# 排序算法的比较

# 一、实验要求

- 1. 算法和代码的设计与实现 分别设计并实现插入排序、合并排序、快速排序的算法
- 2. 测试:设计测试数据集,编写测试程序,用于测试
  - a)正确性: 所实现的三种算法的正确性;
  - b)算法复杂性: 三种排序算法中,设计测试数据集,评价各个算法在算法复杂性 上的表现; (最好情况、最差情况、平均情况)
  - c)效率:在三种排序算法中,设计测试数据集,评价各个算法中比较的频率,腾挪的频率。
- 3. 撰写评价报告

a)结合第二步的测试和实验结果,在理论上给予总结和评价三种排序算法在算法 复杂性和效率上的表现。形成电子版实验报告。

# 二、实验环境

操作系统: Windows10

IDE: Visual Studio 2019

# 三、实验原理

# 3.1 插入排序

插入排序的工作原理是通过构建有序序列,对于未排序数据,在已排序序列中从后向前扫描,找到相应位置并插入。比较是从有序序列的末尾开始,也就是想要插入的元素和已经有序的最大者开始比起,如果比它大则直接插入在其后面,否则一直往前找直到找到它该插入的位置。如果碰见一个和插入元素相等的,那么插入元素把想插入的元素放在相等元素的后面。所以,相等元素的前后顺序没有改变,插入排序是稳定的。

在最坏情况下,数组完全逆序,插入第2个元素时要考察前1个元素,插入第3个元素时,要考虑前2个元素,……,插入第N个元素,要考虑前 N - 1 个元素。因此,最坏情况下的比较次数是  $1+2+3+\ldots+(N-1)$ ,等差数列求和,结果为 N(N-1)/2,所以最坏情况下的复杂度为  $O(N^2)$ 。

最好情况下,数组已经是有序的,每插入一个元素,只需要考查前一个元素,因此最好情况下,插入排序的时间复杂度为O(N)。

平均情况下的时间复杂度是  $O(N^2)$ 

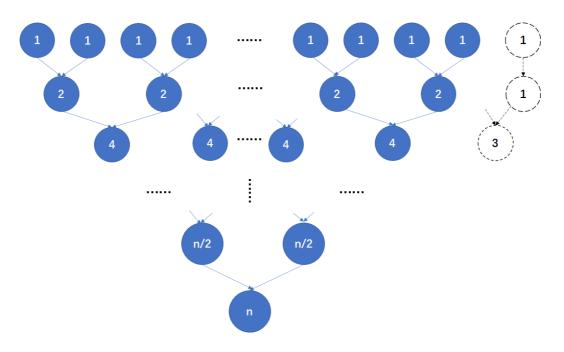
## 3.2 合并排序

合并排序的工作原理是利用分治的思想,将待排序元素分成大小大致相同的2个子集合,分别对2个子集合进行排序,最终将排好序的子集合合并成为所要求的排好序的集合。

首先将长度为1的n个数组相邻元素两两配对,构成了长度为2的n/2个数组,合并时用比较算法对这每个子数组中元素进行排序;

再将这些长度为2的n/2个数组两两合并,构成了长度为4,个数为n/4的子数组,合并时用比较算法对每个子数组元素排序。重复上述操作,直到形成长度为n,子数组个数=1的整个数组为止。

合并排序非递归的合并过程如下图所示:



对于特定长度n的序列,不论原序列的取值情况如何,合并过程中的子数组一定是从1、2、4......一直到n(每一步的剩余子数组也相同),因此合并排序的最好与最坏复杂度相同。又因为树高为logN,每一行的合并过程开销均为O(N),因此最好、最坏时间复杂度均为O(NlogN)。

此外,合并过程中我们可以保证如果两个当前元素相等时,我们把处在前面的序列的元素保存在结果序列的前面,这样就保证了稳定性。所以,合并排序也是稳定的排序算法。

# 3.3 快速排序

快速排序的基本思想:

- 1. 先从数列中取出一个数作为基准数。
- 2. 分区过程,将比这个数大的数全放到它的右边,小于或等于它的数全放到它的左边。
- 3. 再对左右区间重复第二步,直到各区间只有一个数。

快速排序举例(基准数为A[0]=6):

6	10	13	5	8	3	2	11
6	5	13	10	8	3	2	11
6	5	3	10	8	13	2	11
6	5	3	2	8	13	10	11
2	5	3	6	8	13	10	11

在最好情况下,每次选择的基准数都将原序列分成两个大小相同的子序列,再递归进入子序列排序。根据合并排序的分析,可知此时的时间复杂度为O(NlogN)。

在最坏情况下,每次选择的基准数都是原序列的最大或最小值,即每次将原序列分为一个大小为0的序列与大小为N-1的序列。因此将重复N次O(N)操作,此时的操作将退化为一个冒泡排序,时间复杂度为 $O(N^2)$ 。

在随机选择基准数的情况下,期望的平均时间复杂度为O(NlogN)

# 四、程序设计

# 4.1 数据类定义

由于需要统计排序算法的腾挪次数与比较次数,于是新定义一个数据类,记录每个数据的值 Value, 腾挪次数MoveTimes, 比较次数CompareTimes, 并重定义该类的赋值运算、比较运算, 在进行运算时将对应运算类型的计数值加一。

```
class Data
{
public:
   Data();
   ~Data();
   int Value, MoveTimes, CompareTimes;
   /*数据类初始化函数,在给Value赋值的同时清空MoveTimes和CompareTimes*/
   void Init(const int);
   /*赋值运算重载*/
   void operator=(const int);
   void operator=(const Data&);
   /*比较运算重载*/
   bool operator<(const int);</pre>
   bool operator<(const Data&);</pre>
   bool operator>(const int);
   bool operator>(const Data&);
    bool operator<=(const int);</pre>
    bool operator<=(const Data&);</pre>
```

```
bool operator>=(const int);
bool operator>=(const Data&);
};
```

```
void Data::Init(const int _Value)
{
    value = _value;
    MoveTimes = 0;
    CompareTimes = 0;
}
void Data::operator=(const int _Value)
    value = _value;
    MoveTimes++;
}
void Data::operator=(const Data& rhs)
    value = rhs.value;
    MoveTimes++;
}
bool Data::operator<(const int _Value)</pre>
    CompareTimes++;
    return Value < _Value;</pre>
}
bool Data::operator<(const Data& rhs)</pre>
    CompareTimes++;
    return Value < rhs.Value;</pre>
}
/*....*/
```

