

Toán kinh tế: MATLAB buổi 2/15

1 Phương pháp chia đôi

```

1 f = @(x) x^3 + 2*x - 1 % khai báo hàm số  $f(x) = x^3 + 2x - 1$ 
2 f(0) %  $\rightarrow -1$ 
3 f(2) %  $\rightarrow 11$ 

```

Mã 1: Phương pháp chia đôi - Module (a)

```

1 a = 0;
2 b = 2;
3 for n = 1:5
4     c = (a+b) / 2;
5     if f(c) == 0
6         c
7         break
8     elseif f(a) * f(c) < 0
9         b = c;
10    else
11        a = c;
12    end
13    [a, b] %  $a_n, b_n$ 
14 end

```

Mã 2: Phương pháp chia đôi - Module (b)

```

1 a = 0;
2 b = 2;
3 for n = 1:5
4     c = (a+b) / 2;
5     if f(c) == 0
6         c
7         break
8     elseif f(a) * f(c) < 0
9         b = c;
10    else
11        a = c;
12    end
13    err = b - a
14    [a, b, err] %  $a_n, b_n, \varepsilon_n$ 
15 end

```

Mã 3: Phương pháp chia đôi - Module (b, c)

```

1 a = 0;
2 b = 2;
3 while b - a > 10^-2
4     c = (a+b) / 2;
5     if f(c) == 0
6         c
7         break
8     elseif f(a) * f(c) < 0
9         b = c;
10    else
11        a = c;

```

```

12     end
13     err = b - a
14     [a, b, err] % a_n, b_n, ε_n
15 end

```

Mã 4: Phương pháp chia đôi - Module (d)

```

1 log2((2-0) / 10^-6)

```

Mã 5: Phương pháp chia đôi - Module (e)

2 Phương pháp Newton

```

1 f = @(x) x^3 - x^2 - 3
2 % Cách 1
3 syms x
4 fplot(f(x), [1, 4])
5 % Cách 2
6 diff(f(x), 2)
7 subs(diff(f(x)), 1)
8 f(1), f(4)

```

Mã 6: Phương pháp Newton - Module (a)

```

1 syms t
2 df = @(x) subs(diff(f(t)), x)
3 df(x)
4 x = zeros(1, 4)
5 x(1) = 4
6 for n = 1:3
7     x(n+1) = x(n) - f(x(n)) / df(x(n))
8 end

```

Mã 7: Phương pháp Newton - Module (b)

```

1 M = 22
2 m = min(abs(df(1)), abs(df(4)))
3 e = zeros(1, 4)
4 for n = 2:4
5     e(n) = M / 2 / m * (x(n) - x(n-1))^2
6 end

```

Mã 8: Phương pháp Newton - Module (c)

```

1 x0 = 4
2 while true
3     x = vpa(x0 - f(x0) / df(x0))
4     e = vpa(M / 2 / m * (x - x0)^2)
5     x0 = x;
6     if e < 10^-6
7         break
8     end

```

9 `end`

Mã 9: Phương pháp Newton - Module (d)

```

1 x = zeros(1, 4)
2 x(1) = 4
3 for n = 1:3
4     x(n+1) = x(n) - f(x(n)) / df(4)
5 end

```

Mã 10: Phương pháp Newton - Module (e)

```

1 % Cách 1
2 X = linspace(1, 4, 101)
3 d2f = @(x) -abs(subs(diff(f(t), 2), x))
4 Y = abs(vpa(d2f(X)))
5 M = max(Y)

6 % Cách 2
7 g = @(x) -abs(subs(diff(f(t), 2), x))
8 [xmin, M] = fminbnd(g, 1, 4)
9 vpa(-M)

```

Mã 11: Phương pháp Newton: tìm M dưới góc độ thực hành

3 Phương pháp lặp điểm bất động

```

1 g = @(x) nthroot(x^2 + 3, 3)

2 % Cách 1
3 syms x
4 diff(g(x))

5 g(1), g(4)

6 simplify( diff(g(x), 2) )

7 syms t
8 dg = @(x) subs(diff(g(t)), t, x)

9 for x = [1, 4, 3]
10     vpa(abs(dg(x)))
11 end

12 q = vpa(abs(dg(3)))

13 % Cách 2
14 syms x
15 fplot(g(x), [1, 4])
16 fplot(abs(dg(x)), [1, 4])

17 X = linspace(1, 4, 101)
18 Y = abs(vpa(dg(X)))
19 q = max(Y)

```

Mã 12: Phương pháp lặp điểm bất động - Module (a)

```
1 x = zeros(1, 4);
2 x(1) = 2.5;
3 for n = 1:3
4     x(n+1) = g(x(n));
5 end
6 x
```

Mã 13: Phương pháp lặp điểm bất động - Module (b)

```
1 e = zeros(1, 4);
2 for n = 2:4
3     e(n) = q / (1-q) * abs(x(n) - x(n-1));
4 end
5 e
```

Mã 14: Phương pháp lặp điểm bất động - Module (c)

```
1 x0 = 2.5;
2 while true
3     x = g(x0)
4     e = q / (1-q) * abs(x - x0)
5     x0 = x;
6     if e < 10^-4
7         break
8     end
9 end
```

Mã 15: Phương pháp lặp điểm bất động - Module (d)

```
1 x0 = 2.5
2 x1 = g(x0)
3 log(10^-10 * (1-q) / abs(x1 - x0)) / log(q)
```

Mã 16: Phương pháp lặp điểm bất động - Module (e)