

Centro Federal de Educação Tecnológica de Minas Gerais Departamento da Engenharia Mecatrônica Engenharia Mecatrônica

Dimensionamento de Sistemas Elevatórios

Luiza Gomes de Castro e Sá Thiago José da Silva Victor Alves Morais Divinópolis

Fevereiro/2022

Sumário

1 Introdução			
	1.1	Objetivos	
2	Prel	iminares	
	2.1	Perda de cargas	
	2.2	Potência de acionamento	
	2.3	Curva característica do sistema	
	2.4	Verificação de cavitação	
3	Dim	ensionamento do Sistema Elevatório	
	3.1	Descrição do sistema elevatório	
	3.2	Resultados e Discussões	
4	Con	clusão	
Re	ferêr	ncias	

1 Introdução

Para transportar uma determinada vazão de um líquido de um reservatório inferior para outro reservatório em um nível superior, é utilizado o sistema elevatório. Tal sistema consiste no conjunto de tubulações, motores, acessórios e bombas que realize o transporte de forma eficiente. Em geral, ele é composto pela tubulação de sucção, que liga a bomba ao reservatório inferior, a tubulação de recalque, que liga a bomba ao reservatório superior e o conjunto elevatório, que é formado por uma ou mais bombas respectivos motores.

Bombas são máquinas operatrizes hidráulicas que fornecem energia mecânica a um fluido incompressível, possibilitando o seu escoamento de um ponto a outro. Para o melhor aproveitamento de um sistema de bombeamento, devemos dimensioná-lo da forma correta, considerando desde a sua bomba até a tubulação e seus acessórios. Neste sentido, o presente relatório, visa estudar o sistema de bombeamento e determinar uma bomba efetivo para o projeto. Além disso, busca-se dimensionar a tubulação a ser utilizada, a altura manométrica e outras características fundamentais para desenvolver o projeto.

Portanto, esse relatório é composto por Introdução, Seção 1, que expõe o assunto e os objetivos almejados; Preliminares, Seção 2, que discorre a respeito dos métodos utilizados; Dimensionamento do Sistema Elevatório; Seção 3, que apresenta o desenvolvimento, discussões e resultados da prática; E, por fim, Seção 4, Conclusão, a qual sintetiza os desfechos do trabalho.

1.1 Objetivos

São objetivos desse experimento estudar o sistema de bombeamento, bem como escolher uma bomba o projeto. Além disso, busca-se dimensionar a tubulação a ser utilizada, a altura manométrica e outras características necessárias para o desenvolvimento do projeto.

2 Preliminares

Esta Seção apresenta uma revisão dos métodos empregados no realização do experimento.

2.1 Perda de cargas

Dada a vazão da bomba, Q, e determinado o tempo de funcionamento da mesma, pode-se obter o diâmetro das tubulações de sucção e recalque, utilizando a fórmula definida pela ABNT:

$$D = 1.3 \cdot \left(\frac{T}{24}\right) \cdot \sqrt{Q} \tag{2.1}$$

em que D_R é o diâmetro dimensionado, T é o tempo de funcionamento da bomba, e Q é a vazão requerida.

Para determinar o diâmetro da tubulação comercial, deve-se utilizar a Tabela A.6 contida na Apostila Sistemas de Bombeamento (ALé, 2011). Com o valor obtido do diâmetro não comercial e com a tabela, deve-se escolher o valor inferior ao não comercial para ser utilizado como diâmetro da tubulação de recalque, e o valor superior ao não comercial para ser utilizado como diâmetro da tubulação de aspiração.

Definido a vazão do sistema e os diâmetros da tubulação, é possível determinar as velocidades de aspiração e recalque:

$$V = \frac{Q}{A}$$

$$A = \frac{\pi \cdot D^2}{4}$$

$$V = \frac{4Q}{\pi \cdot D^2}$$
(2.2)

em que V é a velocidade de escoamento, Q é vazão, D é o diâmetro da tubulação.

Com a Equação (2.2) é possível determinar as velocidades de aspiração e recalque, bastando substituir os valores obtidos para os diâmetros de cada tubulação.

Com as velocidades obtidas, pode-se dimensionar o número de Reynolds:

$$R_e = \frac{V \cdot D}{v} \tag{2.3}$$

em que R_e é o número de Reynolds, V é a velocidade de escoamento, D é o diâmetro da tubulação e v é a viscosidade cinemática.

