

习题二、2.试写出 0/1 背包问题的队列式分支限界算法程序，并找一个物品个数是 16 的例子检验程序的运行情况。

代码：

```
#include<stdio.h>
#include<iostream>
#include<queue>           // 优先队列头文件
using namespace std;
#define maxNum 20         // 物品最大值
typedef struct Node
{
    int ub;
    int w;
    int v;
    int index;
    int object[maxNum]={0};
    bool operator < (const Node &p)const    // 大根堆
    {
        p.ub>ub;
    }
}Node, *QNode;
int w[maxNum];           // 存放物品
int v[maxNum];           // 存放价值
int w_v[maxNum];         // 存放性价比
int list[maxNum] = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,14,15,16,17,18,19};
// 物品排序映射
priority_queue<Node> pp;
int W;                   // 背包容量
int up;                  // 上界
int down;                // 下界
int n;                   // 物品数
void sort(int i,int j)   // 对存储数组由大到小排序，此处采用快速排序
{
    int start=i;
    int end=j;
    if(start>=end)
    {
        return;
    }
    while(start!=end)
    {
        int temp;
        int temp1;
        int temp2;
        int t;
```

```

while(start<end&&w_v[start]>w_v[end])
{
    end--;
}
if(start==end)
    break;
temp=w_v[start];
temp1=w[start];
temp2=v[start];
w_v[start]=w_v[end];
w[start]=w[end];
v[start]=v[end];
w_v[end]=temp;
w[end]=temp1;
v[end]=temp2;
t = list[start];
list[start] = list[end];
list[end] = t;
start++;
if(start==end)
    break;
while(start<end&&w_v[start]>w_v[end])
{
    start++;
}
if(start==end)
    break;
temp=w_v[start];
temp1=w[start];
temp2=v[start];
w_v[start]=w_v[end];
w[start]=w[end];
v[start]=v[end];
w_v[end]=temp;
w[end]=temp1;
v[end]=temp2;
t = list[start];
list[start] = list[end];
list[end] = t;
end--;
}
sort(i, start-1);
sort(end+1, j);
return;

```

```

}
void get_down()          // 获取下界
{
    down=0;
    int wight=0;
    for(int i=0;i<n;i++)
    {
        wight=wight+w[i];
        if(wight<=W)
        {
            down=down+v[i];
        }
        else
            break;
    }
    return;
}
void get_up()            // 获取上界
{
    up=w_v[0]*n;
    return;
}
int get_ub(Node node)    // 获取目标函数值
{
    node.ub=node.v+w_v[node.index+1]*(W-node.w);
    return node.ub;
}
Node solve()
{
    Node result;
    get_down();
    get_up();
    Node first;          // 定义起点
    first.index=-1;
    first.ub=up;
    first.v=0;
    first.w=0;
    pp.push(first);
    int ret=0;
    while(pp.size())
    {
        Node tmp=pp.top();
        pp.pop();
    }
}

```

```

    if(tmp.index==n-2)
    {
        int ans=tmp.v;
        if(tmp.w+w[tmp.index+1]<=W)
        {
            ans=ans+v[tmp.index+1];
            tmp.object[tmp.index+1] = 1;
        }
        if(ans>=tmp.ub)           //价值大于全部目标函数值，直接得出最优解
        {
            ret=ans;
            result=tmp;
            break;
        }
        else
        {
            if(ans>down)           //更新下界
            down=ans;
            if(ans>ret)
            ret=ans;
            result=tmp;
            continue;
        }
    }
    Node next;
    for(int i=0;i<2;i++)
    {
        next.index=tmp.index+1;
        next.v=tmp.v+i*v[tmp.index+1];
        next.w=tmp.w+i*w[tmp.index+1];
        next.ub=get_ub(next);
        for(int j=0;j<tmp.index+1;j++)
            next.object[j] = tmp.object[j];
        next.object[next.index] = i;
        if(next.w<=W&&next.ub>=down)           //大于下界且容量小于背包容量入
        队列
            pp.push(next);
    }
}
printf("最优解为: %d\n",ret);
return result;
}
main()
{

```

```

Node result;
printf("请输入背包容量: ");
scanf("%d",&W);
printf("请输入物品数量: ");
scanf("%d",&n);
for(int i=0;i<n;i++)
{
    printf("请输入物品重量和价值（格式如 1 2 ）: ");
    scanf("%d %d",&w[i],&v[i]);
    w_v[i]=v[i]/w[i];
    if(v[i]%w[i]!=0)
        w_v[i]+=1;
}
sort(0,n-1);
result = solve();
printf("\n 选择的物品: \n");
for(int j=0;j<n;j++)
{
    if (result.object[j])
        printf("物品 %d\n",list[j]+1);
}
//list: 物品被排序后, 如果0=list[2], 那么表示物品0 被映射到2 处。
i=list[j], 表示物品 i 被映射到j 处
//object: 是否选择j 位置的物品
//如果 object[j]=1, 意味着原位置 i=list[j]的物品被选择, 即物品 i。
}

```

16 个物品的测试：

```
ubuntu@VM-8-5-ubuntu:~/lhc/test$ ./test
```

请输入背包容量：16

请输入物品数量：16

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：1 2

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：1 3

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：1 4

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：2 2

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：2 3

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：2 4

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：3 5

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：3 4

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：3 6

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：4 1

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：4 2

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：4 3

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：4 4

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：4 5

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：4 6

请输入物品重量和价值（格式如 1 2）：5 2

最优解为：29

选择的物品：

物品 3

物品 2

物品 9

物品 15

物品 14

物品 1

物品 5