



### Circuitos Digitais I - 6878

### Nardênio Almeida Martins

## Universidade Estadual de Maringá Departamento de Informática

Bacharelado em Ciência da Computação

### **Avisos**

#### Sistema Moodle:

- Importante: Os discentes devem se cadastrar no sistema Moodle - código de inscrição: cco-cd-2011
- Endereço: http://webclass.din.uem.br



### Revisão

### Sistemas de Numeração:

- o Representação de números
- o Bases
- o Conversões de Bases



#### Base:

- É a quantidade de algarismos ou símbolos disponíveis para representar todos os números no sistema de numeração
- Exemplos:

```
 ○ Base 10  \Rightarrow 10 dígitos: 0,1,2,...9
```

- $\circ$  Base 2  $\Rightarrow$  2 dígitos: 0 e 1
- $\circ$  Base 16  $\Rightarrow$  16 dígitos: 0,1,2,...,9,A,B,C,D,E,F

<u>Convenção:</u> Bases maiores que 10 usam letras para representar algarismos maiores que 9

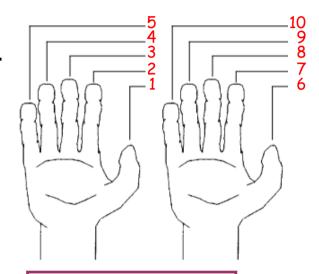


### Sistema Decimal

#### Base 10:

Base  $10 \Rightarrow 10$  dígitos: 0,1,2,...9

- Exemplo:  $1303_{10}$   $1 \times 10^3 + 3 \times 10^2 + 0 \times 10^1 + 3 \times 10^0$  1000 + 300 + 0 + 3 = 1303



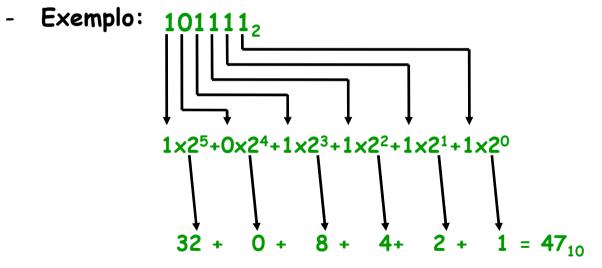
Notação Posicional



### Sistema Binário

#### Conversões de Bases:

Binário para Decimal



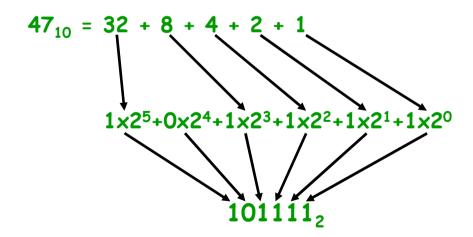


### Sistema Binário

#### Conversões de Bases:

Decimal para Binário

- 2 Métodos: soma de potências e divisões sucessivas
- Exemplo de <u>Soma de Potências</u>:



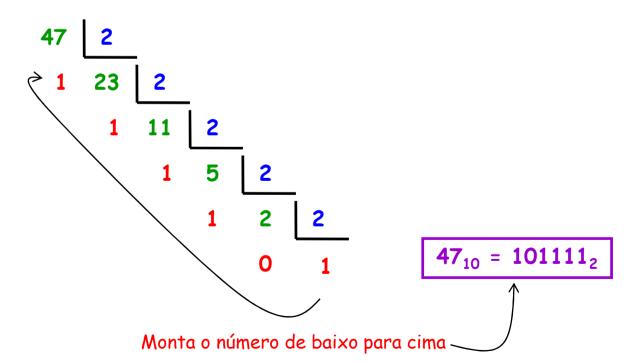


#### Sistema Binário

#### Conversões de Bases:

Decimal para Binário

- Exemplo de <u>Divisões Sucessivas</u>:





#### Sistema Octal

#### Base 8:

Base 8 ⇒ 8 dígitos: 0,1,2,3,4,5,6,7

Decimal	Octal
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	10
9	11
10	12
11	13
12	14
13	15
14	16
15	17
16	20

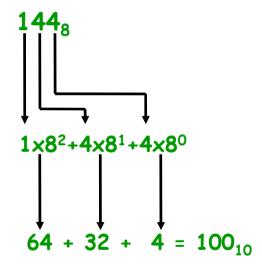


#### Sistema Octal

### Conversões de Bases:

Octal para Decimal

- Exemplo: 1448





#### Sistema Octal

### Conversões de Bases:

Decimal para Octal

- Exemplo de <u>Divisões Sucessivas</u>:

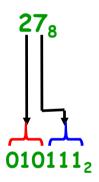


#### Sistema Octal

#### Conversões de Bases:

Octal para Binário: Transforma cada algarismo octal no correspondente binário (para cada octal são necessários 3 bits  $\Rightarrow$  2 $^3$  = 8 - Base octal)

- Exemplo:



Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



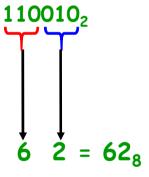
#### Sistema Octal

### Conversões de Bases:

Binário para Octal: Processo inverso - agrupa-se 3 bits a partir da

direita

- Exemplo: 110010<sub>2</sub>



Octal	Binário
0	000
1	001
2	010
3	011
4	100
5	101
6	110
7	111



#### Sistema Hexadecimal

#### **Base 16:**

Base 16 ⇒ 16 dígitos: 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F

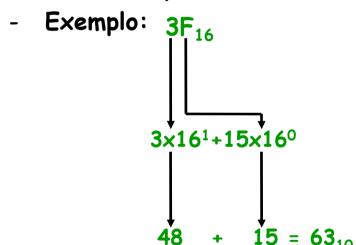
Decimal	Hexadecimal
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9
10	Α
11	В
12	С
13	D
14	E
15	F
16	10



#### Sistema Hexadecimal

#### Conversões de Bases:

Hexadecimal para Decimal





### Sistema Hexadecimal

#### Conversões de Bases:

Decimal para Hexadecimal

- Exemplo de <u>Divisões Sucessivas</u>:

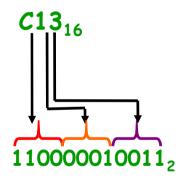


#### Sistema Hexadecimal

#### Conversões de Bases:

Hexadecimal para Binário: Transforma cada algarismo hexa no correspondente binário (para cada hexa são necessários 4 bits ⇒ 2<sup>4</sup> = 16 - Base hexa)

- Exemplo:



Hexadecimal	Binário
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
Α	1010
В	1011
С	1100
D	1101
E	1110
F	1111



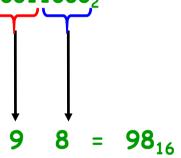
#### Sistema Hexadecimal

#### Conversões de Bases:

Binário para Hexadecimal: Processo inverso - agrupa-se 4 bits a

partir da direita

- Exemplo: 10011000<sub>2</sub>



Hexadecimal	Binário
0	0000
1	0001
2	0010
3	0011
4	0100
5	0101
6	0110
7	0111
8	1000
9	1001
Α	1010
В	1011
С	1100
D	1101
E	1110
F	1111



## Aula de Hoje

- Funções Lógicas
- Simbologias das Portas Lógicas
- Expressões das Portas Lógicas
- o Tabela Verdade
- O Circuitos Integrados das Portas Lógicas



### Funções Lógicas

- Variáveis têm apenas 2 estados: 0 ou 1, F ou V
- Também chamadas de Funções Booleanas devido a George Boole

### Funções:

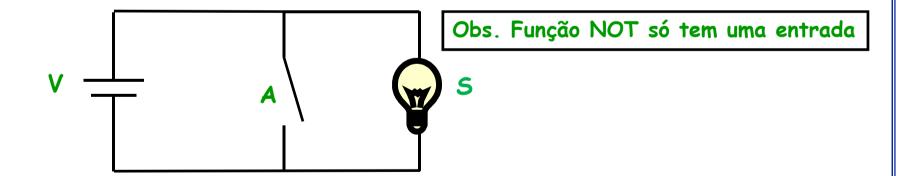
- o **NOT**
- o **BUFFER**
- o AND
- o NAND
- o OR
- o NOR
- o XOR
- o XNOR



Função NOT Representação:  $S = \overline{A}$ 

Situações Possíveis:

- a) Chave A aberta  $A=0 \longrightarrow S=\overline{A}=1$  Lâmpada Acesa
- b) Chave A fechada  $A=1 \longrightarrow S=\overline{A}=0$  Lâmpada Apagada





#### Tabela Verdade

Mapa onde se colocam todas as possíveis situações de entradas e saídas de um circuito lógico

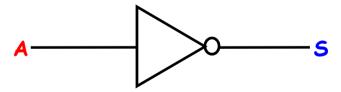
TV da Porta NOT

Entrada Saída

	•
Α	5
0	1
1	0

Função NOT Representação: S = A

Símbolo da Porta NOT





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o NOT



# Solução

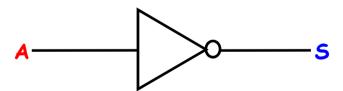
#### TV da Porta NOT

Entrada Saída

Α	5
0	1
1	0

Função NOT Representação: S = A

Símbolo da Porta NOT

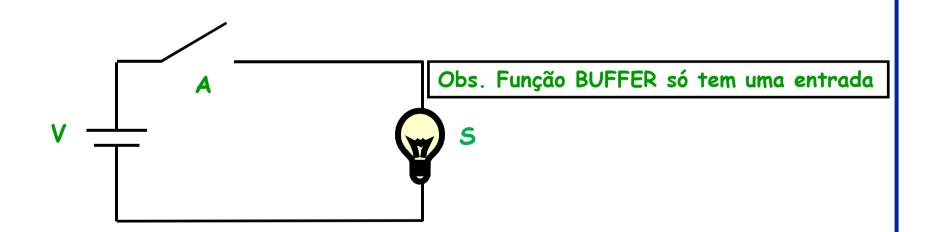




Função BUFFER Representação: S = A

### Situações Possíveis:

- a) Chave A aberta A=0  $\longrightarrow$  S=A=0 Lâmpada Apagada
- b) Chave A fechada A=1  $\longrightarrow$  S=A=1 Lâmpada Acesa





