

V504: Thermische Elektronenemission

Simon Schulte
simon.schulte@udo.edu

Tim Sedlaczek
tim.sedlaczek@udo.edu

Durchführung: 23.05.2017

Abgabe: 30.05.2017

TU Dortmund – Fakultät Physik

Inhaltsverzeichnis

1 Zielsetzung	1
2 Theorie	1
3 Durchführung	3
3.1 Versuchsaufbau	3
3.2 Versuchsablauf	4
4 Auswertung	5
4.1 Bestimmung von 5 Kennlinien	5
4.2 Betrachtung der Strom-Spannungs-Beziehung nach dem Langmuir-Schottkyschen Gesetz	7
4.3 Bestimmung der Kathodentemperatur mittels Messung des Anlaufstrom- gebiets	8
4.4 Bestimmung der Kathodentemperatur über die Leistungsbilanz	10
4.5 Bestimmung der Austrittsarbeit	11
5 Diskussion	12

1 Zielsetzung

Ziel des Versuchs ist es, durch Erwärmung einer Metallfläche, freie Elektronen aus dieser zu emittieren.

2 Theorie

Die durch Erhitzung hervorgerufene Elektronenemission aus einer Metallfläche wird auch als glühelektrischer Effekt bezeichnet. Die Grundlage, um diesen Effekt zu beobachten ist die Austrittsarbeit der Metalloberfläche zu überwinden. Die innere Energie der Elektronen muss somit etwa gleich groß wie die Austrittsarbeit sein, damit diese die Metalloberfläche verlassen können. Dieser Effekt ist temperaturabhängig. Daher werden in diesem Versuch fünf Kennlinien mit fünf verschiedenen Heizströmen und Heizspannungen aufgenommen. Abbildung 1 zeigt eine übliche Kennlinie. Dabei wird prinzipiell die Spannung zwischen

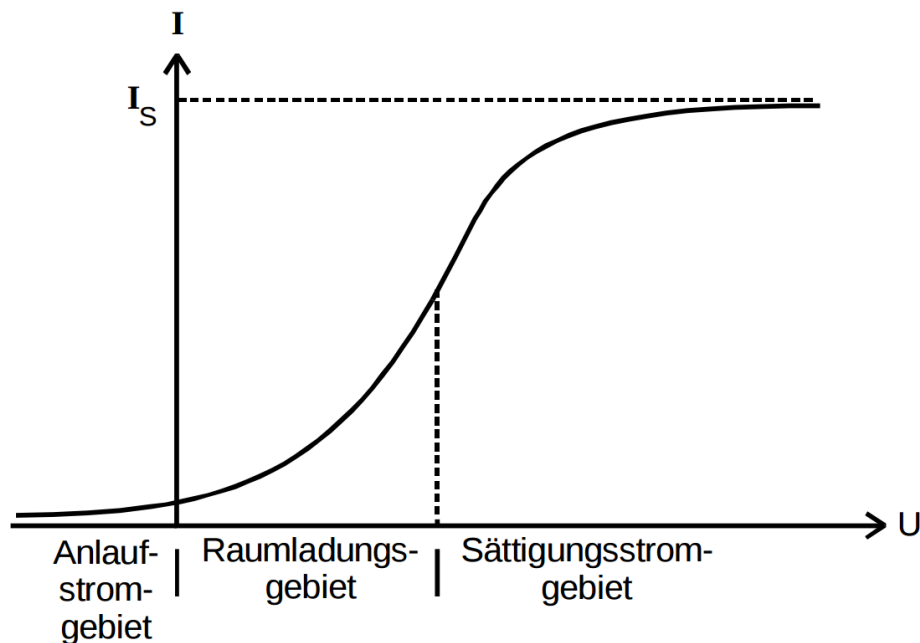


Abbildung 1: Der Graph einer Kennlinie. [anleitung]

Anode und Kathode gegen den fließenden Strom abgebildet. Logischerweise muss das Experiment in einem Vakuum durchgeführt werden, da sonst Teilchen miteinander wechselwirken könnten und somit die Messungen verfälschen würden. Abbildung 2 zeigt den Aufbau einer in diesem Versuch verwendeten Diode.

