

Praxisprojekt

# Half-Edge Mesh für Unity3D

Erstellt von:

Yannick Dittmar

Studiengang: Allgemeine Informatik

Matrikelnummer: 11117676

Datum der Abgabe: xx.xx.xxxx

Betreuung: Dennis Buderus

Technische Hochschule Köln

Fakultät für Informatik und Ingenieurwissenschaften

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Grundlagen</b>	<b>2</b>
1.1	Unity3D . . . . .	2
1.2	Triangular Meshes . . . . .	3
1.3	Triangular Meshes in Unity . . . . .	4
1.4	Datenstrukturen für Meshes . . . . .	5
1.4.1	Triangle-Neighbor Structure . . . . .	5
1.4.2	Winged-Edge Mesh . . . . .	6
<b>2</b>	<b>Half-Edge Mesh</b>	<b>7</b>
2.1	Vergleich der Datenstrukturen . . . . .	8
2.2	Implementierung der Komponenten . . . . .	8
2.2.1	Klassenstruktur . . . . .	8
2.2.2	Die Vertex, HalfEdge und Face Klassen . . . . .	9
2.2.3	Listenklassen . . . . .	9
2.3	Erstellen eines Half-Edge-Meshes . . . . .	10
2.3.1	GenerateUnityMesh . . . . .	10
2.3.2	GenerateHalfEdgeMesh . . . . .	11
<b>3</b>	<b>Operationen</b>	<b>13</b>
3.1	Split Half-Edge . . . . .	14
3.2	Edge Collapse . . . . .	17
3.3	Subdivision . . . . .	19
3.4	2D-Zerstörungssimulation . . . . .	21
<b>4</b>	<b>Vergleich zwischen Half-Edge Mesh und UnityMesh</b>	<b>23</b>
<b>5</b>	<b>Rechnungen</b>	<b>25</b>
5.1	Indexed Mesh . . . . .	25
5.2	Triangle-Neighbor Structure . . . . .	25
5.3	Winged-Edge Mesh . . . . .	26
5.4	Half-Edge Mesh . . . . .	26

## 1 Grundlagen

Dieses Kapitel beschäftigt sich mit den Grundlagen, die für diese Arbeit relevant sind. Dabei geht es sowohl um die Entwicklungsumgebung Unity3D, als auch um das Konzept der Triangular Meshes, die essenziell in der 3D-Computergrafik sind.

### 1.1 Unity3D

Unity3D ist eine plattformübergreifende Spiele-Engine mit eingebauter Entwicklungsumgebung für Zwei- und Dreidimensionale, sowie Augmented- und Virtual-Reality Spiele

und Simulationen. Die Engine besitzt einen eigenen Editor, in dem diverse Szenarien erstellt und bearbeitet werden können. Um diese Szenarien zum Leben zu bringen unterstützt Unity selbst programmierte Scripte auf der Grundlage von C#. Insgesamt laufen auf über drei Milliarden Geräten Programme, die mit Unity erstellt wurden, auf über 25 verschiedenen Plattformen, wie Windows oder Linux und den gängigen Spielekonsolen wie die PlayStation 4, Xbox One und der Nintendo Switch. Zudem sind 50% aller mobilen Spiele und 60% aller VR/AR Anwendungen mithilfe von Unity entstanden [?]. Spiele wie „Pokémon Go“, „Superhot“ und das Simulationsspiel „Universe Sandbox“ sind drei Beispiele für Spiele, die in Unity erstellt wurden.

### 1.2 Triangular Meshes

Um auf einem Computer eine dreidimensionale Szene, zum Beispiel mit der Hilfe von Unity darzustellen, müssen alle dargestellten Modelle angenähert werden. In der Regel werden dafür Dreiecksnetze (Triangular Mesh) verwendet, die die Oberfläche eines Objekts mithilfe von Dreiecken annähert, wie in Abbildung 1 anhand eines Delfins gezeigt. Das Mindeste an Informationen, die für ein solches Dreiecksnetz benötigt werden, sind eine Reihe von Eckpunkten, den Vertices, die immer in Dreiermengen kommen und deren Position im dreidimensionalen Raum [?, S.262]. Diese werden durch Kanten (Edges) verbunden und bilden damit Dreiecksflächen, auch Faces genannt.

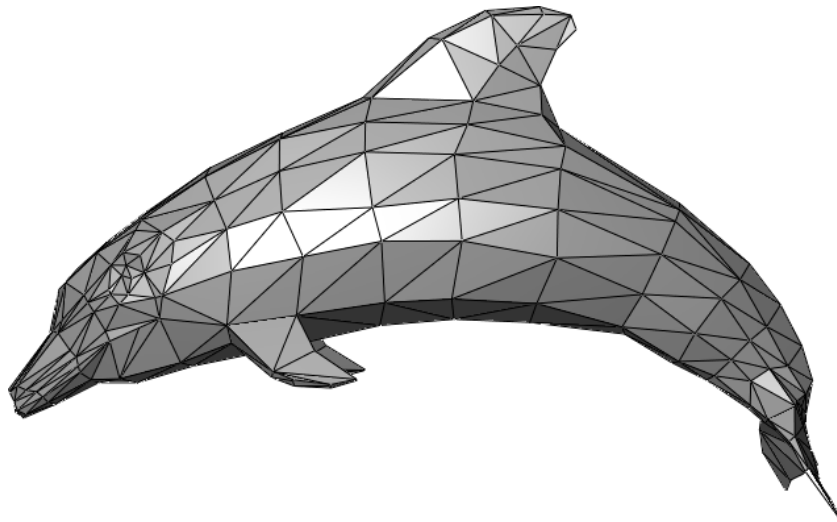


Abbildung 1: Beispiel eines Dreiecks-Polygonen-Netz, von [?]

Die einfachste Implementierung eines solchen Meshes sieht vor, für jedes Dreieck drei Punkte mit einer X-, Y- und Z-Koordinate zu speichern. Wichtig ist, dass die Orientierung der Dreiecke immer gleich bleibt, also dass im gesamte Netz die Punkte aller Dreiecke im oder gegen den Uhrzeigersinn angegeben sind. Eine konsequente Behandlung der Orientierung der Dreiecke ist für jede Art von Mesh wichtig. Ein Nachteil von dieser Art, ein Mesh zu speichern ist, dass Punkte die häufig im Netz vorkommen mehrfach gespeichert werden.

Aus diesem Grund kann eine abgewandelte Version davon verwendet werden, ein Indexed Mesh. Ein solches Mesh trennt die Vertices von der Verwendung im Mesh. Dafür werden zwei Listen verwendet, eine mit den Punkten und eine Liste mit den Indices, wie die Dreiecke zu konstruieren sind. Ein Index zeigt auf eine Position in der Vertex-Liste und drei Indices formen jeweils eine Face.

### 1.3 Triangular Meshes in Unity

Unity bietet die Möglichkeit, mit Hilfe von selbstgeschriebenen Scripten eigene Indexed Meshes zu erstellen. Dafür stellt Unity ein eigenes Mesh-System zur Verfügung, die *UnityEngine.Mesh*-Klasse. Damit diese ein Mesh rendern kann, erwartet das Mesh zum Einen ein *UnityEngine.Vector3*-Array für die Vertices, wobei ein *Vector3* ein Punkt im dreidimensionalen Raum darstellt. Zum Anderen erwartet es ein *int*-Array, welches die mit den Indices der Vertices die Reihenfolge der Dreiecke festlegt. Zu beachten ist, dass die Orientierung eines Unity-Meshs immer im Uhrzeigersinn ist, im Gegensatz zu Anwendungen wie Blender, die gegen den Uhrzeigersinn arbeiten. Der folgende Code zeigt beispielhaft, wie ein Unity-Mesh erzeugt werden kann:

---

```

1 public void CreateMesh()
2 {
3     //— Der Vollständigkeit halber vorhanden
4     meshFilter = gameObject.GetComponent<MeshFilter>();
5     if (meshFilter == null)
6         meshFilter = gameObject.AddComponent<MeshFilter>();
7
8     //— vom MeshFilter zum Mesh
9     mesh = meshFilter.sharedMesh;
10    if (mesh == null)
11        mesh = new Mesh { name = "Quad" };
12
13    //— MeshRenderer holen
14    meshRenderer = this.gameObject.GetComponent<MeshRenderer>();
15    if (meshRenderer == null)
16        meshRenderer = gameObject.AddComponent<MeshRenderer>();
17
18    //— Mesh zusammenstellen
19    //— Vertices/Points
20    Vector3 P0 = new Vector3(0, 0, 0);
21    Vector3 P1 = new Vector3(0, 1, 0);
22    Vector3 P2 = new Vector3(1, 0, 0);
23    Vector3 P3 = new Vector3(1, 1, 0);
24
25    List<Vector3> verticies = new List<Vector3> { P0, P1, P2, P3 };
26
27    //— Triangles

