Hahn-Schickard-Gesellschaft für angewandte Forschung e.V.

Thomas Fabula, Axel Schumacher, Hans-Joachim Wagner

Zwischenbericht über die Durchführung und den Stand des Verbundvorhabens

"Einsatz der Mikromechanik zur Herstellung frequenzanaloger Sensoren"

- Förderkennzeichen: 13 AS 0114 -

Projektleiter: Dipl.-Phys. H.-J. Wagner

Berichtszeitraum: 1.1.1991 - 30.6.1991

Inhalt

1 Zusammenrassung	
• Im Berichtszeitraum durchgeführte Arbeiten	S. 3
Weiteres konkretes Vorgehen	S. 3
II Einzeldarstellung	
1. Theoretische Untersuchungen	
a) Analytische Berechnungen	S. 4
b) Numerische Berechnungen	S. 4
2. Technologie	
2.1 Siliziumtechnologie	
a) Herstellung dünngeätzter Dreifachbalkenstrukturen	S. 15
b) Abscheiden piezoelektrischer Zinkoxidschichten	S. 16
c) Neufestlegung eines Herstellungsprozesses	S. 23
2.2 Quarztechnologie	
a) Entwicklung eines Belackungschucks für Quarzblanks	S. 24
b) Plasmatiefenätzen in Quarz	S. 25
3. Meßtechnik	
a) Charakterisierung dünngeätzter Dreifachbalkenstrukturen mittels Michelson-Interferometer	S. 20
b) Vermessung der Dreifachbalken mit einem Laservibrometer	S. 27

I Zusammenfassung

• Im Berichtszeitraum durchgeführte Arbeiten

Die im letzten Statusbericht vorgestellten Silizium-Dreifachbalkenstrukturen wurden mit wesentlich verbesserter Vorder- zu Rückseitenjustierung nochmals hergestellt. Diese Resonatoren wurden mittels Michelson-Interferometer und Laservibrometer vermessen.

In Zusammenarbeit mit dem Verbundpartner BOSCH wurden Membranstrukturen vermessen und numerische Berechnungen zur Ermittlung von Zug- und Druckspannungsbereichen in Siliziummembranen und -balken durchgeführt. Die Resonanfrequenzänderung infolge von Druckbeaufschlagung bei Siliziummembranen wurde simuliert und mit den experimentellen Meßergebnissen korreliert.

Die Entwicklung eines ZnO-Sputterprozesses führte zu ersten piezoelektrisch anregbaren ZnO-Schichten.

In Zusammenarbeit mit dem Verbundpartner MOTOMETER wurden Druckmembran-Strukturen in Quarz im Stuttgarter Labor hergestellt. Für diesen Herstellungsprozeß wie auch für das Plasmatiefenätzen von Quarz im Erlanger Labor war die Herstellung von Spezialchucks aus anisotrop geätztem Silizium notwendig.

• Weiteres konkretes Vorgehen

a) Simulation

- Berechnung verschiedener Stegquerschnitt-Geometrien (3D-Modellierung) und deren Einfluß auf die Eigenschaften von Kraftsensoren.
- Piezoelektrische FE-Berechnungen (Optimierung der Elektrodenformen, Effektivität des Anregungsmechanismus, Optimierung des Dickenverhältnisses ZnO-Schicht/Si-Balken.
- Weitere Optimierung der passiven Resonatorstrukturen (Empfindlichkeit, Schwingungsgüte, Modenselektivität).

b) <u>Technologie</u>

- Ganzflächige Abscheidung von ZnO-Schichten mit nachfolgender photolithographischer Strukturierung
- Erarbeitung eines Prozeßablaufs zur Herstellung von Dreifachbalkenstrukturen. Vorversuche zur Prozeßintegration von ZnO. Evaluierung des Herstellungsprozesses anhand einer Musterstruktur. Optimierung der einzelnen Prozeßschritte.

c) Meßtechnik

- Korrelation der FE-Ergebnisse mit experimentellen Meßergebnissen (Impedance/Gain-Phase-Analyzer, Laservibrometer).

II Einzeldarstellung

1. Theoretische Untersuchungen

a) Analytische Berechnungen

Für die Berechnung der Eigenfrequenz f₀ eines doppelseitig eingespannten Balkens der Länge 1, der Breite w und der Dicke t gilt folgender Zusammenhang [Til91]:

$$f_0 \approx 1,028 \frac{t}{I^2} \sqrt{\frac{E}{\rho (1-v^2)}}$$
 (1)

Hierbei ist E der E-Modul, ϱ die Materialdichte und ν die Poissonsche Querkontraktionszahl. Da der Balken in unserem Fall in <110>-Richtung ausgerichtet ist, wurden die für diese Kristallrichtung gültigen Materialdaten E = 1,689 ·10¹¹ N/m² bzw. ν = 0,064 verwendet. Die Dichte ϱ beträgt 2,329 g/cm³.

b) Numerische Berechnungen

Ermittlung von Zug- und Druckspannungsbereichen in Si-Membranen und Si-Balken Die Anregung resonanter Siliziumstrukturen zu Transversalschwingungen erfolgt durch aufgesputterte ZnO-Schichten, die infolge des piezoelektrischen Effektes Dehnungen und Kontraktionen auf der Bauteiloberfläche erzeugen und somit zu einer Auslenkung der Membran- bzw. Balkenstrukturen führen. Um eine möglichst hohe Anregungseffizienz zu erreichen, ist es wichtig den genauen Spannungsverlauf auf der Bauteiloberfläche zu kennen und durch eine geeignete Elektrodenformgebung sicherzustellen, daß im Bereich von Zugspannungen nur Dehnung, im Bereich von Druckspannungen nur Kontraktion erzeugt wird. Ein wichtiger Designparameter für die Elektrodenauslegung ist der Nulldurchgang des Spannungsverlaufes (d.h. der Übergang von Zug- in Druckspannungsbereiche). Membrangeometrie:

Ausgehend von einer Membrangeometrie mit halber Seitenlänge von a = 4.6 mm wurden verschiedene FE-Modellen berechnet, wobei der Einfluß verschiedener Membrandicken, variabler Druckbeaufschlagung, der Einspannung infolge der ätzbegrenzenden (111)-Ebenen und der Einfluß nichtlinearer Effekte (Spannungsversteifung der Membran) berücksichtigt wurden.

Die FE-Berechnungen ergeben für den Nulldurchgang:

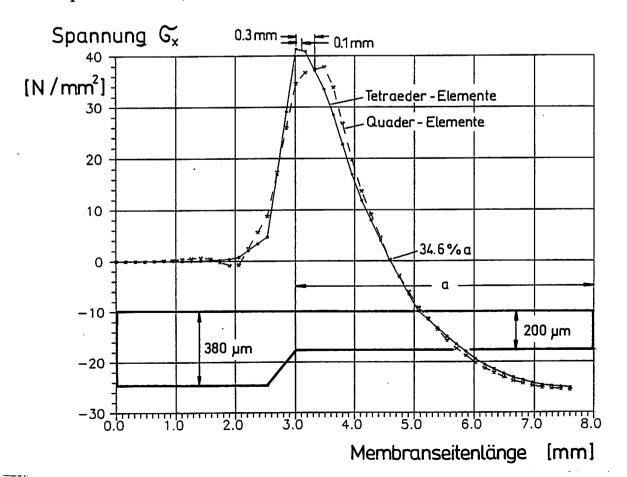
- Membrandickenvariation (100 - 200 μ m): (36.9 - 39.8 %) a

- Druckbeaufschlagung (0 - 1 bar): (37.4 - 39.0 %) a

- (111)-Einspannung: (34.6 %) a

In Abb. 1 ist der radiale Spannungsverlauf σ_x entlang der Membranseitenlänge für eine 200 μ m dicke Siliziummembran bei einer Druckbeaufschlagung von 1 bar berechnet worden. Die gemessene Auslenkung in Membranmitte betrug 8.45 μ m, die FE-Rechnung weicht um etwa 1.6 % von diesem Wert ab. In Abhängigkeit der Vernetzung (Quaderbzw. Tetraederelemente) ergibt sich eine Verschiebung des Spannungsmaximums von der Einspannung in den Membranbereich um 0.1 bis 0.3 mm. Das Spannungsmaximum baut sich nach außen hin zum Einspannungsbereich ab. Die leichten vernetzungsbedingten Unterschiede des Spannungsverlaufes sind durch das unterschiedliche Steifigkeitsverhalten und die Elementauflösung im Einspannungsbereich zu erklären.

