

# Travaux Pratiques de programmation n°7 Cours de programmation impérative

—Licence MPI L1 S2 - Info 121—

### Exemple d'utilisation d'un type abstrait : les polynômes

Dans cette séance de travaux pratiques, nous travaillons avec une implantation du type abstrait Polynôme, défini par les fonctions ci-dessous :

```
void PolynomeNul(Polynome &p);
void modifierCoeffPoly(Polynome &p, int d, float co);
int degrePoly(Polynome p);
float coeffPoly(Polynome p, int d);
bool estNulPoly(Polynome p);
bool egalPoly(Polynome p, Polynome q);
```

L'implantation est fournie dans deux fichiers PolyAbstr.hpp et PolyAbstr.cpp. Il n'est pas utile que vous compreniez le contenu de ces deux fichiers qui utilisent la programmation orientée objet.

#### 1 Conventions de nommage

Quand on commence à écrire des programmes avec quelques dizaines de fonctions, pour éviter d'avoir en permanence à se poser des questions comme « Quel est le nom de la fonction qui ... » ou bien « Dans quel ordre dois-je passer les paramètres à la fonction ... », il est utile de suivre quelques conventions. Toutes les entreprises de développement de logiciels, tous les projets de logiciels sérieux fixent ainsi un certain nombre de règles concernant l'indentation du code, le choix des noms des fonctions et l'ordre des paramètres.

Les choix faits dans la convention suivante sont pour la plupart arbitraires, ils sont là seulement pour éviter des hésitations comme par exemple : dois-je écrire «EstVide» ou bien «estVide» où encore « est\_vide » ? Rien ne vous interdit de vous en écarter si elles ne vous plaisent pas, mais ne pas suivre de conventions est un bon moyen de perdre bêtement du temps.

- Les noms des types commencent par une majuscule (par exemple Polynome).
- On utilise la convention dite camelCase pour les noms de fonctions (les mots accolés et commençant par une majuscule).
- Les constructeurs d'un type abstrait commencent par le nom du type (par exemple PolynomeNul); le premier paramètre est l'objet à construire.
- Les procédures et fonctions qui manipulent un type abstrait ont leur **nom qui se termine** par le type (ou une abréviation, ici Poly).

Quand une procédure fait un calcul, il y a souvent deux manières de transmettre le résultat :

- 1. soit on **modifie** l'un des paramètres passé en mode Donnée-Résultat; dans ce cas le nom de la fonction sera un **verbe conjugué qui décrit l'action** que l'on fait sur le paramètre; ce paramètre sera toujours **le premier paramètre**.
  - Par exemple ajoutePoly(p, q) ajoute q au paramètre p.
- 2. soit on **retourne le résultat** dans un paramètre passé en mode Résultat; dans ce cas le nom de la fonction sera un **nom qui décrit le résultat de l'action**. Le paramètre recevant le résultat sera alors toujours le dernier paramètre.
  - Par exemple sommePoly(a, b, c) place dans c la somme a+b.

#### 2 Mise en place

Les quatre fichiers main.cpp, PolyAbstr.hpp, PolyAbstr.cpp et Makefile sont à extraire depuis l'archive comme dans les précédents T.P.

- 1. Ouvrir le fichier d'en-tête PolyAbstr.hpp et lire la documentation des fonctions, puis ouvrir le fichier main.cpp et deviner ce qu'il va afficher à l'exécution (sans le compiler ni l'exécuter pour l'instant).
- 2. Comme le code est composé de plusieurs fichiers, il faut normalement taper plusieurs commandes pour le compiler. Il est plus pratique d'écrire une bonne fois pour toutes les commandes à taper et de laisser la machine lancer les commandes nécessaires à la compilation. Pour ceci, on utilise l'outil make. Avec cet outil, on décrit la configuration du projet dans un fichier appelé Makefile. Ensuite, pour compiler projet il suffit de faire

make

L'outil va lancer tout seul les appels au compilateur nécessaires comme si vous les aviez tapé au clavier. On peut faire le ménage en tapant

```
make clean
```

3. Après avoir compilé en utilisant make, vous pouvez lancer le programme main. Vous devriez normalement voir apparaître :

```
Le polynome p est : 4X^5 - 5X^2 + X - 1
Le polynome 3*p est : 12X^5 - 15X^2 + 3X - 3
La derivee de p est : 20X^4 - 10X + 1
```

Ainsi, nous savons créer, afficher, multiplier par une constante, et dériver un polynôme.

On remarque que pour pouvoir les utiliser, vous n'avez pas besoin de savoir comment sont implantés les polynômes. Nous utilisons ici des tables associatives qui sont usuellement elles-mêmes un type abstrait implanté avec des arbres auto-équilibrants dits rouge-noir.

Attention: Dans la suite de ce TP, on ne modifiera que le fichier main.cpp. On considère en effet que le travail d'implantation du type abstrait est effectué par une autre équipe de développement. La semaine prochaine, nous ferons le contraire : on ne modifiera pas le programme principal, mais on implantera nous-même les 5 fonctions du type abstrait.