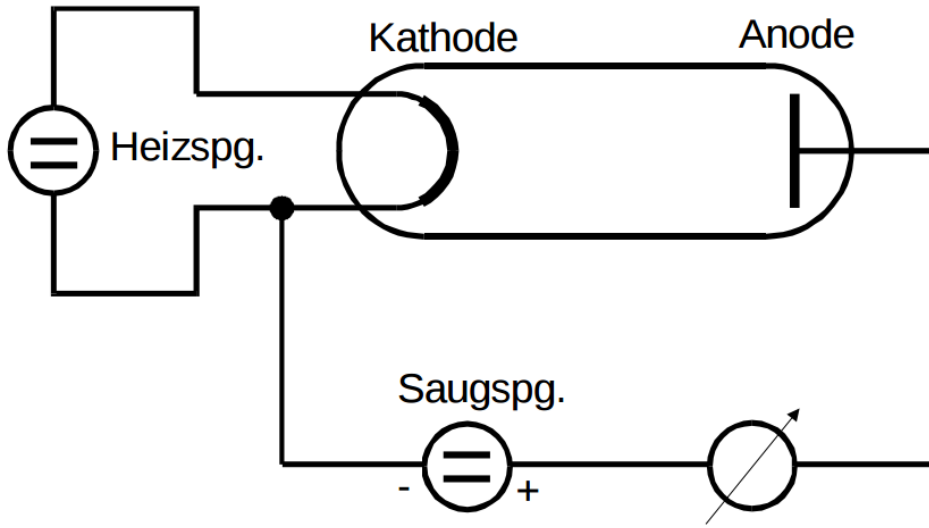


Abbildung 2: Der Versuchsaufbau einer Hochvakuumdiode. [anleitung]

Zu sehen ist, dass der Graph in Abbildung 1 drei Teilgebiete aufgeteilt ist. Zum ersten das Anlaufstromgebiet, indem selbst für kleine Gegenspannungen noch ein Anodenstrom vorgewiesen werden kann. Dieser Effekt ist darauf zurückzuführen, dass die Elektronen eine Eigengeschwindigkeit beim Verlassen der Kathode besitzen. Dabei ergibt sich für die Stromdichte der Gegenspannung V der Zusammenhang

$$j(V) = \text{const} \exp\left(-\frac{e_0 V}{kT}\right). \quad (1)$$

Nach dem Anlaufstromgebiet folgt das Raumladungsgebiet. Nach der Gleichung

$$j_S(T) = 4\pi \frac{e_0 m_0 k^2}{h^3} T^2 \exp\left(-\frac{e_0 \phi}{kT}\right) \quad (2)$$

ist die Zahl der pro Zeiteinheit emittierten Elektronen nicht von der Anodenspannung abhängig, sondern lediglich von der Temperatur. Dadurch ist das Raumladungsgebiet nicht für beliebig hohe Anodenspannungen gültig. Die Stromdichte j ist an jeder Stelle konstant und gegeben durch

$$j = -\rho v. \quad (3)$$

Aufgrund der ortsabhängigen Geschwindigkeitsverteilung ergibt sich damit auch eine ortsabhängige Raumladungsdichte. Daraus folgt, dass die Raumladungsdichte ρ den Verlauf der Feldstärke zwischen Anode und Kathode beeinflusst. Daher gilt das Langmuir-Schottkysche Raumladungsgesetz:

$$j = \frac{4}{9} \epsilon_0 \sqrt{\frac{2e_0}{m_0}} \frac{V^{\frac{3}{2}}}{a^2}. \quad (4)$$

Durch eine wachsende Gegenspannung wird der Anodenstrom einem Sättigungswert zustreben. Das darauffolgende Gebiet nennt sich dann Sättigungsstromgebiet. In diesem Bereich erreichen alle Elektronen die Anode.

3 Durchführung

3.1 Versuchsaufbau

Abbildung 3 zeigt den Versuchsaufbau zur Aufnahme der Kennlinien. Die Kathode der Diode wird dafür durch den Heizstrom I_f erwärmt. Dadurch emittiert diese dann Elektronen, die mit Hilfe der Anodenspannung U_A dann zur Anode gelangen.

