train
Thai(THA)

# รถไฟของเล่น

อารีซูและบอซูน้องชายของเธอเป็นฝาแฝดกัน ฝาแฝดทั้งสองได้รับชุดรถไฟแสนมหัศจรรย์เป็นของขวัญวัน เกิด เธอและเขาได้ใช้เล่นเพื่อสร้างระบบรถไฟที่ประกอบไปด้วยสถานีจำนวน n สถานี และรางรถไฟแบบ alphaึ่งทางเดียว จำนวน m ราง สถานีจะมีหมายเลขจาก 0 ถึง n-1 รางรถไฟแต่ละรางจะเริ่มต้นที่สถานีหนึ่ง และสิ้นสุดที่สถานีเดิมหรือที่สถานีอื่น สำหรับสถานีใด q จะมีรางรถไฟอย่างน้อยหนึ่งรางที่เริ่มต้นที่สถานี นั้น

บางสถานีเป็น สถานีชาร์จไฟ เมื่อใดก็ตามที่รถไฟเดินทางไปถึงสถานีชาร์จไฟ รถไฟจะได้รับการชาร์จไฟ จนเต็ม รถไฟที่มีไฟเต็มจะมีพลังงานมากพอที่ทำให้เดินทางไปตามรางได้ n รางที่ต่อเนื่องกัน นั่นคือ รถไฟ จะหมดพลังงานทันทีเมื่อเข้าสู่รางรถไฟรางที่ n+1 หลังจากการชาร์จครั้งล่าสุด

แต่ละสถานีจะมีตัวสลับราง (switch) ที่สามารถชี้ไปยังรางรถไฟใด ๆ ก็ได้ที่เริ่มต้นที่สถานีนั้น เมื่อรถไฟมา ถึงที่สถานีดังกล่าว รถไฟจะออกจากสถานีไปยังรางรถไฟตามที่ตัวสลับรางได้ชี้ไว้

ฝาแฝดทั้งสองคนจะเล่นเกมกันบนระบบรถไฟนี้ พวกเธอและเขาได้แบ่งกันเป็นเจ้าของสถานีต่าง ๆ กัน เรียบร้อยแล้ว: แต่ละสถานีจะถูกครอบครองโดยอารีซูหรือไม่ก็โดยบอร์ซู ในเกมนี้จะมีรถไฟแค่หนึ่งขบวน เมื่อเริ่มต้นรถไฟจะอยู่ที่สถานีที่ s และถูกชาร์จไฟไว้เต็มแล้ว เกมจะเริ่มต้นโดยเจ้าของสถานี s จะปรับให้ ตัวสลับรางที่สถานี s ให้ชี้ไปยังรางรถไฟหนึ่งรางที่เริ่มต้นที่สถานีนั้น จากนั้นฝาแฝดจะเปิดเครื่องรถไฟและ รถไฟจะเริ่มออกเดินทางไปตามรางรถไฟ

เมื่อใดก็ตามที่รถไฟวิ่งเข้าไปยังสถานีใด ๆ ครั้งแรก เจ้าของสถานีจะกำหนดตัวสลับรางให้ชี้ไปยังรางรถไฟ ที่วิ่งออกจากสถานีนั้น เมื่อใดที่ตัวสลับรางถูกชี้ไปยังรางรถไฟแล้ว มันจะชี้ไปที่รางเดิมตลอดจนจบเกม ดัง นั้น ถ้ารถไฟวิ่งไปยังสถานีที่เคยไปมาแล้ว รถไฟจะออกจากสถานีไปตามรางรถไฟเดิมที่ได้เลือกไว้

