22}, 64^1, 66^4, 68^4, 72^2, \frac{232}{3}^{234}, 108^2, 120^1, \infty^{117}$
123	$10^2, 24^1$	$10^2, 24^1, 60^{13}, 61^{12}, 62^{12}, 64^2, 92^1, \infty^{42}$	$0^1, 8^1, 10^4, \frac{40}{3}^9, 24^2, \frac{80}{3}^6, 30^4, 48^4, 60^{13}, 61^{12}, 62^{12}, 64^2, 68^2, 70^4, 72^1, 88^1, 92^1, 112^3, \infty^3$	$0^1, 8^1, 10^4, \frac{40}{3}^9, 24^2, \frac{80}{3}^6, 30^4, 48^4, 60^{26}, 61^{24}, 62^{24}, 64^4, 68^2, 70^4, 72^1, 80^{250}, 88^1, 92^2, 112^3, \infty^{124}$
127	$12^3$	$12^3, 62^{12}, \frac{188}{3}^9, 63^4, 64^{14}, 66^2, 72^1, 94^2, \infty^{43}$	$4^2, 12^6, 16^{10}, 24^2, \frac{88}{3}^3, 32^6, 48^3, 56^1, 62^{12}, \frac{188}{3}^9, 63^4, 64^{14}, 66^2, 72^4, 76^2, 88^2, 94^2, 116^2, 128^1, \infty^3$	$4^2, 12^6, 16^{10}, 24^2, \frac{88}{3}^3, 32^6, 48^3, 56^1, 62^{24}, \frac{188}{3}^{18}, 63^8, 64^{28}, 66^4, 72^5, 76^2, \frac{248}{3}^{267}, 88^2, 94^4, 116^2, 128^1, \infty^{130}$

Table 16: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 1$ , type 3. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
2				
6				$0^1$
10				$\frac{8^3}{3}$
14				$\frac{16^6}{3}$
18		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 8^7, \infty^2$
22		$\infty^2$	$0^1, 8^1$	$0^1, 8^1, \frac{32^9}{3}, \infty^4$
26		$\infty^3$	$0^1, 8^1, 16^1$	$0^1, 8^1, \frac{40^{12}}{3}, 16^1, \infty^6$
30		$12^1, \infty^3$	$4^2, 12^1, 16^1$	$4^2, 12^2, 16^{17}, \infty^7$
34		$14^2, \infty^3$	$8^3, 14^2$	$8^3, 14^4, \frac{56^{21}}{3}, \infty^8$
38		$16^3, \infty^3$	$0^1, 12^2, 16^3$	$0^1, 12^2, 16^6, \frac{64^{27}}{3}, \infty^9$
42		$18^2, 24^1, \infty^5$	$0^1, 4^2, 16^1, 18^2, 24^1, 48^1$	$0^1, 4^2, 16^1, 18^4, 24^{33}, 48^1, \infty^{13}$
46		$20^1, 24^1, 28^1, \infty^7$	$0^1, 4^2, 8^1, 16^1, 20^1, 24^1, 28^1, 48^1, 56^1$	$0^1, 4^2, 8^1, 16^1, 20^2, 24^2, \frac{80^{36}}{3}, 28^2, 48^1, 56^1, \infty^{17}$
50		$22^2, 24^1, 28^1, \infty^8$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 16^2, 22^2, 24^1, 28^1, 48^1, 56^1$	$\frac{8^3}{3}, 8^1, 16^2, 22^4, 24^2, 28^2, \frac{88^{42}}{3}, 48^1, 56^1, \infty^{20}$
54		$24^4, 28^1, 36^1, \infty^8$	$\frac{16^3}{3}, 8^2, 16^1, 24^4, 28^1, 36^1, 48^1, 56^1$	$\frac{16^3}{3}, 8^2, 16^1, 24^8, 28^2, 32^{49}, 36^2, 48^1, 56^1, \infty^{22}$
58		$26^6, 38^2, \infty^8$	$0^1, 8^1, 10^4, 26^6, 38^2, 52^2$	$0^1, 8^1, 10^4, 26^{12}, \frac{104^{57}}{3}, 38^4, 52^2, \infty^{24}$
62		$28^4, 30^4, 40^2, \infty^8$	$0^1, 4^2, 12^2, 16^1, 28^4, 30^4, 40^2, 48^1, 56^1$	$0^1, 4^2, 12^2, 16^1, 28^8, 30^8, \frac{112^{66}}{3}, 40^4, 48^1, 56^1, \infty^{26}$
66		$30^2, 32^4, 38^2, 40^1, 48^1, \infty^{11}$	$0^1, 4^2, 8^3, 16^1, 30^2, 32^4, 38^2, 40^1, 48^3, 76^2$	$0^1, 4^2, 8^3, 16^1, 30^4, 32^8, 38^4, 40^{75}, 48^4, 76^2, \infty^{32}$
70		$32^3, 33^4, 38^2, 48^1, 52^1, \infty^{13}$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 12^2, 32^3, 33^4, 38^2, 48^3, 52^1, 56^1, 76^2$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 12^2, 32^6, 33^8, 38^4, \frac{128^{81}}{3}, 48^4, 52^2, 56^1, 76^2, \infty^{37}$
74		$34^6, 36^3, 38^2, 52^1, 56^1, \infty^{14}$	$\frac{16^6}{3}, 12^2, 16^1, 34^6, 36^3, 38^2, 48^2, 52^1, 56^2, 76^2$	$\frac{16^6}{3}, 12^2, 16^1, 34^{12}, 36^6, 38^4, \frac{136^{90}}{3}, 48^2, 52^2, 56^3, 76^2, \infty^{41}$

78		$36^9, 38^2, 40^2, 58^2, 60^1, \infty^{14}$	$0^1, 8^7, 16^1, 36^9, 38^2, 40^2, 48^1, 56^2, 58^2, 60^1, 72^2$	$0^1, 8^7, 16^1, 36^{18}, 38^4, 40^4, 48^{101}, 56^2, 58^4, 60^2, 72^2, \infty^{44}$
82		$38^6, 39^4, 40^5, 60^2, 62^2, \infty^{14}$	$0^1, 4^2, \frac{32^6}{3}, 38^6, 39^4, 40^5, 48^1, 52^2, 60^2, 62^2, 76^2$	$0^1, 4^2, \frac{32^6}{3}, 38^{12}, 39^8, 40^{10}, 48^1, \frac{152^{111}}{3}, 52^2, 60^4, 62^4, 76^2, \infty^{47}$
86		$40^3, 41^4, 42^4, 44^2, 48^4, \frac{148^3}{3}, 64^1, 68^1, \infty^{14}$	$0^1, 4^2, 8^3, \frac{40^3}{3}, 40^3, 41^4, 42^4, 44^2, 48^6, \frac{148^3}{3}, 56^2, 64^1, 68^1, 96^1$	$0^1, 4^2, 8^3, \frac{40^3}{3}, 40^6, 41^8, 42^8, 44^4, 48^{10}, \frac{148^6}{3}, \frac{160^{123}}{3}, 56^2, 64^2, 68^2, 96^1, \infty^{50}$
90	$12^1$	$12^1, 42^2, \frac{128^3}{3}, 43^4, 44^2, 45^4, 48^1, 52^1, 64^1, 68^1, 72^2, \infty^{18}$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 12^4, 16^1, 42^2, \frac{128^3}{3}, 43^4, 44^2, 45^4, 48^3, 52^3, 56^1, 64^1, 68^1, 72^2, 96^2, \infty^1$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 12^4, 16^1, 42^4, \frac{128^6}{3}, 43^8, 44^4, 45^8, 48^4, 52^4, 56^{137}, 64^2, 68^2, 72^4, 96^2, \infty^{57}$
94	$16^1$	$16^1, 44^6, \frac{136^3}{3}, 46^8, 48^1, 52^1, 72^2, 76^1, \infty^{21}$	$\frac{16^6}{3}, 12^2, 16^5, 44^6, \frac{136^3}{3}, 46^8, 48^3, 52^3, 56^2, 72^2, 76^1, 96^2, \infty^1$	$\frac{16^6}{3}, 12^2, 16^5, 44^{12}, \frac{136^6}{3}, 46^{16}, 48^4, 52^4, 56^2, \frac{176^{147}}{3}, 72^4, 76^2, 96^2, \infty^{64}$
98	$20^1$	$20^1, 46^{10}, 48^5, 49^4, 50^2, 60^1, 76^1, 80^1, \infty^{23}$	$0^1, 8^7, 16^1, 20^6, 46^{10}, 48^6, 49^4, 50^2, 52^4, 56^1, 60^1, 76^1, 80^1, 96^2, \infty^1$	$0^1, 8^7, 16^1, 20^6, 46^{20}, 48^{11}, 49^8, 50^4, 52^4, 56^1, 60^2, \frac{184^{159}}{3}, 76^2, 80^2, 96^2, \infty^{70}$
102	$24^1$	$24^1, 48^8, 49^8, 50^4, 52^3, 62^2, 80^1, 84^1, \infty^{24}$	$0^1, 4^2, \frac{32^6}{3}, 16^2, 24^5, 48^9, 49^8, 50^4, \frac{152^3}{3}, 52^3, 56^2, 62^2, 80^1, 84^1, 96^2, \infty^1$	$0^1, 4^2, \frac{32^6}{3}, 16^2, 24^5, 48^{17}, 49^{16}, 50^8, \frac{152^3}{3}, 52^6, 56^2, 62^4, 64^{172}, 80^2, 84^2, 96^2, \infty^{75}$
106	$28^1$	$28^1, 50^4, 51^8, 52^8, 54^6, 60^1, 64^1, 80^1, 84^1, \infty^{25}$	$0^1, 4^2, 8^3, \frac{40^3}{3}, 16^2, 20^2, 28^4, 48^2, 50^4, 51^8, 52^8, \frac{160^3}{3}, 54^6, 56^1, 60^1, 64^1, 80^1, 84^1, 96^2, \infty^1$	$0^1, 4^2, 8^3, \frac{40^3}{3}, 16^2, 20^2, 28^4, 48^2, 50^8, 51^{16}, 52^{16}, \frac{160^3}{3}, 54^{12}, 56^1, 60^2, 64^2, \frac{200^{186}}{3}, 80^2, 84^2, 96^2, \infty^{80}$
110	$12^1$	$12^1, 52^3, \frac{158^6}{3}, 53^4, 54^4, 55^8, 56^4, 64^1, 68^1, 84^1, 88^1, \infty^{26}$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 12^4, 16^1, 18^4, 32^3, 48^2, 52^5, \frac{158^6}{3}, 53^4, 54^4, 55^8, 56^6, 64^1, 68^1, 84^1, 88^1, 96^2, \infty^1$	$\frac{8^3}{3}, 8^3, 12^4, 16^1, 18^4, 32^3, 48^2, 52^8, \frac{158^{12}}{3}, 53^8, 54^8, 55^{16}, 56^{10}, 64^2, 68^2, \frac{208^{201}}{3}, 84^2, 88^2, 96^2, \infty^{85}$

114	$14^2$	$14^2, 54^6, \frac{166^6}{3}, 56^{13}, 58^4, 68^1, 76^1, 92^2, \infty^{30}$	$\frac{16^6}{3}, 12^2, 14^4, 16^3, 20^2, 24^1, 36^2, 48^3, 52^2, 54^6, \frac{166^6}{3}, 56^{15}, 58^4, 68^1, 76^1, 92^2, 96^3, \infty^2$	$\frac{16^6}{3}, 12^2, 14^4, 16^3, 20^2, 24^1, 36^2, 48^3, 52^2, 54^{12}, \frac{166^{12}}{3}, 56^{28}, 58^8, 68^2, 72^{217}, 76^2, 92^4, 96^3, \infty^{93}$
118	$16^1, 20^1$	$16^1, 20^1, 56^{11}, 58^8, \frac{117^8}{2}, 59^4, 60^1, 76^1, 96^1, \infty^{34}$	$0^1, 8^7, 16^3, 18^4, 20^4, 24^1, 32^1, 40^1, 48^2, 52^4, 56^{13}, 58^8, \frac{117^8}{2}, 59^4, 60^1, 64^1, 76^1, 96^4, \infty^2$	$0^1, 8^7, 16^3, 18^4, 20^4, 24^1, 32^1, 40^1, 48^2, 52^4, 56^{24}, 58^{16}, \frac{117^{16}}{2}, 59^8, 60^2, 64^1, \frac{224^{231}}{3}, 76^2, 96^5, \infty^{102}$
122	$20^1, 24^1$	$20^1, 24^1, 58^8, 59^{12}, 60^5, 61^4, 62^6, 84^1, \infty^{37}$	$0^1, 8^1, \frac{32^9}{3}, 20^4, 22^4, 24^3, 32^1, 40^1, 48^2, \frac{152^3}{3}, 56^3, 58^8, 59^{12}, 60^5, 61^4, 62^6, 64^1, 72^1, 84^1, 96^3, \infty^2$	$0^1, 8^1, \frac{32^9}{3}, 20^4, 22^4, 24^3, 32^1, 40^1, 48^2, \frac{152^3}{3}, 56^3, 58^{16}, 59^{24}, 60^{10}, 61^8, 62^{12}, 64^1, 72^1, \frac{232^{246}}{3}, 84^2, 96^3, \infty^{110}$
126	$24^1, 28^1$	$24^1, 28^1, 60^5, 61^{12}, 62^{12}, 64^9, 84^1, \infty^{39}$	$0^1, 8^1, \frac{40^{12}}{3}, 16^1, 24^4, \frac{80^3}{3}, 28^2, 40^1, 48^3, \frac{160^3}{3}, 56^2, 60^5, 61^{12}, 62^{12}, 64^9, 68^2, 80^1, 84^1, 96^3, \infty^2$	$0^1, 8^1, \frac{40^{12}}{3}, 16^1, 24^4, \frac{80^3}{3}, 28^2, 40^1, 48^3, \frac{160^3}{3}, 56^2, 60^{10}, 61^{24}, 62^{24}, 64^{18}, 68^2, 80^{263}, 84^2, 96^3, \infty^{117}$
130	$12^1, 28^1$	$12^1, 28^1, 62^4, \frac{188^9}{3}, 63^4, 64^{10}, 65^8, 66^6, 84^1, \infty^{41}$	$4^2, 12^2, 16^{14}, 24^2, 28^2, \frac{88^3}{3}, 32^2, 48^1, 52^4, 56^2, 62^4, \frac{188^9}{3}, 63^4, 64^{10}, 65^8, 66^6, 72^4, 84^1, 96^3, \infty^2$	$4^2, 12^2, 16^{14}, 24^2, 28^2, \frac{88^3}{3}, 32^2, 48^1, 52^4, 56^2, 62^8, \frac{188^{18}}{3}, 63^8, 64^{20}, 65^{16}, 66^{12}, 72^4, \frac{248^{279}}{3}, 84^2, 96^3, \infty^{124}$

## 4.2 $i = 2$ .

Table 17: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 2$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
1				
5				
9				$0^1$
13				$\frac{4}{3}^3$
17				$\frac{8}{3}^6$
21				$4^{10}$
25		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{16}{3}^{12}, \infty^1$
29		$0^1, 4^1$	$0^1, 4^1$	$0^2, 4^2, \frac{20}{3}^{15}, \infty^2$
33		$2^2, 8^1$	$2^2, 8^1$	$2^4, 8^{21}, \infty^3$
37		$4^3, 12^1$	$4^3, 12^1$	$4^6, \frac{28}{3}^{24}, 12^2, \infty^4$
41		$0^1, 6^4$	$6^4, \infty^1$	$0^1, 6^8, \frac{32}{3}^{30}, \infty^6$
45		$0^3, 8^3$	$0^1, 8^3, \infty^2$	$0^4, 8^6, 12^{37}, \infty^8$
49		$0^2, 2^2, 8^1, 10^2, 24^1$	$0^1, 2^2, 10^2, 24^1, \infty^2$	$0^3, 2^4, 8^1, 10^4, \frac{40}{3}^{42}, 24^2, \infty^{10}$
53		$\frac{4}{3}^3, 4^2, 8^1, 12^2, 24^1, 28^1$	$\frac{4}{3}^3, 4^1, 8^1, 12^1, 24^1, 28^1, \infty^2$	$\frac{4}{3}^6, 4^3, 8^2, 12^3, \frac{44}{3}^{48}, 24^2, 28^2, \infty^{12}$
57		$\frac{8}{3}^3, 4^2, 8^2, 12^1, 16^1, 24^1, 28^1, 32^1$	$\frac{8}{3}^3, 4^2, 8^1, 12^1, 24^1, 28^1, 32^1, \infty^2$	$\frac{8}{3}^6, 4^4, 8^3, 12^2, 16^{56}, 24^2, 28^2, 32^2, \infty^{14}$
61		$0^2, 4^1, 5^4, 6^2, 12^2, 26^2, 32^1$	$4^1, 5^4, 6^2, 12^1, 26^2, 32^1, \infty^3$	$0^2, 4^2, 5^8, 6^4, 12^3, \frac{52}{3}^{63}, 26^4, 32^2, \infty^{17}$
65		$0^5, 6^2, 7^4, 8^1, 24^1, 28^3$	$0^1, 6^2, 7^4, 8^1, 28^3, \infty^5$	$0^6, 6^4, 7^8, 8^2, \frac{56}{3}^{72}, 24^1, 28^6, \infty^{21}$
69		$0^3, 2^2, 4^4, 8^3, 10^2, 20^1, 24^1, 30^2$	$0^1, 2^2, 8^3, 10^2, 24^1, 30^2, \infty^7$	$0^4, 2^4, 4^4, 8^6, 10^4, 20^{83}, 24^2, 30^4, \infty^{25}$
73		$\frac{4}{3}^3, 2^4, 4^3, 10^2, 12^3, 24^2, 32^2, 38^2$	$\frac{4}{3}^3, 4^3, 10^2, 12^1, 24^2, 32^1, 38^2, \infty^7$	$\frac{4}{3}^6, 2^4, 4^6, 10^4, 12^4, \frac{64}{3}^{90}, 24^4, 32^3, 38^4, \infty^{28}$
77		$\frac{8}{3}^6, 4^2, 6^2, 8^2, 12^2, 16^2, 24^2, 28^1, 36^1, 38^2, 42^2$	$\frac{8}{3}^6, 6^2, 12^2, 24^2, 28^1, 38^2, 42^2, \infty^7$	$\frac{8}{3}^{12}, 4^2, 6^4, 8^2, 12^4, 16^2, \frac{68}{3}^{99}, 24^4, 28^2, 36^1, 38^4, 42^4, \infty^{31}$

81		$0^3, 4^7, 6^2, 8^3, 12^3, 24^1, 28^2, 32^1, 36^2, 40^1, 42^2$	$4^7, 6^2, 8^1, 12^1, 24^1, 28^2, 32^1, 36^2, 42^2, \infty^8$	$0^3, 4^{14}, 6^4, 8^4, 12^4, 24^{111}, 28^4, 32^2, 36^4, 40^1, 42^4, \infty^{35}$
85		$0^7, 4^1, \frac{16^6}{3}, 7^4, 12^3, 26^2, 30^2, 38^2, 40^2, 44^1$	$0^1, \frac{16^6}{3}, 7^4, 12^1, 26^2, 30^2, 38^2, 40^2, \infty^{10}$	$0^8, 4^1, \frac{16^{12}}{3}, 7^8, 12^4, \frac{76^{120}}{3}, 26^4, 30^4, 38^4, 40^4, 44^1, \infty^{40}$
89		$0^4, 2^6, 4^4, \frac{20^3}{3}, 8^6, 24^1, 28^3, 40^5, 48^1$	$0^1, 2^2, \frac{20^3}{3}, 8^6, 24^1, 28^3, 40^4, \infty^{13}$	$0^5, 2^8, 4^4, \frac{20^6}{3}, 8^{12}, 24^2, \frac{80^{132}}{3}, 28^6, 40^9, 48^1, \infty^{46}$
93		$\frac{4^6}{3}, 2^4, 4^5, 6^4, 8^1, 9^4, 12^2, 24^2, 28^1, 30^2, 42^2, 44^1, 48^1, 52^1$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 8^1, 9^4, 12^1, 24^2, 28^1, 30^2, 42^2, 48^1, \infty^{16}$	$\frac{4^9}{3}, 2^4, 4^8, 6^4, 8^2, 9^8, 12^3, 24^4, 28^{147}, 30^4, 42^4, 44^1, 48^2, 52^1, \infty^{52}$
97		$\frac{8^9}{3}, 4^6, 6^4, 8^1, 10^2, 12^1, 16^4, 24^2, 26^2, 28^1, 32^1, 48^2, 52^3, 56^2$	$\frac{8^6}{3}, 6^4, 10^2, 12^1, 24^2, 26^2, 28^1, 32^1, 48^2, 52^3, \infty^{16}$	$\frac{8^{15}}{3}, 4^6, 6^8, 8^1, 10^4, 12^2, 16^4, 24^4, 26^4, 28^2, \frac{88^{156}}{3}, 32^2, 48^4, 52^6, 56^2, \infty^{56}$
101		$0^4, 4^{11}, 6^4, 8^5, 12^4, 20^1, 24^1, 26^4, 28^1, 32^1, 48^2, 52^4, 60^2$	$4^{10}, 8^3, 12^1, 24^1, 26^4, 28^1, 32^1, 48^2, 52^4, \infty^{17}$	$0^4, 4^{21}, 6^4, 8^8, 12^5, 20^1, 24^2, 26^8, 28^2, \frac{92^{168}}{3}, 32^2, 48^4, 52^8, 60^2, \infty^{61}$
105		$0^9, 4^2, \frac{16^{12}}{3}, 8^3, 10^2, 12^4, \frac{76^3}{3}, 28^2, 30^2, 32^1, 48^2, 50^2, 52^2, 64^2$	$0^1, \frac{16^{12}}{3}, 10^2, \frac{76^3}{3}, 28^2, 30^2, 32^1, 48^2, 50^2, 52^2, \infty^{19}$	$0^{10}, 4^2, \frac{16^{24}}{3}, 8^3, 10^4, 12^4, \frac{76^6}{3}, 28^4, 30^4, 32^{183}, 48^4, 50^4, 52^4, 64^2, \infty^{67}$
109		$0^5, 2^{10}, 4^2, \frac{20^{12}}{3}, 8^2, 12^4, 24^1, \frac{80^3}{3}, 28^3, 32^2, 48^1, 50^4, 52^2, 68^1$	$0^1, 2^2, \frac{20^{12}}{3}, 12^1, 24^1, \frac{80^3}{3}, 28^2, 32^2, 48^1, 50^4, 52^1, \infty^{22}$	$0^6, 2^{12}, 4^2, \frac{20^{24}}{3}, 8^2, 12^5, 24^2, \frac{80^6}{3}, 28^5, 32^4, \frac{100^{195}}{3}, 48^2, 50^8, 52^3, 68^1, \infty^{74}$
113		$\frac{4^9}{3}, 2^4, 4^7, 6^8, 8^{10}, 24^3, 28^2, 29^4, 48^1, 50^2, 52^3, 64^1, 72^2$	$\frac{4^3}{3}, 4^3, 8^{10}, 24^2, 28^2, 29^4, 48^1, 50^2, 52^3, \infty^{26}$	$\frac{4^{12}}{3}, 2^4, 4^{10}, 6^8, 8^{20}, 24^5, 28^4, 29^8, \frac{104^{210}}{3}, 48^2, 50^4, 52^6, 64^1, 72^2, \infty^{82}$
117		$\frac{8^{12}}{3}, 4^{10}, 6^4, 8^8, \frac{28^6}{3}, 16^2, 24^2, 26^2, 28^2, 30^2, 32^2, 48^2, 52^1, 62^2, 68^1, 76^2$	$\frac{8^6}{3}, 6^4, \frac{28^6}{3}, 24^2, 26^2, 28^1, 30^2, 32^2, 48^2, 52^1, 62^2, \infty^{30}$	$\frac{8^{18}}{3}, 4^{10}, 6^8, 8^8, \frac{28^{12}}{3}, 16^2, 24^4, 26^4, 28^3, 30^4, 32^4, 36^{226}, 48^4, 52^2, 62^4, 68^1, 76^2, \infty^{90}$
121	$0^1$	$0^5, 4^{12}, 5^8, 6^8, 8^3, \frac{32^3}{3}, 12^2, 20^2, 24^1, 26^4, 28^3, 32^2, 40^1, 48^3, 62^4, 80^3, \infty^1$	$0^1, 4^{10}, 8^3, \frac{32^3}{3}, 24^1, 26^4, 28^3, 32^2, 48^3, 62^4, \infty^{31}$	$0^5, 4^{22}, 5^8, 6^8, 8^6, \frac{32^6}{3}, 12^2, 20^2, 24^2, 26^8, 28^6, 32^4, \frac{112^{243}}{3}, 40^1, 48^6, 62^8, 80^3, \infty^{95}$