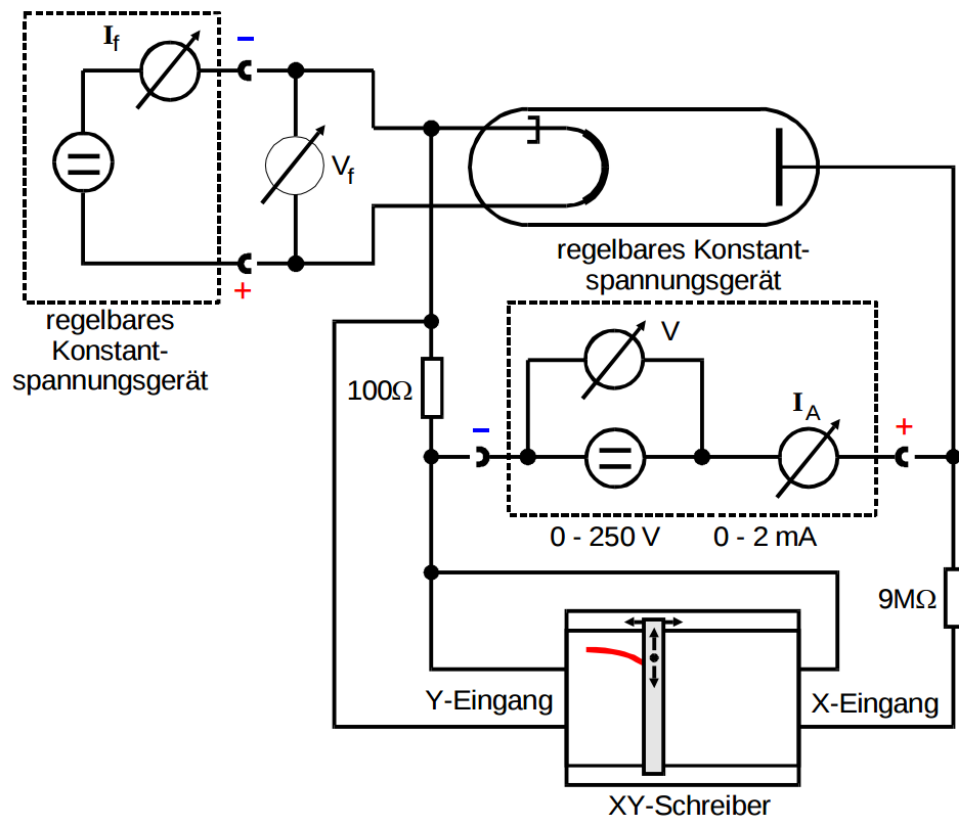


Abbildung 3: Der Versuchsaufbau zur Aufnahme der Kennlinien. [anleitung]

Es wird ein Konstantspannungsgerät benutzt, welches den Heizstrom I_f liefert, der am eingebauten Amperemeter abgelesen werden kann. Dieses ist mit der Diode verbunden, welche die Kennlinien liefert. Es ist außerdem ein weiteres regelbares Konstantspannungsgerät im Schaltkreis verbaut. Mit diesem wird die Anodenspannung U_A bestimmt. Einen XY-Schreiber gab es allerdings nicht.

In Abbildung 4 ist der Versuchsaufbau zur Aufnahme der Anlaufstromkurve zu sehen.

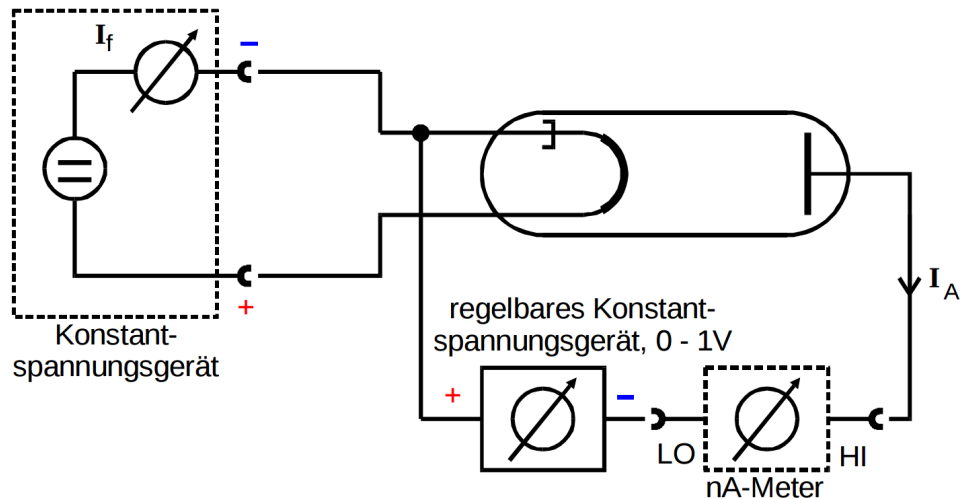


Abbildung 4: Der Versuchsaufbau zur Aufnahme der Anlaufstromkurve. [anleitung]