# 4.2 数据产生程序

定义数据产生类,传入需要生成的数列长度与需要的类型(有从小到大、从大到小、随机、对于快速排序最优的Middle In First队列四种),生成原始数据并返回数据开头指针。

```
#include "Data.h"
class DataCreate
```

```
{
public:
   /*定义产生数据类型,以适应多种复杂度情况测试需求*/
   enum SequenceType{
      SmallToLarge = 0, //从小到大的有序数列
      Random,
                       //随机数列
      LargeToSmall,
MiddleInFirst,
                      //从大到小的有序数列
                      //每个子序列中,最中间的数字在头尾的序列(用于
测试快速排序)
      Sepa
                       //均分两边(用于测试合并排序)
   };
   /*序列构造函数,传入需要生成数列的长度与类型*/
   DataCreate(int, SequenceType _type = Random);
   /*序列析构函数,自动释放申请的空间*/
   ~DataCreate();
   /*返回shne'q*/
   Data* GetData();
private:
   /*用于生成MiddleInFirst类型序列*/
   void Adjust(int, int, int);
   /*用于生成Sepa类型序列*/
   void Separate();
   void anti_MergePass(int );
   void anti_Merge(int, int, int);
   void Swap(Data&, Data&);
   int N; //需要随机生成的数据量
   SequenceType type; //需要随机生成的序列类型
   Data* data; //随机生成的数据数组
};
```

```
DataCreate::DataCreate(int n, SequenceType _type)
{
    N = n;
    data = new Data[N];
    type = _type;
}

Data* DataCreate::GetData()
{
    Time++;
    srand((int)(time(0)+ Time)); // 产生随机种子
    switch (type)
```

```
{
   case DataCreate::SmallToLarge: //从小到大的有序数列
       for (int i = 0; i < N; i++)
           data[i] = N - i;
       break:
   case DataCreate::Random: //随机数列
       for (int i = 0; i < N; i++)
          data[i].Init(rand() % 100000000);
       }
       break;
   case DataCreate::LargeToSmall: //从大到小的有序数列
       for (int i = 0; i < N; i++)
           data[i] = i + 1;
       break;
   case DataCreate::MiddleInFirst: //每个子序列中,最中间的数字在头尾的
序列 (用于测试快速排序)
      for (int i = 0; i < N; i++)
          data[i] = i + 1;
       Adjust(0, N-1, 1);
       for (int i = 0; i < N; i++)
           data[i].CompareTimes = 0;
          data[i].MoveTimes = 0;
       }
       break;
   default:
       break;
   }
   return data;
}
void DataCreate::Swap(Data& x, Data& y)
   int temp = x.Value;
   x = y;
   y = temp;
}
/*将1到r的序列调整为Middle值在最左或最有的序列,belong代表当前子序列是父序列
的左边还是右边*/
void DataCreate::Adjust(int 1, int r, int belong)
   if (1 >= r)
       return:
   int base = (1 + r) / 2;
                       //如果是父序列的左边
   if (belong == 0)
       Swap(data[r], data[base]); //在进行快速排序算法时,将会选择
data[r]为基准值,因此将data[base]换到data[r]的位置,便于子序列均等划分
       if (1 < r)
           sort(data + 1, data + r - 1);
```

```
Adjust(1, base - 1, 0);
       Adjust(base, r - 1, 1);
   }
   else
                               //如果是父序列的右边
   {
       Swap(data[1], data[base]); //在进行快速排序算法时,将会选择
data[1]为基准值,因此将data[base]换到data[1]的位置,便于子序列均等划分
       if (1 < r)
           sort(data + 1 + 1, data + r);
       Adjust(1 + 1, base, 0);
       Adjust(base +1, r, 1);
   }
}
void DataCreate::anti_Merge(int 1, int m, int r)
{
   int i = m, j = r, k = r;
   while ((i >= 1) \&\& (j >= m + 1))
   {
       A[i--] = data[k--].Value;
       A[j--] = data[k--].Value;
   }
   if (i < 1)
   {
       for (int q = j; q >= m + 1; q--)
           A[q] = data[k--].Value;
   }
   else
    {
       for (int q = i; q >= 1; q--)
           A[q] = data[k--].Value;
    for (int i = 1; i <= r; ++i)
       data[i] = A[i];
}
void DataCreate::anti_MergePass(int s)
   int i = 0;
   while (i + 2 * s - 1 < N)
       anti_Merge(i, i + s - 1, i + 2 * s - 1);
       i = i + 2 * s;
   if (i + s - 1 < N - 1)
       anti_Merge(i, i + s - 1, N - 1);
   }
}
```

```
void DataCreate::Separate()
{
    A = new int[N];
   int maxs = 1;
    while (maxs < N) maxs *= 2;
    maxs /= 2;
   int s = maxs;
    while (s >= 1)
        anti_MergePass(s);
       s /= 2;
    }
    delete[] A;
}
DataCreate::~DataCreate()
{
    delete[] data;
}
```

关于生成Middle In First数列的Adjust设计思路,将在后文描述快速排序的最优情况中说明。

# 4.3 白盒测试程序

白盒测试主要测试算法是否正常通过每一个分支路径。定义分支遍历校验结构体 BranchStruct,在算法开始运行时将自己的所有可能出现的分支存入 BranchStruct branch[]数组中,并存下每个分支的id记录。用 passed 记录每个每个分支是否经过,初始情况下置为0。在运行过程中如果经过i号分支,就将对应 branch[i] 的passed置为1。算法运行完成后,检查每个分支是否经过,并输出检查结果。

```
#pragma once
#include <string>
#include <vector>
using namespace std;
class Branch
{
public:
   struct BranchStruct
       string branch_name;
                                     //分支名称
                                      //是否已经过
       int passed;
       BranchStruct() : branch_name(""), passed(0){};
       BranchStruct(string _name) :
           branch_name(_name), passed(0){};
   };
```

```
Branch();
    ~Branch();
    /*添加原始分支*/
    int AddBranch(string);

    /*经过分支记录*/
    void Pass(int);

    /*打印分支遍历结果*/
    void showResult();

    /*分支总数*/
    int tot_branch;

    /*存储所有分支*/
    BranchStruct branch[100];

};
```

```
int Branch::AddBranch(string condition)
{
    branch[++tot_branch] = BranchStruct(condition);
    return tot_branch; //向添加者返回当前分支的id
}
void Branch::Pass(int id)
    branch[id].passed = 1;
}
void Branch::showResult()
{
    int allPassed = 1;
    cout << "分支遍历结果如下:" << end1;
    for (int i = 1; i <= tot_branch; ++i)</pre>
        if (branch[i].passed == 0)
        {
            allPassed = 0;
            cout << branch[i].branch_name << " : " << "x" << endl;</pre>
        }
        else
            cout << branch[i].branch_name << " : " << "√" << endl;</pre>
    if (allPassed == 1)
        cout << "Congratulations! 通过了所有分支:)" << endl;
    else
    {
```

```
cout << "没有所有分支:( 未通过的分支如下:" << endl;
for (int i = 1; i <= tot_branch; ++i)
    if (branch[i].passed == 0)
        cout << branch[i].branch_name << endl;
}
return;
}</pre>
```

# 4.4 黑盒测试程序

黑盒测试主要测试算法测试算法的排序功能正确性,并打印出比较次数和移动次数,以及运行时间效率。

正确性: 在main函数中实现,检查排序结果是否有序

比较次数和移动次数:新定义一个数据类,记录每个数据的值Value,腾挪次数MoveTimes,比较次数CompareTimes,并重定义该类的赋值运算、比较运算,在进行运算时将对应运算类型的计数值加一

```
void Data::Init(const int _Value)
{
    Value = _Value;
    MoveTimes = 0;
    CompareTimes = 0;
}

void Data::operator=(const int _Value)
{
    Value = _Value;
    MoveTimes++;
}

void Data::operator=(const Data& rhs)
{
    Value = rhs.Value;
    MoveTimes++;
}
```

```
bool Data::operator<(const int _Value)</pre>
{
    CompareTimes++;
   return Value < _Value;
}
bool Data::operator<(const Data& rhs)</pre>
    CompareTimes++;
    return Value < rhs.Value;</pre>
}
bool Data::operator>(const int _Value)
    CompareTimes++;
   return Value > _Value;
}
bool Data::operator>(const Data& rhs)
    CompareTimes++;
   return Value > rhs.Value;
}
bool Data::operator<=(const int _Value)</pre>
    CompareTimes++;
   return Value <= _Value;
}
bool Data::operator<=(const Data& rhs)</pre>
    CompareTimes++;
    return Value <= rhs.Value;</pre>
}
bool Data::operator>=(const int _Value)
{
    CompareTimes++;
   return Value >= _Value;
}
bool Data::operator>=(const Data& rhs)
{
    CompareTimes++;
   return Value >= rhs.Value;
}
```

```
#ifdef _WIN32
#include <windows.h>
#else
#include <time.h>
#endif // _WIND32

// 定义64位整形
#if defined(_WIN32) && !defined(CYGWIN)

typedef __int64 int64_t;
#else
typedef long long int64t;
#endif // _WIN32

int64_t GetSysTimeMicros();
```

```
// 获取系统的当前时间,单位微秒(us)
int64_t GetSysTimeMicros()
#ifdef _WIN32
   // 从1601年1月1日0:0:0:000到1970年1月1日0:0:0:000的时间(单位100ns)
#define EPOCHFILETIME (11644473600000000UL)
   FILETIME ft;
   LARGE_INTEGER li;
   int64_t tt = 0;
   GetSystemTimeAsFileTime(&ft);
   li.LowPart = ft.dwLowDateTime;
   li.HighPart = ft.dwHighDateTime;
   // 从1970年1月1日0:0:0:000到现在的微秒数(UTC时间)
   tt = (li.QuadPart - EPOCHFILETIME) / 10;
   return tt;
#else
   timeval tv;
   gettimeofday(&tv, 0);
   return (int64_t)tv.tv_sec * 1000000 + (int64_t)tv.tv_usec;
#endif // _WIN32
   return 0;
}
```

