Analyse syntaxique ascendante

Cyril Rabat cyril.rabat@univ-reims.fr

Licence 3 Informatique - Info0602 - Langages et compilation

2021-2022





Cours n°4
Analyseurs SLR, LR(1) et LALR(1)

Version 22 février 2022

Table des matières

- 4 L'analyse syntaxique ascendante
 - Introduction
 - Analyseur SLR
 - Analyseur LR(1)
 - Analyseur LALR(1)
 - Utilisation des grammaires ambiguës

L'analyse syntaxique ascendante

- Connue également sous le nom d'analyse par décalage-réduction
- But : construire un arbre syntaxique en partant des feuilles vers la racine
- Principe : réduction de la chaîne vers l'axiome de la grammaire
- À chaque étape :
 - Réduction d'une sous-chaîne correspondant à la partie droite d'une règle
 - Remplacée par le symbole de la partie gauche
- Plusieurs méthodes existent :
 - La méthode d'analyse par précédence d'opérateurs
 - La méthode LR, plus générale
 - → Utilisée dans de nombreuses constructions d'analyseurs

Exemple d'analyse ascendante

 $S \rightarrow \mathsf{a} \mathsf{A} \mathsf{B} \mathsf{e}$

Soit la grammaire suivante : $A \rightarrow Abc|b$

Analysons le mot abbcde :

- abbcde avec $A \rightarrow b$
- ullet aAbcde avec A o A b c
- ullet a Ade avec $B o \mathsf{d}$
- ullet aABe avec S o a A B e
- S

Nous obtenons la dérivation droite suivante :

 $S \Rightarrow aABe \Rightarrow aAde \Rightarrow aAbcde \Rightarrow abbcde$

Implémentation à l'aide d'une pile

- Deux problèmes à résoudre :
 - Repérer la sous-chaîne à réduire
 - 2 Choisir la règle si plusieurs sont possibles
- Utilisation d'une pile pour conserver les symboles grammaticaux
- Augmentation de la grammaire G = (T, N, R, S): $\hookrightarrow G' = (T \cup \{\exists\}, N \cup \{S'\}, R \cup \{S' \rightarrow S \exists\}, S')$
- Décalage : avancée dans la chaîne de caractères
- **Réduction** : si α est au sommet, il peut être remplacé par A si $A \to \alpha \in R$
- Acceptation : la pile contient $\dashv S$ et l'entrée \dashv
- Erreur : une erreur de syntaxe est détectée; récupération sur erreur

Exemple d'analyse avec une pile

 $E \rightarrow E + E$

Soit la grammaire : $\begin{array}{ccc} E & \rightarrow & E * E \\ E & \rightarrow & (E) \end{array}$

 $E \rightarrow id$

Analyse du mot $id_1 + id_2 * id_3$:

Pile	Entrée	Action
\dashv	$id_1 + id_2 * id_3 \dashv$	décaler
$\dashv id_1$	$+id_2*id_3\dashv$	réduire par $ extbf{ extit{E}} ightarrow extit{id}$
⊣ <i>E</i>	$+id_2*id_3\dashv$	décaler
∃ <i>E</i> +	$id_2 * id_3 \dashv$	décaler
$\exists E + id_2$	* <i>id</i> ₃ ⊢	réduire par $ extbf{ extit{E}} ightarrow extit{id}$
$\exists E + E$	* <i>id</i> ₃ ⊢	décaler
$\exists E + E*$	$id_3 \dashv$	décaler
$\exists E + E * id_3$	⊣	réduire par $ extbf{ extit{E}} ightarrow extit{id}$
$\exists E + E * E$		réduire par $E o E*E$
$\exists E + E$	-	réduire par $E o E+E$
<i>⊣ E</i>	-	accepter

Conflits décalage/réduction

- Conflits rencontrés pour certaines grammaires non contextuelles
- Dans une configuration donnée, choix à faire :
 - Entre décalage et réduction
 - Entre plusieurs réductions
- Possible de trouver des solutions :
 - Faire un choix de décalage par défaut
 - Utilisation d'une table des symboles

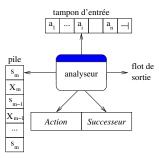
Analyse LR (1/2)