### Tabela Verdade

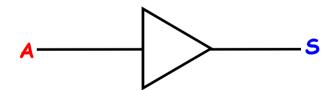
TV do Buffer

Entrada Saída

Α	5
0	0
1	1

Função BUFFER Representação: S = A

Símbolo do BUFFER





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o **BUFFER**



# Solução

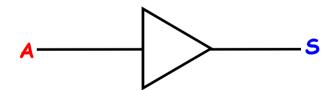
#### TV do Buffer

Entrada Saída

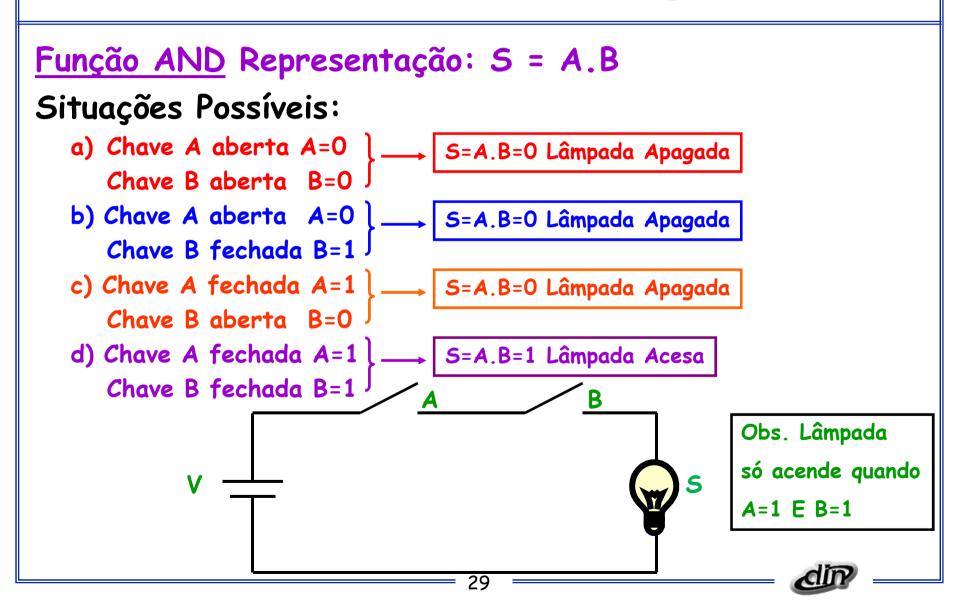
Α	5
0	0
1	1

Função BUFFER Representação: S = A

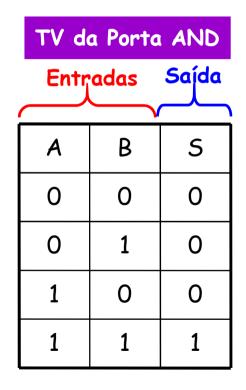
Símbolo do BUFFER







### Tabela Verdade



Função AND Representação: S = A.B

Símbolo da Porta AND

A

B

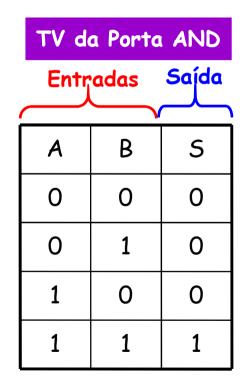


## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o AND



## Solução



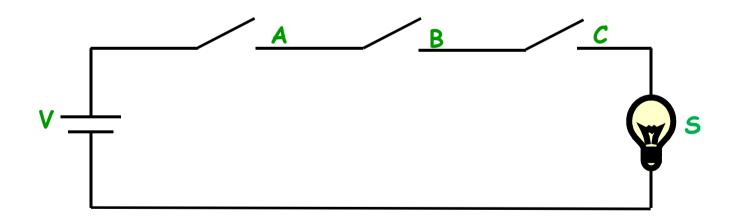
Função AND Representação: S = A.B

Símbolo da Porta AND



### Exercício

Para o circuito abaixo, com 3 chaves A, B e C e a função AND de 3 entradas, faça a Tabela Verdade, a representação e o símbolo da porta correspondente.