Als Ergebnis läßt sich festhalten, daß in einem Bereich von etwa (35 - 40 %) · a keine Elektroden angeordnet werden sollten. Ausgehend von diesen Ergebnissen wurde die Maskenauslegung zur Strukturierung des Zinkoxids und der Aluminiumelektroden vorgenommen und technologisch umgesetzt (siehe Teil 2. Technologie und Bericht des Verbundpartners BOSCH).



5

Abb. 1: Einspannungseffekte bei Silizium-Membranen

Balkengeometrie:

Wie im letzten Zwischenbericht angedeutet, eignet sich bei der Dreifachbalkenstruktur der antisymmetrische Schwingungsmode für die Anwendung als Kraftsensor infolge der inhärenten Schwingungsentkopplung und der damit verbundenen hohen Güte und Meßgrößenauflösung. Um die Anregung der Dreifachbalkenstruktur in diesem Mode zu gewährleisten, müssen die beiden äußeren Balken ($w=200~\mu m$) um 180° phasenversetzt zum mittleren ($w=400~\mu m$) angesteuert werden. Zur Ermittlung der geeigneten Elektrodengeometrie genügt es einen einzelnen Balken zu betrachten. Die Abmessungen wurden wie folgt gewählt: Länge l=3 mm, Breite $w=400~\mu m$ und Dicke $t=25~\mu m$. Die FE-Berechnungen ergeben, daß sich infolge der Biegebeanspruchung der Nulldurchgang des Spannungsverlaufes σ_x in Balkenlängsrichtung bei etwa (25 %) · l einstellt.

Eigenfrequenzen und Schwingungsformen

In den ersten beiden Zwischenberichten des Forschungsvorhabens hat bereits der Verbundpartner MotoMeter dynamische FE-Berechnungen an Quarzmembranen durchgeführt und die möglichen Schwingungsmoden ermittelt. Gegenüber Silizium weist einkristalliner Quarz aufgrund des komplexeren Kristallaufbaus ein komplizierteres Modenspektrum auf, so daß z.B. auch Dickenscherschwingungen bei Quarzmembranen auftreten können. Bei den hier betrachteten Silizium-Membranen interessieren jedoch lediglich die Biegeschwingungen (transversal aus der Membranebene heraus) und deren Oberschwingungen, da nur sie für die Drucksensorapplikation in Frage kommen.

Bei den FE-Berechnungen wurden für die Materialdaten von Silizium folgende Werte verwendet: E-Modul $E_{110}=1.689\cdot 10^{11}$ Pa, Poissonsche Querkontraktion $\nu=0.064$, Dichte: $\rho=2,329$ g/cm³, deren Gültigkeit durch Vergleich von berechneten Membranauslenkungen mit experimentellen Messungen verifiziert werden konnten. Mit verschiedenen FE-Modellansätzen (Schalen-, Volumenelemente, Berücksichtigung der (111)-Einspannung) wurden die Eigenfrequenzen und Oberwellen von quadratischen Membranen (a = 4.6 mm) ermittelt.

Analytisch gilt für die Resonanzfrequenz der Grundbiegeschwingung einer quadratischen, voll eingespannten, homogenen Platte [You59], unter der Annahme, daß sie unverspannt und elastisch isotrop ist:

$$f = \frac{36}{8\pi\sqrt{12}} \frac{h}{a^2} \sqrt{\frac{E}{(1-v^2)\rho}}$$
 (2)

wobei E= E-Modul, ν = Querkontraktion, ρ = Dichte, h= Membrandicke, a= halbe Seitenlänge ist.

Folgende Tabelle enthält die Gegenüberstellung zwischen analytisch berechneten Resonanzfrequenzen f_{theor} und den numerischen Werten f_{FEM} eines einfachen FE-Modells mit Schalenelementen. Die Differenz der Werte beträgt jeweils etwa 0.2 %.

Dicke h	25 μm	50 μm	100 μm	150 μm	200 μm
f _{theor} [kHz]	4.169	8.338	16.675	25.013	33.351
f _{FEM} [kHz]	4.161	8.321	16.642	24.963	33.284

Die höheren Biegeschwingungen lassen sich bereits mit diesem einfachen Schalenmodell berechnen. In Abb. 2 sind die möglichen Schwingungsformen schematisch dargestellt. Wie erwartet stellen sich bei höheren Schwingungsmoden zunehmend mehr Knotenlinien (mit entsprechenden Schwingungsminima und -maxima) ein, wobei einige Schwingungsmoden theoretisch entartet sein sollten. In der Realität treten diese Schwingungsmoden jedoch infolge der Kristallanisotropie, der Membraninhomogenitäten und nicht idealen Einspannungsbedingungen getrennt auf. Die Eigenfrequenzen f_i der höheren Oberschwingungen (i = Mode) lassen sich als ein Vielfaches der Resonanzfrequenz f_1 der Grundschwingung beschreiben:

$$\begin{split} f_i &= c_i \cdot f_1, \text{ wobei für die Frequenzvielfachen } c_i \text{ gilt (i} = 1 - 10): \\ c_i &\approx 1.00 \ / \ 2.04 \ / \ 2.04 \ / \ 3.00 \ / \ 3.65 \ / \ 3.67 \ / \ 4.57 \ / \ 4.57 \ / \ 5.84 \ / \ 5.85 \end{split}$$

Deutlich sieht man, daß sich die Moden 2 und 3, 5 und 6, 7 und 8 sowie 9 und 10 in ihren Resonanzfrequenzen kaum unterscheiden und die theoretisch entarteten Schwingungsmoden darstellen. Der 6. Mode mit $c_6=3.67$ stellt die erste Oberschwingung (Amplitude in Membranmitte ungleich null) zur Grundschwingung dar. Weiterhin wurden Vergleichsrechnungen mit Volumenelementen bei Membrandicken von 100 μ m und 200 μ m durchgeführt.

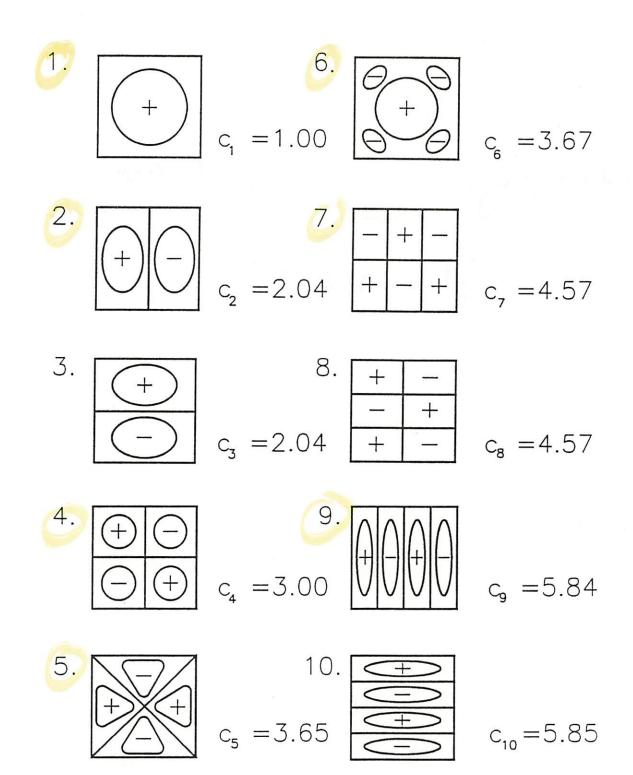


Abb. 2: Transversale Schwingungsmoden einer Silizium-Membran

Die Berechnungen ergaben als Mittelwerte für die Frequenz der Grundbiegeschwingung gute Übereinstimmung mit den analytischen Abschätzungen. Das Frequenzvielfache der ersten Oberschwingung c_6 stimmt gut mit dem des einfachen Schalenmodells überein.

