Evaluarea națională pentru absolvenții clasei a VIII-a Februarie 2023 Matematică

Barem de evaluare și de notare

Simulare județeană

Se acordă 10 puncte din oficiu. Nota finală se calculează prin împărțirea la 10 a punctajului total acordat pentru lucrare.

SUBIECTUL I ȘI SUBIECTUL al II-lea:

- Se punctează doar rezultatul, astfel: pentru fiecare răspuns se acordă fie 5 puncte, fie 0 puncte.
- Nu se acordă punctaje intermediare.

SUBIECTUL al III-lea:

- Pentru orice soluție corectă, chiar dacă este diferită de cea din barem, se acordă punctajul corespunzător.
- Nu se acordă fracțiuni de punct, dar se pot acorda punctaje intermediare pentru rezolvări parțiale, în limitele punctajului indicat de barem.

 SUBIECTUL I
 (30 puncte)

 1. b)
 5p

 2. c)
 5p

 3. c)
 5p

 4. a)
 5p

 5. d)
 5p

 6. a)
 5p

SUBIECTUL al II-lea (30 puncte)

1.	c)	5p
2.	b)	5p
3.	d)	5p
4.	d)	5p
5.	c)	5 p
6.	b)	5p

SUBIECTUL al III-lea (30 puncte)

a) $45 = 11b + 2 \Rightarrow 11b = 43$	1p
43 nu este divizibil cu 11 $\Rightarrow a$ nu poate fi 45	1p
$\mathbf{b}) \begin{cases} a = 11b + 2 \\ \frac{a+b}{2} = 25 \end{cases}$	1р
a=46	1p
b=4	1p
a) $a = \frac{2\sqrt{5}}{3} - \frac{5-\sqrt{5}}{3} - \frac{\sqrt{5}}{3}$	1p
a = -1	1p
	43 nu este divizibil cu 11 \Rightarrow a nu poate fi 45 b) $\begin{cases} a = 11b + 2 \\ \frac{a+b}{2} = 25 \end{cases}$ $a=46$ $b=4$ a) $a = \frac{2\sqrt{5}}{15} - \frac{5-\sqrt{5}}{5} - \frac{\sqrt{5}}{3}$

	b) $(6a - b + 2\sqrt{3})^{2023} = (-6 - 2\sqrt{3} + 5 + 2\sqrt{3})^{2023}$	1р
	$=(-1)^{2023}$	1р
	= -1	1p
3.	a) $E(x) = \frac{x^2 + 4x + 4}{x^2 - 25} \cdot \frac{x^2 - 25}{2x + 4}$	1р
	$E(x) = \frac{(x+2)^2}{2(x+2)} = \frac{x+2}{2}$	1р
	c) $\left 4 \cdot \frac{x+2}{2} - 5 \right = 5$	1р
		1p
	$ 2x - 1 = 5 \implies x \in \{-2; 3\}$ $x \in \mathbb{R}/\{-5; -2; 5\} \implies S = \{3\}$	1р
4.	a) $\triangle DAB$ dreptunghic isoscel $\Rightarrow \angle DAB = 45^{\circ}$, $\triangle EAC$ dreptunghic isoscel $\Rightarrow \angle EAC = 45^{\circ}$	1р
	$\angle DAE = \angle DAB + \angle BAC + \angle EAC = 180^{\circ} \Rightarrow D, A, E \text{ coliniare}$	1p
	b) AM mediană $\Rightarrow AM = BM = MC$	1р
	$AM = BM$ și $AD = DB \Rightarrow DM$ mediatoarea segmentului $AB \Rightarrow PA = 6$ cm și $\angle APM = 90^{\circ}$	
	EM mediatoarea segmentului $AC \Rightarrow AQ = 8 \ cm \ şi \ ∢AQM = 90^{\circ}$.	1р
	$APMQ$ dreptunghi $\Rightarrow A_{APMQ} = 48 cm^2$	1р
5.	a) $NC \parallel AB \Rightarrow \Delta NCM \sim \Delta ABM \Rightarrow$	1р
	$\Rightarrow \frac{NC}{AB} = \frac{CM}{BM} \Rightarrow NC = 6 cm$	1р
	b) $AC = 18\sqrt{2} \ cm, AM = 9\sqrt{13} \ cm$	1p
	$A_{\Delta ACM} = 81 \ cm^2$	1р
	$A_{\Delta ACM} = \frac{AC \cdot AM \cdot \sin \left(\angle CAM \right)}{2} \Rightarrow \sin(\angle CAM) = \frac{1}{\sqrt{26}} = \frac{\sqrt{26}}{26}.$	1р
6.	a) $\triangle ABC$ dreptunghic $AC^2 = AB^2 + BC^2 \Rightarrow AC = 25 cm$	1р
	$ACGE$ pătrat $\Rightarrow AE = 25 cm$	1р
	b) $NP \parallel EF, P \in FG \text{ si } EF \perp (BFC) \Rightarrow NP \perp (BFC)$	1р
	$pr_{(BFC)}MN = MP \Rightarrow \sphericalangle[MN, (BFC)] = \sphericalangle NMP$	1р
	$NP = 16 \ cm, MP = \sqrt{409} \ cm \Rightarrow tg(4NMP) = \frac{NP}{MP} = \frac{16\sqrt{409}}{409}$	1р