# Solução

#### TV da Porta AND

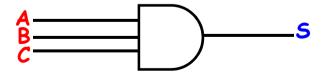
Entradas

Saída

			`
A	В	С	S
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

Função AND Representação: S = A.B.C

Símbolo da Porta AND de 3 Entradas





#### Função NAND Representação: $S = \overline{A.B}$ Situações Possíveis: a) Chave A aberta A=0] S=A.B=1 Lâmpada Acesa Chave B aberta B=0 b) Chave A aberta A=0 S=A.B=1 Lâmpada Acesa Chave B fechada B=1 c) Chave A fechada A=1 S=A.B=1 Lâmpada Acesa Chave B aberta B=0 d) Chave A fechada A=1 S=A.B=O Lâmpada Apagada Chave B fechada B=1 Obs. Lâmpada só apaga quando A=1 E B=1

#### TV da Porta NAND

Entradas Saída

	•	
Α	В	5
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

### Tabela Verdade

Função NAND Representação: S = A.B

Símbolo da Porta NAND





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o NAND



## Solução

#### TV da Porta NAND

Entradas Saída

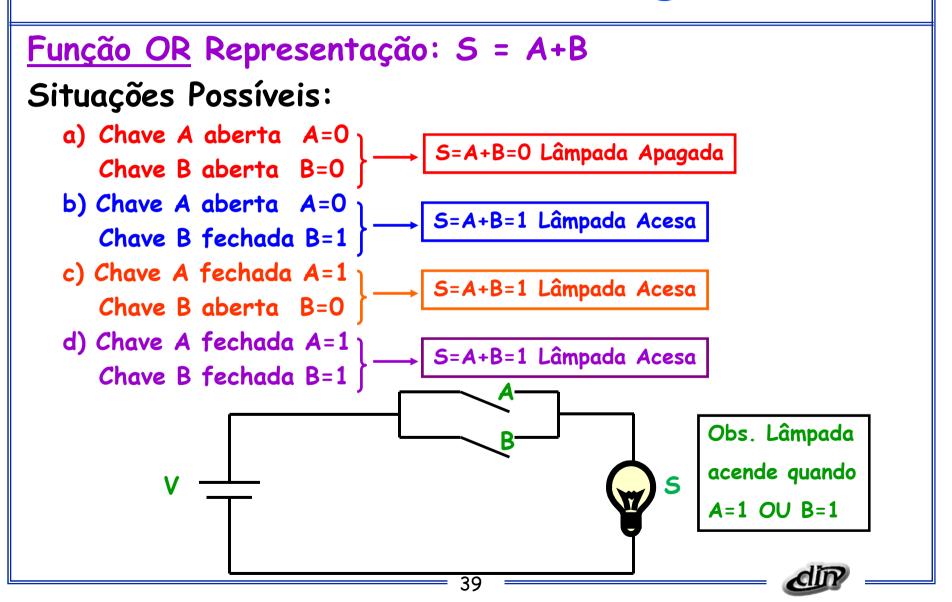
<u></u>	V	
Α	В	5
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Função NAND Representação: S = A.B

Símbolo da Porta NAND





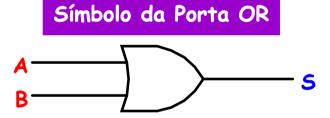


### Tabela Verdade



Α	В	5
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

Função OR Representação: S = A+B





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o OR



# Solução

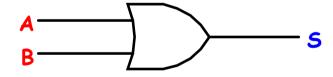
#### TV da Porta OR

Entradas Saída

Α	В	5
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

#### Função OR Representação: S = A+B

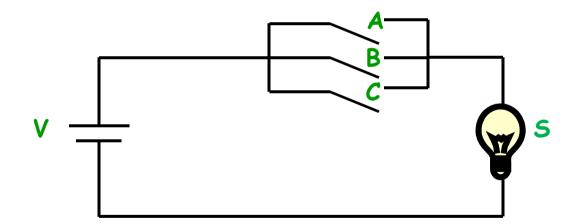
#### Símbolo da Porta OR





### Exercício

Para o circuito abaixo, com 3 chaves A, B e C e a função OR de 3 entradas, faça a Tabela Verdade, a representação e o símbolo da porta correspondente.





# Solução

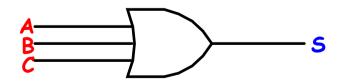
TV da Porta OR

Entradas Saída

	1		
A	В	C	S
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

Função OR Representação: S = A+B+C

Símbolo da Porta OR de 3 Entradas



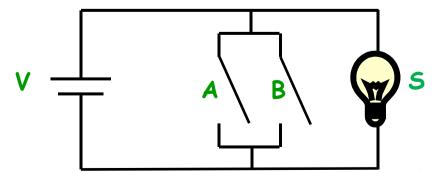


Função NOR Representação:  $S = \overline{A+B}$ 

### Situações Possíveis:

- a) Chave A aberta A=0Chave B aberta B=0  $\longrightarrow$   $S=\overline{A+B}=1$  Lâmpada Acesa
- b) Chave A aberta A=0Chave B fechada B=1  $\longrightarrow$   $S=\overline{A+B}=0$  Lâmpada Apagada
- c) Chave A fechada A=1Chave B aberta B=0  $\longrightarrow$   $S=\overline{A+B}=0$  Lâmpada Apagada
- d) Chave A fechada A=1
  Chave B fechada B=1

