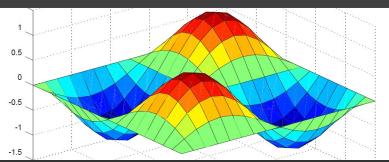


## Projekt 2

Arbeiten mit CUDA

Thore Mehr, Fabian Miltenberger, Sébastien Thill | 07.02.2017

LEHRSTUHL FÜR RECHNERARCHITEKTUR UND PARALLELVERARBEITUNG (ITEC)



### Gliederung



- Aufgabe 1 Getting started
- 2 Aufgabe 2 Datentransferraten
- 3 Aufgabe 3 Gauß-Seidel-Verfahren
- 4 Aufgabe 4 ILU-Zerlegung
- S Aufgabe 5 CG-Verfahren
- 6 Aufgabe 6 Lattice-Blotzmann-Methode

#### Aufgabe 1 – Getting started



```
Information for GeForce GTX 960 (device 0):
```

Total global memory: 2092957696  $\approx$  2 GB

Total const memory: 65536  $\approx$  **64** KB

Shared memory per block: 49152 pprox 48 KB

Warp size: 32

Max threads per block: 1024

Max threads dimension: [ 1024, 1024, 64 ]
Max grid size: [ 2147483647, 65535, 65535 ]

 $\rightarrow$  Damit haben wir gearbeitet

## **Aufgabe 2 – Datentransferraten**





### Aufgabe 3 – Gauß-Seidel-Verfahren



Implementierung: Sehr geradlinig, Synchronisation durch Kernelaufrufe

#### Beschleunigung gegenüber CPU (32 Kerne):

1	$T_{CPU}[s]$	$T_{GPU}[s]$	Beschleunigung $S[s]$
2	0,123	1,15	0,107
3	0,348	1,16	0,3
4	1,42	1,17	1,21
7	7,14	1,54	4,64
8	25,3	3,27	7,74
9	177	20,6	8,59

07.02.2017

# **Aufgabe 3 – Asynchrone Parallelisierung**



#### Approximate Computing

auf eine hohe Genauigkeit verzichtet wird, um im Gegenzug an Geschwindigkeit und/oder Energieersparnisse in den Berechnungen zu gewinnen. Dies wird erreicht, indem beispielsweise Datentypen niedriger Genauigkeit genutzt werden. (Konkret etwa: anstatt double float, oder anstatt float nur half float verwenden.) Dies ist unter Anderem dann sinnvoll, wenn die Eingangsdaten bereits gewisse Ungenauigkeiten aufweisen oder nur Schätzungen darstellen. Im Kontext des Praktikums, in welchem wir numerische Approximationen nutzen, stellt diese Technik einen Geschwindigkeitsgewinn mit vernachlässigbarer Ungenauigkeit dar, da die Natur von Approximationen bereits Ungenauigkeiten beinhaltet. Mehr dazu gegen Ende dieses Abschnitts.

#### Asynchronous Parallelization

Um den Vorteil asynchroner Parallelisierung zu verdeutlichen, gehen wir zuvor näher auf die synchrone Variante ein. Als Reisniel soll ein

Gliederung

## **Aufgabe 3 – Approximate Computing**



Keine Verbesserung durch Flag -use-fast-math

Beschleunigung bei float anstatt double:

1	$T_{\tt double}[s]$	$T_{ t float}[s]$	Beschleunigung $S[s]$
2	1,15	1,15	1,00
3	1,16	1,15	1,01
4	1,17	1,15	1,02
7	1,54	1,49	1,03
8	3,27	2,59	1,26
9	20,6	12,1	1,70

Weitere Beschleunigung für half möglich? (ab CUDA 7.7)

07.02.2017

# Aufgabe 3 – Programmierfehler



Dieser Code bricht manchmal zu früh ab:

```
int smallErr;
cudaMemcpy(&smallErr, smallError_d, 1, DeviceToHost);
if (smallError) break;
...
```

## Aufgabe 3 – Programmierfehler



Dieser Code bricht manchmal zu früh ab:

```
int smallErr;
cudaMemcpy(&smallErr, smallError_d, 1, DeviceToHost);
if (smallError) break;
```

→smallErr hat zu großen Datentyp, muss entweder initialisiert werden, oder von Datentyp char sein