通过记录算法运行前后的系统时间, 求出差值, 即可得到算法运行时间。

## 4.5 算法程序

```
#include "Data.h"
#include "Branch.h"
#include "ustime.h"
#define LL long long
class xxxxsort
{
public:
   /*由外部传入需要需排序的序列长度和数据指针*/
   XXXXSort(int, Data*);
   ~XXXXSort();
   /*执行排序算法*/
   void Run();
   /*统计所有数据上的腾挪次数总和*/
   LL CountMove();
   /*统计所有数据上的比较次数总和*/
   LL CountCompare();
   /*展示分支测试结果*/
   void showBranchTest();
   /*记录算法运行时间*/
   double RunTime;
private:
   int N;
   /*数据存储单元*/
   Data* A;
   /*定义分支统计类*/
   Branch branch;
   /*存储所有分支id*/
   int b1, b2, b3, //(j \ge 0) && (A[j] > key)
   b5, b6,....
          . . . . .
};
LL XXXXSort::CountMove()
{
   LL Sum = 0;
   FOR(i, 0, N-1)
       Sum += A[i].MoveTimes;
   return Sum;
}
LL XXXXSort::CountCompare()
{
```

```
LL Sum = 0;
FOR(i, 0, N - 1)
    Sum += A[i].CompareTimes;
return Sum;
}

void XXXXSort::showBranchTest()
{
    branch.showResult();
}
```

### 4.5.2 插入排序

```
InsertSort::InsertSort(int n, Data* _A)
    N = n;
   A = \_A;
    /*初始化所有分支*/
    b1 = branch.AddBranch("(j >= 0) = True , (A[j] > key) = True");
    b2 = branch.AddBranch("(j >= 0) = True , (A[j] > key) =
Flase");
    b3 = branch.AddBranch("(j >= 0) = False"); //因j < 0时 A[j] 无意
义,此时无需考虑A[j]的情况
}
void InsertSort::Run()
    long long BeginTime = GetSysTimeMicros();
    FOR (i, 1, N - 1) {
       int key = A[i].Value;
       int j = i - 1;
        while ((j \ge 0) \& (A[j] > key)) {
           branch.Pass(b1);
           A[j + 1] = A[j];
            j--;
        }
        if ((j \ge 0) \& (A[j] > key))
            branch.Pass(b2);
        if (!(j >= 0))
            branch.Pass(b3);
       A[j + 1] = key;
    }
    RunTime = (GetSysTimeMicros() - BeginTime) / 1000.0;
}
```

```
MergeSort::MergeSort(int n, Data* _A)
    N = n;
    A = _A;
    /*初始化所有分支*/
    b1 = branch.AddBranch("(i \ll m) = True , (j \ll r) = True");
    b2 = branch.AddBranch("(i <= m) = True , (j <= r) = Flase");
    b3 = branch.AddBranch("(i <= m) = False , (j <= r) = True");
    b5 = branch.AddBranch("(c[i] <= c[j]) = True");</pre>
    b6 = branch.AddBranch("(c[i] <= c[j]) = Flase");</pre>
    b7 = branch.AddBranch("(i > m) = True");
    b8 = branch.AddBranch("(i > m) = Flase");
    b9 = branch.AddBranch("(i + 2 * s - 1 < n) = True");
    b10 = branch.AddBranch("(i + 2 * s - 1 < n) = Flase");
    b11 = branch.AddBranch("(i + s - 1 < n - 1) = True");
    b12 = branch.AddBranch("(i + s - 1 < n - 1) = Flase");
    b13 = branch.AddBranch("(s < N) = True");
    b14 = branch.AddBranch("(s < N) = Flase");</pre>
}
void MergeSort::Merge(Data* c, Data* d, int 1, int m, int r)
{
    int i = 1, j = m + 1, k = 1;
    while ((i <= m) \&\& (j <= r))
    {
        branch.Pass(b1);
        if (c[i] \leftarrow c[j])
            branch.Pass(b5);
            d[k++] = c[i++];
        }
        else
        {
            branch.Pass(b6);
            d[k++] = c[j++];
        }
    }
    if ((i <= m) && !(j <= r)) branch.Pass(b2);
    if (!(i \leftarrow m) \& (j \leftarrow r)) branch.Pass(b3);
    if (i > m)
    {
        branch.Pass(b7);
        FOR(q, j, r)
```

```
d[k++] = c[q];
    }
    else
    {
        branch.Pass(b8);
        FOR(q, i, m)
            d[k++] = c[q];
    }
}
void MergeSort::MergePass(Data* x, Data* y, int s, int n)
    int i = 0;
    while (i + 2 * s - 1 < n)
        branch.Pass(b9);
        Merge(x, y, i, i + s - 1, i + 2 * s - 1);
        i = i + 2 * s;
    }
    branch.Pass(b10);
    if (i + s - 1 < n - 1)
        branch.Pass(b11);
        Merge(x, y, i, i + s - 1, n - 1);
    }
    else
    {
        branch.Pass(b12);
        FOR(j, i, n - 1)
            y[j] = x[j];
    }
}
void MergeSort::Run()
{
    B = new Data[N];
    double BeginTime = GetSysTimeMicros();
    int s = 1;
    while(s < N)</pre>
    {
        branch.Pass(b13);
        MergePass(A, B, s, N);
        s += s;
        MergePass(B, A, s, N);
        s += s;
    }
    branch.Pass(b14);
    RunTime = (GetSysTimeMicros() - BeginTime) / 1000.0;
}
```

```
QuickSort::QuickSort(int n, Data* _A)
    N = n;
    A = \_A;
    /*初始化所有分支*/
    b1 = branch.AddBranch("(1 >= r) = True");
    b2 = branch.AddBranch("(1 >= r) = Flase");
    b3 = branch.AddBranch("(A[j] <= x) = True");
    b4 = branch.AddBranch("(A[j] <= x) = Flase");
}
void QuickSort::Run()
{
    double BeginTime = GetSysTimeMicros();
    srand((int)time(0));
    Sort(0, N-1);
    RunTime = (GetSysTimeMicros() - BeginTime) / 1000.0;
}
void QuickSort::Swap(Data& x, Data& y)
    int temp = x.Value;
    x = y;
    y = temp;
}
void QuickSort::Sort(int 1, int r)
{
    if (1 >= r)
    {
        A[0] > -1;
        branch.Pass(b1);
        return;
    }
    branch.Pass(b2);
    int i, x, base = 1;
    /*避免最差情况的优化开关*/
    base = 1 + rand() \% (r - 1 + 1);
    if (1 != base) Swap(A[1], A[base]);
    x = A[1].Value;
    i = 1;
    FOR(j, l + 1, r)
        if (A[j] \leftarrow x)
```

```
{
    branch.Pass(b3);
    i++;
    if (i != j) Swap(A[i], A[j]);
}
else
    {
    branch.Pass(b4);
}
}
Swap(A[1], A[i]);
Sort(1, i - 1);
Sort(1, i - 1);
Sort(i + 1, r);
}
```

# 五、程序测试

# 5.1 正确性测试

正确性测试分为两部分:一是验证排序是否成功,而是验证是否便利了所有分支。

## 5.1.1 插入排序

#### N=1000

```
请选择测试模式
正确性测试: 0
算法及杂性测试: 1
算法效率测试: 2
请输入测试模式: 0
请选择变测试的算法
插入排序: 0
6 并排序: 1
快速排序: 2
请请注: 0
N=1000
```

## (省略构造序列)

```
检测排序结果从1到1000是否有序:
检测结果:排序正确,数列有序
分支遍历结果如下:
(j >= 0) = True , (A[j] > key) = True : √
(j >= 0) = True , (A[j] > key) = Flase : √
(j >= 0) = False : √
Congratulations! 通过了所有分支:)
```

