

Circuito de *Pre-Charge*

Projeto, Dimensionamento e Escolha de Componentes

Nome Thiago Saber E-mail thiago.saber@uem.com.br



Contato

Thiago Duque Saber de Lima Departamento de Inovação Av. Empresarial Park Sul Centro Empresarial Park Sul Matias Barbosa - Minas Gerais

CEP: 36120-000

Contato: thiago.saber@uem.com.br +55 (32) 98872-8559

Projeto Híbrido - Circuito de Pre-Charge

Esse relatório tem como objetivo descrever o desenvolvimento do circuito de pre-charge para o conversor de potência buck-boost bidirecional, utilizado no projeto híbrido. Contém a revisão teórica necessária para o projeto do circuito de pre-charge, o dimensionamento e especificação dos componentes e simulações que validem o projeto.

Changelog

Sumário

1	Introdução	1
2	Revisão Teórica	3
3	Dimensionamento 3.1 Para $V_s = 700 \text{V}$ 3.2 Para $V_s = 1400 \text{V}$	5 5 7
4	Escolha de Componentes 4.1 Resistor 4.2 Contator 4.3 Cabos	10
5	Simulação	14
\mathbf{R}	eferências	15
A	nexos Anexo I	16 16

1 Introdução

O conversor buck-boost projetado para o caminhão hibrido está ilustrado na Figura 1. Conforme demonstrado, há a existência de bancos capacitivo na entrada do conversor, em paralelo com as baterias, e na saída, em paralelo DC+ e DC-.

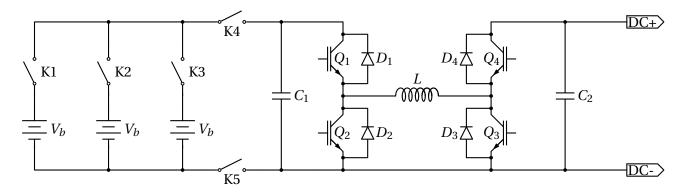


Figura 1: Conversor Buck Boost Bidirecional.

Para o funcionamento ideal do sistema híbrido são necessários alguns cuidados com os contatores, uma vez que eles são os repensáveis por conectar os circuitos. Um cuidado em especial que deve ser tomado são em relação as altas correntes, uma vez que pode ocorrer o efeito de solda (vulgarmente chamado de **cola**) dos seus contatos.

Os principais fatores que resultam na solda dos terminais são:

- Curto circuito: resultam em uma alta corrente nos contatos. Quando há circuitos de proteção, como fusíveis, esse se abre, porém a passagem de alta corrente no contator resulta em uma alta dissipação de potência, que aquece os contatos e os soldam;
- Choques e vibrações: essas variações podem abrir levemente o contator, o que resulta em arcos elétricos que esquentam pequenos pontos nos terminais. Ao fechar novamente o contato, esses pontos quentes podem se solidificar, unificando os contatos;
- Corrente inicial de carregamento do capacitor: Ao se fechar o contator com o banco capacitivo descarregado, a corrente inicial do circuito é altíssima, causando o aquecimento e solda dos contatos. O nome desse fenômeno é *inrush current*, sendo o principal causador de solda nos contatos do contator. Na Figura 1 está demonstrado esse fenômeno.

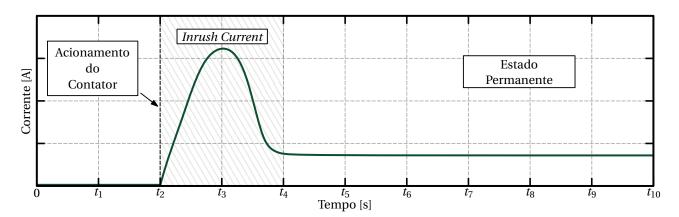
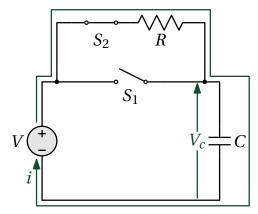


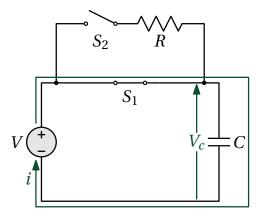
Figura 2: Corrente de acionamento.

1 INTRODUÇÃO

Como demonstrado na Figura 2, logo ao se fechar o contator, em t_2 , a corrente que passa pelo contator é alta, atingindo um pico bem superior que a corrente de estado permanente, caracterizando a *inrush current*. Tal fenômeno ocorre pois o capacitor inicialmente funciona como um curto-circuito.

