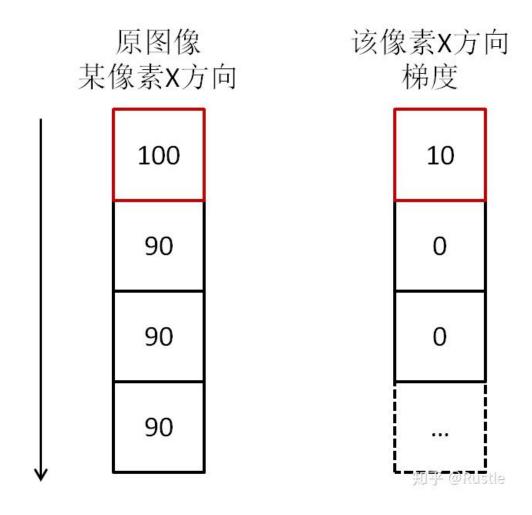
# 边缘检测算法

图像边缘检测的原理是检测出图像中所有灰度值变化较大的点,而且这些点连接起来就构成了若干线条,这些线条就可以称为图像的边缘。常见的边缘检测算法包括Soble边缘检测,拉普拉斯边缘检测和Canny边缘检测。边缘检测本质上就是一种滤波算法。

图像的滤波一般是基于灰度图进行的,因此图像此时是二维的,因此我们在看一下二维函数的微分,即偏微分方程:

$$\begin{split} \frac{\partial f(x,y)}{\partial x} &= \lim_{\epsilon \to 0} \frac{f(x+\epsilon,y) - f(x,y)}{\epsilon} \\ \frac{\partial f(x,y)}{\partial y} &= \lim_{\epsilon \to 0} \frac{f(x,y+\epsilon) - f(x,y)}{\text{for a fustion}} \end{split}$$



## Canny边缘检测

- 1.图像降噪:我们第一步就是想到要先去除噪声,因为噪声就是灰度变化很大的地方,所以容易被识别为伪边缘。
- 2.计算图像梯度: 计算图像梯度能够得到图像的边缘,因为梯度是灰度变化明显的地方,而边缘也是灰度变化明显的地方。
- 3.非极大值抑制
- 4.阈值筛选

### Sobel边缘检测算子

Sobel算子有两个,一个是检测水平边缘的; 另一个是检测垂直边缘的 。它对于象素的位置的影响做了加权,可以降低边缘模糊程度,因此效果更好。

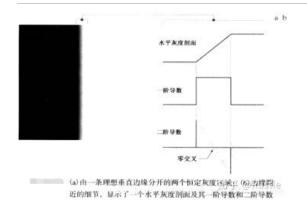
$$s_{x} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{bmatrix}, s_{y} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & -2 & -1 \end{bmatrix} \quad K = \begin{bmatrix} a_{0} & a_{1} & a_{2} \\ a_{7} & [i,j] & a_{3} \\ a_{6}^{\text{TMS}} \vec{a}_{2}^{\text{PMS}} \vec{a}_{4}^{\text{PMS}} \vec{a}_{4}^{\text{PMS}} \vec{a}_{4}^{\text{PMS}} \vec{a}_{5}^{\text{PMS}} \vec{a}_{4}^{\text{PMS}} \vec{a}_{5}^{\text{PMS}} \vec{a}_{5}^{\text{PMS}} \vec{a}_{4}^{\text{PMS}} \vec{a}_{5}^{\text{PMS}} \vec{$$

## Laplacian算子

Laplacian算子是一个实现二阶微分的模板。二阶微分可以利用两个相邻一阶微分的差值来近似。Laplacian算子法对噪声比较敏感。基于拉普拉斯变换的图像增强已成为图像锐化处理的基本工具。

图像锐化(image sharpening)是补偿图像的轮廓,增强图像的边缘及灰度跳变的部分,使图像变得清晰,分为空间域处理和频域处理两类。

#### Marr-Hildreth算子



如图所示,左边表示的是一副灰度图像,从左到右从黑色(0)慢慢变为白色(255),现在我们来看它的水平灰度剖面,灰度值从小到大平稳上升,其一阶导数表示为在上升区域为不变的值,其中得到的信息是图像灰度值是平稳过渡的,即梯度值相等,接下来在将其求二次导数,得到的图像为在开始过渡的起点为正数,其值为一阶导数在此点的梯度值,结束点也和起点一样,现在重点来了,我们将这两点连起来得到一个与X轴的交叉点,这一点就是我们所认为的边缘点,这就是二阶导数应用在边缘检测领域的奇妙之处。

### 计算零交叉(Zero crossing)

零交叉的实现较为简单,由于零交叉点意味着至少两个相邻的像素点的像素值异号,一共有四种需要检测的情况:左右,上下,两个对角,其中如果滤波后的图像g(x, y)的任意像素p处的四种情况其中一组的差值的绝对值超过了设定的阈值,则我们可以称p为一个零交叉像素.

## Roberts边缘算子

Roberts边缘算子是一个2x2的模板,采用的是对角方向相邻的两个像素之差。

## Prewitt边缘检测算子

Prewitt利用周围邻域8个点的灰度值来估计中心的梯度。

### 补充

- 1.滤波器的大小应该是奇数,这样才有一个中心点可进行赋值操作,常见的滤波器或卷积核(Conv kernel)有33、55等,因此也有了半径的概念,例如 5\*5的卷积核的半径为2
- 2.滤波器中所有元素之和应为0,这一限制条件是保证滤波前后图像总体灰度值不变
- 3.Roberts算子、Sobel算子、Prewitt算子运算速率高,对噪声也有一定抑制作用,但检测出的边缘质量不高,如边缘较粗、定位不准、间断点多
- 4.Canny算子不容易受噪声干扰,得到的边缘精细且准确,缺点就是运算代价较高,运行于实时图像处理较困难,适用于高精度要求的应用
- 5.Marr-Hildreth算子边缘检测效果相对较优,但对于噪声比较敏感(因其二阶运算的性质)