125	$0^1$	$0^{11}, 4^3, \frac{16}{3}^{12}, 6^4, 8^8, 10^4, 12^5, \frac{76}{3}^3, 28^6, 30^2, 44^1, 48^3, 52^1, 62^4, 84^2, \infty^1$	$0^2, \frac{16}{3}^{12}, 10^4, 12^1, \frac{76}{3}^3, 28^6, 30^2, 48^3, 52^1, 62^4, \infty^{32}$	$0^{12}, 4^3, \frac{16}{3}^{24}, 6^4, 8^8, 10^8, 12^6, \frac{76}{3}^6, 28^{12}, 30^4, \frac{116}{3}^{258}, 44^1, 48^6, 52^2, 62^8, 84^2, \infty^{101}$
129	$4^1$	$0^6, 2^{12}, 4^5, \frac{20}{3}^{15}, 8^3, 10^4, 12^7, 24^1, \frac{80}{3}^6, 30^4, 32^1, 48^3, 52^2, 60^2, 62^2, 88^1, \infty^1$	$0^1, 4^2, \frac{20}{3}^{15}, 12^3, 24^1, \frac{80}{3}^6, 30^4, 32^1, 48^2, 52^2, 60^2, 62^2, \infty^{34}$	$0^7, 2^{12}, 4^6, \frac{20}{3}^{30}, 8^3, 10^4, 12^{10}, 24^2, \frac{80}{3}^{12}, 30^8, 32^2, 40^{274}, 48^5, 52^4, 60^4, 62^4, 88^1, \infty^{108}$



Table 18: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 2$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
4		$0^1$	$0^1$	$0^2, \infty^1$
8		$0^2$	$0^1, \infty^1$	$0^3, \infty^3$
12		$0^3$	$0^1, \infty^2$	$0^4, 4^1, \infty^5$
16		$0^4$	$0^1, \infty^3$	$0^5, \frac{16^3}{3}, \infty^7$
20		$0^5$	$0^1, \infty^4$	$0^6, \frac{20^6}{3}, \infty^9$
24		$0^6$	$0^1, \infty^5$	$0^7, 8^{10}, \infty^{11}$
28	$0^1$	$0^7, \infty^1$	$0^2, \infty^6$	$0^8, \frac{28^{15}}{3}, \infty^{13}$
32	$0^1$	$0^8, 4^1, \infty^1$	$0^2, 4^1, \infty^7$	$0^9, 4^2, \frac{32^{18}}{3}, \infty^{16}$
36	$0^1$	$0^9, 6^2, \infty^1$	$0^2, 6^2, \infty^8$	$0^{10}, 6^4, 12^{22}, \infty^{19}$
40	$0^1$	$0^{10}, 8^3, \infty^1$	$0^2, 8^3, \infty^9$	$0^{11}, 8^6, \frac{40^{27}}{3}, \infty^{22}$
44	$0^1$	$0^{11}, 10^4, \infty^1$	$0^2, 10^4, \infty^{10}$	$0^{12}, 10^8, \frac{44^{33}}{3}, \infty^{25}$
48	$0^1$	$0^{12}, 12^5, \infty^1$	$0^2, 12^5, \infty^{11}$	$0^{13}, 12^{10}, 16^{40}, \infty^{28}$
52	$0^2$	$0^{13}, 4^2, 14^4, \infty^2$	$0^3, 4^1, 14^4, \infty^{13}$	$0^{14}, 4^3, 14^8, \frac{52^{48}}{3}, \infty^{32}$
56	$0^2$	$0^{14}, \frac{16^3}{3}, 8^1, 16^3, 28^1, \infty^2$	$0^3, \frac{16^3}{3}, 16^3, 28^1, \infty^{14}$	$0^{15}, \frac{16^6}{3}, 8^1, 16^6, \frac{56^{54}}{3}, 28^2, \infty^{36}$
60	$0^2$	$0^{15}, \frac{20^3}{3}, 8^2, 12^1, 18^2, 28^1, 32^1, \infty^2$	$0^3, \frac{20^3}{3}, 8^2, 18^2, 28^1, 32^1, \infty^{15}$	$0^{16}, \frac{20^6}{3}, 8^4, 12^1, 18^4, 20^{61}, 28^2, 32^2, \infty^{40}$
64	$0^2$	$0^{16}, 8^1, 9^4, 10^2, 16^1, 20^1, 30^2, 36^1, \infty^2$	$0^3, 8^1, 9^4, 10^2, 20^1, 30^2, 36^1, \infty^{16}$	$0^{17}, 8^2, 9^8, 10^4, 16^1, 20^2, \frac{64^{69}}{3}, 30^4, 36^2, \infty^{44}$
68	$0^2$	$0^{17}, 10^2, 11^4, 12^3, 20^1, 32^3, 40^1, \infty^2$	$0^3, 10^2, 11^4, 12^3, 32^3, 40^1, \infty^{17}$	$0^{18}, 10^4, 11^8, 12^6, 20^1, \frac{68^{78}}{3}, 32^6, 40^2, \infty^{48}$
72	$0^2$	$0^{18}, 4^3, 12^3, 13^4, 14^2, 34^4, \infty^2$	$0^3, 4^1, 12^3, 13^4, 14^2, 34^4, \infty^{19}$	$0^{19}, 4^4, 12^6, 13^8, 14^4, 24^{88}, 34^8, \infty^{53}$
76	$0^3$	$0^{19}, \frac{16^3}{3}, 6^4, 14^4, 16^3, 28^1, 36^3, \infty^3$	$0^4, \frac{16^3}{3}, 14^4, 16^3, 28^1, 36^3, \infty^{22}$	$0^{20}, \frac{16^6}{3}, 6^4, 14^8, 16^6, \frac{76^{99}}{3}, 28^2, 36^6, \infty^{59}$
80	$0^3$	$0^{20}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 12^2, 16^3, 18^2, 28^2, 38^2, 42^2, \infty^3$	$0^4, \frac{20^6}{3}, 16^3, 18^2, 28^2, 38^2, 42^2, \infty^{23}$	$0^{21}, \frac{20^{12}}{3}, 8^2, 12^2, 16^6, 18^4, \frac{80^{108}}{3}, 28^4, 38^4, 42^4, \infty^{64}$
84	$0^3$	$0^{21}, 8^7, 10^2, 12^2, 16^2, 18^2, 20^1, 28^1, 32^1, 36^1, 38^2, 40^1, 46^2, \infty^3$	$0^4, 8^7, 10^2, 18^2, 20^1, 28^1, 32^1, 36^1, 38^2, 40^1, 46^2, \infty^{24}$	$0^{22}, 8^{14}, 10^4, 12^2, 16^2, 18^4, 20^2, 28^{120}, 32^2, 36^2, 38^4, 40^2, 46^4, \infty^{69}$

88	$0^3$	$0^{22}, \frac{28^6}{3}, 11^4, 12^2, 16^2, 20^3, 30^2, 34^2, 42^2, 44^2, 50^2, \infty^3$	$0^4, \frac{28^6}{3}, 11^4, 12^2, 20^1, 30^2, 34^2, 42^2, 44^2, 50^2, \infty^{25}$	$0^{23}, \frac{28^{12}}{3}, 11^8, 12^4, 16^2, 20^4, \frac{88^{129}}{3}, 30^4, 34^4, 42^4, 44^4, 50^4, \infty^{74}$
92	$0^3$	$0^{23}, 4^4, \frac{32^3}{3}, 12^6, 13^4, 20^2, 32^3, 36^2, 44^4, 48^2, \infty^3$	$0^4, 4^1, \frac{32^3}{3}, 12^6, 13^4, 32^3, 36^2, 44^4, 48^2, \infty^{27}$	$0^{24}, 4^5, \frac{32^6}{3}, 12^{12}, 13^8, 20^2, \frac{92^{141}}{3}, 32^6, 36^4, 44^8, 48^4, \infty^{80}$
96	$0^3$	$0^{24}, \frac{16^6}{3}, 6^4, 12^1, 13^4, 14^6, 16^1, 28^1, 34^4, 46^6, \infty^3$	$0^4, \frac{16^3}{3}, 12^1, 13^4, 14^6, 16^1, 28^1, 34^4, 46^6, \infty^{30}$	$0^{25}, \frac{16^9}{3}, 6^4, 12^2, 13^8, 14^{12}, 16^2, 28^2, \frac{32^{154}}{3}, 34^8, 46^{12}, \infty^{87}$
100	$0^4$	$0^{25}, \frac{20^9}{3}, 8^6, 12^1, 14^2, 15^4, 16^1, 18^2, 28^2, 32^1, 36^3, 48^4, 52^1, \infty^4$	$0^5, \frac{20^6}{3}, 14^2, 15^4, 16^1, 18^2, 28^2, 32^1, 36^3, 48^4, 52^1, \infty^{34}$	$0^{26}, \frac{20^{15}}{3}, 8^6, 12^1, 14^4, 15^8, 16^2, 18^4, 28^4, 32^2, \frac{100^{168}}{3}, 36^6, 48^8, 52^2, \infty^{95}$
104	$0^4$	$0^{26}, 8^{11}, 10^4, 12^2, 16^6, 18^2, 20^1, 28^1, 30^4, 38^2, 50^2, 52^2, 56^3, \infty^4$	$0^5, 8^{10}, 16^3, 18^2, 20^1, 28^1, 30^4, 38^2, 50^2, 52^2, 56^3, \infty^{35}$	$0^{27}, 8^{21}, 10^4, 12^2, 16^9, 18^4, 20^2, 28^2, 30^8, \frac{104^{180}}{3}, 38^4, 50^4, 52^4, 56^6, \infty^{101}$
108	$0^4$	$0^{27}, \frac{28^{12}}{3}, 12^5, 16^4, 18^2, 20^4, \frac{88^3}{3}, 32^2, 34^2, 40^1, 52^2, 54^2, 56^2, 60^3, \infty^4$	$0^5, \frac{28^{12}}{3}, 12^2, 18^2, 20^1, \frac{88^3}{3}, 32^2, 34^2, 40^1, 52^2, 54^2, 56^2, 60^3, \infty^{36}$	$0^{28}, \frac{28^{24}}{3}, 12^7, 16^4, 18^4, 20^5, \frac{88^6}{3}, 32^4, 34^4, \frac{36^{193}}{3}, 40^2, 52^4, 54^4, 56^4, 60^6, \infty^{107}$
112	$0^4$	$0^{28}, 4^5, \frac{32^{12}}{3}, 13^4, 16^3, 20^5, \frac{92^3}{3}, 32^2, 36^4, 52^1, 54^4, 56^1, 58^2, 60^2, \infty^4$	$0^5, 4^1, \frac{32^{12}}{3}, 13^4, 20^1, \frac{92^3}{3}, 32^2, 36^4, 52^1, 54^4, 56^1, 58^2, 60^2, \infty^{38}$	$0^{29}, 4^6, \frac{32^{24}}{3}, 13^8, 16^3, 20^6, \frac{92^6}{3}, 32^4, 36^8, \frac{112^{207}}{3}, 52^2, 54^8, 56^2, 58^4, 60^4, \infty^{114}$
116	$0^4$	$0^{29}, \frac{16^9}{3}, 6^4, 12^{10}, 14^6, 20^3, 28^1, 32^1, 33^4, 34^2, 40^2, 54^2, 56^7, 60^1, \infty^4$	$0^5, \frac{16^3}{3}, 12^{10}, 14^6, 28^1, 32^1, 33^4, 34^2, 40^2, 54^2, 56^7, 60^1, \infty^{41}$	$0^{30}, \frac{16^{12}}{3}, 6^4, 12^{20}, 14^{12}, 20^3, 28^2, 32^2, 33^8, 34^4, \frac{116^{222}}{3}, 40^4, 54^4, 56^{14}, 60^2, \infty^{122}$
120	$0^4$	$0^{30}, \frac{20^{12}}{3}, 8^{10}, \frac{40^6}{3}, \frac{44^3}{3}, 15^4, 16^1, 28^2, 32^1, 34^2, 35^4, 36^1, 52^1, 56^3, 58^6, \infty^4$	$0^5, \frac{20^6}{3}, \frac{40^6}{3}, \frac{44^3}{3}, 15^4, 16^1, 28^2, 32^1, 34^2, 35^4, 36^1, 52^1, 56^3, 58^6, \infty^{45}$	$0^{31}, \frac{20^{18}}{3}, 8^{10}, \frac{40^{12}}{3}, \frac{44^6}{3}, 15^8, 16^2, 28^4, 32^2, 34^4, 35^8, 36^2, \frac{40^{238}}{3}, 52^2, 56^6, 58^{12}, \infty^{131}$
124	$0^5$	$0^{31}, 8^{12}, 9^8, 10^8, \frac{44^3}{3}, 16^8, 20^1, 28^1, 30^4, 36^4, 38^2, 52^2, 58^2, 60^3, 66^2, \infty^5$	$0^6, 8^{10}, \frac{44^3}{3}, 16^6, 20^1, 28^1, 30^4, 36^4, 38^2, 52^2, 58^2, 60^3, 66^2, \infty^{50}$	$0^{32}, 8^{22}, 9^8, 10^8, \frac{44^6}{3}, 16^{14}, 20^2, 28^2, 30^8, 36^8, 38^4, \frac{124^{255}}{3}, 52^4, 58^4, 60^6, 66^4, \infty^{141}$

128	$0^5$	$0^{32}, \frac{28^{15}}{3}, 10^4, 12^8,$ $16^5, 17^4, 20^5, \frac{88^3}{3},$ $32^6, 38^2, 40^1, 52^3,$ $60^1, 66^4, 70^4, \infty^5$	$0^6, \frac{28^{15}}{3}, 16^1, 17^4,$ $20^1, \frac{88^3}{3}, 32^6, 38^2,$ $40^1, 52^3, 60^1, 66^4,$ $70^4, \infty^{51}$	$0^{33}, \frac{28^{30}}{3}, 10^4, 12^8, 16^6,$ $17^8, 20^6, \frac{88^6}{3}, 32^{12}, 38^4,$ $40^2, \frac{128^{270}}{3}, 52^6, 60^2,$ $66^8, 70^8, \infty^{148}$
-----	-------	--	--	--

Table 19: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 2$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				$0^1$
7				$\frac{4}{3}^3$
11		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{8}{3}^3, \infty^1$
15		$0^1, 4^1$	$0^1, 4^1$	$0^2, 4^6, \infty^2$
19		$0^2, 4^1$	$0^1, 4^1, \infty^1$	$0^3, 4^2, \frac{16}{3}^6, \infty^4$
23		$0^3, 4^1$	$0^1, 4^1, \infty^2$	$0^4, 4^2, \frac{20}{3}^9, \infty^6$
27		$0^3, 2^2$	$2^2, \infty^3$	$0^3, 2^4, 8^{13}, \infty^8$
31		$0^5, 4^1$	$0^1, 4^1, \infty^4$	$0^6, 4^2, \frac{28}{3}^{18}, \infty^{10}$
35		$0^4, 2^2, 16^1, 24^1$	$0^1, 2^2, 24^1, \infty^4$	$0^5, 2^4, \frac{32}{3}^{21}, 16^1, 24^2, \infty^{12}$
39		$0^5, 2^2, 4^1, 12^1, 24^1$	$0^1, 2^2, 4^1, 24^1, \infty^5$	$0^6, 2^4, 4^2, 12^{26}, 24^2, \infty^{15}$
43		$0^6, 2^2, 4^1, 8^1, 24^2$	$0^1, 2^2, 4^1, 24^1, \infty^7$	$0^7, 2^4, 4^2, 8^1, \frac{40}{3}^{30}, 24^3, \infty^{19}$
47		$0^6, \frac{4}{3}^3, 4^2, 24^3$	$\frac{4}{3}^3, 4^1, 24^1, \infty^9$	$0^6, \frac{4}{3}^6, 4^3, \frac{44}{3}^{36}, 24^4, \infty^{23}$
51		$0^9, \frac{8}{3}^3, 24^4$	$0^1, \frac{8}{3}^3, 24^1, \infty^{11}$	$0^{10}, \frac{8}{3}^6, 16^{43}, 24^5, \infty^{27}$
55		$0^7, 2^2, 4^5, 24^3, 28^1$	$0^1, 2^2, 4^1, 24^1, \infty^{13}$	$0^8, 2^4, 4^6, \frac{52}{3}^{51}, 24^4, 28^1, \infty^{31}$
59	$0^1$	$0^8, 2^2, 4^5, 24^4, 40^1, \infty^1$	$0^2, 2^2, 4^1, 24^2, \infty^{14}$	$0^9, 2^4, 4^6, \frac{56}{3}^{60}, 24^6, 40^1, \infty^{34}$
63	$0^1$	$0^9, 2^2, 4^4, 6^2, 8^2, 12^1, 24^2, 36^1, \infty^1$	$0^2, 2^2, 4^1, 6^2, 24^2, \infty^{15}$	$0^{10}, 2^4, 4^5, 6^4, 8^2, 12^1, 20^{67}, 24^4, 36^1, \infty^{38}$
67	$0^1$	$0^9, \frac{4}{3}^3, 2^4, 4^3, 8^3, 24^2, 32^1, 48^1, \infty^1$	$0^1, \frac{4}{3}^3, 4^1, 8^3, 24^2, \infty^{17}$	$0^9, \frac{4}{3}^6, 2^4, 4^4, 8^6, \frac{64}{3}^{75}, 24^4, 32^1, 48^1, \infty^{43}$
71	$0^1$	$0^{13}, \frac{8}{3}^3, 4^5, 10^4, 24^2, 44^1, 52^1, \infty^1$	$0^2, \frac{8}{3}^3, 10^4, 24^2, \infty^{19}$	$0^{14}, \frac{8}{3}^6, 4^5, 10^8, \frac{68}{3}^{84}, 24^4, 44^1, 52^1, \infty^{48}$
75	$4^1$	$0^{10}, 2^6, 4^7, 6^2, 12^3, 24^2, 44^2, \infty^1$	$0^1, 2^2, 4^2, 6^2, 12^3, 24^2, \infty^{21}$	$0^{11}, 2^8, 4^8, 6^4, 12^6, 24^{98}, 44^2, \infty^{53}$
79	$0^1$	$0^{11}, 2^6, 4^8, 6^2, 14^4, 24^2, 44^2, \infty^1$	$0^2, 2^2, 4^1, 6^2, 14^4, 24^2, \infty^{23}$	$0^{12}, 2^8, 4^9, 6^4, 14^8, 24^4, \frac{76}{3}^{105}, 44^2, \infty^{58}$
83	$0^2$	$0^{12}, 2^6, 4^9, 6^2, 8^1, 16^3, 24^3, 40^1, 56^1, \infty^2$	$0^3, 2^2, 4^1, 6^2, 8^1, 16^3, 24^3, \infty^{25}$	$0^{13}, 2^8, 4^{10}, 6^4, 8^2, 16^6, 24^6, \frac{80}{3}^{117}, 40^1, 56^1, \infty^{63}$

87	$0^2$	$0^{12}, \frac{4^6}{3}, 2^4, 4^7, 7^4, 8^1, 12^1, 18^2, 24^3, \textcolor{blue}{28^1}, 52^1, \infty^2$	$0^2, \frac{4^3}{3}, 4^1, 7^4, 8^1, 12^1, 18^2, 24^3, \textcolor{blue}{28^1}, \infty^{26}$	$0^{12}, \frac{4^9}{3}, 2^4, 4^8, 7^8, 8^2, 12^2, 18^4, 24^6, \textcolor{blue}{28^{129}}, 52^1, \infty^{68}$
91	$0^2$	$0^{17}, \frac{8^6}{3}, 4^8, 8^2, \frac{28^3}{3}, 10^2, 16^1, 20^1, 24^3, 30^2, 72^1, \infty^2$	$0^3, \frac{8^3}{3}, 8^2, \frac{28^3}{3}, 10^2, 16^1, 20^1, 24^3, 30^2, \infty^{28}$	$0^{18}, \frac{8^9}{3}, 4^8, 8^4, \frac{28^6}{3}, 10^4, 16^2, 20^2, 24^6, \frac{88^{138}}{3}, 30^4, 72^1, \infty^{74}$
95	$0^1, 4^1$	$0^{13}, 2^{10}, 4^{10}, 6^2, 10^2, \frac{32^3}{3}, 12^2, 20^1, 24^3, 32^3, 68^1, \infty^2$	$0^2, 2^2, 4^2, 6^2, 10^2, \frac{32^3}{3}, 12^2, 20^1, 24^3, 32^3, \infty^{30}$	$0^{14}, 2^{12}, 4^{11}, 6^4, 10^4, \frac{32^6}{3}, 12^4, 20^2, 24^6, \frac{92^{150}}{3}, 32^6, 68^1, \infty^{80}$
99	$0^1, 4^1$	$0^{14}, 2^{10}, 4^{11}, 6^2, 8^2, 12^1, 13^4, 14^2, 24^3, 34^4, 64^1, \infty^2$	$0^2, 2^2, 4^2, 6^2, 8^2, 12^1, 13^4, 14^2, 24^3, 34^4, \infty^{32}$	$0^{15}, 2^{12}, 4^{12}, 6^4, 8^4, 12^2, 13^8, 14^4, 24^6, \textcolor{blue}{32^{163}}, 34^8, 64^1, \infty^{86}$
103	$0^2$	$0^{15}, 2^{10}, 4^{12}, 6^2, 8^3, 14^2, 15^4, 16^1, 24^3, 36^3, 44^2, 60^1, \infty^2$	$0^3, 2^2, 4^1, 6^2, 8^3, 14^2, 15^4, 16^1, 24^3, 36^3, 44^1, \infty^{35}$	$0^{16}, 2^{12}, 4^{13}, 6^4, 8^6, 14^4, 15^8, 16^2, 24^6, \frac{100^{177}}{3}, 36^6, 44^3, 60^1, \infty^{93}$
107	$0^3$	$0^{15}, \frac{4^9}{3}, 2^4, 4^{11}, 7^4, 8^2, 10^2, 16^3, 18^2, 24^4, 28^1, 38^2, 40^1, 44^1, 72^1, \infty^3$	$0^3, \frac{4^3}{3}, 4^1, 7^4, 8^1, 10^2, 16^3, 18^2, 24^4, 28^1, 38^2, 44^1, \infty^{38}$	$0^{15}, \frac{4^{12}}{3}, 2^4, 4^{12}, 7^8, 8^3, 10^4, 16^6, 18^4, 24^8, 28^2, \frac{104^{192}}{3}, 38^4, 40^1, 44^2, 72^1, \infty^{100}$
111	$0^3$	$0^{21}, \frac{8^9}{3}, 4^{11}, 8^6, \frac{28^3}{3}, 12^2, 16^1, 18^2, 20^1, 24^4, \frac{88^3}{3}, \textcolor{blue}{36^1}, 40^1, 44^1, 52^1, \infty^3$	$0^4, \frac{8^3}{3}, 8^6, \frac{28^3}{3}, 12^1, 16^1, 18^2, 20^1, 24^4, \frac{88^3}{3}, 40^1, 44^1, 52^1, \infty^{39}$	$0^{22}, \frac{8^{12}}{3}, 4^{11}, 8^{12}, \frac{28^6}{3}, 12^3, 16^2, 18^4, 20^2, 24^8, \frac{88^6}{3}, \textcolor{blue}{36^{206}}, 40^2, 44^2, 52^2, \infty^{106}$
115	$0^2, 4^1$	$0^{16}, 2^{12}, 4^{17}, 9^4, \frac{32^6}{3}, 16^2, 20^2, 24^4, \frac{92^3}{3}, 32^3, 44^1, 52^1, 56^1, \infty^3$	$0^3, 4^6, 9^4, \frac{32^6}{3}, 16^1, 20^2, 24^4, \frac{92^3}{3}, 32^2, 44^1, 52^1, 56^1, \infty^{41}$	$0^{17}, 2^{12}, 4^{22}, 9^8, \frac{32^{12}}{3}, 16^3, 20^4, 24^8, \frac{92^6}{3}, 32^5, \frac{112^{219}}{3}, 44^2, 52^2, 56^2, \infty^{113}$
119	$0^2, 4^1$	$0^{17}, 2^{12}, 4^{14}, \frac{16^6}{3}, 10^2, 12^7, 14^2, 20^2, 24^4, 28^1, 32^1, 33^4, 34^2, 54^2, 60^1, \infty^3$	$0^3, 4^2, \frac{16^6}{3}, 10^2, 12^7, 14^2, 20^1, 24^4, 32^1, 33^4, 34^2, 54^2, 60^1, \infty^{43}$	$0^{18}, 2^{12}, 4^{15}, \frac{16^{12}}{3}, 10^4, 12^{14}, 14^4, 20^3, 24^8, 28^1, 32^2, 33^8, 34^4, \frac{116^{234}}{3}, 54^4, 60^2, \infty^{120}$
123	$0^2, 4^1$	$0^{18}, 2^{12}, 4^{15}, \frac{20^9}{3}, 8^2, \frac{40^6}{3}, 15^4, 24^4, 34^2, 35^4, 36^1, 44^1, 56^3, 64^1, \infty^3$	$0^3, 4^2, \frac{20^9}{3}, \frac{40^6}{3}, 15^4, 24^4, 34^2, 35^4, 36^1, 44^1, 56^3, \infty^{46}$	$0^{19}, 2^{12}, 4^{16}, \frac{20^{18}}{3}, 8^2, \frac{40^{12}}{3}, 15^8, 24^8, 34^4, 35^8, 36^2, \textcolor{blue}{40^{250}}, 44^2, 56^6, 64^1, \infty^{128}$

