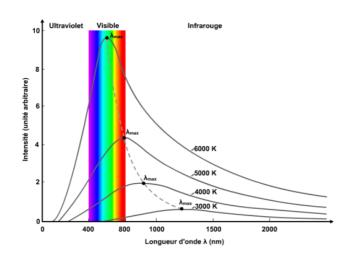
## Leçon n°17 : Rayonnement d'équilibre thermique, corps noir

Niveau	Licence
Prérequis	Physique statistique Thermodynamique (equilibre thermique)
Biblio	
Plan	I. Rayonnement d'équilibre thermique 1. Position du problème 2. Loi de Planck 3. Loi du déplacement de Wien 4. Loi de Stefan II. Modèle du Corps Noir III. Application : l'effet de serre

I) Loi de planck : a la base pour suivre les modèles expérimentaux

## 3)Loi de déplacement de Wien :



Surface du soleil	5800 K	500 nm	Visible
Lampe incandescente	3000 K	1 microm	Infrarouge
Surface de la Terre	300 K	10 micro m	Infrarouge lointain

II)
Ouverture qui, on suppose, ne va pas perturber l'équilibre thermique de la cavité.

En physique, un **corps noir** désigne un objet idéal qui absorbe parfaitement toute l'énergie électromagnétique (toute la lumière quelle que soit sa longueur d'onde) qu'il reçoit. Cette absorption se traduit par une agitation thermique qui provoque l'émission d'un rayonnement thermique, dit rayonnement du corps noir.

La loi de Planck décrit le spectre de ce rayonnement, qui dépend uniquement de la température de l'objet. La loi du déplacement de Wien détermine la fréquence de la luminance spectrale maximale, et la loi de Stefan-Boltzmann donne la densité de flux d'énergie émise, qui ne dépend elle aussi que de la température de l'objet. Le nom corps noir a été introduit par le physicien Gustav Kirchhoff en 1862. Le modèle du corps noir permit à Max Planck de découvrir la quantification des interactions électromagnétiques, qui fut un des fondements de la physique quantique.

Albédo : partie réfléchie du rayonnement incident. A = 0,31. Elle absorbe 31 % de ce qu'elle reçoit.

b) Atmosphère : totalement transparente par rapport au Ps (reçue) et absorbe totalement le rayonnement thermique émis par la Terre.

On suppose ; Soleil, Terre, Atmosphère sont des corps noirs

Ozone stratosphérique : absorbe rayonnement UV. —> Trop élevé. Donc on fait une correction tel que l'atmosphère absorbe alpha = 0,33.

Tt ce qui est reçu par la terre n'est pas forcément reémis, car une partie sert à l'évaporation des océans

## **Questions:**

- o Dans la cavité du début qu'est ce qu'il y a ? Du vide.
- Si on a un milieu à la place du vide ? Dans la loi de Planck ? Est ce qu'on prend le lambda du vide ou du milieu ?

??? Le prof ne sait pas lui même.

o Analyse dimensionnelle de Unu pour savoir si c'est une énergie volumique ? Non des J.s.m^-3 Energie par unité de volume et par unité de temps. Unudnu ; energie par unité de volume.

CP1-	7: Ra	p anement	d'équilibre
		Caps. nor.	

Nireau: Licence (L3)

PR: Physique Statistique

Thermody namque ( Eq thermique )

Intro: Etude de l'intérait rayonnement matrère.

I . Rayonnement d'équilibre thermique

1) Position du problème

-> rayonnement thermique de la carité

Rayonnement thermique de la cavité ? contitions:

- Equilibre thermique: T = cet et tomagine

- Equilibre radialif: Datoché = Deins

denc De = Datoché = Deins

du vide 2125i de Planch

-> Repear lition spectrale d'éningie du Rayunnement

→ La universelle →dép de T Is no dp pas du

materian discuter forme do la courbe.

