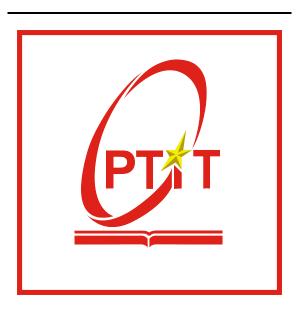
HỌC VIỆN CÔNG NGHỆ BỬU CHÍNH VIỄN THÔNG CƠ SỞ TP HỒ CHÍ MINH



ĐỒ ÁN CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT

Đề tài: Triển khai thuật toán PDFS offline trên đồ thị cây và PDFS online trên đồ thị lưới, đánh giá hiệu năng

Người hướng dẫn: TS. Nguyễn Minh Tuấn

Sinh viên thực hiện:

Bùi Phi HùngN23DCAT028Phạm Anh TuấnN23DCAT074Phan Thanh DânN23DCAT010Trần Công BảoN23DCAT008Lê Quốc NhiN23DCAT054

Mục lục

\mathbf{D}_{A}	ANH	MỤC CÁC KÝ HIỆU VÀ CHỮ VIẾT TẮT	2
1	1.1 1.2	SỞ LÝ THUYẾT GIỚI THIỆU ĐỀ TÀI VỀ THUẬT TOÁN PDFS CƠ SỔ THUẬT TOÁN 1.2.1 PDFS ONLINE 1.2.2 PDFS OFFLINE MÃ GIẢ CỦA THUẬT TOÁN 1.3.1 PDFS OFFLINE 1.3.2 PDFS ONLINE	3 7 13 13
2	TR	IỂN KHAI THUẬT TOÁN	18
	2.1	TRIỂN KHAI PDFS OFFLINE	18 18 18
	2.2	TRIÊN KHAI PDFS ONLINE	20 20
3	KIÊ	M ŢRA VÀ ĐÁNH GIÁ	22
	3.1	KIỂM TRA TÍNH ĐÚNG ĐẮN	$\frac{22}{25}$
	3.2	ĐÁNH GIÁ THUẬT TOÁN	30
	3.3	KẾT LUẬN	31
4		rộng cho PDFS OFFLINE	33
		Giới thiệu	
	4.2	Thiết lập và giải quyết vấn đề	
		4.2.1 Co so ly thuyet	$\frac{33}{34}$
	4.3	Thuật toán	34
	4.4	Triển khai code và đánh giá	36
		4.4.1 Triển khai	36
		4.4.2 Minh họa testcase và kiểm tra thủ công	36 39
D	ΔΝΉ	MUC TÀI LIÊU THAM KHẢO	40

DANH MỤC CÁC KÝ HIỆU VÀ CHỮ VIẾT TẮT

Chữ viết tắt, ký hiệu	Ý nghĩa
DFS	Duyệt theo chiều sâu
PDFS (Piecemeal DFS)	Duyệt theo chiều sâu chia từng phần
PDFS Online	Duyệt PDFS không biết trước môi
	trường
PDFS Offline	Duyệt DFS biết trước môi trường
ECTC	Bài toán khám phá cây giới hạn năng
	lượng
В	Giới hạn năng lượng của tuyến đường

Chương 1

CƠ SỞ LÝ THUYẾT

1.1 GIỚI THIỆU ĐỀ TÀI VỀ THUẬT TOÁN PDFS

Thông thường thuật toán DFS chúng ta được biết đến là DFS với năng lượng vô hạn, nhưng thực tế hoàn toàn ngược lại, chúng bị giới hạn bởi một giá trị B, nên ta gọi là Piecemeal DFS (PDFS) hay là duyệt theo chiều sâu chia từng phần. Đặc biệt thuật toán PDFS này có thể duyệt trong môi trường chưa biết trước và cả môi trường biết trước được gọi là PDFS Online và PDFS Offline. Trong bài đồ án này, chúng em sẽ trình bày chi tiết về hai thuật toán này, PDFS Offline trên đồ thị cây và PDFS Online trên đồ thị lưới. Quá trình nghiên cứu của bài đồ án bao gồm:

- 1. Hiểu PDFS: duyệt chiều sâu giới hạn năng lượng (Offline, Online) [Chương 1].
- 2. Triển khai PDFS Offline (cây), PDFS Online (lưới) [Chương 2].
- 3. Kiểm tra thủ công và thuật toán chính xác [Mục 3.1].
- 4. Phân tích ưu nhược điểm, ứng dụng thực tế [Mục 3.2].
- 5. Tối ưu năng lượng dư trong quá trình duyệt Chương 4].

1.2 CƠ SỞ THUẬT TOÁN

1.2.1 PDFS ONLINE

Định nghĩa

- PDFS ONLINE có nhiệm vụ tìm một đường đi hoặc một tập hợp các đường đi để phủ sóng tất cả các điểm trong một môi trường hoàn toàn chưa biết trước với ràng buộc năng lượng. Bài toán này có nhiều ứng dụng thực tế bao gồm quét tự động, hút bụi... Bởi vì chưa biết trước môi trường nên robot cần phải khám phá và tránh các chướng ngại vật chưa biết trong môi trường trong khi phủ sóng tất cả các điểm trong không gian trống bằng cách di chuyển với khoảng cách ngắn nhất có thể.
- Thuật toán đề xuất bao phủ một môi trường chưa biết (trực tuyến) thông qua phương pháp duyệt DFS được thiết kế riêng cho ngân sách năng lượng hạn chế B. Robot r thực hiện duyệt tìm kiếm theo chiều sâu trong khi xây dựng bản đồ cây của môi trường khi đang di chuyển. Nó quay trở lại điểm xuất phát để sạc pin khi độ dài đường đi của quá trình duyệt trở thành tối đa B. Sau khi pin được sạc đầy, r di chuyển đến ô nơi nó dừng ở quá trình DFS trước và tiếp tục duyệt P.

Công thức và định lí liên quan

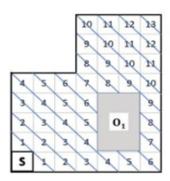
Phương pháp duyệt PDFS ONLINE

Môi trường khám phá

• Môi trường P là một đa giác phẳng chứa một trạm sạc S duy nhất bên trong nó. P có thể chứa các chướng ngại vật tĩnh, đa giác. Đặt robot r ban đầu tại trạm sạc S. r có kích thước L × L phù hợp với một ô lưới trong P. Robot r di chuyển theo đường thẳng trong P, tức là nó có thể di chuyển đến bất kỳ ô nào trong bốn ô lân cận (nếu ô không bị vật cản chiếm giữ) từ ô hiện tại của nó. Hơn nữa, giả định rằng ban đầu r không có bất kỳ thông tin nào về P, tức khám phá một môi trường P chưa biết. Để có thể phủ sóng tất cả các ô của P, ta giả định rằng P lớn bằng một hình tròn có bán kính B/2 với tâm tại S. Người ta cho rằng mức tiêu thụ năng lượng của robot tỷ lệ thuận với khoảng cách đã di chuyển, tức là ngân sách năng lượng của B cho phép robot di chuyển B đơn vị khoảng cách và mỗi lần đi của robot tiêu tốn 1 đơn vi năng lượng.

Xử lí môi trường chưa biết

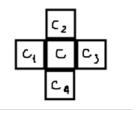
- Trong phần này, chúng ta sẽ tìm hiểu cách robot phân tích môi trường thành các ô lưới vuông và sau đó xây dựng bản đồ cây của môi trường T_P một cách nhanh chóng.
 - Phân tích môi trường P thành các ô vuông có kích thước $L \times L$, là kích thước của chính robot. Đường đồng mức khoảng cách bằng nhau là một đường đa tuyến trong đó các ô trên đó có cùng khoảng cách đến/từ điểm cơ sở S Hình 1.1. Các ô trên đường



Hình 1.1: Đường đồng mức khoảng cách

đồng mức có thể được sắp xếp từ bên này sang bên kia.

- Xây dựng bản đồ cây T_P : Ban đầu, robot r được đặt tại trạm sạc cố định S. Trong trường hợp này, cây chỉ có một nút S trạm sạc của robot trong T_P .
- Robot r chọn ô trống đầu tiên c_1 theo thứ tự theo chiều kim đồng hồ của các ô lân cận của nó bắt đầu từ phía tây và kết thúc ở ô lân cận phía nam. Sau đó, r chèn nó vào T_P như một ô con của S nếu ô đó có thể tiếp cận được, nếu không r sẽ đến các ô lân cận khác cho đến khi tìm thấy ô đầu tiên có thể tiếp cận được.
- Vì r đang xây dựng T_P trong khi khám phá P, nó sẽ di chuyển đến c_1 sau khi được đưa vào như một phần tử con trong T_P . Sau đó, robot r lại lặp lại quá trình xây dựng T_P từ ô c_1 hiện tại của nó.



Hình 1.2: Cách chon ô

Điều kiện khám phá

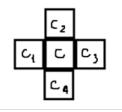
- Ban đầu robot ở trạm sạc S nằm bên trong P. Mục tiêu của thuật toán là tìm một tập hợp các tuyến đường $Q = \{Q_1, \ldots, Q_k\}$ sao cho thỏa các điều kiện dưới đây:
 - (i) Mỗi đường dẫn Q_i bắt đầu và kết thúc tại S.
 - (ii) : Mỗi đường dẫn Q_i có độ dài $l(Q_i) \leq B$.
 - (iii) : Các đường dẫn trong Q cùng nhau bao phủ môi trường P, tức là, $\bigcup_{i=1}^{n} Q_i = P$, và hai số liệu hiệu suất sau được tối ưu hóa:
 - * Số liệu hiệu suất 1: Số lượng tuyến đường trong Q, ký hiệu là |Q| là tối thiểu.
 - * Số liệu hiệu suất 2: Tổng độ dài của các tuyến đường trong Q, ký hiệu là $l(Q) = \sum l(Q_i)$ tối thiểu.
- Định lí 1: Cho một môi trường đa giác phẳng P chưa biết có thể chứa chướng ngại vật và một robot r có kích thước $L \times L$ bao gồm các cảm biến phát hiện vị trí và chướng ngại vật ban đầu được đặt tại một trạm sạc S bên trong P với ngân sách năng lượng B, có một thuật toán giải đúng <code>ONLINECPP</code> và đảm bảo xấp xỉ 10 lần cho cả hai số liệu hiệu suất so với thuật toán tối ưu có đầy đủ kiến thức về P.
- Định lý 2: Cho một môi trường đa giác phẳng chưa biết P có thể chứa chướng ngại vật với một robot r có ngân sách giới hạn là B ban đầu được đặt tại một trạm sạc S bên trong P, PDFS Online là để r đến thăm tất cả các ô có thể tiếp cận của P thông qua một tập hợp các tuyến sao cho thỏa các điều kiện nêu ở phần trên.

Mô tả thuật toán

• Ban đầu:

- Robot được đặt tại S tram sac và có giới han nặng lượng là B.
- Bắt đầu với năng lượng hiện tại là 0 (curE = 0).
- Bước 1: Từ ô đang xét, xét ô lân cận ở 4 hướng: trái, lên, phải, xuống, nếu ô đó:
 - Không phải là chướng ngại vật (giá trị khác 1).
 - Trong ma trận.
 - Chưa thăm.