Nesse sentindo, são utilizados circuitos de *pre-charge* para evitar a alta corrente inicial e os efeitos de solda nos contatos dos contatores. O circuito mais utilizado e simples de ser implementado é o **resistor** de *pre-charge*, em que é colocado um resistor e um novo contator em paralelo com o contator no qual deseja-se evitar a *inrush current*. Na Figura 3 está demonstrado o funcionamento desse circuito.





- (a) Carregamento do capacitor pelo resistor de *pre-charge*.
- (b) Funcionamento do circuito em estado permanente.

Figura 3: Funcionamento do circuito de *pre-charge*.

Quando deseja-se iniciar o sistema, com o banco capacitivo descarregado, é acionado o contator S_2 em serie com o resistor de *pre-charge* R. O resistor limita a corrente de *inrush* do circuito, determinado pela constante de tempo de um circuito RC τ . Após um certo tempo especificado pelo projetista, com o capacitor parcialmente carregado, S_1 é fechado e S_2 é aberto, fazendo com que o sistema atue em condições normais. É interessante observar que o resistor foi colocado após o contator. Essa prática é comum e bem vista pois diminui o número de elementos energizados para o sistema desligado.

Esse relatório tem como objetivo o projeto de um circuito de *pre-charge* para o conversor demonstrado na Figura 1. Sendo assim, será feita a revisão teórica necessária para o projeto do circuito de *pre-charge*, o dimensionamento dos componentes para o conversor buck-boost bidirecional, a especificação dos componentes que serão utilizados e demonstradas simulações que comprovem os resultados esperados.

2 Revisão Teórica

Quando S_2 está fechado é formado um circuito RC simples. A constante de tempo do sistema (τ) , ou seja, o tempo para que o capacitor atinja 62,3% da tensão final, é dado conforme (1).

$$\tau = R \cdot C \tag{1}$$

Em que:

- τ : Constante de tempo do sistema;
- R: Resistor de pre-charge;
- C: Banco capacitivo.

O contator S_2 deverá ficar acionado por um tempo "t"que resulte em uma carga de 99,33% do capacitor, o que corresponde a cinco constantes de tempo. Tal porcentagem de carga é assumida no desenvolvimento para veículos elétricos como forma de reduzir variações bruscas de corrente no sistema.

Dessa forma, é possível escrever t em função de τ em (2).

$$t = 5 \cdot \tau \tag{2}$$

Considerando o circuito RC durante o *pre-charge*. a curva de carga do capacitor pode ser dada de acordo com (3).

$$V_c(t) = V_s(t) \cdot \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}}\right) \tag{3}$$

Em que:

- V_c : Tensão no banco capacitivo;
- V_s : Tensão da bateria;
- t: Tempo.

A corrente que passa pelo contator (i(t)) durante o tempo de pre-charge é dado pela (4).

$$i(t) = \frac{V_s(t) - V_c(t)}{R} \tag{4}$$

De forma geral, as formas de onda de corrente e tensão utilizando um circuito de *pre-charge* podem ser exemplificados pela Figura 4.

Considerando um tempo de pre-charge longo, normalmente acima de três constantes de tempo, o resistor irá dissipar a mesma quantidade de energia que a armazenada no capacitor completamente carregado. A energia armazenada no capacitor (E) é dada de acordo com (5).

$$E = \frac{C \cdot V_s^2}{2} \tag{5}$$

Dessa forma, o resistor utilizado deverá ser capaz de dissipar a mesma energia encontrada em (5). Para o calculo de potência, devido ao baixo tempo de pre-charge, podemos utilizar a potência média para o dimensionamento do resistor. Esse tipo de simplificação é permitida pois normalmente resistores de potência conseguem ir em potências muito superiores a nominal

por um curto período de tempo. Dessa forma, é possível encontrar a potência média requirida em (6).

$$P_m = \frac{E}{t} \tag{6}$$

A curva de potência instantânea do resistor é dada por (7).

$$P = R \cdot i^2 \left(t \right) \tag{7}$$

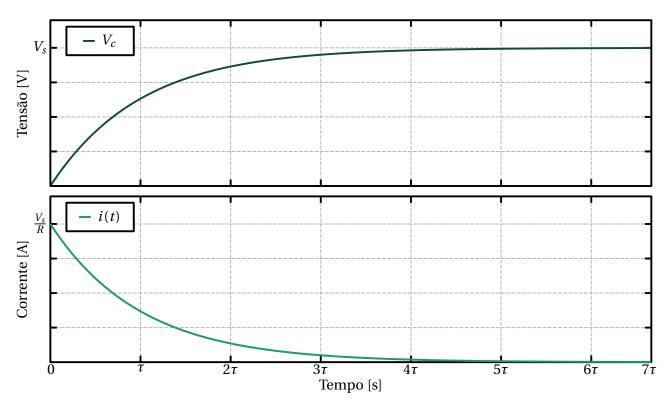


Figura 4: Formas de ondas tipicas com o circuito de pre-charge.