## **Aufgabe 3 – Weitere Architekturen**



Wir haben Approximate Computing eingesetzt, um Rechenzeit auf Kosten der Genauigkeit einzusparen. Diese Technik sollte in modernen CPUs die Geschwindigkeit kaum beeinflussen. Nach unserem Kenntnisstand haben CPUs keine speziellen *Floating Point Units* (FPU), um beispielsweise float und double getrennt zu verarbeiten. Stattdessen wird mit der gleichen Hardware in höherer Genauigkeit (etwa 80 Bit, Hardware abhängig) gerechnet. Diese These konnten wir mit unserem Gauß-Seidel-Verfahren aus ?? bestätigen, da dieses mit dem Datentyp float (anstatt double) keine bessere Laufzeit aufwies. Ein Unterschied wäre möglicherweise bei sehr großen Datenmengen feststellbar. Da bei double das doppelte an Information in den Speicher und Caches geladen werden muss, wäre hier ein Leistungseinbruch denkbar. Dies wäre eher im Bereich von Single Multi-Core CPUs angesiedelt, da Many-Core- und MIC-Architekturen durch mehrere Speicheranbindungen und größeren Cache nicht so schnell neue Daten anfordern müssten.

Gliederung

ouda oo**oooo**ooooooooooo

## Aufgabe 4 – ILU-Zerlegung



Gesucht: Dreiecksmatrizen L, U, sodass

 $L \cdot U \approx A$ 

#### Algorithmus 2

- Starke Abhängigkeit der Einträge
  - $\rightarrow$ Schlecht parallelisierbar

#### Algorithmus 1

- Einträge komplett unabhängig
  - →Sehr gut parallelisierbar
- Pufferung zwischen Iterierten
- Approximativ

07.02.2017

## **Aufgabe 4 – Implementierung**



Nach Algorithmus 2:  $a_{ij} = 0 \Rightarrow l_{ij} = 0$  und  $U = L^T$  ( $S_U$  entsprechend) Belegung von L, U und A:

$$\mathcal{B} = \begin{pmatrix} * & * & 0 & * & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ * & * & * & 0 & * & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & * & * & 0 & 0 & * & 0 & 0 & 0 \\ * & 0 & 0 & * & * & 0 & * & 0 & 0 \\ 0 & * & 0 & * & * & * & 0 & * & 0 \\ 0 & 0 & * & 0 & * & * & 0 & 0 & * \\ 0 & 0 & 0 & * & 0 & 0 & * & * & * \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & * & 0 & * & * \end{pmatrix}$$

 $\rightarrow$ Speicherung möglich als Array der Größe 5*n* Speicherverschnitt in  $\mathcal{O}(\sqrt{n})$ 

Summen der Algorithmen lassen sich als Summe konstant vieler Elemente auffassen

Gliodorupa

Cuda

#### Aufgabe 4 - Ergebnis



Stark abweichende Einträge in *L* · *U*:

$$L \cdot U \approx \begin{pmatrix} 4 & -1 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 4 & -1 & 0.25 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 4 & 0 & 0.27 & -1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ -1 & 0.25 & 0 & 4 & -1 & 0 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0.27 & -1 & 4 & -1 & 0.27 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 0 & -1 & 4 & 0 & 0.29 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 & 0.27 & 0 & 4 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0.29 & -1 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0.29 & -1 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0.29 & -1 & 4 & -1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & -1 & 0 & -1 & 4 \end{pmatrix} \approx A$$

Für unsere folgende Vorkonditionierung hoffentlich vernachlässigbar

Algorithmus 1 sehr effizient, Ergebnis für I = 9 bereits nach 19 Iterationen (1 Sekunde)

#### Aufgabe 4 – OpenMP



Für Algorithmus 1: Für kleine n würde eine Parallelisierung in OpenMP – also auf der CPU – möglicherweise Sinn machen, aufgrund des Mehraufwandes der für die GPU-Ausführung erforderlich ist. Für große n hingegen erwarten wir, dass die CUDA-Implementierung einen Performance-Vorteil gegenüber der CPU-Implementierung hat. Dies schließen wir vor allem daraus, dass sich der Algorithmus sehr gut für die Grafikkarte parallelisieren lässt, da innerhalb einer Iteration Einträge unabhängig von einander sind.

07.02.2017

### Aufgabe 5 - CG-Verfahren



ldee: Anstatt  $B \approx A^{-1}$  berechnen wir LU = A durch unvollständige Zerlegung

Nun können wir Br = p bzw. r = LAp berechnen durch:

$$L\hat{p} = r, Up = \hat{p}$$

In unserem Fall: mittels GSV

Cuda



Gefordert:  $\epsilon_i < 10^{-5}$ 

Unsere Implementierung mit I = 9:  $\epsilon_{max} = 1,257 \times 10^{-5}$ 



Gefordert:  $\epsilon_i \leq 10^{-5}$ Unsere Implementierung mit I=9:  $\epsilon_{max}=1,257\times 10^{-5}$ 