Thêm các ô đó vào 4 stack tương ứng. Ví dụ:



Hình 1.3: Cách chọn ô

- Ta có 4 stack: Ban đầu stL (stack chứa các ô bên trái điểm đang xét), stU (các ô bên trên), stR (các ô bên phải), stD (các ô bên dưới) rỗng.
- Điểm đang xét là c.
- Điểm c_1 là điểm bên trái c nên thêm vào stL.
- Điểm c_2 là điểm bên trên c nên thêm vào stU.
- Điểm c_3 là điểm bên phải c nên thêm vào stR.
- Điểm c_4 là điểm bên dưới c nên thêm vào stD.

Lưu ý duyệt các stack theo thứ tự Tây \rightarrow Bắc \rightarrow Đông \rightarrow Nam, tức là ưu tiên duyệt điểm bên trái nhất của điểm đang xét (c). Cụ thể: Sau khi thêm các ô lân cận, ta được các stack: $stL = c_1, stU = c_2, stR = c_3, stD = c_4$. Khi duyệt, chúng ta phải ưu tiên lấy điểm từ $stL \rightarrow stU \rightarrow stR \rightarrow stD$.

• Bước 2: Khi đi đến một ô mới

- Nếu bắt đầu tuyến mới:
 - * Đặt năng lượng hiện tại (cur
E) bằng số bước từ S xuất phát đến ô đang xét.
 - * Lưu lại hành trình từ S đến ô này (dựa trên par[][] cha của mỗi ô trong đường đi).
- Nếu đang trong route:
 - * Tính số năng lượng cần để đi thêm bước tiếp theo (stepE).
 - * stepE = d[px][py] d[par[x][y].first][par[x][y].second]
 - d[px][py]: là khoảng cách từ S đến điểm trước đó.
 - · d[par[x][y].first][par[x][y].second]: là khoảng cách từ S đến điểm cha của điểm đang xét.
 - * Ý nghĩa: Tính khoảng cách từ điểm đang xét đến ô mới.
 - * Kiểm tra xem năng lượng đã dùng (curE) + năng lượng cần thêm (stepE) + khoảng cách quay về (d[x][y]) có bằng năng lượng giới hạn (E) hay không:
 - · Nếu = $E \rightarrow \text{dùng lại, đánh dấu kết thúc route.}$
 - \cdot Nếu $> E \rightarrow$ kết thúc route cũ, bắt đầu tuyến mới tại ô hiện tại.
 - · Nếu $< E \rightarrow \text{tiếp tuc thêm ô hiện tai vào hành trình.}$
 - * Đánh dấu ô đang xét đã được thăm (để không quay lại).
 - * Tiếp tục khám phá các ô kề của ô đang xét, và đưa chúng vào stack tương ứng.
 - * Quay lại xét các ô tiếp theo trong các stack.

• Kết quả:

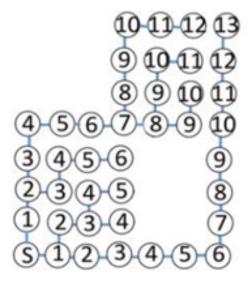
In ra số đường đi đã tìm được và tổng năng lượng của từng đường.

B = 12			(0, 0)	(0, 1)	(0, 2)						
L=1			(1, 0)	(1, 1)	(1, 2)						
S đặt tại (0,	0)		(2, 0)	(2, 1)	(2, 2)						
Chướng ngạ	i vật: (1, 1)										
Buréro	Điểm xét	stL (Stack)	stU (Stack)	stR (Stack)	stD (Stack)	nodeNext	Qi	curE	Đã thăm	Cập nhật đường đi ngắn nhất	par[][]
						(lấy từ Stack theo thứ tự)	(Từ S đến điểm cuối cùng rồi quay lại S)			từ S dến điểm đang xét	
0 (Khởi tạo)	S = (0, 0)	{S}	()	()	0	S	[5]	0	S	d[0][0] = 0	par[0][0] không xác định
1	1 S = (0, 0)	{}	()	{(0, 1)}	{(1, 0)}	(0, 1)	[S; (0,1)]	1	Thêm (0, 1)	d[0][0] = 0	par[0][0] = 1
2	2 (0, 1)	0	()	{(0, 2)}	{(1, 0)}	(0, 2)	[S; (0,1); (0, 2)]	2	Thêm (0, 2)	d[0][1] = 1	par[0][1] = [0][0]
3	3 (0, 2)	()	()	()	{(1, 0); (1, 2)}	(1, 2)	[S; (0, 1); (0, 2); (1, 2)]	3	Thêm (1, 2)	d[0][2] = 2	par[0][2] = [0][1]
4	(1, 2)	0	0	()	{(1, 0); (2, 2)}	(2, 2)	[S; (0, 1); (0, 2); (1, 2); (2, 2)]	4	Thêm (2, 2)	d[1][2] = 3	par[1][2] = [0][2]
5	5 (2, 2)	{(2, 1)}	0	0	{(1, 0)}	(2, 1)	[S; (0, 1); (0, 2); (1, 2); (2, 2); (2, 1)]	5	Thêm (2, 1)	d[2][2] = 4	par[2][2] = [1][2]
(5 (2, 1)	{(2, 0)}	0	()	{(1, 0)}	(2, 0)	[5; (0, 1); (0, 2); (1, 2); (2, 2); (2, 1); (2, 0)]	6	Thêm (2, 0)	d[2][1] = 5	par[2][1] = [2][2]
7	7 (2, 0)	0	{(1, 0)}	0	{(1, 0)}	(1, 0)	Kết thúc tuyến 1, Bắt đầu tuyến 2	1	Thêm (1, 0)	d[2][0] = 6	par[2][0] = [2][1]
8	3 (1, 0)	()	()	()	0	\$	[S; (1, 0)]	1	Thăm hết	d[1][0] = 1	par[1][0] = [0][0]
Vậy có 2	2 tuyến	Q1: [S; (0,	1); (0, 2); (1, 2); (2, 2)	; (2, 1) ; (2, 0)]						
		Q2: [S; (1,									

Hình 1.4: Số tuyến đường và tổng năng lượng

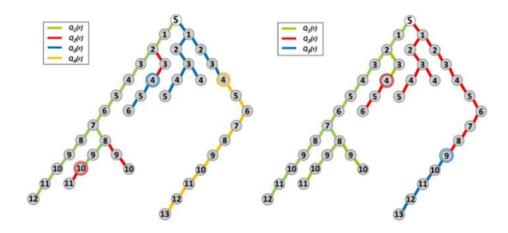
Minh họa thuật toán

- Xét trường hợp B = 30 và B = 40.
- Kết quả cây T_P .



Hình 1.5: Cây T_P

• Kết quả các tuyến đường.



Hình 1.6: Các tuyến đường

- Các điểm được đánh dấu bằng vòng tròn kép là điểm dừng của phép duyệt trước đó và quá trình duyệt tiếp theo bắt đầu từ nút này.
- Với B = 40 thì sẽ có ít tuyến đường hơn B = 30.

1.2.2 PDFS OFFLINE

Định nghĩa về ECTE và PDFS offline

ECTE: Là bài toán khám phá cây có trọng số bị ràng buộc bởi năng lượng B > 1, và chiều cao tối đa là B/2. Mục tiêu là tìm số nguyên k nhỏ nhất sao cho tồn tại một chiến lược thám hiểm B (B-exploration strategy) bao gồm k tuyến đường để bao phủ toàn bộ cây.

PDFS offline: Là thuật toán duyệt theo chiều sâu từng phần có giới hạn năng lượng B nhưng biết trước môi trường khám phá, cụ thể trong bài này môi trường khám phá là cây (tree). Mục tiêu của Bài toán là bao phủ toàn bộ cây T bằng cách sử dụng tuyến đường k nhỏ nhất với mỗi tuyến đường bắt đầu bắt đầu và kết thúc tại gốc và có độ dài không quá B, đã được đề cập trong tài liệu [1].

Công thức và định lý

Phương pháp duyệt DFS thông thường và PDFS offline:

DFS: [2] Cho G là đồ thị liên thông với tập đỉnh $\{v_1, v_2, \dots, v_n\}$

- 1 Lấy một đỉnh bất kỳ trong đồ thì đưa vào ngăn xếp.
- 2 Lấy top value của ngăn xếp để duyệt và thêm vào visited list.
- 3 Tạo một list bao gồm các đỉnh liền kề của đỉnh đang xét, thêm những đỉnh không có trong visited list vào ngăn xếp.
- 4 Tiếp tục lặp lại bước 2 và bước 3 đến khi ngăn xếp rỗng.

PDFS: [1] PDFS(T)= $(R_1, R_2, ..., R_k)$ dựa trên $R_{DFS} = (v_0, v_1, ..., v_l)$, lưu ý rằng là R_{DFS} có chứa cả các đỉnh quay lui. Dưới đây là các bước duyệt PDFS:

Bước 1. Mỗi tuyến đường R_i của PDFS đều phải kết thúc tại gốc (v_{j_0}, v_0, r) . Độ dài của mỗi tuyến đường R_i trong PDFS đều không thể vượt qua B/2. Tức là $l(R_i) \leq B$

Bước 2. Xây dựng các tuyến đường R_i :

- Với mỗi tuyến R_i , gọi $v_{j_{i-1}}$ là đỉnh xa nhất trên R_{DFS} mà tuyến đường trước đó (R_{i-1}) đã kết thúc phần khám phá mới là $R_1, v_{j_0} = r$.
- Xác định điểm kết thúc cho tuyến R_i :
 - Tuyến R_i khởi đầu từ gốc đến $v_{j_{i-1}}$ (theo đường đi ngắn nhất).
 - Từ $v_{j_{i-1}}$, tuyến R_i tiếp tục đi theo thứ tự của R_{DFS} (ví dụ: $v_{j_{i-1}}, v_{j_{i-1}+1}, \ldots, v_p$) để đi đến những phần mới của cây.
 - Việc mở rộng dùng tại đỉnh v_p sao cho điều kiện về năng lượng thỏa mãn:

$$d(r, v_{i-1}) + l(v_{i-1}, v_{i-1+1}, \dots, v_p) + d(v_p, r) \le B$$
(1.1)

– Đỉnh v_p xa nhất mà thỏa mãn điều kiện trên ký hiệu là v_{j_i} , đây là điểm mà tuyến đường R_i ngừng việc khám phá.

Bước 3. Hình thành tuyến đường R_i :

- Tuyến đường được tạo thành bởi 3 phần:
 - Đường đi ngắn nhất từ gốc r đến $v_{j_{i-1}}$
 - Đoạn đường đi từ $v_{j_{i-1}}$ đến v_{j_i} , tức là đoạn $(v_{j_{i-1}},v_{j_{i-1}+1},\ldots,v_p)$
 - Đoạn cuối là đoạn đi từ v_{i} đến gốc r

Bước 4. Nếu tất cả các cạnh và đỉnh của cây đều được đi qua thì dừng lại, ngược lại thì tăng i lên 1 đơn vị và quay lại bước 2.

