# **Arbeitstagebuch**

### Bachelorarbeit 2017

# Timo Bergerbusch

Die ist ein Arbeitstagebuch um den Überblick über bereits geleistete Arbeit zu behalten und Probleme und Änderungen zu protokollieren. Dabei werden die verschiedenen Tage unterteilt in die Bereiche Allgemein und Probleme/Offene Fragen. Allgemein beschreit was ich an dem Tag getan habe und womit ich mich beschäftigt habe und Probleme/Offene Fragen beschreibt alle Probleme welche in Folge der Arbeit auftraten. Fragen, welche beantwortet werden sollen dann als Frage mit zugehöriger Erklärung im Allgemein-Teil aufgegriffen werden.

### 20.04.2017

### Allgemein

- Einlesen in die Paper main und das Paper non-term
- Installieren der Software auf dem Laptop und in der VM

### Probleme/Offene Fragen

Zu main:

1. Seite 2, Preliminaries

Die Summe startet bei 0, jedoch passt dies nicht. Wenn man k=0 setzt sollte  $\left(3\ 1\right)^T$ raus kommen, da keine Schleifeniteration durchgeführt wird also nur der **STEM**-Teil relevant ist. allerdings kommt dann  $\left(10\ 2\right)^T$  raus, was der Wert nach der 1. Iteration ist.

2. Seite 3, Definition 2.2

$$Gx < g \land MX + m = x'$$
, was sind  $G, g, M$  und  $m$ ?

zu non-term:

1. Seite 4, Definition 1:

Seite 4, Definition 1: 
$$x, x' \in \mathbb{R}^n, \text{ also } x = \begin{pmatrix} x_1, \dots x_n \end{pmatrix}^T$$
Welche Dimension hat dann  $\begin{pmatrix} x \\ x' \end{pmatrix}$ ?
$$\begin{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1, \dots x_n \\ x'_1, \dots x'_n \end{pmatrix} \in R^{2 \times n}$$
?

### 26.04.2017

### Allgemein

- · Script für das Tagebuch erstellt
- Versucht das Git-Repository in der VM zu installieren. Vergeblich

### Probleme/Offene Fragen

1. Vm - Git

Erstellen der Projekte wirft sofort Fehler. Wieso ist einfaches Clonen nicht ausreichend? Antwort: sollte eigentlich ausreichen

### 27.04.2017

- · Script abgeändert
- Repositorys in VM geklont und danach die Projekte angelegt. Jedoch nun 4000+ Errors. Code bis auf weiteres verschoben.
- weiteres einlesen in main und non-term

Zum Ecplise-projekt:

1. *ant grammars* hat kein passendes *build.xml*. Selbst mit *build-aprove.xml* ist *grammars* nicht definiert

#### Zu main:

- 1. Seite3, Definition 2.2: Was sind G und M? M ist die "actual update matrix " aber was soll das sein?  $direction \times speed^i$  von der Introduction?
- 2. Seite 4, Definition 2.6: defekt einer Matrix nur noch schleierhaft.

$$def(A) = dim(ker(A)) \text{ und } ker(A) = \{v \in \mathbb{R} | Av = 0\}$$

### 16.05.2017

- David eine E-Mail geschrieben Antwort: Jera kommt Mittwoch (17.05.2017) wieder. David könnte mit bei der Installation am Freitag (19.05.2017) helfen
- erste Gedanken über den Ablauf:
  - 1. Syntaxcheck:
    - a) Teste auf erlaubte Elemente
      - keine for-Schleifen
      - keine *GOTO*'s oder ähnliches
    - b) Teste auf Unterteilung in STEM
      - i. Anfangswerte für Variablen
      - ii. nicht aufgeführte Variablen werden mitgeschrieben
    - c) Teste auf Unterteilung von LOOP
      - Guard identifizieren
      - ausschließlich lineare Updates
  - 2. Simple Fälle abfangen
    - eine Variable wird immer auf nondet () gesetzt

#### Zu non-term:

- 1. non-term, Seite 2: Die Ausführung von  $Figure\ 1a$ : Wieso  $(2,0)^T$  und  $(2,1)^T$ ? Angenommen die Reihenfolge ist  $(a,b)^T$  dann müsste es doch mit so etwas wie  $(undef/0,1)^T$  starten. b wird immer wieder auf nondet gesetzt was jede Ausführung sein kann. Sind also 2 und (immer) 1 zufällig gewählt? Überlegung: Die ersten Einträge sind vor dem STEM und somit beide nondet. Dann kommt der STEM und dann die LOOP. Zudem muss a so gesetzt sein, dass die Guard "passt"
- 2. die Geometrische Reihe passt für Figure 1a und Figure 1b nicht
- 3. zu Figure 1c:  $\mu$  Faktor von b?

