

● 多类情况 3（多类情况 2 的特例）

这是没有不确定区域的 ω_i/ω_j 两分法。假若多类情况 2 中的 d_{ij} 可分解成： $d_{ij}(x) = d_i(x) - d_j(x) = (w_i - w_j)^T x$ ，则 $d_{ij}(x) > 0$ 相当于 $d_i(x) > d_j(x)$ ， $\forall j \neq i$ ，这时不存在不确定区域。此时，对 M 类情况应有 M 个判别函数：

$$d_k(x) = w_k^T x, \quad k = 1, 2, \dots, M$$

即 $d_i(x) > d_j(x)$ ， $\forall j \neq i$ ， $i, j = 1, 2, \dots, M$ ，

则 $x \in \omega_i$ ，也可写成，若

$d_i(x) = \max \{d_k(x), k=1, 2, \dots, M\}$ ，则 $x \in \omega_i$ 。

该分类的特点是把 M 类情况分成 $M-1$ 个两类问题。

例：设有一个三类问题的模式分类器，其判别函数为：

$$d_1(x) = -x_1 + x_2, \quad d_2(x) = x_1 + x_2 - 1, \quad d_3(x) = -x_2$$

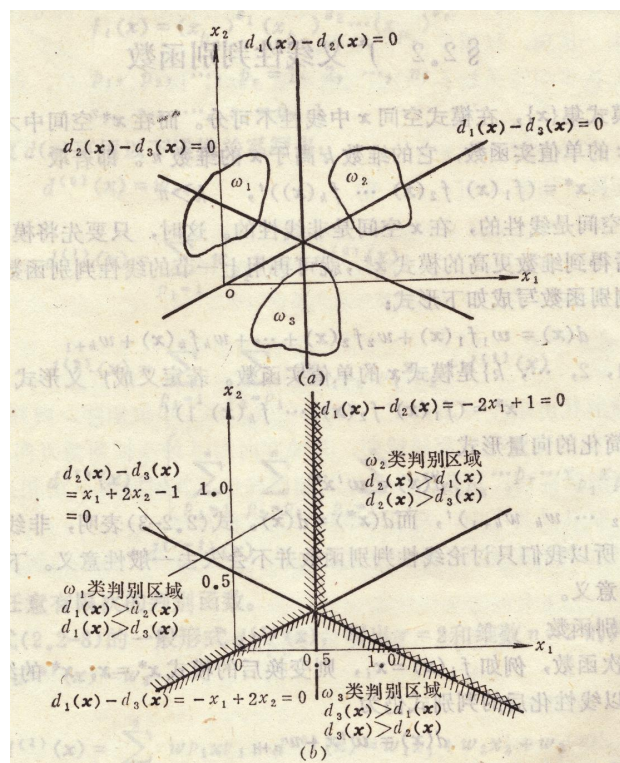
属于 ω_1 类的区域应满足 $d_1(x) > d_2(x)$ 且 $d_1(x) > d_3(x)$ ， ω_1 类的判别界面为：

$$d_{12}(x) = d_1(x) - d_2(x) = -2x_1 + 1 = 0$$

$$d_{13}(x) = d_1(x) - d_3(x) = -x_1 + 2x_2 = 0$$

属于 ω_2 类的区域应满足 $d_2(x) > d_1(x)$ 且 $d_2(x) > d_3(x)$ ， ω_2 类的判别界面为：

$$d_{21}(x) = d_2(x) - d_1(x) = 2x_1 - 1 = 0, \quad \text{可看出 } d_{21}(x) = -d_{12}(x)$$



$$d_{23}(x) = d_2(x) - d_3(x) = x_1 + 2x_2 - 1 = 0$$

同理可得 ω_3 类的判别界面为：

$$d_{31}(x) = -d_{13}(x) = x_1 - 2x_2 = 0$$

$$d_{32}(x) = -d_{23}(x) = -x_1 - 2x_2 + 1 = 0$$

若有模式样本 $x = (1, 1)^T$ ，则： $d_1(x) = 0$ ， $d_2(x) = 1$ ， $d_3(x) = -1$

从而： $d_2(x) > d_1(x)$ 且 $d_2(x) > d_3(x)$ ，故 $x \in \omega_2$