3 Dimensionamento

Para o dimensionamento do resistor e contator utilizados para *pre-charge* foi utilizada a seguinte metodologia:

- Estabelecido um tempo t para o carregamento de 99,33% do capacitor;
- Encontrar a constante de tempo através de (2);
- Encontrar o valor para resistência de *pre-charge* através de (1);
- Observar as curvas de tensão e corrente através de (3) e (4) e verificar o maximo de corrente;
- Verificar a energia armazenada no capacitor através de (5);
- Verificar a potência média requerida do resistor através de (6);
- Escolher um resistor levando em conta a potência média requerida e a resistência;
- Escolher um contator levando em consideração a corrente máxima e máxima tensão no nos terminais..

Para o projeto do conversor buck-boost, será feita a análise para dois níveis de tensão diferentes: $V_s = 700\,\mathrm{V}$ e $V_s = 1400\,\mathrm{V}$. Tais valores correspondem a meio pack de baterias, valor que será utilizado inicialmente para testes, e ao máximo valor do banco de baterias, respectivamente. O valor utilizado para o banco capacitivo é o mesmo do projeto, $C = 9.4\,\mathrm{mF}$. Foi feito um código para fazer as análises em função de uma lista de tempos de pre-charge estabelecidos. Esse código pode ser visto no Anexo I (**Código** 1 ou no gitlab da empresa, com o nome de **precharge-calculator**.

3.1 Para $V_s = 700 \,\text{V}$

Considerando os passos demonstrados na metodologia, foram calculadas a curva de tensão, corrente e potência instantânea para diferentes tempos de carregamento. Na Figura 5 estão ilustradas essas curvas.

Na Figura 6 estão ilustrados os valores de resistência máxima para cada tempo de *pre-charge*, conforme demonstrado na Figura 5.

Após analisados os valores obtidos nas Figuras 5 e 6 foi escolhido o tempo total de carregamento $t=2\,\mathrm{s}$ com base nos modelos de resistor existentes no mercado, tendo em consideração preço, valor de resistência, potência máxima e possível associação serie/paralelo.

Com o tempo total de carregamento definido, a constante de tempo do sistema é dada em (8).

$$t = 5 \cdot \tau \qquad \Rightarrow \qquad \tau = \frac{2}{5} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{\tau = 0.4 \,\mathrm{s}}$$
 (8)

Com a constante de tempo encontrada em (8), é possível encontrar o valor do resistor de pre-charge em Equação 9.

$$\tau = R \cdot C \qquad \Rightarrow \qquad R = \frac{0.4}{9.4 \cdot 10^{-3}} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{R = 42.55 \,\Omega}$$
(9)

O máximo de corrente é dado de acordo com (10).

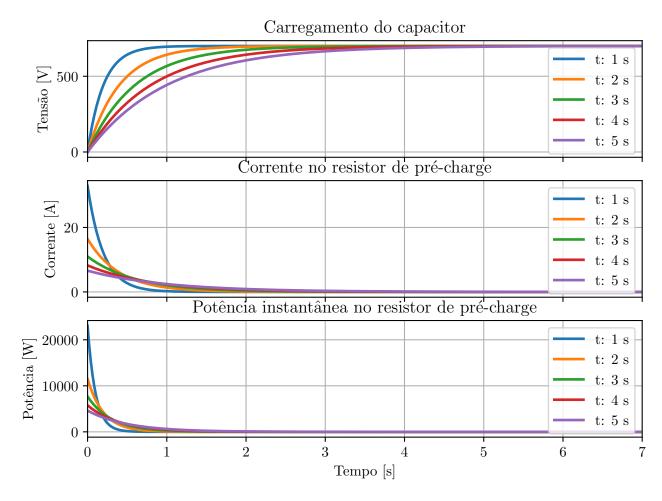


Figura 5: Curvas para cada pre-charge.