Para determinar a rugosidade relativa, deve-se relacionar a rugosidade com o diâmetro da tubulação.

$$\epsilon_R = \frac{\epsilon}{D} \tag{2.4}$$

em que ϵ é a rugosidade e D é o diâmetro da tubulação.

O próximo passo é determinar o fator de atrito utilizando a Equação Explícita:

$$f = 0.25 \left[\log \left(\frac{\frac{\epsilon}{D}}{3.7} + \frac{5.74}{R_e^{0.9}} \right) \right]^{-2}$$
 (2.5)

em que f é o fator de atrito, $\frac{\epsilon}{D}$ é a rugosidade relativa, R_e é o número de Reynolds.

Ainda é possível determinar a perda de carga da tubulação, dos acessórios e a perda de carga da tubulação + acessórios para a aspiração e recalque:

$$h_{LD} = f \cdot \frac{L}{D} \frac{V^2}{2g} \tag{2.6}$$

em que h_L é a perda de carga ta tubulação, fa é o fator de atrito, L é o comprimento da tubulação, D é o diâmetro da tubulação, V é a velocidade de escoamento e g é gravidade.

$$h_{LK} = \sum K \cdot \frac{V^2}{2q} \tag{2.7}$$

em que h_{LK} é a perda de carga dos acessórios, K são os coeficiente dos acessórios utilizados na tubulação, V é a velocidade de escoamento e g é a gravidade.

Após isso, pode-se obter a perda de carga total:

$$h_L = h_{LA} + h_{LR} (2.8)$$

em que h_L é a perda total, h_{LA} é a perda total da carga na tubulação de aspiração e dos acessórios e h_{LR} é a perda total da carga na tubulação de recalque e dos acessórios.

2.2 Potência de acionamento

Para determinar a altura total de elevação, deve-se somar a altura de aspiração e a altura de recalque. Sendo assim:

$$h_e = h_a + h_r \tag{2.9}$$

em que h_e é a altura total de elevação, h_a é a altura de aspiração e h_r é a altura de recalque.

Obtida a altura total de elevação, torna-se possível obter a altura manométrica para o sistema:

$$H_{man} = h_e + h_L + \frac{V_r^2}{2g} (2.10)$$

em que H_{man} é a altura manométrica, h_e é a altura total de elevação, h_L é a perda de carga total, V_r é a velocidade de escoamento no recalque e g é a gravidade.

Para obter o rendimento global do sistema utiliza-se uma equação aproximada que nos retorna o rendimento em porcentagem.

$$\eta_g = 80 - 0.9367 H_{man} + 5.46 \cdot 10^{-3} Q H_{man} - 1.514 \cdot 10^{-5} Q^2 H_{man} + 5.802 \cdot 10^{-3} H_{man}^2 - 3.028 \cdot 10^{-5} Q H_{man}^2 + 8.346 \cdot 10^{-8} Q^2 H_{man}^2$$
 (2.11)

em que Q é a vazão, dada em m^3/h , e H_{man} é altura manométrica dada em metros.

2.3 Curva característica do sistema

Para determinar a equação de altura manométrica, faz-se necessário determinar os valores de k_1 e k_2 . Sabe-se que $k_1 = h_e$, além disso, k_2 é obtido através da Equação (2.12).

$$k_2 = \frac{H_{man} - k_1}{Q^2} \tag{2.12}$$

É possível ainda determinar a equação da altura manométrica em função da vazão:

$$H_{man} = k_1 - k_2 Q^2 (2.13)$$

Com a Equação (2.13) é possível plotar a curva característica do sistema, a qual permite realizar diversas análises.

2.4 Verificação de cavitação

Para realizar a análise de cavitação do sistema é necessário determinar o $NPSH_{Req}$ e o $NPSH_{Disp}$ da bomba. O $NPSH_{Req}$ é dado pelo fornecedor da bomba, em seu manual há a curva do NPSH que retorna o valor para cada vazão. Já o $NPSH_{Disp}$ pode ser obtido por equação matemática:

$$NPSH_{Disp} = P_{atm} - h_a - P_v - h_L \tag{2.14}$$

em que P_{atm} é a pressão atmosférica, h_a é a altura de aspiração, P_v é a pressão de vapor da substância e h_L é a perda total de cargas.