Pardeispay:

A = Zoom

A =

Die zweite Oberschwingung stellt sich erst beim zwölften Schwingungsmode ein:

Dicke h	f ₁ [kHz]	C ₆	c ₁₂
100 μm	16.688	3.71	6.12
200 μm	33.291	3.69	-

Um den Einspannungseffekt durch die Si(111)-Ebene zu ermitteln wurde ein rechenaufwendiges FE-Modell mit 2243 Volumenelementen (4594 Knoten, 500 Freiheitsgrade) erstellt und berechnet. Die Membrandicke h betrug 200 μ m, die halbe Seitenlänge a = 4.6 mm, der Einspannungsbereich erstreckte sich über 3 mm. Für die Resonanzfrequenz ergab sich ein Wert von f_1 = 32.062 kHz. Dieser Frequenzwert fällt infolge der Verminderung der Einspannungssteifigkeit gegenüber dem Schalenmodell um etwa 4 % geringer aus. Die Frequenzvielfachen c_6 und c_{12} ergeben sich zu 3.67 und 6.09 für die beiden ersten Oberschwingungen. Ein Vergleich der FE-Berechnungen mit experimentellen Messungen an ZnObeschichteten Silizium-Membranen ist im Bericht des Verbundpartners BOSCH zu finden. Als Ergebnis kann man festhalten, daß die Resonanzfrequenz der Grundschwingung für idealisierte Membranen sich gemäß Gleichung (2) ermitteln läßt. Für die Abschätzung der beiden ersten Oberschwingungen gilt in erster Näherung $c_6 \approx 3.7$ und $c_{12} \approx 6.1$.

Resonanzfrequenzänderung infolge Druckbeaufschlagung bei Si-Membranen

Die Frequenzänderung bei resonanten Membranen und Balken läßt sich auf die Änderung der mechanischen Spannung im Resonator zurückführen, die zu einer Änderung der Resonatorsteifigkeit führt. In den vorangegangenen Zwischenberichten sind die Eigenschaften von schwingenden Balkenresonatoren und deren Einsatz als Kraftsensor eingehend untersucht worden. Aufgrund einer einwirkenden axialen Zug- bzw. Druckkraft erhöht bzw. erniedrigt sich die Resonanzfrequenz eines Biegebalkens entsprechend. Bei Membranen ist ein ähnlicher Effekt zu erwarten, sofern sich entsprechend große Membranspannungen im Innern aufbauen und zu einer Spannungsversteifung führen. Dieser Effekt ist allerdings stark von der Membranauslenkung abhängig, die bei geringer Druckbeaufschlagung in erster Näherung als proportional zum Druck angenommen werden kann. Im höheren Druckbereich ist das nichtlineare Verhalten abhängig von dem Verhältnis der Membranauslenkung zur Membrandicke, der Membraneinspannbedingungen und einer eventuellen Membranvorspannung.

Gemäß [Tim55] läßt sich die Resonanzfrequenzänderung einer Membran infolge Auslenkung bei Druckbeaufschlagung beschreiben durch:

$$f = f_0 \sqrt{1 + const \left(\frac{d}{h}\right)^2}$$
 (3)

wobei f_0 = Resonanzfrequenz der unbelasteten Membran, d= Membranauslenkung, h= Membrandicke ist.

Der konstante Faktor unter dem Wurzelzeichen ist abhängig von der Membrangeometrie, den Randbedingungen und der Biegesteifigkeit der Membran. Für eine runde, voll eingespannte Membran gilt: const = 1.464. Für sehr dünne Membranen ist die Membranauslenkung allerdings extrem nichtlinear. Unter Zugrundelegung der vom Verbundpartner BOSCH hergestellten und vermessenen 25 μ m dicken Siliziummembran (a = 4.6 mm) wurde die druckabhängige Auslenkung berechnet. In Abb. 3 ist für einen Druckbereich bis 150 mbar die Auslenkung der Membran aufgetragen. Bei einem Druck von 100 mbar beträgt die Auslenkung in Membranmitte bereits ein dreifaches der Membrandicke (\approx 74 μ m) und die maximale Biegespannung an der Oberfläche beträgt etwa 79 N/mm², die maximale Zugspannung in der "neutralen Faser" etwa 30 N/mm².



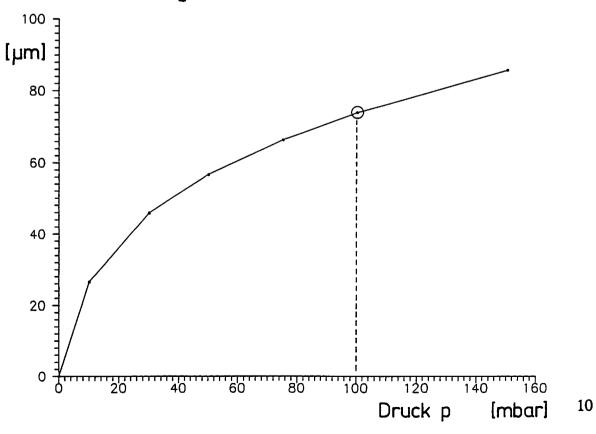


Abb. 3: Nichtlineare Membranauslenkung infolge Druckbeaufschlagung

Diese enormen Zugspannungen im Membraninnern bewirken nun eine hohe Spannungsversteifung der Membran infolge der großen Auslenkung und führen zu einer erheblichen Änderung der Resonanzfrequenzen. In Abb. 4 sind die Druck-Frequenz-Kennlinien für die Grundschwingung und die ersten beiden Oberschwingungen graphisch aufgetragen. Die Frequenzverschiebung ist für den Grundmode maximal. Die Größenordnung liegt bei allen drei Schwingungsmoden etwa bei 10 kHz pro 100 mbar. Betrachtet man die Frequenzverschiebungen der beiden höheren Moden, so sieht man, daß die Frequenzvielfachen c₆ und c₁₂ mit zunehmendem Druck kleiner werden, d.h. die Resonanzpeaks der Oberschwingungen werden im Amplitudenspektrum weniger verschoben als die Grundresonanz. Bei der Auswertung der experimentell gemessenen Amplitudenspektren von Silizium-Membranen unter Druckbeaufschlagung konnte dieser Effekt nachgewiesen werden. Zusätzlich änderten sich die Amplitudenverhältnisse der einzelnen Resonanzpeaks bei steigendem Druck, so daß eine eindeutige Zuordnung der Schwingungsmoden erschwert wurde. Ein Vergleich der FE-Berechnungen mit den durchgeführten Messungen zeigt eine gute Übereinstimmung. Der Berstdruck wurde experimentell zu etwa 150 mbar bestimmt.

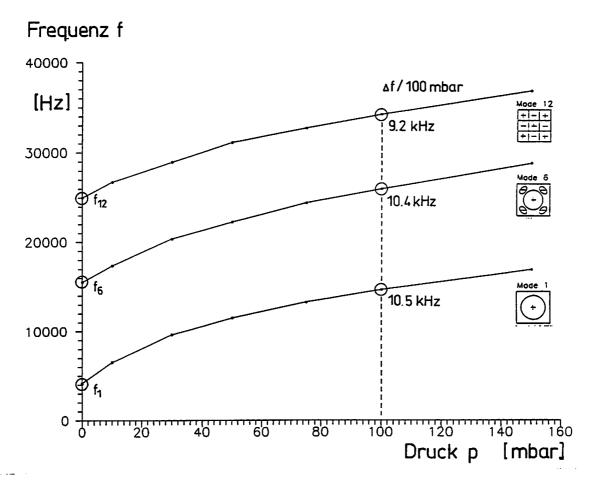


Abb. 4: Eigenfrequenzänderungen infolge Druckbeaufschlgung

Nachfolgende Tabelle faßt die Ergebnisse der FE-Berechnungen zusammen:

Druck p	0 bar	.01 bar	.03 bar	.05 bar	.075 bar	.1 bar	.15 bar
f ₁ [kHz]	4.174	6.549	9.637	11.528	13.314	14.698	16.914
C ₆	3.72	2.66	2.11	1.93	1.83	1.78	1.70
C ₁₂	≈ 6.1	4.09	3.00	≈ 2.67	2.46	2.33	2.17

Angaben über das zugrundeliegende FE-Modell:

- Anzahl Elemente:

400 (Schalenelemente, 4-knotig)

- Anzahl Knoten:

441

- Anzahl Freiheitsgrade:

300 (MDOF)

- nichtlineare Option:

Membranversteifung und große Auslenkung

- Anzahl Iterationen:

ca. 6-7 pro Belastungsschritt.