```

```

28 List<int> triangles = new List<int>
29     {0, 1, 2,    // — Dreieck 1
30     2, 1, 3};   // — Dreieck 2
31
32 //— Mesh befüllen
33 mesh.Clear();
34 //— Vertices zuweisen
35 mesh.vertices = verticies.ToArray();
36 //— Triangles zuweisen
37 mesh.triangles = triangles.ToArray();
38 //— Mesh dem MeshFilter zuweisen
39 meshFilter.sharedMesh = mesh;
40 }

```

---

Und liefert folgendes Ergebnis:

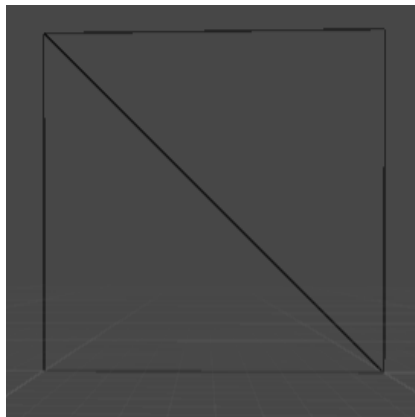


Abbildung 2: Die Wireframeansicht des erstellten Meshes im Unity Editor

## 1.4 Datenstrukturen für Meshes

Wird zur Laufzeit eine Nachbarschaftsbeziehung abgefragt, zum Beispiel welche Faces oder Kanten an einem Punkt anliegen oder welche Endpunkte eine Edge hat, stößt ein Indexed Mesh schnell an seine Grenzen. Diese Informationen lassen sich für ein solches Mesh über eine erschöpfende Suche ermitteln, dessen Laufzeit von der Größe des Meshes abhängig ist. Um diese Probleme zu lösen gibt es unterschiedliche Datenstrukturen, die einzelne Komponenten eines Meshes direkt in eine Beziehung zueinander setzen.

### 1.4.1 Triangle-Neighbor Structure

Ein solcher Ansatz ist die Triangle-Neighbor Structure (Dreiecks-Nachbar Struktur). Dabei erhält jedes Dreieck eine Referenz auf jeden seiner Nachbarn und jeder Vertex speichert zusätzlich noch einen Pointer auf ein benachbartes Dreieck. Eine beispielhafte Implementierung sieht wie folgt aus [?, S.269]:

```
1 class Triangle
2 {
3     Triangle[3] Neighbours;
4     Vertex[3] Vertices;
5 }
6
7 class Vertex
8 {
9     // — Vertex specific data
10    Vector3 Point;
11    Triangle Triangle;
12 }
```

---

Der Vorteil zu einem Indexed Mesh ist, dass nun nicht mehr jeder Punkt betrachtet werden muss, sondern mithilfe der Faces Aussagen über das Mesh getroffen werden können. Ein Problem, was beim traversieren des Meshes auftritt ist, dass nach jedem Schritt geprüft werden muss, ob die nächste Face nicht gleichzeitig auch die letzte Face war. Damit dieses Problem nicht auftritt, kann von einem facebasierten Ansatz auf einen Edgebasierten umgestellt werden.

### 1.4.2 Winged-Edge Mesh

Eine edgebasierte Datenstruktur ist das Winged-Edge Mesh. Diese Datenstruktur besteht aus Edges, Faces und Vertices. Jede Face und jeder Vertex verweist auf eine anliegende Kante. Zudem besitzt jede Kante eine Referenz auf ihren Start- und Endpunkt (Head und Tail), die beiden anliegenden Faces sowie die beiden vorherigen und nachfolgenden Edges. Aus dieser Beschreibung ergibt sich eine solche Implementierung [?, S.273]:

---

```
1 class Edge
2 {
3     Edge LeftPrevious, RightPrevious, LeftNext, RightNext;
4     Vertex Head, Tail;
5     Face Left, Right;
6 }
7
8 class Face
9 {
10    // — Face specific data
11    Edge Edge;
12 }
13
14 class Vertex
15 {
16    // — Vertex specific data
17    Vector3 Point;
```

```

18   Edge Edge;
19 }

```

Die Vorteile über der Triangle-Neighbor Structure sind, dass nicht nur Zugriffe zwischen Faces und Vertices konstant sind, sondern auch Abrufe von Kanten auf Dreiecke und Punkte vice versa sind in konstanter Zeit möglich. Die Herausforderung beim Arbeiten mit einem Winged-Edge Mesh ist, dass immer drauf geachtet werden, aus welcher Richtung die aktuelle Edge kommt, um in der richtigen Richtung weiterzuarbeiten. Dieses Unannehmlichkeit wird im Half-Edge Mesh gelöst.

## 2 Half-Edge Mesh

Um ein Traversieren eines Meshes, Abfragen der Nachbarschaftsbeziehungen der einzelnen Meshkomponenten und Operationen wie „Subdivisionen“ von Faces (Unterteilung der Faces in kleinere Dreiecke) so einfach wie möglich zu machen, gibt es neben den oben genannten Ansätzen noch den Ansatz der Half-Edge Meshes. Ein solches Mesh besteht aus folgenden Komponenten:

- eine Liste von Vertices
- eine Liste von Half-Edges
- eine Liste von Faces.

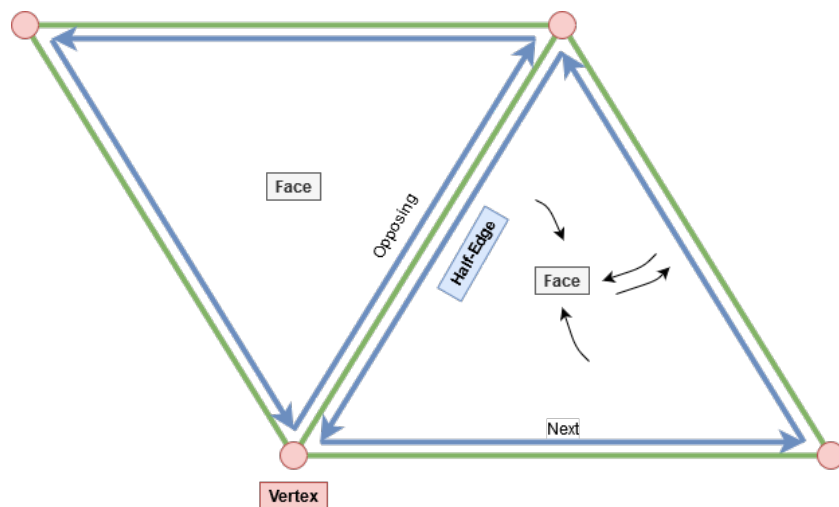


Abbildung 3: Die Elemente eines Half-Edge-Mesh.

Im Gegensatz zu den Winged-Edge Meshes modellieren die Half-Edge Meshes eine Kante nicht explizit, sondern als Kombination aus zwei Half-Edges, die in jeweils entgegengesetzte Richtungen auf einen der Endpunkte der Kante zeigen, die Half-Edges sind gegen den Uhrzeigersinn orientiert. Durch die Aufteilung der Kanten kann jede Half-Edge genau einer Face zugeordnet werden und besitzt somit nicht mehr eine Referenz

auf den linken und rechten Nachfolger, sondern einen nur noch einen Pointer auf die nächste Half-Edge der Face, wie in Abbildung 3 gezeigt. Zudem besitzt jede Half-Edge einen Verweis auf die zugehörige Face sowie auf die gegenüberliegende Half-Edge. Ein Verweis auf die Vorherige ist nicht nötig, da diese die übernächste Kante ist.

## 2.1 Vergleich der Datenstrukturen

Jede der vorgestellten Datenstrukturen kommt mit Vor- und Nachteilen. Die Entscheidung, welche von diesen verwendet wird, ist vom Use Case der Anwendung abhängig. Vergleichen kann man die Datenstrukturen in Sachen Speichernutzung und der Laufzeit von Nachbarschaftsabfragen. Bei der Speichernutzung wird ein allgemeines Mesh mit  $n_v$  Vertices betrachtet, bei der Laufzeitanalyse wird zusätzlich mit  $n_t$  die Anzahl der Dreiecke und mit  $m_{ev}$  die Anzahl der Kanten pro Vertex dargestellt.

