实验一: Hamming 级数求和

一、问题提出

Hamming于 1962年提出了一个级数求和问题:

$$\psi(x) = \sum_{k=1}^{\infty} \frac{1}{k(k+x)}$$

取 2001 个 x 值,即 x=0.000, 0.001,0.002,... ,2.000, 计算所有关于 x 的级数, 并要求**误差**控制在 0.5e-12 精度范围。

二、要求

- 1、分别计算级数中 k=1000 及 k=100000 时结果并加以分析,比较两者算法复杂度:
- 2、给出合适的级数求和误差控制算法,考虑如何减少计算的步骤和时间;输出形式为:

•••

1.00 1.000000000000

•••

2.00 0.750000000000

3、分析新算法的误差,并对比评价新旧算法。

实验报告内容要求

- 一、实验题目名称
- 二、专业、班级、姓名
- 三、目的和意义

方法的理论意义和实用价值,如 Neville 插值算法利用逐次线性插值产生一个从低到高次的 Langrange 插值多项式序列,避免了当增加新节点时从头开始计算的问题。又如改进牛顿法,它适用于任意连续函数在大范围中求解,并且避免计算导数值,使其更具有实用性。

- 四、计算公式(算法)
- 五、结构程序设计
- 六、结果讨论和分析

如初值对结果的影响;不同方法的比较;该方法的特点和改进;整个实验过程中(包括程序编写,上机调试等)出现的问题 及其处理等广泛的问题,以此扩大知识面和对实验环节的认识。