#### Universidade da Beira Interior

# Programação Funcional

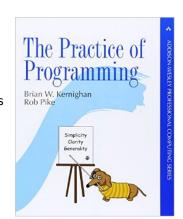
Simão Melo de Sousa

Aula 2 - Introdução à programação OCaml

- compilar, executar
- anos bissextos
- método de Monte-Carlo
- desenho de uma cardióide
- crivo de Eratósteno
- conclusão. Quer saber mais?

Não existam boas linguagens, só existam bons programadores!

... e os bons programadores **conhecem** as lições de Brian Kernighan & Robert Pike



#### regra de ouro:

- cada expressão OCaml tem um valor
- cada expressão OCaml tem um e um só tipo

Compilar, executar

coloquemos no ficheiro hello.ml o programa OCaml seguinte (uma só linha)

podemos agora compilar o programa usando um dos dois compiladores disponíveis, ocamlc ou ocamlopt

as opções em linha de comando destes compiladores são semelhantes aos do compilador gcc da linguagem C

- > ocamlc hello.ml
- > ./a.out

Hello World!

- > ocamlopt hello.ml -o hello
- > ./hello

#### podemos usar igualmente o toplevel

```
ocaml
         OCaml version 4.02.3
# let () = print_string "Hello World!\n";;
Hello World!
# #quit;;
>
```

ou utop

ou, ainda, usar o tryocaml

### Anos bissextos

aula 2

### noções por introduzir neste exemplo

- forma geral de um programa, da sua compilação e execução
- construção let
- chamada de função
- tipagem e tipos de base
- sistema de módulos, directiva open
- bibliotecas (Printf, Sys, etc.)
- acesso aos argumentos (em linha de comando) de um programa (Sys.argv)
- acesso aos elementos de um vector (notação t.(i))
- convenção de chamadas de função

```
let year = read_int ()
let leap =
  (year mod 4 = 0 && year mod 100 <> 0) || year mod 400 = 0
let msg = if leap then "is" else "is not"
let () = Printf.printf "%d %s a leap year\n" year msg
```

este programa é composto por 4 expressões, todas elas iniciadas pela construção let

exemplos de execução:

```
> ./leap_year
2016
2016 is a leap year
> ./leap_year
2015
2015 is not a leap year
```

do processo de compilação do programa destacamos o seguinte:

- cada expressão é analizada e compilada na ordem em que aparece
- em caso de erro, o compilador para ao primeiro erro encontrado
- para cada expressão é calculado o tipo que lhe corresponde e é comparado ao tipo opcionalmente fornecido pelo programador: é a fase de inferência e verificação de tipos
- um aviso. OCaml é dito fortemente tipada. Na prática: OCaml é inquisitivo e sem piedade
- porquê? por desenho, transforma-se a deteção de classes importantes de potenciais bugs em verificação de tipos

#### anos bissextos

a execução do programa decorre da seguinte forma:

- cada expressão é calculada na ordem em que aparece
- para cada uma dela é calculada o valor que corresponde à expressão
- se o cálculo do valor contempla efeitos laterais, esses são realizados

a construção let permite a declaração de variáveis globais

qualquer declaração é necessariamente seguida da sua inicialização: não há declaração sem inicialização

sintaxe:

```
let variável = expressão que define o valor inicial
```

se quisermos indicar um tipo podemos realizar a declaração seguinte:

```
let (variável:tipo) = expressão que define o valor inicial
```

#### let variável = expressão que define o valor inicial

o processo de declaração executa-se da seguinte forma:

- primeiro, avalia-se (calcula-se) o valor da expressão à direita do simbolo =
- esta avaliação é acompanhada pelo cálculo do tipo da expressão
- um espaço memória para poder conter este valor é criado na memória da máquina subjacente; este espaço é calculado com base no tipo do valor
- este espaço memória passa a ser identificado pelo nome da variável; uma variável em OCaml declarada desta forma tem por âmbito/porte (scope, em inglês) o bloco de instruções que segue a sua declaração, até ao fim do ficheiro
- o valor calculado é então arquivado neste espaço
- como na matemática, uma variável não mudará mais de valor após a sua inicialização

aula 2

15

```
let year = read_int ()
```

neste caso, a inicialização vem da chamada à função read\_int invocada com o argumento ()

esta função simplesmente lê da entrada standard (stdin) e devolve o valor inteiro lido por este meio

por isso, esta função não precisa de valor particular como argumento assim, o valor () - designado de *unit* (que significa *"nada"*, equivalente ao void do C) desempenha este papel

() é um valor como qualquer outro, por isso tem tipo o seu tipo é unit

por seu turno, o tipo unit é um tipo com um só elemento: ()

(para efeitos de comparação, o tipo bool, tem dois elementos, true e false)

let year = read\_int ()

se o que for lido não for um valor inteiro, um erro ocorre - mais precisamente uma excepção é levantada - e a execução é no presente caso interrompida

caso seja inteiro, este valor **inicializa a variável** year, ou seja é arquivado no espaço memória identificado pelo identificador year

de notar que é **inferido** o tipo int para a variável year, não foi necessário indicação do programador

```
let leap = (year mod 4 = 0 && year mod 100 <> 0) || year mod 400 = 0
neste caso a variável leap é de tipo bool (cujos valores são true ou false)
```

expliquemos em detalhe

os operadores binários && e | | são os operadores para o e booleano (conjunção) e o ou booleano (disjunção)

o operador binário inteiro mod calcula o resto da divisão inteira o operador binário = é a igualdade; o operador <> é a diferença (aviso: existe o == como em C, mas o seu significado é diferente!)

assim leap é true se o valor da variável inteira year for simultaneamente um múltiplo de 4 (resto da divisão por 4 é igual a 0) e não um múltiplo de 100, ou então um múltiplo de 400

leap é falso em qualquer outro caso

```
let msg = if leap then "is" else "is not"
```

a expressão condicional if -then-else devolve necessariamente um valor

e tem um e um só tipo, quer seja executado o ramo then quer seja executado o ramo else: o valor devolvido no then tem de ser de mesmo tipo do valor devolvido no ramo else

neste sentido, é equivalente ao (teste)?bloco\_1:bloco\_2 da linguagem C

o ramo else não é opcional, **é obrigatório** 

em caso de omissão, OCaml assume que o ramo else em falta é else () (literalmente: senão nada) de tipo unit (lembram-se.... o equivalente ao void do C)

aula 2

```
let msg = if leap then "is" else "is not"
```

assim, o valor calculado depende do valor da variável leap se for true, devolve a *string* "is", senão devolve a "is not"

em ambos os ramos, os valores são de tipo string

após o calculo do valor inicial da variável que resulta da cálculo da condicional, o mecanismo de inferência de tipos associa à variável msg o tipo string

finalmente, a última linha

let () = Printf.printf "%d %s a leap year\n" year msg

cabe a esta expressão a impressão de uma mensagem ao utilizador conforme o ano introduzido ser um ano bissexto ou não

este objectivo é realizado pela função printf que está definida no módulo Printf

(assumimos por enquanto que *módulo* é o nome OCaml para *biblioteca*) a sintaxe Printf.printf permite assim invocar a função printf que se encontra no módulo Printf

repare que a aplicação funcional em OCaml é diferente da do C, a função e os seus argumentos são separados por espaços

aula 2

21

let () = Printf.printf "%d %s a leap year\n" year msg

esta função aceita em parâmetro a string "%d %s a leap year $\n$ " e as duas variáveis year e msg

com base nestes dados printf calcula uma string (onde %d é substituido pelo valor de year e %s pelo valor de msg ) e imprime o resultado no stdout

o calculo de printf não precisa de devolver um valor particular, é pouco relevante para a sua função, por isso devolve o valor () de tipo unit

