

COURS D'ALGORITHMIQUE

PAR

CHRISTOPHE DARMANGEAT

ENSEIGNANT **DESS AIGES**

(APPLICATIONS **I**NFORMATIQUES À LA **G**ESTION ÉCONOMIQUE ET **S**OCIALE)

UNIVERSITÉ PARIS VII DENIS DIDEROT

TABLE DES MATIÈRES

PRÉAMBULE (LE CODAGE)	1
1. Pourquoi les ordinateurs sont-ils « binaires » ?	1
2. La numérotation de position en base décimale	2
3. La numérotation de position en base binaire	4
4. Le codage hexadécimal	6
INTRODUCTION A L'ALGORITHMIQUE	8
1. Qu'est-ce que l'algomachin ?	8
2. Faut-il être matheux pour être bon en algorithmique ?	9
3. L'ADN, les Shadoks, et les ordinateurs	10
4. Algorithmique et programmation	10
5. Avec quelles conventions écrit-on un algorithme ?	11
PARTIE 1 (LES VARIABLES)	12
1. A quoi servent les variables ?	12
2. Déclaration des variables	12
2.1. Types numériques classiques	13
2.2. Autres types numériques	14
2.3. Type alphanumérique	14
2.4. Type booléen	15
3. L'instruction d'affectation	15
3.1. Syntaxe et signification	15
3.2. Ordre des instructions	17
4. Expressions et opérateurs	19
4.1. Opérateurs numériques :	20
4.3. Opérateurs logiques (ou booléens) :	21
5. Deux remarques pour terminer	21
PARTIE 2 (LECTURE ET ÉCRITURE)	23
1. De quoi parle-t-on ?	23
2. Les instructions de lecture et d'écriture	24
PARTIE 3 (LES TESTS)	26
1. De quoi s'agit-il ?	26
2. Structure d'un test	27
3. Qu'est ce qu'une condition ?	28
4. Conditions composées	29
5. Tests imbriqués	31
6. De l'aiguillage à la gare de tri	32
7. Variables Booléennes	34
PARTIE 4 (ENCORE DE LA LOGIQUE)	35
1. Faut-il mettre un ET ? Faut-il mettre un OU ?	35

2. Au-delà de la logique : le style	37
PARTIE 5 (LES BOUCLES)	40
1. A quoi cela sert-il donc ?	40
2. Boucler en comptant, ou compter en bouclant	43
3. Des boucles dans des boucles	45
4. Et encore une bêtise à ne pas faire !	46
PARTIE 6 (LES TABLEAUX)	49
1. Utilité des tableaux	49
2. Notation et utilisation algorithmique	49
3. Tableaux dynamiques	52
PARTIE 7 (TECHNIQUES RUSÉES)	55
1. Tri d'un tableau : le tri par insertion	55
2. Un exemple de flag : la recherche dans un tableau	56
3. Tri de tableau + flag = tri à bulles	58
4. La recherche dichotomique	60
PARTIE 8 (TABLEAUX MULTIDIMENSIONNELS)	62
1. Pourquoi plusieurs dimensions ?	62
2. Tableaux à deux dimensions	63
3. Tableaux à n dimensions	66
PARTIE 9 (LES FONCTIONS PRÉDÉFINIES)	67
1. Structure générale des fonctions	67
2. Les fonctions de texte	68
3. Trois fonctions numériques classiques	70
4. Les fonctions de conversion	73
PARTIE 10 (LES FICHIERS)	74
1. Organisation des fichiers	74
2. Structure des enregistrements	75
3. Types d'accès	76
4. Instructions (fichiers texte en accès séquentiel)	77
5. Stratégies de traitement	80
6. Données structurées	81
6.1. Données structurées simples	81
6.2. Tableaux de données structurées	83
7. Récapitulatif général	84
PARTIE 11 (PROCÉDURES ET FONCTIONS)	87
1. Fonctions personnalisées	87
1.1. De quoi s'agit-il ?	87
1.2. Passage d'arguments	89
2. Sous-Procédures	91

3. Variables publiques et privées	94
4. Algorithmes fonctionnels	94
PARTIE 12 (NOTIONS COMPLÉMENTAIRES)	101
1. Programmation structurée	101
2. Interprétation et compilation	102
3. Une logique vicelarde : la programmation récursive	103
ANNEXE (CORRIGÉS DES EXERCICES)	a

PRÉAMBULE (LE CODAGE)

« L'information n'est pas le savoir. Le savoir n'est pas la sagesse. La sagesse n'est pas la beauté. La beauté n'est pas l'amour. L'amour n'est pas la musique, et la musique, c'est ce qu'il y a de mieux. »

Frank Zappa

« Les ordinateurs sont comme les dieux de l'Ancien Testament : avec beaucoup de règles, et sans pitié. »

Joseph Campbell

« Compter en octal, c'est comme compter en décimal, si on n'utilise pas ses pouces »

Tom Lehrer

C'est bien connu, les ordinateurs sont comme le gros rock qui tâche : ils sont **binares**.

Mais ce qui est moins connu, c'est ce que ce qualificatif de « binaire » recouvre exactement, et ce qu'il implique. Aussi, avant de nous plonger dans les arcanes de l'algorithmique proprement dite, ferons-nous un détour par la notion de **codage binaire**. Contrairement aux apparences, nous ne sommes pas éloignés de notre sujet principal. Tout au contraire, ce que nous allons voir à présent constitue un ensemble de notions indispensables à l'écriture de programmes. Car pour parler à une machine, mieux vaut connaître son vocabulaire...

1. Pourquoi les ordinateurs sont-ils « binares » ?

De nos jours, les ordinateurs sont ces machines merveilleuses capables de traiter du texte, d'afficher des tableaux de maître, de jouer de la musique ou de projeter des vidéos. On n'en est pas encore tout à fait à HAL, l'ordinateur de 2001 Odyssée de l'Espace, à « l'intelligence » si développée qu'il a peur de mourir... pardon, d'être débranché. Mais l'ordinateur paraît être une machine capable de tout faire.

Pourtant, les ordinateurs ont beau sembler repousser toujours plus loin les limites de leur champ d'action, il ne faut pas oublier qu'en réalité, ces fiers-à-bras ne sont toujours capables que d'une seule chose : faire des calculs, et uniquement cela. Eh oui, ces gros malins d'ordinateurs sont restés au fond ce qu'ils ont été depuis leur invention : de vulgaires calculatrices améliorées !

Lorsqu'un ordinateur traite du texte, du son, de l'image, de la vidéo, il traite en réalité des nombres. En fait, dire cela, c'est déjà lui faire trop d'honneur. Car même le simple nombre « 3 » reste hors de portée de l'intelligence d'un ordinateur, ce qui le situe largement en dessous de l'attachant chimpanzé Bonobo, qui sait, entre autres choses, faire des blagues à ses congénères et jouer au Pac-Man. Un ordinateur manipule exclusivement des **informations binaires**, dont on ne peut même pas dire sans être tendancieux qu'il s'agit de nombres.

Mais qu'est-ce qu'une information binaire ? C'est une information qui ne peut avoir que deux états : par exemple, ouvert - fermé, libre - occupé, militaire - civil, assis - couché, blanc - noir, vrai - faux, etc. Si l'on pense à des dispositifs physiques permettant de stocker ce genre d'information, on pourrait citer : chargé - non chargé, haut - bas, troué - non troué.

Ne donnons pas derniers exemples au hasard : ce sont précisément ceux dont se sert un ordinateur pour stocker l'ensemble des informations qu'il va devoir manipuler. En deux mots, la mémoire vive (la « RAM ») est formée de millions de composants électroniques qui peuvent retenir ou relâcher une charge électrique. La surface d'un disque dur, d'une bande ou d'une disquette est recouverte de particules métalliques qui peuvent, grâce à un aimant, être orientées dans un sens ou dans l'autre. Et sur un CD-ROM, on trouve un long sillon étroit irrégulièrement percé de trous.

Toutefois, la coutume veut qu'on symbolise une information binaire, quel que soit son support physique, sous la forme de 1 et de 0. Il faut bien comprendre que ce n'est là qu'une **représentation**, une image commode, que l'on utilise pour parler de toute information binaire. Dans la réalité physique, il n'y a pas plus de 1 et de 0 qui se promènent dans les ordinateurs qu'il n'y a écrit, en lettres géantes, « Océan Atlantique » sur la mer quelque part entre la Bretagne et les Antilles. Le 1 et le 0 dont parlent les informaticiens sont des signes, ni plus, ni moins, pour désigner une information, indépendamment de son support physique.

Les informaticiens seraient-ils des gens tordus, possédant un goût immodéré pour l'abstraction, ou pour les jeux intellectuels alambiqués ? Non, pas davantage en tout cas que le reste de leurs contemporains non-informaticiens. En fait, chacun d'entre nous pratique ce genre d'abstraction tous les jours, sans pour autant trouver cela bizarre ou difficile. Simplement, nous le faisons dans la vie quotidienne sans y penser. Et à force de ne pas y penser, nous ne remarquons même plus quel mécanisme subtil d'abstraction est nécessaire pour pratiquer ce sport.

Lorsque nous disons que $4+3=7$ (ce qui reste, normalement, dans le domaine de compétence mathématique de tous ceux qui lisent ce cours !), nous manions de pures abstractions, représentées par de non moins purs symboles ! Un être humain d'il y a quelques millénaires se serait demandé longtemps qu'est-ce que c'est que « quatre » ou « trois », sans savoir quatre ou trois « quoi ? ». Mine de rien, le fait même de concevoir des nombres, c'est-à-dire de pouvoir considérer, dans un ensemble, la quantité indépendamment de tout le reste, c'est déjà une abstraction très hardie, qui a mis très longtemps avant de s'imposer à tous comme une évidence. Et le fait de faire des additions sans devoir préciser des additions « de quoi ? », est un pas supplémentaire qui a été encore plus difficile à franchir.

Le concept de nombre, de quantité pure, a donc constitué un immense progrès (que les ordinateurs n'ont quant à eux, toujours pas accompli). Mais si concevoir les nombres, c'est bien ; posséder un système de notation performant de ces nombres, c'est encore mieux. Et là aussi, l'humanité a mis un certain temps (et essayé un certain nombre de pistes qui se sont révélées être des impasses) avant de parvenir au système actuel, le plus rationnel. Ceux qui ne sont pas convaincus des progrès réalisés en ce domaine peuvent toujours essayer de résoudre une multiplication comme 587×644 en chiffres romains, on leur souhaite bon courage !

2. La numérotation de position en base décimale

L'humanité actuelle, pour représenter n'importe quel nombre, utilise un système de **numérotation de position**, à **base décimale**. Qu'est-ce qui se cache derrière cet obscur jargon ?

Commençons par la **numérotation de position**. Pour représenter un nombre, aussi grand soit-il, nous disposons d'un **alphabet** spécialisé : une série de 10 signes qui s'appellent les chiffres. Et lorsque nous écrivons un nombre en mettant certains de ces chiffres les uns derrière les autres, l'ordre dans lequel nous mettons les chiffres est capital. Ainsi, par exemple, 2 569 n'est pas du tout le même nombre que 9 562. Et pourquoi ? Quelle opération, quel décodage mental effectuons-nous lorsque nous lisons une suite de chiffres représentant un nombre ? Le problème, c'est que nous sommes tellement habitués à faire ce décodage de façon instinctive que généralement nous n'en

connaissions plus les règles. Mais ce n'est pas très compliqué de les reconstituer... Et c'est là que nous mettons le doigt en plein dans la deuxième caractéristique de notre système de notation numérique : son caractère **décimal**. Lorsque nous écrivons 9562, de quel nombre est-ce que nous parlons ? Décomposons la lecture chiffre par chiffre, de gauche à droite :

9562, c'est $9000 + 500 + 60 + 2$.

Allons plus loin, même si cela paraît un peu bête :

9000	c'est 9×1000	parce que le 9 est le quatrième chiffre en partant de la droite
500	c'est 5×100	parce que le 5 est le troisième chiffre en partant de la droite
60	c'est 6×10	parce que le 6 est le deuxième chiffre en partant de la droite
2	c'est 2×1	parce que le 2 est le premier chiffre en partant de la droite

On peut encore écrire ce même nombre d'une manière légèrement différente. Au lieu de :

$$9\,562 = 9 \times 1\,000 + 5 \times 100 + 6 \times 10 + 2,$$

On écrit que :

$$9\,562 = (9 \times 10 \times 10 \times 10) + (5 \times 10 \times 10) + (6 \times 10) + (2)$$

Arrivés à ce stade de la compétition, toutes nos excuses aux allergiques, mais il nous faut employer un petit peu de jargon mathématique. Ce n'est pas grand-chose, et on touche au but. Alors, courage ! En fait, ce jargon se résume au fait que les matheux notent la ligne ci-dessus à l'aide du symbole de « puissance ». Cela donne :

$$9\,562 = 9 \times 10^3 + 5 \times 10^2 + 6 \times 10^1 + 2 \times 10^0$$

Et voilà, nous y sommes. Nous avons dégagé le mécanisme général de la représentation par numérotation de position en base décimale.

Alors, nous en savons assez pour conclure sur les conséquences du choix de la base décimale. Il y en a deux, qui n'en forment en fin de compte qu'une seule :

- parce que nous sommes en base décimale, nous utilisons un alphabet numérique de dix symboles. Nous nous servons de dix chiffres, pas un de plus, pas un de moins.
- toujours parce nous sommes en base décimale, la position d'un de ces dix chiffres dans un nombre désigne la puissance de dix par laquelle ce chiffre doit être multiplié pour reconstituer le nombre. Si je trouve un 7 en cinquième position à partir de la droite, ce 7 ne représente pas 7 mais 7 fois 10^4 , soit 70000.

Un dernier mot concernant le choix de la base dix. Pourquoi celle-là et pas une autre ? Après tout, la base dix n'était pas le seul choix possible. Les babyloniens, qui furent de brillants mathématiciens, avaient en leur temps adopté la base 60 (dite **sexagésimale**). Cette base 60 impliquait certes d'utiliser un assez lourd alphabet numérique de 60 chiffres. Mais c'était somme toute un inconvénient mineur, et en retour, elle possédait certains avantages non négligeables. 60 étant un nombre divisible par beaucoup d'autres (c'est pour cette raison qu'il avait été choisi), on pouvait, rien qu'en regardant le dernier chiffre, savoir si un nombre était divisible par 2, 3, 4, 5, 6, 10, 12, 15, 20 et 30. Alors qu'en base 10, nous ne pouvons immédiatement répondre à la même question que pour les diviseurs 2 et 5. La base sexagésimale a certes disparu en tant que système de notation des nombres. Mais Babylone nous a laissé en héritage sa base sexagésimale dans la division du cercle en soixante parties (pour compter le temps en minutes et secondes), et celle en 6×60 parties (pour les degrés de la géométrie et de l'astronomie).

Alors, pourquoi avons-nous adopté la base décimale, moins pratique à bien des égards ? Nul doute que cela tienne au dispositif matériel grâce auquel tout être humain normalement constitué stocke spontanément une information numérique : ses doigts !

3. La numérotation de position en base binaire

Les ordinateurs, eux, comme on l'a vu, ont un dispositif physique fait pour stocker (de multiples façons) des informations binaires. Alors, lorsqu'on représente une information stockée par un ordinateur, le plus simple est d'utiliser un système de représentation à deux chiffres : les fameux 0 et 1. Mais une fois de plus, le choix du 0 et du 1 est une pure convention, et on aurait pu choisir n'importe quelle autre paire de symboles à leur place.

Dans un ordinateur, le dispositif qui permet de stocker de l'information est donc rudimentaire, bien plus rudimentaire que les mains humaines. Avec des mains humaines, on peut coder dix choses différentes (en fait bien plus, si l'on fait des acrobaties avec ses doigts, mais écartons ce cas). Avec un emplacement d'information d'ordinateur, on est limité à deux choses différentes seulement. Avec une telle information binaire, on ne va pas loin. Voilà pourquoi, dès leur invention, les ordinateurs ont été conçus pour manier ces informations par paquets de 0 et de 1. Et la taille de ces paquets a été fixée à 8 informations binaires.

Une information binaire (symbolisée couramment par 0 ou 1) s'appelle un bit. Un groupe de huit bits s'appelle un octet (en anglais, byte)

Combien d'états différents un octet possède-t-il ? Le calcul est assez facile (mais il faut néanmoins savoir le refaire). Chaque bit de l'octet peut occuper deux états. Il y a donc dans un octet :

$$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 2^8 = 256 \text{ possibilités.}$$

Cela signifie qu'un octet peut servir à coder 256 nombres différents : ce peut être la série des nombres entiers de 1 à 256, ou de 0 à 255, ou de -127 à +128. C'est une pure affaire de convention, de choix de codage. Mais ce qui n'est pas affaire de choix, c'est le nombre de possibilités : elles sont 256, pas une de plus, pas une de moins, à cause de ce qu'est, par définition, un octet.

Si l'on veut coder des nombres plus grands que 256, ou des nombres négatifs, ou des nombres décimaux, on va donc être contraint de mobiliser plus d'un octet. Ce n'est pas un problème, et c'est très souvent que les ordinateurs procèdent ainsi.

En effet, avec deux octets, on a $256 \times 256 = 65\,536$ possibilités.

En utilisant trois octets, on passe à $256 \times 256 \times 256 = 16\,777\,216$ possibilités.

Et ainsi de suite, on ne m'attardera pas davantage sur les différentes manières de coder les nombres avec des octets. On abordera de nouveau brièvement le sujet un peu plus loin.

Cela implique également qu'un octet peut servir à coder autre chose qu'un nombre : l'octet est très souvent employé pour coder du texte. Il y a 26 lettres dans l'alphabet. Même en comptant différemment les minuscules et les

majuscules, et même en y ajoutant les chiffres et les signes de ponctuation, on arrive à un total inférieur à 256. Cela veut dire que pour coder convenablement un texte, le choix d'un caractère par octet est un choix pertinent.

Se pose alors le problème de savoir quel caractère doit être représenté par quel état de l'octet. Si ce choix était librement laissé à chaque informaticien, ou à chaque fabricant d'ordinateur, la communication entre deux ordinateurs serait un véritable casse-tête. L'octet 10001001 serait par exemple traduit par une machine comme un T majuscule, et par une autre comme une parenthèse fermante ! Aussi, il existe un **standard international de codage des caractères et des signes de ponctuation**. Ce standard stipule quel état de l'octet correspond à quel signe du clavier. Il s'appelle l'**ASCII** (pour *American Standard Code for Information Interchange*). Et fort heureusement, l'ASCII est un standard universellement reconnu et appliqué par les fabricants d'ordinateurs et de logiciels. Bien sûr, se pose le problème des signes propres à telle ou telle langue (comme les lettres accentuées en français, par exemple). L'ASCII a paré le problème en réservant certains codes d'octets pour ces caractères spéciaux à chaque langue. En ce qui concerne les langues utilisant un alphabet non latin, un standard particulier de codage a été mis au point. Quant aux langues non alphabétiques (comme le chinois), elles payent un lourd tribut à l'informatique pour n'avoir pas su évoluer vers le système alphabétique...

Revenons-en au codage des nombres sur un octet. Nous avons vu qu'un octet pouvait coder 256 nombres différents, par exemple (c'est le choix le plus spontané) la série des entiers de 0 à 255. Comment faire pour, à partir d'un octet, reconstituer le nombre dans la base décimale qui nous est plus familière ? Ce n'est pas sorcier ; il suffit d'appliquer, si on les a bien compris, les principes de la numérotation de position, en gardant à l'esprit que là, la base n'est pas décimale, mais binaire. Prenons un octet au hasard :

1 1 0 1 0 0 1 1

D'après les principes vus plus haut, ce nombre représente en base dix, en partant de la gauche :

$$1 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 0 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^0 =$$

$$1 \times 128 + 1 \times 64 + 1 \times 16 + 1 \times 2 + 1 \times 1 =$$

$$128 + 64 + 16 + 2 + 1 =$$

211

Et voilà ! Ce n'est pas plus compliqué que cela !

Inversement, comment traduire un nombre décimal en codage binaire ? Il suffit de rechercher dans notre nombre les puissances successives de deux. Prenons, par exemple, 186.

Dans 186, on trouve 1×128 , soit 1×2^7 . On retranche 128 de 186 et on obtient 58.

Dans 58, on trouve 0×64 , soit 0×2^6 . On ne retranche donc rien.

Dans 58, on trouve 1×32 , soit 1×2^5 . On retranche 32 de 58 et on obtient 26.

Dans 26, on trouve 1×16 , soit 1×2^4 . On retranche 16 de 26 et on obtient 10.

Dans 10, on trouve 1×8 , soit 1×2^3 . On retranche 8 de 10 et on obtient 2.

Dans 2, on trouve 0×4 , soit 0×2^2 . On ne retranche donc rien.

Dans 2, on trouve 1×2 , soit 1×2^1 . On retranche 2 de 2 et on obtient 0.

Dans 0, on trouve 0×1 , soit 0×2^0 . On ne retranche donc rien.

Il ne nous reste plus qu'à reporter ces différents résultats (dans l'ordre !) pour reconstituer l'octet. On écrit alors qu'en binaire, 186 est représenté par :

1 0 1 1 1 0 1 0

C'est bon ? Alors on passe à la suite.

4. Le codage hexadécimal

Pour en finir avec ce préambule (sinon, cela deviendrait de la gourmandise), on va évoquer un dernier type de codage, qui constitue une alternative pratique au codage binaire. Il s'agit du **codage hexadécimal**, autrement dit **en base seize**.

Pourquoi ce choix bizarre ? Tout d'abord, parce que le codage binaire, ce n'est tout de même pas très économique, ni très lisible. Pas très économique : pour représenter un nombre entre 1 et 256, il faut utiliser systématiquement huit chiffres. Pas très lisible : parce que d'interminables suites de 1 et de 0, on a déjà vu plus folichon.

Alors, une alternative toute naturelle, c'était de représenter l'octet non comme huit bits (ce que nous avons fait jusque là), mais comme deux paquets de 4 bits (les quatre de gauche, et les quatre de droite). Voyons voir cela de plus près.

Avec 4 bits, nous pouvons coder $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ nombres différents. En base seize, 16 nombres différents se représentent avec un seul chiffre (de même qu'en base 10, dix nombres se représentent avec un seul chiffre).

Quels symboles choisir pour les chiffres ? Pour les dix premiers, on n'a pas été chercher bien loin : on a recyclé les dix chiffres de la base décimale. Les dix premiers nombres de la base seize s'écrivent donc tout bêtement 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, et 9. Là, il nous manque encore 6 chiffres, pour représenter les nombres que nous écrivons en décimal 10, 11, 12, 13, 14 et 15. Plutôt qu'inventer de nouveaux symboles (ce qu'on aurait très bien pu faire), on a recyclé les premières lettres de l'alphabet. Ainsi, par convention, A vaut 10, B vaut 11, etc. jusqu'à F qui vaut 15.

Or, on s'aperçoit que cette base hexadécimale permet une représentation très simple des octets du binaire. Prenons un octet au hasard :

1 0 0 1 1 1 1 0

Pour convertir ce nombre en hexadécimal, il y a deux méthodes : l'une consiste à faire un grand détour, en repassant par la base décimale. C'est un peu plus long, mais on y arrive. L'autre méthode consiste à faire le voyage direct du binaire vers l'hexadécimal. Avec l'habitude, c'est nettement plus rapide !

Première méthode :

On retombe sur un raisonnement déjà abordé. Cet octet représente en base dix :

$$1 \times 2^7 + 0 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 1 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^2 + 1 \times 2^1 + 0 \times 2^0 =$$

$$1 \times 128 + 1 \times 16 + 1 \times 8 + 1 \times 4 + 1 \times 2 + 0 \times 1 =$$

$$128 + 16 + 8 + 4 + 2 =$$

158

De là, il faut repartir vers la base hexadécimale.

Dans 158, on trouve 9×16 , c'est-à-dire 9×16^1 . On retranche 144 de 158 et on obtient 14.

Dans 14, on trouve 14×1 , c'est-à-dire 14×16^0 . On y est.

Le nombre s'écrit donc en hexadécimal : 9 E

Deuxième méthode :

Divisons 1 0 0 1 1 1 1 0 en 1 0 0 1 (partie gauche) et 1 1 1 0 (partie droite).

1 0 0 1, c'est $8 + 1$, donc 9

1 1 1 0, c'est $8 + 4 + 2$ donc 14

Le nombre s'écrit donc en hexadécimal : 9 E. C'est la même conclusion qu'avec la première méthode. Encore heureux !

Le codage hexadécimal est très souvent utilisé quand on a besoin de représenter les octets individuellement, car dans ce codage, tout octet correspond à seulement deux signes.

Allez, assez bavardé, on passe aux choses sérieuses : les arcanes de l'algorithmique...

INTRODUCTION A L'ALGORITHMIQUE

« Un langage de programmation est une convention pour donner des ordres à un ordinateur. Ce n'est pas censé être obscur, bizarre et plein de pièges subtils. Ça, ce sont les caractéristiques de la magie. »

Dave Small

« C'est illogique, Capitaine »

Mr Spock

L'algorithmique est un terme d'origine arabe, comme algèbre, amiral ou zénith. Ce n'est pas une excuse pour massacrer son orthographe, ou sa prononciation.

Ainsi, l'algo n'est pas « rythmique », à la différence du bon rock'n roll. L'algo n'est pas non plus « l'agglo ».

Alors, ne confondez pas l'algorithmique avec l'agglo rythmique, qui consiste à poser des parpaings en cadence.

1. Qu'est-ce que l'algomachin ?

Avez-vous déjà ouvert un livre de recettes de cuisine ? Avez vous déjà déchiffré un mode d'emploi traduit directement du coréen pour faire fonctionner un magnétoscope ou un répondeur téléphonique réticent ? Si oui, sans le savoir, vous avez déjà exécuté des algorithmes.

Plus fort : avez-vous déjà indiqué un chemin à un touriste égaré ? Avez vous fait chercher un objet à quelqu'un par téléphone ? Écrit une lettre anonyme stipulant comment procéder à une remise de rançon ? Si oui, vous avez déjà fabriqué - et fait exécuter - des algorithmes.

Comme quoi, l'algorithmique n'est pas un savoir ésotérique réservé à quelques rares initiés touchés par la grâce divine, mais une aptitude partagée par la totalité de l'humanité. Donc, pas d'excuses...

Un algorithme, c'est une suite d'instructions qui, une fois exécutée correctement, conduit à un résultat donné. Si l'algorithme est juste, le résultat est le résultat voulu, et le touriste se retrouve là où il voulait aller. Si l'algorithme est faux, le résultat est, disons, aléatoire, et décidément, cette saloperie de répondeur ne veut rien savoir.

Complétons toutefois cette définition. Après tout, en effet, si l'algorithme, comme on vient de le dire, n'est qu'une suite d'instructions menant celui qui l'exécute à résoudre un problème, pourquoi ne pas donner comme instruction unique :

« résous le problème », et laisser l'interlocuteur se débrouiller avec ça ? A ce tarif, n'importe qui serait champion d'algorithmique sans faire aucun effort. Pas de ça, ce serait trop facile.

Le malheur (ou le bonheur, tout dépend du point de vue) est que justement, si le touriste vous demande son chemin, c'est qu'il ne le connaît pas. Donc, si on n'est pas un goujat intégral, il ne sert à rien de lui dire de le trouver tout seul. De même les modes d'emploi contiennent généralement (mais pas toujours) un peu plus d'informations que « débrouillez vous pour que ça marche ».

Pour fonctionner, **un algorithme doit donc contenir uniquement des instructions compréhensibles par celui qui devra l'exécuter**. C'est d'ailleurs l'un des points délicats pour les rédacteurs de modes d'emploi : les références culturelles, ou lexicales, des utilisateurs, étant variables, un même mode d'emploi peut être très clair pour certains et parfaitement abscons pour d'autres.

En informatique, heureusement, il n'y a pas ce problème : les choses auxquelles on doit donner des instructions sont les ordinateurs, et ceux-ci ont le bon goût d'être tous strictement aussi idiots les uns que les autres.

2. Faut-il être matheux pour être bon en algorithmique ?

Consacrons quelques lignes à cette question, car cette opinion aussi fortement affirmée que faiblement fondée sert régulièrement d'excuse : « moi, de toute façon, je suis mauvais(e) en algo, j'ai jamais rien pigé aux maths ». Faut-il être « bon en maths » pour expliquer correctement son chemin à quelqu'un ? Nous vous laissons juge.

La maîtrise de l'algorithmique requiert deux qualités, très complémentaires d'ailleurs :

- il faut avoir une certaine intuition, car aucune recette ne permet de savoir a priori quelles instructions permettront d'obtenir le résultat voulu. C'est là, si l'on y tient, qu'intervient la forme « d'intelligence » requise pour l'algorithmique. Alors, c'est certain, il y a des gens qui possèdent au départ davantage cette intuition que les autres. Cependant, les réflexes, cela s'acquiert. Et ce qu'on appelle l'intuition n'est finalement que de l'expérience tellement répétée que le raisonnement, au départ laborieux, finit par devenir « spontané ».
- il faut être méthodique et rigoureux. En effet, chaque fois qu'on écrit une série d'instructions qu'on croit justes, il faut systématiquement se mettre à la place de la machine qui va les exécuter, pour vérifier si le résultat obtenu est bien celui que l'on voulait. Cette opération ne requiert pas la moindre once d'intelligence. Mais elle reste néanmoins indispensable, si l'on ne veut pas écrire à l'aveuglette.

Et petit à petit, à force de pratique, vous verrez que vous pourrez faire de plus en plus souvent l'économie de cette dernière étape : l'expérience fera que vous « verrez » le résultat produit par vos instructions, au fur et à mesure que vous les écrirez. Naturellement, cet apprentissage est long, et demande des heures de travail patient. Aussi, dans un premier temps, évitez de sauter les étapes : la vérification de chacun de vos algorithmes doit être considérée comme la moitié du travail à accomplir.

3. L'ADN, les Shadoks, et les ordinateurs

Quel rapport, direz-vous ? Eh bien le point commun est : **quatre** mots de vocabulaire.

L'univers lexical Shadok, c'est bien connu, se limite aux termes « Ga », « Bu », « Zo », et « Meu ». Ce qui leur a tout de même permis de formuler quelques fortes maximes, telles que : « *Mieux vaut pomper et qu'il ne se passe rien, plutôt qu'arrêter de pomper et risquer qu'il se passe quelque chose de pire.* »

L'ADN, qui est en quelque sorte le programme génétique, l'algorithme à la base de construction des êtres vivants, est une chaîne construite à partir de quatre éléments invariables. Ce n'est que le nombre de ces éléments, ainsi que l'ordre dans lequel ils sont arrangés, qui vont déterminer si on obtient une puce ou un éléphant. Et tous autant que nous sommes, splendides réussites de la « Nature » (nous sommes en Science profane), avons été construits par un « programme » constitué uniquement de ces quatre briques, ce qui devrait nous inciter à la modestie.

Enfin, les ordinateurs, quels qu'ils soient, ne sont fondamentalement capables de comprendre que quatre catégories d'ordres (en programmation, on n'emploiera pas le terme d'ordre, mais plutôt celui d'**instructions**). Ces quatre familles d'instructions sont :

- l'affectation de variables ;
- la lecture / écriture ;
- les tests ;
- les boucles.

Un algorithme informatique se ramène donc toujours au bout du compte à la combinaison de ces quatre petites briques de base. Il peut y en avoir quelques unes, quelques dizaines, et jusqu'à plusieurs centaines de milliers dans certains programmes de gestion. Rassurez-vous, nous n'irons pas jusque là (cependant, la taille d'un algorithme ne conditionne pas en soi sa complexité : de longs algorithmes peuvent être finalement assez simples, et de petits très compliqués).

4. Algorithmique et programmation

Pourquoi apprendre l'algorithmique pour apprendre à programmer ? En quoi a-t-on besoin d'un langage spécial, distinct des langages de programmation compréhensibles par les ordinateurs ?

Parce que l'algorithmique exprime les instructions résolvant un problème donné **indépendamment des particularités de tel ou tel langage**. Pour prendre une image, si un programme était une dissertation, l'algorithmique serait le plan, une fois mis de côté la rédaction et l'orthographe. Or, vous savez qu'il vaut mieux faire d'abord le plan et rédiger ensuite, que l'inverse...

Apprendre l'algorithmique, c'est apprendre à manier la **structure logique** d'un programme informatique. Cette dimension est présente quelle que soit le langage de programmation ; mais lorsqu'on programme dans un langage (en C, en Visual Basic, etc.) on doit en plus se colleter les problèmes de syntaxe, ou de types d'instructions, propres à ce langage. Apprendre l'algorithmique de manière séparée, c'est donc sérier les difficultés pour mieux les vaincre.

A cela, il faut ajouter que des générations de programmeurs, souvent autodidactes (mais pas toujours, hélas !), ayant directement appris à programmer dans tel ou tel langage, ne font pas mentalement clairement la différence entre ce qui relève de la structure logique générale de toute programmation (les règles fondamentales de l'algorithmique) et ce qui relève du langage particulier qu'ils ont appris. Ces programmeurs, non seulement ont beaucoup plus de mal à passer ensuite à un langage différent, mais encore écrivent bien souvent des programmes qui même s'ils sont justes, restent laborieux. Car on n'ignore pas impunément les règles fondamentales de l'algorithmique... Alors, autant l'apprendre en tant que telle !

Bon, maintenant passons au vif du sujet...

5. Avec quelles conventions écrit-on un algorithme ?

Historiquement, plusieurs types de notations ont représenté des algorithmes.

Il y a eu notamment une représentation graphique, avec des carrés, des losanges, etc. qu'on appelait des **organigrammes**. Aujourd'hui, cette représentation est quasiment abandonnée, pour deux raisons. D'abord, parce que dès que l'algorithme commence à grossir un peu, ce n'est plus pratique du tout du tout. Ensuite parce que cette représentation favorise le glissement vers un certain type de programmation, dite non structurée (nous définirons ce terme plus tard), que l'on tente au contraire d'éviter.

C'est pourquoi on utilise généralement une série de conventions appelée « **pseudo-code** », qui ressemble à un langage de programmation authentique dont on aurait évacué la plupart des problèmes de syntaxe. Ce pseudo-code est susceptible de varier légèrement d'un livre (ou d'un enseignant) à un autre. C'est bien normal : le pseudo-code, encore une fois, est purement conventionnel ; aucune machine n'est censée le reconnaître. Donc, chaque cuisinier peut faire sa sauce à sa guise, avec ses petites épices bien à lui, sans que cela prête à conséquence.

Le pseudo-code que vous découvrirez dans les pages qui suivent possède quelques spécificités mineures. Rassurez-vous cependant, celles-ci restent dans les limites tout à fait acceptables.

PARTIE 1 (LES VARIABLES)

« N'attribuez jamais à la malveillance ce qui s'explique très bien par l'incompétence. »

Napoléon Bonaparte

« À l'origine de toute erreur attribuée à l'ordinateur, vous trouverez au moins deux erreurs humaines. Dont celle consistant à attribuer l'erreur à l'ordinateur. »

Anonyme

1. A quoi servent les variables ?

Dans un programme informatique, on va avoir en permanence besoin de stocker provisoirement des valeurs. Il peut s'agir de données issues du disque dur, fournies par l'utilisateur (frappées au clavier), etc. Il peut aussi s'agir de résultats obtenus par le programme, intermédiaires ou définitifs. Ces données peuvent être de plusieurs types (on en reparlera) : elles peuvent être des nombres, du texte, etc. Toujours est-il que dès que l'on a besoin de stocker une information au cours d'un programme, on utilise une **variable**.

Pour employer une image, une variable est une **boîte**, que le programme (l'ordinateur) va repérer par une **étiquette**. Pour avoir accès au contenu de la boîte, il suffit de la désigner par son étiquette.

En réalité, dans la mémoire vive de l'ordinateur, il n'y a bien sûr pas une vraie boîte, et pas davantage de vraie étiquette collée dessus. Dans l'ordinateur, physiquement, il y a un emplacement de mémoire, repéré par une adresse binaire. Si on programmait dans un langage directement compréhensible par la machine, on devrait se fader de désigner nos données par de superbes 10011001 et autres 01001001 (enchanté !). Mauvaise nouvelle : de tels langages existent ! Ils portent le doux nom d'**assembleur**. Bonne nouvelle : ce ne sont pas les seuls langages disponibles.

Les langages informatiques plus évolués (ce sont ceux que presque tout le monde emploie) se chargent précisément, entre autres rôles, d'épargner au programmeur la gestion fastidieuse des emplacements mémoire et de leurs adresses. Et, comme vous commencez à le comprendre, il est beaucoup plus facile d'employer les étiquettes de son choix, que de devoir manier des adresses binaires.

2. Déclaration des variables

La première chose à faire avant de pouvoir utiliser une variable est de **créer la boîte et de lui coller une étiquette**. Ceci se fait tout au début de l'algorithme, avant même les instructions proprement dites. C'est ce qu'on appelle la **déclaration des variables**. C'est un genre de déclaration certes moins romantique qu'une déclaration d'amour, mais d'un autre côté moins désagréable qu'une déclaration d'impôts.