127	$0^3$	$0^{18}, \frac{4^9}{3}, 2^6, 4^{14}, 8^{12},$ $12^2, \frac{44^3}{3}, 16^6, 20^1,$ $24^3, 28^1, 36^3, 38^2,$ $44^2, 58^2, 64^3, \infty^3$	$0^3, 2^2, 8^{10}, 12^2, \frac{44^3}{3},$ $16^6, 24^3, 28^1, 36^3,$ $38^2, 44^2, 58^2, 64^1,$ $\infty^{50}$	$0^{18}, \frac{4^9}{3}, 2^8, 4^{14}, 8^{22}, 12^4,$ $\frac{44^6}{3}, 16^{12}, 20^1, 24^6, 28^2,$ $36^6, 38^4, \frac{124^{267}}{3}, 44^4,$ $58^4, 64^4, \infty^{137}$
-----	-------	---	--	---

Table 20: Slopes for  $q = 5$ ,  $i = 2$ , type 3. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
2				
6				$0^1$
10				$\frac{4}{3}^3$
14				$\frac{8}{3}^6$
18		$0^1$	$0^1$	$0^2, 4^7, \infty^1$
22		$0^1, 4^1$	$0^1, 4^1$	$0^2, 4^2, \frac{16}{3}^9, \infty^2$
26		$0^1, 4^1, 8^1$	$0^1, 4^1, 8^1$	$0^2, 4^2, \frac{20}{3}^{12}, 8^2, \infty^3$
30		$0^1, 2^2, 8^1$	$2^2, 8^1, \infty^1$	$0^1, 2^4, 8^{18}, \infty^5$
34		$0^2, 4^3$	$4^3, \infty^2$	$0^2, 4^6, \frac{28}{3}^{21}, \infty^7$
38		$0^4, 6^2$	$0^1, 6^2, \infty^3$	$0^5, 6^4, \frac{32}{3}^{27}, \infty^9$
42		$0^3, 2^2, 8^1, 12^1, 24^1$	$0^1, 2^2, 8^1, 24^1, \infty^3$	$0^4, 2^4, 8^2, 12^{32}, 24^2, \infty^{11}$
46		$0^2, 2^2, 4^1, 8^2, 16^1, 24^1, 28^1$	$0^1, 2^2, 4^1, 8^1, 24^1, 28^1, \infty^3$	$0^3, 2^4, 4^2, 8^3, \frac{40}{3}^{36}, 16^1, 24^2, 28^2, \infty^{13}$
50		$0^2, \frac{4}{3}^3, 4^2, 8^2, 12^1, 24^1, 28^1$	$\frac{4}{3}^3, 4^1, 8^2, 24^1, 28^1, \infty^4$	$0^2, \frac{4}{3}^6, 4^3, 8^4, 12^1, \frac{44}{3}^{42}, 24^2, 28^2, \infty^{16}$
54		$0^4, \frac{8}{3}^3, 4^2, 8^2, 24^2, 28^1$	$\frac{8}{3}^3, 4^2, 8^1, 24^1, 28^1, \infty^6$	$0^4, \frac{8}{3}^6, 4^4, 8^3, 16^{49}, 24^3, 28^2, \infty^{20}$
58		$0^7, 4^1, 5^4, 24^2, 26^2$	$0^1, 4^1, 5^4, 26^2, \infty^8$	$0^8, 4^2, 5^8, \frac{52}{3}^{57}, 24^2, 26^4, \infty^{24}$
62		$0^5, 2^2, 4^4, 6^2, 8^1, 24^3, 28^1$	$0^1, 2^2, 6^2, 8^1, 24^1, 28^1, \infty^{10}$	$0^6, 2^4, 4^4, 6^4, 8^2, \frac{56}{3}^{66}, 24^4, 28^2, \infty^{28}$
66		$0^3, 2^2, 4^7, 8^1, 16^2, 20^1, 24^2, 36^1, 38^2$	$0^1, 2^2, 4^3, 8^1, 24^2, 38^2, \infty^{10}$	$0^4, 2^4, 4^{10}, 8^2, 16^2, 20^{74}, 24^4, 36^1, 38^4, \infty^{31}$
70		$0^3, \frac{4}{3}^3, 2^4, 4^3, 6^2, 12^2, 24^2, 28^1, 32^1, 38^2, 40^1$	$\frac{4}{3}^3, 4^3, 6^2, 24^2, 28^1, 38^2, \infty^{11}$	$0^3, \frac{4}{3}^6, 2^4, 4^6, 6^4, 12^2, \frac{64}{3}^{81}, 24^4, 28^2, 32^1, 38^4, 40^1, \infty^{35}$
74		$0^6, \frac{8}{3}^6, 4^3, 6^2, 8^3, 24^2, 28^1, 36^1, 38^2, 44^1$	$\frac{8}{3}^6, 6^2, 8^1, 24^2, 28^1, 38^2, \infty^{13}$	$0^6, \frac{8}{3}^{12}, 4^3, 6^4, 8^4, \frac{68}{3}^{90}, 24^4, 28^2, 36^1, 38^4, 44^1, \infty^{40}$
78		$0^{10}, 4^9, 8^3, 24^1, 28^2, 36^2, 44^2, 48^1$	$0^1, 4^7, 8^1, 24^1, 28^2, 36^2, \infty^{16}$	$0^{11}, 4^{16}, 8^4, 24^{102}, 28^4, 36^4, 44^2, 48^1, \infty^{46}$

82		$0^7, 2^6, 4^5, \frac{16^6}{3}, 24^1, 26^2, 38^2, 44^2, 48^2$	$0^1, 2^2, \frac{16^6}{3}, 24^1, 26^2, 38^2, \infty^{19}$	$0^8, 2^8, 4^5, \frac{16^{12}}{3}, 24^2, \frac{76^{111}}{3}, 26^4, 38^4, 44^2, 48^2, \infty^{52}$
86		$0^4, 2^6, 4^7, \frac{20^3}{3}, 8^2, 16^4, \frac{56^3}{3}, 24^2, 28^2, 48^2, 56^1$	$0^1, 2^2, 4^3, \frac{20^3}{3}, 24^2, 28^2, 48^1, \infty^{22}$	$0^5, 2^8, 4^{10}, \frac{20^6}{3}, 8^2, 16^4, \frac{56^3}{3}, 24^4, \frac{80^{123}}{3}, 28^4, 48^3, 56^1, \infty^{58}$
90	$0^1$	$0^4, \frac{4^6}{3}, 2^4, 4^5, 6^6, 8^1, 12^1, 20^1, 24^2, 26^2, 28^1, 44^1, 48^2, 52^1, 60^2, \infty^1$	$0^1, \frac{4^3}{3}, 4^3, 6^2, 8^1, 24^2, 26^2, 28^1, 48^2, \infty^{23}$	$0^4, \frac{4^9}{3}, 2^4, 4^8, 6^8, 8^2, 12^1, 20^1, 24^4, 26^4, 28^{138}, 44^1, 48^4, 52^1, 60^2, \infty^{62}$
94	$0^1$	$0^8, \frac{8^9}{3}, 4^8, 6^2, 8^4, 16^1, 24^2, 26^2, 28^2, 48^2, 56^2, 64^1, \infty^1$	$0^1, \frac{8^6}{3}, 6^2, 8^3, 24^2, 26^2, 28^2, 48^2, \infty^{24}$	$0^8, \frac{8^{15}}{3}, 4^8, 6^4, 8^7, 16^1, 24^4, 26^4, 28^4, \frac{88^{147}}{3}, 48^4, 56^2, 64^1, \infty^{67}$
98	$0^1$	$0^{13}, 4^{12}, 6^4, 8^3, 10^4, 24^1, 26^4, 28^2, 48^2, 60^1, 68^1, \infty^1$	$0^2, 4^7, 8^1, 10^4, 24^1, 26^4, 28^1, 48^2, \infty^{26}$	$0^{14}, 4^{19}, 6^4, 8^4, 10^8, 24^2, 26^8, 28^3, \frac{92^{159}}{3}, 48^4, 60^1, 68^1, \infty^{73}$
102	$4^1$	$0^9, 2^{10}, 4^6, \frac{16^6}{3}, 8^5, 12^3, 24^1, \frac{76^3}{3}, 28^4, 48^2, 64^1, 72^1, \infty^1$	$0^1, 2^2, 4^1, \frac{16^6}{3}, 8^2, 12^3, 24^1, \frac{76^3}{3}, 28^2, 48^2, \infty^{29}$	$0^{10}, 2^{12}, 4^6, \frac{16^{12}}{3}, 8^7, 12^6, 24^2, \frac{76^6}{3}, 28^6, 32^{172}, 48^4, 64^1, 72^1, \infty^{80}$
106	$8^1$	$0^5, 2^{10}, 4^{11}, \frac{20^3}{3}, 8^{10}, 10^2, 14^2, 20^1, 24^2, \frac{80^3}{3}, 28^2, 48^2, 60^1, 68^1, \infty^1$	$0^1, 2^2, 4^3, \frac{20^3}{3}, 8^3, 10^2, 14^2, 24^2, \frac{80^3}{3}, 28^1, 48^2, \infty^{32}$	$0^6, 2^{12}, 4^{14}, \frac{20^6}{3}, 8^{12}, 10^4, 14^4, 20^1, 24^4, \frac{80^6}{3}, 28^3, \frac{100^{186}}{3}, 48^4, 60^1, 68^1, \infty^{87}$
110	$0^1$	$0^5, \frac{4^9}{3}, 2^4, 4^7, 6^{10}, 8^5, 9^4, 16^3, 24^3, 26^2, 28^2, 32^1, 48^2, 64^1, 72^1, \infty^1$	$0^1, \frac{4^3}{3}, 4^3, 6^2, 8^1, 9^4, 16^3, 24^2, 26^2, 28^2, 48^2, \infty^{35}$	$0^5, \frac{4^{12}}{3}, 2^4, 4^{10}, 6^{12}, 8^6, 9^8, 16^6, 24^5, 26^4, 28^4, 32^1, \frac{104^{201}}{3}, 48^4, 64^1, 72^1, \infty^{94}$
114	$0^2$	$0^{10}, \frac{8^{12}}{3}, 4^{13}, 6^2, 8^7, 10^2, 12^1, 18^2, 24^3, 26^2, 28^3, 44^1, 48^3, 76^2, \infty^2$	$0^2, \frac{8^6}{3}, 6^2, 8^3, 10^2, 12^1, 18^2, 24^3, 26^2, 28^2, 48^3, \infty^{37}$	$0^{10}, \frac{8^{18}}{3}, 4^{13}, 6^4, 8^{10}, 10^4, 12^2, 18^4, 24^6, 26^4, 28^5, 36^{217}, 44^1, 48^6, 76^2, \infty^{100}$
118	$0^2$	$0^{16}, 4^{15}, 5^8, 6^4, 8^2, 9^4, 10^2, 12^1, 16^1, 20^1, 24^2, 26^4, 28^2, 32^1, 40^1, 48^3, 80^1, \infty^2$	$0^3, 4^7, 8^1, 9^4, 10^2, 12^1, 16^1, 20^1, 24^2, 26^4, 28^2, 32^1, 48^3, \infty^{38}$	$0^{17}, 4^{22}, 5^8, 6^4, 8^3, 9^8, 10^4, 12^2, 16^2, 20^2, 24^4, 26^8, 28^4, 32^2, \frac{112^{231}}{3}, 40^1, 48^6, 80^1, \infty^{106}$



122	$0^1, 4^1$	$0^{11}, 2^{12}, 4^8, \frac{16^9}{3}, 6^4, 8^6, 10^2, 11^4, 12^1, 16^1, 20^1, 24^2, \frac{76^3}{3}, 28^3, 32^1, 36^1, 48^3, 52^1, \infty^2$	$0^2, 4^2, \frac{16^9}{3}, 10^2, 11^4, 12^1, 16^1, 20^1, 24^2, \frac{76^3}{3}, 28^3, 32^1, 36^1, 48^3, \infty^{40}$	$0^{12}, 2^{12}, 4^9, \frac{16^{18}}{3}, 6^4, 8^6, 10^4, 11^8, 12^2, 16^2, 20^2, 24^4, \frac{76^6}{3}, 28^6, 32^2, 36^2, \frac{116^{246}}{3}, 48^6, 52^1, \infty^{113}$
126	$4^1, 8^1$	$0^6, 2^{12}, 4^{15}, \frac{20^{12}}{3}, 8^{12}, 12^2, \frac{40^3}{3}, 20^1, 24^3, \frac{80^3}{3}, 28^2, 34^2, 40^1, 48^4, \infty^2$	$0^1, 4^2, \frac{20^{12}}{3}, 8^2, 12^2, \frac{40^3}{3}, 20^1, 24^3, \frac{80^3}{3}, 28^2, 34^2, 40^1, 48^3, \infty^{43}$	$0^7, 2^{12}, 4^{16}, \frac{20^{24}}{3}, 8^{13}, 12^4, \frac{40^6}{3}, 20^2, 24^6, \frac{80^6}{3}, 28^4, 34^4, 40^{264}, 48^7, \infty^{121}$
130	$0^1, 8^1$	$0^6, \frac{4^9}{3}, 2^6, 4^{10}, 6^8, 8^{22}, 12^2, \frac{44^3}{3}, 16^2, 24^1, 26^4, 28^2, 36^4, 44^1, 48^3, \infty^2$	$0^1, 2^2, 8^{15}, 12^2, \frac{44^3}{3}, 16^2, 24^1, 26^4, 28^2, 36^4, 48^3, \infty^{46}$	$0^6, \frac{4^9}{3}, 2^8, 4^{10}, 6^8, 8^{36}, 12^4, \frac{44^6}{3}, 16^4, 24^2, 26^8, 28^4, 36^8, \frac{124^{279}}{3}, 44^1, 48^6, \infty^{129}$

## 5 $q = 7$ .

### 5.1 $i = 1$ .

Table 21: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 1$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				
9				
15				$0^1$
21				$4^3$
27				$8^6$
33				$12^{10}$
39				$16^{15}$
45				$20^{21}$
51		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 24^{25}, \infty^2$
57		$\infty^2$	$0^1, 12^1$	$0^1, 12^1, 28^{30}, \infty^4$
63		$\infty^3$	$6^2, 24^1$	$6^2, 24^1, 32^{36}, \infty^6$
69		$\infty^4$	$12^3, 36^1$	$12^3, 36^{44}, \infty^8$
75		$\infty^5$	$18^4, 48^1$	$18^4, 40^{51}, 48^1, \infty^{10}$
81		$\infty^6$	$24^5, 60^1$	$24^5, 44^{60}, 60^1, \infty^{12}$
87		$36^1, \infty^6$	$30^6, 36^1$	$30^6, 36^2, 48^{70}, \infty^{13}$
93		$39^2, \infty^6$	$0^1, 36^5, 39^2$	$0^1, 36^5, 39^4, 52^{81}, \infty^{14}$
99		$42^1, 48^1, \infty^8$	$0^1, 6^2, 42^5, 48^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 42^6, 48^2, 56^{90}, 96^1, \infty^{18}$
105		$48^1, 54^1, \infty^{10}$	$4^3, 12^1, 24^1, 48^4, 54^1, 96^1, 108^1$	$4^3, 12^1, 24^1, 48^5, 54^2, 60^{100}, 96^1, 108^1, \infty^{22}$
111		$54^1, 60^1, \infty^{12}$	$8^3, 12^2, 24^1, 36^1, 54^3, 60^1, 96^1, 108^1, 120^1$	$8^3, 12^2, 24^1, 36^1, 54^4, 60^2, 64^{111}, 96^1, 108^1, 120^1, \infty^{26}$
117		$60^1, 66^1, \infty^{14}$	$12^1, 15^4, 18^2, 36^1, 48^1, 60^2, 66^1, 102^2, 120^1, 132^1$	$12^1, 15^4, 18^2, 36^1, 48^1, 60^3, 66^2, 68^{123}, 102^2, 120^1, 132^1, \infty^{30}$
123		$66^1, 72^1, \infty^{16}$	$18^2, 21^4, 24^3, 48^1, 60^1, 66^1, 72^1, 108^3, 132^1, 144^1$	$18^2, 21^4, 24^3, 48^1, 60^1, 66^2, 72^{138}, 108^3, 132^1, 144^1, \infty^{34}$

129		$57^2, 72^1, \infty^{17}$	$24^3, 27^4, 30^4, 57^2, 60^1, 72^1, 114^4, 144^1$	$24^3, 27^4, 30^4, 57^4, 60^1, 72^2, 76^{150}, 114^4, 144^1, \infty^{37}$
135		$60^4, 84^1, \infty^{17}$	$0^1, 30^4, 33^4, 36^3, 60^4, 84^1, 120^5$	$0^1, 30^4, 33^4, 36^3, 60^8, 80^{165}, 84^2, 120^5, \infty^{39}$
141		$63^2, 66^4, 84^1, \infty^{17}$	$0^1, 6^2, 36^5, 42^4, 63^2, 66^4, 84^1, 96^1, 126^4$	$0^1, 6^2, 36^5, 42^4, 63^4, 66^8, 84^{183}, 96^1, 126^4, \infty^{41}$
147		$\frac{135}{2}^4, 75^2, 96^1, \infty^{20}$	$4^3, 12^3, 42^4, 48^3, \frac{135}{2}^4, 75^2, 96^3, 132^3, 150^2$	$4^3, 12^3, 42^4, 48^3, \frac{135}{2}^8, 75^4, 88^{195}, 96^4, 132^3, 150^2, \infty^{47}$

Table 22: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 1$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
6		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \infty^2$
12		$6^1, \infty^1$	$0^1, 6^1$	$0^1, 6^2, \infty^3$
18		$9^2, \infty^1$	$0^1, 9^2$	$0^1, 9^4, 12^1, \infty^4$
24		$12^3, \infty^1$	$0^1, 12^3$	$0^1, 12^6, 16^3, \infty^5$
30		$15^4, \infty^1$	$0^1, 15^4$	$0^1, 15^8, 20^6, \infty^6$
36		$18^5, \infty^1$	$0^1, 18^5$	$0^1, 18^{10}, 24^{10}, \infty^7$
42		$21^6, \infty^1$	$0^1, 21^6$	$0^1, 21^{12}, 28^{15}, \infty^8$
48		$24^7, \infty^1$	$0^1, 24^7$	$0^1, 24^{14}, 32^{21}, \infty^9$
54	$6^1$	$6^1, 27^6, \infty^3$	$0^1, 6^2, 27^6, \infty^1$	$0^1, 6^2, 27^{12}, 36^{28}, \infty^{12}$
60	$12^1$	$12^1, 30^7, \infty^4$	$0^1, 12^3, 30^7, \infty^1$	$0^1, 12^3, 30^{14}, 40^{33}, \infty^{15}$
66	$18^1$	$18^1, 33^8, \infty^5$	$0^1, 18^4, 33^8, \infty^1$	$0^1, 18^4, 33^{16}, 44^{39}, \infty^{18}$
72	$24^1$	$24^1, 36^9, \infty^6$	$0^1, 24^5, 36^9, \infty^1$	$0^1, 24^5, 36^{18}, 48^{46}, \infty^{21}$
78	$30^1$	$30^1, 39^{10}, \infty^7$	$0^1, 30^6, 39^{10}, \infty^1$	$0^1, 30^6, 39^{20}, 52^{54}, \infty^{24}$
84	$36^1$	$36^1, 42^{11}, \infty^8$	$0^1, 36^7, 42^{11}, \infty^1$	$0^1, 36^7, 42^{22}, 56^{63}, \infty^{27}$
90	$42^1$	$42^1, 45^{12}, \infty^9$	$0^1, 42^8, 45^{12}, \infty^1$	$0^1, 42^8, 45^{24}, 60^{73}, \infty^{30}$
96	$6^1$	$6^1, 48^{13}, \infty^{10}$	$0^1, 6^2, 48^{20}, \infty^1$	$0^1, 6^2, 48^{33}, 64^{84}, \infty^{33}$
102	$9^2$	$9^2, 51^{12}, 54^1, \infty^{12}$	$0^1, 9^4, 12^1, 51^{12}, 54^7, \infty^2$	$0^1, 9^4, 12^1, 51^{24}, 54^8, 68^{96}, \infty^{37}$
108	$12^1, 18^1$	$12^1, 18^1, 54^{13}, 60^1, \infty^{14}$	$0^1, 12^2, 16^3, 18^2, 54^{13}, 60^6, 108^1, \infty^2$	$0^1, 12^2, 16^3, 18^2, 54^{26}, 60^7, 72^{106}, 108^1, \infty^{42}$
114	$18^1, 24^1$	$18^1, 24^1, 57^{14}, 66^1, \infty^{16}$	$0^1, 18^2, 20^3, 24^4, 57^{14}, 66^5, 108^1, 120^1, \infty^2$	$0^1, 18^2, 20^3, 24^4, 57^{28}, 66^6, 76^{117}, 108^1, 120^1, \infty^{47}$
120	$24^1, 30^1$	$24^1, 30^1, 60^{15}, 72^1, \infty^{18}$	$0^1, 24^3, 27^4, 30^4, 60^{15}, 72^4, 114^2, 132^1, \infty^2$	$0^1, 24^3, 27^4, 30^4, 60^{30}, 72^5, 80^{129}, 114^2, 132^1, \infty^{52}$
126	$30^1, 36^1$	$30^1, 36^1, 63^{16}, 78^1, \infty^{20}$	$0^1, 30^4, 33^4, 36^5, 63^{16}, 78^3, 120^3, 144^1, \infty^2$	$0^1, 30^4, 33^4, 36^5, 63^{32}, 78^4, 84^{142}, 120^3, 144^1, \infty^{57}$
132	$36^1, 42^1$	$36^1, 42^1, 66^{17}, 84^1, \infty^{22}$	$0^1, 36^5, 39^4, 42^6, 66^{17}, 84^2, 126^4, 156^1, \infty^2$	$0^1, 36^5, 39^4, 42^6, 66^{34}, 84^3, 88^{156}, 126^4, 156^1, \infty^{62}$

138	$6^1, 42^1$	$6^1, 42^1, 69^{18}, 90^1, \infty^{24}$	$0^1, 6^2, 42^6, 45^4, 48^5, 69^{18}, 90^1, 132^5, 168^1, \infty^2$	$0^1, 6^2, 42^6, 45^4, 48^5, 69^{36}, 90^2, 92^{171}, 132^5, 168^1, \infty^{67}$
144	$9^2$	$9^2, 72^{19}, 75^2, \infty^{25}$	$0^1, 9^4, 12^1, 48^5, 51^4, 54^4, 72^{19}, 75^2, 138^6, \infty^2$	$0^1, 9^4, 12^1, 48^5, 51^4, 54^4, 72^{38}, 75^4, 96^{187}, 138^6, \infty^{71}$
150	$12^3$	$12^3, 75^{18}, \frac{159}{2}^4, \infty^{27}$	$0^1, 12^6, 16^3, 54^6, 60^5, 75^{18}, \frac{159}{2}^4, 108^1, 144^5, \infty^3$	$0^1, 12^6, 16^3, 54^6, 60^5, 75^{36}, \frac{159}{2}^8, 100^{204}, 108^1, 144^5, \infty^{76}$