- Utilisable pour une large "gamme" de grammaires non contextuelles
- Notée LR(k) :
 - L pour Left to right scanning of the input → Parcours de l'entrée de gauche à droite
 - R pour Rightmost derivation in reverse
 - → En construisant une dérivation droite inverse
 - k le nombre de symboles de pré-vision utilisés pour les décisions
- LR(1) est également notée LR
- La classe des grammaires traitées par des analyseurs prédictifs est inclue dans la classe des grammaires qui peuvent être analysées avec l'analyse LR

Analyse LR (2/2)

- Méthode la plus connue
- Cependant, trop gourmande à réaliser manuellement
- Nécessite des outils spécialisés
 - \hookrightarrow Exemple : *Yacc*
- Grammaire passée en entrée et génération d'un analyseur :
 - → Ambiguïtés et conflits détectés
 - $\hookrightarrow L$ 'utilisateur peut ensuite corriger

- Un analyseur LR est composé de :
 - Un tampon d'entrée
 - Une pile
 - Une table d'analyse composée de 2 parties : actions et successeurs
 - Un flot de sortie
- L'analyseur lit les unités lexicales les unes après les autres dans le tampon d'entrée



Analyseur LR (2/2)

- La pile contient des chaînes $s_0 X_1 s_1 X_2 s_2 \dots X_n s_n$ où
 - s_n est le sommet
 - X_i est un symbole de la grammaire $(X_i \in T \cup N)$
 - s_i est un symbole nommé état
- En fonction de l'état au sommet de la pile, du symbole d'entrée, la table permet de déterminer l'action à réaliser et le prochain état
- 4 actions différentes :
 - Décaler s où s est un état, noté d, s
 - Réduire par une règle
 - Accepter
 - Erreur

Techniques de construction de la table

- Plusieurs techniques de construction de la table d'analyse :

 - LR (canonique) la plus "puissante" mais la plus coûteuse
 → Elle produit de nombreux états
 - LALR pour LookAhead LR: utilisable pour un grand nombre de grammaires de langages de programmation
 - → Elle vise à réduire le nombre d'états

Fonctionnement de la table

- Prend comme arguments un état et un symbole non terminal et retourne le prochain état
- Avec :
 - La pile contient $s_0 X_1 s_1 X_2 s_2 \dots X_m s_m$
 - L'entrée contient $a_i a_{i+1} \dots a_n \dashv$
- Si $Action[s_m, a_i] = décaler s$
 - La pile devient $s_0 X_1 s_1 X_2 s_2 \dots X_m s_m a_i s_i$
 - L'entrée devient $a_{i+1} \dots a_n \dashv$
- Si $Action[s_m, a_i] = \text{r\'eduire par } A \to \beta$, avec $Successeur[s_{m-r}, A] = s$, r est la longueur de β
 - La pile devient $s_0 X_1 s_1 X_2 s_2 \dots X_{m-r} s_{m-r} As$
 - L'entrée reste $a_i \dots a_n \dashv$
 - $\hookrightarrow 2 \times r$ symboles dépilés, A et Successeur $[s_{m-r}, A] = s$ empilés
- Si $Action[s_m, a_i] = accepter$, l'analyse est terminée
- Si $Action[s_m, a_i] = \text{erreur}$, une erreur est détectée; l'analyse s'arrête

Exemple : la grammaire et la table d'analyse

Soit la grammaire :

$$P \rightarrow a P b (règle n°1)$$

 $\rightarrow a b (règle n°2)$

Nous obtenons la table suivante :

États		Actio	Successeur				
Liais	a	b	4	Р			
0	d,2			1			
1			acc.				
2	d,2	d,4		3			
3		d,5					
4		r,2	r,2				
5		r,1	r, 1				

Exemple: exécution

Pile	Entrée	Action	
0	aaabbb ⊣	d,2	
0a2	aabbb ⊣	d,2	
0a2a2	abbb ⊣	d,2	
0a2a2a2	bbb ⊣	d,4	
0a2a2a2b4	bb ⊣	r,2	
0a2a2P3	bb ⊣	d,5	
0a2a2P3b5	b	r,1	
0a2P3	b	d,5	
0a2P3b5	-	r, 1	
0P1	\dashv	acc	

Grammaire LR(k)

Définition : grammaire LR(k)

Une grammaire est dire LR(k) s'il est possible de construire la table d'analyse syntaxique. k désigne le nombre de symboles à utiliser pour prendre une décision. En pratique, k=0 ou k=1.