Le **nom** de la variable (l'étiquette de la boîte) obéit à des impératifs changeant selon les langages. Toutefois, une règle absolue est qu'un nom de variable peut comporter des lettres et des chiffres, mais qu'il exclut la plupart des signes de ponctuation, en particulier les espaces. Un nom de variable correct commence également impérativement par une lettre. Quant au nombre maximal de signes pour un nom de variable, il dépend du langage utilisé.

En pseudo-code algorithmique, on est bien sûr libre du nombre de signes pour un nom de variable, même si pour des raisons purement pratiques, on évite généralement les noms à rallonge.

Lorsqu'on déclare une variable, il ne suffit pas de créer une boîte (réserver un emplacement mémoire) ; encore doit-on préciser ce que l'on voudra mettre dedans, car de cela dépendent la **taille** de la boîte (de l'emplacement mémoire) et le **type de codage** utilisé.

2.1. Types numériques classiques

Commençons par le cas très fréquent, celui d'une variable destinée à recevoir des nombres.

Si l'on réserve un octet pour coder un nombre, en rappel on ne pourra coder que $2^8 = 256$ valeurs différentes. Cela peut signifier par exemple les nombres entiers de 1 à 256, ou de 0 à 255, ou de -127 à +128... Si l'on réserve deux octets, on a droit à 65 536 valeurs ; avec trois octets, 16 777 216, etc. Et là se pose un autre problème : ce codage doit-il représenter des nombres décimaux ? des nombres négatifs ?

Bref, le type de codage (autrement dit, le type de variable) choisi pour un nombre va déterminer :

- les valeurs maximales et minimales des nombres pouvant être stockés dans la variable
- la précision de ces nombres (dans le cas de nombres décimaux).

Tous les langages, quels qu'ils soient offrent un « bouquet » de types numériques, dont le détail est susceptible de varier légèrement d'un langage à l'autre. Grosso modo, on retrouve cependant les types suivants :

Type Numérique	Plage
Byte (octet)	0 à 255
Entier simple	-32 768 à 32 767
Entier long	-2 147 483 648 à 2 147 483 647
Réel simple	-3,40x10 ³⁸ à -1,40x10 ⁴⁵ pour les valeurs négatives 1,40x10 ⁻⁴⁵ à 3,40x10 ³⁸ pour les valeurs positives
Réel double	1,79x10 ³⁰⁸ à -4,94x10 ⁻³²⁴ pour les valeurs négatives 4,94x10 ⁻³²⁴ à 1,79x10 ³⁰⁸ pour les valeurs positives

Pourquoi ne pas déclarer toutes les variables numériques en réel double, histoire de bétonner et d'être certain qu'il n'y aura pas de problème ? En vertu du principe de **l'économie de moyens**. Un bon algorithme ne se contente pas de « marcher » ; il marche en évitant de gaspiller les ressources de la machine. Sur certains programmes de grande taille, l'abus de variables surdimensionnées peut entraîner des ralentissements notables à l'exécution, voire un plantage pur et simple de l'ordinateur. Alors, autant prendre dès le début de bonnes habitudes d'hygiène.

En algorithmique, on ne se tracassera pas trop avec les sous-types de variables numériques. On se contentera donc de préciser qu'il s'agit d'un nombre, en gardant en tête que dans un vrai langage, il faudra être plus précis.

En pseudo-code, une déclaration de variables aura ainsi cette tête :

Variable g en Numérique

ou encore

Variables PrixHT, TauxTVA, PrixTTC en Numérique

2.2. Autres types numériques

Certains langages autorisent d'autres types numériques, notamment :

- le type **monétaire** (avec strictement deux chiffres après la virgule)
- le type **date** (jour / mois / année).

Nous n'emploierons pas ces types dans ce cours ; mais vous ne manquerez pas de les rencontrer en programmation proprement dite.

2.3. Type alphanumérique

Fort heureusement, les boîtes que sont les variables peuvent contenir bien d'autres informations que des nombres. Sans cela, on serait un peu embêté dès que l'on devrait stocker un nom de famille, par exemple.

On dispose donc également du **type alphanumérique** (également appelé **type caractère**, **type chaîne** ou en anglais, le **type string**). Dans une variable de ce type, on stocke des **caractères**, qu'il s'agisse de lettres, de signes de ponctuation, d'espaces, ou même de chiffres. Le nombre maximal de caractères pouvant être stockés dans une seule variable **string** dépend du langage utilisé. Un groupe de caractères (y compris un groupe de un, ou de zéro caractères), qu'il soit ou non stocké dans une variable, d'ailleurs, est donc souvent appelé **chaîne** de caractères.

En pseudo-code, une chaîne de caractères est toujours notée entre guillemets

Pourquoi ? Pour éviter deux sources principales de possibles confusions :

- la confusion entre des nombres et des suites de chiffres. Par exemple, 423 peut représenter le nombre 423 (quatre cent vingt-trois), ou la suite de caractères 4, 2, et 3. Et ce n'est pas du tout la même chose ! Avec le premier, on peut faire des calculs, avec le second, point du tout. Dès lors, les guillemets permettent d'éviter toute ambiguïté : s'il n'y en a pas, 423 est quatre cent vingt trois. S'il y en a, "423" représente la suite des chiffres 4, 2, 3.
- ...Mais ce n'est pas le pire. L'autre confusion, bien plus grave - et bien plus fréquente - consiste à se mélanger les pinceaux entre le nom d'une variable et son contenu. Pour parler simplement, cela consiste à confondre l'étiquette d'une boîte et ce qu'il y a à l'intérieur... On reviendra sur ce point crucial dans quelques instants.

2.4. Type booléen

Le dernier type de variables est le type **booléen** : on y stocke uniquement les valeurs logiques VRAI et FAUX.

On peut représenter ces notions abstraites de VRAI et de FAUX par tout ce qu'on veut : de l'anglais (TRUE et FALSE) ou des nombres (0 et 1). Peu importe. Ce qui compte, c'est de comprendre que le type booléen est très économique en termes de place mémoire occupée, puisque pour stocker une telle information binaire, un seul bit suffit.

Le type booléen est très souvent négligé par les programmeurs, à tort.

Il est vrai qu'il n'est pas à proprement parler indispensable, et qu'on pourrait écrire à peu près n'importe quel programme en l'ignorant complètement. Pourtant, si le type booléen est mis à disposition des programmeurs dans tous les langages, ce n'est pas pour rien. Le recours aux variables booléennes s'avère très souvent un puissant instrument de **lisibilité** des algorithmes : il peut faciliter la vie de celui qui écrit l'algorithme, comme de celui qui le relit pour le corriger.

Alors, maintenant, c'est certain, en algorithmique, il y a une question de style : c'est exactement comme dans le langage courant, il y a plusieurs manières de s'exprimer pour dire sur le fond la même chose. Nous verrons plus loin différents exemples de variations stylistiques autour d'une même solution. En attendant, vous êtes prévenus : l'auteur de ce cours est un adepte fervent (mais pas irraisonné) de l'utilisation des variables booléennes.

3. L'instruction d'affectation

3.1. Syntaxe et signification

Abordons maintenant nos premières véritables manipulations d'algorithmique. Pas trop tôt, certes, mais pas moyen de faire autrement !

En fait, la variable (la boîte) n'est pas un outil bien sorcier à manipuler. On ne peut pas faire trente-six mille choses avec une variable, mais seulement une et une seule.

Cette seule chose qu'on puisse faire avec une variable, c'est **l'affecter**, c'est-à-dire **lui attribuer une valeur**. Pour poursuivre la superbe métaphore filée déjà employée, on peut remplir la boîte.

En pseudo-code, l'instruction d'affectation se note avec le signe ←

Ainsi :

Attribue la valeur 24 à la variable Toto.

Ceci, soit dit en passant, sous-entend impérativement que Toto soit une variable de type numérique. Si Toto a été défini dans un autre type, il faut bien comprendre que cette instruction provoquera une erreur. C'est un peu comme si, en donnant un ordre à quelqu'un, on accolait un verbe et un complément incompatibles, du genre « Epluchez la casserole ». Même dotée de la meilleure volonté du monde, la ménagère lisant cette phrase ne pourrait qu'interrompre dubitativement sa tâche. Alors, un ordinateur, vous pensez bien...

On peut en revanche sans aucun problème attribuer à une variable la valeur d'une autre variable, telle quelle ou modifiée. Par exemple :

```
Tutu ← Toto
```

Signifie que la valeur de Tutu est maintenant celle de Toto.

Notez bien que cette instruction n'a en rien modifié la valeur de Toto : **une instruction d'affectation ne modifie que ce qui est situé à gauche de la flèche.**

```
Tutu ← Toto + 4
```

Si Toto contenait 12, Tutu vaut maintenant 16. De même que précédemment, Toto vaut toujours 12.

```
Tutu ← Tutu + 1
```

Si Tutu valait 6, il vaut maintenant 7. La valeur de Tutu est modifiée, puisque Tutu est la variable située à gauche de la flèche.

Pour revenir à présent sur le rôle des guillemets dans les chaînes de caractères et sur la confusion numéro 2 signalée plus haut, comparons maintenant deux algorithmes suivants :

Exemple n°1

Début

```
Riri ← "Loulou"
```

```
Fifi ← "Riri"
```

Fin

Exemple n°2

Début

```
Riri ← "Loulou"
```

```
Fifi ← Riri
```

Fin

La seule différence entre les deux algorithmes consiste dans la présence ou dans l'absence des guillemets lors de la seconde affectation. Et l'on voit que cela change tout !

Dans l'exemple n°1, ce que l'on affecte à la variable Fifi, c'est la suite de caractères R - i - r - i. Et à la fin de l'algorithme, le contenu de la variable Fifi est donc « Riri ».

Dans l'exemple n°2, en revanche, Riri étant dépourvu de guillemets, n'est pas considéré comme une suite de caractères, mais comme un nom de variable. Le sens de la ligne devient donc : « affecte à la variable Fifi le contenu de la variable Riri ». A la fin de l'algorithme n°2, la valeur de la variable Fifi est donc « Loulou ». Ici, l'oubli des guillemets conduit certes à un résultat, mais à un résultat différent.

A noter, car c'est un cas très fréquent, que généralement, lorsqu'on oublie les guillemets lors d'une affectation de chaîne, ce qui se trouve à droite du signe d'affectation ne correspond à aucune variable précédemment déclarée et affectée. Dans ce cas, l'oubli des guillemets se solde immédiatement par une erreur d'exécution.

Ceci est une simple illustration. Mais elle résume l'ensemble des problèmes qui surviennent lorsqu'on oublie la règle des guillemets aux chaînes de caractères.

3.2. Ordre des instructions

Il va de soi que l'ordre dans lequel les instructions sont écrites va jouer un rôle essentiel dans le résultat final. Considérons les deux algorithmes suivants :

Variable A en Entier	Variable A en Entier
Début	Début
A ← 34	A ← 12
A ← 12	A ← 34
Fin	Fin

Il est clair que dans le premier cas la valeur finale de A est 12, dans l'autre elle est 34.

Il est tout aussi clair que ceci ne doit pas nous étonner. Lorsqu'on indique le chemin à quelqu'un, dire « prenez tout droit sur 1 km, puis à droite » n'envoie pas les gens au même endroit que si l'on dit « prenez à droite puis tout droit pendant 1 km ».

Enfin, il est également clair que si l'on met de côté leur vertu pédagogique, les deux algorithmes ci-dessus sont parfaitement idiots ; à tout le moins ils contiennent une incohérence. Il n'y a aucun intérêt à affecter une variable pour l'affecter différemment juste après. En l'occurrence, on aurait tout aussi bien atteint le même résultat en écrivant simplement :

Variable A en Entier	Variable A en Entier
Début	Début
A ← 12	A ← 34
Fin	Fin

Tous les éléments sont maintenant en votre possession pour que ce soit à vous de jouer !

Exercice 1.1

Quelles seront les valeurs des variables A et B après exécution des instructions suivantes ?

Variables A, B en Entier
Début
 A ← 1
 B ← A + 3
 A ← 3
Fin

Exercice 1.2

Quelles seront les valeurs des variables A, B et C après exécution des instructions suivantes ?

Variables A, B, C **en Entier**

Début

A \leftarrow 5

B \leftarrow 3

C \leftarrow A + B

A \leftarrow 2

C \leftarrow B - A

Fin

Exercice 1.3

Quelles seront les valeurs des variables A et B après exécution des instructions suivantes ?

Variables A, B **en Entier**

Début

A \leftarrow 5

B \leftarrow A + 4

A \leftarrow A + 1

B \leftarrow A - 4

Fin

Exercice 1.4

Quelles seront les valeurs des variables A, B et C après exécution des instructions suivantes ?

Variables A, B, C **en Entier**

Début

A \leftarrow 3

B \leftarrow 10

C \leftarrow A + B

B \leftarrow A + B

A \leftarrow C

Fin

Exercice 1.5

Quelles seront les valeurs des variables A et B après exécution des instructions suivantes ?

Variables A, B **en Entier**

Début

A \leftarrow 5

B \leftarrow 2

```
A ← B
B ← A
Fin
```

Moralité : les deux dernières instructions permettent-elles d'échanger les deux valeurs de B et A ? Si l'on inverse les deux dernières instructions, cela change-t-il quelque chose ?

Exercice 1.6

Plus difficile, mais c'est un classique absolu, qu'il faut absolument maîtriser : écrire un algorithme permettant d'échanger les valeurs de deux variables A et B, et ce quel que soit leur contenu préalable.

Exercice 1.7

Une variante du précédent : on dispose de trois variables A, B et C. Ecrivez un algorithme transférant à B la valeur de A, à C la valeur de B et à A la valeur de C (toujours quels que soient les contenus préalables de ces variables).

4. Expressions et opérateurs

Si on fait le point, on s'aperçoit que dans une instruction d'affectation, on trouve :

- à gauche de la flèche, un nom de variable, et uniquement cela. En ce monde empli de doutes qu'est celui de l'algorithmique, c'est une des rares règles d'or qui marche à tous les coups : si on voit à gauche d'une flèche d'affectation autre chose qu'un nom de variable, on peut être certain à 100% qu'il s'agit d'une erreur.
- à droite de la flèche, ce qu'on appelle une **expression**. Voilà encore un mot qui est trompeur ; en effet, ce mot existe dans le langage courant, où il revêt bien des significations. Mais en informatique, le terme d'**expression** ne désigne qu'une seule chose, et qui plus est une chose très précise :

Une expression est un ensemble de valeurs, reliées par des opérateurs, et équivalent à une seule valeur

Cette définition vous paraît peut-être obscure. Mais réfléchissez-y quelques minutes, et vous verrez qu'elle recouvre quelque chose d'assez simple sur le fond. Par exemple, voyons quelques expressions de type **numérique**. Ainsi :

7

5+4

123-45+844

Toto-12+5-Riri

...sont des expressions valides, pour peu que Toto et Riri soient bien des nombres. Car dans le cas contraire, la quatrième expression n'a pas de sens. En l'occurrence, les opérateurs employés sont l'addition (+) et la soustraction (-)

).

Revenons pour le moment sur l'affectation. Une condition supplémentaire (en plus des deux précédentes) de validité d'une instruction d'affectation est que :

- l'expression située à droite de la flèche soit du même type que la variable située à gauche. C'est très logique : on ne peut pas ranger convenablement des outils dans un sac à provision, ni des légumes dans une trousse à outils... sauf à provoquer un résultat catastrophique.

Si l'un des trois points énumérés ci-dessus n'est pas respecté, la machine sera incapable d'exécuter l'affectation, et déclenchera une erreur (est-il besoin de dire que si aucun de ces points n'est respecté, il y aura aussi erreur !)

On va maintenant détailler ce que l'on entend par le terme d'**opérateur**.

Un opérateur est un signe qui relie deux valeurs, pour produire un résultat.

Les opérateurs possibles dépendent du type des valeurs qui sont en jeu. Allons-y, faisons le tour, c'est un peu fastidieux, mais comme dit le sage au petit scarabée, quand c'est fait, c'est plus à faire.

4.1. Opérateurs numériques :

Ce sont les quatre opérations arithmétiques, tout ce qu'il y a de classique.

+ addition ;
 - soustraction ;
 * multiplication ;
 / division.

Mentionnons également le [^] qui signifie « puissance ». 45 au carré s'écrit donc 45 [^] 2.

Enfin, on a le droit d'utiliser les parenthèses, avec les mêmes règles qu'en mathématiques. La multiplication et la division ont « naturellement » priorité sur l'addition et la soustraction. Les parenthèses ne sont ainsi utiles que pour modifier cette priorité naturelle.

Cela signifie qu'en informatique, 12 * 3 + 5 et (12 * 3) + 5 valent strictement la même chose, à savoir 41. Pourquoi dès lors se fatiguer à mettre des parenthèses inutiles ?

En revanche, 12 * (3 + 5) vaut 12 * 8 soit 96. Rien de difficile là-dedans, que du normal.

4.2. Opérateur alphanumérique : &

Cet opérateur permet de **concaténer**, autrement dit d'agglomérer, deux chaînes de caractères.

Exemple

variables A, B, C **en** Caractère

Début

A ← "Gloubi"

B ← "Boulga"

C ← A & B

Fin

La valeur de C à la fin de l'algorithme est "GloubiBoulga"

4.3. Opérateurs logiques (ou booléens) :

Il s'agit du ET, du OU, du NON et du mystérieux (mais rarissime XOR). Nous les laisserons de côté... provisoirement, soyez-en sûrs.

Exercice 1.8

Que produit l'algorithme suivant ?

variables A, B, C en Caractères

Début

A ← "423"

B ← "12"

C ← A + B

Fin

Exercice 1.9

Que produit l'algorithme suivant ?

variables A, B en Caractères

Début

A ← "423"

B ← "12"

C ← A & B

Fin

5. Deux remarques pour terminer

Maintenant que nous sommes familiers des variables et que nous les manipulons les yeux fermés (mais les neurones en éveil, toutefois), nous attirons votre attention sur la trompeuse similitude de vocabulaire entre les mathématiques et l'informatique. En mathématiques, une « variable » est généralement une inconnue, qui recouvre un nombre non précisé de valeurs. Lorsqu'on écrit :

$$y = 3x + 2$$

les « variables » x et y satisfaisant à l'équation existent en nombre infini (graphiquement, l'ensemble des solutions à cette équation dessine une droite). Lorsqu'on écrit :

$$ax^2 + bx + c = 0$$

la « variable » x désigne les solutions à cette équation, c'est-à-dire zéro, une ou deux valeurs à la fois.

En informatique, une variable possède à un moment donné une valeur et une seule. A la rigueur, elle peut ne pas avoir de valeur du tout (une fois qu'elle a été déclarée, et tant qu'on ne l'a pas affectée. A signaler que dans certains langages, les variables non encore affectées sont considérées comme valant automatiquement zéro). Mais ce qui est important, c'est que cette valeur justement, ne « varie » pas à proprement parler. Du moins ne varie-t-elle que lorsqu'elle est l'objet d'une instruction d'affectation.

La deuxième remarque concerne le signe de l'affectation. En algorithmique, comme on l'a vu, c'est le \leftarrow . Mais en pratique, la quasi totalité des langages emploient le signe égal $=$. Et là, pour les débutants, la confusion avec les maths est également facile. En maths, $A = B$ et $B = A$ sont deux propositions strictement équivalentes. En informatique, absolument pas, puisque cela revient à écrire $A \leftarrow B$ et $B \leftarrow A$, deux choses bien différentes. De même, $A = A + 1$, qui en mathématiques, constitue une équation sans solution, représente en programmation une action tout à fait licite (et de surcroît extrêmement courante). Donc, attention !!! La meilleure des vaccinations contre cette confusion consiste à bien employer le signe \leftarrow en pseudo-code, signe qui a le mérite de ne pas laisser place à l'ambiguïté. Une fois acquis les bons réflexes avec ce signe, vous n'aurez plus aucune difficulté à passer au $=$ des langages de programmation.

PARTIE 2 (LECTURE ET ÉCRITURE)

« *Un programme est un sort jeté sur un ordinateur, qui transforme tout texte saisi au clavier en message d'erreur.* »

Anonyme

« *Un clavier Azerty en vaut deux* »

Anonyme

1. De quoi parle-t-on ?

Trifouiller des variables en mémoire vive par un chouette programme, c'est vrai que c'est très marrant, et d'ailleurs on a tous bien rigolé au chapitre précédent. Cela dit, à la fin de la foire, on peut tout de même se demander à quoi ça sert.

En effet. Imaginons que nous ayons fait un programme pour calculer le carré d'un nombre, mettons 12. Si on a fait au plus simple, on a écrit un truc du genre :

Variable A en Numérique

Début

A ← 12²

Fin

D'une part, ce programme nous donne le carré de 12. C'est très gentil à lui. Mais si l'on veut le carré d'un autre nombre que 12, il faut réécrire le programme. Bof.

D'autre part, le résultat est indubitablement calculé par la machine. Mais elle le garde soigneusement pour elle, et le pauvre utilisateur qui fait exécuter ce programme, lui, ne saura jamais quel est le carré de 12. Re-bof.

C'est pourquoi, heureusement, il existe des instructions pour permettre à la machine de dialoguer avec l'utilisateur (et au Lycée de Versailles, eût ajouté l'estimé Pierre Dac, qui en précurseur méconnu de l'algorithmique, affirmait tout aussi profondément que « *rien ne sert de penser, il faut réfléchir avant* »).

Dans un sens, ces instructions permettent à l'utilisateur de rentrer des valeurs au clavier pour qu'elles soient utilisées par le programme. Cette opération est la **lecture**.

Dans l'autre sens, d'autres instructions permettent au programme de communiquer des valeurs à l'utilisateur en les affichant à l'écran. Cette opération est l'**écriture**.

Remarque essentielle : A première vue, on peut avoir l'impression que les informaticiens étaient beurrés comme des petits lus lorsqu'ils ont baptisé ces opérations ; puisque quand l'utilisateur doit écrire au clavier, on appelle ça la lecture, et quand il doit lire sur l'écran on appelle ça l'écriture. Mais avant d'agonir d'insultes une digne corporation, il faut réfléchir un peu plus loin. Un algorithme, c'est une suite d'instructions qui programme la machine, pas l'utilisateur ! Donc quand on dit à la machine de lire une valeur, cela implique que l'utilisateur va devoir écrire cette valeur. Et quand

on demande à la machine d'écrire une valeur, c'est pour que l'utilisateur puisse la lire. Lecture et écriture sont donc des termes qui comme toujours en programmation, doivent être compris du point de vue de la machine qui sera chargée de les exécuter. Et là, tout devient parfaitement logique.

2. Les instructions de lecture et d'écriture

Tout bêtement, pour que l'utilisateur entre la (nouvelle) valeur de Titi, on mettra :

Lire Titi

Dès que le programme rencontre une instruction Lire, l'exécution s'interrompt, attendant la frappe d'une valeur au clavier

Dès lors, aussitôt que la touche Entrée (Enter) a été frappée, l'exécution reprend.

Dans le sens inverse, pour écrire quelque chose à l'écran, c'est aussi simple que :

Ecrire Toto

Avant de Lire une variable, il est très fortement conseillé d'écrire des **libellés** à l'écran, afin de prévenir l'utilisateur de ce qu'il doit frapper (sinon, le pauvre utilisateur passe son temps à se demander ce que l'ordinateur attend de lui... et c'est très désagréable !) :

Ecrire "Entrez votre nom : "

Lire NomFamille

Lecture et Ecriture sont des instructions algorithmiques qui ne présentent pas de difficultés particulières, une fois qu'on a bien assimilé ce problème du sens du dialogue (homme ↔ machine, ou machine ↔ homme).

Exercice 2.1

Quel résultat produit le programme suivant ?

```
variables val, double numériques  
Début  
val ← 231  
Double ← val * 2  
Ecrire val  
Ecrire Double  
Fin
```

Exercice 2.2

Ecrire un programme qui demande un nombre à l'utilisateur, puis qui calcule et affiche le carré de ce nombre.

Exercice 2.3

Ecrire un programme qui lit le prix HT d'un article, le nombre d'articles et le taux de TVA, et qui fournit le prix total TTC correspondant. Faire en sorte que des libellés apparaissent clairement.

Exercice 2.4

Ecrire un algorithme utilisant des variables de type chaîne de caractères, et affichant quatre variantes possibles de la célèbre « belle marquise, vos beaux yeux me font mourir d'amour ». On ne se soucie pas de la ponctuation, ni des majuscules.

PARTIE 3 (LES TESTS)

« C'est assez difficile de trouver une erreur dans son code quand on la cherche. C'est encore bien plus dur quand on est convaincu que le code est juste. »

Steve McConnell

« Il n'existe pas, et il n'existera jamais, de langage dans lequel il soit un tant soit peu difficile d'écrire de mauvais programmes ».

Anonyme

« Si le débogage est l'art d'enlever les bogues, alors la programmation doit être l'art de les créer. »

Anonyme

On avait dit que l'algorithmique, c'est la combinaison de quatre structures élémentaires. Nous en avons déjà vu deux, voici la troisième. Autrement dit, on a quasiment fini le programme.

Mais non, on rigole.

1. De quoi s'agit-il ?

Reprenons le cas de notre « programmation algorithmique du touriste égaré ». Normalement, l'algorithme ressemblera à quelque chose comme : « Allez tout droit jusqu'au prochain carrefour, puis prenez à droite et ensuite la deuxième à gauche, et vous y êtes ».

Mais en cas de doute légitime de votre part, cela pourrait devenir : « Allez tout droit jusqu'au prochain carrefour et là regardez à droite. Si la rue est autorisée à la circulation, alors prenez la et ensuite c'est la deuxième à gauche. Mais si en revanche elle est en sens interdit, alors continuez jusqu'à la prochaine à droite, prenez celle-là, et ensuite la première à droite ».

Ce deuxième algorithme a ceci de supérieur au premier qu'il prévoit, en fonction d'une situation pouvant se présenter de deux façons différentes, deux façons différentes d'agir. Cela suppose que l'interlocuteur (le touriste) sache analyser la condition que nous avons fixée à son comportement (« la rue est-elle en sens interdit ? ») pour effectuer la série d'actions correspondante.

Eh bien, croyez le ou non, mais les ordinateurs possèdent cette aptitude, sans laquelle d'ailleurs nous aurions bien du mal à les programmer. Nous allons donc pouvoir parler à notre ordinateur comme à notre touriste, et lui donner des séries d'instructions à effectuer selon que la situation se présente d'une manière ou d'une autre. Cette structure logique répond au doux nom de **test**. Toutefois, ceux qui tiennent absolument à briller en société parleront également de **structure alternative**.

2. Structure d'un test

Il n'y a que **deux formes possibles** pour un test ; la forme de gauche est la forme complète, celle de droite la forme simple.

Si booléen Alors Instructions 1 Si Instructions 2 Finsi	Si booléen Alors Instructions Finsi
---	--

Ceci appelle quelques explications.

Un **booléen** est une **expression** dont la valeur est VRAI ou FAUX. Cela peut donc être (il n'y a que deux possibilités) :

- une variable de type booléen ;
- une **condition**.

Nous reviendrons dans quelques instants sur ce qu'est une **condition** en informatique.

Toujours est-il que la structure d'un test est relativement claire. Arrivé à la première ligne (Si...Alors) la machine examine la valeur du booléen. Si ce booléen a pour valeur VRAI, elle exécute la série d'instructions 1. Cette série d'instructions peut être très brève comme très longue, cela n'a aucune importance. A la fin de cette série d'instructions, au moment où elle arrive au mot « Sinon », la machine saute directement à la première instruction située après le « Finsi ». De même, au cas où le booléen a comme valeur « Faux », la machine saute directement à la première ligne située après le « Sinon » et exécute l'ensemble des « instructions 2 ».

La forme simplifiée correspond au cas où l'une des deux « branches » du Si est vide. Dès lors, plutôt qu'écrire « sinon ne rien faire du tout », il est plus simple de ne rien écrire.

Exprimé sous forme de pseudo-code, la programmation de notre touriste de tout à l'heure donnerait donc quelque chose du genre :

```
Allez tout droit jusqu'au prochain carrefour
Si la rue à droite est autorisée à la circulation Alors
    Tournez à droite
    Avancez
    Prenez la deuxième à gauche
Si
    Continuez jusqu'à la prochaine rue à droite
    Prenez cette rue
    Prenez la première à droite
Finsi
```

3. Qu'est ce qu'une condition ?

Une condition est une comparaison

Cette définition est essentielle ! Elle signifie qu'une condition est composée de trois éléments :

- une valeur ;
- un **opérateur de comparaison** ;
- une autre valeur.

Les valeurs peuvent être a priori de n'importe quel type (numériques, caractères...). Mais si l'on veut que la comparaison ait un sens, il faut que les deux valeurs de la comparaison soient du même type !

Les **opérateurs de comparaison** sont :

- = égal à... ;
- <> différent de... ;
- < strictement plus petit que... ;
- > strictement plus grand que... ;
- <= plus petit ou égal à... ;
- >= plus grand ou égal à...

L'ensemble des trois éléments constituant la condition constitue donc, si l'on veut, une affirmation qui, à un moment donné, est VRAIE ou FAUSSE.

A noter que ces opérateurs de comparaison peuvent tout à fait s'employer avec des caractères. Ceux-ci sont codés par la machine dans l'ordre alphabétique (rappelez vous le code ASCII vu dans le préambule), les majuscules étant systématiquement placées avant les minuscules. Ainsi on a :

"t" < "w"	VRAI
"Maman" > "Papa"	FAUX
"maman" > "Papa"	VRAI

REMARQUE TRÈS IMPORTANTE

En formulant une condition dans un algorithme, il faut se méfier comme de la peste de certains raccourcis du langage courant, ou de certaines notations valides en mathématiques, mais qui mènent à des non-sens informatiques. Prenons par exemple la phrase « Toto est compris entre 5 et 8 ». On peut être tenté de la traduire par : $5 < \text{Toto} < 8$.

Or, une telle expression, qui a du sens en français, comme en mathématiques, **ne veut rien dire en programmation**. En effet, elle comprend deux opérateurs de comparaison, soit un de trop, et trois valeurs, soit là aussi une de trop. On va voir dans un instant comment traduire convenablement une telle condition.

Exercice 3.1

Ecrire un algorithme qui demande un nombre à l'utilisateur, et l'informe ensuite si ce nombre est positif ou négatif (on laisse de côté le cas où le nombre vaut zéro).

4. Conditions composées

Certains problèmes exigent parfois de formuler des conditions qui ne peuvent pas être exprimées sous la forme simple exposée ci-dessus. Reprenons le cas « Toto est inclus entre 5 et 8 ». En fait cette phrase cache non une, mais **deux** conditions. Car elle revient à dire que « Toto est supérieur à 5 et Toto est inférieur à 8 ». Il y a donc bien là deux conditions, reliées par ce qu'on appelle un **opérateur logique**, le mot ET.

Comme on l'a évoqué plus haut, l'informatique met à notre disposition quatre opérateurs logiques : **ET**, **OU**, **NON**, et **XOR**.

- Le **ET** a le même sens en informatique que dans le langage courant. Pour que :

Condition1 ET Condition2

soit VRAI, il faut impérativement que Condition1 soit VRAI et que Condition2 soit VRAI.

- Il faut se méfier un peu plus du **OU**. Pour que :

Condition1 OU Condition2

soit VRAI, il suffit que Condition1 soit VRAIE ou que Condition2 soit VRAIE. Le point important est que si Condition1 est VRAIE et que Condition2 est VRAIE aussi, Condition1 OU Condition2 est VRAIE. Le OU informatique ne veut donc pas dire « ou bien » (sauf dans certaines formes rares, dénommées OU exclusif et notées XOR).

- Le **XOR** (ou **OU exclusif**) fonctionne de la manière suivante. Pour que

Condition1 XOR Condition2

soit VRAI, il faut que Condition1 soit VRAI, ou bien que Condition2 soit VRAI. Mais si toutes les deux sont fausses, ou que toutes les deux sont VRAI, alors le résultat global est considéré comme FAUX.

Nous insistons sur le fait que le XOR est une rareté, dont il n'est pas strictement indispensable de s'encombrer en programmation.

- Enfin, le **NON** inverse une condition :

NON(Condition1)

est VRAI si Condition1 est FAUX, et il sera FAUX si Condition1 est VRAI.

Vous vous demandez peut-être à quoi sert ce NON. Après tout, plutôt qu'écrire NON(Prix > 20), il serait plus simple d'écrire tout bonnement Prix ≤ 20. Dans ce cas, c'est évident qu'on se complique inutilement la vie avec le NON. Mais on rencontrera plus loin des situations dans lesquelles il rend de précieux services.

On représente fréquemment tout ceci dans des **tables de vérité** (C1 et C2 représentent deux conditions, et on envisage à chaque fois les quatre cas possibles) :

C1 et C2	C2 Vrai	C2 Faux
C1 Vrai	Vrai	Faux
C1 Faux	Faux	Faux

C1 ou C2	C2 Vrai	C2 Faux
C1 Vrai	Vrai	Vrai
C1 Faux	Vrai	Faux

C1 xor C2	C2 Vrai	C2 Faux
C1 Vrai	Faux	Vrai
C1 Faux	Vrai	Faux

Non C1	
C1 Vrai	Faux
C1 Faux	Vrai

LE GAG DE LA JOURNÉE

Il consiste à formuler dans un test une condition qui ne pourra jamais être vraie, ou jamais être fausse. Si ce n'est pas fait exprès, c'est assez rigolo. Si c'est fait exprès, c'est encore plus drôle, car une condition dont on sait d'avance qu'elle sera toujours fausse n'est pas une condition. Dans tous les cas, cela veut dire qu'on a écrit un test qui n'en est pas un, et qui fonctionne comme s'il n'y en avait pas.

Cela peut être par exemple : Si $\text{Toto} < 10$ ET $\text{Toto} > 15$ Alors... (il est très difficile de trouver un nombre qui soit à la fois inférieur à 10 et supérieur à 15 !)

Exercice 3.2

Ecrire un algorithme qui demande deux nombres à l'utilisateur et l'informe ensuite si leur produit est négatif ou positif (on laisse de côté le cas où le produit est nul). Attention toutefois : on ne doit **pas** calculer le produit des deux nombres.

Exercice 3.3

Ecrire un algorithme qui demande trois noms à l'utilisateur et l'informe ensuite s'ils sont rangés ou non dans l'ordre alphabétique.

5. Tests imbriqués

Graphiquement, on peut très facilement représenter un SI comme un aiguillage de chemin de fer (ou un aiguillage de train électrique, c'est moins lourd à porter). Un SI ouvre donc deux voies, correspondant à deux traitements différents. Mais il y a des tas de situations où deux voies ne suffisent pas. Par exemple, un programme devant donner l'état de l'eau selon sa température doit pouvoir choisir entre trois réponses possibles (solide, liquide ou gazeuse).

Une première solution serait la suivante :

```
Variable Temp en Entier
Début
Ecrire "Entrez la température de l'eau : "
Lire Temp
Si Temp <= 0 Alors
    Ecrire "C'est de la glace"
Finsi
Si Temp > 0 Et Temp < 100 Alors
    Ecrire "C'est du liquide"
Finsi
Si Temp > 100 Alors
    Ecrire "C'est de la vapeur"
Finsi
Fin
```

Vous constaterez que c'est un peu laborieux. Les conditions se ressemblent plus ou moins, et surtout on oblige la machine à examiner trois tests successifs alors que tous portent sur une même chose, la température (la valeur de la variable Temp). Il serait ainsi bien plus rationnel d'**imbriquer** les tests de cette manière :

```
Variable Temp en Entier
Début
Ecrire "Entrez la température de l'eau : "
Lire Temp
Si Temp <= 0 Alors
    Ecrire "C'est de la glace"
Sinon
    Si Temp < 100 Alors
        Ecrire "C'est du liquide"
    Sinon
        Ecrire "C'est de la vapeur"
    Finsi
Finsi
Fin
```

Nous avons fait des économies : au lieu de devoir taper trois conditions, dont une composée, nous n'avons plus que deux conditions simples. Mais aussi, et surtout, nous avons fait des économies sur le temps d'exécution de l'ordinateur. Si la température est inférieure à zéro, celui-ci écrit dorénavant « C'est de la glace » et passe **directement** à la fin, sans être ralenti par l'examen d'autres possibilités (qui sont forcément fausses).

Cette deuxième version n'est donc pas seulement plus simple à écrire et plus lisible, elle est également plus performante à l'exécution.

Les structures de tests imbriqués sont donc un outil indispensable à la simplification et à l'optimisation des algorithmes.

Exercice 3.4

Ecrire un algorithme qui demande un nombre à l'utilisateur, et l'informe ensuite si ce nombre est positif ou négatif (on inclut cette fois le traitement du cas où le nombre vaut zéro).

Exercice 3.5

Ecrire un algorithme qui demande deux nombres à l'utilisateur et l'informe ensuite si le produit est négatif ou positif (on inclut cette fois le traitement du cas où le produit peut être nul). Attention toutefois, on ne doit pas calculer le produit !