Table 23: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 1$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				$0^1$
9				$4^3$
15		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 8^3, \infty^2$
21		$\infty^2$	$0^1, 12^1$	$0^1, 12^5, \infty^4$
27		$12^1, \infty^2$	$0^1, 12^2$	$0^1, 12^3, 16^6, \infty^5$
33		$15^2, \infty^2$	$0^1, 12^1, 15^2$	$0^1, 12^1, 15^4, 20^9, \infty^6$
39		$18^3, \infty^2$	$0^1, 12^1, 18^3$	$0^1, 12^1, 18^6, 24^{13}, \infty^7$
45		$21^4, \infty^2$	$0^1, 12^1, 21^4$	$0^1, 12^1, 21^8, 28^{18}, \infty^8$
51		$24^5, \infty^2$	$6^2, 24^5$	$6^2, 24^{10}, 32^{24}, \infty^9$
57		$27^6, \infty^2$	$0^1, 12^1, 27^6$	$0^1, 12^1, 27^{12}, 36^{31}, \infty^{10}$
63		$30^5, 48^1, \infty^4$	$0^1, 6^2, 30^5, 48^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 30^{10}, 40^{36}, 48^2, 96^1, \infty^{14}$
69		$33^6, 48^1, \infty^5$	$0^1, 6^2, 12^1, 33^6, 48^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 33^{12}, 44^{42}, 48^2, 96^1, \infty^{17}$
75		$36^7, 48^1, 60^1, \infty^5$	$0^1, 6^2, 12^1, 36^7, 48^1, 60^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 36^{14}, 48^{51}, 60^2, 96^1, \infty^{19}$
81		$39^8, 48^1, 63^2, \infty^5$	$0^1, 6^2, 12^1, 39^8, 48^1, 63^2, 96^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 39^{16}, 48^2, 52^{57}, 63^4, 96^1, \infty^{21}$
87		$42^9, 48^1, 66^3, \infty^5$	$0^1, 6^2, 12^1, 42^9, 48^1, 66^3, 96^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 42^{18}, 48^2, 56^{66}, 66^6, 96^1, \infty^{23}$
93		$45^{10}, 48^1, 69^4, \infty^5$	$4^3, 12^1, 45^{10}, 48^1, 69^4, 96^1$	$4^3, 12^1, 45^{20}, 48^2, 60^{76}, 69^8, 96^1, \infty^{25}$
99		$48^{12}, 72^5, \infty^5$	$0^1, 8^3, 48^{12}, 72^5, 96^1$	$0^1, 8^3, 48^{24}, 64^{87}, 72^{10}, 96^1, \infty^{27}$
105		$51^{10}, 54^4, 75^4, 84^1, \infty^5$	$0^1, 6^2, 12^1, 51^{10}, 54^4, 75^4, 84^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 51^{20}, 54^8, 68^{99}, 75^8, 84^2, 96^1, \infty^{29}$
111	$12^1$	$12^1, 54^9, 57^4, 78^3, 84^1, 96^1, \infty^8$	$0^1, 6^2, 12^3, 54^9, 57^4, 78^3, 84^1, 96^3, \infty^1$	$0^1, 6^2, 12^3, 54^{18}, 57^8, 72^{112}, 78^6, 84^2, 96^4, \infty^{34}$
117	$18^1$	$18^1, 57^{10}, 60^5, 81^2, 84^1, 96^1, \infty^{10}$	$0^1, 6^2, 12^1, 18^4, 57^{10}, 60^5, 81^2, 84^1, 96^3, \infty^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 18^4, 57^{20}, 60^{10}, 76^{123}, 81^4, 84^2, 96^4, \infty^{39}$

123	$24^1$	$24^1, 60^{11}, 63^6, 84^2, 96^1, 108^1, \infty^{11}$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^5, 60^{11}, 63^6, 84^2, 96^3, 108^1, \infty^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^5, 60^{22}, 63^{12}, 80^{135}, 84^4, 96^4, 108^2, \infty^{43}$
129	$30^1$	$30^1, 63^{12}, 66^7, 84^1, 96^1, 108^1, 114^1, \infty^{12}$	$0^1, 6^2, 12^1, 30^6, 63^{12}, 66^7, 84^1, 96^3, 108^1, 114^1, \infty^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 30^6, 63^{24}, 66^{14}, 84^{150}, 96^4, 108^2, 114^2, \infty^{47}$
135	$36^1$	$36^1, 66^{13}, \frac{135}{2}^4, 69^4, 96^1, 111^2, 120^1, \infty^{13}$	$4^3, 12^1, 36^7, 66^{13}, \frac{135}{2}^4, 69^4, 96^3, 111^2, 120^1, \infty^1$	$4^3, 12^1, 36^7, 66^{26}, \frac{135}{2}^8, 69^8, 88^{162}, 96^4, 111^4, 120^2, \infty^{51}$
141	$42^1$	$42^1, 69^{16}, 72^7, 114^3, 126^1, \infty^{14}$	$0^1, 8^3, 42^8, 69^{16}, 72^7, 96^2, 114^3, 126^1, \infty^1$	$0^1, 8^3, 42^8, 69^{32}, 72^{14}, 92^{177}, 96^2, 114^6, 126^2, \infty^{55}$
147	$48^1$	$48^1, 72^{15}, \frac{147}{2}^4, 75^6, 117^4, \infty^{15}$	$0^1, 6^2, 12^1, 18^2, 48^7, 72^{15}, \frac{147}{2}^4, 75^6, 96^2, 117^4, \infty^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 18^2, 48^7, 72^{30}, \frac{147}{2}^8, 75^{12}, 96^{195}, 117^8, \infty^{59}$

Table 24: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 1$ , type 3. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
6				$0^1$
12				$4^3$
18				$8^6$
24		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 12^7, \infty^2$
30		$\infty^2$	$0^1, 12^1$	$0^1, 12^1, 16^9, \infty^4$
36		$\infty^3$	$0^1, 12^1, 24^1$	$0^1, 12^1, 20^{12}, 24^1, \infty^6$
42		$18^1, \infty^3$	$0^1, 12^1, 18^1, 24^1$	$0^1, 12^1, 18^2, 24^{17}, \infty^7$
48		$21^2, \infty^3$	$0^1, 12^1, 21^2, 24^1$	$0^1, 12^1, 21^4, 24^1, 28^{21}, \infty^8$
54		$24^3, \infty^3$	$6^2, 24^4$	$6^2, 24^7, 32^{27}, \infty^9$
60		$27^4, \infty^3$	$12^3, 27^4$	$12^3, 27^8, 36^{34}, \infty^{10}$
66		$30^5, \infty^3$	$0^1, 18^2, 30^5$	$0^1, 18^2, 30^{10}, 40^{42}, \infty^{11}$
72		$33^4, 48^1, \infty^5$	$0^1, 6^2, 24^1, 33^4, 48^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 24^1, 33^8, 44^{48}, 48^2, 96^1, \infty^{15}$
78		$36^3, 48^1, 54^1, \infty^7$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^1, 36^3, 48^1, 54^1, 96^1, 108^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^1, 36^6, 48^{57}, 54^2, 96^1, 108^1, \infty^{19}$
84		$39^4, 48^1, 54^1, \infty^8$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^2, 39^4, 48^1, 54^1, 96^1, 108^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^2, 39^8, 48^2, 52^{63}, 54^2, 96^1, 108^1, \infty^{22}$
90		$42^5, 48^1, 54^1, 66^1, \infty^8$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^2, 42^5, 48^1, 54^1, 66^1, 96^1, 108^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^2, 42^{10}, 48^2, 54^2, 56^{72}, 66^2, 96^1, 108^1, \infty^{24}$
96		$45^6, 48^1, 54^1, 69^2, \infty^8$	$4^3, 12^1, 24^2, 45^6, 48^1, 54^1, 69^2, 96^1, 108^1$	$4^3, 12^1, 24^2, 45^{12}, 48^2, 54^2, 60^{82}, 69^4, 96^1, 108^1, \infty^{26}$
102		$48^8, 54^1, 72^3, \infty^8$	$8^3, 12^2, 24^1, 48^8, 54^1, 72^3, 96^1, 108^1$	$8^3, 12^2, 24^1, 48^{16}, 54^2, 64^{93}, 72^6, 96^1, 108^1, \infty^{28}$
108		$51^{10}, 75^4, \infty^8$	$0^1, 12^1, 15^4, 51^{10}, 75^4, 102^2$	$0^1, 12^1, 15^4, 51^{20}, 68^{105}, 75^8, 102^2, \infty^{30}$
114		$54^8, 57^4, 78^3, 84^1, \infty^8$	$0^1, 6^2, 18^2, 24^1, 54^8, 57^4, 78^3, 84^1, 96^1, 108^1$	$0^1, 6^2, 18^2, 24^1, 54^{16}, 57^8, 72^{118}, 78^6, 84^2, 96^1, 108^1, \infty^{32}$



120		$57^6, 60^4, 75^2, 81^2, 84^1, 96^1, \infty^{11}$	$0^1, 6^2, 12^3, 24^1, 57^6, 60^4, 75^2, 81^2, 84^1, 96^3, 150^2$	$0^1, 6^2, 12^3, 24^1, 57^{12}, 60^8, 75^4, 76^{129}, 81^4, 84^2, 96^4, 150^2, \infty^{38}$
126		$60^7, 63^4, 75^2, 84^2, 96^1, 102^1, \infty^{13}$	$0^1, 6^2, 12^3, 18^2, 60^7, 63^4, 75^2, 84^2, 96^3, 102^1, 108^1, 150^2$	$0^1, 6^2, 12^3, 18^2, 60^{14}, 63^8, 75^4, 80^{141}, 84^4, 96^4, 102^2, 108^1, 150^2, \infty^{43}$
132		$63^8, 66^5, 75^2, 84^1, 96^1, 102^1, 108^1, \infty^{14}$	$0^1, 6^2, 12^3, 18^2, 24^1, 63^8, 66^5, 75^2, 84^1, 96^3, 102^1, 108^2, 150^2$	$0^1, 6^2, 12^3, 18^2, 24^1, 63^{16}, 66^{10}, 75^4, 84^{156}, 96^4, 102^2, 108^3, 150^2, \infty^{47}$
138		$66^9, \frac{135}{2}^4, 69^2, 75^2, 96^1, 102^1, 111^2, 114^1, \infty^{14}$	$4^3, 12^3, 18^2, 24^1, 66^9, \frac{135}{2}^4, 69^2, 75^2, 96^3, 102^1, 108^1, 111^2, 114^1, 150^2$	$4^3, 12^3, 18^2, 24^1, 66^{18}, \frac{135}{2}^8, 69^4, 75^4, 88^{168}, 96^4, 102^2, 108^1, 111^4, 114^2, 150^2, \infty^{50}$
144		$69^{12}, 72^5, 75^2, 102^1, 114^3, 117^2, \infty^{14}$	$8^6, 18^2, 24^1, 69^{12}, 72^5, 75^2, 96^2, 102^1, 108^1, 114^3, 117^2, 150^2$	$8^6, 18^2, 24^1, 69^{24}, 72^{10}, 75^4, 92^{183}, 96^2, 102^2, 108^1, 114^6, 117^4, 150^2, \infty^{53}$
150		$72^{15}, 75^4, 78^2, 117^4, 120^3, \infty^{14}$	$0^1, 12^7, 24^1, 72^{15}, 75^4, 78^2, 96^1, 108^2, 117^4, 120^3, 144^2$	$0^1, 12^7, 24^1, 72^{30}, 75^8, 78^4, 96^{200}, 108^2, 117^8, 120^6, 144^2, \infty^{56}$

Table 25: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 1$ , type 4. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				
9				$0^1$
15				$4^3$
21				$8^6$
27				$12^{10}$
33		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 16^{12}, \infty^2$
39		$\infty^2$	$0^1, 12^1$	$0^1, 12^1, 20^{15}, \infty^4$
45		$\infty^3$	$0^1, 12^1, 24^1$	$0^1, 12^1, 24^{20}, \infty^6$
51		$\infty^4$	$0^1, 12^1, 24^1, 36^1$	$0^1, 12^1, 24^1, 28^{24}, 36^1, \infty^8$
57		$24^1, \infty^4$	$6^2, 24^2, 36^1$	$6^2, 24^3, 32^{30}, 36^1, \infty^9$
63		$27^2, \infty^4$	$12^3, 27^2, 36^1$	$12^3, 27^4, 36^{38}, \infty^{10}$
69		$30^3, \infty^4$	$18^4, 30^3$	$18^4, 30^6, 40^{45}, \infty^{11}$
75		$33^4, \infty^4$	$0^1, 24^3, 33^4$	$0^1, 24^3, 33^8, 44^{54}, \infty^{12}$
81		$36^3, 48^1, \infty^6$	$0^1, 6^2, 30^2, 36^3, 48^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 30^2, 36^6, 48^{63}, 96^1, \infty^{16}$
87		$39^2, 48^1, 54^1, \infty^8$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^1, 36^1, 39^2, 48^1, 54^1, 96^1, 108^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^1, 36^1, 39^4, 48^2, 52^{69}, 54^2, 96^1, 108^1, \infty^{20}$
93		$42^1, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^{10}$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^2, 36^1, 42^1, 48^1, 54^1, 60^1, 96^1, 108^1, 120^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^2, 36^1, 42^2, 48^2, 54^2, 56^{78}, 60^2, 96^1, 108^1, 120^1, \infty^{24}$
99		$45^2, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^{11}$	$4^3, 12^1, 24^2, 36^2, 45^2, 48^1, 54^1, 60^1, 96^1, 108^1, 120^1$	$4^3, 12^1, 24^2, 36^2, 45^4, 48^2, 54^2, 60^{90}, 96^1, 108^1, 120^1, \infty^{27}$
105		$48^4, 54^1, 60^1, 72^1, \infty^{11}$	$8^3, 12^2, 24^1, 36^2, 48^4, 54^1, 60^1, 72^1, 96^1, 108^1, 120^1$	$8^3, 12^2, 24^1, 36^2, 48^8, 54^2, 60^2, 64^{99}, 72^2, 96^1, 108^1, 120^1, \infty^{29}$
111		$51^6, 60^1, 75^2, \infty^{11}$	$12^1, 15^4, 18^2, 36^1, 51^6, 60^1, 75^2, 102^2, 120^1$	$12^1, 15^4, 18^2, 36^1, 51^{12}, 60^2, 68^{111}, 75^4, 102^2, 120^1, \infty^{31}$
117		$54^8, 78^3, \infty^{11}$	$0^1, 18^2, 21^4, 24^1, 54^8, 78^3, 108^3$	$0^1, 18^2, 21^4, 24^1, 54^{16}, 72^{124}, 78^6, 108^3, \infty^{33}$

123		$57^6, 60^4, 81^2, 84^1, \infty^{11}$	$0^1, 6^2, 24^3, 30^2, 57^6, 60^4, 81^2, 84^1, 96^1, 114^2$	$0^1, 6^2, 24^3, 30^2, 57^{12}, 60^8, 76^{138}, 81^4, 84^2, 96^1, 114^2, \infty^{35}$
129		$60^4, 63^4, 75^2, 84^2, 96^1, \infty^{14}$	$0^1, 6^2, 12^3, 30^2, 36^1, 60^4, 63^4, 75^2, 84^2, 96^3, 120^1, 150^2$	$0^1, 6^2, 12^3, 30^2, 36^1, 60^8, 63^8, 75^4, 80^{150}, 84^4, 96^4, 120^1, 150^2, \infty^{41}$
135		$63^2, 66^4, 75^2, 81^2, 84^1, 96^1, 102^1, \infty^{17}$	$0^1, 6^2, 12^3, 18^2, 36^2, 63^2, 66^4, 75^2, 81^2, 84^1, 96^3, 102^1, 108^1, 150^2, 162^2$	$0^1, 6^2, 12^3, 18^2, 36^2, 63^4, 66^8, 75^4, 81^4, 84^{165}, 96^4, 102^2, 108^1, 150^2, 162^2, \infty^{47}$
141		$66^3, \frac{135^4}{2}, 75^2, 81^2, 96^1, 102^1, 108^1, \infty^{19}$	$4^3, 12^3, 18^2, 24^1, 36^2, 66^3, \frac{135^4}{2}, 75^2, 81^2, 96^3, 102^1, 108^2, 120^1, 150^2, 162^2$	$4^3, 12^3, 18^2, 24^1, 36^2, 66^6, \frac{135^8}{2}, 75^4, 81^4, 88^{177}, 96^4, 102^2, 108^3, 120^1, 150^2, 162^2, \infty^{52}$
147		$69^6, 72^3, 75^2, 81^2, 102^1, 108^1, 114^1, \infty^{20}$	$8^6, 18^2, 24^1, 36^3, 69^6, 72^3, 75^2, 81^2, 96^2, 102^1, 108^2, 114^1, 120^1, 150^2, 162^2$	$8^6, 18^2, 24^1, 36^3, 69^{12}, 72^6, 75^4, 81^4, 92^{192}, 96^2, 102^2, 108^3, 114^2, 120^1, 150^2, 162^2, \infty^{56}$

Table 26: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 1$ , type 5. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
6				
12				$0^1$
18				$4^3$
24				$8^6$
30				$12^{10}$
36				$16^{15}$
42		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 20^{18}, \infty^2$
48		$\infty^2$	$0^1, 12^1$	$0^1, 12^1, 24^{22}, \infty^4$
54		$\infty^3$	$0^1, 12^1, 24^1$	$0^1, 12^1, 24^1, 28^{27}, \infty^6$
60		$\infty^4$	$6^2, 24^1, 36^1$	$6^2, 24^1, 32^{33}, 36^1, \infty^8$
66		$\infty^5$	$12^3, 36^1, 48^1$	$12^3, 36^{41}, 48^1, \infty^{10}$
72		$30^1, \infty^5$	$18^4, 30^1, 48^1$	$18^4, 30^2, 40^{48}, 48^1, \infty^{11}$
78		$33^2, \infty^5$	$24^5, 33^2$	$24^5, 33^4, 44^{57}, \infty^{12}$
84		$36^3, \infty^5$	$0^1, 30^4, 36^3$	$0^1, 30^4, 36^6, 48^{67}, \infty^{13}$
90		$39^2, 48^1, \infty^7$	$0^1, 6^2, 36^3, 39^2, 48^1, 96^1$	$0^1, 6^2, 36^3, 39^4, 48^2, 52^{75}, 96^1, \infty^{17}$
96		$42^1, 48^1, 54^1, \infty^9$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^1, 42^3, 48^1, 54^1, 96^1, 108^1$	$0^1, 6^2, 12^1, 24^1, 42^4, 48^2, 54^2, 56^{84}, 96^1, 108^1, \infty^{21}$
102		$48^1, 54^1, 60^1, \infty^{11}$	$4^3, 12^1, 24^2, 36^1, 48^2, 54^1, 60^1, 96^1, 108^1, 120^1$	$4^3, 12^1, 24^2, 36^1, 48^3, 54^2, 60^{96}, 96^1, 108^1, 120^1, \infty^{25}$
108		$54^1, 60^1, 66^1, \infty^{13}$	$8^3, 12^2, 24^1, 36^2, 48^1, 54^1, 60^1, 66^1, 96^1, 108^1, 120^1, 132^1$	$8^3, 12^2, 24^1, 36^2, 48^1, 54^2, 60^2, 64^{105}, 66^2, 96^1, 108^1, 120^1, 132^1, \infty^{29}$
114		$51^2, 60^1, 66^1, \infty^{14}$	$12^1, 15^4, 18^2, 36^1, 48^2, 51^2, 60^1, 66^1, 102^2, 120^1, 132^1$	$12^1, 15^4, 18^2, 36^1, 48^2, 51^4, 60^2, 66^2, 68^{117}, 102^2, 120^1, 132^1, \infty^{32}$
120		$54^4, 66^1, 78^1, \infty^{14}$	$18^2, 21^4, 24^3, 48^1, 54^4, 66^1, 78^1, 108^3, 132^1$	$18^2, 21^4, 24^3, 48^1, 54^8, 66^2, 72^{130}, 78^2, 108^3, 132^1, \infty^{34}$

126		$57^6, 81^2, \infty^{14}$	$0^1, 24^3, 27^4, 30^2, 57^6, 81^2, 114^4$	$0^1, 24^3, 27^4, 30^2, 57^{12}, 76^{144}, 81^4, 114^4, \infty^{36}$
132		$60^4, 63^4, 84^2, \infty^{14}$	$0^1, 6^2, 30^4, 36^3, 60^4, 63^4, 84^2, 96^1, 120^3$	$0^1, 6^2, 30^4, 36^3, 60^8, 63^8, 80^{159}, 84^4, 96^1, 120^3, \infty^{38}$
138		$63^2, 66^4, 75^2, 84^1, 96^1, \infty^{17}$	$0^1, 6^2, 12^3, 36^3, 42^2, 63^2, 66^4, 75^2, 84^1, 96^3, 126^2, 150^2$	$0^1, 6^2, 12^3, 36^3, 42^2, 63^4, 66^8, 75^4, 84^{174}, 96^4, 126^2, 150^2, \infty^{44}$
144		$\frac{135^4}{2}, 75^2, 81^2, 96^1, 102^1, \infty^{20}$	$4^3, 12^3, 18^2, 36^1, 42^2, 48^1, \frac{135^4}{2}, 75^2, 81^2, 96^3, 102^1, 108^1, 132^1, 150^2, 162^2$	$4^3, 12^3, 18^2, 36^1, 42^2, 48^1, \frac{135^8}{2}, 75^4, 81^4, 88^{186}, 96^4, 102^2, 108^1, 132^1, 150^2, 162^2, \infty^{50}$
150		$72^2, 75^2, 81^2, 87^2, 102^1, 108^1, \infty^{23}$	$8^6, 18^2, 24^1, 36^2, 48^2, 72^2, 75^2, 81^2, 87^2, 96^2, 102^1, 108^2, 120^1, 150^2, 162^2, 174^2$	$8^6, 18^2, 24^1, 36^2, 48^2, 72^4, 75^4, 81^4, 87^4, 92^{201}, 96^2, 102^2, 108^3, 120^1, 150^2, 162^2, 174^2, \infty^{56}$

## 5.2 $i = 2$ .

Table 27: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 2$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				
9				
15				$0^1$
21				$2^3$
27				$4^6$
33				$6^{10}$
39				$8^{15}$
45				$10^{21}$
51		$0^1$	$0^1$	$0^2, 12^{25}, \infty^1$
57		$0^1, 6^1$	$0^1, 6^1$	$0^2, 6^2, 14^{30}, \infty^2$
63		$3^2, 12^1$	$3^2, 12^1$	$3^4, 12^2, 16^{36}, \infty^3$
69		$6^3, 18^1$	$6^3, 18^1$	$6^6, 18^{45}, \infty^4$
75		$9^4, 24^1$	$9^4, 24^1$	$9^8, 20^{51}, 24^2, \infty^5$
81		$12^5, 30^1$	$12^5, 30^1$	$12^{10}, 22^{60}, 30^2, \infty^6$
87		$0^1, 15^6$	$15^6, \infty^1$	$0^1, 15^{12}, 24^{70}, \infty^8$
93		$0^3, 18^5$	$0^1, 18^5, \infty^2$	$0^4, 18^{10}, 26^{81}, \infty^{10}$
99		$0^2, 3^2, 12^1, 21^4, 48^1$	$0^1, 3^2, 21^4, 48^1, \infty^2$	$0^3, 3^4, 12^1, 21^8, 28^{90}, 48^2, \infty^{12}$
105		$2^3, 6^2, 12^1, 18^1, 24^3, 48^1, 54^1$	$2^3, 6^1, 12^1, 24^3, 48^1, 54^1, \infty^2$	$2^6, 6^3, 12^2, 18^1, 24^6, 30^{100}, 48^2, 54^2, \infty^{14}$
111		$4^3, 6^2, 12^2, 18^1, 24^1, 27^2, 48^1, 54^1, 60^1$	$4^3, 6^2, 12^1, 18^1, 27^2, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^2$	$4^6, 6^4, 12^3, 18^2, 24^1, 27^4, 32^{111}, 48^2, 54^2, 60^2, \infty^{16}$
117		$6^1, \frac{15}{2}^4, 9^2, 18^2, 24^1, 30^2, 51^2, 60^1, 66^1$	$6^1, \frac{15}{2}^4, 9^2, 18^1, 24^1, 30^1, 51^2, 60^1, 66^1, \infty^2$	$6^2, \frac{15}{2}^8, 9^4, 18^3, 24^2, 30^3, 34^{123}, 51^4, 60^2, 66^2, \infty^{18}$
123		$9^2, \frac{21}{2}^4, 12^3, 24^2, 30^1, 36^1, 54^3, 66^1, 72^1$	$9^2, \frac{21}{2}^4, 12^3, 24^1, 30^1, 54^3, 66^1, 72^1, \infty^2$	$9^4, \frac{21}{2}^8, 12^6, 24^3, 30^2, 36^{137}, 54^6, 66^2, 72^2, \infty^{20}$

129		$0^2, 12^3, \frac{27^4}{2}, 15^4, 30^2, 57^4, 72^1$	$12^3, \frac{27^4}{2}, 15^4, 30^1, 57^4, 72^1, \infty^3$	$0^2, 12^6, \frac{27^8}{2}, 15^8, 30^3, 38^{150}, 57^8, 72^2, \infty^{23}$
135		$0^5, 15^4, \frac{33^4}{2}, 18^3, 48^1, 60^5$	$0^1, 15^4, \frac{33^4}{2}, 18^3, 60^5, \infty^5$	$0^6, 15^8, \frac{33^8}{2}, 18^6, 40^{165}, 48^1, 60^{10}, \infty^{27}$
141		$0^3, 3^2, 6^4, 18^5, 21^4, 42^1, 48^1, 63^4$	$0^1, 3^2, 18^5, 21^4, 48^1, 63^4, \infty^7$	$0^4, 3^4, 6^4, 18^{10}, 21^8, 42^{182}, 48^2, 63^8, \infty^{31}$
147		$2^3, 3^4, 6^3, 18^2, 21^4, 24^3, 48^2, 60^1, 66^3, 75^2$	$2^3, 6^3, 21^4, 24^3, 48^2, 66^3, 75^2, \infty^7$	$2^6, 3^4, 6^6, 18^2, 21^8, 24^6, 44^{195}, 48^4, 60^1, 66^6, 75^4, \infty^{34}$