#### Allgemein:

- 1. Wo wird das Programm angesetzt? Als einzelner Thread nebenher oder an einer bestimmten Stelle?
- 2. Gibt es dann Elemente auf die ich bereits zurückgreifen kann?
- 3. Nur für Java?

### 17.05.2017

- Weiteres Einlesen in non-term und main
- Vielleicht erst eine Methode um für geg. GNA zu testen ob die 4 Bedingungen(nonterm, Seite 5) halten
- Verwendung von SMT-Solver:
  - 1. Berechnen der Eigenwerte als  $\lambda$ 's der Updatematrix
  - 2. Berechnen der Eigenvektoren zu den Eigenwerten

zu main:

1. Seite 5, Definition 3.1: Wenn wir k  $\lambda$ 's haben aber nur k-1  $\mu$ 's, wie sind dann Programme wie:

möglich? Das eine  $\mu$  wird für die Beziehung von a zu b gebraucht aber dann ex. kein weiteres  $\mu$  für die Beziehung von b zu a.

# 28.05.2017

### Allgemein

- Ecplise versucht wieder ans laufen zu bekommen
- · ITRS eingelesen

### Probleme/Offene Fragen

Generell:

- 1. Bis wann muss die Bachelorarbeit angemeldet sein?
- 2. Kann das Projekt mit Eclipse nicht mehr öffnen
- 3. Toolbar verschwindet ständig: Antwort: workbench.xmi löschen und Neustarten
- 4. Wie soll man aus einem ITRS STEM und LOOP ablesen können?

### 08.06.2017

- Compilieren von .c-Dateien in .llvm-Dateien
- Reproduzieren von verschiedenen Beweisen um mehr Verständnis zu erhalten wie ein ITRS abgelesen werden könnte
- Eingearbeitet in *sat4j* und Erstellung einer Basis, welche eine Datein in CNF auf Erfüllbarkeit prüft:

```
import org.sat4j.minisat.SolverFactory;
import org.sat4j.reader.DimacsReader;
import org.sat4j.reader.Reader;
import org.sat4j.specs.IProblem;
import org.sat4j.specs.ISolver;
//eine Testklasse fuer SAT4J
public class main {
        public static void main(final String[] args) {
                //Anlegen eines neuen Solvers
                ISolver solver =
                   SolverFactory.newDefault();
            solver.setTimeout(300);
            //Anlegen eines Readers
            Reader reader = new DimacsReader(solver);
            try{
                //Auslesen des Programms aus der Datei
                IProblem problem =
                   reader.parseInstance("src/input.txt");
                //Pruefen der Erfuellbarkeit
                if (problem.isSatisfiable()) {
                        //Wenn erfuellbar ein Model
                           angeben
                System.out.println("Satisfiable !");
                System.out.println(reader.decode(problem.model()));
            } else {
```

1. Wenn ich

```
timo@Ubuntu:~/Downloads$ clang -S -emit-11vm ctest.c
```

für meine Testdatei *ctest.c* eingebe erstellt mir *Clang* eine *.ll-*Datei, welche in Eclipse zu dem (bekannten) *computePointerSizeFromDataLayout-*NullPointer führt.

Antwort: Benutze den Befehl:

```
timo@Ubuntu:~/Downloads$ clang ctest.c -S -emit-llvm -o ctest.llvm
```

- 2. die <a href="class:cl
- 3. wenn ich einen .llvm-Code erstellen lasse und die Anpassungen für query und source\_filename mache erhalte ich immer eine InconsistentStateException im Graphen

4. Auch beim Web Interface bekomme ich die selben Probleme (nicht ausführen des Beweises: *Analyze Termination of all function calls matching the pattern: main()*) . Z.B. für mein Test-File

```
/* query: main(Int) */
int main(){
   int a=2, b =1;

  while(a+b<10){
      b=b-1;
   }
}</pre>
```

5. Wo genau kann ich das ITRS herbekommen um darauf zu arbeiten? An welcher Stelle/Klasse o.ä. Antwort: Bekomme das Problem als IRSwTProblem-Instanz. Siehe 14.06.2017

# 09.06.2017

### Allgemein

- Änderung von den "Bounded" Variablen von True in False in:
  - src/aprove/Testing/Manual/LLVMTermGraphTester.java
  - src/aprove/PredefinedStrategies/Auto/current.strategy
  - src/aprove/PredefinedStrategies/Auto/noT2.strategy
- Git-Repo in Ubuntu geklont und verbunden
- Einlesen in die *IRSwTPRoblem*-Art (src/aprove/Framework/IntTRS/IRSwTProblem.java)

### Probleme/Offene Fragen

1. Zum  $\emph{IRSwTProblem}$ : im Beispiel des Javadoc's ist die 17 eine zufällige Zahl? Zitat: "Variables not occurring in  $\phi$  or in arithmetical operations may be instantiated by terms consisting of constructor symbols."

