Présentation de TIPE

Étude et optimisation d'un outil d'ingénierie du bâtiment

Thomas CREUSET

numéro de candidat : 11909

Problèmatique

- Quel est le potentiel gain temporel du calcul analogique par rapport à la méthode purement numérique?
- Quels sont les enjeux pratiques de sa mise en place pour la méthode des éléments finis?

Sommaire

- Choix du projet
 - La construction en ville: un enjeu pour les ingénieurs
 - Modélisation informatique
- Méthode des éléments finis
 - Méthode des éléments finis
 - Méthode des ressorts
 - Loi de Hooke
 - Deux étapes importantes
 - Affichage
- Optimisation
 - Calculs analogique, intérêts
 - Retours expérimentaux
- 4 Conclusion
- 6 Annexes
 - Code C
 - Code Ocaml

Choix du projet

Choix du projet :

La construction en ville : un enjeu pour les ingénieurs

Objectifs de l'ingénieur :

- Stabilité
- Durabilité
- Accessibilité
- Autres

Point d'intérêt pour notre TIPE :

Stabilité



Source: wallpaperflare

Choix du projet : Modélisation informatique



Source: wallpaperflare

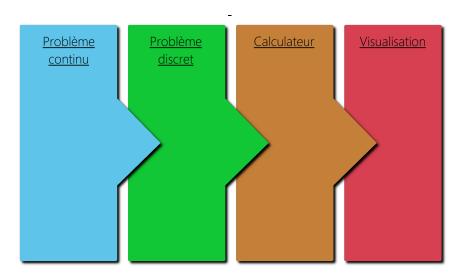
Intérêts de la modélisation informatique :

- Coût
- Durée
- Flexibilité

Méthode des éléments finis

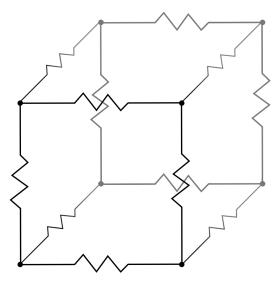
Choix du projet :

Méthode des éléments finis



Méthode des éléments finis :

Méthode des ressorts



Méthode des éléments finis :

Loi de Hooke

Loi de Hooke

$$\vec{\mathcal{F}} = -k \cdot \Delta \ell \cdot \vec{u} \tag{1}$$

Constante de raideur

$$k = \frac{\mathbf{A} \cdot \mathbf{E}}{\mathbf{L}} \tag{2}$$

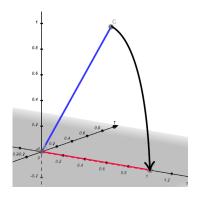
avec :

- A : l'aire de la section de la poutre
- E : le module de Young du matériel
- L : la longueur de la poutre

Rotation vers un cas trivial

Cas trivial:

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \tag{3}$$



Deux étapes importantes, calcul de la solution

Tri des noeuds

$$\begin{pmatrix} F_c \\ F_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 \\ K_3 & K_4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} U_i \\ U_c \end{pmatrix} \tag{4}$$

Récupération des forces et des déplacements inconnus

$$F_c = K_1 \cdot U_i + K_2 \cdot U_c \tag{5}$$

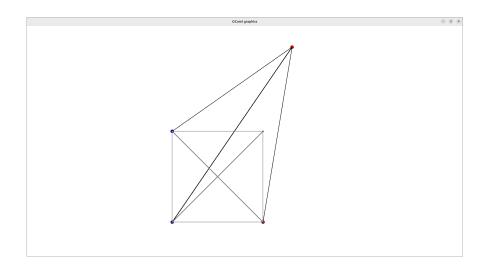
$$d'où: U_i = K_1^{-1} \cdot (F_c - K_2 \cdot U_c)$$
 (6)

$$et: F_i = K_3 \cdot U_i + K_4 \cdot U_c \tag{7}$$

4 D > 4 B > 4 E > E 9 Q C

Méthode des éléments finis :

Affichage



Optimisation

Optimisation :

Calculs analogique, intérêts

Intérêts du calcul analogique :

- parallèlisation et linéarisation des produits matriciel
- ancienne méthode fiable
- domaine qui commence à se redévelopper (Mythic)

Optimisation : Retours expérimentaux

Pas encore fait

Conclusion

Conclusion

Algorithme d'inversion HHL (H.arrow H.assidim L.loyd) : «HHL apporte une amélioration significative, de O(n) à $O(\log(n))$.»¹

