

Présentation de TIPE

Étude et optimisation d'un outil d'ingénierie du bâtiment

Thomas CREUSET

numéro de candidat : 11909

- 1 Choix du projet
 - La construction en ville: un enjeu pour les ingénieurs
 - Modélisation informatique
 - Méthode des éléments finis
- 2 Méthode des éléments finis
 - Méthode de Galerkin
 - Méthode des ressorts
 - Loi de Hooke
 - Généralisation, matrice de raideur
 - Deux astuces
 - Affichage
- 3 Optimisation
 - Analogique et numérique, defaults et qualités
 - Retours expérimentaux
 - Une solution inattendue et conclusion
- 4 Annexes
 - Code C
 - Code Ocaml

Choix du projet

Choix du projet :

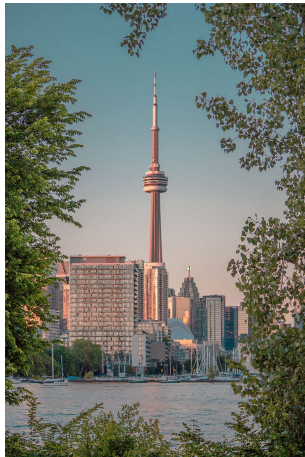
La construction en ville : un enjeu pour les ingénieurs

Objectifs de l'ingénieur :

- Stabilité
- Durabilité
- Accessibilité
- Autres

Point d'intérêt pour notre TIPE :

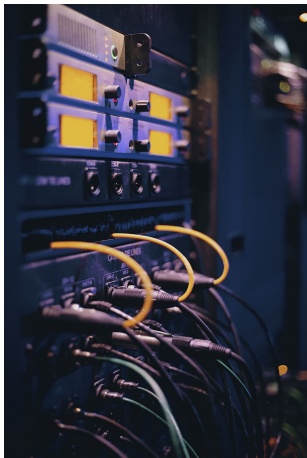
- Stabilité



Source: wallpaperflare

Choix du projet :

Modélisation informatique



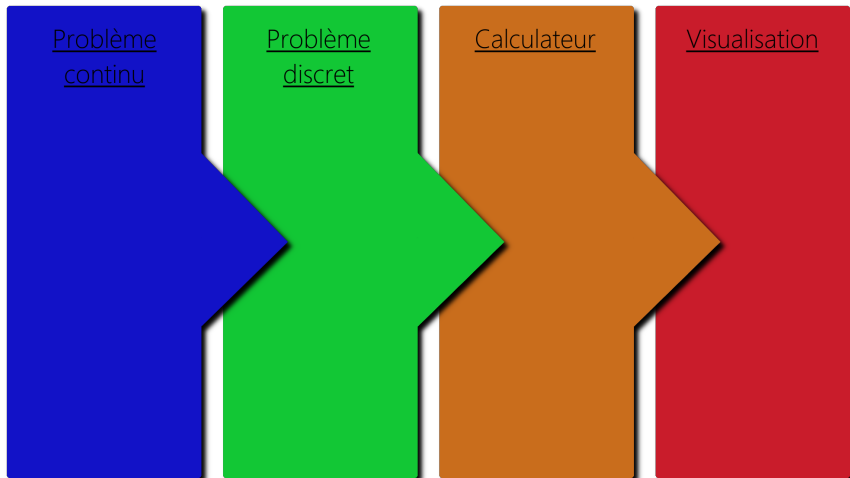
Source: wallpaperflare

Intérêts de la modélisation informatique :

- Coût
- Durée
- Aspects spécifiques
- Paramétrisation précise

Choix du projet :

Méthode des éléments finis



Méthode des éléments finis

Méthode des éléments finis :

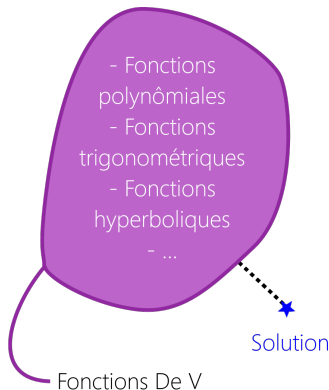
Méthode de Galerkin

Idées sous-jacentes :

- Prendre un sous-ensemble V de l'ensemble des fonctions
- Calculer le projeté de notre solution sur V à l'aide de l'équation différentielle

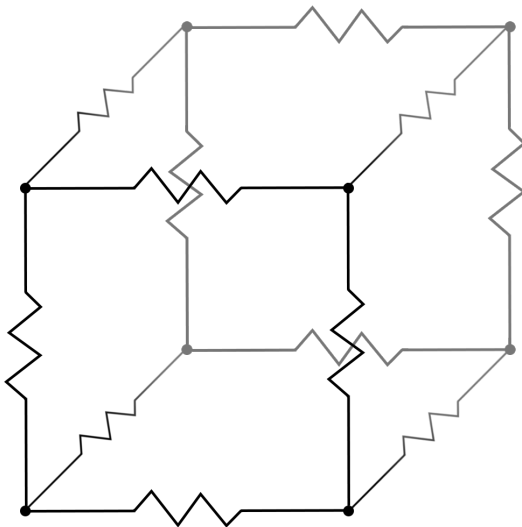
Défauts :

- Connaissances mathématiques en calcul différentiel poussé
- Difficile à généraliser



Méthode des éléments finis :

Méthode des ressorts



Méthode des éléments finis :

Loi de Hooke

Loi de Hooke

$$\vec{F} = -k \cdot \Delta \ell \cdot \vec{u} \quad (1)$$

Constante de raideur

$$k = \frac{A \cdot E}{L} \quad (2)$$

avec :

- A : l'aire de la section de la poutre
- E : le module de Young du matériel
- L : la longueur de la poutre

Méthode des éléments finis :

Généralisation, matrice de raideur

Loi de Hooke matricielle

$$F = K \cdot U \quad (3)$$

Forme détaillée

$$\begin{pmatrix} F_c \\ F_i \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} K_1 & K_2 \\ K_3 & K_4 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} U_i \\ U_c \end{pmatrix} \quad (4)$$

Conditions aux limites pour la solution d'une équation différentielle :

- Neumann : information sur ses dérivées (forces connues)
- Dirichlet : information sur sa valeur (déplacements connus)

Méthode des éléments finis :

Deux astuces

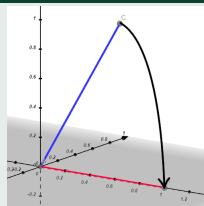
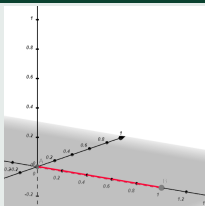
Récupération des forces et des déplacements inconnus

$$F_c = K_1 \cdot U_i + K_2 \cdot U_c \quad (5)$$

$$d'où : U_i = K_1^{-1} \cdot (F_c - K_2 \cdot U_c) \quad (6)$$

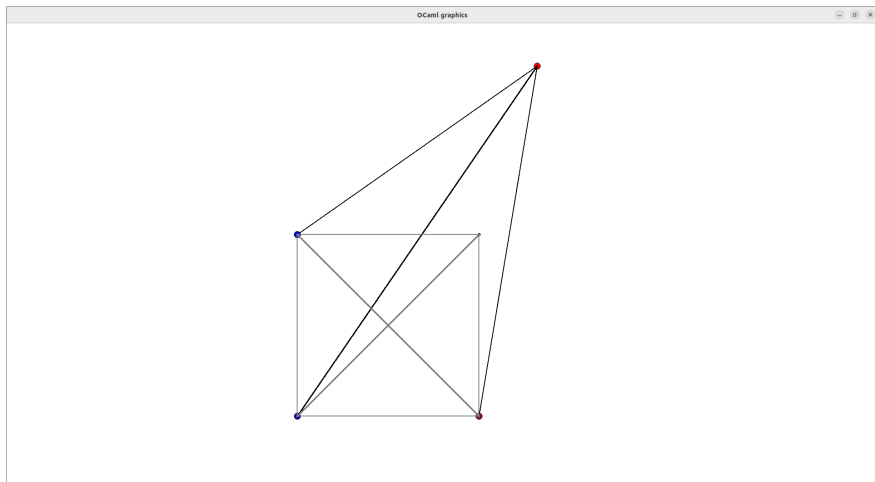
$$et : F_i = K_3 \cdot U_i + K_3 \cdot U_c \quad (7)$$

Rotation vers cas par défaut



Méthode des éléments finis :

Affichage



Optimisation

Optimisation :

Analogique et numérique, defaults et qualités

Points de divergence des méthode :

- Vitesse
- Coût
- Précision des calculs
- Flexibilité du paramétrage

Optimisation :

Retours expérimentaux

Pas encore fait

La mécanique quantique une solution pour le futur

Algorithme d'inversion HHL (Harrow, Hassidim, Lloyd) :

