

思路题



主讲人：邓哲也



HDU 5649 DZY Loves Sorting

DZY 有一个数组 $a[1..n]$ ，它是一个长度为 n 的全排列。

现在他想执行多次下列两种操作：

0 1 r ：表示对 $a[1..r]$ 进行升序排序

1 1 r ：表示对 $a[1..r]$ 进行降序排序

问经过 m 次操作后， $a[k]$ 为多少？

Sample Input

```
1
6 3
1 6 2 5 3 4
0 1 4
1 3 6
0 2 4
3
```

Sample Output

```
5
```

HDU 5649 DZY Loves Sorting

如果每次对 $[1, r]$ 真的执行一次排序，显然是不可能的。

用线段树的标记来完成对区间的排序，也是不现实的。

题目的突破口在于，询问在最后，且只询问一个位置上的数。

需要注意的是， m 次排序操作顺序不能乱，因为后面的排序是依赖于前面排好序的结果的。

HDU 5649 DZY Loves Sorting

考虑二分答案 x

那么排列中，大于等于 x 的数全都设为 1，小于 x 的数都设为 0.

现在区间排序，只要把区间里的 0 都移到最前面，1 都移到最后面。

对于区间 $[1, r]$ ，查询 $[1, r]$ 的子段和 sum 。

然后将 $[1, r - sum]$ 修改为 0， $[r - sum + 1, r]$ 修改为 1.

HDU 5649 DZY Loves Sorting

如何判断 x 比答案大还是小？

如果最后 $a[k] = 0$ ，说明真实的答案小于 x 。

如果最后 $a[k] = 1$

如果 $a[k - 1] = 0$ ，说明答案就是 x

如果 $a[k - 1] = 1$ ，说明真实的答案大于 x 。

HDU 5649 DZY Loves Sorting

我们只要用线段树来实现：

区间求和

区间赋值

加上最外层的二分

总的时间复杂度为 $O(m \log^2 n)$

代码实现

```
#define N 200010
#define ls (x << 1)
#define rs (x << 1 | 1)
int tag[N << 2], sum[N << 2], n, m, a[N], op[N], l[N], r[N];

void down(int l, int r, int x) {
    if (tag[x] != -1) {
        int mid = (l + r) >> 1;
        sum[ls] = (mid - l + 1) * tag[x];
        sum[rs] = (r - mid) * tag[x];
        tag[ls] = tag[rs] = tag[x];
        tag[x] = -1;
    }
}
```

代码实现

```
void upd(int x) {  
    sum[x] = sum[ls] + sum[rs];  
}  
  
void build(int l, int r, int x, int v) {  
    tag[x] = -1;  
    if (l == r) {  
        sum[x] = (a[l] > v);  
        return;  
    }  
    int mid = (l + r) >> 1;  
    build(l, mid, ls, v);  
    build(mid + 1, r, rs, v);  
    upd(x);  
}
```


代码实现

```
void modify(int A, int B, int v, int l, int r, int x) {  
    if (A <= l && r <= B) {  
        sum[x] = v * (r - l + 1);  
        tag[x] = v;  
        return;  
    }  
    down(l, r, x);  
    int mid = (l + r) >> 1;  
    if (A <= mid) modify(A, B, v, l, mid, ls);  
    if (mid < B) modify(A, B, v, mid + 1, r, rs);  
    upd(x);  
}
```

代码实现

```
int query(int A, int B, int l, int r, int x) {  
    if (A <= l && r <= B) return sum[x];  
    down(l, r, x);  
    int mid = (l + r) >> 1, ret = 0;  
    if (A <= mid) ret += query(A, B, l, mid, ls);  
    if (mid < B) ret += query(A, B, mid + 1, r, rs);  
    return ret;  
}
```

代码实现

```
int main() {  
    int tc;  
    scanf("%d", &tc);  
    while(tc --) {  
        scanf("%d%d", &n, &m);  
        for(int i = 1; i <= n; i++) scanf("%d", &a[i]);  
        for(int i = 1; i <= m; i++) scanf("%d%d%d", &op[i], &l[i],  
&r[i]);  
        int K;  
        scanf("%d", &K);  
    }
```

代码实现

```
int L = 1, R = n;
while (L <= R) {
    int mid = (L + R) >> 1;
    build(1, n, 1, mid);
    for(int i = 1; i <= m; i++) {
        int c = query(l[i], r[i], 1, n, 1);
        modify(l[i], r[i], 0, 1, n, 1);
        if (op[i]) {
            if (c >= 1) modify(l[i], l[i] + c - 1, 1, 1, n, 1);
        } else {
            if (c >= 1) modify(r[i] - c + 1, r[i], 1, 1, n, 1);
        }
    }
    if (query(K, K, 1, n, 1)) L = mid + 1; else R = mid - 1;
}
printf("%d\n", L);
}
return 0;
}
```

下节课再见