Para que evite-se a cavitação, fenômeno físico que ocorre pela evaporação de óleo a baixa pressão, interfere na lubrificação e destrói a superfície dos metais, deve-se garantir que $NPSH_{Disp} > NPSH_{Req}$.

Outro dado importante a ser determinado é altura de aspiração limite para não ocorrer cavitação. Tal dado é obtido pela seguinte equação:

$$h_{a-max} = H_{atm} - (h_{La} + h_{vap} + NPSH_{Req})$$
 (2.15)

em que
$$H_{atm} = \frac{P_{atm}}{\rho g}, \; h_{vap} = \frac{P_{vap}}{\rho g}.$$

3 Dimensionamento do Sistema Elevatório

Nesta Seção é apresentado a descrição do sistema.

3.1 Descrição do sistema elevatório

A Figura 1 apresenta o sistema em estudo.

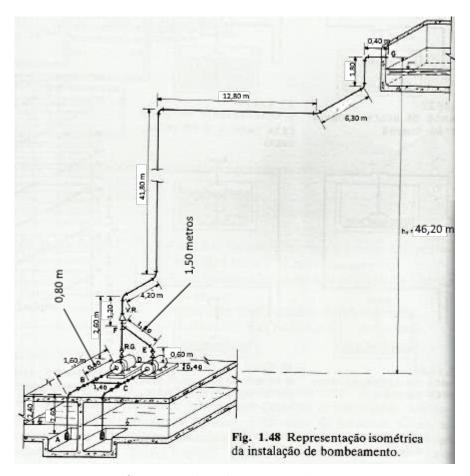


Figura 1 – Sistema elevatório para o dimensionamento

Para o projeto, foi determinado que a bomba a ser utilizada é a KSB Megaline 032-032-160, uma vez que ela atende todos os requisitos necessário para o sistema, além disso não faz-se necessário a utilização de duas bombas para realizar o transporte de água, já que a bomba escolhida consegue operar para tal vazão e alturas necessárias.

Dados de operação

Características operacionais

Parâmetro	Valor	
Vazão	Q [m³/h]	≤ 600
	Q [l/s]	≤ 167
Altura manométrica	H [m]	≤ 135
Temperatura do fluido bombeado	t [°C]	0 até +90
Pressão de serviço	p [bar]	≤ 16

Figura 2 – Dados de Operação

Ademais, foi determinado os acessórios a serem utilizados para a confecção do projeto:

Quantidade	Tipo
1	Curva 90° Raio Longo
1	Registro tipo Gaveta
1	Válvula pé com crivo

Tabela 1 – Acessórios - Aspiração

Quantidade	Tipo
6	Curva 90° Raio Longo
1	Registro tipo Gaveta
1	Válvula de retenção
1	Saída de Canalização

Tabela 2 – Acessórios - Recalque

Sabe-se que a bomba apresenta vazão igual a $20m^3/h$, um funcionamento intermitente de 12 horas de funcionamento por dia.

3.2 Resultados e Discussões

A partir dos dados obtidos pela imagem, e pelos dados para a execução dos projetos, pode-se definir alguns dados iniciais:

Significado	Variável	Valor
Vazão	Q	$0.334m^3/s$
Altura estática de aspiração	h_a	2,4 m
Altura estática de recalque	h_r	46,2 m
Comprimento da tubulação de aspiração	L_a	4,2 m
Comprimento da tubulação de recalque	L_r	69,9 m
Rugosidade	ϵ	0,046 mm
Temperatura	Т	20 °C
Massa específica	ρ	$998,2 \ Kg/m^3$
Viscosidade cinemática $(\mu\rho)$	V	$1 \cdot 10^{-6} \ m^2/s$

Tabela 3 – Parâmetros do sistema

Com os dados obtidos na tabela, faz-se possível determinar os parâmetros trabalhados na Seção 2.1. Inicialmente, determina-se o diâmetro comercial para as tubulações de aspiração e de recalque. Para tanto, utiliza-se a Equação (2.1).

$$D = 1.3 \cdot \left(\frac{12}{24}\right) \cdot \sqrt{0.334}$$

$$D = 631.77mm$$
(3.1)

Utilizando a Tabela A.6 (ALé, 2011), determina-se que o diâmetro da tubulação de aspiração é de $D_a = 660,4 \ mm(26'')$ e para a tubulação de recalque é $D_r = 609,6 \ mm(24'')$.

