

Projekt 2 - Gruppe 8

Oliver Gebhard Noel Kuntze Andrey Nikolaev
Anna Ostrovskaya

9. Januar 2014

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
1.1	Szenario	3
1.2	Problemstellung	3
2	Linear Feedback Shift Register	3
3	Vernam-Chiffre	3
3.1	One-Time-Pad	3
4	Analyse	3
4.1	Vollständige Suche	4
4.2	Backtracking	4
A	Anhang	5
A.1	LFSR Runden	5

1 Einleitung

1.1 Szenario

1.2 Problemstellung

2 Linear Feedback Shift Register

Linearesrückkopplungsschieberegister
Beschreibung

1

3 Vernam-Chiffre

3.1 One-Time-Pad

4 Analyse

Legende:

a - Schlüsselbyte

z - Verschlüsselungsbyte

\oplus steht für XOR mit Rotation um 5 Bit nach rechts.

\boxplus steht für Addition MOD 256.

Um die Verwirrung in Grenzen zu halten wird ab 0 beginnend gezählt.

Allgemein:

Wobei i die aktuelle Runde bzw. der aktuelle Takt darstellt.

Für die Runden 0 bis 6 gilt für z (das Verschlüsselungsbyte):

$$z_i \leftarrow a_i \boxplus a_{i+3}$$

Ab Runde 7 bis 9 wird das erste mal ein bereits überschriebenes Schlüsselbyte verwendet:

$$z_i \leftarrow a_i \bmod 10 \boxplus (a_{i+3} \bmod 10 \oplus a_{i+8} \bmod 10)$$

¹<http://en.wikipedia.org/LFSR>

Von Runde 10 bis 14 werden zwei Schlüsselbytes die schon überschrieben wurden benutzt.
In Runde 15 wurde ein Schlüsselbyte bereits das zweite mal überschrieben.
²

4.1 Vollständige Suche

Probiere jede mögliche Kombination

4.2 Backtracking

Allgemeine Herangehensweise:
Pseudocode

Backtrack(input)

```
//Prüfe Teillösung  
IF (Teillösung falsch) RETURN
```

```
//Prüfe Gesamtlösung  
IF (Lösung korrekt)  
    OUTPUT Lösung  
    RETURN  
ELSE  
    RETURN
```

```
//Erweitere Teillösung  
FOR ALL  
    Backtrack(input + 1)
```

²Anhang

A Anhang

A.1 LFSR Runden

Was passiert in jeder Runde?

Kein Anspruch auf Richtigkeit:

Innerer Zustand in Runde 0:

$$a_0 \mid a_1 \mid a_2 \mid a_3 \mid a_4 \mid a_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$z_0 \leftarrow a_0 \boxplus a_3$$

$$a'_0 \leftarrow a_0 \oplus a_5$$

Innerer Zustand in Runde 1:

$$a'_0 \mid a_1 \mid a_2 \mid a_3 \mid a_4 \mid a_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$z_1 \leftarrow a_1 \boxplus a_4$$

$$a'_1 \leftarrow a_1 \oplus a_6$$

Innerer Zustand in Runde 2:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a_2 \mid a_3 \mid a_4 \mid a_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$z_2 \leftarrow a_2 \boxplus a_5$$

$$a'_2 \leftarrow a_2 \oplus a_7$$

Innerer Zustand in Runde 3:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a_3 \mid a_4 \mid a_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$z_3 \leftarrow a_3 \boxplus a_6$$

$$a'_3 \leftarrow a_3 \oplus a_8$$

Innerer Zustand in Runde 4:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a_4 \mid a_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$z_4 \leftarrow a_4 \boxplus a_7$$

$$a'_4 \leftarrow a_4 \oplus a_9$$

Innerer Zustand in Runde 5:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$z_5 \leftarrow a_5 \boxplus a_8$$

$$a'_5 \leftarrow a_5 \oplus a'_0, (a_0 \oplus a_5)$$

Innerer Zustand in Runde 6:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$\begin{aligned} z_6 &\leftarrow a_6 \boxplus a_9 \\ a'_6 &\leftarrow a_6 \oplus a'_1, (a'_1 \leftarrow a_1 \oplus a_6) \end{aligned}$$