Tabelle 1: Vergleich der Datenstrukturen

	Indexed Mesh	TNS	WEM	HEM
Relativer Speicherbedarf	$36 \times n_v \text{ Byte}$	$116 \times n_v \text{ Byte}$	$228 \times n_v \text{ Byte}$	$228 \times n_v \text{ Byte}$
Laufzeitanalyse der möglichen Abfragen:				
Edge $\rightarrow$ Vertices	N/A	N/A	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$
Edge $\rightarrow$ Faces	N/A	N/A	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$
Edge $\rightarrow$ angrenzende Edges	N/A	N/A	$\mathcal{O}(n_{ev})$	$\mathcal{O}(n_{ev})$
Vertex $\rightarrow$ Edges	$\mathcal{O}(n_t)$	$\mathcal{O}(n_{ev})$	$\mathcal{O}(n_{ev})$	$\mathcal{O}(n_{ev})$
Vertex $\rightarrow$ Faces	$\mathcal{O}(n_t)$	$\mathcal{O}(n_{ev})$	$\mathcal{O}(n_{ev})$	$\mathcal{O}(n_{ev})$
Face $\rightarrow$ Edges	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$
Face $\rightarrow$ Vertices	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$
Face $\rightarrow$ angrenzende Faces	$\mathcal{O}(n_t)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$	$\mathcal{O}(1)$

Auffällig ist, dass der Speicherbedarf mit der Komplexität des Netzes wächst, wodurch einzelne Abfragen beschleunigt oder ermöglicht werden. Zusätzlich fällt auf, dass das Winged-Edge Mesh gleich wie das Half-Edge Mesh abschneidet, allerdings bietet das Half-Edge Mesh in der Handhabung große Erleichterungen, durch eine eindeutige Zuordnung von Half-Edge zu Face.

## 2.2 Implementierung der Komponenten

Die oben beschriebenen Komponenten sind im Folgenden in C# implementiert, um das Half-Edge Mesh in Unity3D verwenden zu können.

### 2.2.1 Klassenstruktur

Aus den beschriebenen Elementen einer Half-Edge-Netzstruktur ergibt sich das in Abbildung 4 gezeigte Klassendiagramm. Der grundlegende Aufbau der einzelnen Klassen basiert dabei auf dem Plankton-Mesh [WP17]. Jede Komponente besitzt eine eigene



Listenklasse. Allerdings besitzen die einzelnen Komponenten im Plankton-Mesh keine direkte Referenz auf die benachbarten Komponenten, sondern einen Verweis auf den Index der Elemente in der jeweiligen Liste. So hat eine Half-Edge keine weitere Half-Edge als „Next“, sondern ein den jeweiligen Index der nächsten Kante.

### 2.2.2 Die Vertex, HalfEdge und Face Klassen

Die Klassen *Vertex*, *HalfEdge* und *Face* sind die Datenmodelle der oben beschriebenen Komponenten. Die Vertex-Klasse besitzt einen *Vector3* Point, der die Position im Raum darstellt, eine *HalfEdge*, die von diesem Punkt aus geht (Im Gegensatz zu [WP17] wird hier eine Referenz gespeichert.) und der Index des Punktes, um die Arbeit mit dem Unity-Mesh zu erleichtern. Zudem kann ein *PositionChangedEvent* abonniert werden, um Positionsänderungen im Unity-Mesh direkt zu zeigen.

Eine HalfEdge besitzt die oben erwähnten Eigenschaften: den Punkt von dem sie ausgeht, die anliegende Face, die gegenüberliegende und nächste HalfEdge sowie den Index der HalfEdge. Wie auch der Index der Vertices, ist dieser Index für das Unity-Mesh wichtig.

Die Face-Klasse besitzt eine Referenz auf eine anliegende HalfEdge und den Index der Face, diese wieder für die Arbeit mit dem Unity-Mesh.

### 2.2.3 Listenklassen

Objekte der Klassen *Vertex*, *HalfEdge*, *Face* werden jeweils in einer Listenklasse gespeichert. Die Klassen *VertexList*, *HalfEdgeList*, *FaceList* implementieren das *IEnumerable*-Interface, um die Iteration über die Elemente zu vereinfachen. Zudem beinhalten diese Klassen die Kernlogiken für die Komponenten. VertexList bietet die Möglichkeit, einen neuen Vertex hinzuzufügen oder einen zu entfernen, die HalfEdgeList verfügt über eine *CreateHalfEdge*-Methode, die wie folgt eine HalfEdge anlegt:

---

```

1
2 public HalfEdge CreateHalfEdge(Vertex vertex , Face face , HalfEdge next)
3 {
4     HalfEdge halfEdge = new HalfEdge(vertex , face , next , Count);
5     vertex.HalfEdge = halfEdge;
6     _halfEdges.Add(halfEdge); // — _halfEdges ist die zugrunde liegende Liste
7     return halfEdge;
8 }

```

---

Und auch die FaceList besitzt eine Create-Methode, um eine Fläche korrekt anlegen zu können. Dabei wird die Referenz der Face auf die HalfEdge gesetzt und umgekehrt. Eine Weitere wichtige Methode ist die *GetFaceCirculator*-Methode, die eine Liste aller HalfEdges, die an einer gegebenen Face anliegen, zurück gibt:

---

```

1 public List<HalfEdge> GetFaceCirculator(Face f)
2 {
3     List<HalfEdge> result = new List<HalfEdge>();
4     result.Add(f.HalfEdge);

```

---

```

5     result.Add(f.HalfEdge.Previous);
6     result.Add(f.HalfEdge.Previous.Previous);
7     return result;
8 }

```

---

## 2.3 Erstellen eines Half-Edge-Meshes

Die Oben genannten Listenklassen werden von der *HalfEdgeMesh*-Klasse verwendet, um aus der beschriebenen Half-Edge-Datenstruktur ein von Unity renderbares Mesh zu erstellen.

Um ein Dreieck, die einfachste mögliche Netzstruktur zu erzeugen, kann die Methode *CreateMesh* verwendet werden. Diese erstellt die drei Eckpunkte des Dreiecks, verbindet zwei mit einer neuen Half-Edge und erzeugt damit ein Face. Die Fläche wird dann verwendet um die fehlenden Kanten mit Referenzen zu erzeugen und anschließend wird die Referenz der ersten Half-Edge auf die zweite gesetzt. Zum Schluss wird *GenerateUnityMesh* aufgerufen um mit den angelegten Daten das UnityMesh zu generieren.

```

1
2 public void CreateMesh(Vector3 va, Vector3 vb, Vector3 vc)
3 {
4     Vertex a = Vertices.CreateVertex(va);
5     Vertex b = Vertices.CreateVertex(vb);
6     Vertex c = Vertices.CreateVertex(vc);
7
8     HalfEdge heA = HalfEdges.CreateHalfEdge(a, null, null);
9     Face face = Faces.CreateFace(heA);
10    HalfEdge heB = HalfEdges.CreateHalfEdge(b, face, heA);
11    HalfEdge heC = HalfEdges.CreateHalfEdge(c, face, heB);
12    heA.Next = heC;
13
14    GenerateUnityMesh();
15 }

```

---

Sollen beim erstellen des Netzes weitere Flächen hinzugefügt werden, ist es möglich diese Methode zu erweitern oder weitere Faces mit *AddFace* hinzuzufügen.

### 2.3.1 GenerateUnityMesh

Um aus den Daten des Half-Edge-Mesh ein für Unity brauchbares Mesh zu generieren, müssen folgende Daten aus dem Half-Edge-Mesh entnommen werden: Die Position jedes Punktes, als Liste und ein Array mit der Reihenfolge, wie diese Punkte zu verbinden sind. Die Zusammenstellung dieser Daten passiert mit Hilfe von Linq. Hier der wichtigste Teil der *GenerateUnityMesh*-Methode.

```

1     ClearMesh();
2     // — Add vertices

```

---

```

3 List<Vertex> vertices = Vertices.Select(p => p.Point).ToList();
4
5 // — Add triangles
6 foreach (Face face in Faces)
7 {
8     HalfEdge adjacentHalfEdges = Faces.GetFaceCirculator(face).ToList();
9     SetMeshTriangles(face.Index, adjacentHalfEdges
10     .Select(p => p.OutgoingPoint.Index).ToList(), true);
11 }
12
13 AddMeshVertices(vertices);
14 CommitMeshTriangles();

```

Da das Netz eines komplexen Modells sehr groß werden kann, ist es für die Laufzeit von Vorteil, wenn bei lokalen Änderungen nicht das gesamte Netz neu generiert werden muss, wobei jedes Mal über alle Punkte, Kanten und Flächen iteriert werden muss. Stattdessen werden alle Punkte zusätzlich in einer Liste gespeichert, die beim bearbeiten des Netzes das UnityMesh aktualisiert. Werden dem Half-Edge-Mesh neue Punkte hinzugefügt, können diese mit den Methoden *AddMeshVertex* und *AddMeshVertices* ergänzt werden. Am Ende der Methode wird die aktualisierte Liste dem UnityMesh übergeben.