Determinando desta vez a velocidade de aspiração e recalque, através da Equação (2.2), tem-se:

$$V_a = \frac{4 \cdot 0.334}{\pi \cdot 0.6604}$$

$$V_a = 0.9751 \ m/s$$
(3.2)

$$V_r = \frac{4 \cdot 0,334}{\pi \cdot 0,6096}$$

$$V_r = 1,1444 \ m/s$$
(3.3)

Obtida a velocidade e diâmetro das tubulações, torna-se possível determinar o número de Reynolds, utilizando a Equação (2.3):

$$R_{ea} = \frac{0,9751 \cdot 0,6604}{1 \cdot 10^{-6}}$$

$$R_{ea} = 641380,58$$
(3.4)

$$R_{er} = \frac{1,1444 \cdot 0,6096}{1 \cdot 10^{-6}}$$

$$R_{er} = 694828,96$$
(3.5)

Para determinar o fator de atrito, faz-se necessário determinar antes a rugosidade relativa, através da Equação (2.4), sendo assim:

$$\epsilon_{Ra} = \frac{0.046}{660.4}$$

$$\epsilon_{Ra} = 6.96548 \cdot 10^{-5}$$
(3.6)

$$\epsilon_{Ra} = \frac{0.046}{609.6}
\epsilon_{Rr} = 7.54593 \cdot 10^{-5}$$
(3.7)

Determinado a rugosidade relativa para a aspiração e para o recalque, respectivamente, pode-se finalmente determinar o valor do fator de atrito, para tanto utiliza-se a Equação (2.5).

$$f_{a} = 0.25 \left[\log \left(\frac{6.9654 \cdot 10^{-5}}{3.7} + \frac{5.74}{641380.58^{0.9}} \right) \right]^{-2}$$

$$f_{a} = 0.25 \left[\log \left(1.8825 \cdot 10^{-5} + 3.4080 \cdot 10^{-5} \right) \right]^{-2}$$

$$f_{a} = 0.25 \left[\log \left(5.2906 \cdot 10^{-5} \right) \right]^{-2}$$

$$f_{a} = 0.25 \left[\right]^{-2}$$

$$f_{a} = 0.25 \cdot 1.30654$$

$$f_{a} = 0.0137$$

$$(3.8)$$

$$f_r = 0.25 \left[\log \left(\frac{7.5459 \cdot 10^{-5}}{3.7} + \frac{5.74}{694828.96^{0.9}} \right) \right]^{-2}$$

$$f_r = 0.25 \left[\log \left(2.0394 \cdot 10^{-5} + 3.1712 \cdot 10^{-5} \right) \right]^{-2}$$

$$f_r = 0.25 \left[\log \left(5.2106 \cdot 10^{-5} \right) \right]^{-2}$$

$$f_r = 0.25 \left[-4.2831 \right]^{-2}$$

$$f_r = 0.25 \cdot 0.0545$$

$$f_r = 0.0136$$
(3.9)

Para determinar as perdas de cargas do sistema, faz-se necessário utilizar as Equações (2.6), (2.7) e (2.8). Desse modo:

$$h_{LDa} = 0.0137 \cdot \frac{4.2}{0.6604} \cdot \frac{0.9751^2}{2 \cdot 9.81}$$

$$h_{LDa} = 0.0137 \cdot 6.3598 \cdot 0.0485$$

$$h_{LDa} = 0.0042 m$$
(3.10)

$$h_{LDr} = 0.0136 \cdot \frac{69.9}{0.6096} \cdot \frac{1.1444^2}{2 \cdot 9.81}$$

$$h_{LDr} = 0.0136 \cdot 114.6653 \cdot 0.0667$$

$$h_{LDr} = 0.1043 m$$
(3.11)

Para determinar o perda de carga dos acessórios, faz-se necessário determinar o valor de $\sum K$, para tanto, deve-se montar a Tabela 7.3, que apresenta os coeficientes de perda de carga de acessórios. Sendo assim:

	Elementos		Quantidade	Total aspiração	Quantidade	Total Recalque
Item	(acessórios)	Coeficiente K	Aspiração	$(\sum K0)$	Recalque	$(\sum Kf)$
1	Curva 90° raio longo	0,4	1	0,4	6	2,4
2	Registro tipo Gaveta	0,2	1	0,2	1	0,2
3	Válvula Pé com Crivo	1,75	1	1,75	0	0
4	Válvula de Retenção	2,5	0	0	1	2,5
5	Saída de Canalização	1	0	0	1	1
Total			3	2,35	9	6,1

Tabela 4 – Perda de Carga dos Acessórios

Obtido os valores do somatório de K, é possível determinar a perda de carga dos acessórios, para isso utiliza-se a Equação (2.7):

$$h_{LKa} = 2.35 \cdot \frac{0.9751^2}{2 \cdot 9.81}$$

$$h_{LKa} = 2.35 \cdot 0.0485$$

$$h_{LKa} = 0.1139 m$$
(3.12)

$$h_{LKr} = 6.1 \cdot \frac{1.1444^2}{2 \cdot 9.81}$$

$$h_{LKr} = 6.1 \cdot 0.00667$$

$$h_{LKr} = 0.4072 m$$
(3.13)

Determinando a perda total para cada tubulação, tem-se que:

$$h_{La} = h_{LDa} + h_{LKa}$$
 (3.14)
 $h_{La} = 0.0042 + 0.1139$
 $h_{La} = 0.1181 m$

$$h_{Lr} = h_{LDr} + h_{LKr}$$
 (3.15)
 $h_{Lr} = 0.1043 + 0.4072$
 $h_{Lr} = 0.5115 m$

Determinando, agora, a perda de carga total para o sistema, utilizando a Equação (2.8):

$$h_L = 0.1181 + 0.5115$$
 (3.16)
 $h_L = 0.6296 m$

Com os dados obtidos na Tabela 3 e os valores já calculados, torna-se possível determinar as variáveis trabalhadas na Seção 2.2. Utilizando a Equação (2.9), é possível determinar o valor referente à altura total do sistama de bombeamento.

$$h_e = 2.4 + 46.2$$
 (3.17)
 $h_e = 48.6 m$

Com o objetivo de determinar a altura manométrica do sistema em estudo, deve-se fazer uso da Equação (2.10).

$$H_{man} = 48,6 + 0,6296 + \frac{1,1444^{2}}{2 \cdot 9,81}$$

$$H_{man} = 48,6 + 0,6296 + 0,0667$$

$$H_{man} = 49,2963 m$$
(3.18)

Além do mais, utilizando a Equação (2.11), é possível determinar o rendimento global do sistema em estudo:

$$\eta_g = 80 - (0.9367 \cdot 49.2963) + (5.46 \cdot 10^{-3} \cdot 20 \cdot 49.2963) - (1.514 \cdot 10^{-5} \cdot 20 \cdot 49.2963) + (5.802 \cdot 10^{-3} \cdot 49.2963^2) - (3.028 \cdot 10^{-5} \cdot 20^2 \cdot 49.2963^2) + (8.346 \cdot 10^{-8} \cdot 20^2 \cdot 49.2963^2)$$

$$\eta_g = 80 - 46.1758 + 5.3831 - 0.2985 + 14.0996 - 1.4717 + 0.0811$$

$$\eta_g = 51.62\%$$

Para determinar a Equação da altura manométrica, faz-se necessário determinar as constantes k_1 e k_2 . Como $k_1 = h_e$, então pode-se afirmar que $k_1 = 48,6$. Para obter o valor de k_2 , utiliza-se a Equação (2.12), no entanto a vazão da bomba ser considerada, deve estar em m^3/h , sendo assim $Q = 20 m^3/h$.

$$k_2 = \frac{49,2963 - 48,6}{400}$$

$$k_2 = 0,001740762$$
(3.19)

Obtido as constantes, pode-se determinar a equação da altura manométrica, utilizando a Equação (2.13).

$$H_{man} = 48,6 - 0,001740762Q^2 (3.20)$$

Utilizando a linguagem Python, e o software Visual Studio Code, plotou-se a curva gerda pela equação característica do sistema, a qual pode ser visualizada na Figura 3.