Définition : item LR(0)

Un item LR(0) est une règle de la grammaire avec un point (.) dans la partie droite. Le point représente la position de la tête de lecture (fenêtre) dans l'analyse

• Exemple : $A \rightarrow XYZ$ donne les 4 items $A \rightarrow .XYZ$, $A \rightarrow X.YZ$, $A \rightarrow XY.Z$ et $A \rightarrow XYZ$.

Fermeture d'un ensemble d'items LR(0)

Définition : fermeture d'un ensemble d'items LR(0)

La fermeture de I (notée Fermeture(I)), un ensemble d'items LR(0), est définie par :

- $I \subseteq Fermeture(I)$
- Si $A \rightarrow \alpha.B\beta \in Fermeture(I)$ et $B \rightarrow \gamma \in R$, alors $B \rightarrow .\gamma \in Fermeture(I)$

La dernière règle est appliquée jusqu'à ce qu'aucun item ne puisse plus être ajouté.

Fermeture($\{E' \rightarrow .E\}$) contient :

- $E' \rightarrow .E$ car $I \subseteq Fermeture(I)$
- ullet E
 ightarrow .E + T et E
 ightarrow .T : ajout des règles avec E à gauche
- $T \rightarrow .T * F$ et $T \rightarrow .F$: ajout des règles avec T à gauche
- $F \rightarrow .id$ et $F \rightarrow .(E)$: ajout des règles avec F à gauche

 $\label{eq:Fermeture} \begin{aligned} \text{Fermeture}(\{E' \rightarrow .E\}) &= \{E' \rightarrow .E, \ E \rightarrow .E + T, \ E \rightarrow .T, \ T \rightarrow .T * F, \\ T \rightarrow .F, \ F \rightarrow .id, \ F \rightarrow .(E)\} \end{aligned}$

L'opérateur Transition

Définition: transition d'un item

La transition d'un ensemble d'items LR(0) I sur un symbole X (notée Transition(I,X)) est égale à Fermeture($\{A \to \alpha X.\beta/A \to \alpha.X\beta \in I\}$).

Exemple

Avec Transition($\{E' \rightarrow E., E \rightarrow E. + T\}$, +):

- $E \rightarrow E + .T$: seul le deuxième item est conservé
- ullet T
 ightarrow .T * F, T
 ightarrow .F : ajout des règles avec T à gauche
- ullet F o .id, F o .(E) : ajout des règles avec F à gauche

 $Transition(\{E' \rightarrow E., E \rightarrow E. + T\}, +) = \{E \rightarrow E + .T, T \rightarrow .T * F, T \rightarrow .F, F \rightarrow .id, F \rightarrow .(E)\}$

Construction des ensembles d'items d'une grammaire

```
Procédure items(G')
    C \leftarrow \{ Fermeture(\{S' \rightarrow .S\}) \}
    Répète
       modif \leftarrow faux
       Pour tout I \in C Faire
          Pour tout X \in T \cup N / Transition(I,X) \neq \emptyset \wedge Transition(I,X)
          ∉ C Faire
             C \leftarrow C \cup Transition(I,X)
             modif \leftarrow vrai
          Fin Pour
       Fin Pour
    Jusqu'à modif = faux
```

Remarques

- Chaque élément de C est un ensemble d'items LR(0)
- Chaque élément de C est un état

Exemple de construction des items (1/2)

 $\mathsf{E}' \to \mathsf{E}$

Soit la grammaire des expressions augmentée : $\begin{array}{ccc} E & \to E+T\mid T \\ T & \to T*F\mid F \\ \hline F & \to \operatorname{id}\mid (\;E\;) \end{array}$