Piezoelektrische Berechnungen

Für eine effiziente piezoelektrische Anregung von Siliziumbalken durch ZnO-Schichten ist außer der Kenntnis der geeigneten Elektrodenformen auch das optimale Verhältnis von ZnO-Schichtdicke zu Silizumbalken-Dicke wichtig. Der elektromechanische Kopplungsfaktor keff ist ein Maß für die Güte der Energieeinkopplung von elektrischer Energie in mechanische Schwingungsenergie. Eine Möglichkeit der Bestimmung dieser Kopplungsfaktoren besteht in der Vermessung des frequenzabhängigen Impedanzverlaufes (siehe 2. Zwischenbericht: Quarzmeßtechnik). Der effektive Kopplungsfaktor keff eines piezoelektrischen Resonators ergibt sich näherungsweise zu [VIB81]:

$$k_{eff} = \sqrt{2 \frac{f_a - f_r}{f_a}} \tag{4}$$

wobei f_a = Antiresonanzfrequenz (Leerlaufbedingung), f_r = Resonanzfrequenz (Kurzschlußbedingung) ist.

Ziel der piezoelektrischen FE-Berechnung ist die Berechnung der Sensoreigenschaften und die Auslegung der Sensorstrukturen unter Einschluß der Kopplung der mechanischen Größen (Verschiebungen: UX, UY, UZ) und der elektrischen Größen (Potential, Ladungen).

Zur Entwicklung eines geeigneten FE-Modells und zur Verifikation der piezoelektrischen Berechnungsmöglichkeiten wurde eine Bimorph-Membran (Silizium-Membran mit aufgeklebter Piezokeramik) ausgewählt. Hierzu lagen experimentelle Messungen vor (siehe Bericht des Verbundpartners BOSCH). Genaue Angaben zu Materialdaten sind in [VIB81] zu finden. Gegenstand der piezoelektrischen FE-Berechnungen war eine Modalanalyse zur Ermittlung der Eigenfrequenzen und Schwingungsformen, die Frequenzverschiebung infolge einer Druckbeaufschlagung und die Berechnung des frequenzabhängigen Impedanzverlaufes zur Bestimmung der Frequenz fr und fa sowie der elektromechanischen Kopplungsfaktoren keff,i für die verschiedenen Schwingungsmoden.

Angaben zum piezoelektrischen FE-Modell der Bimorph-Membran:

- halbe Membranseitenlänge: a = 4.6 mm

- Dicke der Silizium-Membran: $h_{Si} = 20 \mu m$

- Dicke der Piezokeramik: $h_{piezo} = 200 \mu m$

- Materialdaten: Silizium (isotrop),

Piezokeramik VIBRIT 420 (anisotrop)

- Anregungsspannung: U = 1 V

- mechanische Schwingungsgüte: Q ≈ 1000

- Dielektrische Dämpfung: vernachlässigt

- ganzflächige Elektrodenform: Unter- und Oberseite der Piezokeramik

- Anzahl Volumenelemente: 200 (Multi-Field-Elemente)

- Anzahl Knoten: 363

- Gesamtzahl Freiheitsgrade: 300 (MDOF)

- flache Membrangeometrie (1/4 Modell) ohne (111)-Einspannung

In Abb. 5 ist der berechnete Impedanzverlauf der Bimorph-Membran von 0 bis 100 kHz dargestellt. Drei ausgeprägte Schwingungsmoden ($f_i \approx 11.5, 47.75, 83.25$ kHz), deren elektromechanische Kopplungsfaktoren mit zunehmender Frequenz abnehmen ($k_i \approx 0.29, 0.22, 0.16$), sind in der Abb. zu erkennen. Die mechanischen Schwingungsamplituden betragen etwa 2.4, 2.5 und 0.5 μ m. Ein Vergleich der FE-Berechnungen mit den experimentellen Messungen des Verbundpartners BOSCH liefert trotz des relativ einfachen Modellansatzes gute Übereinstimmung. Bei einer Druckbeaufschlagung von 400 mbar ergab sich eine Frequenzverschiebung des Grundschwingungsmodes von 426 Hz (gemessen: 595 Hz). Dies

entspricht einer Abweichung von etwa 28 %.

Ergebnis: Die piezoelektrischen Berechnungen erlauben die Modellierung der piezoelektrischen Anregung und die Evaluierung der Geometrieeinflüsse, der Randbedingungen sowie der Materialdaten (mechanische und elektrische) bei Bimorph-Strukturen. Die dynamischen Eigenschaften (Resonanzfrequenzen) des Systems werden bereits mit einem einfachen FE-Modell sehr gut beschrieben. Die Abweichung von 28 % in der druckabhängigen Frequenzverschiebung ist auf das Fehlen der nichtlinearen Option LARGE DEFLECTION beim Multi-Field-Element STIF5 zurückzuführen.

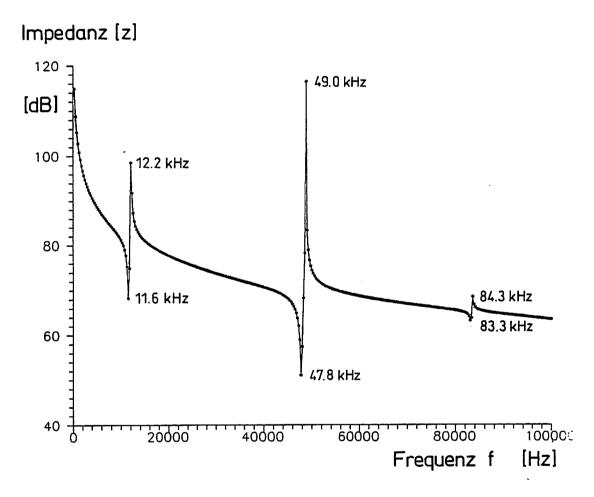


Abb. 5: Impedanzverlauf einer piezoelektrisch angeregten Bimorph-Membran

2. Technologie

2.1 Siliziumtechnologie

a) Herstellung und Charakterisierung dünngeätzter Dreifachbalkenstrukturen

Mit Hilfe des im letzten Zwischenbericht eingehend beschriebenen Verfahrens wurden weitere schwingfähige Balken aus Silizium hergestellt. Im Gegensatz zu den letzten Versuchen wurde die Belichtung der Waferrückseite mit speziellen Belichtungsgeräten (Süss MA 6 mit Infrarotbeobachtungseinrichtung und ET-AL6-2) durchgeführt, die auf optischem Weg eine genaue Vorder- zu Rückseitenbelichtung ermöglichen. Somit konnte die bei den ersten Versuchen aufgetretene Fehljustierung vermieden werden, d. h. es konnten sich Dreifachbalkenstrukturen ausbilden. Abb. 6 zeigt in einer REM-Aufnahme eine Dreifachbalkenstruktur von der Rückseite. Die geometrischen Strukturdaten der Balken stimmen in ihrer Breite w und in ihrer Länge 1 mit denen der ersten Versuche überein:

w = 50 μ m, 100 μ m, 200 μ m, 400 μ m; 1 = 1 mm, 2 mm, 3 mm, 4 mm. Für die Balkendicke t wurden die Werte 31 μ m und 12,5 μ m gewählt.

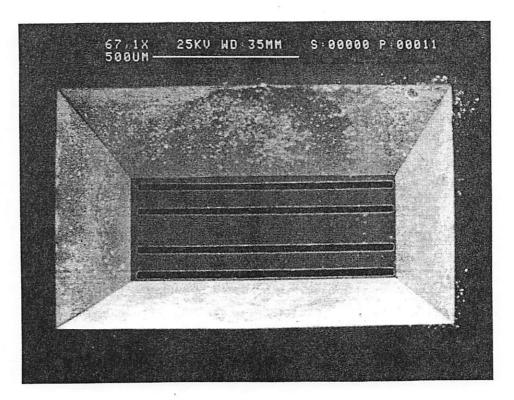


Abb. 6: Silizium-Dreifachbalkenstruktur, von der Rückseite gesehen (REM-Aufnahme). Balkendimensionen: 1 = 1 mm, t = 31 μ m, b = 50/100/50 μ m.

b) Abscheiden piezoelektrischer Zinkoxidschichten

Eine starke Anisotropie der Wachstumsraten kann bei ZnO während der Abscheidung zu stark orientierten polykristallinen Schichten führen. Obwohl diese Schichten nicht einkristallin sind, führt die Gleichmäßigkeit der Orientierung bei optimierten Abscheidungsbedingungen zu piezoelektrischen Kenngrößen, die 85 % der Werte einkristalliner Elemente erreichen können [Heu89]. Die hexagonale Kristallstruktur von ZnO ist vom Wurtzit-Typ (Abb. 7). Die Kristallklasse ist 6mm.