#### N=10000

```
请选择测试模式
正确性测试: 0
算法效率测试: 1
算法效率测试: 2
请输入测试模式: 0
请选择要测试的算法
插入排序: 0
合并排序: 1
快速排列: 2
读排序: 2
以重排形: 2
```

# (省略构造序列)

```
检测排序结果从1到10000是否有序:
检测结果: 排序正确,数列有序
分支遍历结果如下:
(j >= 0) = True , (A[j] > key) = True : √
(j >= 0) = True , (A[j] > key) = Flase : √
(j >= 0) = False : √
Congratulations! 通过了所有分支:)
```

```
请选择测试模式
正确性测试: 0
算法复杂性测试: 1
算法复杂性测试: 2
请输入测试模式: 0
请选择要测试的算法
插入排序: 0
合并排序: 1
快速排序: 2
请输入测试算法: 0
N=100000
```

```
检测排序结果从1到100000是否有序:
检测结果:排序正确,数列有序
分支遍历结果如下:
(j >= 0) = True , (A[j] > key) = True : √
(j >= 0) = True , (A[j] > key) = Flase : √
(j >= 0) = False : √
(congratulations! 通过了所有分支:)
```

# 5.1.2 合并排序

#### N = 10

#### N = 100

```
请选择测试模式
正确性测试: 0
算法复杂性测试: 2
请输入测试模式: 0
请选择要测试的算法
插入排序: 0
合并排序: 1
快速排序: 2
请输入测试算法:1
N=1000
原始序列: 27575 1890 13305 11994 32250 19524 32151 26489 30965 15630 5450 13426 24341 1992 4359 13236 30494 13945 30669
8471 23326 21065 26677 12954 29600 16867 3403 2542 13089 26397 21916 24377 9672 16347 8336 18708 10577 3632 22010 17877
24907 19399 7150 27156 15235 27778 7891 22632 6336 13408 8120 26226 28080 9380 15596 4893 28707 17460 10440 12835 9335 1
8239 17104 28884 24403 23074 18171 6163 3993 5005 1870 12193 25749 20961 25519 26270 9339 2013 29689 25932 18192 15482 6
```

```
98 30669 30674 30732 30805 30808 30862 30919 30965 30967 31052 31108 31154 31163 31199 31207 31318 31368 31369 314 02 31426 31444 31481 31493 31508 31503 31552 31563 31624 31679 31686 31702 31763 31763 31794 31802 31835 31941 320 03 32048 32061 32079 32099 32102 32110 32151 32182 32250 32292 32334 32358 32365 32383 32407 32479 32492 32509 32529 325 383 32608 32642 32708 32714 32746 32756 检测排序结果从1到1000是否有序: 检测结果 排序正确。 数列有序 分支遍历结果如下: (i <= m) = True , (j <= r) = True : ✓ (i <= m) = True , (j <= r) = Flase : ✓ (i <= m) = False , (j <= r) = Flase : ✓ (i <= m) = False , (j <= r) = True : ✓ (i /= c[j]) = Flase : ✓ (i /= c[j]) = Flase : ✓ (i /= m) = Flase :
```

### N=10000

```
请选择测试模式
正确性测试: 0
算法复杂性测试: 1
算法效率测试的算法
插入排序: 0
合并排序: 0
合并排序: 2
请输入测试算法: 1
N=10000
原始序列: 27791 23157 12692 27309 24884 16544 8197 29896 6618 3073 28456 16333 10947 12706 27250 10670 31010 17594 20424
21003 23085 26999 1848 17165 10356 25850 743 8594 17265 28324 23370 10378 11616 9872 31641 29600 15185 21856 29313 2383
8 2939 22845 15130 29450 13779 25625 4632 18325 27357 28471 11077 8375 29890 2030 23343 19219 20132 22954 2333 5152 1796
6 6451 32072 12170 23407 13618 24392 3030 21224 28657 30925 23110 11747 18018 4239 19964 32007 18531 29064 22113 16682 1
7984 29280 22728 20070 30585 4393 11599 25967 32454 30540 25350 30499 28505 31171 3924 18019 14179 27017 11414 23586 508
```

# (省略构造序列)

```
32401 32407 32408 32409 32411 32412 32414 32425 32425 32426 32434 32438 32440 32442 32443 32444 32446 32447 32449 32458 32458 32458 32458 32459 32461 32464 32468 32469 32476 32476 32480 32481 32486 32489 32491 32496 32501 32507 32508 32509 32515 32517 32530 32531 32532 32532 32533 32534 32540 32545 32546 32549 32556 32557 32559 32566 32566 32574 32579 32588 32589 32593 32595 32599 32593 32593 32593 32593 32593 32593 32593 32593 32593 32593 32612 32622 32628 32602 32624 32665 32667 32666 32673 32675 32678 32681 32681 32682 32684 32689 32699 32703 32707 32710 32713 32715 32717 32723 32737 32737 32747 32747 32750 32752 32754 32759 32760 32761 32762 检测排疗法果从1到10000是否有序:
检测排疗法果从1到10000是否有序:
(i <= m) = True , (j <= r) = True : √
(i <= m) = True , (j <= r) = True : √
(c[i] <= c[j]) = Flase : √
(i > m) = Flase : √
(i > m)
```

```
32743 32743 32743 32743 32743 32744 32744 32746 32747 32747 32747 32748 32748 32748 32748 32749 32750 327
32751 32751 32751 32752 32752 32752 32752 32753 32753 32754 32754 32754 32754 32754 32754 32754 32754 32754 32755 3275
32755 32756 32756 32756 32756 32756 32756 32757 32757 32757 32757 32757 32757 32759 32759 32759 3275
32757 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32761 32761 32761 32761 32762 32763 32764 32764 32764 32764 32765 32765 32765 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32767 32
〈N)= Flase : ↓
〈N)= Flase : ↓
gratulations! 通过了所有分支:)
```

### N=1000000

```
非序: 2
入测试算法:1
00000
```

# (省略构造序列)

```
| > m) = Flase : √
| + 2 * s - 1 < n) = True : √
| + 2 * s - 1 < n) = Flase : √
| + s + 1 < n - 1) = True : √
| + s - 1 < n - 1) = True : √
| + s - 1 < n - 1) = Flase : √
| s < N) = True : √
| s < N) = Flase : √
| ongratulations! 通过了所有分支:)
```

# N=10000000

```
ኵ: ᠘
测试算法:1
```

# (省略构造序列)

## 5.1.3 快速排序

#### N = 10

```
选择测试快式
确性测试: 0
法复杂性测试: 1
法效率测试模式: 0
输入测测试模式: 0
选择要测试模式: 0
```

## N=10000

```
[选择测试保入

- 通性测试: 0

- (法复杂性测试: 1

- (法效率测试: 2

- 5输入测试模式: 0

- (选择要测试的算法)
```

## (省略构造序列)

```
金刔排序结果从1到10000是否有序:
金刔结果: 排序正确,数列有序
- 大支遍历结果如下:
1 >= r) = True : ✓
1 >= r) = Flase : ✓
A[j] <= x) = True : ✓
A[j] <= x) = Flase : ✓
ongratulations! 通过了所有分支:)
```

## N=100000

### N=1000000

# N=10000000

# 5.2 算法复杂性测试

# 5.2.1 插入排序

## 理论分析

首先,插入排序的空间复杂度为O(1),只需一个元素的辅助空间,用于元素的位置交换。

## 最好情况

最好情况下,数组已经是有序的,每次考虑一个新的数据应该插入到什么位置时,只需要比较前一个元素即可得出结果,每次需要一次比较次数,每次将新数据插入到原有位置,需要一次腾挪次数。因此最好情况下,插入排序的 $C_{min}=N-1, M_{min}=N-1$ 。所以最好情况下的时间复杂度为O(N)。

### 最坏情况

数组完全逆序,插入第2个元素时要比较前1个元素,插入第3个元素时,要比较前2个元素,……,插入第N个元素,要比较前 N-1 个元素。

因此,最坏情况下的比较次数是  $C_{max} = 1 + 2 + 3 + \ldots + (N-1) = N(N-1)/2$ ,而在每次向前比较的同时,还要将用于比较的有序数列元素向后腾挪一位,再加上最后找到正确位置后插入当前新元素,因此,最坏情况下的腾挪次数

 $M_{max} = (1+1) + (2+1) + (3+1) + \ldots + (N-1+1) = N(N+1)/2 - 1$ 。所以最坏情况下的复杂度为  $O(N^2)$ 。

