Gợi ý. Giả sử ngược lại, tức là $\exists x_0 \in [a,b] \quad f(x_0) > 0$. Khi đó, do tính liên tục của f, tồn tại $\varepsilon > 0$ và khoảng $\left[\alpha,\beta\right] \subset [a,b]$ chứa x_0 sao cho $f(x) > \varepsilon \quad \forall x \in \left[\alpha,\beta\right]$. Khi đó

$$\int_{a}^{b} f(x) dx = \int_{a}^{\alpha} f(x) dx + \int_{\alpha}^{\beta} f(x) dx + \int_{\beta}^{b} f(x) dx \geq 0 + \int_{\alpha}^{\beta} \varepsilon dx + 0 = \varepsilon \left(\beta - \alpha\right) > 0,$$

dẫn đến mâu thuẫn. Vậy $f \equiv 0$ trên [a, b].

Nhận xét. Mặc dù kết quả này không được trình bày trong lý thuyết, nhưng được vận dụng (hầu như được phép!) trong nhiều bài tâp khác.