Exercice 3.6

Ecrire un algorithme qui demande l'âge d'un enfant à l'utilisateur. Ensuite, il l'informe de sa catégorie :

- « Poussin » de 6 à 7 ans
- « Pupille » de 8 à 9 ans
- « Minime » de 10 à 11 ans
- « Cadet » après 12 ans

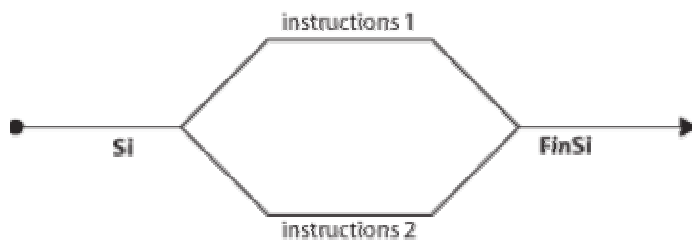
Peut-on concevoir plusieurs algorithmes équivalents menant à ce résultat ?

6. De l'aiguillage à la gare de tri

« J'ai l'âme ferroviaire : je regarde passer les vaches » (Léo Ferré)

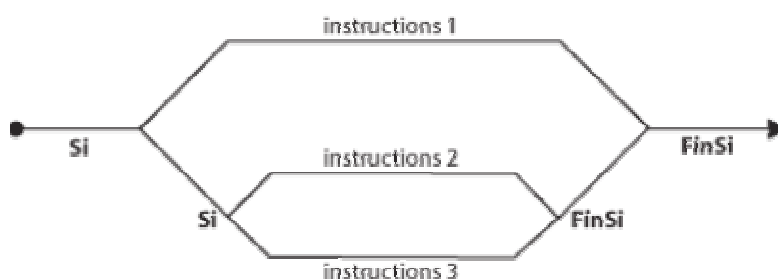
Cette citation n'apporte peut-être pas grand chose à cet exposé, mais nous l'aimons bien, alors c'était le moment ou jamais.

En effet, dans un programme, une structure SI peut être facilement comparée à un aiguillage de train. La voie principale se sépare en deux, le train devant rouler ou sur l'une, ou sur l'autre, et les deux voies se rejoignant tôt ou tard pour ne plus en former qu'une seule, lors du FinSi. On peut schématiser cela ainsi :



Mais dans certains cas, ce ne sont pas deux voies qu'il nous faut, mais trois, ou même plus. Dans le cas de l'état de l'eau, il nous faut trois voies pour notre « train », puisque l'eau peut être solide, liquide ou gazeuse. Alors, nous n'avons pas eu le choix : pour deux voies, il nous fallait un aiguillage, pour trois voies il nous en faut deux, imbriqués l'un dans l'autre.

Cette structure (telle que nous l'avons programmée à la page précédente) devrait être schématisée comme suit :



Soyons bien clairs : cette structure est la seule possible du point de vue logique (même si on peut toujours mettre le bas en haut et le haut en bas). Mais du point de vue de l'écriture, le pseudo-code algorithmique admet une simplification supplémentaire. Ainsi, il est possible (mais non obligatoire), que l'algorithme initial :

```

Variable Temp en Entier
Début
Ecrire "Entrez la température de l'eau :"
Lire Temp
Si Temp =< 0 Alors
    Ecrire "C'est de la glace"
sinon
    Si Temp < 100 Alors
        Ecrire "C'est du liquide"
    sinon
        Ecrire "C'est de la vapeur"
    Finsi
Finsi
Fin
  
```

devienne :

```

Variable Temp en Entier
Début
Ecrire "Entrez la température de l'eau :"
Lire Temp
Si Temp =< 0 Alors
    Ecrire "C'est de la glace"
sinonSi Temp < 100 Alors
    Ecrire "C'est du liquide"
sinon
    Ecrire "C'est de la vapeur"
Finsi
Fin
  
```

Dans le cas de tests imbriqués, le Sinon et le Si peuvent être fusionnés en un SinonSi. On considère alors qu'il s'agit d'un seul bloc de test, conclu par un seul FinSi

Le SinonSi permet en quelque sorte de créer (en réalité, de simuler) des aiguillages à plus de deux branches. On peut ainsi enchaîner les SinonSi les uns derrière les autres pour simuler un aiguillage à autant de branches que l'on souhaite.

7. Variables Booléennes

Jusqu'ici, nous avons utilisé uniquement des **conditions** pour faire des tests. Mais vous vous rappelez qu'il existe un type de variables (les booléennes) susceptibles de stocker les valeurs VRAI ou FAUX. En fait, on peut donc entrer des conditions dans ces variables, et tester ensuite la valeur de ces variables.

Reprenons l'exemple de l'eau. On peut le réécrire ainsi :

```
Variable Temp en Entier
Variables A, B en Booléen
Début
Ecrire "Entrez la température de l'eau :."
Lire Temp
A ← Temp ≤ 0
B ← Temp < 100
Si A Alors
    Ecrire "C'est de la glace"
SinonSi B Alors
    Ecrire "C'est du liquide"
Sinon
    Ecrire "C'est de la vapeur"
Finsi
Fin
```

A priori, cette technique ne présente guère d'intérêt : on a alourdi plutôt qu'allégé l'algorithme de départ, en ayant recours à deux variables supplémentaires. Mais :

- souvenons-nous : une variable booléenne n'a besoin que d'un seul bit pour être stockée. De ce point de vue, l'alourdissement n'est donc pas considérable.
- dans certains cas, notamment celui de conditions composées très lourdes (avec plein de ET et de OU tout partout) cette technique peut faciliter le travail du programmeur, en améliorant nettement la lisibilité de l'algorithme. Les variables booléennes peuvent également s'avérer très utiles pour servir de **flag**, technique dont on reparlera plus loin.

PARTIE 4 (ENCORE DE LA LOGIQUE)

« La programmation peut être un plaisir ; de même que la cryptographie. Toutefois, il faut éviter de combiner les deux. »

Kreitzberg et Sneidermann

1. Faut-il mettre un ET ? Faut-il mettre un OU ?

Une remarque pour commencer : dans le cas de conditions composées, les parenthèses jouent un rôle fondamental.

```
Variables A, B, C, D, E en Booléen
Variable X en Entier
Début
Lire X
A ← X < 2
B ← X > 12
C ← X < 6
D ← (A ET B) OU C
E ← A ET (B OU C)
Ecrire D, E
Fin
```

Si $X = 3$, alors on remarque que D sera VRAI alors que E sera FAUX.

S'il n'y a dans une condition que des ET, ou que des OU, en revanche, les parenthèses ne changent strictement rien.

Dans une condition composée employant à la fois des opérateurs ET et des opérateurs OU, la présence de parenthèses possède une influence sur le résultat, tout comme dans le cas d'une expression numérique comportant des multiplications et des additions.

On en arrive à une autre propriété des ET et des OU, bien plus intéressante.

Spontanément, on pense souvent que ET et OU s'excluent mutuellement, au sens où un problème donné s'exprime soit avec un ET, soit avec un OU. Pourtant, ce n'est pas si évident.

Quand faut-il ouvrir la fenêtre de la salle ? Uniquement si les conditions l'imposent, à savoir :

```
Si il fait trop chaud ET il ne pleut pas Alors
    ouvrir la fenêtre
Sinon
    Fermer la fenêtre
Finsi
```

Cette petite règle pourrait tout aussi bien être formulée comme suit :

```
Si il ne fait pas trop chaud OU il pleut Alors
    Fermer la fenêtre
Sinon
    ouvrir la fenêtre
Finsi
```

Ces deux formulations sont strictement équivalentes. Ce qui nous amène à la conclusion suivante :

Toute structure de test requérant une condition composée faisant intervenir l'opérateur ET peut être exprimée de manière équivalente avec un opérateur OU, et réciproquement.

Ceci est moins surprenant qu'il n'y paraît au premier abord. Jetez pour vous en convaincre un œil sur les tables de vérité, et vous noterez la symétrie entre celle du ET et celle du OU. Dans les deux tables, il y a trois cas sur quatre qui mènent à un résultat, et un sur quatre qui mène au résultat inverse. Alors, rien d'étonnant à ce qu'une situation qui s'exprime avec une des tables (un des opérateurs logiques) puisse tout aussi bien être exprimée avec l'autre table (l'autre opérateur logique). Toute l'astuce consiste à savoir effectuer correctement ce passage.

Bien sûr, on ne peut pas se contenter de remplacer purement et simplement les ET par des OU ; ce serait un peu facile. La règle d'équivalence est la suivante (on peut la vérifier sur l'exemple de la fenêtre) :

Si A ET B Alors		Si NON A OU NON B Alors
Instructions 1		Instructions 2
Sinon	⇔	Sinon
Instructions 2		Instructions 1
Finsi		Finsi

Cette règle porte le nom de transformation de Morgan, du nom du mathématicien anglais qui l'a formulée.

Exercice 4.1

Formulez un algorithme équivalent à l'algorithme suivant :

```

Si Tutu > Toto + 4 OU Tata = "OK" Alors
    Tutu ← Tutu + 1
Sinon
    Tutu ← Tutu - 1
Finsi

```

Exercice 4.2

Cet algorithme est destiné à prédire l'avenir, et il doit être infaillible !

Il lira au clavier l'heure et les minutes, et il affichera l'heure qu'il sera une minute plus tard. Par exemple, si l'utilisateur tape 21 puis 32, l'algorithme doit répondre : "Dans une minute, il sera 21 heure(s) 33".

NB : on suppose que l'utilisateur entre une heure valide. Pas besoin donc de la vérifier.

Exercice 4.3

De même que le précédent, cet algorithme doit demander une heure et en afficher une autre. Mais cette fois, il doit gérer également les secondes, et afficher l'heure qu'il sera une seconde plus tard.

Par exemple, si l'utilisateur tape 21, puis 32, puis 8, l'algorithme doit répondre : "Dans une seconde, il sera 21 heure(s), 32 minute(s) et 9 seconde(s)".

NB : là encore, on suppose que l'utilisateur entre une date valide.

Exercice 4.4

Un magasin de reprographie facture 0,10 E les dix premières photocopies, 0,09 E les vingt suivantes et 0,08 E au-delà.

Ecrivez un algorithme qui demande à l'utilisateur le nombre de photocopies effectuées et qui affiche la facture correspondante.

Exercice 4.5

Les habitants de Zorclub paient l'impôt selon les règles suivantes :

- les hommes de plus de 20 ans paient l'impôt
- les femmes paient l'impôt si elles ont entre 18 et 35 ans
- les autres ne paient pas d'impôt

Le programme demandera donc l'âge et le sexe du Zorclubien, et se prononcera donc ensuite sur le fait que l'habitant est imposable.

2. Au-delà de la logique : le style

Ce titre un peu provocateur (mais néanmoins justifié) a pour but d'attirer maintenant votre attention sur un fait fondamental en algorithmique, fait que plusieurs remarques précédentes ont déjà dû vous faire soupçonner : **il n'y a jamais une seule manière juste de traiter les structures alternatives. Et plus généralement, il n'y a jamais une seule manière juste de traiter un problème. Entre les différentes possibilités, qui ne sont parfois pas meilleures les unes que les autres, le choix est une affaire de style.**

C'est pour cela qu'avec l'habitude, on reconnaît le style d'un programmeur aussi sûrement que s'il s'agissait de style littéraire.

Reprenons nos opérateurs de comparaison maintenant familiers, le ET et le OU. En fait, on s'aperçoit que l'on pourrait tout à fait s'en passer ! Par exemple, pour reprendre l'exemple de la fenêtre de la salle :

```
Si il fait trop chaud ET il ne pleut pas Alors
    ouvrir la fenêtre
Sinon
    Fermer la fenêtre
Finsi
```

Possède un parfait équivalent algorithmique sous la forme de :

```
Si il fait trop chaud Alors
    Si il ne pleut pas Alors
        ouvrir la fenêtre
    Sinon
        Fermer la fenêtre
Finsi
Sinon
    Fermer la fenêtre
Finsi
```

Dans cette dernière formulation, nous n'avons plus recours à une condition composée (mais au prix d'un test imbriqué supplémentaire).

Et comme tout ce qui s'exprime par un ET peut aussi être exprimé par un OU, nous en concluons que le OU peut également être remplacé par un test imbriqué supplémentaire. On peut ainsi poser cette règle stylistique générale :

Dans une structure alternative complexe, les conditions composées, l'imbrication des structures de tests et l'emploi des variables booléennes ouvrent la possibilité de choix stylistiques différents. L'alourdissement des conditions allège les structures de tests et le nombre des booléens nécessaires ; l'emploi de booléens supplémentaires permet d'alléger les conditions et les structures de tests, et ainsi de suite.

Exercice 4.6

Les élections législatives, en Guignolerie Septentrionale, obéissent à la règle suivante :

- lorsque l'un des candidats obtient plus de 50% des suffrages, il est élu dès le premier tour.
- en cas de deuxième tour, peuvent participer uniquement les candidats ayant obtenu au moins 12,5% des voix au premier tour.

Vous devez écrire un algorithme qui permette la saisie des scores de quatre candidats au premier tour. Cet algorithme traitera ensuite le candidat numéro 1 (et **uniquement** lui) : il dira s'il est élu, battu, s'il se trouve en ballottage favorable (il participe au second tour en étant arrivé en tête à l'issue du premier tour) ou défavorable (il participe au second tour sans avoir été en tête au premier tour).

Exercice 4.7

Une compagnie d'assurance automobile propose à ses clients quatre familles de tarifs identifiables par une couleur, du moins au plus onéreux : tarifs bleu, vert, orange et rouge.

Le tarif dépend de la situation du conducteur :

- un conducteur de moins de 25 ans et titulaire du permis depuis moins de deux ans, se voit attribuer le tarif rouge, si toutefois il n'a jamais été responsable d'accident. Sinon, la compagnie refuse de l'assurer.
- un conducteur de moins de 25 ans et titulaire du permis depuis plus de deux ans, ou de plus de 25 ans mais titulaire du permis depuis moins de deux ans a le droit au tarif orange s'il n'a jamais provoqué d'accident, au tarif rouge pour un accident, sinon il est refusé.
- un conducteur de plus de 25 ans titulaire du permis depuis plus de deux ans bénéficie du tarif vert s'il n'est à l'origine d'aucun accident et du tarif orange pour un accident, du tarif rouge pour deux accidents, et refusé au-delà

De plus, pour encourager la fidélité des clients acceptés, la compagnie propose un contrat de la couleur immédiatement la plus avantageuse s'il est entré dans la maison depuis plus d'un an.

Ecrire l'algorithme permettant de saisir les données nécessaires (sans contrôle de saisie) et de traiter ce problème. Avant de se lancer à corps perdu dans cet exercice, on pourra réfléchir un peu et s'apercevoir qu'ils est plus simple qu'il en a l'air (cela s'appelle faire une analyse !)

Exercice 4.8

Ecrivez un algorithme qui a près avoir demandé un numéro de jour, de mois et d'année à l'utilisateur, renvoie s'il s'agit ou non d'une date valide.

Cet exercice est certes d'un manque d'originalité affligeant, mais après tout, en algorithmique comme ailleurs, il faut connaître ses classiques ! Et quand on a fait cela une fois dans sa vie, on apprécie pleinement l'existence d'un type numérique « date » dans certains langages...).

Il n'est sans doute pas inutile de rappeler rapidement que le mois de février compte 28 jours, sauf si l'année est bissextile, auquel cas il en compte 29. L'année est bissextile si elle est divisible par quatre. Toutefois, les années divisibles par 100 ne sont pas bissextiles, mais les années divisibles par 400 le sont. Ouf !

Un dernier petit détail : vous ne savez pas, pour l'instant, exprimer correctement en pseudo-code l'idée qu'un nombre A est divisible par un nombre B. Aussi, vous vous contenterez d'écrire en bons télégraphistes que A divisible par B se dit « A dp B ».

Si vous avez compris ce qui précède, et que l'exercice de la date ne vous pose plus aucun problème, alors vous savez tout ce qu'il y a à savoir sur les tests pour affronter n'importe quelle situation. Non, ce n'est pas de la démagogie !

Malheureusement, nous ne sommes pas tout à fait au bout de nos peines ; il reste une dernière structure logique à examiner, et pas des moindres...

PARTIE 5 (LES BOUCLES)

« Les premiers 90% du code prennent les premiers 90% du temps de développement. Les 10% restants prennent les autres 90% du temps de développement »

Tom Cargill

Et ça y est, on y est, on est arrivés, la voilà, c'est Broadway, la quatrième et dernière structure : ça est les **boucles**. Si vous voulez épater vos amis, vous pouvez également parler de **structures répétitives**, voire carrément de **structures itératives**. Ici, entre nous, on parlera de boucles.

Les boucles, c'est généralement le point douloureux de l'apprenti programmeur. C'est là que ça coince, car autant il est assez facile de comprendre comment fonctionnent les boucles, autant il est souvent long d'acquérir les réflexes qui permettent de les élaborer judicieusement pour traiter un problème donné.

On peut dire en fait que les boucles constituent la seule vraie structure logique caractéristique de la programmation. Si vous avez utilisé un tableur comme Excel, par exemple, vous avez sans doute pu manier des choses équivalentes aux variables (les cellules, les formules) et aux tests (la fonction SI...). Mais les boucles, ça, ça n'a aucun équivalent. Cela n'existe que dans les langages de programmation proprement dits.

Le maniement des boucles, s'il ne différencie certes pas l'homme de la bête (il ne faut tout de même pas exagérer), est tout de même ce qui sépare en informatique le programmeur de l'utilisateur, même averti.

Alors, à vos futures - et inévitables - difficultés sur le sujet, il y a trois remèdes : de la rigueur, de la patience, et encore de la rigueur !

1. A quoi cela sert-il donc ?

Prenons le cas d'une saisie au clavier (une lecture), où par exemple, le programme pose une question à laquelle l'utilisateur doit répondre par O (Oui) ou N (Non). Mais tôt ou tard, l'utilisateur, facétieux ou maladroit, risque de taper autre chose que la réponse attendue. Dès lors, le programme peut planter soit par une erreur d'exécution (parce que le type de réponse ne correspond pas au type de la variable attendu) soit par une erreur fonctionnelle (il se déroule normalement jusqu'au bout, mais en produisant des résultats fantaisistes).

Alors, dans tout programme un tant soit peu sérieux, on met en place ce qu'on appelle un **contrôle de saisie**, afin de vérifier que les données entrées au clavier correspondent bien à celles attendues par l'algorithme.

A vue de nez, on pourrait essayer avec un SI. Voyons voir ce que ça donne :

```
Variable Rep en Caractère
Début
Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"
Lire Rep
Si Rep <> "O" ET Rep <> "N" Alors
    Ecrire "Saisie erronée. Recommencez"
    Lire Rep
FinSi
Fin
```

C'est impeccable. Du moins tant que l'utilisateur a le bon goût de ne se tromper qu'une seule fois, et d'entrer une valeur correcte à la deuxième demande. Si l'on veut également bétonner en cas de deuxième erreur, il faudrait rajouter un SI. Et ainsi de suite, on peut rajouter des centaines de SI, et écrire un algorithme aussi lourd qu'une blague des Grosses Têtes, on n'en sortira pas, il y aura toujours moyen qu'un acharné flanque le programme par terre.

La solution consistant à aligner des SI... en pagaille est donc une impasse. La seule issue est donc de flanquer une **structure de boucle**, qui se présente ainsi :

```
TantQue booléen
    ...
    Instructions
FinTantQue
```

Le principe est simple : le programme arrive sur la ligne du TantQue. Il examine alors la valeur du booléen (qui, rappelons-le, peut être une variable booléenne ou, plus fréquemment, une condition). Si cette valeur est VRAI, le programme exécute les instructions qui suivent, jusqu'à ce qu'il rencontre la ligne FinTantQue. Il retourne ensuite sur la ligne du TantQue, procède au même examen, et ainsi de suite. Le manège enchanté ne s'arrête que lorsque le booléen prend la valeur FAUX.

Illustration avec notre problème de contrôle de saisie. Une première approximation de la solution consiste à écrire :

```
Variable Rep en Caractère
Début
Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"
TantQue Rep <> "O" ET Rep <> "N"
    Lire Rep
FinTantQue
Fin
```

Là, on a le squelette de l'algorithme correct. Mais de même qu'un squelette ne suffit pas pour avoir un être vivant viable, il va nous falloir ajouter quelques muscles et organes sur cet algorithme pour qu'il fonctionne correctement.

Son principal défaut est de provoquer une erreur à chaque exécution. En effet, l'expression booléenne qui figure après le TantQue interroge la valeur de la variable Rep. Malheureusement, cette variable, si elle a été déclarée, n'a pas été affectée avant l'entrée dans la boucle. On teste donc une variable qui n'a pas de valeur, ce qui provoque l'arrêt immédiat de l'exécution. Pour éviter ceci, on n'a pas le choix : il faut que la variable Rep ait déjà été affectée avant qu'on en arrive au premier tour de boucle. Pour cela, on peut faire une première lecture de Rep avant la boucle. Dans ce cas, celle-ci ne servira qu'en cas de mauvaise saisie lors de cette première lecture. L'algorithme devient alors :

```
Variable Rep en Caractère
Début
Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"
Lire Rep
TantQue Rep <> "O" ET Rep <> "N"
    Lire Rep
FinTantQue
Fin
```

Une autre possibilité, fréquemment employée, consiste à ne pas lire, mais à affecter arbitrairement la variable avant la boucle. Arbitrairement ? Pas tout à fait, puisque cette affectation doit avoir pour résultat de provoquer l'entrée obligatoire dans la boucle. L'affectation doit donc faire en sorte que le booléen soit mis à VRAI pour déclencher le premier tour de la boucle. Dans notre exemple, on peut donc affecter Rep avec n'importe quelle valeur, hormis « O » et « N » : car dans ce cas, l'exécution sauterait la boucle, et Rep ne serait pas du tout lue au clavier. Cela donnera par exemple :

Variable Rep en Caractère**Début**

Rep ← "X"

Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"**TantQue** Rep <> "O" ET Rep <> "N" **Lire** Rep**FinTantQue****Fin**

Cette manière de procéder est à connaître, car elle est employée très fréquemment.

Il faut remarquer que les deux solutions (lecture initiale de Rep en dehors de la boucle ou affectation de Rep) rendent toutes deux l'algorithme satisfaisant, mais présentent une différence assez importante dans leur structure logique.

En effet, si l'on choisit d'effectuer une lecture préalable de Rep, la boucle ultérieure sera exécutée uniquement dans l'hypothèse d'une mauvaise saisie initiale. Si l'utilisateur saisit une valeur correcte à la première demande de Rep, l'algorithme passera sur la boucle sans entrer dedans.

En revanche, avec la deuxième solution (celle d'une affectation préalable de Rep), l'entrée de la boucle est forcée, et l'exécution de celle-ci, au moins une fois, est rendue obligatoire à chaque exécution du programme. Du point de vue de l'utilisateur, cette différence est tout à fait mineure ; et à la limite, il ne la remarquera même pas. Mais du point de vue du programmeur, il importe de bien comprendre que les cheminements des instructions ne seront pas les mêmes dans un cas et dans l'autre.

Pour terminer, remarquons que nous pourrions peaufiner nos solutions en ajoutant des affichages de libellés qui font encore un peu défaut. Ainsi, si l'on est un programmeur zélé, la première solution (celle qui inclut deux lectures de Rep, une en dehors de la boucle, l'autre à l'intérieur) pourrait devenir :

Variable Rep en Caractère**Début****Ecrire** "Voulez vous un café ? (O/N)"**Lire** Rep**TantQue** Rep <> "O" ET Rep <> "N" **Ecrire** "Vous devez répondre par O ou N. Recommencez" **Lire** Rep**FinTantQue****Ecrire** "Saisie acceptée"**Fin**

Quant à la deuxième solution, elle pourra devenir :

Variable Rep en Caractère**Début**

Rep ← "X"

Ecrire "Voulez vous un café ? (O/N)"**TantQue** Rep <> "O" ET Rep <> "N" **Lire** Rep **Si** Rep <> "O" ET Rep <> "N" **Alors** **Ecrire** "Saisie Erronée, Recommencez" **FinSi****FinTantQue****Fin**

Bon, eh bien vous allez pouvoir faire de chouettes algorithmes, déjà rien qu'avec ça...

Exercice 5.1

Ecrire un algorithme qui demande à l'utilisateur un nombre compris entre 1 et 3 jusqu'à ce que la réponse convienne.

Exercice 5.2

Ecrire un algorithme qui demande un nombre compris entre 10 et 20, jusqu'à ce que la réponse convienne. En cas de réponse supérieure à 20, on fera apparaître un message : « Plus petit ! », et inversement, « Plus grand ! » si le nombre est inférieur à 10.

Exercice 5.3

Ecrire un algorithme qui demande un nombre de départ, et qui ensuite affiche les dix nombres suivants. Par exemple, si l'utilisateur entre le nombre 17, le programme affichera les nombres de 18 à 27.

LE GAG DE LA JOURNÉE

C'est d'écrire une structure TantQue dans laquelle le booléen n'est jamais VRAI. Le programme ne rentre alors jamais dans la superbe boucle sur laquelle vous avez tant sué !

Mais la faute symétrique est au moins aussi désopilante.

Elle consiste à écrire une boucle dans laquelle le booléen ne devient jamais FAUX. L'ordinateur tourne alors dans la boucle comme un dératé et n'en sort plus. Seule solution, quitter le programme avec un démonte-pneu ou un bâton de dynamite. La « **boucle infinie** » est une des hantises les plus redoutées des programmeurs. C'est un peu comme le verre baveux, le poil à gratter ou le bleu de méthylène : c'est éculé, mais ça fait toujours rire.

Cette faute de programmation grossière – mais fréquente – ne manquera pas d'égayer l'ambiance collective de cette formation... et accessoirement d'étancher la soif proverbiale de vos enseignants.

2. Boucler en comptant, ou compter en bouclant

Dans le dernier exercice, vous avez remarqué qu'une boucle pouvait être utilisée pour augmenter la valeur d'une variable. Cette utilisation des boucles est très fréquente, et dans ce cas, il arrive très souvent qu'on ait besoin d'effectuer un nombre déterminé de passages. Or, a priori, notre structure TantQue ne sait pas à l'avance combien de tours de boucle elle va effectuer (puisque le nombre de tours dépend de la valeur d'un booléen).

C'est pourquoi une autre structure de boucle est à notre disposition :

```
Variable Truc en Entier
Début
Truc ← 0
TantQue Truc < 15
    Truc = Truc + 1
    Ecrire "Passage numéro : ", Truc
FinTantQue
Fin
```

Equivaut à :

```
Variable Truc en Entier
Début
Pour Truc = 1 à 15
    Ecrire "Passage numéro : ", Truc
Truc Suivant
Fin
```

Insistons : la structure « Pour ... Suivant » n'est pas du tout indispensable ; on pourrait fort bien programmer toutes les situations de boucle uniquement avec un « Tant Que ». Le seul intérêt du « Pour » est d'épargner un peu de fatigue au programmeur, en lui évitant de gérer lui-même la progression de la variable qui lui sert de compteur (on parle d'incréméntation, encore un mot qui fera forte impression).

Dit d'une autre manière, la structure « Pour ... Suivant » est un cas particulier de TantQue : celui où le programmeur peut dénombrer à l'avance le nombre de tours de boucles nécessaires.

Il faut noter que dans une structure « Pour ... Suivant », la progression du compteur est laissée à votre libre disposition. Dans la plupart des cas, on a besoin d'une variable qui augmente de 1 à chaque tour de boucle. On ne précise alors rien à l'instruction « Pour » ; celle-ci, par défaut, comprend qu'il va falloir procéder à cette incréméntation de 1 à chaque passage, en commençant par la première valeur et en terminant par la deuxième.

Mais si vous souhaitez une progression plus spéciale, de 2 en 2, ou de 3 en 3, ou en arrière, de -1 en -1, ou de -10 en -10, ce n'est pas un problème : il suffira de le préciser à votre instruction « Pour » en lui rajoutant le mot « Pas » et la valeur de ce pas (Le « pas » dont nous parlons, c'est le « pas » du marcheur, « step » en anglais).

Naturellement, quand on stipule un pas négatif dans une boucle, la valeur initiale du compteur doit être supérieure à sa valeur finale si l'on veut que la boucle tourne ! Dans le cas contraire, on aura simplement écrit une boucle dans laquelle le programme ne rentrera jamais.

Nous pouvons donc maintenant donner la formulation générale d'une structure « Pour ». Sa syntaxe générale est :

```
Pour Compteur = Initial à Final Pas ValeurDuPas
    ...
    Instructions
    ...
Compteur suivant
```

Les structures TantQue sont employées dans les situations où l'on doit procéder à un traitement systématique sur les éléments d'un ensemble dont on ne connaît pas d'avance la quantité, comme par exemple :

- le contrôle d'une saisie ;
- la gestion des tours d'un jeu (tant que la partie n'est pas finie, on recommence) ;
- la lecture des enregistrements d'un fichier (cf. Partie 9).

Les structures Pour sont employées dans les situations où l'on doit procéder à un traitement systématique sur les éléments d'un ensemble dont on connaît d'avance la quantité.

Nous verrons dans les chapitres suivants des séries d'éléments appelés tableaux (parties 7 et 8) et chaînes de caractères (partie 9). Selon les cas, le balayage systématique des éléments de ces séries pourra être effectué par un **Pour** ou par un **TantQue** : tout dépend si la quantité d'éléments à balayer (donc le nombre de tours de boucles nécessaires) peut être dénombrée à l'avance par le programmeur ou non.

3. Des boucles dans des boucles

(« *Tout est dans tout, et réciproquement* »)

On rigole, on rigole !

De même que les poupées russes contiennent d'autres poupées russes, de même qu'une structure **SI ... ALORS** peut contenir d'autres structures **SI ... ALORS**, une boucle peut tout à fait contenir d'autres boucles. Y a pas de raison.

Variables Truc, Trac en Entier

```
Pour Truc ← 1 à 15
  Ecrire "Il est passé par ici"
  Pour Trac ← 1 à 6
    Ecrire "Il repassera par là"
  Trac Suivant
Truc Suivant
```

Dans cet exemple, le programme écrira une fois "il est passé par ici" puis six fois de suite "il repassera par là", et ceci quinze fois en tout. A la fin, il y aura donc eu $15 \times 6 = 90$ passages dans la deuxième boucle (celle du milieu), donc 90 écritures à l'écran du message « il repassera par là ». Notez la différence marquante avec cette structure :

Variables Truc, Trac en Entier

```
Pour Truc ← 1 à 15
  Ecrire "Il est passé par ici"
Truc Suivant
Pour Trac ← 1 à 6
  Ecrire "Il repassera par là"
Trac Suivant
```

Ici, il y aura quinze écritures consécutives de "il est passé par ici", puis six écritures consécutives de "il repassera par là", et ce sera tout.

Des boucles peuvent donc être **imbriquées** (cas n°1) ou **successives** (cas n°2). Cependant, **elles ne peuvent jamais, au grand jamais, être croisées**. Cela n'aurait aucun sens logique, et de plus, bien peu de langages vous autoriseraient ne serait-ce qu'à écrire cette structure aberrante.

Variables Truc, Trac en Entier

```
Pour Truc ← ...
  instructions
  Pour Trac ← ...
    instructions
  Truc Suivant
  instructions
  Trac Suivant
```



Pourquoi imbriquer des boucles ? Pour la même raison qu'on imbrique des tests. La traduction en

bon français d'un test, c'est un « cas ». Eh bien un « cas » (par exemple, « est-ce un homme ou une femme ? ») peut très bien se subdiviser en d'autres cas (« a-t-il plus ou moins de 18 ans ? »).

De même, une boucle, c'est un traitement systématique, un examen d'une série d'éléments un par un (par exemple, « prenons tous les employés de l'entreprise un par un »). Eh bien, on peut imaginer que pour chaque élément ainsi considéré (pour chaque employé), on doit procéder à un examen systématique d'autre chose (« prenons chacune des commandes que cet employé a traitées »). Voilà un exemple typique de boucles imbriquées : on devra programmer une boucle principale (celle qui prend les employés un par un) et à l'intérieur, une boucle secondaire (celle qui prend les commandes de cet employé une par une).

Dans la pratique de la programmation, la maîtrise des boucles imbriquées est nécessaire, même si elle n'est pas suffisante. Tout le contraire d'Alain Delon, en quelque sorte.

4. Et encore une bêtise à ne pas faire !

Examinons l'algorithme suivant :

Variable Truc en Entier

Pour Truc ← 1 à 15

 Truc ← Truc * 2

Ecrire "Passage numéro : ", Truc

Truc **Suivant**

Vous remarquerez que nous faisons ici gérer « en double » la variable Truc, ces deux gestions étant contradictoires. D'une part, la ligne « Pour... » augmente la valeur de Truc de 1 à chaque passage. D'autre part la ligne « Truc ← Truc * 2 » double la valeur de Truc à chaque passage. Il va sans dire que de telles manipulations perturbent complètement le déroulement normal de la boucle, et sont causes, sinon de plantages, tout au moins d'exécutions erratiques.

LE GAG DE LA JOURNÉE

Il consiste donc à manipuler, au sein d'une boucle **Pour**, la variable qui sert de compteur à cette boucle. Cette technique est à proscrire absolument... sauf bien sûr, si vous cherchez un prétexte pour régaler tout le monde au bistrot.

Mais dans ce cas, n'ayez aucune inhibition, proposez-le directement, pas besoin de prétexte.

Exercice 5.4

Ecrire un algorithme qui demande un nombre de départ, et qui ensuite écrit la table de multiplication de ce nombre, présentée comme suit (cas où l'utilisateur entre le nombre 7) :

Table de 7 :

7 x 1 = 7
7 x 2 = 14
7 x 3 = 21
...
7 x 10 = 70

Exercice 5.5

Ecrire un algorithme qui demande un nombre de départ, et qui calcule la somme des entiers jusqu'à ce nombre. Par exemple, si l'on entre 5, le programme doit calculer :

1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15

Exercice 5.6

Ecrire un algorithme qui demande un nombre de départ, et qui calcule sa factorielle.

NB : la factorielle de 8, notée 8 !, vaut $1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6 \times 7 \times 8$

Exercice 5.7

Ecrire un algorithme qui demande successivement 20 nombres à l'utilisateur, et qui lui dise ensuite quel était le plus grand parmi ces 20 nombres :

Entrez le nombre numéro 1 : 12
Entrez le nombre numéro 2 : 14
Etc.
Entrez le nombre numéro 20 : 6

Le plus grand de ces nombres est : 14

Modifiez ensuite l'algorithme pour que le programme affiche de surcroît en quelle position avait été saisie ce nombre :

C'était le nombre numéro 2

Exercice 5.8

Réécrire l'algorithme précédent, mais cette fois-ci on ne connaît pas d'avance combien l'utilisateur souhaite saisir de nombres. La saisie des nombres s'arrête lorsque l'utilisateur entre un zéro.

Exercice 5.9

Lire la suite des prix (en euros entiers et terminée par zéro) des achats d'un client. Calculer la somme qu'il doit, lire la somme qu'il paye, et simuler la remise de la monnaie en affichant les textes « 10 E », « 5 E » et « 1 E » autant de fois qu'il y a de coupures de chaque sorte à rendre.

Exercice 5.10

Ecrire un algorithme qui permette de connaître ses chances de gagner au tiercé, quarté, quinté et autres impôts volontaires.

On demande à l'utilisateur le nombre de chevaux partants, et le nombre de chevaux joués. Les deux messages affichés devront être :

Dans l'ordre : une chance sur X de gagner
Dans le désordre : une chance sur Y de gagner

X et Y nous sont donnés par la formule suivante, si n est le nombre de chevaux partants et p le nombre de chevaux joués :

$$X = n! / (n - p)!$$
$$Y = n! / (p! * (n - p)!)$$

NB : cet algorithme peut être écrit d'une manière simple, mais relativement peu performante. Ses performances peuvent être singulièrement augmentées par une petite astuce. Vous commencerez par écrire la manière la plus simple, puis vous identifierez le problème, et écrirez une deuxième version

PARTIE 6 (LES TABLEAUX)

« Si on ment à un compilateur, il prendra sa revanche. »

Henry Spencer.

Bonne nouvelle ! On vous avait annoncé qu'il y a avait en tout et pour tout quatre structures logiques dans la programmation. Eh bien, ça y est, on les a toutes passées en revue.

Mauvaise nouvelle, il vous reste tout de même quelques petites choses à apprendre...

1. Utilité des tableaux

Imaginons que dans un programme, nous ayons besoin simultanément de 12 valeurs (par exemple, des notes pour calculer une moyenne). Évidemment, la seule solution dont nous disposons à l'heure actuelle consiste à déclarer douze variables, appelées par exemple Notea, Noteb, Notec, etc. Bien sûr, on peut opter pour une notation un peu simplifiée, par exemple N1, N2, N3, etc. Mais cela ne change pas fondamentalement notre problème, car arrivé au calcul, et après une succession de douze instructions « Lire » distinctes, cela donnera obligatoirement une atrocité du genre :

```
Moy = (N1 + N2 + N3 + N4 + N5 + N6 + N7 + N8 + N9 + N10 + N11 + N12 ) / 12
```

Ouf ! C'est tout de même bigrement laborieux. Et pour un peu que nous soyons dans un programme de gestion avec quelques centaines ou quelques milliers de valeurs à traiter, alors là c'est le suicide direct.