Code C: standard lib.h

```
1 /* -Importations - */
2
3 #include <stdio.h>
4 #include <stdbool.h>
5 #include <stdlib.h>
6 #include <time.h>
7 #include <math.h>
```

```
~Matrices~ */
2
   /*
      -Importations - */
4
  #include "standard_lib.h"
6
7
8
   /* -Types et structures -
9
10
  typedef double valeur;
11
12 struct matrice s {
13
      int lignes;
14
  int colonnes;
15
  valeur** contenu;
16 };
17
18 typedef struct matrice_s matrice;;
19
20 /* -Déclarations fonctions (f) et procédures (p) - */
21
22 matrice* creer_matrice(int lignes, int colonnes);
23 // f - crée une matrice de dimension 'lignes'x'colonnes' initialisé à 0
       (valeur par default du type 'valeur' à changer si ce dernier change)
24
```

```
25 void supprimer matrice(matrice* matriceEntree);
26 // p - vide la mémoire utilisée par la matrice 'matriceEntree'
27
28 matrice* sous_matrice(matrice* matriceEntree, int ligneDepart, int
       colonneDepart, int nbreLignes, int nbreColonnes);
29 // f - créer la sous matrice comme spécifiée
30
31 matrice* add_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB);
32 // f - additionne les matrices 'matriceA' et 'matriceB' de manière non
       destructive
33
34 matrice* soustract matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB);
35 // f - soustrait la matrice 'matriceB' à la matrice 'matriceB' de maniè
       re non destructive
36
37 matrice* mult_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB);
38 // f - multiplie les matrices 'matriceA' et 'matriceB' de manière non
       destructive
39
40 matrice* transp_matrice(matrice* matriceEntree);
41 // f - transpose la matrice 'matriceEntree' de manière non destructive
42
43 matrice* dilatation_matrice(valeur scalaire, matrice* matriceEntree);
44 // f - dilate la matrice par une scalaire (de type 'valeur') 'scalaire'
45
```

```
46 valeur det_matrice(matrice* matriceEntree);
47 // f - calcule le déterminant de la matrice carrée 'matriceEntree'
48
49 void echange_ligne(matrice* matriceEntree, int ligne1, int ligne2);
50 // p - échange les lignes d'indice 'ligne1' et 'ligne2' de la matrice '
       matriceEntree' par effet de bord
51
52 void echange colonne(matrice* matriceEntree, int colonne1, int colonne2)
53 // p - échange les colonnes d'indice 'colonne1' et 'colonne2' de la
       matrice 'matriceEntree' par effet de bord
54
55 void combinaison_lignes(matrice* matriceEntree, int ligneDest, valeur
       scalaire, int ligneAjout);
56 // p - affecte à la ligne d'indice 'ligneDest' elle-même plus la ligne d
       'indice 'ligneAjout' multipliée par un scalaire 'scalaire' par effet
        de bord
57
58 void combination colonnes (matrice * matriceEntree, int colonneDest,
       valeur scalaire, int colonneAjout);
59 // p - affecte à la colonne d'indice 'colonneDest' elle-même plus la
       colonne d'indice 'colonne Ajout' multipliée par un scalaire 'scalaire
       ' par effet de bord
60
```

```
61 void dilatation_ligne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int ligne
       ):
62 // p - affecte à la ligne d'indice 'ligne' elle-même multipliée par un
       scalaire 'scalaire' non-nul par effet de bord
63
64 void dilatation colonne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int
       colonne):
65 // p - affecte à la colonne d'indice 'colonne' elle-même multipliée par
       un scalaire 'scalaire' non-nul par effet de bord
66
67 matrice* inv matrice(matrice* matriceEntree, bool verifie);
68 // f - calcule la matrice inverse de la matrice carrée inversible '
       matriceEntree' de manière non destructive
69
70 matrice * affichage matrice (matrice * matriceEntree);
71 // p - affiche la matrice 'matriceEntree'
```

```
-Fichier entête- */
2
3
   #include "module matrice.h"
4
5
6
   /* -Fonctions - */
7
   matrice* creer_matrice(int lignes, int colonnes)
9
10
       if (lignes \langle = 0 \mid | \text{colonnes} \langle = 0 \rangle
11
12
            fprintf(stderr, "création_impossible:\n");
13
            fprintf(stderr, "\t->, les, tailles, 'lignes', et, 'colonnes', doivent
                 -être..des..entiers..non..nuls.\n");
14
            fprintf(stderr, "\t\t'lignes': \{\%d\\n\", lignes);
            fprintf(stderr, "\t\t'colonnes': [\lambda \lambda \n", colonnes);
15
16
            exit(EXIT FAILURE);
17
        }
18
19
       matrice* matriceSortie
                                   = malloc(sizeof(matrice));
20
        matriceSortie ->lignes
                                   = lignes;
       matriceSortie -> colonnes = colonnes;
21
22
        matriceSortie ->contenu
                                  = malloc(sizeof(valeur*)*lignes);
23
24
       for (int ligne = 0; ligne < lignes; ++ligne)
```

```
25
26
           matriceSortie -> contenu [ligne] = malloc(sizeof(valeur)*colonnes);
27
           for (int colonne = 0; colonne < colonnes; ++colonne)
28
29
30
               matriceSortie ->contenu[ligne][colonne] = 0.0;
31
32
       }
33
34
       return matriceSortie:
35 }
36
37
        supprimer_matrice(matrice* matriceEntree)
38
39
       for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
40
41
           free (matriceEntree -> contenu[ligne]);
42
43
44
       free(matriceEntree -> contenu);
45
       free(matriceEntree):
46
  }
47
  matrice* sous_matrice(matrice* matriceEntree, int ligneDepart, int
       colonneDepart, int nbreLignes, int nbreColonnes)
```

```
49 {
50
       matrice * matriceSortie = creer matrice(nbreLignes. nbreColonnes);
51
52
       for (int i = 0; i < nbreLignes; ++i)
53
54
           for (int j = 0; j < nbreColonnes; ++j)</pre>
55
56
                matriceSortie ->contenu[i][j] = matriceEntree ->contenu[i+
                     ligneDepart | [i+colonneDepart];
57
58
       }
59
60
       return matriceSortie;
61 }
62
63
   matrice* add_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB)
64
65
       if (matriceA->lignes != matriceB->lignes || matriceA->colonnes !=
            matriceB ->colonnes)
       ſ
66
67
           fprintf(stderr, "addition..impossible:\n");
68
           fprintf(stderr, "\t->, les, deux, matrices, doivent-être, de, taille,
                identique.\n");
           fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': | {%d} | lignes \n", matriceA ->
69
                lignes);
```

```
70
           fprintf(stderr, "\t\t'matriceA':...{%d}...colonnes\n", matriceA->
                colonnes);
           fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': [{%d} lignes \n", matriceB ->
71
                lignes);
72
           fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': | {%d} | colonnes \n", matriceB ->
                colonnes);
           exit (EXIT_FAILURE);
73
       }
74
75
76
       matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceA->lignes, matriceA->
            colonnes);
77
78
       for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie -> lignes; ++ ligne)
79
       {
80
           for (int colonne = 0: colonne < matriceSortie -> colonnes: ++
                colonne)
81
           {
82
                matriceSortie ->contenu[ligne][colonne] = matriceA ->contenu[
                     ligne][colonne] + matriceB -> contenu[ligne][colonne];
83
84
85
86
       return matriceSortie;
87 }
88
```

```
matrice* soustract_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB)
   90 {
                             if (matriceA->lignes != matriceB->lignes || matriceA->colonnes !=
   91
                                              matriceB ->colonnes)
                             ſ
   92
   93
                                            fprintf(stderr, "soustraction impossible:\n");
   94
                                            fprintf(stderr, "\t->ulesudeuxumatricesudoivent-êtreudeutailleu
                                                             identique.\n"):
   95
                                            fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': "{%d}" lignes \n", matriceA ->
                                                             lignes);
                                            fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': ...{%d}...colonnes\n", matriceA->
   96
                                                             colonnes):
                                            fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': | {%d} | lignes \n", matriceB ->
   97
                                                             lignes);
   98
                                            fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': \( \lambda \rangle \rang
                                                             colonnes):
   99
                                            exit (EXIT_FAILURE);
                              }
100
101
102
                              matrice * matriceSortie = creer_matrice(matriceA->lignes, matriceA->
                                              colonnes);
103
104
                             for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie -> lignes; ++ ligne)
105
```

```
106
            for (int colonne = 0: colonne < matriceSortie -> colonnes: ++
                 colonne)
107
108
                 matriceSortie ->contenu[ligne][colonne] = matriceA ->contenu[
                     ligne][colonne] - matriceB -> contenu[ligne][colonne];
109
            }
110
        }
111
112
        return matriceSortie:
113 }
114
115 matrice* mult matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB)
116 {
117
           (matriceA->colonnes != matriceB->lignes)
118
            fprintf(stderr, "multiplication impossible:\n");
119
120
            fprintf(stderr, "\t->, la, matrice, 'matrice A', doit, avoir, autant, de
                 _colonnes_que_la_matrice_'matriceB'_a_de_lignes.\n");
            fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': ...{%d}...colonnes\n", matriceA->
121
                 colonnes);
122
            fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': [%d] lignes\n", matriceB ->
                 lignes);
123
            exit(EXIT FAILURE);
124
        }
125
```

```
126
        int tailleCommune = matriceA -> colonnes:
127
        matrice * matriceSortie = creer matrice(matriceA -> lignes, matriceB ->
             colonnes);
128
129
        for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie -> lignes; ++ ligne)
130
131
             for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie -> colonnes; ++
                  colonne)
132
             {
133
                 valeur somme = 0:
134
135
                 for (int k = 0; k < tailleCommune; ++k)</pre>
136
137
                      somme += matriceA->contenu[ligne][k] * matriceB->contenu
                          [k][colonne]:
138
                 }
139
140
                 matriceSortie ->contenu[ligne][colonne] = somme;
141
142
143
144
        return matriceSortie;
145 }
146
147 matrice* transp_matrice(matrice* matriceEntree)
```

```
148 f
149
        matrice * matriceSortie = creer matrice(matriceEntree->colonnes.
             matriceEntree ->lignes);
150
151
        for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie -> lignes; ++ ligne)
152
153
            for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie -> colonnes; ++
                 colonne)
154
155
                 matriceSortie -> contenu[ligne][colonne] = matriceEntree ->
                      contenu[colonne][ligne];
156
            }
        }
157
158
159
        return matriceSortie;
160 }
161
162 matrice* dilatation_matrice(valeur scalaire, matrice* matriceEntree)
163 {
164
        matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceEntree->lignes,
             matriceEntree -> colonnes):
165
166
        for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie -> lignes; ++ ligne)
167
```

```
168
             for (int colonne = 0: colonne < matriceSortie -> colonnes: ++
                  colonne)
169
170
                 matriceSortie ->contenu[ligne][colonne] = scalaire *
                      matriceEntree ->contenu[ligne][colonne];
171
             }
172
        }
173
174
        return matriceSortie:
175 }
176
177 valeur det_matrice(matrice* matriceEntree)
178 {
179
            (matriceEntree -> colonnes != matriceEntree -> lignes)
180
             fprintf(stderr, "calcule...du...déterminant...impossible:\n");
181
182
             fprintf(stderr, "\t->ulaumatriceu'matriceEntree'udoituavoiru
                  autant de colonnes que de lignes . \n");
             fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': [%d] lignes\n",
183
                 matriceEntree -> lignes):
184
             fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': u{%d}ucolonnes\n",
                  matriceEntree -> colonnes);
185
             exit(EXIT FAILURE);
186
        }
187
```

```
188
        int tailleCommune = matriceEntree->colonnes:
189
190
        // cas d'arrêt
191
192
        if (tailleCommune == 1)
193
194
           return matriceEntree -> contenu[0][0];
195
196
197
        // recherche meilleur ligne/colonne (celle possèdant le moins de 0)
198
199
        int idMeilleur = 0:
200
        int nbreZeroMax = 0;
201
        int nbreZero = 0:
202
        bool estVertical = false:
203
204
        for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
205
206
            nbreZero = 0:
207
208
            for (int colonne = 0: colonne < tailleCommune: ++colonne)
209
210
                if (matriceEntree->contenu[ligne][colonne] == 0.0)
211
                {
                    nbreZero += 1;
212
```

```
213
             }
214
215
216
                (nbreZero > nbreZeroMax)
217
             {
218
                 nbreZeroMax = nbreZero;
219
                 idMeilleur = ligne:
220
221
222
223
        for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)
224
225
             nbreZero = 0;
226
227
             for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)</pre>
228
                 if (matriceEntree -> contenu[ligne][colonne] == 0.0)
229
230
231
                     nbreZero += 1;
232
233
             }
234
235
                (nbreZero > nbreZeroMax)
236
237
                 nbreZeroMax = nbreZero;
```

```
238
                 idMeilleur = colonne:
239
                 estVertical = true:
240
241
242
243
        // calcule du déterminant (on se ramène à la transoposé si le
             calcule le plus intéressant est sur une colonne)
244
245
        // cas simple
246
247
        if (nbreZeroMax == tailleCommune)
248
249
            return 0.0;
250
251
252
        // cas général
253
254
        valeur det = 0.0:
255
        valeur signe = (idMeilleur % 2 == 0) ? 1.0 : -1.0;
256
        int ligneTemp;
257
        int colonneTemp:
258
259
        if (estVertical)
260
261
            matriceEntree = transp_matrice(matriceEntree);
```

```
262
263
264
        matrice* matriceTemp = creer_matrice(tailleCommune -1, tailleCommune
             -1);
265
        for (int colonneEnCours = 0; colonneEnCours < tailleCommune; ++</pre>
266
             colonneEnCours)
267
         ₹
268
             if (matriceEntree ->contenu[idMeilleur][colonneEnCours] != 0.0)
269
270
                 ligneTemp = 0:
271
272
                 for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)</pre>
273
274
                      colonneTemp = 0;
275
276
                      if (ligne != idMeilleur)
277
278
                          for(int colonne = 0: colonne < tailleCommune: ++</pre>
                               colonne)
279
                               if (colonne != colonneEnCours)
280
281
```

```
282
                                   matriceTemp -> contenu[ligneTemp] [colonneTemp]
                                         = matriceEntree -> contenu[ligne][colonne
                                        ];
283
                                   colonneTemp++;
284
                               }
285
286
287
                          ligneTemp++;
288
                 }
289
290
291
                 det += signe * matriceEntree -> contenu[idMeilleur][
                       colonneEnCours] * det_matrice(matriceTemp);
292
             }
293
294
             signe *= -1.0;
295
296
297
            (estVertical)
298
299
             supprimer_matrice(matriceEntree);
300
301
         supprimer_matrice(matriceTemp);
302
303
        return det;
```

```
304 }
305
306 void echange_ligne(matrice* matriceEntree, int ligne1, int ligne2)
307 f
308
        if (ligne1 >= matriceEntree -> lignes || ligne1 < 0 || ligne2 >=
             matriceEntree ->lignes || ligne2 < 0)
        ſ
309
310
            fprintf(stderr, "échange, des, lignes, impossible:\n");
311
            fprintf(stderr, "\t->ulesulignesu'ligne1'uetu'ligne2'udoiventu
                 exister.\n"):
312
            fprintf(stderr, "\t\t'ligne1': [\{\%d}\n", ligne1);
            fprintf(stderr, "\t\t'ligne2': [{%d}\n", ligne2);
313
314
            exit (EXIT_FAILURE);
315
        }
316
317
        for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree->colonnes; ++colonne)
318
319
            valeur stockageTemp
                                                       = matriceEntree ->contenu
                  [ligne1][colonne];
320
            matriceEntree -> contenu [ligne1] [colonne] = matriceEntree -> contenu
                 [ligne2][colonne]:
321
            matriceEntree -> contenu[ligne2][colonne] = stockageTemp;
        }
322
323 }
324
```