-> Comparaison avec d'autre modèle: -> bi de Wien -> Rayleigh - Jeans

· Approximation Vien: L & hc = 817 bc e htt

Approximation de Rayleigh:  $\lambda >> \frac{hc}{h\tau}$   $U_{\lambda} = \frac{8\pi hc}{\lambda^{5}} e^{\frac{-\pi c}{h\tau\lambda}} \left(\frac{hct}{hct} \frac{k}{k} \frac{kr}{r} \frac{r}{r} \frac{kr}{r} \frac{kr$ 

3) Loi du dépla rement de Wien

-s Courbe de  $\lambda = J(T)$   $\left(\frac{\partial U_{\lambda}}{\partial \lambda}\right) = 0 \text{ avec } U_{\lambda} = \frac{8\pi hc}{\lambda^{5}} \frac{1}{e^{\frac{2\pi hc}{hc}} + pose = 4}.$ 

$\Rightarrow \left(e^{y}-1\right)\frac{5}{y}e^{-y}=0.$
=> Resolution numerque uniquement: y = Le, 965 = fre dunc / man T = hc = 2,898 gram. K. Sor du dynt de Wien
Exemple ordre de grandeur : Surface du Soleil : Stock > Sonn visi Lampe incanderent : 300 k > lum IR Surface de le Torce : 300 k > lours . IR
On a 98% de la deresté spedeale dans [ Amas : 82 mas ].
4) Loi de Stefan  (1) Loi de Stefan  (2) Loi de Stefan  (3) Los puraose sxt.
$\frac{2\pi nc}{15} \frac{2\pi nc}{15} 2$
P(T) = $\frac{2\pi s_{k_0}}{15c^2h^3}$ The $\frac{\pi u}{15}$ Todalo du como para la stéfan $\frac{\pi}{15}$ Winnerselle.
5 cm cos by 11014.
Di = Dabsorbé  aurenhure = Corps now absorbe Intalement Ray in incident  Le carps norrio absorbe intégralement les Ray unnement  incident quelque soit le direction et la longueur d'unde du Ray  a'emettre un Ray onnement assouré à sa température  Suivant la loi de Planck). Corps 905 9d l' n'absorbe pay bobalement
Duivant la loi de Planck). Cog
Corps gris qui l'néabsorbe pas totalement. Noir car émet dans des à que l'in ne volt pro.
C.N = corps idéal.

Exemple: Verre => CN dams PIR -> ON dams @ vishble III. Application - Effet de Serre

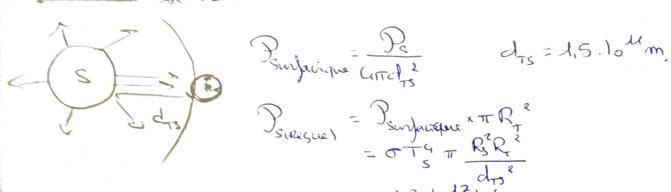
a. Sam atmorphère

Proces

Scholand (CN)

Springer

Soll (CN)



Por = 5 TG GTR2

At bedo: A = 931 (%) about & 31% de a qu'elle regort.

(1-A) PSIRECUEI - PTOTE

=> Ter =-18°C. Valeur très faible. N'écessité de prenche en compte Parmos phère.

## b. Avec Atmosphie

Born Born Store

colmosphère: absorbe Done transmet Psresue, bobilement.

-> épaisseur : e = 300 km KR

Salm+store = Store A Korethurm = Adore.

Blan: Pan le Blerre + al mos phère: (1-A) Psieresue) = olit Rt? Tahm Pan le 8 terre (1-A) Psieusne + 0 Th Corm CorR = 0 Tip Corr R.

=> Tsg = 30°C >> tropéloré.

Amélioration du modèle: - salm absorbe l'U.V.

Correction: On suppose que l'almosphère absorbe « du Rayinnement on traine Tsp = 17°C subsferant.

On peut encore cemelisser le modèle can tout le qui est reçue par la terre n'est pais résemis.
la terre most pars résemms.
Questin
- Si un complace a vide pour un gaz avec une donnité ? Gest-ce que cela change a hours le les de P??
- P_ (w. m2) fluo surfacique P= E Paissence
= = u = ms = 5/m2
- Parausi Almoighere rayone ? En brant et has peutout?
NA
- ( avec lon pours ) The Monther que les corps moit emettent at response of each fearther.  DU, S de cheral fearthre.
Attrople Solide 12. Cos de do se de
TR. Br.
Resol de ma chare.  On se fishe desponsis.  Perez.
-> Applicato: Mesme de temperature. (un ou autre)

# LP17 : Rayonnement d'équilibre thermique. Corps noir.

Niveau: Licence

Pré-requis : Physique statistique, équilibre thermique/thermodynamique

Bibliographie:

Sanz. Physique tout-en-un. Dunod. (cours bien + partie III)

J.M Brébec. Hprépa -Thermodynamique C.More. MP/MP\*,PT/PT\*. Tec&Doc Faroux, Renault - Thermodynamique

#### Introduction:

Le rayonnement est un mode de transfert thermique, comme la convection ou la conduction. Dans un milieu matériel, la propagation du rayonnement est modifié par l'interaction de l'onde avec le milieu. (ex: objet en plein soleil). Ces caractéristiques nécessite d'étudier l'interaction matière-rayonnement.