Cerise sur le gâteau, si en plus on est dans une situation on l'on ne peut pas savoir d'avance combien il y aura de valeurs à traiter, là on est carrément cuits.

C'est pourquoi la programmation nous permet de rassembler toutes ces variables en une seule, au sein de laquelle chaque valeur sera désignée par un numéro. En bon français, cela donnerait donc quelque chose du genre « la note numéro 1 », « la note numéro 2 », « la note numéro 8 ». C'est largement plus pratique, vous vous en doutez.

Un ensemble de valeurs portant le même nom de variable et repérées par un nombre, s'appelle un tableau, ou encore une variable indicée.

Le nombre qui, au sein d'un tableau, sert à repérer chaque valeur s'appelle – ô surprise – l'indice.

Chaque fois que l'on doit désigner un élément du tableau, on fait figurer le nom du tableau, suivi de l'indice de l'élément, entre parenthèses.

2. Notation et utilisation algorithmique

Dans notre exemple, nous créerons donc un tableau appelé Note. Chaque note individuelle (chaque élément du tableau Note) sera donc désignée Note(0), Note(1), etc. Eh oui, attention, les indices des tableaux commencent généralement à 0, et non à 1.

Un tableau doit être déclaré comme tel, en précisant le plus grand indice et le type de valeurs qu'il contiendra. Comme nous venons de voir que les indices commencent à zéro, conséquence imparable, si on veut 12 emplacements, le plus grand indice sera 11 (au début, ça déroute, mais avec le temps, on se fait à tout).

Tableau Note(11) en Entier

On peut créer des tableaux contenant des variables de tous types : tableaux de numériques, bien sûr, mais aussi tableaux de caractères, tableaux de booléens, tableaux de tout ce qui existe dans un langage donné comme type de variables. Par contre, hormis dans quelques rares langages, on ne peut pas faire un mixage de types différents de valeurs au sein d'un même tableau.

L'énorme avantage des tableaux, c'est qu'on va pouvoir les traiter en faisant des boucles. Par exemple, pour effectuer notre calcul de moyenne, cela donnera par exemple :

```
Tableau Note(11) en Entier
Variables i, Som en Entier
Variable Moy en Réel
Pour i ← 0 à 11
    Ecrire "Entrez la note n°", i
    Lire Note(i)
i Suivant
Som ← 0
Pour i ← 0 à 11
    Som = Som + Note(i)
i Suivant
Moy = Som / 12
```

NB : On a fait deux boucles successives pour plus de lisibilité, mais on aurait tout aussi bien pu n'en écrire qu'une seule dans laquelle on aurait tout fait d'un seul coup.

Remarque générale : l'indice qui sert à désigner les éléments d'un tableau peut être exprimé directement comme un nombre en clair, mais il peut être aussi une variable, ou une expression calculée.

La valeur d'un indice doit toujours :

- **être égale au moins à 0** (dans quelques rares langages, le premier élément d'un tableau porte l'indice 1). Mais nous avons choisi ici de commencer la numérotation des indices à zéro, comme c'est le cas en langage C et en Visual Basic. Donc attention, Truc(6) est le septième élément du tableau Truc !
- **être un nombre entier.** Quel que soit le langage, l'élément Truc(3,1416) n'existe jamais.
- **être inférieure ou égale au nombre d'éléments du tableau (moins 1, si l'on commence la numérotation à zéro).** Si le tableau Bidule a été déclaré comme ayant 25 éléments, la présence dans une ligne, sous une forme ou sous une autre, de Bidule(32) déclenchera automatiquement une erreur.

NB : Si l'on est dans un langage où les indices commencent à zéro, il faut en tenir compte à la déclaration :

Tableau Note(12) en Entier

créera en fait un tableau de 13 éléments, le plus petit indice étant 0 et le plus grand 12.

LE GAG DE LA JOURNÉE

Il consiste à confondre, dans sa tête et / ou dans un algorithme, l'**indice** d'un élément d'un tableau avec le **contenu** de cet élément. La troisième maison de la rue n'a pas forcément trois habitants, et la vingtième vingt habitants. En notation algorithmique, il n'y a aucun rapport entre i et $\text{truc}(i)$.

Exercice 6.1

Ecrire un algorithme qui déclare et remplit un tableau de 7 valeurs numériques en les mettant toutes à zéro.

Exercice 6.2

Ecrire un algorithme qui déclare et remplit un tableau contenant les six voyelles de l'alphabet latin.

Exercice 6.3

Ecrire un algorithme qui déclare un tableau de 9 notes, dont on fait ensuite saisir les valeurs par l'utilisateur.

Exercice 6.4

Que produit l'algorithme suivant ?

```
Tableau Nb(5) en Entier
Variable i en Entier
Début
  Pour i ← 0 à 5
    Nb(i) ← i * i
  i Suivant
  Pour i ← 0 à 5
    Ecrire Nb(i)
  i Suivant
Fin
```

Peut-on simplifier cet algorithme avec le même résultat ?

Exercice 6.5

Que produit l'algorithme suivant ?

Tableau N(6) **en Entier**
Variables i, k **en Entier**

Début

N(0) \leftarrow 1

Pour k \leftarrow 1 à 6

 N(k) \leftarrow N(k-1) + 2

k **Suivant**

Pour i \leftarrow 0 à 6

Ecrire N(i)

i **Suivant**

Fin

Peut-on simplifier cet algorithme avec le même résultat ?

Exercice 6.6

Que produit l'algorithme suivant ?

Tableau Suite(7) **en Entier**
Variable i **en Entier**

Début

Suite(0) \leftarrow 1

Suite(1) \leftarrow 1

Pour i \leftarrow 2 à 7

 Suite(i) \leftarrow Suite(i-1) + Suite(i-2)

i **Suivant**

Pour i \leftarrow 0 à 7

Ecrire Suite(i)

i **Suivant**

Fin

3. Tableaux dynamiques

Il arrive fréquemment que l'on ne connaisse pas à l'avance le nombre d'éléments que devra comporter un tableau. Bien sûr, une solution consisterait à déclarer un tableau gigantesque (10 000 éléments, pourquoi pas, au diable les varices) pour être sûr que « ça rentre ». Mais d'une part, on n'en sera jamais parfaitement sûr, d'autre part, en raison de l'immensité de la place mémoire réservée - et la plupart du temps non utilisée, c'est un gâchis préjudiciable à la rapidité, voire à la viabilité, de notre algorithme.

Aussi, pour parer à ce genre de situation, a-t-on la possibilité de déclarer le tableau sans préciser au départ son nombre d'éléments. Ce n'est que dans un second temps, au cours du programme, que l'on va fixer ce nombre via une instruction de redimensionnement : **Redim**. Notez que **tant qu'on n'a pas précisé le nombre d'éléments d'un tableau, d'une manière ou d'une autre, ce tableau est inutilisable**.

Exemple : on veut faire saisir des notes pour un calcul de moyenne, mais on ne sait pas combien il y aura de notes à saisir. Le début de l'algorithme sera quelque chose du genre :


```
Tableau Notes() en Entier
Variable nb en Entier
Début
Ecrire "Combien y a-t-il de notes à saisir ?"
Lire nb
Redim Notes(nb-1)
...
```

Cette technique n'a rien de sorcier, mais elle fait partie de l'arsenal de base de la programmation en gestion.

Exercice 6.7

Ecrivez la fin de l'algorithme 6.3 afin que le calcul de la moyenne des notes soit effectué et affiché à l'écran.

Exercice 6.8

Ecrivez un algorithme permettant à l'utilisateur de saisir un nombre quelconque de valeurs, qui devront être stockées dans un tableau. L'utilisateur doit donc commencer par entrer le nombre de valeurs qu'il compte saisir. Il effectuera ensuite cette saisie. Enfin, une fois la saisie terminée, le programme affichera le nombre de valeurs négatives et le nombre de valeurs positives.

Exercice 6.9

Ecrivez un algorithme calculant la somme des valeurs d'un tableau (on suppose que le tableau a été préalablement saisi).

Exercice 6.10

Ecrivez un algorithme constituant un tableau, à partir de deux tableaux de même longueur préalablement saisis. Le nouveau tableau sera la somme des éléments des deux tableaux de départ.

Exemple :

Tableau 1 :	4 - 8 - 7 - 9 - 1 - 5 - 4 - 6
Tableau 2 :	7 - 6 - 5 - 2 - 1 - 3 - 7 - 4
Tableau à constituer :	11 - 14 - 12 - 11 - 2 - 8 - 11 - 10

Exercice 6.11

Toujours à partir de deux tableaux précédemment saisis, écrivez un algorithme qui calcule le schtroumpf des deux tableaux. Pour calculer le schtroumpf, il faut multiplier chaque élément du tableau 1 par chaque élément du tableau 2, et additionner le tout.

Exemple :

Tableau 1 : 4 - 8 - 7 - 12

Tableau 2 : 3 - 6

Le Schtroumpf :

$$3*4 + 3*8 + 3*7 + 3*12 + 6*4 + 6*8 + 6*7 + 6*12 = 279$$

Exercice 6.12

Ecrivez un algorithme qui permette la saisie d'un nombre quelconque de valeurs, sur le principe de l'ex 6.8. Toutes les valeurs doivent être ensuite augmentées de 1, et le nouveau tableau sera affiché à l'écran.

Exercice 6.13

Ecrivez un algorithme permettant, toujours sur le même principe, à l'utilisateur de saisir un nombre déterminé de valeurs. Le programme, une fois la saisie terminée, renvoie la plus grande valeur en précisant quelle position elle occupe dans le tableau. On prendra soin d'effectuer la saisie dans un premier temps, et la recherche de la plus grande valeur du tableau dans un second temps.

Exercice 6.14

Toujours et encore sur le même principe, écrivez un algorithme permettant, à l'utilisateur de saisir les notes d'une classe. Le programme, une fois la saisie terminée, renvoie le nombre de ces notes supérieures à la moyenne **de la classe**.

PARTIE 7 (TECHNIQUES RUSÉES)

« Informatique : alliance d'une science inexacte et d'une activité humaine faillible »

Luc Fayard

Une fois n'est pas coutume, ce chapitre n'a pas pour but de présenter un nouveau type de données, un nouveau jeu d'instructions, ...

Son propos est de détailler quelques techniques de programmation qui possèdent deux grands points communs :

- leur connaissance est parfaitement indispensable ;
- elles sont un rien finaudes.

Et que valent quelques kilos d'aspirine, comparé à l'ineffable bonheur procuré par la compréhension suprême des arcanes de l'algorithmique ?

1. Tri d'un tableau : le tri par insertion

Première de ces ruses de sioux, et par ailleurs tarte à la crème absolue du programmeur, donc : le tri de tableau.

Combien de fois au cours d'une carrière (brillante) de développeur a-t-on besoin de ranger des valeurs dans un ordre donné ? C'est inimaginable. Aussi, plutôt qu'avoir à réinventer à chaque fois la roue, le fusil à tirer dans les coins, le fil à couper le roquefort et la poudre à maquiller, vaut-il mieux avoir assimilé une ou deux techniques solidement éprouvées, même si elles paraissent un peu ardues au départ.

Il existe plusieurs stratégies possibles pour trier les éléments d'un tableau ; nous en verrons deux : le tri par insertion, et le tri à bulles.

Commençons par le tri par insertion.

Admettons que le but de la manœuvre soit de trier un tableau de 12 éléments dans l'ordre croissant. La technique du tri par sélection est la suivante : on met en bonne position l'élément numéro 1, c'est-à-dire le plus petit. Puis on met en bonne position l'élément suivant. Et ainsi de suite jusqu'au dernier. Par exemple, si l'on part de :

45	122	12	3	21	78	64	53	89	28	84	46
----	-----	----	---	----	----	----	----	----	----	----	----

On commence par rechercher, parmi les 12 valeurs, quel est le plus petit élément, et où il se trouve. On l'identifie en quatrième position (c'est le nombre 3), et on l'échange alors avec le premier élément (le nombre 45). Le tableau devient ainsi :

3	122	12	45	21	78	64	53	89	28	84	46
---	-----	----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

On recommence à chercher le plus petit élément, mais cette fois, seulement à partir du deuxième (puisque le premier est maintenant correct, on n'y touche plus). On le trouve en troisième position (c'est le nombre 12). On échange donc le deuxième avec le troisième :

3	12	122	45	21	78	64	53	89	28	84	46
---	----	-----	----	----	----	----	----	----	----	----	----

On recommence à chercher le plus petit élément à partir du troisième (puisque les deux premiers sont maintenant bien placés), et on le place correctement, en l'échangeant, ce qui donnera in fine :

3	12	21	45	122	78	64	53	89	28	84	46
---	----	----	----	-----	----	----	----	----	----	----	----

Et cetera, et cetera, jusqu'à l'avant dernier.

En bon français nous pourrions décrire le processus de la manière suivante :

- Boucle principale : prenons comme point de départ le premier élément, puis le second, etc, jusqu'à l'avant dernier.
- Boucle secondaire : à partir de ce point de départ mouvant, recherchons jusqu'à la fin du tableau quel est le plus petit élément. Une fois que nous l'avons trouvé, nous l'échangeons avec le point de départ.

Cela s'écrit :

```
Pour i ← 0 à 10 boucle principale : le point de départ se décale à chaque tour
  posmini ← i on considère provisoirement que t(i) est le plus petit élément
  Pour j ← i + 1 à 11 on examine tous les éléments suivants
    Si t(j) < t(posmini) Alors
      posmini ← j
  Finsi
  j suivant
```

A cet endroit, on sait maintenant où est le plus petit élément. Il ne reste plus qu'à effectuer la permutation.

```
  temp ← t(posmini)
  t(posmini) ← t(i)
  t(i) ← temp
  i suivant
```

2. Un exemple de flag : la recherche dans un tableau

Nous allons maintenant nous intéresser au maniement habile d'une variable booléenne : la technique dite du « **flag** ».

Le **flag**, en anglais, est un petit drapeau, qui va rester baissé aussi longtemps que l'événement attendu ne se produit pas. Et, aussitôt que cet événement a lieu, le petit drapeau se lève (la variable booléenne change de valeur). Ainsi, la valeur finale de la variable booléenne permet au programmeur de savoir si l'événement a eu lieu ou non.

Tout ceci peut vous sembler un peu fumeux, mais cela devrait s'éclaircir à l'aide d'un exemple extrêmement fréquent : la recherche de l'occurrence d'une valeur dans un tableau. On en profitera au passage pour corriger une erreur particulièrement fréquente chez le programmeur débutant.

Soit un tableau comportant, disons, 20 valeurs. L'on doit écrire un algorithme saisissant un nombre au clavier, et qui informe l'utilisateur de la présence ou de l'absence de la valeur saisie dans le tableau.

La première étape, évidente, consiste à écrire les instructions de lecture / écriture, et la boucle - car il y en a manifestement une - de parcours du tableau :

```
Dim Tab(19) en Numérique
Dim N en Numérique
...
Ecrire "Entrez la valeur à rechercher"
Lire N
Pour i ← 0 à 19
    ???
i suivant
```

Il nous reste à combler les points d'interrogation de la boucle Pour. Évidemment, il va falloir comparer N à chaque élément du tableau : si les deux valeurs sont égales, alors bingo, N fait partie du tableau. Cela va se traduire, bien entendu, par un Si ... Alors ... Sinon. Et voilà le programmeur raisonnant hâtivement qui se vautre en écrivant :

```
Dim Tab(19) en Numérique
Dim N en Numérique
...
Ecrire "Entrez la valeur à rechercher"
Lire N
Pour i ← 0 à 19
    Si N = Tab(i) Alors
        Ecrire "N fait partie du tableau"
    Sinon
        Ecrire "N ne fait pas partie du tableau"
    FinSi
i suivant
```



Et patatras, cet algorithme est une véritable catastrophe.

Il suffit d'ailleurs de le faire tourner mentalement pour s'en rendre compte. De deux choses l'une : ou bien la valeur N figure dans le tableau, ou bien elle n'y figure pas. Mais dans tous les cas, **l'algorithme ne doit produire qu'une seule réponse, quel que soit le nombre d'éléments que compte le tableau**. Or, l'algorithme ci-dessus envoie à l'écran autant de messages qu'il y a de valeurs dans le tableau, en l'occurrence pas moins de 20 !

Il y a donc une erreur manifeste de conception : **l'écriture du message ne peut se trouver à l'intérieur de la boucle : elle doit figurer à l'extérieur**. On sait si la valeur était dans le tableau ou non **uniquement lorsque le balayage du tableau est entièrement accompli**.

Nous réécrivons donc cet algorithme en plaçant le test après la boucle. Faute de mieux, on se contentera de faire dépendre pour le moment la réponse d'une variable booléenne que nous appellerons Trouvé.

```
Dim Tab(19) en Numérique
Dim N en Numérique
...
Ecrire "Entrez la valeur à rechercher"
Lire N
Pour i ← 0 à 19
    ???
i suivant
Si Trouvé Alors
    Ecrire "N fait partie du tableau"
```

Sinon

Ecrire "N ne fait pas partie du tableau"

Finsi

Il ne nous reste plus qu'à gérer la variable Trouvé. Ceci se fait en deux étapes.

- un test figurant dans la boucle, indiquant lorsque la variable Trouvé doit devenir vraie (à savoir, lorsque la valeur N est rencontrée dans le tableau). Et attention : le test est asymétrique. Il ne comporte pas de "sinon". On reviendra là dessus dans un instant.
- Last, but not least, l'affectation par défaut de la variable Trouvé, dont la valeur de départ doit être évidemment Faux.

Au total, l'algorithme complet - et juste ! - donne :

```

Dim Tab(19) en Numérique
Dim N en Numérique
""
Ecrire "Entrez la valeur à rechercher"
Lire N
Trouvé ← Faux
Pour i ← 0 à 19
    Si N = Tab(i) Alors
        Trouvé ← Vrai
    FinSi
i suivant
Si Trouvé Alors
    Ecrire "N fait partie du tableau"
Sinon
    Ecrire "N ne fait pas partie du tableau"
Finsi

```

Méditons un peu sur cette affaire.

La difficulté est de comprendre que dans une recherche, le problème ne se formule pas de la même manière selon qu'on le prend par un bout ou par un autre. On peut résumer l'affaire ainsi : **il suffit que N soit égal à une seule valeur de Tab pour qu'elle fasse partie du tableau. En revanche, il faut qu'elle soit différente de toutes les valeurs de Tab pour qu'elle n'en fasse pas partie.**

Voilà la raison qui nous oblige à passer par une variable booléenne, un « drapeau » qui peut se lever, mais jamais se rabaisser. Et cette technique de flag (que nous pourrions élégamment surnommer « **gestion asymétrique de variable booléenne** ») doit être mise en œuvre chaque fois que l'on se trouve devant pareille situation.

Autrement dit, connaître ce type de raisonnement est indispensable, et savoir le reproduire à bon escient ne l'est pas moins.

3. Tri de tableau + flag = tri à bulles

Et maintenant, nous en arrivons à la formule magique : tri de tableau + flag = tri à bulles.

L'idée de départ du tri à bulles consiste à se dire qu'un tableau trié en ordre croissant, c'est un tableau dans lequel tout élément est plus petit que celui qui le suit.

En effet, prenons chaque élément d'un tableau, et comparons-le avec l'élément qui le suit. Si l'ordre n'est pas bon, on permute ces deux éléments. Et on recommence jusqu'à ce que l'on n'ait plus aucune permutation à effectuer. Les

éléments les plus grands « remontent » ainsi peu à peu vers les dernières places, ce qui explique la charmante dénomination de « tri à bulle ». Comme quoi l'algorithmique n'exclut pas un minimum syndical de sens poétique.

En quoi le tri à bulles implique-t-il l'utilisation d'un flag ? Eh bien, par ce qu'on ne sait jamais par avance combien de remontées de bulles on doit effectuer. En fait, tout ce qu'on peut dire, c'est qu'on devra effectuer le tri jusqu'à ce qu'il n'y ait plus d'éléments qui soient mal classés. Ceci est typiquement un cas de question « asymétrique » : il suffit que deux éléments soient mal classés pour qu'un tableau ne soit pas trié. En revanche, il faut que tous les éléments soient bien rangés pour que le tableau soit trié.

Nous baptiserons le flag Yapermute, car cette variable booléenne va nous indiquer si nous venons ou non de procéder à une permutation au cours du dernier balayage du tableau (dans le cas contraire, c'est signe que le tableau est trié, et donc qu'on peut arrêter la machine à bulles). La boucle principale sera alors :

```
TantQue Yapermute
...
FinTantQue
```

Que va-t-on faire à l'intérieur de la boucle ? Prendre les éléments du tableau, du premier jusqu'à l'avant-dernier, et procéder à un échange si nécessaire. C'est parti :

```
TantQue Yapermute
  Pour i ← 0 à 10
    Si t(i) > t(i+1) alors
      temp ← t(i)
      t(i) ← t(i+1)
      t(i+1) ← temp
    Finsi
  i suivant
FinTantQue
```

Mais il ne faut pas oublier un détail capital : la gestion de notre flag. L'idée, c'est que cette variable va nous signaler le fait qu'il y a eu au moins une permutation effectuée. Il faut donc :

- lui attribuer la valeur Vrai dès qu'une seule permutation a été faite (il suffit qu'il y en ait eu une seule pour qu'on doive tout recommencer encore une fois).
- la remettre à Faux à chaque tour de la boucle principale (quand on recommence un nouveau tour général de bulles, il n'y a pas encore eu d'éléments échangés),
- dernier point, il ne faut pas oublier de lancer la boucle principale, et pour cela de donner la valeur Vrai au flag au tout départ de l'algorithme.

La solution complète donne donc :

```
Yapermut ← Vrai
TantQue Yapermut
  Yapermut ← Faux
  Pour i ← 0 à 10
    Si t(i) > t(i+1) alors
      temp ← t(i)
      t(i) ← t(i+1)
      t(i+1) ← temp
      Yapermut ← Vrai
    Finsi
  i suivant
FinTantQue
```

Au risque de nous répéter, la compréhension et la maîtrise du principe du `flag` font partie de l'arsenal du programmeur bien armé.

4. La recherche dichotomique

Nous allons terminer ce chapitre migraineux par une technique célèbre de recherche, qui révèle toute son utilité lorsque le nombre d'éléments est très élevé. Par exemple, imaginons que nous ayons un programme qui doit vérifier si un mot existe dans le dictionnaire. Nous pouvons supposer que le dictionnaire a été préalablement entré dans un tableau (à raison d'un mot par emplacement). Ceci peut nous mener à, disons à la louche, 40 000 mots.

Une première manière de vérifier si un mot se trouve dans le dictionnaire consiste à examiner successivement tous les mots du dictionnaire, du premier au dernier, et à les comparer avec le mot à vérifier. Ça marche, mais cela risque d'être long : si le mot ne se trouve pas dans le dictionnaire, le programme ne le saura qu'après 40 000 tours de boucle ! Et même si le mot figure dans le dictionnaire, la réponse exigera tout de même en moyenne 20 000 tours de boucle. C'est beaucoup, même pour un ordinateur.

Or, il y a une autre manière de chercher, bien plus intelligente pourrait-on dire, et qui met à profit le fait que dans un dictionnaire, les mots sont triés par ordre alphabétique. D'ailleurs, un être humain qui cherche un mot dans le dictionnaire ne lit jamais tous les mots, du premier au dernier : il utilise lui aussi le fait que les mots sont triés.

Pour une machine, quelle est la manière la plus rationnelle de chercher dans un dictionnaire ? C'est de comparer le mot à vérifier avec le mot qui se trouve pile poil au milieu du dictionnaire. Si le mot à vérifier est antérieur dans l'ordre alphabétique, on sait qu'on devra le chercher dorénavant dans la première moitié du dico. Sinon, on sait maintenant qu'on devra le chercher dans la deuxième moitié.

A partir de là, on prend la moitié de dictionnaire qui nous reste, et on recommence : on compare le mot à chercher avec celui qui se trouve au milieu du morceau de dictionnaire restant. On écarte la mauvaise moitié, et on recommence, et ainsi de suite.

A force de couper notre dictionnaire en deux, puis encore en deux, etc. on va finir par se retrouver avec des morceaux qui ne contiennent plus qu'un seul mot. Et si on n'est pas tombé sur le bon mot à un moment ou à un autre, c'est que le mot à vérifier ne fait pas partie du dictionnaire.

Regardons ce que cela donne en terme de nombre d'opérations à effectuer, en choisissant le pire cas : celui où le mot est absent du dictionnaire.

Au départ, on cherche le mot parmi 40 000.

Après le test n°1, on ne le cherche plus que parmi 20 000.

Après le test n°2, on ne le cherche plus que parmi 10 000.

Après le test n°3, on ne le cherche plus que parmi 5 000.

etc.

Après le test n°15, on ne le cherche plus que parmi 2.

Après le test n°16, on ne le cherche plus que parmi 1.

Et là, on sait que le mot n'existe pas.

Moralité : on a obtenu notre réponse en 16 opérations contre 40 000 précédemment ! Il n'y a pas photo sur l'écart de performances entre la technique barbare et la technique fûtée. Attention, toutefois, même si c'est évident, répétons-le avec force : la recherche dichotomique ne peut s'effectuer que sur des éléments préalablement triés.

Eh bien maintenant qu'on vous a expliqué comment faire, vous n'avez plus qu'à traduire !

Au risque de nous répéter, la compréhension et la maîtrise du principe du flag font partie de l'arsenal du programmeur bien armé.

Exercice 7.1

Ecrivez un algorithme qui permette de saisir un nombre quelconque de valeurs, et qui les range au fur et à mesure dans un tableau. Le programme, une fois la saisie terminée, doit dire si les éléments du tableau sont tous consécutifs ou non.

Par exemple, si le tableau est : 12 - 13 - 14 - 15 - 16 - 17 - 18, ses éléments sont tous consécutifs. Si le tableau est : 9 - 10 - 11 - 15 - 16 - 17, ses éléments ne sont pas tous consécutifs.

Exercice 7.2

Ecrivez un algorithme qui trie un tableau dans l'ordre décroissant

Vous écrirez bien entendu deux versions de cet algorithme, l'une employant le tri par insertion, l'autre le tri à bulles.

Exercice 7.3

Ecrivez un algorithme qui inverse l'ordre des éléments d'un tableau dont on suppose qu'il a été préalablement saisi (« les premiers seront les derniers... »)

Exercice 7.4

Ecrivez un algorithme qui permette à l'utilisateur de supprimer une valeur d'un tableau préalablement saisi. L'utilisateur donnera l'indice de la valeur qu'il souhaite supprimer. Attention, il ne s'agit pas de remettre une valeur à zéro, mais bel et bien de la supprimer du tableau lui-même ! Si le tableau de départ était

12 - 8 - 4 - 45 - 64 - 9 - 2 - 7

Et que l'utilisateur souhaite supprimer la valeur d'indice 4, le nouveau tableau sera :

12 - 8 - 4 - 45 - 9 - 2 - 7

Exercice 7.5

Ecrivez l'algorithme qui recherche un mot saisi au clavier dans un dictionnaire. Le dictionnaire est supposé être codé dans un tableau préalablement rempli et trié.

PARTIE 8 (TABLEAUX MULTIDIMENSIONNELS)

« Le vrai problème n'est pas de savoir si les machines pensent, mais de savoir si les hommes pensent »

B.F.Skinner

« La question de savoir si un ordinateur peut penser n'est pas plus intéressante que celle de savoir si un sous-marin peut nager »

Edgar W. Dijkstra

Ceci n'est pas un dérèglement de votre téléviseur. Nous contrôlons tout, nous savons tout, et les phénomènes paranormaux que vous constatez sont dus au fait que vous êtes passés dans... la quatrième dimension (musique angoissante : « tintintin... »).

Oui, enfin bon, avant d'attaquer la quatrième, on va déjà se coltiner la deuxième.

1. Pourquoi plusieurs dimensions ?

Une seule ne suffisait-elle pas déjà amplement à notre bonheur, demanderez-vous ? Certes, mais vous allez voir qu'avec deux (et davantage encore) c'est carrément le nirvana.

Prenons le cas de la modélisation d'un jeu de dames, et du déplacement des pions sur le damier. Rappelons qu'un pion qui est sur une case blanche peut se déplacer (pour simplifier) sur les quatre cases blanches adjacentes.

Avec les outils que nous avons abordés jusque là, le plus simple serait évidemment de modéliser le damier sous la forme d'un tableau. Chaque case est un emplacement du tableau, qui contient par exemple 0 si elle est vide, et 1 s'il y a un pion. On attribue comme indices aux cases les numéros 1 à 8 pour la première ligne, 9 à 16 pour la deuxième ligne, et ainsi de suite jusqu'à 64.

Un pion placé dans la case numéro i , autrement dit la valeur 1 de $Cases(i)$, peut bouger vers les cases contiguës en diagonale. Cela va nous obliger à de petites acrobaties intellectuelles : la case située juste au-dessus de la case numéro i ayant comme indice $i-8$, les cases valables sont celles d'indice $i-7$ et $i-9$. De même, la case située juste en dessous ayant comme indice $i+8$, les cases valables sont celles d'indice $i+7$ et $i+9$.

Bien sûr, on peut fabriquer tout un programme comme cela, mais le moins qu'on puisse dire est que cela ne facilite pas la clarté de l'algorithme.

Il serait évidemment plus simple de modéliser un damier par... un damier !

2. Tableaux à deux dimensions

L'informatique nous offre la possibilité de déclarer des tableaux dans lesquels les valeurs ne sont pas repérées par une seule, mais par **deux coordonnées**.

Un tel tableau se déclare ainsi :

Tableau Cases(7, 7) en Entier

Cela veut dire : réserve moi un espace de mémoire pour 8 x 8 entiers, et quand on aura besoin de l'une de ces valeurs, on les repèrera par deux indices (comme à la bataille navale, ou Excel, la seule différence étant que pour les coordonnées, on n'utilise pas de lettres, juste des chiffres).

Pour notre problème de dames, les choses vont sérieusement s'éclaircir. La case qui contient le pion est dorénavant Cases(i, j). Et les quatre cases disponibles sont Cases(i-1, j-1), Cases(i-1, j+1), Cases(i+1, j-1) et Cases(i+1, j+1).

REMARQUE ESSENTIELLE

Il n'y a **aucune différence qualitative** entre un tableau à deux dimensions (i, j) et un tableau à une dimension (i * j). De même que le jeu de dames qu'on vient d'évoquer, tout problème qui peut être modélisé d'une manière peut aussi être modélisé de l'autre. Simplement, l'une ou l'autre de ces techniques correspond plus spontanément à tel ou tel problème, et facilite donc (ou complique, si on a choisi la mauvaise option) l'écriture et la lisibilité de l'algorithme.

Une autre remarque : une question classique à propos des tableaux à deux dimensions est de savoir si le premier indice représente les lignes ou le deuxième les colonnes, ou l'inverse. Nous ne répondrons pas à cette question non parce que nous avons décidé de boudier, mais **parce qu'elle n'a aucun sens**. « Lignes » et « Colonnes » sont des concepts graphiques, visuels, qui s'appliquent à des objets du monde réel ; les indices des tableaux ne sont que des coordonnées logiques, pointant sur des adresses de mémoire vive. Si cela ne vous convainc pas, pensez à un jeu de bataille navale classique : les lettres doivent-elles désigner les lignes et les chiffres les colonnes ? Aucune importance ! Chaque joueur peut même choisir une convention différente, aucune importance ! L'essentiel est qu'une fois une convention choisie, un joueur conserve la même tout au long de la partie, bien entendu.

Exercice 8.1

Ecrivez un algorithme remplissant un tableau de 6 sur 13, avec des zéros.

Exercice 8.2

Quel résultat produira cet algorithme ?

Tableau x(1, 2) **en Entier**
Variables i, j, val **en Entier**

Début

val ← 1

Pour i ← 0 à 1

Pour j ← 0 à 2

 x(i, j) ← val

 val ← val + 1

 j Suivant

i Suivant

Pour i ← 0 à 1

Pour j ← 0 à 2

Ecrire x(i, j)

 j Suivant

i Suivant

Fin

Exercice 8.3

Quel résultat produira cet algorithme ?

Tableau x(1, 2) **en Entier**
Variables i, j, val **en Entier**

Début

val ← 1

Pour i ← 0 à 1

Pour j ← 0 à 2

 x(i, j) ← val

 val ← val + 1

 j Suivant

i Suivant

Pour j ← 0 à 2

Pour i ← 0 à 1

Ecrire x(i, j)

 i Suivant

j Suivant

Fin

Exercice 8.4

Quel résultat produira cet algorithme ?

Tableau $T(3, 1)$ **en Entier**
Variables k, m , **en Entier**

Début

Pour $k \leftarrow 0$ à 3

Pour $m \leftarrow 0$ à 1

$T(k, m) \leftarrow k + m$

m Suivant

k Suivant

Pour $k \leftarrow 0$ à 3

Pour $m \leftarrow 0$ à 1

Ecrire $T(k, m)$

m Suivant

k Suivant

Fin

Exercice 8.5

Mêmes questions, en remplaçant la ligne :

$T(k, m) \leftarrow k + m$

par

a) $T(k, m) \leftarrow 2 * k + (m + 1)$

b) $T(k, m) \leftarrow (k + 1) + 4 * m$

Exercice 8.6

Soit un tableau T à deux dimensions $(12, 8)$ préalablement rempli de valeurs numériques.

Ecrire un algorithme qui recherche la plus grande valeur au sein de ce tableau.

Exercice 8.7

Ecrire un algorithme de jeu de dames très simplifié.

L'ordinateur demande à l'utilisateur dans quelle case se trouve son pion (quelle ligne, quelle colonne). On met en place un contrôle de saisie afin de vérifier la validité des valeurs entrées.

Ensuite, on demande à l'utilisateur quel mouvement il veut effectuer : 0 (en haut à gauche), 1 (en haut à droite), 2 (en bas à gauche), 3 (en bas à droite).

Si le mouvement est impossible (i.e. on sort du damier), on le signale à l'utilisateur et on s'arrête là. Sinon, on déplace le pion et on affiche le damier résultant, en affichant un « O » pour une case vide et un « X » pour la case où se trouve le pion.

3. Tableaux à n dimensions

Si vous avez compris le principe des tableaux à deux dimensions, sur le fond, il n'y a aucun problème à passer au maniement de tableaux à trois, quatre, ou pourquoi pas neuf dimensions. C'est exactement la même chose. Si on déclare un tableau `Titi(2, 4, 3, 3)`, il s'agit d'un espace mémoire contenant $3 \times 5 \times 4 \times 4 = 240$ valeurs. Chaque valeur y est repérée par quatre coordonnées.

Le principal obstacle au maniement systématique de ces tableaux à plus de trois dimensions est que le programmeur, quand il conçoit son algorithme, aime bien faire des petits gribouillis, des dessins immondes, imaginer les boucles dans sa tête, etc. Or, autant il est facile d'imaginer concrètement un tableau à une dimension, autant cela reste faisable pour deux dimensions, autant cela devient l'apanage d'une minorité privilégiée pour les tableaux à trois dimensions et hors de portée de tout mortel au-delà. C'est comme ça, l'esprit humain a du mal à se représenter les choses dans l'espace, et crie grâce dès qu'il saute dans l'hyperespace (oui, c'est comme ça que ça s'appelle au delà de trois dimensions).

Donc, pour des raisons uniquement pratiques, les tableaux à plus de trois dimensions sont rarement utilisés par des programmeurs non mathématiques (car les mathématiques, de par leur formation, ont une fâcheuse propension à manier des espaces à n dimensions comme qui rigole, mais ce sont bien les seuls, et laissons les dans leur coin, c'est pas des gens comme nous).

PARTIE 9 (LES FONCTIONS PRÉDÉFINIES)

« Il y a deux méthodes pour écrire des programmes sans erreurs. Mais il n'y a que la troisième qui marche »

Anonyme

Certains traitements ne peuvent être effectués par un algorithme, aussi savant soit-il. D'autres ne peuvent l'être qu'au prix de souffrances indicibles.

C'est par exemple le cas du calcul du sinus d'un angle : pour en obtenir une valeur approchée, il faudrait appliquer une formule d'une complexité à vous glacer le sang. Aussi, que se passe-t-il sur les petites calculatrices que vous connaissez tous ? On vous fournit quelques touches spéciales, dites **touches de fonctions**, qui vous permettent par exemple de connaître immédiatement ce résultat. Sur votre calculatrice, si vous voulez connaître le sinus de 35° , vous taperez 35, puis la touche SIN, et vous aurez le résultat.

Tout langage de programmation propose ainsi un certain nombre de **fonctions** ; certaines sont indispensables, car elles permettent d'effectuer des traitements qui seraient sans elles impossibles. D'autres servent à soulager le programmeur, en lui épargnant de longs - et pénibles - algorithmes.