é um dos exemplos em que o calculo da expressão origina efeitos laterais para além do valor final

no lugar de

```
let () = Printf.printf "%d %s a leap year\n" year msg
```

podíamos alternativamente ter usado a forma seguinte

```
let () = print_string ((string_of_int year)^"
""msg" a leap year\n")
```

onde delegamos a visualização à função print\_string e construímos a string explicitamente com base nas variáveis year e msg e na operação de concatenação de strings ^

a concatenação ^ concatena (valores de tipo) strings

ora, como a variável year não é do tipo string, não se pode concatenar sem cuidado

é o papel de (string\_of\_int year) que calcula a string composta dos algarismos do inteiro year

# anos bissextos - complementos e alternativas

```
o que é então a construção let () = ...?
```

é uma variante da construção let que se encontra nas 3 expressões iniciais do programa leap\_year.ml

mas que aqui é usada para forçar o compilador a verificar que o valor que é devolvido pela expressão a direita do = do let é igual a ()

falaremos mais adiante deste mecanismo chamado de pattern matching

poderíamos igualmente ter usado a construção let \_ = ... que significa calcular o valor, mas ignorar o resultado (i.e. não atribuí-lo a nenhuma variável em particular)

aula 2

# anos bissextos - complementos e alternativas

e se no lugar de pedir um valor do ano ao utilizador, o retirássemos da linha de comando?

para tal, basta substituir

```
let year = read_int ()

por

let year = int_of_string Sys.argv.(1)

> ocamlc leap_year2.ml -o leap_year

> ./leap_year 2013
2013 is not a leap year
```

o módulo Sys apresenta várias constantes, funções e utilitários que permitam recorrer ao sistema operativo subjacente

em particular o bem conhecido vector de string (de tipo string array) argv

funciona como em C: a posição 0 do vector argy contém o nome do executável, a posição 1 o primeiro argumento etc.

```
let year = int_of_string Sys.argv.(1)
```

- > ocamlc leap\_year2.ml -o leap\_year
  > ./leap\_year 2013
  2013 is not a leap year
- aceder a uma posição particular i dum vector t faz-se pela notação t.(i)

assim, para aceder a posição 1 do vector argv que está no módulo Sysbasta invocar Sys.argv.(1)

como o argumento da linha de comando é uma string, temos de usar a função de conversão int\_of\_string para int (que *falha* se a string não for um inteiro)

# anos bissextos - complementos e alternativas

para saber os tipos dos valores envolvidos num programa sem ser pelo toplevel

```
> ocalmc -i leap_year.ml
val year : int
val leap : bool
val msg : string
> ocamlc -i leap_year.ml > leap_year.mli
> cat leap_year.mli
val year : int
val leap : bool
val msg : string
```

os ficheiros .mli apresentam a interface publica dos ficheiros .ml (como os ficheiros .h da linguagem C)

# anos bissextos - complementos e alternativas

algumas considerações sobre os inteiros e outros tipos numéricos, para além do tipo int

```
# 91;;
-: int = 91
                               # max_float;;
# 0b1011011;;
                               -: float = 1.79769313486231571e+308
-: int = 91
                               # min_int;;
# 00133;;
                               -: int = -4611686018427387904
-: int = 91
                              # 42 land (1 lsl 5);; (*5to bit de 42*)
                               -: int = 32
# 0x5b;;
-: int = 91
                              # 1231;;
#2*(7/2)+7 \mod 2;;
                        -: int32 = 1231
-: int = 7
                              # 10_000_000_000_000_000L;;
# 0x2f_ff_ff_ff + 268_435_456;; - : int64 = 1000000000000000L
-: int = 1073741823
```

numa máquina 64 bits, os valores int codificados sobre 63 bits com sinal  $(-2^{62}..2^{62}-1)$ , 1 bit dos 64 é usado para a gestão automatica da memória

operador de shift: lsl, lsr e asr

operadores bit-wise: land, lor, lxor e lnot

SMDS OCaml aula 2

27

```
# if (if 6 > 7 then 8 = 9 else 5<3) then "ola" else "tudo bem";;
- : string = "tudo bem"
# not true && false || true;;
- : bool = true
# ((not true) && false) || true;;
- : bool = true
# 1<2 && 3 = 4 || "ola"="bomdia";;
- : bool = false
# (if 2 > 4 || true then 3 else 7) + 10;;
- : int = 13
```

os operadores booleanos tem uma ordem de avaliação particular

o operador not tem a prioridade mais forte

a ordem de avaliação para os operadores && e  $| \ |$  é da esquerda para a direita mais, o segundo argumento de && e  $| \ |$  só é avaliado se for necessário

por exemplo se numa disjunção o valor do primeiro argumento é **true**, não se calcula o segundo... já sabemos que o resultado da disjunção é **true** 

```
# "a";;
# 'a';;
                                         - : string = "a"
- : char = 'a'
# '\n';;
                                         # "Hello world!\n";;
- : char = '\n'
                                         - : string = "Hello world!\n"
# '\\';;
                                         # ;;
- : char = '\\'
                                         - : string =
                                         # "abc\126def";;
# '\126';;
- : char = '~'
                                         - : string = "abc~def"
                                         # "abc".[1];;
# '\x7E';;
                                         - : char = 'b'
- : char = '~'
                                         # String.length ("abc" ^ "def");;
# Char.code 'a';;
                                         -: int = 6
-: int = 97
                                         # let s = "abc";;
# Char.uppercase_ascii 'a';;
                                         val s : string = "abc"
- : char = 'A'
# Char.code(Char.uppercase_ascii 'a');; # String.uppercase_ascii s;;
                                         - : string = "ABC"
-: int = 65
```

```
# read_int ;;
- : unit -> int = <fun>
# read_float;;
- : unit -> float = <fun>
# read_line;;
- : unit -> string = <fun>
```

```
# print_string;;
- : string -> unit = <fun>
# print_newline;;
- : unit -> unit = <fun>
# print_endline;;
- : string -> unit = <fun>
# print_int;;
- : int -> unit = <fun>
# print_float;;
- : float -> unit = <fun>
```

dispomos igualmente das funções "a la C", como o printf e até o scanf

```
# Printf.printf;;
- : ('a, out_channel, unit) format -> 'a = <fun>
# Printf.eprintf;;
- : ('a, out_channel, unit) format -> 'a = <fun>
# Scanf.scanf ;;
- : ('a, 'b, 'c, 'd) Scanf.scanner = <fun>
```