Table 28: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 2$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
6		$0^1$	$0^1$	$0^2, \infty^1$
12		$0^2$	$0^1, \infty^1$	$0^3, \infty^3$
18		$0^3$	$0^1, \infty^2$	$0^4, 6^1, \infty^5$
24		$0^4$	$0^1, \infty^3$	$0^5, 8^3, \infty^7$
30		$0^5$	$0^1, \infty^4$	$0^6, 10^6, \infty^9$
36		$0^6$	$0^1, \infty^5$	$0^7, 12^{10}, \infty^{11}$
42		$0^7$	$0^1, \infty^6$	$0^8, 14^{15}, \infty^{13}$
48		$0^8$	$0^1, \infty^7$	$0^9, 16^{21}, \infty^{15}$
54	$0^1$	$0^9, \infty^1$	$0^2, \infty^8$	$0^{10}, 18^{28}, \infty^{17}$
60	$0^1$	$0^{10}, 6^1, \infty^1$	$0^2, 6^1, \infty^9$	$0^{11}, 6^2, 20^{33}, \infty^{20}$
66	$0^1$	$0^{11}, 9^2, \infty^1$	$0^2, 9^2, \infty^{10}$	$0^{12}, 9^4, 22^{39}, \infty^{23}$
72	$0^1$	$0^{12}, 12^3, \infty^1$	$0^2, 12^3, \infty^{11}$	$0^{13}, 12^6, 24^{46}, \infty^{26}$
78	$0^1$	$0^{13}, 15^4, \infty^1$	$0^2, 15^4, \infty^{12}$	$0^{14}, 15^8, 26^{54}, \infty^{29}$
84	$0^1$	$0^{14}, 18^5, \infty^1$	$0^2, 18^5, \infty^{13}$	$0^{15}, 18^{10}, 28^{63}, \infty^{32}$
90	$0^1$	$0^{15}, 21^6, \infty^1$	$0^2, 21^6, \infty^{14}$	$0^{16}, 21^{12}, 30^{73}, \infty^{35}$
96	$0^1$	$0^{16}, 24^7, \infty^1$	$0^2, 24^7, \infty^{15}$	$0^{17}, 24^{14}, 32^{84}, \infty^{38}$
102	$0^2$	$0^{17}, 6^2, 27^6, \infty^2$	$0^3, 6^1, 27^6, \infty^{17}$	$0^{18}, 6^3, 27^{12}, 34^{96}, \infty^{42}$
108	$0^2$	$0^{18}, 8^3, 12^1, 30^5, 54^1, \infty^2$	$0^3, 8^3, 30^5, 54^1, \infty^{18}$	$0^{19}, 8^6, 12^1, 30^{10}, 36^{106}, 54^2, \infty^{46}$
114	$0^2$	$0^{19}, 10^3, 12^2, 18^1, 33^4, 54^1, 60^1, \infty^2$	$0^3, 10^3, 12^2, 33^4, 54^1, 60^1, \infty^{19}$	$0^{20}, 10^6, 12^4, 18^1, 33^8, 38^{117}, 54^2, 60^2, \infty^{50}$
120	$0^2$	$0^{20}, 12^1, \frac{27}{2}^4, 15^2, 24^1, 36^3, 57^2, 66^1, \infty^2$	$0^3, 12^1, \frac{27}{2}^4, 15^2, 36^3, 57^2, 66^1, \infty^{20}$	$0^{21}, 12^2, \frac{27}{2}^8, 15^4, 24^1, 36^6, 40^{129}, 57^4, 66^2, \infty^{54}$
126	$0^2$	$0^{21}, 15^2, \frac{33}{2}^4, 18^3, 30^1, 39^2, 60^3, 72^1, \infty^2$	$0^3, 15^2, \frac{33}{2}^4, 18^3, 39^2, 60^3, 72^1, \infty^{21}$	$0^{22}, 15^4, \frac{33}{2}^8, 18^6, 30^1, 39^4, 42^{142}, 60^6, 72^2, \infty^{58}$
132	$0^2$	$0^{22}, 18^3, \frac{39}{2}^4, 21^4, 36^1, 42^1, 63^4, 78^1, \infty^2$	$0^3, 18^3, \frac{39}{2}^4, 21^4, 42^1, 63^4, 78^1, \infty^{22}$	$0^{23}, 18^6, \frac{39}{2}^8, 21^8, 36^1, 42^2, 44^{156}, 63^8, 78^2, \infty^{62}$



138	$0^2$	$0^{23}, 21^4, \frac{45^4}{2}, 24^5, 42^1, 66^5, 84^1, \infty^2$	$0^3, 21^4, \frac{45^4}{2}, 24^5, 66^5, 84^1, \infty^{23^2}$	$0^{24}, 21^8, \frac{45^8}{2}, 24^{10}, 42^1, 46^{171}, 66^{10}, 84^2, \infty^{66}$
144	$0^2$	$0^{24}, 6^3, 24^5, \frac{51^4}{2}, 27^4, 69^6, \infty^2$	$0^3, 6^1, 24^5, \frac{51^4}{2}, 27^4, 69^6, \infty^{25}$	$0^{25}, 6^4, 24^{10}, \frac{51^8}{2}, 27^8, 48^{187}, 69^{12}, \infty^{71}$
150	$0^3$	$0^{25}, 8^3, 9^4, 27^6, 30^5, 54^1, 72^5, \infty^3$	$0^4, 8^3, 27^6, 30^5, 54^1, 72^5, \infty^{28}$	$0^{26}, 8^6, 9^4, 27^{12}, 30^{10}, 50^{204}, 54^2, 72^{10}, \infty^{77}$

Table 29: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 2$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				$0^1$
9				$2^3$
15		$0^1$	$0^1$	$0^2, 4^3, \infty^1$
21		$0^1, 6^1$	$0^1, 6^1$	$0^2, 6^6, \infty^2$
27		$0^2, 6^1$	$0^1, 6^1, \infty^1$	$0^3, 6^2, 8^6, \infty^4$
33		$0^3, 6^1$	$0^1, 6^1, \infty^2$	$0^4, 6^2, 10^9, \infty^6$
39		$0^4, 6^1$	$0^1, 6^1, \infty^3$	$0^5, 6^2, 12^{13}, \infty^8$
45		$0^5, 6^1$	$0^1, 6^1, \infty^4$	$0^6, 6^2, 14^{18}, \infty^{10}$
51		$0^5, 3^2$	$3^2, \infty^5$	$0^5, 3^4, 16^{24}, \infty^{12}$
57		$0^7, 6^1$	$0^1, 6^1, \infty^6$	$0^8, 6^2, 18^{31}, \infty^{14}$
63		$0^6, 3^2, 36^1, 48^1$	$0^1, 3^2, 48^1, \infty^6$	$0^7, 3^4, 20^{36}, 36^1, 48^2, \infty^{16}$
69		$0^7, 3^2, 6^1, 30^1, 48^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 48^1, \infty^7$	$0^8, 3^4, 6^2, 22^{42}, 30^1, 48^2, \infty^{19}$
75		$0^8, 3^2, 6^1, 24^1, 48^2$	$0^1, 3^2, 6^1, 48^1, \infty^9$	$0^9, 3^4, 6^2, 24^{50}, 48^3, \infty^{23}$
81		$0^9, 3^2, 6^1, 18^1, 48^3$	$0^1, 3^2, 6^1, 48^1, \infty^{11}$	$0^{10}, 3^4, 6^2, 18^1, 26^{57}, 48^4, \infty^{27}$
87		$0^{10}, 3^2, 6^1, 12^1, 48^4$	$0^1, 3^2, 6^1, 48^1, \infty^{13}$	$0^{11}, 3^4, 6^2, 12^1, 28^{66}, 48^5, \infty^{31}$
93		$0^{10}, 2^3, 6^2, 48^5$	$2^3, 6^1, 48^1, \infty^{15}$	$0^{10}, 2^6, 6^3, 30^{76}, 48^6, \infty^{35}$
99		$0^{13}, 4^3, 48^6$	$0^1, 4^3, 48^1, \infty^{17}$	$0^{14}, 4^6, 32^{87}, 48^7, \infty^{39}$
105		$0^{11}, 3^2, 6^5, 48^5, 66^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 48^1, \infty^{19}$	$0^{12}, 3^4, 6^6, 34^{99}, 48^6, 66^1, \infty^{43}$
111	$0^1$	$0^{12}, 3^2, 6^5, 48^5, 60^1, 84^1, \infty^1$	$0^2, 3^2, 6^1, 48^2, \infty^{20}$	$0^{13}, 3^4, 6^6, 36^{112}, 48^7, 60^1, 84^1, \infty^{46}$
117	$0^1$	$0^{13}, 3^2, 6^6, 9^2, 48^4, 54^1, 78^1, \infty^1$	$0^2, 3^2, 6^1, 9^2, 48^2, \infty^{21}$	$0^{14}, 3^4, 6^7, 9^4, 38^{123}, 48^6, 54^1, 78^1, \infty^{50}$
123	$0^1$	$0^{14}, 3^2, 6^7, 12^3, 48^4, 72^1, 96^1, \infty^1$	$0^2, 3^2, 6^1, 12^3, 48^2, \infty^{23}$	$0^{15}, 3^4, 6^8, 12^6, 40^{135}, 48^6, 72^1, 96^1, \infty^{55}$
129	$0^1$	$0^{15}, 3^2, 6^8, 15^4, 42^1, 48^2, 66^1, 90^1, 102^1, \infty^1$	$0^2, 3^2, 6^1, 15^4, 48^2, \infty^{25}$	$0^{16}, 3^4, 6^9, 15^8, 42^{149}, 48^4, 66^1, 90^1, 102^1, \infty^{60}$

135	$0^1$	$0^{15}, 2^3, 3^4, 6^5, 18^5, 48^2, 60^1, 90^2, 108^1, \infty^1$	$0^1, 2^3, 6^1, 18^5, 48^2, \infty^{27}$	$0^{15}, 2^6, 3^4, 6^6, 18^{10}, 44^{162}, 48^4, 60^1, 90^2, 108^1, \infty^{65}$
141	$0^1$	$0^{19}, 4^3, 6^7, 21^6, 48^2, 90^3, 114^1, \infty^1$	$0^2, 4^3, 21^6, 48^2, \infty^{29}$	$0^{20}, 4^6, 6^7, 21^{12}, 46^{177}, 48^4, 90^3, 114^1, \infty^{70}$
147	$6^1$	$0^{16}, 3^6, 6^9, 9^2, 24^5, 48^2, 90^4, \infty^1$	$0^1, 3^2, 6^2, 9^2, 24^5, 48^2, \infty^{31}$	$0^{17}, 3^8, 6^{10}, 9^4, 24^{10}, 48^{197}, 90^4, \infty^{75}$

Table 30: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 2$ , type 3. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
6				$0^1$
12				$2^3$
18				$4^6$
24		$0^1$	$0^1$	$0^2, 6^7, \infty^1$
30		$0^1, 6^1$	$0^1, 6^1$	$0^2, 6^2, 8^9, \infty^2$
36		$0^1, 6^1, 12^1$	$0^1, 6^1, 12^1$	$0^2, 6^2, 10^{12}, 12^2, \infty^3$
42		$0^2, 6^1, 12^1$	$0^1, 6^1, 12^1, \infty^1$	$0^3, 6^2, 12^{18}, \infty^5$
48		$0^3, 6^1, 12^1$	$0^1, 6^1, 12^1, \infty^2$	$0^4, 6^2, 12^2, 14^{21}, \infty^7$
54		$0^3, 3^2, 12^1$	$3^2, 12^1, \infty^3$	$0^3, 3^4, 12^2, 16^{27}, \infty^9$
60		$0^4, 6^3$	$6^3, \infty^4$	$0^4, 6^6, 18^{34}, \infty^{11}$
66		$0^6, 9^2$	$0^1, 9^2, \infty^5$	$0^7, 9^4, 20^{42}, \infty^{13}$
72		$0^5, 3^2, 12^1, 30^1, 48^1$	$0^1, 3^2, 12^1, 48^1, \infty^5$	$0^6, 3^4, 12^2, 22^{48}, 30^1, 48^2, \infty^{15}$
78		$0^4, 3^2, 6^1, 12^1, 24^1, 36^1, 48^1, 54^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 12^1, 48^1, 54^1, \infty^5$	$0^5, 3^4, 6^2, 12^2, 24^{56}, 36^1, 48^2, 54^2, \infty^{17}$
84		$0^5, 3^2, 6^1, 12^2, 18^1, 30^1, 48^1, 54^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 12^2, 48^1, 54^1, \infty^6$	$0^6, 3^4, 6^2, 12^4, 18^1, 26^{63}, 30^1, 48^2, 54^2, \infty^{20}$
90		$0^6, 3^2, 6^1, 12^3, 24^1, 48^2, 54^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 12^2, 48^1, 54^1, \infty^8$	$0^7, 3^4, 6^2, 12^5, 24^1, 28^{72}, 48^3, 54^2, \infty^{24}$
96		$0^6, 2^3, 6^2, 12^2, 18^1, 48^3, 54^1$	$2^3, 6^1, 12^2, 48^1, 54^1, \infty^{10}$	$0^6, 2^6, 6^3, 12^4, 18^1, 30^{82}, 48^4, 54^2, \infty^{28}$
102		$0^8, 4^3, 6^2, 12^2, 48^4, 54^1$	$4^3, 6^2, 12^1, 48^1, 54^1, \infty^{12}$	$0^8, 4^6, 6^4, 12^3, 32^{93}, 48^5, 54^2, \infty^{32}$
108		$0^{11}, 6^1, \frac{15}{2}^4, 48^4, 51^2$	$0^1, 6^1, \frac{15}{2}^4, 51^2, \infty^{14}$	$0^{12}, 6^2, \frac{15}{2}^8, 34^{105}, 48^4, 51^4, \infty^{36}$
114		$0^9, 3^2, 6^4, 9^2, 12^1, 48^4, 54^1, 60^1$	$0^1, 3^2, 9^2, 12^1, 48^1, 54^1, \infty^{16}$	$0^{10}, 3^4, 6^4, 9^4, 12^2, 36^{118}, 48^5, 54^2, 60^1, \infty^{40}$
120		$0^7, 3^2, 6^7, 12^1, 36^2, 48^4, 54^1, 75^2, 78^1$	$0^1, 3^2, 6^3, 12^1, 48^2, 75^2, \infty^{16}$	$0^8, 3^4, 6^{10}, 12^2, 36^2, 38^{129}, 48^6, 54^1, 75^4, 78^1, \infty^{43}$

126		$0^8, 3^2, 6^7, 9^2, 30^2, 48^4, 54^1, 72^1, 75^2, 84^1$	$0^1, 3^2, 6^3, 9^2, 48^2, 54^1, 75^2, \infty^{17}$	$0^9, 3^4, 6^{10}, 9^4, 30^2, 40^{141}, 48^6, 54^2, 72^1, 75^4, 84^1, \infty^{47}$
132		$0^9, 3^2, 6^8, 9^2, 12^1, 24^2, 42^1, 48^2, 54^1, 66^1, 75^2, 78^1, 90^1$	$0^1, 3^2, 6^3, 9^2, 12^1, 48^2, 54^1, 75^2, \infty^{19}$	$0^{10}, 3^4, 6^{11}, 9^4, 12^2, 24^2, 42^{155}, 48^4, 54^2, 66^1, 75^4, 78^1, 90^1, \infty^{52}$
138		$0^9, 2^3, 3^4, 6^5, 9^2, 12^1, 18^2, 48^2, 54^1, 60^1, 72^1, 75^2, 90^2, 96^1$	$2^3, 6^3, 9^2, 12^1, 48^2, 54^1, 75^2, \infty^{22}$	$0^9, 2^6, 3^4, 6^8, 9^4, 12^2, 18^2, 44^{168}, 48^4, 54^2, 60^1, 72^1, 75^4, 90^2, 96^1, \infty^{58}$
144		$0^{12}, 4^6, 6^5, 9^2, 12^3, 48^2, 54^1, 66^1, 75^2, 90^3, 96^2$	$4^6, 9^2, 12^1, 48^2, 54^1, 75^2, \infty^{25}$	$0^{12}, 4^{12}, 6^5, 9^4, 12^4, 46^{183}, 48^4, 54^2, 66^1, 75^4, 90^3, 96^2, \infty^{64}$
150		$0^{16}, 6^{11}, 12^3, 48^1, 54^2, 72^2, 90^4, 96^3$	$0^1, 6^7, 12^1, 48^1, 54^2, 72^2, \infty^{28}$	$0^{17}, 6^{18}, 12^4, 48^{201}, 54^4, 72^4, 90^4, 96^3, \infty^{70}$

Table 31: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 2$ , type 4. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				
9				$0^1$
15				$2^3$
21				$4^6$
27				$6^{10}$
33		$0^1$	$0^1$	$0^2, 8^{12}, \infty^1$
39		$0^1, 6^1$	$0^1, 6^1$	$0^2, 6^2, 10^{15}, \infty^2$
45		$0^1, 6^1, 12^1$	$0^1, 6^1, 12^1$	$0^2, 6^2, 12^{21}, \infty^3$
51		$0^1, 6^1, 12^1, 18^1$	$0^1, 6^1, 12^1, 18^1$	$0^2, 6^2, 12^2, 14^{24}, 18^2, \infty^4$
57		$0^1, 3^2, 12^1, 18^1$	$3^2, 12^1, 18^1, \infty^1$	$0^1, 3^4, 12^2, 16^{30}, 18^2, \infty^6$
63		$0^2, 6^3, 18^1$	$6^3, 18^1, \infty^2$	$0^2, 6^6, 18^{39}, \infty^8$
69		$0^3, 9^4$	$9^4, \infty^3$	$0^3, 9^8, 20^{45}, \infty^{10}$
75		$0^5, 12^3$	$0^1, 12^3, \infty^4$	$0^6, 12^6, 22^{54}, \infty^{12}$
81		$0^4, 3^2, 15^2, 24^1, 48^1$	$0^1, 3^2, 15^2, 48^1, \infty^4$	$0^5, 3^4, 15^4, 24^{62}, 48^2, \infty^{14}$
87		$0^3, 3^2, 6^1, 12^1, 18^2, 30^1, 48^1, 54^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 12^1, 18^1, 48^1, 54^1, \infty^4$	$0^4, 3^4, 6^2, 12^2, 18^3, 26^{69}, 30^1, 48^2, 54^2, \infty^{16}$
93		$0^2, 3^2, 6^1, 12^3, 18^1, 24^1, 36^1, 48^1, 54^1, 60^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 12^2, 18^1, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^4$	$0^3, 3^4, 6^2, 12^5, 18^2, 24^1, 28^{78}, 36^1, 48^2, 54^2, 60^2, \infty^{18}$
99		$0^2, 2^3, 6^2, 12^2, 18^3, 30^1, 48^1, 54^1, 60^1$	$2^3, 6^1, 12^2, 18^2, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^5$	$0^2, 2^6, 6^3, 12^4, 18^5, 30^{89}, 48^2, 54^2, 60^2, \infty^{21}$
105		$0^4, 4^3, 6^2, 12^2, 18^2, 24^1, 48^2, 54^1, 60^1$	$4^3, 6^2, 12^1, 18^2, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^7$	$0^4, 4^6, 6^4, 12^3, 18^4, 24^1, 32^{99}, 48^3, 54^2, 60^2, \infty^{25}$
111		$0^6, 6^1, \frac{15^4}{2}, 9^2, 18^2, 48^2, 51^2, 60^1$	$6^1, \frac{15^4}{2}, 9^2, 18^1, 51^2, 60^1, \infty^9$	$0^6, 6^2, \frac{15^8}{2}, 9^4, 18^3, 34^{111}, 48^2, 51^4, 60^2, \infty^{29}$
117		$0^9, 9^2, \frac{21^4}{2}, 12^1, 48^3, 54^3$	$0^1, 9^2, \frac{21^4}{2}, 12^1, 54^3, \infty^{11}$	$0^{10}, 9^4, \frac{21^8}{2}, 12^2, 36^{124}, 48^3, 54^6, \infty^{33}$
123		$0^7, 3^2, 6^4, 12^3, 15^2, 48^3, 54^1, 57^2$	$0^1, 3^2, 12^3, 15^2, 48^1, 57^2, \infty^{13}$	$0^8, 3^4, 6^4, 12^6, 15^4, 38^{138}, 48^4, 54^1, 57^4, \infty^{37}$

129		$0^5, 3^2, 6^7, 15^2, 18^1, 30^2, 48^4, 60^1, 72^1, 75^2$	$0^1, 3^2, 6^3, 15^2, 18^1, 48^2, 60^1, 75^2, \infty^{13}$	$0^6, 3^4, 6^{10}, 15^4, 18^2, 30^2, 40^{150}, 48^6, 60^2, 72^1, 75^4, \infty^{40}$
135		$0^3, 3^2, 6^7, 9^2, 18^2, 24^2, 36^2, 42^1, 48^2, 54^1, 66^1, 75^2, 78^1, 81^2$	$0^1, 3^2, 6^3, 9^2, 18^2, 48^2, 54^1, 75^2, 81^2, \infty^{13}$	$0^4, 3^4, 6^{10}, 9^4, 18^4, 24^2, 36^2, 42^{164}, 48^4, 54^2, 66^1, 75^4, 78^1, 81^4, \infty^{43}$
141		$0^3, 2^3, 3^4, 6^3, 9^2, 12^1, 18^4, 30^2, 48^2, 54^1, 60^2, 72^1, 75^2, 81^2, 84^1$	$2^3, 6^3, 9^2, 12^1, 18^2, 48^2, 54^1, 60^1, 75^2, 81^2, \infty^{14}$	$0^3, 2^6, 3^4, 6^6, 9^4, 12^2, 18^6, 30^2, 44^{177}, 48^4, 54^2, 60^3, 72^1, 75^4, 81^4, 84^1, \infty^{47}$
147		$0^6, 4^6, 6^3, 9^2, 12^3, 18^3, 24^2, 48^2, 54^1, 60^1, 66^1, 75^2, 78^1, 81^2, 90^1$	$4^6, 9^2, 12^1, 18^3, 48^2, 54^1, 60^1, 75^2, 81^2, \infty^{16}$	$0^6, 4^{12}, 6^3, 9^4, 12^4, 18^6, 24^2, 46^{192}, 48^4, 54^2, 60^2, 66^1, 75^4, 78^1, 81^4, 90^1, \infty^{52}$

Table 32: Slopes for  $q = 7$ ,  $i = 2$ , type 5. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				
6				
12				$0^1$
18				$2^3$
24				$4^6$
30				$6^{10}$
36				$8^{15}$
42		$0^1$	$0^1$	$0^2, 10^{18}, \infty^1$
48		$0^1, 6^1$	$0^1, 6^1$	$0^2, 6^2, 12^{22}, \infty^2$
54		$0^1, 6^1, 12^1$	$0^1, 6^1, 12^1$	$0^2, 6^2, 12^2, 14^{27}, \infty^3$
60		$3^2, 12^1, 18^1$	$3^2, 12^1, 18^1$	$3^4, 12^2, 16^{33}, 18^2, \infty^4$
66		$6^3, 18^1, 24^1$	$6^3, 18^1, 24^1$	$6^6, 18^{42}, 24^2, \infty^5$
72		$0^1, 9^4, 24^1$	$9^4, 24^1, \infty^1$	$0^1, 9^8, 20^{48}, 24^2, \infty^7$
78		$0^2, 12^5$	$12^5, \infty^2$	$0^2, 12^{10}, 22^{57}, \infty^9$
84		$0^4, 15^4$	$0^1, 15^4, \infty^3$	$0^5, 15^8, 24^{67}, \infty^{11}$
90		$0^3, 3^2, 18^4, 48^1$	$0^1, 3^2, 18^3, 48^1, \infty^3$	$0^4, 3^4, 18^7, 26^{75}, 48^2, \infty^{13}$
96		$0^2, 3^2, 6^1, 12^2, 21^2, 24^1, 48^1, 54^1$	$0^1, 3^2, 6^1, 12^1, 21^2, 48^1, 54^1, \infty^3$	$0^3, 3^4, 6^2, 12^3, 21^4, 24^1, 28^{84}, 48^2, 54^2, \infty^{15}$
102		$2^3, 6^2, 12^2, 18^2, 24^1, 30^1, 48^1, 54^1, 60^1$	$2^3, 6^1, 12^2, 18^1, 24^1, 48^1, 54^1, 60^1, \infty^3$	$2^6, 6^3, 12^4, 18^3, 24^2, 30^{95}, 48^2, 54^2, 60^2, \infty^{17}$
108		$4^3, 6^2, 12^2, 18^2, 24^2, 36^1, 48^1, 54^1, 60^1, 66^1$	$4^3, 6^2, 12^1, 18^2, 24^1, 48^1, 54^1, 60^1, 66^1, \infty^3$	$4^6, 6^4, 12^3, 18^4, 24^3, 32^{105}, 36^1, 48^2, 54^2, 60^2, 66^2, \infty^{19}$
114		$0^2, 6^1, \frac{15}{2}^4, 9^2, 18^2, 24^2, 30^1, 51^2, 60^1, 66^1$	$6^1, \frac{15}{2}^4, 9^2, 18^1, 24^2, 51^2, 60^1, 66^1, \infty^4$	$0^2, 6^2, \frac{15}{2}^8, 9^4, 18^3, 24^4, 30^1, 34^{117}, 51^4, 60^2, 66^2, \infty^{22}$
120		$0^4, 9^2, \frac{21}{2}^4, 12^3, 24^2, 48^1, 54^3, 66^1$	$9^2, \frac{21}{2}^4, 12^3, 24^1, 54^3, 66^1, \infty^6$	$0^4, 9^4, \frac{21}{2}^8, 12^6, 24^3, 36^{130}, 48^1, 54^6, 66^2, \infty^{26}$
126		$0^7, 12^3, \frac{27}{2}^4, 15^2, 48^2, 57^4$	$0^1, 12^3, \frac{27}{2}^4, 15^2, 57^4, \infty^8$	$0^8, 12^6, \frac{27}{2}^8, 15^4, 38^{144}, 48^2, 57^8, \infty^{30}$