#### I-Rayonnement d'équilibre thermique

#### 1) Position du problème

On considère une cavité fermée rempli d'un gaz de photon à la température T. L'agitation thermique des particules au sein de la surface des parois est à l'origine d'un rayonnement thermique : création d'une onde EM. (L'énergie interne du matériau convertie en énergie de rayonnement.)

#### Dessin cavité

Après un certain temps, peut-on définir un équilibre de rayonnement? Un rayonnement d'équilibre thermique respecte les condition d'équilibre thermique et radiatif.

Equilibre thermique signifie que la température est homogène et constante notamment sur la paroi, il faut donc que la paroi soit aussi à l'équilibre radiatif afin qu'elle ne s'échauffe pas il faut que  $\Phi$  absorbé= $\Phi$ émis,  $\Phi$ <sub>B</sub>=0= $\Phi$ émis- $\Phi$ absorbé.

Le rayonnement thermique à l'équilibre régnant dans l'enceinte présente des propriétés remarquables et ne dépend que de la température.

#### 2) Loi de Planck

La loi de Planck décrit la répartition spectrale d'énergie du rayonnement d'équilibre thermique décrit précédemment, soit  $u_v$  l'énergie par unité de volume au sein de la cavité à la température T :

En 1900: 
$$u_{v}(v,T) = \frac{8.\pi h}{c^{3}} \frac{v^{3}}{e^{(\frac{hv}{kT})}-1}$$

On reconnaît la forme de distribution de Bose-Einstein.

(Expression équivalence en  $\lambda = c/\,\nu$  , attention cependant  $u_{_{\nu}}$  et  $u_{_{\lambda}}$  n'ont pas la même dimension.)

→ Loi universelle et indépendante du matériau de la cavité, dépend uniquement de la température.

Historiquement, Planck l'a obtenue de manière phénoménologique et a permis de bien reproduire les résultats expérimentaux. On voit l'apparition dans la formule du quanta d'énergie E=h. v. Ce fut la 1ère formulation du quantum d'énergie = notion de photon (que Planck ne pensais pas  $\rightarrow$  juste formulation mathématique).  $\rightarrow$  C'est alors le début de la physique quantique.

#### Approximation de Rayleigh-Jeans

Pour les grandes longueurs d'ondes  $\lambda >> hc/kT$ , exp $(hc/\lambda kT) \approx 1+hc/\lambda kT$ 

On retrouve la loi de RJ : 
$$u\lambda = \frac{8.\pi .k.T}{\lambda^4}$$

On voit ici que la notion de quanta d'énergie n'apparaît pas. (On a fait ici l'inversement du raisonnement historique).

(<u>A savoir</u>: historiquement, la cavité est représenté comme un ensemble d'oscillateurs harmonique et l'énergie moyenne à T est k.T et ce quelque soit la fréquence de l'oscillateur → mécanique classique).

 $\rightarrow$  C'est ce qu'on a appelé la catastrophe ultraviolette car  $u_{\lambda}$  diverge vers l'infini, cela signifierait que l'énergie volumique dans la cavité est infini.

#### • Approximation de Wien

On retrouve pour des faibles longueurs d'ondes : λ << hc/kT

$$u\lambda = \frac{8.\pi.h.c}{\lambda^5}e^{-\frac{h.c}{k.T.\lambda}}$$

On retrouve la loi de Wien trouvé expérimentalement mais qui faussait pour les grandes  $\lambda$ .

→ Ces 2 lois qui sont des conséquences de la loi de Planck, mais trouver avant.

#### 3) Loi du déplacement de Wien

Les courbes  $u_{\lambda}(\lambda)$  à T fixé présente toutes un maximum pour une certaine longueur d'onde  $\lambda_{max}$ .

$$\left(\frac{\partial u_{\lambda}}{\partial \lambda}\right)_T = 0$$
 avec  $u\lambda = \frac{8.\pi.h.c}{\lambda^5} \frac{1}{e^{(\frac{hc}{\lambda kT})}-1}$ 

$$\Leftrightarrow$$
 e<sup>y</sup> -1 =(y/5).e<sup>y</sup> avec y=hc/ $\lambda$ kT

 $(e^y - 1).(5/y).e^{-y} = 0 \rightarrow résolution numérique (pas de solution analytique) y=4.965$ 

soit y=hc/kT
$$\lambda_{max}$$
 = 4.965  $\lambda_{max}$ .T=h.c/k.4.965 = 2.898.10<sup>-3</sup> m.K

On remarque que h.c/k.4.965 est une constante universelle car elle est uniquement liée aux constantes universelles h,c,k.