## 平均情况

在考虑第i个元素的插入位置时,最少比较1次,移动1次,最多比较i-1次,移动i次,因此平均比较次数 $C_{avg}=(N-1+N(N-1)/2)/2=(N^2+N-2)/4$ ,平均移动次数  $M_{avg}=(N-1+N(N+1)/2)/2=(N^2+7N-8)/4$ ,平均复杂度为 $O(N^2)$ 

运用以上公式,得到比较次数和腾挪次数的理论值:

N	最好情况 (理论)	最坏情况 (理论)	平均情况(理论)
10	M=9, C=9	M=54, C=45	M=40, C=27
100	M=99, C=99	M=5049, C=4950	M=2673, C=2524
1000	M=999, C=999	M=500499, C=499500	M=251748, C=250249
10000	M = 9999, C = 9999	M = 50004999, C = 49995000	M = 2500174998C = 2500024999

## 实际测试

对于插入排序,要达到最好情况要构造升序数列,要达到最坏情况要构造降序数列,测试平均情况将构造10次随机数列,取平均值。

### 测试结果汇总表

N	最好情况	最坏情况	平均情况
10	M=9, C=9	M=54, C=45	M=31, C=29
100	M=99, C=99	M=5049, C=4950	M=2495, C=2490
1000	M=999, C=999	M=500499, C=499500	M=252037, C=252030
10000	M = 9999, C = 9999	M = 50004999, C = 49995000	$M=24968711,\ C=24968701$

可以看到,最好情况和最坏情况和理论分析完全一致,平均情况在误差允许的范围内和理论分析也一致。

详细测试截图如下所示:

### N=10时测试结果

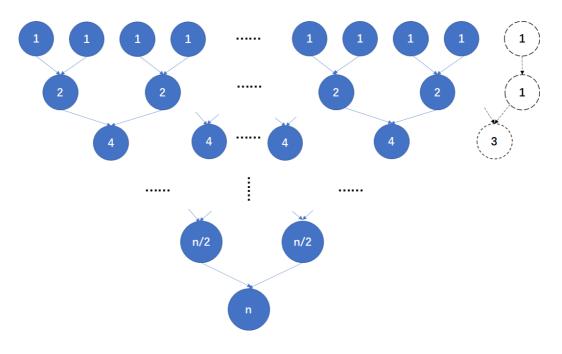
## N=100测试结果

# N=10000测试结果

# 5.2.2 合并排序

# 理论分析

合并排序的过程如下: 树高为NlogN



不论何种情况,在树的每一层上发生的腾挪次数一定为N,因为都需要将长度为N的序列搬运到另一个长度为N的数组上(且每个数据进搬运一次),因此 $M_{min}=M_{max}=NlogN$ 

### 比较次数

在最好情况下,每次合并时左侧数列均小于右侧数列,只需要比较一半数列长度次数,剩下的直接拷贝,比较次数约为N/2, $C_{min}\approx N/2*logN=1/2NlogN$ 。最坏情况下,每次合并时左右两侧大小分布均等,在合并两个长度为c的序列时,需要比较的次数为2c-1,需要比较完整的数列长度次数,

$$C_{max} pprox \sum_{i=0}^{log N-1} (N-2^i) = Nlog N - (1+2^{log N-1})*(log N)/2$$

运用上述公式,得到理论值为

N	最好情况(理论)	最坏情况 (理论)
10	M=40, C=20	M=40, C=23
100	M=700, C=350	M=700, C=537
1000	M=10000, C=5000	M=10000, C=8489
10000	M=140000, C=70000	M=140000, C=121809
100000	M=1700000, C=850000	M=1700000, C=1534465
1000000	M=20000000, C=10000000	M=20000000, C=18475713

#### 实际测试

对于合并排序,要达到最好情况,只需要构造降序数列即可。

要达到最坏情况,需要构造满足下列条件的数列:对于合并排序中可能划分出的所有子序列,左右子序列中的最大值与次大值必须出现在左子序列与右子序列的最右端,这样才能使所有子序列的排序过程能够比较子序列中的所有数字。

## 构造方法如下:

首先生成**1,2,3,...,N**的有序数列,然后调用Separate函数,依据合并排序的顺序,从大到小遍历所有子序列,对于每个子序列,将原序列数据从大到小逆序分别存储在两个子序列中,其结果将最大值放在了子序列最右端。

```
void DataCreate::anti_MergePass(int s)
{
   int i = 0;
   while (i + 2 * s - 1 < N) //和合并排序子序列遍历过程相同
       anti_Merge(i, i + s - 1, i + 2 * s - 1);
       i = i + 2 * s;
   }
   if (i + s - 1 < N - 1)
      anti_Merge(i, i + s - 1, N - 1);
   }
}
void DataCreate::anti_Merge(int 1, int m, int r)
   int i = m, j = r, k = r;
   while ((i >= 1) && (j >= m + 1)) //将原序列数据从大到小逆序
分别存储在两个子序列中
   {
      A[i--] = data[k--].Value;
      A[j--] = data[k--].Value;
   }
   if (i < 1)
                                       //多余的数据同样需要存储
       for (int q = j; q >= m + 1; q--)
          A[q] = data[k--].Value;
   }
   else
       for (int q = i; q >= 1; q--)
          A[q] = data[k--].Value;
   for (int i = 1; i <= r; ++i)
      data[i] = A[i];
}
/*
例: N=10
生成 10 4 6 2 8 3 5 1 9 7
```

## 测试结果一览:

N	最好情况	最坏情况	平均情况
10	M=40,C=15	M=40,C=27	M=40,C=23
100	M=700, C=316	M=700, C=589	M=700, C=556

N	最好情况	最坏情况	平均情况
1000	M=10000, C=4932	M=10000, C=8985	M = 10000C = 8721
10000	M=140000, C=64608	M=140000, C=126321	M=140000C=123661
100000	M=1700000, C=815024	M=1700000, C=1592993	M = 1700000C = 1566558
1000000	M=20000000, C=9884992	M=20000000, C=18980545	M = 20000000 C = 18715951

从结果可以看出,最好情况与最差情况的实际表现与理论分析十分接近,推测误差在于合并排序中在每次指定子序列长度合并时会剩下一个小序列进行特殊处理,由此导致一些细微的偏差。在误差允许的范围内,可以认为测试结果符合预期。

与此同时,在针对随机数列的测试中,平均情况的比较次数与最坏情况十分接近,可以认为合并排序是一个在平均条件下十分接近最坏情况的算法。

详细测试截图如下所示:

### 5.2.3 快速排序

### 理论分析

在最好情况下,每次都划分得很均匀,如果排序 $\mathbf{n}$ 个关键字,其递归树的深度就为  $log_2N+1$ ,即仅需递归 $log_2N$ 次,需要时间为 $\mathbf{T}$ ( $\mathbf{n}$ )的话,第一次Partiation应该是需要对整个数组扫描一遍,做 $\mathbf{n}$ 次比较。然后,获得的枢轴将数组一分为二,那么各自还需要  $\mathbf{T}$ ( $\mathbf{n}$ )的时间(注意是最好情况,所以平分两半)。于是不断地划分下去,我们就有了下面的不等式推断。

也就是说,在最优的情况下,快速排序算法的时间复杂度为O(nlogn)。

在最坏的情况下,待排序的序列为正序或者逆序,每次划分只得到一个比上一次划分少一个记录的子序列,注意另一个为空。如果递归树画出来,它就是一棵斜树。此时需要执行 $\mathbf{n}$ -1次递归调用,且第 $\mathbf{i}$ 次划分需要经过 $\mathbf{n}$ - $\mathbf{i}$ 次关键字的比较才能找到第 $\mathbf{i}$ 个记录,也就是枢轴的位置,因此比较次数为 $\mathbf{1}$ +2+3+...+N=N(N+1)/2,复杂度为 $O(N^2)$ 

# 实际测试

对于快速排序,要达到最好情况,需要构造满足下列条件的数列:每个子序列选择的基准数是这段序列的中值,构造方法如下:

首先生成**1,2,3,...,N**的有序数列,然后进行Adjust调整操作: 先将序列排序,然后取中间的那个值,将它和最左端的值交换(我们的快速排序算法选择序列最左端的值作为基准值)。然后将原序列分为两个大小相同的子序列。不过要注意:

6	10	13	5	8	3	2	11
6	5	13	10	8	3	2	11
6	5	3	10	8	13	2	11
6	5	3	2	8	13	10	11
2	5	3	6	8	13	10	11

左边的子序列,在快速排序的过程中,原来在最右边的数字被换到了最左边。因此,我们调整数列的过程中,递归进入子序列时,还要传入belong参数告诉子序列它是左子序列还是右子序列,如果是左子序列应当把中值放到最右端,如果是右子序列应当把中值放到最左端。

```
void DataCreate::Adjust(int 1, int r, int belong)
   if (1 >= r)
       return;
   int base = (1 + r) / 2;
   if (belong == 0)
                                //判断当前是左子序列还是右子序列
       Swap(data[r], data[base]); //如果是左子序列应当把中值放到最右端
       if (1 < r)
           sort(data + 1, data + r - 1);
       Adjust(1, base -1, 0);
       Adjust(base, r - 1, 1);
   }
   else
   {
       Swap(data[1], data[base]); //如果是右子序列应当把中值放到最左端
       if (1 < r)
           sort(data + 1 + 1, data + r);
       Adjust(1 + 1, base, 0);
       Adjust(base +1, r, 1);
   }
}
/*
如: N=10
5 1 4 3 2 8 7 6 9 10
```

## 测试结果一览:

N	最好情况	最坏情况	平均情况
10	M=12,C=26	M=18,C=55	M=22,C=34
100	M=134, C=552	M=198, C=5050	M=647, C=802
1000	M=1276, C=8753	M=1998, C=500500	M=12004C=12790
10000	M=11808, C=119536	M=INF, C=INF	M=152739C=174981
100000	M=134462, C=1537874	M=INF, C=INF	M=1933120C=2198957
1000000	M = 1310716, C = 18737875	M=INF, C=INF	M = 20721713 C = 36802590

最好情况与平均情况均符合O(NlogN)的复杂度,最坏情况符合 $O(N^2)$ 的复杂度。在测试过程中我发现,在N=10000即之后的测试过程中,在最坏情况下出现了爆栈的情况,原因在于在最坏情况下,序列长度为N会进入N层递归调用,过多的递归调用容易导致栈溢出。

## N=10测试结果

N=100测试结果

### N=1000测试结果

## N=100000 测试结果

N=1000000 测试结果

## 5.3 算法效率测试

对于每个N, 生成10组随机数据, 比较腾挪次数、比较次数和程序运行时间

### N = 10

```
N = 10
构造10次随机原始序列:
原始序列:
4853 13215 542 8604 3296 28104 9002 31272 20848 12737
插入排序: 腾挪次数: 23 比较次数: 22 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 25运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 22 比较次数: 33运行时间0
-----第2次测试------
原始序列:
4856 23963 18406 32668 13611 32030 12114 28344 4592 6589
插入排序: 腾挪次数: 36 比较次数: 35 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 21运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 22 比较次数: 33运行时间0
原始序列:
4860 1944 3502 23963 23925 3189 15227 25417 21103 441
插入排序: 腾挪次数: 30 比较次数: 28 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 25运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 22 比较次数: 30运行时间0
------第4次测试-----
原始序列:
4863 12692 21366 15258 1472 7116 18339 22490 4847 27060
插入排序: 腾挪次数: 25 比较次数: 24 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 25运行时间0
```

```
快速排序: 腾挪次数: 16 比较次数: 29运行时间0
-----第5次测试------
原始序列:
4866 23441 6463 6554 11786 11043 21452 19563 21359 20912
插入排序: 腾挪次数: 22 比较次数: 22 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 25运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 16 比较次数: 41运行时间0
原始序列:
4870 1421 24327 30617 22101 14969 24564 16635 5102 14764
插入排序: 腾挪次数: 32 比较次数: 31 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 21运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 24 比较次数: 31运行时间0
原始序列:
4873 12170 9423 21912 32415 18896 27677 13708 21614 8616
插入排序: 腾挪次数: 28 比较次数: 28 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 24运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 20 比较次数: 38运行时间0
原始序列:
4876 22918 27287 13208 9962 22823 30789 10781 5357 2468
插入排序: 腾挪次数: 37 比较次数: 36 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 21运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 22 比较次数: 36运行时间0
-----第9次测试------
原始序列:
4879 898 12383 4503 20277 26749 1133 7853 21869 29088
插入排序: 腾挪次数: 21 比较次数: 20 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 25运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 18 比较次数: 25运行时间0
------第10次测试-----
原始序列:
4883 11647 30247 28566 30591 30676 4246 4926 5613 22940
插入排序: 腾挪次数: 30 比较次数: 29 运行时间0
合并排序: 腾挪次数: 40 比较次数: 21运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 28 比较次数: 29运行时间0
-----总情况------
插入排序: 平均腾挪次数: 28 平均比较次数: 27平均运行时间0
合并排序: 平均腾挪次数: 40 平均比较次数: 23平均运行时间0
快速排序: 平均腾挪次数: 21 平均比较次数: 32平均运行时间0
```

N = 100

N=100	
构造10次随机原始序列:	
原始序列:	

5010 4851 6054 16763 6876 19979 27328 21834 26973 12541 4550 16092 9723 20329 30957 1123 7598 25526 19727 19237 7478 4602 17147 20863 4873 21017 26896 18986 3472 17712 14090 31933 27026 31284 20507 20339 17649 26070 11070 7727 2452 4522 5576 701 9380 18057 17471 29275 15867 13876 25968 21624 985 26681 27580 30395 24281 28187 179 583 8740 8877 22244 22078 3045 30911 19954 27523 10749 7420 7403 9669 30455 28435 30422 13753 17214 5653 23947 28838 16013 13342 5832 16679 13736 32056 30592 5421 22602 13692 31094 27971 7006 23163 20235 28950 2929 31708 26964 11572

插入排序: 腾挪次数: 2285 比较次数: 2280 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 563运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 498 比较次数: 667运行时间0

## 原始序列:

5013 15599 23918 8059 17190 23905 30440 18907 10716 6393 4402 16136 31862 4108 20381 18461 1648 11184 21557 9994 18893 20082 32162 27878 19476 32076 15436 2694 13465 5329 17091 20302 8189 24235 5469 19015 19704 6983 15649 16754 1622 21455 8675 13148 28224 2137 20401 5875 3773 3678 11118 19864 21369 13165 23229 31605 20676 30752 25377 14865 31709 30544 17506 22817 14449 19845 4658 8610 24415 5296 20752 20260 8894 18461 6765 13161 29473 9379 19469 14382 18969 22814 18097 13129 32252 6943 32755 16628 741 29665 27505 6249 15612 22911 32557 3759 18424 26725 22324 15283

插入排序: 腾挪次数: 2381 比较次数: 2376 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 556运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 578 比较次数: 721运行时间0

### 原始序列:

5016 26347 9014 32122 27505 27832 784 15980 27228 245 4254 16180 21233 20654 9806 3031 28466 29609 23388 750 30309 2795 14409 2124 1311 10366 3977 19169 23458 25714 20092 8670 22120 17186 23199 17690 21760 20665 20228 25781 793 5620 11775 25595 14301 18985 23331 15243 24448 26248 29036 18104 8984 32417 18878 47 17071 550 17806 29146 21910 19442 12767 23557 25853 8779 22129 22464 5313 3172 1333 30852 20101 8486 15875 12569 8964 13104 14991 32694 21925 32285 30362 9579 18001 14597 2149 27836 11649 12870 23915 17295 24219 22660 12111 11336 1150 21742 17684 18994

插入排序: 腾挪次数: 2557 比较次数: 2554 运行时间0

合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 557运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 624 比较次数: 708运行时间0

### 原始序列:

5020 4328 26879 23417 5051 31759 3897 13053 10971 26865 4106 16224 10603 4432 31998 20369 22516 15266 25219 24275 8956 18276 29424 9139 15914 21425 25285 2877 683 13331 23092 29807 3283 10137 8161 16366 23816 1578 24807 2040 32732 22552 14875 5274 377 3064 26260 24611 12354 16050 14187 16344 29367 18900 14527 1257 13465 3116 10236 10660 12111 8341 8029 24297 4489 30481 6832 3550 18979 1048 14682 8675 31308 31280 24986 11977 21223 16830 10514 18238 24881 8988 9859 6028 3749 22251 4312 6276 22557 28843 20326 28340 57 22409 24434 18913 16644 16759 13043 22705