Innerer Zustand in Runde 7:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$\begin{aligned} z_7 &\leftarrow a_7 \boxplus a'_0, (a_0 \oplus a_5) \\ a'_7 &\leftarrow a_7 \oplus a'_2, (a_2 \oplus a_7) \end{aligned}$$

Innerer Zustand in Runde 8:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a_8 \mid a_9$$

$$\begin{aligned} z_8 &\leftarrow a_8 \boxplus a'_1, (a_1 \oplus a_6) \\ a'_8 &\leftarrow a_8 \oplus a'_3, (a_3 \oplus a_8) \end{aligned}$$

Innerer Zustand in Runde 9:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a_9$$

$$\begin{aligned} z_9 &\leftarrow a_9 \boxplus a'_2, (a_2 \oplus a_7) \\ a'_9 &\leftarrow a_9 \oplus a'_4, (a_4 \oplus a_9) \end{aligned}$$

Innerer Zustand in Runde 10:

$$a'_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a'_9$$

$$\begin{aligned} z_{10} &\leftarrow a'_0 \boxplus a'_3, (a_0 \oplus a_5) \boxplus (a_3 \oplus a_8) \\ a''_0 &\leftarrow a'_0 \oplus a'_5, (a_0 \oplus a_5) \oplus (a_5 \oplus (a_0 \oplus a_5)) \end{aligned}$$

Innerer Zustand in Runde 11:

$$a''_0 \mid a'_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a'_9$$

$$\begin{aligned} z_{11} &\leftarrow a'_1 \boxplus a'_4, (a_1 \oplus a_6) \boxplus (a_4 \oplus a_9) \\ a''_1 &\leftarrow a'_1 \oplus a'_6, (a_1 \oplus a_6) \oplus (a_6 \oplus (a_1 \oplus a_6)) \end{aligned}$$

Innerer Zustand in Runde 12:

$$a''_0 \mid a''_1 \mid a'_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a'_9$$

$$z_{12} \leftarrow a'_2 \boxplus a'_5, (a_2 \oplus a_7) \boxplus (a_5 \oplus (a_0 \oplus a_5))$$

$$a''_2 \leftarrow a'_2 \oplus a'_7, (a_2 \oplus a_7) \oplus (a_7 \oplus (a_2 \oplus a_7))$$

Innerer Zustand in Runde 13:

$$a''_0 \mid a''_1 \mid a''_2 \mid a'_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a'_9$$

$$z_{13} \leftarrow a'_3 \boxplus a'_6, (a_3 \oplus a_8) \boxplus (a_6 \oplus (a_1 \oplus a_6))$$

$$a''_3 \leftarrow a'_3 \oplus a'_8, (a_3 \oplus a_8) \oplus (a_8 \oplus (a_3 \oplus a_8))$$

Innerer Zustand in Runde 14:

$$a''_0 \mid a''_1 \mid a''_2 \mid a''_3 \mid a'_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a'_9$$

$$z_{14} \leftarrow a'_4 \boxplus a'_7, (a_4 \oplus a_9) \boxplus (a_7 \oplus (a_2 \oplus a_7))$$

$$a''_4 \leftarrow a'_4 \oplus a'_9, (a_4 \oplus a_9) \oplus (a_9 \oplus (a_4 \oplus a_9))$$

Innerer Zustand in Runde 15:

$$a''_0 \mid a''_1 \mid a''_2 \mid a''_3 \mid a''_4 \mid a'_5 \mid a'_6 \mid a'_7 \mid a'_8 \mid a'_9$$

$$z_{15} \leftarrow a'_5 \boxplus a'_8, (a_5 \oplus (a_0 \oplus a_5)) \boxplus (a_8 \oplus (a_3 \oplus a_8))$$

$$a''_5 \leftarrow a'_5 \oplus a''_0, (a_5 \oplus a_0) \oplus ((a_0 \oplus a_5) \oplus (a_5 \oplus (a_0 \oplus a_5)))$$

Literatur

- [1] LFSR <http://en.wikipedia.org/LFSR>