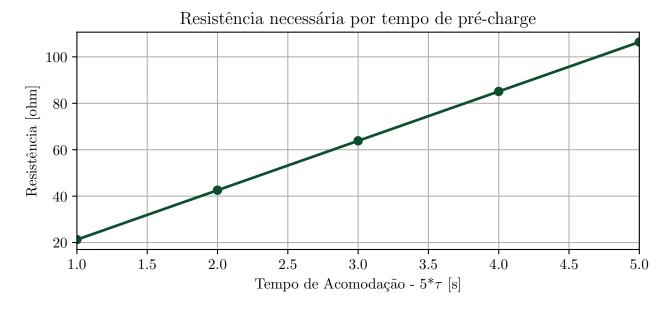


Figura 6: Resistores para cada tempo de pre-charge.

$$i(t) = \frac{V_s - V_c(t)}{R}$$
 \Rightarrow $i(0) = \frac{700 - 0}{42.55}$ \Rightarrow $i(0) = 16.45 \,\text{A}$ (10)

A energia armazenada no capacitor é obtida em (11).

$$E = \frac{C \cdot V^2}{2} \qquad \Rightarrow \qquad E = \frac{9.4 \cdot 10^{-3} \cdot 700^2}{2} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{E = 2303 \,\mathrm{J}} \tag{11}$$

Com isso, a potência média do resistor deve ser conforme (12).

$$P_m = \frac{E}{t} \qquad \Rightarrow \qquad P_m = \frac{2303}{2} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{P_m = 1151.5 \,\mathrm{W}}$$
 (12)

3.2 Para $V_s = 1400 \,\mathrm{V}$

Considerando os passos demonstrados na metodologia, foram calculadas a curva de tensão, corrente e potência instantânea para diferentes tempos de carregamento. Na Figura 7 estão ilustradas essas curvas.

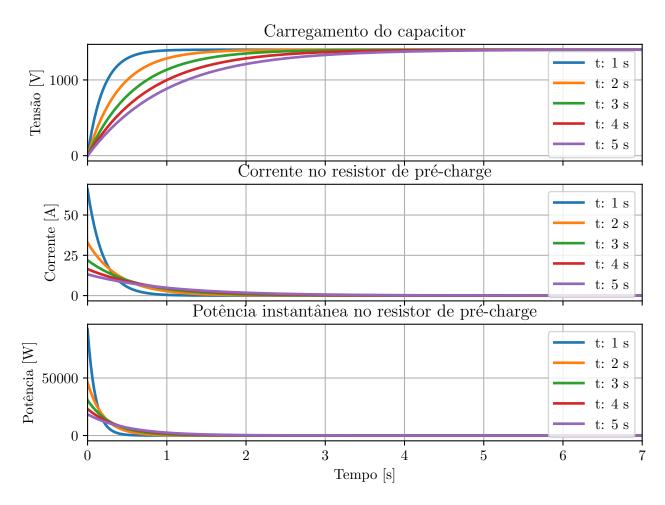


Figura 7: Curvas para cada pre-charge.

Na Figura 8 estão ilustrados os valores de resistência máxima para cada tempo de precharge. É interessante notar que o valor do resistor não depende do nível de tensão utilizado, dependendo apenas do valor da constante de tempo e da capacitância.

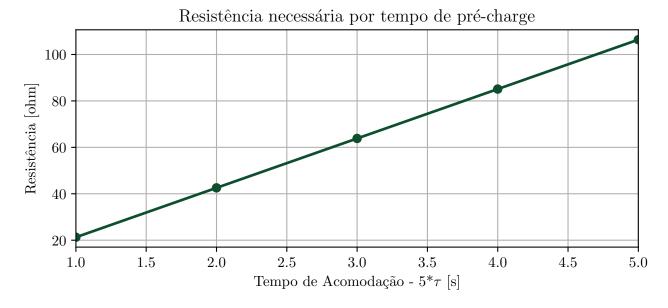


Figura 8: Resistores para cada tempo de pre-charge.

Após analisados os valores obtidos nas Figuras 7 e 8 foi escolhido o tempo total de carregamento $t=1\,\mathrm{s}$ com base nos modelos de resistor existentes no mercado, considerando preço, valor de resistência, potência máxima e possível associação serie/paralelo.

Com o tempo total de carregamento definido, a constante de tempo do sistema é dada em (13).

$$t = 5 \cdot \tau \qquad \Rightarrow \qquad \tau = \frac{1}{5} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{\tau = 0.2 \,\mathrm{s}}$$
 (13)

Com a constante de tempo encontrada em (13) é possível encontrar o valor do resistor de pre-charge em (14).

$$\tau = R \cdot C \qquad \Rightarrow \qquad R = \frac{0.2}{9.4 \cdot 10^{-3}} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{R = 21.28 \,\Omega}$$
(14)

O máximo de corrente é dado de acordo com (15).

$$i(t) = \frac{V_s - V_c(t)}{R}$$
 \Rightarrow $i(0) = \frac{1400 - 0}{21,28}$ \Rightarrow $i(0) = 65.8 \,\text{A}$ (15)

A energia armazenada no capacitor é encontrada em (16).

$$E = \frac{C \cdot V^2}{2} \qquad \Rightarrow \qquad E = \frac{9.4 \cdot 10^{-3} \cdot 1400^2}{2} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{E = 9212 \,\text{J}}$$
 (16)

Com isso, a potência média do resistor deve ser de acordo com (17).

$$P_m = \frac{E}{t} \qquad \Rightarrow \qquad P_m = \frac{9212}{1} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{P_m = 9212 \,\mathrm{W}}$$
 (17)

4 Escolha de Componentes

Os valores obtidos na seção anterior estão exposto na Tabela 1 e serão utilizados para especificar o resistor e o contato de *pre-charge*.