Giới hạn về chi phí và số tuyến đường: [1]

Định lý 1: Cho cây T và khoảng cách xa nhất từ gốc đến lá trong T lớn nhất là B/2. Ta có $|PDFS(T)| \le 12|R|$, với R là chiến lược khám phá mà với số tuyến là bé nhất

Tổng chi phí của khám phá $S = \{R_1, R_2, \dots, R_k\}$ được định nghĩa là tổng trọng số của tất cả các cạnh có trong S:

$$\xi(S) = \sum_{i=1}^{k} l(R_i)$$

Ta ký hiệu COPT(T) là chiến lược khám phá tối ưu về chi phí, chiến lược khám phá này có chi phí nhỏ nhất trong các cách khám phá của PDFS.

Định lý 2 Cho cây T và B/2 lớn hoa
awn hoặc bằng khoảng cách xa nhất từ gốc đến lá trong T, ta có:
 $\xi(PDFS(T)) \leq 12.\xi(COPT(T))$.

Chứng minh định lý 1:

Nhận xét: Có T và B, $|R| \ge \lceil \xi(COPT(T)/B) \rceil$, với R là chiến lược khám phá với số tuyến bé nhất

Xét cây T và T' với tuyến đường $R_{DFS} = (v_0, v_1, \ldots, v_l)$. Với các tuyến đường của PDFS(T) là $R = (R_1, R_2, \ldots, R_k)$. Khi thực hiện PDFS(T) trên cây T, các tuyến đường R nếu muốn đi tới thêm 1 đỉnh nữa thì sẽ vượt qua giới hạn mức năng lượng B, tức là:

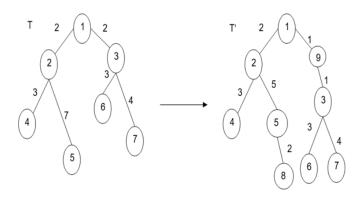
$$l(R_i) + 2\omega(v_{j_i}, v_{j_i+1}) > B$$

Ta chia nhỏ cạnh (v_{j_i},v_{j_i+1}) thành 2 cạnh (v_{j_i},v_x) và (v_x,v_{j_i+1}) , với trọng số:

$$\omega(v_{j_i}, v_x) = \frac{B - l(R_i)}{2}, \quad \omega(v_x, v_{j_i+1}) = \omega(v_{j_i}, v_{j_i+1}) - \frac{B - l(R_i)}{2}$$

Biến đổi cây gốc T thành cây T' để đảm bảo các tuyến PDFS có độ dài chính xác B (trừ tuyến cuối).

Theo hình vẽ ta thấy chi phí tối ưu của T và T' là như nhau, $\xi(COPT(T')) = \xi(COPT(T))$. Điều này có nghĩa là chiến lược tối ưu về chi phí sẽ không thay đổi giá trị giữa cây T và cây T'.



Hình 1.7: Hình minh họa chi phí tối ưu không thay đổi giữa T và T' với B=20

Ta lại có:

$$|PDFS(T')| = \frac{\xi(PDFS(T'))}{B}$$

 \Rightarrow Số lượng tuyến đường trên cây T và T' là như nhau |PDFS(T)| = |PDFS(T')|.

Chứng minh định lý 2:

Một cây T và có chiều dài L nếu cây đó thỏa mãn điều kiện B>1 và chiều dài của cây phải nhỏ hơn hoặc bằng B/2. Khi đó số lượng tuyến đường trong PDFS(T) là không quá 12 lần số lượng tuyến đường tối thiểu (COPT). Định lý 1: $|PDFS(T)| \le 12.|R|$ Định lý chi phí của PDFS không vượt quá 12 lần chi phí của chiến lược tối ưu:

$$\xi(PDFS(T)) \le 12 \cdot \xi(COPT(T))$$

Từ các công thức trên ta có:

$$|PDFS(T')| = \frac{\xi(PDFS(T'))}{B} \le \frac{12\xi(COPT(T'))}{B} \le 12\frac{\xi(COPT(T'))}{B}$$

Do đó:

$$|PDFS(T')| \le 12 \frac{\xi(COPT(T'))}{B} = 12 \frac{\xi(COPT(T))}{B}$$

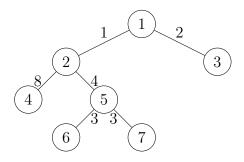
Ta lại thấy $|R| \geq \frac{\xi(COPT(T))}{B},$

$$\Rightarrow 12 \cdot |R| \geq 12 \frac{\xi(COPT(T))}{B}$$

Kết hợp tất cả điều kiện trên định lý 1:

$$|PDFS(T')| = |PDFS(T)| \le 12.|R|$$
 (đúng)

Trong đó R là con đường tốt nhất mà bị ràng buộc về năng lượng.



Hình 1.8: Cây đồ thị ví dụ với B = 20

Mô tả thuật toán trên cây hình 1.2:

Thuật toán với B = 20:

- Duyệt cây theo DFS và đánh dấu các đỉnh:
 - Khi duyệt bằng DFS thì thứ tự duyệt như sau:

$$R_{DFS} = (v_0, v_1, \dots, v_{12}) = (1, 2, 4, 2, 5, 6, 5, 7, 5, 2, 1, 3, 1)$$

- Ta đánh chỉ số các đỉnh như sau:

$$v_0 = 1$$
, $v_1 = 2$, $v_2 = 4$, $v_3 = 2$, $v_4 = 5$, $v_5 = 6$, $v_6 = 5$, $v_7 = 7$, $v_8 = 5$, $v_9 = 2$, $v_{10} = 1$, $v_{11} = 3$, $v_{12} = 1$

Thực hiện phép duyết tuyến R_1 :

Bước 1: Tuyến đầu tiên nên $v_{j_0}=v_0=1$

Bước 2: Ta cần tìm v_p xa nhất thoả mãn điều kiện:

$$d(1, v_{j_0}) + l(v_{j_0}, v_{j_0+1}, ..., v_p) + d(v_p, 1) \le B \Rightarrow d(1, v_{j_0}) = d(1, 1) = 0$$

- Xét $v_p = v_0 = 1$, $d(1, v_{j_0}) + l(v_0, 1) + d(1, 1) = 0 + 0 + 0 \le 20$ (thoả mãn)
- Xét $v_p = v_1 = 2$, $d(1, v_{i_0}) + l(1, 2) + d(2, 1) = 0 + 1 + 1 = 2 \le 20$ (thoả mãn)
- Xét $v_p = v_2 = 4$, $d(1, v_{i_0}) + l(1, 2, 4) + d(4, 1) = 0 + 9 + 9 = 18 \le 20$ (thoả mãn)
- Xét $v_p = v_3 = 2$, $d(1, v_{i_0}) + l(1, 2, 4, 2) + d(2, 1) = 0 + 17 + 1 = 18 \le 20$ (thoả mãn)
- Xét $v_p = v_4 = 5$, $d(1, v_{j_0}) + l(1, 2, 4, 2, 5) + d(5, 1) = 0 + 21 + 5 = 26 > 20$ (không thoả mãn)

 $\Rightarrow v_p$ xa nhất thoả mãn là $v_3=2$, tức $v_{j_1}=v_3$

Bước 3: Xây dựng tuyến R_1 :

- Đường đi từ r đến v_{j_0} : d(1,1) = 0
- Đoạn đường từ v_{j_0} đến v_{j_1} là đoạn $(v_0, v_1, v_2, v_3) = (1, 2, 4, 2) = 17$
- Đoạn cuối là đoạn đi từ v_{j_1} đến gốc: $(v_3,1)=(2,1)=1$

$$\Rightarrow$$
 Tuyến $R_1 = (1, 2, 4, 2, 1)$

Thực hiện phép duyệt tuyến R_2 :

Bước 1: Điểm bắt đầu khám phá $v_{i_1} = v_3 = 2$ (là v_3 trong R_{DFS})

Bước 2: Tìm v_p xa nhất có thể để thỏa mãn điều kiện:

$$d(1, v_{j_1}) + l(v_{j_1}, v_{j_1+1}, ..., v_p) + d(v_p, 1) \le B \Rightarrow d(1, v_{j_1}) = d(1, 2) = 1$$

- Xét $v_p = v_3 = 2$, $d(1, v_{j_1}) + l(2, 2) + d(2, 1) = 1 + 0 + 1 = 2 \le 20$ (thoả mãn)
- Xét $v_p = v_4 = 5$, $d(1, v_{j_1}) + l(2, 5) + d(5, 1) = 1 + 4 + 5 = 10 \le 20$
- Xét $v_p = v_5 = 6$, $d(1, v_{j_1}) + l(2, 5, 6) + d(6, 1) = 1 + 7 + 8 = 16 \le 20$
- Xét $v_p = v_6 = 5$, $d(1, v_{j_1}) + l(2, 5, 6, 5) + d(5, 1) = 1 + 10 + 5 = 16 \le 20$
- Xét $v_p = v_7 = 7$, $d(1, v_{j_1}) + l(2, 5, 6, 5, 7) + d(7, 1) = 1 + 13 + 8 = 22 > 20$ (không thoả)

 $\Rightarrow v_p = v_6 = 5, v_{j_2} = v_6$

Bước 3: Xây dựng tuyến R_2 :

- Đường đi từ r đến v_{i_1} : d(1,2)=1
- Đoạn đường từ v_{j_1} đến v_{j_2} : $(v_3, v_4, v_5, v_6) = (2, 5, 6, 5)$
- Đoạn cuối: $(v_6, 1) = (5, 1) = 5$

$$\Rightarrow$$
 Tuyến $R_2 = (1, 2, 5, 6, 5, 2, 1)$

Thực hiện phép duyệt tuyến R_3 :

Bước 1: Điểm bắt đầu khám phá $v_{j_2} = v_6 = 5$

Bước 2: Tìm v_p xa nhất để thỏa mãn điều kiện:

$$d(1, v_{i2}) + l(v_{i2}, v_{i2+1}, ..., v_p) + d(v_p, 1) \le B \Rightarrow d(1, v_{i2}) = d(1, 5) = 1 + 4 = 5$$

• Xét $v_p = v_6 = 5$, ta có:

$$d(1, v_{j_2}) + l(5, 5) + d(5, 1) = 5 + 0 + 5 = 10 < 20$$
 (thoả mãn)

- $(X\acute{e}t\ tương\ tự\ v\acute{o}i\ v_7, v_8, v_9, v_{10}, v_{11}, v_{12})$
- Xét $v_p = v_{12} = 1$, ta có:

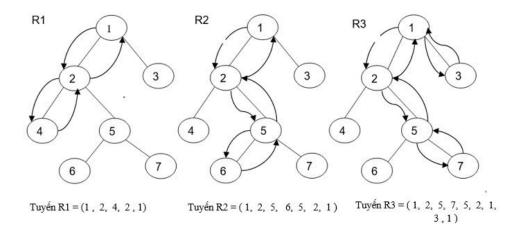
$$d(1,v_{j_2}) + l(5,7,5,2,1,3,1) + d(1,1) = 5 + 15 + 0 = 20 \quad \text{(thoå mãn)}$$