Auch die Triangles des UnityMeshes werden gecached. Da Manipulationen des Meshes in der Regel bedeuten, dass sich die Triangles relativ zu den drei Punkte einer Face verändern, werden diese in dreier Tuplen in ein Dictionary geschrieben. Der Schlüssel ist dabei der Index der Face. Die Indexliste lässt sich mit *SetMeshTriangles* bearbeiten. Dabei wird ein Eintrag an der Stelle des Faceindex hinzugefügt, sofern er nicht vorhanden ist oder verändert, falls ein Eintrag existiert. Wichtig ist dies zum Beispiel, wenn eine Face geteilt wird und ein Dreieckseintrag mit zwei von drei Punkten übernommen wird. Als weiteren Parameter kann angegeben werden, ob eine Veränderung Teil einer größeren Transaktion war, um zu vermeiden, dass bei umfangreicheren Operationen, wie der Subdivision aller Faces, für jeden Methodenaufwurf das Dictionary in eine Liste umzuwandeln und das Mesh erneut rendern zu müssen. Wird diese Option verwendet, muss nach Abschluss der Transaktion *CommitMeshTriangles* ausgeführt werden, um die Änderungen ins Mesh zu übernehmen.

### 2.3.2 GenerateHalfEdgeMesh

Andersherum kann es genauso sinnvoll sein, ein bestehendes UnityMesh in ein Half-Edge Mesh umzuwandeln, um die Vorteile dieser nutzen zu können. Die Logik dahinter befindet sich in der *HalfEdgeMeshBuilder*-Klasse. Der Builder kann dem HalfEdge-Mesh hinzugefügt werden und besitzt eine Referenz auf das HalfEdgeMesh, um dieses bearbeiten zu können. Um ein UnityMesh in ein HalfEdgeMesh zu überführen, kann die *BuildHalfEdgeMeshFromUnityMesh* verwendet werden. Diese Methode füllt die drei Komponentenlisten anhand der Daten aus dem UnityMesh. Um dies zu erreichen gelten drei Grundsätze:

1. Für jeden Punkte gibt es einen Vertex

2. Für jeden Index gibt es eine HalfEdge, vom Punkt mit dem Index ausgehend
3. Jeweils drei Indices bilden eine Face.

---

```

1 public void BuildHalfEdgeFromUnityMesh(Mesh mesh)
2 {
3     List<Vector3> vertices = mesh.vertices;
4     List<int> triangles = mesh.triangles;
5     // — Add vertices to HalfEdgeMesh
6     int[] indexChanges = new int[vertices.Length];
7     for (int i = 0; i < vertices.Length; i++)
8     {
9         Vector3 point = vertices[i];
10        // — CreateVertex checks if position is already saved
11        // — and returns the first matching Vertex
12        Vertex vertex = _mesh.Vertices.CreateVertex(point);
13
14        // — Saving the index change
15        indexChanges[i] = vertex.Index;
16    }
17
18    // — Change Vertex Index to first occurrence
19    if (indexChanges.Any())
20    {
21        for (int i = 0; i < triangles.Length; i++)
22        {
23            // — change here!
24            triangles[i] = indexChanges[triangles[i]];
25        }
26    }
27
28    // — For every three indices in triangles (= a face) add a face
29    // — and three halfEdges
30    for (int i = 0; i < triangles.Length - 3; i += 3)
31    {
32        Vertex point1 = _mesh.Vertices[triangles[i]];
33        Vertex point2 = _mesh.Vertices[triangles[i + 1]];
34        Vertex point3 = _mesh.Vertices[triangles[i + 2]];
35        int[] indices = new[]
36        { point1.Index, point2.Index, point3.Index };
37        List<HalfEdges> pairs = _mesh.HalfEdges
38        .Where(p => indices.Contains(p.OutgoingPoint.Index)
39        && indices.Contains(p.EndPoint.Index));
40
41        HalfEdge halfEdge1 = _mesh.HalfEdges
42        .CreateHalfEdge(point1, null, null);
43

```

```

44     Face face = _mesh.Faces.CreateFace(halfEdge1);
45
46     HalfEdge halfEdge2 = _mesh.HalfEdges
47     .CreateHalfEdge(point2, face, halfEdge1);
48     HalfEdge halfEdge3 = _mesh.HalfEdges
49     .CreateHalfEdge(point3, face, halfEdge2);
50     halfEdge1.Next = halfEdge3;
51
52     foreach (HalfEdge pair in pairs)
53     {
54         if (pair.OutgoingPoint.Index == halfEdge1.EndPoint.Index
55         && pair.EndPoint.Index == halfEdge1.OutgoingPoint.Index)
56             _mesh.HalfEdges.CreatePair(pair, halfEdge1);
57         else if (pair.OutgoingPoint.Index == halfEdge2.EndPoint.Index
58         && pair.EndPoint.Index == halfEdge2.OutgoingPoint.Index)
59             _mesh.HalfEdges.CreatePair(pair, halfEdge2);
60         else if (pair.OutgoingPoint.Index == halfEdge3.EndPoint.Index
61         && pair.EndPoint.Index == halfEdge3.OutgoingPoint.Index)
62             _mesh.HalfEdges.CreatePair(pair, halfEdge3);
63     }
64 }
65 }

```

Beim Erstellen des HalfEdgeMeshes muss beachtet werden, dass beim erzeugen eines Vertex mit `_mesh.Vertices.CreateVertex(point)` geprüft wird, ob dieser Punkt bereits vorhanden ist, um redundante Daten zu vermeiden und ein zusammenhängendes Netz zu garantieren. Wenn in einem UnityMesh allerdings einen Punkt im *vertices*-Array mehrfach vorkommt, verschieben sich nach dieser Stelle alle weiteren Indices. Somit muss zu Beginn das UnityMesh „bereinigt“ werden. Beim Erstellen der Vertices werden etwaige Indexänderungen gespeichert und für alle Indices geprüft. Anschließend werden, wie beim Erstellen des UnityMeshes auch, jeweils drei Indices gleichzeitig betrachtet.

Zu den Punkten hinter den Indices wird je eine HalfEdge erstellt und zu jeder Triplette wird eine Face erstellt, mit Referenz auf eine der HalfEdges. Zudem müssen alle HalfEdges, die ein Paar mit einer aktuell betrachteten HalfEdge bilden, ermittelt werden. Dafür werden alle HalfEdges gesucht, dessen eingehender und ausgehender Punkt in der Liste der aktuell betrachteten Punkte liegt:

```

1 List<HalfEdge> pairs = _mesh.HalfEdges
2 .Where(p => indices.Contains(p.OutgoingPoint.Index)
3 && indices.Contains(p.EndPoint.Index));

```

### 3 Operationen

Nachdem ein Half-Edge Mesh prozedural erstellt wurde oder ein Unity Mesh umgewandelt wurde, können auf ein Half-Edge Mesh einige Standardoperationen angewendet

werden. Folgende Operationen werden im folgenden Kapitel erklärt und die Implementierung beschrieben:

- das Teilen einer HalfEdge (Split HalfEdge),
- das Kollabieren einer Kante (Edge Collapse),
- das Aufteilen einer Face (Subdivision) und
- eine einfache 2D-Zerstörungssimulation (Simulate Breaking).