Auch hier ist wieder ein Konstantspannungsgerät verbaut, welches für einen konstanten Heizstrom I_f sorgt. Außerdem ist dieses erneut mit der Diode verbunden, welche allerdings nun mit einem Konstantspannungsgerät verbunden ist, welches lediglich Spannungen zwischen 0,1 V und 0,96 V erzeugen kann. Außerdem ist die Diode mit einem Nanoampere-Meter verschaltet.

3.2 Versuchsablauf

Zuerst werden die Geräte, wie in Abbildung 3 dargestellt, verschaltet. Danach werden 5 mal 40 Werte für die Anodenspannung U_A und für den Anodenstrom I_A gemessen. U_A befindet sich währenddessen stets zwischen 0 V und 250 V. Die Heizspannung U_f und der Heizstrom I_f werden vor jedem Durchgang von 40 Messungen jeweils bestimmt und bleiben konstant. Danach werden 10 Werte für I_A aufgenommen, um daraus unter anderem die Anlaufstromkurve zu bekommen. Dabei befindet sich U_A währenddessen stets zwischen 0,1 V und 0,96 V. Das Messgerät hat dabei einen Innenwiderstand von 1 M Ω .

4 Auswertung

Die in der Auswertung verwendeten Mittelwerte mehrfach gemessener Größen sind gemäß der Gleichung

$$\bar{x} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i \quad (5)$$

bestimmt. Die Standardabweichung des Mittelwertes ergibt sich dabei zu

$$\Delta\bar{x} = \sqrt{\frac{1}{n(n-1)} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}. \quad (6)$$

4.1 Bestimmung von 5 Kennlinien

Für die Bestimmung der 5 Kennlinien werden die in Tabelle 1 stehenden Werte gemessen. Diese werden dann in einem Graphen, welcher in Abbildung 5 zu sehen ist, dargestellt. Der jeweils größte Wert wird dabei als Sättigungsstrom I_S angenommen.