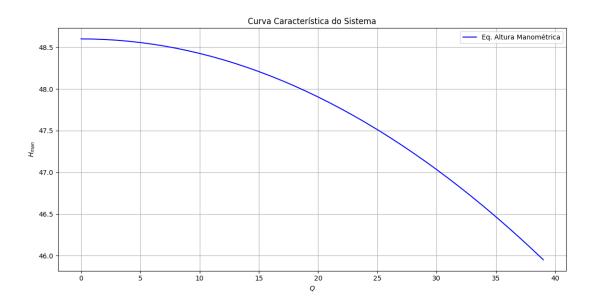


Figura 3 – Curva gerada pela Equação Característica do Sistema

Utilizando o manual técnico da bomba KSB Megaline 032-032-160, é possível obter as curvas características da bomba para diferentes diâmetros do motor, tais curvas podem ser observadas na Figura 4.

Megaline, n = 3500 rpm Megaline 032-032-160, n = 3500 rpm

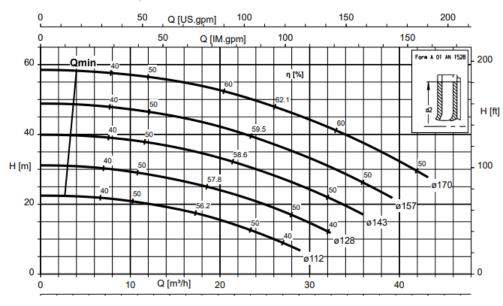


Figura 4 – Curvas para diferentes diâmetros do motor

Utilizando novamente o manual técnico, obteve-se o NPSH_{Req}, que é disponibilizado pelo fabricante. Para uma vazão de 20 m^3/h , o NPSH_{Req} equivale à 3,929 m.

Afim de obter o NPSH_{Disp}, utilizou-se a Equação (2.14) e obteve o seguinte valor:

$$NPSH_{Disp} = 10,3325 - 2,4 - 0,24 - 0,6296$$
 (3.21)
 $NPSH_{Disp} = 7,0629 m$

Como NPSH_{Disp} > NPSH_{Req}, garante que o sistema não sofrerá cavitação. Com a finalidade de obter a altura de aspiração limite para não ocorrer cavitação, utiliza-se a Equação (2.15).

$$h_{a-max} = \frac{101325}{998,2 \cdot 9,81} - (0,1181 + \frac{2350}{998,2 \cdot 9,81} + 3,929)$$

$$h_{a-max} = 10,3474 - (0,1181 + 0,24 + 3,929)$$

$$h_{a-max} = 10,3474 - 4,2871$$

$$h_{a-max} = 6,0603 m$$

$$(3.22)$$

4 Conclusão

Conclui-se, após finalizar o trabalho, que estudando o sistema de bombeamento foi possível escolher uma bomba que atendesse todos os requisitos necessários do sistema, a KSB Megaline 032-032-160. Além disso, viu-se que não fez-se necessário a utilização de duas bombas para realizar o transporte de água, uma vez que a bomba selecionada consegue operar para tal vazão e alturas necessárias. Além disso, determinou-se os acessórios a serem utilizados para a confecção do projeto.

A partir disso, dimensionou-se os parâmetros trabalhados na seção 2.1. O diâmetro da tubulação de aspiração e da tubulação de recalque foram devidamente identificados, com eles e com as respectivas velocidade, determinou-se o número de Reynolds. Ademais, encontrada a rugosidade relativa para a aspiração e para o recalque, pôde-se determinar o valor do fator de atrito. Por fim, achou-se as perdas de cargas dos acessórios, de cada tubulação e, posteriormente, a perda total para o sistema.

Ademais, as variáveis trabalhadas na seção 2.2, também foram calculadas como altura total do sistema de bombeamento, a altura manométrica e o rendimento da bomba. Finalmente, fez-se a verificação de cavitação e uma vez que o NPSH Disponível, referente à pressão absoluta exercida pelo sistema na entrada da bomba mostrou-se maior que o NPSH Requerido, sendo a pressão mínima exigida na entrada da bomba para evitar a cavitação, garante-se que o sistema não sofrerá cavitação.

Referências

ALé, J. a. Vilar. $Sistemas\ Fluidomec \hat{a}nicos.$ [S.l.]: PUCRS, 2011. Citado 2 vezes nas páginas 2 e 8.