  S=A+B=0 Lâmpada Apagada



Obs. Lâmpada só acende quando
A=0 E B=0



### Tabela Verdade

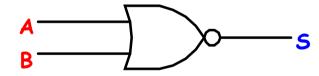
TV da Porta NOR

Entradas Saída

لـــــ		
Α	В	5
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

Função NOR Representação: S = A+B

Símbolo da Porta NOR





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o NOR



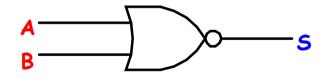
#### TV da Porta NOR

Entradas Saída

Α	В	5
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

Função NOR Representação: S = A+B

Símbolo da Porta NOR





```
Função XOR Representação: S = A⊕B
Situações Possíveis:
  a) Chave A aberta A=0)
                              S=ÆB=O Lâmpada Apagada
     Chave B aberta B=0
  b) Chave A aberta A=0
                             S=A⊕B=1 Lâmpada Acesa
     Chave B fechada B=1
  c) Chave A fechada A=1
                              S=A⊕B=1 Lâmpada Acesa
     Chave B aberta B=0
  d) Chave A fechada A=1
                              S=A⊕B=O Lâmpada Apagada
     Chave B fechada B=1
                                A=0
    Obs. Lâmpada só
    acende quando
    A \neq B
```

### Tabela Verdade

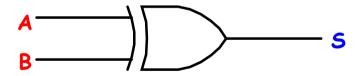
TV da Porta XOR

Entradas Saída

A	В	5
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Função XOR Representação:  $S = A \oplus B$ 

Símbolo da Porta XOR





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o XOR



## Solução

### Tabela Verdade

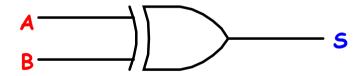
TV da Porta XOR

Entradas Saída

Α	В	5
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

Função XOR Representação: S = A⊕B

Símbolo da Porta XOR





### Exercício

Para um circuito com 3 chaves A, B e C e a função XOR de 3 entradas, faça a Tabela Verdade, a representação e o símbolo da porta correspondente.



<u>Função XNOR</u> Representação: S = <del>A⊕B</del> = A⊙B

### Situações Possíveis:

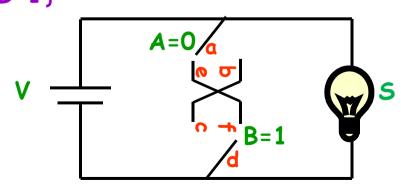
- b) Chave A aberta A=0
  Chave B fechada B=1

  S=A
  B=0 Lâmpada Apagada
- c) Chave A fechada A=1 Chave B aberta B=0 S=A@B=0 Lâmpada Apagada
- d) Chave A fechada A=1
  Chave B fechada B=1

  S=A
  B=1 Lâmpada Acesa

Obs. Lâmpada só acende quando

$$A = B$$





### Tabela Verdade

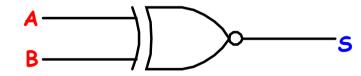
TV da Porta XNOR

Entradas Saída

A	В	5
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Função XNOR Representação:  $S = A \oplus B = A \oplus B$ 

Símbolo da Porta XNOR





## Exercício de Fixação

- o Faça a tabela verdade e o desenho da porta lógica
  - o XNOR



## Solução

### Tabela Verdade

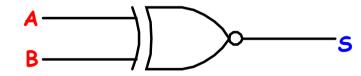
TV da Porta XNOR

Entradas Saída

لــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ		
Α	В	5
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