Présentation de TIPE

```
325 void echange_colonne(matrice* matriceEntree, int colonne1, int colonne2)
326 {
327
        if (colonne1 >= matriceEntree -> colonnes || colonne1 < 0 || colonne2
             >= matriceEntree -> colonnes || colonne2 < 0)
328
        {
329
            fprintf(stderr, "echange,des,colonnes,impossible:\n");
            fprintf(stderr, "\t->ulesucolonnesu'colonne1'uetu'colonne2'u
330
                 doivent | exister . \n");
331
            fprintf(stderr, "\t\t'colonne1': [{%d}\n", colonne1);
            fprintf(stderr, "\t\t'colonne2'; \{\%d\\n", colonne2);
332
333
            exit (EXIT_FAILURE);
        }
334
335
336
        for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
337
            valeur stockageTemp
                                                       = matriceEntree -> contenu
338
                 [ligne][colonne1]:
            matriceEntree -> contenu [ligne] [colonne1] = matriceEntree -> contenu
339
                  [ligne][colonne2];
340
            matriceEntree -> contenu[ligne][colonne2] = stockageTemp;
341
        }
342 }
343
344 void combinaison_lignes(matrice* matriceEntree, int ligneDest, valeur
         scalaire, int ligneAjout)
```

```
345 ₹
346
        if (ligneDest >= matriceEntree -> lignes || ligneDest < 0 ||</pre>
             ligneAjout >= matriceEntree -> lignes || ligneAjout < 0)
        ſ
347
348
            fprintf(stderr, "combinaison desulignes impossible:\n");
349
            fprintf(stderr, "\t->, les, lignes, 'ligneDest', et, 'ligneAjout',
                 doivent .. exister . \n"):
350
            fprintf(stderr, "\t\t'ligneDest': [{%d}\n", ligneDest);
351
            fprintf(stderr, "\t\t'ligneAjout': [%d]\n", ligneAjout);
352
            exit(EXIT FAILURE);
353
        }
354
355
        for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree->colonnes; ++colonne)
356
        {
357
            matriceEntree -> contenu[ligneDest][colonne] = matriceEntree ->
                 contenu[ligneDest][colonne] + scalaire * matriceEntree ->
                 contenu[ligneAjout][colonne];
358
359 }
360
361 void combinaison_colonne(matrice* matriceEntree, int colonneDest, valeur
          scalaire, int colonneAjout)
362 {
        if (colonneDest >= matriceEntree -> colonnes || colonneDest < 0 ||
363
             colonneAjout >= matriceEntree -> colonnes || colonneAjout < 0)
```

```
364
365
            fprintf(stderr, "combinaison, des, colonnes, impossible:\n");
            fprintf(stderr, "\t->ulesucolonnesu'colonneDest'uetu'
366
                 colonne A jout 'u doivent u exister . \n");
367
            fprintf(stderr, "\t\t'colonneDest': | {%d}\n", colonneDest);
368
            fprintf(stderr, "\t\t'colonneAjout': ... {%d}\n", colonneAjout);
369
            exit(EXIT FAILURE);
370
        }
371
372
        for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
373
374
            matriceEntree -> contenu[ligne][colonneDest] = matriceEntree ->
                 contenu[ligne][colonneDest] + scalaire * matriceEntree ->
                 contenu[ligne][colonneAjout];
        }
375
376 }
377
378 void dilatation_ligne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int ligne
379 f
380
           (ligne >= matriceEntree -> lignes || ligne < 0)
381
382
            fprintf(stderr, "dilatationudeulauligneuimpossible:\n");
383
            fprintf(stderr, "\t->, la, ligne, 'ligne', doit, exister.\n");
384
            fprintf(stderr, "\t\t'ligne': "{%d}\n", ligne);
```

```
385
            exit(EXIT FAILURE);
        }
386
387
388
        if (scalaire == 0)
389
390
            fprintf(stderr, "dilatation,de,la,ligne,impossible:\n");
            fprintf(stderr, "\t->uleuscalaireu'scalaire'udoituêtreunonunul.\
391
                 n");
392
            fprintf(stderr, "\t\t'scalaire': ... {%f}\n", scalaire): // à
                 modifier si valeur change de type
393
            exit (EXIT_FAILURE);
394
        }
395
396
        for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree -> colonnes; ++ colonne)
397
            matriceEntree -> contenu[ligne][colonne] = scalaire *
398
                 matriceEntree -> contenu[ligne][colonne];
399
400 }
401
402 void dilatation colonne (matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int
         colonne)
403 {
        if (colonne >= matriceEntree -> colonnes || colonne < 0)
404
405
```

```
406
            fprintf(stderr, "dilatation, de, la, colonne, impossible:\n");
            fprintf(stderr, "\t->\lancolonne\'colonne'\'doit\\exister\\n");
407
            fprintf(stderr, "\t\t'colonne': [%d]\n", colonne);
408
409
            exit(EXIT FAILURE);
410
        }
411
        if (scalaire == 0)
412
413
414
            fprintf(stderr, "dilatationudeulaucolonneuimpossible:\n");
415
            fprintf(stderr, "\t->,,le,,scalaire,,'scalaire',,doit,,être,,non,,nul,\
                 n"):
416
            fprintf(stderr, "\t\t'scalaire': [%f]\n", scalaire); // à
                 modifier si valeur change de type
417
            exit (EXIT_FAILURE);
        }
418
419
420
        for (int ligne = 0: ligne < matriceEntree->lignes: ++ligne)
421
422
            matriceEntree -> contenu[ligne][colonne] = scalaire *
                 matriceEntree -> contenu[ligne][colonne];
423
        }
424 }
425
426 matrice* inv_matrice(matrice* matriceEntree, bool verifie)
427 f
```

```
428
            (matriceEntree -> colonnes != matriceEntree -> lignes)
429
        ł
430
             fprintf(stderr, "calcule..de..l'inverse..impossible:\n");
             fprintf(stderr, "\t->ulaumatriceu'matriceEntree',doit,avoir,
431
                  autant .. de .. colonnes .. que .. de .. lignes . \n");
432
             fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': | {%d} | lignes \n",
                  matriceEntree -> lignes);
             fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': ... {%d},...colonnes\n",
433
                  matriceEntree -> colonnes):
434
             exit(EXIT FAILURE);
435
         }
436
437
        if (verifie)
438
         {
439
             valeur det = det matrice(matriceEntree);
440
             printf("%f\n", det);
441
442
             if (det == 0)
443
444
                 fprintf(stderr, "calcule_de_l'inverse_impossible:\n");
445
                 fprintf(stderr, "\t->..la.matrice...'matriceEntree'..est..de..dé
                      terminant | nul. \n");
                 fprintf(stderr, "\t\tdéterminant: [{\f}\n", det); // à
446
                      modifier si valeur change de type
447
                 exit(EXIT_FAILURE);
```