### abertura de módulos e o módulo Pervasive

aula 2

31

o módulo Pervasive disponibiliza um conjunto importante de funções e constantes de base por omissão, este módulo encontra-se aberto e carregado

com a excepção deste módulo, aceder aos serviços de um módulo faz-se prefixando do nome do módulo (i.e. a notação **qualificada** da função pretendida) pode-se igualmente abrir o módulo e assim expor todos os serviços ao programa : a directiva open

```
# printf "ola!\n";;
Error: Unbound value printf
# Printf.printf "Olá!\n";;
Olá!
- : unit = ()
# open Printf;;
# printf "Olá!\n";;
Olá!
- : unit = ()
```

voltemos com a noção de tipagem forte de OCaml

```
# 1 + 2;;
- : int = 3
# 1 + "2";;
----
Error: This expression has type string but an expression was expected
  of type int
# 1 + 9.5;;
----
Error: This expression has type float but an expression was expected
  of type int
# (+);;
- : int -> int -> int = <fun>
```

a função OCaml + soma dois inteiros e devolve o inteiro resultado não existe conversões implícitas realizadas pelo compilador

a conversão é sempre uma **responsabilidade do programador**, nada é feito sem a sua **atuação explícita** 

o módulo Pervasive disponibiliza funções de conversão (int\_of\_string, etc.)

# estratégia de avaliação do OCaml

OCaml não distingue expressões e instruções, ambas são expressões

OCaml suporta efeitos laterais (e a programação imperativa, como veremos mais adiante)

estes estão embutidos nas expressões OCaml e são realizados aquando da avaliação

sem efeitos laterais a ordem de avaliação teria pouca relevância

mas na presença de efeitos laterais a ordem da avaliação **tem** ao contrário **impacto** sobre o resultado final

# estratégia de avaliação do OCaml

imagine a seguinte situação:

seja g uma função que imprime "bom" no ecrã e devolve o valor inteiro 5 seja h uma função que imprime "dia" no ecrã e devolve o valor inteiro 7

g () + h () deve devolver 12 quer se calcule g () antes de h () quer h () antes de g ()

mas na presença de efeitos laterais, a ordem importa

se se avaliar da esquerda para a direita obtemos "bomdia" no stdout no caso contrário obtemos "diabom"

a ordem de avaliação de uma lista de expressões em OCaml **não é especificada** no entanto, os compiladores recentes OCaml (do INRIA - que usamos aqui) escolheram avaliar da esquerda para a direita

regra de ouro:

nunca implementar programas que dependem de mecanismos com comportamento não especificado!

estudemos agora outro aspecto ligado a ordem de avaliação: a passagem de parâmetros

considere as seguintes expressões OCaml:

```
# let f x y = if x > 5 then x + y else x ;;
val f : int -> int -> int = <fun>
# let rec fact x = if x < 1 then 1 else x * fact (x-1);;
val fact : int -> int = <fun>
# let x = fact (4+1) + f 2 (3+4) ;;
val x : int = 122
```

como é avaliada a última expressão? em que ordem?

OCaml segue, como a linguagem C, uma estratégia dita ansiosa (eager em inglês):

os parâmetros de uma função são sempre avaliados antes da avaliação da função

```
# let f x y = if x > 5 then x + y else x ;;
val f : int -> int -> int = <fun>
# let rec fact x = if x < 1 then 1 else x * fact (x-1);;
val fact : int -> int = <fun>
# let x = fact (4+1) + f 2 (3+4) ;;
val x : int = 122
```

olhemos para a última expressão

para avaliar, por exemplo, uma soma, primeiro avalia-se os seus dois argumentos e só depois de ter os dois valores resultantes realiza-se a soma em si

```
ou seja, antes de somar, temos de saber o valor de fact (4+1) e o valor de f (3+4)
```

como vimos, a ordem de avaliação entre estas duas expressões não é definido e depende do compilador; concretamente aqui é da esquerda para a direita

para avaliar fact (4+1), seguindo a avaliação ansiosa, é necessário avaliar 4+1 e depois entregar o valor resultante à função fact para sua avaliação (5! = 120)

# estratégia de avaliação do OCaml

37

```
# let f x y = if x > 5 then x + y else x ;;
val f : int -> int -> int = <fun>
# let rec fact x = if x < 1 then 1 else x * fact (x-1);;
val fact : int -> int = <fun>
# let x = fact (4+1) + f 2 (3+4) ;;
val x : int = 122
```

para avaliar f 2 (3+4), calculamos o valor de 2 e de 3+4 como  $2 \le 5$ , o valor de f 2 (3+4) é 2 finalmente 120 (i.e. 5!) + 2 = 122

poder-se-á dizer que houve desperdício de cálculo, porque nem sequer y (o parametro formal que corresponde ao parâmetro efectivo (3+4)) foi necessário ao cálculo do valor de f 2 (3+4)

existe uma estratégia diferente, escolhida por exemplo pela linguagem Haskell, dita de **preguiçosa** (lazy) que consiste em avaliar a função antes dos parâmetros estes são avaliados somente quando a própria função precisar

(3+4) não teria assim sido calculado, neste caso

#### Método de Monte-Carlo

38

#### noções por introduzir neste exemplo

- efeitos laterais
- variáveis locais (construção let-in)
- ciclo for
- números flutuantes (tipo float)
- módulo para a numeração aleatória Random

#### método de Monte-Carlo

neste exemplo veremos como calcular uma aproximação (relativamente grosseira, de facto) de  $\pi$ 

este método consiste em sortear pontos ao acaso no quadrado de coordenadas (0,0), (1,0), (1,1), (0,1) e de área 1.

