

# Auktionen und Märkte

## Common Value Auktionen

Jonas von Wangenheim, Carl-Christian Groh

Universität Bonn, Wintersemester 2024/2025

# Einführung - Common Value Auktionen

**Bisher:** **unabhängige** und **private** Wertschätzungen

- Jeder Bieter kennt seine eigene Wertschätzung (WS) **sicher**.
- Die WS anderer ist von der eigenen komplett unabhängig.

**Heute:** **gemeinsame** Wertschätzungen.

- Die WS ist für alle Bieter **exakt gleich**
- Jeder Bieter hat aber nur stückweise, **unvollständige Information** über die WS.
- Formal: Jeder Bieter erhält ein Signal über die WS.

**Beispiele:** Staatsanleihen, Antiquitäten, Ölbohrfelder, Windparks, Spektralfrequenzen

- Gemeinsamkeit: Egal wer gewinnt, der Gewinner erhält immer den gleichen Wert durch das Gut.

## Experiment - Die Münzgläser

Wir machen ein erstes Experiment zu Auktionen mit gemeinsamen WS:

- Schauen Sie sich die zwei Gläser mit Münzen im Video genau an.  
<https://www.youtube.com/watch?v=K3NUwDkBpTs>
- Schätzen Sie die Anzahl der Münzen in den beiden Gläsern.
- Nehmen Sie an jede Münze steht für ein Cent. Der Geldbetrag in den Gläsern steht zur Versteigerung.
- Wir versteigern den Betrag per Zweitpreisauktion.
- Bedenken Sie: der wahre Wert des Objekts ist für alle exakt gleich, jeder Bieter hat aber nur eine eigene Schätzung von diesem Wert.
- Geben Sie dann an, wie viel sie bereit wären zu bieten.

## Experiment 2 - Wallet Auktion

Idee der Wallet Auktion (in Paaren von 2 Leuten):

- Jeder legt sein Portemonnaie auf den Tisch (metaphorisch).
- Es gibt eine Auktion. Der Gewinner erhält den Inhalt aus beiden Portemonnaies.
- Clou: Jeder kennt den Geldbetrag in **seinem** Portemonnaie, aber nicht den in der anderen.
- Zweitpreisauktion: Gewinner zahlt das Gebot, dass der Verlierer geboten hat.

Wir spielen die Wallet Auktion mit je zwei Bietern:

- Gehen Sie auf [www.zufallsgenerator.net](http://www.zufallsgenerator.net) und generieren Sie eine Zufallszahl zwischen 0 und 100. Das ist der Wert Ihres Portemonnaies.
- Geben Sie Ihre Zufallszahl ein.
- Geben Sie ihr Gebot für die Wallet-Auktion an.
- Gemeinsame Wertschätzung = **Summe der Zufallszahlen**.

## Beispiel Wallet Auktion

- Ihre Zufallszahl ist 60.
- Sie bieten 100.
- Ihr Gegner bietet 80.
- Sie haben die Auktion gewonnen und zahlen einen Preis von 80.
- Die Zufallszahl Ihres Gegners war 10.
- Dh die gemeinsame WS war  $60+10=70$ .
- Da Sie die Auktion gewonnen haben ist Ihr Profit  $70-80=-10$ , d.h. **negativ**.

# Der Fluch des Gewinners

## Geschichte des Fluchs:

- Um 1970 herum wurden um den Golf von Mexiko verschiedene Ölbohrrechte versteigert.
- Bieter hatten nur ein unvollständiges Bild über die genauen Ölvorkommen.
- Es stellte sich heraus, dass für Gewinner bei vielen Ölfeldern die Gewinne deutlich hinter den Erwartungen blieb.
- Gewinner schienen "verflucht": Sie hatten häufig Pech, dass die Realität schlechter war als die Prognosen.
- Capen, Clapp und Campbell fanden 1971 in einem theoretischen Aufsatz eine Begründung, woher der "Fluch" kommen könnte.

## Der Fluch in der Münzauktion

Wir lösen die Münzauktion auf: Es befanden sich 1283 Münzen in den Gläsern.

- Schauen Sie sich die durchschnittliche Schätzung an.
- Vergleichen Sie diese mit der Schätzung des Gewinners.
- Hat der Gewinner einen Gewinn erzielt?
- Liegt der Gewinn/Verlust des Gewinners über oder unter seinen Erwartungen?
- Formulieren Sie eine Begründung für die Beobachtungen.

# Ergebnisse des Münzexperimentes

<b>Schätzungen</b>		
520		<b>Durchschnittliche Schätzung:</b>
500		662,47
800		
2200		<b>Payoff des Gewinners:</b>
270		-717
430		
380		
1000		
315		
262		
2000		
350		
100		
350		
460		



# Ergebnisse der Common Value Auktion

Zufallszahl 1	Gebot 1	Zufallszahl 2	Gebot 2	Totale WS	Gewinn 1	Gewinn 2
71	100	56	60	127	67	0
49	61	42	92	91	0	30
84	140	85	135	169	34	0
11	40	52	81	63	0	23
82	122	3	30	85	55	0
21	71	72	162	93	0	22
18	40	65	80	83	0	43
18	60	70	30	88	58	0

# Der Fluch des Gewinners - Intuition

Die Intuition für den Fluch:

- Wie in der Standardauktion mit privaten Wertschätzungen wäre es theoretisch schwach dominant die WS zu bieten.
- Nur: Man **kennt diese WS nicht**.
- Es erscheint naheliegend die beste Schätzung der Wertschätzung zu bieten.
- Dann gewinnt jedoch automatisch derjenige, der die WS am höchsten einschätzt, also im zweifelsfall sogar überschätzt!
- Im besseren Fall bleibt der Gewinn hinter den Erwartungen, im schlechteren Fall macht der Gewinner Verlust.
- Der "Fehler": Bieter erkennen nicht, dass Gewinnen bedeutet, dass sie den Wert vermutlich überschätzt haben.