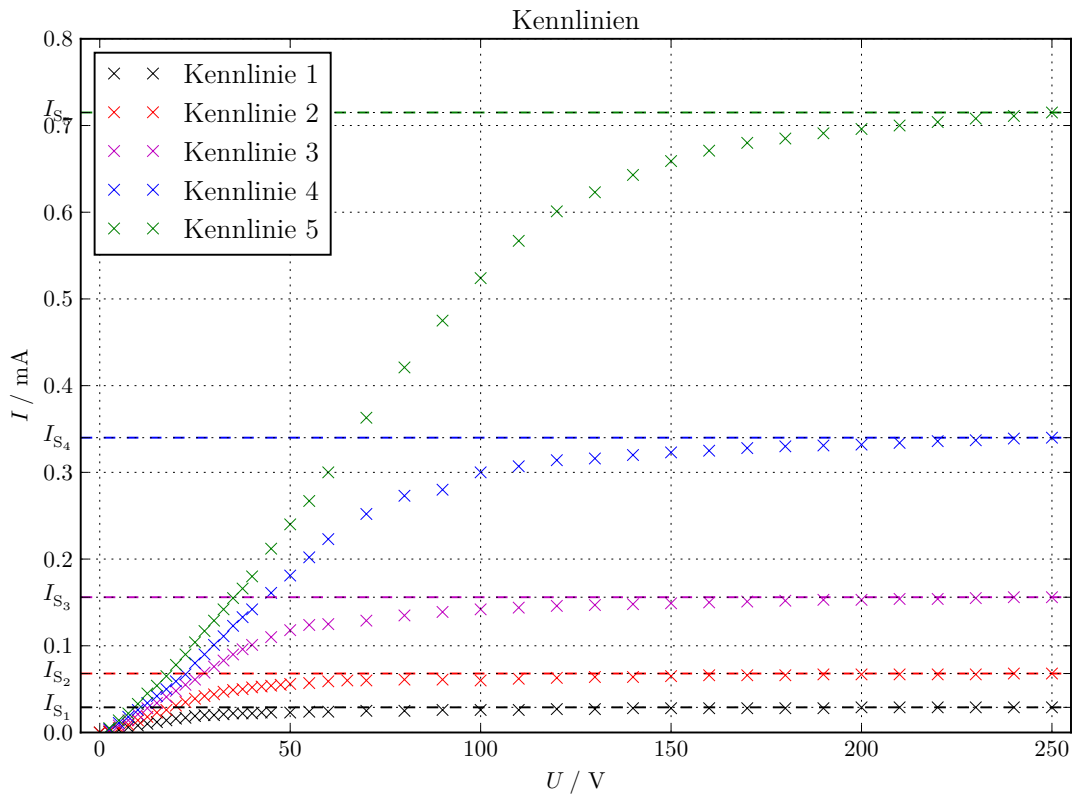


Abbildung 5: Gemessene Werte der Kennlinien.

Kennlinie 1		Kennlinie 2		Kennlinien 3, 4 und 5			
U_A in V	I_A in mA	U_A in V	I_A in mA	U_A in V	I_A in mA	I_A in mA	I_A in mA
0,0	0,000	0,0	0,000	0,0	0,000	0,000	0,000
2,5	0,001	2,5	0,001	2,5	0,003	0,004	0,005
5,0	0,003	5,0	0,005	5,0	0,008	0,011	0,014
7,5	0,006	7,5	0,009	7,5	0,014	0,018	0,022
10,0	0,008	10,0	0,014	10,0	0,021	0,026	0,033
12,5	0,010	12,5	0,018	12,5	0,028	0,034	0,045
15,0	0,012	15,0	0,023	15,0	0,034	0,042	0,054
17,5	0,014	17,5	0,026	17,5	0,041	0,050	0,065
20,0	0,016	20,0	0,031	20,0	0,048	0,059	0,078
22,5	0,017	22,5	0,035	22,5	0,055	0,067	0,090
25,0	0,019	25,0	0,039	25,0	0,061	0,080	0,104
27,5	0,020	27,5	0,042	27,5	0,069	0,090	0,117
30,0	0,020	30,0	0,044	30,0	0,076	0,101	0,129
32,5	0,021	32,5	0,047	32,5	0,083	0,111	0,142
35,0	0,022	35,0	0,049	35,0	0,090	0,123	0,155
37,5	0,022	37,5	0,050	37,5	0,096	0,133	0,166
40,0	0,022	40,0	0,052	40,0	0,101	0,142	0,180
42,5	0,023	42,5	0,053	45,0	0,110	0,161	0,212
45,0	0,023	45,0	0,054	50,0	0,118	0,181	0,240
50,0	0,023	47,5	0,055	55,0	0,124	0,202	0,267
55,0	0,024	50,0	0,056	60,0	0,125	0,223	0,300
60,0	0,024	55,0	0,057	70,0	0,129	0,252	0,363
70,0	0,025	60,0	0,059	80,0	0,135	0,273	0,421
80,0	0,025	65,0	0,060	90,0	0,139	0,280	0,475
90,0	0,026	70,0	0,060	100,0	0,142	0,300	0,524
100,0	0,026	80,0	0,061	110,0	0,144	0,307	0,567
110,0	0,026	90,0	0,061	120,0	0,146	0,314	0,601
120,0	0,027	100,0	0,060	130,0	0,147	0,316	0,623
130,0	0,027	110,0	0,062	140,0	0,148	0,320	0,643
140,0	0,028	120,0	0,063	150,0	0,149	0,323	0,659
150,0	0,028	130,0	0,064	160,0	0,150	0,325	0,671
160,0	0,028	140,0	0,064	170,0	0,151	0,328	0,680
170,0	0,028	150,0	0,065	180,0	0,152	0,330	0,685
180,0	0,028	160,0	0,066	190,0	0,153	0,331	0,691
190,0	0,028	170,0	0,066	200,0	0,153	0,332	0,696
200,0	0,029	180,0	0,066	210,0	0,154	0,334	0,700
210,0	0,029	190,0	0,067	220,0	0,154	0,336	0,704
220,0	0,029	200,0	0,067	230,0	0,155	0,337	0,708
230,0	0,029	210,0	0,067	240,0	0,156	0,339	0,711
240,0	0,029	220,0	0,067	250,0	0,156	0,340	0,715
250,0	0,029	230,0	0,067				
		240,0	0,068				
		250,0	0,068				

Tabelle 1: Gemessene Ströme und Spannungen.