เนื่องจากมีจำนวนสถานีจำกัด รถไฟก็จะต้องวิ่งวนตาม วงรอบ (cycle) ในที่สุด วงรอบคือลำดับของสถานี $\vec{n}$  แตกต่างกัน  $c[0], c[1], \cdots, c[k-1]$  ที่รถไฟจะออกจากสถานี c[i] (สำหรับ  $0 \leq i < k-1$ ) ด้วยราง รถไฟที่สิ้นสุดที่สถานี c[i+1] และรถไฟจะออกจากสถานี c[k-1] โดยใช้รางที่วิ่งไปที่สถานี c[0] สังเกต ว่า วงรอบอาจจะประกอบไปด้วยสถานีเพียงสถานีเดียวก็ได้ (นั่นคือ มีค่า k=1) ถ้ามีรถไฟออกจากสถานี c[0] ด้วยรางรถไฟที่พากลับไปยังสถานี c[0] เช่นเดิม

อารีซูจะชนะถ้ารถไฟวิ่งไปเรื่อย ๆ ไม่มีวันจบและบอร์ซูจะชนะถ้ารถไฟวิ่งจนหมดพลังงาน กล่าวคือ ถ้ามี สถานีชาร์จไฟอยู่ในกลุ่มสถานี  $c[0],c[1],\cdots,c[k-1]$  รถไฟจะสามารถชาร์จใหม่ได้เรื่อย ๆ และจะเดิน ทางเป็นวงรอบไปอย่างไม่มีวันสิ้นสุด และอารีซูจะชนะ ในทางกลับกัน รถไฟจะวิ่งจนพลังงานหมด (โดย อาจจะวิ่งในวงรอบดังกล่าวหลาย ๆ รอบก็ได้) และบอร์ซูจะชนะ

คุณจะได้รับรายละเอียดของระบบรถไฟ อารีซูและบอร์ซูจะเล่นเกมทั้งหมด n เกม ในเกมที่ s สำหรับ  $0 \le s \le n-1$  รถไฟจะเริ่มต้นที่สถานี s งานของคุณคือหาคำตอบสำหรับแต่ละเกมว่ามีกลยุทธ์ที่อารีซู สามารถชนะเสมอไม่ว่าบอร์ซูจะเล่นอย่างไรก็ตามหรือไม่

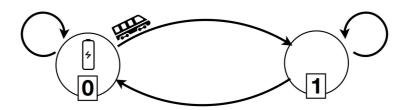
## รายละเอียดการเขียนโปรแกรม

#### คุณต้องเขียนโปรแกรมย่อยต่อไปนี้

```
int[] who_wins(int[] a, int[] r, int[] u, int[] v)
```

- ullet a: เป็นอาร์เรย์ความยาว n ถ้าอารีซูเป็นเจ้าของสถานี  $i,\ a[i]=1$  ไม่เช่นนั้น บอร์ซูจะเป็นเจ้าของ สถานี i และ a[i]=0
- ullet r: เป็นอาร์เรย์ความยาว n ถ้าสถานี i เป็นสถานีชาร์จไฟ r[i]=1 ไม่เช่นนั้น r[i]=0
- ullet u และ v: เป็นอาร์เรย์ความยาว m สำหรับ  $0 \leq i \leq m-1$  จะมีรางแบบวิ่งทางเดียวที่เริ่มต้นที่ สถานี u[i] และสิ้นสุดที่สถานี v[i]
- โปรแกรมย่อยจะคืนอาร์เรย์ w ที่มีความยาว n โดยที่ สำหรับทุก ๆ  $0 \leq i \leq n-1$  ค่าของ w[i] จะ ต้องเป็น 1 ถ้าอารีซูสามารถชนะเกมที่รถไฟเริ่มต้นที่สถานี i ได้ ไม่ว่าบอร์ซูจะเล่นอย่างไรก็ตาม ไม่ เช่นนั้น ค่าของ w[i] จะต้องเป็น 0