## 3 Calcul avec les polynômes

En s'inspirant des fonctions déjà écrites, on demande d'écrire et de tester dans le main les fonctions suivantes (en prenant soin de procéder à chaque étape à des tests de validation) :

- 1. void polynomeCoeffEgaux(Polynome &p, int degree, float coeff) qui construit un polynôme p de degrée degree pour lequel tous les coefficients sont égaux à coeff. Ainsi, l'appel polynomeCoeffEgaux(p, 3, 2) renverra le polynôme  $2X^3 + 2X^2 + 2X + 2$ .
- 2. float evalPoly(Polynome p, float x) qui calcule la valeur du polynôme p au point x. Par exemple, pour le polynôme X<sup>4</sup> + 2X<sup>2</sup> 5, on s'attend à ce que la fonction evalPoly renvoie 19 si elle est évaluée pour X = 2. Vous utiliserez pour cela la fonction puissance(float x, int k), qui renvoie x<sup>k</sup>. Puis (une fois la fonction evalPoly codée et testée):
  - (a) À l'aide de la fonction polynomeCoeffEgaux, construisez un polynôme de degré 10000 dont tous les coefficients sont égaux à 1.0001. Évaluez le polynôme construit à l'aide de la fonction EvalPoly au point X=1.0001.

(b) On peut en fait aller beaucoup plus vite pour l'exécution de evalPoly. Afin d'accélérer l'évaluation d'un polynôme, nous allons implémenter une seconde fonction evalHornerPoly(Polynome p, float x). Cette méthode permet de calculer la valeur d'un polynôme de degré n en ne faisant que n additions et n multiplications au lieu de  $\frac{n(n+1)}{2}$ . La méthode consiste à multiplier le coefficient de plus haut degré par x, puis à lui ajouter le second coefficient. On multiplie le résultat par x, auquel on ajoute le troisième coefficient, etc.

Considérons l'exemple du polynôme  $-2X^3 + 3X^2 - 5X + 6$ , pour X = 3. On l'écrit sous la forme (((-2)X + 3)X - 5)X + 6. On effectue donc le calcul de la manière suivante :

- Le premier coefficient (celui de plus haut degré), vaut -2.
- Je le multiple par X et j'ajoute le deuxième coefficient soit 3, et j'obtiens -3.
- Je multiple à nouveau par X et j'ajoute le troisième coefficient -5, je passe donc à -14.
- Je multiple une nouvelle fois par X puis j'ajoute le dernier coefficient, 6. J'obtiens le résultat final de -36.

Implémentez l'algorithme de Horner.

- (c) La méthode de Horner possède un autre avantage. Construisez le polynôme  $X^{10} 99X^9$ , et évaluez-le pour X = 100 avec la méthode normale et la méthode de Horner. Que constatez-vous?
- 3. void ajoutePoly(Polynome &p, Polynome q) qui ajoute q au polynôme p.
- 4. void produitPolyXn(Polynome p, int n, Polynome &res) qui place dans res le produit du polynôme p par  $X^n$ . Par exemple, si P est défini par  $P=4X^5-5X^2+X-1$ , alors  $P\times X^2$  est le polynôme  $P=4X^7-5X^4+X^3-X^2$
- 5. void produitPoly(Polynome p, Polynome q, Polynome &res) qui place dans res le produit de deux polynômes. Par exemple si P est toujours défini par

$$P = 4X^5 - 5X^2 + X - 1$$
.

on calcule  $P \cdot (X^3 + 2X - 1)$  par

$$P \cdot (X^3 + 2X - 1) = 1 \cdot (P \cdot X^3) + 2 \cdot (P \cdot X^1) + (-1) \cdot P \cdot (X^0)$$

$$= (4X^8 - 5X^5 + X^4 - X^3) + 2(4X^6 - 5X^3 + X^2 - X) + (-4X^5 + 5X^2 - X + 1)$$

$$= 4X^8 + 8X^6 - 9X^5 + X^4 - 11X^3 + 7X^2 - 3X + 1$$

6. void puissancePoly(Polynome p, int n, Polynome &res) qui place dans res la puissance n-ième du polynôme p. On peut alors afficher les puissances successives du polynôme (X+1) et voir apparaître le triangle de Pascal :

1
$$X + 1$$

$$X^{2} + 2X + 1$$

$$X^{3} + 3X^{2} + 3X + 1$$

$$X^{4} + 4X^{3} + 6X^{2} + 4X + 1$$

$$X^{5} + 5X^{4} + 10X^{3} + 10X^{2} + 5X + 1$$

$$X^{6} + 6X^{5} + 15X^{4} + 20X^{3} + 15X^{2} + 6X + 1$$

$$X^{7} + 7X^{6} + 21X^{5} + 35X^{4} + 35X^{3} + 21X^{2} + 7X + 1$$