 $\Rightarrow v_p = v_{12} = 1, \ v_{j_3} = v_{12}$ Bước 3: Xây dựng tuyến R_3 :

- \bullet Đoạn đường từ v_{j_2} đến v_{j_3} : $(v_6,v_7,v_8,v_9,v_{10},v_{11},v_{12})=(5,7,5,2,1,3,1)$
- Đường đi từ v_{j_3} đến gốc : $d(v_{12},1)=(1,1)=0$

$$\Rightarrow$$
 Tuyến $R_3 = (1, 2, 5, 7, 5, 2, 1, 3, 1)$

Kết quả duyệt PDFS trên hình 1.1:



Hình 1.9: Minh họa thuật toán PDFS trên cây đồ thị

Minh họa thuật toán

PDFS Offline Auto

1.3 MÃ GIẢ CỦA THUẬT TOÁN

1.3.1 PDFS OFFLINE

```
Algorithm 1 PDFS Offline Algorithm: Khởi tạo

procedure PDFS_offline
path \leftarrow \emptyset {Nodes from root to current}
currentRoute \leftarrow \emptyset {Current node IDs}
routes \leftarrow \emptyset {All recorded routes}
routeCosts \leftarrow \emptyset {Costs for each route}
currentLength \leftarrow 0.0 {Distance to current node}
routeEnergy \leftarrow 0.0 {Energy in current route}
sumEnergy \leftarrow 0.0 {Total energy used}
routeCount \leftarrow 1 {Route counter}
fullDFS \leftarrow \emptyset {DFS traversal events}
Add (root, 0.0) to path
Add root.id to currentRoute, fullDFS
```

Algorithm 2 PDFS Offline Algorithm: Hàm DFS

```
function DFS(u)
for all (v, w) \in u.children do
  if not v.visited then
     if routeEnergy + w + (currentLength + w) > B then
       distToRoot \leftarrow currentLength
       routeEnergy \leftarrow routeEnergy + distToRoot
       for i \leftarrow path.size - 2 downto 0 do
          Add path[i].first.id to currentRoute
       end for
       Add currentRoute to routes
       Add routeEnergy to routeCosts
       routeCount \leftarrow routeCount + 1
       currentRoute \leftarrow \emptyset
       Add root.id to currentRoute
       routeEnergy \leftarrow 0, newDist \leftarrow 0
       for i \leftarrow 1 to path.size -1 do
          parentNode \leftarrow path[i-1].first
          curNode \leftarrow path[i].first
          wt \leftarrow path[i].second
          newDist \leftarrow newDist + wt
          routeEnergy \leftarrow routeEnergy + wt
          sumEnergy \leftarrow sumEnergy + newDist
          Add curNode.id to currentRoute
       end for
       currentLength \leftarrow newDist
     else
       v.visited \leftarrow true
       Add v.id to fullDFS
       currentLength \leftarrow currentLength + w
       routeEnergy \leftarrow routeEnergy + w
       sumEnergy \leftarrow sumEnergy + currentLength
       Add v.id to currentRoute
       Add (v, w) to path
       DFS(v)
     end if
  end if
end for
```

1.3.2 PDFS ONLINE

Algorithm 3 PDFS Online Algorithm: Khởi tạo và Hàm run()

```
Đọc dữ liệu đầu vào:
- n, m, E: kích thước lưới, năng lượng tối đa
- a[][]: ma trận lưới
- sx, sy: vị trí xuất phát (a[i][j] == 2)
Kiểm tra điều kiện năng lượng:
Điều kiện: E > bán kính môi trường khám phá
Với tâm là vị trí xuất phát của robot
if E < bán kính môi trường khám phá then
  Thông báo "Năng lượng không đủ để tìm đường đi!"
  Kết thúc chương trình
end if
(Xét các trường hợp E \ge 4 \times \max(n, m))
Khởi tạo các biến:
- d[][]: ma trận lưu khoảng cách từ xuất phát
- vis[][]: đánh dấu đã thăm
- path[]: lưu các route (mỗi route là vector Step)
- stL, stU, stR, stD: 4 stack cho 4 hướng (trái, lên, phải, xuống)
- curE: năng lượng hiện tại
- newRoute: đánh dấu bắt đầu route mới
- cnt: số route hiện tại
- px, py: vị trí trước đó
Bắt đầu:
- Đưa vị trí xuất phát (sx, sy) vào stL
- Gọi hàm run()
Hàm run():
while các stack không rỗng do
  - Ưu tiên lấy từ stL, sau đó stU, stR, stD
  if ô (x, y) lấy ra chưa thăm then
    Goi go(x, y)
  end if
end while
```

Algorithm 4 PDFS Online Algorithm: Hàm go() và upd()

```
Hàm go(x, y):
- Thêm bước hiện tại (x, y, d[x][y], curE) vào path[cnt]
if đang bắt đầu route mới (newRoute == false) then
  - Đặt lại \operatorname{curE} = \operatorname{d}[x][y]
  - newRoute = true
  - Lưu lại route vừa đi (save(x, y))
else
  - Tính năng lượng bước stepE (khoảng cách từ (px, py) đến (x, y))
  if (x, y) không phải ô xuất phát then
    if curE + stepE + d[x][y] == E then
       - curE = curE + stepE
       - Thêm bước (x, y, d[x][y], curE) vào path[cnt]
       - newRoute = false
       - Tăng cnt
    else if curE + stepE + d[x][y] > E then
       - Luu lai route (save(x, y))
       - Tăng cnt
       - Đặt lại \operatorname{curE} = \operatorname{d}[x][y]
       - newRoute = true
    else
       - curE = curE + stepE
       - Thêm bước (x, y, d[x][y], curE) vào path[cnt]
    end if
  end if
end if
- Đánh dấu vis[x][y] = 1
for mỗi hướng k (trái, lên, phải, xuống) do
  - Tính tọa độ mới (nx, ny) từ (x, y) theo hướng k
  if \hat{o} (nx, ny) hợp lệ (trong lưới, không phải vật cản) và chưa thăm (vis[nx][ny] == 0) then
    - Đấy (nx, ny) vào stack tương ứng (stL, stU, stR, stD)
    - Gọi upd(x, y, nx, ny)
  end if
end for
- Cập nhật px = x, py = y
- Goi lai run()
Hàm upd(x, y, nx, ny):
if d[nx][ny] == 0 và d[x][y] + 1 \le E/2 then
  - d[nx][ny] = d[x][y] + 1
  - par[nx][ny] = (x, y)
else if d[nx][ny] > d[x][y] + 1 then
  -d[nx][ny] = d[x][y] + 1
  - par[nx][ny] = (x, y)
else if d[nx][ny] == d[x][y] + 1 then
  - par[nx][ny] = (x, y)
end if
```

Algorithm 5 PDFS Online Algorithm: Hàm save() và In kết quả

Hàm save(x, y):

- Xóa path[cnt]
- Lần ngược từ (x, y) về (sx, sy) theo par
- Lưu các bước vào path[cnt]
- Đảo ngược path[cnt] để đúng thứ tự

In kết quả:

- In số route: cnt
- Với mỗi route trong path
[]:
 - In các bước (x, y, d, e)

Chương 2

TRIỂN KHAI THUẬT TOÁN

2.1 TRIỂN KHAI PDFS OFFLINE

2.1.1 CODE

Code PDFS Offline trên GitHub

2.1.2 TEST

Input: Dòng 1: n B (số nút, năng lượng).

Dòng 2-n: cạnh có trọng số. **Output:** Dòng 1: DFS quay lui.

Tiếp theo: các tuyến.

TestCase 1:

Input	Output
7 20	0 1 2 1 3 4 3 5 3 1 0 6 0
0 1 1	Route 1 (cost = 18): 0 1 2 1 0
0 6 2	Route 2 (cost = 16): 0 1 3 4 3 1 0
1 2 8	Route 3 (cost = 20): 0 1 3 5 3 1 0 6 0
1 3 4	
3 4 3	
3 5 3	

Bång 2.1: TestCase 1 for PDFS Offline

TestCase 2:

Input	Output
11 24	0 1 2 7 2 8 2 1 4 1 0 3 5 9 5 10 5 3 6 3 0
0 1 3	Route 1 (cost = 16): 0 1 2 7 2 1 0
0 3 1	Route 2 (cost = 22): 0 1 2 8 2 1 0
1 2 1	Route 3 (cost = 18): 0 1 4 1 0 3 0
1 4 5	Route 4 (cost = 16): 0 3 5 9 5 3 0
274	Route 5 (cost = 24): 0 3 5 10 5 3 0
287	Route 6 (cost $= 4$): 0 3 6 3 0
3 5 6	
3 6 1	
5 9 1	
5 10 5	

Bång 2.2: TestCase 2 for PDFS Offline

2.2 TRIỂN KHAI PDFS ONLINE

2.2.1 CODE

Code PDFS Online trên GitHub

2.2.2 TEST

Input: Dòng 1: hàng, cột, B.

Tiếp theo: 2 (xuất phát), 1 (vật cản), 0 (môi trường).

Output: Số tuyến và các tuyến.

TestCase 1	TestCase 2
8 8 64	8 8 64
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0	01110110
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	01110110
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	00000110
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	00011110
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	0000000
$2\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	20000000
Number of routes: 3	Number of routes: 2
Route 1	Route 1
x=7 y=0 d=0 e=0	x=7 y=0 d=0 e=0
x=6 y=0 d=1 e=1	x=6 y=0 d=1 e=1
x=5 y=0 d=2 e=2	x=5 y=0 d=2 e=2
x=4 y=0 d=3 e=3	x=4 y=0 d=3 e=3
x=3 y=0 d=4 e=4	x=3 y=0 d=4 e=4
x=2 y=0 d=5 e=5	x=2 y=0 d=5 e=5
x=1 y=0 d=6 e=6	x=1 y=0 d=6 e=6
x=0 y=0 d=7 e=7	x=0 y=0 d=7 e=7
x=0 y=1 d=8 e=8	x=0 y=1 d=8 e=8
x=0 y=2 d=9 e=9	x=0 y=2 d=9 e=9
x=0 y=3 d=10 e=10	x=0 y=3 d=10 e=10
x=0 y=4 d=11 e=11	x=0 y=4 d=11 e=11
x=0 y=5 d=12 e=12	x=0 y=5 d=12 e=12
x=0 y=6 d=13 e=13	x=0 y=6 d=13 e=13
x=0 y=7 d=14 e=14	x=0 y=7 d=14 e=14
x=1 y=1 d=7 e=23	x=1 y=1 d=7 e=23
x=1 y=2 d=8 e=24	x=1 y=2 d=8 e=24
x=1 y=3 d=9 e=25	x=1 y=3 d=9 e=25
x=1 y=4 d=10 e=26	x=1 y=4 d=10 e=26
x=1 y=5 d=11 e=27	x=1 y=5 d=11 e=27
x=1 y=6 d=12 e=28	x=1 y=6 d=12 e=28
x=1 y=7 d=13 e=29	x=1 y=7 d=13 e=29
x=2 y=1 d=6 e=38	x=4 y=1 d=4 e=40
x=2 y=2 d=7 e=39	x=4 y=2 d=5 e=41
x=2 y=3 d=8 e=40	x=4 y=3 d=6 e=42
x=2 y=4 d=9 e=41	x=4 $y=4$ $d=7$ $e=43$
x=2 y=5 d=10 e=42	x=3 y=4 d=8 e=44