1. Structure générale des fonctions

Reprenons l'exemple du sinus. Les langages informatiques, qui se doivent tout de même de savoir faire la même chose qu'une calculatrice à 19F90, proposent généralement une fonction SIN. Si nous voulons stocker le sinus de 35 dans la variable A, nous écrivons :

```
A ← sin(35)
```

Une fonction est donc constituée de trois parties :

- le **nom** proprement dit de la fonction. Ce nom ne s'invente pas ! Il doit impérativement correspondre à une fonction proposée par le langage. Dans notre exemple, ce nom est SIN.
- deux parenthèses, une ouvrante, une fermante.
- une liste de valeurs, indispensables à la bonne exécution de la fonction. Ces valeurs s'appellent des **arguments**, ou des **paramètres**. Certaines fonctions exigent un seul argument, d'autres deux, etc. et d'autres encore aucun. A noter que même dans le cas de ces fonctions n'exigeant aucun argument, les parenthèses restent obligatoires. Le nombre d'arguments nécessaire pour une fonction donnée ne s'invente pas : il est fixé par le langage. Par exemple, la fonction sinus a besoin d'un argument (ce n'est pas surprenant, cet argument est la valeur de l'angle). Si vous essayez de l'exécuter en lui donnant deux arguments, ou aucun, cela déclenchera une erreur à l'exécution. Notez également que les arguments doivent être d'un certain **type**, et qu'il faut respecter ces types.

➤

Exercice 9.1

Parmi ces affectations (considérées indépendamment les unes des autres), lesquelles provoqueront des erreurs, et pourquoi ?

Variables A, B, C en Numérique
Variables D, E en Caractère

```
...
A ← Sin(B)
...
A ← Sin(A + B * C)
...
B ← Sin(A) - Sin(D)
...
D ← Sin(A / B)
...
C ← Cos(Sin(A))
```

2. Les fonctions de texte

Une catégorie privilégiée de fonctions est celle qui nous permet de manipuler des chaînes de caractères. Nous avons déjà vu qu'on pouvait facilement « coller » deux chaînes l'une à l'autre avec l'opérateur de concaténation &. Mais ce que nous ne pouvions pas faire, et qui va être maintenant possible, c'est pratiquer des extractions de chaînes (moins douloureuses, il faut le noter, que les extractions dentaires).

Tous les langages proposent peu ou prou les fonctions suivantes, même si le nom et la syntaxe peuvent varier d'un langage à l'autre :

Len(chaîne) : renvoie le nombre de caractères d'une chaîne.

Mid(chaîne,n1,n2) : renvoie un extrait de la chaîne, commençant au caractère n1 et faisant n2 caractères de long.

Ce sont les deux seules fonctions de chaînes réellement indispensables. Cependant, pour nous épargner des algorithmes fastidieux, les langages proposent également :

Left(chaîne,n) : renvoie les n caractères les plus à gauche dans chaîne.

Right(chaîne,n) : renvoie les n caractères les plus à droite dans chaîne.

Trouve(chaîne1,chaîne2) : renvoie un nombre correspondant à la position de chaîne2 dans chaîne1. Si chaîne2 n'est pas comprise dans chaîne1, la fonction renvoie zéro.

Exemples :

Len("Bonjour, ça va ?")	vaut	16
Len("")	vaut	0
Mid("Zorro is back", 4, 7)	vaut	"ro is b"
Mid("Zorro is back", 12, 1)	vaut	"c"
Left("Et pourtant...", 8)	vaut	"Et pourt"
Right("Et pourtant...", 4)	vaut	"t..."
Trouve("Un pur bonheur", "pur")	vaut	4
Trouve("Un pur bonheur", "techno")	vaut	0

Il existe aussi dans tous les langages une fonction qui renvoie le caractère correspondant à un code Ascii donné (fonction Asc), et Lycée de Versailles (fonction Chr) :

Asc("N")	vaut	78
Chr(63)	vaut	"?"

Nous insistons ; à moins de programmer avec un langage un peu particulier, comme le C, qui traite en réalité les chaînes de caractères comme des tableaux, on ne pourrait pas se passer des deux fonctions Len et Mid pour traiter les chaînes. Or, si les programmes informatiques ont fréquemment à traiter des nombres, ils doivent tout aussi fréquemment gérer des séries de caractères (des chaînes). Bien vrai que cela devient un refrain, mais connaître les techniques de base sur les chaînes est plus qu'utile : c'est indispensable.

Exercice 9.2

Ecrivez un algorithme qui demande un mot à l'utilisateur et qui affiche à l'écran le nombre de lettres de ce mot (c'est vraiment tout bête).

Exercice 9.3

Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur et qui affiche à l'écran le nombre de mots de cette phrase. On suppose que les mots ne sont séparés que par des espaces (et c'est déjà un petit peu moins bête).

Exercice 9.4

Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur et qui affiche à l'écran le nombre de voyelles contenues dans cette phrase.

On pourra écrire deux solutions. La première déploie une condition composée bien fastidieuse. La deuxième, en utilisant la fonction Trouve, allège considérablement l'algorithme.

Exercice 9.5

Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur. Celui-ci entrera ensuite le rang d'un caractère à supprimer, et la nouvelle phrase doit être affichée (on doit réellement supprimer le caractère dans la variable qui stocke la phrase, et pas uniquement à l'écran).

Exercice 9.6 - Cryptographie 1

Un des plus anciens systèmes de cryptographie (aisément déchiffrable) consiste à décaler les lettres d'un message pour le rendre illisible. Ainsi, les A deviennent des B, les B des C, etc. Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur et qui la code selon ce principe. Comme dans le cas précédent, le codage doit s'effectuer au niveau de la variable stockant la phrase, et pas seulement à l'écran.

3. Trois fonctions numériques classiques

Partie Entière

Une fonction extrêmement répandue est celle qui permet de récupérer la partie entière d'un nombre :

Après : $A \leftarrow \text{Ent}(3,228)$ A vaut 3

Cette fonction est notamment indispensable pour effectuer le célèbre test de parité (voir exercice dans pas longtemps).

Modulo

Cette fonction permet de récupérer le reste de la division d'un nombre par un deuxième nombre. Par exemple :

$A \leftarrow \text{Mod}(10, 3)$	A vaut 1 car $10 = 3*3 + 1$
$B \leftarrow \text{Mod}(12, 2)$	B vaut 0 car $12 = 6*2$
$C \leftarrow \text{Mod}(44, 8)$	C vaut 4 car $44 = 5*8 + 4$

Cette fonction peut paraître un peu bizarre, est réservée aux seuls mathématiciens. Mais vous aurez là aussi l'occasion de voir dans les exercices à venir que ce n'est pas le cas.

Génération de nombres aléatoires

Une autre fonction classique, car très utile, est celle qui génère un nombre choisi au hasard.

Tous les programmes de jeu, ou presque, ont besoin de ce type d'outils, qu'il s'agisse de simuler un lancer de dés ou le déplacement chaotique du vaisseau spatial de l'enfer de la mort piloté par l'infâme Zorglub, qui veut faire main basse sur l'Univers (heureusement vous êtes là pour l'en empêcher, ouf).

Mais il n'y a pas que les jeux qui ont besoin de générer des nombres aléatoires. La modélisation (physique, géographique, économique, etc.) a parfois recours à des modèles dits stochastiques. Ce sont des modèles dans lesquels les variables se déduisent les unes des autres par des relations déterministes (autrement dit des calculs), mais où l'on simule la part d'incertitude par une « fourchette » de hasard.

Par exemple, un modèle démographique supposera qu'une femme a en moyenne x enfants au cours de sa vie, mettons 1,5. Mais il supposera aussi que sur une population donnée, ce chiffre peut fluctuer entre 1,35 et 1,65 (si on

laisse une part d'incertitude de 10%). Chaque année, c'est-à-dire chaque série de calcul des valeurs du modèle, on aura ainsi besoin de faire choisir à la machine un nombre au hasard compris entre 1,35 et 1,65.

Dans tous les langages, cette fonction existe et produit le résultat suivant :

Après : $Toto \leftarrow Alea()$ On a : $0 \leq Toto < 1$

En fait, on se rend compte avec un tout petit peu de pratique que cette fonction Aléa peut nous servir pour générer n'importe quel nombre compris dans n'importe quelle fourchette. Nous savons bien que nos lecteurs ne sont guère matheux, mais là, on reste franchement en deçà du niveau de feu le BEPC :

- si Alea génère un nombre compris entre 0 et 1, Alea multiplié par z produit un nombre entre 0 et z. Donc, il faut estimer la « largeur » de la fourchette voulue et multiplier Alea par cette « largeur » désirée.
- ensuite, si la fourchette ne commence pas à zéro, il va suffire d'ajouter ou de retrancher quelque chose pour « caler » la fourchette au bon endroit.

Par exemple, si je veux générer un nombre entre 1,35 et 1,65 ; la « fourchette » mesure 0,30 de large. Donc :

$$0 \leq Alea() * 0,30 < 0,30$$

Il suffit d'ajouter 1,35 pour obtenir la fourchette voulue. Si on écrit que :

$$Toto \leftarrow Alea() * 0,30 + 1,35$$

Toto aura bien une valeur comprise entre 1,35 et 1,65. Et le tour est joué !

Bon, il est grand temps que vous montriez ce que vous avez appris...

Exercice 9.7 - Cryptographie 2 - le chiffre de César

Une amélioration (relative) du principe précédent consiste à opérer avec un décalage non de 1, mais d'un nombre quelconque de lettres. Ainsi, par exemple, si l'on choisit un décalage de 12, les A deviennent des M, les B des N, etc.

Réalisez un algorithme sur le même principe que le précédent, mais qui demande en plus quel est le décalage à utiliser. Votre sens proverbial de l'élégance vous interdira bien sûr une série de vingt-six "Si...Alors"

Exercice 9.8 - Cryptographie 3

Une technique ultérieure de cryptographie consista à opérer non avec un décalage systématique, mais par une substitution aléatoire. Pour cela, on utilise un alphabet-clé, dans lequel les lettres se succèdent de manière désordonnée, par exemple :

HYLUJPVREAKBNDOFSQZCWMGITX

C'est cette clé qui va servir ensuite à coder le message. Selon notre exemple, les A deviendront des H, les B des Y, les C des L, etc.

Ecrire un algorithme qui effectue ce cryptage (l'alphabet-clé sera saisi par l'utilisateur, et on suppose qu'il effectue une saisie correcte).

Exercice 9.9 - Cryptographie 4 - *le chiffre de Vigenère*

Un système de cryptographie beaucoup plus difficile à briser que les précédents fut inventé au XVI^e siècle par le français Vigenère. Il consistait en une combinaison de différents chiffres de César.

On peut en effet écrire 25 alphabets décalés par rapport à l'alphabet normal :

- l'alphabet qui commence par B et finit par ...YZA
- l'alphabet qui commence par C et finit par ...ZAB
- etc.

Le codage va s'effectuer sur le principe du chiffre de César : on remplace la lettre d'origine par la lettre occupant la même place dans l'alphabet décalé.

Mais à la différence du chiffre de César, un même message va utiliser non un, mais plusieurs alphabets décalés. Pour savoir quels alphabets doivent être utilisés, et dans quel ordre, on utilise une clé.

Si cette clé est « VIGENERE » et le message « Il faut coder cette phrase », on procèdera comme suit :

La première lettre du message, « i », est la 9^e lettre de l'alphabet normal. Elle doit être codée en utilisant l'alphabet commençant par la première lettre de la clé, « V ». Dans cet alphabet, la 9^e lettre est le « d ». « i » devient donc « d »

La deuxième lettre du message, « l », est la 11^e lettre de l'alphabet normal. Elle doit être codée en utilisant l'alphabet commençant par la deuxième lettre de la clé, « I ». Dans cet alphabet, la 11^e lettre est le « s ». « l » devient donc « s », etc.

Quand on arrive à la dernière lettre de la clé, on recommence à la première.

Ecrire l'algorithme qui effectue un cryptage de Vigenère, en demandant bien sûr au départ la clé à l'utilisateur.

Exercice 9.10

Ecrivez un algorithme qui demande un nombre entier à l'utilisateur. L'ordinateur affiche ensuite le message « Ce nombre est pair » ou « Ce nombre est impair » selon le cas.

Exercice 9.11

Ecrivez les algorithmes qui génèrent un nombre Glup aléatoire tel que ...

- a) $0 \leq \text{Glup} < 2$
- b) $-1 \leq \text{Glup} < 1$
- c) $1,35 \leq \text{Glup} < 1,65$
- d) Glup émule un dé à six faces
- e) $-10,5 \leq \text{Glup} < +6,5$
- f) Glup émule la somme du jet simultané de deux dés à six faces

4. Les fonctions de conversion

Dernière grande catégorie de fonctions, là aussi disponibles dans tous les langages, car leur rôle est parfois incontournable, les fonctions dites de conversion.

Rappelez-vous ce que nous avons vu dans les premières pages de ce cours : il existe différents types de variables, qui déterminent notamment le type de codage qui sera utilisé. Prenons le chiffre 3. Si on le stocke dans une variable de type alphanumérique, il sera codé en tant que caractère, sur un octet. Si en revanche on le stocke dans une variable de type entier, il sera codé sur deux octets. Et la configuration des bits sera complètement différente dans les deux cas.

Une conclusion évidente, et sur laquelle on a déjà eu l'occasion d'insister, c'est qu'on ne peut pas faire n'importe quoi avec n'importe quoi, et qu'on ne peut pas par exemple multiplier "3" et "5", si 3 et 5 sont stockés dans des variables de type caractère.

Pourquoi ne pas en tirer les conséquences, et stocker convenablement les nombres dans des variables numériques, les caractères dans des variables alphanumériques, comme nous l'avons toujours fait ?

Parce qu'il y a des situations où on n'a pas le choix ! Nous allons voir dès le chapitre suivant un mode de stockage (les fichiers textes) où toutes les informations, quelles qu'elles soient, sont obligatoirement stockées sous forme de caractères. Dès lors, si l'on veut pouvoir récupérer des nombres et faire des opérations dessus, il va bien falloir être capable de convertir ces chaînes en numériques.

Aussi, tous les langages proposent-ils une palette de fonctions destinées à opérer de telles conversions. On trouvera au moins une fonction destinée à convertir une chaîne en numérique (appelons-la Cnum en pseudo-code), et une convertissant un nombre en caractère (Ccar).

PARTIE 10 (LES FICHIERS)

« On ne peut pas davantage créer des fichiers numériques non copiables que créer de l'eau non humide »

Bruce Schneier

Jusqu'à présent, les informations utilisées dans nos programmes ne pouvaient provenir que de deux sources : soit elles étaient incluses dans l'algorithme lui-même, par le programmeur, soit elles étaient entrées en cours de route par l'utilisateur. Mais évidemment, cela ne suffit pas à combler les besoins réels des informaticiens.

Imaginons que l'on veuille écrire un programme gérant un carnet d'adresses. D'une exécution du programme à l'autre, l'utilisateur doit pouvoir retrouver son carnet à jour, avec les modifications qu'il y a apportées la dernière fois qu'il a exécuté le programme. Les données du carnet d'adresse ne peuvent donc être incluses dans l'algorithme, et encore moins être entrées au clavier à chaque nouvelle exécution !

Les **fichiers** sont là pour combler ce manque. **Ils servent à stocker des informations de manière permanente, entre deux exécutions d'un programme.** Car si les variables, qui sont, rappelons-le des adresses de mémoire vive, disparaissent à chaque fin d'exécution, les fichiers, eux sont stockés sur des périphériques à mémoire de masse (disquette, disque dur, CD Rom...).

1. Organisation des fichiers

Vous connaissez tous le coup des papous : « *chez les papous, il y a les papous papas et les papous pas papas. Chez les papous papas, il y a les papous papas à poux et les papous papas pas à poux, etc.* » Eh bien les fichiers, c'est un peu pareil : il y a des catégories, et dans les catégories, des sortes, et dans les sortes des espèces. Essayons donc de débroussailler un peu tout cela...

Un premier grand critère, qui différencie les deux grandes catégories de fichiers, est le suivant : **le fichier est-il ou non organisé sous forme de lignes successives ?** Si oui, cela signifie vraisemblablement que ce fichier contient le même genre d'information à chaque ligne. Ces lignes sont alors appelées des **enregistrements**.

Afin d'illuminer ces propos obscurs, prenons le cas classique, celui d'un carnet d'adresses. Le fichier est destiné à mémoriser les coordonnées (ce sont toujours les plus mal chaussées, bien sûr) d'un certain nombre de personnes. Pour chacune, il faudra noter le nom, le prénom, le numéro de téléphone et l'email. Dans ce cas, il peut paraître plus simple de stocker une personne par ligne du fichier (par enregistrement). Dit autrement, quand on prendra une ligne, on sera sûr qu'elle contient les informations concernant une personne, et uniquement cela. Un fichier ainsi codé sous forme d'enregistrements est appelé un **fichier texte**.

En fait, entre chaque enregistrement, sont stockés les octets correspondants aux caractères CR (code Ascii 13) et LF (code Ascii 10), signifiant un retour au début de la ligne suivante. Le plus souvent, le langage de programmation, dès

lors qu'il s'agit d'un fichier texte, gèrera lui-même la lecture et l'écriture de ces deux caractères à chaque fin de ligne : c'est autant de moins dont le programmeur aura à s'occuper. Le programmeur, lui, n'aura qu'à dire à la machine de lire une ligne, ou d'en écrire une.

Ce type de fichier est couramment utilisé dès lors que l'on doit stocker des informations pouvant être assimilées à une base de données.

Le second type de fichier, vous l'aurez deviné, se définit a contrario : il rassemble les fichiers qui ne possèdent pas de structure de lignes (d'enregistrement). Les octets, quels qu'il soient, sont écrits à la queue leu leu. Ces fichiers sont appelés des fichiers **binaires**. Naturellement, leur structure différente implique un traitement différent par le programmeur. Tous les fichiers qui ne codent pas une base de données sont obligatoirement des fichiers binaires : cela concerne par exemple un fichier son, une image, un programme exécutable, etc. Toutefois, on en dira quelques mots un peu plus loin, il est toujours possible d'opter pour une structure binaire même dans le cas où le fichier représente une base de données.

Autre différence majeure entre fichiers texte et fichiers binaires : dans un fichier texte, toutes les données sont écrites sous forme de... texte. Cela veut dire que les nombres y sont représentés sous forme de suite de chiffres (des chaînes de caractères). **Ces nombres doivent donc être convertis en chaînes** lors de l'écriture dans le fichier. Inversement, lors de la lecture du fichier, on devra **convertir ces chaînes en nombre** si l'on veut pouvoir les utiliser dans des calculs. En revanche, dans les fichiers binaires, les données sont écrites à l'image exacte de leur codage en mémoire vive, ce qui épargne toutes ces opérations de conversion.

Ceci a comme autre implication qu'un **fichier texte est lisible**, alors qu'un **fichier binaire ne l'est pas** (sauf bien sûr en écrivant soi-même un programme approprié). Si l'on ouvre un fichier texte via un éditeur de textes, comme le bloc-notes de Windows, on y reconnaîtra toutes les informations (ce sont des caractères, stockés comme tels). La même chose avec un fichier binaire ne nous produit à l'écran qu'un galimatias de scribouillis incompréhensibles.

2. Structure des enregistrements

Savoir que les fichiers peuvent être structurés en enregistrements, c'est bien. Mais savoir comment sont à leur tour structurés ces enregistrements, c'est mieux. Or, là aussi, il y a deux grandes possibilités. Ces deux grandes variantes pour structurer les données au sein d'un fichier texte sont la **délimitation** et les **champs de largeur fixe**.

Reprenons le cas du carnet d'adresses, avec dedans le nom, le prénom, le téléphone et l'email. Les données, sur le fichier texte, peuvent être organisées ainsi :

Structure n°1

```
"Fonfec";"Sophie";0142156487;"fonfec@yahoo.fr"  
"Zétofraîs";"Mélanie";0456912347;"zétofraîs@free.fr"  
"Herbien";"Jean-Philippe";0289765194;"vantard@free.fr"  
"Hergébel";"Octave";0149875231;"rg@aol.fr"
```

ou ainsi :

Structure n°2

Fonfec	Sophie	0142156487fonfec@yahoo.fr
Zétofraï	Mélanie	0456912347zétofraï@free.fr
Herbien	Jean-Philippe	0289765194vantard@free.fr
Hergébel	Octave	0149875231rg@aol.fr

La structure n°1 est dite **délimitée** ; Elle utilise un caractère spécial, appelé **caractère de délimitation**, qui permet de repérer quand finit un champ et quand commence le suivant. Il va de soi que ce caractère de délimitation doit être strictement interdit à l'intérieur de chaque champ, faute de quoi la structure devient proprement illisible.

La structure n°2, elle, est dite à **champs de largeur fixe**. Il n'y a pas de caractère de délimitation, mais on sait que les x premiers caractères de chaque ligne stockent le nom, les y suivants le prénom, etc. Cela impose bien entendu de ne pas saisir un renseignement plus long que le champ prévu pour l'accueillir.

- L'avantage de la structure n°1 est son **faible encombrement en place mémoire** ; il n'y a aucun espace perdu, et un fichier texte codé de cette manière occupe le minimum de place possible. Mais elle possède en revanche un inconvénient majeur, qui est la **lenteur de la lecture**. En effet, chaque fois que l'on récupère une ligne dans le fichier, il faut alors parcourir un par un tous les caractères pour repérer chaque occurrence du caractère de séparation avant de pouvoir découper cette ligne en différents champs.
- La structure n°2, à l'inverse, **gaspille de la place mémoire**, puisque le fichier est un vrai gruyère plein de trous. Mais d'un autre côté, la récupération des différents champs est très **rapide**. Lorsqu'on récupère une ligne, il suffit de la découper en différentes chaînes de longueur prédéfinie, et le tour est joué.

A l'époque où la place mémoire coûtait cher, la structure délimitée était souvent privilégiée. Mais depuis bien des années, la quasi-totalité des logiciels - et des programmeurs - optent pour la structure en champs de largeur fixe. Aussi, sauf mention contraire, nous ne travaillerons qu'avec des fichiers bâtis sur cette structure.

Remarque importante : lorsqu'on choisit de coder une base de données sous forme de champs de largeur fixe, on peut alors très bien opter pour un fichier binaire. Les enregistrements y seront certes à la queue leu leu, sans que rien ne nous signale la jointure entre chaque enregistrement. Mais si on sait combien d'octets mesure invariablement chaque champ, on sait du coup combien d'octets mesure chaque enregistrement. Et on peut donc très facilement récupérer les informations : si nous savons que dans notre carnet d'adresse, chaque individu occupe 75 octets, alors dans notre fichier binaire, nous déduisons que l'individu n°1 occupe les octets 1 à 75, l'individu n°2 les octets 76 à 150, l'individu n°3 les octets 151 à 225, etc.

3. Types d'accès

On vient de voir que l'organisation des données au sein des enregistrements du fichier pouvait s'effectuer selon deux grands choix stratégiques. Mais il existe une autre ligne de partage des fichiers : le **type d'accès**, autrement dit la manière dont la machine va pouvoir aller rechercher les informations contenues dans le fichier.

On distingue :

- **L'accès séquentiel** : on ne peut accéder qu'à la donnée suivant celle qu'on vient de lire. On ne peut donc accéder à une information qu'en ayant au préalable examiné celle qui la précède. Dans le cas d'un fichier texte, cela signifie qu'on lit le fichier ligne par ligne (enregistrement par enregistrement).

- **L'accès direct (ou aléatoire)** : on peut accéder directement à l'enregistrement de son choix, en précisant le numéro de cet enregistrement. Mais cela veut souvent dire une gestion fastidieuse des déplacements dans le fichier.
- **L'accès indexé** : pour simplifier, il combine la rapidité de l'accès direct et la simplicité de l'accès séquentiel (en restant toutefois plus compliqué). Il est particulièrement adapté au traitement des gros fichiers, comme les bases de données importantes.

A la différence de la précédente, **cette typologie ne se reflète pas dans la structure elle-même du fichier**. En fait, **tout fichier peut être utilisé avec l'un ou l'autre des trois types d'accès**. Le choix du type d'accès n'est pas un choix qui concerne le fichier lui-même, mais uniquement la manière dont il va être traité par la machine. C'est donc dans le programme, et seulement dans le programme, que l'on choisit le type d'accès souhaité.

Pour conclure sur tout cela, voici un petit tableau récapitulatif :

	Fichiers Texte	Fichiers Binaires
On les utilise pour stocker...	des bases de données	tout, y compris des bases de données.
Ils sont structurés sous forme de...	lignes (enregistrements)	Ils n'ont pas de structure apparente. Ce sont des octets écrits à la suite les uns des autres.
Les données y sont écrites...	exclusivement en tant que caractères	comme en mémoire vive
Les enregistrements sont eux-mêmes structurés...	au choix, avec un séparateur ou en champs de largeur fixe	en champs de largeur fixe, s'il s'agit d'un fichier codant des enregistrements
Lisibilité	Le fichier est lisible clairement avec n'importe quel éditeur de texte	Le fichier a l'apparence d'une suite d'octets illisibles
Lecture du fichier	On ne peut lire le fichier que ligne par ligne	On peut lire les octets de son choix (y compris la totalité du fichier d'un coup)

Dans le cadre de ce cours, on se limitera volontairement au type de base : le fichier texte en accès séquentiel. Pour des informations plus complètes sur la gestion des fichiers binaires et des autres types d'accès, il vous faudra... chercher ailleurs.

4. Instructions (fichiers texte en accès séquentiel)

Si l'on veut travailler sur un fichier, la première chose à faire est de l'**ouvrir**. Cela se fait en attribuant au fichier un **numéro de canal**. On ne peut ouvrir qu'un seul fichier par canal, mais quel que soit le langage, on dispose toujours de plusieurs canaux, donc pas de soucis.

L'important est que lorsqu'on ouvre un fichier, on stipule ce qu'on va en faire : lire, écrire ou ajouter.

- Si on ouvre un fichier **pour lecture**, on pourra uniquement récupérer les informations qu'il contient, sans les modifier en aucune manière.

- Si on ouvre un fichier **pour écriture**, on pourra mettre dedans toutes les informations que l'on veut. Mais les informations précédentes, si elles existent, seront **intégralement écrasées**. Et on ne pourra pas accéder aux informations qui existaient précédemment.
- Si on ouvre un fichier **pour ajout**, on ne peut ni lire, ni modifier les informations existantes. Mais on pourra, comme vous commencez à vous en douter, ajouter de nouvelles lignes (rappelons qu'au terme de lignes, on préférera celui d'**enregistrements**).

Au premier abord, ces limitations peuvent sembler infernales. Au deuxième abord, elles le sont effectivement. Il n'y a même pas d'instructions qui permettent de supprimer un enregistrement d'un fichier !

Toutefois, avec un peu d'habitude, on se rend compte que malgré tout, même si ce n'est pas toujours marrant, on peut quand même faire tout ce qu'on veut avec ces fichiers séquentiels.

Pour ouvrir un fichier texte, on écrira par exemple :

Ouvrir "Exemple.txt" sur 4 pour Lecture

Ici, "Exemple.txt" est le nom du fichier sur le disque dur, 4 est le numéro de canal, et ce fichier a donc été ouvert en lecture. Vous l'aviez sans doute pressenti. Allons plus loin :

Ouvrir "Exemple.txt" sur 4 en Lecture

Variables Truc, Nom, Prénom, Tel, Mail **en Caractères**

...

LireFichier 4, Truc

Nom ← Mid(Truc, 1, 20)

Prénom ← Mid(Truc, 21, 15)

Tel ← Mid(Truc, 36, 10)

Mail ← Mid(Truc, 46, 20)

L'instruction **LireFichier** récupère donc dans la variable spécifiée l'enregistrement suivant dans le fichier... "suivant", oui, mais par rapport à quoi ? Par rapport au dernier enregistrement lu. C'est en cela que le fichier est dit **séquentiel**. En l'occurrence, on récupère donc la première ligne, donc, le premier enregistrement du fichier, dans la variable Truc. Ensuite, le fichier étant organisé sous forme de champs de largeur fixe, il suffit de tronçonner cette variable Truc en autant de morceaux qu'il y a de champs dans l'enregistrement, et d'envoyer ces tronçons dans différentes variables. Et le tour est joué.

La suite du raisonnement s'impose avec une logique impitoyable : lire un fichier séquentiel de bout en bout suppose de programmer une boucle. Comme on sait rarement à l'avance combien d'enregistrements comporte le fichier, la combine consiste neuf fois sur dix à utiliser la fonction EOF (acronyme pour End Of File). Cette fonction renvoie la valeur Vrai si on a atteint la fin du fichier (auquel cas une lecture supplémentaire déclencherait une erreur). L'algorithme, ultra classique, en pareil cas est donc :

Variable Truc **en Caractère**

Ouvrir "Exemple.txt" sur 5 **en Lecture**

Tantque Non EOF(5)

LireFichier 5, Truc

FinTantque

Et neuf fois sur dix également, si l'on veut stocker au fur et à mesure en mémoire vive les informations lues dans le fichier, on a recours à des tableaux. Et comme on ne savait pas d'avance combien il y aurait d'enregistrements dans le fichier, on ne sait pas davantage combien il doit y avoir d'emplacements dans les tableaux. Qu'importe, les programmeurs avertis que vous êtes connaissent la combine des tableaux dynamiques.

En rassemblant l'ensemble des connaissances acquises, nous pouvons donc écrire le prototype de lecture intégrale d'un fichier séquentiel, lecture qui recopie l'ensemble des informations en mémoire vive :

Tableaux Nom(), Prénom(), Tel(), Mail() **en Caractère**

Ouvrir "Exemple.txt" sur 5 **en Lecture**

i ← -1

Tantque Non EOF(5)

LireFichier 5, Truc

 i ← i + 1

 Redim Nom(i)

 Redim Prénom(i)

 Redim Tel(i)

 Redim Mail(i)

 Nom(i) ← Mid(Truc, 1, 20)

 Prénom(i) ← Mid(Truc, 21, 15)

 Tel(i) ← Mid(Truc, 36, 10)

 Mail(i) ← Mid(Truc, 46, 20)

FinTantQue

Ici, on a fait le choix de recopier le fichier dans quatre tableaux distincts. Comme on va le voir bientôt, il y a encore mieux, mais ne nous impatientons pas, chaque chose en son temps.

Pour une opération d'écriture, ou d'ajout, il faut d'abord constituer une chaîne équivalente à la nouvelle ligne du fichier. Cette chaîne doit donc être « calibrée » de la bonne manière, avec les différents champs qui « tombent » aux emplacements corrects. Le moyen le plus simple pour s'épargner de longs traitements est de procéder avec des chaînes correctement dimensionnées dès leur déclaration (la plupart des langages offrent cette possibilité) :

Ouvrir "Exemple.txt" sur 3 **en Ajout**

Variable Truc **en Caractère**

Variables Nom*20, Prénom*15, Tel*10, Mail*20 **en Caractère**

une telle déclaration assure que quel que soit le contenu de la variable Nom, par exemple, celle-ci comptera toujours 20 caractères. Si son contenu est plus petit, alors un nombre correct d'espaces sera automatiquement ajouté pour combler. Si on tente d'y entrer un contenu trop long, celui-ci sera automatiquement tronqué.

...

Nom ← "Jokers"

Prénom ← "Midnight"

Tel ← "0348946532"

Mail ← "allstars@rockandroll.com"

Truc ← Nom & Prénom & Tel & Mail

EcrireFichier 3, Truc

Et pour finir, une fois qu'on en a terminé avec un fichier, il ne faut pas oublier de fermer ce fichier. On libère ainsi le canal qu'il occupait (et accessoirement, on pourra utiliser ce canal dans la suite du programme pour un autre fichier... ou pour le même).

Exercice 10.1

Quel résultat cet algorithme produit-il ?

```
Variable Truc en Caractère
Ouvrir "Exemple.txt" sur 5 en Lecture
Tantque Non EOF(5)
    LireFichier 5, Truc
    Ecrire Truc
FinTantQue
Fermer 5
```

Exercice 10.2

Ecrivez l'algorithme qui produit un résultat similaire au précédent, mais le fichier texte "Exemple.txt" est cette fois de type délimité (caractère de délimitation : /). On produira à l'écran un affichage où pour des raisons esthétiques, ce caractère sera remplacé avec des espaces.

Exercice 10.3

On travaille avec le fichier du carnet d'adresses en champs de largeur fixe.

Ecrivez un algorithme qui permet à l'utilisateur de saisir au clavier un nouvel individu qui sera ajouté à ce carnet d'adresses.

5. Stratégies de traitement

Il existe globalement deux manières de traiter les fichiers textes :

- l'une consiste à s'en tenir au fichier proprement dit, c'est-à-dire à modifier directement les informations sur le disque dur. C'est parfois un peu acrobatique, lorsqu'on veut supprimer un élément d'un fichier : on programme alors une boucle avec un test, qui recopie dans un deuxième fichier tous les éléments du premier fichier sauf un ; et il faut ensuite recopier intégralement le deuxième fichier à la place du premier fichier... Ouf.
- l'autre stratégie consiste, comme on l'a vu, à **passer par un ou plusieurs tableaux**. En fait, le principe fondamental de cette approche est de commencer, avant toute autre chose, par **recopier l'intégralité du fichier de départ en mémoire vive**. Ensuite, on ne manipule que cette mémoire vive (concrètement, un ou plusieurs tableaux). Et lorsque le traitement est terminé, on recopie à nouveau dans l'autre sens, depuis la mémoire vive vers le fichier d'origine.

Les avantages de la seconde technique sont nombreux, et 99 fois sur 100, c'est ainsi qu'il faudra procéder :

- la **rapidité** : les accès en mémoire vive sont des milliers de fois plus rapides (nanosecondes) que les accès aux mémoires de masse (millisecondes au mieux pour un disque dur). En basculant le fichier du départ dans un tableau, on minimise le nombre ultérieur d'accès disque, tous les traitements étant ensuite effectués en mémoire.
- la **facilité de programmation** : bien qu'il faille écrire les instructions de recopie du fichier dans le tableau, pour peu qu'on doive tripoter les informations dans tous les sens, c'est largement plus facile de faire cela avec un tableau qu'avec des fichiers.

Pourquoi, alors, demanderez-vous haletants, ne fait-on pas cela à tous les coups ? Y a-t-il des cas où il vaut mieux en rester aux fichiers et ne pas passer par des tableaux ?

- la recopie d'un très gros fichier en mémoire vive exige des ressources qui peuvent atteindre des dimensions considérables. Donc, dans le cas d'immenses fichiers (très rares, cependant), la recopie en mémoire peut s'avérer problématique.
- si le fichier contient des données de type non homogènes (chaînes, numériques, etc.) cela risque d'être coton pour le stocker dans un tableau : il va falloir déclarer plusieurs tableaux, dont le maniement au final peut être aussi lourd que celui des fichiers de départ. A moins... d'utiliser une ruse : créer des types de variables personnalisés, composés d'un « collage » de plusieurs types existants (10 caractères, puis un numérique, puis 15 caractères, etc.). Ce type de variable s'appelle un type **structuré**. Cette technique, bien qu'elle ne soit pas vraiment difficile, exige tout de même une certaine aisance... Voilà pourquoi on va maintenant en dire quelques mots.

6. Données structurées

6.1. Données structurées simples

Nostalgiques du Lego, cette partie va vous plaire. Comment construire des trucs pas possibles et des machins pas croyables avec juste quelques éléments de base ? Vous n'allez pas tarder à le savoir...

Jusqu'à présent, voilà comment se présentaient nos possibilités en matière de mémoire vive : nous pouvions réserver un emplacement pour une information, d'un certain type. Un tel emplacement s'appelle une variable. Nous pouvions aussi réserver une série d'emplacements numérotés pour une série d'information **de même type**. Un tel emplacement s'appelle un tableau.

Eh bien toujours plus haut, toujours plus fort, voici maintenant que nous pouvons réserver **une série d'emplacements pour des données de type différents**. Un tel emplacement s'appelle une **variable structurée**. Son utilité, lorsqu'on traite des fichiers texte (et même, des fichiers en général), saute aux yeux : car on va pouvoir calquer chacune des lignes du fichier en mémoire vive, et considérer que chaque enregistrement sera recopié dans une variable et une seule, qui lui sera adaptée. Ainsi, le problème du "découpage" de chaque enregistrement en différentes variables (le nom, le prénom, le numéro de téléphone, etc.) sera résolu d'avance, puisqu'on aura une structure, un gabarit, en quelque sorte, tout prêt d'avance pour accueillir et prédécouper nos enregistrements.

Attention toutefois ; lorsque nous utilisons des variables de type prédéfini, comme des entiers, des booléens, etc. nous n'avons qu'une seule opération à effectuer : déclarer la variable en utilisant un des types existants. A présent que nous voulons créer un nouveau type de variable (par assemblage de types existants), il va falloir faire deux choses : d'abord, créer le type. Ensuite seulement, déclarer la (les) variable(s) d'après ce type.

Reprenons une fois de plus l'exemple du carnet d'adresses.