132		$0^5, 3^2, 6^4, 15^4, 18^3, 48^3, 60^3$	$0^1, 3^2, 15^4, 18^3, 48^1, 60^3, \infty^{10}$	$0^6, 3^4, 6^4, 15^8, 18^6, 40^{159}, 48^4, 60^6, \infty^{34}$
138		$0^3, 3^2, 6^7, 18^3, 21^2, 24^2, 42^1, 48^2, 63^2, 66^1, 75^2$	$0^1, 3^2, 6^3, 18^3, 21^2, 48^2, 63^2, 75^2, \infty^{10}$	$0^4, 3^4, 6^{10}, 18^6, 21^4, 24^2, 42^{173}, 48^4, 63^4, 66^1, 75^4, \infty^{37}$
144		$2^3, 3^4, 6^3, 9^2, 18^3, 21^2, 24^1, 30^2, 48^2, 54^1, 60^1, 66^1, 72^1, 75^2, 81^2$	$2^3, 6^3, 9^2, 18^1, 21^2, 24^1, 48^2, 54^1, 66^1, 75^2, 81^2, \infty^{10}$	$2^6, 3^4, 6^6, 9^4, 18^4, 21^4, 24^2, 30^2, 44^{186}, 48^4, 54^2, 60^1, 66^2, 72^1, 75^4, 81^4, \infty^{40}$
150		$4^6, 6^2, 9^2, 12^3, 18^2, 24^4, 36^2, 48^2, 54^1, 60^1, 66^1, 75^2, 78^1, 81^2, 87^2$	$4^6, 9^2, 12^1, 18^2, 24^2, 48^2, 54^1, 60^1, 75^2, 81^2, 87^2, \infty^{10}$	$4^{12}, 6^2, 9^4, 12^4, 18^4, 24^6, 36^2, 46^{201}, 48^4, 54^2, 60^2, 66^1, 75^4, 78^1, 81^4, 87^4, \infty^{43}$

## 6 $q = 8$ .

### 6.1 $i = 1$ .

Table 33: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
4				
11				
18				$0^1$
25				$\frac{14}{3}^3$
32				$\frac{28}{3}^6$
39				$14^{10}$
46				$\frac{56}{3}^{15}$
53				$\frac{70}{3}^{21}$
60				$28^{28}$
67		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{98}{3}^{33}, \infty^2$
74		$\infty^2$	$0^1, \infty^1$	$0^1, \frac{112}{3}^{39}, \infty^5$
81		$\infty^3$	$14^2, \infty^1$	$14^2, 42^{46}, \infty^7$
88		$\infty^4$	$14^2, \infty^2$	$14^2, \frac{140}{3}^{54}, \infty^{10}$
95		$\infty^5$	$28^3, \infty^2$	$28^3, \frac{154}{3}^{63}, \infty^{12}$
102		$\infty^6$	$28^3, \infty^3$	$28^3, 56^{73}, \infty^{15}$
109		$\infty^7$	$42^4, \infty^3$	$42^4, \frac{182}{3}^{84}, \infty^{17}$
116		$49^1, \infty^7$	$42^4, 49^1, \infty^3$	$42^4, 49^2, \frac{196}{3}^{96}, \infty^{18}$
123		$\frac{105}{2}^2, \infty^7$	$0^1, \frac{105}{2}^2, 56^3, \infty^3$	$0^1, \frac{105}{2}^4, 56^3, 70^{109}, \infty^{19}$
130		$56^1, 63^1, \infty^9$	$0^1, 7^2, 56^4, 63^1, \infty^3$	$0^1, 7^2, 56^5, 63^2, \frac{224}{3}^{120}, \infty^{23}$
137		$\frac{133}{2}^2, \infty^{11}$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 28^1, \frac{133}{2}^2, 70^2, \infty^4$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 28^1, \frac{133}{2}^4, 70^2, \frac{238}{3}^{132}, \infty^{28}$
144		$70^1, 77^1, \infty^{13}$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 28^1, 70^3, 77^1, \infty^5$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 28^1, 70^4, 77^2, 84^{145}, \infty^{33}$
151		$\frac{161}{2}^2, \infty^{15}$	$14^1, \frac{35}{2}^4, 28^2, \frac{161}{2}^2, 84^1, \infty^7$	$14^1, \frac{35}{2}^4, 28^2, \frac{161}{2}^4, 84^1, \frac{266}{3}^{159}, \infty^{39}$
158		$84^1, 91^1, \infty^{17}$	$21^2, 28^3, 35^4, 84^2, 91^1, \infty^7$	$21^2, 28^3, 35^4, 84^3, 91^2, \frac{280}{3}^{174}, \infty^{43}$

165		$\frac{189^2}{2}, \infty^{19}$	$28^1, \frac{98^6}{3}, 42^2, 56^2, \frac{189^2}{2}, \infty^8$	$28^1, \frac{98^6}{3}, 42^2, 56^2, \frac{189^4}{2}, 98^{190}, \infty^{48}$
172		$77^2, 98^1, \infty^{20}$	$\frac{112^6}{3}, 42^4, 56^2, 77^2, 98^1, \infty^8$	$\frac{112^6}{3}, 42^4, 56^2, 77^4, 98^2, \frac{308^{207}}{3}, \infty^{51}$

Table 34: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
7		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \infty^2$
14		$7^1, \infty^1$	$0^1, 7^1$	$0^1, 7^2, \infty^3$
21		$\frac{21}{2}^2, \infty^1$	$0^1, \frac{21}{2}^2$	$0^1, \frac{21}{2}^4, 14^1, \infty^4$
28		$14^3, \infty^1$	$0^1, 14^3$	$0^1, 14^6, \frac{56}{3}^3, \infty^5$
35		$\frac{35}{2}^4, \infty^1$	$0^1, \frac{35}{2}^4$	$0^1, \frac{35}{2}^8, \frac{70}{3}^6, \infty^6$
42		$21^5, \infty^1$	$0^1, 21^5$	$0^1, 21^{10}, 28^{10}, \infty^7$
49		$\frac{49}{2}^6, \infty^1$	$0^1, \frac{49}{2}^6$	$0^1, \frac{49}{2}^{12}, \frac{98}{3}^{15}, \infty^8$
56		$28^7, \infty^1$	$0^1, 28^7$	$0^1, 28^{14}, \frac{112}{3}^{21}, \infty^9$
63		$\frac{63}{2}^8, \infty^1$	$0^1, \frac{63}{2}^8$	$0^1, \frac{63}{2}^{16}, 42^{28}, \infty^{10}$
70	$7^1$	$7^1, 35^7, \infty^3$	$0^1, 7^2, 35^7, \infty^1$	$0^1, 7^2, 35^{14}, \frac{140}{3}^{36}, \infty^{13}$
77	$14^1$	$14^1, \frac{77}{2}^8, \infty^4$	$0^1, 14^3, \frac{77}{2}^8, \infty^1$	$0^1, 14^3, \frac{77}{2}^{16}, \frac{154}{3}^{42}, \infty^{16}$
84	$21^1$	$21^1, 42^9, \infty^5$	$0^1, 21^4, 42^9, \infty^1$	$0^1, 21^4, 42^{18}, 56^{49}, \infty^{19}$
91	$28^1$	$28^1, \frac{91}{2}^{10}, \infty^6$	$0^1, 28^5, \frac{91}{2}^{10}, \infty^1$	$0^1, 28^5, \frac{91}{2}^{20}, \frac{182}{3}^{57}, \infty^{22}$
98	$35^1$	$35^1, 49^{11}, \infty^7$	$0^1, 35^6, 49^{11}, \infty^1$	$0^1, 35^6, 49^{22}, \frac{196}{3}^{66}, \infty^{25}$
105	$42^1$	$42^1, \frac{105}{2}^{12}, \infty^8$	$0^1, 42^7, \frac{105}{2}^{12}, \infty^1$	$0^1, 42^7, \frac{105}{2}^{24}, 70^{76}, \infty^{28}$
112	$49^1$	$49^1, 56^{13}, \infty^9$	$0^1, 49^8, 56^{13}, \infty^1$	$0^1, 49^8, 56^{26}, \frac{224}{3}^{87}, \infty^{31}$
119	$56^1$	$56^1, \frac{119}{2}^{14}, \infty^{10}$	$0^1, 56^9, \frac{119}{2}^{14}, \infty^1$	$0^1, 56^9, \frac{119}{2}^{28}, \frac{238}{3}^{99}, \infty^{34}$
126	$7^1$	$7^1, 63^{15}, \infty^{11}$	$0^1, 7^2, 63^{23}, \infty^1$	$0^1, 7^2, 63^{38}, 84^{112}, \infty^{37}$
133	$\frac{21}{2}^2$	$\frac{21}{2}^2, \frac{133}{2}^{14}, 70^1, \infty^{13}$	$0^1, \frac{21}{2}^4, 14^1, \frac{133}{2}^{14}, 70^8, \infty^2$	$0^1, \frac{21}{2}^4, 14^1, \frac{133}{2}^{28}, 70^9, \frac{266}{3}^{126}, \infty^{41}$
140	$14^1, 21^1$	$14^1, 21^1, 70^{15}, 77^1, \infty^{15}$	$0^1, 14^2, \frac{56}{3}^3, 21^2, 70^{15}, 77^7, 140^1, \infty^2$	$0^1, 14^2, \frac{56}{3}^3, 21^2, 70^{30}, 77^8, \frac{280}{3}^{138}, 140^1, \infty^{46}$
147	$\frac{49}{2}^2$	$\frac{49}{2}^2, \frac{147}{2}^{16}, 84^1, \infty^{17}$	$0^1, \frac{70}{3}^3, \frac{49}{2}^4, 28^2, \frac{147}{2}^{16}, 84^6, 140^1, \infty^3$	$0^1, \frac{70}{3}^3, \frac{49}{2}^4, 28^2, \frac{147}{2}^{32}, 84^7, 98^{151}, 140^1, \infty^{52}$
154	$28^1, 35^1$	$28^1, 35^1, 77^{17}, 91^1, \infty^{19}$	$0^1, 28^3, \frac{98}{3}^6, 35^2, 77^{17}, 91^5, 154^2, \infty^3$	$0^1, 28^3, \frac{98}{3}^6, 35^2, 77^{34}, 91^6, \frac{308}{3}^{165}, 154^2, \infty^{57}$
161	$\frac{77}{2}^2$	$\frac{77}{2}^2, \frac{161}{2}^{18}, 98^1, \infty^{21}$	$0^1, \frac{112}{3}^6, \frac{77}{2}^4, 42^3, \frac{161}{2}^{18}, 98^4, 154^2, \infty^4$	$0^1, \frac{112}{3}^6, \frac{77}{2}^4, 42^3, \frac{161}{2}^{36}, 98^5, \frac{322}{3}^{180}, 154^2, \infty^{63}$

168	$42^1, 49^1$	$42^1, 49^1, 84^{19}, 105^1, \infty^{23}$	$0^1, 42^4, \frac{140^9}{3}, 49^2, 84^{19}, 105^3, 168^3, \infty^4$	$0^1, 42^4, \frac{140^9}{3}, 49^2, 84^{38}, 105^4, 112^{196}, 168^3, \infty^{68}$
175	$\frac{105^2}{2}$	$\frac{105^2}{2}, \frac{175^{20}}{2}, 112^1, \infty^{25}$	$0^1, \frac{154^9}{3}, \frac{105^4}{2}, 56^4, \frac{175^{20}}{2}, 112^2, 168^3, \infty^5$	$0^1, \frac{154^9}{3}, \frac{105^4}{2}, 56^4, \frac{175^{40}}{2}, 112^3, \frac{350^{213}}{3}, 168^3, \infty^{74}$

Table 35: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				$0^1$
10				$\frac{14^3}{3}$
17		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{28^3}{3}, \infty^2$
24		$\infty^2$	$7^2$	$7^2, 14^4, \infty^4$
31		$14^1, \infty^2$	$0^1, 14^2$	$0^1, 14^3, \frac{56^6}{3}, \infty^5$
38		$21^1, \infty^3$	$7^2, 21^1, \infty^1$	$7^2, 21^2, \frac{70^9}{3}, \infty^8$
45		$21^2, \infty^3$	$0^1, 14^1, 21^2, \infty^1$	$0^1, 14^1, 21^4, 28^{13}, \infty^9$
52		$28^2, \infty^4$	$7^2, 28^2, \infty^2$	$7^2, 28^4, \frac{98^{18}}{3}, \infty^{12}$
59		$28^3, \infty^4$	$0^1, 14^1, 28^3, \infty^2$	$0^1, 14^1, 28^6, \frac{112^{24}}{3}, \infty^{13}$
66		$35^3, \infty^5$	$7^2, 35^3, \infty^3$	$7^2, 35^6, 42^{31}, \infty^{16}$
73		$35^4, \infty^5$	$0^1, 14^1, 35^4, \infty^3$	$0^1, 14^1, 35^8, \frac{140^{39}}{3}, \infty^{17}$
80		$42^4, \infty^7$	$\frac{14^3}{3}, 42^4, 126^1, \infty^3$	$\frac{14^3}{3}, 42^8, \frac{154^{45}}{3}, 126^1, \infty^{21}$
87		$42^5, \infty^8$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 42^5, 126^1, \infty^3$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 42^{10}, 56^{52}, 126^1, \infty^{24}$
94		$\frac{189^4}{4}, 49^3, \infty^8$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, \frac{189^4}{4}, 49^3, 126^1, \infty^3$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, \frac{189^8}{4}, 49^6, \frac{182^{60}}{3}, 126^1, \infty^{26}$
101		$49^6, \frac{105^2}{2}, \infty^9$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 49^6, \frac{105^2}{2}, 126^1, \infty^4$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 49^{12}, \frac{105^4}{2}, \frac{196^{69}}{3}, 126^1, \infty^{30}$
108		$\frac{217^8}{4}, 56^2, \infty^9$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, \frac{217^8}{4}, 56^2, 126^1, \infty^4$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, \frac{217^{16}}{4}, 56^4, 70^{79}, 126^1, \infty^{32}$
115		$56^7, \frac{119^4}{2}, \infty^{10}$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 56^7, \frac{119^4}{2}, 126^1, \infty^5$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 56^{14}, \frac{119^8}{2}, \frac{224^{90}}{3}, 126^1, \infty^{36}$
122		$\frac{245^{12}}{4}, 63^1, \infty^{10}$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, \frac{245^{12}}{4}, 63^1, 126^1, \infty^5$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, \frac{245^{24}}{4}, 63^2, \frac{238^{102}}{3}, 126^1, \infty^{38}$
129		$63^8, \frac{133^6}{2}, \infty^{11}$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 63^8, \frac{133^6}{2}, 126^1, \infty^6$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 63^{16}, \frac{133^{12}}{2}, 84^{115}, 126^1, \infty^{42}$
136		$\frac{273^{16}}{4}, \infty^{11}$	$7^2, 14^1, 63^2, \frac{273^{16}}{4}, \infty^6$	$7^2, 14^1, 63^2, \frac{273^{32}}{4}, \frac{266^{129}}{3}, \infty^{44}$
143	$14^1$	$14^1, 70^7, \frac{147^8}{2}, \infty^{14}$	$0^1, 14^3, \frac{133^4}{2}, 70^7, \frac{147^8}{2}, \infty^7$	$0^1, 14^3, \frac{133^4}{2}, 70^{14}, \frac{147^{16}}{2}, \frac{280^{144}}{3}, \infty^{49}$

150	$21^1$	$21^1, \frac{224^3}{3}, \frac{301^{12}}{4}, 133^1, \infty^{16}$	$7^2, 21^4, 63^2, 70^2, \frac{224^3}{3}, \frac{301^{12}}{4}, 133^1, \infty^7$	$7^2, 21^4, 63^2, 70^2, \frac{224^6}{3}, \frac{301^{24}}{4}, 98^{157}, 133^2, \infty^{54}$
157	$28^1$	$28^1, 77^8, \frac{238^3}{3}, \frac{161^6}{2}, 140^1, \infty^{17}$	$0^1, 14^1, 28^5, \frac{133^4}{2}, 77^8, \frac{238^3}{3}, \frac{161^6}{2}, 140^1, \infty^7$	$0^1, 14^1, 28^5, \frac{133^4}{2}, 77^{16}, \frac{238^6}{3}, \frac{161^{12}}{2}, \frac{308^{171}}{3}, 140^2, \infty^{58}$
164	$35^1$	$35^1, \frac{245^6}{3}, \frac{329^8}{4}, 84^3, 140^2, \infty^{19}$	$7^2, 35^6, 63^2, 70^2, \frac{245^6}{3}, \frac{329^8}{4}, 84^3, 140^2, \infty^8$	$7^2, 35^6, 63^2, 70^2, \frac{245^{12}}{3}, \frac{329^{16}}{4}, 84^6, \frac{322^{186}}{3}, 140^4, \infty^{64}$
171	$42^1$	$42^1, 84^9, \frac{259^6}{3}, \frac{175^4}{2}, 147^2, \infty^{20}$	$0^1, 14^1, 42^7, \frac{133^4}{2}, 84^9, \frac{259^6}{3}, \frac{175^4}{2}, 147^2, \infty^8$	$0^1, 14^1, 42^7, \frac{133^4}{2}, 84^{18}, \frac{259^{12}}{3}, \frac{175^8}{2}, 112^{202}, 147^4, \infty^{68}$

Table 36: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 3. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
6				$0^1$
13				$\frac{14}{3}^3$
20				$\frac{28}{3}^6$
27		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 14^7, \infty^2$
34		$\infty^2$	$0^1, \infty^1$	$0^1, \frac{56}{3}^9, \infty^5$
41		$\infty^3$	$14^2, \infty^1$	$14^2, \frac{70}{3}^{12}, \infty^7$
48		$21^1, \infty^3$	$14^2, 21^1, \infty^1$	$14^2, 21^2, 28^{16}, \infty^8$
55		$\frac{49}{2}^2, \infty^3$	$0^1, \frac{49}{2}^2, 28^1, \infty^1$	$0^1, \frac{49}{2}^4, 28^1, \frac{98}{3}^{21}, \infty^9$
62		$28^1, 35^1, \infty^4$	$0^1, 28^2, 35^1, \infty^2$	$0^1, 28^3, 35^2, \frac{112}{3}^{27}, \infty^{12}$
69		$\frac{77}{2}^2, \infty^5$	$14^2, \frac{77}{2}^2, \infty^3$	$14^2, \frac{77}{2}^4, 42^{34}, \infty^{15}$
76		$35^2, 42^1, \infty^5$	$14^2, 35^2, 42^1, \infty^3$	$14^2, 35^4, 42^2, \frac{140}{3}^{42}, \infty^{16}$
83		$\frac{77}{2}^4, \infty^5$	$0^1, 28^1, \frac{77}{2}^4, \infty^3$	$0^1, 28^1, \frac{77}{2}^8, \frac{154}{3}^{51}, \infty^{17}$
90		$42^2, 49^2, \infty^7$	$0^1, 7^2, 28^1, 42^2, 49^2, \infty^3$	$0^1, 7^2, 28^1, 42^4, 49^4, 56^{58}, \infty^{21}$
97		$\frac{105}{2}^4, \infty^9$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 28^1, \frac{105}{2}^4, \infty^4$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 28^1, \frac{105}{2}^8, \frac{182}{3}^{66}, \infty^{26}$
104		$49^3, 56^2, \infty^{10}$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 28^1, 49^3, 56^2, \infty^4$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 28^1, 49^6, 56^4, \frac{196}{3}^{75}, \infty^{29}$
111		$\frac{105}{2}^6, \infty^{11}$	$0^1, 14^1, \frac{35}{2}^4, \frac{105}{2}^6, \infty^5$	$0^1, 14^1, \frac{35}{2}^4, \frac{105}{2}^{12}, 70^{85}, \infty^{33}$
118		$56^3, \frac{119}{2}^4, 63^1, \infty^{11}$	$0^1, 7^2, 21^2, 28^1, 56^3, \frac{119}{2}^4, 63^1, \infty^5$	$0^1, 7^2, 21^2, 28^1, 56^6, \frac{119}{2}^8, 63^2, \frac{224}{3}^{96}, \infty^{35}$
125		$63^4, \frac{133}{2}^4, \infty^{13}$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 28^2, 63^4, \frac{133}{2}^4, \infty^7$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 28^2, 63^8, \frac{133}{2}^8, \frac{238}{3}^{108}, \infty^{41}$
132		$63^4, 70^5, \infty^{14}$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 28^1, 63^4, 70^5, \infty^8$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 28^1, 63^8, 70^{10}, 84^{121}, \infty^{45}$
139		$\frac{133}{2}^8, \frac{147}{2}^2, \infty^{15}$	$0^1, 14^1, \frac{35}{2}^4, \frac{133}{2}^8, \frac{147}{2}^2, \infty^9$	$0^1, 14^1, \frac{35}{2}^4, \frac{133}{2}^{16}, \frac{147}{2}^4, \frac{266}{3}^{135}, \infty^{49}$
146		$70^4, \frac{147}{2}^8, \infty^{15}$	$0^1, 21^2, 28^1, 63^2, 70^4, \frac{147}{2}^8, \infty^9$	$0^1, 21^2, 28^1, 63^2, 70^8, \frac{147}{2}^{16}, \frac{280}{3}^{150}, \infty^{51}$
153		$77^8, \frac{161}{2}^4, \infty^{18}$	$\frac{28}{3}^3, 28^1, 70^4, 77^8, \frac{161}{2}^4, 252^1, \infty^9$	$\frac{28}{3}^3, 28^1, 70^4, 77^{16}, \frac{161}{2}^8, 98^{163}, 252^1, \infty^{57}$



160		$77^5, 84^8, \infty^{20}$	$\frac{28^3}{3}, 70^4, 77^7, 84^8, 252^1, \infty^{10}$	$\frac{28^3}{3}, 70^4, 77^{12}, 84^{16}, \frac{308^{177}}{3}, 252^1, \infty^{63}$
167		$\frac{161^{10}}{2}, 84^1, \frac{175^4}{2}, \infty^{21}$	$0^1, \frac{56^3}{3}, 70^2, 77^4, \frac{161^{10}}{2}, 84^1, \frac{175^4}{2}, 252^1, \infty^{10}$	$0^1, \frac{56^3}{3}, 70^2, 77^4, \frac{161^{20}}{2}, 84^2, \frac{175^8}{2}, \frac{322^{192}}{3}, 252^1, \infty^{67}$
174		$84^5, \frac{343^4}{4}, \frac{175^8}{2}, \infty^{22}$	$0^1, \frac{56^3}{3}, 63^2, 77^4, 84^5, \frac{343^4}{4}, \frac{175^8}{2}, 252^1, \infty^{11}$	$0^1, \frac{56^3}{3}, 63^2, 77^4, 84^{10}, \frac{343^8}{4}, \frac{175^{16}}{2}, 112^{208}, 252^1, \infty^{72}$