TestCase 1	TestCase 2
x=2 y=6 d=11 e=43	x=2 y=4 d=9 e=45
x=2 y=7 d=12 e=44	x=5 y=1 d=3 e=53
x=3 y=1 d=5 e=53	x=5 y=2 d=4 e=54
x=3 y=2 d=6 e=54	x=6 y=1 d=2 e=58
x=3 y=3 d=7 e=55	x=6 y=2 d=3 e=59
x=3 y=4 d=8 e=56	x=6 y=3 d=4 e=60
Route 2	Route 2
x=7 y=0 d=0 e=0	x=7 y=0 d=0 e=0
x=6 y=0 d=1 e=1	x=6 y=0 d=1 e=1
x=5 y=0 d=2 e=2	x=6 y=1 d=2 e=2
x=4 y=0 d=3 e=3	x=6 y=2 d=3 e=3
x=3 y=0 d=4 e=4	x=6 y=3 d=4 e=4
x=3 y=1 d=5 e=5	x=6 y=4 d=5 e=5
x=3 y=2 d=6 e=6	x=6 y=5 d=6 e=6
x=3 y=3 d=7 e=7	x=6 y=6 d=7 e=7
x=3 y=4 d=8 e=8	x=6 y=7 d=8 e=8
x=3 y=5 d=9 e=9	x=5 y=7 d=9 e=9
x=3 y=6 d=10 e=10	x=4 y=7 d=10 e=10
x=3 $y=7$ $d=11$ $e=11$	x=3 y=7 d=11 e=11
x=4 $y=1$ $d=4$ $e=20$	x=2 y=7 d=12 e=12
x=4 y=2 d=5 e=21	x=7 y=1 d=1 e=25
x=4 y=3 d=6 e=22	x=7 y=2 d=2 e=26
x=4 y=4 d=7 e=23	x=7 y=3 d=3 e=27
x=4 y=5 d=8 e=24	x=7 y=4 d=4 e=28
x=4 y=6 d=9 e=25	x=7 y=5 d=5 e=29
x=4 y=7 d=10 e=26	x=7 y=6 d=6 e=30
x=5 y=1 d=3 e=35	x=7 y=7 d=7 e=31
x=5 y=2 d=4 e=36	
x=5 y=3 d=5 e=37	
x=5 y=4 d=6 e=38	
x=5 y=5 d=7 e=39	
x=5 y=6 d=8 e=40	
x=5 y=7 d=9 e=41	
x=6 y=1 d=2 e=50	
x=6 y=2 d=3 e=51	
x=6 y=3 d=4 e=52	
x=6 y=4 d=5 e=53	
x=6 y=5 d=6 e=54	
x=6 y=6 d=7 e=55	
x=6 y=7 d=8 e=56	
Route 3	
x=7 $y=0$ $d=0$ $e=0$	
x=7 y=1 d=1 e=1	
x=7 $y=2$ $d=2$ $e=2$	
x=7 $y=3$ $d=3$ $e=3$	
x=7 y=4 d=4 e=4	
x=7 y=5 d=5 e=5	
x=7 y=6 d=6 e=6	
x=7 y=7 d=7 e=7	

Chương 3

KIỂM TRA VÀ ĐÁNH GIÁ

3.1 KIỂM TRA TÍNH ĐÚNG ĐẮN

3.1.1 PDFS OFFLINE

KIỂM TRA BẰNG THUẬT TOÁN

```
7 20
0 1 1
0 6 2
1 2 8
1 3 4
3 4 3
3 5 3
0 1 2 1 3 4 3 5 3 1 0 6 0
Route 1 (cost = 18): 0 1 2 1 0
Route 2 (cost = 16): 0 1 3 4 3 1 0
Route 3 (cost = 20): 0 1 3 5 3 1 0 6 0
F:\LamQuen\Bai1\x64\Debug\Bai1.exe (process 552) exited with code 0.
To automatically close the console when debugging stops, enable Tools->Options->Deb le when debugging stops.
Press any key to close this window . . .
```

Hình 3.1: Kiểm tra bằng thuật toán cho TestCase 1 (B = 20)

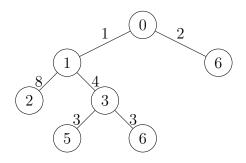
Hình 3.2: Kiểm tra bằng thuật toán cho TestCase 1 (B = 18)

Giá trị ${\bf B}={\bf 20}$ (thỏa mãn theo yêu cầu). Có thể đặt ${\bf B}{=}18$, nhưng nếu đặt như thế thì sẽ xuất hiện thêm 1 tuyến đường khác nữa. Cụ thể:

Nếu như ta đặt B=18 thì vẫn thỏa mãn, đúng tính chất nhưng nếu làm thế, thì thuật toán sẽ sinh thêm 1 tuyến đường mới là Route 4 (cost = 4): 0 6 0. Điều này bắt buộc ta phải về gốc để nạp một lần năng lượng nữa, nên sẽ làm tăng thêm chi phí, do đó việc đặt B=20 là hoàn toàn hợp lý và khả thi.

Hình 3.3: Kiểm tra bằng thuật toán cho TestCase 2

KIỂM TRA THỦ CÔNG



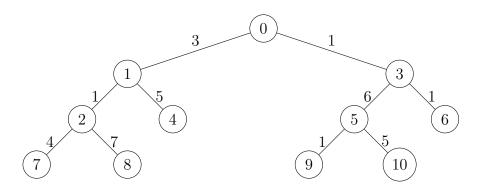
Hình 3.4: Cây đồ thị ví dụ với B = 20

Theo như lý thuyết đã nói trên, ta xét hình 3.4 và có:

DFS: 0 1 2 1 3 4 3 5 3 1 0 6 0 Giá trị B thỏa mãn là: **B=20**

Dựa vào DFS và B, ta thực hiện chia các tuyến cho cây như sau:

- Lượt 1: 0 1 2 1 0, năng lượng tiêu tốn là 18
- Lượt 2: 0 1 3 4 3 1 0, năng lượng tiêu tốn là 16
- Lượt 3: 0 1 3 5 3 1 0 6 0, năng lượng tiêu tốn là 20



Hình 3.5: Cây đồ thi với B=24

Theo như lý thuyết đã đề cập phía trên, ta xét hình 3.5 và có:

DFS: 0 1 2 7 2 8 2 1 4 1 0 3 5 9 5 10 5 3 6 3 0

Giá trị B thỏa mãn là: B=24

Dựa vào DFS và B, ta thực hiện chia các tuyến cho cây như sau:

- Lượt 1: 0 1 2 7 2 1 0, năng lượng tiêu tốn là 16
- Lượt 2: 0 1 2 8 2 1 0, năng lượng tiêu tốn là 22
- Lượt 3: 0 1 4 1 0 3 0, năng lượng tiêu tốn là 18
- Lượt 4: 0 3 5 9 5 3 0, năng lượng tiêu tốn là 16
- Lượt 5: 0 3 5 10 5 3 0, năng lượng tiêu tốn là 24
- Lượt 6: 0 3 6 3 0, năng lượng tiêu tốn là 4

NHÂN XÉT

Kết quả kiểm tra thuật toán hoàn toàn trùng khớp với kết quả kiểm tra thủ công. Cụ thể, các giá trị DFS và B (B = 20 cho TestCase 1, B = 24 cho TestCase 2) đều được tính toán chính xác.

Kiển tra thủ công giúp ta làm rõ tính logic của thuật toán thông qua việc chia nhỏ từng tuyến và tính toán năng lượng tiêu hao (ví dụ: Lượt 1, 2, 3 ở TestCase 1). Điều này giúp ta hiểu sâu hơn về cách thuật toán chia tuyến và chọn đường đi.

⇒ PDFS offline đã thể hiện được tính đúng đắn của thuật toán

Bên cạnh đó ta thấy: PDFS Offline phù hợp với các hệ thống yêu cầu dữ liệu đầu vào không thay đổi, cho phép lập kế hoạch tuyến đường tĩnh và tiết kiệm thời gian triển khai. Hơn thế việc kiểm tra thủ công tốn nhiều công sức và dễ sai sót nếu cấu trúc cây/đồ thị phức tạp.

3.1.2 PDFS ONLINE

KIỂM TRA BẰNG THUẬT TOÁN

TestCase 1	TestCase 2
8 8 64	8 8 64
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$
0 0 0 0 0 0 0 0 0	$0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0$
0000000	0 1 1 1 0 1 1 0
0000000	$0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0$
$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$	0 0 0 1 1 1 1 0
$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 $	$0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$
$\begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$	$2\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0$
Number of routes: 3	Number of routes: 2
Route 1	Route 1
x=7 y=0 d=0 e=0	x=7 y=0 d=0 e=0
x=6 y=0 d=1 e=1	x=6 y=0 d=1 e=1
x=5 y=0 d=2 e=2	x=5 y=0 d=2 e=2
x=4 y=0 d=3 e=3	x=4 y=0 d=3 e=3
x=3 y=0 d=4 e=4	x=3 y=0 d=4 e=4
x=2 y=0 d=5 e=5	x=2 y=0 d=5 e=5
x=1 y=0 d=6 e=6	x=2 y=0 d=6 e=6
x=0 y=0 d=7 e=7	x=0 y=0 d=7 e=7
x=0 y=1 d=8 e=8	x=0 y=1 d=8 e=8
x=0 $y=1$ $d=0$ $e=0x=0$ $y=2$ $d=9$ $e=9$	x=0 y=1 d=0 e=0 x=0 y=2 d=9 e=9
x=0 y=3 d=10 e=10	x=0 y=3 d=10 e=10
x=0 $y=3$ $d=10$ $C=10x=0$ $y=4$ $d=11$ $e=11$	x=0 y=4 d=11 e=11
x=0 $y=4$ $d=11$ $e=11x=0$ $y=5$ $d=12$ $e=12$	x=0 $y=4$ $d=11$ $e=11x=0$ $y=5$ $d=12$ $e=12$
x=0 $y=5$ $d=12$ $e=12x=0$ $y=6$ $d=13$ $e=13$	x=0 y=6 d=12 e=12 x=0 y=6 d=13 e=13
x=0 y=7 d=13 e=13 x=0 y=7 d=14 e=14	x=0 y=7 d=13 e=13 x=0 y=7 d=14 e=14
x=0 $y=7$ $x=14$ $y=1$ $x=1$ $y=1$ $x=1$ $y=1$ $x=1$ $y=1$ $y=1$ $y=1$ $y=1$	x=0 y=7 d=14 e=14 x=1 y=1 d=7 e=23
x=1 $y=1$ $d=7$ $e=23x=1$ $y=2$ $d=8$ $e=24$	x=1 $y=1$ $d=7$ $e=23x=1$ $y=2$ $d=8$ $e=24$
x=1 $y=2$ $d=6$ $e=24x=1$ $y=3$ $d=9$ $e=25$	~
l v	x=1 y=3 d=9 e=25
x=1 y=4 d=10 e=26	x=1 y=4 d=10 e=26
x=1 y=5 d=11 e=27	x=1 y=5 d=11 e=27
x=1 y=6 d=12 e=28	x=1 y=6 d=12 e=28
x=1 y=7 d=13 e=29	x=1 y=7 d=13 e=29
x=2 y=1 d=6 e=38	x=4 y=1 d=4 e=40
x=2 y=2 d=7 e=39	x=4 $y=2$ $d=5$ $e=41$
x=2 y=3 d=8 e=40	x=4 y=3 d=6 e=42
x=2 y=4 d=9 e=41	x=4 y=4 d=7 e=43
x=2 y=5 d=10 e=42	x=3 y=4 d=8 e=44
x=2 y=6 d=11 e=43	x=2 y=4 d=9 e=45
x=2 y=7 d=12 e=44	x=5 y=1 d=3 e=53
x=3 y=1 d=5 e=53	x=5 y=2 d=4 e=54
x=3 y=2 d=6 e=54	x=6 y=1 d=2 e=58
x=3 y=3 d=7 e=55	x=6 y=2 d=3 e=59
x=3 y=4 d=8 e=56	x=6 y=3 d=4 e=60
Route 2	Route 2
x=7 y=0 d=0 e=0	x=7 y=0 d=0 e=0