### 14.06.2017

### Allgemein

- Erstellung der *testingGNT.strategy* in *aprove/PredefinedStartegies/Auto* als Kopie der *Current-*Strategie und abändern der *LLVM-*Prozessoren die ausgeführt werden sollen. Hinweis: dort ist noch immer ein T2 Prozessor und nicht "meinÄnsatz vermerkt.
- · Hinzufügen eines

```
Zeile 756: declare
```

• Ausgeben lassen des IRSwTProblems durch folgenden Code:

```
try {
          FileWriter fw = new
                FileWriter("/home/timo/Downloads/ausgabe.txt");
          BufferedWriter bw = new BufferedWriter(fw);

          bw.write(result.toString());

          bw.close();
          fw.close();
          fw.close();
} catch (IOException e) {
                // TODO Auto-generated catch block
                e.printStackTrace();
}
```

Dieser wird im IRSwTProblem in die toString()-Methode unmittelbar vor return eingefügt.

• wenn ich eine Instanz der Klasse IRSwTProblem irswt bekomme, bekomme ich

- das Startsymbol per irswt.getStartTerm()
- die Regeln per irswt.getRules()

### Integer Rewrite System with Terms (IRSwT)

Consists of rules of the form  $f(t_1,...,t_n) - g(s_1,...,s_m)|\phi$  where the arguments  $t_1,...,t_n,s_1,...,s_m$  are terms that only use non-defined symbols (i.e., symbols h for which no rule h(...) - > ...) exists. The right arguments  $s_1,...,s_m$  might additionally use basic arithmetical operations (+,-,\* and constants).

To apply such a rule the instantiation of the variables has to satisfy the condition  $\phi$ , which is a conjunction of atomic formulae over the signature +, -, \*, > (,=)  $\cup \mathbb{Z}$ . Variables not occurring in  $\phi$  or in arithmetical operations may be instantiated by terms consisting of constructor symbols.

Example: 
$$f(x,y) - g(x,y)|TRUE$$
  
 $g(s(x),y) - g(x,y)|TRUE$   
 $g(0,y) - f(x,y-1)|y > 0$ 

Here we have the following decreasing ->-chain:

$$f(s(0), 1) - g(s(0), 1) - g(0, 1) - f(s(s(17)), 0) - \dots$$

Please note that every variable occurring in an arithmetical operation or in  $\phi$  has to be instantiated by an integer.

### Probleme/Offene Fragen

- 1. Git Submodules/SymLinks
- 2. Zitat von Jera: "Dein Arbeitsschwerpunkt sollte eher auf den Ideen des Papiers liegen und nicht auf technischen Details von AProVE. Heißt das ich soll es gar nicht programmieren sondern nur überlegen wie man das theoretisch auslesen kann?

# 15.06.2017

### Allgemein

• Einlesen in die Klassen *IGeneralizedRule* (I für Integer) und *GeneralizedRule* um zu finden, wie ich die Ersetzungsterme erreichen kann um sie als Lineares Programm aufzufassen

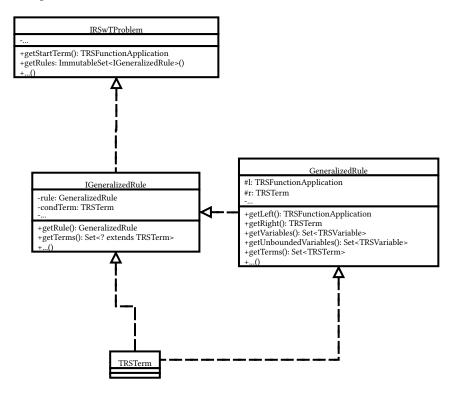


Abbildung 1: Das Klassendiagram des IRSwTProblem und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 15.06.2017

### 21.05.2017

### Allgemein

• Erstellen der 3 Testprogramme aus dem Paper ( Programm 1 wird nicht laufen können wegen  $\mathtt{undef}()$  )

- rumschlagen mit Ecplise was schlussendlich zum neuen Aufsetzen der Vm führte, incl. neues Aufsetzen von Eclipse Neon.
- einfügen der *onlyT2.strategy*
- <u>nicht</u> erneutes Erstellen der Grammars per *ant*, da sonst alles doppelt vorkommt und/oder Fehler schmeißt.