Table 37: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 4. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
2				
9				$0^1$
16				$\frac{14}{3}^3$
23				$\frac{28}{3}^6$
30				$14^{10}$
37		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{56}{3}^{12}, \infty^2$
44		$\infty^2$	$7^2$	$7^2, \frac{70}{3}^{15}, \infty^4$
51		$\infty^3$	$14^3$	$14^3, 28^{19}, \infty^6$
58		$\infty^4$	$21^4$	$21^4, \frac{98}{3}^{24}, \infty^8$
65		$28^1, \infty^4$	$0^1, 28^4$	$0^1, 28^5, \frac{112}{3}^{30}, \infty^9$
72		$35^1, \infty^5$	$7^2, 35^3, \infty^1$	$7^2, 35^4, 42^{37}, \infty^{12}$
79		$42^1, \infty^6$	$14^3, 42^2, \infty^2$	$14^3, 42^3, \frac{140}{3}^{45}, \infty^{15}$
86		$49^1, \infty^7$	$21^4, 49^1, \infty^3$	$21^4, 49^2, \frac{154}{3}^{54}, \infty^{18}$
93		$42^2, \infty^7$	$0^1, 28^3, 42^2, \infty^3$	$0^1, 28^3, 42^4, 56^{64}, \infty^{19}$
100		$49^2, \infty^9$	$\frac{14}{3}^3, 35^2, 49^2, 126^1, \infty^3$	$\frac{14}{3}^3, 35^2, 49^4, \frac{182}{3}^{72}, 126^1, \infty^{23}$
107		$56^2, \infty^{11}$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 42^1, 56^2, 126^1, \infty^4$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, 42^1, 56^4, \frac{196}{3}^{81}, 126^1, \infty^{28}$
114		$63^2, \infty^{13}$	$14^1, \frac{56}{3}^6, 63^2, 140^2, \infty^4$	$14^1, \frac{56}{3}^6, 63^4, 70^{91}, 140^2, \infty^{32}$
121		$56^3, \infty^{14}$	$0^1, \frac{70}{3}^6, 28^1, 56^3, 140^2, \infty^4$	$0^1, \frac{70}{3}^6, 28^1, 56^6, \frac{224}{3}^{102}, 140^2, \infty^{35}$
128		$\frac{245}{4}^4, 63^1, \infty^{14}$	$\frac{14}{3}^3, 28^2, \frac{98}{3}^3, \frac{245}{4}^4, 63^1, 126^1, 154^1, \infty^4$	$\frac{14}{3}^3, 28^2, \frac{98}{3}^3, \frac{245}{4}^8, 63^2, \frac{238}{3}^{114}, 126^1, 154^1, \infty^{37}$
135		$\frac{133}{2}^2, 70^3, \infty^{16}$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, \frac{112}{3}^3, \frac{133}{2}^2, 70^3, 126^1, 154^1, \infty^6$	$\frac{28}{3}^3, 14^2, \frac{112}{3}^3, \frac{133}{2}^4, 70^6, 84^{127}, 126^1, 154^1, \infty^{43}$
142		$\frac{301}{4}^4, 77^1, \infty^{18}$	$14^1, \frac{56}{3}^6, 42^1, \frac{301}{4}^4, 77^1, 140^2, \infty^8$	$14^1, \frac{56}{3}^6, 42^1, \frac{301}{4}^8, 77^2, \frac{266}{3}^{141}, 140^2, \infty^{49}$
149		$70^4, \frac{161}{2}^2, \infty^{19}$	$0^1, \frac{70}{3}^6, 28^1, 70^4, \frac{161}{2}^2, 140^2, \infty^9$	$0^1, \frac{70}{3}^6, 28^1, 70^8, \frac{161}{2}^4, \frac{280}{3}^{156}, 140^2, \infty^{53}$

156		$\frac{301}{4}^8, \infty^{19}$	$7^2, 28^2, \frac{98}{3}^3, 63^2, \frac{301}{4}^8, 154^1, \infty^9$	$7^2, 28^2, \frac{98}{3}^3, 63^2, \frac{301}{4}^{16}, 98^{172}, 154^1, \infty^{55}$
163		$\frac{161}{2}^4, 84^4, \infty^{22}$	$\frac{28}{3}^3, 14^1, \frac{112}{3}^3, \frac{133}{2}^4, \frac{161}{2}^4, 84^4, 154^1, 252^1, \infty^9$	$\frac{28}{3}^3, 14^1, \frac{112}{3}^3, \frac{133}{2}^4, \frac{161}{2}^8, 84^8, \frac{308}{3}^{186}, 154^1, 252^1, \infty^{61}$
170		$\frac{357}{4}^8, \infty^{25}$	$\frac{49}{3}^6, 42^1, 70^2, 77^4, \frac{357}{4}^8, 259^2, \infty^{10}$	$\frac{49}{3}^6, 42^1, 70^2, 77^4, \frac{357}{4}^{16}, \frac{322}{3}^{201}, 259^2, \infty^{68}$

Table 38: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 5. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
5				
12				$0^1$
19				$\frac{14^3}{3}$
26				$\frac{28^6}{3}$
33				$14^{10}$
40				$\frac{56^{15}}{3}$
47		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, \frac{70^{18}}{3}, \infty^2$
54		$\infty^2$	$0^1, \infty^1$	$0^1, 28^{22}, \infty^5$
61		$\infty^3$	$0^1, \infty^2$	$0^1, \frac{98^{27}}{3}, \infty^8$
68		$\infty^4$	$0^1, \infty^3$	$0^1, \frac{112^{33}}{3}, \infty^{11}$
75		$\infty^5$	$28^2, \infty^3$	$28^2, 42^{40}, \infty^{13}$
82		$35^1, \infty^5$	$28^2, 35^1, \infty^3$	$28^2, 35^2, \frac{140^{48}}{3}, \infty^{14}$
89		$\frac{77^2}{2}, \infty^5$	$28^2, \frac{77^2}{2}, \infty^3$	$28^2, \frac{77^4}{2}, \frac{154^{57}}{3}, \infty^{15}$
96		$42^3, \infty^5$	$28^2, 42^3, \infty^3$	$28^2, 42^6, 56^{67}, \infty^{16}$
103		$\frac{91^4}{2}, \infty^5$	$0^1, \frac{91^4}{2}, 56^1, \infty^3$	$0^1, \frac{91^8}{2}, 56^1, \frac{182^{78}}{3}, \infty^{17}$
110		$49^3, 63^1, \infty^7$	$0^1, 7^2, 49^3, 56^1, 63^1, \infty^3$	$0^1, 7^2, 49^6, 56^1, 63^2, \frac{196^{87}}{3}, \infty^{21}$
117		$\frac{105^2}{2}, \frac{133^2}{2}, \infty^9$	$0^1, 14^3, \frac{105^2}{2}, 56^1, \frac{133^2}{2}, \infty^4$	$0^1, 14^3, \frac{105^4}{2}, 56^1, \frac{133^4}{2}, 70^{97}, \infty^{26}$
124		$56^1, 70^3, \infty^{11}$	$0^1, 21^4, 56^2, 70^3, \infty^5$	$0^1, 21^4, 56^3, 70^6, \frac{224^{108}}{3}, \infty^{31}$
131		$\frac{147^4}{2}, \infty^{13}$	$\frac{14^3}{3}, 28^3, 56^1, \frac{147^4}{2}, \infty^6$	$\frac{14^3}{3}, 28^3, 56^1, \frac{147^8}{2}, \frac{238^{120}}{3}, \infty^{36}$
138		$63^2, 77^3, \infty^{14}$	$\frac{28^3}{3}, 28^2, 35^2, 56^1, 63^2, 77^3, \infty^6$	$\frac{28^3}{3}, 28^2, 35^2, 56^1, 63^4, 77^6, 84^{133}, \infty^{39}$
145		$\frac{133^4}{2}, \frac{161^2}{2}, \infty^{15}$	$14^1, \frac{56^3}{3}, 28^2, 42^1, 56^1, \frac{133^4}{2}, \frac{161^2}{2}, \infty^7$	$14^1, \frac{56^3}{3}, 28^2, 42^1, 56^1, \frac{133^8}{2}, \frac{161^4}{2}, \frac{266^{147}}{3}, \infty^{43}$
152		$70^6, 84^1, \infty^{16}$	$21^2, 28^5, 56^1, 70^6, 84^1, \infty^8$	$21^2, 28^5, 56^1, 70^{12}, 84^2, \frac{280^{162}}{3}, \infty^{47}$
159		$\frac{147^8}{2}, \infty^{17}$	$0^1, 28^3, \frac{63^4}{2}, \frac{147^8}{2}, \infty^9$	$0^1, 28^3, \frac{63^4}{2}, \frac{147^{16}}{2}, 98^{178}, \infty^{51}$

166		$77^6, 84^4, \infty^{17}$	$0^1, 35^4, 56^1, 63^2, 77^6, 84^4, \infty^9$	$0^1, 35^4, 56^1, 63^2, 77^{12}, 84^8, \frac{308}{3}^{195}, \infty^{53}$
173		$\frac{161}{2}^4, \frac{175}{2}^4, \frac{189}{2}^2, \infty^{20}$	$0^1, 14^2, 42^3, 56^1, 70^4, \frac{161}{2}^4, \frac{175}{2}^4, \frac{189}{2}^2, \infty^9$	$0^1, 14^2, 42^3, 56^1, 70^4, \frac{161}{2}^8, \frac{175}{2}^8, \frac{189}{2}^4, \frac{322}{3}^{210}, \infty^{59}$

Table 39: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 1$ , type 6. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_1$ -Slopes	$U_1^{P_0}$ -Slopes	$U_1^{P_2}$ -Slopes	$U_1^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
1				
8				
15				$0^1$
22				$\frac{14}{3}^3$
29				$\frac{28}{3}^6$
36				$14^{10}$
43				$\frac{56}{3}^{15}$
50				$\frac{70}{3}^{21}$
57		$\infty^1$	$0^1$	$0^1, 28^{25}, \infty^2$
64		$\infty^2$	$7^2$	$7^2, \frac{98}{3}^{30}, \infty^4$
71		$\infty^3$	$0^1, 14^1, \infty^1$	$0^1, 14^1, \frac{112}{3}^{36}, \infty^7$
78		$\infty^4$	$7^2, \infty^2$	$7^2, 42^{43}, \infty^{10}$
85		$\infty^5$	$14^1, 28^2, \infty^2$	$14^1, 28^2, \frac{140}{3}^{51}, \infty^{12}$
92		$\infty^6$	$35^4, \infty^2$	$35^4, \frac{154}{3}^{60}, \infty^{14}$
99		$42^1, \infty^6$	$28^2, 42^3, \infty^2$	$28^2, 42^4, 56^{70}, \infty^{15}$
106		$49^1, \infty^7$	$35^4, 49^1, \infty^3$	$35^4, 49^2, \frac{182}{3}^{81}, \infty^{18}$
113		$49^2, \infty^7$	$0^1, 42^2, 49^2, 56^1, \infty^3$	$0^1, 42^2, 49^4, 56^1, \frac{196}{3}^{93}, \infty^{19}$
120		$56^2, \infty^9$	$\frac{14}{3}^3, 56^2, 63^2, 126^1, \infty^3$	$\frac{14}{3}^3, 56^4, 63^2, 70^{103}, 126^1, \infty^{23}$
127		$56^1, 70^1, \infty^{11}$	$0^1, \frac{28}{3}^3, 56^2, 70^2, 126^1, \infty^4$	$0^1, \frac{28}{3}^3, 56^3, 70^3, \frac{224}{3}^{114}, 126^1, \infty^{28}$
134		$63^1, 77^1, \infty^{13}$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 63^3, 77^1, 126^1, \infty^6$	$\frac{14}{3}^3, 14^1, 63^4, 77^2, \frac{238}{3}^{126}, 126^1, \infty^{34}$
141		$77^2, \infty^{15}$	$\frac{28}{3}^3, 28^2, 70^1, 77^2, 126^1, \infty^8$	$\frac{28}{3}^3, 28^2, 70^1, 77^4, 84^{139}, 126^1, \infty^{40}$
148		$84^2, \infty^{17}$	$14^1, \frac{98}{3}^6, 84^2, 154^2, \infty^8$	$14^1, \frac{98}{3}^6, 84^4, \frac{266}{3}^{153}, 154^2, \infty^{44}$
155		$70^2, 84^1, \infty^{18}$	$28^2, \frac{112}{3}^6, 70^2, 84^1, 154^2, \infty^8$	$28^2, \frac{112}{3}^6, 70^4, 84^2, \frac{280}{3}^{168}, 154^2, \infty^{47}$

162		$\frac{301}{4}^4, 91^1, \infty^{18}$	$\frac{98}{3}^6, 42^2, \frac{301}{4}^4, 91^1, 154^2, \infty^8$	$\frac{98}{3}^6, 42^2, \frac{301}{4}^8, 91^2, \textcolor{blue}{98}^{184}, 154^2, \infty^{49}$
169		$77^4, \frac{161}{2}^2, \infty^{19}$	$0^1, \frac{112}{3}^6, 56^1, 77^4, \frac{161}{2}^2, 154^2, \infty^9$	$0^1, \frac{112}{3}^6, 56^1, 77^8, \frac{161}{2}^4, \textcolor{blue}{308}^{201}, 154^2, \infty^{53}$
176		$\frac{329}{4}^8, \infty^{19}$	$7^2, 42^2, \frac{182}{3}^3, 63^2, \frac{329}{4}^8, 182^1, \infty^9$	$7^2, 42^2, \frac{182}{3}^3, 63^2, \frac{329}{4}^{16}, \textcolor{blue}{322}^{219}, 182^1, \infty^{55}$

## 6.2 $i = 2$ .

Table 40: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 0. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
4				
11				
18				$0^1$
25				$\frac{7^3}{3}$
32				$\frac{14^6}{3}$
39				$7^{10}$
46				$\frac{28^{15}}{3}$
53				$\frac{35^{21}}{3}$
60				$14^{28}$
67		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{49^{33}}{3}, \infty^1$
74		$0^1, \infty^1$	$0^1, \infty^1$	$0^2, \frac{56^{39}}{3}, \infty^4$
81		$7^2, \infty^1$	$7^2, \infty^1$	$7^4, \frac{21^{46}}{3}, \infty^5$
88		$7^2, \infty^2$	$7^2, \infty^2$	$7^4, \frac{70^{54}}{3}, \infty^8$
95		$14^3, \infty^2$	$14^3, \infty^2$	$14^6, \frac{77^{63}}{3}, \infty^9$
102		$14^3, \infty^3$	$14^3, \infty^3$	$14^6, \frac{28^{73}}{3}, \infty^{12}$
109		$21^4, \infty^3$	$21^4, \infty^3$	$21^8, \frac{91^{84}}{3}, \infty^{13}$
116		$0^1, 21^4, \infty^3$	$21^4, \infty^4$	$0^1, 21^8, \frac{98^{96}}{3}, \infty^{15}$
123		$0^3, 28^3, \infty^3$	$0^1, 28^3, \infty^5$	$0^4, 28^6, \frac{35^{109}}{3}, \infty^{17}$
130		$0^2, \frac{7^2}{2}, 14^1, 28^3, \infty^3$	$0^1, \frac{7^2}{2}, 28^3, \infty^5$	$0^3, \frac{7^4}{2}, 14^1, 28^6, \frac{112^{120}}{3}, \infty^{19}$
137		$\frac{7^3}{3}, 7^1, 14^3, 35^2, \infty^4$	$\frac{7^3}{3}, 7^1, 14^1, 35^2, \infty^6$	$\frac{7^6}{3}, 7^2, 14^4, 35^4, \frac{119^{132}}{3}, \infty^{23}$
144		$\frac{14^3}{3}, 7^2, 14^2, 28^1, 35^2, \infty^5$	$\frac{14^3}{3}, 7^2, 14^1, 35^2, \infty^7$	$\frac{14^6}{3}, 7^4, 14^3, 28^1, 35^4, \frac{42^{145}}{3}, \infty^{27}$
151		$7^1, \frac{35^4}{4}, 14^2, 28^2, 42^1, \infty^7$	$7^1, \frac{35^4}{4}, 14^2, 42^1, \infty^9$	$7^2, \frac{35^8}{4}, 14^4, 28^2, 42^2, \frac{133^{159}}{3}, \infty^{33}$
158		$\frac{21^2}{2}, 14^3, \frac{35^4}{2}, 28^1, 42^2, \infty^7$	$\frac{21^2}{2}, 14^3, \frac{35^4}{2}, 42^1, \infty^9$	$\frac{21^4}{2}, 14^6, \frac{35^8}{2}, 28^1, 42^3, \frac{140^{174}}{3}, \infty^{35}$



165		$14^1, \frac{49^6}{3}, 21^2, 28^2, 42^2, \infty^8$	$14^1, \frac{49^6}{3}, 21^2, 28^2, \infty^{10}$	$14^2, \frac{49^{12}}{3}, 21^4, 28^4, 42^2, \textcolor{blue}{49}^{190}, \infty^{39}$
172		$0^2, \frac{56^6}{3}, 21^4, 28^2, 42^1, \infty^8$	$\frac{56^6}{3}, 21^4, 28^2, \infty^{11}$	$0^2, \frac{56^{12}}{3}, 21^8, 28^4, 42^1, \textcolor{blue}{\frac{154}{3}}^{207}, \infty^{42}$

Table 41: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 1. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
0				$0^1$
7		$0^1$	$0^1$	$0^2, \infty^1$
14		$0^2$	$0^1, \infty^1$	$0^3, \infty^3$
21		$0^3$	$0^1, \infty^2$	$0^4, 7^1, \infty^5$
28		$0^4$	$0^1, \infty^3$	$0^5, \frac{28^3}{3}, \infty^7$
35		$0^5$	$0^1, \infty^4$	$0^6, \frac{35^6}{3}, \infty^9$
42		$0^6$	$0^1, \infty^5$	$0^7, 14^{10}, \infty^{11}$
49		$0^7$	$0^1, \infty^6$	$0^8, \frac{49^{15}}{3}, \infty^{13}$
56		$0^8$	$0^1, \infty^7$	$0^9, \frac{56^{21}}{3}, \infty^{15}$
63		$0^9$	$0^1, \infty^8$	$0^{10}, 21^{28}, \infty^{17}$
70	$0^1$	$0^{10}, \infty^1$	$0^2, \infty^9$	$0^{11}, \frac{70^{36}}{3}, \infty^{19}$
77	$0^1$	$0^{11}, 7^1, \infty^1$	$0^2, 7^1, \infty^{10}$	$0^{12}, 7^2, \frac{77^{42}}{3}, \infty^{22}$
84	$0^1$	$0^{12}, \frac{21^2}{2}, \infty^1$	$0^2, \frac{21^2}{2}, \infty^{11}$	$0^{13}, \frac{21^4}{2}, 28^{49}, \infty^{25}$
91	$0^1$	$0^{13}, 14^3, \infty^1$	$0^2, 14^3, \infty^{12}$	$0^{14}, 14^6, \frac{91^{57}}{3}, \infty^{28}$
98	$0^1$	$0^{14}, \frac{35^4}{2}, \infty^1$	$0^2, \frac{35^4}{2}, \infty^{13}$	$0^{15}, \frac{35^8}{2}, \frac{98^{66}}{3}, \infty^{31}$
105	$0^1$	$0^{15}, 21^5, \infty^1$	$0^2, 21^5, \infty^{14}$	$0^{16}, 21^{10}, 35^{76}, \infty^{34}$
112	$0^1$	$0^{16}, \frac{49^6}{2}, \infty^1$	$0^2, \frac{49^6}{2}, \infty^{15}$	$0^{17}, \frac{49^{12}}{2}, \frac{112^{87}}{3}, \infty^{37}$
119	$0^1$	$0^{17}, 28^7, \infty^1$	$0^2, 28^7, \infty^{16}$	$0^{18}, 28^{14}, \frac{119^{99}}{3}, \infty^{40}$
126	$0^1$	$0^{18}, \frac{63^8}{2}, \infty^1$	$0^2, \frac{63^8}{2}, \infty^{17}$	$0^{19}, \frac{63^{16}}{2}, 42^{112}, \infty^{43}$
133	$0^2$	$0^{19}, 7^2, 35^7, \infty^2$	$0^3, 7^1, 35^7, \infty^{19}$	$0^{20}, 7^3, 35^{14}, \frac{133^{126}}{3}, \infty^{47}$
140	$0^2$	$0^{20}, \frac{28^3}{3}, 14^1, \frac{77^6}{2}, 70^1, \infty^2$	$0^3, \frac{28^3}{3}, \frac{77^6}{2}, 70^1, \infty^{20}$	$0^{21}, \frac{28^6}{3}, 14^1, \frac{77^{12}}{2}, \frac{140^{138}}{3}, 70^2, \infty^{51}$
147	$0^2$	$0^{21}, \frac{35^3}{3}, 14^2, 21^1, 42^5, 70^1, \infty^3$	$0^3, \frac{35^3}{3}, 14^2, 42^5, 70^1, \infty^{22}$	$0^{22}, \frac{35^6}{3}, 14^4, 21^1, 42^{10}, 49^{151}, 70^2, \infty^{57}$
154	$0^2$	$0^{22}, 14^1, \frac{49^6}{3}, 28^1, \frac{91^4}{2}, 77^2, \infty^3$	$0^3, 14^1, \frac{49^6}{3}, \frac{91^4}{2}, 77^2, \infty^{23}$	$0^{23}, 14^2, \frac{49^{12}}{3}, 28^1, \frac{91^8}{2}, \frac{154^{165}}{3}, 77^4, \infty^{61}$
161	$0^2$	$0^{23}, \frac{56^6}{3}, 21^3, 35^1, 49^3, 77^2, \infty^4$	$0^3, \frac{56^6}{3}, 21^3, 49^3, 77^2, \infty^{25}$	$0^{24}, \frac{56^{12}}{3}, 21^6, 35^1, 49^6, \frac{161^{180}}{3}, 77^4, \infty^{67}$

168	$0^2$	$0^{24}, 21^2, \frac{70^9}{3}, 42^1, \frac{105^2}{2}, 84^3, \infty^4$	$0^3, 21^2, \frac{70^9}{3}, \frac{105^2}{2}, 84^3, \infty^{26}$	$0^{25}, 21^4, \frac{70^{18}}{3}, 42^1, \frac{105^4}{2}, \textcolor{blue}{56}^{196}, 84^6, \infty^{71}$
175	$0^2$	$0^{25}, \frac{77^9}{3}, 28^4, 49^1, 56^1, 84^3, \infty^5$	$0^3, \frac{77^9}{3}, 28^4, 56^1, 84^3, \infty^{28}$	$0^{26}, \frac{77^{18}}{3}, 28^8, 49^1, 56^2, \frac{175}{3}^{213}, 84^6, \infty^{77}$