a aproximação de  $\pi$  provém da contagem dos pontos que ficam no quarto de círculo de raio 1 e de centro (0,0)

como funciona? este quarto de círculo tem por área  $\frac{\pi}{4}$ 

assim a probabilidade de um ponto sorteado no quadrado ficar no quarto de círculo é precisamente  $\frac{\pi}{4}$ 

em n pontos sorteados no quadrado, aproximadamente  $n*\frac{\pi}{4}$  estarão dento do quarto de círculo

ou seja,  $\pi$  é aproximadamente 4 \*  $\frac{n}{m}$  (n= número de pontos totais sorteados, m= número deste pontos que ficam no quarto de círculo)

como sabemos que um ponto está dentro do quarto de círculo sem recorrer a  $\pi$ ? a custa da sua distância do ponto origem (0,0) que tem de ser  $\leq$  a 1

```
let n = read_int ()
let () =
  let p = ref 0 in
  for k = 1 to n do
    let x = Random.float 1. in
   let y = Random.float 1. in
    if x *. x +. y *. y <= 1. then
     p := !p + 1
  done;
  let pi = 4. *. float !p /. float n in
  Printf.printf "%f\n" pi
```

```
> ocamlopt -o monte_carlo monte_carlo.ml
> ./monte_carlo
100
3.040000
> ./monte_carlo
50000
3.149920
> ./monte_carlo
600000
3.141613
> ./monte_carlo
10000000
3.141310
> ./monte_carlo
100000000
3.141451
```

expliquemos o programa

```
let n = read_int ()
```

n é o numero de pontos por sortear n é lido do stdin

o resto do programa utiliza um ciclo para ler os n valores

de cada vez que se entra no ciclo se o ponto sorteado estiver no quarto de círculo, incrementamos o contador de pontos incluidos no quarto de círculo

vamos estudar mais em detalhe como fazemos

primeiro

```
let () = ...
```

indica que pretendemos que a expressão que segue devolva o *unit* () (indicando a intenção de efeitos laterais, por exemplo)

para poder processar o contador, temos de o declarar pretendemos aqui declarar uma variável local ao ciclo por definir

a construção OCaml para as variáveis locais é o let-in

let ident = expressão-inicialização in expressão\_onde\_podemos\_usar\_ident

a variável identificada por ident é criada e inicializada da mesma forma do que no caso da construção let

a diferença fundamental prende-se com o âmbito da variável, ou seja, onde pode ser usada (onde é visível)

o âmbito (ou porte) da variável ident é a expressão a esquerda do in

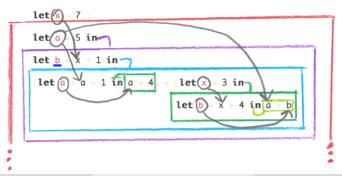
terminada a execução desta expressão, o espaço alocado à variável ident é liberto, e por isso deixa de existir

é util quando queremos controlar a porte de uma variável ou a sua utilização, ou até esconder a porte de uma outra variável

```
# let x= 10;;
val x : int = 10
# let x = 4+2 in x*x;;
- : int = 36
# x+1;;
- : int = 11
# let y = 7 in y+9;;
- : int = 16
# y+2;;
^
```

```
Error: Unbound value y
```

```
# let a = 1 in
  let b = 2 in
  let c = 3 in a + b + c;;
- : int = 6
# let a,b,c = 1,2,3 in a + b + c;;
- : int = 6
# (let a = 1 in a + 4) + (let b = 4 in b + 10);;
- : int = 19
```



na programação imperativa, as variáveis diferem das variáveis que encontramos na matemática: podem mudar de valor no decorrer da sua utilização

em programação funcional *pura*, as variáveis tem a mesma natureza que as variáveis matemáticas: **são imutáveis** 

neste contexto **funcional puro**, a **mudança** - **o curso da computação** é confiado ao mecanismo de passagem de parâmetro

veremos este mecanismo mais em detalhe adiante

Ocaml suporta os dois tipos de variáveis, mas diferencia-os explicitamente

uma variável que muda de valor durante a sua vida é uma referência

é explicitamente referenciado como um espaço memória fixo que nunca mais muda (como uma variável matemática) mas cujo conteúdo pode ser alterado

ou seja, é uma variável padrão de OCaml mas de tipo particular

o seu acesso e a sua alteração se fazem por meios controlados

#### declaração

```
# let v = ref 0;;
val v : int ref = {contents = 0}
```

#### acesso

```
# v;;
- : int ref = {contents = 0}
# !v;;
- : int = 0
```

#### alteração

```
# v := !v + 4;;
- : unit = ()
# v;;
- : int ref = {contents = 4}
# !v;;
- : int = 4
```

de notar que v não é um inteiro. É um espaço memória de tamanho suficiente para conter um inteiro: uma referência para um inteiro: int ref

v é uma variável tradicional OCaml: sempre será uma referência para um inteiro, e a apontar para este espaço memória particular. É necessariamente inicializada

o seu conteúdo pode no entanto mudar com recurso à construção :=, a consulta ao seu conteúdo pode ser realizado pela construção !

```
let p = ref 0 in ...
```

queremos criar um contador p, isto é uma referência para um inteiro cujo valor inteiro será incrementado a sua definição recaí naturalmente numa referência para um inteiro, inicializado a 0

definimos assim p como uma variável (referência inteira) local ao procedimento de sorteio e contabilização de pontos que segue

p é inicializado pela função *ref* com o valor 0 e tem por tipo (*inferido*) **int ref** 

50

```
for k = 1 to n do
...
done
```

esta parte do programa introduz um ciclo for controlado pelo contador k que toma valores de 1 até n, com um incremento de uma unidade

a variável k é o **índice** do ciclo e a expressão entre o do e o done é o corpo do ciclo

a execução do ciclo é resumidamente a seguinte: primeiro o índice k é inicializado (aqui para 1) e o corpo do ciclo é avaliado uma primeira vez o índice k é incrementado (para 2) e o corpo do ciclo é novamente avaliado, etc.

a execução do ciclo termina quando o corpo do ciclo é avaliado com o índice k valendo n

o **porte do índice** k é precisamente o **corpo do ciclo** (i.e. k não existe fora do corpo)

este ciclo tem por função repetir o sorteio de um ponto n vezes (de 1 a n)

51

```
let x = Random.float 1. in
let y = Random.float 1. in ...
```

estas duas linhas declaram **duas variáveis locais** x e y a primeira variável tem um porte que começa no primeiro in a segunda variável, declarada por um **let-in aninhado**no primeiro, tem um porte que começa no segundo in

a função float do módulo Random e com parâmetro z flutuante (float) devolve um valor aleatório de tipo float no intervalo [0, z[

pretendemos aqui usar o intervalo [0,1[; para tal usamos o parâmetro flutuante 1.0 (que podemos abreviar por 1.)

um numéro flutuante distingue-se dum inteiro por ter um ponto na sua notação

relembre-se que em OCaml é importante distinguir e usar de acordo valores de tipos diferentes; em particular números flutuantes distinguem-se dos números inteiros

o par (x, y) é assim **um ponto ao acaso no quadrado** considerado na simulação pelo método de Monte-Carlo

52

para saber se (x, y) está dentro do círculo basta saber se  $x^2 + y^2 \le 1$ 

neste caso, incrementamos p de um (encontramos mais um ponto inscrito no círculo)

mas as operações que envolvem o cálculo de  $x^2+y^2\leq 1$  operam sobre números flutuantes e não sobre inteiros

por desenho, as operações aritméticas sobre flutuantes distinguam-se sintaticamente das mesmas sobre inteiros: sufixam-se por um ponto

mas não é o caso das comparações como = ou  $\le$  que, como veremos mais adiante, são polimórficas (comparam inteiro com inteiro, flutuante com flutuante, etc. mas não um inteiro com um flutuante!)