Função XNOR Representação:  $S = \overline{A \oplus B} = A \odot B$ 

Símbolo da Porta XNOR

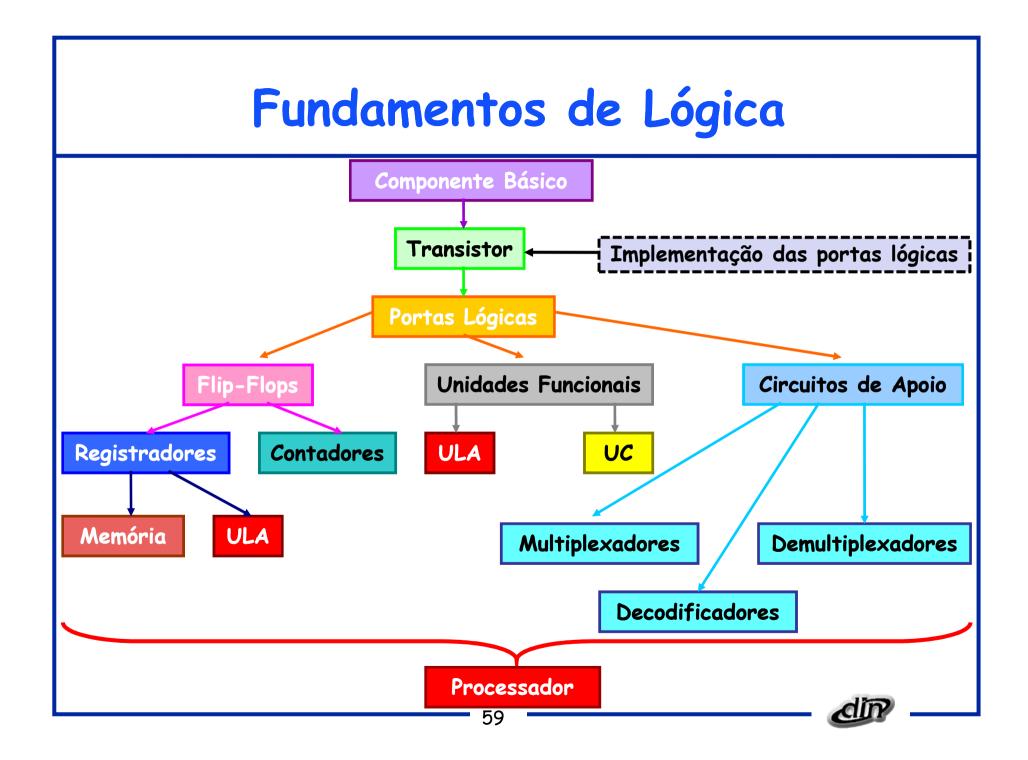




### Exercício

Para um circuito com 3 chaves A, B e C e a função XNOR de 3 entradas, faça a Tabela Verdade, a representação e o símbolo da porta correspondente.

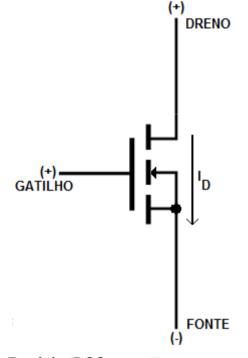




### Implementação das Portas Lógicas

Símbolo do MOSFET Tipo Enriquecimento de Canal N

gatilho=1 ⇒ chave fechada ⇒ condução



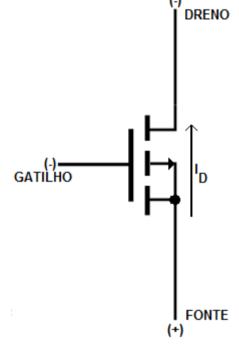
MOSFET: Metal-Oxide Semiconductor Field-Effect Transistor Transistor de Efeito de Campo Metal-Óxido Semicondutor



### Implementação das Portas Lógicas

Símbolo do MOSFET Tipo Enriquecimento de Canal P

gatilho=0 ⇒ chave fechada ⇒ condução



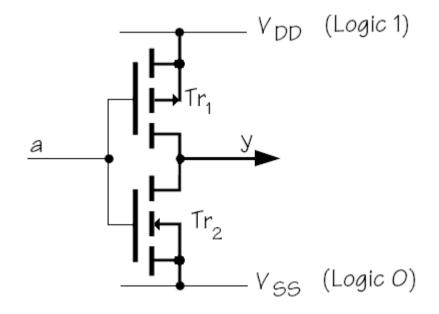
MOSFET: Metal-Oxide Semiconductor Field-Effect Transistor Transistor de Efeito de Campo Metal-Óxido Semicondutor



### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação da Porta NOT com CMOS

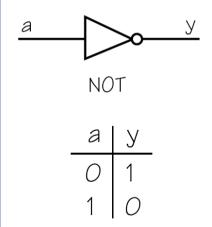


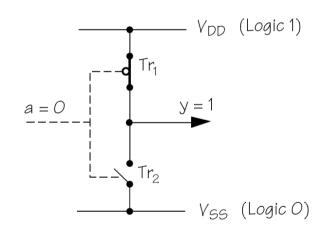


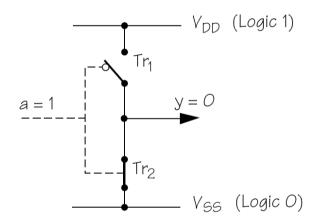
### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