	$V_s = 700 \mathrm{V}$	$V_s = 1400 \mathrm{V}$	
Tempo de	$2\mathrm{s}$	1 s	
Carregamento	28	1.5	
Resistência	42.55Ω	21.28Ω	
Máximo de	16.45 A	65.8 A	
Corrente	10.45 A	05.0 A	
Potência	1151.5 W	9212 W	
Média	1101.0 W	JZIZ VV	

Tabela 1: Valores encontrados para o pre-charge.

4.1 Resistor

O resistor que será utilizado é o **RH25040R00FJ01** da Vishay, demonstrado na Figura 9. Esse resistor possuí uma resistência $R=40\,\Omega$ e potência $P=250\,\mathrm{W}$ [1]. Segundo [2], mesma fabricante do resistor, para long pulses (pulsos até $t=5\,\mathrm{s}$) a potência permitida de dissipação do resistor é acima da nominal.



Figura 9: Resistor da família NH250.

O cálculo para verificar a potência máxima se dá através do parâmetro $Short\ Time\ Overload\ (STO)$, disponível no manual do resistor. As regras para o cálculo estão especificadas abaixo.

- Para um pulso t = 5 s, multiplicar a potência nominal pelo Short Time Overload;
- Para um pulso de 1 s < t < 5 s, pegar o valor para t = 5 s, multiplicar por 5 e dividir pelo tempo do pulso;
- Para pulsos abaixo de t = 1 s, considerar o valor de 1 s.

Segundo o datasheet do RH25040R00FJ01, temos um STO igual dado em (18).

$$STO = 5 \tag{18}$$

Dessa forma, em (19) é calculada a potência máxima para um pulso t = 1 s.

$$P_{max_{1s}} = \frac{5 \cdot STO \cdot P_n}{t} \qquad \Rightarrow \qquad P_{max_{1s}} = \frac{5 \cdot 5 \cdot 250}{1} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{P_{max_{1s}} = 6250 \,\text{W}} \tag{19}$$

Em (20) é calculada a potência máxima para um pulso de t = 2 s.

$$P_{max_{2s}} = \frac{5 \cdot STO \cdot P_n}{t} \qquad \Rightarrow \qquad P_{max_{1s}} = \frac{5 \cdot 5 \cdot 250}{2} \qquad \Rightarrow \qquad \boxed{P_{max_{2s}} = 3125 \,\mathrm{W}} \tag{20}$$

Para uma tensão de entrada $V=1400\,\mathrm{V}$ serão utilizados dois resistores em paralelo, cada uma dissipando $P=\frac{9212}{2}\mathrm{W}=4606\,\mathrm{W}$, inferior ao máximo $P_{max_{1s}}$ calculado anteriormente.

Para uma tensão de entrada $V = 700 \,\mathrm{V}$ será utilizado um único resistor dissipando $P = 1151.5 \,\mathrm{W}$, inferior ao máximo $P_{max_{2s}}$ calculado anteriormente.

Dessa forma, é possível afirmar que o resistor RH25040R00FJ01 é aplicável ao nosso sistema.

4.2 Contator

Para o projeto do circuito *pre-charge* o contator não precisa de nenhum requerimento de corrente máxima de abertura, uma vez que a corrente tende a zero após o termino do período de *pre-charge*. Sendo assim, os únicos pré-requisitos para o contator são:

- Corrente média;
- Tensão máxima.

Para o dimensionamento do contator, foi utilizado o nível de tensão máximo da bateria e a máxima corrente de *pre-charge*. Sendo assim, foi dimensionado o contator **P115CDA** da empresa **Gigavac**. Na Figura 10 está ilustrado esse contator.



Figura 10: Contator **P115CDA** de *pre-charge*.

Na Tabela 2 estão especificados os parâmetros do contator P195CDA - que possui tensão para bobina de acionamento de 24 V - em relação aos de projeto.