TestCase 1	TestCase 2
x=6 y=0 d=1 e=1	x=6 y=0 d=1 e=1
x=5 y=0 d=2 e=2	x=6 y=1 d=2 e=2
x=4 y=0 d=3 e=3	x=6 y=2 d=3 e=3
x=3 y=0 d=4 e=4	x=6 y=3 d=4 e=4
x=3 y=1 d=5 e=5	x=6 y=4 d=5 e=5
x=3 y=2 d=6 e=6	x=6 y=5 d=6 e=6
x=3 y=3 d=7 e=7	x=6 y=6 d=7 e=7
x=3 y=4 d=8 e=8	x=6 y=7 d=8 e=8
x=3 y=5 d=9 e=9	x=5 y=7 d=9 e=9
x=3 y=6 d=10 e=10	x=4 y=7 d=10 e=10
x=3 y=7 d=11 e=11	x=3 y=7 d=11 e=11
x=4 y=1 d=4 e=20	x=2 y=7 d=12 e=12
x=4 y=2 d=5 e=21	x=7 y=1 d=1 e=25
x=4 y=3 d=6 e=22	x=7 y=2 d=2 e=26
x=4 $y=4$ $d=7$ $e=23$	x=7 y=3 d=3 e=27
x=4 $y=5$ $d=8$ $e=24$	x=7 y=4 d=4 e=28
x=4 y=6 d=9 e=25	x=7 y=5 d=5 e=29
x=4 y=7 d=10 e=26	x=7 y=6 d=6 e=30
x=5 y=1 d=3 e=35	x=7 y=7 d=7 e=31
x=5 y=2 d=4 e=36	
x=5 y=3 d=5 e=37	
x=5 y=4 d=6 e=38	
x=5 y=5 d=7 e=39	
x=5 y=6 d=8 e=40	
x=5 y=7 d=9 e=41	
x=6 y=1 d=2 e=50	
x=6 y=2 d=3 e=51	
x=6 y=3 d=4 e=52	
x=6 y=4 d=5 e=53	
x=6 y=5 d=6 e=54	
x=6 y=6 d=7 e=55	
x=6 y=7 d=8 e=56	
Route 3	
x=7 y=0 d=0 e=0	
x=7 y=1 d=1 e=1	
x=7 y=2 d=2 e=2	
x=7 y=3 d=3 e=3	
x=7 y=4 d=4 e=4	
x=7 y=5 d=5 e=5	
x=7 $y=6$ $d=6$ $e=6$	
x=7 y=7 d=7 e=7	

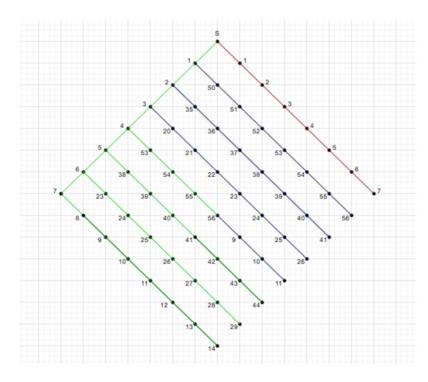
KIỂM TRA THỦ CÔNG

7	8	9	10	11	12	13	14
6	23	24	25	26	27	28	29
5	38	39	40	41	42	43	44
4	53	54	55	56	9	10	11
3	20	21	22	23	24	25	26
2	35	36	37	38	39	40	41
1	50	51	52	53	54	55	56
2	1	2	3	4	5	6	7

Hình 3.6: Bảng năng lượng của TestCase 1

(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)	(0,5)	(0,6)	(0,7)
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)	(1,7)
(2,0)	(2,1)	(2,2)	(2,3)	(2,4)	(2,5)	(2,6)	(2,7)
(3,0)	(3,1)	(3,2)	(3,3)	(3,4)	(3,5)	(3,6)	(3,7)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	(4,5)	(4,6)	(4,7)
(5,0)	(5,1)	(5,2)	(5,3)	(5,4)	(5,5)	(5,6)	(5,7)
(6,0)	(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)	(6,7)
(7,0)	(7,1)	(7,2)	(7,3)	(7,4)	(7,5)	(7,6)	(7,7)

Hình 3.7: Bảng tọa độ của TestCase 1



Hình 3.8: Mô phỏng TestCase 1

Giá trị B thỏa mãn là: ${\bf B}={\bf 64}$

Dựa vào bảng năng lượng từ Hình 3.6 ta có thể thấy robot có 3 lần quay về điểm xuất phát để nạp năng lượng, nên được chia thành 3 Route như sau:

Route 1: (7,0) (6,0) ... (0,0) (0,1) ... (0,7) (1,1) (1,2) ... (1,7) (2,1) (2,2) ... (2,7) (3,1) ... (3,4)

Route 2: (7,0) (6,0) ... (3,0) (3,1) ... (3,7) (4,1) (4,2) ... (4,7) (5,1) (5,2) ... (5,7) (6,1) (6,2) ... (6,7)

Route 3: (7,0) (7,1) (7,2) (7,3) (7,4) (7,5) (7,6) (7,7)

Chú thích: Năng lượng e dựa vào đường đi giữa các Route và bảng năng lượng (Hình 3.6).

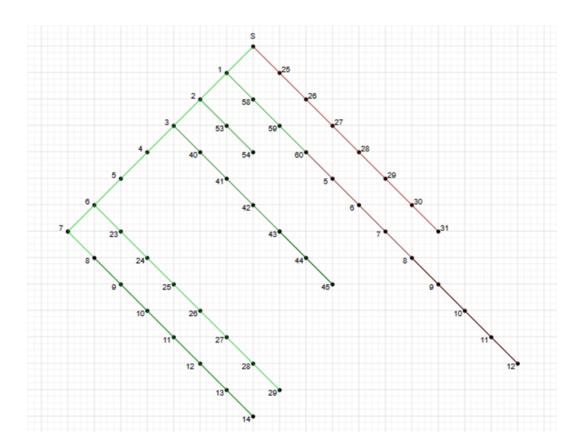
Khoảng cách giữa điểm hiện tại và điểm bắt đầu ta có thể thấy rõ ở Hình 3.8

7	8	9	10	11	12	13	14
6	23	24	25	26	27	28	29
5	X	X	X	45	X	X	12
4	X	X	X	44	X	X	11
3	40	41	42	43	X	X	10
2	53	54	X	X	X	X	9
1	58	59	60	5	6	7	8
2	25	26	27	28	29	30	31

Hình 3.9: Bảng năng lượng của TestCase 2

(0,0)	(0,1)	(0,2)	(0,3)	(0,4)	(0,5)	(0,6)	(0,7)
(1,0)	(1,1)	(1,2)	(1,3)	(1,4)	(1,5)	(1,6)	(1,7)
(2,0)	X	X	X	(2,4)	X	X	(2,7)
(3,0)	X	X	X	(3,4)	X	X	(3,7)
(4,0)	(4,1)	(4,2)	(4,3)	(4,4)	X	X	(4,7)
(5,0)	(5,1)	(5,2)	X	X	X	X	(5,7)
(6,0)	(6,1)	(6,2)	(6,3)	(6,4)	(6,5)	(6,6)	(6,7)
(7,0)	(7,1)	(7,2)	(7,3)	(7,4)	(7,5)	(7,6)	(7,7)

Hình 3.10: Bảng tọa độ TestCase 2



Hình 3.11: Mô phỏng TestCase 2

Giá trị B thỏa mãn là: $\mathbf{B} = \mathbf{64}$

Dựa vào bảng năng lượng từ Hình 3.9 ta có thể thấy robot có 2 lần quay về điểm xuất phát để nạp năng lượng, nên được chia thành 2 Route như sau:

Route 1: (7,0) (6,0) ... (0,0) (0,1) ... (0,7) (1,1) (1,2) ... (1,7) (4,1) (4,2) (4,3) (4,4) (3,4) (2,4) (5,1) (5,2) (6,1) (6,2) (6,3)

Route 2: (7,0) (6,0) (6,1) ... (6,7) (5,7) (4,7) (3,7) (2,7) (7,1) (7,2) (7,3) (7,4) (7,5) (7,6) (7,7)

Chú thích: Năng lượng e dựa vào đường đi giữa các Route và bảng năng lượng (Hình 3.9).

Khoảng cách d giữa điểm hiện tai và điểm bắt đầu ta có thể thấy rõ ở Hình 3.11

NHẬN XÉT

Kết quả từ thuật toán PDFS Online ở cả hai TestCase đều khớp với kiểm tr thủ công. Số lượng tuyến đường, giá trị năng lượng B=64 và cách phân chia các route đều được xác định chính xác, thể hiện qua việc robot quay về điểm gốc đúng số lần dự kiến (3 lần cho TestCase 1 và 2 lần cho TestCase 2).

Thuật toán tối ưu hóa được việc sử dụng năng lượng B bằng cách phân chia các tuyến đường hợp lý, giảm thiểu số lần quay về gốc không cần thiết. Ví dụ, ở TestCase 1, việc chọn B=64 giúp robot hoàn thành nhiệm vụ với 3 route mà không cần tăng thêm chi phí năng lượng.

Thuật toán thể hiện rõ cấu trúc lưới và đường đi của robot thông qua các bảng tọa độ và năng lượng (Hình 3.6, 3.7, 3.9, 3.10). Điều này cho phép đánh giá trực quan hiệu quả của thuật toán trước khi triển khai thực tế. Ngoài ra việc xử lý các ma trận phức tạp hơn (ví dụ: kích thước lớn hoặc có nhiều chướng ngại vật) cần được nghiên cứu thêm.