插入排序: 腾挪次数: 2552 比较次数: 2546 运行时间0

合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 561运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 476 比较次数: 781运行时间0

-----第5次测试------

## 原始序列:

5023 15076 11975 14713 15366 2918 7009 10125 27483 20717 3958 16268 32742 20979 21422 4939 16566 923 27050 15032 20372 989 11670 16153 30517 32484 13826 19353 10676 948 26093 18176 17215 3088 25891 15042 25872 15259 29386 11067 31902 6717 17975 17721 19221 19912 29190 1211 260 5852 32105 14584 16982 5384 10176 2467 9860 5681 2666 24942 2313 30008 3291 25037 15893 19415 24303 17404 32645 31692 28030 19267 9747 21306 1329 11385 714 20556 6036 3783 27838 18459 22124 2478 22265 29906 6474 17483 696 12048 16736 6618 8664 22157 3988 26490 32139 11777 8403 26415

插入排序: 腾挪次数: 2530 比较次数: 2527 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 566运行时间0.997 快速排序: 腾挪次数: 528 比较次数: 692运行时间0

-----第6次测试------

### 原始序列:

5026 25825 29839 6008 25680 6844 10122 7198 11227 14569 3810 16312 22113 4757 10846 22277 10616 19349 28880 5788 31787 16470 26685 23168 12352 10775 2366 3060 20669 21333 29094 6545 31146 28807 10853 13717 27927 28940 1197 20094 31073 23650 21075 30168 5298 3992 32119 10579 20935 28422 17255 12824 4598 24635 5825 3677 6255 8247 27864 6455 25282 18907 31321 25776 27297 8349 9007 31258 13543 29568 8611 29859 20954 11332 10440 10793 12973 24281 1558 22095 30794 27930 1621 31696 8014 4792 8637 28691 11604 28020 13147 17664 17270 21906 16310 1299 14865 6794 3763 30126

插入排序: 腾挪次数: 2516 比较次数: 2513 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 564运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 574 比较次数: 695运行时间0

### 原始序列:

5030 3805 14935 30071 3227 10771 13234 4271 27738 8421 3662 16356 11484 21303 270 6847 4666 5006 30711 29313 10435 31951 8932 30183 26955 21834 23675 19536 30661 8950 32095 27681 12309 21758 28583 12393 29983 9853 5776 29121 30244 7814 24174 9847 24142 20840 2281 19947 8841 18224 2405 11064 24981 11119 1474 4887 2649 10813 20294 20737 15483 7805 26583 26516 5933 30051 26478 12344 27210 27444 21960 7682 32161 1357 19551 10201 25233 28007 29848 7639 982 4633 13886 28145 26530 12446 10799 7131 22511 11225 9557 28710 25876 21654 28632 8876 30359 1811 31890 1069

插入排序: 腾挪次数: 2453 比较次数: 2450 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 559运行时间0

快速排序: 腾挪次数: 686 比较次数: 759运行时间0

### 原始序列:

5033 14553 31 21367 13542 14698 16347 1344 11482 2273 3514 16400 855 5082 22462 24186 31484 23431 32542 20070 21850 14664 23947 4429 8790 124 12215 3244 7886 29336 2328 16050 26240 14710 13546 11068 32039 23535 10355 5380 29414 24747 27274 22293 10218 4920 5210 29315 29516 8026 20324 9304 12596 30370 29891 6097 31812 13378 12724 2251 5684 29472 21845 27256 17337 18985 11181 26198 8108 25320 2541 18274 10600 24151 28661 9609 4724 31733 25370 25951 3938 14104 26151 24595 12278 20101 12961 18339 651 27198 5968 6988 1715

插入排序: 腾挪次数: 2399 比较次数: 2398 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 571运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 530 比较次数: 770运行时间0

21403 8186 16453 13086 29596 27250 4780

------第9次测试------

## 原始序列:

5036 25302 17895 12662 23856 18624 19459 31184 27993 28893 3367 16444 22994 21628 11887 8756 25534 9088 1604 10826 498 30145 6194 11444 23393 11183 756 19719 17879 16953 5329 4419 7403 7661 31276 9744 1327 4448 14934 14407 28585 8912 30374 1972 29063 21768 8140 5915 17422 30596 5474 7544 212 16854 25540 7307 28207 15944 5154 16532 28653 18371 17107 27996 28741 7919 28652 7284 21774 23196 15890 28865 21807 14177 5004 9017 16983 2690 20892 11495 6894 23575 5648 21045 30795 27755 15124 29546 11559 10403 2378 18034 10321 21152 20509 24030 28580 24614 22610 8491

插入排序: 腾挪次数: 2449 比较次数: 2445 运行时间0 合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 562运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 502 比较次数: 721运行时间0

### 原始序列:

5039 3282 2992 3957 1403 22551 22572 28257 11737 22745 3219 16489 12365 5406 1311 26094 19584 27513 3435 1583 11913 12858 21209 18458 5228 22242 22065 3427 27872 4570 8330 25556 21334 612 16238 8420 3382 18129 19513 23434 27756 25845 706 14419 15139 5848 11069 15283 5328 20398 23392 5784 20595 3337 21189 8517 24602 18510 30352 30814 18854 7269 12369 28735 7377 29621 13356 21138 2672 21072 29239 6689 246 4202 14115 8424 29242 6416 16415 29807 9850 279 17913 17495 16543 2642 17286 7986 22466 26376 31557 29080 18928 20900 63 31607 11306 19631 17969 12202

插入排序: 腾挪次数: 2298 比较次数: 2291 运行时间0

合并排序: 腾挪次数: 700 比较次数: 545运行时间0 快速排序: 腾挪次数: 482 比较次数: 715运行时间0

插入排序: 平均腾挪次数: 2442 平均比较次数: 2438平均运行时间0 合并排序: 平均腾挪次数: 700 平均比较次数: 560平均运行时间0.0997

快速排序: 平均腾挪次数: 547 平均比较次数: 722平均运行时间0

## N=1000(以下省略原始数列):

# 

插入排序: 腾挪次数: 252431 比较次数: 252427 运行时间7.492

```
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8742运行时间0.994
快速排序: 腾挪次数: 9258 比较次数: 11289运行时间0.998
插入排序: 腾挪次数: 257816 比较次数: 257811 运行时间7.022
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8718运行时间0.997
快速排序: 腾挪次数: 9122 比较次数: 11022运行时间0
-----第3次测试------
插入排序: 腾挪次数: 248552 比较次数: 248546 运行时间6.981
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8718运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 7964 比较次数: 11736运行时间0
------第4次测试-----
插入排序: 腾挪次数: 251243 比较次数: 251239 运行时间7.981
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8735运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 8880 比较次数: 11184运行时间0
插入排序: 腾挪次数: 250849 比较次数: 250847 运行时间6.981
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8722运行时间0.998
快速排序: 腾挪次数: 10238 比较次数: 11802运行时间0.997
-----第6次测试-----
插入排序: 腾挪次数: 248661 比较次数: 248655 运行时间6.981
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8713运行时间0.997
快速排序: 腾挪次数: 9470 比较次数: 11550运行时间0.997
插入排序: 腾挪次数: 252469 比较次数: 252463 运行时间7.979
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8698运行时间0.997
快速排序: 腾挪次数: 9768 比较次数: 11482运行时间0.998
-----第8次测试-----
插入排序: 腾挪次数: 248299 比较次数: 248294 运行时间7.978
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8705运行时间0.997
快速排序: 腾挪次数: 11004 比较次数: 12275运行时间0.997
插入排序: 腾挪次数: 251874 比较次数: 251869 运行时间6.981
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8723运行时间0
快速排序: 腾挪次数: 10026 比较次数: 11627运行时间0
-----第10次测试-----
插入排序: 腾挪次数: 242498 比较次数: 242495 运行时间6.967
合并排序: 腾挪次数: 10000 比较次数: 8706运行时间0.997
快速排序: 腾挪次数: 8230 比较次数: 11899运行时间0.997
插入排序: 平均腾挪次数: 250469 平均比较次数: 250464平均运行时间7.334
合并排序:平均腾挪次数:10000 平均比较次数:8718平均运行时间0.699
快速排序: 平均腾挪次数: 9396 平均比较次数: 11586平均运行时间0.598
```