Die Kennlinien wurden bei den in Tabelle 2 stehenden Heizspannungen und Strömen gemessen.

Tabelle 2: Gemessene Heizströme/Spannungen und Sättigungsströme.

	U_f in V	I_f in A	I_S in mA
Kennlinie 1	3,25	1,8	0,029
Kennlinie 2	3,5	1,9	0,068
Kennlinie 3	4,0	2,0	0,156
Kennlinie 4	4,25	2,1	0,340
Kennlinie 5	4,5	2,2	0,715

4.2 Betrachtung der Strom-Spannungs-Beziehung nach dem Langmuir-Schottkyschen Gesetz

Für diese Betrachtung werden die gemessenen Werte der fünften Kennlinie verwendet. Diese werden doppelt-logarithmisch aufgetragen und anschließend mit der Funktion curve-fit von Python eine Anpassung an eine lineare Funktion

$$f(x) = m \cdot x + b \quad (7)$$

durchgeführt. Hierzu werden nur die ersten 23 Werte verwendet, da bei den darauf folgenden Werten das Langmuir-Schottkysche Gesetz nicht mehr gültig ist. Dabei ergeben sich die folgenden Parameter:

$$m = 1,254 \pm 0,009$$

$$b = -6,33 \pm 0,03$$

Die Steigung m der Geraden steht für den Exponenten der Spannung in Formel (4). In Abbildung 6 ist der entsprechende Graph zu sehen.

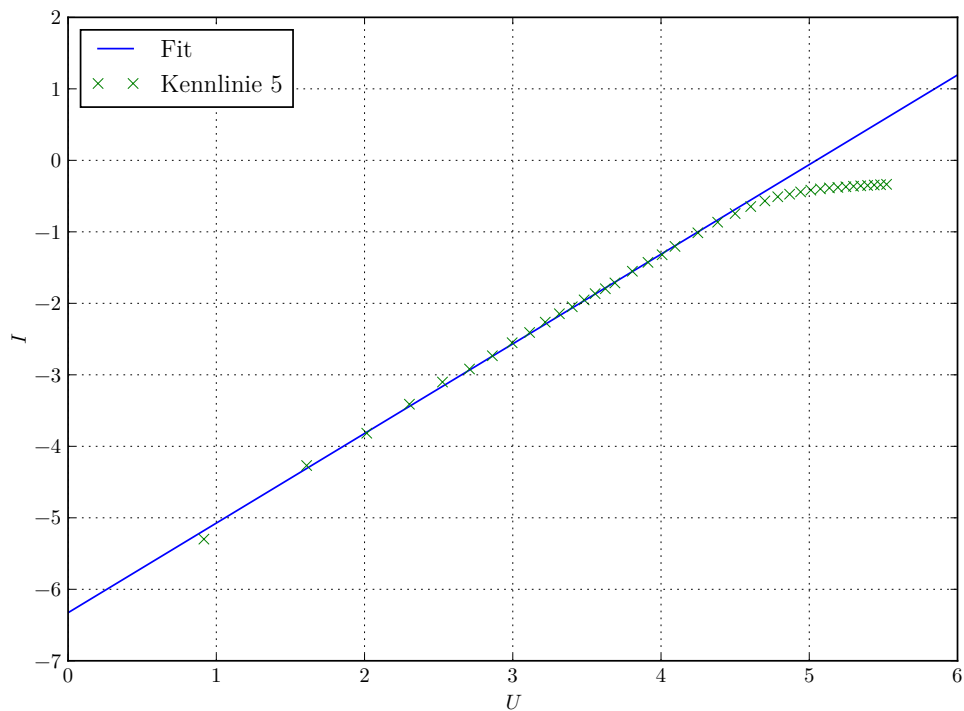


Abbildung 6: Logarithmierte Werte der fünften Kennlinie und Fit.