notemos finalmente que usamos o operador de dereferenciação ! para aceder ao valor da referência p e que a actualizamos com o operador de atribuição :=

# o tipo de um ciclo?

conforme a segunda regra de ouro de OCaml, o ciclo for que é uma expressão OCaml, tem de ter um tipo

mas qual é ele?

um corolário desta questão é: qual é o tipo do corpo de um ciclo?

para responder precisamos de perceber para que servem os ciclos num processo computacional, num programa

servem para repetir conjuntos de operações

são assim conceitos basilares da programação dita imperativa (em que um programa é um conjunto de ordens ao computador)

#### um desvio: fluxo de controlo

no fundo, o conceito de base que permite esclarecer esta questão é: como combinar operações (expressões, instruções, etc.)

no contexto do desenho de linguagens de programação falamos de mecanismos de **fluxo de controlo**, aqui centrados na composição de ações as linguagens de programação disponibilizam, em todas as suas variedades e paradigmas, essencialmente dois mecanismos para combinar ações:

- a composição funcional
- a sequência

Ocaml, tanto quanto a linguagem C, oferece os dois mecanismos ambos estão ao dispor, os estilos e os paradigmas de programação favorecerão mais um relativamente ao outro

# a composição funcional

admitamos a existência de duas variáveis inteiras x e y e que pretendemos calcular

$$\frac{(x+y)^2}{2xy}$$

podemos parcelar o cálculo global da seguinte forma

primeiro calcular x + y

aplicar a seguir a função  $a \mapsto a^2$  sobre o resultado

calcular  $x \times y$ multiplicar o resultado por dois

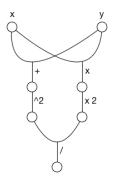
dividir o resultado de  $(x + y)^2$  pelo resultado de 2xy

a composição funcional permite uma expressão elegante desta construção

```
let square x = x * x
let result = (square (x + y)) / (2 * x * y)
ou então
```

```
let square x = x * x

let result =
    let a = x + y in
    let b = square a in
    let c = x * y in
    let d = 2 * c in
        b / d
```



# a composição funcional

57

a composição funcional, para além de elegante, é totalmente compatível com os pressupostos do OCaml (tudo tem um valor, tudo tem um tipo)

- o calculo global é descomposto em parcelas da mesma natureza (são cálculos mais simples)
- todas as parcelas são funções: recebem parâmetros (tipados) e devolvem um valor
- o valor devolvido tem um tipo
- as entradas de umas parcelas são as saídas de outras

no exemplo anterior poderíamos ter optado por uma ordem diferente

```
let result =
  let a = y * x in
  let b = a * 2 in
  let c = y + x in
  let d = square c in
     d / b
```

porquê? porque é aritmética e por não haver efeitos laterais envolvidos

outra forma de compor ações é pô-las em sequência.

aqui pouco importa o resultado das ações (o valor de saída de uma ação não é necessariamente relevante para uma outra ação)

as ações são vistas como caixas negras das quais só nos importa o efeito produzido

por isso interessa-nos a sequência em que estes efeitos são obtidos

```
int square (int a){return a*a;}
int main (){
  int x, y, result;
                                         VS.
  result = square(x+y) / ( 2 * x * y);
 return 0;}
```

```
int square (int a){return a*a;}
int main (){
  int x,y,a,b,c,d, result;
  a = x+y;
 b = square(a);
 c = x*v:
  d = 2*c:
  result = b/d:
  return 0:}
```

# o efeito da sequência

cada instrução (com efeito lateral) refere-se e actua sobre o estado da máquina de forma implícita

```
int main (){
  int x,y,a,b,c,d, result;
  a = x+y;
  b=square(a);
  c=x*y;
  d=2*c;
  result = b/d;
  return 0;
}
```

por isso não precisamos de interligar as saídas das ações para as entradas de outras

em termos observacionais, cada acção da sequência faz algo –algum efeito lateral– mas não calcula nada de particular

# o operador de sequência

na linguagem C, a sequência é dada pela listagem das ações (instruções) terminadas por um ponto-e-vírgula ";"

OCaml escolhe fazer como na linguagem PASCAL: a sequência de ação é dada por uma sequência de expressões **separados** por um ponto-e-vírgula ;

por em sequências as expressões A, B e C faz-se como A; B; C

no contexto OCaml,

- qual é o valor de A; B; C?
- qual é o tipo de A; B; C?

vejamos...o que é relevante é o que advêm da última ação

assim, o valor desta sequência é o valor de C, por isso, o seu tipo é o tipo de C

mas, e o papel de A ou B na sequência? (...são expressões OCaml standard)

assegurar efeitos laterais (assim, o valor calculado é irrelevante): **OCaml obriga** a que sejam expressões de tipo unit

# que estilo preferir

61

numa linguagem como OCaml a recursividade tem um papel de destaque

obriga muitas vezes o programador a esclarecer bem as suas ideias para que tenha uma expressão elegante

mas a iteração é cómoda e até recomendada em certas situações

idealmente o programador tem de estruturar o seu programa em fases

a fase de interação com o ambiente em que o programa vai evoluir (e.g. input/output, inicialização do ambiente de trabalho etc.) costuma ser cómoda quando se usa o estilo imperativo

a fase de cálculo costuma beneficiar do estilo funcional (i.e. recursivo)

as estruturas de dados usadas também podem beneficiar um estilo relativamente ao outro

os vectores, por exemplo, comodamente podem ser explorados por um ciclo

as árvores, por seu turno, requerem naturalmente recursividade

# que estilo preferir

62

em jeito de provocação

To iterate is human, to recurse divine — L. Peter Deutsch

mas não se equivocam: são estilos equivalentes

tudo o que se faz com um dos estilos pode ser feito com o outro (com mais ou menos esforço)

podemos agora voltar aos ciclos

os ciclos, como operadores de fluxo de controlo, permitam a repetição imperativa de operações

```
A;
for i=0 to n do
B
done;
C
```

qual é o valor e o tipo do ciclo? a resposta é: interessa somente o efeito logo, o valor é () e o tipo unit qual é o valo e o tipo de B? idem.

os ciclos podem ser aninhados ou sequencializados, desde que seja respeitada esta política de tipos: o seu corpo produz o valor () e o efeito global do ciclo é igualmente o ()