Code C: module matrice.c

```
448
449
450
451
452
        // mise en place
453
454
        int tailleCommune = matriceEntree->colonnes;
        matrice* matriceTemp = creer_matrice(tailleCommune, 2*tailleCommune)
455
456
457
        for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)</pre>
458
459
             for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++ colonne)
460
             {
461
                 matriceTemp -> contenu[ligne][colonne] = matriceEntree ->
                      contenu[ligne][colonne];
462
463
                 if (ligne == colonne)
464
                 {
465
                     matriceTemp -> contenu[ligne][colonne+tailleCommune] = 1;
466
467
                 else
468
                     matriceTemp -> contenu[ligne][colonne+tailleCommune] = 0;
469
470
```

Code C: module matrice.c

```
471
472
473
474
        // algorithme de Gauss-Jordan
475
476
        int lignePivot = -1;
477
478
        for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)</pre>
479
        {
480
             int ligneMax = lignePivot+1:
481
             int maximum = matriceTemp -> contenu[lignePivot+1][colonne];
482
483
             for (int ligne = lignePivot+2; ligne < tailleCommune; ++ligne)
484
485
                 if (matriceTemp -> contenu[ligne][colonne] > maximum)
486
487
                     maximum = matriceTemp -> contenu[ligne][colonne];
488
                     ligneMax = ligne;
                 }
489
490
             }
491
492
                (matriceTemp -> contenu[ligneMax][colonne] != 0)
493
494
                 lignePivot += 1;
```

```
495
                 dilatation_ligne(matriceTemp, 1/matriceTemp->contenu[
                      ligneMax][colonne], ligneMax);
496
497
                 if (ligneMax != lignePivot)
498
                 {
499
                     echange_ligne(matriceTemp, lignePivot, ligneMax);
                 }
500
501
502
                 for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)</pre>
503
                     if (ligne != lignePivot)
504
505
506
                          combinaison_lignes(matriceTemp, ligne, (-1)*
                              matriceTemp -> contenu[ligne][colonne], lignePivot
                              );
507
                 }
508
509
510
511
512
        // recopie de la matrice inverse
513
514
        matrice * matriceSortie = creer_matrice(tailleCommune, tailleCommune)
        for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)</pre>
515
```

```
516
517
            for (int colonne = 0: colonne < tailleCommune: ++colonne)
518
519
                matriceSortie ->contenu[ligne][colonne] = matriceTemp ->
                     contenu[ligne][colonne+tailleCommune];
520
            }
521
        }
522
523
        supprimer_matrice(matriceTemp);
524
        return matriceSortie:
525 }
526
527
   matrice* affichage_matrice(matrice* matriceEntree)
528 f
529
        printf("Affichage:\n");
530
531
        for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
532
533
            printf("|");
534
            for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree -> colonnes; ++
                 colonne)
535
536
                printf("u{%f}u", matriceEntree->contenu[ligne][colonne]);
537
538
            printf("|\n");
```

Code C : module_matrice.c

```
539
540 }
```

```
1 /*
2 Documentation:
3
4
       - Types de conditions limites (toujours l'une des deux)
5
6
       {-1} Dirichlet : contrainte de position
7
       {1} Neumann : contrainte de force
8
9
       - Forme final du problème initiale
10
11
       [Fc] [K1
                  K 2 7
                  1 x [ 1
12
13
           [K3 K4]
       [Fi]
14
     où les indices i correspondent aux inconnus et c au connus pour U (dé
       placements) et F (forces)
15
16
       K1 : degree_de_liberte x degree_de_liberte
17
       K4 : degree_de_contrainte x degree_de_contrainte
18
19 */
20
21
22
  /* - Imports - */
23
24 #include <stdio.h>
```

```
25 #include <stdbool.h>
26 #include <stdlib.h>
27 #include <time.h>
28 #include <math.h>
29 #include <string.h>
30 #include "module_matrice.h"
31
32
33 /* - Constantes - */
34
35 #define Dimension 3 // s.u.
36 #define NoeudsParElement 2 // s.u.
37
38
39 /* - Structures et types - */
40
41 typedef struct
42 f
43
       matrice* position;
44
       matrice* deplacement;
45
       matrice* force;
46
    int* typeConstraite;
47
     int* indicesK;
48
     noeud_t;
49
```

<u>Annexes</u>:

Code C : main.c

```
50 typedef struct
51 {
52
    int* indices:
53
      double e; // Pa module de Young
54
      double a; // m^2 section
55 }
     element_t;
56
57 typedef struct
58 {
59
       noeud t* noeuds:
60
       element_t* elements;
61
    int nbreNoeuds;
62
     int nbreElements;
63
     int degreeDeLiberte;
64
      int degreeDeContrainte;
65 }
     probleme_t;
66
67
  /* - Décalrations - */
68
69
70 probleme_t* lecture_donnees(char* lien);
71 /* f - récupère les données à l'adresse fournie */
72
73 void ecrit_resultat(char* lien, probleme_t* probleme);
74 /* f - écrit les données traités à l'adresse fournie */
```