→ Calcul de 2 points en liant avec graphe précédent :

Soleil  $\rightarrow$  T  $\simeq$  5900K  $\rightarrow$   $\lambda$   $\simeq$  500 nm

Lampe incandescente  $\rightarrow$  T  $\simeq$  3000K  $\rightarrow$   $\lambda$   $\simeq$  966 nm

Terre surface  $\rightarrow$  T = 290 K  $\rightarrow$   $\lambda$  = 10  $\mu$ m (IR lointain)

On remarque que les rayonnements les plus énergétique (  $\lambda_{max}$  le plus petit) correspondent bien à température élevée. De plus 98% de la densité spectrale se situe entre [  $\lambda_{max}/2$  et 8  $\lambda_{max}$ ], au delà elle est negl.

#### 4) Loi de Stefan

Flux total du rayonnement d'équilibre thermique.

On a le flux surface incident sur une paroi :  $\varphi_{\lambda}$ = c/4.  $u_{\lambda}$  (excitante spectrale)

On peut alors déterminer le flux total surfacique incident :

$$\varphi(T) = \int_{0}^{\infty} \frac{2.\pi . h. c^{2}}{\lambda^{5}} \frac{1}{e^{(\frac{hc}{\lambda kT})} - 1} d\lambda$$

on pose x=hc/ $\lambda$ kT, dx=(hc/ $\lambda$ <sup>2</sup>kT).d $\lambda$ 

$$\varphi(T) = \int_{0}^{\infty} \frac{x^3}{e^x - 1} dx = \frac{\pi^4}{15}$$

On a 
$$\varphi(T) = \frac{2.\pi^5.k^4}{15.c^2 h^3} T^4 = \sigma.T^4$$

avec  $\sigma$ =5.67.10-8 W.m-2.K-4 : la constante de Stefan (constante universelle)  $\rightarrow$  Loi valable uniquement si il y a bien un rayonnement d'équilibre thermique.

### II - Modèle du corps noir

Réalisons une petite ouverture sur la cavité précédemment décrite sur laquelle on envoie un rayonnement quelconque. L'ouverture absorbe totalement le rayon incident → Corps noir = ouverture.

Un corps noir absorbe l'intégralité du rayonnement incident qu'il reçoit, quelque soit la direction et quelque soit λ et il renvoie un rayonnement associé à sa température, suivant la loi de Planck de sorte que Φabsorbé=Φémis, afin de respecter ΦR=0.

<u>A retenir</u>: Il absorbe intégralement et réémet en conséquence intégralement un rayonnement de Planck.

Le rayonnement émis par un corps noir à l'équilibre radiatif et thermique est égal au rayonnement d'équilibre thermique. Les lois énoncé précédemment s'applique au corps noir.

Et ceci fonctionne quelque soit 'l'ouverture, imaginons une lame semi-réflechissant (50%) alors l'ouverture absorbe 50% du rayonnement incident et réémet 50% du rayonnement du corps noir  $\rightarrow$  Corps gris.

- ❖ Pourquoi "corps noir"? pour T=300K →  $\lambda$ =9.62 $\mu$ m (IR lointain) → objet noir à l'oeil nu.
- Corps noir )= corps idéal. Aucun corps n'absorbe intégralement pour toutes les longueurs d'ondes. Exemple : le verre est un corps noir vis à vis des rayonnement IR à T=300K mais pas dans le visible (origine de l'utilisation de plaques de verres pour les serres).