«HHL apporte une amélioration significative, de $O(n)$ à $O(\log(n))$.»¹

¹L'apport des technologies quantiques en intelligence artificielle : vers une acculturation et une compréhension des enjeux du quantique pour l'armée de l'air et de l'espace, Commandant Campo Marie-Élisabeth, Bureau numérique de l'armée de l'air et de l'espace

Annexes

Annexes :

Code C : `standard_lib.h`

```
1 /* -Importations - */
2
3 #include <stdio.h>
4 #include <stdbool.h>
5 #include <stdlib.h>
6 #include <time.h>
7 #include <math.h>
```

Annexes :

Code C : module `_matrice.h`

```
1  /* ~Matrices~ */
2
3  /* -Importations- */
4
5  #include "standard_lib.h"
6
7
8  /* -Types et structures- */
9
10 typedef double valeur;
11
12 struct matrice_s {
13     int lignes;
14     int colonnes;
15     valeur** contenu;
16 };
17
18 typedef struct matrice_s matrice;;
19
20 /* -Déclarations fonctions (f) et procédures (p)- */
21
22 matrice* creer_matrice(int lignes, int colonnes);
23 // f - crée une matrice de dimension 'lignes'x'colonnes' initialisé à 0
24 // (valeur par default du type 'valeur' à changer si ce dernier change)
```

Annexes :

Code C : module_matrice.h

```
25 void supprimer_matrice(matrice* matriceEntree);
26 // p - vide la mémoire utilisée par la matrice 'matriceEntree'
27
28 matrice* sous_matrice(matrice* matriceEntree, int ligneDepart, int
    colonneDepart, int nbreLignes, int nbreColonnes);
29 // f - créer la sous matrice comme spécifiée
30
31 matrice* add_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB);
32 // f - additionne les matrices 'matriceA' et 'matriceB' de manière non
    destructive
33
34 matrice* soustrait_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB);
35 // f - soustrait la matrice 'matriceB' à la matrice 'matriceB' de maniè
    re non destructive
36
37 matrice* mult_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB);
38 // f - multiplie les matrices 'matriceA' et 'matriceB' de manière non
    destructive
39
40 matrice* transp_matrice(matrice* matriceEntree);
41 // f - transpose la matrice 'matriceEntree' de manière non destructive
42
43 matrice* dilatation_matrice(valeur scalaire, matrice* matriceEntree);
44 // f - dilate la matrice par une scalaire (de type 'valeur') 'scalaire'
45
```

Annexes :

Code C : module_matrice.h

```
46 valeur det_matrice(matrice* matriceEntree);
47 // f - calcule le déterminant de la matrice carrée 'matriceEntree'
48
49 void echange_ligne(matrice* matriceEntree, int ligne1, int ligne2);
50 // p - échange les lignes d'indice 'ligne1' et 'ligne2' de la matrice '
    matriceEntree' par effet de bord
51
52 void echange_colonne(matrice* matriceEntree, int colonne1, int colonne2)
    ;
53 // p - échange les colonnes d'indice 'colonne1' et 'colonne2' de la
    matrice 'matriceEntree' par effet de bord
54
55 void combinaison_lignes(matrice* matriceEntree, int ligneDest, valeur
    scalaire, int ligneAjout);
56 // p - affecte à la ligne d'indice 'ligneDest' elle-même plus la ligne d
    'indice 'ligneAjout' multipliée par un scalaire 'scalaire' par effet
    de bord
57
58 void combinaison_colonnes(matrice* matriceEntree, int colonneDest,
    valeur scalaire, int colonneAjout);
59 // p - affecte à la colonne d'indice 'colonneDest' elle-même plus la
    colonne d'indice 'colonneAjout' multipliée par un scalaire 'scalaire
    ' par effet de bord
60
```

Annexes :

Code C : module_matrice.h

```
61 void dilatation_ligne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int ligne
    );
62 // p - affecte à la ligne d'indice 'ligne' elle-même multipliée par un
    scalaire 'scalaire' non-nul par effet de bord
63
64 void dilatation_colonne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int
    colonne);
65 // p - affecte à la colonne d'indice 'colonne' elle-même multipliée par
    un scalaire 'scalaire' non-nul par effet de bord
66
67 matrice* inv_matrice(matrice* matriceEntree, bool verifie);
68 // f - calcule la matrice inverse de la matrice carrée inversible '
    matriceEntree' de manière non destructive
69
70 matrice* affichage_matrice(matrice* matriceEntree);
71 // p - affiche la matrice 'matriceEntree'
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
1  /* -Fichier entête- */
2
3  #include "module_matrice.h"
4
5
6  /* -Fonctions- */
7
8  matrice* creer_matrice(int lignes, int colonnes)
9  {
10     if (lignes <= 0 || colonnes <= 0)
11     {
12         fprintf(stderr, "création impossible:\n");
13         fprintf(stderr, "\t-> les tailles 'lignes' et 'colonnes' doivent
14             -être des entiers non nuls.\n");
15         fprintf(stderr, "\t\t'lignes': %d\n", lignes);
16         fprintf(stderr, "\t\t'colonnes': %d\n", colonnes);
17         exit(EXIT_FAILURE);
18     }
19
20     matrice* matriceSortie = malloc(sizeof(matrice));
21     matriceSortie->lignes = lignes;
22     matriceSortie->colonnes = colonnes;
23     matriceSortie->contenu = malloc(sizeof(valeur*)*lignes);
24
25     for (int ligne = 0; ligne < lignes; ++ligne)
```


Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
25 {
26     matriceSortie->contenu[ligne] = malloc(sizeof(valeur)*colonnes);
27
28     for (int colonne = 0; colonne < colonnes; ++colonne)
29     {
30         matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = 0.0;
31     }
32 }
33
34 return matriceSortie;
35 }
36
37 void supprimer_matrice(matrice* matriceEntree)
38 {
39     for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
40     {
41         free(matriceEntree->contenu[ligne]);
42     }
43
44     free(matriceEntree->contenu);
45     free(matriceEntree);
46 }
47
48 matrice* sous_matrice(matrice* matriceEntree, int ligneDepart, int
    colonneDepart, int nbreLignes, int nbreColonnes)
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
49 {
50     matrice* matriceSortie = creer_matrice(nbreLignes, nbreColonnes);
51
52     for (int i = 0; i < nbreLignes; ++i)
53     {
54         for (int j = 0; j < nbreColonnes; ++j)
55         {
56             matriceSortie->contenu[i][j] = matriceEntree->contenu[i+
                    ligneDepart][j+colonneDepart];
57         }
58     }
59
60     return matriceSortie;
61 }
62
63 matrice* add_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB)
64 {
65     if (matriceA->lignes != matriceB->lignes || matriceA->colonnes !=
        matriceB->colonnes)
66     {
67         fprintf(stderr, "addition impossible:\n");
68         fprintf(stderr, "\t-> les deux matrices doivent être de taille
            identique.\n");
69         fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': %d lignes\n", matriceA->
            lignes);
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
70     fprintf(stderr, "\t\t'matriceA':_ {%d}_ colonnes\n", matriceA->
       colonnes);
71     fprintf(stderr, "\t\t'matriceB':_ {%d}_ lignes\n", matriceB->
       lignes);
72     fprintf(stderr, "\t\t'matriceB':_ {%d}_ colonnes\n", matriceB->
       colonnes);
73     exit(EXIT_FAILURE);
74 }
75
76 matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceA->lignes, matriceA->
       colonnes);
77
78 for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie->lignes; ++ligne)
79 {
80     for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie->colonnes; ++
       colonne)
81     {
82         matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = matriceA->contenu[
       ligne][colonne] + matriceB->contenu[ligne][colonne];
83     }
84 }
85
86 return matriceSortie;
87 }
88
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
89 matrice* soustraire_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB)
90 {
91     if (matriceA->lignes != matriceB->lignes || matriceA->colonnes !=
        matriceB->colonnes)
92     {
93         fprintf(stderr, "soustraction impossible:\n");
94         fprintf(stderr, "\t-> les deux matrices doivent être de taille
            identique.\n");
95         fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': %d lignes\n", matriceA->
            lignes);
96         fprintf(stderr, "\t\t'matriceA': %d colonnes\n", matriceA->
            colonnes);
97         fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': %d lignes\n", matriceB->
            lignes);
98         fprintf(stderr, "\t\t'matriceB': %d colonnes\n", matriceB->
            colonnes);
99         exit(EXIT_FAILURE);
100     }
101
102     matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceA->lignes, matriceA->
        colonnes);
103
104     for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie->lignes; ++ligne)
105     {
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
106     for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie->colonnes; ++
107         {
108             matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = matriceA->contenu[
109                 ligne][colonne] - matriceB->contenu[ligne][colonne];
110         }
111     }
112     return matriceSortie;
113 }
114
115 matrice* mult_matrice(matrice* matriceA, matrice* matriceB)
116 {
117     if (matriceA->colonnes != matriceB->lignes)
118     {
119         fprintf(stderr, "multiplication impossible:\n");
120         fprintf(stderr, "\t-> la matrice 'matriceA' doit avoir autant de
121             \t colonnes que la matrice 'matriceB' a de lignes.\n");
122         fprintf(stderr, "\t\t 'matriceA' : %d colonnes\n", matriceA->
123             colonnes);
124         fprintf(stderr, "\t\t 'matriceB' : %d lignes\n", matriceB->
125             lignes);
126         exit(EXIT_FAILURE);
127     }
128 }
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
126     int tailleCommune = matriceA->colonnes;
127     matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceA->lignes, matriceB->
        colonnes);
128
129     for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie->lignes; ++ligne)
130     {
131         for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie->colonnes; ++
            colonne)
132         {
133             valeur somme = 0;
134
135             for (int k = 0; k < tailleCommune; ++k)
136             {
137                 somme += matriceA->contenu[ligne][k] * matriceB->contenu
                    [k][colonne];
138             }
139
140             matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = somme;
141         }
142     }
143
144     return matriceSortie;
145 }
146
147 matrice* transp_matrice(matrice* matriceEntree)
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
148 {
149     matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceEntree->colonnes,
        matriceEntree->lignes);
150
151     for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie->lignes; ++ligne)
152     {
153         for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie->colonnes; ++
            colonne)
154         {
155             matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = matriceEntree->
                contenu[colonne][ligne];
156         }
157     }
158
159     return matriceSortie;
160 }
161
162 matrice* dilatation_matrice(valeur scalaire, matrice* matriceEntree)
163 {
164     matrice* matriceSortie = creer_matrice(matriceEntree->lignes,
        matriceEntree->colonnes);
165
166     for (int ligne = 0; ligne < matriceSortie->lignes; ++ligne)
167     {
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
168     for (int colonne = 0; colonne < matriceSortie->colonnes; ++
169         {
170             matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = scalaire *
171                 matriceEntree->contenu[ligne][colonne];
172         }
173     }
174     return matriceSortie;
175 }
176
177 valeur det_matrice(matrice* matriceEntree)
178 {
179     if (matriceEntree->colonnes != matriceEntree->lignes)
180     {
181         fprintf(stderr, "calculé du déterminant impossible:\n");
182         fprintf(stderr, "\t-> la matrice 'matriceEntree' doit avoir
183             autant de colonnes que de lignes.\n");
184         fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': %d lignes\n",
185             matriceEntree->lignes);
186         fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': %d colonnes\n",
187             matriceEntree->colonnes);
188         exit(EXIT_FAILURE);
189     }
190 }
```


Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
188     int tailleCommune = matriceEntree->colonnes;
189
190     // cas d'arrêt
191
192     if (tailleCommune == 1)
193     {
194         return matriceEntree->contenu[0][0];
195     }
196
197     // recherche meilleur ligne/colonne (celle possédant le moins de 0)
198
199     int idMeilleur = 0;
200     int nbreZeroMax = 0;
201     int nbreZero = 0;
202     bool estVertical = false;
203
204     for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
205     {
206         nbreZero = 0;
207
208         for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)
209         {
210             if (matriceEntree->contenu[ligne][colonne] == 0.0)
211             {
212                 nbreZero += 1;
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
213     }
214 }
215
216 if (nbreZero > nbreZeroMax)
217 {
218     nbreZeroMax = nbreZero;
219     idMeilleur  = ligne;
220 }
221 }
222
223 for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)
224 {
225     nbreZero = 0;
226
227     for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
228     {
229         if (matriceEntree->contenu[ligne][colonne] == 0.0)
230         {
231             nbreZero += 1;
232         }
233     }
234
235     if (nbreZero > nbreZeroMax)
236     {
237         nbreZeroMax = nbreZero;
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
238         idMeilleur = colonne;
239         estVertical = true;
240     }
241 }
242
243 // calcule du déterminant (on se ramène à la transposé si le
    // calcule le plus intéressant est sur une colonne)
244
245 // cas simple
246
247 if (nbreZeroMax == tailleCommune)
248 {
249     return 0.0;
250 }
251
252 // cas général
253
254 valeur det = 0.0;
255 valeur signe = (idMeilleur % 2 == 0) ? 1.0 : -1.0;
256 int ligneTemp;
257 int colonneTemp;
258
259 if (estVertical)
260 {
261     matriceEntree = transp_matrice(matriceEntree);
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
262     }
263
264     matrice* matriceTemp = creer_matrice(tailleCommune-1, tailleCommune
        -1);
265
266     for (int colonneEnCours = 0; colonneEnCours < tailleCommune; ++
        colonneEnCours)
267     {
268         if (matriceEntree->contenu[idMeilleur][colonneEnCours] != 0.0)
269         {
270             ligneTemp = 0;
271
272             for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
273             {
274                 colonneTemp = 0;
275
276                 if (ligne != idMeilleur)
277                 {
278                     for(int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++
                        colonne)
279                     {
280                         if (colonne != colonneEnCours)
281                         {
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
282             matriceTemp->contenu[ligneTemp][colonneTemp]
                = matriceEntree->contenu[ligne][colonne
                ];
283             colonneTemp++;
284         }
285     }
286
287     ligneTemp++;
288 }
289 }
290
291     det += signe * matriceEntree->contenu[idMeilleur][
        colonneEnCours] * det_matrice(matriceTemp);
292 }
293
294     signe *= -1.0;
295 }
296
297 if (estVertical)
298 {
299     supprimer_matrice(matriceEntree);
300 }
301 supprimer_matrice(matriceTemp);
302
303 return det;
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
304 }
305
306 void echange_ligne(matrice* matriceEntree, int ligne1, int ligne2)
307 {
308     if (ligne1 >= matriceEntree->lignes || ligne1 < 0 || ligne2 >=
        matriceEntree->lignes || ligne2 < 0)
309     {
310         fprintf(stderr, "échange des lignes impossible:\n");
311         fprintf(stderr, "\t-> les lignes 'ligne1' et 'ligne2' doivent
            exister.\n");
312         fprintf(stderr, "\t\t\t 'ligne1' : %d\n", ligne1);
313         fprintf(stderr, "\t\t\t 'ligne2' : %d\n", ligne2);
314         exit(EXIT_FAILURE);
315     }
316
317     for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree->colonnes; ++colonne)
318     {
319         valeur stockageTemp = matriceEntree->contenu
            [ligne1][colonne];
320         matriceEntree->contenu[ligne1][colonne] = matriceEntree->contenu
            [ligne2][colonne];
321         matriceEntree->contenu[ligne2][colonne] = stockageTemp;
322     }
323 }
324
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
325 void echange_colonne(matrice* matriceEntree, int colonne1, int colonne2)
326 {
327     if (colonne1 >= matriceEntree->colonnes || colonne1 < 0 || colonne2
328         >= matriceEntree->colonnes || colonne2 < 0)
329     {
330         fprintf(stderr, "échange des colonnes impossible:\n");
331         fprintf(stderr, "\t-> les colonnes 'colonne1' et 'colonne2'
332             doivent exister.\n");
333         fprintf(stderr, "\t\t'colonne1': %d\n", colonne1);
334         fprintf(stderr, "\t\t'colonne2': %d\n", colonne2);
335         exit(EXIT_FAILURE);
336     }
337     for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
338     {
339         valeur stockageTemp = matriceEntree->contenu
340             [ligne][colonne1];
341         matriceEntree->contenu[ligne][colonne1] = matriceEntree->contenu
342             [ligne][colonne2];
343         matriceEntree->contenu[ligne][colonne2] = stockageTemp;
344     }
345 }
346 void combinaison_lignes(matrice* matriceEntree, int ligneDest, valeur
347     scalaire, int ligneAjout)
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
345 {
346     if (ligneDest >= matriceEntree->lignes || ligneDest < 0 ||
        ligneAjout >= matriceEntree->lignes || ligneAjout < 0)
347     {
348         fprintf(stderr, "combinaison des lignes impossible:\n");
349         fprintf(stderr, "\t-> les lignes 'ligneDest' et 'ligneAjout'
            doivent exister.\n");
350         fprintf(stderr, "\t\t 'ligneDest': %d\n", ligneDest);
351         fprintf(stderr, "\t\t 'ligneAjout': %d\n", ligneAjout);
352         exit(EXIT_FAILURE);
353     }
354
355     for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree->colonnes; ++colonne)
356     {
357         matriceEntree->contenu[ligneDest][colonne] = matriceEntree->
            contenu[ligneDest][colonne] + scalaire * matriceEntree->
            contenu[ligneAjout][colonne];
358     }
359 }
360
361 void combinaison_colonne(matrice* matriceEntree, int colonneDest, valeur
    scalaire, int colonneAjout)
362 {
363     if (colonneDest >= matriceEntree->colonnes || colonneDest < 0 ||
        colonneAjout >= matriceEntree->colonnes || colonneAjout < 0)
```


Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
364 {
365     fprintf(stderr, "combinaison des colonnes impossible:\n");
366     fprintf(stderr, "\t-> les colonnes 'colonneDest' et '
        colonneAjout' doivent exister.\n");
367     fprintf(stderr, "\t\t'colonneDest': %d\n", colonneDest);
368     fprintf(stderr, "\t\t'colonneAjout': %d\n", colonneAjout);
369     exit(EXIT_FAILURE);
370 }
371
372 for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
373 {
374     matriceEntree->contenu[ligne][colonneDest] = matriceEntree->
        contenu[ligne][colonneDest] + scalaire * matriceEntree->
        contenu[ligne][colonneAjout];
375 }
376 }
377
378 void dilatation_ligne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int ligne)
379 {
380     if (ligne >= matriceEntree->lignes || ligne < 0)
381     {
382         fprintf(stderr, "dilatation de la ligne impossible:\n");
383         fprintf(stderr, "\t-> la ligne 'ligne' doit exister.\n");
384         fprintf(stderr, "\t\t'ligne': %d\n", ligne);
385     }
386 }
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
385         exit(EXIT_FAILURE);
386     }
387
388     if (scalaire == 0)
389     {
390         fprintf(stderr, "dilatation de la ligne impossible:\n");
391         fprintf(stderr, "\t-> le scalaire 'scalaire' doit être non nul.\n");
392         fprintf(stderr, "\t\t'scalaire': %f\n", scalaire); // à
            modifier si valeur change de type
393         exit(EXIT_FAILURE);
394     }
395
396     for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree->colonnes; ++colonne)
397     {
398         matriceEntree->contenu[ligne][colonne] = scalaire *
            matriceEntree->contenu[ligne][colonne];
399     }
400 }
401
402 void dilatation_colonne(matrice* matriceEntree, valeur scalaire, int
    colonne)
403 {
404     if (colonne >= matriceEntree->colonnes || colonne < 0)
405     {
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
406     fprintf(stderr, "dilatation de la colonne impossible:\n");
407     fprintf(stderr, "\t-> la colonne 'colonne' doit exister.\n");
408     fprintf(stderr, "\t\t'colonne': %d\n", colonne);
409     exit(EXIT_FAILURE);
410 }
411
412 if (scalaire == 0)
413 {
414     fprintf(stderr, "dilatation de la colonne impossible:\n");
415     fprintf(stderr, "\t-> le scalaire 'scalaire' doit être non nul.\n");
416     fprintf(stderr, "\t\t'scalaire': %f\n", scalaire); // à
        modifier si valeur change de type
417     exit(EXIT_FAILURE);
418 }
419
420 for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
421 {
422     matriceEntree->contenu[ligne][colonne] = scalaire *
        matriceEntree->contenu[ligne][colonne];
423 }
424 }
425
426 matrice* inv_matrice(matrice* matriceEntree, bool verifie)
427 {
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
428 if (matriceEntree->colonnes != matriceEntree->lignes)
429 {
430     fprintf(stderr, "calculer l'inverse impossible:\n");
431     fprintf(stderr, "\t-> la matrice 'matriceEntree' doit avoir
         autant de colonnes que de lignes.\n");
432     fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': %d lignes\n",
         matriceEntree->lignes);
433     fprintf(stderr, "\t\t'matriceEntree': %d colonnes\n",
         matriceEntree->colonnes);
434     exit(EXIT_FAILURE);
435 }
436
437 if (verifie)
438 {
439     valeur det = det_matrice(matriceEntree);
440     printf("%f\n", det);
441
442     if (det == 0)
443     {
444         fprintf(stderr, "calculer l'inverse impossible:\n");
445         fprintf(stderr, "\t-> la matrice 'matriceEntree' est de dé
             terminant nul.\n");
446         fprintf(stderr, "\t\t'déterminant': %f\n", det); // à
             modifier si valeur change de type
447         exit(EXIT_FAILURE);

```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
448
449     }
450 }
451
452 // mise en place
453
454 int tailleCommune = matriceEntree->colonnes;
455 matrice* matriceTemp = creer_matrice(tailleCommune, 2*tailleCommune)
    ;
456
457 for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
458 {
459     for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)
460     {
461         matriceTemp->contenu[ligne][colonne] = matriceEntree->
            contenu[ligne][colonne];
462
463         if (ligne == colonne)
464         {
465             matriceTemp->contenu[ligne][colonne+tailleCommune] = 1;
466         }
467         else
468         {
469             matriceTemp->contenu[ligne][colonne+tailleCommune] = 0;
470         }
471     }
472 }
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
471     }
472 }
473
474 // algorithme de Gauss-Jordan
475
476 int lignePivot    = -1;
477
478 for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)
479 {
480     int ligneMax = lignePivot+1;
481     int maximum  = matriceTemp->contenu[lignePivot+1][colonne];
482
483     for (int ligne = lignePivot+2; ligne < tailleCommune; ++ligne)
484     {
485         if (matriceTemp->contenu[ligne][colonne] > maximum)
486         {
487             maximum = matriceTemp->contenu[ligne][colonne];
488             ligneMax = ligne;
489         }
490     }
491
492     if (matriceTemp->contenu[ligneMax][colonne] != 0)
493     {
494         lignePivot += 1;
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
495         dilatation_ligne(matriceTemp, 1/matriceTemp->contenu[
            ligneMax][colonne], ligneMax);
496
497         if (ligneMax != lignePivot)
498         {
499             echange_ligne(matriceTemp, lignePivot, ligneMax);
500         }
501
502         for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
503         {
504             if (ligne != lignePivot)
505             {
506                 combinaison_lignes(matriceTemp, ligne, (-1)*
                    matriceTemp->contenu[ligne][colonne], lignePivot
                    );
507             }
508         }
509     }
510 }
511
512 // recopie de la matrice inverse
513
514 matrice* matriceSortie = creer_matrice(tailleCommune, tailleCommune)
    ;
515 for (int ligne = 0; ligne < tailleCommune; ++ligne)
```

Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
516 {
517     for (int colonne = 0; colonne < tailleCommune; ++colonne)
518     {
519         matriceSortie->contenu[ligne][colonne] = matriceTemp->
            contenu[ligne][colonne+tailleCommune];
520     }
521 }
522
523 supprimer_matrice(matriceTemp);
524 return matriceSortie;
525 }
526
527 matrice* affichage_matrice(matrice* matriceEntree)
528 {
529     printf("Affichage:\n");
530
531     for (int ligne = 0; ligne < matriceEntree->lignes; ++ligne)
532     {
533         printf("|");
534         for (int colonne = 0; colonne < matriceEntree->colonnes; ++
            colonne)
535         {
536             printf("_{%f}_", matriceEntree->contenu[ligne][colonne]);
537         }
538         printf("| \n");

```


Annexes :

Code C : module_matrice.c

```
539     }  
540 }
```

Annexes :

Code C : main.c

```
1  /*
2  Documentation:
3
4      - Types de conditions limites (toujours l'une des deux)
5
6      {-1} Dirichlet : contrainte de position
7      {1}  Neumann : contrainte de force
8
9      - Forme final du problème initiale
10
11      [Fc]    [K1  K2]    [Ui]
12      [ ] = [ ] x [ ]
13      [Fi]    [K3  K4]    [Uc]
14  , où les indices i correspondent aux inconnus et c au connus pour U (dé
    placements) et F (forces)
15
16      K1 : degree_de_liberte x degree_de_liberte
17      K4 : degree_de_contrainte x degree_de_contrainte
18
19  */
20
21
22  /* - Imports - */
23
24  #include <stdio.h>
```

Annexes :

Code C : main.c

```
25 #include <stdbool.h>
26 #include <stdlib.h>
27 #include <time.h>
28 #include <math.h>
29 #include <string.h>
30 #include "module_matrice.h"
31
32
33 /* - Constantes - */
34
35 #define Dimension 3 // s.u.
36 #define NoeudsParElement 2 // s.u.
37
38
39 /* - Structures et types - */
40
41 typedef struct
42 {
43     matrice* position;
44     matrice* déplacement;
45     matrice* force;
46     int* typeConstraite;
47     int* indicesK;
48 } noeud_t;
49
```

Annexes :

Code C : main.c