3.2 ĐÁNH GIÁ THUẬT TOÁN

Tiêu chí	PDFS Offline
Độ chính xác và độ tin	Độ chính xác cao vì kết quả thuật toán khớp với kiểm tra
cậy đối với thuật toán	thủ công
Mô phỏng và kiểm tra	Có thể mô phỏng cấu trúc cây để đánh giá trước khi thực
trước	hiện thuật toán
Phù hợp với dữ liệu cố	Thuật toán thực hiện hiệu quả khi dữ liệu đầu vào(cây)
định	không thay đổi, không cập nhật liên tục

Bảng 3.2: Ưu điểm của PDFS Offline

Tiêu chí	PDFS Online	
Xử lý dữ liệu động	Phù hợp với các bài toán có thay đổi trong thời gian thực	
	và có cấu trúc thay đổi liên tục	
Thời gian phản hồi nhanh	Không yêu cầu biết toàn bộ dữ liệu trước khi xử lý, giúp	
	giảm độ trễ và tăng tốc độ phản hồi	
Linh hoạt trong môi	Giải quyết hiệu quả các bài toán có điều kiện ràng buộc	
trường không ổn định	thay đổi. Tự động điều chỉnh lộ trình dựa trên thông tin	
	mới nhất, đảm bảo luôn là tối ưu	
Tiết kiệm tài nguyên	Xử lý từng phần dữ liệu khi cần thiết, giảm thiểu việc lưu	
	trữ và tính toán dư thừa. Phù hợp với robot có hạn chế về	
	bộ nhớ và năng lượng	
Khả năng mở rộng	Dễ dàng tích hợp vào các hệ thống phân tán hoặc song	
	song	

Bảng 3.3: Ưu điểm của PDFS Online

3.2.2 Nhược điểm của PDFS Offline và PDFS Online

Tiêu chí	PDFS Offline
Thiếu linh hoạt với dữ	Yêu cầu đầu vào cố định và không thể tự điều chỉnh khi có
liệu động	thay đổi. Mọi thay đổi đều cần phải chạy lại thuật toán từ
	đầu, làm tốn thời gian và tài nguyên
Hiệu suất giảm với dữ liệu	Khi kích thước tăng, thời gian tính toán và bộ nhớ cần
lớn	thiết để duyệt cây và phân chia tuyến đường tăng đáng kể,
	đặc biệt đối với cấu trúc cây phức tạp hoặc khoảng cách
	xa từ gốc đến lá
Phụ thuộc vào giá trị B	Chọn giá trị B tối ưu đòi hỏi kiểm tra thủ công hoặc mô
	phỏng trước. Nếu B không được chọn chính xác, thuật toán
	có thể làm tăng số tuyến, làm tăng chi phí hoặc không đáp
	ứng yêu cầu năng lượng
Tốn công sức kiểm tra thủ	Để đảm bảo độ chính xác, cần mô phỏng và kiểm tra thủ
công	công từng trường hợp. Quá trình này tốn thời gian, đặc
	biệt khi số lượng TestCase lớn hoặc cấu trúc phức tạp
Không phù hợp với thời	Chỉ xử lý dữ liệu tĩnh và không có khả năng phản hồi tức
gian thực	thời. Nên làm hạn chế ứng dụng trong các hệ thống yêu
	cầu xử lý nhanh

Bảng 3.4: Nhược điểm của PDFS Offline

Tiêu chí	PDFS Online
Phụ thuộc vào tốc độ cập	Khi dữ liệu đầu vào thay đổi quá nhanh, thuật toán có thể
nhật dữ liệu	không theo kịp, dẫn đến kết quả lỗi thời gian hoặc không
	chính xác
Thiếu cái nhìn tổng quan	Xử lý từng phần dữ liệu, thuật toán dễ bỏ qua các mối liên
	kết quan trọng trong toàn bộ đồ thị. Điều này có thể dẫn
	đến quyết định cục bộ thay vì tối ưu toàn cục
Độ phức tạp quản lý	Duy trì trạng thái liên tục giữa các phiên xử lý đòi hỏi
trạng thái	quản lý bộ nhớ phức tạp hơn, đặc biệt khi dữ liệu không
	ổn định. Điều này làm tăng nguy cơ rò rỉ bộ nhớ hoặc lỗi
	đồng bộ hóa
Hiệu suất giảm trên quy	Khi áp dụng đồ thị phức tạp, có thể gặp khó khăn trong
mô lớn	việc đồng bộ hóa, dẫn đến độ trễ cao hoặc tiêu tốn tài
	nguyên
Nhạy cảm với chất lượng	Nếu dữ liệu thời gian thực không đáng tin cậy, thuật toán
dữ liệu đầu vào	dễ đưa ra kết quả sai lầm
Khó debug và kiểm thử	Do tính chất động và không dự đoán trước nên việc theo
	dõi lỗi hoặc kiểm tra thủ công trở nên khó khăn, đòi hỏi
	phải có công cụ để giám sát quá trình xử lý

Bảng 3.5: Nhược điểm của PDFS Online

3.3 KẾT LUẬN

Cả hai phương pháp đều cho kết quả chính xác, nhưng PDFS Online phù hợp hơn cho bài toán duyệt trên đồ thị lưới, trong khi PDFS Offline tối ưu cho cấu trúc cây.

PDFS Offline tập trung vào việc chọn giá trị B phù hợp để giảm chi phí quay về gốc (ví dụ: B = 20 thay vì B = 18 ở TestCase 1), trong khi PDFS Online tối ưu dựa trên ma trận năng lượng cố định.

PDFS Online phù hợp cho robot di chuyển trong môi trường có sẵn thông tin lưới, còn PDFS Offline thích hợp cho hệ thống cố định (ví dụ: mạng cảm biến).

• Vậy cả hai phương pháp đều thể hiện ưu và nhược điểm riêng, nhưng cần kết hợp linh hoạt tùy vào trường hợp cụ thể. Việc kiểm giữa thuật toán và thủ công đã khẳng định tính đúng đắn của cả 2 phương pháp, đồng thời làm rõ bản chất của thuật toán PDFS trong các tình huống khác nhau.

Chương 4

Mở rộng cho PDFS OFFLINE

4.1 Giới thiệu

Trong quá trình kiểm thử và thực hiện trên đồ thị cây của thuật toán PDFS offline, ta thấy rằng có những trường hợp của kết quả thuật toán mà năng lượng tiêu hao cho mỗi tuyến không đạt tới B thường khá lớn. Xem xét lại hai testcase trên mục 2.1.2, ta thấy

Testcase 1: Có duy nhất 1 tuyến 3 là đạt tới giá trị B, 2 tuyến 1 và 2 có năng lượng dư lần lượt là: 2 và 4

Testcase 2: Có duy nhất 1 tuyến 5 là đạt tới giá trị B, 5 tuyến còn lại là dư thừa năng lượng. Theo như tài liệu [1], thì không đề cập về việc dùng năng lượng dư thừa để tối ưu số tuyến mà chỉ nói đến vấn đề là đảm bảo đúng tính chất công thức 1.1, do đó lượng dư thừa sau mỗi tuyến bị bỏ phí. Giả sử nếu như ứng dụng trong thực tế khám phá thì chi phí cho lượng dư thừa này khá lớn, từ đó dẫn đến việc tổn hao về tài chính khám phá. Nhận thấy vấn đề trên nên nhóm đã quyết định cải tiến thuật toán để tối ưu hơn về lượng dư thừa này.

4.2 Thiết lập và giải quyết vấn đề

4.2.1 Cơ sở lý thuyết

- Nền tảng 1: Nói về các lý thuyết về giá trị của B, môi trường khám phá, bài toán ECTC, các kiến thức liên quan đã được nói đến trong tài liệu [1]
- Nền tảng 2: Các trường hợp mà thuật toán sắp cải tới bị giới hạn:
 - Không có dư thừa trong quá trình khám phá
 Cụ thể: Giá trị B chia hết cho trọng số của các cạnh
 - 2. Lượng dư thừa quá bé so với trọng số của cây
 - 3. Lượng dư thừa đã được dùng ở một tuyến nào đó, và khi tiếp một tuyến khác thì lại phải quay về làm cho không tối ưu được số tuyến như mong muốn. Tuy nhiên khi quay về và khám phá thì một điều có thể khẳng định tuyến đó là tuyến cuối cùng trong quá trình khám phá.
- Nền tảng 3: Ở cải tiến này ta có thêm 1 giá trị C. C sẽ lưu trữ dư thừa ở tuyến, và sẽ cộng dồn vào. Công thức của C:

$$C = \sum_{i=1}^{k} B - c_i$$

Giải thích công thức:

B: giá trị giới hạn

 c_i : chi phí cho tuyến i

k: số tuyến hiện tại đang duyệt (max: n-1)

• Nền tảng 4: Trong [1], đã nói đến giá trị B là giới hạn năng lượng cho quá trình khám phá, có thể là pin. Vậy thì giá trị C, ta dùng như thế nào khi B còn dư lại.

Ý tưởng: Robot ngoài pin mang giá trị B, thì còn một viên pin rỗng để tích trữ năng lượng. Viên pin này có dung tích đủ lớn để lưu lương dư thừa

Điều kiện: $C \ge B$, nghĩa là robot sẽ mang theo 1 viên pin rỗng có sức chứa ngang viên pin hiện tại mà robot đang dùng. Qua các tuyến thì lượng dư thừa sẽ được nạp vào C.

Lưu ý:

 \rightarrow Giá trị dư thừa sẽ giúp ta $giảm \ h \ tuyến$, t*iết kiệm được h lần quay về* . $Giảm \ dươc \ h \ lần \ chi \ phí$. Đây là điều mà hầu hết các nhà khám phá đều muốn đạt được

4.2.2 Quá trình thực hiện

- 1. Bắt đầu tại gốc r
- 2. Thực hiện chia tuyến như trong [1] , nhưng có 1 lưu ý là duyệt DFS sẽ khác với DFS khi chưa cải tiến, xem thêm tại mục kiểm tra thủ công
- 3. Sau tuyến đầu tiên, giá trị C đã được gán vào với $C = B c_1$. Lúc này robot đang ở gốc
- 4. Xem xét là có nhánh nào ở gốc có thể duyệt được thì thêm vào tuyến đầu tiên này, nếu không tiếp tục 1 tuyến mới
- 5. Ở tuyến i, ta vẫn duyệt tương tự theo như [1], nhưng khi không thể đi tiếp vì nếu đi tiếp sẽ vượt qua năng lượng B ban đầu, thì bây giờ ta dùng giá trị C. Nếu C có thể duyệt thêm một nhánh nào thì ta thêm nhánh đó vào tuyến này
- 6. Lặp lại bước 5 cho đến khi duyệt hết cây

4.3 Thuật toán

Trong thuật toán, ta đặt C là surPlus.