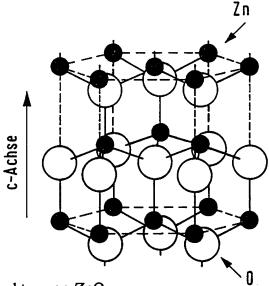


Abb. 7: Wurtzitstruktur von ZnO

Die piezoelektrischen Koeffizienten von ZnO sind:

$$d_{ij} = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & -8,3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -8,3 & 0 & 0 \\ -5 & -5 & 12,4 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \quad x \ 10^{-12} [C/N] \equiv [m/V].$$

Eine quantitative Aussage über die Effektivität eines piezoelektrischen Elements ist durch die Angabe des piezoelektrischen Kopplungsfaktors, der die elektrische und die mechanische Energiedichte W_{el} bzw. W_{mech} miteienander verknüpft, möglich. Der longitudinale Kopplungsfaktor K_L (elektrisches HF-Feld \parallel zur c-Achse des Kristallits angelegt) beträgt beim $ZnO \approx 0.45$ [Heu89] - 0.48 [Ike90]. Der transversale Kopplungsfaktor K_Q (elektrisches HF-Feld senkrecht zur c-Achse) beträgt 0.34. Verglichen mit dem klassischen Material Quarz ist der piezoelektrische Effekt für ZnO-Schichten stark ausgeprägt. Zur Anregung/Detektion

von dünnen Siliziumbalken wird der piezoelektrische Transversaleffekt ausgenutzt.

Dies zeigt Abb. 8 in einer Plausibilitätsbetrachtung: werden die ZnO-Kristallite in einer Vorzugsrichtung senkrecht zur Substratebene aufgewachsen, so wird z.B. bei einem angelegten E-Feld von 1 V/ μ m in x₃-Richtung (\parallel c-Achse) eine Verlängerung (bzw. Kontraktion) $\in_3 (=al/l) = d_{33} E_3 = 12,4 \times 10^{-6}$ und eine Kontraktion (bzw. Verlängerung) $\in_1 = \in_2 = d_{31} E_3 = -5 \times 10^{-6}$ in x₁- bzw. x₂- Richtung bewirkt. Legt man in x₃-Richtung eine Dimension von 3 μ m ZnO-Schichtdicke in Relation zur Balkenlänge von ca. 3000 μ m in x₁-Richtung zugrunde, so ergibt sich für eine Bimorph-Struktur (ZnO-Si) ein transversaler Dehnungseffekt der Schicht in der Größenordnung eines Faktors > 500.

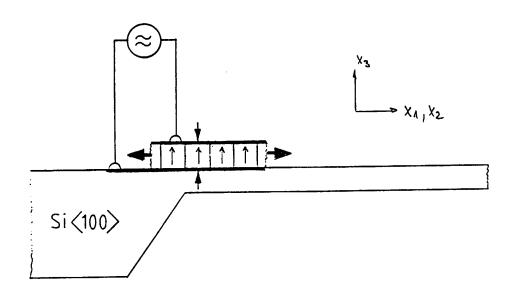


Abb. 8: Piezoelektrischer Transversaleffekt zur Anregung/Detektion von dünnen Siliziumbalken (schematisch).

Herstellung von ZnO-Schichten

Die ZnO-Schichten werden mittels HF-Magnetron-Sputtern in einer Sputteranlage Alcatel SCM 600 erzeugt. Die Anlage mußte für diesen Zweck mit einer Substratheizung ausgerüstet werden, da für gut orientierte Schichten eine Substrattemperatur von 350 °C bis 500 °C notwendig ist (Abb. 9). Die ersten Schichten wurden mit einer Substrattemperatur von 300 °C bis 350 °C hergestellt. Einige wichtige Sputterprozeßparameter sind nachfolgend aufgeführt:

HF-Frequenz:

13,56 MHz

Restgasdruck:

7 x 10⁻⁶ hPa

Prozeßgas:

Ar 40 %, O₂ 60 %

Sputterdruck:

4 - 5 x 10⁻³ hPa

Sputterleistungsdichte:

bis 2,8 W/cm²

Target/Subsstratabstand:

45 bzw. 50 mm

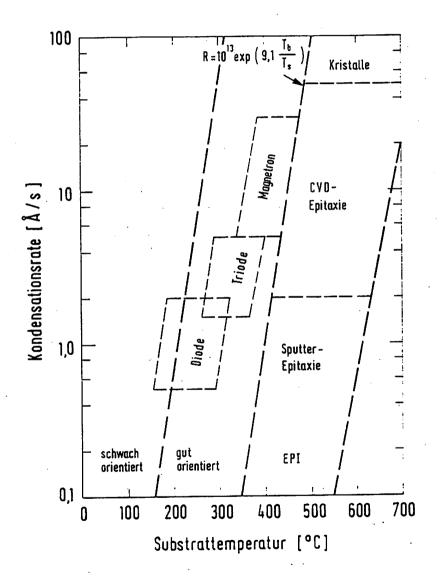


Abb. 9: Kondensationsrate und Aufwachsgüte von ZnO in Abhängigkeit von Verfahren und Substrattemperatur.[Hic85]

Das Target besteht aus gesintertem ZnO (99,999 %) und hat einen Durchmesser von 150 mm. Die Möglichkeit zum Biassputtern ist gegeben. Mit der o.g. Leistungsdichte wurden Sputterraten bis zu 80 nm/min und Schichtdicken bis 6,8 µm erzeugt. Als Substrate wurden zunächst 3" <100> Si-Wafer mit polierter Oberfläche ganzflächig beschichtet. An diesen Proben wurden vergleichende Schichtdickenmessungen (Talystep Stylusgerät, optisches UBM-Profilometer) durchgeführt. Abb. 10 zeigt die Schichtdickenverteilung über den Durchmesser eines Wafers. Eine Optimierung dieser Schichthomogenität soll in weiteren Untersuchungen über eine Variation des Target/Substratabstands und des Sputterdrucks erfolgen. Das Ergebnis einer Schichtrauhigkeitsmessung in Wafermitte ist in Abb. 11 dargestellt. Ein Vergleich mit Literaturangaben zeigt, daß mit dem Anlegen einer Biasspannung die Schichtrauhigkeit noch verbessert werden kann.

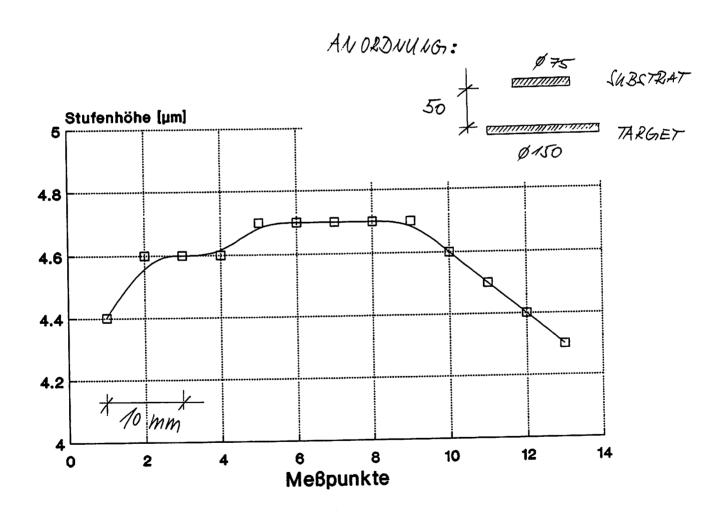


Abb. 10: Verteilung der Stufenhöhe über den Durchmesser bei ZnO #4. Die Schichthomogenität beträgt $4,6~\mu m~\pm~6~\%$.

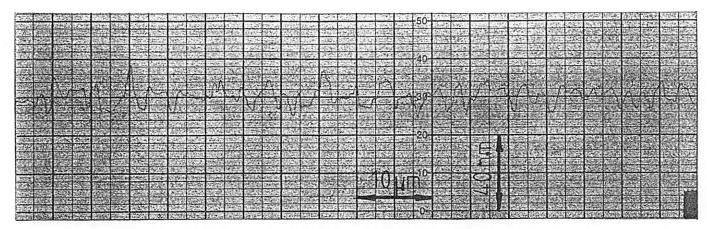


Abb. 11: Schichtrauhigkeit in Wafermitte (Meßpunkt 7) bei ZnO #4.