#### 3.1 Split Half-Edge

Ziel der *SplitHalfEdge*-Methode ist es, eine HalfEdge so zu teilen, dass das Ergebnis der Operation ein konformes Half-Edge Mesh ist, also dass jede Face immer noch aus drei Half-Edges besteht und dass jede Half-Edge maximal einen Partner besitzt. Um das Teilen durchzuführen, müssen folgende Schritte durchgeführt werden, die in der Abbildung 5 schematisch dargestellt sind:

1. Bestimme die zu splittende HalfEdge.
2. Erzeuge einen neuen Punkt, dort wo sich die HalfEdge aufteilt.
3. Erzeuge drei neue HalfEdges und eine neue Face:
  - Eine HalfEdge zum neuen Punkt, vom Ursprung der gesplitteten HalfEdge
  - Eine HalfEdge als Nachfolger der ersten HalfEdge, mit dem neuen Punkt als Ursprung
  - Eine HalfEdge als Vorgänger der gesplitteten HalfEdge
4. Setze die Referenzen der HalfEdges neu
5. Führe Schritte 1-4 für die der gesplitteten HalfEdge gegenüberliegende HalfEdge ebenfalls aus
6. Setze die Paare neu

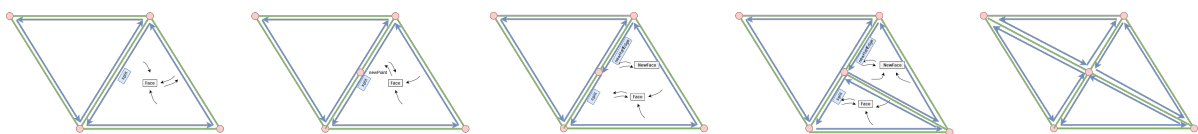


Abbildung 5: Schematische Darstellung eines Edgesplits. In Bild 1 ist die Ausgangssituation dargestellt, Bild 2 zeigt Schritt 2, die Bilder 3 und 4 zeigen die Schritte 3 und 4 und Bild 5 zeigt das Ergebnis, nach den Schritten 5 und 6.

Der beschriebene Algorithmus ist im Folgenden implementiert:

---

```

1 private bool _lock = false;
2 private HalfEdge _newHalfEdge, _split;
3
4 public void SplitHalfEdge(HalfEdge split, Vector3 splitPoint)
5 {
6     // — Schritt 1:
7     split.Face.HalfEdge = split; // — Set Reference of
8     // — Face to split to know where the new face goes
9     _split = split;
10
11     // — Schritt 2:
12     Vertex newPoint = _mesh.Vertices.CreateVertex(splitPoint);
13
14     // — Schritt 3:
15     HalfEdge newHalfEdge = _mesh.HalfEdges
16     .CreateHalfEdge(split.OutgoingPoint, null, split);
17     _newHalfEdge = newHalfEdge;
18     Face newFace = _mesh.Faces.CreateFace(newHalfEdge);
19     split.OutgoingPoint = newPoint;
20
21     HalfEdge newHalfEdgeToSplit = _mesh.HalfEdges
22     .CreateHalfEdge(split.Next.EndPoint, split.Face, split);
23     HalfEdge newHalfEdgeFromNewHalfEdge = _mesh.HalfEdges
24     .CreateHalfEdge(newPoint, newFace, split.Next.Next);
25     _mesh.HalfEdges
26     .CreatePair(newHalfEdgeToSplit, newHalfEdgeFromNewHalfEdge);
27
28     // — Schritt 4:
29     newHalfEdge.Next = newHalfEdgeFromNewHalfEdge;
30     newHalfEdgeFromNewHalfEdge.Next.Next = newHalfEdge;
31     split.Next.Next = newHalfEdgeToSplit;
32
33     // — Aktualisiere das Unity Mesh
34     _mesh.AddMeshVertex(newPoint.Point);
35
36     _mesh.SetMeshTriangles(split.Face.Index,
37     _mesh.Faces.GetFaceCirculator(split.Face)
38     .Select(p => p.OutgoingPoint.Index)
39     .ToList(), true);
40
41     _mesh.SetMeshTriangles(newFace.Index,
42     _mesh.Faces.GetFaceCirculator(newFace)
43     .Select(p => p.OutgoingPoint.Index)
44     .ToList(), true);
45
46     if (!_lock) // — Blockiere nach dem ersten Aufruf,

```

```

47         // — um eine Endlosschleife zu vermeiden
48     {
49         // — Schritt 5:
50         if (split.Opposing != null)
51         {
52             _lock = true;
53             SplitHalfEdge(split.Opposing, splitPoint);
54             // — Schritt 6:
55             _mesh.HalfEdges.CreatePair(_split, newHalfEdge);
56             _mesh.HalfEdges.CreatePair(split, _newHalfEdge);
57             _lock = false;
58         }
59         _mesh.CommitMeshTriangles();
60     }
61 }

```

In wird die *SplitHalfEdge*-Methode auf das erste Mesh in Abbildung 6 angewendet, so ist das Mesh im zweite Bild das Ergebnis, wenn die Diagonale gesplittet wird und im Dritten, wenn die linke Kante unterhalb der Mitte geteilt wird. Das letzte Bild zeigt, dass der Teilungspunkt nicht zwingend auf der Kante liegen muss, da sich die Kanten entsprechend anpassen.

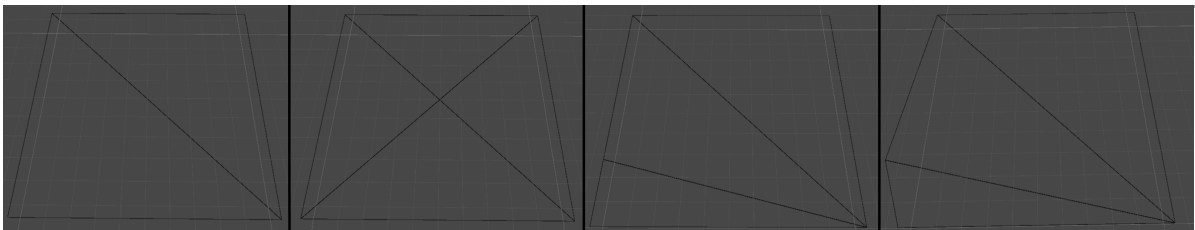


Abbildung 6: Bild 1 ist das Ausgangsmesh, welches in Bild 2 in der Mitte der Diagonale gesplittet wurde, in Bild 3 ein viertel auf dem Weg nach oben, auf der linken Seite und im 4. Bild eine Einheit links von der Kante

Der beschriebene Algorithmus besitzt eine konstante Laufzeit, da alle Änderungen lokal an den betroffenen HalfEdges vorgenommen werden können und die einzigen „komplexen“ Operationen auf der *GetFaceCirculator*-Methode basieren, die immer die drei anliegenden HalfEdges einer Face zurückgibt. Wird im Gegensatz dazu die selbe Operation nur mithilfe vom UnityMesh versucht, so müsste mittels Brute-Force zuerst jeder Index der Eckpunkte der gesuchten Kante ermittelt werden, da diese nicht explizit dargestellt wird, um anschließend in den Indices die Dreiecke zu finden, die diese Eckpunkte verwenden, damit diese durch die neu bestimmten Dreiecke ersetzt werden können. Daraus resultiert einen Laufzeit, in Abhängigkeit von der Anzahl der Vertices im Netz, wodurch es zu Performanceproblemen bei großen Netzen kommen kann.



### 3.2 Edge Collapse

Der Edge-Collapse ist eine Operation, die dazu dient, die Komplexität eines Modells zu reduzieren. Dabei werden zwei Punkte zusammengeführt, indem eine Kante zusammenfällt, wodurch bei einer Operation zwei Dreiecksflächen entfernt werden, ohne die gesamte Struktur zu verändern [?]. In diesem Ansatz kann bestimmt werden, zu welchem Punkt die Kante zusammenfällt, je nachdem, welche der beiden HalfEdges als Ursprung gewählt wird, da dafür der Endpunkt der HalfEdge verwendet wird. Um einen Edge-Collapse durchzuführen, müssen die Schritte aus Abbildung 7 befolgt werden:

1. Bestimme die an der HalfEdge anliegenden Vertices, HalfEdges und Faces.
2. Setze die Referenzen der Nachbarschaftsbeziehung neu, die Nachbarn der HalfEdges die an der selben HalfEdge liegen und nicht teil der kollabierenden Kante sind werden Nachbarn.
3. Entferne die betroffene Faces und HalfEdges.
4. Setze alle Referenzen von einem Vertex auf den andern, entferne den Unbenutzten.

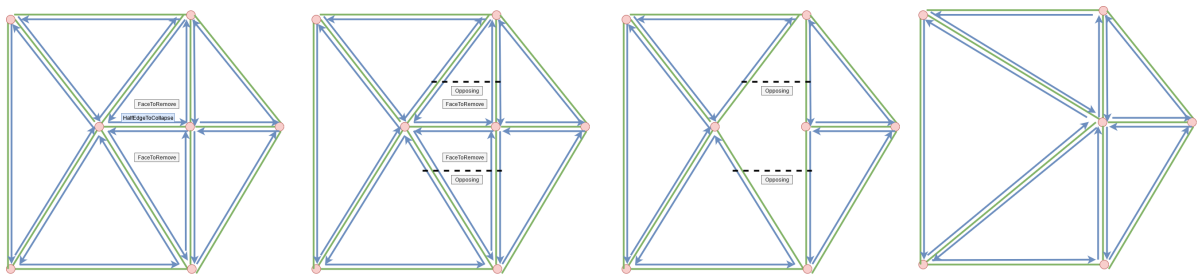


Abbildung 7: Schematische Darstellung des Edge-Collapses. Bild 1 zeigt die Ausgangssituation, Bild 2 stellt die neuen Nachbarschaftsreferenzen dar, in Bild 3 wurden die Faces entfernt und in Bild 4 ist das Ergebnis zu sehen.

