Análise Numérica (M2018) — Métodos Numéricos (M2029) — 2019/2020

O relatório deste trabalho prático deve ser entregue em papel, assinado por todos os elementos do grupo, até às 10h do dia 9 de março de 2020. Não haverá apresentação oral do trabalho prático.

Trabalho prático 1

Resolvam os seguintes problemas em computador na linguagem que preferirem. Devem especificar a precisão que estão a usar.

1. Escrevam um programa que permita calcular um valor aproximado de

$$S = 18 \sum_{k=1}^{\infty} \frac{k!^2}{k^2 (2k)!}$$

com erro absoluto inferior a ϵ , dado. O vosso programa deve imprimir o número n de termos somados na série e o valor aproximado de S.

Usem o vosso programa para calcular valores aproximados de S com erro absoluto inferior a $\epsilon = 10^{-8}, 10^{-9}, \dots, 10^{-15}$. Comentem e justifiquem os resultados.

2. Escrevam um programa que permita calcular um valor aproximado de

$$S = 12\sum_{k=1}^{\infty} \frac{(-1)^{k-1}}{k^2}$$

com erro absoluto inferior a ϵ , dado. O vosso programa deve imprimir o número n de termos somados na série e o valor aproximado de S.

Usem o vosso programa para calcular valores aproximados de S com erro absoluto inferior a $\epsilon = 10^{-8}, 10^{-9}, \dots, 10^{-15}$. Comentem e justifiquem os resultados.

3. Sabendo que nos dois exercícios anteriores $S=\pi^2$ alterem os programas para imprimirem também o erro absoluto efetivamente cometido no cálculo de π^2 , $E=|\pi^2-S|$. Comparem, interpretem e justifiquem os resultados.