```
50 typedef struct
51 {
52     int* indices;
53     double e; // Pa module de Young
54     double a; // m^2 section
55 } element_t;
56
57 typedef struct
58 {
59     noeud_t* noeuds;
60     element_t* elements;
61     int nbreNoeuds;
62     int nbreElements;
63     int degreeDeLiberte;
64     int degreeDeContrainte;
65 } probleme_t;
66
67
68 /* - Décalrations - */
69
70 probleme_t* lecture_donnees(char* lien);
71 /* f - récupère les données à l'adresse fournie */
72
73 void ecrit_resultat(char* lien, probleme_t* probleme);
74 /* f - écrit les données traités à l'adresse fournie */
```

Annexes :

Code C : main.c

```
75
76 void supprime_probleme(probleme_t* probleme);
77 /* f - delete la structure du problème */
78
79 matrice* raideur_element(probleme_t* probleme, int i);
80 /* f - créer la matrice de raideur associée à l'élément d'indice i élé
    ment */
81
82 matrice* creation_matrice_raideur(probleme_t* probleme);
83 /* f - créer la matrice de raideur pour le problème */
84
85 matrice* recuperation_forces_connues(probleme_t* probleme);
86 /* f - récupération du vecteur colonne des forces connues */
87
88 matrice* recuperation_deplacements_connus(probleme_t* probleme);
89 /* f - récupération du vecteur colonne des déplacements connus */
90
91 void applique_elements_finis(char* lienDonnees, char* lienSortie);
92 /* f - effectue la méthode des éléments finis */
93
94
95 /* - Fonctions - */
96
97 probleme_t* lecture_donnees(char* lien)
98 {
```

Annexes :

Code C : main.c

```
99 // Initialisation du problème
100
101 probleme_t* probleme = malloc(sizeof(probleme_t));
102
103 probleme->degreedeLiberte = 0;
104 probleme->degreedeContrainte = 0;
105
106 // Ouverture du fichier
107
108 FILE* fichier = NULL;
109
110 fichier = fopen(lien, "r");
111
112 // Lecture des informations primaires
113
114 fscanf(fichier, "%d;%d\n", &(probleme->nbreNoeuds), &(probleme->
    nbreElements));
115
116 // Lecture des noeuds
117
118 probleme->noeuds = malloc(sizeof(noeud_t) * probleme->nbreNoeuds);
119
120 double valeur;
121
122 for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
```

Annexes :

Code C : main.c

```
123 {
124     // Initialisation du noeud
125
126     probleme->noeuds[i].position      = creer_matrice(Dimension, 1)
127     ;
128     probleme->noeuds[i].deplacement   = creer_matrice(Dimension, 1)
129     ;
130     probleme->noeuds[i].force         = creer_matrice(Dimension, 1)
131     ;
132     probleme->noeuds[i].typeConstraite = malloc(sizeof(int) *
133     Dimension);
134     probleme->noeuds[i].indicesK      = malloc(sizeof(int) *
135     Dimension);
136
137     // Lecture du noeud
138
139     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
140     {
141         fscanf(fichier, "%lf;%d;%lf\n", &(probleme->noeuds[i].
142         position->contenu[d][0]), &(probleme->noeuds[i].
143         typeConstraite[d]), &valeur);
144
145         if (probleme->noeuds[i].typeConstraite[d] == 1)
146         {
147             ++(probleme->degreeDeLiberte);
148         }
149     }
150 }
```

Annexes :

Code C : main.c

```
141         probleme->noeuds[i].force->contenu[d][0] = valeur;
142         probleme->noeuds[i].deplacement->contenu[d][0] = 0.0;
143         probleme->noeuds[i].indicesK[d] =
            probleme->degreedeliberte;
144     }
145     else
146     {
147         --(probleme->degreedeccontrainte);
148         probleme->noeuds[i].deplacement->contenu[d][0] = valeur;
149         probleme->noeuds[i].force->contenu[d][0] = 0.0;
150         probleme->noeuds[i].indicesK[d] =
            probleme->degreedeccontrainte;
151     }
152 }
153 };
154
155 // Formatage des indices dans K
156
157 for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
158 {
159     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
160     {
161         if (probleme->noeuds[i].indicesK[d] < 0)
162         {
```


Annexes :

Code C : main.c

```
163         probleme->noeuds[i].indicesK[d] = abs(probleme->noeuds[i]
164             ].indicesK[d]) + (probleme->degreDeLiberte) - 1;
165     }
166     else
167     {
168         probleme->noeuds[i].indicesK[d] = probleme->noeuds[i].
169             indicesK[d] - 1;
170     }
171 }
172
173 probleme->degreDeContrainte = abs(probleme->degreDeContrainte);
174
175 // Lecture des elements
176
177 probleme->elements = malloc(sizeof(element_t) * probleme->
178     nbreElements);
179
180 for (int i = 0; i < probleme->nbreElements; ++i)
181 {
182     // Initialisation de l'élément
183
184     probleme->elements[i].indices = malloc(sizeof(int) *
185         NoeudsParElement);
```

Annexes :

Code C : main.c

```
184         // Lecture de l'élément
185
186         fscanf(fichier, "%d;%d;%lf;%lf\n", &(probleme->elements[i].
            indices[0]), &(probleme->elements[i].indices[1]), &(probleme
            ->elements[i].e), &(probleme->elements[i].a));
187     }
188
189     fclose(fichier);
190
191     return probleme;
192 }
193
194 void ecrit_resultat(char* lien, probleme_t* probleme)
195 {
196     // Ouverture du fichier
197
198     FILE* fichier = NULL;
199
200     fichier = fopen(lien, "w");
201
202     // Ecriture des informations primaires
203
204     fprintf(fichier, "%d;%d\n", probleme->nbreNoeuds, probleme->
        nbreElements);
205
```

Annexes :

Code C : main.c

```
206 // Ecriture des noeuds
207
208 for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
209 {
210     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
211     {
212         fprintf(fichier, "%lf;%lf;%lf\n", probleme->noeuds[i].
            position->contenu[d][0], probleme->noeuds[i].deplacement
            ->contenu[d][0], probleme->noeuds[i].force->contenu[d
            ][0]);
213     }
214 }
215
216 // Ecriture des elements
217
218 for (int i = 0; i < probleme->nbreElements; ++i)
219 {
220     fprintf(fichier, "%d;%d;%lf;%lf\n", probleme->elements[i].
        indices[0], probleme->elements[i].indices[1], probleme->
        elements[i].e, probleme->elements[i].a);
221 }
222
223 fclose(fichier);
224 }
225
```

Annexes :

Code C : main.c

```
226 void supprime_probleme(probleme_t* probleme)
227 {
228     // free des noeuds
229
230     for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
231     {
232         supprimer_matrice(probleme->noeuds[i].position);
233         supprimer_matrice(probleme->noeuds[i].deplacement);
234         supprimer_matrice(probleme->noeuds[i].force);
235         free(probleme->noeuds[i].typeConstraite);
236         free(probleme->noeuds[i].indicesK);
237     }
238
239     free(probleme->noeuds);
240
241     // free des elements
242
243     for (int i = 0; i < probleme->nbreElements; ++i)
244     {
245         free(probleme->elements[i].indices);
246     }
247
248     free(probleme->elements);
249
250     // free du probleme
```

Annexes :

Code C : main.c

```
251
252     free(probleme);
253
254     return;
255 }
256
257 matrice* raideur_element(probleme_t* probleme, int i)
258 {
259     // Calcul de la rotation selon 0z
260
261     int indice1 = probleme->elements[i].indices[0];
262     int indice2 = probleme->elements[i].indices[1];
263
264     double x1 = probleme->noeuds[indice1].position->contenu[0][0];
265     double y1 = probleme->noeuds[indice1].position->contenu[1][0];
266     double x2 = probleme->noeuds[indice2].position->contenu[0][0];
267     double y2 = probleme->noeuds[indice2].position->contenu[1][0];
268
269     double deltax = x2 - x1;
270     double deltay = y2 - y1;
271
272     double longueurProj = sqrt(deltax * deltax + deltay * deltay);
273
274     double cosinus;
275     double sinus;
```

Annexes :

Code C : main.c

```
276
277     if (sqrt(longueurProj * longueurProj) <= 0.001) // on évite la
        division par 0
278     {
279         cosinus = 1.0;
280         sinus   = 0.0;
281     }
282     else
283     {
284         cosinus = deltax / longueurProj;
285         sinus   = deltax / longueurProj;
286     }
287
288     // - création de la matrice de rotation R(-angle) (A)
289
290     matrice* mat_A = creer_matrice(Dimension * NoeudsParElement,
        Dimension * NoeudsParElement);
291
292     for (int n = 0; n < NoeudsParElement; ++n)
293     {
294         mat_A->contenu[0 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = cosinus;
295         mat_A->contenu[0 + Dimension * n][1 + Dimension * n] = sinus;
296         mat_A->contenu[1 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = -sinus;
297         mat_A->contenu[1 + Dimension * n][1 + Dimension * n] = cosinus;
298         mat_A->contenu[2 + Dimension * n][2 + Dimension * n] = 1.0;
```

Annexes :

Code C : main.c

