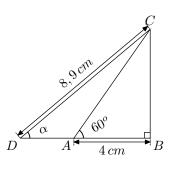
# Trigonométrie et angles orientés.

#### Exercice 1

On considère le triangle ABCrectangle en B représenté cidessous:

- 1. Déterminer la longueur du segment [BC] arrondie au millimètre près.
- 2. En déduire la mesure de l'angle CDB arrondie au degré près.

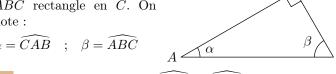


C

## Exercice 2

On considère un triangle ABC rectangle en C. On

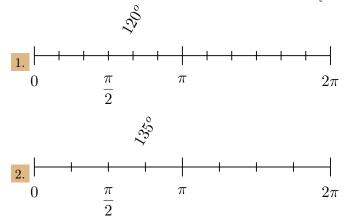
$$\alpha = \widehat{CAB} \quad ; \quad \beta = \widehat{ABC}$$



- 1. Justifier que les angles  $\widehat{CAB}$  et  $\widehat{CBA}$  sont deux angles complémentaires.
- a. A l'aide des longueurs des côtés du triangle ABC, exprimer les valeurs de  $\cos \alpha$  et  $\sin \beta$ .
  - b. En déduire l'égalité :  $\cos \alpha = \sin \left( \frac{\pi}{2} \alpha \right)$
- a. A l'aide des longueurs des côtés du triangle ABC, exprimer les valeurs de  $\tan \alpha$  et  $\tan \beta$ 
  - b. En déduire l'égalité :  $\tan\left(\frac{\pi}{2} \alpha\right) = \frac{1}{\tan \alpha}$
- 4. Etablir l'égalité :  $(\cos \alpha)^2 + (\sin \alpha)^2 = 1$

#### Exercice 3

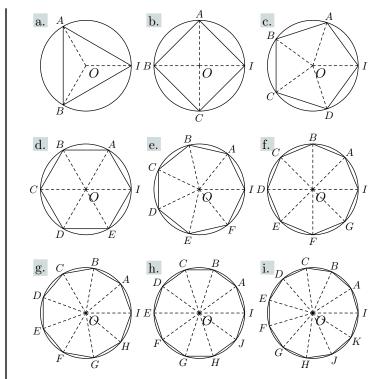
Ci-dessous sont représentées deux droites graduées représentant les mesures d'un angle en radian sur l'intervalle  $[0; 2\pi]$ .



Compléter la graduation du bas (représentant une mesure d'angle en radian), puis compléter les valeurs du haut représentant la conversion correspondante en degré:

# Exercice 4

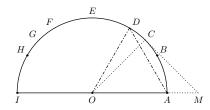
On a représenté ci-dessous les neufs premiers polygones réguliers inscrit dans le cercle trigonométrique.



- 1. Donner la mesure, en radians, de l'angle au centre séparant deux sommets consécutifs de chacun de ces poly-
- 2. Nommer chacun de ces polygones.

#### Exercice 5

On considère la figure ci-dessous, où  $\mathscr C$  est un demi-cercle de centre O et admettant le segment [IA] pour diamètre :



Les autres points présents sur cette figure appartiennent au demi-cercle  $\mathscr C$  et vérifient les propriétés suivantes :

- Le triangle *OAD* est un triangle équilatéral;
- Le triangle OCM est un triangle rectangle isocèle en C;
- Le triangle AEO est un triangle rectangle en O;
- La demi-droite [OB) est la bissectrice de l'angle DOA;
- ullet Le point F est le symétrique du point D par rapport à la droite (EO):
- Les mesures des angles  $\widehat{AOG}$  et  $\widehat{AOC}$  sont supplémen-
- Le point H est le point d'intersection du demi-cercle  $\mathscr C$ avec la droite parallèle à la droite (AI) et passant par le point B.

Donner la mesure exacte des angles ci-dessous en radian :

a. 
$$\widehat{AOB}$$

b. 
$$\widehat{AOC}$$

c. 
$$\widehat{AOD}$$

d. 
$$\widehat{AOE}$$

e. 
$$\widehat{AOF}$$

f. 
$$\widehat{AOG}$$

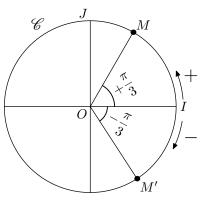
g. 
$$\widehat{AOH}$$

h. 
$$\widehat{AOI}$$

### Exercice 6

Dans le plan muni d'un repère orthonomal (O:I:J). on considère le cercle de centre O et de rayon 1 appelé cercle trigonométrique.

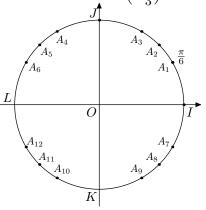
Tout point M définit un angle géométrique IOM. Le sens de parcours du cercle trigonométrique permet de caractériser tout point du cercle par son angle géométrique:



- l'angle est positif si l'arc  $\widehat{IM}$  est orienté dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.
- l'angle est négatif si l'arc  $\widehat{IM}$  est orienté dans le sens des aiguilles d'une montre.