Eine REM-Aufnahme von einer Bruchkante einer ZnO-Schicht (ZnO #2) zeigt Abb. 12. Es ist deutlich die Vorzugsorientierung der Kristallite zu sehen.

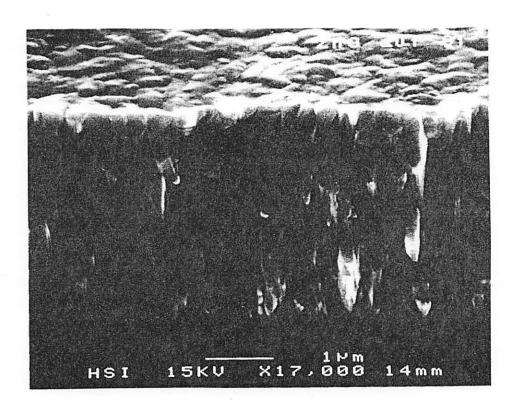


Abb. 12: REM-Aufnahme einer Bruchkante einer ZnO-Schicht (ZnO #2). Die Schicht ist auf <100> Si aufgewachsen. Die Vorzugsorientierung der Kristallite (c-Achsen-Orientierung) senkrecht zur Waferoberfläche (im Bild unten) ist deutlich zu sehen.

Eine Schichtanalyse der Schicht ZnO #3 wurde mit einem Röntgendiffraktometer der Fa. Siemens beim Verbundpartner BOSCH durchgeführt. Abb. 13 zeigt die Rocking-Kurve eines Θ -2 Θ Scans. Im Scanbereich von $2\Theta = 15^{\circ}$ - 40° sind für eine polykristalline ZnO-Probe drei Peaks zu erwarten: (10 $\overline{10}$) bei $2\Theta = 31,76^{\circ}$, (0002) bei $2\Theta = 34,42^{\circ}$ und (10 $\overline{11}$) bei $2\Theta = 36,24^{\circ}$. Die gemessenen Reflektionen können diesen theoretischen Werten auch eindeutig zugeordnet werden, wobei allerdings der hauptsächlich interessierende (0002)-Peak vom theoretischen Wert um ca. 2,5° abweicht. Der ausgeprägt auftretende (0002)-Peak zeigt, daß die gemessene Schicht hochgradig mit der c-Achse senkrecht zum Substrat texturiert ist (vgl. auch Abb. 12). Die gemessene Halbwertsbreite (FWHM) des (0002)-Peaks beträgt ca. 0,37°. Dieser Wert ist um einen Faktor zwei größer als derjenige von ZnO-Einkristallen (Bulkmaterial: $\Delta\Theta = 0,19^{\circ}$).

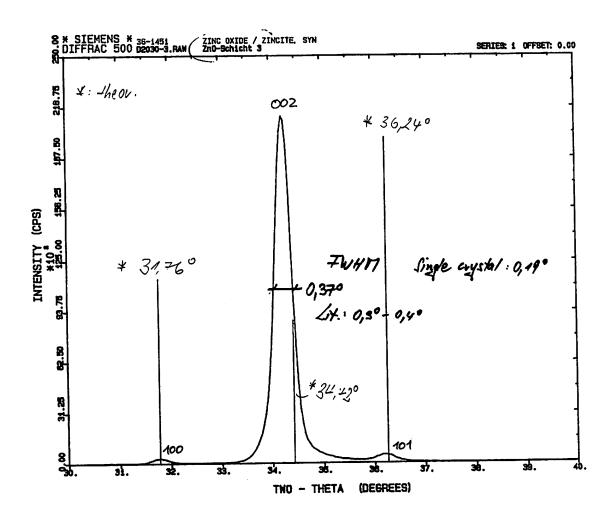


Abb. 13: Rocking-Kurve einer ZnO-Schicht (ZnO #3); Beschreibung im Text.

Strukturierte Abscheidung durch eine Schattenblende hindurch

Um die piezoelektrische Effektivität von ZnO-Schichten beurteilen zu können, wurden Vorversuche mit verschieden strukturierten ZnO-Schichten durchgeführt. Mit Hilfe von Schattenblenden wurden zuerst Siliziumscheiben großflächig mit ZnO beschichtet und anschließend ebenfalls durch Schattenblenden mit Aluminium (als oberer Elektrode) besputtert. Die untere Elektrode bildete dabei auf Si aufgesputtertes Aluminium. Diese Schichten konnten mit einem Wavetek-Frequenzgenerator (U = 10 V_{PP}) im kHz-Frequenzbereich zum schwingen angeregt werden. Weitergehende Versuche wurden unternommen, um Balkenstrukturen (in Bulkdicke) zum Schwingen anzuregen. Mittels Ätzmaske (Abb. 14) wurden in einem <100>Siliziumwafer freistehende Balken strukturiert. Die breitere Seite der im Querschnitt trapezförmigen freigeätzten Balken wurden mit einer angepaßten Schattenmaske (Abb. 15), die aus einem 3" Si<100> Wafer bestand, abgedeckt, und ebenfalls mit ZnO und anschließend mit Al beschichtet. Der Vorteil von Schattenmasken aus anisotrop geätztem Silizium gegenüber gestanzten Metallmasken liegt in der höheren Maßgenauigkeit.

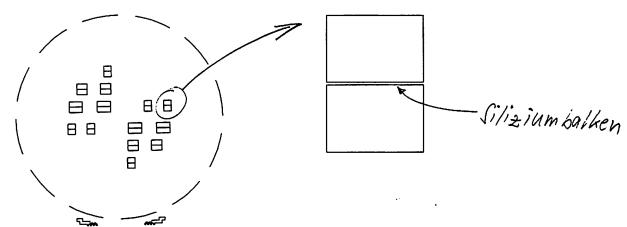


Abb. 14: Ätzmaske für Balkenstrukturen in <100>Si (Ansicht von der unteren, nicht beschichteten Seite).

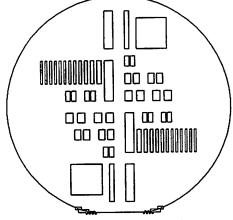


Abb. 15: Anisotrop geätzte Schattenmaske in <100>Si (Ansicht von oben).

c) Neufestlegung eines Herstellungsprozesses anhand einer Musterstruktur

Da die Technologielinie des HSI in Erlangen inbetriebgenommen und eingefahren ist, soll der Herstellungsprozeß von Si-Dreifachbalkenstrukturen überwiegend in dieser Fertigungslinie auf Substraten mit Ø 100 mm durchgeführt werden. Anhand einer Musterstruktur ("Drosophila", Abb. 16) sollen die einzelnen Prozeßschritte, die Prozeßabfolge und die Prozeßkompatibilitäten untersucht und optimiert werden. Durch die weitgehende Verlagerung des Herstellungsprozesses nach Erlangen ergibt sich folgender möglicher Prozeßablauf zur Herstellung von resonanten Si-Strukturen mit ZnO-Anregung:

Ausgangsmaterial: (100)-Siliziumwafer, Ø 100 mm, niedrig n-dotiert (2-5 Ωcm), beidseitig poliert

Prozeßabfolge:

- 1.) P-Diffusion auf Vorderseite, strukturiert.
- 2.) Drive-in.
- 3.) Abscheiden und Strukturieren von ZnO auf Vorderseite.
- 4.) Aufsputtern und Strukturieren von Aluminium auf Vorderseite.
- 5.) Passivieren mit LTO und PECVD-Nitrid auf Vorderseite.
- 6.) Naßchemisches Tiefenätzen auf der Rückseite in KOH bei geschützter Vorderseite.
- 7.) Durchätzen der Membran von der Vorderseite (Plasmaätzen).

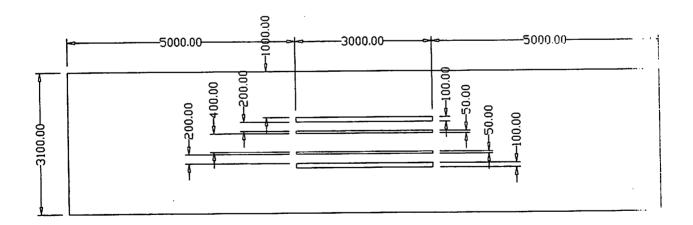


Abb. 16: Dimensionen der Dreifachbalken-Musterstruktur zur Erarbeitung des Herstellungsprozesses

2.2 Quarztechnologie

a) Entwicklung eines Belackungschucks für Quarzblanks

Wie bereits im zweiten Zwischenbericht zum Verbundvorhaben erwähnt, ergeben sich durch die quadratische Form der Blanks bei der Spin-on-Belackung im Eckbereich der Blanks ungleichmäßige Schichtdicken, die beim rückseitigen Belacken und beim späteren Belichten im Maskaligner zu Problemen führen können. Die Ursache sind Photolackteilchen, die sich während der Spin-on-Belackung von der Seitenmitte des Blanks ablösen und bei hoher Schleuderdrehzahl von den Eckbereichen eingefangen werden, was zu Photolackaufwerfungen führt.