1. wie sollen die "neuen" Variablen aufgefasst werden? Bekommen die einen random Wert? Beispiel:

$$f_{79}(x_3, x_8) \to f_{79}(x_{12}, 2 * x_8) : |: 3 < 2 * x_8 & \& 3 * x_3 = 2 + x_{12} & \& \& x_3 + x_8 > 5 & \& \& x_{12} > 9$$

Woher kommt  $x_{12}$  und was weiß man darüber? Antwort: die zweite Regel besagt:  $3 * x_3 = 2 + x_{12}$  somit kann man sich den Wert von  $x_{12}$  herleiten wenn man  $x_3$  kennt.

Wo ist der STEM-Teil des Programms hin? Das Programm (Testprogramme/nonterm-paper-example2.c) beginnt mit

int 
$$a=2,b=1$$
;

Zudem wird bewiesen, dass es nicht terminiert durch das AProVE-Tool, jedoch die das ITRS hält bereits für die erste Iteration mit a=2 und b=1 nicht, weil  $x_8=b=1$  gilt und dann  $3<2*x_8$  nicht mehr gilt. Antwort: b ist nicht  $x_8$ 

- 2. Startterm wird beim IRSwTProblem nicht mit angegeben, wenn *noT2.strategy* verwendet wird. Antwort: verwende die *onlyT2.strategy*
- 3. kann trotz neuem *aprove-build.xml* keine neuen Grammars erzeugen und somit nicht automatisiert C-Programme testen

# 22.06.2017

### Allgemein

- Weiteres einlesen in den Vorgang des Papers
- erste Programmierung von versch. Klassen
  - GeoNonTermAnalysis
  - STEM
  - Logger
    - \* MÖGLICHE ERWEITERUNG: weiteren Konstruktor, Modi zum überschreiben etc

Dargestellt in einem Klassendiagramm:

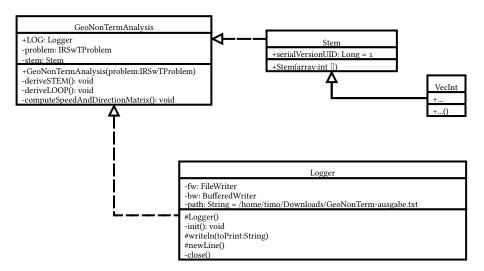


Abbildung 2: Das Klassendiagram des Geometrischen Nicht-Terminierungs Ansatz und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 22.06.2017

• Erweiterung des Klassendiagramms vom 15.06.2017

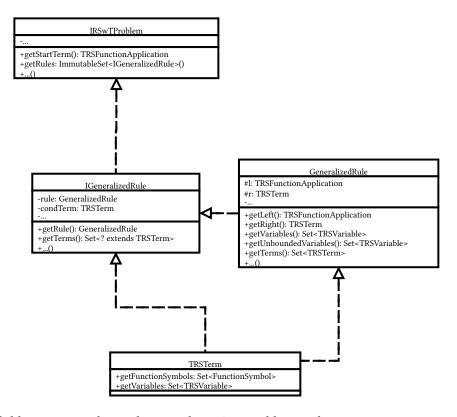


Abbildung 3: Das Klassendiagram des IRSwTProblem und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 22.06.2017

- 1. Probleme mit Dia und LaTeX. Antwort: als LaTeX PGF Makros exportieren und "[scale=0.6, every node/.style=scale=0.6]" hinter "begin{texpicture}" einfügen
- 2. Die *Conditions* der Regeln ist in UPN (umgekehrt polnische Notation). Hilft mir das oder ist es hinderlich?

# 28.06.2017

- Änderung des *STEM*'s von einer Erweiterung der Klasse *VecInt* zu einer normalen Klasse mit einem Element von *VecInt*
- Einlesen des STEM's aus dem Programm heraus fertig.
- TRSFunctionApplication zum Diagramm vom IRSwTProblem hinzufügen

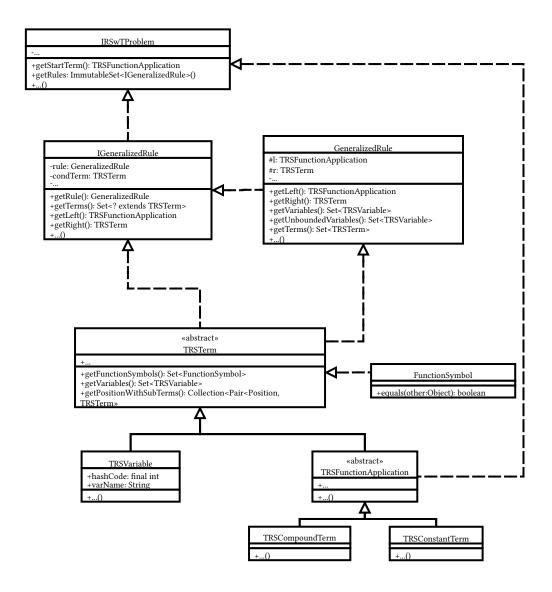


Abbildung 4: Das Klassendiagram des IRSwTProblem und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 28.06.2017