Nous allons donc, avant même la déclaration des variables, créer un type, une structure, calquée sur celle de nos enregistrements, et donc prête à les accueillir :

```
Structure Bottin
  Nom en Caractère * 20
  Prénom en Caractère * 15
  Tel en caractère * 10
  Mail en Caractère * 20
Fin Structure
```

Ici, Bottin est le nom de ma structure. Ce mot jouera par la suite dans mon programme exactement le même rôle que les types prédéfinis comme Numérique, Caractère ou Booléen. Maintenant que la structure est définie, on va pouvoir, dans la section du programme où s'effectuent les déclarations, créer une ou des variables correspondant à cette structure :

```
Variable Individu en Bottin
```

Et si cela me chantait, nous pourrions remplir les différentes informations contenues au sein de la variable Individu de la manière suivante :

```
Individu ← "Joker", "Midnight", "0348946532", "allstars@rock.com"
```

On peut aussi avoir besoin d'accéder à un seul des champs de la variable structurée. Dans ce cas, on emploie le point :

```
Individu.Nom ← "Jokers"
Individu.Prénom ← "Midnight"
Individu.Tel ← "0348946532"
Individu.Mail ← "allstars@rockandroll.com"
```

Ainsi, écrire correctement une information dans le fichier est un jeu d'enfant, puisqu'on dispose d'une variable Individu au bon gabarit. Une fois remplis les différents champs de cette variable - ce qu'on vient de faire -, il n'y a plus qu'à envoyer celle-ci directement dans le fichier. Et zou !

```
EcrireFichier 3, Individu
```

De la même manière, dans l'autre sens, lorsqu'on effectue une opération de lecture dans le fichier Adresses : la structure étant faite pour cela, on peut dorénavant se contenter de recopier une ligne du fichier dans une variable de type Bottin, et le tour sera joué. Pour charger l'individu suivant du fichier en mémoire vive, il suffira donc d'écrire :

```
LireFichier 5, Individu
```

Et là, direct, nous avons bien nos quatre renseignements accessibles dans les quatre champs de la variable individu. Tout cela, évidemment, parce que la structure de notre variable Individu correspond parfaitement à la structure des enregistrements de notre fichier. Dans le cas contraire, pour reprendre une expression connue, on ne découpera pas selon les pointillés, et alors, imaginez le carnage...

6.2. Tableaux de données structurées

Et encore plus loin, encore plus vite et encore plus fort. Si à partir des types simples, on peut créer des variables et des tableaux de variables, à partir des types structurés, on peut créer des variables structurées... et des **tableaux de variables structurées**.

Là, bien que pas si difficile que cela, ça commence à devenir vraiment balèze. Parce que cela veut dire que nous disposons d'une manière de gérer la mémoire vive qui va correspondre exactement à la structure d'un fichier texte (d'une base de données). Comme les structures se correspondent parfaitement, le nombre de manipulations à effectuer, autrement dit de lignes de programme à écrire, va être réduit au minimum. En fait, dans notre tableau structuré, les champs des emplacements du tableau correspondront aux champs du fichier texte, et les indices des emplacements du tableau correspondront aux différentes lignes du fichier.

Voici, à titre d'illustration, l'algorithme complet de lecture du fichier Adresses et de sa recopie intégrale en mémoire vive, en employant un tableau structuré.

```
Structure Bottin
  Nom en Caractère * 20
  Prénom en Caractère * 15
  Tel en caractère * 10
  Mail en Carctère * 20
Fin Structure
Tableau Mespotes() en Bottin
Ouvrir "Exemple.txt" sur 3 en Ajout
i ← -1
Tantque Non EOF(5)
  i ← i + 1
  Redim Mespotes(i)
  LireFichier 5, Mespotes(i)
FinTantQue
```

Une fois que ceci est réglé, on a tout ce qu'il faut ! Si on voulait écrire, à un moment, le mail de l'individu n°13 du fichier (donc le n°12 du tableau) à l'écran, il suffirait de passer l'ordre :

```
Ecrire Mespotes(12).Mail
```

Et voilà le travail. Simplissime, non ?

REMARQUE FINALE SUR LES DONNEES STRUCTUREES

Même si le domaine de prédilection des données structurées est la gestion de fichiers, on peut tout à fait y avoir recours dans d'autres contextes, et organiser plus systématiquement les variables d'un programme sous la forme de telles structures.

En programmation dite **procédurale**, celle que nous étudions ici, ce type de stratégie reste relativement rare. Mais rare ne veut pas dire interdit, ou même inutile.

Et nous aurons l'occasion de voir qu'en programmation **objet**, ce type d'organisation des données devient fondamental.

Mais ceci est un autre cours...

7. Récapitulatif général

Lorsqu'on est amené à travailler avec des données situées dans un fichier, plusieurs choix, en partie indépendants les uns des autres, doivent être faits :

- sur l'organisation en **enregistrements** du fichier (choix entre **fichier texte** ou **fichier binaire**) ;
- sur le mode d'**accès** aux enregistrements du fichier (**direct** ou **séquentiel**) ;
- sur l'organisation des **champs** au sein des enregistrements (présence de **séparateurs** ou **largeur fixe**) ;
- sur la **méthode de traitement** des informations (recopie intégrale du fichier en mémoire vive ou non) ;
- sur le **type de variables** utilisées pour cette recopie en mémoire vive (plusieurs tableaux de type **simple**, ou un seul tableau de type **structuré**).

Chacune de ces options présente avantages et inconvénients, et il est impossible de donner une règle de conduite valable en toute circonstance. Il faut connaître ces techniques, et savoir choisir la bonne option selon le problème à traiter.

Voici une série de (pas toujours) petits exercices sur les fichiers texte, que l'on pourra traiter en employant les types structurés (c'est en tout cas le cas dans les corrigés).

Exercice 10.4

Même question, mais cette fois le carnet est supposé être trié par ordre alphabétique. L'individu doit donc être inséré au bon endroit dans le fichier.

Exercice 10.5

Écrivez un algorithme qui permette de modifier un renseignement (pour simplifier, disons uniquement le nom de famille) d'un membre du carnet d'adresses. Il faut donc demander à l'utilisateur quel est le nom à modifier, puis quel est le nouveau nom, et mettre à jour le fichier. Si le nom recherché n'existe pas, le programme devra le signaler.

Exercice 10.6

Ecrivez un algorithme qui trie les individus du carnet d'adresses par ordre alphabétique.

Exercice 10.7

Soient Toto.txt et Tata.txt deux fichiers dont les enregistrements ont la même structure. Ecrire un algorithme qui recopie tout le fichier Toto dans le fichier Tutu, puis à sa suite, tout le fichier Tata (concaténation de fichiers).

Exercice 10.8

Ecrire un algorithme qui supprime dans notre carnet d'adresses tous les individus dont le mail est invalide (pour employer un critère simple, on considèrera que sont invalides les mails ne comportant aucune arobase, ou plus d'une arobase).

Exercice 10.9

Les enregistrements d'un fichier contiennent les deux champs Nom (chaîne de caractères) et Montant (Entier). Chaque enregistrement correspond à une vente conclue par un commercial d'une société.

On veut mémoriser dans un tableau, puis afficher à l'écran, le total de ventes par vendeur. Pour simplifier, on suppose que le fichier de départ est déjà trié alphabétiquement par vendeur.

REMARQUE N°1

Lorsqu'on veut récupérer des données numériques inscrites dans un fichier texte, il ne faut surtout pas oublier que ces données se présentent forcément sous forme de caractères. La récupération elle-même transmettra donc obligatoirement des données de type alphanumérique ; pour utiliser ces données à des fins ultérieures de calcul, il sera donc nécessaire d'employer une fonction de conversion.

Cette remarque ne s'applique pas aux fichiers binaires.

REMARQUE N°1BIS

Voilà pourquoi une structure s'appliquant aux fichiers textes est forcément composée uniquement de types caractères. Une structure traitant de fichiers binaires pourrait en revanche être composée de caractères, de numériques et de booléens.

REMARQUE N°2

Plusieurs langages interdisent l'écriture d'une variable structurée dans un fichier texte, ne l'autorisant que pour un fichier binaire.

Si l'on se trouve dans ce cas, cela signifie qu'on peut certes utiliser une structure, ou un tableau de structures, mais à condition d'écrire sur le fichier champ par champ, ce qui annule une partie du bénéfice de la structure.

Nous avons postulé ici que cette interdiction n'existait pas ; en tenir compte ne changerait pas fondamentalement les algorithmes, mais alourdirait un peu le code pour les lignes traitant de l'écriture dans les fichiers.

PARTIE 11 (PROCÉDURES ET FONCTIONS)

« L'informatique semble encore chercher la recette miracle qui permettra aux gens d'écrire des programmes corrects sans avoir à réfléchir. Au lieu de cela, nous devons apprendre aux gens comment réfléchir »

Anonyme

1. Fonctions personnalisées

1.1. De quoi s'agit-il ?

Une application, surtout si elle est longue, a toutes les chances de devoir procéder aux mêmes traitements, ou à des traitements similaires, à plusieurs endroits de son déroulement. Par exemple, la saisie d'une réponse par oui ou par non (et le contrôle qu'elle implique), peuvent être répétés dix fois à des moments différents de la même application.

La manière la plus évidente, mais aussi la moins habile, de programmer ce genre de choses, c'est bien entendu de répéter le code correspondant autant de fois que nécessaire. Apparemment, on ne se casse pas la tête : quand il faut que la machine interroge l'utilisateur, on recopie presque mot à mot les lignes de codes voulues. Mais en procédant de cette manière, la pire qui soit, on se prépare des lendemains qui déchantent...

D'abord, parce que si la structure d'un programme écrit de cette manière peut paraître simple, elle est en réalité inutilement lourdingue. Elle contient des répétitions, et pour peu que le programme soit joufflu, il peut devenir parfaitement illisible. Or, c'est un critère essentiel pour un programme informatique, qu'il soit facilement modifiable donc lisible, y compris - et surtout - par ceux qui ne l'ont pas écrit ! Dès que l'on programme non pour soi-même, mais dans le cadre d'une organisation (entreprise ou autre), cette nécessité se fait sentir de manière aiguë.

En plus, à un autre niveau, une telle structure pose des problèmes considérables de maintenance : car en cas de modification du code, il va falloir traquer toutes les apparitions de ce code pour faire convenablement la modification ! Et si l'on en oublie une, patatras, on a laissé un bug.

Il faut donc opter pour une autre stratégie, qui consiste à séparer ce traitement du corps du programme et à appeler ces instructions (qui ne figurent donc plus qu'en un seul exemplaire) à chaque fois qu'on en a besoin. Ainsi, la lisibilité est assurée ; le programme devient **modulaire**, et il suffit de faire une seule modification au bon endroit, pour que cette modification prenne effet dans la totalité de l'application.

Le corps du programme s'appelle alors la **procédure principale**, et ces groupes d'instructions auxquels on a recours s'appellent des **fonctions** et des **sous-procédures** (nous verrons un peu plus loin la différence entre ces deux termes).

Reprenons un exemple de question à laquelle l'utilisateur doit répondre par oui ou par non.

Mauvaise Structure

```

...
Ecrire "Etes-vous marié ?"
Rep1 ← ""
TantQue Rep1 <> "Oui" et Rep1 <> "Non"
    Ecrire "Tapez Oui ou Non"
    Lire Rep1
FinTantQue
...
Ecrire "Avez-vous des enfants ?"
Rep2 ← ""
TantQue Rep2 <> "Oui" et Rep2 <> "Non"
    Ecrire "Tapez Oui ou Non"
    Lire Rep2
FinTantQue

```

On le voit bien, il y a là une répétition quasi identique du traitement à accomplir. A chaque fois, on demande une réponse par Oui ou Non, avec contrôle de saisie. La seule chose qui change, c'est le nom de la variable dans laquelle on range la réponse. Alors, il doit bien y avoir un truc.

La solution consiste à **isoler les instructions** demandant une réponse par Oui ou Non, et à appeler ces instructions à chaque fois que nécessaire. Ainsi, on évite les répétitions inutiles, et on a découpé notre problème en petits morceaux autonomes.

Nous allons donc créer une **fonction** dont le rôle sera de **renvoyer** la réponse (oui ou non) de l'utilisateur. Ce mot de "fonction", en l'occurrence, ne doit pas nous surprendre : nous avons étudié précédemment des fonctions fournies avec le langage, et nous avons vu que le but d'une fonction était de renvoyer une valeur. Eh bien, c'est exactement la même chose ici, sauf que c'est nous qui allons créer notre propre fonction, que nous appellerons RepOuiNon :

```

Fonction RepOuiNon()
Truc ← ""
TantQue Truc <> "Oui" et Truc <> "Non"
    Ecrire "Tapez Oui ou Non"
    Lire Truc
FinTantQue
Renvoyer Truc
Fin Fonction

```

On remarque au passage l'apparition d'un nouveau mot-clé : **Renvoyer**, qui indique quelle valeur doit prendre la fonction lorsqu'elle est utilisée par le programme. Cette valeur renvoyée par la fonction (ici, la valeur de la variable Truc) est en quelque sorte contenue dans le nom de la fonction lui-même, exactement comme c'était le cas dans les fonctions prédéfinies.

Une fonction s'écrit toujours en-dehors de la procédure principale. Selon les langages, cela peut prendre différentes formes. Mais ce qu'il faut comprendre, c'est que ces quelques lignes de codes sont en quelque sorte des satellites, qui existent en dehors du traitement lui-même. Simplement, elles sont à sa disposition, et il pourra y faire appel chaque fois que nécessaire. Si l'on reprend notre exemple, une fois notre fonction RepOuiNon écrite, le programme principale comprendra les lignes :

```

...
Ecrire "Etes-vous marié ?"
Rep1 ← RepOuiNon()
...
Ecrire "Avez-vous des enfants ?"
Rep2 ← RepOuiNon()
...

```

Et le tour est joué ! On a ainsi évité les répétitions inutiles, et si d'aventure, il y avait un bug dans notre contrôle de saisie, il suffirait de faire une seule correction dans la fonction RepOuiNon pour que ce bug soit éliminé de toute l'application.

Toutefois, les plus sagaces d'entre vous auront remarqué, tant dans le titre de la fonction, que dans chacun des appels, la présence de **parenthèses**. Celles-ci, dès qu'on crée ou qu'on appelle une fonction, sont **obligatoires**. Et si vous avez bien compris tout ce qui précède, vous devez avoir une petite idée de ce qu'on va pouvoir mettre dedans...

1.2. Passage d'arguments

Reprenons l'exemple qui précède et analysons-le. Nous écrivons un message à l'écran, puis appelons la fonction RepOuiNon pour poser une question ; puis, un peu plus loin, on écrit un autre message à l'écran, et on appelle de nouveau la fonction pour poser la même question, etc. C'est une démarche acceptable, mais qui peut encore être améliorée : puisque avant chaque question, on doit écrire un message, autant que cette écriture du message figure directement dans la fonction appelée. Cela implique deux choses :

- lorsqu'on appelle la fonction, on doit lui préciser quel message elle doit afficher avant de lire la réponse ;
- la fonction doit être « prévenue » qu'elle recevra un message, et être capable de le récupérer pour l'afficher.

En langage algorithmique, on dira que le message devient un **argument de la fonction**. Cela n'est certes pas une découverte pour vous : nous avons longuement utilisé les arguments à propos des fonctions prédéfinies. Eh bien, quitte à construire nos propres fonctions, nous pouvons donc construire nos propres arguments. Voilà comment l'affaire se présente...

La fonction sera dorénavant déclarée comme suit :

```
Fonction RepOuiNon(Msg en Caractère)
Ecrire Msg
Truc ← ""
TantQue Truc <> "Oui" et Truc <> "Non"
    Ecrire "Tapez Oui ou Non"
    Lire Truc
FinTantQue
Renvoyer Truc
Fin Fonction
```

Il y a donc maintenant entre les parenthèses une variable, Msg, dont on précise le type, et qui signale à la fonction qu'un argument doit lui être envoyé à chaque appel. Quant à ces appels, justement, ils se simplifieront encore dans la procédure principale, pour devenir :

```
...
Rep1 ← RepOuiNon("Etes-vous marié ?")
...
Rep2 ← RepOuiNon("Avez-vous des enfants ?")
...
```

Et voilà le travail.

Une remarque importante : là, on n'a passé qu'un seul argument en entrée. Mais bien entendu, on peut en passer autant qu'on veut, et créer des fonctions avec deux, trois, quatre, etc. arguments ; Simplement, il faut éviter d'être gourmands, et il suffit de passer ce dont on a besoin, ni plus, ni moins !

Dans le cas que l'on vient de voir, le passage d'un argument à la fonction était élégant, mais pas indispensable. La preuve, cela marchait déjà très bien lors de la première version. Nous allons voir maintenant une situation où il faut absolument passer deux arguments à une fonction si l'on veut qu'elle puisse remplir sa tâche.

Imaginons qu'à plusieurs reprises au cours du programme, on ait à calculer la moyenne des éléments de différents tableaux. Plutôt que répéter le code à chaque fois, on va donc créer une fonction Moy, chargée spécialement de calculer cette moyenne. Voyons voir un peu de quoi cette fonction a besoin :

- du tableau, bien sûr. Comment calculer la moyenne de ses éléments sans cela ?
- mais il faut également le nombre d'éléments du tableau, ou, au choix, l'indice maximal du tableau. Enfin, quelque chose qui permette à la fonction de savoir combien de tours de boucle elle devra faire.

Voilà donc une situation où la fonction a absolument besoin de deux arguments. Écrivons-la, juste histoire de vérifier qu'on est bien d'accord :

```

Fonction Moy(T en tableau numérique, n en entier)
  Som ← 0
  Pour i ← 0 à n-1
    Som ← Som + T(i)
  i suivant
  m ← som / n
  Renvoyer m
Fin Fonction

```

Quant aux différents appels dans la procédure principale, si on a un tableau Riri de 43 éléments, un tableau Fifi de 5 éléments et un tableau Loulou de k éléments, et qu'on range respectivement les moyennes dans les variables M1, M2 et M3, cela donnera :

```

M1 ← Moy (Riri, 43)
M2 ← Moy (Fifi, 5)
M2 ← Moy (Fifi, k)

```

En fait, tout cela, c'est simple comme bonjour... Le plus important, c'est d'acquérir **le réflexe de constituer systématiquement les fonctions adéquates quand on doit traiter un problème donné.**

Cette partie de la réflexion s'appelle d'ailleurs l'**analyse fonctionnelle** d'un problème, et c'est toujours par là qu'il faut commencer : en gros, dans un premier temps, on découpe le traitement en modules, et dans un deuxième temps, on écrit chaque module. Cependant, avant d'en venir là, il nous faut découvrir un dernier outil, qui prend le relais là où les fonctions deviennent incapables de nous aider.

Exercice 11.1

Ecrivez une fonction qui renvoie la somme de cinq nombres fournis en argument.

Exercice 11.2

Ecrivez une fonction qui renvoie le nombre de voyelles contenues dans une chaîne de caractères passée en argument. Au passage, notez qu'une fonction a tout à fait le droit d'appeler une autre fonction.

Exercice 11.3

Réécrivez la fonction *Trouve*, vue précédemment, à l'aide des fonctions *Mid* et *Len* (comme quoi, *Trouve*, à la différence de *Mid* et *Len*, n'est pas une fonction indispensable dans un langage)

2. Sous-Procédures

Les fonctions, c'est bien, mais dans certains cas, ça ne nous rend guère service.

Il peut en effet arriver que dans un programme, on ait à réaliser des tâches répétitives, mais que ces tâches n'aient pas pour rôle de générer une valeur particulière, ou qu'elles aient pour rôle d'en générer plus d'une à la fois. Prenons deux exemples.

Premier exemple. Imaginons qu'au cours de notre application, on ait plusieurs fois besoin d'effacer l'écran et de réafficher un bidule comme un petit logo en haut à gauche. On pourrait se dire qu'il faut créer une fonction pour faire cela. Mais quelle serait la valeur renvoyée par la fonction ? Aucune ! Effacer l'écran, ce n'est pas produire un résultat stockable dans une variable, et afficher un logo non plus. Voilà donc une situation où on a besoin de répéter du code, mais où ce code n'a pas comme rôle de produire une valeur.

Deuxième exemple. Au cours de notre application, on doit plusieurs fois faire saisir un tableau d'entiers (mais à chaque fois, un tableau différent). Là encore, on serait tenté d'effectuer toutes ces saisies de tableaux dans une seule fonction. Mais problème, une fonction ne peut renvoyer qu'une seule valeur à la fois. Elle ne peut donc renvoyer un tableau, qui est une série de valeurs distinctes.

Alors, dans ces deux cas, faute de pouvoir traiter l'affaire par une fonction, devra-t-on en rester au code répétitif dont nous venons de dénoncer si vigoureusement les faiblesses ? Vous vous doutez bien que non. Heureusement, tout est prévu, il y a une solution. Et celle-ci consiste à utiliser des **sous-procédures**.

En fait, les fonctions - que nous avons vues - ne sont qu'un cas particulier des sous-procédures - que nous allons voir : celui où doit être renvoyé vers la procédure appelante une valeur et une seule. Dans tous les autres cas, il faut donc avoir recours non à la forme particulière et simplifiée (la fonction), mais à la forme générale (la sous-procédure).

Parlons donc de ce qui est commun aux sous-procédures et aux fonctions, mais aussi de ce qui les différencie. Voici comment se présente une sous-procédure :

```
Procédure Bidule( ... )
```

```
...  
Fin Procédure
```

Dans la procédure principale, l'appel à la sous-procédure Bidule devient quant à lui :

```
...  
Appeler Bidule(...)  
...
```

Établissons un premier état des lieux.

1. Alors qu'une fonction se caractérisait par les mots-clés **Fonction ... Fin Fonction**, une sous-procédure est identifiée par les mots-clés **Procédure ... Fin Procédure**. Oui, c'est un peu trivial comme remarque, mais on ne sait jamais.
2. Lorsqu'une fonction était appelée, sa valeur (retournée) était toujours affectée à une variable. L'appel à une procédure, lui, est au contraire toujours une **instruction autonome**. "Exécute la procédure Bidule" est un ordre qui se suffit à lui-même.
3. Toute fonction devait, pour cette raison, comporter l'instruction "Renvoyer". Pour la même raison, l'instruction "Renvoyer" n'est jamais utilisée dans une sous-procédure. La fonction est une valeur calculée, qui renvoie son résultat vers la procédure principale. La sous-procédure, elle, est un **traitement** ; elle ne "vaut" rien.
4. Même une fois qu'on a bien compris les trois premiers points, on n'est pas au bout de nos peines.

En effet, il nous reste à examiner ce qui peut bien se trouver dans les parenthèses, à la place des points de suspension, aussi bien dans la déclaration de la sous-procédure que dans l'appel. Vous vous en doutez bien : c'est là que vont se trouver les outils qui vont permettre l'échange d'informations entre la procédure principale et la sous-procédure (en fait, cette dernière phrase est trop restrictive : mieux vaudrait dire : entre la procédure appelante et la procédure appelée. Car une sous-procédure peut très bien en appeler elle-même une autre afin de pouvoir accomplir sa tâche).

Dans une fonction, les valeurs qui circulaient depuis la procédure (ou la fonction) appelante jusqu'à la fonction portaient le nom d'**arguments**. Là, les valeurs qui circulent depuis la procédure (ou la fonction) appelante vers la sous-procédure appelée se nomment des **paramètres en entrée** de la sous-procédure. Mais seul le nom change : "paramètres en entrée" pour les procédures ou "arguments" pour les fonctions, on parle en fait exactement de la même chose.

Inversement, dans une fonction, la valeur retournée par la fonction portait le nom de la fonction elle-même, et elle faisait l'objet d'une instruction spéciale ("renvoyer"). Avec une sous-procédure, les valeurs retournées, quand il y en a, s'appellent des **paramètres en sortie** de la sous-procédure, qui doivent être déclarés explicitement comme tels.

Ceci nous permet de reformuler en termes un peu différents la vérité fondamentale apprise un peu plus haut : **toute sous-procédure possédant un et un seul paramètre en sortie peut également être écrite sous forme d'une fonction** (et entre nous, c'est préférable car un peu plus facile).

Il ne vous reste plus qu'une seule chose à savoir avant de pouvoir passer à la pratique. C'est que dans la plupart des langages, on ne parlera pas de paramètres "en entrée" ou "en sortie", mais de paramètres transmis :

- **par valeur** (correspondant à un paramètre en **entrée**) ;
- **par référence** (correspondant à un paramètre en **sortie**).

On peut également imaginer le cas d'un paramètre qui serait passé à une **procédure à la fois en entrée et en sortie** : on envoie une variable à une procédure, afin qu'elle la traite et la renvoie modifiée. Dans ce cas, le paramètre aura également le statut d'une transmission **par référence** (qui peut le plus peut le moins).

Tout cela peut sembler un tantinet compliqué. Mais sur le principe, c'est en réalité assez simple, et dès que vous aurez pratiqué un peu, vous ferez cela les yeux fermés. Reprenons le cas d'un programme au cours duquel on a plusieurs tableaux d'entiers à faire saisir par l'utilisateur. Puisqu'un tableau comporte plusieurs valeurs, nous savons qu'il ne peut, par définition, être renvoyé par une fonction. Mais une sous-procédure, elle, comporte autant de paramètres en sortie qu'on veut. Elle peut donc sans problème renvoyer un tableau vers la procédure qui l'appelle. Ecrivons donc notre sous-procédure :

```
Procédure SaisieTab(T en tableau par référence, N en entier par valeur)
Pour i ← 0 à N-1
    Ecrire "Saisie de la valeur n° " & i + 1
    Lire T(i)
i suivant
Fin Procédure
```

Et son appel :

```
Tableau Truc(5), Machin(12) en Entier
...
Appeler SaisieTab(Truc, 5)
...
Appeler SaisieTab(Machin, 12)
...
Fin Procédure
```

La seule chose à remarquer, c'est que **les variables manipulées par la sous-procédure** (notamment le tableau T) **ne sont pas celles qui sont manipulées dans la procédure appelante** (les tableaux Truc et Machin).

Ceci n'est pas une obligation : on pourrait imaginer une architecture où ce seraient les mêmes variables qui seraient triturées dans la procédure appelante et dans la sous-procédure (ces variables porteraient alors le même nom). Mais une telle architecture, si elle est possible, doit rester l'exception à laquelle on n'a recours qu'en cas de besoin très particulier. En effet, pour qu'une telle chose soit possible, il faut que la variable ait la capacité de conserver sa valeur d'une procédure à l'autre ; en quelque sorte, qu'elle survive même si la procédure qui la manipulait se termine. Ce genre de variable dopée à l'EPO existe, on en reparlera dans un instant, mais elle est très gourmande en ressources mémoire. Donc, comme toujours, vous connaissez la chanson, on applique le principe de l'économie de moyens.

Conclusion : une sous-procédure est un morceau de code qui comporte éventuellement des paramètres en entrée (transmis par valeur) et des paramètres en sortie (transmis par référence). La sous-procédure manipule donc des variables qui lui sont propres, et la procédure appelante agit de même. La présence des paramètres dans l'appel à la sous-procédure et dans le titre de celle-ci assure le fait que la valeur des uns sera recopiée dans les autres

(transmission par valeur) et qu'en retour, celle des autres sera recopiée dans les uns (transmission par référence).

3. Variables publiques et privées

L'existence de sous-procédures, de paramètres, pose comme on l'a vu le problème de la « durée de vie » des variables, ce qu'on appelle leur **portée**. Pour adopter une classification simple (mais qui devient parfois plus complexe dans certains langages), une variable peut être déclarée :

- Comme **privée**, ou **locale** (c'est neuf fois sur dix l'option par défaut). Cela signifie que la variable disparaît (et sa valeur avec) dès que prend fin la procédure ou elle a été créée.
- Comme **publique**, ou **globale**. Ce qui signifie qu'une telle variable est conservée intacte pour toute l'application, au-delà des ouvertures et fermetures de procédures. La variable conserve sa valeur et peut être traitée par différentes procédures du programme.

La manière dont ces déclarations doivent être faites est évidemment fonction de chaque langage de programmation. En pseudo-code algorithmique, vous pourrez utiliser le mot-clé **Public** pour déclarer une variable publique :

Variable Publique Toto en Entier

Comment choisir de déclarer une variable en Public ou en Privé ? C'est très simple : **les variables globales consomment énormément de ressources en mémoire**. En conséquence, le principe qui doit présider au choix entre variables publiques et privées doit être celui de **l'économie de moyens** : on ne déclare comme publiques que les variables qui doivent absolument l'être. Et chaque fois que possible, lorsqu'on crée une sous-procédure, on utilise le passage de paramètres plutôt que des variables publiques.

4. Algorithmes fonctionnels

Pour clore ce chapitre, quelques mots à propos de la structure générale d'une application. Celle-ci va couramment être formée d'une procédure principale, et de fonctions et de sous-procédures (qui vont au besoin elles-mêmes en appeler d'autres, etc.). L'exemple typique est celui d'un menu, ou d'un sommaire, qui « branche » sur différents traitements, donc différentes sous-procédures.

L'algorithme fonctionnel de l'application est le découpage et/ou la représentation graphique de cette structure générale, ayant comme objectif de faire comprendre d'un seul coup d'œil quelle procédure fait quoi, et quelle procédure appelle quelle autre. L'algorithme fonctionnel est donc en quelque sorte la construction du squelette de l'application. Il se situe à un niveau plus général, plus abstrait, que l'algorithme normal, qui lui, détaille pas à pas les traitements effectués au sein de chaque procédure.

Dans la construction - et la compréhension - d'une application, les deux documents sont indispensables, et constituent deux étapes successives de l'élaboration d'un projet. La troisième - et dernière - étape, consiste à écrire, pour chaque procédure et fonction, l'algorithme détaillé.

Exemple de réalisation d'un algorithme fonctionnel : Le Jeu du Pendu

Vous connaissez tous ce jeu : l'utilisateur doit deviner un mot choisi au hasard par l'ordinateur, en un minimum d'essais. Pour cela, il propose des lettres de l'alphabet. Si la lettre figure dans le mot à trouver, elle s'affiche. Si elle n'y figure pas, le nombre des mauvaises réponses augmente de 1. Au bout de dix mauvaises réponses, la partie est perdue.

Ce petit jeu va nous permettre de mettre en relief les trois étapes de la réalisation d'un algorithme un peu complexe ; bien entendu, on pourrait toujours ignorer ces trois étapes, et se lancer comme un dératé directement dans la gueule du loup, à savoir l'écriture de l'algorithme définitif. Mais, sauf à être particulièrement doué, mieux vaut respecter le canevas qui suit, car les difficultés se résolvent mieux quand on les saucisbonne...

Etape 1 : le dictionnaire des données

Le but de cette étape est d'identifier les informations qui seront nécessaires au traitement du problème, et de choisir le type de codage qui sera le plus satisfaisant pour traiter ces informations. C'est un moment essentiel de la réflexion, qu'il ne faut surtout pas prendre à la légère... Or, neuf programmeurs débutants sur dix bâclent cette réflexion, quand ils ne la zappent pas purement et simplement. La punition ne se fait généralement pas attendre longtemps ; l'algorithme étant bâti sur de mauvaises fondations, le programmeur se rend compte tout en l'écrivant que le choix de codage des informations, par exemple, mène à des impasses. La précipitation est donc punie par le fait qu'on est obligé de tout reprendre depuis le début, et qu'on a au total perdu bien davantage de temps qu'on en a cru en gagner...

Donc, avant même d'écrire quoi que ce soit, les questions qu'il faut se poser sont les suivantes :

- **de quelles informations le programme va-t-il avoir besoin pour venir à bout de sa tâche ?**
- **pour chacune de ces informations, quel est le meilleur codage ? Autrement dit, celui qui, sans gaspiller de la place mémoire, permettra d'écrire l'algorithme le plus simple ?**

Encore une fois, il ne faut pas hésiter à passer du temps sur ces questions, car certaines erreurs, ou certains oublis, se payent cher par la suite.

Pour le jeu du pendu, voici la liste des informations dont on va avoir besoin :

1. une liste de mots (si l'on veut éviter que le programme ne propose toujours le même mot à trouver, ce qui risquerait de devenir assez rapidement lassant...) ;
2. le mot à trouver ;
3. la lettre proposée par le joueur ;
4. le nombre actuel de mauvaises réponses ;
5. et enfin, last but not least, l'ensemble des lettres déjà trouvées par le joueur. Cette information est capitale ; le programme en aura besoin au moins pour deux choses : d'une part, pour savoir si le mot entier a été trouvé. D'autre part, pour afficher à chaque tour l'état actuel du mot (rappelons qu'à chaque tour, les lettres trouvées sont affichées en clair par la machine, les lettres restant à deviner étant remplacées par des tirets) ;

6. à cela, on pourrait ajouter une liste comprenant l'ensemble des lettres déjà proposées par le joueur, qu'elles soient correctes ou non ; ceci permettra d'interdire au joueur de proposer à nouveau une lettre précédemment jouée.

Cette liste d'informations n'est peut-être pas exhaustive ; nous aurons vraisemblablement besoin, au cours de l'algorithme, de quelques variables supplémentaires (des compteurs de boucles, des variables temporaires, etc.). Mais les informations essentielles sont bel et bien là. Se pose maintenant le problème de choisir le mode de codage le plus futé. Si, pour certaines informations, la question va être vite réglée, pour d'autres, il va falloir faire des choix (et si possible, des choix intelligents !). C'est parti :

1. Pour la liste des mots à trouver, il s'agit d'un ensemble d'informations de type alphanumérique. Ces informations pourraient faire partie du corps de la procédure principale, et être ainsi stockées en mémoire vive, sous la forme d'un tableau de chaînes. Mais ce n'est certainement pas le plus judicieux. Toute cette place occupée risque de peser lourd inutilement, car il n'y a aucun intérêt à stocker l'ensemble des mots en mémoire vive. Et si l'on souhaite enrichir la liste des mots à trouver, on sera obligé de réécrire des lignes de programme... Conclusion, la liste des mots sera bien plus à sa place dans un fichier texte, dans lequel le programme ira piocher un seul mot, celui qu'il faudra trouver. Nous constituerons donc un fichier texte, appelé dico.txt, dans lequel figurera un mot par ligne (par enregistrement).
2. Le mot à trouver, lui, ne pose aucun problème : il s'agit d'une information simple de type chaîne, qui pourra être stocké dans une variable appelée mot, de type caractère.
3. De même, la lettre proposée par le joueur est une information simple de type chaîne, qui sera stockée dans une variable appelée lettre, de type caractère.
4. Le nombre actuel de mauvaises réponses est une information qui pourra être stockée dans une variable numérique de type entier simple appelée MovRep.
5. L'ensemble des lettres trouvées par le joueur est typiquement une information qui peut faire l'objet de plusieurs choix de codage ; rappelons qu'au moment de l'affichage, nous aurons besoin de savoir pour chaque lettre du mot à deviner si elle a été trouvée ou non. Une première possibilité, immédiate, serait de disposer d'une chaîne de caractères comprenant l'ensemble des lettres précédemment trouvées. Cette solution est loin d'être mauvaise, et on pourrait tout à fait l'adopter. Mais ici, on fera un autre choix, ne serait-ce que pour varier les plaisirs : on va se doter d'un tableau de booléens, comptant autant d'emplacements qu'il y a de lettres dans le mot à deviner. Chaque emplacement du tableau correspondra à une lettre du mot à trouver, et indiquera par sa valeur si la lettre a été découverte ou non (faux, la lettre n'a pas été devinée, vrai, elle l'a été). La correspondance entre les éléments du tableau et le mot à deviner étant immédiate, la programmation de nos boucles en sera facilitée. Nous baptiserons notre tableau de booléens du joli nom de « verif ».
6. Enfin, l'ensemble des lettres proposées sera stocké sans soucis dans une chaîne de caractères nommée Propos.

Nous avons maintenant suffisamment gamberré pour dresser le tableau final de cette étape, à savoir le dictionnaire des données proprement dit.

Nom	Type	Description
Dico.txt	Fichier texte	Liste des mots à deviner
Mot	Caractère	Mot à deviner
Lettre	Caractère	Lettre proposée
MovRep	Entier	Nombre de mauvaises réponses
Verif()	Tableau de Booléens	Lettres précédemment devinées, en correspondance avec Mot
Propos	Caractère	Liste des lettres proposées

Etape 2 : l'algorithme fonctionnel

On peut à présent passer à la réalisation de l'algorithme fonctionnel, c'est-à-dire au découpage de notre problème en blocs logiques. Le but de la manœuvre est multiple :

- faciliter la réalisation de l'algorithme définitif en le tronçonnant en plus petits morceaux.
- Gagner du temps et de la légèreté en isolant au mieux les sous-procédures et fonctions qui méritent de l'être. Éviter ainsi éventuellement des répétitions multiples de code au cours du programme, répétitions qui ne diffèrent les unes des autres qu'à quelques variantes près.
- Permettre une division du travail entre programmeurs, chacun se voyant assigner la programmation de sous-procédures ou de fonctions spécifiques (cet aspect est essentiel dès qu'on quitte le bricolage personnel pour entrer dans le monde de la programmation professionnelle, donc collective).

Dans notre cas précis, un premier bloc se détache : il s'agit de ce qu'on pourrait appeler les préparatifs du jeu (choix du mot à deviner). Puisque le but est de renvoyer une valeur et une seule (le mot choisi par la machine), nous pouvons confier cette tâche à une fonction spécialisée `ChoixDuMot` (à noter que ce découpage est un choix de lisibilité, et pas une nécessité absolue ; on pourrait tout aussi bien faire cela dans la procédure principale).

