

# Langages de script

## TP n° 3: Listes, ensembles et tables de hachage

Les exercices optionnels sont marqués avec  $(\star)$ .

#### Exercice 1: Retour sur les listes

Dans les mutations de liste on peut aussi avoir des doubles itérations. Par exemple [(a,b) for a in [1,2] for b in [3,4] produit [(1,3),(1,4),(2,3),(2,4)] ou [x for y in [[1,2],[3,4],[5,6,7]] if  $len(y) \le 2$  for x in y ] donne [1,2,3,4].

- 1. Écrire une fonction couples (i, j) qui génère une liste de tous les couples d'entiers  $\{(x,y) \mid 0 \le x \le i \text{ et } 0 \le y \le j\}$ .
- 2. Une matrice d'entiers est une liste de listes d'entiers. Écrire une fonction transpose (m) qui calcule la transposée de la matrice m. Par exemple, transpose ([[1,2,3],[4,5,6]]) renvoie [[1,4],[2,5],[3,6]]
- 3. Écrire une fonction produit(1) qui calcule le produit cartésien de toutes les listes contenues dans 1. Par exemple produit([[4,5],['cd'],[1,2,3]]) donne [[4,'cd',1],[5,'cd',1],[4,'cd',2],[5,'cd',2],[4,'cd',3],[5,'cd',3]]

### Exercice 2: Ensembles

- 1. Ecrire une fonction ens(w) qui prend en argument une chaîne de caractères w et retourne l'ensemble de ses caractères. Par exemple : ens("caracteres") retourne {'a', 'c', 'e', 's', 'r', 't'} alors que ens("") retourne set(). Écrire une version en ajoutant un par un les caractères à un ensemble et une version de la forme return { code }. Est-ce que votre fonction marche aussi pour d'autres types de données?
- 2. Écrire une fonction afficher(s) qui affiche tous les éléments de l'ensemble s. Quel est l'ordre dans lequel les éléments sont affichés? Est-ce que votre fonction marche aussi pour d'autre type de données?
- 3. Écrire une fonction minimum(s) qui renvoie le minimum d'un ensemble non vide d'entiers.
- 4. En utilisant les ensembles écrire une fonction memeslistes(11,12) qui renvoie True, si les listes 11 et 12 contiennent les mêmes éléments (dans n'importe quel ordre et possiblement dupliqués), False sinon.

  Par exemple memeslistes([1,2,1,3,3],[3,2,2,1]) renvoie True.
- 5. Écrire un *script* python exécutable compterlettres qui prend en argument un fichier et affiche combien de lettres différentes le fichier contient. Par exemple compterlettres truc affiche 7 si le fichier truc contient deux lignes de la forme « machin ».
- 6. Écrire une fonction multiples(p,n) qui renvoie l'ensemble de tous les multiples de l'entier p (sans p lui-même) qui sont inférieurs ou égale à l'entier n. Par exemple, multiple(2,10) renvoie {8, 10, 4, 6}

L3 Informatique Année 2015-2016

7. Écrire une fonction **premiers** qui renvoie un ensemble avec tous les nombres premiers inférieur ou égal à l'entier **n** donné en entrée. Utiliser la méthode du crible d'Ératosthène : On crée un ensemble s de tous les entiers de 2 jusqu'à n. On met p à 2. (A) Tant que p < n et  $p \notin s$ , on incrémente p de 1 (donc p est premier). Ensuite on enlève tous les multiples de p de s, on incrémente p de 1 et on continue avec (A).

## Exercice 3 : Table de hachage simple

Une façon d'implémenter les ensembles est d'utiliser des tables de hachage. Le but d'une table de hachage est entre autres de disposer d'une structure de donnée permettant de tester en général très rapidement (sans parcourir toute une liste par exemple), si un élément est contenu dans un ensemble. Dans cet exercice on propose d'implémenter une simple méthode de hachage permettant de représenter des ensembles d'entiers et de la comparer avec l'implémentation de Python des ensembles.

Ici, une table de hachage de taille n est juste un tableau (une liste en Python) de taille n contenant des entiers (ou None). Une fonction de hachage h est une fonction qui associe à une valeur d'un domaine d'entrée un entier entre 0 et n-1. Par exemple, si le domaine d'entrée sont les entiers on peut choisir tout simplement  $h(k) = k \mod n$ . Une table de hachage peut être utilisée par exemple pour stocker un ensemble (contenant des entiers) de taille n au maximum :

Un ensemble vide correspond à un tableau (une liste) t où tous les éléments sont None. Ajouter un élément k à la table consiste à calculer p = h(k). Ensuite, si le tableau t à la position p est vide, on stocke k à cette position. Si le tableau à la position p contient déjà k, on ne fait rien. Sinon, on a un conflit. On peut résoudre le conflit en remplaçant p avec  $(p+1) \mod n$ ,  $(p+2) \mod n$ , etc. (cette méthode s'appelle linéaire), jusqu'à ce qu'on trouve une place libre dans le tableau. Une autre méthode (appelée quadratique) consiste à remplacer p successivement par  $(p+1) \mod n$ ,  $(p+4) \mod n$ ,  $(p+9) \mod n$ , etc.

Pour tester si un élément est dans l'ensemble, on essaie de le retrouver comme si on voulait l'ajouter.

Évidemment, si on essaie d'ajouter un élément à une table pleine, la méthode d'ajout ne s'arrête pas.

- 1. Écrire une fonction inittable(n) qui renvoie une table de hachage (liste) de taille n contenant des éléments None.
- 2. Écrire une fonction ajoutertable(x,n,t) qui ajoute l'élément x à la table t qui est de taille n avec la méthode linéaire. Cette fonction ne renvoie rien!
- 3. Écrire une fonction danstable(x,n,t) qui renvoie True si l'élément x est dans la table de taille n, sinon False
- 4. Écrire une fonction testhachage(n,1) qui crée une table de hachage de taille n et ensuite effectue les opérations suivantes sur une liste d'entiers 1 :
  - ajouter tous les éléments de 1 à la table
  - tester, si tous les entiers de la liste 1 sont dans la table
- 5. Écrire une fonction testset(1) qui crée un ensemble vide et ensuite effectue les opérations suivantes sur une liste d'entiers 1
  - ajouter tous les éléments de 1 à l'ensemble

- tester, si tous les entiers de la liste 1 sont dans l'ensemble
- 6. Écrire une fonction testmethodes(k,m,n) qui crée une liste de k entiers choisi au hasard entre 0 et m et qui ensuite calcule et affiche le temps d'exécution de la fonction testhachage(n,1) et indépendamment de la fonction testset(1) de sorte qu'on puisse comparer les deux. Ensuite faire différents test pour comparer les deux méthodes.

Indication: Dans le module random il y a une fonction randint qui produit des entiers au hasard. Dans le module time il y a une fonction process\_time qui donne le temps d'exécution du programme du début jusqu'au point actuel.

- 7. (★) Comment pourrait-on enlever un élément de la table?
  Écrire une fonction enlever(x,n,t) qui ôte l'élément x à la table t de taille n avec la méthode linéaire. Cette fonction ne renvoie rien!
- 8. (\*) Modifier vos fonctions pour représenter des ensembles de chaînes de caractères (ou autre types de données)?