

# Universidade de Évora

## Inteligência Artificial

# Relatório do 3º Trabalho Prático

Autor: Pedro Nunes, 31240 Tiago Martinho, 35735

 $\begin{array}{c} Docente: \\ Paulo \ QUARESMA \end{array}$ 

Abril de 2018

# Índice

 ${\bf 1} \quad {\bf Jogos} \ {\bf com} \ {\bf informação} \ {\bf completa} \ {\bf determin\'sticos}$ 

 $\mathbf{2}$ 

## 1 Jogos com informação completa determinísticos

## Definição do problema

Pretende-se representar o jogo "Três em Linha" como um problema de pesquisa no espaço de estados. O jogo é realizado sobre um tabuleiro de 5 colunas e 4 linhas. Em cada jogada, os jogadores colocam uma ficha da sua cor numa coluna e esta cai até á primeira casa disponível naquela coluna. O que conseguir colocar 3 fichas da mesma cor seguidas na horizontal, vertical ou diagonal ganha. Se ninguém conseguir, a partida termina em empate.

Neste trabalho poderá escolher entre jogar como jogador ou colocar um bot que joga sozinho, para isso basta escrever o predicado joga\_jogador(Coluna) para jogador ou joga\_bot() para o bot.

#### Estrutura de dados

Foi utilizada uma lista com listas dentro, a lista principal representa as colunas e cada lista dentro dessa representa as linhas.

:- 
$$dynamic(estado_inicial/1)$$
.  
estado\_inicial([[v,v,v,x],[v,v,o,x],[v,o,x,o],[v,o,x,x],[v,x,o,o]]).

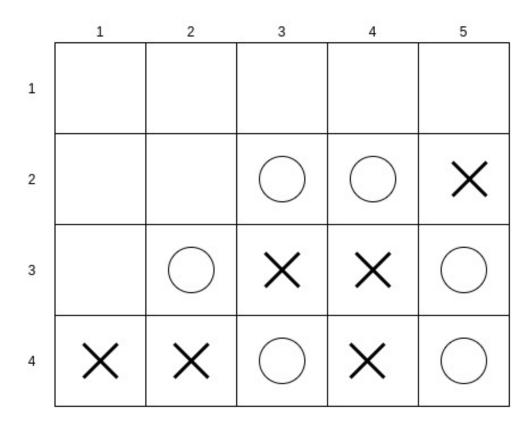


Figura 1 - Estado inicial do jogo.

### Predicado Terminal

```
\begin{array}{lll} terminal\left(G\right) & :- & linhas\left(G,\_\right). \\ terminal\left(G\right) & :- & colunas\left(G,\_\right). \\ terminal\left(G\right) & :- & diagonal\left(G,\_\right). \\ terminal\left(G\right) & :- & cheio\left(G\right). \end{array}
```

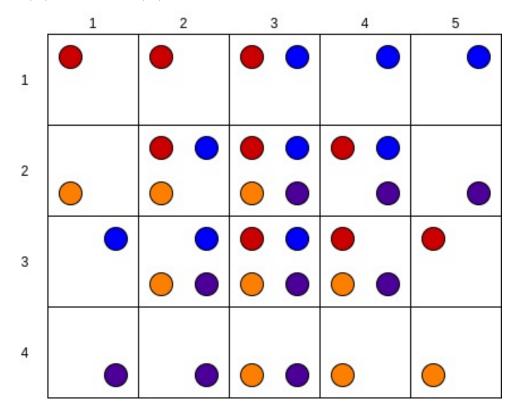


Figura 2 - Diagrama das diagonais terminais possíveis

Defina uma função de utilidade que, para um estado terminal, deve retornar o valor do estado (ex: -1 perde, 0 empata, 1 ganha)

