知识精炼(四)

主讲人:邓哲也



一个序列有 n 个数, 你要把他们分成 k 段。

每一段的价值等于这一段中出现的数字种数。

请你求出价值和的最大值。

 $1 \le n \le 35000$, $1 \le k \le \min(n, 50)$

样例输入:

7 2

1 3 3 1 4 4 4

答案: 5

经典的线形模型。

可以用 f[i][j] 来表示前 i 个数分成 j 段的最大价值。 转移:

 $f[i][j] = max{f[k][j-1] + w(k+1, i) | k < i}$ w(k+1, i) 就是指 [k+1, i] 中出现的数字种类数。
暴力的转移需要 $O(n^2k)$

考虑我们是怎么统计一个区间 [1, r] 中有几种不同的数的? 我们可以记录每个数 a[i] 左边第一个和它相同的数的位置 pre[i]

考虑 a[i] 这个数对 w 的贡献。

w(pre[i], i) 中已经有 1 的贡献了。

但是对于 $pre[i] < j \le i$, w(j, i) 中没有算进 a[i] 的贡献,因为在 a[i] 出现之前,[j, i-1] 中没有出现过 a[i]。 因此 a[i] 出现要对 [pre[i] + 1, i] 中的 w 都加一。

```
f[i][j] = max{f[k][j - 1] + w(k + 1, i) | k < i}
我们只要在第 k 个位置上维护 f[k][j-1]+w(k+1,i)
计算 f[i][j] 时,先对 [pre[i], i-1] 上的数加一(对 w
的贡献)
然后取最大值转移即可更新 f[i][j]。
时间复杂度为 0(nk log n)
```

```
#define 1s (x << 1)
#define rs (x << 1 | 1)
void upd(int x) {
      seg[x] = max(seg[1s], seg[rs]);
void down(int x) {
      if(add[x])
            seg[1s] += add[x];
            seg[rs] += add[x];
            add[1s] += add[x];
            add[rs] += add[x];
            add[x] = 0;
```

```
void modify(int ql, int qr, 11 v, int l, int r, int x) {
   if(q1 \le 1 \&\& r \le qr) \{
      seg[x] += v;
      add[x] += v;
      return;
   int mid = (1 + r) \gg 1;
   down(x):
   if (q1 \le mid) modify (q1, qr, v, 1, mid, 1s);
   if(mid < qr) modify(q1, qr, v, mid + 1, r, rs);</pre>
   upd(x);
```

```
11 ask(int ql, int qr, int l, int r, int x) {
    if(ql <= 1 && r <= qr) return seg[x];
    int mid = (1 + r) >> 1;
    11 ret = 0;
    down(x);
    if(ql <= mid) ret = max(ret, ask(ql, qr, l, mid, ls));
    if(mid < qr) ret = max(ret, ask(ql, qr, mid + 1, r, rs));
    return ret;
}</pre>
```

```
int main() {
       scanf ("%d%d", &n, &k);
       for (int i = 1; i \le n; i ++) {
               scanf("%d", &x);
               pre[i] = pos[x];
               pos[x] = i;
       for (int i = 1; i \le n; i ++) {
               f[i][1] = f[i - 1][1];
               if (!pre[i]) f[i][1] ++;
       for (int j = 2; j \le k; j ++) {
               memset(seg, 0, sizeof(seg));
               memset (add, 0, sizeof (add));
```

下节课再见