## N=10000

# 

```
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123640运行时间7.98
快速排序: 腾挪次数: 154586 比较次数: 168782运行时间8.976
插入排序: 腾挪次数: 25097050 比较次数: 25097033 运行时间702.314
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123700运行时间8.976
快速排序: 腾挪次数: 157550 比较次数: 159472运行时间8.976
插入排序: 腾挪次数: 24905129 比较次数: 24905125 运行时间691.478
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123729运行时间8.976
快速排序: 腾挪次数: 126364 比较次数: 155858运行时间8.005
插入排序: 腾挪次数: 25189502 比较次数: 25189496 运行时间711.055
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123760运行时间7.981
快速排序: 腾挪次数: 139846 比较次数: 156134运行时间8.498
-----第5次测试------
插入排序: 腾挪次数: 24870109 比较次数: 24870103 运行时间694.171
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123669运行时间8.892
快速排序: 腾挪次数: 157668 比较次数: 164789运行时间8.976
插入排序: 腾挪次数: 25045213 比较次数: 25045204 运行时间698.926
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123673运行时间8.982
快速排序: 腾挪次数: 150950 比较次数: 167140运行时间7.978
插入排序: 腾挪次数: 24936534 比较次数: 24936528 运行时间687.138
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123640运行时间8.975
快速排序: 腾挪次数: 136698 比较次数: 159222运行时间8.976
插入排序: 腾挪次数: 24934668 比较次数: 24934657 运行时间695.193
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123666运行时间7.978
快速排序: 腾挪次数: 135174 比较次数: 163275运行时间7.979
插入排序: 腾挪次数: 24782750 比较次数: 24782744 运行时间687.142
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123684运行时间8.976
快速排序: 腾挪次数: 162968 比较次数: 176435运行时间9.976
插入排序: 腾挪次数: 25291254 比较次数: 25291248 运行时间698.133
合并排序: 腾挪次数: 140000 比较次数: 123722运行时间8.972
快速排序: 腾挪次数: 138730 比较次数: 170615运行时间8.988
插入排序: 平均腾挪次数: 24999887 平均比较次数: 24999879平均运行时间697.52
合并排序:平均腾挪次数: 140000 平均比较次数: 123688平均运行时间8.669
快速排序: 平均腾挪次数: 146053 平均比较次数: 164172平均运行时间8.733
```

### N=100000

### N=100000

构造10次随机原始序列:

插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF

合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566514运行时间103.374 快速排序: 腾挪次数: 1785644 比较次数: 2092572运行时间106.751

```
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566482运行时间102.746
快速排序: 腾挪次数: 2011874 比较次数: 2145910运行时间115.228
-----第3次测试------
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566501运行时间103.23
快速排序: 腾挪次数: 2044898 比较次数: 2199411运行时间112.907
-----第4次测试-----
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566341运行时间104.251
快速排序: 腾挪次数: 1745834 比较次数: 2087402运行时间104.908
-----第5次测试-----
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566283运行时间105.225
快速排序: 腾挪次数: 1790484 比较次数: 2091532运行时间105.226
-----第6次测试-----
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566444运行时间103.722
快速排序: 腾挪次数: 1889598 比较次数: 2082892运行时间111.702
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566537运行时间103.724
快速排序: 腾挪次数: 1769492 比较次数: 2085727运行时间107.712
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566342运行时间103.722
快速排序: 腾挪次数: 1834410 比较次数: 2132055运行时间108.711
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566727运行时间103.724
快速排序: 腾挪次数: 1874600 比较次数: 2102462运行时间107.168
-----第10次测试-----
插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF
合并排序: 腾挪次数: 1700000 比较次数: 1566415运行时间105.827
快速排序: 腾挪次数: 1836156 比较次数: 2061210运行时间107.713
插入排序: 平均腾挪次数: INF 平均比较次数: INF平均运行时间INF
合并排序: 平均腾挪次数: 1700000 平均比较次数: 1566458平均 运行时间103.96
快速排序: 平均腾挪次数: 1858299 平均比较次数: 2108117平均运行时间108.80
```

### N=1000000

### N=1000000

构造10次随机原始序列:

插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF

合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18716164运行时间1255.88 快速排序: 腾挪次数: 22607830 比较次数: 37561564运行时间1730.01 ------第2次测试------

插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF

合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18716361运行时间1239.07 快速排序: 腾挪次数: 21691938 比较次数: 36003737运行时间1609.5 插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18716139运行时间1269.71 快速排序: 腾挪次数: 21264938 比较次数: 35153019运行时间1595.75 插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18714672运行时间1256.25 快速排序: 腾挪次数: 22581378 比较次数: 36274983运行时间1686.48 插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18716069运行时间1246.78 快速排序: 腾挪次数: 20446144 比较次数: 36142673运行时间1599.79 -----第6次测试-----插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18715129运行时间1235.28 快速排序: 腾挪次数: 20408936 比较次数: 35904266运行时间1572.82 插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18716018运行时间1213.44 快速排序: 腾挪次数: 20066808 比较次数: 36690773运行时间1575.81 插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18715010运行时间1220.45 快速排序: 腾挪次数: 20221116 比较次数: 36690962运行时间1580.32 插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18715826运行时间1219.03 快速排序: 腾挪次数: 21199768 比较次数: 35809143运行时间1576.54 -----第10次测试-----插入排序: 腾挪次数: INF 比较次数: INF 运行时间INF 合并排序: 腾挪次数: 20000000 比较次数: 18715371运行时间1223.86 快速排序: 腾挪次数: 20686440 比较次数: 35361099运行时间1553.09 插入排序: 平均腾挪次数: INF 平均比较次数: INF平均运行时间INF 合并排序: 平均腾挪次数: 20000000 平均比较次数: 18715675平均运行时间1237.98

快速排序: 平均腾挪次数: 21117529 平均比较次数: 36159221平均运行时间1608.01

### 腾挪次数比较

N	插入排序	合并排序	快速排序
10	28	40	21
100	2442	700	547
1000	250469	10000	9396
10000	24999887	140000	146053
100000	INF	1700000	1858299
1000000	INF	20000000	21117529
10000000	INF	240000000	240209383

插入排序的腾挪次数远大于合并排序与快速排序。合并排序在N较小时的腾挪次数大于快速排序,在N较大时的腾挪次数小于快速排序。

## 比较次数比较

N	插入排序	合并排序	快速排序
10	27	23	32
100	2438	560	722
1000	250464	8718	11586
10000	24999879	123688	164172
100000	INF	1566458	2108117
1000000	INF	18715675	36159221
10000000	INF	224002210	1733804951

插入排序的比较次数远大于合并排序与快速排序。合并排序腾挪次数小于快速排序,而且在 表中最后一行可以看到,在N=1e7时,快速排序的比较次数显著地提高了。

## 运行时间比较(ms)

N	插入排序	合并排序	快速排序
10	0	0	0
100	0	0.0997	0
1000	7.334	0.699	0.598
10000	697.52	8.669	8.733
100000	INF	103.96	108.80
1000000	INF	1237.98	1608.01
10000000	INF	14576.1	57602.5

插入排序的运行时间远大于合并排序与快速排序。合并排序在N较小时的运行时间大于快速排序,在N较大时的运行时间小于快速排序。

## 总结

插入排序的效率远不如合并排序与快速排序。而合并排序与快速排序不相上下,十分接近。 具体来说,在数据规模较小时快速排序效率较高,在数据规模较大时合并排序效率较高。这 是由于快速排序在数据规模较大时的比较次数显著上升导致的。

# 六、实验总结

在本次排序算法比较实验中,我对三种算法的执行过程、运行效率都有了一个清晰的认知。 其中给我留下最深刻印象的是快速排序的最优情况数据构造与合并排序的最差情况的数据构造。我反复思索这两种排序方式的排序过程,画出例子进行思考,多次修改程序,最终才成功地写出了数据构造程序。这次实验带给我的收获不仅在于加深了对于排序算法的理解,更在于对问题的思考与解决能力。