

13.36 Aufgabe: RSA-Signatur

Gegeben sind der öffentliche Schlüssel ($e=3$, $n=55$) von Alice:

- a) Sie erhalten eine Nachricht mit der Zahl „2“ die zusätzlich mit der digitalen Signatur von Alice ausgestattet wurde. Die Signatur lautet „18“. Prüfen Sie die Signatur.
- b) Sie erhalten eine weitere Nachricht von Alice mit der Zahl „4“ und der Signatur „47“. Wie sieht es in diesem Fall mit der Authentizität des Absenders aus?
- c) Sie wollen die Signatur von Alice unter der Nachricht „7“ fälschen. Berechnen Sie die Signatur und prüfen Sie diese im Anschluss.

a)

$$18^3 \bmod 55 = 2$$

$$2 \bmod 55 = 2$$

Stimmt

b)

$$47^3 \bmod 55 = 38$$

$$47 \bmod 55 = 47$$

falsch

c)

$$x^3 \bmod 55 = 7$$

$$55n + 28 = x, n \text{ Element von } \mathbb{N}$$

$$55 \cdot 1 + 28 = 83$$

$$83^3 \bmod 55 = 7$$