Die Implementierung des beschriebenen Algorithmus sieht folgendermaßen aus:

---

```

1 public void EdgeCollapse(HalfEdge halfEdge)
2 {
3     // — the point the halfEdge is collapsing to
4     Vertex collapsingPoint = halfEdge.EndPoint;
5     Vertex pointToRemove = halfEdge.OutgoingPoint;
6
7     // — determine the halfEdges to remove
8     // — those are the HalfEdges around the halfEdge Face
9     // — and it's pairs face
10    HalfEdge pair = halfEdge.Opposing;
11
12    List<HalfEdge> halfEdgesToRemove =
13    _mesh.Faces.GetFaceCirculator(halfEdge.Face);

```

```

14 halfEdgesToRemove
15 .AddRange(_mesh.Faces.GetFaceCirculator(pair.Face));
16
17 // — set the neighbours right
18 foreach(HalfEdge he in halfEdgesToRemove)
19 {
20     if (he.Index == halfEdge.Index
21         || he.Index == pair.Index
22         || he.Next.Index == halfEdge.Index
23         || he.Next.Index == pair.Index
24         || he.Opposing == null
25         || he.Next.Opposing == null)
26         continue;
27
28     _mesh.HalfEdges.CreatePair(he.Opposing, he.Next.Opposing);
29 }
30
31 _mesh.Faces.RemoveFace(halfEdge.Face);
32 _mesh.Faces.RemoveFace(pair.Face);
33
34 foreach (HalfEdge he
35 in _mesh.Vertices.GetVertexCirculator(pointToRemove))
36 {
37     if(he.OutgoingPoint.Index == pointToRemove.Index)
38     {
39         he.OutgoingPoint = collapsingPoint;
40     }
41 }
42
43 _mesh.Vertices.RemoveVertex(pointToRemove);
44 _mesh.GenerateUnityMesh();
45 }

```

---

Die Methode *RemoveFace* ist eine Methode aus der *FaceList* und regelt auch das Löschen von allen weiteren Referenzen:

---

```

1 public void RemoveFace(Face f)
2 {
3     List<HalfEdge> halfEdges = GetFaceCirculator(f);
4     foreach (var halfEdge in halfEdges)
5     {
6         if (halfEdge.Opposing != null)
7             halfEdge.Opposing.Opposing = null;
8
9         if(_mesh.Vertices.GetVertexCirculator(halfEdge.OutgoingPoint)
10            .Count <= 0)
11         {

```

```

12     _mesh.Vertices.RemoveVertex(halfEdge.OutgoingPoint);
13 }
14 }
15 _mesh.HalfEdges.RemoveAll(p => halfEdges.Contains(p));
16
17 _faces.Remove(f);
18 }

```

---

### 3.3 Subdivision

Im Gegensatz zum Edge-Collapse kann es beim Arbeiten mit 3D-Modellen auch nötig sein, eine Face in mehrere kleinere Faces zu unterteilen, um den Detailgrad des Modells zu erhöhen oder Zerstörung realistischer zu modellieren. Um dies zu erreichen, bietet die *FaceSplittingBehaviour*-Klasse die *SplitFace*-Methode, die eine gegebene Face an einem gegebenen Punkt in drei kleinere Faces aufteilt. Um dies zu erreichen muss:

1. Der neue Punkt auf der Face erzeugt werden.
2. Für jede HalfEdge der Face:
  - Eine HalfEdge vom Endpunkt der HalfEdge zum neuen Punkt erzeugt werden.
  - Eine HalfEdge vom neuen Punkt zum Startpunkt der HalfEdge erzeugt werden.
  - Eine Face (wenn nötig) erzeugt werden.
  - Die „Next“-Referenz der HalfEdge auf die HalfEdge zum neuen Punkt gesetzt werden.
3. Für jede neue HalfEdge der Partner gesetzt werden.

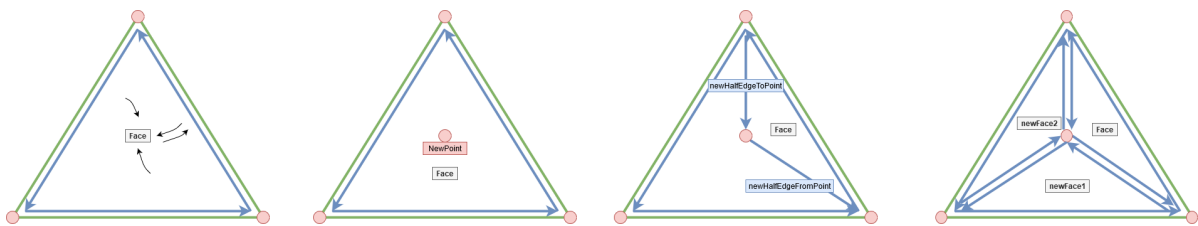


Abbildung 8: Schematische Darstellung des SplitFace Algorithmus. Bild 1 zeigt die Ausgangsposition, Bild 2 zeigt Schritt 2, Bild drei einen Teilschritt von Schritt 3 und Bild 4 zeigt das Ergebnis

In C# ergibt sich daraus der folgende Quellcode, welcher durch den Übergabeparameter *isTransaction* für den Gebrauch im gesamten Mesh optimiert ist.

---

```

1 public void SplitFace(Face face, Vector3 pointToSplit, bool isTransaction = false)
2 {
3     // — Schritt 1:
4     Vertex center = _mesh.Vertices.CreateVertex(pointToSplit);
5     _mesh.AddMeshVertex(center.Point);
6
7     // — Schritt 2:
8     List<HalfEdge> halfEdges = _mesh.Faces.GetFaceCirculator(face);
9     List<HalfEdge> newHalfEdges = new List<HalfEdge>();
10    // — Keeping a reference to all new HalfEdges to pair them later
11
12    // — Schritt 3:
13    for (int i = 0; i < halfEdges.Count; i++)
14    {
15        HalfEdge halfEdge = halfEdges[i];
16        Face newFace = face;
17        if (i == 0) // — reuse old face
18        {
19            newFace.HalfEdge = halfEdge;
20        }
21        else
22        {
23            newFace = _mesh.Faces.CreateFace(halfEdge);
24        }
25
26        HalfEdge newHalfEdgeFromCenter =
27            _mesh.HalfEdges.CreateHalfEdge(center, newFace, halfEdge);
28        HalfEdge newHalfEdgeToCenter =
29            _mesh.HalfEdges.CreateHalfEdge(halfEdge.EndPoint,
30            newFace, newHalfEdgeFromCenter);
31        halfEdge.Next = newHalfEdgeToCenter;
32
33        _mesh.SetMeshTriangles(newFace.Index,
34        _mesh.Faces.GetFaceCirculator(newFace)
35        .Select(p => p.OutgoingPoint.Index)
36        .ToList(), true);
37        newHalfEdges.AddRange(new List<HalfEdge>
38        { newHalfEdgeFromCenter, newHalfEdgeToCenter, halfEdge });
39    }
40
41    // — Schritt 4:
42    _mesh.HalfEdges.CreatePair(newHalfEdges[0], newHalfEdges[4]);
43    _mesh.HalfEdges.CreatePair(newHalfEdges[3], newHalfEdges[7]);
44    _mesh.HalfEdges.CreatePair(newHalfEdges[6], newHalfEdges[1]);
45
46    // — Optimisation for SplitAllFaces

```

```

47     if (isTransaction)
48         _mesh.CommitMeshTriangles();
49 }

```

---

### 3.4 2D-Zerstörungssimulation

Mit Hilfe der Subdivision und dem Edgesplit kann eine einfache, dynamische Zerstörungssimulation für zweidimensionale Oberflächen erstellt werden, welche zum Beispiel im Kontext eines Videospiels eine interaktive Welt bietet.