Về cấu trúc: tương tự mã giả của PDFS offline. Nhưng có thêm 2 hàm mới

Hàm exploreWithSurplus(Node, double)

Hàm này sẽ kiểm tra xem: các nút con của nút hiện tại đang dừng, có nút nào có thể khám phá được không, nếu được thì thêm vào tuyến

```
for all (v, w) in u.children do
   if not v.visited && weight*2<=surPlus then
        Add child.id to currentRoute, fullDFS;
        routeEnergy+=weight*2;
        exploreWithSurplus(child, surPlus-(weight*2));
        Add currentNode.id to currentRoute, fullDFS;
   endif
end for</pre>
```

Hàm DFS

```
1 Function DFS(u)
      for all (v, w) in u.children do
           if not v.visited then
               if routeEnergy + w + (currentLength + w) > B + carriedSurplus then
                    surplus <- B + carriedSurplus - (routeEnergy + currentLength)
                    if surplus > 0 then
6
                        exploreWithSurplus(u, surplus)
                    end if
                    distToRoot <- currentLength
9
                    routeEnergy <- routeEnergy + distToRoot
                    actualSurplus <- B + carriedSurplus - routeEnergy
11
                    Add actualSurplus to surplusEnergy
12
                    carriedSurplus <- actualSurplus
13
                    for i <- path.size - 2 downto 0 do
                        Add path[i].first.id to currentRoute
15
                    end for
16
                    Add currentRoute to routes
                    Add routeEnergy to routeCosts
18
                    routeCount <- routeCount + 1
19
                    currentRoute <- empty
20
                    Add root.id to currentRoute
                    routeEnergy <- 0
22
                    newDist <- 0
23
                    for i <- 1 to path.size - 1 do
                        parentNode <- path[i - 1].first</pre>
                        curNode <- path[i].first</pre>
26
                        wt <- path[i].second
                        newDist <- newDist + wt</pre>
2.8
                        routeEnergy <- routeEnergy + wt</pre>
                        sumEnergy <- sumEnergy + newDist</pre>
30
                        Add curNode.id to currentRoute
31
                    end for
32
                    currentLength <- newDist
               end if
34
               v.visited <- true
               Add v.id to fullDFS
               currentLength <- currentLength + w
37
               routeEnergy <- routeEnergy + w</pre>
38
               sumEnergy <- sumEnergy + currentLength</pre>
39
               Add v.id to currentRoute
               Add (v, w) to path
41
               DFS(v)
42
               Add u.id to fullDFS
43
               Remove last element from path
               currentLength <- currentLength - w
45
               routeEnergy <- routeEnergy + w
46
               Add u.id to currentRoute
47
           end if
      end for
50 End Function
52 // Initial call
53 root.visited <- true
54 DFS (root)
55
56 // Finalize last route if any
57 if currentRoute.size > 1 then
      distToRoot <- currentLength</pre>
58
      routeEnergy <- routeEnergy + distToRoot</pre>
59
      finalSurplus <- B + carriedSurplus - routeEnergy
      if finalSurplus > 0 then
61
           exploreWithSurplus(root, finalSurplus)
```

```
end if
63
      Add finalSurplus to surplusEnergy
      carriedSurplus <- finalSurplus</pre>
65
      for i <- path.size - 2 downto 0 do
66
          Add path[i].first.id to currentRoute
      end for
      Add currentRoute to routes
69
      Add routeEnergy to routeCosts
70
71 end if
73 // Output full DFS traversal
74 for each id in fullDFS do
      print id
  end for
78 // Output route info
_{79} for i <- 0 to routes.size - 1 do
      print "Route", i + 1, "(cost =", routeCosts[i], ", surplus =",
     surplusEnergy[i], "):"
      for j <- 0 to routes[i].size - 1 do
81
          print routes[i][j]
83
      end for
84 end for
```

4.4 Triển khai code và đánh giá

4.4.1 Triển khai

Code đã đính kèm theo link: Code

4.4.2 Minh họa testcase và kiểm tra thủ công

Chạy thuật toán

Input:

Dòng 1: n B (số nút, năng lượng).

Dòng 2-n: cạnh có trọng số.

Output:

Dòng 1: DFS quay lui. Tiếp theo: các tuyến.

TestCase 1	TestCase 2

```
10 26
                                              11 24
0 1 2
                                              0 1 3
023
                                              0 3 1
                                              1 2 1
134
1 4 1
                                              1 4 5
2 5 5
                                              274
261
                                              287
5 7 2
                                              3 5 6
582
                                              3 6 1
8 9 3
                                              591
                                              5 10 5
0\ 1\ 3\ 1\ 4\ 1\ 0\ 2\ 6\ 2\ 5\ 7\ 5\ 8\ 9\ 8\ 5\ 2
                                              0\ 1\ 2\ 7\ 2\ 8\ 2\ 1\ 4\ 1\ 0\ 3\ 5\ 9\ 5\ 10\ 5\ 3\ 6
Route 1 (cost = 22, surplus = 4): 0 1 3 1 4
                                              3 0
102620
                                              Route 1 (cost = 16, surplus = 8): 0.1.2.7.2
Route 2 (cost = 30, surplus = 0): 0 2 5 7 5
898520
                                              Route 2 (cost = 32, surplus = 0): 0 1 2 8 2
                                              1410
                                              Route 3 (cost = 16, surplus = 8): 0.3595
                                              Route 4 (cost = 26, surplus = 6): 0 3 5 10
                                              5 3 6 3 0
```

```
10 26

0 1 2

0 2 3

1 3 4

1 4 1

2 5 5

2 6 1

5 7 2

5 8 2

8 9 3

0 1 3 1 4 1 0 2 6 2 5 7 5 8 9 8 5 2 0

Route 1 (cost = 22, surplus = 4): 0 1 3 1 4 1 0 2 6 2 0

Route 2 (cost = 30, surplus = 0): 0 2 5 7 5 8 9 8 5 2 0
```

Hình 4.1: TestCase 1 khi đã cải tiến

```
10 26

0 1 2

0 2 3

1 3 4

1 4 1

2 5 5

2 6 1

5 7 2

5 8 2

8 9 3

0 1 3 1 4 1 0 2 5 7 5 8 9 8 5 2 6 2 0

Route 1 (cost = 20): 0 1 3 1 4 1 0 2 0

Route 2 (cost = 24): 0 2 5 7 5 8 5 2 0

Route 3 (cost = 26): 0 2 5 8 9 8 5 2 0

Route 4 (cost = 8): 0 2 6 2 0
```

Hình 4.2: TestCase 1 khi chưa cải tiến

```
11 24

0 1 3

0 3 1

1 2 1

1 4 5

2 7 4

2 8 7

3 5 6

3 6 1

5 9 1

5 10 5

0 1 2 7 2 8 2 1 4 1 0 3 5 9 5 10 5 3 6 3 0

Route 1 (cost = 16, surplus = 8): 0 1 2 7 2 1 0

Route 2 (cost = 32, surplus = 0): 0 1 2 8 2 1 4 1 0

Route 3 (cost = 16, surplus = 8): 0 3 5 9 5 3 0

Route 4 (cost = 26, surplus = 6): 0 3 5 10 5 3 6 3 0
```

Hình 4.3: TestCase 2 khi đã cải tiến

Kiểm tra thủ công

Như đã nói lúc ban đầu, tuyến DFS cải tiến này sẽ khác với tuyến DFS trước khi cải tiến ở việc **Testcase 1:** Cây mô phỏng như sau:

Tuyến DFS khi chưa cải tiến Hình 4.1	Tuyến DFS khi đã cải tiến Hình 4.2
$0\ 1\ 3\ 1\ 4\ 1\ 0\ 2\ 5\ 7\ 5\ 8\ 9\ 8\ 5\ 2\ 6\ 2\ 0$	0 1 3 1 4 1 0 2 6 2 5 7 5 8 9 8 5 2 0

Sự khác biệt: Khi chưa cải tiến là 0 2 5 7 ... 2 6 2 0, còn khi đã cải tiến thì tuyến DFS lúc này là 0 2 6 2 5 7 5 ... Lý do có sự thay đổi này, chính là bởi vì trong quá trình duyệt, lượng dư thừa có thể duyệt thêm cạnh 2-6, đây là điều mà DFS khi chưa cải tiến không thể thực hiện được. Chính nhờ việc duyệt thêm cạnh 2-6 này mà đã giúp ta giảm số tuyến từ 4 tuyến xuống còn 2 tuyến, giúp ta giảm tới 2 lần chi phí, 2 lần quay về giúp tiết kiệm rất nhiều thời gian công sức.

Việc thực hiện chia tuyến như sau:

```
Tuyến 1: Route 1 (cost = 22, surplus = 4): 0 1 3 1 4 1 0 2 6 2 0
```

Ta có thể thấy ngay khi mà duyệt thêm được cạnh 2-6 thì tuyến đầu tiên của ta đã thay đổi, ban đầu nếu chưa được cải tiến thì chi phí là 20, xem hình... còn bây giờ là 22, nhưng vẫn đảm bảo đúng tính chất của PDFS offline

```
Tuyến 2: Route 2 (cost = 30, surplus = 0): 0 2 5 7 5 8 9 8 5 2 0
```

Ta nhận thấy ở tuyến 2 này, có sự thay đổi rõ rệt về cả chi phí lẫn lượng dư, nếu như theo cách cũ thì ta chỉ có thể đạt đến 26 nhưng mà khi cải tiến giá trị vượt qua 26 vẫn không ảnh hưởng gì. Cụ thể hơn ở tuyến đầu ta dư được 4, hơn thế khi duyệt tuyến thứ 2 thì lượng dư này lại đủ để duyệt thêm cho nhánh cuối cùng, do đó mà số tuyến ta giảm được tới 50%. Giả sử như việc tuyến DFS khi chưa cải tiến giống như DFS cải tiến thì vẫn chỉ có thể giảm được 1 tuyến vì robot nhất định phải quay về để nạp năng lượng khám phá thêm tuyến cuối, nói đúng ra là cạnh cuối cùng, nhưng nhờ vào cải tiến mà ta không cần quay về vẫn có thể khám phá được toàn bộ cây.

TestCase 2: Tương tự testcase 1, nhờ vào tối ưu lượng dư mà dẫn đến việc duyệt DFS sẽ khác, mà khi duyệt DFS khác thì năng lượng lẫn chi phí đều được giảm đáng kể, xem 2 hình 3.3, 4.3. Cụ thể theo testcase 2 thì ta được giảm 2 tuyến so với PDFS truyền thống. Kèm theo link còn có các testcase khác, chúng ta có thể tự kiểm tra và nhận xét kỹ hơn nữa. Link testcase: TestCase

4.4.3 Đánh giá và ứng dụng tương lai

Thông qua mục 4.4.2, ta có thể thấy rằng thuật toán đã thể hiện được tính đúng đắn và đáp ứng được yêu cầu, mục đích ban đầu: tối ưu năng lượng, tiết kiệm chi phí. Theo như 2 testcase trên thì ta đã tiết kiệm được tới 50% chi phí cho việc khám phá kể cả thời gian lẫn công sức. Và hi vọng ý tưởng này sẽ được ứng dụng trong thực tế để tiết kiệm cho quá trình khám phá và thám hiểm trong tương lai.

DANH MỤC TÀI LIỆU THAM KHẢO

Tiếng Anh:

- [1] Shantanu Das, Przemysław Uznanski, Dariusz Dereniowski Energy Constrained Depth First Search.
- [2] Gokarna Sharma Ayan Dutta. A Constant-Factor Approximation Algorithm for Online Coverage Path Planning with Energy Constrain

Website:

- [1] GitHub PDFS
- [2] Viblo Asia