Systèmes linéaires et filtrage

TdS – Chapitre 2

I. Systèmes linéaires continus

1. Propriétés

• Linéarité : $S[a_1x_1(t) + a_2x_2(t)] = a_1S[x_1(t)] + a_2S[x_2(t)]$

• Causalité: $x(t) = 0 \ \forall \ t < 0 \Rightarrow S[x(t)] = 0 \ \forall \ t < 0$

• Invariance temporelle : $y(t) = S[x(t)] \Rightarrow y(t - t_0) = S[x(t - t_0)]$

2. Réponse d'un système LTI

• Réponse impulsionnelle : réponse à un Dirac $h(t) = S[\delta(t)]$ • Réponse indicielle : réponse à un échelon $y(t) = S[\Gamma(t)]$

Réponse à un signal x(t): y(t) = x(t) * h(t)
Transmittance complexe: H(s) = \frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{N(s)}{D(s)}

« Pôles » racines λ_i de D(s) / « Zéros » racine z_i de N(s)

v1

II. Filtrage analogique

1. Bande passante

$$BP = \left\{ f \mid 20 \log \frac{|H(f)|}{max|H(f)|} \ge -3 \right\}$$

2. Filtres classiques