4.3 Bestimmung der Kathodentemperatur mittels Messung des Anlaufstromgebiets

Bei der Messung des Anlaufstromgebiets werden die in Tabelle 3 stehenden Werte gemessen. Dabei wird eine Heizspannung von 4,5 V verwendet. Da das Messgerät für den Strom einen Innenwiderstand von $1\text{ M}\Omega$ besitzt muss die Spannung zunächst noch korrigiert werden. Hierzu wird der Strom nach dem Ohmschen Gesetz mit dem Widerstand multipliziert und anschließend dieser Wert von der gemessenen Spannung abgezogen. Diese Werte werden nun logarithmisch aufgetragen und erneut eine Anpassung an eine lineare Funktion (7) durchgeführt. Der entsprechende Graph ist in Abbildung 7 dargestellt.

Tabelle 3: Gemessene Spannungen und Ströme.

U_A in V	I_A in nA
0,0	8,4
0,1	4,6
0,2	2,5
0,3	1,45
0,4	0,85
0,5	0,5
0,6	0,3
0,7	0,22
0,8	0,165
0,9	0,13
0,96	0,115

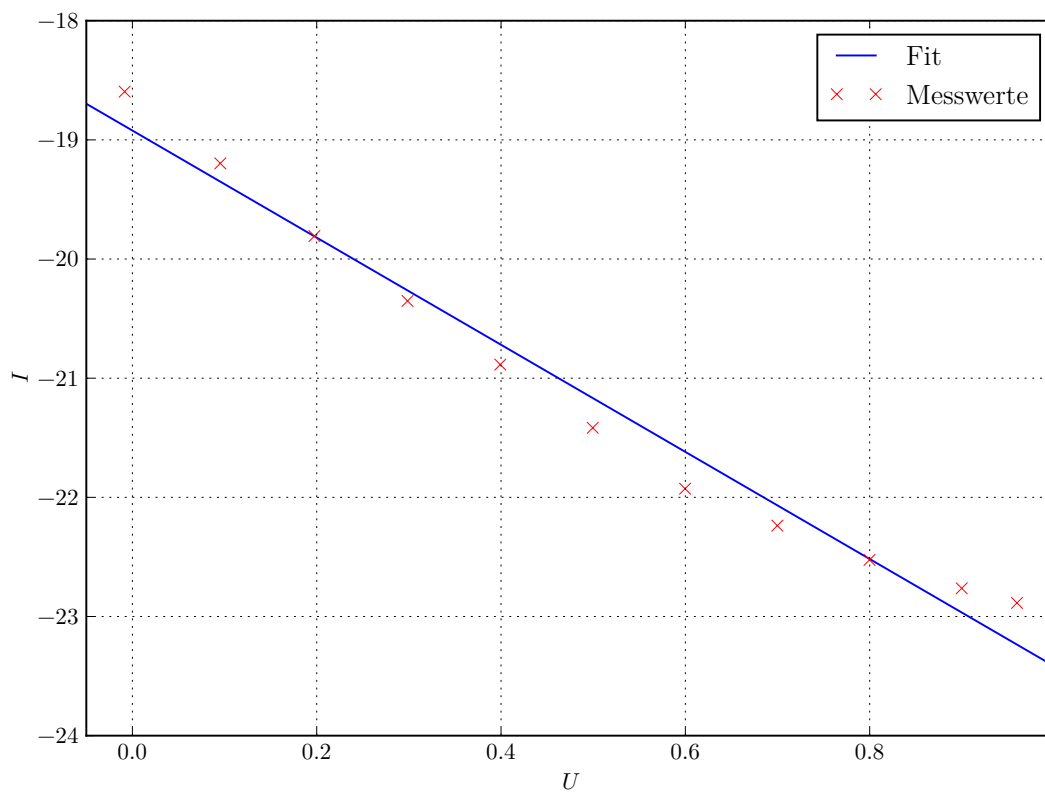


Abbildung 7: Logarithmierte Werte des Anlaufstromgebiets und Fit.