III - Application : Effet de serre

III - Application: EFFET DE SERRE	
o Effet de serre d'une vitre c'déale	
0.0	
st	
Precu = De.S Pémio = STAS	
À l'équilibre thermique: Prew = Pénis	
Precu = $\phi_s$ . S Pémis = $\sigma_s$ S Pémis = $\sigma_s$ S Pémis = $\sigma_s$ Pémis $\sigma_s$ To = $\sigma_s$	
A.N: Pour in bon ensolublement Os ~ 1 kW.m-2	
57° ≥ 90°C.	
(Valeu très élevé, mais calcul sans atmosphie, mais	
c'est ce qui se passe sur la surface Eclairée de la lure	-)
* On place une vitre tobalement transporente au nayonnement solaire (donaire visible) et tobalement absorbande au resyonnement émis par le sol (domais	E L
SR Coirtain). 10v	
SR Cointain).  Os Vitre (=> CN)  Os Ov Oe  Os C.N)	
Corps à l'éq. thernique:	
Four le sol de + OTV = TTool	
Pour lavine OTool = 20TV	
5 DS = 5TV - 10 DE 1/14 1 150 95	
5 Tool = (205) 114 1 160°C	
y 1,2 fois plus grande	
EFFET DE SERR	E

\* Température d'équilibre de la terre SANS AMOSHÈRE: Touface de la Terre réculte d'un équilibre entre l'énergie rayonnante qu'ellereçoit du solail et ce qu'elle mome rayonne. Puissance totale rayonnée par le soleil Ps = 4TRs OTs = 4.1024 W (Rs= 7,0.105 km, Ts=5,8.103K) La Émit dans toutes les directions, la avec drs=1,5.10"m Proface = Ps 4TTd= de la Terre. On suppose tous les traspons l'entre eux (la distance La Terre regoit: Preque = TT. RT2. Pourface Surface Lisque Preque = UTRS OTS 1. TT RT2 = 0 T5 4TT R52 RT2 = 1,8.1017 N De plus, la Terre réfléchit une partie de l'E solaire Donc la tene absorbe (4-A) de Precue et reemet Peras - STSR YTTRY 2 (1-A) Frame = Péris 210. H. (A> = 0,31 => Tsee = -18°C Is valeur très faible, il faut prendre en compte l'atmosphère AVEC ATTHOSPHERE ! La assimilable à une couche opherique de même centre de la Terre d'épaisseur e = 30 km KRT. ( donc Stone & Satm.) Amax soleil = 500 nm (bir de Wien) dmax Terra = 10 pm (T=300K) Hyp. . atmosphere laisse passer une très grande partie du rayonnent solaire -> on suppose qu'elle transmet intégralement. · atmosphere absorbe totalement le rayonnent de la terre (dû à l'eau qui absorbe les rayonnemt de l'ordre de 10 pm) · A(terre) ≅ A(terre + A+m) Bilano Energétiques: Terre + atm} > (1-1) Procuse = 54TR72 Tato => (1-4) Frecue + OTOM 4TR72 = OTOW WIRY ¿ Terre } REsolut 4 Tam = 255K= -18°C Tsol = 214 Talm = 303K = 30°C 4 Tp élevée. A correction - Amélionation du modèle -> Atmosphere pas totalent transparent face ou rayonnemt solaire: ozone stratophérique absorbe le rayonnemt UV (une partie) et l'eau du rayonnent Dr Loon ouppose que l'atmosphère absorbe 2 = 0,33 du rayonnent staire.

Bilan Greigetique

¿ Tene + arm } > (1-A) Priecus = 5/17 Rg² Tata 1

¿ Tene } => (1-A)(1-a) Precus + 5 Tata 17 Rg² = 5 Took 17 Rg²

Lo Took = 290 K = 17°C => Satisfaisant.

Autres amélien ations possibles:

Atmosphère pas totalent opaque au rayonnent terrestre.

• surface de la Terre re fait pas qu'émettre du rayonnent, une partie de l'énergie reque sert à l'evaporation des océans.

Hodèle rample maispernet de comprendre ce qu'il re passe, et donne ODG de TGQ correct.

#### **Conclusion:**

Importance considérable de la notion de rayonnement d'équilibre thermique.

- → Pratique : nombreuses applications (Vase de Dewar, surfaces réfléchissantes argentées pour limiter les pertes du au rayonnement et le chauffage par absorption, cheminée…)
- ightarrow Compréhension à permis de poser les fondements de la mécanique quantique et statistique quantique.

#### Remarques:

- -Discuter plus si possible de l'aspect historique : loi de Wien, loi de RJ.
- -Connaître démonstration loi de Planck (NgoNgo p.191)
- -Approximation de RJ : avoir une idée de la démonstration historique.
- -Démonstration loi de Stefan avec L= $L_0$ cos( $\theta$ ) (Cf cours Crassous)
- -Connaitre fonctionnement pyromètre à disparition de filament.

http://www.chimix.com/an10/cap10/caplp11.html