Cette procédure principale, justement, va ensuite avoir nécessairement la forme d'une boucle Tantque : en effet, tant que la partie n'est pas finie, on recommence la série des traitements qui représentent un tour de jeu. Mais comment, justement, savoir si la partie est finie ? Elle peut se terminer soit parce que le nombre de mauvaises réponses a atteint 10, soit parce que toutes les lettres du mot ont été trouvées. Le mieux sera donc de confier l'examen de tout cela à une fonction spécialisée, `PartieFinie`, qui renverra une valeur numérique (0 pour signifier que la partie est en cours, 1 en cas de victoire, 2 en cas de défaite).

Passons maintenant au tour de jeu.

La première chose à faire, c'est d'afficher à l'écran l'état actuel du mot à deviner : un mélange de lettres en clair (celles qui ont été trouvées) et de tirets (correspondant aux lettres non encore trouvées). Tout ceci pourra être pris en charge par une sous-procédure spécialisée, appelée `AffichageMot`. Quant à l'initialisation des différentes variables, elle pourra être placée, de manière classique, dans la procédure principale elle-même.

Ensuite, on doit procéder à la saisie de la lettre proposée, en veillant à effectuer les contrôles de saisie adéquats. Là encore, une fonction spécialisée, `SaisieLettre`, sera toute indiquée.

Une fois la proposition faite, il convient de vérifier si elle correspond ou non à une lettre à deviner, et à en tirer les conséquences. Ceci sera fait par une sous-procédure appelée `VérifLettre`.

Enfin, une fois la partie terminée, on doit afficher les conclusions à l'écran ; on déclare à cet effet une dernière procédure, FinDePartie.

Nous pouvons, dans un algorithme fonctionnel complet, dresser un tableau des différentes procédures et fonctions, exactement comme nous l'avons fait juste avant pour les données (on s'épargnera cette peine dans le cas présent, ce que nous avons écrit ci-dessus suffisant amplement. Mais dans le cas d'une grosse application, un tel travail serait nécessaire et nous épargnerait bien des soucis).

On peut aussi schématiser le fonctionnement de notre application sous forme de blocs, chacun des blocs représentant une fonction ou une sous-procédure :

A ce stade, l'analyse dite fonctionnelle est terminée. Les fondations (solides, espérons-le) sont posées pour finaliser l'application.

Etape 3 : Algorithmes détaillés

Normalement, il ne nous reste plus qu'à traiter chaque procédure isolément. On commencera par les sous-procédures et fonctions, pour terminer par la rédaction de la procédure principale.

Fonction ChoixDuMot

Quelques explications : on lit intégralement le fichier contenant la liste des mots. Au fur et à mesure, on range ces mots dans le tableau Liste, qui est redimensionné à chaque tour de boucle. Un tirage aléatoire intervient alors, qui permet de renvoyer un des mots au hasard.

```
Fonction ChoixDuMot()
Tableau Liste() en Caractère
Variable Nbmots en Numérique
Variable Choisi en Entier
Ouvrir "Dico.txt" sur 1 pour Lecture
Nbmots ← -1
Tantque Non EOF(1)
    Nbmots ← Nbmots + 1
    Redim Liste(Nbmots)
    LireFichier 1, Liste(Nbmots)
FinTantQue
Fermer 1
Choisi ← Ent(Alea() * Nbmots)
Renvoyer Liste(Choisi)
FinFonction
```

Fonction PartieFinie

On commence par vérifier le nombre de mauvaise réponses, motif de défaite. Ensuite, on regarde si la partie est gagnée, traitement qui s'apparente à une gestion de Flag : il suffit que l'une des lettres du mot à deviner n'ait pas été trouvée pour que la partie ne soit pas gagnée. La fonction aura besoin, comme arguments, du tableau Verif, de son nombre d'éléments et du nombre actuel de mauvaises réponses.

```
Fonction PartieFinie(t() en Booleen, n, x en Entier)
Variable i, issue en Numérique
Si x = 10 Alors
    Renvoyer 2
Sinon
    Issue ← 1
```

```

    Pour i ← 0 à n
        Si Non t(i) Alors
            Issue ← 0
        FinSi
        i suivant
    Renvoyer Issue
FinSi
FinFonction

```

Procédure AffichageMot

Une même boucle nous permet de considérer une par une les lettres du mot à trouver (variable m), et de savoir si ces lettres ont été identifiées ou non.

Procédure AffichageMot(m en Caractère par Valeur, t() en Booléen par Valeur)

Variable Aff en Caractere

Variable i en Numerique

Aff ← ""

```

Pour i ← 0 à len(m) - 1
    Si Non t(i) Alors
        Aff ← Aff & "-"
    Sinon
        Aff ← Aff & Mid(mot, i + 1, 1)
    FinSi
i suivant
Ecrire Aff
FinProcédure

```

Remarque : cette procédure aurait également pu être écrite sous la forme d'une fonction, qui aurait renvoyé vers la procédure principale la chaîne de caractères Aff. L'écriture à l'écran de cette chaîne Aff aurait alors été faite par la procédure principale.

Voilà donc une situation où on peut assez indifféremment opter pour une sous-procédure ou pour une fonction.

Procédure SaisieLettre

On vérifie que le signe entré (paramètre b) est bien une seule lettre, qui ne figure pas dans les propositions précédemment effectuées (paramètre a)

Procédure SaisieLettre(a en caractère par Référence, b en Caractère par Référence)

Variable Correct en Booléen

Variable Alpha en Caractere

Début

```

Correct ← Faux
Alpha ← "ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ"
TantQue Non Correct
    Ecrire "Entrez la lettre proposée : "
    Lire b
    Si Trouve(alpha, b) = 0 ou len(b) <> 1 Alors
        Ecrire "Ce n'est pas une lettre !"
    SinonSi Trouve(a, b) <> 0 Alors
        Ecrire "Lettre déjà proposée !"
    Sinon
        Correct ← vrai
        a ← a & b
    FinSi
FinTantQue
Fin Procédure

```

Procédure VerifLettre

Les paramètres se multiplient... L est la lettre proposée, t() le tableau de booléens, M le mot à trouver et N le nombre de mauvaises propositions. Il n'y a pas de difficulté majeure dans cette procédure : on examine les lettres de M une à une, et on en tire les conséquences. Le flag sert à savoir si la lettre proposée faisait ou non partie du mot à deviner.

Procédure VerifLettre(L, M en Caractère par Valeur, t() en Booléen par Référence, N en Entier par Référence)

Variable Correct en Booléen

Début

Correct ← Faux

Pour i ← 1 à Len(M)

Si Mid(M, i, 1) = L **Alors**

 Correct ← Vrai

 T(i - 1) ← Vrai

FinSi

FinTantQue

Si Non Correct **Alors**

 N ← N + 1

FinSi

Fin Procédure

Procédure Epilogue

Procédure Epilogue(M en Caractère par Valeur, N en Entier par Valeur)

Début

Si N = 2 **Alors**

Ecrire "Une mauvaise proposition de trop... Partie terminée !"

Ecrire "Le mot à deviner était : ", M

Sinon

Ecrire "Bravo ! Vous avez trouvé !"

FinSi

Fin Procédure

Procédure Principale

Procédure Principale

Variables Lettre, Mot, Propos en Caractere

Variables i, MovRep en Numérique

Tableau Verif() en Booléen

Début

Mot ← ChoixDuMot()

Propos ← ""

Lettre ← ""

Redim Verif(Len(Mot)-1)

Pour i ← 0 à Len(Mot)-1

 Verif(i) ← Faux

i suivant

k ← 0

Tantque k = 0

 AffichageMot(Mot, Verif())

 SaisieLettre(Propos, Lettre)

 VerifLettre(Lettre, Mot, Verif(), MovRep)

 k ← PartieFinie(Verif(), len(mot), MovRep)

FinTantQue

Epilogue(Mot, k)

Fin

PARTIE 12 (NOTIONS COMPLÉMENTAIRES)

« Le danger, avec les ordinateurs, ce n'est pas tellement qu'ils deviennent aussi intelligents que les hommes, mais c'est que nous tombions d'accord avec eux pour les rencontrer à mi-chemin »

Bernard Avishai

Une fois n'est pas coutume, ce chapitre ne sera l'objet d'aucun exercice. Cela ne veut pas dire pour autant que ce qui s'y trouve n'est pas intéressant.

Non mais des fois.

1. Programmation structurée

Petit retour sur une notion très rapidement survolée plus haut : celle de « programmation structurée ». En fait, nous avons jusqu'à présent, fait de la programmation structurée sans le savoir. Aussi, plutôt qu'expliquer longuement en quoi cela consiste, il serait préférable de prendre le problème par l'autre bout : en quoi cela ne consiste pas.

Dans certains langages (historiquement, ce sont souvent des langages anciens), les lignes de programmation portent des numéros. Et les lignes sont exécutées par la machine dans l'ordre de ces numéros. Jusqu'ici, en soi, pas de problème. Mais l'astuce est que tous ces langages, il existe une instruction de branchement, notée « **aller à** » en pseudo-code, instruction qui envoie directement le programme à la ligne spécifiée. Inversement, ce type de langage ne comporte pas d'instructions comme **FinTantQue**, ou **FinSi**, qui « ferment » un bloc.

Prenons l'exemple d'une structure « Si ... Alors ... Sinon »

Programmation Structurée

```
Si condition Alors
    instructions 1
sinon
    instructions 2
Finsi
```

Programmation non structurée

```
1000 Si condition Alors Aller En 1200
1100 instruction 1
1110 etc.
1120 etc.
1190 Aller en 1400
1200 instruction 2
1210 etc.
1220 etc.
1400 suite de l'algorithme
```

Vous voyez le topo : un programme écrit dans ce type de langages se présente comme **une suite de branchements emmêlés les uns dans les autres**. D'une part, on ne peut pas dire que cela favorise la lisibilité du programme. D'autre part, c'est une source importante d'erreurs, car tôt ou tard on oublie un « aller à », ou on met un de trop, etc. A fortiori lorsqu'on complique un algorithme existant, cela peut devenir une jungle inextricable.

A l'inverse, la programmation structurée, surtout si l'on prend soin de rationaliser la présentation en mettant des lignes de commentaires et en pratiquant l'indentation, évite des erreurs, et révèle sa structure logique de manière très claire.

Le danger est que si la plupart des langages de programmation utilisés sont structurés, ils offrent tout de même la plupart du temps la possibilité de pratiquer la programmation non structurée. Dans ce cas, les lignes ne sont pas désignées par des numéros, mais certaines peuvent être repérées par des noms (dits « étiquettes ») et on dispose d'une instruction de branchement.

Une règle d'hygiène absolue est de programmer systématiquement de manière structurée, sauf impératif contraire fixé par le langage.

Autrement dit, même quand un langage vous offre une possibilité de faire des entorses à la programmation structurée, il ne faut s'en saisir sous aucun prétexte.

2. Interprétation et compilation

Avec ce paragraphe, on sort un peu de l'algorithmique proprement dite pour entrer dans le domaine plus technique de la réalisation pratique. Ou, si l'on préfère, ces dernières lignes sont l'apothéose, le bouquet final, l'extase ultime, la consécration grandiose, de ce cours.

En toute modestie, bien sûr.

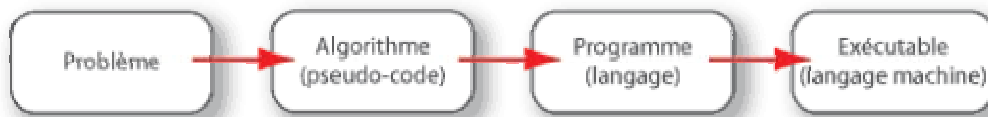
Jusqu'ici, nous avons travaillé sur la première étape de la réalisation d'un programme :



Si l'algorithme est bien écrit, sans faute logique, l'étape suivante ne doit normalement poser aucun problème conceptuel. C'est une simple traduction que vous devez effectuer :



A partir de là, votre travail est virtuellement terminé (si l'on excepte l'inévitable phase de tests, corrections, etc.). Mais pour l'ordinateur, c'est là que les ennuis commencent. En effet, aucun ordinateur n'est en soi apte à exécuter les instructions telles qu'elles sont rédigées dans tel ou tel langage ; l'ordinateur, lui, ne comprend qu'un seul langage, qui est un langage codé en binaire (à la rigueur en hexadécimal) et qui s'appelle le langage machine (ou assembleur).



C'est à cela que sert un langage : à vous épargner la programmation en binaire et vous permettre de vous faire comprendre de l'ordinateur d'une manière (relativement) lisible.

C'est pourquoi tout langage, à partir d'un programme écrit, doit obligatoirement procéder à une **traduction** en langage machine pour que ce programme soit exécutable.

Il existe deux stratégies de traduction, ces deux stratégies étant parfois disponibles au sein du même langage.

- le langage traduit les instructions au fur et à mesure qu'elles se présentent. Cela s'appelle la **compilation à la volée**, ou l'**interprétation**.
- le langage commence par traduire l'ensemble du programme en langage machine, constituant ainsi un deuxième programme (un deuxième fichier) distinct physiquement et logiquement du premier. Ensuite, et ensuite seulement, il exécute ce second programme. Cela s'appelle la **compilation**.

Il va de soi qu'un langage interprété est plus maniable : on peut exécuter directement son code - et donc le tester - au fur et à mesure qu'on le tape, sans passer à chaque fois par l'étape supplémentaire de la compilation. Mais il va aussi de soi qu'un programme compilé s'exécute beaucoup plus rapidement qu'un programme interprété : le gain est couramment d'un facteur 10, voire 20 ou plus.

Toute application destinée à un usage professionnel (ou même, tout simplement sérieux) est forcément une application compilée.

3. Une logique vicelarde : la programmation récursive

Vous savez comment sont les informaticiens : on ne peut pas leur donner quoi que ce soit sans qu'ils essayent de jouer avec, et le pire, c'est qu'ils y réussissent.

La programmation des fonctions personnalisées a donné lieu à l'essor d'une logique un peu particulière, adaptée en particulier au traitement de certains problèmes mathématiques (ou de jeux) : la **programmation récursive**. Pour vous expliquer de quoi il retourne, nous allons reprendre un exemple cher à vos cœurs : le calcul d'une factorielle.

Rappelez-vous : la formule de calcul de la factorielle d'un nombre n s'écrit :

$$N! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times n$$

Nous avons programmé cela aussi sec avec une boucle Pour. Mais une autre manière de voir les choses, ni plus juste, ni moins juste, serait de dire que quel que soit le nombre n :

$$n! = n \times (n-1)!$$

En bon français : la factorielle d'un nombre, c'est ce nombre multiplié par la factorielle du nombre précédent. Encore une fois, c'est une manière ni plus juste ni moins juste de présenter les choses ; c'est simplement une manière différente.

Si l'on doit programmer cela, on peut alors imaginer une fonction `Fact`, chargée de calculer la factorielle. Cette fonction

effectue la multiplication du nombre passé en argument par la factorielle du nombre précédent. Et cette factorielle du nombre précédent va bien entendu être elle-même calculée par la fonction Fact.

Autrement dit, on va créer une fonction qui, pour fournir son résultat, **va s'appeler elle-même un certain nombre de fois**. C'est cela, la récursivité.

Toutefois, il nous manque une chose pour finir : quand ces auto-appels de la fonction Fact vont-ils s'arrêter ? Cela n'aura-t-il donc jamais de fin ? Si, bien sûr, rassure-toi, ô public, la récursivité, ce n'est pas Les Feux de L'Amour. On s'arrête quand on arrive au nombre 1, pour lequel la factorielle est par définition 1.

Cela produit l'écriture suivante, un peu déconcertante certes, mais parfois très pratique :

```
(Numérique en N) Fonction Fact
Si N = 0 alors
    Renvoyer 1
Sinon
    Renvoyer N * (Fact(N-))
Finsi
FinFonction
```

Vous remarquerez que le processus récursif remplace en quelque sorte la boucle, c'est-à-dire un processus itératif. Et en plus, avec tous ces nouveaux mots qui riment, vous allez pouvoir écrire de très chouettes poèmes. Vous remarquerez aussi qu'on traite le problème à l'envers : on part du nombre, et on remonte à rebours jusqu'à 1 pour pouvoir calculer la factorielle. Cet effet de rebours est caractéristique de la programmation récursive.

Pour conclure sur la récursivité, trois remarques fondamentales.

- la programmation récursive, pour traiter certains problèmes, est **très économique pour le programmeur** ; elle permet de faire les choses correctement, en très peu d'instructions.
- en revanche, elle est **très dispendieuse de ressources machine**. Car à l'exécution, la machine va être obligée de créer autant de variables temporaires que de « tours » de fonction en attente.
- Last but not least, et c'est le gag final, **tout problème formulé en termes récursifs peut également être formulé en termes itératifs !** Donc, si la programmation récursive peut faciliter la vie du programmeur, elle n'est jamais indispensable. Mais ça nous faisait tant plaisir de vous en parler que nous n'avons pas pu résister...

ANNEXE (CORRIGÉS DES EXERCICES)

PARTIE 1

Exercice 1.1

Après : La valeur des variables est :

$A \leftarrow 1$	$A = 1$	$B = ?$
$B \leftarrow A + 3$	$A = 1$	$B = 4$
$A \leftarrow 3$	$A = 3$	$B = 4$

Exercice 1.2

Après : La valeur des variables est :

$A \leftarrow 5$	$A = 5$	$B = ?$	$C = ?$
$B \leftarrow 3$	$A = 5$	$B = 3$	$C = ?$
$C \leftarrow A + B$	$A = 5$	$B = 3$	$C = 8$
$A \leftarrow 2$	$A = 2$	$B = 3$	$C = 8$
$C \leftarrow B - A$	$A = 2$	$B = 3$	$C = 1$

Exercice 1.3

Après : La valeur des variables est :

$A \leftarrow 5$	$A = 5$	$B = ?$
$B \leftarrow A + 4$	$A = 5$	$B = 9$
$A \leftarrow A + 1$	$A = 6$	$B = 9$
$B \leftarrow A - 4$	$A = 6$	$B = 2$

Exercice 1.4

Après : La valeur des variables est :

$A \leftarrow 3$	$A = 3$	$B = ?$	$C = ?$
$B \leftarrow 10$	$A = 3$	$B = 10$	$C = ?$
$C \leftarrow A + B$	$A = 3$	$B = 10$	$C = 13$
$B \leftarrow A + B$	$A = 3$	$B = 13$	$C = 13$
$A \leftarrow C$	$A = 13$	$B = 13$	$C = 13$

Exercice 1.5

Après : La valeur des variables est :

A ← 5	A = 5	B = ?
B ← 2	A = 5	B = 2
A ← B	A = 2	B = 2
B ← A	A = 2	B = 2

Les deux dernières instructions ne permettent donc pas d'échanger les deux valeurs de B et A, puisque l'une des deux valeurs (celle de A) est ici écrasée.

Si l'on inverse les deux dernières instructions, cela ne changera rien du tout, hormis le fait que cette fois c'est la valeur de B qui sera écrasée.

Exercice 1.6

Début
...
C ← A
A ← B
B ← C
Fin

On est obligé de passer par une variable dite temporaire (la variable C).

Exercice 1.7

Début
...
D ← C
C ← B
B ← A
A ← D
Fin

En fait, quel que soit le nombre de variables, une seule variable temporaire suffit...

Exercice 1.8

Il ne peut produire qu'une erreur d'exécution, puisqu'on ne peut pas additionner des caractères.

Exercice 1.9...En revanche, on peut les concaténer. A la fin de l'algorithme, C vaudra donc "42312".

PARTIE 2

Exercice 2.1

On verra apparaître à l'écran 231, puis 462 (qui vaut $231 * 2$)

Exercice 2.2

Variables nb, carr en Entier

Début

Ecrire "Entrez un nombre :"

Lire nb

carr ← nb * nb

Ecrire "Son carré est : ", carr

Fin

En fait, on pourrait tout aussi bien économiser la variable carr en remplaçant les deux avant-dernières lignes par :

Ecrire "Son carré est : ", nb*nb

C'est une question de style ; dans un cas, on privilégie la lisibilité de l'algorithme, dans l'autre, on privilégie l'économie d'une variable.

Exercice 2.3

Variables pht, ttva, pttc en Réel

Variable nb en Entier

Début

Ecrire "Entrez le prix hors taxes :"

Lire pht

Ecrire "Entrez le nombre d'articles :"

Lire nb

Ecrire "Entrez le taux de TVA :"

Lire ttva

pttc ← nb * pht * (1 + ttva)

Ecrire "Le prix toutes taxes est : ", pttc

Fin

Là aussi, on pourrait squeezer une variable et une ligne en écrivant directement. :

Ecrire " Le prix toutes taxes est : ", nb * pht * (1 + ttva)

C'est plus rapide, plus léger en mémoire, mais plus difficile à relire (et à écrire !)

Exercice 2.4

Variables t1, t2, t3, t4 en Caractère

Début

t1 ← "belle Marquise"

t2 ← "vos beaux yeux"

t3 ← "me font mourir"

t4 ← "d'amour"

Ecrire t1 & " " & t2 & " " & t3 & " " & t4

Ecrire t3 & " " & t2 & " " & t4 & " " & t1

Ecrire t2 & " " & t3 & " " & t1 & " " & t4

Ecrire t4 & " " & t1 & " " & t2 & " " & t3

Fin

PARTIE 3

Exercice 3.1

```
Variable n en Entier
Début
Ecrire "Entrez un nombre : "
Lire n
Si n > 0 Alors
    Ecrire "Ce nombre est positif"
Sinon
    Ecrire "Ce nombre est négatif"
Finsi
Fin
```

Exercice 3.2

```
Variables m, n en Entier
Début
Ecrire "Entrez deux nombres : "
Lire m, n
Si (m > 0 ET n > 0) OU (m < 0 ET n < 0) Alors
    Ecrire "Leur produit est positif"
Sinon
    Ecrire "Leur produit est négatif"
Finsi
Fin
```

Exercice 3.3

```
Variables a, b, c en Caractère
Début
Ecrire "Entrez successivement trois noms : "
Lire a, b, c
Si a < b et b < c Alors
    Ecrire "Ces noms sont classés alphabétiquement"
Sinon
    Ecrire "Ces noms ne sont pas classés"
Finsi
Fin
```

Exercice 3.4

```
Variable n en Entier
Début
Ecrire "Entrez un nombre : "
Lire n
Si n < 0 Alors
    Ecrire "Ce nombre est négatif"
SinonSi n = 0 Alors
    Ecrire "Ce nombre est nul"
Sinon
    Ecrire "Ce nombre est positif"
Finsi
Fin
```

Exercice 3.5

```
Variables m, n en Entier
```



```
Début
Ecrire "Entrez deux nombres : "
Lire m, n
Si m = 0 OU n = 0 Alors
    Ecrire "Le produit est nul"
SinonSi (m < 0 ET n < 0) OU (m > 0 ET n > 0) Alors
    Ecrire "Le produit est positif"
Sinon
    Ecrire "Le produit est négatif"
Finsi
Fin
```

Si on souhaite simplifier l'écriture de la condition lourde du SinonSi, on peut toujours passer par des variables booléennes intermédiaires. Une astuce de sioux consiste également à employer un Xor (c'est l'un des rares cas dans lesquels il est pertinent)

Exercice 3.6

```
Variable age en Entier
Début
Ecrire "Entrez l'âge de l'enfant : "
Lire age
Si age >= 12 Alors
    Ecrire "Catégorie Cadet"
SinonSi age >= 10 Alors
    Ecrire "Catégorie Minime"
SinonSi age >= 8 Alors
    Ecrire "Catégorie Pupille"
SinonSi age >= 6 Alors
    Ecrire "Catégorie Poussin"
Finsi
Fin
```

On peut évidemment écrire cet algorithme de différentes façons, ne serait-ce qu'en commençant par la catégorie la plus jeune.

PARTIE 4

Exercice 4.1

Aucune difficulté, il suffit d'appliquer la règle de la transformation du OU en ET vue en cours (loi de Morgan). Attention toutefois à la rigueur dans la transformation des conditions en leur contraire...

```
Si Tutu <= Toto + 4 et Tata <> "OK" Alors  
    Tutu ← Tutu - 1  
Sinon  
    Tutu ← Tutu + 1  
Finsi
```

Exercice 4.2

Variables h, m **en Entier**

Début

Ecrire "Entrez les heures, puis les minutes : "

Lire h, m

m ← m + 1

Si m = 60 **Alors**

m ← 0

h ← h + 1

Finsi

Si h = 24 **Alors**

h ← 0

Finsi

Ecrire "Dans une minute il sera ", h, "heure(s) ", m, "minute(s)"

Fin

Exercice 4.3

Variables h, m, s **en Entier**

Début

Ecrire "Entrez les heures, puis les minutes, puis les secondes : "

Lire h, m, s

s ← s + 1

Si s = 60 **Alors**

s ← 0

m ← m + 1

Finsi

Si m = 60 **Alors**

m ← 0

h ← h + 1

Finsi

Si h = 24 **Alors**

h ← 0

Finsi

Ecrire "Dans une seconde il sera ", h, "heure(s)", m, "minute(s) et ", s, "seconde(s)"

Fin

Exercice 4.4

Variable n **en Entier**

Variable p **en Réel**

```

Début
Ecrire "Nombre de photocopies : "
Lire n
Si n <= 10 Alors
    p ← n * 0,1
SinonSi n <= 30
    p ← 10 * 0,1 + (n - 10) * 0,09
Sinon
    p ← 10 * 0,1 + 20 * 0,09 + (n - 30) * 0,08
FinSi
Ecrire "Le prix total est : ", p
Fin

```

Exercice 4.5

```

Variable sex en Caractère
Variable age en Entier
Début
Ecrire "Entrez le sexe (M/F) : "
Lire sex
Ecrire "Entrez l'âge : "
Lire age
C1 ← sex = "M" et age > 20
C2 ← sex = "F" et (age > 18 et age < 35)
Si C1 ou C2 Alors
    Ecrire "Imposable"
Sinon
    Ecrire "Non Imposable"
FinSi
Fin

```

Exercice 4.6

Cet exercice, du pur point de vue algorithmique, n'est pas très méchant. En revanche, il représente dignement la catégorie des énoncés piégés. En effet, rien de plus facile que d'écrire : si le candidat a plus de 50%, il est élu, sinon s'il a plus de 12,5 %, il est au deuxième tour, sinon il est éliminé. Hé hé hé... mais il ne faut pas oublier que le candidat peut très bien avoir eu 20 % mais être tout de même éliminé, tout simplement parce que l'un des autres a fait plus de 50 % et **donc qu'il n'y a pas de deuxième tour !...** Moralité : ne jamais se jeter sur la programmation avant d'avoir soigneusement mené l'**analyse** du problème à traiter.

```

Variables A, B, C, D en Caractère
Début
Ecrire "Entrez les scores des quatre prétendants : "
Lire A, B, C, D
C1 ← A > 50
C2 ← B > 50 ou C > 50 ou D > 50
C3 ← A >= B et A >= C et A >= D
C4 ← A >= 12,5
Si C1 Alors
    Ecrire "Élu au premier tour"
SinonSi C2 ou Non(C4) Alors
    Ecrire "Battu, éliminé, sorti !!!"
SinonSi C3 Alors
    Ecrire "Ballotage favorable"
Sinon
    Ecrire "Ballotage défavorable"
FinSi
Fin

```

Exercice 4.7

Là encore, on illustre l'utilité d'une bonne analyse. Je propose deux corrigés différents. Le premier suit l'énoncé pas à pas. C'est juste, mais c'est vraiment lourd. La deuxième version s'appuie sur une vraie compréhension d'une situation pas si embrouillée qu'elle n'en a l'air.

Dans les deux cas, un recours aux variables booléennes aère sérieusement l'écriture.

Donc, premier corrigé, on suit le texte de l'énoncé pas à pas :

Variables age, perm, acc, assur **en Entier**

Variable situ **en Caractère**

Début

Ecrire "Entrez l'âge : "

Lire age

Ecrire "Entrez le nombre d'années de permis : "

Lire perm

Ecrire "Entrez le nombre d'accidents : "

Lire acc

Ecrire "Entrez le nombre d'années d'assurance : "

Lire assur

C1 ← age ≥ 25

C2 ← perm ≥ 2

C3 ← assur > 1

Si Non(C1) **et** Non(C2) **Alors**

Si acc = 0 **Alors**

 situ ← "Rouge"

Sinon **Alors**

 situ ← "Refusé"

FinSi

SinonSi ((Non(C1) **et** C2) **ou** (C1 **et** Non(C2))) **Alors**

Si acc = 0 **Alors**

 situ ← "Orange"

SinonSi acc = 1 **Alors**

 situ ← "Rouge"

Sinon

 situ ← "Refusé"

FinSi

Sinon

Si acc = 0 **Alors**

 situ ← "Vert"

SinonSi acc = 1 **Alors**

 situ ← "Orange"

SinonSi acc = 2 **Alors**

 situ ← "Rouge"

Sinon

 situ ← "Refusé"

FinSi

FinSi

Si C3 **Alors**

Si situ = "Rouge" **Alors**

 situ = "Orange"

SinonSi situ = "Orange" **Alors**

```

    situ = "Orange"
Si situ = "Vert" Alors
    situ = "Bleu"
FinSi
FinSi
Ecrire "Votre situation : ", situ
Fin

```

Vous trouvez cela compliqué ? Oh, certes oui, ça l'est ! Et d'autant plus qu'en lisant entre les lignes, on pouvait s'apercevoir que ce galimatias de tarifs recouvre en fait une logique très simple : un système à points. Et il suffit de comptabiliser les points pour que tout s'éclaire... Reprenons juste après l'affectation des trois variables booléennes C1, C2, et C3. On écrit :

```

P ← 0
Si Non(C1) Alors
    P ← P + 1
FinSi
Si Non(C2) Alors
    P ← P + 1
FinSi
P ← P + acc
Si P < 3 et C3 Alors
    P ← P - 1
FinSi
Si P = -1 Alors
    situ = "Bleu"
SinonSi P = 0 Alors
    situ = "Vert"
SinonSi P = 1 Alors
    situ = "Orange"
SinonSi P = 2 Alors
    situ = "Rouge"
Sinon
    situ = "Refusé"
FinSi
Ecrire "Votre situation : ", situ
Fin

```

Exercice 4.8

En ce qui concerne le début de cet algorithme, il n'y a aucune difficulté. C'est de la saisie bête et même pas méchante :

```

Variables J, M, A, JMax en Entier
Variables VJ, VM, B en Booléen
Début
Ecrire "Entrez le numéro du jour"
Lire J
Ecrire "Entrez le numéro du mois"
Lire M
Ecrire "Entrez l'année"
Lire A

```

C'est évidemment ensuite que les ennuis commencent... La première manière d'aborder la chose consiste à se dire que fondamentalement, la structure logique de ce problème est très simple. Si nous créons deux variables booléennes VJ et VM, représentant respectivement la validité du jour et du mois entrés, la fin de l'algorithme sera d'une simplicité biblique (l'année est valide par définition, si on évacue le débat byzantin concernant l'existence de l'année zéro) :

```

Si VJ et VM alors
    Ecrire "La date est valide"
Sinon
    Ecrire "La date n'est pas valide"
FinSi

```

Toute la difficulté consiste à affecter correctement les variables VJ et VM, selon les valeurs des variables J, M et A. Dans l'absolu, VJ et VM pourraient être les objets d'une affectation monstrueuse, avec des conditions atrocement composées. Mais franchement, écrire ces conditions en une seule fois est un travail de bénédictin sans grand intérêt. Pour éviter d'en arriver à une telle extrémité, on peut sérier la difficulté en créant deux variables supplémentaires :

B : variable booléenne qui indique s'il s'agit d'une année bissextile

JMax : variable numérique qui indiquera le dernier jour valable pour le mois entré.

Avec tout cela, on peut y aller et en ressortir vivant.

On commence par initialiser nos variables booléennes, puis on traite les années, puis les mois, puis les jours.

On note "dp" la condition "divisible par" :

$B \leftarrow A \text{ dp } 400 \text{ ou } (\text{non}(A \text{ dp } 100) \text{ et } A \text{ dp } 4)$

$J_{\text{max}} \leftarrow 0$

$VM \leftarrow M \geq 1 \text{ et } M \leq 12$

```

Si VM Alors
    Si M = 2 et B Alors
        JMax = 29
    SinonSi M = 2 Alors
        JMax = 28
    SinonSi M = 4 ou M = 6 ou M = 9 ou M = 11 Alors
        JMax = 30
    Sinon
        JMax = 31
FinSi

```

$VJ \leftarrow J \geq 1 \text{ et } J \leq J_{\text{max}}$

FinSi

Cette solution a le mérite de ne pas trop compliquer la structure des tests, et notamment de ne pas répéter l'écriture finale à l'écran. Les variables booléennes intermédiaires nous épargnent des conditions composées trop lourdes, mais celles-ci restent néanmoins sérieuses.

Une approche différente consisterait à limiter les conditions composées, quitte à le payer par une structure beaucoup plus exigeante de tests imbriqués. Là encore, on évite de jouer les extrémistes et l'on s'autorise quelques conditions composées lorsque cela nous simplifie l'existence. On pourrait aussi dire que la solution précédente "part de la fin" du problème (la date est-elle valide ou non ?), alors que celle qui suit "part du début" (quelles sont les données entrées au clavier ?) :

```

Si M < 1 ou M > 12 Alors
    Ecrire "Date Invalide"
SinonSi M = 2 Alors
    Si A dp 400 Alors
        Si J < 1 ou J > 29 Alors
            Ecrire "Date Invalide"
        Sinon
            Ecrire "Date valide"
        FinSi
    SinonSi A dp 100 Alors
        Si J < 1 ou J > 28 Alors
            Ecrire "Date Invalide"
        Sinon
            Ecrire "Date valide"
        FinSi
    SinonSi A dp 4 Alors
        Si J < 1 ou J > 28 Alors
            Ecrire "Date Invalide"
        Sinon
            Ecrire "Date valide"
        FinSi
    Sinon
        Si J < 1 ou J > 28 Alors
            Ecrire "Date Invalide"
        Sinon
            Ecrire "Date valide"
        FinSi
    FinSi
FinSi

```

```

Si M = 4 ou M = 6 ou M = 9 ou M = 11 Alors
  Si J < 1 ou J > 30 Alors
    Ecrire "Date Invalide"
  Sinon
    Ecrire "Date Valide"
  FinSi
Sinon
  Si J < 1 ou J > 31 Alors
    Ecrire "Date Invalide"
  Sinon
    Ecrire "Date valide"
  FinSi
FinSi

```

On voit que dans ce cas, l'alternative finale (Date valide ou invalide) se trouve répétée un grand nombre de fois. Ce n'est en soi ni une bonne, ni une mauvaise chose. C'est simplement une question de choix stylistique.

Personnellement, j'avoue préférer assez nettement la première solution, qui fait ressortir beaucoup plus clairement la structure logique du problème (il n'y a qu'une seule alternative, autant que cette alternative ne soit écrite qu'une seule fois).

Il convient enfin de citer une solution très simple et élégante, un peu plus difficile peut-être à imaginer du premier coup, mais qui avec le recul apparaît comme très immédiate. Sur le fond, cela consiste à dire qu'il y a quatre cas pour qu'une date soit valide : celui d'un jour compris entre 1 et 31 dans un mois à 31 jours, celui d'un jour compris entre 1 et 30 dans un mois à 30 jours, celui d'un jour compris entre 1 et 29 en février d'une année bissextile, et celui d'un jour de février compris entre 1 et 28. Ainsi :

```

B ← (A dp 4 et Non(A dp 100)) ou A dp 400
K1 ← (m=1 ou m=3 ou m=5 ou m=7 ou m=8 ou m=10 ou m=12) et (J>=1 et J<=31)
K2 ← (m=4 ou m=6 ou m=9 ou m=11) et (J>=1 et J<=30)
K3 ← m=2 et B et J>=1 et J<=29
K4 ← m=2 et J>=1 et J<=28
Si K1 ou K2 ou K3 ou K4 Alors
  Ecrire "Date valide"
Sinon
  Ecrire "Date non valide"
FinSi
Fin

```

Tout est alors réglé avec quelques variables booléennes et quelques conditions composées, en un minimum de lignes de code.

La morale de ce long exercice - et non moins long corrigé, c'est qu'un problème de test un peu compliqué admet une pléiade de solutions justes.

