

# 最近公共祖先—— 欧拉序RMQ算法代码实现



主讲人：邓哲也



# 欧拉序RMQ算法代码实现

- 树的存储结构:
- `struct edge{`
- `int v, next;`
- `}e[M];`
- `int h[N], etot;`
- 采用邻接链表来存树，其中h[]是头数组，e[]是边数组

# 欧拉序RMQ算法代码实现

- 添加边
- `void add_edge(int x, int y) {`
- `e[etot].v = y;`
- `e[etot].next = h[x];`
- `h[x] = etot ++;`
- `}`
- `h[]`初始化为-1, `etot`初始化为0

# 欧拉序RMQ算法代码实现

- dfs, 得到欧拉序列、每个点第一次出现在欧拉序列的位置, 和每个点的深度信息。

```
• void dfs(int u, int fa, int dep) {  
•     ++ cnt;  
•     f[cnt][0] = dep;  
•     g[cnt][0] = u;  
•     fir[u] = cnt;  
•     for (int i = h[u]; i != -1; i = e[i].next) {  
•         if (e[i].v != fa) {  
•             dfs(e[i].v, u, dep + 1);  
•             ++ cnt;  
•             f[cnt][0] = dep;  
•             g[cnt][0] = u;  
•         }  
•     }  
• }
```

# 欧拉序RMQ算法代码实现

- 初始化ST表，注意这里不仅要记录最小值 $f[i][j]$ ，还要记录最小值出现的位置 $g[i][j]$ 。

- ```
void init_rmq(int x, int y) {  
•     for (int j = 1; (1 << j) <= cnt; j++)  
•         for (int i = 1; i + (1 << j) - 1 <= cnt; i++) {  
•             int k = i + (1 << j);  
•             if (f[i][j - 1] < f[k][j - 1]) {  
•                 f[i][j] = f[i][j - 1];  
•                 g[i][j] = g[i][j - 1];  
•             } else {  
•                 f[i][j] = f[k][j - 1];  
•                 g[i][j] = g[k][j - 1];  
•             }  
•         }  
•     }  
• }
```

# 欧拉序RMQ算法代码实现

- 找到u和v两个第一次在欧拉序列中出现的位置，用ST表找到最小值对应的节点。

- ```
int lca(int u, int v) {  
    u = fir[u];  
    v = fir[v];  
    if (u > v) swap(u, v);  
    int j = lg[v - u + 1];  
    int k = v - (1 << j) + 1;  
    if (f[u][j] < f[k][j])  
        return g[u][j];  
    else  
        return g[k][j];  
}
```

下节课再见