Intention: I=10 setzen Würde  $(2^{10}-1)^3\cdot 8$  Bytes  $\approx 8$  GB für Historie von u benötigen  $\rightarrow$  Speicherproblem



Gefordert:  $\epsilon_i \leq 10^{-5}$ Unsere Implementierung mit I=9:  $\epsilon_{max}=1,257\times 10^{-5}$ 

Intention: I=10 setzen Würde  $(2^{10}-1)^3\cdot 8$  Bytes  $\approx 8$  GB für Historie von u benötigen  $\rightarrow$  Speicherproblem

Lösung: Auf Historie verzichten

Speicherbedarf für  $u: (2^{10} - 1)^2 \cdot 8$  Bytes  $\approx 8$  MB

Problem: Auswirkung unklar, aber funktioniert (Approximate Computing?)

Fehler jetzt:  $\epsilon_{max} = 3,25 \times 10^{-6}$ 

4 14 14514-1

07.02.2017

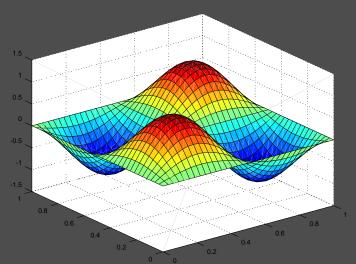
## Aufgabe 5 – Vergleich



1	Impl.	Iterationen	T[s]	$T_{iteration}[s]$	Fehler $\epsilon_i$
7	CPU	243	1,7	$7 \times 10^{-3}$	$2,01 \times 10^{-4}$
	GPU	91	1,83	$2,01 \times 10^{-2}$	$2,01 \times 10^{-4}$
8	CPU	483	2	$4,14 \times 10^{-3}$	$5,02 \times 10^{-5}$
	GPU	153	7, 04	$4,60 \times 10^{-2}$	$5,21 \times 10^{-5}$
9	CPU	961	2,5	$2,6 \times 10^{-3}$	$1,26 \times 10^{-5}$
	GPU	285	71,0	$2,49 \times 10^{-1}$	$1,31 \times 10^{-5}$

 $\rightarrow \text{Weniger Iterationen, aber } \textbf{mehr Zeitaufwand}$ 







Cuda

Fazit

### Aufgabe 5 – Genauigkeit



Stellschrauben:  $\varepsilon_{cg}$ ,  $\varepsilon_{ILU}$ ,  $\varepsilon_{GSV}$ 

#### Auswirkung auf den Fehler:

$arepsilon_{ extit{cg}}$	arepsilonILU	$arepsilon_{ extit{GSV}}$	Fehler $\epsilon_i$	$igtriangledown \Delta \epsilon_i$
$10^{-3}$	$10^{-3}$	$10^{-3}$	$2,20 \times 10^{-4}$	0
$10^{-6}$	$10^{-3}$	$10^{-3}$	$5,14 \times 10^{-5}$	$-1,69 \times 10^{-4}$
$10^{-3}$	$10^{-6}$	$10^{-3}$	$1,97 \times 10^{-4}$	$-2,30 \times 10^{-5}$
$10^{-3}$	$10^{-3}$	$10^{-6}$	$2,14 \times 10^{-4}$	$-6,02 \times 10^{-7}$
$10^{-12}$	$10^{-3}$	$10^{-3}$	$5,02 \times 10^{-5}$	$-1,70 \times 10^{-4}$
$10^{-12}$	$10^{-12}$	$10^{-12}$	$5,02 \times 10^{-5}$	$ -1,70 \times 10^{-4}$

 $\rightarrow \varepsilon_{cq}$  hat größte Relevant; naheliegend, da Rest Approximation

## Aufgabe 5 - Beschleuniger



Bisher: Alles, außer Berechnung von Br (2×GSV), auf CPU per OpenMP

#### Wenig sinnvoll, da:

- Overhead durch Datenaustausch
- Keine gleichzeitige Auslastung
- 3 GPU vermutlich schneller in den CPU-Aufgaben (Vektoroperationen)

# Aufgabe 5 – Beschleunigung



	$S_{CPU o GPU_a}[s]$	$S_{GPU_a ightarrow GPU_c}[s]$
7	0,929	1,06
8	0,284	1,14
9	0,0352	1,11

Gliederung

Cuda

# Aufgabe 5 – Skalarprodukt auf der GPU



Möglich mittels atomic-Operationen, aber nicht optimal

Bessere Lösung mittels Reduction

## Aufgabe 6 - Lattice-Blotzmann-Methode



Cuda

## Aufgabe 6



Cuda 

23/24

#### **Fazit**



Mit CUDA lässt es sich parallelisieren.