```
299     }
300
301     // - calcule des positions après la première rotation
302
303     matrice* positions = creer_matrice(Dimension * 2, 1);
304     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
305     {
306         positions->contenu[d][0]           = probleme->noeuds[indice1].
            position->contenu[d][0];
307         positions->contenu[Dimension+d][0] = probleme->noeuds[indice2].
            position->contenu[d][0];
308     }
309     matrice* nouvellesPositions = mult_matrice(mat_A, positions);
310
311     // Calcul de la rotation selon Oy
312
313     x1          = nouvellesPositions->contenu[0][0];
314     double z1   = nouvellesPositions->contenu[2][0];
315     x2          = nouvellesPositions->contenu[3][0];
316     double z2   = nouvellesPositions->contenu[5][0];
317
318     deltax      = x2 - x1;
319     double deltaz = z2 - z1;
320
```

Annexes :

Code C : main.c

```
321     double longueur = sqrt(deltax * deltax + deltaz * deltaz); // conserv
        ée par rotation (et plus de composante selon y)
322
323     if (sqrt(longueur * longueur) <= 0.001) // on évite la division par 0
324     {
325         cosinus = 1.0;
326         sinus    = 0.0;
327     }
328     else
329     {
330         cosinus = deltax / longueur;
331         sinus    = deltaz / longueur;
332     }
333
334     // - création de la matrice de rotation R(-angle) (B)
335
336     matrice* mat_B = creer_matrice(Dimension * NoeudsParElement,
        Dimension * NoeudsParElement);
337
338     for (int n = 0; n < NoeudsParElement; ++n)
339     {
340         mat_B->contenu[0 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = cosinus;
341         mat_B->contenu[0 + Dimension * n][2 + Dimension * n] = -sinus;
342         mat_B->contenu[1 + Dimension * n][1 + Dimension * n] = 1.0;
343         mat_B->contenu[2 + Dimension * n][0 + Dimension * n] = sinus;
```


Annexes :

Code C : main.c

```
344     mat_B->contenu[2 + Dimension * n][2 + Dimension * n] = cosinus;
345 }
346
347 // Calcul de la matrice de raideur de l'élément
348
349 // - création de la matrice dans la base canonique (K)
350
351 matrice* mat_K = creer_matrice(Dimension * NoeudsParElement,
    Dimension * NoeudsParElement);
352
353 double constante = (probleme->elements[i].e) * (probleme->elements[i
    ].a) / longueur;
354
355 mat_K->contenu[0][0] = constante;
356 mat_K->contenu[0][Dimension] = -constante;
357 mat_K->contenu[Dimension][0] = -constante;
358 mat_K->contenu[Dimension][Dimension] = constante;
359
360 // - calcule de la matrice dans la base tournée A x B x K x tB x tA
    = AB x K x t(AB)
361
362 matrice* mat_AB = mult_matrice(mat_A, mat_B);
363 matrice* mat_tAB = transp_matrice(mat_AB);
364
365 matrice* mat_ABK = mult_matrice(mat_AB, mat_K);
```

Annexes :

Code C : main.c

```
366     matrice* mat_K_finale = mult_matrice(mat_ABK, mat_tAB);
367
368     // free des matrices intermédiaires et retour
369
370     supprimer_matrice(mat_A);
371     supprimer_matrice(positions);
372     supprimer_matrice(nouvellePositions);
373     supprimer_matrice(mat_K);
374     supprimer_matrice(mat_AB);
375     supprimer_matrice(mat_tAB);
376     supprimer_matrice(mat_ABK);
377
378     return mat_K_finale;
379 }
380
381 matrice* creation_matrice_raideur(probleme_t* probleme)
382 {
383     // Initialisation de la matrice
384
385     matrice* matriceRaideur = creer_matrice((probleme->nbreNoeuds) *
        Dimension, (probleme->nbreNoeuds) * Dimension);
386
387     // Assemblage de la matrice
388
389     for (int i = 0; i < probleme->nbreElements; ++i)
```

Annexes :

Code C : main.c

```
390 {
391     matrice* matriceElement = raideur_element(probleme, i);
392
393     // Intération sur toutes les combinaisons des noeuds
394
395     for (int noeud1 = 0; noeud1 < NoeudsParElement; ++noeud1)
396     {
397         for (int direction1 = 0; direction1 < Dimension; ++
            direction1)
398         {
399             for (int noeud2 = 0; noeud2 < NoeudsParElement; ++noeud2
                )
400             {
401                 for (int direction2 = 0; direction2 < Dimension; ++
                    direction2)
402                 {
403                     int ligne      = probleme->noeuds[probleme->
                        elements[i].indices[noeud1]].indicesK[
                            direction1];
404                     int colonne    = probleme->noeuds[probleme->
                        elements[i].indices[noeud2]].indicesK[
                            direction2];
```

Annexes :

Code C : main.c

```
405         matriceRaideur->contenu[ligne][colonne] +=
            matriceElement->contenu[noeud1 * Dimension +
                direction1][noeud2 * Dimension + direction2
            ];
406     }
407 }
408 }
409 }
410
411     supprimer_matrice(matriceElement);
412 }
413
414     return matriceRaideur;
415 }
416
417 matrice* recuperation_forces_connues(probleme_t* probleme)
418 {
419     matrice* forces_connues = creer_matrice(probleme->degreDeLiberte,
        1); // vecteur colonne
420
421     int indice = 0;
422
423     // la création de la matrice est fortement liée au tri choisi
424
425     for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
```

Annexes :

Code C : main.c

```
426 {
427     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
428     {
429         if (probleme->noeuds[i].typeConstraite[d] == 1)
430         {
431             forces_connues->contenu[indice][0] = probleme->noeuds[i]
432                 .force->contenu[d][0];
433             ++indice;
434         }
435     }
436
437     return forces_connues;
438 }
439
440 matrice* recuperation_deplacements_connus(probleme_t* probleme)
441 {
442     matrice* deplacements_connus = creer_matrice(probleme->
443         degreeDeContrainte, 1); // vecteur colonne
444
445     int indice = 0;
446
447     // la création de la matrice est fortement liée au tri choisi
448
449     for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
```

Annexes :

Code C : main.c

```
449 {
450     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
451     {
452         if (probleme->noeuds[i].typeConstraite[d] == -1)
453         {
454             déplacements_connus->contenu[indice][0] = probleme->
455                 noeuds[i].deplacement->contenu[d][0];
456             ++indice;
457         }
458     }
459
460     return déplacements_connus;
461 }
462
463 void applique_elements_finis(char* lienDonnees, char* lienSortie)
464 {
465     // précalculs
466
467     probleme_t* probleme = lecture_donnees(lienDonnees);
468
469     printf("donnees_lues\n");
470
471     matrice* matriceRaideur = creation_matrice_raideur(probleme);
472 }
```

Annexes :

Code C : main.c

```
473 printf("matrice créée\n");
474
475 // récupération des matrices
476
477 matrice* forces_connues      = recuperation_forces_connues(probleme)
    ;
478 matrice* déplacements_connus = recuperation_deplacements_connus(
    probleme);
479 matrice* k1                  = sous_matrice(matriceRaideur, 0, 0,
    probleme->degreDeLiberte, probleme->degreDeLiberte);
480 matrice* k2                  = sous_matrice(matriceRaideur, 0,
    probleme->degreDeLiberte, probleme->degreDeLiberte, probleme->
    degreDeContrainte);
481 matrice* k3                  = sous_matrice(matriceRaideur, probleme
    ->degreDeLiberte, 0, probleme->degreDeContrainte, probleme->
    degreDeLiberte);
482 matrice* k4                  = sous_matrice(matriceRaideur, probleme
    ->degreDeLiberte, probleme->degreDeLiberte, probleme->
    degreDeContrainte, probleme->degreDeContrainte);
483
484 // calculs matriciels
485
486 //  $A / F = F_c - K_2 \times U_c$ 
487 matrice* k2_x_uc = mult_matrice(k2, déplacements_connus);
488
```

Annexes :

Code C : main.c

```
489 matrice* force_temp = soustrait_matrice(forces_connues, k2_x_uc);
490
491 // B / U_i = K1^-1 x F
492
493 matrice* invK1 = inv_matrice(k1, false);
494
495 matrice* déplacements_inconnus = mult_matrice(invK1, force_temp);
496
497 // C / F_i = K3 x U_i + K4 x U_p
498
499 matrice* mult1 = mult_matrice(k3, déplacements_inconnus);
500 matrice* mult2 = mult_matrice(k4, déplacements_connus);
501
502 matrice* forces_inconnues = add_matrice(mult1, mult2);
503
504 // mise à jour des noeuds
505
506 int idTampDepl = 0;
507 int idTampForc = 0;
508
509 for (int i = 0; i < probleme->nbreNoeuds; ++i)
510 {
511     for (int d = 0; d < Dimension; ++d)
512     {
513         if (probleme->noeuds[i].typeConstraite[d] == 1)
```


Annexes :

Code C : main.c