Dans la représentation ci-dessus :

- On a:  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM}) = +\frac{\pi}{2}$  rad Dans le cercle trigonométrique, on note  $M\left(+\frac{\pi}{2}\right)$ .
- On a:  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM'}) = -\frac{\pi}{3}$  rad Dans le cercle trigonométrique, on note  $M'\left(-\frac{\pi}{2}\right)$ .
- 1. Dans figure ci-dessous, les points  $A_i$ défiangle nissent un  $OI;OA_i$ orienté ayant une mesure "remarquable". Pour chacun des points, indiquer la mesure de l'angle associérajouter le signe permettant de repérer chaque point marqué du cercle trigonométrique :



2. Dans le cercle trigonométrique ci-dessus, placer sur cette figure les points N, P, Q, R, S, T réalisant les mesures suivantes:

a. 
$$(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{ON}) = -\frac{\pi}{4} \text{ rad}$$
 b.  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OP}) = \frac{5\pi}{6} \text{ rad}$ 

b. 
$$(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OP}) = \frac{5\pi}{6}$$
 rad

c. 
$$(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OQ}) = -\frac{2\pi}{3}$$
 ra

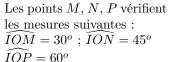
c. 
$$(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OQ}) = -\frac{2\pi}{3} \text{ rad}$$
 d.  $(\overrightarrow{OK}; \overrightarrow{OR}) = -\frac{\pi}{4} \text{ rad}$ 

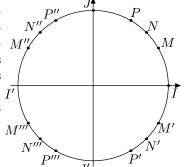
e. 
$$\left(\overrightarrow{OK}; \overrightarrow{OS}\right) = \frac{\pi}{6} \operatorname{rad}$$

e. 
$$(\overrightarrow{OK}; \overrightarrow{OS}) = \frac{\pi}{6} \text{ rad}$$
 f.  $(\overrightarrow{OJ}; \overrightarrow{OT}) = -\frac{\pi}{4} \text{ rad}$ 

#### Exercice 7

Dans le plan muni d'un repère (O; I; J), on considère le cercle trigonomé-M'trique représenté ci-dessous sur lequel est placé plusieurs points:

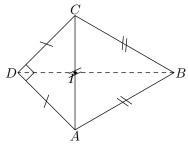




- 1. Donner la mesure des angles repérant les points M, N,P en radians.
- 2. Les points M', N', P' sont respectivement les symétriques des points M, N, P par rapport à l'axe (OI):
  - a. Que peut-on dire de  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM})$  et  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM'})$ ?
  - b. Donner la mesure en radians des angles suivants :  $\left(\overrightarrow{OI};\overrightarrow{OM'}\right)$  ;  $\left(\overrightarrow{OI};\overrightarrow{ON'}\right)$  ;  $\left(\overrightarrow{OI};\overrightarrow{OP'}\right)$
- 3. Les points M'', N'' et P'' sont respectivement les symétriques des points M, N, P par rapport à l'axe (OJ):
  - a. Que peut-on dire de  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM})$  et  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM''})$ ?
  - b. Donner la mesure en radians des angles suivants :  $\left(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM''}\right)$  ;  $\left(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{ON''}\right)$  ;  $\left(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OP''}\right)$
- 4. Les points M''', N''' et P''' sont respectivement les symétriques des points M, N, P par rapport à l'axe (OJ):
  - a. Quelle relation algébrique vérifie les deux angles :  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM})$ ;  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM''})$
  - b. Donner la mesure en radians des angles suivants :  $\left(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM'''}\right)$ ;  $\left(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{ON''}\right)$ ;  $\left(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OP''}\right)$

# Exercice 8

On considère le quadrilatère ABCD représenté cidessous qui est constitué de deux triangles ABC et ACD respectivement équilatéral et isocèle rectangle en D.



A l'aide des points de cette figure et pour chaque question, donner un angle orienté réalisant les mesures suivantes :

a. 
$$\frac{\pi}{3}$$
 rad

b. 
$$-\frac{\pi}{4}$$
 rac

$$\left| \frac{\mathbf{c}}{6} \right| = \frac{\pi}{6}$$
 rad

a. 
$$\frac{\pi}{3}$$
 rad b.  $-\frac{\pi}{4}$  rad c.  $-\frac{\pi}{6}$  rad d.  $\frac{7\pi}{12}$  rad

## Exercice 9

On considère le cercle trigonométrique  $\mathscr{C}$  ci-dessous où est inscrit un dodécagone (polygone régulier à 12 cô-

- 1. Déterminer la mesure de l'angle  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OA})$
- 2. Placer sur le cercle  $\mathscr{C}$ les points M, N, P tels
- b.  $(\overrightarrow{OJ}; \overrightarrow{ON}) = -\frac{\pi}{6}$  rad

a.  $(\overrightarrow{OI}; \overrightarrow{OM}) = \frac{2\pi}{3}$  rad

c.  $(\overrightarrow{OA}; \overrightarrow{OP}) = -\frac{\pi}{2} \text{ rad}$  c.  $(\overrightarrow{OQ}; \overrightarrow{OJ}) = -\frac{5\pi}{6} \text{ rad}$