#### ตัวอย่าง



- มีสถานีจำนวน 2 สถานี บอร์ซูเป็นเจ้าของสถานี 0 ที่เป็นสถานีชาร์จไฟ อารีซูเป็นเจ้าของสถานี 1 ที่ ไม่ใช่สถานีชาร์จไฟ
- มีรางรถไฟจำนวน 4 ราง คือ (0,0),(0,1),(1,0) และ (1,1), โดยที่ (i,j) เขียนแทนรางรถไฟ แบบทางเดียวจากสถานี i ไปยังสถานี j
- พิจารณาเกมที่รถไฟเริ่ม้นที่สถานี 0 ถ้าบอร์ซูเลือกให้สลับรางที่สถานี 0 ชี้ไปยังราง (0,0) รถไฟจะวิ่ง อย่างไม่รู้จบในรางรถไฟนี้ (สังเกตว่า 0 เป็นสถานีชาร์จไฟ) ซึ่งในกรณีนี้ อารีซูจะชนะ ในทางกลับ กัน ถ้าบอร์ซูตั้งให้เครื่องสลับรางที่สถานี 0 ชี้ไปยังราง (0,1) อารีซูสามารถกำหนดให้เครื่องสลับราง ที่สถานี 1 ให้ชี้ไปยังราง (1,0) ได้ ถ้าเป็นเช่นนี้ รถไฟจะวิ่งไปอย่างไม่รู้จบผ่านสองสถานีดังกล่าว และอารีซูก็ชนะอีกครั้ง เนื่องจากสถานี 0 เป็นสถานีชาร์จไฟและรถไฟจะไม่มีวันหยุด ดังนั้น อารีซู สามารถเล่นเกมให้ชนะได้ ไม่ว่าบอร์ซูจะเล่นอย่างไรก็ตาม
- ด้วยการให้เหตุผลแบบเดียวกัน ในเกมที่เริ่มต้นที่สถานี 1 อารีซูก็สามารถชนะได้ไม่ว่าบอร์ซูจะเล่น อย่างไรก็ตาม ดังนั้นโปรแกรมย่อยนี้ควรคืนค่า [1,1]

## ข้อจำกัด

- $1 \le n \le 5000$ .
- n < m < 20000.

- จะมีอย่างน้อยหนึ่งสถานีที่เป็นสถานีชาร์จไฟ
- สำหรับสถานีใด ๆ จะมีอย่างน้อยหนึ่งรางที่เริ่มต้นที่สถานีนั้น
- ullet อาจจะมีรางรถไฟที่เริ่มต้นที่สถานีหนึ่ง ๆ แล้วสิ้นสุดที่สถานีเดิม (นั่นคือ u[i]=v[i])
- ullet จะไม่มีรางรถไฟซ้ำกัน นั่นคือ จะไม่มีดัชนี i และ j ( $0 \leq i < j \leq m-1$ ) ที่ u[i] = u[j] และ v[i] = v[j].
- ullet  $0 \leq u[i], v[i] \leq n-1$  (สำหรับทุก ๆ  $0 \leq i \leq m-1$ ).

## ปัญหาย่อย

- 1. (5 คะแนน) สำหรับทุก ๆ  $0 \leq i \leq m-1$  เราจะทราบว่า v[i] = u[i] หรือ v[i] = u[i] + 1.
- 2. (10 คะแนน)  $n \le 15$ .
- 3. (11 คะแนน) อารีซูเป็นเจ้าของทุก ๆ สถานี
- 4. (11 คะแนน) บอร์ซูเป็นเจ้าของทุก ๆ สถานี
- 5. (12 คะแนน) มีสถานีชาร์จไฟเพียงสถานีเดียว
- 6. (51 คะแนน) ไม่มีเงื่อนไขใด ๆ เพิ่มเติมจากโจทย์

### เกรดเดอร์ตัวอย่าง

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะอ่านข้อมูลนำเข้าในรูปแบบดังนี้:

- บรรทัดที่ 1: n m
- ullet บรรทัดที่ 2: a[0] a[1]  $\dots$  a[n-1]
- ullet บรรทัดที่ 3: r[0] r[1]  $\dots$  r[n-1]
- ullet บรรทัดที่ 4+i (สำหรับ  $0\leq i\leq m-1$ ): u[i] v[i]

เกรดเดอร์ตัวอย่างจะพิมพ์ค่าที่คืนกลับมาของโปรแกรมย่อย who wins ในรูปแบบต่อไปนี้:

ullet บรรทัดที่ 1: w[0] w[1]  $\dots$  w[n-1]