• Änderungen der Methoden und Attribute in dem GeoNonTerm-Package

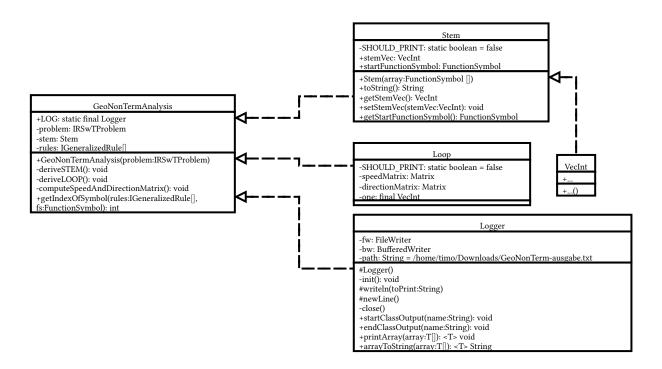


Abbildung 5: Das Klassendiagram des Geometrischen Nicht-Terminierungs Ansatz und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 28.06.2017

- Definieren der verschiedenen Ausgaben:
  - #########: dies sind Ausgaben für die Verständlichkeit/Nachvollziehbarkeit
  - +++++++: dies sind Ausgaben rein zum Testen
- mit getPositionsWithSubTerms die Collection als Baum aufbauen und so die Postfix-Notation bzw. Matrixeinträge herleiten
- kommentieren aller Klassen und Methoden

### **TODO** am Code

1. Verbesserung des *Loggers* hinsichtlich der Ausgabe verschiedener Klassen in vielleicht verschiedene Dokumente

### Probleme/Offene Fragen

1. Wieso kommt bei z.B.

$$f_{99}(x_3, x_8) \to f_{99}(3 * x_3 + x_8, 2 * x_8) : | : \dots$$
  
 $f_2 \to f_{99}(10, 2)$ 

Als Symbol der linken Seite der ersten Regel f\_99 und als Symbol bei der rechten Seite der zweiten Regel f\_99\_2 raus? Eine Prüfung auf *equals* ergibt aber auch Gleichheit. Überlegung: Beim zweiten wird die Anzahl der Argumente mit angehängt, welche beim ersten die selbe ist aber nicht mit angegeben wird. Antwort: die *aprove/Framework/BasicStructures/FunctionSymbol.java* unter der Methode *equals* macht genau den Namens, hashCode und Größencheck, sodass die verschiedenen toString-Werte keinen Ausschlag geben.

- 2. Wo packt man das LOG.close(); am besten hin?
- 3. Wie soll ich die *Umgekehrt Polnische Notation* behandeln um z.B. die Vorfaktoren einer Regel abzuleiten Antwort: Umschreiben in Postfix und stupides Iterieren
- 4. geht als IRSwTProblem auch:

$$f_x(a+1,b) \rightarrow f_x(a,b) : | : cond$$

Antwort: Ja geht soll aber vorerst mit assert abgefangen werden

### 29.06.2017

### Allgemein

· Viel rumprobiererei wegen der Umgekehrt Polnischen Notation

• die *TRSCompound*-s sind die Funktionsterme und im *RPNTree* die *RPNFunctionSymbols*. Sie haben den Aufbau:

$$\underbrace{+}_{var:f}\underbrace{(\_,...,\_)}_{var:args}$$

also wäre für 
$$+(3, x3)$$
:  $f = +$  und  $args = \{3, x3\}$ 

- Die rechte Seite in den eigenen *RPNTree* geparst. Beschränkt derzeit auf 2 argumentige Funktionssymbole.
- Die UpdateMatric geschrieben
- auslesen der Vorfaktoren der Variablen in den Iterationsschritten
- Änderungen der Methoden und Attribute in dem GeoNonTerm-Package