	Contator P195C	Projeto
Tensão de Entrada	$1500\mathrm{V}$	1400 V
Corrente Máxima	50 A	65.8 A
Tensão Acionamento	24 V	-

Tabela 2: Tabela para contator de pre-charge.

O parâmetro de corrente máxima é dado para uma corrente continua por um longo período de tempo. Para o caso do *pre-charge*, o tempo de condução é limitado. Dessa forma, através da Figura 11 [3] - obtida no próprio *datasheet* do contato - é possível perceber que o contator consegue operar com corrente superior a 200 A pelo tempo de *pre-charge*.

CURRENT CARRY vs TIME

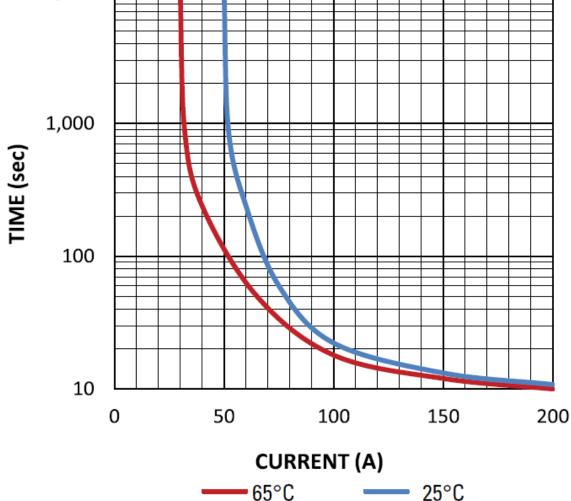


Figura 11: Gráfico de corrente máxima por tempo.

Dessa forma, é possível afirmar que o contato P115CDA é aplicável ao nosso sistema.

4.3 Cabos

Devido ao baixo tempo de pre-charge, o dimensionamento dos cabos será feita de acordo com a corrente de curto-circuito máxima de um condutor. Em [4] é feita a análise do tempo de resposta máximo em que um sistema deve atuar para o caso de curto-circuito sem que leve o cabo ao máximo de temperatura permitido. Essa metodologia de dimensionamento é aplicável para um tempo $t < 5\,\mathrm{s}$, levando em consideração a secção transversal de condutor e corrente de curto-circuito. Tal estudo se baseia na norma **IEC 60364-4**.

De acordo com a norma, o tempo de resposta máximo é dado de acordo com (21).

$$\sqrt{t} = \frac{K \cdot S}{I} \tag{21}$$

Em que:

- I: Corrente de curto-circuito em amperes;
- S: Secção transversal do cabo em mm²;
- K: Constante para o material condutor e tipo de material isolante:
 - 115 Para cabos de cobre com isolação em PVC;
 - 143 Para cabos de cobre com isolação em borracha de etileno propileno;
 - 74 Para cabos de alumínio com isolação em PVC;
 - 87 Para cabos de alumínio com isolação em borracha de etileno propileno.

O dimensionamento do condutor será feito através do processo inverso, especificando o tempo utilizando o tempo de *pre-charge*, a corrente como sendo a corrente inicial de *pre-charge* - o que resultará em um sobredimensionamento - e a constante K para o condutor de cobre com isolação em borracha de etileno propileno. Reajustando (21), temos (22).

$$S = \frac{I\sqrt{t}}{K} \tag{22}$$

• Para 700 V:

Para o dimensionamento do cabo na situação de tensão $v = 700 \,\mathrm{V}$ será utilizado o tempo de pre-charge de $t = 2 \,\mathrm{s}$ e a corrente de curto-circuito $I = 16.45 \,\mathrm{A}$, conforme definido na Tabela 1. Dessa forma, temos (23).

$$S = \frac{16,45 \cdot \sqrt{2}}{143} = 0.162 \,\text{mm}^2 \tag{23}$$

De acordo com a Tabela 3 [5], exposta nos anexos, é obtida a numeração miníma AWG do condutor em (24).

$$S > 0.162 \,\mathrm{mm}^2 \qquad \Rightarrow \qquad S = 0.20 \,\mathrm{mm}^2 = 24 \,\mathrm{AWG}$$
 (24)

• Para 1400 V:

Para o dimensionamento do cabo na situação de tensão $v=1400\,\mathrm{V}$ será utilizado o tempo de pre-charge de $t=1\,\mathrm{s}$ e a corrente de curto-circuito $I=65.8\,\mathrm{A}$, conforme definido na Tabela 1. Dessa forma, temos (25).

$$S = \frac{65.8 \cdot \sqrt{1}}{143} = 0.460 \,\text{mm}^2 \tag{25}$$

De acordo com a Tabela 3 [5], exposta nos anexos, é obtida a numeração miníma AWG do condutor em (26).