#### Implementação da Porta NOT com CMOS





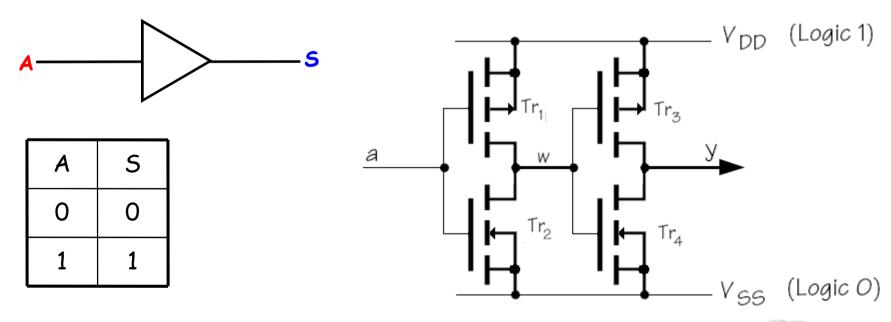




### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação do BUFFER com CMOS

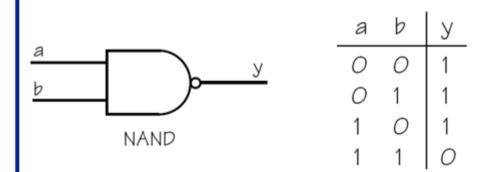


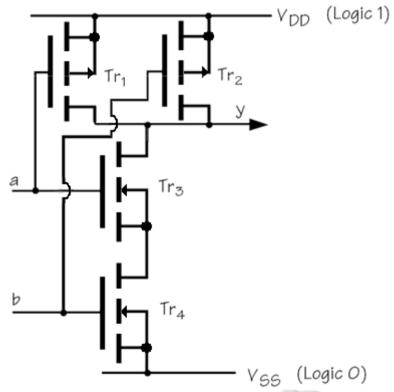


### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação da Porta NAND com CMOS

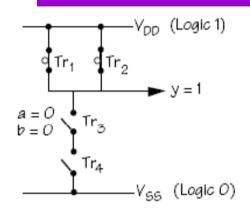


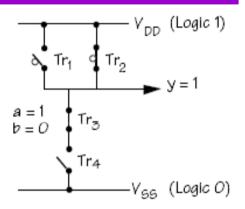


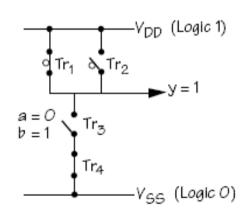


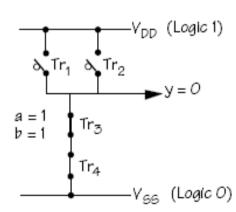
### Implementação das Portas Lógicas

#### Implementação da Porta NAND com CMOS







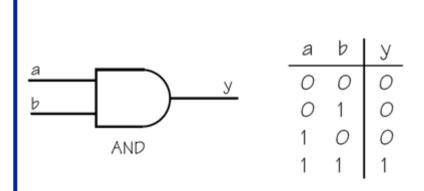


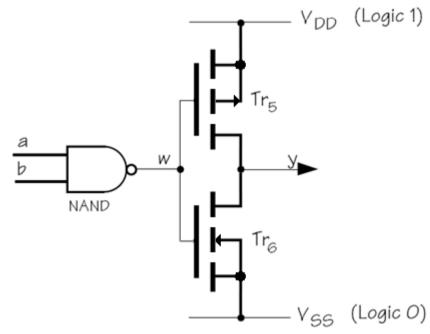


### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

#### Implementação da Porta AND com CMOS





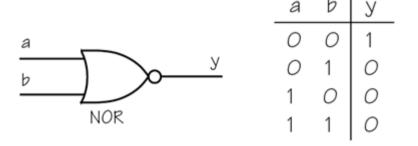


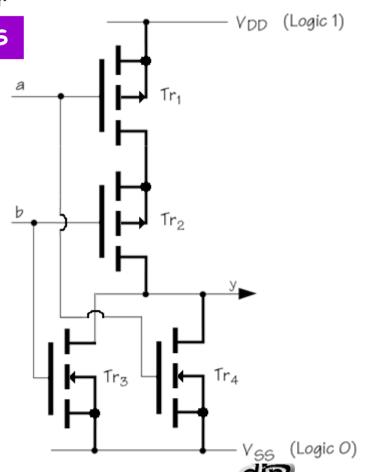
### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação da Porta NOR com CMOS

Homework: Mostre o funcionamento da porta NOR implementada com transistores como na figura ao lado

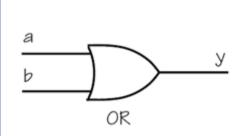




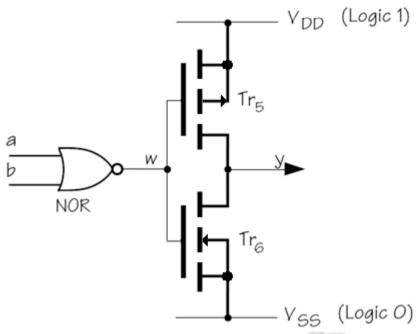
### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação da Porta OR com CMOS



а	Ь	У
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

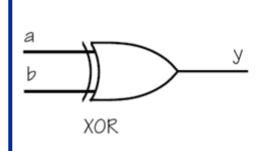




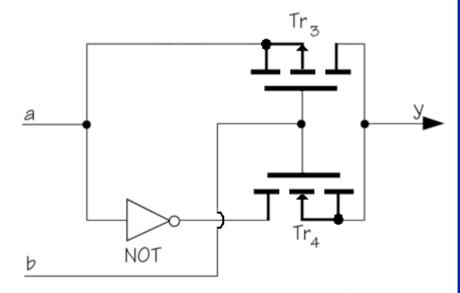
### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação da Porta XOR com CMOS