Use a implementação da pesquisa minimax para escolher a melhor jogada num estado

```
:-dynamic (visitados /1).
visitados(0).
joga(Op) :-
        estado_inicial(Ei),
        minimax_decidir (Ei, Op),
        visitados (V),
        write ('Bot ->'), write (Op), nl,
    write ('Nos visitados: '), write (V), nl.
% decide qual e' a melhor jogada num estado do jogo
% minimax_decidir (Estado, MelhorJogada)
% se e' estado terminal nao ha jogada
minimax_decidir (Ei, terminou) :-
        terminal (Ei).
% Para cada estado sucessor de Ei calcula o valor minimax do estado
% Opf e' o operador (jogada) que tem maior valor
% Nota: assume que o jogador e' o "x"
minimax_decidir(Ei,Opf):-
        findall(Vc-Op, (oper(Ei,x,Op,Es), minimax_valor(Es,Vc,1)), L),
        escolhe_max(L, Opf).
% se um estado e' terminal o valor e' dado pela funcao de utilidade
% Nota: assume que o jogador e' o "x"
minimax_valor(Ei, Val, _):-
    retract (visitados (V)),
    V1 \text{ is } V + 1,
    asserta (visitados (V1)),
        terminal (Ei),
        valor (Ei, Val).
%Se o estado nao e' terminal o valor e':
% -se a profundidade e' par, o maior valor dos sucessores de Ei
% -se aprofundidade e' impar o menor valor dos sucessores de Ei
minimax_valor(Ei, Val, P) :-
        P1 is P+1, jogador(P1,J),
        findall(Val1, (oper(Ei, J, _, Es), minimax_valor(Es, Val1, P1)), V),
        seleciona_valor(V,P,Val).
% jogađor "x" nas jogađas impares e jogađor "o" nas jogađas pares
jogador(P, o) := X is P mod 2, X = 0.
jogador(P, x) :- X is P mod 2, X = 1.
```

```
% Se a profundidade (P) e' par, retorna em Val o maximo de V
seleciona_valor(V,P,Val):-
              X is P \mod 2, X=0,!,
              maximo (V, Val).
% Senao retorna em Val o minimo de V
seleciona_valor(V, Val):-minimo(V, Val).
% Predicados auxiliares
\operatorname{escolhe\_max}([A|R], \operatorname{Val}): - \operatorname{escolhe\_max}(R, A, \operatorname{Val}).
\operatorname{escolhe_max}([], \_-\operatorname{Op}, \operatorname{Op}).
\operatorname{escolhe_max}([A_-|R], X_-Op, Val) :- A < X,!, \operatorname{escolhe_max}(R, X_-Op, Val).
\operatorname{escolhe\_max}([A|R], \_, \operatorname{Val}): - \operatorname{escolhe\_max}(R, A, \operatorname{Val}).
\operatorname{maximo}([A|R], \operatorname{Val}): - \operatorname{maximo}(R, A, \operatorname{Val}).
\operatorname{maximo}([], A, A).
\operatorname{maximo}([A|R], X, \operatorname{Val}): -A < X, !, \operatorname{maximo}(R, X, \operatorname{Val}).
\operatorname{maximo}([A|R], , , \operatorname{Val}): - \operatorname{maximo}(R, A, \operatorname{Val}).
minimo([A|R], Val):-minimo(R, A, Val).
minimo([], A, A).
\operatorname{minimo}\left(\left[\left.A\right|R\right],X,\operatorname{Val}\right):-\ A>X,!\ ,\ \operatorname{minimo}\left(R,X,\operatorname{Val}\right).
minimo([A|R], -, Val):- minimo(R, A, Val).
```

### Implemente a pesquisa Minimax com corte alfa-beta e compare os resultados

```
?- joga_bot().

Bot -> joga(2,2)

Nós visitados: 4270

V|V|V|V|V

V|X|0|0|X

V|0|X|X|0

X|X|0|X|0

true .

?- joga_bot().

Bot ->joga(3,1)

Nós visitados: 10108

V|V|X|V|V

V|V|X|V|V
```

Figura 3 - Comparação dos resultados entre Minimax com corte Alfa-Beta e Minimax (respectivamente).

Como podemos observar a pesquisa Minimax com corte Alfa-Beta visita menos nós, 4270, contra 10108 com pesquisa Minimax. Quanto á jogada, com a pesquisa Alfa-Beta, esta é muito melhor em comparação á jogada feita pela pesquisa Minimax.

```
:-dynamic (visitados /1).
visitados (0).
joga(Op) :-
          estado_inicial(Ei),
          alfabeta (Ei, Op),
          visitados (V),
          \label{eq:write} \mbox{write} \left( \mbox{'Bot} \mbox{-> ')} , \mbox{ write} \left( \mbox{Op} \right), \mbox{nl} \, ,
     write ('Nos visitados: '), write (V), nl.
% decide qual e' a melhor jogada num estado do jogo
% alfabeta (Estado, Melhor Jogada)
% se e' estado terminal nao ha jogada
alfabeta (Ei, terminou) :-
     retract (visitados (V)),
     V1 \text{ is } V + 1,
     asserta (visitados (V1)),
     terminal (Ei).
% Nota: assume que o jogador e' o "x"
alfabeta (Ei, Opf) :-
          findall (Vc-Op, (oper (Ei, x, Op, Es),
               alfabeta_min(Es, Vc, 1, -10000, 10000)), L),
               escolhe_max(L,Opf).
```