- $I_0 = Fermeture(\{E' \rightarrow .E\}) = \{E' \rightarrow .E, E \rightarrow .E + T, E \rightarrow .T, T \rightarrow .T * F, T \rightarrow .F, F \rightarrow .id, F \rightarrow .(E)\}$
- $I_1 = Transition(I_0, E) = \{E' \rightarrow E, E \rightarrow E, +T\}$
- $I_2 = Transition(I_0, T) = \{E \rightarrow T., E \rightarrow T. * F\}$
- $I_3 = Transition(I_0, F) = \{T \rightarrow F.\}$
- $I_4 = Transition(I_0, id) = \{F \rightarrow id.\}$
- $I_5 = Transition(I_0, '(') = \{F \rightarrow (.E), E \rightarrow .E + T, E \rightarrow .T, T \rightarrow .T * F, T \rightarrow .F, F \rightarrow .id, F \rightarrow .(E)\}$
- $I_6 = Transition(I_1, +) = \{E \rightarrow E + .T, T \rightarrow .T * F, T \rightarrow .F, F \rightarrow .id, F \rightarrow .(E)\}$

Exemple de construction des items (2/2)

Soit la grammaire des expressions augmentée : $\begin{array}{ccc} E & \to E+T \mid T \\ T & \to T*F \mid F \end{array}$ $\mathsf{F} \rightarrow \mathsf{id} \mid (\mathsf{E})$

- $I_7 = Transition(I_2, *) = \{E \rightarrow T * .F, F \rightarrow .id, F \rightarrow .(E)\}$
- $I_8 = Transition(I_5, E) = \{F \rightarrow (E.), E \rightarrow E. + T\}$
- Transition(I_5 , T) = { $E \rightarrow T., E \rightarrow T. *F$ } = I_2
- Transition(I_5 , F) = I_3 , Transition(I_5 , I_5) = I_4 , Transition(I_5 , I_5)
- $I_9 = Transition(I_6, T) = \{E \rightarrow E + T, T \rightarrow T, *F\}$
- Transition(I_6 , F) = I_3 , Transition(I_6 , I_6) = I_4 , Transition(I_6 , I_6) = I_5
- $I_{10} = Transition(I_7, F) = \{T \to T * F.\}$
- Transition(I_7 , id) = I_4 , Transition(I_7 , '(') = I_5
- $I_{11} = Transition(I_8, ')') = \{F \rightarrow (E).\}$
- Transition(I_8 , +) = I_6 ,
- Transition(I_9 , *) = I_7

22 / 51

- On part de la grammaire augmentée G' en numérotant chaque règle
- Calcul de $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$, l'ensemble des ensembles d'items LR(0) pour G'
- Construction de l'état i à partir de I_i
- Actions :
 - Si $A \to \alpha.a\beta \in I_i$ avec $a \in T$, $Transition(I_i, a) = I_j$ alors Action[i, a] = décaler <math>j
 - Si $A \to \alpha$. $\in I_i$, alors $Action[i, b] = réduire <math>A \to \alpha$ avec $b \in Suivant(A)$, avec $A \neq S'$
 - Si $S' \to S$. $\in I_i$, alors $Action[i, \dashv] = accepter$
- Successeurs :
 - Si $Transition(I_i, A) = I_j$ avec $A \in N$, alors Successeur[i, A] = j
- Toutes les autres entrées sont fixées à erreur
- L'état initial de l'analyseur est celui construit à partir de l'ensemble contenant $S' \to .S$

23 / 51

Nous partons sur la grammaire augmentée :

- Premier(E') = $\{id,'(')\}$
- Premier(E) = $\{id,'(')\}$
- Premier(T) = $\{id,'(')\}$
- Premier(F) = $\{id,'(')\}$

- Suivant(E') = $\{\epsilon\}$
- Suivant(E) = $\{+,',',\epsilon\}$
- Suivant(T) = $\{*, +, ')', \epsilon\}$
- Suivant(F) = $\{*, +, ')', \epsilon\}$

Construction: voir au tableau

Construction de la table d'analyse : résultat

États		Action				Successeur			
	id	+	*	()	-	E	Т	F
0	d,4			d,5			1	2	3
1		d,6				Acc			
2		r,3	d,7		r,3	r,3			
3		r,5	r,5		r,5	r,5			
4		r,6	r,6		r,6	r,6			
5	d,4			d,5			8	2	3
6	d,4			d,5				9	3
7	d,4			d,5					10
8		d,6			d,11				
9		r,2	d,7		r,2	r,2			
10		r,4	r,4		r,4	r,4			
11		r,7	r,7		r,7	r,7			

