



116-1NH4S6IHZRRMR3H



9864208

# FÖRSÄTTSLAD TENTAMEN/ EXAMINATION COVER

**Jag intygar att mobiltelefon och annan otillåten elektronisk utrustning är avstängd och förvaras på anvisad plats. / I hereby confirm that mobile phones and other unauthorized electronic equipment is shut off and placed according to instructions**

MARKERA MED "X" /

MARK WITH "X"



IFYLLES AV STUDENT OCH TENTAMENSVAKT /

TO BE FILLED IN BY THE STUDENT AND THE INVIGILATOR:

KURSKOD / COURSE CODE				EFTERNAMN / FAMILY NAME															
I X 1 3 0 4				Nilsson															
KURSNAMN / COURSE NAME				FÖRNAMN / FIRST NAME															
Matematik, analys				Thor															
PROVKOD / TEST CODE				NAMNTECKNING / YOUR SIGNATURE															
T E N B				Thor Nilsson															
TENTAMENSdatum / EXAMINATION DATE				PERSONNUMMER / PERSONAL NUMBER															
Y/Y/Y/Y M/M D/D				Y/Y/Y/Y/M/M/D/D															
2 0 2 3 - 0 3 - 1 4				2 0 0 1 0 6 2 8 - 1 8 / 9															
PROGRAMKOD / PROGRAM CODE:				INLÄMNINGSTID / TIME SUBMITTED:				SIGNATUR TENTAMENSVAKT / SIGNATURE INVIGILATOR:				ANTAL BLAD / NO OF SHEETS:							
TIDAB				12:49				be				06							
MARKERA BEHANDLADE UPPGIFTER MED "X" OCH EJ BEHANDLADE UPPGIFTER MED "-". / MARK WITH "X" PROBLEMS SOLVED. MARK WITH "-" PROBLEMS NOT ATTEMPTED																			
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
X	X	X	X	X	X														

IFYLLES AV INSTITUTIONEN / TO BE FILLED IN BY THE DEPARTMENT:

BEDÖMNING / ASSESSMENT																			
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
0	3	1	0	0	4														

BONUSPOÄNG / BONUS POINTS:

--	--	--

SLUTSUMMA / FINAL POINTS:

	8	
--	---	--

BETYG / GRADE:

F
---

9864208



Godkänns av examinator / approved by Examiner.....



Family name, first name	Personal Registration Number	Programme	Sheet no.	Problem no.
Nielsen Thor	2001 06 28 1819	TIDAB	1	1

$$f(x) = \ln x \quad g(x) = x - 1$$

för  $x=0$  är  $f(x) \leq g(x) \Leftrightarrow \ln 0 \leq -1$  sant då  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \ln x = -\infty$   
*Ingår inte i definitionen.*

låt då även  $f(x+1) \leq g(x+1)$   $\Leftrightarrow \ln 1 \leq -1$

därför gäller  $f(x) \leq g(x)$  för alla  $x > 0$

Svar begripligt:  $f(x) = \ln x \Rightarrow f(x+1) = \ln(x+1)$   
 $g(x) = x - 1 \Rightarrow g(x+1) = x$

Op





Family name, first name  
Nilsson Thor

Personal Registration Number  
2001 06 28 18 19

Programme  
TIDAB

Sheet no.  
2

Problem no.  
2

$$V = 50 t^{\frac{2}{3}}$$
$$D = \int_0^8 50 t^{\frac{2}{3}} dt = \frac{50 t^{\frac{5}{3}}}{\frac{5}{3}} = 30 t \cdot t^{\frac{2}{3}} = 30 t (\sqrt[3]{t})^2$$

Odef. integral  
 $\Rightarrow + C$

$$D(8) = 30 \cdot 8 \cdot (\sqrt[3]{8})^2 = 240 \cdot 2^2 = 960 \text{ m}$$

Inga motiveringar eller beskrivning av vad du vill göra.

Hastigheten given i km/h.

3p



Family name, first name  
Nilsson Thor

Personal Registration Number  
2001 0628 1819

Programme  
TIDAB

Sheet no.  
3

Problem no.  
3

$$y = e^{-x^2}$$

*integrationsgränser*

$$V = \int \pi y^2 dx = \pi \int (e^{-x^2})^2 dx = \pi \int e^{-2x^2} dx =$$

$$= \pi \int e^u \frac{du}{-4x} = \pi \int \frac{-e^u}{4x} du = \pi \frac{-e^u}{4x} = \pi \frac{-e^{-2x^2}}{4x} ?$$

$$\therefore \frac{-\pi e^{-2x^2}}{4x}$$

$$\begin{aligned} u &= -2x^2 \\ du &= -4x dx \\ dx &= \frac{du}{-4x} \end{aligned} \quad \left. \begin{array}{l} \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{rel.} \\ \text{OK} \end{array}$$

1p

Family name, first name

Nilsson Thor

Personal Registration Number

2001 06 28 1819

Programme

TIDAB

Sheet no.

4

Problem no.

4

Tiden

$$\rightarrow Y = 6\sqrt{x^2 + 2^2} + 10(10 - x)$$

$$Y' = 6 \cdot \frac{1}{2\sqrt{x^2 + 4}} \cdot 2x - 10$$

$$Y' = 0 = \frac{6}{\sqrt{x^2 + 4}} - 10$$

$$\left(\frac{6}{10}\right)^2 = x^2 + 4$$

$$\frac{6^2}{10^2} - 4 = x^2$$

$$x = \sqrt{\frac{36}{100} - \frac{400}{100}} = \sqrt{\frac{364}{100}} = \sqrt{3,64}$$

2 vatten

$$V = 6 \cdot \sqrt{x^2 + 2^2}$$

På land

$$L = 10(10 - x)$$

Vad är ditt x?

Vad är y? (Verkar vara en sträcka.)

Rita figur!

motivera vad du gör!

Op





Family name, first name <b>Nilsson Thor</b>	Personal Registration Number <b>200106281819</b>	Programme <b>TIDAB</b>	Sheet no. <b>5</b>	Problem no. <b>5</b>
--	---	---------------------------	-----------------------	-------------------------

$$a) \lambda = 40000 \frac{dY}{dt} - 500t$$

Op

Family name, first name

Nilsson Thor

Personal Registration Number

2001 06 28 1819

Programme

TIDAB

Sheet no.

6

Problem no.

6

$$f(x) = f(a) + \frac{f'(a)}{1!}(x-a) + \frac{f''(a)}{2!}(x-a)^2 + \frac{f'''(a)}{3!}(x-a)^3$$

$$x = 2 \quad a = 1$$

$$f(x) = 0 + \frac{1}{1}(1) - \frac{1}{2}(1) + \frac{2}{6}(1) = \frac{6-3+2}{6} = \frac{5}{6}$$

OK

$$R = \frac{f^{(4)}(s)}{4!}(x-a)^4 \quad s=1$$

$$R = \frac{-6}{24}(1) = -\frac{6}{24} = -\frac{1}{4}$$

Intervall:  $\left(\frac{5}{6} - \frac{6}{24}, \frac{5}{6}\right)$

Gör att räknas ut

motivering!

$$f(a) = \ln a = 0$$

$$f'(a) = \frac{1}{a} = 1$$

$$f''(a) = \frac{-1}{a^2} = -1$$

$$f'''(a) = \frac{2}{a^3} = 2$$

$$f^{(4)}(a) = \frac{-6}{a^4} = -6$$

4p