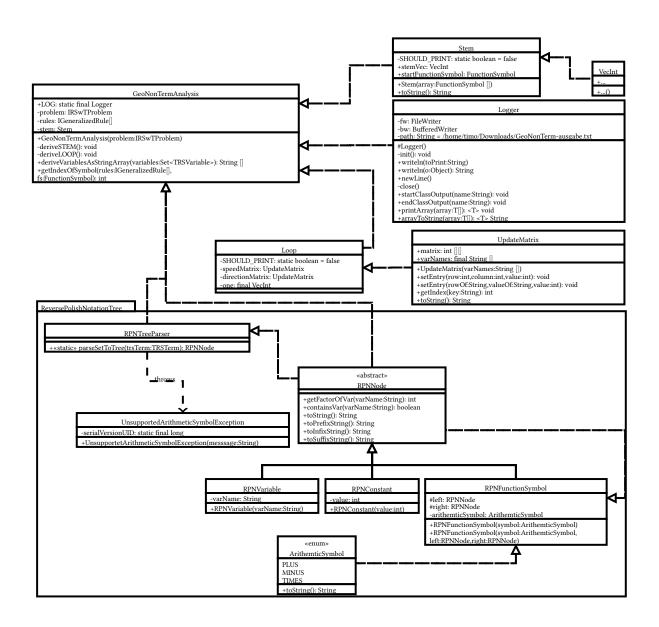


Abbildung 6: Das Klassendiagram des Geometrischen Nicht-Terminierungs Ansatz und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 29.06.2017

- 1. Bekomme es nicht in den Baum geparst. Antwort: doch.
- 2. Wie bringt man LP's der Form

$$f_a(x_1, x_2, ..., x_n) \rightarrow f_a(x_1 + 1, x_2, ..., x_n) \text{ oder } f_a(x_1, x_2, ..., x_n) \rightarrow f_a(x_1 * x_2, x_2, ..., x_n)$$

in eine Matrixschreibweise

3. bei ArithmeticalSymbol.MINUS wirklich flippen?

### 04.07.2017

### Allgemein

• Mir ist aufgefallen, dass die LOOP in der angedachten Form wenig bringt. Was ich brauche ist nachher A\*x < b um darauf die non-term Bedingungen zu prüfen. Aus main wird deutlich wie man A und b herleitet. Als:

$$G * x < g \land M * x + m = x'$$

$$A = \begin{pmatrix} G & 0 \\ M & -I \\ -M & I \end{pmatrix}, b = \begin{pmatrix} g \\ -m \\ m \end{pmatrix}$$

Die bisher hergeleitete Speed-Matrix kann als M übernommen werden, da es die linearen Updates schreibt. Im folgenden werde ich die Matrizen wie folgt nennen:

G: GuardUpdates m: UpdateConstants

g: GuardConstants A: IterationMatrix

M: UpdateMatrix b: IterationConstants

- Muss den RPNTree anpassen, damit ich die conditions parsen kann. Vielleicht kann ich die &&'s splitten, sodass n-conds bleiben. Antwort: und hat auch genau so funktioniert.
- Beobachtung:

Sei n = #vars dann sind sind  $x, x' \in \mathbb{Z}^n$ 

Demnach muss die Updatematrix  $M\in\mathbb{Z}^{n\times n}$ , da es die Updates für die Variablen ist und  $m\in\mathbb{Z}^n$ 

Sei m = #conditions Somit ist  $G \in \mathbb{Z}^{m \times n}$  und  $g \in \mathbb{Z}^m$ 

Somit folgt durch 
$$b = \begin{pmatrix} g \\ -m \\ m \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbb{Z}^m \\ \mathbb{Z}^n \\ \mathbb{Z}^n \end{pmatrix} \in \mathbb{Z}^{2*n+m}$$
, dass 
$$A = \begin{pmatrix} G & 0 \\ M & -I \\ -M & I \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \mathbb{Z}^{m \times n} & \{0\}^{n \times n} \\ \mathbb{Z}^{n \times n} & I^{n \times n} \\ \mathbb{Z}^{n \times n} & I^{n \times n} \end{pmatrix} \in \mathbb{Z}^{2*n+m \times 2*n}.$$

- Habe die GuardMatrix und die GuardConstants auslesen lassen. Jedoch siehe Problem 3.
- Änderungen der Methoden und Attribute in dem ReversePolishNotationTree-Package

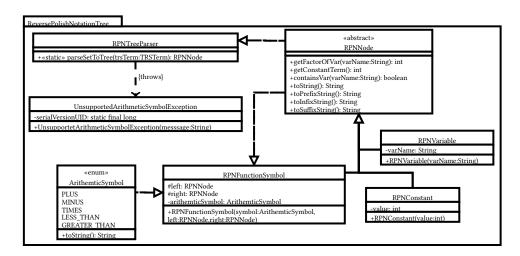


Abbildung 7: Das Klassendiagram des Reverse Polish Notation Tree und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 04.07.2017