Pile	Entrée	Action	
0	id + id * id ⊣	d,4	
0id4	+ id * id ⊣	r,6	
0F3	+ id * id ⊣	r,5	
0T2	+ id * id ⊣	r,3	
0E1	+ id * id ⊣	d,6	
0E1+6	id * id ⊣	d,4	
0E1+6id4	* id ⊣	r,6	
0E1+6F3	* id ⊣	r,5	
0E1+6T9	* id ⊣	d,7	
0E1+6T9*7	id ⊣	d,4	
0E1+6T9*7id4	-	r,6	
0E1+6T9*7F10	-	r, 4	
0E1+6T9		r,2	
0E1	-	Acc	

Grammaire SLR(1)

Définition: grammaire SLR(1)

Une grammaire est dite SLR(1) s'il est possible de construire la table SLR(1).

- Toute grammaire SLR(1) est non ambiguë
- Beaucoup de grammaires non ambiguës ne sont pas SLR(1)

Conflit décalage/réduction

$$S \rightarrow G = D \mid D$$

Soit la grammaire suivante : $G \rightarrow *D \mid id$

$$D \rightarrow G$$

- $I_0 = \{S' \rightarrow .S, S \rightarrow .G = D, S \rightarrow .D, D \rightarrow .G, G \rightarrow .*D, G \rightarrow .id\}$
- $I_1 = Transition(I_0, S) = \{S' \rightarrow S.\}$
- $I_2 = Transition(I_0, G) = \{S \rightarrow G. = D, D \rightarrow G.\} \dots$
- Action[2, =] = décaler X (ici X est un état quelconque)
- Or, Suivant(D) contient '=', donc Action[2, =] = réduire 5
- Conflit décalage/réduction lié à un mangue d'informations : \hookrightarrow Réduction dès que possible sur le *Suivant*
- Idée : proposer une réduction uniquement avec certains symboles

Symbole de prévision et item LR(1)

Définition : item LR(1)

Un item LR(1) est un item LR(0) suivi d'un symbole terminal (ou de \dashv) appelé **symbole de prévision**.

- Symbole de prévision utile uniquement quand une partie droite de règle est au sommet de la pile
- Permet de décider s'il faut réduire ou pas
- Si $a \in T \cup \{\exists\}$, $A \in N$ et $\alpha_1, \alpha_2 \in \{T \cup N\}^*$, $[A \to \alpha_1.\alpha_2, a]$, le symbole a signifie :
 - $\alpha_2 \neq \epsilon$: aucune
 - $lpha_2=\epsilon$: la réduction de $A olpha_1lpha_2$ est effectuée sur a uniquement
- Les deux items $[A \to \alpha_1.\alpha_2, a]$ et $[A \to \alpha_1.\alpha_2, b]$ peuvent s'écrire $[A \to \alpha_1.\alpha_2, \{a,b\}]$

Fermeture d'un ensemble d'items LR(1)

Définition : fermeture d'un ensemble d'items LR(1)

La fermeture F(I) d'un ensemble I d'items LR(1) est définie par :

- $I \subseteq Fermeture(I)$
- $Si[A \rightarrow \alpha.B\beta, a] \in Fermeture(I)$ et $B \rightarrow \gamma \in R$, alors $[B \rightarrow .\gamma, b] \in Fermeture(I)$ pour tout $(b \in N) \in Premier(\beta a)$

Procédure Fermeture(I)

```
Répète
```

 $modif \leftarrow faux$

Pour tout $[A \to \alpha.B\beta, a] \in I$, $B \to \gamma \in R$ et $b \in Premier(\beta a)$ /

$$[B \rightarrow .\gamma, b] \notin I$$
 Faire

$$I \leftarrow I \cup [B \rightarrow .\gamma, b]$$

 $modif \leftarrow vrai$

Fin Pour

Jusqu'à modif = faux

30 / 51

Construction de l'automate LR(1)

```
Procédure items(G')
    C \leftarrow \{ Fermeture([S' \rightarrow .S, \dashv]) \}
    Répète
       modif ← faux
       Pour tout l \in C Faire
          Pour tout X \in T \cup N / Transition(I,X) \neq \emptyset \wedge Transition(I,X)
          ∉ C Faire
             C \leftarrow C \cup Transition(I,X)
             modif \leftarrow vrai
          Fin Pour
       Fin Pour
    Jusqu'à modif = faux
```