$$S > 0.460 \,\mathrm{mm}^2 \qquad \Rightarrow \qquad S = 0.52 \,\mathrm{mm}^2 = 20 \,\mathrm{AWG}$$
 (26)

5 Simulação

Para validar os cálculos feitos anteriormente, foi feita a simulação do circuito de pre-charge no software PSIM. A simulação já inicializa com o contator de pre-charge fechado e com o banco capacitivo descarregado. Em $t=1\,\mathrm{s}$ é feito o acionamento do contator principal, abrindo o contator de pre-charge em $t=1.05\,\mathrm{s}$. Esse funcionamento exemplifica de forma satisfatória o funcionamento do circuito. Na Figura 12 estão ilustradas as formas de ondas obtidas pela simulação do sistema.

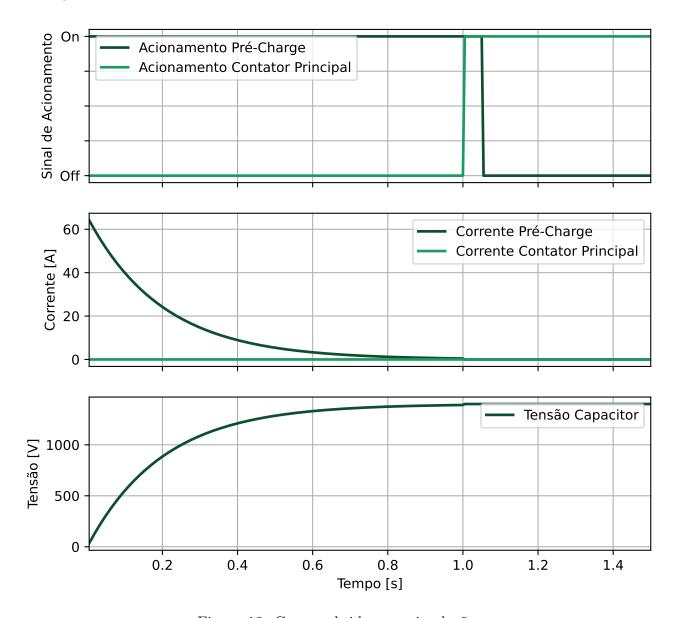


Figura 12: Curvas obtidas por simulação.

Os resultados obtidos pela simulação confirmam os cálculos realizados, sendo obtida uma corrente inicial $i_L(0) = 64.1 \,\mathrm{A}, \, V_c(1) = 1390.05 \,\mathrm{V},$ que representa 99,28% da resposta final e baixa corrente de *inrush*.

Referências

- [1] Vishay Intertechnology Inc. Wirewound Resistors, Industrial Power, Aluminum Housed, Chassis Mount, 2017. Revision: 14-Nov-17.
- [2] Vishay Intertechnology Inc. Pulse Handling Capabilities of Vishay Dale Wirewound Resistors, 2013. Rev. 3.
- [3] Gigavac Sensata. P115 Minitactor, 2022. Revision: 23-Mar-22.
- [4] Cortem Group. The Dimensioning Of Electrical Conductors For Use In 'Panel Boards' Addressed To Hazardous Areas Part Three, 2014.
- [5] Tabela de fio de cobre awg. https://blog.novaeletronica.com.br/tabela-de-fio-de-cobre-awg/. Acessado em: 13-Jun-2023.

