My Math Notes

Thobias Høivik

Oppgave 1

Løsning for a). La $M = \{\text{studerer matematikk}\}\$ og $I = \{\text{studerer informatikk}\}\$.

$$|M| = 120$$
$$|I| = 60$$
$$|M \cap I| = 30$$

Da blir mengden av de som studerer matematikk, men ikke informatikk $M \setminus I = M \setminus (M \cap I)$ og kardinaliteten av denne mengden blir 90.

Dermed er sjansen for at en student studerer matematikk, men ikke informatikk

$$P(\text{matematikk}, \text{men ikke informatikk}) = \frac{90}{200} = 45\%$$

For å finne sjansen for at en studerer informatikk, men ikke matematikk bruker vi samme fremgansmåte:

$$I \setminus M = I \setminus (M \cap I)$$

$$P(\text{informatikk, men ikke matematikk}) = \frac{30}{200} = 15\%$$

Løsning for b)

$$P(\text{matematikk eller informatikk}) = \frac{120}{200} = 60\%$$

Vi tar antall som studerer matematikk, men ikke informatikk sammen med de som studerer informatikk, men ikke matematikk slik at vi ungår dobbelt-telling av studenter som studerer begge.

Løsning for c)

$$P(\text{verken mat eller inf}) = P(1 - \text{mat eller inf}) = 40\%$$

Oppgave 2

Løsning for a) Ved bruk av Bayes' teorem får vi at

$$P(\text{Korona} \mid \text{Positiv test}) = \frac{P(\text{Positiv Test} \mid \text{Korona})P(\text{Korona})}{P(\text{Positiv test})}$$

Løsning for b)

$$P(\text{Positiv test}) = P(\text{Positiv test} \mid \text{Korona}) \\ P(\text{Korona}) + P(\text{Positiv test} \mid \overline{\text{Korona}}) \\ P(\text{Positiv test}) = 0.911 \cdot 0.01 + 0.004 \cdot (0.99) \\ = 0.01307$$

Løsning for c)