• Änderungen der Methoden und Attribute in dem GeoNonTerm-Package

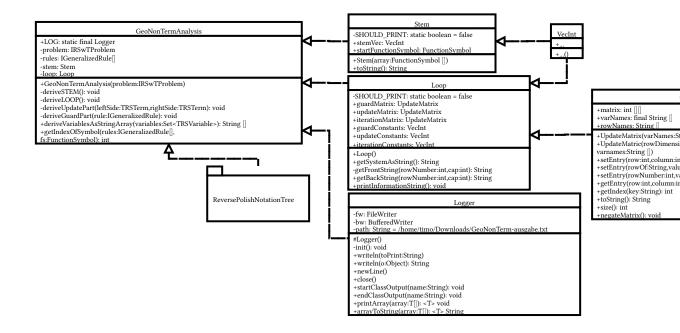


Abbildung 8: Das Klassendiagram des Geometrischen Nicht-Terminierungs Ansatz und seinen Komponenten zum besseren Verständnis der notwendigen Programmteile. Stand: 04.07.2017

- 1. brauche ich dann den *STEM* noch? Antwort: ja für die zweite Bedingung an ein GNA
- 2. woher kommt  $Y = \begin{pmatrix} 4 & 3 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ ?
- 3. Muss in der Guard noch alle > zu < umdrehen damit diese einheitlich sind zu der Literatur Antwort: Gemacht aber ist das richtig?

# 06.07.2017

### Allgemein

- Berechnung der Iterationmatrix A und der Iterationskonstanten b wie am 05.07.2017 beschrieben.
- kommentieren neuer Methoden und Änderung mancher Sichtbarkeiten
- Änderungen der Methoden und Attribute in dem *GeoNonTerm*-Package. Änderungen:
  - UpdateMatrix
    - \* IdentityMatrix-Methode, welche mir statisch eine Einheitsmatrix von angebbarer Größe liefert
    - $\star$  negateMatrix-Methode: welche eine Matrix mit -1 multipliziert
    - \* Mmbenennung von varNames in columnNames
    - \* neuen Konstruktor mit nur den Dimensionen
    - \* insert-Methode: fügt eine Matrix in die aktuelle ein
  - Loop
    - $* \ compute Iterations Matrix And Constants-Methode \\$
    - \* negate Vec-Methode: multipliziert einen Vektor mit -1

### 07.07.2017

### Allgemein

• Fehlerbeseitigung:

Das Beispiel-Argument aus dem Paper funktioniert so leider nicht, da das *ITRS* bereits wenige Schritte der *LOOP* ausführt.

Demnach müssen die korrespondierenden Y angepasst werden.  $A \times \begin{pmatrix} x_1 \\ x_1 + \sum_i y_i \end{pmatrix} =$ 

$$A \times \begin{pmatrix} 10 \\ 2 \\ a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & -2 & 0 & 0 \\ -3 & -1 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 \\ -3 & 0 & 0 & 0 \\ 3 & 1 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & -1 \\ -3 & -1 & 1 & 0 \\ 0 & -2 & 0 & 1 \end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} 10 \\ 2 \\ a \\ b \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 \\ -32 \\ -12 \\ -30 \\ 32 - a \\ 4 - b \\ -32 + a \\ -4 + b \end{pmatrix} \le \begin{pmatrix} -4 \\ -32 \\ -12 \\ -30 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\begin{array}{c} 10 + \sum_{i} y_{i}^{1} = 32 \leftrightarrow \sum_{i} y_{i}^{1} = 22 \leftrightarrow y_{1}^{1} + y_{2}^{1} = 22 \text{ und} \\ 2 + \sum_{i} y_{i}^{2} = 4 \leftrightarrow \sum_{i} y_{i}^{2} = 2 \leftrightarrow y_{1}^{2} + y_{2}^{1} = 2 \end{array}$$

Problem:

Es ex. keine 
$$y_1 = \begin{pmatrix} y_1^1 \\ y_1^2 \end{pmatrix}, y_2 = \begin{pmatrix} y_2^1 \\ y_2^2 \end{pmatrix}$$
, sodass

$$A * y_1 \le 0, A * y_2 \le 0 \text{ and } y_1 + y_2 = {22 \choose 2}$$

Erklärung:

Die Eigenvektoren sind  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  mit Eigenwert  $\lambda_1 = 3$  und  $\begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}$  mit Eigenwert

$$\lambda_2=2. \text{ Wenn } y_1=\begin{pmatrix}y_1^1\\y_1^2\end{pmatrix} \text{ und } y_2=\begin{pmatrix}y_2^1\\y_2^2\end{pmatrix}\text{, dann müsste für die erste Ungleichung gelten, dass } A*\begin{pmatrix}y_1^1\\y_1^2\\3*y_1^1\\3*y_1^2\end{pmatrix}\leq 0 \leftrightarrow y_1^1\geq 0, y_1^2=0\text{, da } \mu_0=0\text{ und } y_0=0$$

nach Definition.