OCaml fornece a variante downto do ciclo for (decrementa o contador de 1 no lugar de o incrementar)

```
A;
for i=n downto 0 do
B
done;
C
```

para estruturas cíclicas diferentes, o OCaml disponibiliza o ciclo while

```
A;
while (condição) do
B
done;
```

```
let n = read_int ()
let () =
  let p = ref 0 in
  for k = 1 to n do
    let x = Random.float 1. in
   let y = Random.float 1. in
    if x *. x +. y *. y <= 1. then
     p := !p + 1
  done;
  let pi = 4. *. float !p /. float n in
  Printf.printf "%f\n" pi
```

```
for k = 1 to n do
   ...
done;
```

o corpo do ciclo será avaliado n vezes, controlado pelo contador k e realiza o sorteio do n pontos no quadrado contabilizando na referência p os pontos que ficam no quarto de círculo.

tanto o corpo como o próprio ciclo devolvem ()

```
done;
let pi = 4. *. float !p /. float n in ...
```

sucede ao ciclo o let-in que calcula a aproximação de  $\pi$  baseada no sorteio conseguido pelo ciclo

esta aproximação é feita com calculo sobre valores de tipo float ( $\pi$  não é um valor inteiro...)

mas os valores que temos para esta aproximação são inteiros  $(n \in !p)$  é exigida a conversão explícita: as funções float\_of\_int ou ainda float servem para este propósito

as operações aritméticas básicas sobre valores de tipo float são as mesmas que as da aritmética inteira, sintacticamente diferem pelo sufixo ponto (i.e. junta-se um ponto . a + para ter a soma sobre números flutuantes +.)

o módulo Pervasive declara mais algumas funções de base para a aritmética flutuante, o módulo Float igualmente

Printf.printf "%f\n" pi

finalmente procedemos a visualização da aproximação calculada

recorremo-nos da função printf disponível no módulo Printf o seu uso é semelhante ao printf da linguagem C, com as habituais adaptações à sintaxe funcional OCaml (parâmetros separados por espaços)

esta expressão é a expressão final do let () = é ela que devolve o resultado final da expressão envolvida o valor de retorno de printf é ()

o que corresponde ao valor devolvido esperado o compilador e o interpretador OCaml validam naturalmente

```
# 3.14 +. float 2 ;;
- : float = 5.140000000000000007
# truncate 3.14159265 ;;
- : int = 3
# 4. *. atan 1. ;;
- : float = 3.14159265358979312
# -1. /. 0. ;;
- : float = neg_infinity
# 1. /. 0. ;;
- : float = infinity
```

```
# 0. /. 0. ;;
- : float = nan
# min_float ;;
- : float = 2.22507385850720138e-308
# max_float ;;
- : float = 1.79769313486231571e+308
```

segue a norma IEEE 754 (como em C) - são aproximações com margem de erro!

surpresas podem advir deste facto...

```
ver por exemplo:
http://floating-point-gui.de/errors/comparison/
https://docs.oracle.com/cd/E19957-01/806-3568/ncg_goldberg.html
```

```
# let a = 0.15 +. 0.15 ;;
val a : float = 0.3
# let b = 0.1 +. 0.2 ;;
val b : float = 0.30000000000000000044
# a=b;;
- : bool = false
```

#### Desenhar cardióides

#### desenhar cardióides

Wikipédia: https://pt.wikipedia.org/wiki/Cardioide













aula 2

73

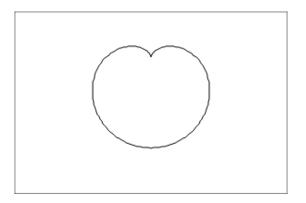
### noções por introduzir neste exemplo

- bibliotecas de código objecto (extensão .cma)
- a biblioteca Graphics
- a função ignore

74

```
open Graphics
let () = open_graph " 300x200"
let () =
  moveto 200 150;
  for i = 0 to 200 do
    let th = atan 1. *. float i /. 25. in
   let r = 50. *. (1. -. sin th) in
    lineto (150 + truncate (r *. cos th))
           (150 + truncate (r *. sin th))
  done;
  ignore (read_key ())
```

# resultado da execução



do ponto de vista matemático, a cardióide que pretendemos obter (a do slide anterior) é uma curva algébrica plana que pode ser definida pelas equações paramétricas seguintes

$$\begin{cases} x(\theta) = a (1 - \sin(\theta)) \cos(\theta) \\ y(\theta) = a (1 - \cos(\theta)) \sin(\theta) \end{cases}$$

onde a é o raio dos dois círculos

### desenhar uma cardióide

para desenhar a curva, vamos utilizar as funções de desenho gráfico básicas da biblioteca Graphics como vamos usar várias funções da biblioteca, é cómodo evitar as chamadas qualificadas (de tipo Graphics.f)

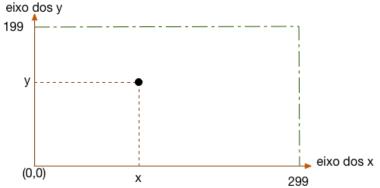
para tal vamos abrir a biblioteca, com recurso ao comando

open Graphics

let () = open\_graph " 300x200"

esta expressão informa que pretendemos desenhar dentro de uma **janela** de 300 por 200 (unidade: pixel)

esta janela configura-se da seguinte forma



aula 2

o resto do programa dedica-se ao desenho da curva

por isso não devolve nenhum valor em particular realizando a sua tarefa por efeito lateral (i.e. let () = )

as funções de desenho da biblioteca Graphics referem-se à noção de posição corrente

esta posição pode ser movida com a ajuda da função moveto

a função lineto x y desenha um segmento de recta do ponto corrente para o ponto (x, y) que se torna o novo ponto corrente

moveto 200 150

permite posicionar o ponto de partida do desenho da cardióde (em (200, 150))

para calcular os diferentes pontos (x, y) da curva, pretendemos variar os valores de  $\theta$  de 0 a  $2\pi$ 

para tal vamos usar um ciclo for

mas os ciclos for só conseguem tratar de contadores inteiros...

vamos tirar proveito que  $arctan(1) = \frac{\pi}{4}$  assim a variação sobre  $\theta$  pode ser feita a custa de um índice i tal que  $\theta = arctan(1) \times \frac{i}{25}$ 

é desta variação sobre o i que ciclo for trata

para que  $\theta$  varie de 0 a  $2\pi$  basta que i varie de 0 a 200

for i = 0 to 200 do
 let th = atan 1. \*. float i /. 25. in

(atan está na biblioteca Pervasive, como sin e cos)

81

let 
$$r = 50. *. (1. -. sin th) in$$

utilizamos a variável local auxiliar r para o cálculo de a  $(1 - sin(\theta))$  consideramos que o raio a tem o tamanho de 50 píxeis

esta variável  $\emph{r}$  permite alguma simplificação dos cálculos intermédios restantes

com

```
lineto (150 + truncate (r *. cos th))
      (150 + truncate (r *. sin th))
```

desenhamos uma linha entre o ponto corrente e  $(x(\theta), y(\theta))$  (que se torna o novo ponto corrente)

como o sistema de coordenadas no Graphics é inteiro (a unidade é o pixel), temos de explicitamente tratar da conversão

escolhemos a função de truncatura para tal (truncate)

as funções de desenho aqui utilizadas realizam exclusivamente efeitos laterais, por isso devolvem todas o valor () de tipo unit

a seguir ao ciclo que desenha a curva completa, a janela gráfica fecha-se

para evitar este fenómeno, exigimos que o utilizador carregue numa tecla qualquer (função read\_key com parâmetro (), que devolve em saída o caracter lido)

como o valor lido não tem utilidade, e que devemos devolver () ( $\acute{e}$  ao que o let () = nos obriga), deitamos fora o valor