Anexos

Anexo I

```
Código 1: Calculo de pre-charge.
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from engineering notation import EngNumber
params = {'text.usetex' : True,
           'font.size': 11,
           'font.family': 'lmodern'
plt.rcParams.update(params)
fig width cm = 18/2.4
fig height cm = 7/2.4
UeMColor = (0.050980392156862744, 0.3058823529411765,
   0.1843137254901961
Vs = 1400
       # Tensao da bateria
C = 9.4e - 3
       # Capacitancia do banco capacitivo
t = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
       # Tempo em segundos para 99,33% de carga
ts = np. linspace (0,7,10000)
      \# Tempo de simulacao
Rv = []
       # Vetor com os valores de resistencia calculados
fig, axs = plt.subplots(figsize = (fig_width_cm, 1.85*fig_height_cm)
                          nrows=3, ncols=1, sharex=True)
       \# Configuração de plot
\quad \textbf{for} \ i \ , \underline{\quad} \textbf{in} \ \ \textbf{enumerate} (\ t \ ) :
       # Loop de calculo
    Tau = t[i]/5
       # Constante de tempo
    R = Tau/C
       # Valor do resistor de pre-charge
    Vc = Vs*(1 - np.exp(-ts/(R*C)))
       # Calcula curva de carregamento do capacitor
    Is = (Vs - Vc)/R
       # Calcula curva de corrente no resistor
    E = (C * Vs**2)/2
       \# Energia dissipada no resistor de pre-charge
    Pi = R * Is**2
       \# Potencia instantanea dissipada no pre-charge
```

```
P = E/t[i]
      # Potencia media dissipada no resistor de pre-charge
                                                             -")
    print ("-
    print(f'Para_t:_{t[i]}________R:_{R}_ohm')
    print ( f '____E:_{E}_J ')
    print ( f '____P:_{P}.W')
    print (f'_____i0] \ ___(Is [0] \ _A')
    Rv. append (R)
    axs[0].plot(ts,Vc, linewidth = 2, label = f"t: \{t[i]\} s")
    axs[1].plot(ts, Is, linewidth = 2, label = f't: \{t[i]\} s')
    axs[2].plot(ts, Pi, linewidth = 2, label = f"t: _{t[i]}_s")
axs [0]. grid()
axs[0].set ylabel("Tensao_[V]")
axs[0].legend(loc='upper_right')
axs [0]. set_title("Carregamento_do_capacitor")
axs [1]. grid ()
axs[1].set_ylabel("Corrente_[A]")
axs[1].legend(loc='upper_right')
axs[1].set_title("Corrente_no_resistor_de_pre-charge")
axs [2]. grid ()
axs [2]. set ylabel ("Potencia_ [W]")
axs [2]. set _ xlabel("Tempo_[s]")
axs[2].set xlim([0,7])
axs[2].legend(loc='upper_right')
axs[2].set_title("Potencia_instantenea_no_resistor_de_pre-charge")
plt.savefig("01_-_Figuras/curvas 1400.pdf", bbox inches = "tight")
plt.show(block=False)
plt.figure(figsize = (fig width cm, fig height cm))
plt.plot(t, Rv, linewidth = 2, color = UeMColor, marker = 'o', label
   = "Resistencias")
plt.grid()
plt.xlabel(r"Tempo_de_Acomodacao_-_5*$\tau$_[s]")
plt.ylabel("Resistencia_[ohm]")
plt.xlim([1,5])
plt.title("Resistencia_necessaria_por_tempo_de_pre-charge")
plt.savefig("01,-,Figuras/resistores 1400.pdf", bbox inches = "tight
  ")
plt.show()
```

Anexo II

Número	Diâmetro	Secção	Número de espiras	Kg por	Resistência	Capacidade
\mathbf{AWG}	(mm)	(mm^2)	por cm	\mathbf{Km}	$(\Omega\mathrm{km}^{-1})$	(A)
0	8,252	53,48	1,21	474	0,317	150
1	7,348	42,41	1,36	375	0,40	120
2	6,544	33,63	1,52	295	0,50	96
3	5,827	26,67	1,71	237	0,63	78
4	5,189	21,15	1,93	188	0,81	60
5	4,621	16,77	2,16	149	1,02	48
6	4,115	13,30	2,43	118	1,29	38
7	3,665	10,55	2,73	94	1,63	30
8	3,264	8,36	3,06	74	2,06	24
9	2,906	6,63	3,44	58,9	2,60	19
10	2,588	5,26	3,86	46,8	3,27	15
11	2,305	4,17	4,37	32,1	4,13	12
12	2,053	3,31	5,44	29,4	5,21	9,5
13	1,828	2,63	6,14	23,3	6,56	7,5
14	1,628	2,08	6,14	18,5	8,28	6,0
15	1,450	1,65	6,90	14,7	10,41	4,8
16	1,291	1,31	7,75	11,6	13,19	3,7
17	1,150	1,04	8,69	9,26	16,57	3,2
18	1,024	0,82	9,76	7,3	20,93	2,5
19	0,9116	0,65	10,9	5,79	26,39	2,0
20	0,8118	0,52	12,3	4,61	33,21	1,6
21	0,7230	0,41	12,8	3,64	41,88	1,2
22	0,6438	0,33	15,5	2,89	53,09	0,92
23	0,5733	0,26	17,4	2,29	66,62	0,73
24	0,5106	0,20	19,6	1,82	84,07	0,58
25	0,4547	0,16	22,0	1,44	106,03	0,46
26	0,4049	0,13	24,7	1,14	134,49	0,37
27	0,3606	0,10	27,7	0,91	168,44	0,29
28	0,3211	0,08	31,2	0,72	214,37	0,23
29	0,2859	0,064	34,8	0,57	266,51	0,18
30	0,2546	0,051	39,3	0,45	340,26	0,15

 ${\it Tabela 3: Tabela para dimensionamento de condutores.}$