Annexes: Code C: main.c

```
75
76 void supprime_probleme(probleme_t* probleme);
77 /* f - delete la structure du problème */
78
79 matrice * raideur_element(probleme_t* probleme, int i);
80 /* f - créer la matrice de raideur associée à l'élément d'indice i élé
       ment */
81
82 matrice * creation_matrice_raideur(probleme_t* probleme);
83 /* f - créer la matrice de raideur pour le problème */
84
85 matrice* recuperation_forces_connues(probleme_t* probleme);
86
  /* f - récupération du vecteur colonne des forces connues */
87
88 matrice * recuperation_deplacements_connus(probleme_t * probleme);
  /* f - récupération du vecteur colonne des déplacements connus */
90
91 void applique_elements_finis(char* lienDonnees, char* lienSortie);
  /* f - effectue la méthode des éléments finis */
92
93
94
95 /* - Fonctions - */
96
97 probleme_t* lecture_donnees(char* lien)
98 {
```

```
99
        // Initialisation du problème
100
101
        probleme_t* probleme = malloc(sizeof(probleme_t));
102
103
        probleme -> degreeDeLiberte
                                      = 0;
104
        probleme -> degreeDeContrainte = 0;
105
106
        // Ouverture du fichier
107
108
        FILE* fichier = NULL:
109
110
        fichier = fopen(lien, "r");
111
112
        // Lecture des informations primaires
113
        fscanf (fichier, "%d;%d\n", &(probleme ->nbreNoeuds), &(probleme ->
114
             nbreElements));
115
116
        // Lecture des noeuds
117
118
        probleme -> noeuds = malloc(sizeof(noeud_t) * probleme -> nbreNoeuds);
119
120
        double valeur:
121
122
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreNoeuds; ++i)
```

```
123
124
             // Initialisation du noeud
125
126
             probleme ->noeuds[i].position
                                                  = creer matrice(Dimension, 1)
             probleme ->noeuds [i].deplacement
                                                  = creer_matrice(Dimension, 1)
127
             probleme ->noeuds[i].force
128
                                                  = creer_matrice(Dimension, 1)
129
             probleme ->noeuds[i].typeConstraite = malloc(sizeof(int) *
                 Dimension);
                                                  = malloc(sizeof(int) *
130
             probleme ->noeuds[i].indicesK
                 Dimension);
131
132
             // Lecture du noeud
133
134
             for (int d = 0: d < Dimension: ++d)
135
                 fscanf (fichier, "%lf; %d; %lf \n", & (probleme -> noeuds[i].
136
                      position -> contenu[d][0]), &(probleme -> noeuds[i].
                      typeConstraite[d]), &valeur);
137
138
                 if (probleme -> noeuds[i].typeConstraite[d] == 1)
139
                 {
                     ++(probleme -> degreeDeLiberte);
140
```

```
141
                      probleme ->noeuds [i].force->contenu[d][0]
                                                                          = valeur;
142
                      probleme ->noeuds[i].deplacement ->contenu[d][0]
                                                                          = 0.0;
                      probleme ->noeuds[i].indicesK[d]
143
                           probleme -> degreeDeLiberte;
144
145
                 else
146
147
                      -- (probleme -> degreeDeContrainte);
148
                      probleme ->noeuds [i].deplacement ->contenu[d][0]
                                                                          = valeur:
149
                      probleme ->noeuds[i].force->contenu[d][0]
                                                                          = 0.0;
                      probleme ->noeuds[i].indicesK[d]
150
                           probleme -> degreeDeContrainte;
                 }
151
152
153
        }:
154
155
        // Formatage des indices dans K
156
157
        for (int i = 0: i < probleme ->nbreNoeuds: ++i)
158
             for (int d = 0: d < Dimension: ++d)
159
160
                 if (probleme -> noeuds[i].indicesK[d] < 0)</pre>
161
162
```

```
163
                     probleme -> noeuds [i].indicesK [d] = abs (probleme -> noeuds [i
                          l.indicesK[d]) + (probleme -> degreeDeLiberte) - 1;
164
                 }
165
                 else
166
                      probleme ->noeuds[i].indicesK[d] = probleme ->noeuds[i].
167
                          indicesK[d] - 1:
168
169
170
171
172
        probleme -> degreeDeContrainte = abs(probleme -> degreeDeContrainte);
173
174
        // Lecture des elements
175
        probleme -> elements = malloc(sizeof(element_t) * probleme ->
176
             nbreElements):
177
178
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreElements; ++i)
179
180
             // Initialisation de l'élément
181
182
             probleme -> elements[i].indices = malloc(sizeof(int) *
                  NoeudsParElement);
183
```

```
184
            // Lecture de l'élément
185
            fscanf(fichier, "%d; %d; %lf; %lf \n", &(probleme ->elements[i].
186
                 indices [0]), &(probleme -> elements [i].indices [1]), &(probleme
                 ->elements[i].e), &(probleme->elements[i].a));
187
        }
188
189
        fclose(fichier);
190
191
        return probleme:
192 }
193
194
    void ecrit_resultat(char* lien, probleme_t* probleme)
195 f
196
        // Ouverture du fichier
197
198
        FILE* fichier = NULL:
199
200
        fichier = fopen(lien, "w");
201
202
        // Ecriture des informations primaires
203
204
        fprintf (fichier, "%d;%d\n", probleme -> nbreNoeuds, probleme ->
             nbreElements);
205
```

```
206
        // Ecriture des noeuds
207
208
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreNoeuds; ++i)
209
210
            for (int d = 0: d < Dimension: ++d)
211
212
                 fprintf(fichier, "%lf; %lf \n", probleme -> noeuds[i].
                      position -> contenu[d][0], probleme -> noeuds[i].deplacement
                      ->contenu[d][0], probleme ->noeuds[i].force ->contenu[d
                      1[0]);
213
214
215
216
        // Ecriture des elements
217
218
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreElements; ++i)
219
220
            fprintf(fichier, "%d;%d;%lf;%lf\n", probleme ->elements[i].
                 indices [0], probleme -> elements [i].indices [1], probleme ->
                 elements[i].e, probleme -> elements[i].a);
221
        }
222
223
        fclose(fichier):
224 }
225
```

Annexes : Code C : main.c

```
226 void
         supprime probleme (probleme t* probleme)
227 {
228
         // free des noeuds
229
230
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreNoeuds; ++i)
231
232
             supprimer_matrice(probleme -> noeuds[i].position);
233
             supprimer_matrice(probleme -> no euds[i].deplacement);
234
             supprimer_matrice(probleme -> no euds[i].force);
             free (probleme -> no euds [i]. typeConstraite);
235
236
             free (probleme -> no euds [i].indicesK);
237
         }
238
239
        free(probleme ->noeuds);
240
241
         // free des elements
242
243
        for (int i = 0: i < probleme ->nbreElements: ++i)
244
245
             free (probleme -> elements [i].indices);
246
         }
247
248
        free (probleme ->elements);
249
250
        // free du probleme
```

```
251
252
        free(probleme);
253
254
        return:
255 }
256
257
    matrice * raideur_element(probleme_t* probleme, int i)
258 {
259
        // Calcul de la rotation selon Oz
260
261
        int indice1 = probleme -> elements[i].indices[0];
262
        int indice2 = probleme -> elements[i].indices[1];
263
264
        double x1 = probleme -> noeuds [indice1].position -> contenu [0] [0];
265
        double y1 = probleme -> noeuds [indice1].position -> contenu [1] [0];
        double x2 = probleme -> noeuds [indice2].position -> contenu [0] [0];
266
267
        double v2 = probleme -> noeuds [indice2].position -> contenu [1][0]:
268
269
        double deltax = x2 - x1;
270
        double deltay = y2 - y1;
271
272
        double longeurProj = sqrt(deltax * deltax + deltay * deltay);
273
274
        double cosinus;
275
        double sinus:
```

```
276
277
        if (sqrt(longeurProj * longeurProj) <= 0.001) // on évite la</pre>
             division par 0
278
279
             cosinus = 1.0;
280
             sinus = 0.0:
281
282
        else
283
284
             cosinus = deltax / longeurProi;
285
             sinus = deltay / longeurProj;
286
        }
287
288
        // - création de la matrice de rotation R(-angle) (A)
289
        matrice* mat_A = creer_matrice(Dimension * NoeudsParElement,
290
             Dimension * NoeudsParElement);
291
292
        for (int n = 0; n < NoeudsParElement; ++n)</pre>
293
294
             mat A \rightarrow contenu[0 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = cosinus;
295
             mat_A->contenu[0 + Dimension * n][1 + Dimension * n] = sinus;
296
             mat A \rightarrow contenu[1 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = -sinus;
297
             mat_A \rightarrow contenu[1 + Dimension * n][1 + Dimension * n] = cosinus;
298
             mat_A -> contenu[2 + Dimension * n][2 + Dimension * n] = 1.0;
```

```
299
300
301
        // - calcule des positions après la première rotation
302
303
        matrice * positions = creer_matrice(Dimension * 2, 1);
304
        for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
305
306
                                                = probleme ->noeuds[indice1].
            positions ->contenu[d][0]
                 position -> contenu[d][0]:
            positions -> contenu [Dimension+d] [0] = probleme -> noeuds [indice2].
307
                 position -> contenu [d] [0];
308
309
        matrice* nouvellePositions = mult_matrice(mat_A, positions);
310
311
        // Calcul de la rotation selon Ov
312
313
               = nouvellePositions -> contenu[0][0];
        × 1
        double z1 = nouvellePositions -> contenu[2][0];
314
315
                = nouvellePositions -> contenu[3][0];
316
        double z2 = nouvellePositions -> contenu[5][0]:
317
318
        printf("%lfu%lfu%lfu%lfu%lfu%lfu%lf", x1, nouvellePositions->contenu
             [1][0], z1, x2, nouvellePositions->contenu[4][0], z2);
319
        deltax
                      = x2 - x1:
320
```

```
321
        double deltaz = z2 - z1:
322
323
        double longeur = sqrt(deltax * deltax + deltaz * deltaz); // conserv
             ée par rotation (et plus de composante selon y)
324
325
        if (sqrt(longeur * longeur) <= 0.001) // on évite la division par 0
326
327
            cosinus = 1.0;
328
            sinus = 0.0:
329
330
        else
331
332
            cosinus = deltax / longeur;
333
            sinus = deltaz / longeur;
        }
334
335
336
        // - création de la matrice de rotation R(-angle) (B)
337
        matrice* mat_B = creer_matrice(Dimension * NoeudsParElement,
338
             Dimension * NoeudsParElement);
339
340
        for (int n = 0; n < NoeudsParElement; ++n)</pre>
341
342
            mat_B->contenu[0 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = cosinus;
343
            mat_B->contenu[0 + Dimension * n][2 + Dimension * n] = -sinus;
```

```
344
            mat B \rightarrow contenu[1 + Dimension * n][1 + Dimension * n] = 1.0;
            mat B->contenu[2 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = sinus;
345
346
            mat_B->contenu[2 + Dimension * n][2 + Dimension * n] = cosinus;
347
        }
348
349
        // Calcul de la matrice de raideur de l'élément
350
351
        // - création de la matrice dans la base canonique (K)
352
353
        matrice * mat K = creer matrice(Dimension * NoeudsParElement.
             Dimension * NoeudsParElement);
354
355
        double constante = (probleme ->elements[i].e) * (probleme ->elements[i
            ].a) / longeur;
356
357
        mat_K -> contenu [0] [0]
                                         = constante;
        mat K -> contenu[0][Dimension] = -constante;
358
359
        mat K->contenu[Dimension][0]
                                             = -constante;
360
        mat_K -> contenu [Dimension] [Dimension] = constante;
361
362
        // - calcule de la matrice dans la base tournée tA x tB x K x B x A
             = t(BA) x K x BA
363
364
        matrice* mat_BA = mult_matrice(mat_B, mat_A);
365
        matrice * mat_tBA = transp_matrice(mat_BA);
```