а	Ь	У
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

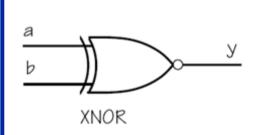




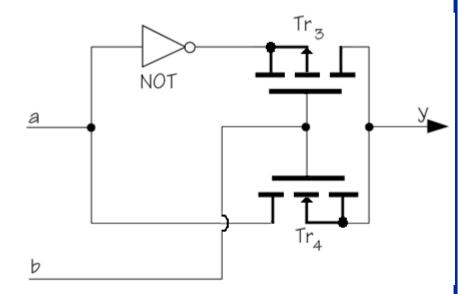
### Implementação das Portas Lógicas

Tecnologia CMOS: Complementary Metal-Oxide Semiconductor Metal-Óxido Semicondutor Complementar

Implementação da Porta XNOR com CMOS



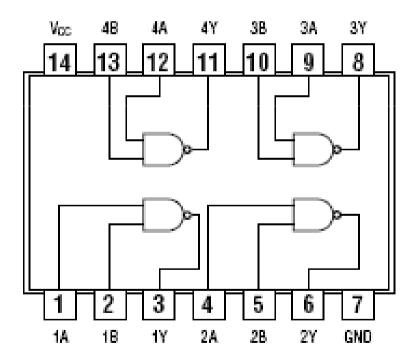
а	Ь	У
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

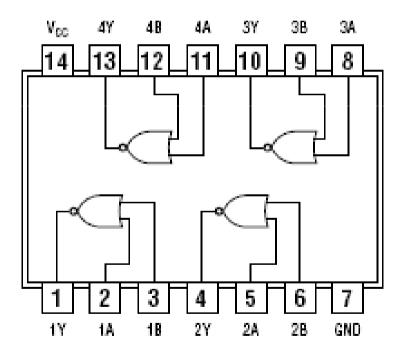
Circuito Integrado da Porta NAND - 7400





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

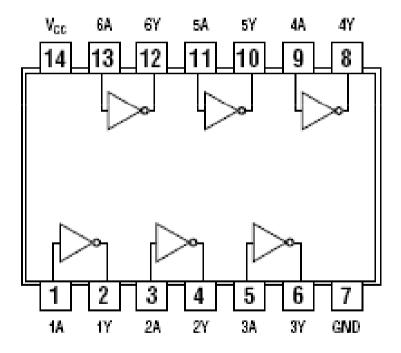
Circuito Integrado da Porta NOR - 7402





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

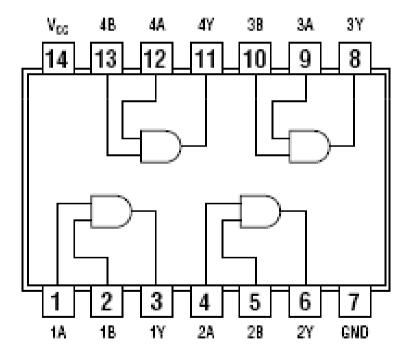
Circuito Integrado da Porta NOT - 7404





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

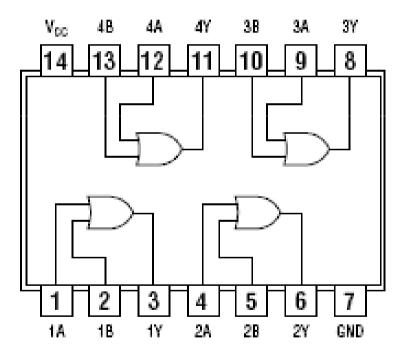
Circuito Integrado da Porta AND - 7408





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

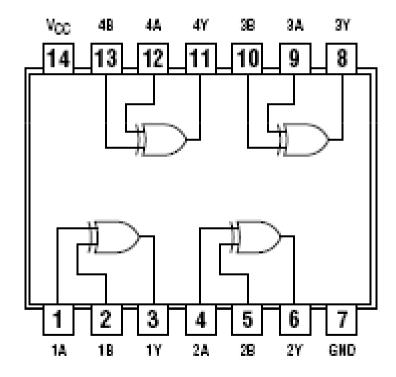
Circuito Integrado da Porta OR - 7432





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

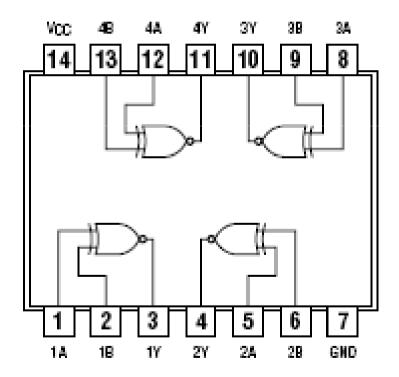
Circuito Integrado da Porta XOR - 7486





### Circuitos Integrados das Portas Lógicas

Circuito Integrado da Porta XNOR - 7266





## Resumo da Aula de Hoje

### Tópicos mais importantes:

- o Portas Lógicas
  - o Simbologia
  - o Representação
  - o Tabela Verdade



### Próxima Aula

- o Álgebra de Boole
- o Teoremas de DeMorgan
- Expressões Booleanas
- o Expressões a partir de Circuitos
- o Circuitos a partir de Expressões