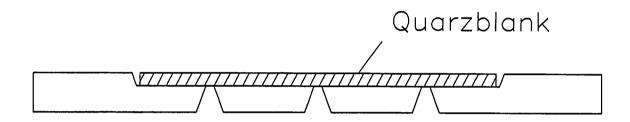


Abb. 17: Querschnitt des anisotrop geätzten < 100 > -Siliziumwafers als Belackungschuck für Quarzblanks (schematisch).

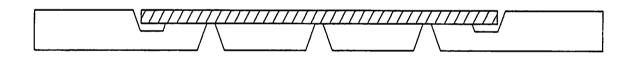


Abb. 18: Weiterentwicklung des Quarzchucks aus Abb. 17 mit zusätzlich eingebrachten Vertiefungen (Auffangrillen) am Randbereich des Quarzblanks (schematisch)

Zur Vermeidung der Photolackaufwerfungen wurde ein Belackungschuck entwickelt, der die von der Seitenmitte des Blanks abgelösten Photolackteilchen aufnimmt, bevor diese am Eckbereich des Blanks aufgeschleudert werden. Der Chuck besteht aus einem beidseitig polierten <100>-Siliziumwafer, in dessen Vorderseite eine quadratische Vertiefung mit den Abmessungen des Quarzblanks geätzt wurde. Von der Waferrückseite her geätzte durchgehende Löcher dienen zur Ankopplung des Quarzblanks an die Vakuumansaugung des Spinon-Belackungsgeräts. Der Siliziumwafer wird zur Belackung zusammen mit dem Quarzblank

auf einen 3"-Standardvakuumchuck (für Siliziumwafer) aufgesetzt (Abb. 17). Bei ersten Belackungsversuchen stellte sich heraus, daß die Aufwerfungen verhindert werden, daß jedoch durch die Vakuumansaugung Photolack zwischen Blank und Siliziumwafer eingepreßt wird. Daher wurde in einer Weiterentwicklung ein zusätzlicher Graben (Auffangrille) am Randbereich des Quarzblanks in den Siliziumwafer eingeätzt (Abb. 18).

b) Plasmatiefenätzen in Quarz

Zur Einbringung der quadratischen Quarzblanks (1,5") in die Plasmaätzanlage Leybold LE 301 (Aufnahme für Ø 100 mm-Substrate) wurde ein Spezialchuck aus Silizium hergestellt (siehe auch Teil a)). Damit konnten auch erste Belackungsversuche für Quarzwafer durchgeführt werden. In einem Photolithographieprozeß wurden Quarzblanks einseitig mit einer Aluminiummaske versehen. Mit dieser Maske wurden im Plasmareaktor mit einem CHF₃/CF₄-Prozeß Plasmaätzversuche durchgeführt. Eine Ätzrate von 49 nm/min konnte erreicht werden. Allerdings kann nach diesen Versuchen festgestellt werden, daß Al-Masken für Plasmatiefenätzversuche in Quarz nicht geeignet sind, da Al abgesputtert wird (Auswertung von REM-Bildern) und die Ätzung undefiniert gestoppt wird.

Weitergehende Versuche mit Chrom- und Titanätzmasken (gesputtert) wurden durchgeführt. Versuche zum naßchemischen Strukturieren waren bei Cr erfolgversprechend, bei Ti problematisch, da der Fotolack nicht gut haftet.

3. Meßtechnik

Charakterisierung dünngeätzter Dreifachbalkenstrukturen mittels Michelson-

Interferometer

Die Eigenfrequenzen der Dreifachbalkenstruktur wurden mit dem im letzten Zwischenbericht beschriebenen Laboraufbau bestimmt. Tab. 4 zeigt die experimentell ermittelten Eigenfrequenzen in Abhängigkeit von der Balkenlänge 1 bzw. -breite w im Vergleich zu den analytisch berechneten Werten (siehe S.4)

Tab. 4: Experimentell ermittelte Eigenfrequenzen in Abhängigkeit von der Balkenlänge l bzw. -breite w im Vergleich mit den analytisch berechneten Werten f_{0.theor} (Angaben in kHz).

 $t = 31 \, \mu m$:

1/w	50 μm	100 μm	200 μm	400 μm	f _{0,theor}
1 mm	227	231			271
2 mm		61,6	62,2	62,7	67,8
3 mm			28,7	29,1	30,1
4 mm			16,4	16,5	16,9

 $t = 12,5 \mu m$:

1/w	50 μm	100 μm	200 μm	400 μm	f _{0,theor}
1 mm	92,4	92,5	92,0		109
2 mm		23,7	23,6	23,6	27,3
3 mm			10,6	10,5	12,1
4 mm			6,76	6,76	6,83

Membrandicke 31 µm

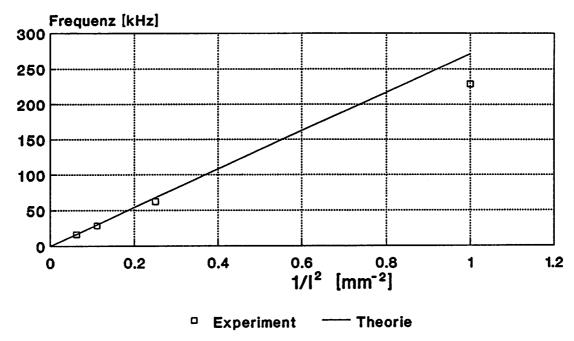


Abb. 19: Abhängigkeit der Schwingungsfrequenz vom Kehrwert des Quadrats der Balkenlänge im Vergleich mit den analytischen Werten (Gl. 1), für 31 μ m dicke Balken

Vermessung der Dreifachbalken mit einem Laservibrometer

Um eine quantitative Charakterisierung der hergestellten Silizium-Dreifachbalken vornehmen zu können, wurden sie mit einem Laservibrometer der Fa. POLYTEC (Typ: OFV 1100) vermessen. Hierbei handelt es sich um ein interferometrisches Nachweisverfahren, bei dem die durch die Bewegung der Silizium-Balken hervorgerufene Dopplerverschiebung des rückreflektierten Laserlichtes detektiert wird [POLY]. Die Dopplerverschiebung ist proportional zur Schwingungsschnelle (Geschwindigkeit) der reflektierenden Oberfläche. Das Laservibrometer bietet zusätzlich zur Messung der Schwingungsschnelle die Möglichkeit der absoluten Amplitudenbestimmung (Auflösung: 316 nm). Die Anregung der Dreifachbalken erfolgte wieder akustisch mit Hilfe einer Piezokeramik, die jedoch von der hochgenauen Signalquelle eines Spektrumanalysators (HP3588A) über den zu messenden Frequenzbereich

(10 Hz - 1 MHz) linear angesteuert wurde (Amplitude: 10 dBm = 4.2 V).

Um den Einfluß der Piezokeramik auf das Schwingungsverhalten der Dreifachstimmgabeln festzustellen, wurden verschiedene Geschwindigkeits- und Amplitudenspektren im interessierenden Frequenzbereich aufgenommen. Im unteren Frequenzbereich traten die stärksten Resonanzpeaks (2.89, 6.68, 8.56, 13.86 kHz) auf. Die mechanische Güte dieser niederfrequenten Schwingungsmoden wurde über die Vermessung der Halbwertsbreite der Amplitudenspektren bestimmt. Für die Resonanz bei 6.7 kHz ergab sich eine mittlere Güte von etwa 30. Dieser Wert deckt sich mit den Angaben für VIBRIT-Piezokeramiken [VIB81]. Die Messungen ergaben, daß eine breitbandige, akustische Anregung der Silizium-Balkenstrukturen mit Piezokeramiken bis etwa 100 kHz gewährleistet ist.