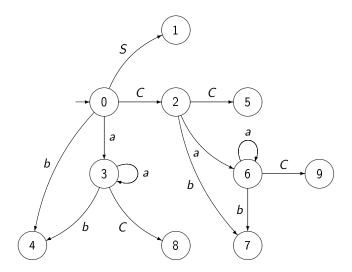
Exemple de construction des items LR(1)

$$S' \rightarrow S$$

 $S \rightarrow CC$
 $C \rightarrow aC \mid b$

- $I_0 = \{ [S' \to .S, \dashv], [S \to .CC, \dashv], [C \to .aC, \{a, b\}], [C \to .b, \{a, b\}] \}$
- $I_1 = Transition(I_0, S) = \{ [S' \rightarrow S.. \dashv] \}$
- $I_2 = Transition(I_0, C) = \{[S \rightarrow C.C, \dashv], [C \rightarrow .aC, \dashv], [C \rightarrow .b, \dashv]\}$
- $I_3 = Transition(I_0, a) =$ $\{[C \to a.C, \{a, b\}], [C \to .aC, \{a, b\}], [C \to .b, \{a, b\}]\}$
- $I_{\Delta} = Transition(I_0, b) = \{[C \rightarrow b, \{a, b\}]\}$
- $I_5 = Transition(I_2, C) = \{[S \rightarrow CC., \dashv]\}$
- $I_6 = Transition(I_2, a) = \{ [C \rightarrow a.C, \dashv], [C \rightarrow .aC, \dashv], [C \rightarrow .b, \dashv] \}$
- $I_7 = Transition(I_2, b) = \{ [C \rightarrow b.. \dashv] \}$
- $I_8 = Transition(I_3, C) = \{ [C \rightarrow aC, \{a, b\}] \}$
- Transition(I_3 , a) = I_3 , Transition(I_3 , b) = I_4
- $I_9 = Transition(I_6, C) = \{C \rightarrow aC., \exists\}$
- Transition(I_6 , a) = I_6 , Transition(I_6 , b) = I_7

Graphe de la fonction de transition



Construction de la table LR(1)

- Construire l'automate LR(1)
 - \hookrightarrow États = ensemble d'items LR(1)
 - \hookrightarrow Transitions
- Remplir la table :
 - Pour les actions :
 - Si $[A \to \alpha.a\beta, b] \in I_i$ et $a \in T$, $Transition(I_i, a) = I_j$ alors Action[i, a] = décaler j
 - Si $[A \to \alpha, b] \in I_i$ alors $Action[i, b] = réduire <math>A \to \alpha$
 - Si $[S' \rightarrow S, \dashv] \in I_i$ alors $Action[i, \dashv] = accepter$

Pour la fonction successeur (idem à SLR)

• Si $Transition[I_i, A] = I_j$ alors Successeur[i, A] = j

États		Action	Successeur		
	a	b	\dashv	S	С
0	d,3	d,4		1	2
1			acc.		
2	d,6	d,7			5
3	d,3	d,4			8
4	r,3	r,3			
5			r, 1		
6	d,6	d,7			9
7			r,3		
8	r,2	r,2			
9			r,2		

Grammaire LR(1)

Définition : grammaire LR(1)

Une grammaire est dite LR(1) s'il est possible de construire la table LR(1).

- Toute grammaire SLR(1) est LR(1) mais le nombre d'états de l'analyseur LR(1) peut avoir plus d'états que celui SLR(1)
- Les tables LR(1) sont généralement beaucoup plus grandes que les tables SLR(1) mais elles permettent l'analyse d'un plus grand nombre de langages

Construction de l'automate LALR(1)

- LALR pour Look Ahead LR

Exemple

$$S \rightarrow CC$$

Avec la grammaire précédente : $C \rightarrow aC$

$$C \rightarrow b$$

- $I_4 = \{[C \rightarrow b., \{a, b\}]\}$ et $I_7 = \{[C \rightarrow b., \dashv]\}$ sont semblables
- Le cœur (item LR(0)) est identique : $C \rightarrow b$.