Als Parameter ergeben sich:

$$\begin{aligned}m &= -4,5 \pm 0,2 \\ b &= -18,9 \pm 0,1\end{aligned}$$

Über die Steigung und den Exponenten von Formel (1) lässt sich dann die Kathodentemperatur bestimmen:

$$T = -\frac{e_0}{k \cdot m} = (2582 \pm 130) \text{ K} \quad (8)$$

Dabei werden für e_0 und k die bei Scipy enthaltenen Werte der Elementarladung und der Boltzmann-Konstante verwendet. ($e_0 \approx 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$, $k \approx 1,381 \cdot 10^{-23} \text{ J/K}$)

4.4 Bestimmung der Kathodentemperatur über die Leistungsbilanz

Für die Abschätzung der Kathodentemperatur werden die fünf Heizspannungen und Ströme aus der ersten Messung verwendet. Diese stehen mit den sich daraus nach

$$N = U \cdot I \quad (9)$$

ergebenden zugeführten Leistungen in Tabelle 4. Die Formel für die Leistungsbilanz

Tabelle 4: Gemessene Heizströme/Spannungen und Leistungen.

	U_f in V	I_f in A	N_{zu} in W
Kennlinie 1	3,25	1,8	5,850
Kennlinie 2	3,5	1,9	6,650
Kennlinie 3	4,0	2,0	8,000
Kennlinie 4	4,25	2,1	8,925
Kennlinie 5	4,5	2,2	9,900

lautet:

$$N_{zu} = N_{Str} + N_{WL} \quad (10)$$

N_{Str} ist mit

$$N_{Str} = f\eta\sigma T^4 \quad (11)$$

gegeben. Damit lässt sich die Leistungsbilanz auch als

$$N_{zu} = f\eta\sigma T^4 + N_{WL} \quad (12)$$

schreiben. N_{WL} muss abgeschätzt werden. In diesem Fall wird dafür ein Wert von 0,95 W verwendet. Die Fläche f der Diode beträgt $0,32 \text{ cm}^2$. η ist mit 0,28 und σ mit $5,7 \cdot 10^{-12} \text{ W}/(\text{cm}^2 \text{ K}^4)$ gegeben. Schließlich wird die Gleichung nach T umgeformt um die Temperatur zu erhalten.

$$T = \left(\frac{N_{zu} - N_{WL}}{f\eta\sigma} \right)^{\frac{1}{4}} \quad (13)$$

Die Ergebnisse der Rechnung für die fünf Heizspannungen stehen in Tabelle 5

Tabelle 5: Gemessene Heizspannungen, Sättigungsströme und Temperaturen.

	U_f in V	I_S in mA	T in K
Kennlinie 1	3,25	0,029	1760
Kennlinie 2	3,5	0,068	1828
Kennlinie 3	4,0	0,156	1928
Kennlinie 4	4,25	0,340	1988
Kennlinie 5	4,5	0,715	2046

4.5 Bestimmung der Austrittsarbeit

Zur Bestimmung der Austrittsarbeit wir Formel (2) nach $e_0\phi$ aufgelöst. Sie lautet dann:

$$e_0\phi = \ln \left(\frac{j_S \cdot h^3}{4\pi \cdot e_0 m_0 k^2 T^2} \right) \cdot kT \quad (14)$$

Da in der Formel von der Sättigungsstromdichte j_S die Rede ist muss der von uns gemessene Sättigungsstrom I_S noch durch die Fläche geteilt werden. Dabei ist auf die Einheiten zu achten. Für die Elementarladung e_0 , die Elektronenmasse m_0 ($\approx 9,109 \cdot 10^{-31}$ kg), die Boltzmann-Konstante k und die Plancksche Konstante h ($\approx 6,626 \cdot 10^{-34}$ Js) werden die Werte von Scipy verwendet. Damit ergeben sich die in Tabelle 6 stehenden Austrittsarbeiten.

Tabelle 6: Gemessene Heizspannungen, Sättigungsströme und Austrittsarbeiten.

	U_f in V	j_S in mA	$e_0\phi$ in 10^{-19} J	$e_0\phi$ in eV
Kennlinie 1	3,25	0,906	7,06	4,41
Kennlinie 2	3,5	2,125	7,13	4,45
Kennlinie 3	4,0	4,875	7,33	4,58
Kennlinie 4	4,25	10,625	7,36	4,60
Kennlinie 5	4,5	22,344	7,38	4,61

Die Austrittsarbeit wird anschließend zu

$$e_0\phi = (4,53 \pm 0,04) \text{ eV} \quad (15)$$

gemittelt.

5 Diskussion