Table 42: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 2. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
3				$0^1$
10				$\frac{7}{3}^3$
17		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{14}{3}^3, \infty^1$
24		$\frac{7}{2}^2$	$\frac{7}{2}^2$	$\frac{7}{2}^4, 7^4, \infty^2$
31		$0^2, 7^1$	$0^1, 7^1, \infty^1$	$0^3, 7^2, \frac{28}{3}^6, \infty^4$
38		$\frac{7}{2}^2, 7^1, \infty^1$	$\frac{7}{2}^2, \infty^2$	$\frac{7}{2}^4, 7^1, \frac{35}{3}^9, \infty^7$
45		$0^3, 7^1, \infty^1$	$0^1, 7^1, \infty^3$	$0^4, 7^2, 14^{13}, \infty^9$
52		$\frac{7}{2}^2, 7^2, \infty^2$	$\frac{7}{2}^2, \infty^4$	$\frac{7}{2}^4, 7^2, \frac{49}{3}^{18}, \infty^{12}$
59		$0^4, 7^1, \infty^2$	$0^1, 7^1, \infty^5$	$0^5, 7^2, \frac{56}{3}^{24}, \infty^{14}$
66		$\frac{7}{2}^2, 7^3, \infty^3$	$\frac{7}{2}^2, \infty^6$	$\frac{7}{2}^4, 7^3, 21^{31}, \infty^{17}$
73		$0^5, 7^1, \infty^3$	$0^1, 7^1, \infty^7$	$0^6, 7^2, \frac{70}{3}^{39}, \infty^{19}$
80		$\frac{7}{3}^3, 7^4, 63^1, \infty^3$	$\frac{7}{3}^3, 63^1, \infty^7$	$\frac{7}{3}^6, 7^4, \frac{77}{3}^{45}, 63^2, \infty^{21}$
87		$0^6, \frac{14}{3}^3, 63^1, \infty^3$	$0^1, \frac{14}{3}^3, 63^1, \infty^8$	$0^7, \frac{14}{3}^6, 28^{52}, 63^2, \infty^{24}$
94		$\frac{7}{3}^3, \frac{7}{2}^4, 7^4, 63^1, \infty^3$	$\frac{7}{3}^3, 7^1, 63^1, \infty^{10}$	$\frac{7}{3}^6, \frac{7}{2}^4, 7^5, \frac{91}{3}^{60}, 63^2, \infty^{28}$
101		$0^7, \frac{14}{3}^3, 7^2, 63^1, \infty^4$	$0^1, \frac{14}{3}^3, 63^1, \infty^{12}$	$0^8, \frac{14}{3}^6, 7^2, \frac{98}{3}^{69}, 63^2, \infty^{33}$
108		$\frac{7}{3}^3, \frac{7}{2}^8, 7^3, 63^1, \infty^4$	$\frac{7}{3}^3, 7^1, 63^1, \infty^{14}$	$\frac{7}{3}^6, \frac{7}{2}^8, 7^4, 35^{79}, 63^2, \infty^{37}$
115		$0^8, \frac{14}{3}^3, 7^4, 63^1, \infty^5$	$0^1, \frac{14}{3}^3, 63^1, \infty^{16}$	$0^9, \frac{14}{3}^6, 7^4, \frac{112}{3}^{90}, 63^2, \infty^{42}$
122		$\frac{7}{3}^3, \frac{7}{2}^{12}, 7^2, 63^1, \infty^5$	$\frac{7}{3}^3, 7^1, 63^1, \infty^{18}$	$\frac{7}{3}^6, \frac{7}{2}^{12}, 7^3, \frac{119}{3}^{102}, 63^2, \infty^{46}$
129		$0^9, \frac{14}{3}^3, 7^6, 63^1, \infty^6$	$0^1, \frac{14}{3}^3, 63^1, \infty^{20}$	$0^{10}, \frac{14}{3}^6, 7^6, 42^{115}, 63^2, \infty^{51}$
136		$\frac{7}{2}^{18}, 7^1, \frac{63}{2}^2, \infty^6$	$\frac{7}{2}^2, 7^1, \frac{63}{2}^2, \infty^{22}$	$\frac{7}{2}^{20}, 7^2, \frac{63}{2}^4, \frac{133}{3}^{129}, \infty^{55}$
143	$0^1$	$0^{10}, 7^9, \frac{133}{4}^4, \infty^7$	$0^2, 7^1, \frac{133}{4}^4, \infty^{23}$	$0^{11}, 7^{10}, \frac{133}{4}^8, \frac{140}{3}^{144}, \infty^{58}$
150	$7^1$	$\frac{7}{3}^3, \frac{7}{2}^{14}, 7^2, \frac{21}{2}^2, \frac{63}{2}^2, 35^2, 119^1, \infty^7$	$\frac{7}{2}^2, 7^1, \frac{21}{2}^2, \frac{63}{2}^2, 35^2, \infty^{24}$	$\frac{7}{3}^3, \frac{7}{2}^{16}, 7^2, \frac{21}{2}^4, \frac{63}{2}^4, 35^4, 49^{157}, 119^1, \infty^{62}$
157	$0^1$	$0^{11}, \frac{14}{3}^3, 7^7, 14^3, \frac{133}{4}^4, 126^1, \infty^7$	$0^2, 7^1, 14^3, \frac{133}{4}^4, \infty^{26}$	$0^{12}, \frac{14}{3}^3, 7^8, 14^6, \frac{133}{4}^8, \frac{154}{3}^{171}, 126^1, \infty^{67}$

164	$7^1$	$\frac{7^6}{3}, \frac{7^{10}}{2}, 7^5, \frac{35^4}{2}, \frac{63^2}{2}, 35^2, 119^2, \infty^8$	$\frac{7^2}{2}, 7^1, \frac{35^4}{2}, \frac{63^2}{2}, 35^2, \infty^{28}$	$\frac{7^6}{3}, \frac{7^{12}}{2}, 7^5, \frac{35^8}{2}, \frac{63^4}{2}, 35^4, \frac{161^{186}}{3}, 119^2, \infty^{73}$
171	$0^1$	$0^{12}, \frac{14^6}{3}, 7^5, 21^5, \frac{133^4}{4}, 126^2, \infty^8$	$0^2, 7^1, 21^5, \frac{133^4}{4}, \infty^{30}$	$0^{13}, \frac{14^6}{3}, 7^6, 21^{10}, \frac{133^8}{4}, 56^{202}, 126^2, \infty^{78}$

Table 43: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 3. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
6				$0^1$
13				$\frac{7^3}{3}$
20				$\frac{14^6}{3}$
27		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{7^7}{3}, \infty^1$
34		$0^1, \infty^1$	$0^1, \infty^1$	$0^2, \frac{28^9}{3}, \infty^4$
41		$7^2, \infty^1$	$7^2, \infty^1$	$7^4, \frac{35^{12}}{3}, \infty^5$
48		$0^1, 7^2, \infty^1$	$7^2, \infty^2$	$0^1, 7^4, \frac{14^{16}}{3}, \infty^7$
55		$0^3, 14^1, \infty^1$	$0^1, 14^1, \infty^3$	$0^4, 14^2, \frac{49^{21}}{3}, \infty^9$
62		$0^2, 14^2, \infty^2$	$0^1, 14^1, \infty^4$	$0^3, 14^3, \frac{56^{27}}{3}, \infty^{12}$
69		$7^2, 14^2, \infty^3$	$7^2, \infty^5$	$7^4, 14^2, \frac{21^{34}}{3}, \infty^{15}$
76		$0^2, 7^2, 14^1, \infty^3$	$7^2, \infty^6$	$0^2, 7^4, 14^1, \frac{70^{42}}{3}, \infty^{17}$
83		$0^5, 14^1, \infty^3$	$0^1, 14^1, \infty^7$	$0^6, 14^2, \frac{77^{51}}{3}, \infty^{19}$
90		$0^3, \frac{7^2}{2}, 14^3, \infty^3$	$0^1, \frac{7^2}{2}, 14^1, \infty^7$	$0^4, \frac{7^4}{2}, 14^4, \frac{28^{58}}{3}, \infty^{21}$
97		$\frac{7^3}{3}, 7^1, 14^5, \infty^4$	$\frac{7^3}{3}, 7^1, 14^1, \infty^8$	$\frac{7^6}{3}, 7^2, 14^6, \frac{91^{66}}{3}, \infty^{25}$
104		$0^3, \frac{14^3}{3}, 7^2, 14^3, \infty^4$	$\frac{14^3}{3}, 7^2, 14^1, \infty^9$	$0^3, \frac{14^6}{3}, 7^4, 14^4, \frac{98^{75}}{3}, \infty^{28}$
111		$0^7, 7^1, \frac{35^4}{4}, \infty^5$	$0^1, 7^1, \frac{35^4}{4}, \infty^{11}$	$0^8, 7^2, \frac{35^8}{4}, \frac{35^{85}}{3}, \infty^{33}$
118		$0^4, \frac{7^2}{2}, 7^4, \frac{21^2}{2}, 14^2, \infty^5$	$0^1, \frac{7^2}{2}, \frac{21^2}{2}, 14^1, \infty^{13}$	$0^5, \frac{7^4}{2}, 7^4, \frac{21^4}{2}, 14^3, \frac{112^{96}}{3}, \infty^{37}$
125		$\frac{7^3}{3}, 7^5, 14^6, \infty^7$	$\frac{7^3}{3}, 7^1, 14^2, \infty^{15}$	$\frac{7^6}{3}, 7^6, 14^8, \frac{119^{108}}{3}, \infty^{43}$
132		$0^4, \frac{14^3}{3}, 7^2, 14^6, \infty^8$	$\frac{14^3}{3}, 7^2, 14^1, \infty^{17}$	$0^4, \frac{14^6}{3}, 7^4, 14^7, \frac{42^{121}}{3}, \infty^{48}$
139		$0^9, 7^1, \frac{35^4}{4}, 14^2, \infty^9$	$0^1, 7^1, \frac{35^4}{4}, \infty^{19}$	$0^{10}, 7^2, \frac{35^8}{4}, 14^2, \frac{133^{135}}{3}, \infty^{53}$
146		$0^5, 7^8, \frac{21^2}{2}, 14^1, \frac{63^2}{2}, \infty^9$	$0^1, \frac{21^2}{2}, 14^1, \frac{63^2}{2}, \infty^{21}$	$0^6, 7^8, \frac{21^4}{2}, 14^2, \frac{63^4}{2}, \frac{140^{150}}{3}, \infty^{57}$
153		$\frac{14^3}{3}, 7^8, 14^5, 35^4, 126^1, \infty^9$	$\frac{14^3}{3}, 14^1, 35^4, 126^1, \infty^{21}$	$\frac{14^6}{3}, 7^8, 14^6, 35^8, \frac{49^{163}}{3}, 126^2, \infty^{60}$
160		$0^5, \frac{14^3}{3}, 14^8, 35^4, \frac{77^2}{2}, 126^1, \infty^{10}$	$\frac{14^3}{3}, 35^4, \frac{77^2}{2}, 126^1, \infty^{23}$	$0^5, \frac{14^6}{3}, 14^8, 35^8, \frac{77^4}{2}, \frac{154^{177}}{3}, 126^2, \infty^{66}$

167		$0^{11}, 7^1, \frac{28^3}{3}, 14^4, 35^2, \frac{77^4}{2}, 126^1, \infty^{10}$	$0^1, \frac{28^3}{3}, 35^2, \frac{77^4}{2}, 126^1, \infty^{25}$	$0^{12}, 7^1, \frac{28^6}{3}, 14^4, 35^4, \frac{77^8}{2}, \frac{161^{192}}{3}, 126^2, \infty^{71}$
174		$0^6, \frac{7^4}{2}, 7^8, \frac{28^3}{3}, \frac{63^2}{2}, \frac{77^4}{2}, 126^1, \infty^{11}$	$0^1, \frac{28^3}{3}, \frac{63^2}{2}, \frac{77^4}{2}, 126^1, \infty^{28}$	$0^7, \frac{7^4}{2}, 7^8, \frac{28^6}{3}, \frac{63^4}{2}, \frac{77^8}{2}, 56^{208}, 126^2, \infty^{78}$

Table 44: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 4. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
2				
9				$0^1$
16				$\frac{7^3}{3}$
23				$\frac{14^6}{3}$
30				$7^{10}$
37		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{28^{12}}{3}, \infty^1$
44		$\frac{7^2}{2}$	$\frac{7^2}{2}$	$\frac{7^4}{2}, \frac{35^{15}}{3}, \infty^2$
51		$7^3$	$7^3$	$7^6, 14^{19}, \infty^3$
58		$\frac{21^4}{2}$	$\frac{21^4}{2}$	$\frac{21^8}{2}, \frac{49^{24}}{3}, \infty^4$
65		$0^2, 14^3$	$0^1, 14^3, \infty^1$	$0^3, 14^6, \frac{56^{30}}{3}, \infty^6$
72		$\frac{7^2}{2}, 7^1, \frac{35^2}{2}, \infty^1$	$\frac{7^2}{2}, \frac{35^2}{2}, \infty^2$	$\frac{7^4}{2}, 7^1, \frac{35^4}{2}, 21^{37}, \infty^9$
79		$7^3, 14^1, 21^1, \infty^2$	$7^3, 21^1, \infty^3$	$7^6, 14^1, 21^2, \frac{70^{45}}{3}, \infty^{12}$
86		$\frac{21^4}{2}, 21^1, \infty^3$	$\frac{21^4}{2}, \infty^4$	$\frac{21^8}{2}, 21^1, \frac{77^{54}}{3}, \infty^{15}$
93		$0^3, 14^3, \infty^3$	$0^1, 14^3, \infty^5$	$0^4, 14^6, 28^{64}, \infty^{17}$
100		$\frac{7^3}{3}, 7^2, \frac{35^2}{2}, 63^1, \infty^3$	$\frac{7^3}{3}, \frac{35^2}{2}, 63^1, \infty^5$	$\frac{7^6}{3}, 7^2, \frac{35^4}{2}, \frac{91^{72}}{3}, 63^2, \infty^{19}$
107		$\frac{14^3}{3}, 7^2, 14^2, 21^1, 63^1, \infty^4$	$\frac{14^3}{3}, 7^2, 21^1, 63^1, \infty^6$	$\frac{14^6}{3}, 7^4, 14^2, 21^2, \frac{98^{81}}{3}, 63^2, \infty^{23}$
114		$7^1, \frac{28^6}{3}, 21^2, 70^2, \infty^4$	$7^1, \frac{28^6}{3}, 70^2, \infty^6$	$7^2, \frac{28^{12}}{3}, 21^2, 35^{91}, 70^4, \infty^{25}$
121		$0^4, \frac{35^6}{3}, 14^1, 70^2, \infty^4$	$0^1, \frac{35^6}{3}, 14^1, 70^2, \infty^7$	$0^5, \frac{35^{12}}{3}, 14^2, \frac{112^{102}}{3}, 70^4, \infty^{28}$
128		$\frac{7^3}{3}, \frac{7^4}{2}, 7^1, 14^2, \frac{49^3}{3}, 63^1, 77^1, \infty^4$	$\frac{7^3}{3}, 14^2, \frac{49^3}{3}, 63^1, 77^1, \infty^9$	$\frac{7^6}{3}, \frac{7^4}{2}, 7^1, 14^4, \frac{49^6}{3}, \frac{119^{114}}{3}, 63^2, 77^2, \infty^{32}$
135		$\frac{14^3}{3}, 7^4, 14^3, \frac{56^3}{3}, 63^1, 77^1, \infty^6$	$\frac{14^3}{3}, 7^2, \frac{56^3}{3}, 63^1, 77^1, \infty^{11}$	$\frac{14^6}{3}, 7^6, 14^3, \frac{56^6}{3}, 42^{127}, 63^2, 77^2, \infty^{38}$
142		$7^1, \frac{28^6}{3}, \frac{35^4}{2}, 21^2, 70^2, \infty^8$	$7^1, \frac{28^6}{3}, 21^1, 70^2, \infty^{13}$	$7^2, \frac{28^{12}}{3}, \frac{35^4}{2}, 21^3, \frac{133^{141}}{3}, 70^4, \infty^{44}$
149		$0^5, \frac{35^6}{3}, 14^1, 21^2, 70^2, \infty^9$	$0^1, \frac{35^6}{3}, 14^1, 70^2, \infty^{15}$	$0^6, \frac{35^{12}}{3}, 14^2, 21^2, \frac{140^{156}}{3}, 70^4, \infty^{49}$



156		$\frac{7^{10}}{2}, 14^2, \frac{49^3}{3}, \frac{63^2}{2}, 77^1, \infty^9$	$\frac{7^2}{2}, 14^2, \frac{49^3}{3}, \frac{63^2}{2}, 77^1, \infty^{17}$	$\frac{7^{12}}{2}, 14^4, \frac{49^6}{3}, \frac{63^4}{2}, 49^{172}, 77^2, \infty^{53}$
163		$\frac{14^3}{3}, 7^5, 14^4, \frac{56^3}{3}, \frac{133^4}{4}, 77^1, 126^1, \infty^9$	$\frac{14^3}{3}, 7^1, \frac{56^3}{3}, \frac{133^4}{4}, 77^1, 126^1, \infty^{17}$	$\frac{14^6}{3}, 7^6, 14^4, \frac{56^6}{3}, \frac{133^8}{4}, \frac{154^{186}}{3}, 77^2, 126^2, \infty^{56}$
170		$\frac{49^6}{6}, \frac{35^8}{2}, 21^1, 35^2, \frac{77^4}{2}, \frac{259^2}{2}, \infty^{10}$	$\frac{49^6}{6}, 21^1, 35^2, \frac{77^4}{2}, \frac{259^2}{2}, \infty^{18}$	$\frac{49^{12}}{6}, \frac{35^8}{2}, 21^2, 35^4, \frac{77^8}{2}, \frac{161^{201}}{3}, \frac{259^4}{2}, \infty^{61}$

Table 45: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 5. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
5				
12				$0^1$
19				$\frac{7^3}{3}$
26				$\frac{14^6}{3}$
33				$7^{10}$
40				$\frac{28^{15}}{3}$
47		$0^1$	$0^1$	$0^2, \frac{35^{18}}{3}, \infty^1$
54		$0^1, \infty^1$	$0^1, \infty^1$	$0^2, 14^{22}, \infty^4$
61		$0^1, \infty^2$	$0^1, \infty^2$	$0^2, \frac{49^{27}}{3}, \infty^7$
68		$0^1, \infty^3$	$0^1, \infty^3$	$0^2, \frac{56^{33}}{3}, \infty^{10}$
75		$14^2, \infty^3$	$14^2, \infty^3$	$14^4, 21^{40}, \infty^{11}$
82		$0^1, 14^2, \infty^3$	$14^2, \infty^4$	$0^1, 14^4, \frac{70^{48}}{3}, \infty^{13}$
89		$0^2, 14^2, \infty^3$	$14^2, \infty^5$	$0^2, 14^4, \frac{77^{57}}{3}, \infty^{15}$
96		$0^3, 14^2, \infty^3$	$14^2, \infty^6$	$0^3, 14^4, 28^{67}, \infty^{17}$
103		$0^5, 28^1, \infty^3$	$0^1, 28^1, \infty^7$	$0^6, 28^2, \frac{91^{78}}{3}, \infty^{19}$
110		$0^4, \frac{7^2}{2}, 28^2, \infty^3$	$0^1, \frac{7^2}{2}, 28^1, \infty^7$	$0^5, \frac{7^4}{2}, 28^3, \frac{98^{87}}{3}, \infty^{21}$
117		$0^3, 7^3, 28^3, \infty^4$	$0^1, 7^3, 28^1, \infty^8$	$0^4, 7^6, 28^4, \frac{35^{97}}{3}, \infty^{25}$
124		$0^2, \frac{21^4}{2}, 28^4, \infty^5$	$0^1, \frac{21^4}{2}, 28^1, \infty^9$	$0^3, \frac{21^8}{2}, 28^5, \frac{112^{108}}{3}, \infty^{29}$
131		$\frac{7^3}{3}, 14^3, 28^5, \infty^6$	$\frac{7^3}{3}, 14^3, 28^1, \infty^{10}$	$\frac{7^6}{3}, 14^6, 28^6, \frac{119^{120}}{3}, \infty^{33}$
138		$0^2, \frac{14^3}{3}, 14^2, \frac{35^2}{2}, 28^4, \infty^6$	$\frac{14^3}{3}, 14^2, \frac{35^2}{2}, 28^1, \infty^{11}$	$0^2, \frac{14^6}{3}, 14^4, \frac{35^4}{2}, 28^5, 42^{133}, \infty^{36}$
145		$0^4, 7^1, \frac{28^3}{3}, 14^2, 21^1, 28^3, \infty^7$	$7^1, \frac{28^3}{3}, 14^2, 21^1, 28^1, \infty^{13}$	$0^4, 7^2, \frac{28^6}{3}, 14^4, 21^2, 28^4, \frac{133^{147}}{3}, \infty^{41}$
152		$0^6, \frac{21^2}{2}, 14^5, 28^2, \infty^8$	$\frac{21^2}{2}, 14^5, 28^1, \infty^{15}$	$0^6, \frac{21^4}{2}, 14^{10}, 28^3, \frac{140^{162}}{3}, \infty^{46}$
159		$0^9, 14^3, \frac{63^4}{4}, \infty^9$	$0^1, 14^3, \frac{63^4}{4}, \infty^{17}$	$0^{10}, 14^6, \frac{63^8}{4}, 49^{178}, \infty^{51}$
166		$0^7, 14^4, \frac{35^4}{2}, 28^1, \frac{63^2}{2}, \infty^9$	$0^1, \frac{35^4}{2}, 28^1, \frac{63^2}{2}, \infty^{19}$	$0^8, 14^4, \frac{35^8}{2}, 28^2, \frac{63^4}{2}, \frac{154^{195}}{3}, \infty^{55}$
173		$0^5, 7^2, 14^4, 21^3, 28^3, 35^4, \infty^9$	$0^1, 7^2, 21^3, 28^1, 35^4, \infty^{19}$	$0^6, 7^4, 14^4, 21^6, 28^4, 35^8, \frac{161^{210}}{3}, \infty^{58}$



Table 46: Slopes for  $q = 8$ ,  $i = 2$ , type 6. Suspected newform slopes are marked in blue.

$k$	$T_2$ -Slopes	$U_2^{P_0}$ -Slopes	$U_2^{P_2}$ -Slopes	$U_2^{\Gamma_0(t)}$ -Slopes
1				
8				
15				$0^1$
22				$\frac{7}{3}^3$
29				$\frac{14}{3}^6$
36				$7^{10}$
43				$\frac{28}{3}^{15}$
50				$\frac{35}{3}^{21}$
57		$0^1$	$0^1$	$0^2, 14^{25}, \infty^1$
64		$\frac{7}{2}^2$	$\frac{7}{2}^2$	$\frac{7}{2}^4, \frac{49}{3}^{30}, \infty^2$
71		$0^1, 7^1, \infty^1$	$0^1, 7^1, \infty^1$	$0^2, 7^2, \frac{56}{3}^{36}, \infty^5$
78		$\frac{7}{2}^2, \infty^2$	$\frac{7}{2}^2, \infty^2$	$\frac{7}{2}^4, 21^{43}, \infty^8$
85		$7^1, 14^2, \infty^2$	$7^1, 14^2, \infty^2$	$7^2, 14^4, \frac{70}{3}^{51}, \infty^9$
92		$\frac{35}{2}^4, \infty^2$	$\frac{35}{2}^4, \infty^2$	$\frac{35}{2}^8, \frac{77}{3}^{60}, \infty^{10}$
99		$0^1, 14^2, 21^2, \infty^2$	$14^2, 21^2, \infty^3$	$0^1, 14^4, 21^4, 28^{70}, \infty^{12}$
106		$7^1, \frac{35}{2}^4, \infty^3$	$\frac{35}{2}^4, \infty^4$	$7^1, \frac{35}{2}^8, \frac{91}{3}^{81}, \infty^{15}$
113		$0^3, 21^2, 28^1, \infty^3$	$0^1, 21^2, 28^1, \infty^5$	$0^4, 21^4, 28^2, \frac{98}{3}^{93}, \infty^{17}$
120		$\frac{7}{3}^3, 7^2, \frac{63}{2}^2, 63^1, \infty^3$	$\frac{7}{3}^3, \frac{63}{2}^2, 63^1, \infty^5$	$\frac{7}{3}^6, 7^2, \frac{63}{2}^4, 35^{103}, 63^2, \infty^{19}$
127		$0^2, \frac{14}{3}^3, 28^2, 35^1, 63^1, \infty^4$	$0^1, \frac{14}{3}^3, 28^1, 35^1, 63^1, \infty^6$	$0^3, \frac{14}{3}^6, 28^3, 35^2, \frac{112}{3}^{114}, 63^2, \infty^{23}$
134		$\frac{7}{3}^3, 7^2, \frac{63}{2}^2, 35^1, 63^1, \infty^6$	$\frac{7}{3}^3, 7^1, \frac{63}{2}^2, 63^1, \infty^8$	$\frac{7}{3}^6, 7^3, \frac{63}{2}^4, 35^1, \frac{119}{3}^{126}, 63^2, \infty^{29}$
141		$\frac{14}{3}^3, 14^2, 28^2, 35^1, 63^1, \infty^8$	$\frac{14}{3}^3, 14^2, 35^1, 63^1, \infty^{10}$	$\frac{14}{3}^6, 14^4, 28^2, 35^2, 42^{139}, 63^2, \infty^{35}$
148		$7^1, \frac{49}{3}^6, 35^2, 77^2, \infty^8$	$7^1, \frac{49}{3}^6, 77^2, \infty^{10}$	$7^2, \frac{49}{3}^{12}, 35^2, \frac{133}{3}^{153}, 77^4, \infty^{37}$
155		$0^2, 14^2, \frac{56}{3}^6, 28^1, 77^2, \infty^8$	$14^2, \frac{56}{3}^6, 77^2, \infty^{11}$	$0^2, 14^4, \frac{56}{3}^{12}, 28^1, \frac{140}{3}^{168}, 77^4, \infty^{40}$
162		$\frac{7}{2}^4, \frac{49}{3}^6, 21^2, 35^1, 77^2, \infty^8$	$\frac{49}{3}^6, 21^2, 77^2, \infty^{13}$	$\frac{7}{2}^4, \frac{49}{3}^{12}, 21^4, 35^1, 49^{184}, 77^4, \infty^{44}$

169		$0^5, 7^2, \frac{56^6}{3}, 28^1, 77^2, \infty^9$	$0^1, \frac{56^6}{3}, 28^1, 77^2, \infty^{15}$	$0^6, 7^2, \frac{56^{12}}{3}, 28^2, \frac{154^{201}}{3}, 77^4, \infty^{49}$
176		$\frac{7^{10}}{2}, 21^2, \frac{91^3}{3}, \frac{63^2}{2}, 91^1, \infty^9$	$\frac{7^2}{2}, 21^2, \frac{91^3}{3}, \frac{63^2}{2}, 91^1, \infty^{17}$	$\frac{7^{12}}{2}, 21^4, \frac{91^6}{3}, \frac{63^4}{2}, \frac{161^{219}}{3}, 91^2, \infty^{53}$

## References

- [BGK25] Gebhard Böckle, Peter Mathias Gräf, and Theresa Kaiser. *U-Operators Acting on Harmonic Cocycles for  $GL_3$  and Their Slopes*. 2025. arXiv: 2503.00141 [math.NT]. URL: <https://arxiv.org/abs/2503.00141>.