Die Simulation basiert auf einem Punkt des Meshs, der das Zentrum der Zerstörung darstellt, vergleichbar mit dem Aufschlagpunkt eines Hammers. Um diesen Punkt herum werden zufällig weitere Punkte platziert, je nach Material der getroffenen Face unterschiedlich viele, in größer werden Abständen. Von der direkt getroffenen Face wird jede HalfEdge gesplittet, um so große Splitter, die sich durch das Material ziehen zu simulieren, da auch die gegenüberliegenden HalfEdges geteilt werden. Die verteilten Punkte werden Anschließend als neuer Punkt für die Subdivision verwendet, um so den Bruch konzentrisch vom Epizentrum ausgehen zu lassen. Zu guter Letzt werden die neuen Faces aus dem Mesh ausgetrennt und in ein eigenes Mesh umgewandelt, die einzelnen Bruchstücke bewegen zu können.

In Unity ist es wie unten programmiert:

---

```

1  public void SimulateBreaking(Vector3 impactPoint)
2  {
3
4      if (Faces.TryGetFaceContainingPoint(impactPoint,
5      out Face impactedFace))
6      {
7          var bbd = new BreakingBehaviourDeterminer();
8
9          List<Vector3> breakpoints = bbd.GetBreakingPoints(impactedFace,
10             impactPoint);
11
12          List<HalfEdge> halfEdges =
13          Faces.GetFaceCirculator(impactedFace).ToList();
14          _faceSplittingBehaviour.SplitFace(impactedFace, impactPoint);
15
16          // — Aufteilen der Urspruenglichen HalfEdges
17          foreach (HalfEdge oldHe in halfEdges)
18          {
19              _edgeSplittingBehaviour.SplitHalfEdge(oldHe,
20              VectorMath.GetIntermediateVector(
21              oldHe.OutgoingPoint.Point, oldHe.EndPoint.Point));
22          }
23
24          // — Platzieren der neuen Punkte, splitten der Faces

```

```

25     foreach (Vector3 point in breakpoints)
26     {
27         if (Faces.TryGetFaceContainingPoint(point, out Face face))
28         {
29             List<HalfEdge> oldHalfEdgesOfFace =
30                 Faces.GetFaceCirculator(face).Select(p => p.Next);
31             _faceSplittingBehaviour.SplitFace(face, point);
32         }
33     }
34
35     // — Liste aller erzeugten Faces
36     List<Face> faces = _edgeSplittingBehaviour.GetCreatedFaces();
37     faces.AddRange(_faceSplittingBehaviour.GetCreatedFaces());
38
39     // — Herauslösen der Faces
40     foreach (Face face in faces)
41     {
42         // — Unity GameObject
43         GameObject go = new GameObject("Shard");
44
45         HalfEdgeMesh mesh = go.AddComponent<HalfEdgeMesh>();
46         go.AddComponent<Rigidbody>().useGravity = true;
47
48
49         List<HalfEdge> createdHalfEdges =
50             Faces.GetFaceCirculator(face).ToList();
51         List<Vertex> vertices = createdHalfEdges
52             .Select(p => p.OutgoingPoint).ToList();
53
54         mesh.CreateMesh(vertices[0].Point,
55             vertices[1].Point, vertices[2].Point);
56         Faces.RemoveFace(face);
57     }
58
59     // — entfernen der Erzeugten Faces
60     _edgeSplittingBehaviour.ClearCreatedFaces();
61     _faceSplittingBehaviour.ClearCreatedFaces();
62 }
63 }

```

---

Bei der Bestimmung der Bruchpunkte wird der *BreakingBehaviourDeterminer* verwendet, welcher zufällige Punkte in größer werdenden Kreisen platziert, relativ zu dem Gewählten Punkt. Die Methode *GetMaterialBreakingBehaviour* gibt eine Liste mit Integern zurück, die die Anzahl an Punkten in jedem Kreis für ein Material vordefiniert.

Der Code der *GetBreakingPoints*-Methode sieht wie Folgt aus:

---

```

1 public List<Vector3> GetBreakingPoints(Face face, Vector3 impactPoint)

```

```

2 {
3     var result = new List<Vector3>();
4
5     Vertex v1 = face.HalfEdge.OutgoingPoint.Point;
6     Vertex v2 = face.HalfEdge.Next.OutgoingPoint.Point;
7     Vertex v3 = face.HalfEdge.Next.Next.OutgoingPoint.Point;
8
9     List<int> materialBehaviour =
10     GetMaterialBreakingBehaviour(face.materialType);
11
12     for (int i = 0; i < materialBehaviour.Count; i++)
13     {
14         for (int j = 0; j < materialBehaviour[i]; j++)
15         {
16             Vector3 newPoint = UnityEngine.Random.insideUnitCircle *
17             (i + .5f) + new Vector2(impactPoint.x, impactPoint.z);
18             Vector3 addPoint = new Vector3(newPoint.x,
19             impactPoint.y, newPoint.y);
20             result.Add(addPoint);
21         }
22     }
23     return result;
24 }

```

---

## 4 Vergleich zwischen Half-Edge Mesh und UnityMesh

Nachdem die Funktionsweise der wichtigsten Operationen für ein Half-Edge Mesh im vorherigen Kapitel beschrieben wurden, werden diese im Folgenden mit vergleichbaren Operationen eines UnityMeshs verglichen.

Bei den Methoden *SplitHalfEdge*, *EdgeCollapse* und *SplitFace* handelt es sich um Operationen auf dem Mesh, die lokale Änderungen verursachen. Da es einen direkten Zugriff auf die betroffenen Stellen gibt, mithilfe der Face- und HalfEdge-Listen muss nicht das gesamte Mesh nach den betroffenen Stellen abgesucht werden. Zudem kann mittels der *GetFaceCirculator*-Methode auf alle betroffenen HalfEdges in konstanter Zeit zugegriffen werden, da diese Methode immer die drei HalfEdges über die Referenz der Face bestimmen kann. Insgesamt haben die *SplitHalfEdge*- und *SplitFace*-Methode also eine konstante Zeitkomplexität, unabhängig von der Größe des Meshs. Um allerdings das gleiche Resultat mit einem UnityMesh zu erhalten, muss zuerst mittels Brute-Force jeder Index der Eckpunkte der gesuchten Kante oder Face ermittelt werden, da diese nicht explizit dargestellt werden. Diese Suche nach allen Kanten mit den selben Eckpunkten könnte wie folgt aussehen:

---

```

1 List<int> findEdges(int a, int b)
2 {
3     // — All triangle indices

```

```

4  int[] tris = _mesh.triangles;
5
6  // — The result contains every starting index of a matching triangle
7  List<int> result = new List<int>();
8
9  // — for each pair of three
10 for(int i = 0; i < tris.Length; i+=3)
11 {
12     int matches = 0; // — count the matching indices
13     if(tris[i] == a || tris[i] == b)
14         matches++;
15     if(tris[i+1] == a || tris[i+1] == b)
16         matches++;
17     if(tris[i+2] == a || tris[i+2] == b)
18         matches++;
19
20     // — if there are two, consider this triangle index
21     if(matches == 2)
22         result.Add(i);
23 }
24 return result;
25 }

```

Dieser beispielhafte Implementierungsvorschlag kann benutzt werden, um die betroffenen Faces für einen EdgeSplit zu finden, um die entsprechende Stelle für eine Subdivision zu finden, muss der dritte betroffene Punkt mitgegeben werden. Auffällig bei dieser Implementierung ist, dass es, im Gegensatz zum HalfEdge-Mesh abhängig von der Größe des Meshs ist, wodurch es bei dieser Implementierung mit großen Netzen zu Laufzeitproblemen kommen kann.

Auch die *EdgeCollapse*-Methode verwendet die *GetFaceCirculator*-Methode mit konstanter Laufzeit. Zusätzlich wird die *GetVertexCirculator*-Methode verwendet, um die HalfEdges an den betroffenen Vertices zu finden. Theoretisch besitzt diese Methode eine konstante Laufzeit in Abhängigkeit von der Anzahl der HalfEdges, die den gefragten Vertex verwenden. Im Plankton-Mesh [?] wird folgende Implementierung verwendet:

```

1  public IEnumerable<int> GetVertexCirculator(int halfedgeIndex)
2  {
3      if (halfedgeIndex < 0 || halfedgeIndex > this.Count) { yield break; }
4      int h = halfedgeIndex;
5      int count = 0;
6      do
7      {
8          yield return h;
9          h = this[this.GetPairHalfedge(h)].NextHalfedge;
10         if (h < 0) { throw new InvalidOperationException
11             ("Unset index, cannot continue."); }
12         if (count++ > 999) { throw new InvalidOperationException

```



```

13     ("Runaway vertex circulator"); }
14 }
15 while (h != halfedgeIndex);
16 }

```

Allerdings funktioniert dieser Ansatz nur auf der zugrunde liegenden Annahme, dass das abgebildete Mesh vollständig ist, es also keine HalfEdge gibt, die keinen Nachbarn hat. Aus diesem Grund wird eine andere Implementierung verwendet, da diese Eigenschaft für ein solches Netz nicht gegeben sein muss. Diese sieht wie folgt aus:

```

1 public List<HalfEdge> GetVertexCirculator(Vertex v)
2 {
3     return _mesh.HalfEdges
4         .Where(p => p.OutgoingPoint.Index == v.Index).ToList();
5 }

```

Durch diese Generalisierung wird allerdings die konstante Laufzeit durch eine Lineare ersetzt, wodurch die Laufzeiten des HalfEdgeMeshs und des UnityMeshs jeweils in lineare Abhängigkeit von der Größe des Netzes stehen. Allerdings kann, wie das Plankton-Mesh zeigt, die *GetVertexCirculator*-Methode noch weiter optimiert werden.