é esta a função da função ignore (recebe uma expressão que executa e calcula o valor, mas ignora o seu resultado, devolvendo () )

ignore (read\_key ())

compilação com a linkagem à biblioteca Graphics

#### compilação para bytecode

> ocamlc -o cardioide graphics.cma cardioide.ml

ou (código nativo)

> ocamlopt -o cardioide graphics.cmxa cardioide.ml

ou ainda (para o toplevel)

> ocaml graphics.cma

(o ocamltry já contempla o carregamento desta biblioteca )

Outras bibliotecas para o desenho e a interface: LalbTk, LablGtk, OCamlsdl, lablgl, etc.

# Crivo de Eratósteno

## noções por introduzir neste exemplo

- vectores
- ciclo while
- o bloco begin ... end

```
open Printf
let max = read_int ()
let prime = Array.make (max + 1) true
let () =
  prime.(0) <- false;</pre>
  prime.(1) <- false;</pre>
  let limit =
     truncate (sqrt (float max)) in
  for n = 2 to limit do
    if prime.(n) then begin
```

```
let m = ref (n * n) in
      while !m <= max do
        prime.(!m) <- false;</pre>
        m := !m + n
      done
    end
  done
let () =
 for n = 2 to max do
  if prime.(n) then printf "%d\n" n
 done
```

#### crivo de Eratósteno

87

dado um inteiro N, pretendemos a primalidade de todos os inteiros n tais que  $n \leq N$ 

para tal usamos um algoritmo clássico, o crivo de Eratósteno

este algoritmo utiliza o facto seguinte: qualquer que seja um inteiro, os múltiplos deste inteiro não são de certeza primos

em termos algoritmos basta percorrer os inteiros de forma crescente e marcar os múltiplos

imagine que estejamos a considerar o inteiro i

se este já se encontra marcado, então não é primo e de certeza que os seus múltiplos já foram marcados também, por isso a operação de marcação é excusada neste caso

se não está marcado, então é primo e é preciso marcar todos os seus múltiplos

quando parar o percurso crescente dos inteiros?

ingenuamente poderíamos simplesmente terminar este percurso em N, mas podemos fazer bem melhor

podemos parar em  $\lfloor \frac{N}{2} \rfloor$  (inclusivê) porque o menor múltiplo de  $\frac{N}{2}$  é precisamente > N

melhor ainda, podemos parar em  $\lfloor \sqrt{N} \rfloor$  (inclusivê)

consideremos um inteiro  $i>\sqrt{N}$  neste processo de marcação

qualquer múltiplo de i terá a forma  $i \times k$  com  $k \ge 2$ 

se k < i, então já foi eliminado (quando foi considerado k neste processo)

se k > i então  $i \times k > N$ 

### crivo de Eratósteno

vamos exemplificar o algoritmo para N=23

percorremos a lista dos inteiros da esquerda para a direita até  $\lfloor \sqrt{23} \rfloor$ 

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23

SMDS

## crivo de Eratósteno

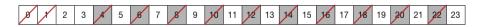
o primeiro passo é marcar 0 e 1 como não sendo primos



#### 2 é o inteiro que segue

como não está marcado deixamo-lo assim (i.e. **é primo**) e marcamos todos os seus múltiplos até ao fim da sequência los até ao fim da sequência

esta marcação (células cinzentas) junta-se à marcação já realizada



#### 3 é o inteiro que segue

de forma semelhante, como não está marcado, marcamos todos os seus múltiplos até ao fim da sequência



4 encontra-se marcado, pelo que passamos ao inteiro seguinte

5 já está para além de  $\lfloor \sqrt{23} \rfloor$ , o algoritmo para

os inteiros não marcados são primos.

```
let max = read_int ()
let prime = Array.make (max + 1) true
```

após a abertura do módulo Printf, declaramos uma variável inteira max inicializada pelo utilizador (com a ajuda da função de leitura read\_int)

esta variável tem o papel da constante N do exemplo anterior

declaramos e inicializamos um vector (prime) de comprimento max+1 (de 0 até max) de booleanos em que cada célula é inicializada com o valor true o papel da criação e da inicialização do vector cabe à função make (do módulo Array)

esta função toma em argumento o tamanho e o valor de inicialização (comum a todas às células do vector): os vectores em OCaml tem todos um tamanho conhecido estaticamente

como na linguagem C, os vectors tem índices inteiros e estes começam por 0 o tipo do vector é inferido pelo valor de inicialização aqui: vector de booleanos de tamanho  $\max+1$ 

o crivo é realizado em duas fases: a primeira calcula as marcações e a segunda imprime os inteiros que foram calculados como primos

pretendemos que o processo marque cada célula do vector prime com o booleano true se este for primo ou false se não for primo

a inicialização assume que todos são primos até prova do contrário

comecemos com a primeira componente

```
let () =
  prime.(0) <- false;
  prime.(1) <- false;</pre>
```

como vemos, adotamos aqui um estilo imperativo (a composição de ações é feita pelo operador de sequência), por isso indicamos que o processo devolve () (1et ()=...)

para iniciar o processo de marcação, começamos por indicar que tanto  $0\ \text{como}\ 1$  não são primos

a sintaxe t.(i) < v é a sintaxe que permite atribuir um valor a uma célula de um vector: a célula i do vector t recebe o valor da expressão v trata-se de acúcar sintáctico para a função set da biblioteca Array

```
let limit = truncate (sqrt (float max)) in
```

definimos uma variável local limit que toma o valor do ultimo inteiro por analizar no processo iterativo ( $|\sqrt{max}|$ )

notemos as conversões explícitas realizadas (por float e truncate)

a função  $\sqrt{}$  é a função sqrt em OCaml e trabalha com flutuantes

a variável limit indica o último indice dop vector por analizar, por isso... é um inteiro

```
for n = 2 to limit do
  if prime.(n) then begin
   ...
end
```

tendo marcado 0 e 1 podemos iterar sobre todas as células do vector de 2 até o limite (limit)

para tal usamos um oportuno ciclo for que indexa a variável n se a célula de índice n não estiver marcada (o seu conteúdo é true) então marcamos os seus múltiplos

reparamos no uso de marcadores de blocos de expressões/instruções begin ... end é uma comodidade sintáctica, já que as parêntesis teriam o mesmo efeito

