ÁLGEBRA LINEAR ALGORÍTMICA-PLE-LABORATÓRIO 5

- 1. Neste laboratório implementaremos uma função que projeta um hipercuno do \mathbb{R}^4 em um subespaço de dimensão 3 e desenha o objeto resultante. A descrição abaixo pressupõe que você tenha lido com cuidado o artigo 1.3 do capítulo 6 das notas de aula.
- 2. Na implementação da função principal precisaremos de uma função que conta quantas entradas distintas dois vetores do \mathbb{R}^4 têm. A maneira mais fácil de implementar esta função é subtrair um vetor do outro e contar quantas posições são nulas. Comece implementando esta função, partindo do princípio de que os vetores serão representados como matrizes coluna 4×1 .
- 3. A função principal, que vamos chamar de hipercubo terá como entrada uma lista L de três vetores linearmente independentes do \mathbb{R}^4 e como saída o desenho da projeção do hipercubo no espaço gerado por estes vetores. O código da função deve seguir as seguintes etapas:

Etapa 1: gere uma matriz *V* cujas colunas são os vértices do hipercubo;

Etapa 2: obtenha uma base ortonormal β do subespaço S gerado pelos vetores de L;

Etapa 3: construa a matriz Q cujas linhas são os vetores de β ;

Etapa 4: gere a lista lados cujas entradas codificam os objetos que vão permitir que a biblioteca draw desenhe os vários lados da projeção do hipercubo;

Etapa 5: desenhe o hipercubo usando draw3d ou wxdraw3d.

A maneira mais fácil de gerar a matriz V é, provavelmente, montá-la linha a linha: a primeira linha começa com 8 zeros seguidos de 8 uns, a segunda é formada pois dois blocos de 4 zeros seguidos de 4 uns, e assim por diante. A etapa 4 é a mais complicada e é analisada em mais detalhes abaixo.

4. Para a etapa 4, comece inicializando lados com a lista vazia. Em seguida, para cada par de índices

$$1 \le i < j \le 16$$

verifique se os vértices correspondentes às colunas i e j de V só diferem em uma entrada. Caso a resposta seja sim:

- 1. calcule as projeções v_i e v_j das colunas i e j de V no subespaço S;
- 2. defina $vt: t \cdot v_i + (1-t) \cdot v_i$;
- 3. inclua parametric (vt[1,1], vt[2,1], vt[3,1], t, 0, 1) na lista lados.

Lembre-se que S é o subespaço gerado pelos vetores da lista L. Quando t varia entre 0 e 1, a fórmula no item 2 produz os pontos do segmento de reta que liga v_i a v_j e o objeto no item 3 desenha este segmento no Maxima.

5. Alguns lembretes importantes:

- (a) comece as funções pondo as variáveis locais entre colchetes, caso contrário elas se tornarão globais, com consequências impredizíveis;
- (b) para usar as funções de álgebra linear do Maxima é necessário carregar as bibliotecas linearalgebra e eigen e, para desenhar, é preciso carregar draw;
- (c) se você usar a função gramshmidt do Maxima para ortogonalizar os vetores, lembre-se que ela retorna vetores que *não estão normalizados*, você vai precisar aplicar uvect para normalizá-los;
- (d) a função addrow(A,r) acrescenta a linha r ao final da matriz A;
- (e) col(A,i) retorna a *i*-ésima coluna da matriz A;
- (f) o símbolo para diferente no Maxima é #.