PARTIE 5

Exercice 5.1

```
Variable N en Entier
Debut
N ← 0
Ecrire "Entrez un nombre entre 1 et 3"
TantQue N < 1 ou N > 3
    Lire N
    Si N < 1 ou N > 3 Alors
        Ecrire "Saisie erronée. Recommencez"
    FinSi
FinTantQue
Fin
```

Exercice 5.2

```
Variable N en Entier
Debut
N ← 0
Ecrire "Entrez un nombre entre 10 et 20"
TantQue N < 10 ou N > 20
    Lire N
    Si N < 10 Alors
        Ecrire "plus grand !"
    SinonSi N > 20 Alors
        Ecrire "plus petit !"
    FinSi
FinTantQue
Fin
```

Exercice 5.3

```
Variables N, i en Entier
Debut
Ecrire "Entrez un nombre : "
Lire N
Ecrire "Les 10 nombres suivants sont : "
Pour i ← N + 1 à N + 10
    Ecrire i
i suivant
Fin
```

Exercice 5.4

```
Variables N, i en Entier
Debut
Ecrire "Entrez un nombre : "
Lire N
Ecrire "La table de multiplication de ce nombre est : "
Pour i ← 1 à 10
    Ecrire N, " x ", i, " = ", n*i
i suivant
Fin
```

Exercice 5.5

```
Variables N, i, Som en Entier
Debut
Ecrire "Entrez un nombre : "
Lire N
Som ← 0
Pour i ← 1 à N
    Som ← Som + i
i Suivant
Ecrire "La somme est : ", Som
Fin
```

Exercice 5.6

```
Variables N, i, F en Entier
Debut
Ecrire "Entrez un nombre : "
Lire N
F ← 1
Pour i ← 2 à N
    F ← F * i
i Suivant
Ecrire "La factorielle est : ", F
Fin
```

Exercice 5.7

```
Variables N, i, PG en Entier
Debut
PG ← 0
Pour i ← 1 à 20
    Ecrire "Entrez un nombre : "
    Lire N
    Si i = 1 ou N > PG Alors
        PG ← N
    FinSi
i Suivant
Ecrire "Le nombre le plus grand était : ", PG
Fin
```

En ligne 3, on peut mettre n'importe quoi dans PG, il suffit que cette variable soit affectée pour que le premier passage en ligne 7 ne provoque pas d'erreur.

Pour la version améliorée, cela donne :

```
Variables N, i, PG, IPG en Entier
Debut
PG ← 0
Pour i ← 1 à 20
    Ecrire "Entrez un nombre : "
    Lire N
    Si i = 1 ou N > PG Alors
        PG ← N
        IPG ← i
    FinSi
i Suivant
Ecrire "Le nombre le plus grand était : ", PG
Ecrire "Il a été saisi en position numéro ", IPG
Fin
```

Exercice 5.8

```
Variables N, i, PG, IPG en Entier
Debut
N ← 1
i ← 0
PG ← 0
TantQue N <> 0
  Ecrire "Entrez un nombre : "
  Lire N
  i ← i + 1
  Si i = 1 ou N > PG Alors
    PG ← N
    IPG ← i
  FinSi
FinTantQue
Ecrire "Le nombre le plus grand était : ", PG
Ecrire "Il a été saisi en position numéro ", IPG
Fin
```

Exercice 5.9

```
Variables FF, somdue, M, IPG, Reste, Nb10F, Nb5F En Entier
Debut
FF ← 1
somdue ← 0
TantQue FF <> 0
  Ecrire "Entrez le montant : "
  Lire FF
  somdue ← somdue + FF
FinTantQue
Ecrire "Vous devez :", FF, " francs"
Ecrire "Montant versé : "
Lire M
Reste ← M - FF
Nb10F ← 0
TantQue Reste >= 10
  Nb10F ← Nb10F + 1
  Reste ← Reste - 10
FinTantQue
Nb5F ← 0
Si Reste >= 5
  Nb5F ← 1
  Reste ← Reste - 5
FinSi
Ecrire "Rendu de la monnaie : "
Ecrire "Pièces de 10 F : ", Nb10F
Ecrire "Pièces de 5 F : ", Nb5F
Ecrire "Pièces de 1 F : ", Reste
Fin
```

Exercice 5.10

Spontanément, on est tenté d'écrire l'algorithme suivant :

```
Variables N, P, i, Numé, Déno1, Déno2 en Entier
Debut
Ecrire "Entrez le nombre de chevaux partants : "
Lire N
Ecrire "Entrez le nombre de chevaux joués : "
Lire P
Numé ← 1
Pour i ← 2 à N
    Numé ← Numé * i
i Suivant
Déno1 ← 1
Pour i ← 2 à N-P
    Déno1 ← Déno1 * i
i Suivant
Déno2 ← 1
Pour i ← 2 à P
    Déno2 ← Déno2 * i
i Suivant
Ecrire "Dans l'ordre, une chance sur ", Numé / Déno1
Ecrire "Dans le désordre, une sur ", Numé / (Déno1 * Déno2)
Fin
```

Cette version, formellement juste, comporte tout de même deux faiblesses.

La première, et la plus grave, concerne la manière dont elle calcule le résultat final. Celui-ci est le quotient d'un nombre par un autre ; or, ces nombres auront rapidement tendance à être très grands. En calculant, comme on le fait ici, d'abord le numérateur, puis ensuite le dénominateur, on prend le risque de demander à la machine de stocker des nombres trop grands pour qu'elle soit capable de les coder (cf. le préambule). C'est d'autant plus bête que rien ne nous oblige à procéder ainsi : on n'est pas obligé de passer par la division de deux très grands nombres pour obtenir le résultat voulu.

La deuxième remarque est qu'on a programmé ici trois boucles successives. Or, en y regardant bien, on peut voir qu'après simplification de la formule, ces trois boucles comportent le même nombre de tours ! (si vous ne me croyez pas, écrivez un exemple de calcul et biffez les nombres identiques au numérateur et au dénominateur). Ce triple calcul (ces trois boucles) peut donc être ramené(es) à un(e) seul(e). Et voilà le travail, qui est non seulement bien plus court, mais aussi plus performant :

```
Variables N, P, i, O, F en Entier
Debut
Ecrire "Entrez le nombre de chevaux partants : "
Lire N
Ecrire "Entrez le nombre de chevaux joués : "
Lire P
O ← 1
F ← 1
Pour i ← P + 1 à N
    O ← O * i
    F ← F * (i - P)
i Suivant
Ecrire "Dans l'ordre, une chance sur ", O
Ecrire "Dans le désordre, une chance sur ", O / F
Fin
```

PARTIE 6

Exercice 6.1

```
Tableau Truc(6) en Entier
Variable i en Entier
Debut
  Pour i ← 0 à 6
    Truc(i) ← 0
  i suivant
Fin
```

Exercice 6.2

```
Tableau Truc(5) en Caractère
Debut
  Truc(0) ← "a"
  Truc(1) ← "e"
  Truc(2) ← "i"
  Truc(3) ← "o"
  Truc(4) ← "u"
  Truc(5) ← "y"
Fin
```

Exercice 6.3

```
Tableau Notes(8) en Entier
Variable i en Entier
Début
  Pour i ← 0 à 8
    Ecrire "Entrez la note numéro ", i + 1
    Lire Notes(i)
  i suivant
Fin
```

Exercice 6.4

Cet algorithme remplit un tableau avec six valeurs : 0, 1, 4, 9, 16, 25. Il les écrit ensuite à l'écran.

Simplification :

```
Tableau Nb(5) en Entier
Variable i en Entier
Début
  Pour i ← 0 à 5
    Nb(i) ← i * i
    Ecrire Nb(i)
  i suivant
Fin
```

Exercice 6.5

Cet algorithme remplit un tableau avec les sept valeurs : 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13. Il les écrit ensuite à l'écran. Simplification :

```
Tableau N(6) en Entier
Variables i, k en Entier
Début
N(0) ← 1
Ecrire N(0)
Pour k ← 1 à 6
    N(k) ← N(k-1) + 2
    Ecrire N(k)
k Suivant
Fin
```

Exercice 6.6

Cet algorithme remplit un tableau de 8 valeurs : 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21

Exercice 6.7

```
Variable s en Entier
Tableau Notes(8) en Entier
Debut
s ← 0
Pour i ← 0 à 8
    Ecrire "Entrez la note n° ", i + 1
    Lire Notes(i)
    s ← s + Notes(i)
i Suivant
Ecrire "Moyenne : ", s/9
Fin
```

Exercice 6.8

```
Variables Nb, Nbpos, Nbneg en Entier
Tableau T() en Entier
Debut
Ecrire "Entrez le nombre de valeurs : "
Lire Nb
Redim T(Nb - 1)
Nbpos ← 0
Nbneg ← 0
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Ecrire "Entrez le nombre n° ", i + 1
    Lire T(i)
    Si T(i) > 0 alors
        Nbpos ← Nbpos + 1
    Sinon
        Nbneg ← Nbneg + 1
    Finsi
i Suivant
Ecrire "Nombre de valeurs positives : ", Nbpos
Ecrire "Nombre de valeurs négatives : ", Nbneg
Fin
```

Exercice 6.9

```
Variables i, Som, N en Entier
Tableau T() en Entier
Debut
... (on ne programme pas la saisie du tableau, dont on suppose qu'il compte N éléments)
Redim T(N - 1)
...
Som ← 0
Pour i ← 0 à N - 1
    Som ← Som + T(i)
i suivant
Ecrire "Somme des éléments du tableau : ", Som
Fin
```

Exercice 6.10

```
Variables i, N en Entier
Tableaux T1(), T2(), T3() en Entier
Debut
... (on suppose que T1 et T2 comptent N éléments, et qu'ils sont déjà saisis)
Redim T3(N - 1)
...
Pour i ← 0 à N - 1
    T3(i) ← T1(i) + T2(i)
i suivant
Fin
```

Exercice 6.11

```
Variables i, j, N1, N2, S en Entier
Tableaux T1(), T2() en Entier
Debut
... On ne programme pas la saisie des tableaux T1 et T2.
... On suppose que T1 possède N1 éléments, et que T2 en possède N2
...
S ← 0
Pour i ← 0 à N1 - 1
    Pour j ← 0 à N2 - 1
        S ← S + T1(i) * T2(j)
    j suivant
i suivant
Ecrire "Le schtroumpf est : ", S
Fin
```

Exercice 6.12

```
Variables Nb, i en Entier
Tableau T() en Entier
Debut
Ecrire "Entrez le nombre de valeurs : "
Lire Nb
Redim T(Nb - 1)
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Ecrire "Entrez le nombre n° ", i + 1
    Lire T(i)
```

```

i Suivant
Ecrire "Nouveau tableau :"
Pour i ← 0 à Nb - 1
    T(i) ← T(i) + 1
    Ecrire T(i)
i Suivant
Fin

```

Exercice 6.13

```

Variables Nb, Posmaxi en Entier
Tableau T() en Entier
Ecrire "Entrez le nombre de valeurs : "
Lire Nb
Redim T(Nb - 1)
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Ecrire "Entrez le nombre n° ", i + 1
    Lire T(i)
i Suivant
Posmaxi ← 0
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Si T(i) > T(Posmaxi) alors
        Posmaxi ← i
    Finsi
i Suivant
Ecrire "Element le plus grand : ", T(Posmaxi)
Ecrire "Position de cet élément : ", Posmaxi
Fin

```

Exercice 6.14

```

Variables Nb, i, Som, Moy, Nbsup en Entier
Tableau T() en Entier
Debut
Ecrire "Entrez le nombre de notes à saisir : "
Lire Nb
Redim T(Nb - 1)
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Ecrire "Entrez le nombre n° ", i + 1
    Lire T(i)
i Suivant
Som ← 0
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Som ← Som + T(i)
i Suivant
Moy ← Som / Nb
Nbsup ← 0
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Si T(i) > Moy Alors
        Nbsup ← Nbsup + 1
    Finsi
i Suivant
Ecrire Nbsup, " élèves dépassent la moyenne de la classe"
Fin

```

Exercice 7.1

```

Variables Nb, i en Entier
Variable Flag en Booléen
Tableau T() en Entier
Debut
Ecrire "Entrez le nombre de valeurs : "
Lire Nb
Redim T(Nb - 1)
Pour i ← 0 à Nb - 1
    Ecrire "Entrez le nombre n° ", i + 1
    Lire T(i)
i suivant
Flag ← Vrai
Pour i ← 1 à Nb - 1
    Si T(i) <> T(i - 1) + 1 Alors
        Flag ← Faux
    FinSi
i suivant
Si Flag Alors
    Ecrire "Les nombres sont consécutifs"
Sinon
    Ecrire "Les nombres ne sont pas consécutifs"
FinSi
Fin

```

Cette programmation est sans doute la plus spontanée, mais elle présente le défaut d'examiner la totalité du tableau, même lorsqu'on découvre dès le départ deux éléments non consécutifs. Aussi, dans le cas d'un grand tableau, est-elle dispendieuse en temps de traitement. Une autre manière de procéder serait de sortir de la boucle dès que deux éléments non consécutifs sont détectés. La deuxième partie de l'algorithme deviendrait donc :

```

i ← 1
TantQue T(i) = T(i - 1) + 1 et i < Nb - 1
    i ← i + 1
FinTantQue
Si T(i) = T(i - 1) + 1 Alors
    Ecrire "Les nombres sont consécutifs"
Sinon
    Ecrire "Les nombres ne sont pas consécutifs"
FinSi

```

Exercice 7.2

On suppose que N est le nombre d'éléments du tableau. Tri par insertion :

```

...
Pour i ← 0 à N - 2
    posmaxi = i
    Pour j ← i + 1 à N - 1
        Si t(j) > t(posmaxi) alors
            posmaxi ← j
        Finsi
    j suivant
    temp ← t(posmaxi)
    t(posmaxi) ← t(i)
    t(i) ← temp
i suivant
Fin

```

Tri à bulles :

```

...
Yapermut ← Vrai
TantQue Yapermut

```



```

Yapermut ← Faux
Pour i ← 0 à N - 2
    Si t(i) < t(i + 1) Alors
        temp ← t(i)
        t(i) ← t(i + 1)
        t(i + 1) ← temp
        Yapermut ← Vrai
    Finsi
i suivant
FinTantQue
Fin

```

Exercice 7.3

On suppose que n est le nombre d'éléments du tableau préalablement saisi

```

...
Pour i ← 0 à (N-1)/2
    Temp ← T(i)
    T(i) ← T(N-1-i)
    T(N-1-i) ← Temp
i suivant
Fin

```

Exercice 7.4

Pour un tel traitement, on n'aura pas le choix ; il va falloir passer par un deuxième tableau, temporaire. L'algorithme qui suit suppose que le tableau T, comptant N éléments, a déjà été saisi.

```

"Écrire "Rang de la valeur à supprimer ?"
Lire S
Redim Temp(N - 2)
Pour i ← 0 à N - 1
    Si i < S Alors
        Temp(i) ← T(i)
    SinonSi i > S Alors
        Temp(i-1) ← T(i)
    Finsi
i suivant
On recopie Temp dans T
Redim T(N - 2)
Pour i ← 0 à N - 2
    T(i) ← Temp(i)
i suivant
Fin

```

Exercice 7.5

```
N est le nombre d'éléments du tableau Dico(), contenant les mots du dictionnaire, tableau
préalablement rempli.
Variables Sup, Inf, Comp en Entier
Variables Fini en Booléen
Début
Ecrire "Entrez le mot à vérifier"
Lire Mot
On définit les bornes de la partie du tableau à considérer
Sup ← N - 1
Inf ← 0
Fin ← Faux
TantQue Non Fini
  Comp désigne l'indice de l'élément à comparer. En bonne rigueur, il faudra veiller à ce que Comp
  soit bien un nombre entier, ce qui pourra s'effectuer de différentes manières selon les langages.
  Comp ← (Sup + Inf)/2
  Si le mot se situe avant le point de comparaison, alors la borne supérieure change, la borne
  inférieure ne bouge pas.
  Si Mot < Dico(Comp) Alors
    Sup ← Comp - 1
  Sinon, c'est l'inverse
  Sinon
    Inf ← Comp + 1
  FinSi
  Fin ← Mot = Dico(Comp) ou Sup < Inf
FinTantQue
Si Mot = Dico(Comp) Alors
  Ecrire "le mot existe"
Sinon
  Ecrire "Il n'existe pas"
Finsi
Fin
```

PARTIE 8

Exercice 8.1

```
Tableau Truc(5, 12) en Entier
Debut
Pour i ← 0 à 5
    Pour j ← 0 à 12
        Truc(i, j) ← 0
    j Suivant
i Suivant
Fin
```

Exercice 8.2

Cet algorithme remplit un tableau de la manière suivante :

```
x(0, 0) = 1
x(0, 1) = 2
x(0, 2) = 3
x(1, 0) = 4
x(1, 1) = 5
x(1, 2) = 6
```

Il écrit ensuite ces valeurs à l'écran, dans cet ordre.

Exercice 8.3

Cet algorithme remplit un tableau de la manière suivante :

```
x(0, 0) = 1
x(1, 0) = 4
x(0, 1) = 2
x(1, 1) = 5
x(0, 2) = 3
x(1, 2) = 6
```

Il écrit ensuite ces valeurs à l'écran, dans cet ordre.

Exercice 8.4

Cet algorithme remplit un tableau de la manière suivante :

```
T(0, 0) = 0
T(0, 1) = 1
T(1, 0) = 1
T(1, 1) = 2
T(2, 0) = 2
T(2, 1) = 3
T(3, 0) = 3
T(3, 1) = 4
```

Il écrit ensuite ces valeurs à l'écran, dans cet ordre.

Exercice 8.5

Version a : cet algorithme remplit un tableau de la manière suivante :

$T(0, 0) = 1$
 $T(0, 1) = 2$
 $T(1, 0) = 3$
 $T(1, 1) = 4$
 $T(2, 0) = 5$
 $T(2, 1) = 6$
 $T(3, 0) = 7$
 $T(3, 1) = 8$

Il écrit ensuite ces valeurs à l'écran, dans cet ordre.

Version b : cet algorithme remplit un tableau de la manière suivante :

$T(0, 0) = 1$
 $T(0, 1) = 5$
 $T(1, 0) = 2$
 $T(1, 1) = 6$
 $T(2, 0) = 3$
 $T(2, 1) = 7$
 $T(3, 0) = 4$
 $T(3, 1) = 8$

Il écrit ensuite ces valeurs à l'écran, dans cet ordre.

Exercice 8.6

Variables $i, j, iMax, jMax$ en Numérique

Tableau $T(12, 8)$ en Numérique

Le principe de la recherche dans un tableau à deux dimensions est strictement le même que dans un tableau à une dimension, ce qui ne doit pas nous étonner. La seule chose qui change, c'est qu'ici le balayage requiert deux boucles imbriquées, au lieu d'une seule.

Debut

...

$iMax \leftarrow 0$

$jMax \leftarrow 0$

Pour $i \leftarrow 0$ à 12

Pour $j \leftarrow 0$ à 8

Si $T(i, j) > T(iMax, jMax)$ **Alors**

$iMax \leftarrow i$

$jMax \leftarrow j$

FinSi

j Suivant

i Suivant

Ecrire "Le plus grand élément est", $T(iMax, jMax)$

Ecrire "Il se trouve aux indices", $iMax$, " ", $jMax$

Fin

Exercice 8.7

Variables i, j , posi, posj, i2, j2 **en Entier**

Variables Correct, MoveOK **en Booléen**

Tableau Damier(7, 7) **en Booléen**

Tableau Mouv(3, 1) **en Entier**

Le damier contenant un seul pion, on choisit de le coder à l'économie, en le représentant par un tableau de booléens à deux dimensions. Dans chacun des emplacements de ce damier, Faux signifie l'absence du pion, Vrai sa présence

Par ailleurs, on emploie une méchante astuce, pas obligatoire, mais bien pratique dans beaucoup de situations. L'idée est de faire correspondre les choix possibles de l'utilisateur avec les mouvements du pion. On entre donc dans un tableau Mouv à deux dimensions, les déplacements du pion selon les quatre direction, en prenant soin que chaque ligne du tableau corresponde à une saisie de l'utilisateur. La première valeur étant le déplacement en i, la seconde le déplacement en j. Ceci nous épargnera par la suite de faire quatre fois les mêmes tests.

Debut

Choix 0 : pion en haut à droite

Mouv(0, 0) ← -1

Mouv(0, 1) ← -1

Choix 1 : pion en haut à gauche

Mouv(1, 0) ← -1

Mouv(1, 1) ← 1

Choix 2 : pion en bas à gauche

Mouv(2, 0) ← 1

Mouv(2, 1) ← -1

Choix 3 : pion en bas à droite

Mouv(3, 0) ← 1

Mouv(3, 1) ← 1

Initialisation du damier ; le pion n'est pour le moment nulle part

Pour i ← 0 à 7

Pour j ← 0 à 7

 Damier(i, j) ← Faux

j suivant

i suivant

Saisie de la coordonnée en i ("posi") avec contrôle de saisie

Correct ← Faux

TantQue Non Correct

Ecrire "Entrez la ligne de votre pion : "

Lire posi

Si posi >= 0 **et** posi <= 7 **alors**

 Correct = vrai

Finsi

Fintantque

Saisie de la coordonnée en j ("posj") avec contrôle de saisie

Correct ← Faux

TantQue Non Correct

Ecrire "Entrez la colonne de votre pion : "

Lire posj

Si posj >= 0 **et** posj <= 7 **alors**

 Correct = vrai

Finsi

Fintantque

Positionnement du pion sur le damier virtuel.

Damier(posi, posj) ← Vrai

Saisie du déplacement, avec contrôle

Ecrire "Quel déplacement ?"

Ecrire " - 0 : en haut à gauche"

Ecrire " - 1 : en haut à droite"

Ecrire " - 2 : en bas à gauche"

Ecrire " - 3 : en bas à droite"

Correct ← Faux

TantQue Non Correct

```
    Lire Dep
    Si Dep >= 0 et Dep <= 3 alors
        Correct ← Vrai
    FinSi
FinTantQue
i2 et j2 sont les futures coordonnées du pion. La variable booléenne MoveOK vérifie la validité de
ce futur emplacement
i2 ← posi + Mouv(Dep, 0)
j2 ← posj + Mouv(Dep, 1)
MoveOK ← i2 >= 0 et i2 <= 7 et j2 >= 0 et j2 <= 7
Cas où le déplacement est valide
Si MoveOK Alors
    Damier(posi, posj) ← Faux
    Damier(i2, j2) ← Vrai
    Affichage du nouveau damier
    Pour i ← 0 à 7
        Pour j ← 0 à 7
            Si Damier(i, j) Alors
                Ecrire "O " ;
            Sinon
                Ecrire "X " ;
            FinSi
        j suivant
        Ecrire ""
    i suivant
Sinon
    Cas où le déplacement n'est pas valide
    Ecrire "Mouvement impossible"
FinSi
Fin
```

PARTIE 9

Exercice 9.1

Parmi ces affectations (considérées indépendamment les unes des autres), lesquelles provoqueront des erreurs, et pourquoi ?

Variables A, B, C en Numérique
Variables D, E en Caractère

```
...  
A ← Sin(B)  
...  
A ← Sin(A + B * C)  
...  
B ← Sin(A) - Sin(D)  
...  
D ← Sin(A / B)  
...  
C ← Cos(Sin(A))
```

Exercice 9.2

Ecrivez un algorithme qui demande un mot à l'utilisateur et qui affiche à l'écran le nombre de lettres de ce mot (c'est vraiment tout bête).

Exercice 9.3

Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur et qui affiche à l'écran le nombre de mots de cette phrase. On suppose que les mots ne sont séparés que par des espaces (et c'est déjà un petit peu moins bête).

Exercice 9.4

Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur et qui affiche à l'écran le nombre de voyelles contenues dans cette phrase.

On pourra écrire deux solutions. La première déploie une condition composée bien fastidieuse. La deuxième, en utilisant la fonction Trouve, allège considérablement l'algorithme.

Exercice 9.5

Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur. Celui-ci entrera ensuite le rang d'un caractère à supprimer, et la nouvelle phrase doit être affichée (on doit réellement supprimer le caractère dans la variable qui stocke la phrase, et pas uniquement à l'écran).

Exercice 9.6 - Cryptographie 1

Un des plus anciens systèmes de cryptographie (aisément déchiffrable) consiste à décaler les lettres d'un message pour le rendre illisible. Ainsi, les A deviennent des B, les B des C, etc. Ecrivez un algorithme qui demande une phrase à l'utilisateur et qui la code selon ce principe. Comme dans le cas précédent, le codage doit s'effectuer au niveau de la variable stockant la phrase, et pas seulement à l'écran.

Exercice 9.7 - Cryptographie 2 - *le chiffre de César*

Une amélioration (relative) du principe précédent consiste à opérer avec un décalage non de 1, mais d'un nombre quelconque de lettres. Ainsi, par exemple, si l'on choisit un décalage de 12, les A deviennent des M, les B des N, etc.

Réalisez un algorithme sur le même principe que le précédent, mais qui demande en plus quel est le décalage à utiliser. Votre sens proverbial de l'élégance vous interdira bien sûr une série de vingt-six "Si...Alors"

Exercice 9.8 - Cryptographie 3

Une technique ultérieure de cryptographie consista à opérer non avec un décalage systématique, mais par une substitution aléatoire. Pour cela, on utilise un alphabet-clé, dans lequel les lettres se succèdent de manière désordonnée, par exemple :

H Y L U J P V R E A K B N D O F S Q Z C W M G I T X

C'est cette clé qui va servir ensuite à coder le message. Selon notre exemple, les A deviendront des H, les B des Y, les C des L, etc.

Ecrire un algorithme qui effectue ce cryptage (l'alphabet-clé sera saisi par l'utilisateur, et on suppose qu'il effectue une saisie correcte).

Exercice 9.9 - Cryptographie 4 - *le chiffre de Vigenère*

Un système de cryptographie beaucoup plus difficile à briser que les précédents fut inventé au XVI^e siècle par le français Vigenère. Il consistait en une combinaison de différents chiffres de César.

On peut en effet écrire 25 alphabets décalés par rapport à l'alphabet normal :

- l'alphabet qui commence par B et finit par ...YZA
- l'alphabet qui commence par C et finit par ...ZAB
- etc.

Le codage va s'effectuer sur le principe du chiffre de César : on remplace la lettre

d'origine par la lettre occupant la même place dans l'alphabet décalé.

Mais à la différence du chiffre de César, un même message va utiliser non un, mais plusieurs alphabets décalés. Pour savoir quels alphabets doivent être utilisés, et dans quel ordre, on utilise une clé.

Si cette clé est « VIGENERE » et le message « Il faut coder cette phrase », on procèdera comme suit :

La première lettre du message, « i », est la 9^e lettre de l'alphabet normal. Elle doit être codée en utilisant l'alphabet commençant par la première lettre de la clé, « V ». Dans cet alphabet, la 9^e lettre est le « d ». « i » devient donc « d »

La deuxième lettre du message, « l », est la 11^e lettre de l'alphabet normal. Elle doit être codée en utilisant l'alphabet commençant par la deuxième lettre de la clé, « I ». Dans cet alphabet, la 11^e lettre est le « s ». « l » devient donc « s », etc.

Quand on arrive à la dernière lettre de la clé, on recommence à la première.

Ecrire l'algorithme qui effectue un cryptage de Vigenère, en demandant bien sûr au départ la clé à l'utilisateur.

Exercice 9.10

Ecrivez un algorithme qui demande un nombre entier à l'utilisateur. L'ordinateur affiche ensuite le message « Ce nombre est pair » ou « Ce nombre est impair » selon le cas.

Exercice 9.11

Ecrivez les algorithmes qui génèrent un nombre Glup aléatoire tel que ...

- a) $0 \leq \text{Glup} < 2$
- b) $-1 \leq \text{Glup} < 1$
- c) $1,35 \leq \text{Glup} < 1,65$
- d) Glup émule un dé à six faces
- e) $-10,5 \leq \text{Glup} < +6,5$
- f) Glup émule la somme du jet simultané de deux dés à six faces

PARTIE 10

Exercice 10.1

Cet algorithme écrit l'intégralité du fichier "Exemple.txt" à l'écran

Exercice 10.2

```
Variable Truc en Caractère
Variable i en Entier
Debut
Ouvrir "Exemple.txt" sur 5 en Lecture
Tantque Non EOF(5)
  LireFichier 5, Truc
  Pour i ← 1 à Len(Truc)
    Si Mid(Truc, i, 1) = "/" Alors
      Ecrire " "
    Sinon
      Ecrire Mid(Truc, i, 1)
    FinSi
  Suivant
FinTantQue
Fermer 5
```

Exercice 10.3

```
Variables Nom*20, Prénom*17, Tel*10, Mail*20, Lig en Caractère
Debut
Ecrire "Entrez le nom : "
Lire Nom
Ecrire "Entrez le prénom : "
Lire Prénom
Ecrire "Entrez le téléphone : "
Lire Tel
Ecrire "Entrez le nom : "
Lire Mail
Lig ← Nom & Prénom & Tel & Mail
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Ajout
EcrireFichier 1, Lig
Fermer 1
Fin
```

Exercice 10.4

Là, comme indiqué dans le cours, on passe par un tableau de structures en mémoire vive, ce qui est la technique la plus fréquemment employée. Le tri - qui est en fait un simple test - sera effectué sur le premier champ (nom).

```
Structure Bottin
  Nom en Caractère * 20
  Prénom en Caractère * 15
  Tel en caractère * 10
  Mail en Carctère * 20
Fin Structure
Tableau Mespotes() en Bottin
Variables MonPote, Nouveau en Bottin
Variables i, j en Numérique
Debut
Ecrire "Entrez le nom : "
Lire Nouveau.Nom
Ecrire "Entrez le prénom : "
```

```

Lire Nouveau.Prénom
Ecrire "Entrez le téléphone : "
Lire Nouveau.Tel
Ecrire "Entrez le mail : "
Lire Nouveau.Mail
On recopie l'intégralité de "Adresses" dans MesPotes(). Et après tout, c'est l'occasion : quand on
tombe au bon endroit, on insère subrepticement notre nouveau copain dans le tableau.
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Lecture
i ← -1
inséré ← Faux
Tantque Non EOF(1)
    i ← i + 1
    Redim MesPotes(i)
    LireFichier 1, MonPote
    Si MonPote.Nom > Nouveau.Nom et Non Inséré Alors
        MesPotes(i) ← Nouveau
        Inséré ← Vrai
        i ← i + 1
        Redim MesPotes(i)
    FinSi
    MesPotes(i) ← MonPote
FinTantQue
Fermer 1
Et le tour est quasiment joué. Il ne reste plus qu'à rebalancer tel quel l'intégralité du tableau
MesPotes dans le fichier, en écrasant l'ancienne version.
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Ecriture
Pour j ← 0 à i
    EcrireFichier 1, MesPotes(j)
j suivant
Fermer 1
Fin

```

Exercice 10.5

C'est un peu du même tonneau que ce qu'on vient de faire, à quelques variantes près. Il y a essentiellement une petite gestion de flag pour faire bonne mesure.

```

Structure Bottin
    Nom en Caractère * 20
    Prénom en Caractère * 15
    Tel en caractère * 10
    Mail en Carctère * 20
Fin Structure
Tableau Mespotes() en Bottin
Variables MonPote en Bottin
Variables Ancien, Nouveau en Caractère*20
Variables i, j en Numérique
Variable Trouvé en Booléen
Debut
Ecrire "Entrez le nom à modifier : "
Lire Ancien
Ecrire "Entrez le nouveau nom : "
Lire Nouveau
On recopie l'intégralité de "Adresses" dans Fic, tout en recherchant le clampin. Si on le trouve, on
procède à la modification.
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Lecture
i ← -1
Trouvé ← Faux
Tantque Non EOF(1)
    i ← i + 1
    Redim MesPotes(i)
    LireFichier 1, MonPote

```

```

    Si MonPote.Nom = Ancien.Nom Alors
        Trouvé ← Vrai
        MonPote.Nom ← Nouveau
    FinSi
    MesPotes(i) ← MonPote
FinTantQue
Fermer 1
On recopie ensuite l'intégralité de Fic dans "Adresse"
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Ecriture
Pour j ← 0 à i
    EcrireFichier 1, MesPotes(j)
j suivant
Fermer 1
Et un petit message pour finir !
Si Trouvé Alors
    Ecrire "Modification effectuée"
Sinon
    Ecrire "Nom inconnu. Aucune modification effectuée"
FinSi
Fin

```

Exercice 10.6

Là, c'est un tri sur un tableau de structures, rien de plus facile. Et on est bien content de disposer des structures, autrement dit de ne se coltiner qu'un seul tableau...

```

Structure Bottin
    Nom en Caractère * 20
    Prénom en Caractère * 15
    Tel en caractère * 10
    Mail en Carctère * 20
Fin Structure
Tableau Mespotes() en Bottin
Variables Mini en Bottin
Variables i, j en Numérique
Debut
On recopie l'intégralité de "Adresses" dans MesPotes...
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Lecture
i ← -1
Tantque Non EOF(1)
    i ← i + 1
    Redim MesPotes(i)
    LireFichier 1, MesPotes(i)
FinTantQue
Fermer 1
On trie le tableau selon l'algorithme de tri par insertion déjà étudié, en utilisant le champ Nom de la structure :
Pour j ← 0 à i - 1
    Mini ← MesPotes(j)
    posmini = j
    Pour k ← j + 1 à i
        Si MesPotes(k).Nom < Mini.Nom Alors
            mini ← MesPotes(k)
            posmini ← k
        Finsi
    k suivant
    MesPotes(posmini) ← MesPotes(j)
    MesPotes(j) ← Mini
j suivant
On recopie ensuite l'intégralité du tableau dans "Adresse"
Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Ecriture
Pour j ← 0 à i

```

```

    EcrireFichier 1, MesPotes(j)
j suivant
Fermer 1
Fin

```

Exercice 10.7

Bon, celui-là est tellement idiot qu'on n'a même pas besoin de passer par des tableaux en mémoire vive.

```

Variable Lig en Caractère
Debut
Ouvrir "Tutu.txt" sur 1 pour Ajout
Ouvrir "Toto.txt" sur 2 pour Lecture
Tantque Non EOF(2)
    LireFichier 2, Lig
    EcrireFichier 1, Lig
FinTantQue
Fermer 2
Ouvrir "Tata.txt" sur 3 pour Lecture
Tantque Non EOF(3)
    LireFichier 2, Lig
    EcrireFichier 1, Lig
FinTantQue
Fermer 3
Fermer 1

```

Exercice 10.8

On va éliminer les mauvaises entrées dès la recopie : si l'enregistrement ne présente pas un mail valide, on l'ignore, sinon on le copie dans le tableau.

```

Structure Bottin
    Nom en Caractère * 20
    Prénom en Caractère * 15
    Tel en caractère * 10
    Mail en Caractère * 20
Fin Structure
Tableau Mespotes() en Bottin
Variable MonPote en Bottin
Variables i, j en Numérique
Debut
    On recopie "Adresses" dans MesPotes en testant le mail...
    Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Lecture
    i ← -1
    Tantque Non EOF(1)
        LireFichier 1, MonPote
        nb ← 0
        Pour i ← 1 à Len(MonPote.Mail)
            Si Mid(MonPote.Mail, i, 1) = "@" Alors
                nb ← nb + 1
            FinSi
        i suivant
        Si nb = 1 Alors
            i ← i + 1
            Redim MesPotes(i)
            MesPotes(i) ← MonPote
        FinSi
    FinTantQue
    Fermer 1
    On recopie ensuite l'intégralité de Fic dans "Adresse"
    Ouvrir "Adresse.txt" sur 1 pour Ecriture
    Pour j ← 0 à i
        EcrireFichier 1, MesPotes(j)
    
```

```

j suivant
Fermer 1
Fin

```

Exercice 10.9

Une fois de plus, le passage par un tableau de structures est une stratégie commode. Attention toutefois, comme il s'agit d'un fichier texte, tout est stocké en caractère. Il faudra donc convertir en numérique les caractères représentant les ventes, pour pouvoir effectuer les calculs demandés.

Pour le traitement, il y a deux possibilités.

Soit on recopie le fichier à l'identique dans un premier tableau, et on traite ensuite ce tableau pour faire la somme par vendeur. Soit on fait le traitement directement, dès la lecture du fichier. C'est cette option qui est choisie dans ce corrigé.

```

Structure Vendeur
  Nom en Caractère * 20
  Montant en Numérique
Fin Structure
Tableau MesVendeurs() en Vendeur
Variables NomPrec * 20, Lig, Nom en caractère
Variables Somme, Vente en Numérique

```

On balaye le fichier en faisant nos additions. Dès que le nom a changé (on est passé au vendeur suivant), on range le résultat et on remet tout à zéro

```

Debut
Ouvrir "Ventes.txt" sur 1 pour Lecture
i ← -1
Somme ← 0
NomPrec ← ""
Tantque Non EOF(1)
  LireFichier 1, Lig
  Nom ← Mid(Lig, 1, 20)
  Vente ← CNum(Mid(Lig, 21, 10))
  Si Nom = NomPrec Alors
    Somme ← Somme + Vente
  Sinon
    i ← i + 1
    Redim MesVendeurs(i)
    MesVendeurs(i).Nom ← NomPrec
    MesVendeurs(i).Montant ← Somme
    Somme ← 0
    NomPrec ← Nom
  FinSi
FinTantQue
Et n'oublions pas un petit tour de plus pour le dernier de ces messieurs...
i ← i + 1
Redim MesVendeurs(i)
MesVendeurs(i).Nom ← NomPrec
MesVendeurs(i).Montant ← Somme
Fermer 1
Pour terminer, on affiche le tableau à l'écran
Pour j ← 0 à i
  Ecrire MesVendeurs(j)
j suivant
Fin

```