Comportement des états 4 et 7

- Le langage engendré par la grammaire est a*ba*b
- Quand l'analyseur lit aa...aba...ab, il décale les premiers a et le premier b puis se retrouve dans l'état 4
- Il réduit le symbole b par la règle $C \to b$ si la fenêtre est égale à a ou b \hookrightarrow Correct car les mots a^*b ne font pas partie de ce langage \hookrightarrow Donc, pas de réduction sur \dashv
- Après avoir décalé le deuxième b, il est normal de réduire b à Cuniquement sur ⊢

Construction de l'automate LALR(1) (1/2)

- Les états 4 et 7 peuvent être regroupés dans un nouvel état I_{4-7} : $I_{4-7} = \{ [C \rightarrow b., \{a, b, \dashv \}] \}$
- Les transitions de I_0 , I_2 , I_3 , I_6 sur b arrivent sur I_{4-7}
- ullet L'action de l'état I_{4-7} est de réduire C o b pour toute entrée
- L'automate modifié a un comportement très proche de l'original :
 - Il réduit C o b sur le deuxième b même si le symbole de la fenêtre est a ou b
 - Dans ce cas, l'erreur sera détectée plus tard (avant le prochain décalage)

Construction de l'automate LALR(1) (2/2)

- De façon générale, il est possible de regrouper dans un seul ensemble, tous les états qui possèdent le même cœur (seuls les symboles de prévision diffèrent)
- Il suffit d'appliquer l'algorithme de construction de la table LR(1) à l'automate LALR(1)
- Exemple :
 - I_3 et I_6 : {[$C \to a.C, \{a, b, \dashv\}$], [$C \to .aC, \{a, b, \dashv\}$], [$C \to .b, \{a, b, \dashv\}$]}
 - I_4 et I_7 : {[$C \rightarrow b$., { a, b, \dashv }]}
 - I_8 et I_9 : {[$C \to aC., \{a, b, \dashv\}$]}

La table de l'automate LALR(1)

États	Action			Successeur	
	а	b	\dashv	S	С
0	d,3-6	d,4-7		1	2
1			acc.		
2	d,3-6	d,4-7			5
3-6	d,3-6	d, 4-7			8-9
4-7	r,3	r,3	r,3		
5			r, 1		
8-9	r,2	r,2	r,2		

Remarques

- L'analyseur LALR(1) comporte le même nombre d'états que l'analyseur SLR(1)
- Il ne peut y avoir de conflit décaler/réduire en construisant l'analyseur LALR(1) car le symbole de prévision n'est utile qu'en cas de réduction
- Il peut y avoir des conflits réduire/réduire
- La technique de construction proposée pour construire la table LALR n'est pas très efficace :
 - \hookrightarrow Elle utile l'automate LR(1) qui possède un grand nombre d'états

Construction efficace des tables d'analyse LALR (1/2)

- Un ensemble d'items peut être représenté par son noyau :
 - Soit l'item correspondant à l'axiome (S' o .S)
 - Soit les items où le repère n'est pas au début
 - \hookrightarrow Cela revient à prendre les items LR(0) et à ignorer ceux obtenus par fermeture
- ullet Construction des noyaux à partir de I_0 qui contient uniquement S' o .S
- Pour construire les états :
 - Si $\beta \to \gamma . X\delta \in I$, alors $\beta \to \gamma X . \delta \in Transition(I, X)$
 - Si $\beta \to \gamma$. $C\delta \in I$ et $C \stackrel{*}{\Rightarrow} A\eta$, s'il existe une règle $A \to X\beta$, alors $A \to X.\beta \in Transition(I, X)$

Construction efficace des tables d'analyse LALR (2/2)

- À partir des noyaux, il reste à calculer les symboles de prévision
 - Ils sont propagés d'un état à l'autre
 - Ils peuvent également être générés spontanément
- Pour chaque noyau, en partant de I_0 , il faut calculer la fermeture de l'item avec un contexte fictif (ici #)

Exemple

Présentation

- Une grammaire ambiguë n'est pas LR
 → Impossible de construire un analyseur SLR, LR ou LALR
- Or, ces grammaires possèdent des avantages :
 - Plus lisibles, plus naturelles
 - Plus concises (moins de règles et de symboles)

Rappels avec la grammaire des expressions

• Comme vu précédemment, l'analyseur réduit souvent $E \to T$ et $T \to F$ qui ne sont utiles que pour donner la priorité à '*' par rapport au '+'