Kontrollmessungen auf dem Bulkmaterial des Wafers ergaben eine starke Beeinflussung der Messung durch Schwingungsanteile benachbarter Resonatoren, die ebenfalls von der Piezokeramik angeregt wurden. Um diese Anteile weitgehend zu eliminieren, wurde der Gesamtwafer gedämpft gelagert (Softgummischeiben unter- und oberhalb des Silizium-Wafers) und die zu untersuchenden Dreifachbalken direkt über der Piezokeramik justiert.

Membrandicke 12,5 µm

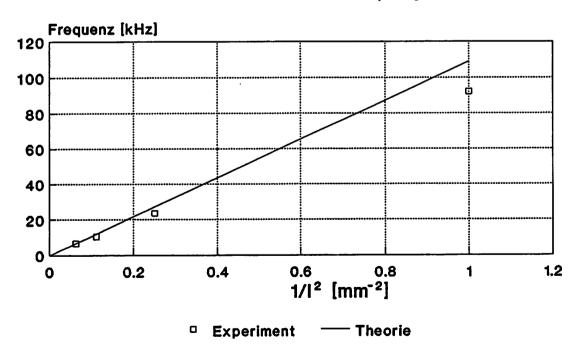


Abb. 20: Wie Abb. 19, jedoch für 12,5 μm dicke Balken

Auf diese Weise war es möglich die Dreifachbalken der verschiedenen Wafer zu vermessen und eine eindeutige Zuordnung der Grundschwingung vorzunehmen.

In Abb. 21 ist ein typisches Geschwindigkeitsspektrum eines Dreifachbalkens ($t=31~\mu m$) aufgenommen. Die optische Abtastung erfolgte auf dem mittleren Balken (Breite: 400 μm) in Balkenmitte. Der Laserspot-Durchmesser betrug abhängig von der Justierung etwa 100 - 200 μm (Rückreflektionen). Die Messung in Abb. 21 wurde an einem Resonator mit 4 mm Balkenlänge ausgeführt, die Resonanzfrequenz wurde zu 16.58 kHz bestimmt. Eine Vermessung des Amplitudenverlaufes ergab eine Schwingungsgüte von 450. Im unteren Frequenzbereich sind einige Schwingungsanteile der Piezokeramik noch vorhanden, die jedoch aufgrund der Dämpfungsmaßnahmen stark unterdrückt werden konnten.

Die Vermessung eines 3 mm Dreifachbalkens am gleichen Wafer ergab für die Grundschwingung 27.79 kHz bei einer Güte von etwa 150, für die erste Oberschwingung wurde 118 kHz bei einer Güte von etwa 1100 gemessen. Die Differenz zwischen Grundschwingung und erster Oberschwingung betrug etwa 90 kHz (FE-Berechnung: 98 kHz).

In Abb. 22 ist das gemessene Oberwellenspektrum eines Dreifachbalkens (l=4 mm, $t=31~\mu m$) dargestellt. Die Grundfrequenz f_1 liegt bei etwa 16.4 kHz, die höheren Schwingungsmoden liegen bei 45.1, 89.3, 147.8, 221 und 284 kHz. Die Frequenzvielfachen c_i dieser Schwingungen betragen 2.72, 5.38, 8.91, 13.32 und 17.12 gemäß $f_i=c_i$ f_1 . Ein Vergleich mit FE-Berechnungen ermöglicht eine Zuordnung der ersten Oberschwingung zum Schwingungsmode bei 89.3 kHz.

Ergebnis: Die optischen Messungen mit dem Laservibrometer ermöglichen die Bestimmung der Eigenfrequenzen mit Hilfe der Geschwindigkeits- und Amplitudenspektren bis 1 MHz. Eine quantitative Charakterisierung der Resonatoren (Bestimmung der absoluten Schwingungsamplituden und mechanischen Güten) ist bei geigneter Fixierung der Dreifachbalken (Vereinzelung und Bonden/Kleben der Chips) möglich. Allgemein konnte bei der Bestimmung der Schwingungsgüten festgestellt werden, daß diese bei höheren Schwingungsmoden (Q ~ f) zunehmen. Eine Auswertung der Messungen ergab, daß bereits kleine Toleranzen in der Balkendicke t zu erheblichen Resonanzfrequenzvariationen führen ($\Delta t = \pm 2 \mu m \Rightarrow \Delta f \approx \pm 1 \text{ kHz}$, bei l = 4 mm).

Die nachfolgende Tabelle enthält eine Übersicht über die Bestimmung der Resonanzfrequenzen und Schwingungsgüten der vermessenen Dreifachbalken. Die Breite der Balken betrug,

falls nicht anders angegeben, $w = 400 \mu m$:

Abmessungen	Frequenz f ₁	Güte Q
$1 = 4 \text{ mm}$ $t = 31 \mu \text{m}$	16.58 kHz	450
1 = 3 mm t = 31 μm	27.79 kHz	150
$1 = 1 \text{ mm (w} = 200 \mu\text{m})$ $t = 12.5 \mu\text{m}$	91.5 kHz	760
1 = 1 mm $t = 12.5 \mu \text{m}$	90.7 kHz	650
1 = 4 mm t = 28 μm	15.1 kHz	120

Geschwindigkeit V(f)

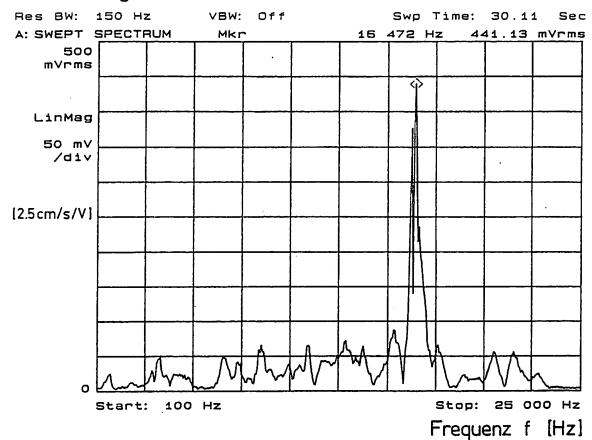


Abb. 21: Geschwindigkeitsspektrum eines Silizium-Dreifachbalkens

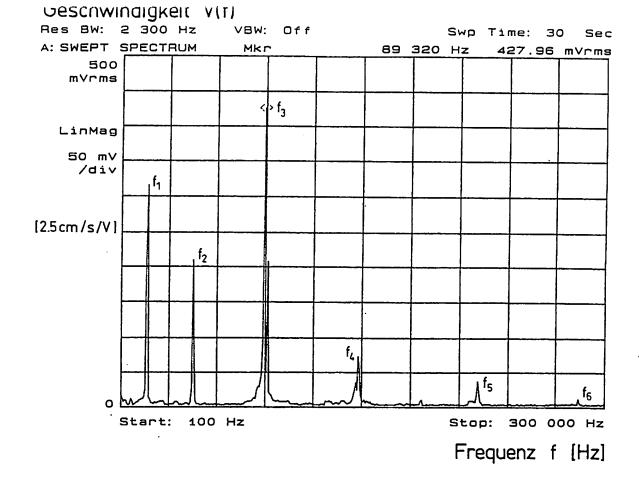


Abb. 22: Oberwellenspektrum eines Silizium-Dreifachbalkens

Literaturverzeichnis:

[Heu89]: Heuberger (Hrsg.)

Mikromechanik

Springer-Verlag, 1989

[Hic85]: Hickernell, F.S.

Zinc Oxide Films for Acoustoelectric Device Applications

IEEE Transactions on Sonics and Ultrasonics, Vol. SU-32, No.5 (1985) 621

[Ike90]: Ikeda, T.

Fundamentals of Piezoelectricity

Oxford Science Publications, 1990

[POLY]: POLYTEC - Benutzeranleitung,

Laservibrometer OFV 1100

POLYTEC GmbH, Waldbronn

[Til91]: Tilmans, H.A.C.; Bouwstra, S.; Fluitman, J.H.J

"Design Considerations for Micromechanical Sensors using Encapsulated

Built-in Resonant Strain Gauges"

Sensors and Actuators A, 25-27 (1991) 79

[Tim55]: Timoshenko, S.:

"Vibration problems in engineering"

Van Nostrand, Princeton NJ (1955), 3rd edn.

[VIB81]: VIBRIT - Piezokeramik von Siemens,

Datenblatt, Stand Januar 1981, Siemens AG, Redwitz

[You59]: Young, D.:

"Vibration of rectangular plates by the Ritz method",

Appl. Mech., 176 (1959) 448