## 5 Rechnungen

Um die Werte aus Tabelle 1 zu erhalten, müssen folgende Annahmen getroffen werden: Bei der Speichernutzung wird ein allgemeines Mesh mit  $n_v$  Vertices und  $n_t$  Triangles betrachtet. Allgemein kann angenommen werden, dass ein Mesh ungefähr doppelt so viele Eckpunkte wie Dreiecke hat, woraus sich  $n_t \approx 2 * n_v$  ergibt. Zudem kann die Annahme getätigt werden, dass in C# ein *Vector3*, der aus drei *floats* besteht eine Größe von  $3 * 32\text{Bit} = 12\text{Byte}$  hat, ein *int* 4Byte groß ist und eine Referenz auf ein Objekt bei einer 64 Bit-Architektur 8Byte benötigt.

### 5.1 Indexed Mesh

$$\begin{aligned}
 & n_v \times 12\text{Byte}(\text{Vector3}) + 3 \times n_t \times 4\text{Byte}(\text{Pro Dreieck gibt es 3 int Indices}) \\
 & \approx n_v \times 12\text{Byte} + 6n_v \times 4\text{Byte} \\
 & \approx \underline{36 \times n_v\text{Byte}}
 \end{aligned}$$

### 5.2 Triangle-Neighbor Structure

$$\begin{aligned}
 & n_t \times (3 \times 8\text{Byte}(3 \text{ Referenzen auf Nachbardreiecke}) + 3 \times 8\text{Byte}(3 \text{ Referenzen auf Eckpunkte})) + \\
 & n_v \times (8\text{Byte}(\text{Referenz auf ein anliegendes Dreieck}) + 12\text{Byte}(\text{Vector3})) \\
 & \approx 2 \times n_v \times (24\text{Byte} + 24\text{Byte}) + n_v \times 20\text{Byte} \\
 & \approx 96 \times n_v\text{Byte} + 20 \times n_v\text{Byte} \\
 & \approx \underline{116 \times n_v\text{Byte}}
 \end{aligned}$$

### 5.3 Winged-Edge Mesh

$$\begin{aligned}
 & n_v \times (8\text{Byte}(\text{Referenz von Vertex auf Edge}) + 12\text{Byte}(\text{Vector3})) + n_t \times 8\text{Byte}(\text{Referenz von Face auf Edge}) \\
 & 1.5n_t (\text{Jede Edge wird von zwei Faces verwendet}) \times (4 \times 8\text{Byte}(\text{Referenz der Kante auf andere Kanten}) + \\
 & 2 \times 8\text{Byte}(\text{Referenz auf anliegende Faces}) + 2 \times 8\text{Byte}(\text{Referenz auf Eckpunkte})) \\
 & \approx 20 \times n_v \text{Byte} + 2 \times n_v \times 8\text{Byte} + 3 \times n_v \times 64\text{Byte} \\
 & \approx 20 \times n_v \text{Byte} + 16 \times n_v \text{Byte} + 192n_v \text{Byte} \\
 & \approx \underline{228 \times n_v \text{Byte}}
 \end{aligned}$$

### 5.4 Half-Edge Mesh

$$\begin{aligned}
 & n_v \times (8\text{Byte}(\text{Referenz von Vertex auf Edge}) + 12\text{Byte}(\text{Vector3})) + n_t \times 8\text{Byte}(\text{Referenz von Face auf Edge}) \\
 & 3 \times n_t (4 \times 8\text{Byte}(\text{Referenzen der HalfEdge auf den ausgehenden Punkt, die nächste und gegenüberliegende})) \\
 & \approx 20 \times n_v \text{Byte} + 2 \times n_v \times 8\text{Byte} + 6 \times n_v \times 32\text{Byte} \\
 & \approx \underline{228 \times n_v \text{Byte}}
 \end{aligned}$$

## Literatur

- [Wik] Wikipedia the free encyclopedia. Polygon mesh, 2007.  
[https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Dolphin<sub>t</sub>riangle<sub>m</sub>esh.png/media/File :  
Dolphin<sub>t</sub>riangle<sub>m</sub>esh.png](https://commons.wikimedia.org/wiki/File:Dolphin_triangle_mesh.png/media/File:Dolphin_triangle_mesh.png)[Online; zuletzt besucht am 04.12.2019]. David Stasiuk Will Pearson
- [WP17]

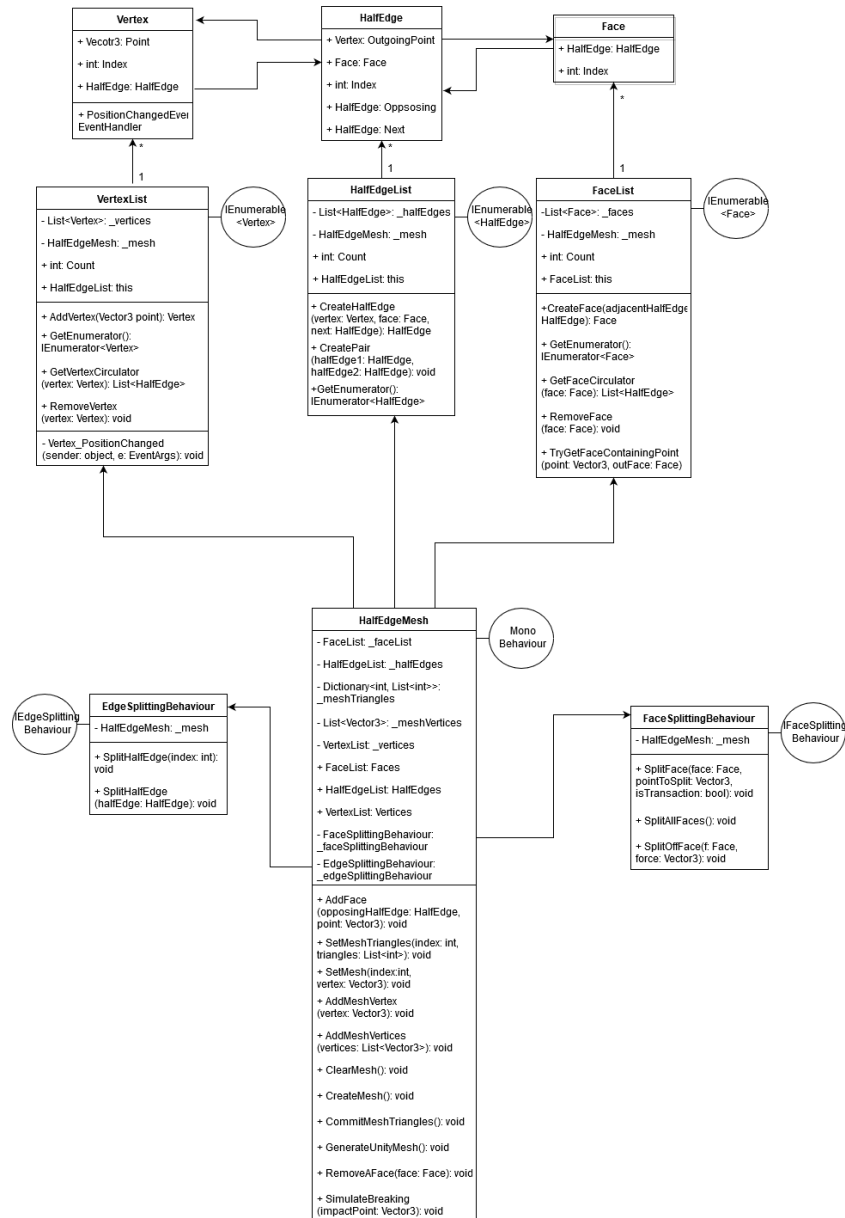


Abbildung 4: UML-Klassendiagramm des Half-Edge-Mesh Projekts