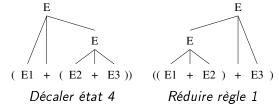
Items LR(0) pour la grammaire des expressions augmentée

- $I_0 = \{E' \to .E, E \to .E + E, E \to .E * E, E \to .(E), E \to .id\}$
- $I_1 = Transition(I_0, E) = \{E' \rightarrow E, E \rightarrow E, E \rightarrow E, *E\}$
- $I_2 = Transition(I_0, \ell) = \{E \rightarrow (E), \ldots\}$
- $I_3 = Transition(I_0, id) = \{E \rightarrow id.\}$
- $I_{4} = Transition(I_{1}, +) = \{E \rightarrow E + .E, ...\}$
- $I_5 = Transition(I_1, *) = \{E \rightarrow E * .E, ...\}$
- $I_6 = Transition(I_2, E) = \{E \rightarrow (E), E \rightarrow E, E \rightarrow E * .E\}$
- Transition(I_2 , ()) = I_2 , Transition(I_2 , id) = I_3
- $I_7 = Transition(I_4, E) = \{E \rightarrow E + E, E \rightarrow E, + E, E \rightarrow E, * E\}$
- Transition(I_4 , () = I_2 , Transition(I_4 , id) = I_3
- $I_8 = Transition(I_5, E) = \{E \rightarrow E * E, E \rightarrow E, + E, E \rightarrow E, * E\}$
- Transition(I_5 , () = I_2 , Transition(I_5 , id) = I_3
- $I_9 = Transition(I_6,)) = \{E \rightarrow (E).\}$
- Transition(I_6 , +) = I_4 , Transition(I_6 , *) = I_5
- Transition(I_7 , +) = I_4 , Transition(I_7 , *) = I_5
- Transition(I_8 , +) = I_4 , Transition(I_8 , *) = I_5

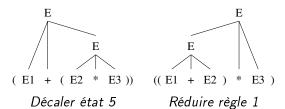
46 / 51

Conflits décalage/réduction à l'état 7

- $I_7 = Transition(I_4, E) = \{E \rightarrow E + E., E \rightarrow E. + E, E \rightarrow E. * E\}$
- Sur un '+' :

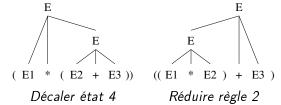


• Sur un '*' :

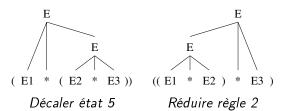


Conflits décalage/réduction à l'état 8

- $I_8 = Transition(I_4, E) = \{E \rightarrow E * E., E \rightarrow E. + E, E \rightarrow E. * E\}$
- Sur un '+' :



Sur un '*' :



Priorités et associativités

• En considérant le mot id + id * id, après avoir traité id + id, l'analyseur est dans l'état suivant :

- En ajoutant une priorité sur '*' par rapport à '+', l'analyseur doit décaler et non réduire
- En considérant le mot id + id + id, après avoir traité id + id, l'analyseur est dans l'état suivant :

• En ajoutant une associativité gauche sur '+', l'action correcte à la réduction de $E \to E + E$

Récupération sur erreur (1/2)

- Un analyseur retourne une erreur lorsqu'il consulte la table d'analyse Action et trouve une entrée erreur (vide)
- Solution 1: isoler la phrase contenant une erreur
- Dès qu'une erreur est détectée :
 - Dépiler jusqu'à trouver un état où la fonction Successeur est définie pour un $A \in N$
 - Avancer jusqu'à trouver un a ∈ Suivant(A)
 - Empiler Successeur[s, A] (l'état s est dans la pile)
- A doit être déterminé stratégiquement :
 - \hookrightarrow Expression, instruction, bloc

Récupération sur erreur (2/2)

- Solution 2 : récupération au niveau du syntagme (au milieu de la phrase)
- Procédure de récupération pour chaque cas
- Exemple avec la grammaire des expressions :
 - id+ (états 0, 2, 4 et 5): il manque un identificateur

 → Ajout d'un id imaginaire et de l'état 3 (successeur des états 0, 2, 4 et 5)

 - id(id) (états 1 et 6) : il manque un opérateur
 → Ajout d'un + et de l'état 4
 - $id + (id * id \dashv : il manque une parenthèse$
 - → Ajout d'une parenthèse fermante et de l'état 9