66 / 92

```
366
367
        matrice* mat tBAK = mult matrice(mat tBA, mat K);
368
        matrice* mat_K_finale = mult_matrice(mat_tBAK, mat_BA);
369
370
        // free des matrices intermédiaires et retour
371
372
        supprimer_matrice(mat_A);
373
        supprimer_matrice(positions);
374
        supprimer matrice(nouvellePositions);
        supprimer matrice(mat K);
375
376
        supprimer_matrice(mat_BA);
377
        supprimer_matrice(mat_tBA);
378
        supprimer_matrice(mat_tBAK);
379
380
        return mat K finale:
381 }
382
383 matrice* creation_matrice_raideur(probleme_t* probleme)
384 f
385
        // Initialisation de la matrice
386
387
        matrice* matriceRaideur = creer_matrice((probleme ->nbreNoeuds) *
             Dimension, (probleme ->nbreNoeuds) * Dimension);
388
389
        // Assemblage de la matrice
```

```
390
391
        for (int i = 0: i < probleme ->nbreElements: ++i)
392
393
            matrice* matriceElement = raideur_element(probleme, i);
394
395
            // Intération sur toutes les conbinaisons des noeuds
396
397
            for (int noeud1 = 0: noeud1 < NoeudsParElement: ++noeud1)
398
399
                 for (int direction1 = 0; direction1 < Dimension; ++</pre>
                      direction1)
400
                 {
                     for (int noeud2 = 0; noeud2 < NoeudsParElement; ++noeud2</pre>
401
402
                     ł
403
                         for (int direction2 = 0: direction2 < Dimension: ++
                              direction2)
404
                         ł
405
                              int ligne = probleme -> noeuds [probleme ->
                                  elements[i].indices[noeud1]].indicesK[
                                  direction11:
406
                             int colonne
                                            = probleme -> noeuds [probleme ->
                                  elements[i].indices[noeud2]].indicesK[
                                  direction21:
```

```
407
                              matriceRaideur ->contenu[ligne][colonne] +=
                                   matriceElement -> contenu [noeud1 * Dimension +
                                    direction1][noeud2 * Dimension + direction2
                                  1:
408
409
                 }
410
411
412
413
            supprimer_matrice(matriceElement);
414
        }
415
416
        return matriceRaideur;
417 }
418
419
    matrice * recuperation_forces_connues(probleme_t * probleme)
420 f
421
        matrice * forces connues = creer matrice (probleme -> degreeDeLiberte,
             1); // vecteur colonne
422
423
        int indice = 0:
424
425
        // la création de la matrice est fortement liée au tri choisi
426
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreNoeuds; ++i)
427
```

```
428
429
            for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
430
431
                 if (probleme -> noeuds[i].typeConstraite[d] == 1)
432
                 {
433
                     forces_connues -> contenu[indice][0] = probleme -> noeuds[i
                          l.force->contenu[d][0]:
434
                     ++indice;
435
436
437
438
439
        return forces_connues;
440 }
441
442
    matrice* recuperation_deplacements_connus(probleme_t* probleme)
443 {
444
        matrice * deplacements connus = creer matrice(probleme ->
             degreeDeContrainte, 1); // vecteur colonne
445
446
        int indice = 0;
447
448
        // la création de la matrice est fortement liée au tri choisi
449
450
        for (int i = 0; i < probleme ->nbreNoeuds; ++i)
```

```
451
            for (int d = 0; d < Dimension; ++d)</pre>
452
453
454
                 if (probleme -> noeuds [i].typeConstraite[d] == -1)
455
                 {
456
                     deplacements_connus->contenu[indice][0] = probleme->
                          noeuds[i].deplacement -> contenu[d][0];
457
                     ++indice;
                 }
458
459
460
461
462
        return deplacements_connus;
463 }
464
465
         applique_elements_finis(char* lienDonnees, char* lienSortie)
466
467
        // précalculs
468
469
        probleme_t* probleme = lecture_donnees(lienDonnees);
470
471
        printf("donnees..lues\n");
472
473
        matrice * matriceRaideur = creation_matrice_raideur(probleme);
474
```

```
475
        printf("matrice...créée\n");
476
477
        // récupération des matrices
478
479
        matrice* forces_connues
                                      = recuperation_forces_connues(probleme)
        matrice * deplacements_connus = recuperation_deplacements_connus(
480
             probleme);
481
        matrice* k1
                                      = sous matrice(matriceRaideur, 0, 0,
             probleme ->degreeDeLiberte, probleme ->degreeDeLiberte):
482
        matrice* k2
                                      = sous_matrice(matriceRaideur, 0,
             probleme ->degreeDeLiberte, probleme ->degreeDeLiberte, probleme ->
             degreeDeContrainte);
483
        matrice* k3
                                      = sous_matrice(matriceRaideur, probleme
             ->degreeDeLiberte, O, probleme->degreeDeContrainte, probleme->
             degreeDeLiberte);
484
        matrice* k4
                                      = sous matrice(matriceRaideur, probleme
             ->degreeDeLiberte. probleme->degreeDeLiberte. probleme->
             degreeDeContrainte, probleme -> degreeDeContrainte);
485
486
        // calculs matriciels
487
488
        // A / F = Fc - K2 x Uc
489
        matrice * k2_x_uc = mult_matrice(k2, deplacements_connus);
```

490

```
491
        matrice * force temp = soustract matrice (forces connues, k2 x uc);
492
493
        // B / Ui = K1^-1 x F
494
495
        matrice * invK1 = inv_matrice(k1, false);
496
497
        matrice* deplacements_inconnus = mult_matrice(invK1, force_temp);
498
499
        // C / Fi = K3 x Ui + K4 x Up
500
501
        matrice* mult1 = mult_matrice(k3, deplacements_inconnus);
502
        matrice* mult2 = mult_matrice(k4, deplacements_connus);
503
504
        matrice* forces_inconnues = add_matrice(mult1, mult2);
505
506
        // mise à jour des noeuds
507
508
        int idTampDep1 = 0:
509
        int idTampForc = 0;
510
511
        for (int i = 0: i < probleme ->nbreNoeuds: ++i)
512
513
            for (int d = 0: d < Dimension: ++d)
514
                if (probleme -> noeuds[i].typeConstraite[d] == 1)
515
```

```
516
                 ₹
517
                     probleme ->noeuds[i].deplacement ->contenu[d][0] =
                          deplacements_inconnus -> contenu[idTampDepl][0];
518
                     ++idTampDep1:
519
                 }
520
                 else
521
522
                     probleme ->noeuds[i].force ->contenu[d][0] =
                          forces inconnues -> contenu[idTampForc][0]:
523
                     ++idTampForc:
524
525
526
527
528
        // free et retour
529
530
        ecrit resultat(lienSortie, probleme);
531
532
        supprimer_matrice(matriceRaideur);
533
        supprimer_matrice(forces_connues);
534
        supprimer matrice(deplacements connus);
535
        supprimer_matrice(k1);
536
        supprimer_matrice(k2);
537
        supprimer_matrice(k3);
538
        supprimer_matrice(k4);
```

```
539
        supprimer matrice(k2 x uc);
540
        supprimer matrice(force temp);
541
        supprimer_matrice(invK1);
542
        supprimer_matrice(deplacements_inconnus);
543
        supprimer_matrice(mult1);
544
        supprimer_matrice(mult2);
545
        supprimer_matrice(forces_inconnues);
546
547
        supprime probleme(probleme);
548
549
        return:
550 }
551
552
553
554 /* - Main (exemple) - */
555
556 int main()
557 f
558
        srand(time(NULL));
559
560
        applique_elements_finis("donnees.txt", "resultat.txt");
561
562
        printf("Termine.\n");
563
        return 0;
```