## Naive Strategie in der Wallet Auktion

Ein Beispiel: 2 Bieter mit Signalen  $x_i \in [0, 100]$ . WS also  $v = x_1 + x_2$ .

Naive Strategie:

- Das andere Portemonnaie hat im Durchschnitt einen Wert von 50.
- Der Erwartungswert für Bieter  $i$  ist  $\mathbb{E}[v] = x_i + 50 \rightarrow$  also bietet er  $x_i + 50$ .

Ergebnis wenn beide naiv spielen:

- Der Bieter mit der höheren WS gewinnt, und zahlt  $x_{(2)} + 50$ , das Gebot des anderen.
- Die WS ist  $x_{(1)} + x_{(2)}$ . Also entsteht Verlust, wenn  $x_{(1)} < 50$ .

Wo liegt der "Fehler"?

- Mein Rivale gibt ein niedriges Gebot ab  $\iff$  ich gewinne mit hoher Wahrscheinlichkeit.
- Aber: Mein Rivale gibt ein niedriges Gebot ab  $\iff$  in seinem Portemonnaie ist wenig Geld  $\iff$  meine WS ist gering.

# Das Gleichgewicht in der Wallet Auktion

Bieter sollten die Verteilung der WS **bedingt darauf, dass sie gewinnen** betrachten.

Grobe Intuition:

- Notation:  $x_i$  = Signal von Spieler  $i$ .
- In einem symmetrischen GG (in dem Bieter mit höheren Signalen höhere Gebote abgeben) gewinnt Spieler 1 wenn  $x_2 \leq x_1$ .
- Für Bieter 1 gilt, falls er gewinnt, dass  $v = x_1 + x_2 \leq 2x_1$ .
- D.h. er sollte in einem symmetrischen GG **niemals** mehr als das doppelte seines Wertes setzen.
- Wir zeigen auf der nächsten Slide formal, dass  $b(x) = 2x$  tatsächlich ein symmetrisches GG ist.

# Das Gleichgewicht in der Wallet Auktion

**Behauptung:**  $b(x) = 2x$  ist ein symmetrisches BNGG in der Wallet Auktion mit 2 Bietern.

**Beweis:**

- Wir müssen zeigen, dass  $b_i(x_i) = 2x_i$  eine beste Antwort auf  $b_j(x_j) = 2x_j$  ist.
- Falls  $i$  gewinnt, dann ist der Preis  $b_j = 2x_j$
- Bieter  $i$  möchte gewinnen wenn  $v \geq b_j$ , also wenn  $x_i + x_j \geq 2x_j$ .
- Dh  $i$  möchte genau dann gewinnen, wenn  $x_i \geq x_j$ .
- Dies erreicht er durch das Gebot  $b_i(x_i) = b_j(x_i) = 2x_i$ .

**Bemerkung:** Das Gleichgewicht sieht sehr niedrige Gebote für niedrige WS vor, entsprechend der Intuition auf der vorletzten Slide.

**Behauptung:**  $b(x) = \frac{n+2}{2}x$  ist ein symmetrisches BNGG in der Wallet Auktion mit  $n$  Bietern.

**Beweis:**

- Wir müssen zeigen, dass  $b_i(x_i) = \frac{n+2}{2}x_i$  eine beste Antwort ist wenn alle  $j \neq i$  die Strategie  $b_j(x_j) = \frac{n+2}{2}x_j$  verwenden.
- Das höchste gegnerische Signal ist  $\tilde{x}_{(1:n-1)}$ . Die anderen  $n - 2$  Signale sind gleichverteilt auf  $[0, \tilde{x}_{(1:n-1)}]$ , mit Erwartungswert  $\frac{\tilde{x}_{(1:n-1)}}{2}$ .
- Dh. abhängig vom höchsten gegnerischen Signal gilt für Bieter  $i$ :

$$\mathbb{E}[v|\tilde{x}_{(1:n-1)}] = x_i + \tilde{x}_{(1:n-1)} + (n-2)\frac{\tilde{x}_{(1:n-1)}}{2} = x_i + \frac{n}{2}\tilde{x}_{(1:n-1)}$$

- Falls man gewinnt, ist der Preis  $b(\tilde{x}_{(1:n-1)}) = \frac{n+2}{2}\tilde{x}_{(1:n-1)}$ , der erwartete Gewinn also  $E[v|\tilde{x}_{(1:n-1)}] - b(\tilde{x}_{(1:n-1)}) = x_i - \tilde{x}_{(1:n-1)}$ .
- Bieter  $i$  möchte also gewinnen, genau dann wenn  $x_i > \tilde{x}_{(1:n-1)}$ . Dies erreicht er durch  $b(x_i) = \frac{n+2}{2}x_i$ .

Die beiden gespielten Auktionen und das Beispiel der Ölbohrfelder haben subtile Unterschiede, aber einiges gemeinsam:

- Gewinnen bringt schlechte Neuigkeiten über den wahren Wert des Objekts.
- Bieter, welche das nicht in Betracht ziehen, bieten tendenziell zu hoch.

Bemerkung: Ähnlich kann man auch von einem Fluch des Verlierers sprechen. Denken Sie an die Münzgläser.

- Wenn ich verliere, dann habe ich die Anzahl vermutlich niedriger eingeschätzt als die anderen Bieter.
- Evtl habe ich mich nach unten verschätzt.
- Im Nachhinein hätte ich vielleicht lieber mehr geboten.