知识精炼(一)

主讲人:邓哲也



题目描述: 有一个 n 个点 m 条边的有向带边权图。现在给你 k 个点,问 k 个点中最近的点对距离。

n, m, $k \le 100000$

Sample Input

```
1
5 6
1 2 1
2 3 3
3 1 3
2 5 1
2 4 2
4 3 1
3
1 3 5
```

Sample Output

Case #1: 2

暴力: 枚举 k 个点,每个点作为起点,跑一次最短路。

思考一个问题:

给定两个点集A和B,求A中的点到B中的点的最近距离。

新建一个源点S,往A中的所有点连一条边权为0的边。 新建一个汇点T,B中的所有点向T都连一条边权为0的边。 求S到T的最短路就是答案。

只需要把 k 个点的集合分成两半,然后用上述做法求出一部分答案。 如何保证每个点对(i, j)都存在一次划分使得 i 和 j 分别处于两个不同的集合?

因为点i和点j的下标分别是i和j。

由于i不等于j,所以在i和j的二进制表达式中,一定有一位不同。

那么我们只要划分log n次,每次依据下标的二进制中第i位是0还是1,

分成两个集合。跑一次最短路。

这样就能保证,任意一对(i,j),都存在一次划分,使得它们属于不同的集合。也就相当于考虑了每一种情况。

时间复杂度: 0((n + m) log² n)

下节课再见