Annexes: Code C: main.c

564 }

Annexes:

```
1 (*Pour Windows*)
2 #load "graphics.cma";;
3 Graphics.open_graph "800x600";;
4 open Graphics;;
5 open_graph "720x1280";;
6
7
8 (*Pour Linux
9 #use "topfind"::
10 #require "graphics";;
11 open Graphics;;
12 let hauteur = 720 and largeur = 1280;;
13 open_graph "";;
14 resize_window largeur hauteur;;*)
15
16
17 (*
          -----Types, variables et fonctions outils-----*)
18
19 type point = {x: float; y: float; z: float};;
20 type vecteur = {vx: float: vv: float: vz: float}::
21
22 let x0 = ref (float_of_int (size_x()/2))
23 and v0 = ref (float_of_int (size_v()/2))
  and zoom = ref 150.;;
24
25
```

```
26 let base = ref (\{vx = 1.; vv = 0.; vz = 0.\},
27 \{ vx = 0. ; vv = 1. ; vz = 0. \},
28 \{ vx = 0.; vv = 0.; vz = 1. \} );;
29
30 let vecteur pt1 pt2 = {vx = (pt2.x -. pt1.x); vy = (pt2.y -. pt1.y); vz
       = (pt2.z -. pt1.z);;
31
32 let produit_scalaire vct1 vct2 = vct1.vx *. vct2.vx +. vct1.vy *. vct2.
       vv +, vct1.vz *, vct2.vz::
33
34 let norme vct = sqrt(vct.vx**2. +. vct.vy**2. +. vct.vz**2.);;
35
36 let unitaire vct = {vx = (vct.vx /. (norme vct));
37
                                                       vv = (vct.vv /. (norme
                                                             vct.)):
38
                                                       vz = (vct.vz /. (norme
                                                             vct))};;
39
40
   let produit_vectoriel vct1 vct2 =
41
           \{vx = (vct1.vy *. vct2.vz -. vct1.vz *. vct2.vy);
42
            vv = (vct1.vz *. vct2.vx -. vct1.vx *. vct2.vz);
43
            vz = (vct1.vx *. vct2.vy -. vct1.vy *. vct2.vx);
44
45 let dans_base pt bse = let vctb1, vctb2, vctb3 = bse and origine = {x =
       0.; y = 0.; z = 0.\} in
```

```
{x = (produit_scalaire (vecteur origine pt) vctb1);
46
47
            y = (produit_scalaire (vecteur origine pt) vctb2);
48
            z = (produit_scalaire (vecteur origine pt) vctb3)};;
49
50
   let rotation x vct theta =
51
           \{vx = vct.vx;
52
            vy = vct.vy *. cos theta -. vct.vz *. sin theta;
53
            vz = vct.vv *. sin theta +. vct.vz *. cos theta};;
54
55
   let rotation_y vct theta =
56
           {vx = vct.vx *. cos theta +. vct.vz *. sin theta;
57
            vv = vct.vv;
58
            vz = vct.vz *. cos theta -. vct.vx *. sin theta}::
59
60
  let rotation_base_x theta = let vct1, vct2, vct3 = !base in
61
           base := ((rotation x vct1 theta),
62
                                    (rotation_x vct2 theta),
63
                                    (rotation x vct3 theta));;
64
65
   let rotation_base_v theta = let vct1, vct2, vct3 = !base in
66
           base := ((rotation v vct1 theta),
67
                                    (rotation_v vct2 theta),
68
                                    (rotation_v vct3 theta));;
69
```

```
70 let projette pt = (int_of_float (!x0 +. !zoom *. pt.x), int_of_float (!
       v0 +. !zoom *. pt.v));;
71
72 let make_point (x,y,z) = \{x = x; y=y; z=z;\};;
73
74 type element = int * int * float * float; (*indice du noeud1, indice
       noeud2, module young, section*)
75
76 let make_element indice_noeud1 indice_noeud2 mod_young section = (
       indice noeud1, indice noeud2, mod voung, section);;
77
78 type item_affichable = Arete of (point*point*int*int) | Noeud of (point*
       int*int);; (*Arete(point de départ, point d'arrivée, epaisseur,
       couleur) et Noeud(point, rayon, couleur)*)
79
80
81
   (*COULEURS ET EPAISSEUR DES ITEMS*)
82
83
  (*Fonction pour resize des intervalles (proportionnalité)*)
84
  let map debut1 fin1 debut2 fin2 x =
85
     let t = (x -. debut1)/.(fin1 -. debut1) in
86
     (1. -. t)*. debut2 +. t*.fin2;;
87
88 (*Détermine la couleur d'un noeud à l'aide de la norme de la force
       appliquée en ce noeud*)
```