% se um estado e' terminal o valor e' dado pela funcao de utilidade

```
% Nota: assume que o jogador e' o "x"
alfabeta_min(Ei, Val,_,_,_):-
         retract (visitados (V)),
    V1 \text{ is } V + 1,
    asserta (visitados (V1)),
         terminal (Ei),
         valor (Ei, Val), !.
alfabeta_min(Ei, Val, P, Alfa, Beta):-
        P1 is P+1, jogador (P1, J),
        V is 10000,
         findall(Es, oper(Ei, J, _, Es), L),
         processa_lista_min(L, P1, V, Alfa, Beta, Val), !.
processa_lista_min([], _, V, _, _, V).
processa\_lista\_min([H|T], P, V, A, B, V1) :-
         alfabeta_max(H, V2, P, -10000, 10000),
        \min(V, V2, V3),
        (V3 < A, V1 \text{ is } V3; \min(B, V3, B1),
             processa_lista_min(T, P, V3, A, B1, V1)).
\min(A,B,A) :- A < B, !.
\min(A, B, B).
alfabeta_max(Ei, Val,_,_,_):-
         terminal (Ei),
         valor (Ei, Val), !.
alfabeta_max (Ei, Val, P, Alfa, Beta) :-
        P1 is P+1, jogador (P1, J),
        V is -10000,
         findall(Es, oper(Ei, J, -, Es), L),
         processa_lista_max(L, P1, V, Alfa, Beta, Val), !.
processa_lista_max([], _, V, _, _, _V).
processa_lista_max([H|T], P, V, A, B, V1):-
         alfabeta_min(H, V2, P, -10000, 10000),
        \max(V, V2, V3),
        (V3 >= B, V1 \text{ is } V3; \max(A, V3, A1),
             processa_lista_max(T, P, V3, A1, B, V1)).
\max(A,B,B) :- A < B, !.
\max(A, A).
% jogađor "x" nas jogađas impares e jogađor "o" nas jogađas pares
jogador(P, o) :- X is P mod 2, X = 0.
jogador(P, x) := X is P mod 2, X = 1.
```

```
% Se a profundidade (P) e' par, retorna em Val o maximo de V
seleciona_valor(V,P,Val):-
             X is P \mod 2, X=0,!,
             maximo(V, Val).
% Senao retorna em Val o minimo de V
seleciona_valor(V, Val):- minimo(V, Val).
% Predicados auxiliares
\operatorname{escolhe\_max}([A|R], \operatorname{Val}): - \operatorname{escolhe\_max}(R, A, \operatorname{Val}).
\operatorname{escolhe\_max}([], \_-\operatorname{Op}, \operatorname{Op}).
\operatorname{escolhe\_max}([A-|R], X-Op, Val) :- A < X,!, \operatorname{escolhe\_max}(R, X-Op, Val).
\operatorname{escolhe_max}([A|R], ..., \operatorname{Val}): - \operatorname{escolhe_max}(R, A, \operatorname{Val}).
\operatorname{maximo}([A|R], Val): - \operatorname{maximo}(R, A, Val).
\operatorname{maximo}([], A, A).
\operatorname{maximo}([A|R], X, \operatorname{Val}): -A < X, !, \operatorname{maximo}(R, X, \operatorname{Val}).
\operatorname{maximo}([A|R], -, \operatorname{Val}): - \operatorname{maximo}(R, A, \operatorname{Val}).
minimo([A|R], Val):-minimo(R, A, Val).
\min ([], A, A).
minimo([A|R], X, Val): -A > X, !, minimo(R, X, Val).
minimo([A|R], -, Val): - minimo(R, A, Val).
```

### Implemente um agente inteligente que joga o jogo "Três em Linha".

```
\begin{array}{l} joga\_bot\left(\right) \ :- \\ joga\left(joga\left(X,Y\right)\right), \\ retract\left(estado\_inicial\left(Ei\right)\right), \\ joga\_vazio\left(Ei,\ x,\ X,\ Y,\ En\right), \\ asserta\left(estado\_inicial\left(En\right)\right), \\ imprime\_tabuleiro\left(En\right). \end{array}
```