a marcação dos múltiplos de n prossegue da seguinte forma

queremos marcar os inteiros  $n \times 2$ ,  $n \times 3$ , etc... mas, se observarmos bem, se temos de marcar  $n \times 2$ , então este inteiro já foi marcado quando foi necessário marcar  $2 \times n$  (quando marcamos os múltiplos de 2), idem para 3, ... idem até k com k < n

por isso basta começar a marcação em  $n \times n$ , ou seja basta macar os múltiplos de n a partir de  $n^2$ 

```
mas então, que preferir? a sequência n \times n, n \times (n+1), ... , n \times (n+k), ... ou a sequência n \times n, n \times n + n, n \times n + n + n, ...?
```

a segunda, porque só envolve uma soma a cada nova marcação (menos custosa do que uma multiplicação)

```
let m = ref (n * n) in
while !m <= max do
    prime.(!m) <- false;
    m := !m + n
done</pre>
```

preferimos aqui um ciclo while já que o salto por realizar não é 1

a marcação terminou

assim, para terminar o programa imprimimos cada inteiro da sequência que esteja marcado pelo valor *true* 

```
let () =
  for n = 2 to max do
   if prime.(n) then printf "%d\n" n
  done
```

```
val v : float array = [|3.14; 6.28; 9.42|]
let v = [| 3.14; 6.28; 9.42 |]
                                  val v : float array =
let v = Array.make 5 3.1
                                      [|3.1; 3.1; 3.1; 3.1; 3.1]
let w =
                                  val w : int array = [|0; 2; 4; 6; 8|]
 Array.init 5 (fun i -> i * 2)
                                  val x : int = 5
let x = 5
let v = Array.make x 3.1
                                  val v : float array =
                                      [|3.1; 3.1; 3.1; 3.1; 3.1]
v.(1)
                                  -: float = 3.1
v.(0) < -100.0
                                  -: unit =()
                                  -: float array = [|100.; 3.1; 3.1; 3.1; 3.1]
v
                                  Exception: Invalid_argument "index out of bounds"
v.(-1) + . 4.0
                                  Exception: Invalid_argument "index out of bounds"
v.(30) + 4.0
                                  Error: This expression has type float but
v.(4.5)
                                           an expression was expected of type int
```

# complementos sobre vectores e matrizes

100

podemos aninhar as declarações de vectores e assim construir vectores de dimensão arbitrária (mas afixada no momento da criação)

```
# let mat = [|[|1;2|];[|3;4|]|];;
val mat : int array array = [|[|1; 2|]; [|3; 4|]|]
# let mat2 = [|[|[|1; 2|]; [|3; 4|]|];[|[|1; 2|]; [|3; 4|]|]];;
val mat2 : int array array array =
   [|[|[|1; 2|]; [|3; 4|]|]; [|[|1; 2|]; [|3; 4|]|]]
```

ou até mesmo

os elementos devem ser do mesmo tipo, mas se esses forem vectores, as dimensões individuais podem ser diferentes!

# complementos sobre vectores e matrizes

101

```
# mat2.(1).(0).(1);;
- : int = 2
# mat2.(1).(0).(1) <- 9;;
- : unit = ()
# mat2.(1).(0).(1);;
- : int = 9</pre>
```

os vectores são estruturas de dados imperativas (i.e. baseadas em referências) como vimos no exemplo, podem ser alterados in-place, ou seja

```
let vec = [|1;2;3;...|]
```

tem por efeito na representação memória de criar uma referência de nome vec que aponta para um espaço de n (n = tamanho do vector) células contíguas de tamanho individual suficiente para conter um inteiro

cada uma dessas células é inicializada pelo valor calculado na inicialização do vector (a célula 0 recebe 1 etc.)



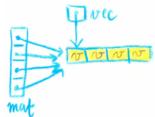
o uso de estruturas imperativas pode provocar **problemas de aliasing**, qualquer que sejam a linguagem de programação utilizada

as funcionalidades imperativas de OCaml não fogem à regra

falamos de aliasing quando a uma determinada célula memória estão associadas mais do que uma referência (essas são ditas alias umas das outras)

por exemplo, imaginemos que queiramos construir uma matriz de 4 por 4 inicializada com um valor v, digamos 4.5, assim:

mas a configuração memória que obtemos é deste tipo:



102

```
# let v = Array.make 3 0;;
val v : int array = [|0; 0; 0|]
# let m = Array.make 3 v;;
val m : int array array = [|[|0; 0; 0|]; [|0; 0; 0|]; [|0; 0; 0|]|]
# v.(0) <- 1;;
-: unit = ()
# m;;
-: int array array = [|[|1; 0; 0|]; [|1; 0; 0|]; [|1; 0; 0|]|]
# m.(0).(1) <- 2;;
- : unit = ()
# m;;
- : int array array = [|[|1; 2; 0|]; [|1; 2; 0|]; [|1; 2; 0|]|]
```

# aliasing em vectores: 2 soluções padrão

podemos clonar um vector, a função copy trata desta operação

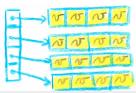
```
# v;;
- : int array = [|1; 2; 0|]
# let v2 = Array.copy v ;;
val v2 : int array = [|1; 2; 0|]
# v.(0) <- 40;;
- : unit = ()
# v;;
- : int array = [|40; 2; 0|]
# v2;;
- : int array = [|1; 2; 0|]</pre>
```

podemos recorrer a criação de uma matriz por uma função especializada make\_matrix (que trata de fazer os clones necessários)

```
# let mt = Array.make_matrix 4 3 1.;;
val mt : float array array =
  [[[11.; 1.; 1.|]; [|1.; 1.; 1.|];
      [|1.; 1.; 1.|]; [|1.; 1.; 1.|]]]
```

104

no caso do uso de make\_matrix, a configuração memória é do tipo:



aula 2

105

para terminar sobre vectores em OCaml, referimos as funções do Módulo Array

em particular mostremos as seguintes

```
# Array.length mt;;
- : int = 4
# Array.length mt.(0);;
- : int = 3
# let t = Array.append v v2;;
val t : int array = [|40; 2; 0; 1; 2; 0|]
# Array.sort compare t;;
- : unit = ()
# t;;
- : int array = [|0; 0; 1; 2; 2; 40|]
```

Conclusão. Quer saber mais?

As aulas de introdução à programação OCaml apresentadas nesta UC baseam-se em duas fontes essenciais:

- Apprendre à Programmer avec OCaml a fonte deste curso!
   Tradução para português disponível!
- Mini-curso Introdução à Programação Funcional em OCaml Simão Melo de Sousa (link)



Adicionalmente ou alternativamente, as referências seguintes introduzem OCaml de forma completa:

- Real World OCaml
- curso online: Introduction to Functional Programming in OCaml (link)
   (a aula de introdução é um espelho da aula 0 deste curso)
- Developing Applications with Objective Caml (pdf/html online aqui)