Jedoch für 
$$y_2$$
 müsste gelten, dass  $A*\begin{pmatrix} y_2^1\\y_2^2\\2*y_2^1+\mu_1*y_1^1\\2*y_2^2+\mu_1*y_1^2 \end{pmatrix}\leq 0.$ 

Dies hat nur die Lösungen: 
$$y_1^1=0, y_2^1=0$$
 und  $y_2^2=0$  für ein beliebiges  $\mu$ . Dann wäre  $y_1+y_2=\begin{pmatrix} 0\\0\end{pmatrix}+\begin{pmatrix} 0\\0\end{pmatrix}=\begin{pmatrix} 0\\0\end{pmatrix}\neq\begin{pmatrix} 22\\2\end{pmatrix}$  Antwort: für  $y_1^1=12, y_1^2=0, y_2^1=10, y_2^2=2$  und  $\mu=1$  klappt es! Aber

wieso?

- Per Hand gerechnet geht es für das Beispiel im Skript auf (a=4, c=3, b=10, d = 1). Wolframalpha-Query's:
  - Point:  $\{\{-1,-1,0,0\},\{3,1,-1,0\},\{0,2,0,-1\},\{-3,-1,1,0\},\{0,-2,0,1\}\} \times \{3,1,10,2\} < = \{-4,0,0,0,0\}$
  - Ray 1:  $\{\{-1,-1,0,0\},\{3,1,-1,0\},\{0,2,0,-1\},\{-3,-1,1,0\},\{0,-2,0,1\}\}\}$ \* $\{a,b,3*a,3*b\}$ <= $\{0,0,0,0,0\}$
  - Ray 2:  $\{\{-1,-1,0,0\},\{3,1,-1,0\},\{0,2,0,-1\},\{-3,-1,1,0\},\{0,-2,0,1\}\}\}^* \{3,1,2^*3+4,2^*1\} < = \{0,0,0,0,0\}$

Antwort: Die letzte Anfrage gibt für konkrete  $\mu$ 's lineare Formeln um a und b zu berechnen. Diese müssen nur auf ihre Kompatibilität mit dem Point-Kriterium geprüft werden.

- Vielleicht ist es weil die Regeln: x > y zu -x < -y wurden und nicht zu -x <= -y - 1
- WICHTIG: Im main-Paper ist ein gravierender Fehler! Die Eigenwerte wurden mit  $\lambda_1=3$  und  $\lambda_2=1$ angegeben jedoch ist der zweite Eigenwert der Matrix  $\begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \text{ ist } \lambda_2 = 2$
- vielleicht: da alle Guards die Form  $a_ix_1 + b_ix_2 + ... > c_i$  haben müsste die Summe größer bleiben, also  $\sum_i a_i x_1 + b_i x_2 + \ldots > \sum_i c_i$

### Probleme/Offene Fragen

1. Frage

13.07.2017

- in der Methode tryDerivingAGNA könnte man einen Test mit einbauen, welcher zuerst das *Point*-Kriterium nur für den Guard\*Stem $\leq b$  prüft, da man sich dann alles andere sparen kann, wenn das schon nicht passt. (Performance)
- Ich muss also jetzt die Matrix mult. in lineare Bedingungen packen, daraus ein *ISolver* bauen um diesen mittels der *SolverFactory* zu lösen? CSP-Problem?
- Code Verbesserungen:
  - (fertig) eigene (Adapter java inheritance)Vektorklasse
  - (fertig) RPNNodes als Composite Objekt
  - (fertig) static-Methoden in die vorgesehenen Klassen
  - (fertig) Logger als Singleton
  - (fertig) kein Factory-Pattern für RPNNode's
  - Exceptions
  - vielleicht sort output by classes

1. Frage

### 14.07.2017

### Allgemein

- Wenn kein Startterm muss das Program bei Stem o reinbekommen!
- den SMT-Solver soweit, dass ich damit Formeln lösen kann

#### Probleme/Offene Fragen

1. Das Problem ist die Eingabe so zu filter, dass er richtig erkennt was Variablen und was Constanten sind. Antwort: BEHOBEN WUHUUU