```
514         {
515             probleme->noeuds[i].deplacement->contenu[d][0] =
                    déplacements_inconnus->contenu[idTampDepl][0];
516             ++idTampDepl;
517         }
518         else
519         {
520             probleme->noeuds[i].force->contenu[d][0] =
                    forces_inconnues->contenu[idTampForc][0];
521             ++idTampForc;
522         }
523     }
524 }
525
526 // free et retour
527
528 ecrit_resultat(lienSortie, probleme);
529
530 supprimer_matrice(matriceRaideur);
531 supprimer_matrice(forces_connues);
532 supprimer_matrice(deplacements_connues);
533 supprimer_matrice(k1);
534 supprimer_matrice(k2);
535 supprimer_matrice(k3);
536 supprimer_matrice(k4);
```

Annexes :

Code C : main.c

```
537     supprimer_matrice(k2_x_uc);
538     supprimer_matrice(force_temp);
539     supprimer_matrice(invK1);
540     supprimer_matrice(deplacements_inconnus);
541     supprimer_matrice(mult1);
542     supprimer_matrice(mult2);
543     supprimer_matrice(forces_inconnues);
544
545     supprime_probleme(probleme);
546
547     return;
548 }
549
550
551
552 /* - Main (exemple) - */
553
554 int main()
555 {
556     srand(time(NULL));
557
558     applique_elements_finis("donnees.txt", "resultat.txt");
559
560     printf("Termine.\n");
561     return 0;
```

Annexes :

Code C : main.c

562 }

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
1
2 (*Pour Windows*)
3 (*
4 #load "graphics.cma";;
5 Graphics.open_graph "800x600";;
6 open Graphics;;
7 open_graph "720x1280";;
8 *)
9
10 (*Pour Linux*)
11 #use "topfind";;
12 #require "graphics";;
13 open Graphics;;
14 let hauteur=720 and largeur=1280;;
15 open_graph "";;
16 resize_window largeur hauteur;;
17
18 (*-----Types,variables et fonctions outils-----*)
19
20
21 type point = {x: float; y: float; z: float};;
22 type vecteur = {vx: float; vy: float; vz: float};;
23
24
25 let x0 = ref (float_of_int (size_x()/2))
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
26 and y0      = ref (float_of_int (size_y()/2))
27 and zoom    = ref 150.;;
28
29
30 let base = ref ({vx = 1.; vy = 0.; vz = 0.},
31 {vx = 0.; vy = 1.; vz = 0.},
32 {vx = 0.; vy = 0.; vz = 1.});;
33
34
35 let vecteur pt1 pt2 = {vx = (pt2.x -. pt1.x); vy = (pt2.y -. pt1.y); vz
    = (pt2.z -. pt1.z)};;
36
37
38 let produit_scalaire vct1 vct2 = vct1.vx *. vct2.vx +. vct1.vy *. vct2.
    vy +. vct1.vz *. vct2.vz;;
39
40
41 let norme vct = sqrt(vct.vx**2. +. vct.vy**2. +. vct.vz**2.);;
42
43
44 let unitaire vct = {vx = (vct.vx /. (norme vct));
45                                     vy = (vct.vy /. (norme
46                                     vct));
47                                     vz = (vct.vz /. (norme
48                                     vct))};;
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
47
48
49 let produit_vectoriel vct1 vct2 =
50     {vx = (vct1.vy *. vct2.vz -. vct1.vz *. vct2.vy);
51       vy = (vct1.vz *. vct2.vx -. vct1.vx *. vct2.vz);
52       vz = (vct1.vx *. vct2.vy -. vct1.vy *. vct2.vx)};;
53
54 let dans_base pt bse = let vctb1, vctb2, vctb3 = bse and origine = {x =
55     0.; y = 0.; z = 0.} in
56     {x = (produit_scalaire (vecteur origine pt) vctb1);
57       y = (produit_scalaire (vecteur origine pt) vctb2);
58       z = (produit_scalaire (vecteur origine pt) vctb3)};;
59
60 let rotation_x vct theta =
61     {vx = vct.vx;
62       vy = vct.vy *. cos theta -. vct.vz *. sin theta;
63       vz = vct.vy *. sin theta +. vct.vz *. cos theta};;
64
65 let rotation_y vct theta =
66     {vx = vct.vx *. cos theta +. vct.vz *. sin theta;
67       vy = vct.vy;
68       vz = vct.vz *. cos theta -. vct.vx *. sin theta};;
69
70 let rotation_base_x theta = let vct1, vct2, vct3 = !base in
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
71     base := ((rotation_x vct1 theta),
72              (rotation_x vct2 theta),
73              (rotation_x vct3 theta));;
74
75 let rotation_base_y theta = let vct1, vct2, vct3 = !base in
76     base := ((rotation_y vct1 theta),
77              (rotation_y vct2 theta),
78              (rotation_y vct3 theta))
79 ;;
80
81 let projette pt = (int_of_float (!x0 +. !zoom *. pt.x), int_of_float (!
82     y0 +. !zoom *. pt.y));;
83
84 let make_point (x,y,z) = { x = x; y=y; z=z};;
85
86 type element = int * int * float * float;; (*indice du noeud1, indice
87     noeud2, module young, section*)
88
89 let make_element indice_noeud1 indice_noeud2 mod_young section = (
90     indice_noeud1, indice_noeud2, mod_young, section);;
91
92 type item_affichable = Arete of (point*point*int*int) | Noeud of (point*
93     int*int);; (*Arete(point de départ, point d'arrivée, epaisseur,
94     couleur) et Noeud(point, rayon, couleur)*)
95
96
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
91
92 (*COULEURS ET EPAISSEUR DES ITEMS*)
93
94 (*Fonction pour resize des intervalles (proportionnalité)*)
95 let map debut1 fin1 debut2 fin2 x =
96   let t = (x -. debut1)/.(fin1 -. debut1) in
97   (1. -. t)*. debut2 +. t*.fin2
98 ;;
99
100
101 (*Détermine la couleur d'un noeud à l'aide de la norme de la force
   appliquée en ce noeud*)
102 let couleurs_noeuds forces =
103   let normes_forces = Array.map norme forces in
104   (*let max_norme_force force1 force2 = max (norme force1) (norme
      force2) in
105   let min_norme_force force1 force2 = min (norme force1) (norme
      force2) in *)
106   let max_force = Array.fold_left max normes_forces.(0) normes_forces
107   and min_force = Array.fold_left min normes_forces.(0) normes_forces
108 in
109 let tab_couleurs = Array.map (fun norme_force -> let teinte =
      int_of_float (map min_force max_force 0. 255. norme_force) in rgb
      teinte 0 (255 - teinte) ) normes_forces in
110 tab_couleurs;; (*Censé faire un dégradé du bleu au rouge*)
```


Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
111
112 (*Calcule l'emplacement des noeuds après application de la force,
    ajoutant les déplacements*)
113 let noeuds_deplaces noeuds déplacements =
114     Array.map2 (fun point vecteur -> make_point ((point.x +.
    vecteur.vx),(point.y +. vecteur.vy),(point.y +.
    vecteur.vy)) ) noeuds déplacements
115 ;;
116
117 (*Calcule l'épaisseur à afficher des aretes. Attention, renvoie le max
    et le min des sections (unité d'origine)*)
118 let epaisseurs_elements elements =
119     let sections = Array.map (fun (i1,i2,young,section) -> section)
    elements in
120 let max_section = Array.fold_left (fun section accu_section -> max
    section accu_section) 0. sections
121 and min_section = Array.fold_left (fun section accu_section -> min
    section accu_section) infinity sections
122 and min_epaisseur = 2. (*Constantes d'épaisseurs des traits*)
123 in let max_epaisseur = (max_section/. min_section) *. min_epaisseur
124 in
125 let tab_epaisseurs = Array.map (fun section -> int_of_float (map
    min_section max_section min_epaisseur max_epaisseur section) )
    sections in
126
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
127 tab_epaisseurs,min_section,max_section
128 ;;
129
130 (*Crée un tableau des items à afficher (noeuds et arêtes), qui sera trié
    par la cote moyenne ou la cote en fonction de si c'est un poin ou
    une arete.
    Contient les aretes et noeuds avant et après application des
    forces*)
132 let make_items_affichables elements noeuds forces deplacements=
133     let epaisseurs,_,_ = epaisseurs_elements elements in
134     let couleurs = couleurs_noeuds noeuds forces in
135     let noeuds_depl = noeuds_deplaces noeuds deplacements in
136     let tab_aretes_originelles = Array.map2 (fun (i1,i2,young,
        section) epaisseur -> Arete(noeuds.(i1),noeuds.(i2),
        epaisseur,rgb 127 127 127) ) elements epaisseurs
137     and tab_noeuds_originels = Array.map (fun point -> Noeud(point
        ,5,rgb 127 127 127)) noeuds
138     and tab_aretes_deplacees = Array.map2 (fun (i1,i2,young,section)
        epaisseur -> Arete(noeuds_depl.(i1),noeuds_depl.(i2),
        epaisseur,black) ) elements epaisseurs
139     and tab_noeuds_deplaces = Array.map2 (fun point couleur -> Noeud
        (point,7,couleur)) noeuds_depl couleurs
140
141     in
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
142     Array.concat [tab_aretes_originelles;tab_noeuds_originels;
143                  tab_aretes_deplacees;tab_noeuds_deplaces]
144 ;;
145 (*Fonction auxiliaire pour tracer une arete*)
146 let trace_arete point1 point2 epaisseur couleur =
147     let pt1 = dans_base point1 !base
148     and pt2 = dans_base point2 !base
149     in
150     let x1,y1 = projette pt1
151     and x2,y2 = projette pt2 in
152     set_color couleur;
153     set_line_width epaisseur;
154     moveto x1 y1;
155     lineto x2 y2;
156 ;;
157
158 (*Fonction auxiliaire pour tracer un noeud*)
159 let trace_noeud point rayon couleur =
160     let epaisseur_trait = max 1 (int_of_float(float_of_int (rayon)
161                                     *. 0.2)) in
162     let pt = dans_base point !base in
163     let x,y = projette pt in
164     set_color couleur;
165     fill_circle x y rayon;
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
165         set_color black;
166
167         set_line_width epaisseur_trait;
168         draw_circle x y rayon
169     ;;
170
171     (*-----Algorithme du Peintre-----*)
172
173
174     (*Profondeur d'un point dans la direction z*)
175     let cote pt = let proj = dans_base pt !base in proj.z;;
176
177     (*Profondeur pour une arete*)
178     let cote_moyenne (point1, point2) = (cote point1 +. cote point2)/. 2.;;
179
180     (*Tri des items pour l'algo du peintre*)
181     let tri tab clef = let taille = (Array.length tab) - 1 in
182         for i = 1 to taille do
183             let j = ref i and check = clef tab.(i) and temp = tab.(i)
184             in
185             while !j > 0 && clef (tab.(!j-1)) > check do
186                 tab.(!j) <- tab.(!j-1);
187                 j := !j - 1;
188             done;
189             tab.(!j) <- temp;
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
189         done
190 ;;
191
192 let tri_items items_a_afficher =
193     let clef_tri item = match item with
194         | Arete(point1,point2,epaisseur,couleur_arete) ->
195             cote_moyenne (point1,point2)
196         | Noeud(p,rayon,couleur_noeud) -> cote p
197     in
198     tri items_a_afficher clef_tri
199 ;;
200
201 (*Affichage des items dans le bon ordre*)
202 let peindre_items items_a_afficher = let taille = Array.length
203     items_a_afficher in
204     tri_items items_a_afficher;
205     for i = taille-1 downto 0 do
206         (*print_string "Traçage de l'item n° : ";print_int i;
207         print_newline();*)
208         let item= items_a_afficher.(i) in
209         match item with
210         | Noeud(point,rayon,couleur) -> trace_noeud point rayon
211             couleur
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
209 | Arete(point1,point2,epaisseur,couleur) -> trace_arete
      point1 point2 epaisseur couleur
210
211 done
212 ;;
213
214 (*-----Récupération des données dans un fichier extérieur-----*)
215
216
217 (*Type tableau dynamique pour faciliter la récupération des données*)
218 type 'a tableau_dynamique = {mutable support: 'a array;
219
220
221 let make_td element = {
222     support = Array.make 16 element; taille = 0};;
223
224 let ajoute td valeur =
225     if td.taille <> Array.length td.support then
```

mut

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
226         begin
227             td.support.(td.taille) <- valeur;
228             td.taille <- td.taille + 1;
229         end
230     else
231         begin
232             let new_support = Array.make (td.taille*2) valeur in
233             for i = 0 to (td.taille-1) do
234                 new_support.(i) <- td.support.(i);
235             done;
236             td.support <- new_support;
237             td.taille <- td.taille + 1;
238         end;;
239
240
241 (*Fonction qui lit le fichier contenant les données et qui renvoie les
    tableaux contenant :
242     -les noeuds (indités par i)
243     -le déplacement des noeuds (deplacement du noeud i à l'indice i
    )
244     -les forces appliquées au noeud i
245     -les elements, ie (indice_noeud1,indice_noeud2,module_young,
    section)*)
246 let lecture_fichier nomFichier =
247     let fichier = open_in nomFichier in
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
248 let point_generique = make_point (0.,0.,0.) in
249 let element_generique = make_element 0 0 0. 0. in
250 let deplacement_generique = vecteur point_generique
    point_generique in
251 let force_generique = vecteur point_generique point_generique in
252 let noeuds = make_td point_generique in
253 let deplacements = make_td deplacement_generique in
254 let forces = make_td force_generique in
255 let elements = make_td element_generique in
256
257 let ligne = ref (input_line fichier) in
258 let nb_noeuds, nb_elements = Scanf.sscanf !ligne "%d;%d" (fun n1
    n2 -> (n1,n2)) in
259
260 for i = 0 to nb_noeuds-1 do
261     ligne:= input_line fichier;
262     let x,dx,fx = Scanf.sscanf !ligne "%f;%f;%f" (fun x dx
        fx-> (x,dx,fx)) in
263     ligne:= input_line fichier;
264     let y,dy,fy = Scanf.sscanf !ligne "%f;%f;%f" (fun y dy
        fy -> (y,dy,fy)) in
265     ligne:= input_line fichier;
266     let z,dz,fz = Scanf.sscanf !ligne "%f;%f;%f" (fun z dz
        fz-> (z,dz,fz)) in
267
```


Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
268         ajoute noeuds (make_point (x,y,z));
269         ajoute déplacements (vecteur point_generique (
                make_point (dx,dy,dz)));
270         ajoute forces (vecteur point_generique (
                make_point (fx,fy,fz)));
271     done;
272     for i = 0 to nb_elements-1 do
273         ligne:=input_line fichier;
274         let element = Scanf.sscanf !ligne "%d;%d;%f;%f" (fun i1
                i2 module_young section -> (i1,i2,module_young,
                section)) in
                ajoute elements element;
275     done;
276     close_in fichier;
277     let coupe_tableau_dyn tab = Array.sub (tab.support) 0 (tab.
                taille) in
278     coupe_tableau_dyn noeuds,coupe_tableau_dyn déplacements,
                coupe_tableau_dyn forces ,coupe_tableau_dyn elements
279 ;;
280 ;;
281
282
283
284 (*Boucle pour afficher la structure et la faire tourner à l'aide du
    clavier*)
285 let en_sync_items items_a_afficher =
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
286 auto_synchronize false;
287 display_mode false;
288 peindre_items items_a_afficher;
289
290     while true do
291         let event = wait_next_event [Key_pressed] in let
292             key = event.key in
293             if key = 's' then y0 := !y0 -. 5.;
294             if key = 'z' then y0 := !y0 +. 5.;
295             if key = 'q' then x0 := !x0 -. 5.;
296             if key = 'd' then x0 := !x0 +. 5.;
297             if key = 'o' then rotation_base_y (0.05);
298             if key = 'l' then rotation_base_y (-0.05);
299             if key = 'k' then rotation_base_x (-0.05);
300             if key = 'm' then rotation_base_x (0.05);
301             if key = 'a' then zoom := !zoom +. 5.;
302             if key = 'e' then zoom := !zoom -. 5.;
303             clear_graph ();
304             peindre_items items_a_afficher;
305             synchronize ();
306         done
307     ;;
308
```

Annexes :

Code Ocaml : Affichage_FEM_3D.ml

```
309 (*Fonction main : récupere les tableaux et lance la fonction
    en_sync_items.*)
310 let main () =
311   let noeuds,deplacements,forces,elements = lecture_fichier "resultat.txt"
    in
312   print_string "Nombre d'éléments : ";
313   print_int (Array.length elements); print_newline();
314
315   (*let noeuds2 = noeuds_deplaces noeuds deplacements in
316   let tous_noeuds = Array.append noeuds noeuds2 in
317   let tous_elements = Array.append elements elements in
318   *)
319   let items_a_afficher = make_items_affichables elements noeuds forces
    deplacements in
320   (*affiche_aretes_elements elements noeuds;*)
321   (*set_line_width 10;
322   lineto (size_x()/2) (size_y()/2); *)
323   synchronize ();
324   en_sync_items items_a_afficher;
325   ;;
326
327   main();;
```