Annexes:

```
89 let couleurs noeuds noeuds forces =
90
            let normes forces = Arrav.map norme forces in
            (*let max_norme_force force1 force2 = max (norme force1) (norme
91
                force2) in
92
           let min_norme_force force1 force2 = min (norme force1) (norme
                force2) in *)
93
     let max_force = Array.fold_left max normes_forces.(0) normes_forces
      and min_force = Array.fold_left min normes_forces.(0) normes_forces
94
95 in
96 let tab_couleurs = Array.map (fun norme_force -> let teinte =
        int_of_float (map min_force max_force 0. 255. norme_force) in rgb
        teinte 0 (255 - teinte) ) normes forces in
97 tab_couleurs;; (*Censé faire un dégradé du bleu au rouge*)
98
99 (*Calcule l'emplacement des noeuds après application de la force,
        ajoutant les déplacements*)
100 let noeuds_deplaces noeuds deplacements =
101
                    Array.map2 (fun point vecteur ->
                    print_string "Coordonnéesu:u"; print_float point.x;
102
                        print_string ""; print_float point.y;print_string
                        ": print float point.z:
103
                    print_newline();
104
                    print_string "Deplacement__:_"; print_float vecteur.vx;
                        print_string ""; print_float vecteur.vy;
                        print_string ""; print_float vecteur.vz;
```

```
105
                    print_newline();
106
                    print_newline();
107
                    make_point ((point.x +. vecteur.vx),(point.y +. vecteur.
                         vy), (point.z +. vecteur.vz)) ) noeuds deplacements
                         ;;
108
109 (*Calcule l'épaisseur à afficher des aretes. Attention, renvoie le max
        et le min des sections (unité d'origine)*)
110 let epaisseurs_elements elements =
            let sections = Array.map (fun (i1,i2,young,section) -> section)
111
                 elements in
112 let max_section = Array.fold_left (fun section accu_section -> max
        section accu section) 0. sections
113 and min section = Array.fold left (fun section accu section -> min
        section accu_section) infinity sections
114 and min_epaisseur = 2. (*Constantes d'épaisseurs des traits*)
115 in let max_epaisseur = (max_section/. min_section) *. min_epaisseur
116 in
117 let tab_epaisseurs = Array.map (fun section -> int_of_float (map
        min_section max_section min_epaisseur max_epaisseur section) )
        sections in
118 tab epaisseurs, min section, max section;
119
```

```
120 (*Crée un tableau des items à afficher (noeuds et arêtes), qui sera trié
         par la cote movenne ou la cote en fonction de si c'est un poin ou
        une arete.
121
             Contient les aretes et noeuds avant et après application des
                 forces*)
   let make_items_affichables elements noeuds forces deplacements=
122
123
            let epaisseurs,_,_ = epaisseurs_elements elements in
124
            let couleurs = couleurs_noeuds noeuds forces in
125
            let noeuds_depl = noeuds_deplaces noeuds deplacements in
126
            let tab aretes originelles = Array.map2 (fun (i1.i2.young.
                 section) epaisseur -> Arete(noeuds.(i1),noeuds.(i2),
                 epaisseur, rgb 127 127 127) ) elements epaisseurs
127
            and tab_noeuds_originels = Array.map (fun point -> Noeud(point
                 ,3,rgb 127 127 127)) noeuds
128
            and tab_aretes_deplacees = Array.map2 (fun (i1,i2,young, section)
                  epaisseur -> Arete(noeuds_depl.(i1),noeuds_depl.(i2),
                 epaisseur, black) ) elements epaisseurs
129
            and tab_noeuds_deplaces = Array.map2 (fun point couleur -> Noeud
                 (point,7,couleur)) noeuds_depl couleurs
130
            in
131
            Array.concat [tab_aretes_originelles; tab_noeuds_originels;
                 tab_aretes_deplacees; tab_noeuds_deplaces];;
132
133 (*Fonction auxiliaire pour tracer une arete*)
134 let trace_arete point1 point2 epaisseur couleur =
```

```
135
            let pt1 = dans_base point1 !base
136
            and pt2 = dans base point2 !base
137
      in
138
            let x1, y1 = projette pt1
139
            and x2, y2 = projette pt2 in
140
            set_color couleur;
141
            set_line_width epaisseur;
142
            moveto x1 v1;
143
            lineto x2 v2::
144
145 (*Fonction auxiliaire pour tracer un noeud*)
146
    let trace_noeud point rayon couleur =
147
            let epaisseur_trait = max 1 (int_of_float(float_of_int (rayon))
                 *. 0.2)) in
148
            let pt = dans_base point !base in
149
            let x,y = projette pt in
150
            set color couleur:
151
            fill circle x v ravon;
152
            set_color black;
153
154
            set_line_width epaisseur_trait;
155
            draw_circle x y rayon;;
156
157
158 (*----Algorithme du Peintre-
```

```
159
160 (*Profondeur d'un point dans la direction z*)
161 let cote pt = let proj = dans_base pt !base in proj.z;;
162
163 (*Profondeur pour une arete*)
164
    let cote_movenne (point1, point2) = (cote point1 +. cote point2)/. 2.;;
165
166
   (*Tri des items pour l'algo du peintre*)
167
   let tri tab clef = let taille = (Array.length tab) - 1 in
168
            for i = 1 to taille do
                     let j = ref i and check = clef tab.(i) and temp = tab.(i
169
                         ) in
170
                     while !j > 0 \&\& clef (tab.(!j-1)) > check do
171
                             tab.(!j) <- tab.(!j-1);
172
                             i := !i - 1:
173
                     done:
174
                     tab . (!j) <- temp;
175
            done
176 ;;
177
178 let tri items items a afficher =
179
            let clef_tri item = match item with
180
                     | Arete(point1, point2, epaisseur, couleur_arete) ->
                         cote_movenne (point1, point2)
181
                     |Noeud(p,rayon,couleur_noeud) -> cote p
```

```
182
            in
183
            tri items_a_afficher clef_tri;;
184
185
    (*Affichage des items dans le bon ordre*)
186
   let peintre_items items_a_afficher = let taille = Array.length
        items a afficher in
187
            tri_items items_a_afficher;
188
            for i = taille-1 downto 0 do
                    (*print_string "Traçage de l'item n° : ";print_int i;
189
                         print_newline();*)
190
                    let item = items a afficher.(i) in
                    match item with
191
192
                    | Noeud(point,rayon,couleur) -> trace_noeud point rayon
                         couleur
193
                     | Arete(point1,point2,epaisseur,couleur) -> trace_arete
                         point1 point2 epaisseur couleur
194
            done::
195
196
197
        ---Récuperation des données dans un fichier extérieur-----
198
199 (*Type tableau dynamique pour faciliter la récupération des données*)
200
   type 'a tableau_dynamique = {mutable support: 'a array;
```

```
201
                                                                                    mut
202
203
    let make td element = {
204
             support = Array.make 16 element; taille = 0};;
205
206
    let ajoute td valeur =
207
             if td.taille <> Array.length td.support then
208
                     begin
209
                     td.support.(td.taille) <- valeur;
210
                     td.taille <- td.taille + 1:
211
                     end
212
             else
213
                     begin
214
                     let new_support = Array.make (td.taille*2) valeur in
215
                     for i = 0 to (td.taille-1) do
                              new_support.(i) <- td.support.(i);</pre>
216
217
                     done:
218
                     td.support <- new_support;
```

```
219
                    td.taille <- td.taille + 1:
220
                    end;;
221
222 (*Fonction qui lit le fichier contenant les données et qui renvoie les
        tableaux contenant :
223
             -les noeuds (indicés par i)
224
             -le déplacement des noeuds (deplacement du noeud i à l'indice i
225
             -les forces appliquées au noeud i
226
             -les elements, ie (indice_noeud1,indice_noeud2,module_young,
                  section)*)
227
    let lecture_fichier nomFichier =
228
            let fichier = open_in nomFichier in
229
            let point_generique = make_point (0.,0.,0.) in
230
            let element_generique = make_element 0 0 0. 0. in
231
            let deplacement generique = vecteur point generique
                point_generique in
232
            let force_generique = vecteur point_generique point_generique in
233
            let noeuds = make td point generique in
234
            let deplacements = make_td deplacement_generique in
235
            let forces = make_td force_generique in
236
            let elements = make_td element_generique in
237
238
            let ligne = ref (input_line fichier) in
```

```
239
             let nb noeuds, nb elements = Scanf, sscanf !ligne "%d:%d" (fun n1
                   n2 \rightarrow (n1, n2)) in
240
241
             for i = 0 to nb noeuds -1 do
242
                      ligne := input_line fichier;
243
                      let x,dx,fx = Scanf.sscanf !ligne "%f;%f;%f" (fun x dx
                          fx \rightarrow (x, dx, fx)) in
244
                      ligne:= input_line fichier;
245
                      let y, dy, fy = Scanf.sscanf !ligne "%f; %f; %f" (fun y dy
                          fv \rightarrow (v, dv, fv)) in
246
                      ligne:= input_line fichier;
247
                      let z,dz,fz = Scanf.sscanf !ligne "%f;%f;%f" (fun z dz
                          fz \rightarrow (z, dz, fz)) in
248
249
                              ajoute noeuds (make_point (x,y,z));
                              ajoute deplacements (vecteur point_generique (
250
                                   make_point (dx,dy,dz)));
251
                              ajoute forces (vecteur point_generique (
                                   make_point (fx,fy,fz)));
252
             done:
253
             for i = 0 to nb elements -1 do
254
                      ligne:=input_line fichier;
255
                      let element = Scanf.sscanf !ligne "%d;%d;%f;%f" (fun i1
                           i2 module_voung section -> (i1,i2,module_voung,
                           section)) in
```

```
256
                             aioute elements element:
257
            done:
258
            close_in fichier;
259
            let coupe_tableau_dyn tab = Array.sub (tab.support) 0 (tab.
                 taille) in
      coupe_tableau_dyn noeuds,coupe_tableau_dyn deplacements,
260
          coupe_tableau_dyn forces ,coupe_tableau_dyn elements;;
261
262 (*Boucle pour afficher la structure et la faire tourner à l'aide du
        clavier*)
263 let en_sync_items items_a_afficher =
264
            auto_synchronize false;
265
            display_mode false;
266
            peintre_items items_a_afficher;
267
268
                     while true do
269
                             let event = wait next event [Kev pressed] in let
                                   key = event.key in
270
                             if key = 's' then v0 := !v0 - . 5.;
271
                             if key = 'z' then y0 := !y0 +. 5.;
272
                             if key = 'q' then x0 := !x0 -. 5.;
273
                             if key = 'd' then x0 := !x0 + .5.;
                             if key = 'o' then rotation_base_y (0.05);
274
275
                             if key = '1' then rotation_base_v (-0.05);
276
                             if key = 'k' then rotation_base_x (-0.05);
```

```
277
                             if kev = 'm' then rotation base x (0.05);
                             if kev = 'a' then zoom := !zoom +. 5.:
278
                             if key = 'e' then zoom := !zoom -. 5.;
279
280
                             clear_graph ();
281
                             peintre_items items_a_afficher;
282
                             synchronize ();
283
                    done;;
284
285 (*Fonction main : récupere les tableaux et lance la fonction
        en svnc items.*)
286 let main () =
287 let noeuds, deplacements, forces, elements = lecture_fichier "resultat.txt"
         in
288 print_string "Nombre,d'éléments,:..";
289 print_int (Array.length elements); print_newline();
290
291 (*let noeuds2 = noeuds deplaces noeuds deplacements in
292 let tous_noeuds = Array.append noeuds noeuds2 in
293 let tous_elements = Array.append elements elements in
294 *)
295 let items_a_afficher = make_items_affichables elements noeuds forces
        deplacements in
296 (*affiche aretes elements elements noeuds:*)
297 (*set_line_width 10;
298 lineto (size_x()/2) (size_v()/2); *)
```

Annexes:

```
299 synchronize ();
300 en_sync_items items_a_afficher;;
301
302 main();;
```